



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + *Beibehaltung von Google-Markenelementen* Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + *Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität* Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

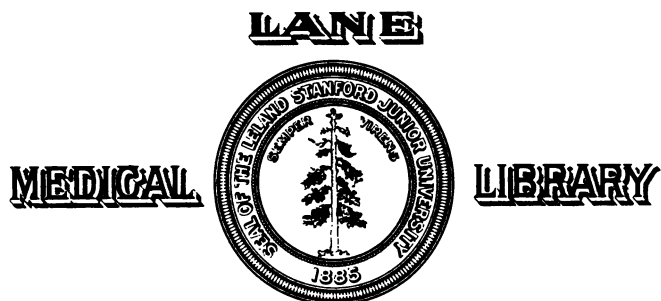
Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter <http://books.google.com> durchsuchen.

LANE MEDICAL LIBRARY STANFORD
B21 J63 1885 STOR
Grundriss der Experimentalphysik und die



24503283220

GRUNDRISS
DER
EXPERIMENTALPHYSIK
VON
E. JOCHMANN
UND
O. HERMES.



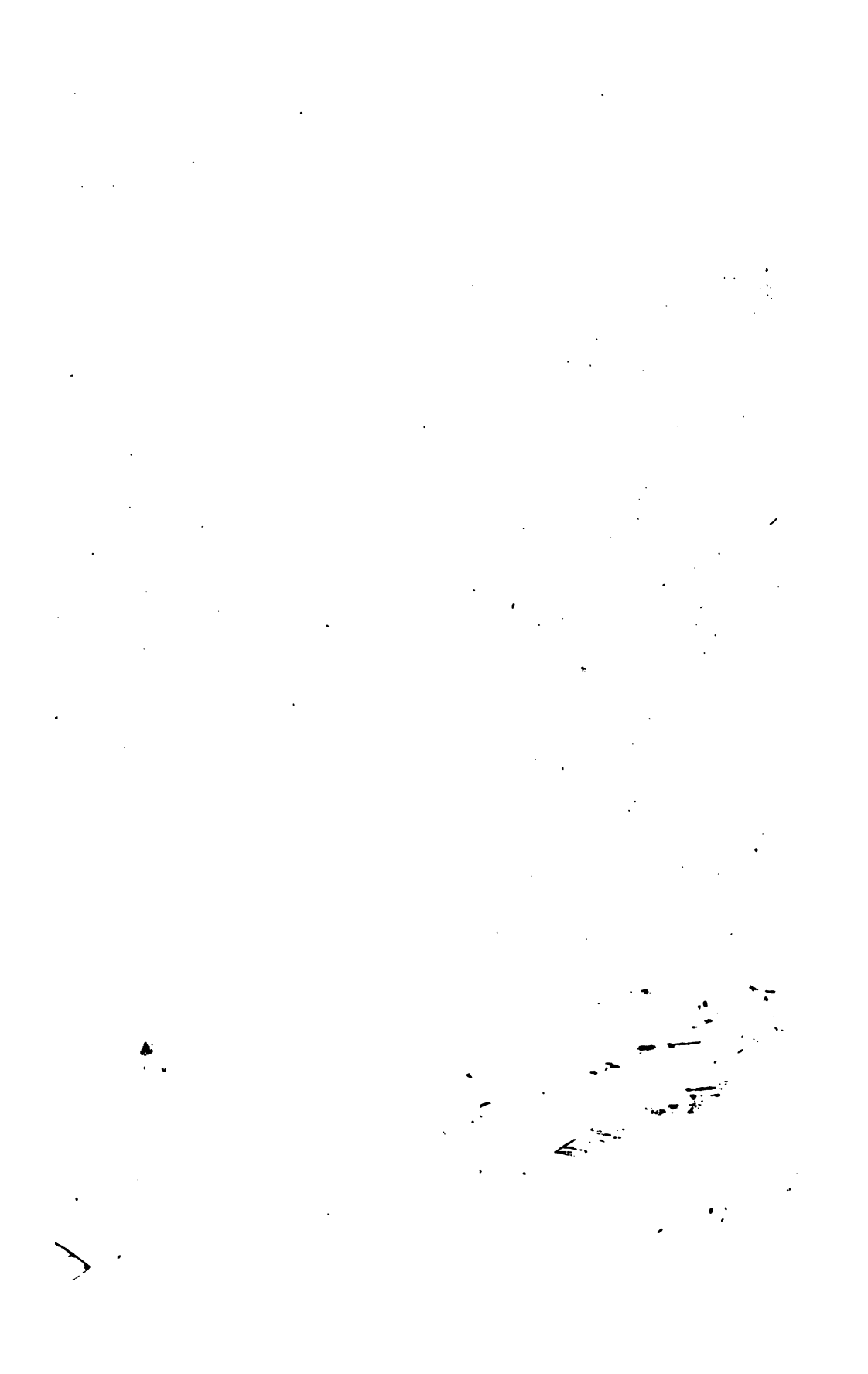
Gift
Mrs. F. H. Fothergill.

AMERICAN BANK NOTE CO. LITHO



Theodore G.
University of
May 8-1886.





Theodore Ge.
University Co.
May 8-1886.

УДАЛЕНА

Vorrede des Herausgebers.

Am 22. Januar 1871 starb in Liegnitz, im Kreise der Seinigen, Dr. Emil Jochmann, seit einer Reihe von Jahren Lehrer der Physik am hiesigen Köllnischen Gymnasium und, im Namen der physikalischen Gesellschaft zu Berlin, Herausgeber der „Fortschritte der Physik“, — „ein gleich begeisterter wie begabter Forscher, der nicht nur die Wissenschaft durch seine gediegenen Schriften förderte, sondern auch seine „umfassenden Kenntnisse in seltenem Mafse seinen Schülern mitzuteilen „verstand, denen er durch Reinheit des Charakters zugleich ein edles „Vorbild der Nachahmung war“ —*). In seinem litterarischen Nachlaß fand sich ein vollständig ausgearbeitetes und bis in die letzten Jahre mit ergänzenden Notizen versehenes Lehrbuch der Physik vor. Mit dem Verfasser nahe befreundet und längere Zeit während seiner Erkrankung mit der Vertretung in seinen Lehrstunden beauftragt, hatte ich Gelegenheit, dieses Lehrbuch, welches er seinem Unterricht zu Grunde legte, genau kennen und hochschätzen zu lernen, und erklärte ich mich darum gern bereit, dem Wunsche der Seinigen durch die Herausgabe desselben zu entsprechen. Der Verstorbene selbst hatte auf meine Anfrage einige Zeit vor seinem Tode gegen mich die Absicht ausgesprochen, das Werk nicht länger ungedruckt für sich behalten zu wollen, und hat sich wohl nur durch seine zunehmende Kränklichkeit von der Ausführung dieser Absicht abhalten lassen.

Den Text irgendwie umzuändern, aufser soweit es durch die notwendige Durchführung des metrischen Systems geboten war, trug ich gerechtes Bedenken, da ich das Lehrbuch mit der grössten Sorgfalt durchgearbeitet vorfand, und nur an einzelnen Stellen sah ich mich veranlaßt, kurze erklärende Notizen oder Zusätze, mit H. unterzeichnet**), unter dem Text hinzuzufügen. Dagegen fiel mir zumeist die Sorge der Herstellung der Figuren zu. Der Verfasser hatte nur zu den ersten Abschnitten bis § 68 in besonderen Beilagen Figuren gezeichnet, welche für den Druck bestimmt schienen, trotzdem aber zum Teil einen nochmaligen Entwurf vor der Zeichnung auf die Holzstöcke erforderten. Für die späteren Figuren war mir meist ein nur geringer Anhalt durch flüchtige Skizzen am Rande des Textes gegeben, und fehlte mir zum Teil sogar, besonders bei den Zeichnungen zusammengesetzterer Apparate, jeder Anhalt, selbst wenn der zugehörige Text auf eine bestimmte, zu ergänzende Figur durch Buchstaben für einzelne Teile derselben hindeuten schien. Hier war mir ein freier Spielraum gelassen, und konnte meine Aufgabe wesentlich nur darin bestehen, den ersten vom Verfasser gezeichneten Figuren entsprechend, die darzustellenden Apparate nur in ihren wesentlichen Teilen, befreit von allem unnötigen, ihr Verständnis erschwerenden Beiwerk, leicht übersichtlich für den Beschauer, wiederzugeben. Ja, um die richtige Auffassung eines Apparates möglichst zu erleichtern, habe ich selbst hier und da in einer

*) Worte des Nachrufs seiner Amtsgenossen.

**) Nur in den beiden ersten Auflagen.

Figur Teile, wenn sie sich allzusehr deckten, getrennt, in verschiedener Weise angeordnet und anders dargestellt, als sie im Apparat enthalten sind.

Für derartige Abweichungen vom gewöhnlichen Gebrauch erfreute ich mich des Einverständnisses mehrerer Fachmänner, im besonderen der Herren Professoren Helmholtz, Paalzow und Quincke. Indem ich allen diesen für ihren bereitwilligen Rat, sowie Herrn Professor Förster, der mir mit großer Gefälligkeit die Werte der erdmagnetischen Elemente an die Hand gab, meinen besten Dank ausspreche, habe ich nur den Wunsch hinzuzufügen, daß das vorliegende Lehrbuch auch außerhalb der Grenzen der Anstalt, in welcher es seinen Ursprung gefunden hat, sich die gebührende Anerkennung gewinnen möge.

Berlin, Oktober 1871.

Zur neunten Auflage.

Von der vierten Auflage an habe ich dem Grundrißs Elemente der Astronomie und mathematischen Geographie hinzugefügt, die ich, im Anschluß an einige im Nachlaß des Verfassers des Grundrißs vorgefundene Notizen, zum Gebrauch beim Unterricht bearbeitet habe. Dieselben dürften zur Vervollständigung der meisten Lehrbücher der Physik dienen können und sind darum, sowie um ihre Verwertung auch für die Besitzer der früheren Auflagen des Grundrißs zu erleichtern, gleichzeitig in einer Separatausgabe erschienen. Sie enthalten im wesentlichen die Elemente der Astronomie, soweit deren Kenntnis für die Schüler in den oberen Klassen der höheren Lehranstalten als unentbehrlich zu erachten ist. Als ausführlicher vom Verfasser bearbeitet lagen mir nur die beiden ersten Abschnitte dieser Elemente vor, von welcher Bearbeitung ich möglichst Gebrauch gemacht habe; für die folgenden Abschnitte jedoch beschränkten sich die mir zugänglichen schriftlichen Notizen des Verfassers auf wenig mehr als eine kurze Zusammenstellung der Überschriften. Aus den ausführlicheren Mitteilungen über astronomische Fragen im Grundriß selbst, die sich zum Teil auch in den Notizen vorfanden, und von denen ich nur die Keplerschen Gesetze und die Erscheinungen bei totalen Sonnenfinsternissen hervorhebe, läßt sich vielleicht der Schluß ziehen, daß der Verfasser zuletzt den Gedanken aufgegeben hat, seinen Grundriß durch die Elemente der Astronomie zu vervollständigen.

Bei den wiederholten neuen Auflagen bin ich, wie ich dankbar anerkenne, wiederholt durch Rat und That von meinen Herren Fachkollegen unterstützt worden. Die erforderlich gewesenen Zusätze und Veränderungen habe ich im ganzen möglichst der ursprünglichen Darstellungsweise des Verfassers anzupassen gesucht. Dieses gilt im besonderen auch für die mit der gegenwärtigen Auflage erfolgte Erweiterung des die Grundbegriffe der Chemie enthaltenden zweiten Abschnittes. Durch Erneuerung und Vermehrung der Figuren, sowie durch Beifügung von vier lithographierten meteorologischen Tafeln und zwei Sternkarten, hat das Buch auch von seiten der Verlagshandlung vielfache Verbesserungen erfahren.

Steglitz, Mai 1885.

Dr. O. Hermes,

Prof. am Köllnischen Gymnasium zu Berlin.

Inhaltsverzeichnis.

Einleitung.

	Seite
§ 1. Erklärung der Physik oder Naturlehre	1
2. Beobachtung und Versuch	1

Erster Abschnitt.

Allgemeine Eigenschaften der Körper. Verschiedenheit der Aggregatzustände.

§ 3. Ausdehnung, Undurchdringlichkeit	2
4. Längen-, Flächen- und Raummaß	2
5. Teilbarkeit	3
6. Aggregatzustände	3
7. Anziehungs- und Abstosungskräfte, Kohäsion und Adhäsion	4
8. Elasticität, Dehnbarkeit und Sprödigkeit, Härte	4
9. Elasticitätsmodul, Festigkeit	5
10. Schwerkraft	6
11. Widerstand, Gleichgewicht, Gewicht	6
12. Gewichtseinheit, Masseneinheit	7
13. Dichtigkeit, specifisches Gewicht	7
14. Tabelle der specifischen Gewichte	8

Zweiter Abschnitt.

Grundbegriffe der Chemie und Krystallographie.

§ 15. Chemische Grundstoffe und Verbindungen	9
15a. Chemische Verwandtschaft oder Affinität	11
16. Tabelle der wichtigeren chemischen Grundstoffe	12
17. Verbindungsgewichte, Molekulargewichte, chemische Formeln	13
18. Dichtigkeiten und Molekulargewichte gasförmiger Verbindungen	14
19. Sauerstoff, Säuren, Basen, Oxyde	15
19a. Wasserstoff, Knallgas, Wasser	17
19b. Stickstoff	19
19c. Schwefel	20
19d. Phosphor	21
19e. Kohlenstoff	22
19f. Chlor, Brom, Jod, Fluor	23
20. Metalloxyde, basische Oxyde	24
20a. Wasserstoffverbindungen	25
20b. Sauerstoffsäuren, Sauerstoffsalze	27
21. Legierung, Lösung, Löslichkeit	29
22. Krystallisation	29
23. Krystallsysteme	30
24. Reguläres System	30
25. Quadratisches, hexagonales, rhombisches, klinorhombisches, klinorhomboidisches System	31 u. 32
26. Dimorphismus und Isomorphismus	32

Dritter Abschnitt.**Mechanik.**

§ 27.	Einteilung der Mechanik	Seite 33
A. Allgemeine Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung, insbesondere Statik und Dynamik fester Körper.		
§ 28.	Ruhe und Bewegung	33
29.	Einteilung der Bewegungen nach Richtung und Geschwindigkeit	34
30.	Gleichförmige Bewegung	34
31.	Beharrungsvermögen	35
31a.	Ungleichförmige Bewegung	35
32.	Gleichförmig beschleunigte Bewegung. Fallbewegung	36
32a.	Darstellung, Maß der Kräfte	38
33.	Senkrechter Wurf	39
34.	Zusammengesetzte Bewegung, Parallelogramm der Bewegungen	40
35 u. 35a.	Horizontaler und schiefer Wurf.	41
36.	Gleichgewicht der Kräfte an einem Punkt. Parallelogramm der Kräfte	43
37.	Zerlegung der Kräfte	44
38.	Gleichgewicht entgegengesetzter Kräfte an einem Faden oder einer Stütze	45
39.	Gleichgewicht der Kräfte an einem starren Körper	46
Anwendung der allgemeinen Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung auf die einfachen Maschinen und auf die Theorie des Schwerpunktes.		
§ 40.	Einfache Maschinen	47
41.	Fall über die schiefe Ebene	47
42.	Gleichgewicht auf der schiefen Ebene	48
43.	Mechanische Arbeit; Prinzip der Erhaltung der Arbeit; lebendige Kraft	49
44.	Schraube	50
45.	Keil	51
46.	Gleichgewicht eines um eine feste Axe drehbaren Körpers	52
47.	Rolle, Flaschenzug	53
48.	Wellrad	55
49.	Hebel	55
49a.	Parallele Kräfte	56
50.	Kräftepaare	57
51.	Mittelpunkt paralleler Kräfte	58
51a.	Schwerpunkt; stabiles, labiles, indifferentes Gleichgewicht	60
52.	Schwerpunktsbestimmung	61
52a.	Schwerpunktsbestimmung durch Rechnung	62
53.	Wage	65
54.	Schnellwage. Brückenwage	66
Gesetze der Central- und Pendelbewegung. Allgemeine Massenanziehung.		
§ 55.	Kreisförmige Centralbewegung, Centralkraft	67
56.	Beispiele von Kreisbewegung. Konisches Pendel	69
57.	Keplers Gesetze der Planetenbewegung	71
57a.	Eigenschaften der Ellipse	71
57b.	Flächensatz	72
58.	Newtons Gravitationsgesetz	73
59.	Centralkraft, proportional der Entfernung von einem festen Punkt	74
60.	Geradlinige Schwingungsbewegung	75
61.	Pendelbewegung	76
62.	Physisches Pendel	77
63.	Pendeluhr, Sekundenpendel, Intensität der Schwerkraft	79
64.	Rotation um eine Symmetrieaxe	81
64a.	Der Fesselsche Rotationsapparat	81
Gesetze des Stofses.		
§ 65.	Stoß elastischer und unelastischer Körper	82
66.	Centraler Stoß unelastischer Körper	83
67.	Centraler Stoß elastischer Körper	83
68.	Erhaltung der lebendigen Kräfte beim Stoß elastischer Körper	84

B. Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung tropfbar flüssiger Körper (Hydromechanik).

Gleichgewicht flüssiger Körper, insbesondere unter dem Einfluß der Schwerkraft.

	Seite
§ 69. Verschiebbarkeit der Teile; horizontale Oberfläche	85
70. Fortpflanzung des Druckes in Flüssigkeiten	85
71. Zusammendrückbarkeit der Flüssigkeiten	86
72. Gleichgewicht der Flüssigkeiten unter dem Einfluß der Schwere	87
73. Bodendruck und Seitendruck; Auftrieb	88
74. Kommunizierende Röhren	89
75. Gleichgewicht untergetauchter Körper	90
76. Gleichgewicht schwimmender Körper	91
77. Bestimmung des specifischen Gewichts flüssiger Körper	92
78. Bestimmung des specifischen Gewichts fester Körper	92
79. Aräometer oder Senkwagen	93
80. Gewichtsaräometer	94

(Molekularwirkungen zwischen festen und flüssigen Körpern. Kapillaritätserscheinungen.

§ 81. Kohäsion und Adhäsion der Flüssigkeiten	95
82. Gestalt der Flüssigkeitsoberfläche. Kapillarröhren	96
83. Diffusion der Flüssigkeiten, Lösung, Osmose	97

Bewegungserscheinungen der tropfbaren Flüssigkeiten.

§ 84. Ausflußgeschwindigkeit	98
85. Ausflußmenge; Gestalt des Flüssigkeitsstrahls	99
86. Quellen und artesische Brunnen	100
87. Wasserräder und Turbinen	100

C. Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung luftförmiger Körper (Pneumatik).

§ 88. Expansion luftförmiger Körper	102
89. Schwere der Luft, atmosphärischer Druck	102
90. Torricellis Versuch	103
91. Barometer	103
92. Mariottes Gesetz	104
93. Manometer	106
94. Bestimmung der Dichtigkeit gasförmiger Körper	106
95. Barometrische Höhenmessung	107
96. Wasserpumpen	109
97. Luftpumpe	110
98. Versuche mit der Luftpumpe	112
99. Kompressionspumpe	113
100. Heber	114
101. Stechheber	115
102. Mariottes Gefäß	115
103. Gewichtsverlust der Körper in der Luft	116
104. Luftballon	116
105. Ausströmungsgesetz der Gase	117
106. Diffusion der Gase	118
107. Absorption der Gase durch feste und flüssige Körper	119

D. Allgemeine Gesetze der Wellenbewegung flüssiger und elastischer Körper.

§ 108. Wasserwellen	120
109. Fortpflanzungsgeschwindigkeit; Schwingungsdauer, Schwingungszahl	120
110. Interferenz und Reflexion der Wasserwellen	121
111. Fortschreitende Wellen; stehende Schwingungen	122
112. Longitudinal-, Transversal-, Torsionsschwingungen	124

Vierter Abschnitt.**Akustik oder Lehre vom Schall.**

	Seite
§ 113. Schall, Geräusch, Ton	125
114. Musikalische Tonintervalle. Sirene	126
115. Absolute Schwingungszahl, Kammerton	128
116. Gespannte Saiten und Membranen	129
117. Elastische Stäbe; Stimmgabel	130
118. Elastische Platten. Klangfiguren	131
119. Lippenpfeifen	131
120. Zungenpfeifen	134
121. Fortpflanzung des Schalls in der Luft	135
122. Fortpflanzung in anderen Gasen, in flüssigen und festen Körpern	136
123. Reflexion der Schallwellen	137
124. Interferenz der Schallwellen	137
125. Schwebungen und Kombinationstöne	138
126. Klang der Töne	139
127. Das menschliche Stimmorgan	140
128. Das Gehörorgan	141

Fünfter Abschnitt.**Optik oder Lehre vom Licht.****Ursprung und Ausbreitung des Lichtes.**

§ 129. Leuchtende Körper	143
130. Ausbreitung des Lichtes	144
131. Schatten	144
132. Lichtintensität, Photometrie	145
133. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes	145
134. Absorption, Reflexion, Refraktion	148

**Gesetze der regelmäßigen Reflexion oder Spiegelung
des Lichtes.**

§ 135. Reflexion an Planspiegeln	148
136. Reflexion an Kugelspiegeln	150
137. Sphärische Konkavspiegel	150
138. Konstruktion der durch Hohlspiegel erzeugten Bilder	152
139. Sphärische Konvexspiegel	153
140. Brennlinien, Brennflächen	154

Gesetze der Lichtbrechung oder Refraktion.

§ 141. Lichtbrechung, Brechungsexponent	154
142. Brechung durch planparallele Platten	157
143. Grenzwinkel der Brechung, totale Reflexion	157
144. Brechung des Lichtes im Prisma	158

Farbenzerstreuung oder Dispersion des Lichtes.

§ 145. Zerlegung des weissen Lichtes in Farben	160
146. Natürliche Farben der Körper	161
147. Komplementär- oder Ergänzungsfarben, Mischfarben	162
148. Spektralapparat	163
149. Fraunhofersche Linien. Spektralanalyse	164
150. Analyse der Atmosphäre der Sonne und der Fixsterne	165
151. Brechungs-, Farbenzerstreuungsvermögen	166
152. Chemische Wirkungen des Lichtes. Photographie	167
153. Fluoreszenz	168
153a. Anomale Dispersion	169
154. Brechung des Lichtes durch sphärische Linsen	169
155. Brechung an einer Kugelfläche	170
156. 157. Brechung an einer bikonvexen Linse	171
158. Konstruktion der durch Linsen erzeugten Bilder	173
159. Camera obscura	174

§ 160.	Achromatisches Prisma; achromatische und aplanatische Linsen . .	Seite 175
161.	Regenbogen	176

Das Auge und das Sehen.

§ 162.	Das Auge	178
163.	Schwinkel, scheinbare Größe	180
164.	Sehweite, Accommodation	180
165.	Dauer der Lichteindrücke. Irradiation	181
166.	Subjektive Farbenercheinungen	182
167.	Binokulares Sehen	183
168.	Beurteilung der Entfernung	184
169.	Körpersehen, Stereoskop	184

Mikroskop und Fernrohr.

§ 170.	Zweck der Mikroskope und Teleskope	185
171.	Lupe oder einfaches Mikroskop	185
172.	Zusammengesetztes Mikroskop	186
173.	Astronomisches oder Keplersches Fernrohr	187
173a.	Terrestrisches, holländisches Fernrohr	188
174.	Spiegelteleskope	189
175.	Newtons Emissionstheorie	190
176.	Huyghens' Undulationstheorie	190
177.	Entscheidung zwischen beiden Theorien	192
178.	Erklärung der Farben. Länge der Lichtwellen	193
179.	Interferenz der Lichtwellen	194
180.	Interferenzfarben dünner Blättchen. Newtons Farbenringe	196
181.	Beugung des Lichtes	197

Polarisation und Doppelbrechung.

§ 182.	Polarisation des Lichtes durch Reflexion	199
183.	Erklärung durch die Undulationstheorie	200
184.	Doppelbrechung im Kalkspat	200
185.	Polarisation durch Doppelbrechung	201
186.	Positive und negative Krystalle	202
187.	Optisch zweiaxige Krystalle	203
188.	Polarisationsapparate, Nicol'sches Prisma	204
189.	Interferenzerscheinungen des polarisierten Lichtes; cirkulare und elliptische Polarisation	205
190.	Interferenzfarben dünner Krystallblättchen im polarisierten Licht	206
192.	Interferenzfarben senkrecht zur optischen Axe geschliffener Krystallplatten im polarisierten Licht	208
193.	Erklärung der Farbenringe im Kalkspat	209
194.	Cirkularpolarisation des Bergkrystalls	210
195.	Cirkularpolarisation der Flüssigkeiten	211

Sechster Abschnitt.

Wärmelehre.

1. Wärmegrad oder Temperatur.

§ 196.	Wärmeempfindung, Temperatur	212
197.	Thermometer	213

2. Ausdehnung der Körper durch die Wärme.

§ 198.	Ausdehnung fester Körper	215
199.	Kompensation der Uhren. Metallthermometer	217
200.	Ausdehnung flüssiger Körper	218
201.	Ungleichförmige Ausdehnung der Flüssigkeiten, Verhalten des Wassers	219
202.	Ausdehnung luftförmiger Körper. Luftthermometer	220
202a.	Absolute Temperatur	221

3. Änderung des Aggregatzustandes.

§ 203.	Schmelzpunkt einiger Körper	222
204.	Schmelzungs- und Verdampfungswärme	222

	Seite
§ 205. Wärmeeinheit	223
206. Bestimmung der Schmelzwärme	224
207. Lösungswärme, Kältemischungen	224
208. Überschmelzung	225
209. Verdampfen, Verdunsten, Sieden	225
210. Leidenfrosts Phänomen	226
211. Bestimmung der Verdampfungswärme, Destillation	227
211a. Verdunstungskälte	228
212. Kondensation der Gase	228
212a. Kritische Temperatur	229
213. Sättigungsmenge	230
214. Spannkraft des gesättigten Dampfes	231
215. Bestimmung derselben bei niederen Temperaturen	232
216. Bestimmung bei höheren Temperaturen	232
217. Tabelle der Dampfspannungen einiger Flüssigkeiten	233
218. Bestimmung des Feuchtigkeitsgehalts der Atmosphäre	233
219. Haarhygrometer, Fischbeinhygrometer	234
220. Daniells Atherhygrometer	235
221. Augusts Psychrometer	236
222. Anwendung des Dampfdruckes als bewogender Kraft. Die atmosphä- rische Dampfmaschine	238
223. Niederdruckmaschinen	240
224. Hochdruckmaschinen, Lokomotive	242
4. Spezifische Wärme, Kalorimetrie.	
§ 225. Spezifische Wärme	243
226. Methode der Mischung	244
227. 227a. Methode des Eisschmelzens	245. 246
228. Methode des Erkalten	246
229. Gesetz von Dulong und Petit	247
230. Spezifische Wärme luftförmiger Körper	248
5. Verbreitung der Wärme.	
§ 231. Verbreitung durch Leitung und Strahlung	251
232. Wärmeleitung	251
233. Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten und Gase	252
234. Wärmestrahlung	252
235. Thermomultiplikator	253
236. Ausstrahlung und Absorption der Wärmestrahlen	254
237. Diathermanität, verschiedene Gattungen von Wärmestrahlen	254
238. Prismatische Zerlegung der Wärmestrahlen	255
6. Quellen der Wärme.	
§ 239. Sonnenwärme	257
240. Erdwärme	258
241. Mechanische und chemische Wärmequellen	259
242. Wärmeerzeugung durch Kompression der Gase	260
243. Wärmeerzeugung durch chemische Prozesse, Verbrennung	261
244. Animalische und vegetabilische Wärme	263
7. Anhang zur Wärmelehre. Grundbegriffe der Meteorologie.	
§ 245. Klimatische Verschiedenheiten und Jahreszeiten	263
246. Tägliche und jährliche Mitteltemperaturen. Isothermen	264
247. Kontinentales und Seeklima	265
248. Tägliche Temperaturperiode	266
249. Temperaturabnahme mit der Erhebung über die Erdoberfläche	266
250. Bodentemperatur	267
251. Luftströmungen der Atmosphäre	267
252. Einfluß der Axendrehung der Erde. Passatwinde	268
253. Kalmengürtel. Jahreszeiten der Tropenländer	269
254. Region der veränderlichen Winde. Isobaren. Gradienten	270
254a. Verlauf eines barometrischen Minimums	272
255. Wirbelstürme	273

	Seite
§ 256. Wolken, Nebel	274
257. Wolkenformen	274
258. Regen	274
259. Schnee	275
260. Schneegrenze, Firn, Gletscher	275
261. Graupeln, Hagel, Glätteis	277
262. Tau und Reif	277

Siebenter Abschnitt.

Elektricität und Magnetismus.

1. Reibungselektricität.

§ 263. Leiter und Nichtleiter der Elektricität	278
264. Elektrisches Pendel, positive und negative Elektricität	278
265. Spannungsreihe für Reibungselektricität	279
266. Elektroskop	280
267. Elektrische Verteilung oder Influenz	280
268. Elektrophor	281
269. Verbreitung der Elektricität auf der Oberfläche der Leiter	282
270. Elektrische Dichtigkeit	282
271. Coulombs Drehwage, Gesetz der elektrischen Kraft	283
272. Elektrisiermaschine	284
273. Wirkungen der Elektrisiermaschine	286
274. Funkenentladung	287
275. Büschel-, Glimmentladung	288
276. Holtzsche Maschine	288
277. Leydener oder Kleistsche Flasche	290
278. Elektrische Batterie; Lanes Maßflasche	291
279. Dichtigkeit, Spannung und Quantität der elektrischen Ladung	291
280. Dauer und Geschwindigkeit der Entladung	292
281. Wirkungen der Entladung	293
282. Wärmewirkungen. Elektrisches Luftthermometer	294
283. Wirkungen auf den menschlichen und tierischen Körper	295
284. Induktionsströme durch Reibungselektricität	295
285. Verschiedene Arten der Elektricitätserrregung	295
286. Pyroelektricität der Krystalle	296
287. Atmosphärische Elektricität	296
288. Gewitter	297
289. Blitz und Donner	297
290. Wirkungen des Blitzes	298
291. Blitzableiter	299

2. Magnetismus.

§ 292. Natürliche Magnete	300
293. Künstliche Stahlmagnete, Magnethadel	300
294. Magnetische Influenz. Koerctivkraft des Stahls	301
295. Verschiedene Formen der Magnete	302
296. Gesetze der magnetischen Anziehung und Abstofsung	303
297. Magnetische Kurven	304
298. Erdmagnetismus	304
299. Magnetische Deklination	305
300. Magnetische Inklination	307
301. Intensität des Erdmagnetismus	308
302. Variationen der magnetischen Elemente	308
303. Polarlicht	309

3. Berührungselektricität oder Galvanismus.

§ 304. Entwicklung von Elektricität durch Berührung	310
305. Kondensator	311
306. Voltasche Spannungsreihe	312
307. Elektromotorische Kraft	313
308. Elektrischer Strom. Galvanische Kette	314
309. Voltasche Säule	315

	Seite
§ 310. Verschiedene Formen der galvanischen Kette	316
311. Konstante Ketten	317
312. Zambonische Säule. Säulenelektroskop	318
313. Wirkungen des elektrischen Stromes. Übersicht	319
A. Magnetische Wirkungen des elektrischen Stromes.	
§ 314. Bedeutsamkeit der magnetischen Wirkungen	320
a. Ablenkung der Magnetnadel durch den elektrischen Strom. Messung und Gesetze der Stromstärke.	
§ 315. Ørsted's Versuch. Ampères Regel	320
316. Tangentenbussole	321
317. Multiplikator. Galvanometer	323
318. Ohmsches Gesetz	323
319. Leitungswiderstand der Metalle	325
319a. Fortsetzung. Stromverzweigung	326
320. Widerstand flüssiger Leiter	327
b. Elektromagnetismus und Elektrodynamik.	
§ 321. Magnetisierung des Eisens durch den elektrischen Strom	328
322. Magnetismus und Diamagnetismus der Körper	329
323. Ritchies rotierender Magnet. Stromunterbrecher	329
324. Telegraphie	331
325. Wheatstones Zeigertelegraph	332
326. Morses Schreibtelegraph	332
327. Rotationen von Magnetpolen um Stromleiter und umgekehrt	334
328. Anziehung und Abstößung elektrischer Ströme	335
329. Solenoidströme. Ampères Theorie des Magnetismus	336
B. Induktionsströme.	
§ 330. Elektrische Induktionsströme	337
331. Magnetoelektrische Induktionsströme	337
332. Magnetoelektrische Induktionsapparate	339
332a. Der Grammesche Ring	340
333. Elektromagnetischer Induktionsapparat	341
334. Wirkungen der Induktionsströme	342
C. Wärme- und Lichtentwicklung durch galvanische Ströme. Erzeugung elektrischer Ströme durch Wärme.	
§ 335. Erwärmung und Schmelzung von Metalldrähten	345
336. Davyscher Lichtbogen. Elektrisches Kohlenlicht	345
337. Thermoelektrische Ströme	347
338. Thermoelektrische Säule	348
D. Chemische Wirkungen des galvanischen Stromes.	
§ 339. Elektrolyse. Wasserzersetzung, Voltameter	348
340. Elektrolytisches Gesetz von Faraday	350
341. Elektrolyse der Sauerstoffsalze. Sekundäre Ionen	351
342. Galvanoplastik; galvanische Vergoldung und Versilberung	351
343. Polarisationsstrom; sekundäre Elemente	352
343a. Accumulatoren	353
344. Chemische Vorgänge in der Kette; Theorie der konstanten Ketten	354
* E. Physiologische Wirkungen des galvanischen Stromes und tierische Elektrizität.	
§ 345. Nervenreizung	355
346. Elektrische Fische	355

Elemente der Astronomie und mathematischen Geographie.

Erster Abschnitt.

Axenumdrehung der Erde.

	Seite
§ 347. Anblick des Himmels. Horizont	357
348. Scheinbare tägliche Drehung der Himmelskugel	358
349. Circumpolarsterne; Sternbilder	358
350. Gestalt und Dimensionen der Erde. Polhöhe	359
351. Zeit- und Längenunterschiede	361
352. Axenumdrehung der Erde	361
353. Horizontalsystem. Azimut und Höhenwinkel	363
354. Äquatorialsystem. Rektascension und Deklination	364
355. Das Polardreieck	365

Zweiter Abschnitt.

Bewegung der Erde um die Sonne.

§ 356. Scheinbare jährliche Bewegung der Sonne	366
357. Ekliptisches System. Länge und Breite	367
358. Siderisches und tropisches Sonnenjahr	368
359. Sonnen- und Sterntag. Sonnenzeit. Zeitgleichung	368
360. Kalender	370
361. Bewegung der Erde um die Sonne	370
362. Elliptische Gestalt der Erdbahn. Geschwindigkeit der Erde	371

Dritter Abschnitt.

Mathematische Geographie.

§ 363. Äquator, Pole, Parallelkreise, Meridiane der Erde	372
364. Geographische Breite und Länge	373
365. Beleuchtung der Erde durch die Sonne. Tageszeiten	374
366. Erwärmung der Erde durch die Sonne. Jahreszeiten	375
367. Wendekreise und Polarkreise	378
368. Die fünf Zonen	379
369. Kartenprojektionen	380

Vierter Abschnitt.

Das Sonnensystem.

A. Die Sonne.

§ 370. Abstand der Sonne von der Erde. GröÙe der Sonne	382
371. Physische Beschaffenheit der Sonne	384
372. Sonnenflecken. Rotationszeit der Sonne	385

B. Die Planeten.

§ 373. Scheinbare Bewegung der Planeten	387
374. Centralbewegung um die Sonne	388
375. Die unteren Planeten	389
376. Umlaufzeit, Stillstandspunkte, Durchgänge derselben	392
377. Die oberen Planeten	394
378. Elemente des Planetensystems	396
379. Die Keplerschen Gesetze	397
380. Physische Beschreibung der Planeten	399

C. Die Nebenplaneten.**a. Der Mond.**

	Seite
§ 381. Bahn und Größe des Mondes	404
382. Mondphasen. Synodische Periode des Mondes	405
383. Okkultation der Gestirne. Sonnenfinsternis	406
384. Mondfinsternis	407
385. Physische Beschaffenheit des Mondes, Axenumdrehung, Libration	408

b. Die Trabanten der übrigen Planeten.

§ 386. Die Monde des Jupiter, des Saturn, des Uranus und des Mars	409
387. Das Gravitationsgesetz. Masse der Himmelskörper	410
388. Flut und Ebbe	412

D. Die Kometen.

§ 389. Erscheinungsform der Kometen	413
390. Bewegung der Kometen	414
391. Masse der Kometen	415
392. Beschreibung einzelner Kometen	415

E. Die Meteorite.

§ 393. Meteorsteine und Aerolithe	416
394. Feuerkugeln	417
395. Sternschnuppen	418
396. Zodiakallicht	419

Fünfter Abschnitt.**Die Fixsterne.**

§ 397. Einteilung der Fixsterne nach der Helligkeit	420
398. Ihre Verteilung am Himmel. Die Milchstraße	421
399. Entfernung der Fixsterne	421
400. Größe der Fixsterne	423
401. Spektrum der Fixsterne	423
402. Veränderliche, periodische, temporäre Sterne	424
403. Doppelsterne	425
404. Eigene Bewegung der Fixsterne	426
405. Sternhaufen und Nebelflecken	427

Ortsbestimmung einiger Sternwarten	429
Alphabetisches Sachregister	431

Druckfehler:

Seite 35 Zeile 11 v. o. lies 464 statt 588.

Einleitung.

§ 1. **Physik oder Naturlehre** ist derjenige Teil der Naturwissenschaft, welcher die Gesetze der Naturerscheinungen, d. h. der sinnlich wahrnehmbaren Eigenschaften und Veränderungen der Naturkörper, zum Gegenstand hat. Im engeren Sinne beschränkt sich die Physik auf die Betrachtung der Erscheinungen der leblosen Natur, indem die Lebenserscheinungen der organischen Naturkörper in einer besonderen Wissenschaft, der Physiologie, behandelt werden. In engem Zusammenhang mit der Physik steht die Chemie. Dieselbe betrachtet nämlich eine besondere Klasse von Naturerscheinungen, bei welcher durch Vereinigung, Trennung und veränderte Anordnung der kleinsten Körperteilchen Naturkörper mit durchaus veränderten Eigenschaften gebildet werden (wie z. B. Kochsalz oder Chlornatrium durch Vereinigung von gasförmigem Chlor und metallischem Natrium).

Obgleich demnach die Chemie ihrem Wesen nach als ein Zweig der Physik betrachtet werden muß und nicht scharf von derselben abgegrenzt werden kann, so erscheint es doch bei der großen Mannigfaltigkeit dieser Klasse von Naturerscheinungen angemessen, die Chemie als besondere Wissenschaft von der Physik im engeren Sinne zu trennen, und es sollen im folgenden nur die einfachsten chemischen Erscheinungen zur Besprechung kommen und besonders insoweit berücksichtigt werden, als dies zum Verständnis der übrigen physikalischen Gesetze unerläßlich ist (§§ 15–20 b, 229, 243, 339–344).

§ 2. Als Mittel zur Erkenntnis der Gesetze der Naturerscheinungen dienen die Beobachtung und der Versuch. Während die beschreibende Naturwissenschaft sich vorzugsweise auf Beobachtung der Naturgegenstände gründet, verdankt die Physik die vorzüglichsten Erweiterungen ihrer Erkenntnisse, soweit sich dieselben auf die irdischen, dem Versuch zugänglichen Naturkörper beziehen, dem letzteren. Der große Vorzug, welchen der Versuch darbietet, besteht einerseits darin, daß wir durch denselben die Naturerscheinungen in einer zweckmäßigen Ordnung und Reihenfolge der Untersuchung unterwerfen können, andererseits darin, daß wir durch willkürliche Abänderung der Umstände die zum Eintritt einer Erscheinung erforderlichen wesentlichen Bedingungen von den zufälligen begleitenden Nebenumständen zu unterscheiden imstande sind. Endlich gewährt der Versuch den Vorteil, daß wir durch denselben die Wirkung gegebener Ursachen nicht nur der Art nach (qualitativ) zu erkennen, sondern auch dem Grade nach (quantitativ) zu messen vermögen.

Alle Naturerkenntnis würde ein Haufwerk einzelner zusammenhangsloser Thatsachen bleiben, wenn nicht die sinnliche Wahrnehmung mit der denkenden, theoretischen Naturbetrachtung verknüpft wäre, welche die Gesetzmäßigkeit und den ursächlichen Zusammenhang der Naturerscheinungen zu erforschen und dieselben nach Zahl und Maß zu erkennen bemüht ist. Bei diesem Aufsuchen der Naturgesetze werden zur Erklärung einer Klasse von Naturerscheinungen Hypothesen oder Annahmen über den Grund derselben aufgestellt, deren Brauchbarkeit und Wahrscheinlichkeit um so größer ist, eine je größere Zahl von Erscheinungen durch dieselben erklärt, d. h. unter sich und mit anderen bekannten Erscheinungen in gesetzmäßigen Zusammenhang gebracht wird.

Erster Abschnitt.

Allgemeine Eigenschaften der Körper. Verschiedenheit der Aggregatzustände.

§ 3. Ausdehnung, Undurchdringlichkeit. Die Naturlehre betrachtet die Körper nicht wie die Mathematik lediglich in Hinsicht auf ihre räumliche Ausdehnung, sondern sie betrachtet die Eigenschaften des Stoffes oder der Materie, welche den Raum erfüllt. Ein Naturkörper ist demnach ein mit Stoff erfüllter Raum. Die geometrische Größe des erfüllten Raumes heißt der Rauminhalt oder das Volumen des Körpers, die Quantität der Materie, aus welcher derselbe gebildet ist, seine Masse. (§ 11.)

Die erste Grundeigenschaft der Körper ist demnach die Raumerfüllung oder Ausdehnung. Insofern nicht zwei Körper denselben Raum gleichzeitig erfüllen können, schreibt man denselben Undurchdringlichkeit zu.

Selbst wenn, wie bei der Mischung zweier Flüssigkeiten oder Luftarten, oder bei der chemischen Vereinigung, eine wirkliche Durchdringung zweier Körper stattzufinden scheint, so darf dieselbe doch nur als eine Nebeneinanderlagerung der kleinsten, einzeln nicht mehr wahrnehmbaren Teilchen betrachtet werden.

§ 4. Längen-, Flächen- und Raummaß. Da jede Größe nur durch eine gleichartige gemessen werden kann, so ist für die Messung der räumlichen Dimensionen der Körper die Wahl einer bestimmten Längeneinheit erforderlich. Man wählt dazu das Meter (zuerst in Frankreich eingeführt 1799), dessen Länge annähernd dem zehnmillionsten Teil eines Meridianquadranten der Erde gleichkommt (vergl. § 350).

1 Meter (m) = 10 Decimeter (dm) = 100 Centimeter (cm) = 1000 Millimeter (mm)

1 Kilometer (km) = 10 Hektometer = 100 Dekameter = 1000 Meter.

Zur Vergleichung des metrischen Maßsystems mit dem noch häufig gebrauchten alten Pariser Fußmaße und mit dem früheren preussischen oder rheinländischen Maße, sowie mit anderweitig gebrauchten Maßen, dienen folgende Zahlen:

1 m. = 3,07844 par.' = 3,1862 preufs.'

1 mm = 0,448296 par. ''' = 0,458813 preufs. '''

1 par.' = 0,32484 m, 1 Toise = 6 par.' = 1,94904 m.

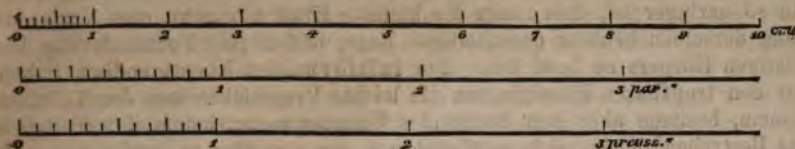
1 preufs.' = 0,31885 m = 0,96618 par.' (Annähernd preufs.': par.' = 29:30)

1 geogr. Meile (15 = 1° des Erdäqu.) = 22848,41 par.' = 28648 preufs.' = 7420,439 m.

1 Seemeile (60 = 1° des Erdmerid.) = 1852 m = 10 Kabellängen; 1 russ. Werst = 1067 m.

1 engl. Meile = 1760 Yards = 1609,32 m, 1 Yard = 36 engl. Zoll = 0,91438 m.

Fig. 1.



Die Maße für Flächen- und Rauminhalt werden von dem Längenmaße abgeleitet. Als Flächeneinheit dient das Quadratmeter (qm), als Raumeinheit das Kubikmeter (stère), oder häufiger das Kubikdecimeter (Liter) und seine Unterabteilungen.

1 Kubikmeter (cbm) = 1000 Liter = 32,34588 preufs. Kub.'

1 preufs. Kub.' = 30,91584 Liter.

§ 5. Teilbarkeit. Die Teilung eines Körpers in kleinere Raunteile kann zwar der geometrischen Vorstellung nach ins Unbegrenzte fortgesetzt werden. In Wirklichkeit sind aber der Teilung durch mechanische Mittel Grenzen gesetzt, einerseits durch die Unvollkommenheit unserer Instrumente, andererseits dadurch, daß die Teilchen sich durch ihre Kleinheit der sinnlichen Wahrnehmung entziehen. Als Beispiele sehr feiner Zerteilung dienen Polierpulver, wie das zum Polieren der Glas- und Metallspiegel gebräuchliche Eisenoxyd (Englisch Rot), ferner gewisse Farb- und Riechstoffe (Anilinfarbstoffe, Moschus), von welchen noch Millionteile eines Milligramms (§ 12) durch den Gesichts- oder Geruchssinn wahrgenommen werden können; dennoch muß jedes Teilchen dieser Körper noch als eine chemische Verbindung einfacherer Teile betrachtet werden, die auf chemischem Wege von einander geschieden werden können.

Teils physikalische, teils chemische Erscheinungen machen die Annahme in hohem Grade wahrscheinlich, daß alle Körper aus räumlich getrennten Teilchen zusammengesetzt sind, welche weder durch mechanische noch durch chemische Einwirkungen in noch kleinere Teilchen zerlegt werden können. Diese kleinsten, unteilbaren Teilchen der Materie werden Atome genannt (*ἄτομον* von *τέμνω*, ich schneide). Moleküle heißen im allgemeinen kleine Körperteilchen, die noch in einfachere Bestandteile zerlegbar sind (*moles, molecula*). Die Erscheinungen nötigen ferner zu der Annahme, daß die Atome oder Moleküle eines Körpers den Raum nicht stetig erfüllen, sondern durch Zwischenräume getrennt sind, die im allgemeinen wegen ihrer Kleinheit, ebenso wenig wie die Atome selbst, unmittelbar wahrgenommen werden können. — Bei vielen festen Körpern sind jedoch auch größere, mit bloßem Auge, oder bei hinreichender Vergrößerung durch das Mikroskop sichtbare Zwischenräume oder Poren vorhanden, welche das Eindringen flüssiger oder luftförmiger Körper gestatten.

§ 6. Aggregatzustände. Alle Naturkörper lassen sich nach der Verschiedenheit des Zusammenhangs ihrer Teile oder ihres Aggregatzustandes (*aggregare* zusammenhäufen, vereinigen) in drei Hauptklassen unterscheiden: feste, tropfbar flüssige und luftförmige Körper. Die festen Körper haben eine selbständige Gestalt, indem zwischen ihren Teilen ein solcher Zusammenhang stattfindet, daß eine mehr oder minder beträchtliche äußere Kraft erforderlich ist, um dieselben von einander zu trennen, oder ihre gegenseitige Lage zu verändern. Die tropfbar flüssigen Körper besitzen zwar noch einen bestimmten Rauminhalt, der durch Druck und Wärme verhältnismäßig geringe Änderungen erleidet, aber es

fehlt ihnen die selbständige Gestalt, indem der Zusammenhang ihrer Teile ein so geringer ist, daß schon die kleinste Kraft hinreicht, eine Verschiebung derselben in ihrer gegenseitigen Lage, mithin eine Formänderung des flüssigen Körpers zu bewirken. Die luftförmigen Körper endlich haben mit den tropfbaren Flüssigkeiten die leichte Verschiebbarkeit der Teilchen gemein, besitzen aber kein bleibendes Volumen mehr, indem ihre Teilchen das Bestreben zeigen, sich möglichst weit von einander zu entfernen, weshalb sie den ihnen gebotenen Raum erfüllen.

Die meisten Körper können, namentlich durch Einwirkung der Wärme, aus einem in den anderen Aggregatzustand übergeführt werden; viele Substanzen, z. B. Wasser, Schwefel, Quecksilber, sind in allen drei Aggregatzuständen bekannt. (Siehe das Nähere unter der Wärmelehre §§ 203—224.)

§ 7. Anziehungs- und Abstofsungskräfte, Kohäsion und Adhäsion. Die Ursachen der gegenseitigen Einwirkung verschiedener Körper oder verschiedener Teile desselben Körpers werden im allgemeinen Kräfte genannt. Die zwischen zwei Körperteilen wirksame Kraft ist eine anziehende oder abstofsende, jenachdem sie dieselben in der Richtung ihrer Verbindungslinie einander zu nähern oder von einander zu entfernen strebt. So gehört z. B. die Schwerkraft (§ 10), welche den Fall der Körper oder ihre Annäherung an den Mittelpunkt des Erdkörpers bewirkt, zu den Anziehungskräften. Von den Kräften, welche wie die Schwerkraft oder wie magnetische Anziehungs- und Abstofsungskräfte auf beträchtliche Entfernungen wirken, unterscheiden sich die sogenannten Molekularkräfte dadurch, daß ihre Wirkung sich nur auf unmeßbar kleine Entfernungen, oder auf die unmittelbar benachbarten Körperteile erstreckt. Zur Klasse der Molekularkräfte gehören insbesondere die Kohäsion und Adhäsion.

Kohäsion ist die Anziehung, welche zwischen den benachbarten Teilchen eines und desselben Körpers stattfindet und welche, wenn man dieselben durch eine äußere Kraft von einander zu entfernen strebt, die Trennung der Teile verhindert. Die Kohäsion ist am stärksten bei den festen Körpern, geringer bei den flüssigen Körpern und fehlt ganz bei den luftförmigen Körpern. Umgekehrt wird, wenn man die Teile eines festen oder flüssigen Körpers durch einen äußeren Druck einander zu nähern sucht, zwischen den benachbarten Molekülen eine Abstofsungskraft erzeugt, welche einer weiteren Annäherung entgegenwirkt. Dieselben sind daher nur in geringerem Grade zusammendrückbar.

Adhäsion heist die zwischen den Teilchen zweier verschiedenen, einander unmittelbar berührenden Körper wirkende Anziehungskraft, durch welche dieselben an einander haften.

Adhäsion zweier eben geschliffenen Metall- oder Glasplatten (Musschenbroeks Adhäsionsplatten [§ 81]). Alles Kleben, Leimen, Kitten, Schreiben beruht auf Adhäsion. Zwischen Adhäsion und Kohäsion ist kein wesentlicher Unterschied. So geht die Adhäsion zwischen zwei frisch geschnittenen Kautschukflächen, zwischen zwei durch starken Druck auf einander geprefsten Bleiplatten, zwischen zwei Eisenstäben beim Zusammenschweißen in der Glühhitze in Kohäsion über, indem beide Körper sich zu einem einzigen festen Körper vereinigen.

§ 8. Elasticität, Dehnbarkeit und Sprödigkeit, Härte. Es giebt in der Natur keinen Körper von absolut starrer, unveränderlicher Gestalt. Auch die Gestalt fester Körper wird durch die Einwirkung äußerer Kräfte verändert, doch besitzen dieselben in mehr oder minder hohem Grade die Eigenschaft der Elasticität, d. h. die Eigenschaft, nach

dem Aufhören der Einwirkung dieser äußeren Kräfte zu ihrer ursprünglichen Gestalt zurückzukehren, wenn die Kräfte selbst und die durch dieselben verursachte Änderung in der Anordnung der Teile eine gewisse Grenze nicht überschritten haben. Kautschuk, Stahl, Elfenbein besitzen diese Eigenschaft in hohem Grade. Die Grenze, welche von den äußeren Kräften nicht überschritten werden darf, ohne daß eine bleibende Änderung in der Lagerung der Teile eintritt, heißt Elasticitätsgrenze. Solange die äußeren Kräfte innerhalb dieser Grenze bleiben, gilt das Gesetz (Hook'sches Gesetz, 1679), daß die Größe der bewirkten Formänderung (Ausdehnung, Zusammendrückung, Biegung, Drehung) im gleichen Verhältnis mit der Größe der wirksamen Kräfte wächst — so ist die Ausdehnung, welche ein elastischer Metalldraht oder eine Gummischur durch ein angehängtes Gewicht erleidet, der Größe des Gewichts proportional.

Wird die Elasticitätsgrenze überschritten, so erfolgt entweder eine stetige, bleibende Gestaltsänderung des Körpers, ohne daß der Zusammenhang der Teile sogleich gänzlich gelöst wird — in diesem Fall heißt der Körper dehnbar, geschmeidig, biegsam (Wachs, Gold, Blei) — oder der Zusammenhang der Teile wird plötzlich an einer Stelle gänzlich unterbrochen, indem der Körper reißt oder bricht — in diesem Fall heißt derselbe spröde (Glas, Stahl, Marmor).

Härte ist der Widerstand, welchen ein Körper dem Eindringen in seine Oberfläche (Ritzen) entgegensetzt. Harte Körper sind in der Regel zugleich spröde, weiche Körper aber, welche leicht geritzt werden, geschmeidig. Der härteste Körper, welcher alle anderen ritzt, aber von keinem geritzt wird, ist der Diamant (krystallisierter Kohlenstoff).

Mineralogische Härteskala von Mohs: Talk, Gips (Steinsalz), Kalkspat, Flussspat, Apatit, Feldspat (Orthoklas), Quarz, Topas, Korund, Diamant. Das krystallisierte Bor kommt an Härte dem Diamant gleich. Letzterer kann nur mit Diamantpulver geschliffen werden. Der gepulverte Korund (Schmirgel) dient zum Schleifen des Glases und der meisten Edelsteine.

Der Grad der Elasticität, Sprödigkeit und Dehnbarkeit der Körper hängt wesentlich von der Temperatur ab. Wachs ist bei niedriger Temperatur hart und spröde, bei höherer Temperatur weich und geschmeidig. Die meisten Metalle werden, kalt gehämmert und gewalzt, spröde und brüchig, können aber in der Glühhitze wegen ihrer Geschmeidigkeit leicht bearbeitet werden. Manche Körper gehen bei steigender Temperatur durch alle Grade der Erweichung allmählich aus dem festen in den flüssigen Aggregatzustand über (Glas, Harz, Fette).

§ 9. Elasticitätsmodul, Festigkeit. Wird ein prismatischer Stab durch ein angehängtes Gewicht innerhalb der Grenze der vollkommenen Elasticität gedehnt, so ist die Verlängerung, welche er erfährt, der Größe des angehängten Gewichts proportional (§ 8). Verfertigt man aus verschiedenen Substanzen Stäbe von gleichem Querschnitt, so erleiden dieselben durch Belastung mit gleichen Gewichten ungleiche Ausdehnung. Denkt man sich einen Stab von 1 qmm Querschnitt mit einem Gewicht von 1 Kilogramm (§ 12) belastet, so wird derselbe dadurch um einen gewissen, den n ten Teil seiner ursprünglichen Länge ausgedehnt. Diese Zahl n heißt der Elasticitätsmodul. Folgende Tabelle enthält die Elasticitätsmoduln einiger Metalle für 1 qmm Querschnitt und bei einer Temperatur von 15° C. nach den Versuchen von Wertheim:

Blei	1727	Platin	15518
Gold	5534	Engl. Stahl	17278
Silber	7140	Gußstahl	19561
Kupfer	10519	Eisen	20794.

Festigkeit ist der Widerstand, welchen ein Körper der gänzlichen Trennung seiner Teile entgegensetzt. Nach der verschiedenen Wirkungsweise der äusseren Kräfte, welche den Zusammenhang der Teile zu trennen streben, unterscheidet man absolute oder Zugfestigkeit, Widerstand gegen das Zerreißen, relative oder Bruchfestigkeit, Widerstand gegen das Zerbrechen, rückwirkende Festigkeit, Widerstand gegen das Zerdrücken, Schub- oder Scherfestigkeit, Widerstand gegen die Trennung der Teile in seitlicher Richtung, Torsionsfestigkeit, Widerstand gegen das Zerdrehen.

Seile müssen dem Zerreißen, Säulen dem Zerdrücken, horizontale Tragbalken dem Zerbrechen, Radwellen dem Zerdrehen Widerstand leisten. In der Praxis darf die Belastung nie bis zur Grenze der Festigkeit, sondern höchstens bis zur Grenze der Elasticität (§ 8) gesteigert werden. Wertheim fand für die Grenze der Elasticität und Zugfestigkeit bei Drähten von 1 qmm Querschnitt folgende Zahlen:

	Grenze der			Grenze der	
	Elasticität.	Zugfestigkeit.		Elasticität.	Zugfestigkeit.
Blei	0,25 kg	2,07 kg	Kupfer	12,0 kg	40,3 kg
Zinn	0,45	2,45	Platin	26,0	34,1
Zink	0,75	12,80	Eisen	32,5	61,1
Gold	13,5	27,00	Stahl	42,5	70,0
Silber	11,25	29,00	Eisestahl	55,6	80,0

Durch Ausglühen verlieren die meisten Metalldrähte beträchtlich an Festigkeit,

§ 10. Schwerkraft. Die Erfahrung lehrt, daß alle Körper, welche sich in der Nähe der Erdoberfläche befinden, das Bestreben zeigen, zu fallen, d. h. daß sie sich in derjenigen Richtung nach der Erde hin bewegen, welche ein Faden nimmt, an dem ein Bleilot aufgehängt ist, solange sie nicht an dieser Bewegung durch eine feste Unterlage oder Aufhängung gehindert werden. Da nicht angenommen werden kann, daß ein Körper von selbst, d. h. ohne äussere Ursache, aus dem Zustand der Ruhe in den der Bewegung nach einer bestimmten Richtung übergehe, so müssen wir eine ausserhalb des Körpers gelegene Ursache der Fallbewegung annehmen. Da diese an jedem Punkte der Oberfläche des kugelförmigen Erdkörpers nach dem Mittelpunkte der Erde gerichtet ist, so suchen wir die Ursache des Falls der Körper in einer von der Erde auf dieselben ausgeübten Anziehungskraft, welche Schwerkraft genannt wird. Die Eigenschaft der Körper, vermöge deren sie der Wirkung der Schwerkraft unterworfen sind, heisst ihre Schwere. Die Richtung der Schwerkraft heisst vertikal, eine Ebene, welche auf der Richtung der Schwerkraft senkrecht steht, oder jede in dieser Ebene gezogene Linie horizontal.

Da alle Körper (im luftleeren Raum [§ 98]) gleich schnell fallen, so betrachtet man die Schwere als eine allgemeine Eigenschaft der Körper, welche allen in gleichem Grade zukommt (§ 32), während z. B. die magnetische Anziehungskraft (§ 294) auf verschiedene Stoffe eine verschiedene Wirkung ausübt.

§ 11. Widerstand, Gleichgewicht, Gewicht. Ein auf einer horizontalen Ebene ruhender Körper wird durch den Widerstand der Unterlage am Fallen verhindert, indem die Einwirkung, welche er von der Schwerkraft erfährt, durch eine gleichgrosse und entgegengesetzte Einwirkung von Seiten der festen Teile der Unterlage aufgehoben wird. Man sagt von einem Körper, der unter gleichzeitiger Einwirkung zweier gleichen und entgegengesetzten Kräfte in Ruhe verharret, er befinde sich im Zustand des Gleichgewichts. In gleicher Weise, wie der auf einer horizontalen

Unterlage ruhende, ist ein an einem vertikalen Faden aufgehängter Körper im Gleichgewicht, solange die Festigkeit des Fadens hinreicht, um die Wirkung der Schwerkraft aufzuheben. Die Größe des Druckes, welchen die Unterlage von dem auf ihr ruhenden, oder des Zuges, welchen der Faden von dem an ihm hängenden Körper erleidet, heißt das Gewicht des Körpers. Dasselbe ist erstens von der Stärke der Einwirkung, welche jedes einzelne Teilchen des Körpers von der Schwerkraft erfährt, zweitens aber von der Menge der Teilchen, aus denen der Körper zusammengesetzt ist, oder von seiner Masse abhängig. Das Gewicht ist nämlich gleich der Summe der Anziehungen, welche alle Teilchen des Körpers von der Erde erfahren, und da alle einzelnen Teilchen gleich stark angezogen werden, so ist es der Menge derselben oder der Masse des Körpers proportional. Es können daher die Massen zweier Körper verglichen werden, indem man ihre Gewichte vergleicht. Das dazu dienende Instrument ist die Wage (§ 53).

§ 12. Gewichtseinheit, Masseneinheit. Wie später (§ 56, 1) gezeigt werden wird, wirkt die Schwerkraft nicht an allen Punkten der Erdoberfläche mit völlig gleicher Stärke, ändert sich also das Gewicht ein und desselben Körpers mit der geographischen Breite und der Höhe über dem Meeresspiegel: man hat darum, um das Gewicht eines Körpers zu messen, als Gewichtseinheit dasjenige Gewicht gewählt, welches ein Kubikcentimeter reinen Wassers im Maximum seiner Dichtigkeit (bei 4° C.), unter 45° Breite, im Meeresniveau und im luftleeren Raume besitzt. Dieses Gewicht heißt Gramm.

1 Gramm (g) = 10 Decigramm (dg) = 100 Centigramm (cg) = 1000 Milligramm (mg)
1000 Gramm = 1 Kilogramm (kg)

1 preuß. Pfund \mathcal{H} = $\frac{1}{2}$ kg = 500 g

1 Liter Wasser wiegt demnach 1 Kilogramm.

In § 11 hatte sich ergeben, daß die Masse m und das Gewicht p für jeden Körper dasselbe, von der Wirkung der Schwerkraft, also von der Lage auf der Erdoberfläche abhängige Verhältnis haben. Nennen wir dieses Verhältnis g , dessen genauere Bestimmung (unter 45° wird $g = 9,808$) in § 32 gegeben wird, so hat man als die Fundamentalbestimmung zwischen Masse und Gewicht

$$p = m g, \quad \text{woraus} \quad m = \frac{p}{g},$$

und die Masseneinheit ist demnach die Masse eines Körpers, welcher (unter 45° Breite, im Meeresniveau) das Gewicht $g = 9,808$ Gramm hat.

§ 13. Dichtigkeit, spezifisches Gewicht. Ein Körper ist um so dichter, je mehr Massenteilchen er in einem bestimmten Volumen enthält. Dichtigkeit ist das Verhältnis zwischen Masse und Volumen, oder die Masse der Volumeneinheit. Ist also m die Masse, v der Rauminhalt, d die Dichtigkeit eines Körpers, so ist:

$$m = d \cdot v; \quad d = \frac{m}{v}; \quad v = \frac{m}{d}.$$

Man pflegt die Dichtigkeit fester und flüssiger Körper, verglichen mit der des destillierten Wassers bei 4° C., ihr spezifisches Gewicht zu nennen. Da die Gewichte in demselben Verhältnis stehen wie die Massen (§ 11), so giebt das spezifische Gewicht das Verhältnis zwischen dem absoluten Gewicht eines Körpers und dem Gewicht eines gleichen Volumens Wasser an. Zwischen dem Gewicht p , dem Volumen v und dem spezifischen Gewicht s eines Körpers bestehen die Beziehungen:

$$p = s \cdot v; \quad s = p : v; \quad v = p : s.$$

Da 1 Kubikcentimeter Wasser 1 g wiegt, so giebt das specifische Gewicht zugleich das Gewicht eines Kubikcentimeters der Substanz in Grammen an.

Die Dichtigkeit der luftförmigen Körper, welche in der Regel sehr viel geringer ist als die der festen und flüssigen Körper, wird gewöhnlich mit der der atmosphärischen Luft oder des Wasserstoffgases, des leichtesten aller Gase, verglichen. Atmosphärische Luft (im wesentlichen ein Gemenge aus 21 Raumtheilen Sauerstoffgas und 79 Raumtheilen Stickstoffgas (§ 19)) ist bei 0° und unter dem Druck einer Atmosphäre (§ 90) 773mal, Wasserstoffgas unter gleichen Umständen 11162 mal leichter als Wasser.

Über die bei Bestimmung der Dichtigkeit der Gase und Dämpfe zu berücksichtigenden Umstände vergl. §§ 94 und 202.

Am leichtesten ist das specifische Gewicht flüssiger Körper zu bestimmen, indem man nur die Flüssigkeiten, deren specifische Gewichte verglichen werden sollen, nach einander in dasselbe Gefäß von unveränderlichem Rauminhalt, z. B. ein Fläschchen mit sorgfältig eingeschliffenem Glasstöpsel bringt und abwägt. Wird z. B. das Fläschchen so groß gewählt, daß es genau 100 g Wasser faßt, so hat man nur das in Grammen ausgedrückte Gewicht der das Fläschchen füllenden Flüssigkeit durch 100 zu dividieren, um das specifische Gewicht zu erhalten. Faßt dasselbe z. B. 79,5 g Weingeist, so ist das specifische Gewicht des Weingeistes gleich 0,795. Über andere Methoden zur Bestimmung des specifischen Gewichts flüssiger und fester Körper s. unter Hydrostatik (§§ 77–80).

§ 14. Tabelle der specifischen Gewichte einiger Körper.

A. Feste Körper.		B. Flüssige Körper.	
Platin, gehämmert	21,3	Bergkrystall	2,68
Platin, geschmolzen	21,15	Schwefel	2,0
Iridium, geschmolzen	21,15	Phosphor	1,9
Irid-Platin, natürl. kryst.	22,6–22,8	Elfenbein	1,9
Gold, gemünzt	19,33	Wachs	0,97
Gold, geschmolzen	19,26	Buchsbaumholz	1,3
Blei, geschmolzen	11,38	Kork	0,24
Silber, rein, gewalzt	10,5	} 13,596	
Silber, mit $\frac{1}{10}$ Kupfer gemünzt	10,39		
Kupfer, gehämmert	8,9	Quecksilber	13,596
Nickel	8,28	Quecksilbermethyl	13,596
Schmiedeeisen	} 7,6–7,8	Brom	3,187
Stahl		Schwefelsäurehydrat	1,9426
Guß Eisen, weiß	7,5–7,7	Salpetersäurehydrat	1,54
Guß Eisen, grau	6,6–7,4	Olivenöl	0,915
Zink, gehämmert	7,2	Petroleum	0,891
Zinn	7,29	Terpentinöl	0,871
Antimon	6,72	Alkohol, absolut	0,795
Arsen	5,96	Naphtha	0,758
Aluminium	2,57	Äther	0,736
Magnesium	1,75	C. Gase. Dichtigkeit bezogen auf	
Natrium	0,97		
Kalium	0,865	Atmosph. Luft	1
Lithium	0,594	Luft	14,438
Jod	4,95	Atmosph. Luft*)	1
Diamant	3,50–3,53	Sauerstoff	1,1082
Marmor	2,84	Stickstoff	0,9736
Flintglas	3,3–3,78	Wasserstoff	0,0695
Crownglas	2,5	Chlor	2,467
		Kohlensäure	1,530
		Ammoniak	0,589
		Chlorwasserstoff	1,269
		Cyan	1,808
		Wasserdampf	0,626
			9

*) Das specifische Gewicht der atmosphärischen Luft bei 0° und 760 mm Barometerstand, bezogen auf Wasser bei 4° C., ist 0,001293 (vergl. §§ 13 und 94).

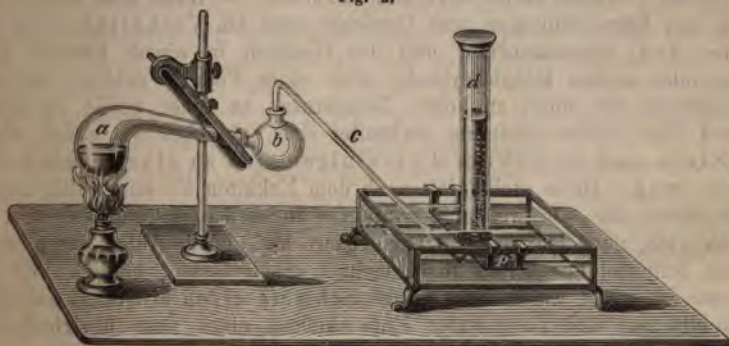
Zweiter Abschnitt.

Grundbegriffe der Chemie und Krystallographie.

§. 15. Chemische Grundstoffe und Verbindungen. Die Naturkörper sind meist aus einer gewissen Anzahl von Stoffen zusammengesetzt, bei denen eine weitere substantielle Zerlegung bisher nicht gelungen ist, die man darum Grundstoffe oder chemische Elemente nennt. Man kennt mehr als sechszig Elemente. Einzelne derselben kommen ungemischt und unverbunden mit anderen Elementen als selbständige Naturkörper vor, wie der Schwefel, der Kohlenstoff und mehrere Metalle, wie Silber, Gold, Platin. Durch chemische Vereinigung zweier oder mehrerer Grundstoffe entsteht ein neuer, zusammengesetzter Körper oder eine chemische Verbindung, deren Eigenschaften von denen ihrer Bestandteile verschieden sind.

Chemische Zerlegung. Erhitzt man einige Gramm des unter dem Namen roter Präcipitat oder Quecksilberoxyd bekannten Pulvers

Fig. 2.



in einer kleinen Retorte *a* von hartem, schwer schmelzbarem Glase, nachdem man mit dem Halse der Retorte die doppelt tubulierte Vorlage *b* und mit dieser dann das Gasleitungsrohr *c* verbunden hat (Fig. 2), so zersetzt sich bei anfangender Rotglühhitze das Quecksilberoxyd, welches beim Erhitzen zuerst dunkel und fast schwarz wird, und es entweicht, zuerst noch mit atmosphärischer Luft gemengt, eine Gasart, der Sauerstoff, und ein Metall, das Quecksilber, verdichtet sich aus seinen Dämpfen in dem kälteren Halse der Retorte, setzt sich hier in Form eines Quecksilberspiegels an und fließt dann tropfenweise in die Vorlage *b*. Der Sauerstoff entweicht durch das Glasrohr *c* und wird endlich im Cylinder *d* aufgefangen. Dieser Cylinder ist, mit Wasser gefüllt, in einer pneumatischen Wanne umgekehrt auf die mit einer Öffnung versehene Brücke *p* gestellt und die Mündung des Glasrohres *c* unter diese Öffnung gebracht. Das Sauerstoffgas steigt in Blasen im Cylinder empor, indem ein gleiches Volumen Wasser ausfließt.

Um die Eigenschaften dieses Gases darzustellen, schiebt man den Cylinder von der Brücke in das tiefere Wasser der Wanne, verschließt hier die Mündung durch eine Glasplatte, drückt diese an, hebt dann den Cylinder heraus und stellt ihn aufrecht. Zieht man dann die Platte weg, so giebt ein in den Cylinder

eingetauchter, glimmender Holzspan durch seine lebhaftere Verbrennung die Anwesenheit des Sauerstoffs, eines anderen Gases als der atmosphärischen Luft, zu erkennen. (Vgl. § 19.) Das Quecksilberoxyd in der Retorte verschwindet allmählich spurlos und, wie bei sorgfältiger Ausführung des Versuches sich nachweisen läßt, ist das Gesamtgewicht des in *b* gesammelten Quecksilbers und des in *d* aufgefangenen und in den Vorlagen vorhandenen Sauerstoffs gleich dem Gewicht des zu ihrer Darstellung verwandten Quecksilberoxyds.

Chemische Verbindung. Mischt man Eisenpulver (*ferrum pulveratum*) und Schwefelblumen in beliebigem Verhältnis in einer Reibschale innig zusammen, so erhält man ein mechanisches Gemenge beider Stoffe, in welchem diese ihre besonderen Eigenschaften beibehalten. Man erkennt deutlich mit bloßem Auge oder unter dem Mikroskop die Teilchen des gelben Schwefels neben denen des grauen Eisens liegen und kann durch den Magneten die Eisenteilchen dem Gemenge entziehen, oder durch Aufschwimmen desselben in Wasser das schwerere Eisen in der Bodenschicht von dem leichteren Schwefel trennen, oder wenn man das Gemenge mit Salzsäure (§ 20 a) übergießt, so löst sich das Eisen vollständig unter Entwicklung eines brennbaren Gases, des Wasserstoffes, auf und der Schwefel bleibt unverändert zurück. — Wenn man aber Eisenpulver und Schwefelblumen dem Gewichte nach im Verhältnis von 2:1 (genauer 7:4) zusammenreibt und das Gemisch in einem kleinen Glaskolben oder weiten Reagiercylinder über einer Flamme erhitzt, so fängt das Gemenge bei nicht zu hoher Temperatur an einer Stelle zu glühen an, und diese Glüherscheinung verbreitet sich bald über die ganze Masse. Das Eisen und der Schwefel vereinigen sich zu einer chemischen Verbindung. Diese stellt sich nach dem Erkalten als eine völlig gleichartige Masse dar, auf welche der Magnet keine Einwirkung ausübt, und aus der sich, nachdem man sie pulverisiert hat, durch Aufschwimmen mit Wasser Schwefel und Eisen nicht mehr trennen lassen; endlich löst sich die neue Substanz, welche den Namen Schwefeleisen erhält, in Salzsäure vollständig auf und zwar unter Entwicklung eines sehr übelriechenden Gases, des Schwefelwasserstoffs.

Bei einem mechanischen Gemenge können die Elemente nach allen Verhältnissen zusammentreten, in einer chemischen Verbindung sind sie in bestimmten, unwandelbaren Verhältnissen, sowohl dem Gewicht als (§18) dem Volumen nach, miteinander vereinigt. Eine mechanische Mischung zeigt die mittleren Eigenschaften ihrer Bestandteile, in der chemischen Verbindung sind die Eigenschaften der Teilelemente nicht mehr zu erkennen, dieselbe charakterisiert sich dagegen durch ganz andere Eigenschaften als ihre Bestandteile oder ein Gemenge derselben. So verbinden sich Sauerstoffgas und Wasserstoffgas chemisch zu flüssigem Wasser (§ 19a), Chlorgas und Natrium-Metall zu Chlornatrium oder Kochsalz (§ 19f). Die Verbindung heißt eine binäre, ternäre, quaternäre, je nachdem sie 2, 3, 4 Grundstoffe enthält.

Um die Zusammensetzung chemischer Verbindungen aus ihren Grundstoffen möglichst kurz und übersichtlich darzustellen, werden die Grundstoffe durch abgekürzte Symbole bezeichnet, welche von den Anfangsbuchstaben ihrer (lateinischen) Namen hergenommen sind. Durch diese Zeichen werden gleichzeitig die Gewichtsverhältnisse ausgedrückt, nach welchen sie, wie in § 17 näher erläutert wird, in ihre Verbindungen eintreten. So bedeutet das Zeichen H (Hydrogenium)

1 Gewichtsteil Wasserstoffgas, O (Oxygenium) 16 Gwt. Sauerstoffgas, Na (Natrium) 23 Gwt. Natrium u. s. f. Die Namen, Zeichen und Verbindungsgewichte der wichtigeren chemischen Grundstoffe sind in der in § 16 folgenden Tabelle enthalten.

§ 15a. Chemische Verwandtschaft oder Affinität. Die Kraft, durch welche die Bestandteile eines chemisch zusammengesetzten Körpers miteinander vereinigt und in Verbindung erhalten werden, heisst chemische Verwandtschaftskraft oder Affinität. Solch eine Kraft oder chemisches Vereinigungsstreben nimmt man zwischen Quecksilber und Sauerstoff, Eisen und Schwefel, Wasserstoff und Sauerstoff, Natrium und Chlor u. s. w. an, um die in § 15 erwähnten chemischen Verbindungen zu erklären; dagegen findet z. B. zwischen Eisen und Silber, von welchen Metallen uns eine chemische Verbindung nicht bekannt ist, keine Affinität statt.

Der Grad dieser Affinität zwischen den verschiedenen Grundstoffen ist verschieden. Aus dem Zinnober, einer chemischen Verbindung von Quecksilber mit Schwefel, läßt sich leicht das Quecksilber darstellen, wenn man Zinnober mit Eisenpulver (15 Gwt. Zinnober mit 4 Gwt. Eisenpulver) in einem Reagiercylinder stark erhitzt: aus Schwefel-Quecksilber und Eisen wird Schwefel-Eisen und Quecksilber, d. h. Quecksilber und Eisen haben ihre Stellen vertauscht, weil Eisen eine stärkere Affinität zu Schwefel hat als Quecksilber. Ebenso wenn man in eine Auflösung von Silber in Salpetersäure (Höllensteinlösung) ein Stück blankes Kupfer eintaucht, so wird das Silber in Form einer weißgrauen, schwammigen Masse ausgeschieden und das Kupfer tritt an seine Stelle, wie sich schon aus dem Farbenwechsel der Lösung erkennen läßt. Aus salpetersaurem Silber und Kupfer wird salpetersaures Kupfer und Silber.

Einen derartigen Prozeß, durch welchen ein Element in einer chemischen Verbindung durch ein anderes ersetzt wird, nennt man Substitution. Dieselbe kann auch in einem gegenseitigen Vertauschen der Plätze der Elemente zweier Verbindungen bestehen (doppelte Wahlverwandtschaft), wie wenn man z. B. die (farblosen) Lösungen von 5 Teilen Jod-Kalium und 4 Teilen Chlor-Quecksilber (Quecksilberchlorid), in Wasser zusammen gießt: es gehen hervor Chlor-Kalium und Jod-Quecksilber (Quecksilberjodid), von denen das letztere sich augenblicklich als ein pulverförmiger Körper ausscheidet, der anfangs gelb ist, sehr bald aber prächtig scharlachrot wird.

Häufig kommt die Affinität der Elemente erst zur Wirkung in dem Augenblick, wo dieselben, aus Verbindungen austretend, frei werden, d. i. in statu nascendi. So zeigen Wasserstoff und Schwefel unter gewöhnlichen Verhältnissen keine Neigung sich chemisch zu verbinden, wird aber Schwefeleisen mit Schwefelsäure übergossen, so tritt der Schwefel aus dem Schwefeleisen aus und der Wasserstoff aus der Schwefelsäure, und beide Elemente vereinigen sich in statu nascendi zu Schwefelwasserstoff.

Die Vereinigung zweier Grundstoffe erfolgt bisweilen schon durch bloße Berührung bei gewöhnlicher Temperatur. Der Regel nach ist zu einer chemischen Einwirkung erforderlich, daß sich wenigstens einer der beiden auf einander wirkenden Stoffe im flüssigen oder luftförmigen Aggregatzustand befinde. Ferner ist die Wärme von großem Einfluß auf die Affinität chemischer Bestandteile, indem sie bald die Affinität aufhebt und dadurch Zersetzungen herbeiführt, bald sie erregt oder steigert und dadurch Verbindungen veranlaßt. Ein Beispiel dafür giebt das Quecksilberoxyd (§ 15), welches sich in der Rotglühhitze in Quecksilber und Sauerstoff zerlegt; andererseits bildet sich umgekehrt bei niedriger Temperatur, nämlich durch anhaltendes Erhitzen des Quecksilbers bis nahe zu seinem Siedepunkt (§ 209), bei Luftzutritt Quecksilberoxyd. Schwefel und Metalle

verbinden sich chemisch erst bei hoher Temperatur (§ 15). Umgekehrt ist die chemische Vereinigung in der Regel von einer Wärmeentwicklung begleitet. Besonders intensiv pflegt dieselbe bei den Oxydations-(Verbrennungs-)Prozessen zu sein, die in einer Vereinigung der Grundstoffe mit Sauerstoff bestehen (§ 243). Ähnlich wie die Wärme verhält sich das Licht (§ 152) und die Elektrizität (§§ 339–344).

§ 16. Tabelle der wichtigeren chemischen Grundstoffe. Man unterscheidet metallische und nichtmetallische Grundstoffe, ohne jedoch zwischen beiden Gruppen eine scharfe Grenze ziehen zu können. Die Metalle stimmen im allgemeinen im festen Aggregatzustand (mit Ausnahme des Quecksilbers), in der Undurchsichtigkeit, dem Metallglanz und beträchtlicher Festigkeit und Dehnbarkeit, großer Leitungsfähigkeit für Wärme und Elektrizität (§§ 232, 263, 319), sowie in gewissen chemischen Eigenschaften überein. Die sogenannten Leichtmetalle (Metalle der Alkalien und Erden) sind durch große Affinität zum Sauerstoff (leichte Oxydierbarkeit) und geringes spezifisches Gewicht ausgezeichnet. Unter den in der folgenden Tabelle aufgeführten Schwermetallen besitzen die sechs letzten die geringste Affinität zum Sauerstoff, sind daher schwer oxydierbar und werden Edelmetalle genannt. Das Quecksilber ist das einzige bei gewöhnlicher Temperatur flüssige Metall.

Namen.	Zeichen.	Verbindungs- gewicht.	Namen.	Zeichen.	Verbindungs- gewicht.
Nichtmetalle.			Schwermetalle.		
Sauerstoff			Mangan	Mn	55
(Oxygenium)	O	16	Chrom	Cr	52,2
Wasserstoff			Eisen (Ferrum)	Fe	56
(Hydrogenium)	H	1	Kobalt	Co	58,7
Stickstoff			Nickel	Ni	58,7
(Nitrogenium)	N	14	Zink	Zn	65
Schwefel (Sulphur)	S	32	Cadmium	Cd	112
Selen	Se	79	Indium	In	35,9(?)
Tellur	Te	128	Kupfer	Cu	63,5
Chlor	Cl	35,5	Blei (Plumbum)	Pb	207
Brom	Br	80	Thallium	Tl	204
Jod	J	127	Uranium	U	120
Fluor	Fl	19	Wolfram	W	184
Phosphor	P	31	Arsen	As	75
• Kohlenstoff (Carbo)	C	12	Antimon (Stibium)	Sb	129
Bor	Bo	11	Wismut (Bismuthum)	Bi	210
Silicium	Si	22	Zinn (Stannum)	Sn	118
Leichtmetalle.			Titan	Ti	50
Kalium	K	39,1	Quecksilber		
Natrium	Na	23	(Hydrargyrum)	Hg	200
Cäsium	Cs	133	Silber (Argentum)	Ag	108
Rubidium	Rb	85,4	Gold (Aurum)	Au	196,7
Lithium	Li	7	Platin	Pt	197,1
Barium	Ba	137	Palladium	Pd	106
Strontium	Sr	87,5	Iridium	Jr	197
Calcium	Ca	40			
Magnesium	Mg	24			
Aluminium	Al	27,4			

Ein neues Metall, Davyum (Da) ist 1877 von Kern entdeckt worden (von silberartiger Farbe und in Königswasser löslich, spec. Gew. 9,885 bei 25° C.) und zwar in den Rückständen, die er bei der Behandlung von Platinerzen erhalten.

§ 17. Vereinigung der Grundstoffe nach bestimmten Gewichtsverhältnissen. Gesetz der multiplen Proportionen. Verbindungsgewichte, Molekulargewichte, chemische Formeln. Die Vereinigung zweier oder mehrerer Grundstoffe zu einer chemischen Verbindung findet stets nach bestimmten Gewichtsverhältnissen statt, und es tritt weder bei der Zerlegung einer Verbindung in ihre Elementarbestandteile, noch bei der Vereinigung der Elemente zu einer chemischen Verbindung ein Gewichtsverlust ein. (Prinzip der Erhaltung der Substanz.)

Wenn man bei der Darstellung des Quecksilbers aus dem roten Quecksilberoxyd (§ 15) oder aus Zinnober mit Eisen (§ 15a) die Gewichtsmengen des sich ergebenden Quecksilbers untersucht, so findet sich, daß die gleiche Menge (100 Gewichtsteile) Quecksilber im Quecksilberoxyd mit 8 Gwt. Sauerstoff, im Zinnober mit 16 Gwt. Schwefel verbunden ist, ebenso sind in einer als Eisenoxydul bezeichneten Verbindung von Eisen mit Sauerstoff und in Schwefeleisen (§ 15) 28 Gwt. Eisen verbunden bezüglich mit 8 Gwt. Sauerstoff und 16 Gwt. Schwefel, d. h. dieselben Gewichtsmengen Quecksilber (100 Gwt.), und Eisen (28 Gwt.) sind chemisch vereinigt mit den gleichen Gewichtsmengen Sauerstoff (8 Gwt.) und Schwefel (16 Gwt.), und ebenso können sich Sauerstoff und Schwefel chemisch miteinander im Gewichtsverhältnis von 8:16 verbinden. Auf gleiche Weise vereinigt sich 1 Gwt. Wasserstoff mit 8 Gwt. Sauerstoff zu 9 Gwt. Wasser, 23 Gwt. Natrium mit 35,5 Gwt. Chlor zu 58,5 Gwt. Chlornatrium oder Kochsalz u. s. f.

Bilden ferner zwei Grundstoffe mehrere verschiedene Verbindungen, so stehen die Gewichtsmengen, in welchen sie sich vereinigen, unter einander in sehr einfachen Zahlenverhältnissen. So bildet z. B. Stickstoff mit Sauerstoff folgende fünf Verbindungen:

Stickstoffoxydul	$N_2O = 28$ Gwt. Stickstoff u.	16 Gwt. Sauerstoff.
Stickstoffoxyd	$N_2O_2 = 28$ „ „ „	32 = 2.16 „ „
Salpetrige Säure (Anhydrid)*	$N_2O_3 = 28$ „ „ „	48 = 3.16 „ „
Untersalpetersäure (Anhydrid)*	$N_2O_4 = 28$ „ „ „	64 = 4.16 „ „
Salpetersäure (Anhydrid)*	$N_2O_5 = 28$ „ „ „	80 = 5.16 „ „

Man erklärt dies am einfachsten durch die Annahme, daß in diesen Verbindungen dieselbe Anzahl von Stickstoffatomen mit je 1, 2, 3, 4, 5 Sauerstoffatomen (§ 5) vereinigt ist. Die in obiger Tabelle angegebenen Verbindungsgewichte drücken demnach gleichzeitig die Gewichtsverhältnisse der Atome oder die Atomgewichte der Grundstoffe aus. Das Atomgewicht oder Verbindungsgewicht des Wasserstoffs wird dabei, als das kleinste, als Einheit gewählt. Nimmt man nun (aus Gründen, die im folgenden Paragraphen erläutert werden) an, daß in jeder der genannten Verbindungen zwei Stickstoffatome enthalten sind, so können dieselben durch die beigesetzten Formeln N_2O , N_2O_2 , u. s. f. bezeichnet werden,

*) Anhydrid, wasserfrei (*ἀ* privativum — *ὕδωρ*).

welche angeben, wieviel Stickstoffatome und wieviel Sauerstoffatome in jeder dieser Verbindungen vereinigt sind. Nennt man ferner den durch jede dieser Formeln ausgedrückten Atomkomplex ein Molekül der entsprechenden Verbindungen, so drücken die Formeln zugleich die Molekulargewichte der Verbindungen aus.

Bei der Darstellung der chemischen Formeln ist zu bemerken, daß die Indices an den chemischen Zeichen nur für das betreffende Element gelten; gehen in eine zusammengesetzte Verbindung Vielfache einfacher Verbindungen ein, so werden diese mit einem Koeffizienten versehen, der dann für alle Elemente der Verbindung gilt. Beispielsweise ist die chemische Zusammensetzung des Wassers durch H_2O dargestellt, d. i.

$$\begin{array}{rcl} 2 \text{ Vbg. H} & = & 2 \text{ Gwt. Wasserstoff,} \\ + 1 \text{ Vbg. O} & = & 16 \text{ Gwt. Sauerstoff,} \end{array}$$

geben zusammen 18 als das Verbindungsgewicht des Wassers.

Die Zusammensetzung der als Kupfervitriol bekannten Krystalle ist ausgedrückt durch die chemische Formel $\text{CuSO}_4 + 5 \text{ H}_2\text{O}$; d. i.

$$\begin{array}{rcl} 1 \text{ Vbg. Cu} & = & 63,5 \text{ Gwt. Kupfer,} \\ + 1 \text{ „ S} & = & 32 \text{ „ Schwefel,} \\ + 4 \text{ „ O} & = & 64 \text{ „ Sauerstoff} \end{array}$$

und 5 Vbg. Wasser, d. i.

$$\begin{array}{rcl} 10 \text{ „ H} & = & 10 \text{ „ Wasserstoff,} \\ + 5 \text{ „ O} & = & 80 \text{ „ Sauerstoff;} \end{array}$$

im ganzen also wird 249,5 das Verbindungsgewicht des kristallisierten Kupfervitriols.

Man pflegt bei Verbindungen das Zeichen des Metalls voranzusetzen, schreibt also CuS Schwefelkupfer, PbO Bleioxyd, NaCl Chlornatrium u. s. f.

Man teilt die Verbindungen gewöhnlich ein in unorganische, welche aus dem Mineralreich stammen oder mineralischen Verbindungen ähnlich sind, und in organische, welche ihren Ursprung im Tier- oder Pflanzenreiche haben oder mit derartigen Verbindungen übereinstimmen.

§ 18. Dichtigkeiten und Molekulargewichte gasförmiger Verbindungen. Die Dichtigkeiten der Grundstoffe im gasförmigen Aggregatzustand, z. B. des Wasserstoffgases, Stickstoffgases, Sauerstoffgases, Chlorgases (§ 14), stehen in demselben Verhältnis wie ihre chemischen Verbindungsgewichte, so daß sie, wenn man die Dichtigkeit des Wasserstoffgases als Einheit wählt, durch dieselben Zahlen (1:14:16:35,5) ausgedrückt werden. Es folgt daraus, daß in gleichen Raumteilen gleich viele Atome jedes dieser Gase enthalten sind, oder daß diese (sowie die meisten anderen) chemisch einfachen Gase, gleiches Atomvolumen besitzen.

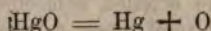
Die chemische Vereinigung gasförmiger Grundstoffe findet stets nach einfachen Volumenverhältnissen statt. So verbindet sich 1 Vol. Wasserstoffgas H mit 1 Vol. Chlorgas Cl zu 2 Vol. Chlorwasserstoffgas HCl ; ferner 2 Vol. Wasserstoffgas H_2 mit 1 Vol. Sauerstoffgas O zu 2 Vol. Wasserdampf H_2O ; 3 Vol. Wasserstoffgas H_3 mit 1 Vol. Stickstoffgas N zu 2 Vol. Ammoniakgas NH_3 u. s. f., so daß das Molekulargewicht der Verbindung jedesmal 2 Raumteilen im Gaszustande entspricht. Es folgt daraus, daß in gleichen Raumteilen gleich viele Moleküle gasförmiger Verbindungen enthalten sind, oder daß chemisch zusammengesetzte Gase gleiches Molekularvolumen besitzen. (Gesetz von Avogadro, 1811.) Die Dichtigkeiten der zusammengesetzten Gase und Dämpfe sind daher ihren Molekulargewichten proportional, wie aus der folgenden Tabelle ersichtlich ist, in welcher die Dichtigkeit des Wasserstoffgases = 2 gesetzt ist:

	Dichtigkeit.	Molekulargewicht.		Dichtigkeit.	Molekulargewicht.
Wasserstoff H_2	2	2.1 = 2	Wasserdampf H_2O	18	2.1 + 16 = 17
Stickstoff N_2	28	2.14 = 28	Ammoniak NH_3	17	3.1 + 14 = 16
Sauerstoff O_2	32	2.16 = 32	Grubengas CH_4	16	4.1 + 12 = 18
Chlor Cl_2	71	2.35,5 = 71	Ölbildendes		
Chlorwasser-			Gas C_2H_2	28	4.1 + 2.12 = 28
stoff HCl	36,5	1 + 35,5 = 36,5	Cyanganas C_2N_2	52	2.14 + 2.12 = 52

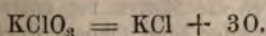
Wie aus dieser Tabelle ersichtlich ist, muß man, um das Gesetz von Avogadro auch auf die einfachen Gase auszudehnen, die Annahme machen, daß das Molekulargewicht der einfachen Grundstoffe gleich ihrem doppelten Atomgewicht ist, oder daß sich im unverbundenen Zustande je 2 (beim Phosphor und Arsen je 4) Atome zu einem Molekül vereinigen, eine Annahme, die übrigens auch durch andere Gründe rein chemischer Natur unterstützt wird. Vergleiche auch das Verhalten der Gase gegen die Wärme (§ 230). — Nach dem angegebenen Gesetz ist es möglich, die Dichtigkeit gasförmiger Verbindungen von bekannter Zusammensetzung aus ihrem Atomgewicht vor auszuberechnen.

§ 19. Sauerstoff, Säuren, Basen, Oxyde. Der Sauerstoff, $O = 16$, ein farbloses und geruchloses Gas, vom spec. Gew. 1,1082, bildet einen Hauptbestandteil der Erdatmosphäre. Diese ist im wesentlichen ein Gemenge von 21 Raumteilen Sauerstoffgas und 79 Raumteilen Stickstoffgas, nebst einem geringen, veränderlichen, im Mittel etwa 0,5 Prozent betragenden Gehalt an Kohlensäure und einem ebenfalls wechselnden Gehalt an Wasserdampf (§ 218). Außerdem findet sich der Sauerstoff im chemisch gebundenen Zustande im Wasser (89 Prozent), in fast allen Gebirgs- und Bodenarten, in allen Tier- und Pflanzenkörpern, so daß gewiß $\frac{1}{3}$ vom Gewicht der Erde Sauerstoff ist.

Die Darstellung des Sauerstoffs aus Quecksilberoxyd ist bereits im § 15 ausgeführt worden; dieselbe läßt sich durch die chemische Gleichung:



veranschaulichen. Ebenso ist der Sauerstoff durch vorsichtiges Erwärmen von Kaliumchlorat (chlorsaurem Kali) in einer Glasretorte zu erhalten; Sauerstoff entweicht, Chorkalium bleibt zurück, wie sich aus der Formel ergibt:



Bei dieser Darstellung empfiehlt es sich, das Kaliumchlorat vorsichtig mit ungefähr $\frac{1}{3}$ seines Gewichtes gepulverten Braunsteins zu vermischen. Das Gas entwickelt sich alsdann sehr rasch und wird zweckmäßig, zu späterem Gebrauch, in einem Gasbehälter aufgesammelt, wie ihn Fig. 3 zeigt. Derselbe besteht aus zwei cylindrischen Gefäßen, dem geschlossenen *A*, dem eigentlichen Behälter für das Gas, und dem oben offenen Gefäß *B*, dem Wasserbehälter, das wie ein Trichter durch die beiden mit Hähnen verschließbaren Röhren *a* und *b* mit *A* in Verbindung gesetzt werden kann. Das Rohr *a* reicht bis fast auf den Boden von *A* hinab, während *b* nur die Deckfläche von *A* mit *B* verbindet; *c, c* sind Stützen für *B*. Dicht über dem Boden von *A* befindet sich ein durch eine Schraube mit Lederscheibe verschließbares Ansatzrohr *d*, und oben das mit einem Hahn und Schraubengewinde versehene Ansatzrohr *e*. Das Glasrohr *f* an der Seite dient zur Erkennung des inneren Wasserstandes.

Will man den Behälter mit Wasser füllen, so öffnet man zunächst die

Fig. 3.



Hähne *a*, *b* und *c* und gießt so lange Wasser in *B*, bis dasselbe aus *c* abzulaufen anfängt; dann schließt man den Hahn *c*; die noch in *A* befindliche Luft entweicht jetzt, bei fernerm Eingießen von Wasser, durch das Rohr *b*. Ist *A* mit Wasser gefüllt, so verschließt man *a* und *b*, stellt den Behälter über eine Wanne, die das abfließende Wasser aufnehmen soll, und führt das mit der Retorte verbundene Glasrohr durch *d* in *A* ein. Durch das eintretende Gas wird das Wasser aus *A* verdrängt und fließt durch *d* aus. Ist *A* mit Gas gefüllt, so verschließt man *d* und öffnet den Hahn *a*, wodurch Wasser aus *B* in *A* einzudringen vermag und das Gas unter dem Druck einer Wassersäule von ziemlicher Höhe steht. Um nunmehr das Gas aus dem Behälter zu verwenden, läßt man dasselbe entweder aus *e* durch ein angeschraubtes Rohr ausströmen, oder benützt das Gefäß *B* als pneumatische Wanne, indem man das Rohr *b* öffnet und das ausströmende Gas, wie in der Figur zu § 15 angedeutet ist, auffängt.

Der Sauerstoff zeichnet sich vor anderen Gasen dadurch aus, daß brennbare Körper in demselben mit lebhafterem Glanz und größerer Wärmeentwicklung als in der Luft verbrennen (§ 15). Entzündeter Schwefel verbrennt mit schönem blauen Licht, Phosphor mit blendender, hell leuchtender Flamme, ebenso Natrium, das man etwa brennend in einem eisernen Löffel in Sauerstoff bringt, mit intensiv gelbem Licht. Entzündet man an einer schraubenförmig aufgewickelten Uhrfeder ein unten befestigtes Stückchen Feuerschwamm und taucht sie in ein mit Sauerstoff gefülltes Gefäß, so entzündet sich durch den brennenden Schwamm auch das Eisen und verbrennt mit lebhaftem Funkensprüthen. Die Produkte der Verbrennung sind Sauerstoffverbindungen.

Wird die Verbrennung von Phosphor, Schwefel und Natrium in einem Glasgefäß vorgenommen, in dem sich noch etwas Wasser befindet, so erfüllt sich das Gefäß mit weißen Nebeln, die sich bald zu Boden setzen. Diese Nebel sind Sauerstoffverbindungen der genannten Elemente. Sie lösen sich im Wasser auf und erteilen demselben — die Verbrennungsprodukte von Phosphor und Schwefel einen sauren Geschmack, die Natriumverbindung einen laugenhaften, alkalischen Geschmack. Man nennt darum die ersteren Säuren (§ 20b), die letztere eine Basis. Zur Unterscheidung von Säuren und Basen dient auch eine Auflösung von Lackmus, einem aus einer Flechtenart (*roccella tinctoria*) dargestellten blauen Farbstoff, in Wasser; diese Lösung wird durch die Säuren rot gefärbt, während die Basen die so gerötete Flüssigkeit wieder blau färben (Lackmuspapier).

Der Sauerstoff vermag sich mit allen übrigen bekannten Grundstoffen, mit Ausnahme des Fluors, zu vereinigen. Die Verbindungen des Sauerstoffs heißen Oxyde; der Prozeß der Vereinigung mit Sauerstoff heißt Oxydation, der entgegengesetzte Prozeß der Abscheidung der Grundstoffe aus ihren Verbindungen mit Sauerstoff Reduktion. Manche Grundstoffe vereinigen sich mit dem Sauerstoff schon durch bloße Berührung bei gewöhnlicher Temperatur. Bei anderen erfolgt die Vereinigung bei erhöhter Temperatur unter lebhafter Wärme- und Lichtentwicklung im Verbrennungsprozeß (§ 243), wie, vergleiche oben, beim Kohlenstoff, Schwefel, Phosphor. In anderen Fällen endlich findet die Oxydation nur langsam statt, wie bei vielen Metallen, auch beim Phosphor, oder nur auf indirektem Wege, wie beim Stickstoff. Der Sauerstoff ist zur Unterhaltung aller Verbrennungsprozesse, sowie des menschlichen und tierischen Lebens (Atmung), wesentlich erforderlich.

Über die Verbindungen des Wasserstoffs mit dem Sauerstoff vergleiche § 20. Die übrigen nichtmetallischen Grundstoffe bilden im allgemeinen zahlreichere, verschiedene Verbindungen mit Sauerstoff. So kann sich z. B., wie

bereits oben (§ 17) erwähnt, der Stickstoff auf indirektem Wege in fünf verschiedenen Verhältnissen mit Sauerstoff vereinigen. Die sauerstoffreicheren Verbindungen oder höheren Oxydationsstufen haben in der Regel die Eigenschaft, sich mit Wasser zu Säuren (s. unten § 20b) zu vereinigen und werden deshalb säurebildende Oxyde oder wasserfreie Säuren (Anhydride) genannt, wie z. B. die wasserfreie Schwefelsäure, Phosphorsäure, Salpetersäure.

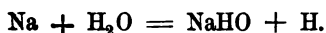
Durch Verbrennung des Schwefels entsteht schwefligsaures Gas SO_2 , welches durch seinen intensiv stechenden Geruch und durch seine bleichenden Eigenschaften kenntlich ist (§ 19c); durch Verbrennung des Phosphors entsteht wasserfreie Phosphorsäure P_2O_5 , ein fester Körper, welcher weiße, schneeähnliche Flocken bildet (§ 19d); endlich das Verbrennungsprodukt des Natriums ist Natriumoxyd oder Natron (vergl. § 20).

Dafs bei der Verbrennung, d. i. einer Vereinigung mit Sauerstoff, das Gewicht der Körper zunimmt, läfst sich durch folgenden Versuch darthun. An eine Wage wird ein Hufeisenmagnet aufgehängt und durch Eintauchen seiner Pole in Eisenpulver mit einem Eisenbart versehen. Nach Herstellung des Gleichgewichtes durch Auflegen von Gewichten auf die andere Wagschale wird das Eisen durch eine Flamme entzündet. Dasselbe verbrennt unter Glimmen langsam, und die mit dem Magnet belastete Wagschale senkt sich allmählich.

Der Sauerstoff wurde zuerst 1774 von Scheele durch Kochen von Braunstein mit Schwefelsäure und gleichzeitig von Priestley durch Erhitzen von Quecksilberoxyd dargestellt.

§ 19a. Wasserstoff, Knallgas, Wasser. Der Wasserstoff, $\text{H} = 1$, ein farb- und geruchloses Gas, welches unter allen bekannten Gasen die geringste Dichtigkeit besitzt, kommt nur in Verbindung, besonders mit Sauerstoff als Wasser, vor; auch ist der Wasserstoff ein wesentlicher Bestandteil fast aller Tier- und Pflanzenstoffe. Das Wasserstoffgas ist brennbar, indem sich bei seiner Verbrennung zwei Raumteile Wasserstoffgas mit einem Raumteil Sauerstoffgas zu Wasser verbinden, welches durch Abkühlung des bei der Verbrennung gebildeten Wasserdampfes im flüssigen Zustand niedergeschlagen werden kann.

Durch den galvanischen Strom wird das Wasser in seine Bestandteile zerlegt (§ 339). Oder bringt man die Metalle Kalium oder Natrium mit Wasser zusammen, so verdrängt das Metall einen Teil des Wasserstoffs aus seiner Verbindung mit Sauerstoff und tritt an die Stelle des Wasserstoffes. Es findet eine Substitution statt (§ 15a):



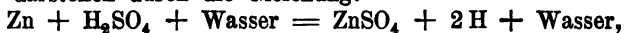
Bei Anwendung von Kalium entzündet sich der entweichende Wasserstoff infolge der bei dem chemischen Prozeß eintretenden Wärme. Um den Wasserstoff aufzusammeln, bringt man in einen umgekehrten, mit Wasser gefüllten Cylinder mittelst einer Pincette ein Stückchen Natrium. Das Metall steigt im Wasser auf, verschwindet nach und nach, indem das entstehende Natronhydrat vom Wasser aufgelöst wird, und der Cylinder füllt sich mit Wasserstoff an.

Um Wasserstoff in gröfserer Menge darzustellen, übergießt man Abfälle von Zinkblech in einer sogenannten Woulfschen Flasche (Fig. 4) mit verdünnter Schwefelsäure (1 Vol. Säure und 6 Vol. Wasser), am zweckmäfsigsten in der Weise, dafs man zuerst das Zink mit Wasser übergießt und dann durch das Trichterrohr *b* nach und nach die erforderliche Schwefelsäure, beim weiteren Nachfüllen aber



Fig. 4.

die verdünnte Schwefelsäure, zugießt. Es entsteht sogleich unter Aufschäumen Wasserstoffgas, welches durch *c* zu einer pneumatischen Wanne geführt werden kann (vergl. Fig. 2). Der stattfindende chemische Prozeß läßt sich darstellen durch die Gleichung:



d. h. das Zink tritt durch Substitution an die Stelle des Wasserstoffs, und es entsteht Zinksulfat, welches nach dem Filtrieren und Eindampfen in Nadeln auskrystallisiert.

Die verdünnte Schwefelsäure dient zur Auflösung des entstehenden Zinkoxyds unter Bildung von Zinksulfat. Um dasselbe zu entfernen, drückt man die Schlauchverbindung *c* nach dem Leitungsrohr zu; alsdann treibt das entwickelte Gas durch seinen Druck die Flüssigkeit durch das im dritten Hals der Flasche angebrachte Heberrohr *d* in ein untergestelltes, wegen der Hitze dünnwandiges, Becherglas.

Wasserstoffgas läßt sich leicht entzünden und brennt mit bläulicher, nicht leuchtender Flamme; man darf es jedoch, um eine Explosion zu vermeiden, nicht eher anzünden, als bis alle Luft ausgetrieben ist. Zieht man von einem auf der pneumatischen Brücke mit Wasserstoff gefüllten Cylinder die Glasplatte ab und nähert der nach oben gekehrten Öffnung eine Flamme, so verbrennt das Gas unter schwachem Verpuffen und zwar allmählich von oben nach unten durch Verbindung mit dem Sauerstoff der Luft, und man beschleunigt die Verbrennung durch schnelles Zugießen von Wasser. Hält man aber die Öffnung des Cylinders nach unten, so bleibt das Gas wegen seiner Leichtigkeit in dem Cylinder, und wenn man einen brennenden Wachsstock hineinführt, so entzündet derselbe das Gas an der Mündung, erlischt aber im Inneren des Gases, brennt beim Herausziehen wieder an, und so läßt sich das Erlöschen und Wiederanzünden wiederholen. Der Wasserstoff ist also brennbar, vermag aber nicht das Verbrennen zu unterhalten. }

Die schwache Flamme des brennenden Wasserstoffgases zeigt sich am besten, wenn man in die Kautschukverbindung *c* ein zu einer Spitze ausgezogenes Glasrohr einführt und das ausströmende Gas anzündet.

Der Wasserstoff ist 14,5 mal leichter als atmosphärische Luft und eignet sich darum vorzugsweise zum Füllen kleiner Luftballons (vergl. § 104), wobei anzuraten ist, das Gas erst durch ein Gefäß mit Wasser gehen zu lassen, um es zu reinigen und durch ein U-förmiges, mit Chlorcalcium (CaCl_2) gefülltes Glasrohr, um es zu trocknen. Mit Wasserstoff gefüllte Seifenblasen steigen rasch empor. Aus einem mit Wasserstoff gefüllten, oben offenen Cylinder verschwindet das Gas in wenigen Sekunden spurlos, wie man sich durch Eintauchen eines brennenden Holzspans leicht überzeugen kann, wird dagegen die Öffnung des Cylinders nach unten gehalten, so findet sich das Gas noch nach einigen Minuten vor.

Wird ein Gemisch von 2 Vol. Wasserstoff mit 5 Vol. Luft, oder besser mit 1 Vol. Sauerstoff, also in demselben Volumenverhältnis, als beide Gase chemisch verbunden im Wasser vorkommen, entzündet, so erfolgt eine augenblickliche Verbrennung zu Wassergas unter heftiger Explosion. Ein derartiges Gemisch, Knallgas genannt, in eine Schweinsblase gefüllt, kann dazu dienen, auf Seifenwasser Blasen zu erzeugen, an denen sich die explosive Wirkung leicht zeigen läßt. Derartige Blasen kann man auch in Seifenwasser, welches sich in der hohlen Hand befindet, darstellen und ohne Gefahr entzünden. Bei der Verbrennung des Knallgases entsteht die höchste Temperatur, die man zu erzeugen imstande ist (über 3000°).

Wegen der großen Gefahr einer Explosion darf man das Gemisch nicht vorher in einem Gasbehälter bereiten, sondern beide Gase erst im Augenblick ihrer Vereinigung zusammentreten lassen, was entweder dadurch geschieht, daß man Sauerstoff aus einem Gasbehälter in eine Wasserstofflampe bläst, oder daß man beide Gase aus einem Daniellschen Hahn ausströmen läßt. In einem solchen (Fig. 5) strömen durch die konzentrischen Röhren *a* und *b*, der Sauerstoff aus

einem Gasbehälter und der Wasserstoff vermittelt eines seitlichen Rohres *c*, und beide Gase vereinigen sich beim Austreten aus der Mündung *d* und zwar in der Weise, daß der Sauerstoff in das Innere der Wasserstoffflamme geleitet wird. In der dadurch zu erhaltenden spitzen Flamme des Knallgasgebläses lassen sich Platin und andere schwer schmelzbare Substanzen schmelzen, verbrennt ein Eisendraht (Uhrfeder) unter lebhaftem Funkensprühen und glüht ein zugespitztes Stück Kreide mit sonnenähnlichem Glanze (Drummondsches Kalklicht). Wenn bei der Zersetzung des Wassers durch den galvanischen Strom Sauerstoff und Wasserstoff gemeinschaftlich aufgefangen werden, so erhält man Knallgas (§ 339).

Fig. 5.



Die wichtigste Verbindung des Wasserstoffs mit dem Sauerstoff ist das Wasser; $2\text{H} + \text{O} = \text{H}_2\text{O}$. Diese Verbindung tritt ein bei der Verbrennung des Wasserstoffs in der Luft: hält man über eine Wasserstoffflamme ein trockenes Glas, so beschlägt dasselbe und nach kurzer Zeit bilden sich Tropfen, welche als Wassertropfen zu erkennen sind. Auch bei der Verbrennung des Wasserstoffs in reinem Sauerstoff, im Knallgasgebläse, entsteht Wasser und zwar stets unter Vereinigung von 2 Vol. Wasserstoff mit 1 Vol. Sauerstoff (§ 18). Die chemische Vereinigung beider Elemente tritt nicht bei gewöhnlicher Temperatur ein, sondern erst in der Glühhitze oder durch den elektrischen Funken; aber in Berührung mit reinem Platinblech oder besser mit Platinschwamm (§ 107) vereinigen sich dieselben schon bei gewöhnlicher Temperatur (Döbereinersches Feuerzeug).

Das Wasser im reinen Zustande ist von fadem Geschmack, ohne Geruch, in dünnen Schichten farblos durchsichtig, in dickeren von grünblauer Farbe. Über seine physikalischen Eigenschaften vergl. §§ 201, 204, 211 u. s. w. Um chemisch reines Wasser zu erhalten, wird dasselbe destilliert (§ 211), bei welchem Verfahren die in Wasser gelösten, nicht flüchtigen Substanzen zurückbleiben. Das bei der Destillation zuerst übergehende Wasser ist noch abzugießen, weil es Kohlensäure und Spuren von Ammoniak enthält.

Eine zweite, höhere Oxydationsstufe des Wasserstoffs, welche doppelt so viel Sauerstoff enthält als das Wasser, ist das Wasserstoffsuperoxyd, H_2O_2 .

§ 19b. Stickstoff. Der Stickstoff, $\text{N} = 14$, ein farb-, geruch- und geschmackloses Gas, vom spez. Gew. 0,9736, ist im freien Zustande in der atmosphärischen Luft (dem Vol. nach 0,79) enthalten und kommt außerdem chemisch verbunden in vielen Tier- und Pflanzenstoffen und in einigen Fossilien, wie Steinkohlen und Salpeter, vor. (Trockenes Eiweiß enthält 15,5, Salpeter 13 Prozent Stickstoff)

Zur Darstellung des Stickstoffs entzieht man der atmosphärischen Luft den Sauerstoff, indem man entweder unter einer mit Wasser abgesperrten Glocke, oder einer weiten Flasche mit abgesprengtem Boden (am besten) Phosphor verbrennt, den man durch die obere Öffnung vermittelt eines heißen Drahtes entzündet, — oder man leitet durch ein mit Kupferdrehspänen gefülltes, glühendes Porzellanrohr trockene Luft, wobei sich der Sauerstoff derselben mit dem Kupfer zu Kupferoxyd verbindet.

Der Stickstoff ist nicht brennbar, auch unterhält er das Verbrennen der Körper nicht, sondern erstickt eine Flamme augenblicklich, auch löst

er sich nicht einatmen. Er geht nur schwer mit anderen Elementen Verbindungen ein.

Von den bereits in § 17 erwähnten fünf Verbindungen des Stickstoffs mit dem Sauerstoff ist

N_2O , Stickstoffoxydul, ein farbloses Gas vom Gew. 1,5. Ein Vol. Wasser absorbiert gegen 0,75 Vol. des Gases. Es unterhält die Verbrennung ähnlich wie Sauerstoff. Mit Sauerstoff gemischt läßt es sich einatmen und wirkt dabei berauschend, weshalb es auch Lustgas genannt wird. Unvermischt eingeatmet macht es unempfindlich gegen Schmerz und wird deshalb bei chirurgischen Operationen angewandt. Es entsteht durch Erhitzen von Ammoniumnitrat in einer Glasretorte, wobei dasselbe schmilzt und in Stickstoffoxydul und Wasser zerfällt:

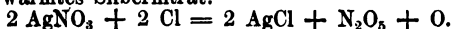


N_2O_2 oder NO, Stickstoffoxyd, ein farbloses Gas vom Gew. 1,04, wird erhalten, wenn man Kupfer mit Salpetersäure übergießt (in einem Apparat wie Fig. 4):



Öffnet man ein mit Stickstoffoxyd gefülltes Gefäß, so entstehen rote Dämpfe, indem sich der Sauerstoff der Luft mit Stickstoffoxyd zu Stickstoffdioxid (NO_2) verbindet. Ein bis auf den Boden des Gefäßes reichender Streifen Lackmuspapier wird in diesen Dämpfen gerötet, im Stickstoffoxyd aber nicht verändert. Läßt man einige Tropfen Schwefelkohlenstoff in einem mit Stickstoffoxyd gefüllten Cylinder verdampfen, so läßt sich die Mischung entzünden und verbrennt mit einer prachtvoll blauen Flamme.

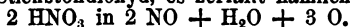
N_2O_5 , das Anhydrid der Salpetersäure, erhält man durch Überleiten von Chlor über erwärmtes Silbernitrat:



Wenn man in einem Sandbade Kalisalpeter (Kaliumnitrat) mit Schwefelsäure gelinde erhitzt, so wird das Kalium durch ein Atom Wasserstoff ersetzt; es entwickeln sich Dämpfe von Salpetersäure. Der Inhalt der Retorte schmilzt anfangs, wird dann dickflüssig und erstarrt endlich; es hat sich saures Kaliumsulfat gebildet:



bei Anwendung von Natronsalpeter ist der Prozeß derselbe. Die überdestillierende Salpetersäure, HNO_3 , ist eine farblose, stechend riechende, an der Luft rauchende Flüssigkeit mit dem Gew. 1,52. Sie färbt die Haut gelb, zerstört organische Stoffe und bleicht gewisse Farbstoffe, wie Indigolösung. Erwärmt man einige Tropfen Salpetersäure und fügt Kupferspäne hinzu, so entwickeln sich die roten Dämpfe von Stickstoffdioxid, es zerfällt nämlich:



Verdünnte Salpetersäure vom Gew. 1,30 ist unter dem Namen Scheidewasser bekannt, weil dieselbe Silber und Kupfer, nicht aber Gold löst, dieses also von jenen scheidet. — Die Verbindung des Stickstoffs mit Wasserstoff, Ammoniak NH_3 , siehe § 20a.

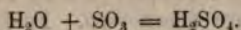
§ 19c. Schwefel. Der Schwefel, S = 32, ein spröder, fester Körper, von gelber Farbe, undurchsichtig oder durchscheinend, geschmacklos und geruchlos, Nichtleiter der Wärme und der Elektrizität, der aber gerieben elektrisch wird (§ 272), vom Gew. 2,045, kommt im freien Zustande (gediegen) vor, besonders in Sicilien, außerdem in Verbindung mit Metallen im Schwefelkies, Kupferkies, Bleiglanz, Zinnober (§ 15a) u. s. f., mit Sauerstoff und Metallen verbunden in Gips und Schwerspat.

Beim Erhitzen schmilzt er bei 111° zu einer gelben, dünnen Flüssigkeit, die sich bei höherer Temperatur dunkler färbt und bei 200° dunkelbraun und zähflüssig wird. Gießt man alsdann den dickflüssigen Schwefel in kaltes Wasser, so erstarrt derselbe zu einer durchscheinenden, elastischen braunen Masse, vom Gew. 1,93; er ist amorph; nach einigen Tagen jedoch wird er wieder gelb, spröde und undurchsichtig. Über den Dimorphismus der Schwefelkrystalle vergl. § 26. Der Schwefel siedet bei 420°

und bildet ein gelbbraunes Gas, vom Gew. 2,2 (bei 800°). Mischt sich der Schwefeldampf mit kalter Luft, so geht er sofort in den festen Zustand über in Form eines zarten, gelben Pulvers, das unter dem Namen Schwefelblumen bekannt ist.

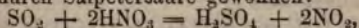
Der Schwefel ist brennbar; seine blaue Flamme ist wenig leuchtend, weil das Verbrennungsprodukt schweflige Säure (SO_2) gasförmig ist. Er besitzt, außer zu Sauerstoff, auch zu anderen Elementen starke Affinität, namentlich zu den Metallen, mit denen er sich oft unter Licht- und Wärmeentwicklung zu Schwefelmetallen vereinigt. (Vergl. § 15.) Ein Kupferdraht, in die braunroten Dämpfe des Schwefels gebracht, verbindet sich unter Erglühen mit dem Schwefel zu Schwefelkupfer.

Durch Verbrennung des Schwefels entsteht schwefligsaures Gas, SO_2 , Schwefeldioxyd, welches durch seinen intensiv stechenden Geruch und bleichende Eigenschaften kenntlich ist; dasselbe wird von Wasser absorbiert und zwar nimmt 1 Vol. Wasser bei 15° über 40 Vol. des Gases auf, so daß man das Gas nicht über Wasser auffangen kann. Die Lösung des Gases in Wasser reagiert sauer und wird zum Bleichen der Wolle, Seide u. s. f. verwandt. Das schwefligsaure Gas verbindet sich unter geeigneten Umständen mit einer neuen Quantität Sauerstoff zu wasserfreier Schwefelsäure, SO_4 . Diese ist ein fester Körper und bildet weisse, faserige, seidenglänzende Krystalle. Sie besitzt große Affinität zum Wasser, mit welchem sie sich unter lebhafter Wärmeentwicklung zu flüssiger Schwefelsäure vereinigt:



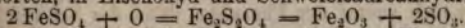
Mehrere andere Oxydationsstufen des Schwefels können nur in der Vereinigung mit Wasser als Säuren bestehen.

Die Schwefelsäure, H_2SO_4 , findet sich in geringer Menge in einigen vulkanischen Mineralquellen der Cordilleren, häufiger in schwefelsauren Salzen (§ 20b), von denen der Gips CaSO_4 (Calciumsulfat), der Schwerspat BaSO_4 und das Bittersalz MgSO_4 sehr verbreitet sind. Sie wird fabrikmäßig durch Oxydation des Schwefeldioxydes durch Salpetersäure gewonnen:



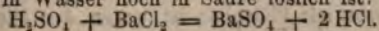
und zwar durch diesen Prozeß unter dem Namen englische Schwefelsäure. Diese ist eine farblose, dickflüssige, öartige (Vitriöl), nicht rauchende Flüssigkeit vom Gew. 1,84, welche bei 330° siedet. Sie zerstört die meisten Pflanzen- und Tierstoffe, indem sie dieselben schwärzt oder auflöst. Aus der Luft zieht sie lebhaft Wasser an; beim Vermischen mit Wasser erhitzt sie sich bis zum Sieden, was von der chemischen Vereinigung mit neuen Anteilen Wasser herrührt: man gießt darum zum Vermischen der Schwefelsäure mit Wasser die erstere unter Umrühren vorsichtig in das letztere, aber nicht umgekehrt.

Die rauchende Schwefelsäure, Nordhäuser Vitriöl, eine gelbliche öartige Flüssigkeit vom Gew. 1,9, welche an der Luft raucht und sich unter Zischen mit Wasser mischt. Man kann sie als eine Auflösung von SO_3 in H_2SO_4 ansehen, welche erstere aus der Luft Feuchtigkeit anzieht und sich mit dieser zu H_2SO_4 verbindet. Dargestellt wird sie aus Eisenvitriol ($\text{FeSO}_4 + 7\text{H}_2\text{O}$). Bei mäßiger Erhitzung verliert dieses Salz zuerst das Wasser, dann wird daraus unter Aufnahme von Sauerstoff Ferrisulfat und dieses zersetzt sich, durch Glühen in thönernen Retorten, in Eisenoxyd und Schwefelsäureanhydrid:



Das entweichende SO_3 wird in Vorlagen mit etwas Wasser oder H_2SO_4 aufgefangen. Beim Erhitzen der rauchenden Schwefelsäure in einer Retorte geht die wasserfreie Schwefelsäure über und läßt sich in einer gut abgekühlten Vorlage verdichten.

Ein empfindliches Reagens auf Schwefelsäure ist Bariumchlorid, eine wasserhelle Flüssigkeit, die beim Eintropfen in Wasser, welches Spuren von Schwefelsäure enthält, einen weissen, wolkigen Niederschlag von Bariumsulfat giebt, welches weder in Wasser noch in Säure löslich ist:

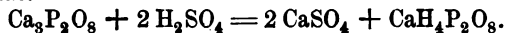


§ 19d. Phosphor, P = 31, kommt in der Natur sehr verbreitet vor, jedoch nur in Verbindung mit Sauerstoff in Form von Salzen der

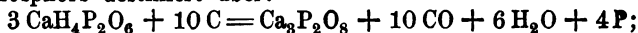
Phosphorsäure (§ 20b), Phosphaten. Kleine Mengen solcher Salze finden sich in der Ackererde und werden aus dieser von den Pflanzen, besonders zur Samenbildung, aufgenommen. Durch die Nahrung gelangen dann die Phosphorsalze in den Tierkörper und so findet sich zuletzt Calciumphosphat $\text{Ca}_3\text{P}_2\text{O}_8$ als ein wesentlicher Bestandteil der Knochen der Wirbeltiere vor. Die Knochen enthalten 58 Prozent Calciumphosphat, d. h. nahezu 12 Gwt. Phosphor und in dem Knochengerüst eines erwachsenen Mannes finden sich 0,65—0,75 kg Phosphor vor.

Der Phosphor, ein fester, gelblicher Körper von wachsähnlicher Konsistenz, besitzt sehr giftige Eigenschaften und wird seiner leichten Entzündlichkeit wegen zum Reibfeuerzeug benutzt (§ 241). Spez. Gew. 1,83. Er schmilzt bei 44° zu einer schwach gelblichen Flüssigkeit, die bei 290° siedet und ein farbloses Gas bildet. An der Luft oxydiert er schon bei gewöhnlicher Temperatur, indem er weiße Nebel bildet, die im Dunkeln leuchten und einen knoblauchartigen Geruch haben. Er entzündet sich bei 60° , also schon durch Reibung. Um den Phosphor gegen die Einwirkung der Luft zu schützen, wird er unter Wasser aufbewahrt, in welchem er unlöslich ist. Er löst sich leicht in Schwefelkohlenstoff. Über die Allotropie des Phosphors, den roten Phosphor, s. § 26.

Zur Darstellung des Phosphors wird Knochenasche gepulvert und mit verdünnter Schwefelsäure übergossen. Es bildet sich Gips und saures Calciumphosphat:

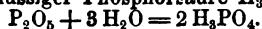


Die vom Gips abgeessene Flüssigkeit wird mit Kohlenpulver vermengt; bei starker Glühhitze entzieht die Kohle der Phosphorsäure den Sauerstoff, es bildet sich Kohlenoxydgas und ungefähr $\frac{2}{3}$ des in der Masse enthaltenen Phosphors destilliert über:



der in die kupfernen Vorlagen überdestillierende Phosphor wird dann zur Reinigung nochmals destilliert und, unter Wasser geschmolzen, in Glasröhren geformt.

Durch Verbrennung des Phosphors entsteht wasserfreie Phosphorsäure P_2O_5 , ein fester Körper, welcher weiße, schneeähnliche Flocken bildet. Derselbe vereinigt sich, wie die wasserfreie Schwefelsäure, unter lebhafter Wärmeentwicklung mit Wasser zu flüssiger Phosphorsäure H_3PO_4 :



Durch unvollständige Oxydation des Phosphors entstehen phosphorige und unterphosphorige Säure.

Um die Streichhölzer leicht und sicher zum Brennen zu bringen, taucht man dieselben bei der Anfertigung zuerst in geschmolzenen Schwefel, ehe man sie mit der Zündmasse versieht, die ursprünglich in einem Brei aus 1 Gwt. Phosphor, 3 Gwt. Dextrin, 40 Gwt. Mennige und 5 Gwt. Salpetersäure besteht. Beim Anstreichen entzündet sich zuerst der Phosphor, dann der Schwefel und endlich das Holz. Brennender Phosphor allein vermag dasselbe nicht zu entzünden, weil die bei der Verbrennung entstehende Phosphorsäure, ein festes Produkt, das Holz überzieht und vor dem Zutritt der Luft schützt. Die schwefelfreien Streichhölzer werden zur Entzündung des Holzes vorher an dem einen Ende durch Auflegen auf eine glühende Platte etwas angebrannt. Die Zündmasse der sogenannten schwedischen Streichhölzer besteht aus Kaliumchlorat und Schwefel, während die Reibfläche mit einem Gemenge von rotem Phosphor und Schwefelantimon versehen ist.

Beim Experimentieren mit Phosphor ist wegen der leichten Entzündlichkeit und Giftigkeit desselben große Vorsicht anzuraten.

§ 19e. Der Kohlenstoff, $\text{C} = 12$, ist sehr verbreitet in der Natur;

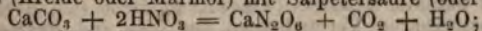
er ist in allotropen Zuständen als Holzkohle, Steinkohle, tierische Kohle, krystallisiert als Graphit und Diamant bekannt (§ 26). Im gebundenen Zustande kommt er in der Kohlensäure vor und als wesentlicher Bestandteil aller Tier- und Pflanzenstoffe und der fossilen Reste derselben.

Der Diamant ist Kohlenstoff in vollkommen reinem, krystallisiertem Zustande, der härteste aller Körper, vom spez. Gew. 3,5, unschmelzbar, in Sauerstoff verbrennbar zu Kohlensäure. — Der Graphit, Reifsblei, ebenfalls reiner, krystallinischer Kohlenstoff, grauschwarz, metallisch glänzend, vom spez. Gew. 2,5, wird mit Thon vermischt zu feuerfesten Schmelztiegeln verwandt.

Die organischen Stoffe werden in der Glühhitze zerstört und der größte Teil ihres Kohlenstoffgehaltes bleibt, bei Ausschluss der Luft, als organische Kohle zurück, als Holzkohle durch Verkohlung des Holzes in Meilern, als Coaks durch Destillation der Steinkohle, als tierische Kohle durch Verkohlung von Tierstoffen. Diese Arten von Kohle sind sehr porös und zeichnen sich durch ihr Absorptionsvermögen für Gase aus: 1 Vol. dichter Holzkohle absorbiert bei 0° und gewöhnlichem Luftdruck 171 Vol. Ammoniak, 68 Vol. Kohlensäure und 18 Vol. Sauerstoff (§ 107). Aus Flüssigkeiten nimmt die poröse Kohle, besonders die Knochenkohle, manche Farbestoffe, sowie riechende und faulende Substanzen auf; pulverisierte Knochenkohle mit Rotwein oder einer Farbholzbrühe gekocht und filtriert giebt eine farblose Flüssigkeit, daher ihre Anwendung zur Entfärbung des Zuckersirups, zum Trinkbarmachen verdorbenen Wassers (Kohlenfilter) u. s. f.]

Kohlenstoff verbrennt an der Luft zu Kohlensäure CO_2 , Kohlendioxyd, einem farblosen Gase, welches schwerer ist als atmosphärische Luft, — spec. Gew. 1,53, — und zur Unterhaltung der Atmung und Verbrennung untauglich ist. Von Wasser wird dasselbe bei niedriger Temperatur, und namentlich unter erhöhtem Druck ziemlich leicht absorbiert und erteilt demselben einen angenehmen, schwach säuerlichen Geschmack. 1 Vol. Wasser nimmt bei 15° 1 Vol. des Gases auf; bringt man dasselbe unter höherem Druck mit Wasser in Verbindung, so absorbiert das Wasser stets nur 1 Vol. des zusammengepressten Gases, aber dem Druck entsprechend eine größere Gewichtsmenge; hört der Druck auf, so entweicht die Kohlensäure mit Heftigkeit. Lackmuspapier wird in kohlensäurehaltigem Wasser schwach rot gefärbt, erhält aber beim Stehen an der Luft wieder die blaue Farbe, weil sich die Kohlensäure verflüchtigt. —

In vulkanischen Gegenden strömt die Kohlensäure in großer Menge aus der Erde (Hundsgrotte bei Neapel), auch findet sie sich in Bergwerken unter dem Namen der bösen Wetter, ferner in geringer Menge in der atmosphärischen Luft (§ 19). Der Sauerstoff der Luft wird beim Atmen in der tierischen Lunge oxydiert und als Kohlensäure ausgeatmet. Ein Mensch atmet in 24 Stunden gegen 1 kg oder 500 l Kohlensäure aus; dagegen atmen die Pflanzen Kohlensäure ein und Sauerstoff aus. — Um die Kohlensäure ganz rein zu erhalten, übergießt man Calciumkarbonat (Kreide oder Marmor) mit Salpetersäure (oder Salzsäure):



die Entwicklung geschieht in einem Apparat wie Figur 4.

Durch unvollständige Verbrennung der Kohle, bei mangelhaftem Luftzutritt, entsteht das brennbare, bei der Einatmung äußerst giftig wirkende Kohlenoxydgas CO . Dasselbe verbrennt mit blauer Flamme zu Kohlendioxyd.

Das Oxyd des Siliciums, die Kieselsäure SiO_2 , bildet einen Hauptbestandteil der meisten krystallinischen Gesteine (Silikate), aus welchen die feste Erdrinde zusammengesetzt ist. Es gehören hierher Feldspat, Glimmer, Granit, Gneis, Thon u. a. Im reinen Zustand kommt die Kieselsäure als Quarz, krystallisiert als Bergkrystall vor.

§ 19f. Chlor, Brom, Jod, Fluor. Diese vier Grundstoffe zeigen in ihrem chemischen Verhalten eine große Ähnlichkeit und bilden die be-

sondere Gruppe der Halogene oder Salzbildner, weil sie sich mit den Metallen unmittelbar zu salzartigen Verbindungen vereinigen, welche zum Unterschied von den Sauerstoffsalzen (§ 20b) als Haloidsalze bezeichnet werden (§ 20a).

A. Das Chlor, $\text{Cl} = 35,5$, ist ein grünlichgelbes Gas von eigentümlichem, erstickendem Geruch, beim Einatmen in geringer Menge stark zum Husten reizend. Wegen seiner zerstörenden Einwirkung auf organische Farbstoffe und miasmatische Ausdünstungen ist dasselbe vielfach als Bleich- und Desinfektionsmittel in Gebrauch (Eau de Javelle). Seine zerstörende Wirkung auf organische Stoffe ist darauf zurückzuführen, daß es diesen den Wasserstoff entzieht und sich mit demselben zu Salzsäure HCl (§ 20a) verbindet. Chlor dient zum Bleichen von Baumwolle; tierische Wolle, Seide u. a. werden durch Chlor gelb gefärbt; das Bleichmittel für diese ist schweflige Säure (§ 19c). — Das Chlor ist in der Natur sehr verbreitet, kommt jedoch niemals im freien Zustande, sondern in Verbindung mit Metallen, hauptsächlich mit Natrium als Kochsalz (Steinsalz, Seesalz) vor. Zu seiner Darstellung wird grob gepulverter Braunstein (Mangansuperoxyd) mit Salzsäure (Chlorwasserstoff), in einer Kochflasche erwärmt, wobei sich zugleich Manganchlorür ergibt:



Das Chlorgas ist in Wasser löslich; diese Löslichkeit aber verringert sich mit zunehmender Wärme; darum fängt man das Chlorgas über lauwarmem Wasser auf. Auch empfiehlt es sich, zwischen Entwicklungskolben und Entbindungsrohr eine teilweise mit Wasser gefüllte mehrhalsige Flasche (Fig. 4) einzuschieben, in welcher die etwa mit dem Chlor fortgerissene Salzsäure im Wasser gelöst und festgehalten wird.

B. Das ebenfalls im Meerwasser und in manchen Solquellen (Kreuznach) in geringer Menge enthaltene Brom, $\text{Br} = 80$, bildet eine leicht flüchtige, dunkel rotbraune Flüssigkeit, deren rotbrauner Dampf bei sehr unangenehmem Geruch ähnliche Wirkungen besitzt wie Chlor, und welche schon bei 58° unter Entwicklung tiefbraunroter Dämpfe siedet.

C. Das ebenfalls im Meerwasser enthaltene Jod, $\text{J} = 127$, ist bei gewöhnlicher Temperatur ein fester, dunkelgrauer, krystallinischer, metallglänzender Körper, welcher sich bei gewöhnlicher Temperatur allmählich mit eigentümlichem Geruch verflüchtigt, bei 107° schmilzt und bei 175° unter Entwicklung eines prachtvoll violett-blauen Dampfes siedet. Es färbt die Haut braun und ist giftig.

Im Wasser löst sich Jod sehr wenig, reichlicher in Alkohol, vollkommen in Schwefelkohlenstoff und zwar mit roter Farbe. Setzt man zu einer Lösung, welche freies Jod enthält, Stärkekleister, so färbt sich derselbe dunkelblau. — Die leicht zersetzbaren Verbindungen des Jods und Broms mit dem Silber finden namentlich in der Photographie (§ 152) Anwendung.

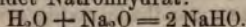
D. Das Fluor, $\text{Fl} = 19$, ist der einzige Grundstoff, der bisher in freiem Zustande mit Sicherheit nicht hat dargestellt werden können. Es findet sich im Flußspat (CaFl_2) und einigen anderen Mineralien, auch im Schmelz der Zähne.

§ 20. Metalloxyde, basische Oxyde. Die Metalle besitzen einen sehr verschiedenen Grad der Verwandtschaft zum Sauerstoff. Während sich die meisten Leichtmetalle schon bei gewöhnlicher Temperatur mit demselben vereinigen und deshalb zum Schutz gegen Oxydation unter

Steinöl, einer Verbindung von Wasserstoff und Kohlenstoff, in welcher also der Sauerstoff ganz fehlt, aufbewahrt werden müssen, erfolgt die Oxydation der Schwermetalle erst bei erhöhter Temperatur, oder nur langsam und auf indirektem Wege, z. B. durch Berührung mit Wasser (Rosten des Eisens) und mit Säuren. Die Edelmetalle besitzen die geringste Verwandtschaft zum Sauerstoff. Ihre Oxyde zerfallen schon durch erhöhte Temperatur in Metall und Sauerstoff (§ 19).

Sind mehrere Oxydationsstufen eines Metalls bekannt, so werden die niedrigste in der Regel als Oxydul oder Suboxyd, die zweite als Oxyd, die höheren als Superoxyde bezeichnet; manche Metalle besitzen auch säurebildende Oxyde (§ 19), z. B. Manganoxydul MnO , Manganoxyd (-sesquioxyd) Mn_2O_3 , Mangansuperoxyd (-dioxyd, Braunstein) MnO_2 , Mangansäure MnO_3 , Übermangansäure Mn_2O_7 . Die meisten Metalloxyde besitzen die Eigenschaft, in Berührung mit Säuren Salze zu bilden (§ 20b) und heißen dann basische Oxyde oder Basen.

Zu den basischen Oxyden gehören insbesondere die Oxyde der Alkalimetalle (K, Na, Rb, Cs, Li). Diese Metalle besitzen eine sehr große Verwandtschaft zum Sauerstoff und zersetzen das Wasser bei gewöhnlicher Temperatur (§ 19a), ihre Oxyde sind die stärksten Basen und im Wasser sehr leicht löslich, indem sie sich mit demselben zu Hydraten (Hydrooxyden) oder sogenannten Alkalien verbinden, so bildet z. B. Kaliumoxyd oder Kali (K_2O) Kalihydrat, Natriumoxyd oder Natron (Na_2O) bildet Natronhydrat:

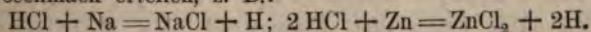


Ihre kohlen-sauren Salze sind ebenfalls leicht löslich. Die wässrigen Lösungen der Alkalien haben einen laugenhaft ätzenden (alkalischen) Geschmack und alkalische Reaktion, d. h. die Eigenschaft, durch Säuren gerötetes Lackmuspapier wieder blau zu färben (§ 19).

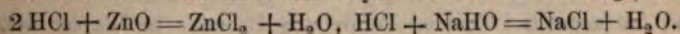
Die Metalle der alkalischen Erden (Ca, Sr, Ba, Mg) bilden basische Oxyde, welche in Wasser nur sehr wenig löslich sind und mit Kohlensäure unlösliche Verbindungen bilden, unter denen die wichtigste das Calciumkarbonat, die kohlen-saure Kalkerde (Kalkstein, Kalkspat, Marmor) $Ca CO_3$ ist.

Die Metalle der Erden (vorzugsweise Aluminium) haben geringe Verwandtschaft zum Sauerstoff; ihre Oxyde sind farblos, schwache Basen und im Wasser unlöslich.

§ 20a. Wasserstoffverbindungen. A. Der Wasserstoff bildet mit Chlor, Jod, Brom und Fluor (§ 20) gasförmige Verbindungen (HCl , HJ , HBr , HF), welche vom Wasser leicht und in großer Menge aufgenommen werden und demselben einen intensiv sauren Geschmack und saure Reaktion, d. h. die Eigenschaft erteilen, blaues Lackmuspapier zu röten (s. oben § 19). Die Lösungen dieser Gase in Wasser sind unter dem Namen Chlorwasserstoffsäure (Salzsäure), Jodwasserstoffsäure u. s. w. bekannt. Viele Metalle vermögen aus diesen Säuren den Wasserstoff abzuscheiden, indem sie an seine Stelle treten und sich mit dem Chlor, Jod, . . . zu Chloriden, Jodiden, . . . oder Haloidsalzen vereinigen, die meist in Wasser auflöslich sind und demselben einen salzigen Geschmack erteilen, z. B.:



* Bei Berührung der genannten Säuren mit basischen Metalloxyden findet ein gegenseitiger Austausch der Bestandteile statt, indem das Metall an die Stelle des Wasserstoffs der Säure tritt, und dieser sich mit dem Sauerstoff des Oxyds zu Wasser vereinigt, z. B.:



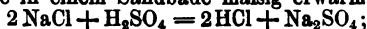
Die Säuren und Alkalien neutralisieren bei dieser Vereinigung ihre Eigenschaften gegenseitig. Der saure Geschmack der Chlorwasser-

stoffsäure und der alkalische Geschmack der Natronlösung ($\text{Na}_2\text{O} + \text{H}_2\text{O} = 2\text{NaHO}$) ist verschwunden und an seine Stelle ein rein salziger getreten, der von dem gebildeten Chlornatrium oder Kochsalz herrührt. Ebenso ist die saure und alkalische Reaktion verschwunden, Lackmuspapier wird durch die entstandene Salzlösung weder gerötet noch gebläut.

Bei dieser Wechselwirkung der Säuren und basischen Metalloxyde treten die Atome mancher Metalle, wie z. B. Na, anstelle je eines Wasserstoffatoms, andere, wie Zn, vermögen zwei, ja selbst drei und vier Wasserstoffatome zu ersetzen, oder sich mit 2, 3, 4 Chloratomen zu vereinigen (NaCl , ZnCl_2 , AuCl_3 , SnCl_4). Man unterscheidet demnach 1-, 2-, 3-, 4-wertige Metalle. Die Bildung der Chloride, Jodide, . . kann auch durch direkte Vereinigung der Metalle mit Chlor, Jod, . . erfolgen.

Chlorwasserstoff HCl , ein farbloses, sauer riechendes Gas vom Gew. 1,26, raucht stark an der Luft, indem es sich mit dem Wasserdampf derselben zu einer Flüssigkeit verbindet. Das Gas wird vom Wasser absorbiert, und zwar nimmt 1 Vol. Wasser bei 15° 448 Vol. des Gases auf, damit die sogenannte flüssige Salzsäure bildend. Die reine und mit Gas völlig gesättigte Salzsäure raucht etwas an der Luft und entläßt beim Erwärmen salzsaures Gas, bis sie bei 110° siedet. Die dann erhaltene Flüssigkeit raucht nicht an der Luft und enthält 20 Prozent Chlorwasserstoff.

Zur Darstellung der reinen Salzsäure wird Kochsalz unter allmählichem Zusatz von Schwefelsäure in einem Sandbade mäßig erwärmt:



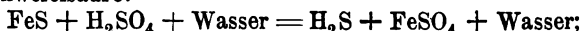
das entweichende Chlorwasserstoffgas wird in einer Woulfschen Flasche (Fig. 4) von Wasser absorbiert; das Rohr *b* dient bei zu schneller Absorption des Gases als Sicherheitsrohr. Chlorwasserstoffgas wird über Quecksilber aufgefangen. — Das Königswasser, ein Gemenge von 3 Vol. Salzsäure und 1 Vol. Salpetersäure, dient zur Auflösung von Gold und Platin: es verdankt seine auflösende Eigenschaft dem freiwerdenden Chlor.

Fluorwasserstoffsäure, Flußsäure HF , wird erhalten durch Erwärmen von Flußspat mit Schwefelsäure in Platin- oder Bleigefäßen:

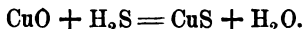


Es entwickelt sich ein farbloses, an der Luft weiße Nebel bildendes Gas, welches sich durch starke Abkühlung zu einer farblosen, an der Luft rauchenden Flüssigkeit verdichtet. Durch die Flußsäure, sowohl als Gas wie als Flüssigkeit, werden die Atmungsorgane angegriffen, darum ist bei ihrer Entwicklung Vorsicht zu empfehlen. Flußsäure dient zur Auflösung der Kieselsäure (§ 19e) und wird darum zum Einätzen von Schrift und Zeichnungen in Glas angewandt. Zu ihrer Aufbewahrung dienen Gefäße von Kautschuk.

B. Mit Schwefel vereinigt sich der Wasserstoff zu Schwefelwasserstoffgas H_2S , welches höchst unangenehm, wie faule Eier riecht, farblos und brennbar ist, giftige Eigenschaften besitzt, sich ziemlich leicht in Wasser auflöst und demselben seinen Geruch und Geschmack mitteilt. Die Lösung hat eine schwach saure Reaktion. Zur Darstellung übergießt man in einer Gasentwickelflasche Schwefeleisen (§ 15) mit verdünnter Schwefelsäure:



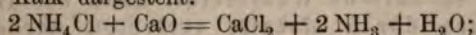
es bildet sich dabei Ferrosulfat, Eisenvitriol. Mit Metalloxyden zer setzt sich der Schwefelwasserstoff in ähnlicher Weise, wie die unter A genannten Säuren, indem er Schwefelmetalle (Sulfide) und Wasser bildet, z. B.:



Während die meisten Chloride, Jodide und Bromide in Wasser auflöslich sind, sind die Sulfide der Schwermetalle unlöslich in Wasser, der Schwefelwasserstoff erzeugt daher in den Lösungen vieler Metallsalze unlösliche

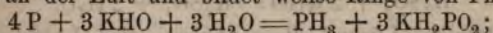
Niederschläge von Schwefelmetall, welche ihn zur Auffindung gewisser Metalle in ihren Lösungen besonders geeignet machen; so erhält man durch Schwefelwasserstoff in einer Auflösung von Kupfervitriol einen dunkelbraunen, von Zinkvitriol einen weissen, von weissem Arsenik einen gelben Niederschlag. — Die Sulfide können auch durch direkte Vereinigung der Metalle mit Schwefel dargestellt werden. (§ 15).

C. Mit Stickstoff bildet der Wasserstoff das Ammoniak NH_3 , eine gasförmige Verbindung von charakteristischem, stechendem Geruch, welches von kaltem Wasser in grosser Menge absorbiert wird, bei 0° nimmt 1 Vol. Wasser 1050, bei 15° 727 Vol. Ammoniak auf, (vergl. §§ 107, 212). Das Ammoniak wird durch Erhitzen von Salmiak (s. u.) mit gebranntem Kalk dargestellt:



das Gas wird über Quecksilber aufgefangen. Die wässrige Lösung, Salmiakgeist, zeigt eine stark alkalische Reaktion und bildet mit Säuren salzartige Verbindungen, als ob sie ein basisches Oxyd ($2 \text{NH}_3 + \text{O}$) enthielte, in welchem die Atomgruppe NH_4 , Ammonium, die Stelle eines einwertigen Metalls vertritt, z. B. Ammoniumchlorid oder Salmiak $\text{NH}_4\text{Cl} = \text{NH}_3 + \text{HCl}$. Man nennt eine solche Atomgruppe, welche in ihren Verbindungen ein einfaches Metall zu ersetzen vermag, ein zusammengesetztes Radikal.

D. Phosphorwasserstoff PH_3 . Von den Verbindungen des Phosphors mit Wasserstoff ist PH_3 ein farbloses, unangenehm riechendes Gas, welches sich an der Luft von selbst entzündet, indem es mit hellleuchtender Flamme zu Phosphorsäure (§ 19d) und Wasser verbrennt. Zur Darstellung des Gases erhitzt man vorsichtig (in einem Sandbade) in einem weithalsigen Kochfläschchen Phosphor mit Kalilauge und leitet das sich entwickelnde Gas in warmes Wasser: jede aufsteigende Gasblase entzündet sich an der Luft und bildet weisse Ringe von Phosphorsäure:

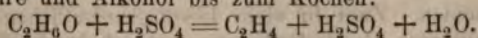


das Nebenprodukt ist Kaliumhypophosphit. Um eine Explosion zu verhüten, ist es ratsam, aus der Entwicklungsflasche erst die Luft zu entfernen, etwa dadurch, daß man ein indifferentes Gas (Wasserstoff- oder Leuchtgas) durchleitet und dann erst die Kalilauge erhitzt.

E. Verbindungen des Wasserstoffs mit Kohlenstoff sind sehr zahlreich; die meisten derselben gehören in das Gebiet der organischen Chemie. Hier werden nur betrachtet:

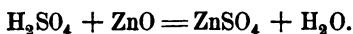
1. Das Sumpfgas, Grubengas CH_4 , farblos und geruchlos, vom Gew. 0,55, mit schwach leuchtender Flamme brennend. Es entsteht bei Verwesung organischer Stoffe unter Wasser, in Sümpfen, und findet sich fertig gebildet in Steinkohlengruben, wo es mit Luft (10 Vol.) gemischt zu heftigen Explosionen führt (schlagende Wetter).

2. Das ölbildende Gas C_2H_4 , farblos, unangenehm riechend, brennbar mit hellleuchtender Flamme, vom Gew. 0,97, in Wasser unlöslich. Es ist ein wichtiger Gemengteil des Leuchtgases und bedingt zum Teil die Leuchtkraft desselben. Um es rein zu erhalten, erhitzt man ein Gemenge von Schwefelsäure und Alkohol bis zum Kochen:



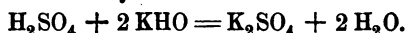
§ 20b. Sauerstoffsäuren und Sauerstoffsalze. Wie der Wasserstoff mit Chlor, Jod, Brom u. s. w. Säuren bildet, welche durch

ihren sauren Geschmack, durch die Eigenschaft, Pflanzenfarbstoffe zu röten und mit Metalloxyden salzartige Verbindungen zu erzeugen, charakterisiert sind, so tritt derselbe auch mit gewissen zusammengesetzten sauerstoffhaltigen Atomgruppen zu Verbindungen zusammen, welche ganz ähnliche Eigenschaften besitzen und Sauerstoffsäuren genannt werden. Man kann sich dieselben durch die Vereinigung säurebildender Oxyde (sogenannter wasserfreier Säuren) mit Wasser entstanden denken. So entsteht, wie oben gezeigt, die Schwefelsäure H_2SO_4 (§ 19c) durch Vereinigung der Verbindung SO_3 , die Salpetersäure HNO_3 (§ 19b) durch Vereinigung der Verbindung N_2O_5 , die Phosphorsäure H_3PO_4 (§ 19d) durch Vereinigung der Verbindung P_2O_5 mit Wasser. Der in diesen Säuren enthaltene Wasserstoff kann wie in der Chlorwasserstoffsäure durch Metalle vertreten werden, wodurch Sauerstoffsalze dieser Metalle entstehen. So löst sich z. B. Zink in verdünnter Schwefelsäure unter Entwicklung von Wasserstoff auf (§ 19a), und die Lösung enthält Zinksulfat ($\text{H}_2\text{SO}_4 + \text{Zn} = \text{ZnSO}_4 + 2\text{H}$), wobei wieder ein Zinkatom anstelle von zwei Wasserstoffatomen getreten ist. Bei Berührung von Sauerstoffsäuren mit Metalloxyden werden durch gegenseitigen Austausch der Bestandteile Metallsalze und Wasser gebildet:

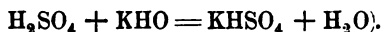


Die so entstandenen Metallsalze erhalten ihre Namen von den Säuren und Metalloxyden, durch deren Wechselwirkung sie entstanden sind, z. B. Zinksulfat (schwefelsaures Zinkoxyd), Kaliumnitrat (salpetersaures Kali).

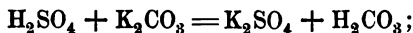
Die Sauerstoffsäuren und Alkalien neutralisieren durch ihre Vereinigung zu Salzen ihre Eigenschaften gegenseitig. So entsteht durch Vermischung von Schwefelsäure und Kalihydrat neutrales schwefelsaures Kali:



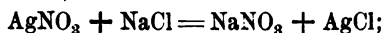
Durch die entstandene Lösung dieses Salzes wird Lackmuspapier weder gerötet noch gebläut, der saure und alkalische Geschmack ist verschwunden und ein salziger Geschmack an seine Stelle getreten. (Ist die vorhandene Kalimenge zur Neutralisation der Schwefelsäure nicht hinreichend, so entsteht saures schwefelsaures Kali, in welchem nur ein Wasserstoffatom der Säure durch Kalium ersetzt ist:



Eine stärkere Säure vermag die schwächere aus ihren Verbindungen zu verdrängen; so entsteht durch Einwirkung von Schwefelsäure auf kohlensaures Kali schwefelsaures Kali und Kohlensäure:



letztere Verbindung zerfällt aber sogleich in Wasser H_2O und Kohlensäuregas CO_2 , welches entweicht. — Durch Einwirkung von Schwefelsäure auf Chlornatrium (Kochsalz) entsteht schwefelsaures Natron und Chlorwasserstoffsäure (§ 20a). Ebenso vermag ein basisches Oxyd, welches stärkere basische Eigenschaften besitzt, ein schwächeres aus seiner Verbindung abzuscheiden. Zwei in einer Lösung befindlichen Salze tauschen häufig ihre metallischen Bestandteile aus, wenn dadurch eine unlösliche Verbindung gebildet wird, z. B. Silbernitrat und Chlornatrium:



das gebildete Chlorsilber ist im Wasser unlöslich und fällt als weißer Niederschlag zu Boden, während die Lösung Natriumnitrat enthält.

§ 21. Legierung, Lösung, Löslichkeit. Von den eigentlichen chemischen Verbindungen sind die Mischungen verschiedener Substanzen zu unterscheiden, welche nicht nach bestimmten Gewichtsverhältnissen stattfinden, wie z. B. die durch Zusammenschmelzen verschiedener Metalle entstehenden Metalllegierungen und Amalgame. (Legierungen des Quecksilbers mit anderen Metallen.) Doch sind auch in Metalllegierungen häufig bestimmte chemische Verbindungen enthalten, welche sich beim langsamen Erkalten der geschmolzenen Legierung im krystallinischen Zustand abscheiden (vergl. § 203). Ebenso sind viele Flüssigkeiten in beliebigen Verhältnissen mischbar, ohne bestimmte chemische Verbindungen einzugehen, z. B. Wasser und Weingeist, Weingeist und Äther, fette Öle unter einander u. s. w., während z. B. Wasser und Öl nicht mischbar sind.

Zu diesen unbestimmten Verbindungen sind ferner die Lösungen fester Körper in Flüssigkeiten zu rechnen. Die Metallsalze z. B. sind theils in Wasser auflöslich, wie Chlornatrium, theils unauflöslich, wie schwefelsaures Bleioxyd. Viele Salze werden von heißem Wasser in größerer Menge aufgenommen als von kaltem, wie salpetersaures Kali (Kalisalpeter), schwefelsaures Natron, bei anderen variiert die Löslichkeit nur wenig mit der Temperatur, wie beim Kochsalz. Die Lösung heißt gesättigt, wenn sie so viel von dem aufgelösten Körper enthält, als sie bei der stattfindenden Temperatur aufzunehmen imstande ist. Aus einer heiß gesättigten Salpeterlösung muß sich also beim Erkalten ein Teil des gelösten Salzes in festem Zustand abscheiden. Dasselbe findet statt, wenn die Lösung durch Eindampfen, oder durch allmähliches Verdunsten an der Luft sich bis zur Sättigung konzentriert hat, und die Verdampfung fort dauert.

In 100 Gewichtsteilen Wasser werden bei 0° 36 Teile, bei 100° dagegen 39 Teile Kochsalz gelöst; die Löslichkeit des Glaubersalzes im Wasser erreicht bei 33° C. ein Maximum, so daß die bei dieser Temperatur gesättigte Lösung sich beim Erhitzen trübt, weil alsdann ein Teil des gelösten Salzes in wasserfreiem Zustande ausscheidet.

§ 22. Krystallisation. Geht die Abscheidung eines festen Körpers aus seiner Lösung oder das Erstarren eines geschmolzenen Körpers langsam und ruhig vor sich, so ordnen sich die Moleküle des festen Körpers in regelmäßiger Weise, so daß derselbe eine bestimmte regelmäßige, von ebenen Flächen begrenzte Form annimmt oder einen Krystall bildet. Der Krystall besitzt nicht nur eine äußerlich bestimmte Form, sondern auch eine innerliche regelmäßige Struktur, die sich in einer mehr oder minder leichten und vollkommenen Spaltbarkeit nach bestimmten Richtungen zu erkennen giebt, welche mit der äußeren Form des Krystalls in genauer Beziehung stehen und in der Regel gewissen Krystallflächen parallel sind (Glimmer, Gips, Kalkspat). Feste Körper, welche keine äußerlich regelmäßig ausgebildete Krystallform, aber doch eine regelmäßige innere Struktur besitzen, heißen krystallinisch (Marmor), feste Körper ohne krystallinische Struktur heißen amorph (Glas).

Jeder Krystall ist von ebenen Flächen begrenzt. Die Durchschnittslinien zweier Flächen heißen Kanten, die Endpunkte der Kanten, in welchen drei oder mehrere Krystallflächen zusammenstoßen, Ecken.

Wenn ein Krystall, wie es häufig vorkommt, durch äußere Hindernisse in seiner regelmäßigen Ausbildung gehemmt wird, können sich einige Flächen stärker entwickeln als die anderen, wodurch die Regelmäßigkeit der Krystallform gestört wird; dabei gilt aber das Gesetz, daß die Flächen auch bei ungleichmäßiger Entwicklung immer sich selbst parallel bleiben, mithin auch die Neigungswinkel, unter denen zwei benachbarte Flächen sich durchschneiden, und demnach auch die Kantenwinkel immer genau dieselbe unveränderliche Größe behalten.

§ 23. Die Krystallform ist je nach der chemischen Natur der Stoffe verschieden. Jeder Substanz kommt in der Regel auch eine bestimmte Krystallform zu. Dieselbe ist eine einfache oder zusammengesetzte, jenachdem alle Flächen des Krystalls einander gleichwertig sind, oder verschiedenartige Flächen an demselben Krystall vorkommen. Jede zusammengesetzte Krystallform läßt sich auf eine Kombination mehrerer einfachen Krystallformen zurückführen. Alle einfachen Krystallformen, deren Kombinationen an demselben Krystall vorkommen, lassen sich auf geometrischem Wege von einer gemeinsamen Grundform ableiten, oder gehören demselben Krystallsystem an. Man unterscheidet sechs Krystallsysteme, deren Hauptformen im folgenden zusammengestellt sind. Um die Eigentümlichkeiten der verschiedenen Krystallsysteme deutlich hervortreten zu lassen und die Zurückführung der verschiedenen Formen desselben Systems auf eine Grundform zu erleichtern, denkt man sich im Innern der Krystalle gewisse gerade Linien oder Axen gezogen, welche zwei gleiche gegenüberliegende Ecken, oder die Mitten gegenüberliegender Flächen oder Kanten verbinden. Die Krystallsysteme werden am besten nach den Axensystemen unterschieden, auf welche ihre Formen bezogen werden können.

1. Das reguläre oder gleichaxige System. Drei gleiche, einander rechtwinklig schneidende Axen.
2. Das quadratische oder zwei- und einaxige System. Drei rechtwinklige Axen, von denen zwei einander gleichwertig, die dritte oder Hauptaxe kürzer oder länger ist.
3. Das hexagonale oder drei- und einaxige System. Drei gleiche Axen liegen in einer Ebene und durchschneiden einander unter Winkeln von 60° , die vierte oder Hauptaxe steht auf dieser Ebene senkrecht und ist von der Länge der Nebenaxe unabhängig.
4. Das rhombische oder ein- und einaxige System. Drei rechtwinklige, ungleiche Axen.
5. Das klinorhombische oder zwei- und eingliedrige System. Drei ungleiche Axen, von denen zwei einander unter schiefen Winkeln durchschneiden, die dritte auf ihrer Ebene senkrecht steht.
6. Das klinorhomboidische oder ein- und eingliedrige System. Drei ungleiche, einander schiefwinklig schneidende Axen.

§ 24. 1. Reguläres System. Als Grundform dieses Systems kann das reguläre Oktaeder (Fig. 6) betrachtet werden, welches von acht gleichseitigen Dreiecken begrenzt wird.

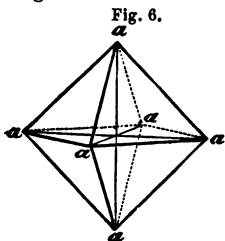


Fig. 6.

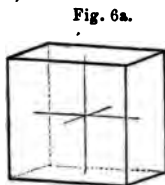


Fig. 6a.

Die drei gleichen rechtwinkligen Axen verbinden je zwei gegenüberliegende Ecken des Krystalls. Alle Kanten und alle Ecken sind unter einander gleichwertig (Alaun).

Eine zweite Form des regulären Systems ist das reguläre Hexaeder oder der Würfel (Fig. 6a), welcher von 6 gleichen quadratischen Flächen begrenzt wird, und in welchem die

Axen die Mittelpunkte je zweier gegenüberliegenden Flächen verbinden. Die Würfflächen entsprechen in ihrer Lage den Ecken des Oktaeders, die Würfecken den Flächen des Oktaeders. In der Kombination beider Formen werden daher die Oktaederecken durch die Würfflächen oder die Würfecken durch die Oktaederflächen abgestumpft (Steinsalz).

Das Rhombendodekaeder oder Granatoeder (Fig. 7) wird von 12 Rhombenflächen begrenzt, welche in ihrer Lage sowohl den 12 Kanten des Oktaeders als denen des Würfels entsprechen. Alle 24 Kanten sind einander gleich, dagegen sind zwei verschiedene Arten von Ecken vorhanden, von denen die 6 spitzeren, vierkantigen in ihrer Lage den Oktaederecken, die 8 stumpferen, dreikantigen den Würfecken entsprechen. Um den Zusammenhang der drei Formen noch deutlicher zu übersehen, bemerke man, daß, wenn man sich in den 12 Rhombenflächen des Dodekaeders die längeren Diagonalen gezogen denkt, dieselben den Oktaederkanten, die 12 kürzeren Diagonalen dagegen den Würfelkanten in ihrer Lage entsprechen. Das Rhombendodekaeder tritt daher in seiner Kombination mit dem Würfel oder Oktaeder als Abstumpfung der Kanten dieser Formen auf (Granat).

Hemiëdrische Formen des regulären Systems. Unter hemiëdrischen Krystallformen versteht man solche Formen, die aus einem vollflächigen oder holoeëdrischen Krystall dadurch entstehen, daß die abwechselnden Flächen desselben sich bis zum Verschwinden der anderen Hälfte der Flächen ausdehnen. So entsteht das Tetraeder (Fig. 8) durch hemiëdrische Ausbildung der abwechselnden Flächen des (in der Figur hineingezeichneten) Oktaeders. Während bei holoeëdrischen Krystallen jeder Fläche eine gegenüberliegende parallele Fläche entspricht, sind beim Tetraeder, welches von vier gleichseitigen Dreiecken begrenzt wird, keine parallelen Flächen vorhanden. Das Tetraeder gehört also zu der nicht parallelfächigen hemiëdrischen Abteilung des regulären Krystallsystems, während eine andere Gruppe von Krystallformen parallelfächige Hemiëdrie zeigt. In Verbindung mit dem Würfel erscheint das Tetraeder als Abstumpfung von 4 abwechselnden Würfecken (Boracit § 286).

Fig. 7.



Fig. 8.



§ 25. 2. Quadratisches System. Die Grundform ist das Quadratoktaeder oder die doppelt vierseitige Pyramide mit quadratischer Basis (Fig. 9). Dasselbe wird von 8 gleichschenkligen Dreiecken begrenzt, deren Spitzen zu je vier in einem Endpunkt der Hauptaxe zusammentreffen und die beiden Ecken aa bilden, welche von den vier Seitenecken bb , den Endpunkten der Nebenaxen, verschieden sind. Die Kanten sind ebenfalls zweierlei, nämlich 8 gleiche Endkanten und 4 unter sich gleiche, aber von jenen verschiedene Seitenkanten. Eine zweite Form dieses Systems ist die quadratische Säule (Fig. 9a), welche an den Enden entweder jederseits durch eine zur Hauptaxe senkrechte Endfläche, oder durch eine vierseitige Pyramide (als Kombination mit dem Quadratoktaeder) begrenzt sein kann.

Fig. 9.

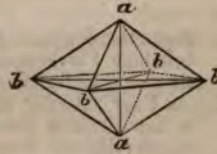


Fig. 9a.



Fig. 10.

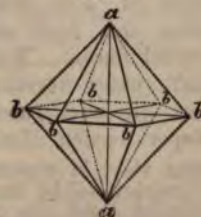


Fig. 10a.



3. Hexagonales System. Die Grundform ist das Dihexaeder oder die doppelt sechsseitige Pyramide (Fig. 10). Dasselbe wird von 12 gleichschenkligen Dreiecken begrenzt, deren Spitzen zu je 6 in den beiden Endpunkten der Hauptaxe zusammenstoßen und die sechs kantigen Ecken bilden. Die 6 Seitenkanten begrenzen als Basis ein regelmäßiges

Sechseck. Eine zweite Form ist die sechseckige Säule, die an den Enden entweder jederseits durch eine zur Säulenaxe senkrechte Endfläche oder, in Kombination mit dem Dihexaeder, durch sechseckige Pyramiden begrenzt sein kann (Bergkrystall Fig. 10a).

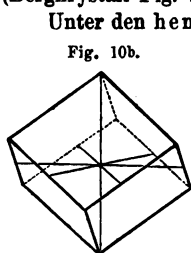


Fig. 10b.

Unter den hemiédrischen Formen des hexagonalen Systems ist die wichtigste das Rhomboeder (Fig. 10b), welches durch hemiédrische Ausbildung der abwechselnden Flächen des Dihexaeders entsteht und von 6 Rhombenflächen begrenzt wird. Die Kanten sind zweierlei, nämlich 6 Endkanten, welche zu je drei in den Endecken, den Endpunkten der Hauptaxe, zusammentreffen, und 6 im Zickzack laufende Seitenkanten. Die drei unter Winkeln von 60° sich schneidenden Nebenaxen verbinden die Mitten je zweier gegenüberliegenden Seitenkanten des Rhomboeders. Das Rhomboeder ist die Hauptkrystallform des Kalkspats, bei welchem die beiden Endecken die stumpferen, die Seitenecken die spitzeren sind (vergl. § 184). Eine hemiédrische Form der sechseckigen Säule ist die dreiseitige Säule. (Vergl. ferner §§ 194 und 286).

Die Krystalle des quadratischen und hexagonalen Systems stimmen in dem gemeinsamen Merkmal einer Hauptaxe und in ihren optischen Eigenschaften überein (§ 185).

4. Rhombisches System. Die Grundform ist ein Oktaeder mit rhombischer Basis (Fig. 11), welches von 8 ungleichseitigen Dreiecken begrenzt wird. Da alle 3 Axen ungleich sind, so sind dreierlei verschiedene Ecken und auch drei Arten von Kanten enthalten. Außerdem kommen in diesem System drei Gruppen von Säulen mit rhombischer Basis und dreierlei Endflächen vor, welche auf den drei Axen senkrecht stehen (Schwefel, Salpeter).

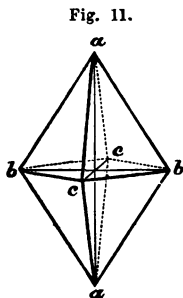


Fig. 11.

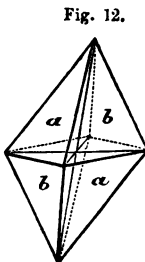


Fig. 12.

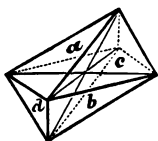


Fig. 13.

5. Klinorhombisches System. Als Grundform kann ein Oktaeder mit rhombischer Basis (Fig. 12) betrachtet werden, dessen Pyramidenaxe gegen die Basis unter schieferm Winkel geneigt ist. Die Flächen desselben sind aber nicht gleichwertig, und dasselbe muß in der That als eine Kombination zweier schiefen rhombischen Säulen ($a a$, $b b$) aufgefaßt werden. Überhaupt kommen in diesem Krystallsystem keine für sich geschlossenen Formen mehr vor, sondern nur rhombische Säulen und einzelne Endflächen (Gips).

6. Im klinorhomboidischen System endlich sind immer nur zwei parallele gegenüberliegende Flächen gleichwertig. Man kann sich zwei beliebige Flächenpaare zu einer Säule mit rhomboidischer Basis und schiefer Axe kombiniert denken, welche durch ein drittes Paar schiefer Endflächen begrenzt wird. Es herrscht also in den Formen dieses Krystallsystems die geringste Symmetrie (Kupfervitriol). Das Oktaeder (Fig. 13) wird von vier verschiedenen ungleichwertigen Flächenpaaren gebildet.

§ 26. Dimorphismus und Isomorphismus. In der Regel kommt jeder chemischen Verbindung eine bestimmte, einfache oder zusammengesetzte Krystallform zu, oder die verschiedenen an ihr vorkommenden Krystallformen lassen sich doch auf eine und dieselbe Grundform eines Krystallsystems zurückführen. Manche Stoffe besitzen aber die merkwürdige Eigenschaft, unter verschiedenen Umständen zweierlei Krystallformen anzunehmen, die zwei ganz verschiedenen Krystallsystemen angehören. Solche Körper werden dimorph genannt.

Der Dimorphismus steht in engem Zusammenhang mit der chemischen Erscheinung der Allotropie, welche darin besteht, daß ein und derselbe Körper unter gewissen Umständen durch eine veränderte Anordnung seiner Moleküle verschiedene physikalische Eigenschaften erlangen und ein verschiedenes chemisches

Verhalten zeigen kann. Solche allotrope und zugleich dimorphe Körper sind z. B. der Kohlenstoff, welcher als Diamant im regulären, als Graphit im hexagonalen Systeme krystallisiert; der Schwefel, welcher in der Natur in Rhombenoktaedern krystallisiert vorkommt und auch aus seiner Auflösung in Schwefelkohlenstoff in Krystallen dieser Form erhalten wird, während der geschmolzene Schwefel beim Erstarren klinorhombische Säulen bildet; ferner der kohlen saure Kalk, welcher als Kalkspat in der rhomboedrischen Abteilung des hexagonalen Systems krystallisiert, als Arragonit dagegen in Formen des rhombischen Systems. Der Phosphor (§ 19d) färbt sich rot, wenn er dem Sonnenlicht unter Wasser ausgesetzt wird, ebenso wenn er in einer indifferenten Gasart (Wasserstoff oder Leuchtgas) längere Zeit stark erhitzt wird. Es bildet sich ein fester, roter Körper, der ganz verschieden ist vom gelben Phosphor. Dieser rote Phosphor ist geruch- und geschmacklos, im Dunkeln nicht leuchtend, in Schwefelkohlenstoff unlöslich, nicht giftig, vom spec. Gew. 2,2; er entzündet sich erst bei 260°.

Umgekehrt kommt es nicht selten vor, daß zwei verschiedene chemische Verbindungen von analoger Zusammensetzung in derselben Form krystallisieren. Solche Körper heißen isomorph.

So fand Mitscherlich, daß die schwefelsauren, selsauren, chromsauren und mangansauren Salze derselben Basis (z. B. K_2SO_4 , K_2SeO_4 , K_2CrO_4 , K_2MnO_4) isomorph sind; ebenso die phosphorsauren und arsensauren Salze. Thonerde, Eisenoxyd und Chromoxyd (Al_2O_3 , Fe_2O_3 , Cr_2O_3) krystallisieren in Rhomboedern mit gleichen Kantenwinkeln, ferner die kohlen sauren Salze der Kalkerde, Talkerde, (Magnesiumoxyd), des Eisenoxyduls, Manganoxyduls und Zinkoxyds. Isomorphe Körper vermögen sich öfters in ihren Verbindungen gegenseitig zu vertreten und kommen in Mineralien häufig zusammenkrystallisiert vor, wie z. B. kohlen saure Kalkerde und Magnesia im Bitterspat oder Dolomit, welcher nicht selten auch kohlen saures Eisen- und Manganoxydul enthält.

Dritter Abschnitt.

Mechanik.

§ 27. Die Mechanik behandelt im allgemeinen die Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung der Körper. Man unterscheidet die Statik oder Lehre vom Gleichgewicht und Dynamik oder Lehre von der Bewegung.

Die Hydromechanik behandelt insbesondere die Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung tropfbar flüssiger, die Aeromechanik oder Pneumatik die Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung luftförmiger Körper. Erstere zerfällt in Hydrostatik und Hydrodynamik (Hydraulik), letztere in Aerostatik und Aerodynamik.

A. Allgemeine Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung, insbesondere Statik und Dynamik fester Körper.

§ 28. Ruhe und Bewegung. Ein Körper ruht, wenn er seine Lage im Raum unveränderlich beibehält, er bewegt sich, wenn er dieselbe verändert. Wir beurteilen die Ruhe oder Bewegung eines Körpers zunächst nach der Änderung seiner Lage gegen die umgebenden Körper, indes ist unser Urteil hierbei vielfachen Täuschungen ausgesetzt, da von vornherein nicht feststeht, welcher von zwei Körpern, die ihre gegen-

seitige Lage ändern, der ruhende und welcher der bewegte sei, oder ob sich endlich beide bewegen. Da wir stets nur die relative Ruhe und Bewegung der Körper beobachten können, so sind wir nicht selten geneigt, den ruhenden Körper für den bewegten zu halten und umgekehrt.

Täuschungen bei Kahn- und Eisenbahnfahrten. — Am unwiderstehlichsten ist die Täuschung, vermöge deren uns der Erdboden mit den auf demselben befindlichen Körpern zu ruhen und die Himmelskugel mit den Gestirnen sich um denselben zu drehen scheint. Jahrtausende waren erforderlich, bevor man auf Grund astronomischer Forschungen das Umgekehrte als richtig erkannte. (§ 352.)

§ 29. Einteilung der Bewegungen nach Richtung und Geschwindigkeit. Die Bewegung eines Körpers ist geradlinig oder krummlinig, jenachdem derselbe seine Richtung fortwährend unverändert beibehält, oder dieselbe stetig ändert. Der von dem Körper im Raume durchlaufene Weg heisst die Bahn der Bewegung. Betrachten wir zunächst der Einfachheit halber die Bewegung eines materiellen Punktes, oder eines Körpers von verschwindend kleinen Dimensionen, so reduziert sich seine Bahn auf eine gerade oder krumme Linie. Bei der krummlinigen Bewegung wird die Richtung in jedem Punkte der Bahn durch die an dieselbe gezogene Tangente angegeben.

Gleichförmig ist die Bewegung, wenn in gleichen Zeiten immer gleiche Strecken der Bahn zurückgelegt werden, ungleichförmig, wenn dies nicht der Fall ist. Eine ungleichförmige Bewegung heisst beschleunigt, wenn die in gleichen Zeitabschnitten zurückgelegten Strecken fortwährend wachsen, verzögert, wenn dieselben abnehmen. Das Verhältnis des in einem gewissen Zeitabschnitt zurückgelegten Weges zur Grösse dieses Zeitabschnitts heisst Geschwindigkeit.

Es ist selbstverständlich, dass, um Längen und Zeiträume in ein Verhältnis setzen zu können, eine bestimmte Längeneinheit und eine bestimmte Zeiteinheit gewählt werden muss. Wählt man z. B. als Längeneinheit das Meter (§ 4) und als Zeiteinheit die Sekunde mittlerer Sonnenzeit (§ 359), so bewegt sich ein Punkt mit der Geschwindigkeit 10, wenn er in jeder Sekunde 10 Meter, mithin in 2 Sekunden 20 m, in 3 Sekunden 30 m, u. s. w. durchläuft. Bei der gleichförmigen Bewegung bleibt das Verhältnis zwischen dem durchlaufenen Raum und der dazu erforderlichen Zeit ein unveränderliches. Die Geschwindigkeit wird daher durch den in einer Zeiteinheit (Sekunde) durchlaufenen Raum angegeben. Bei der ungleichförmigen Bewegung dagegen ist das Verhältnis ein stetig veränderliches. Um daher die Geschwindigkeit in einem gegebenen Zeitpunkt anzugeben, muss das Verhältnis zwischen einer unendlich kleinen Wegstrecke und der unendlich kleinen Zeit ermittelt werden, welche erforderlich ist, um dieselbe zu durchlaufen. Es ist eine Aufgabe der Analysis, dieses Verhältnis, das Differential des Weges nach der Zeit, zu bestimmen. Ausserdem kann man bei der ungleichförmigen Bewegung die Geschwindigkeit in einem beliebigen Zeitpunkt als die Strecke erklären, welche der Punkt in einer Sekunde zurücklegen würde, wenn seine Bewegung in diesem Augenblick in eine gleichförmige überginge. (Vergl. § 32.)

§ 30. Gleichförmige Bewegung. Ein Körper, welcher sich mit einer gleichförmigen Geschwindigkeit von c Meter in jeder Sekunde bewegt, legt in 2 Sekunden $2c$, in 3 Sekunden $3c$ Meter, u. s. w. zurück. Bezeichnet daher c (celeritas) die Geschwindigkeit der Bewegung und t (tempus) die Zeit, d. i. die Anzahl der Sekunden, welche erforderlich ist, um eine gewisse Strecke s (spatium) zu durchlaufen, so ist:

$$s = ct; \quad c = \frac{s}{t}; \quad t = \frac{s}{c}.$$

Um die Geschwindigkeit einer gleichförmigen Bewegung zu bestimmen, hat man den Raum (in Metern) durch die Zeit (in Sekunden) zu dividieren. Legt z. B. ein Eisenbahnzug in 10 Sekunden eine Strecke von 125 m zurück, so ist seine Geschwindigkeit $c = 12,5$ und um 7500 m zu durchlaufen, würde derselbe $\frac{7500}{12,5} = 600$ Sekunden oder 10 Minuten gebrauchen.

Zusammenstellung von Geschwindigkeiten:

Fußgänger	1,5 m	Büchsenkugel	400 m
Pferd im Trab	4 m	Granate der langen 15 cm-Ring-	
Pferd im Galopp	6 m	kanone	500 m
Rennpferd im Galopp	13 m	Schall in der Luft	332 m
Eisenbahnzug	7—8 m	Punkt am Erdäquator	588 m 464 m
Schnellzug	14 m	Mond um die Erde	1,01 km
Dampfschiff	3—7 m	Erde um die Sonne	29,5 km
Mälsiger Wind	4—7 m	Sternschnuppen	52,6 km
Sturm	17—28 m	Licht	298000 km.

§ 31. Beharrungsvermögen. Jede Änderung im Bewegungszustand eines Körpers kann nur durch eine auf denselben wirkende äußere Ursache oder Kraft (§ 7) veranlaßt werden. Es kann daher ein Körper weder aus dem Zustand der Ruhe in den der Bewegung, noch auch umgekehrt aus Bewegung in Ruhe übergehen, ohne daß eine Ursache dazu vorhanden ist. Ebenso kann die Geschwindigkeit oder die Richtung einer Bewegung nur durch eine äußere Kraft abgeändert werden. Solange daher auf einen bewegten Körper keine Kraft wirkt, ist seine Bewegung eine gleichförmige und geradlinige. Die Eigenschaft der Materie, ohne Einwirkung äußerer Kräfte in ihrem Bewegungszustand zu beharren, heißt Beharrungsvermögen oder Trägheit.

Ein in Bewegung begriffener Eisenbahnzug muß durch die Reibung der Bremsen zum Stillstehen gebracht werden. Der Reiter fliegt über den Kopf des Pferdes, wenn dieses im schnellen Lauf plötzlich anhält. Die Bewegungen der Körper auf der Erdoberfläche werden in der Regel durch die entgegenwirkenden Kräfte der Reibung und des Luftwiderstandes (§§ 42 und 87 Anm.) allmählich verzögert und aufgehoben. Bei den Bewegungen der Himmelskörper im Weltraum finden diese Bewegungshindernisse nicht statt, weshalb auch keine Verzögerung ihrer Bewegungen eintritt (§ 392,2).

§ 31a. Ungleichförmige Bewegung. Eine auf einen bewegten Körper wirkende Kraft vermehrt oder vermindert die Geschwindigkeit, je nachdem ihre Richtung mit derjenigen der bereits bestehenden Bewegung zusammenfällt, oder ihr entgegengesetzt ist. Die in einer gewissen Zeit erzeugte Änderung der Geschwindigkeit — Beschleunigung oder Verzögerung — ist um so größer, je stärker die beschleunigende oder verzögernde Kraft ist. Jene Änderung der Geschwindigkeit dient daher als Maß für die Größe oder Intensität der Kraft (§ 32a). Eine Kraft ist doppelt so groß als die andere, wenn sie in gleicher Zeit eine doppelt so große Geschwindigkeitsänderung zu erzeugen vermag.

Ist die Richtung der auf den bewegten Körper wirkenden Kraft derjenigen der bereits bestehenden Bewegung weder gleich noch entgegengesetzt, sondern gegen dieselbe unter einem beliebigen Winkel geneigt, so bewirkt dieselbe eine Änderung in der Richtung der Bewegung, und die Bewegung wird eine krummlinige (§ 35).

Bei gleichbleibender Intensität einer Kraft ist die durch dieselbe bewirkte Geschwindigkeitsänderung der Dauer ihrer Wirkung proportional. Eine Kraft von mälsiger Intensität vermag daher in sehr kurzer Zeit

nur eine sehr geringe Geschwindigkeit zu erzeugen. (Versuch mit einem unter einer Münze plötzlich fortgeschlittenen, oder langsam fortgezogenen Kartenblatt).

Diejenigen Kräfte, welche nur sehr kurze Zeit hindurch, aber mit großer Intensität wirken, so daß sie eine plötzliche Änderung der Richtung oder Geschwindigkeit der Bewegung herbeiführen, werden Momentankräfte genannt. Solche Momentankräfte kommen z. B. beim Stöße der Körper zur Wirkung (§ 65). Infolge ihrer kurzen Wirkungsdauer kann nur das Endresultat der Wirkung beobachtet werden, welches in der Erzeugung einer gleichförmigen und geradlinigen Bewegung besteht, wenn nicht noch andere, dauernde Kräfte vorhanden sind, welche die Richtung und Geschwindigkeit der Bewegung stetig abändern (Wurfbewegung §§ 33, 35). In der That findet auch im Augenblick des Stoßes selbst nicht eine im mathematischen Sinne momentane, sondern eine stetige, aber in sehr kurzer Zeit sehr schnell verlaufende Änderung der Bewegung statt.

§ 32. Gleichförmig beschleunigte Bewegung. Fallbewegung. Wächst die Geschwindigkeit eines bewegten Körpers immer in gleichen Zeiten um gleich viel, so heißt seine Bewegung eine gleichförmig beschleunigte. Der Zuwachs der Geschwindigkeit während einer Sekunde heißt die Beschleunigung (acceleratio). Als Beispiel dient die vertikal abwärts gerichtete Bewegung eines unter dem Einfluß der Schwerkraft frei fallenden Körpers (§ 10). Dieselbe ist gleichförmig beschleunigt, weil die Schwerkraft fortwährend mit gleicher Stärke wirkt, mithin in gleichen Zeiteilen stets einen gleichen Zuwachs der Geschwindigkeit erzeugt. Die Beschleunigung durch die Schwerkraft ist an derselben Stelle der Erdoberfläche für alle Körper gleich groß. Die von einem frei fallenden Körper nach einer Sekunde erlangte Endgeschwindigkeit beträgt unter 45° Breite, im Meeresniveau — vergl. § 63):

$$9,808 \text{ m} = 30,193 \text{ par.}'$$

Dieselbe wird mit dem Buchstaben g (gravitas) bezeichnet. Die nach 2, 3, 4 Sekunden erlangte Endgeschwindigkeit ist demnach $2g$, $3g$, $4g$ ng . Am Anfang der ersten Sekunde beginnt der fallende Körper seine Bewegung mit der Geschwindigkeit 0, am Ende der ersten Sekunde hat er die Geschwindigkeit g erreicht. Da die Geschwindigkeit gleichförmig wächst, so ist der in der ersten Sekunde durchlaufene Raum ebenso groß, als ob sich der Körper während dieser Zeit mit der mittleren Geschwindigkeit

$$\frac{1}{2}g \text{ bewegt hätte, d. h. gleich } \frac{1}{2}g.$$

Ein strenger Beweis dieses Satzes beruht auf der folgenden Betrachtung. Man denke sich eine Sekunde in sehr viele gleiche Teile geteilt, deren Anzahl n sei. Dann sind, wie aus der Definition der gleichförmig beschleunigten Bewegung folgt, die Geschwindigkeiten am Ende dieser einzelnen Zeitabschnitte $1 \frac{g}{n}$, $2 \frac{g}{n}$, $3 \frac{g}{n}$ $n \frac{g}{n}$.

Während der ersten n tel Sekunde wächst die Geschwindigkeit von 0 bis zu $\frac{g}{n}$, mithin ist der in dieser Zeit durchlaufene Raum > 0 und $< \frac{1}{n} \cdot \frac{g}{n}$ oder $< \frac{g}{n^2}$; ebenso liegt der in der zweiten n tel Sekunde durchlaufene Raum zwischen den Grenzen $\frac{g}{n^2}$ und $2 \frac{g}{n^2}$ u. s. f., endlich der in der letzten n tel Sekunde durchlaufene Raum zwischen $(n-1) \cdot \frac{g}{n^2}$ und $n \cdot \frac{g}{n^2}$. Also ist der während der ganzen ersten Sekunde durchlaufene Fallraum

$$\text{größer als } (0 + 1 + 2 + \dots + n-1) \frac{g}{n^2}$$

$$\text{und kleiner als } (1 + 2 + 3 + \dots + n) \frac{g}{n^2}$$

oder, indem man die in den Klammern stehenden arithmetischen Reihen summiert, größer als $\frac{n-1}{n} \cdot \frac{g}{2}$ und kleiner als $\frac{n+1}{n} \cdot \frac{g}{2}$. Da man aber die Anzahl der Zeitabschnitte n beliebig groß annehmen kann, so fallen beide Grenzwerte, wenn man n über jede Grenze wachsen läßt, in dem Wert $\frac{g}{2}$ zusammen.

Dieselben Betrachtungen kann man auf eine beliebige ganze und gebrochene Anzahl von Sekunden ausdehnen und erhält als Grenzwert für den in 2, 3, ..., t Sekunden durchlaufenen Fallraum bezüglich

$$\sqrt{\frac{4}{2}g, \frac{9}{2}g, \dots \frac{t^2}{2}g}.$$

Es ergibt sich demnach, daß die am Schluß der einzelnen Sekunden erlangten Endgeschwindigkeiten im einfachen Verhältnis der Fallzeiten, die ganzen Fallräume aber proportional den Quadraten der Fallzeiten wachsen. Bezeichnet v die nach t Sekunden erlangte Endgeschwindigkeit, s den Fallraum, so hat man die beiden Hauptformeln für die Fallbewegung:

$$1. \quad v = gt; \qquad 2. \quad s = \frac{1}{2}gt^2.$$

Daraus folgt ferner:

$$\begin{aligned} 1a. \quad t &= \frac{v}{g}; & 2a. \quad t &= \sqrt{\frac{2s}{g}}; \\ 3. \quad v &= \sqrt{2gs}; & 3a. \quad s &= \frac{v^2}{2g}. \end{aligned}$$

Bedeutung und Gebrauch dieser Formeln können leicht in Worten angegeben werden. Als Zahlenbeispiele mögen die folgenden dienen, in denen zur Vereinfachung $g = 10$ m gesetzt werden mag:

1. Wie tief ist ein Brunnen, in welchen ein Stein 3 Sekunden fällt, und welche Geschwindigkeit hat dieser beim Aufschlagen?
2. In welcher Zeit erlangt ein Körper beim freien Fall die Geschw. 100 m, und welche Höhe ist er alsdann gefallen?
3. In welcher Zeit ist ein Körper eine Höhe von 120 m herabgefallen, und welche Geschwindigkeit hat er dabei erreicht?
4. In welcher Höhe hat die Explosion eines Meteorits stattgefunden, dessen Sprengstücke zugleich mit dem Schall (Geschw. 332 m) die Erde erreichen?
5. Welche Tiefe hat ein Brunnen, in welchen man einen Stein 4 Sekunden später, als man ihn hat fallen lassen, aufschlagen hört?

Galilei bediente sich zur Bestätigung der von ihm (1602) aufgefundenen Fallgesetze einer mit glattem Pergament ausgekleideten, unter einem kleinen Winkel gegen den Horizont geneigten Fallrinne, in welcher er Metallkugeln hinabrollen ließ (§ 41). Zur Veranschaulichung der gleichförmig beschleunigten Bewegung dient ferner Atwoods Fallmaschine (1781). An den Enden eines über eine Rolle geschlungenen Fadens sind zwei gleiche Massen aufgehängt, welche sich im Gleichgewicht befinden (§ 47). Durch ein auf eine von beiden gelegtes Übergewicht werden dieselben in Bewegung gesetzt. Die Bewegung, mit welcher das schwerere Gewicht herabsinkt, ist ebenfalls eine gleichförmig beschleunigte, die Beschleunigung ist aber um so kleiner, je kleiner das Übergewicht im Verhältnis zu den mitbewegten Massen, und kann durch verschiedene GröÙe des Übergewichts willkürlich abgeändert werden (§ 32a). Sinkt das Gewicht längs einer vertikalen in Centimeter geteilten Skala herab, so können die den einzelnen Sekundenschlägen eines Pendels (§ 63) entsprechenden Fallräume leicht abgelesen werden, oder man kann umgekehrt die Fallzeiten beobachten, welche erforderlich sind, damit das Gewicht von einer gegebenen Höhe herabsinke. Wird nach einer bestimmten Anzahl von Sekunden das Übergewicht vermittelst eines durchbrochenen Tellers entfernt, so geht von diesem Augenblick ab die beschleunigte Bewegung in eine gleichförmige über,

so daß man die erlangte Endgeschwindigkeit bestimmen kann (§ 29). Um den schädlichen Einfluß der Reibung zu beseitigen, hat man das herabsinkende Gewicht noch um ein kleines Friktionsgewicht zu vermehren, welches sich durch einen besonderen Versuch mit der Fallmaschine mit ausreichender Genauigkeit bestimmen läßt. (Vergl. § 32a).

Alle Körper erlangen durch die Schwerkraft gleiche Beschleunigung. Beim Fallen in der Luft wird jedoch ihre Bewegung durch den Widerstand der Luft (§ 87 Anm.) und den Gewichtsverlust der in ihr befindlichen Körper (§ 103) in ungleichem Maße verzögert, und im besonderen hängt die Größe des Luftwiderstandes nicht allein von der Größe, sondern auch von der Gestalt der Oberfläche des fallenden Körpers ab. Eine Flaumfeder und ein Stück Blei fallen daher in der Luft mit ungleicher, im leeren Raum aber mit gleicher Geschwindigkeit (§ 98, 9).

§ 32a. Darstellung, Maßs der Kräfte. Um eine Kraft in ihrer Wirkungsart darzustellen, bedient man sich der geraden Linie, von welcher durch den einen Endpunkt der Angriffspunkt der Kraft, durch die Richtung und die Länge, die erstere genauer etwa noch durch eine Pfeilspitze angedeutet, die Richtung und die Intensität der Kraft bezeichnet werden sollen. Die durch eine Kraft in der Zeiteinheit bewirkte Zunahme oder Abnahme der Geschwindigkeit (§ 31) dient zur Messung der Kraftintensität, und es ergibt sich, wenn auf den Körper die konstante Kraft P wirkt, welche einem jeden Massenpunkte die Acceleration a erteilen würde, wie in den §§ 11 und 12 bereits für die Wirkung der Schwerkraft dargestellt worden ist, die Masse m als das konstante Verhältnis von P zu a . Wenn also das Gewicht des Körpers durch Q bezeichnet ist, so wird

$$m = \frac{P}{a} = \frac{Q}{g}.$$

Ersetzt man in diesen Gleichungen die Beschleunigung a durch $\frac{v}{t}$, entsprechend der Gleichung (1) in § 32, so erhält man:

$$P = \frac{mv}{t}.$$

Das Produkt aus der Masse m in die erlangte Endgeschwindigkeit wird die Bewegungsgröße genannt, und es gilt demnach als die Einheit der Kraft diejenige, welche der Masseneinheit (§ 12) in der Zeiteinheit die Geschwindigkeit 1 erteilt, oder deren Bewegungsgröße in einer Sekunde gleich 1 ist.

Anwendung auf die Bestimmung der Beschleunigung bei der Atwood'schen Fallmaschine (§ 32). Wird zunächst das Gewicht der Rolle vernachlässigt, so ist die bewegte Masse, wenn die anfänglich angehängten Gewichte jedes gleich Q mit der Masse M und das Übergewicht q mit der Masse m sind, $2M + m$ und die konstant wirkende Zugkraft

$$P = q = mg;$$

ist also a die Beschleunigung, so ergibt sich:

$$P = (2M + m)a$$

$$\text{d. h.} \quad a = \frac{mg}{2M + m},$$

wo $\frac{m}{2M + m}$ auch durch $\frac{q}{2Q + q}$ ersetzt werden kann.

Wenn aber zugleich das Gewicht der Rolle, — von ihrem Trägheitsmoment (§ 62) wird durchweg abgesehen, — in Betracht kommen soll, so sei etwa M_0 die in Bewegung gesetzte Masse, nämlich der beiden anfänglich angehängten Gewichte:

und der Rolle, und m die Masse des Übergewichtes: alsdann ergibt sich, wie vorher:

$$a = \frac{mg}{M_0 + m}.$$

Man kann nunmehr durch zwei Versuche den Wert von M_0 bestimmen: sind nämlich die den Übergewichten m_1 und m_2 zukommenden Beschleunigungen a_1 und a_2 , so erhält man aus den beiden Gleichungen:

$$(M_0 + m_1) a_1 = m_1 g \text{ und } (M_0 + m_2) a_2 = m_2 g$$

$$M_0 = \frac{m_1 m_2 (a_2 - a_1)}{m_2 a_1 - m_1 a_2}.$$

Bestimmung des Friktionsgewichtes. (§ 32). Sind, der vorigen Annahme entsprechend, Q jedes der anfänglich angehängten Gewichte und q das Übergewicht, so wird, wenn nach einem Fallraum von s cm das Übergewicht vermittelst des durchbrochenen Tellers abgenommen wird, beim Fehlen des Friktionsgewichtes f , die Bewegung nunmehr eine verzögerte. Dieselbe höre nach einem neuen Fallraum von s_1 cm auf, so ergibt sich, wenn man durch v die Geschwindigkeit im Augenblick der Abnahme des Übergewichts, durch a und a_1 bezüglich die Beschleunigung und Verzögerung der Bewegung vorher und nachher bezeichnet:

$$v^2 = 2as \text{ und } v^2 = 2a_1 s_1, \text{ d. h. } as = a_1 s_1.$$

Außerdem hat man

$$a = \frac{(q-f)g}{2Q+q} \text{ und } a_1 = \frac{fg}{2Q},$$

folglich wenn man $2Q + q$ und $2Q$ als gleichwertig annimmt:

$$\frac{a}{a_1} = \frac{q-f}{f} = \frac{s_1}{s}, \text{ d. h. } f = \frac{sq}{s+s_1}.$$

Ist also beispielsweise $Q = 100$ g, $q = 0,49$ g, $s = 50$ cm, $s_1 = 64$ cm, so wird $f = 0,215$ cm. In der That ergeben sich bei der Beobachtung für $s + s_1$ Werte, die zwischen 111 und 115 schwanken, wonach f einen Wert zwischen 0,220 und 0,214 erhalten würde.

§ 33. Senkrechter Wurf. Unter Wurfbewegung versteht man im allgemeinen die Bewegung eines Körpers, welcher, nachdem er durch irgendwelche Ursache eine Anfangsgeschwindigkeit in beliebiger Richtung erhalten hat, der alleinigen Wirkung der Schwerkraft überlassen wird. Wird der Körper mit der Anfangsgeschwindigkeit c vertikal abwärts geworfen, so erhält seine Geschwindigkeit, wie beim freien Fall, in jeder Sekunde den Zuwachs g (§ 32). Die Geschwindigkeit eines vertikal aufwärts geworfenen Körpers dagegen wird durch die seiner Bewegung entgegenwirkende Schwerkraft in jeder Sekunde um ebensoviel vermindert. Im ersten Fall ist die Bewegung eine gleichförmig beschleunigte, im letzteren eine gleichförmig verzögerte. Es ergibt sich daher die Geschwindigkeit des Körpers nach 1, 2, 3.... t Sekunden gleich $c \pm g$, $c \pm 2g$, $c \pm 3g$ $c \pm tg$, wo die oberen Vorzeichen für den abwärts, die unteren für den aufwärts gerichteten Wurf gelten. Ferner ergeben sich, wie in § 32, die in den einzelnen Sekunden durchlaufenen Räume gleich $c \pm \frac{1}{2}g$, $c \pm \frac{3}{2}g$, u. s. f. und die ganzen seit Anfang der

Bewegung durchlaufenen Räume $c \pm \frac{1}{2}g$, $2c \pm \frac{4}{2}g$ $t.c \pm \frac{1}{2}t^2g$.

Mithin erhält man für den senkrechten Wurf die Formeln:

1. $v = c \pm gt$
2. $s = ct \pm \frac{1}{2}gt^2$
3. $v^2 = c^2 \pm 2gs$

Der aufwärts geworfene Körper bewegt sich mit abnehmender Geschwindigkeit und kommt zur Ruhe, nachdem seine Geschwindigkeit durch die entgegenwirkende Schwerkraft ganz aufgehoben, oder wenn $v = 0$ geworden ist. Bezeichnet T die Zeit des Ansteigens, so muß $c - g T = 0$, mithin:

$$T = \frac{c}{g}$$

sein. Die größte Höhe S , welche der geworfene Körper erreicht, ergibt sich, indem man diesen Wert für t in die Formel 2 einsetzt:

$$S = \frac{c^2}{2g}.$$

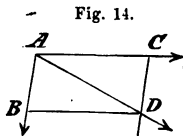
Zum Herabfallen von der Höhe S ist (nach Formel 2a, § 32) dieselbe Zeit erforderlich, welche der Körper zum Ansteigen brauchte, und die Endgeschwindigkeit, mit welcher er den Ausgangspunkt wiedererreicht, ist (Formel 3, § 32) gleich der Anfangsgeschwindigkeit c . Die Geschwindigkeit, welche ein Körper erlangt, wenn er von einer Höhe S frei herabfällt, würde also hinreichen, um denselben wieder bis zu der Höhe S emporzutreiben.

Den Formeln 1 und 2 zufolge kann man die Bewegung des geworfenen Körpers aus der Summe oder Differenz zweier Bewegungen zusammengesetzt denken, von denen die eine, gleichförmige, durch die dem Körper mitgeteilte Anfangsgeschwindigkeit, die andere, gleichförmig beschleunigte, durch die Wirkung der Schwerkraft veranlaßt wird.

§ 34. Zusammengesetzte Bewegung, Parallelogramm der Bewegungen. Wirken auf einen Körper gleichzeitig zwei Bewegungsursachen, so heißt seine Bewegung eine zusammengesetzte. Die Bewegungen, welche beide Ursachen einzeln wirkend ihm erteilt haben würden, heißen die Komponenten der Bewegung, die aus beiden zusammengesetzte die Resultierende. Wirken beide Bewegungsursachen in gleicher Richtung, so ist die resultierende Geschwindigkeit gleich der Summe, wirken beide in entgegengesetzter Richtung, so ist sie gleich der Differenz der Geschwindigkeiten, welche beide Ursachen einzeln wirkend dem Körper erteilt haben würden.

Ein Punkt A (Fig. 14) bewege sich auf der Geraden AB mit gleichförmiger Geschwindigkeit, so daß er in einer Sekunde von A nach B gelangt. Gleichzeitig aber werde diese Gerade mit gleichförmiger Geschwindigkeit in der Richtung AC fortbewegt, so daß sie während einer Sekunde aus der Lage AB in die Lage CD übergeführt wird. Infolge dieser zusammengesetzten Bewegung ist der Punkt, wie leicht ersichtlich, während einer Sekunde von A nach D gelangt, und zwar hat er die Diagonale AD des Parallelogramms $ABCD$ mit gleichförmiger Geschwindigkeit durchlaufen.

Aus der Zusammensetzung zweier gleichförmigen Bewegungen von verschiedener Richtung resultiert demnach wieder eine gleichförmige Bewegung, welche der Richtung und Geschwindigkeit nach durch die Diagonale eines Parallelogramms dargestellt wird, dessen Seiten die Richtungen



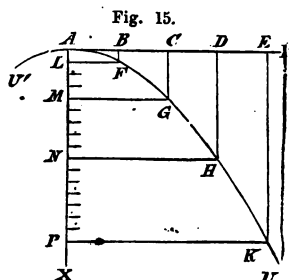
und Geschwindigkeiten der Komponenten angeben. Dieses Parallelogramm heißt Parallelogramm der Bewegungen.

Die verschiedenen Fälle der Zusammensetzung der Bewegungen werden durch das Beispiel eines mit dem Strom, gegen den Strom, oder quer über den Strom geruderten Kahns erläutert.

Umgekehrt kann man sich jede gleichförmige Bewegung in zwei Komponenten von vorgeschriebener Richtung zerlegt denken.

Es ist klar, daß aus der Zusammensetzung zweier geradlinigen, gleichförmig beschleunigten Bewegungen, welche in A mit der Anfangsgeschwindigkeit Null beginnen, wieder eine gleichförmig beschleunigte Bewegung entspringt. Die Richtung und Beschleunigung dieser Bewegung werden durch die Diagonale eines Parallelogramms dargestellt, dessen Seiten die Richtungen und Beschleunigungen der beiden Komponenten angeben.

§ 35. Horizontaler und schiefer Wurf. Ein mit der Anfangsgeschwindigkeit c in horizontaler Richtung geworfener Körper wird durch die Wirkung der Schwerkraft stetig von seiner Bewegungsrichtung abgelenkt und beschreibt eine krummlinige Bahn, die Wurflinie, welche eine Parabel ist. Da der Körper in horizontaler Richtung in jeder Sekunde um die gleiche Strecke c fortrückt, während die in vertikaler Richtung durchlaufenen Strecken den Quadraten der Fallzeit proportional sind, so erhält man die Punkte der Bahn, welche der von A (Fig. 15) aus geworfene Körper nach 1, 2, 3, u. s. w. Sekunden erreicht hat, indem man auf der horizontalen Geraden AY von A aus die gleichen Strecken AB, BC, CD , u. s. w. gleich der gegebenen Anfangsgeschwindigkeit c aufträgt, auf der Vertikalen AX dagegen die Stücke $AL = \frac{1}{2}g$, $AM = 4 \cdot \frac{1}{2}g$, $AN = 9 \cdot \frac{1}{2}g$, u. s. w. abschneidet und die Rechtecke $ABFL$, $ACGM$ u. s. w. konstruiert.



Betrachtet man die Abschnitte auf AX als Abscissen, die in ihren Endpunkten errichteten Senkrechten LF, MG , u. s. w. als Ordinaten, so ergibt sich aus dieser Konstruktion die geometrische Eigenschaft der Parabel, daß die Abscissen den Quadraten der Ordinaten proportional sind. Bezeichnet x die Abscisse, y die Ordinate, so hat man nach t Sekunden:

$$y = ct, \quad x = \frac{1}{2}gt^2,$$

mithin, durch Elimination von t ,

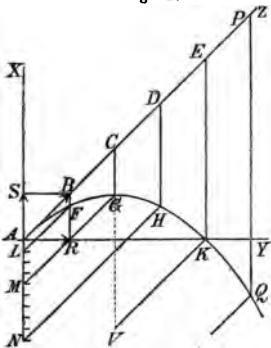
$$y^2 = \frac{2c^2}{g} \cdot x,$$

welche Beziehung zwischen x und y die Gleichung der Parabel ist und die soeben angegebene geometrische Eigenschaft ausdrückt. Der Punkt A heißt der Scheitel, AX die Axe der Parabel. Geometrisch betrachtet besitzt dieselbe außer dem ins Unbegrenzte fortlaufenden (absteigenden) Zweig AKU noch einen zweiten, zu diesem symmetrischen (aufsteigenden) Zweig $U'A$.

Wird ein Körper in der gegen den Horizont geneigten Richtung AB (Fig. 16) aufwärts geworfen, so kann sein Ort am Ende einer beliebigen Zahl von Sekunden durch eine ähnliche Konstruktion wie oben gefunden werden. Die Wurfbahn ist in diesem Fall ebenfalls eine Parabel, deren Scheitel aber nicht im Anfangspunkt der Bewegung gelegen ist. Der Winkel ZAY , unter welchem die Richtung des Wurfs gegen die Horizontale geneigt ist, heißt der Elevationswinkel. Wird dieser mit α bezeichnet, so kann man sich die Anfangsgeschwindigkeit $AB = c$

nach § 34 in eine horizontale Komponente $AR = c \cos \alpha$ und eine vertikale $AS = c \sin \alpha$ zerlegt denken. Erstere wird durch die Schwerkraft nicht beeinflusst, letztere dagegen in jeder Sekunde um g vermindert. Für die horizontale und vertikale Entfernung vom Anfangspunkte A , welche der Körper nach t Sekunden erreicht hat, ergeben sich (§§ 30 u. 33) die Ausdrücke

Fig. 16.



$$y = c \cos \alpha \cdot t,$$

$$x = c \sin \alpha \cdot t - \frac{1}{2}gt^2.$$

Eliminiert man t aus diesen beiden Gleichungen, so lässt sich die Gleichung zwischen x und y leicht in die Form bringen

$$(y-b)^2 = \frac{2c^2 \cos^2 \alpha}{g} (a-x),$$

wenn der Kürze wegen $\frac{c^2 \sin^2 \alpha \cos \alpha}{g} = b$, $\frac{c^2 \sin^2 \alpha}{2g} = a$

gesetzt wird. Dieses ist die Gleichung einer Parabel, deren Scheitel G in der horizontalen Entfernung b und in der vertikalen Höhe a über dem Anfangspunkt gelegen ist. Mit Hilfe dieser Gleichung lassen sich ferner leicht folgende Fragen beantworten: Nach welcher Zeit wird der Scheitel der Bahn bei gegebenem Elevationswinkel und gegebener Anfangsgeschwindigkeit erreicht? Wie groß ist die horizontale Wurfweite oder die Entfernung, in welcher der Körper sich wieder in gleicher Höhe mit dem Ausgangspunkt befindet? Welches ist bei gegebener Anfangsgeschwindigkeit die größte erreichbare Wurfweite? Welchem Elevationswinkel entspricht dieselbe? Wie groß muß bei gegebenem Elevationswinkel die Anfangsgeschwindigkeit, oder bei gegebener Anfangsgeschwindigkeit der Elevationswinkel gewählt werden, um ein Ziel von gegebener Entfernung und Höhe zu treffen? (Die letztere Aufgabe gestattet eine doppelte Lösung — flacher Schuß und Bogenschuß).

Einfluß des Luftwiderstandes (§ 87 Anm.) auf die Wurfbahn — Ballistische Kurve. — Die genaue Kenntnis der Flugbahn der Geschosse unter dem Einfluß des Luftwiderstandes ist von praktischer Wichtigkeit. Die Gesetze derselben werden äußerst kompliziert, namentlich wenn das Geschoss, wie es bei den gezogenen Geschützen der Fall ist, eine andere als kugelförmige Gestalt hat, und wenn demselben durch die Züge des Geschützrohres gleichzeitig mit der fortschreitenden Bewegung eine Rotationsbewegung um eine der Richtung des Rohres parallele Axe erteilt wird.

§ 35a. Horizontaler und schiefer Wurf (Fortsetzung). Auch die Geschwindigkeit und die Richtung des geworfenen Körpers lässt sich in jedem Augenblick seiner Bewegung, also an jeder Stelle seiner Bahn, sowohl durch Konstruktion als durch Rechnung, leicht darstellen. Es handle sich zunächst um den der Fig. 15 zugehörigen Fall des horizontalen Wurfs. Man setzt die sich gleichbleibende, horizontale Geschwindigkeit c mit der sich stetig ändernden, vertikalen Geschwindigkeit v , welche dem Körper nach 1, 2, 3, ... Sekunden vermöge der Erdschwere zukommt, zusammen, indem man in den Punkten F, G, H, \dots die Rechtecke konstruiert aus den horizontalen Komponenten c und bezüglich den vertikal nach unten gerichteten Komponenten $g, 2g, 3g, \dots$. Die zu F, G, H, \dots gehörigen Diagonalen dieser Rechtecke stellen alsdann durch ihre Länge und Richtung die Endgeschwindigkeit und die Richtung des Geschosses dar.

Eine einfache Betrachtung zeigt, daß diese Diagonalen die Tangenten sind der Bahn in den Punkten F, G, H, \dots und rückwärts verlängert die nach oben verlängerte Axe derartig durchschneiden, daß der Scheitel A der Parabel in der Mitte liegt zwischen dem jedesmaligen Schnittpunkt der Tangente und dem Fußpunkt der zugehörigen Ordinate; denn man hat die Gleichungen:

$$\frac{FL}{2AL} = \frac{c}{g}, \quad \frac{GM}{2AM} = \frac{c}{2g}, \quad \frac{HN}{2AN} = \frac{c}{3g}, \dots$$

und diese Eigenschaft gilt für jeden Punkt der Parabel und gestattet eine sehr einfache Konstruktion der Tangente an einem Punkte der Parabel.

Der allgemeinere Fall des schräg gegen den Horizont geworfenen Körpers (§ 16) gestattet ganz ähnliche Konstruktionen. Auf ihn bezieht sich, unter gleichen Annahmen wie in § 35, die folgende Rechnung, in der man nur den Elevationswinkel α gleich Null zu setzen hat, um die der Figur 15 entsprechenden Resultate zu erhalten. Im Punkte Q , den das Geschoss nach t Sekunden erreicht haben mag, sei die horizontale Komponente seiner Geschwindigkeit gleich v_1 , die vertikale Komponente derselben gleich v_2 und φ der Winkel, den die Tangente in Q mit dem Horizont bildet, so hat man:

folglich ergibt sich für die resultierende Geschwindigkeit v :

$$v_1 = c \cos \alpha, \quad v_2 = c \sin \alpha - gt;$$

$$v^2 = v_1^2 + v_2^2 = c^2 - 2cgt \sin \alpha + g^2 t^2$$

$$\text{und} \quad \tan \varphi = \frac{v_2}{v_1} = \frac{c \sin \alpha - gt}{c \cos \alpha}.$$

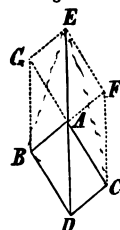
Auch diese Formeln führen zur Beantwortung einer Reihe von Fragen über Richtung und Geschwindigkeit des Geschosses, z. B. in dem höchsten Punkte seiner Bahn, für welchen $v_2 = 0$ ist. Zur Erweiterung der zugehörigen Untersuchungen sei nur noch die Gleichung

$$v^2 = c^2 - 2gx$$

hinzugefügt, in welche sich eine der vorhergehenden umformen läßt und die später (§ 43) eine erhöhte Bedeutung gewinnen wird. (Vgl. § 33, Gl. 3.)

§ 36. Gleichgewicht der Kräfte an einem Punkt. Parallelogramm der Kräfte. (Newton, 1686.) Wie zwei einem Körper gleichzeitig erteilte Geschwindigkeiten durch eine resultierende Geschwindigkeit ersetzt werden können (§ 34), so kann man auch, wenn ein Körper der Einwirkung zweier oder mehrerer Kräfte ausgesetzt ist, eine Mittelkraft oder Resultierende angeben, welche die Seitenkräfte oder Komponenten in ihrer gemeinschaftlichen Wirkung ersetzt. Wirken auf einen materiellen Punkt (§ 29) zwei gleich große, der Richtung nach entgegengesetzte Kräfte, so bleibt der Punkt in Ruhe, oder er befindet sich im Zustand des Gleichgewichts (§ 11). Zwei in gleicher Richtung wirkende Kräfte können durch eine Resultierende ersetzt werden, welche ihrer Summe gleich ist. Die Resultierende zweier in entgegengesetzter Richtung wirkenden, ungleichen Kräfte ist gleich ihrer Differenz und nach der Seite der größeren von beiden gerichtet. Schließen endlich die Richtungen beider Komponenten einen beliebigen Winkel ein, so kann man dieselben ihrer Größe und Richtung nach durch die geraden Linien AB und AC (Fig. 17) darstellen. (§ 32a.) Die Diagonale AD des zwischen den Seiten AB und AC konstruierten Parallelogramms giebt dann der Größe und Richtung nach die Resultierende an. Fügt man zu den Kräften AB und AC noch eine dritte Kraft AE hinzu, welche der Resultierenden AD an Größe gleich, aber der Richtung nach entgegengesetzt ist, so wird dadurch die gemeinschaftliche Wirkung der beiden Komponenten aufgehoben, und die drei Kräfte AB , AC , AE sind am Punkte A im Gleichgewicht.

Fig. 17.



Da als Maß der Kräfte die Geschwindigkeiten dienen, welche beide Kräfte dem Punkte A in der Zeiteinheit zu erteilen vermögen (§ 31a), so ergeben sich die ausgesprochenen Sätze als unmittelbare Folgerungen aus § 34. Der Punkt ist im Gleichgewicht, wenn die ihm von zwei Kräften erteilten Geschwindigkeiten gleich groß und entgegengesetzt gerichtet sind; die Beschleunigung, welche zwei

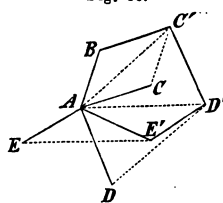
in gleicher oder entgegengesetzter Richtung wirkende Kräfte ihm erteilen, ist gleich der Summe oder Differenz der Beschleunigungen, welche beide Kräfte für sich hervorgebracht haben würden. Werden endlich die Beschleunigungen der Komponenten durch die Geraden AB und AC dargestellt, so stellt AD die resultierende Beschleunigung dar, welche durch eine gleich große und entgegengesetzte AE aufgehoben werden kann.

Sind die Kräfte AB , AC , AE im Gleichgewicht, so ist jede derselben gleich und der Richtung nach entgegengesetzt der Resultierenden der beiden anderen, also auch AB gleich und entgegengesetzt AF , AC gleich und entgegengesetzt AG . Zwischen drei im Gleichgewicht befindlichen Kräften und den von ihren Richtungen eingeschlossenen Winkeln findet die leicht zu beweisende Beziehung statt:

$$\frac{AE}{\sin BAC} = \frac{AB}{\sin CAE} = \frac{AC}{\sin EAB}$$

Wirken drei oder mehrere Kräfte gleichzeitig auf einen Punkt, so kann man sich zunächst zwei derselben durch eine Resultierende ersetzt denken, diese mit einer dritten vereinigen u. s. f. Eine einfache Konstruktion der Resultierenden beliebig vieler Kräfte, deren Richtigkeit leicht einleuchtet, ist folgende: Es seien die in A (Fig. 18) angreifenden Kräfte AB , AC , AD , AE gegeben.

Fig. 18.

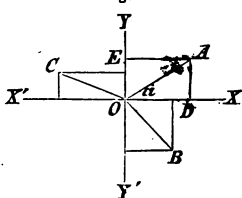


Man ziehe von B aus BC' gleich und gleichstimmig parallel AC , sodann $C'D' =$ und $\parallel AD$, endlich $D'E' =$ und $\parallel AE$, so stellt AE' die Resultierende der vier Kräfte dar. Es werden nämlich AB und AC durch AC' , AC' und AD durch AD' , AD' und AE durch AE' ersetzt. Fiele E' mit A zusammen, so wäre die Resultierende gleich Null, und die Kräfte wären im Gleichgewicht (Kräftepolygon).

§ 37. Zerlegung der Kräfte. Wie man sich zwei auf einen materiellen Punkt wirkende Kräfte in eine Resultierende vereinigt denken kann, so kann man sich umgekehrt, wo es zweckmäßig erscheint, die Wirkung einer Kraft durch die gleichzeitige Wirkung zweier Komponenten ersetzt denken. Besonders häufige Anwendung findet der Fall der Zerlegung einer Kraft in zwei Komponenten, deren Richtungen einen rechten Winkel einschließen (§§ 41, 61 u. s. w.).

Soll die auf den Punkt O (Fig. 19) wirkende Kraft OA in zwei rechtwinklige Komponenten zerlegt werden, deren Richtungen OX und OY gegeben sind, so hat

Fig. 19.



man von A aus auf OX und OY die Senkrechten AD und AE zu fallen. Wird die Größe der Kraft OA mit P und $\angle AOD$ mit α bezeichnet, so sind die Komponenten $OD = P \cos \alpha$ und $OE = P \sin \alpha$. Wirken auf den Punkt O beliebig viele Kräfte OA , OB , OC , deren Richtungen in einer Ebene liegen, so kann man sich jede derselben durch zwei rechtwinklige Komponenten ersetzt denken, deren Richtungen in die Linien XX' und YY' fallen. Betrachtet man dann die nach OX und OY gerichteten Komponenten als positiv, die nach OX' und OY' gerichteten als negativ, so kann man die in die Gerade XX' fallenden unter sich und die in YY' fallenden unter sich algebraisch summieren und endlich die beiden so erhaltenen Summen wieder zu einer einzigen Resultierenden vereinigen, welche alle Kräfte in ihrer Wirkung ersetzt. Sind die auf O wirkenden Kräfte P_1, P_2, P_3, \dots und die Winkel, welche ihre Richtungen mit OX einschließen $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \dots$, so werden die Summen der nach OX und OY gerichteten Kräfte beziehungsweise

$$X_0 = P_1 \cos \alpha_1 + P_2 \cos \alpha_2 + P_3 \cos \alpha_3 + \dots$$

$$Y_0 = P_1 \sin \alpha_1 + P_2 \sin \alpha_2 + P_3 \sin \alpha_3 + \dots$$

Dabei werden die Vorzeichen von $\sin \alpha$ und $\cos \alpha$ für jede Kraft durch den Quadranten bestimmt, in welchem der Winkel α liegt, so daß z. B. $\sin BOX$ negativ ist. Ist $X_0 = 0$ und $Y_0 = 0$, so findet Gleichgewicht zwischen den

Kräften statt; anderenfalls hat man, wenn P_0 die GröÙe der Resultierenden und α_0 den Winkel bezeichnet, welchen sie mit der Geraden OX einschließt:

$$P_0 \cos \alpha_0 = X_0 \quad \text{und} \quad P_0 \sin \alpha_0 = Y_0,$$

woraus folgt:

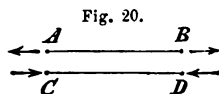
$$P_0^2 = X_0^2 + Y_0^2;$$

$$\cos \alpha_0 = \frac{X_0}{P_0}, \quad \sin \alpha_0 = \frac{Y_0}{P_0}.$$

Es wird leicht ersichtlich, daß diese Betrachtungen auch auf den Fall ausgedehnt werden können, daß die Richtungen der Kräfte nicht in einer Ebene liegen, indem man dann jede Kraft nach drei auf einander senkrechten Richtungen in Komponenten zerlegen kann.

§ 38. Gleichgewicht entgegengesetzter Kräfte an einem Faden oder einer Stütze. Spannung des Fadens; Zug- und Druckkräfte. Ein an seinem oberen Ende befestigter, elastischer Faden wird durch eine angehängte schwere Masse ausgedehnt, indem seine Teilchen sich so weit von einander entfernen, bis die dadurch erzeugte Anziehung zwischen je zwei benachbarten Teilchen (§§ 7 und 8) der Wirkung der Schwerkraft auf die angehängte Masse das Gleichgewicht hält. Die Spannung des Fadens oder die Anziehung, welche in diesem Gleichgewichtszustand zwischen zwei benachbarten Teilchen desselben stattfindet, ist gleich dem Gewicht der angehängten Masse (§ 11). Werden mehrere schwere Massen an demselben Faden aufgehängt, so ist die Spannung des Fadens gleich der Summe ihrer Gewichte.

Infolge seiner Spannung übt der Faden an seinem Aufhängungspunkt einen Zug aus, welcher dieser Spannung oder dem Gewicht der angehängten Masse gleich ist. Der Faden AB (Fig. 20) ist im Gleichgewicht, wenn an beiden Enden desselben gleich große und der Richtung nach entgegengesetzte Zugkräfte wirken. Ebenso ist ein fester Stab oder eine Stütze CD im Gleichgewicht unter dem Einfluß zweier gleichen und entgegengesetzt gerichteten Druckkräfte.



Es ist zweckmäßig, die Zug- oder Druckkräfte, welche der Spannung eines Fadens, oder dem Druck eines schweren Körpers auf seine Unterlage vergleichbar sind, also durch Gewichtseinheiten ausgedrückt werden, und welche in der Regel unmittelbar nur auf einzelne Punkte oder auf die Oberfläche der Körper wirken, von denjenigen Kräften zu unterscheiden, welche wie die Schwerkraft auf alle Massenteile des Körpers in gleicher Weise beschleunigend wirken. Für die Zusammensetzung und Zerlegung der auf einen Punkt wirkenden Zug- und Druckkräfte gelten dieselben Gesetze, welche oben (§§ 36 u. 37) für das Gleichgewicht der Kräfte an einem Punkt im allgemeinen entwickelt sind. Haben die auf die Teile eines festen Körpers wirkenden Zug- und Druckkräfte verschiedene Angriffspunkte, so kann das Gleichgewicht zwischen denselben nur mit Hilfe der Anziehungs- und Abstößungskräfte herbeigeführt werden, welche zwischen den Teilen des festen Körpers in Wirkung treten, sobald man die Gestalt des Körpers zu ändern, mithin seine Teile von einander zu entfernen, oder einander zu nähern sucht. Ein durch zwei entgegengesetzte Kräfte gespannter Faden (Draht) erleidet jederzeit eine Dehnung, wenn diese auch in vielen Fällen so gering ist, daß dieselbe ohne besonders geschärfte Beobachtungsmittel nicht bemerkt wird. Nur durch die Anziehungskräfte, welche aus der vergrößerten Entfernung der Teile des Fadens entspringen (§ 8), ist das Gleichgewicht der Teile möglich. Jedes einzelne Teilchen ist im Gleichgewicht, wenn es von den beiden benachbarten Teilchen gleiche Beschleunigungen in entgegengesetzten Richtungen erfährt. Die Anziehung je zweier auf einander folgenden Teilchen, oder die Spannung des Fadens muß daher in der ganzen Länge desselben gleich groß sein, und die beiden Endpunkte des Fadens müssen gleiche Beschleunigungen nach entgegengesetzten Richtungen erfahren. — Ist an einem Faden eine Masse von n Atomen aufgehängt, deren jedes durch die Schwerkraft die Beschleunigung g erfährt, so wird die Spannung des Fadens durch das Produkt $m \cdot g$ ausgedrückt. Denkt man sich am

anderen Ende des Fadens eine Masse aus m' Atomen angebracht, deren jedes die Beschleunigung g' in entgegengesetzter Richtung erfährt, so ist zum Gleichgewicht erforderlich, daß

$$m \cdot g = m' \cdot g'$$

sei, oder es müssen die Produkte aus den durch den Faden verbundenen Massen und den entsprechenden Beschleunigungen einander gleich sein.

Ganz dieselben Betrachtungen lassen sich auf den Druck anwenden, welchen eine Stütze erleiden würde, um die Annäherung zweier einander anziehenden Massen, z. B. der Erde und des Mondes, zu verhindern. Besteht die Masse des Körpers A aus m Atomen, die des Körpers B aus m' Atomen, und ist k die Beschleunigung, welche jedes Atom dem anderen in der Entfernung erteilt, in welcher sich beide Körper befinden, so erfährt jedes der m' Atome des Körpers B von den m Atomen des Körpers A die Beschleunigung $g' = m \cdot k$ in der Richtung nach A ; jedes der m Atome des Körpers A dagegen erfährt von den m' Atomen des Körpers B im ganzen die Beschleunigung $g = m' \cdot k$ in der Richtung nach B . Soll die Annäherung beider Körper durch eine zwischen ihnen angebrachte feste Stütze verhindert werden, so muß diese von beiden Seiten den gleichen Druck

$$m \cdot g = m' \cdot g' = mm' \cdot k$$

erleiden und die beiden einander anziehenden Massen befinden sich, mit Hilfe der Stütze, im Gleichgewicht, da die auf beiden Seiten wirkenden Druckkräfte einander gleich und entgegengesetzt gerichtet sind. Der Druck auf die Stütze oder die gegenseitige Anziehung zwischen beiden Massen wird durch das Produkt $mm' \cdot k$ ausgedrückt.

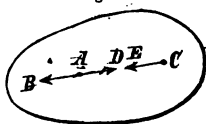
Es ist hierbei vorausgesetzt worden, daß die Anziehung, welche jedes Atom des Körpers A auf jedes Atom des Körpers B ausübt, derjenigen gleich ist, welche es selbst von ihm erfährt, so daß die Beschleunigungen, welche beide Körper einander erteilen, ihren Massen proportional sind. Dieser bisher durch alle Erfahrungen bestätigte Satz ist unter dem Namen des Prinzips der Gleichheit der Wirkung und Gegenwirkung (Aktion und Reaktion) bekannt.

§ 39. Gleichgewicht der Kräfte an einem starren Körper. Zug- und Druckkräfte, welche auf verschiedene Punkte eines festen Körpers wirken, können, wie im vorhergehenden Paragraphen erläutert worden, nur mit Hilfe der Elastizitätskräfte im Gleichgewicht sein, welche zwischen den benachbarten Teilen des Körpers in Wirkung treten, deren Entfernungen die äußeren Kräfte zu vergrößern oder zu verringern streben. In den meisten Fällen ist die Formänderung, welche der Körper dabei durch die äußeren Kräfte innerhalb der Elastizitätsgrenze (§ 8) erleidet, so gering, daß sie bei vielen praktischen Fragen über das Gleichgewicht ganz außer acht gelassen werden kann, oder daß man die Gestalt des Körpers als starr und unveränderlich betrachten darf. Hat ferner ein elastischer Körper durch die Einwirkung im Gleichgewicht befindlicher, äußerer Kräfte eine merkliche Formänderung erlitten (wie z. B. ein gedehnter, elastischer Faden, eine gespannte Uhrfeder), so wird das Gleichgewicht noch bestehen, wenn man sich den Körper in seiner veränderten Form starr geworden, d. h. seine Teile auf unveränderliche Weise mit einander verbunden denkt.

Ist A (Fig. 21) der Angriffspunkt einer der an einem starren Körper im Gleichgewicht befindlichen Kräfte, welche ihrer Größe und Richtung nach durch die Gerade AB dargestellt wird, so wird das Gleichgewicht nicht gestört, wenn man den Angriffspunkt der Kraft AB nach irgend einem anderen Punkt C auf der Geraden AB oder ihrer Verlängerung verlegt, ohne dabei die Größe oder Richtung der Kraft zu ändern — sofern nur der Punkt C zu dem Körper gehört, oder mit demselben in starre Verbindung gesetzt wird. Denn denkt man sich zu den bereits vorhandenen Kräften, welche nach Voraussetzung im Gleichgewicht sind, noch die beiden gleichen und entgegengesetzt ge-

richteten Kräfte $AD = AB$ und CE hinzugefügt, so wird wegen der starren und unveränderlichen Verbindung der Punkte A und C das Gleichgewicht noch bestehen. Nun sind aber auch die beiden, im Punkt A angreifenden, gleichen und entgegengesetzten Kräfte AB und AD unter sich im Gleichgewicht; dieselben können also fortfallen, ohne daß das Gleichgewicht der übrigen Kräfte gestört wird. Das Resultat ist also, daß die Kraft AB durch die in C angreifende gleiche Kraft CE in ihrer Wirkung ersetzt ist.

Fig. 21.

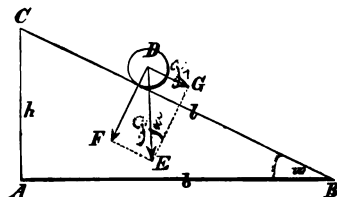


Anwendung der allgemeinen Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung auf die einfachen Maschinen und auf die Theorie des Schwerpunktes.

§ 40. Maschinen sind im allgemeinen Vorrichtungen zur Übertragung der Wirkung von Kräften von einem Körper auf den anderen; man bedient sich derselben, um mittelst der zu Gebote stehenden Kräfte die beabsichtigten Bewegungen auf möglichst vorteilhafte Weise zustande zu bringen. Man unterscheidet einfache und zusammengesetzte Maschinen. Zu den einfachen Maschinen, auf deren Wirkung die aller Bestandteile der zusammengesetzten zurückgeführt werden kann, gehören zunächst die Vorrichtungen zur Übertragung der Kräfte in geradliniger Richtung, deren Wirkungsweise bereits oben (§ 38) erörtert worden ist, nämlich der Faden (Seil) und die Stütze (Stange, Strebe). Sodann rechnet man dazu die schiefe Ebene, die Schraube, den Keil, die Rolle, das Wellrad und den Hebel.

§ 41. Fall über die schiefe Ebene. Auf einer Ebene, welche unter dem Winkel w gegen die Horizontalebene geneigt ist, und welche durch die Hypotenuse BC des rechtwinkligen Dreiecks BAC (Fig. 22) dargestellt werden mag, befinde sich in D ein schwerer Körper. Die horizontale Kathete AB , welche die Horizontalebene vorstellt, soll die Basis der schiefen Ebene genannt und mit b bezeichnet werden; die vertikale Kathete $AC = h$ heiße die Höhe, endlich $BC = l$ die Länge der schiefen Ebene. Wird der Körper D , ohne daß ihm eine Anfangsgeschwindigkeit erteilt wird, der Wirkung der Schwere überlassen, so wird derselbe, da er durch den Widerstand der schiefen Ebene verhindert ist in der Richtung DE herabzufallen, sich in der Richtung von C nach B auf der schiefen Ebene abwärts bewegen. Die Beschleunigung $DE = g$, welche ihm die Schwere erteilen würde, wenn der Widerstand der schiefen Ebene nicht vorhanden wäre, kann man sich in die Komponenten DG und DF zerlegt denken (§ 37), von denen die erste der schiefen Ebene parallel, die zweite senkrecht zu derselben gerichtet ist. Letztere Komponente wird durch den Widerstand der schiefen Ebene aufgehoben (§ 11), und nur die Komponente DG kann zur Wirkung kommen. Wegen der Ähnlichkeit der Dreiecke DGE und CAB hat man dann

Fig. 22.



$DG : DE = CA : CB$ oder, wenn die Beschleunigung auf der schiefen Ebene DG mit g' bezeichnet wird,

$$g' : g = h : l,$$

mithin $g' = g \cdot \frac{h}{l}$ oder $g' = g \sin w$.

Die Bewegung des Körpers auf der schiefen Ebene ist eine gleichförmig beschleunigte, und die in § 32 entwickelten Formeln für den freien Fall behalten ihre Gültigkeit für den Fall auf der schiefen Ebene, wenn nur anstelle von g überall g' oder $g \sin w$ gesetzt wird; es ist also insbesondere

$$v = g' t = g t \sin w; \quad s = \frac{1}{2} g' t^2 = \frac{1}{2} g t^2 \sin w;$$

$$v = \sqrt{2 g' s} = \sqrt{2 g s \sin w}.$$

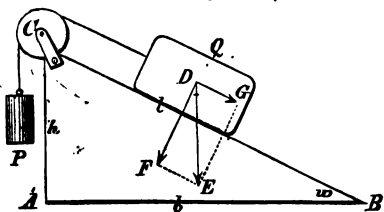
Beginnt der Körper seine Bewegung im Punkte C ohne Anfangsgeschwindigkeit, so ist die Endgeschwindigkeit, mit welcher er in B anlangt, nachdem er die ganze Länge der schiefen Ebene durchlaufen hat,

$$v = \sqrt{2 g \frac{h}{l} l} \text{ oder } v = \sqrt{2 g h},$$

d. h. der Körper langt am Fuße der schiefen Ebene mit derselben Endgeschwindigkeit an, als ob er von der Höhe h in vertikaler Richtung frei herabgefallen wäre (§ 32, Formel 3).

§ 42. Gleichgewicht auf der schiefen Ebene. Soll eine auf der schiefen Ebene CB (Fig. 23) im Punkt D ruhende Last, deren Gewicht gleich Q ist, durch eine in der Richtung DC , parallel der schiefen Ebene wirkende Kraft P im Gleichgewicht erhalten, oder am Herabgleiten von der schiefen Ebene verhindert werden, so kann man sich, um die GröÙe der erforderlichen Kraft zu finden, die Wirkung der Schwerkraft auf die Last oder ihr Gewicht Q , welches durch DE vor-

Fig. 23.



gestellt wird, in die beiden Komponenten DG und DF zerlegt denken. Die Komponente DF wird durch den Widerstand der schiefen Ebene aufgehoben und stellt den Druck dar, welchen die schiefe Ebene von der Last zu erleiden hat. Die Komponente DG muß durch die ihr gleiche und entgegengesetzt gerichtete Kraft P aufgehoben werden. Es ergibt sich (vergl. § 41)

$$P : Q = h : l$$

oder

$$P = Q \cdot \frac{h}{l} = Q \sin w.$$

Die Kraft verhält sich zur Last, wie die Höhe zur Länge der schiefen Ebene. Die Komponente $DF = Q \cos w$ oder der Druck auf die schiefe Ebene steht zum ganzen Gewicht der Last in demselben Verhältnis, wie die Basis zur Länge der schiefen Ebene.

Es ist leicht ersichtlich, welche Änderungen die Komponenten DG und DF erleiden, wenn man sich den Neigungswinkel w von 0° bis 90° wachsend denkt. — Ist die Kraft P , durch welche das Gleichgewicht hervorgebracht werden soll, nicht parallel der schiefen Ebene gerichtet, sondern unter einem beliebigen Winkel gegen dieselbe geneigt, so kann man sich die Kraft ebenfalls in eine der schiefen Ebene parallele und eine zu derselben senkrechte Komponente zerlegt denken, von denen nur die erste zur Wirkung kommt und gleich $Q \sin w$ sein muß,

während die letztere nur die GröÙe des Drucks auf die schiefe Ebene beeinflusst. Anwendungen der schiefen Ebene beim Auf- und Abladen von Lasten, Gebirgsstraßen u. s. w.

Infolge der von der Rauigkeit der Berührungsfächen herrührenden Reibung erleiden die Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung auf der schiefen Ebene eine Modifikation. Die Reibung muß nämlich als eine Kraft betrachtet werden, welche jederzeit der wirklich stattfindenden oder beabsichtigten Bewegung entgegenwirkt. Infolge derselben erfordert auch die Fortbewegung einer Last auf einer horizontalen Ebene einen Kraftaufwand, welcher bei der gleitenden Reibung größer ist als bei der rollenden Reibung (Walzen, Wagenräder, Frik-tionsrollen) und bei der ersteren durch Schmiermittel verringert werden kann. Die Erfahrung hat gelehrt, daß die Reibung dem Druck proportional ist, außerdem ist dieselbe von der Substanz und dem Grade der Rauigkeit der geriebenen Flächen abhängig. Die Reibung im Zustand der Ruhe ist größer als die Reibung, welche stattfindet, wenn die Last einmal in Bewegung gesetzt ist; die letztere ist, außer für sehr geringe Geschwindigkeiten [bis 3 mm in der Sekunde (Thomson)], unabhängig von der Geschwindigkeit.

Infolge der Reibung bleibt ein Körper, der nicht rollen kann, auf einer schiefen Ebene in Ruhe, solange der Neigungswinkel einen gewissen Grenzwert nicht überschreitet. Dieser Grenzwert des Neigungswinkels w , bei welchem der Körper zu gleiten beginnt, kann dazu dienen, den Reibungskoeffizienten, d. h. das Verhältnis zwischen Reibung und Druck, zu bestimmen. Es ist nämlich der Druck $L = Q \cos w$, während die Reibung R eben noch hinreicht, um der Komponente $P = Q \sin w$ das Gleichgewicht zu halten, mithin der Reibungskoeffizient $\frac{R}{L} = \tan w$.

Man nimmt an, daß bei der Bewegung eines Lastwagens auf guter, ebener Chaussee die Reibung etwa $\frac{1}{20}$ bis $\frac{1}{30}$, auf Eisenbahnen aber nur $\frac{1}{200}$ der Last betrage.

Die Triebräder der Lokomotive müssen auf den Schienen, die Treibriemen einer Maschine auf den Wellen oder Riemscheiben mit hinreichender Reibung haften, um das Gleiten zu verhindern.

§ 43. Mechanische Arbeit; Prinzip der Erhaltung der Arbeit; lebendige Kraft. Um eine Last Q auf eine bestimmte Höhe h zu heben, ist eine gewisse Arbeit erforderlich, welche durch das Produkt $Q \cdot h$ gemessen wird. Umgekehrt vermag das Gewicht Q , indem es von der Höhe h herabsinkt, eine gleiche Arbeit zu leisten, z. B. ein gleiches Gegengewicht auf dieselbe Höhe zu heben (§ 47). Die Arbeit, welche erforderlich ist, um 1 Kilogramm auf die Höhe von 1 Meter zu heben, wird ein Kilogramm-meter (kgm) genannt und dient als Einheit bei Vergleichung von Arbeitsgrößen. Unter der Arbeit einer Kraft versteht man allgemein das Produkt aus der Kraft in den Weg ihres Angriffspunktes.

Im allgemeinen findet stets ein Verbrauch von Arbeit statt, wo ein Körper der Richtung einer auf ihn wirkenden Kraft entgegen bewegt, oder der Widerstand dieser Kraft überwunden werden muß. Zur Fortbewegung einer Last auf einer horizontalen Ebene ist nur die zur Überwindung der entgegenwirkenden Reibung verbrauchte Arbeit erforderlich. Soll dagegen die Last Q (§ 42) längs einer schiefen Ebene aufwärts bewegt werden, so muß dabei, abgesehen von der Reibung, der Widerstand der Kraft P überwunden werden, und wenn die Bewegung von B bis C (Fig. 23), also durch die Wegstrecke l stattfinden soll, so ist die dazu erforderliche Arbeit $P \cdot l$. Sollte dieselbe Last Q bis zur Höhe der schiefen Ebene h , oder von A bis C senkrecht emporgehoben werden, so wäre die dazu verbrauchte Arbeit $Q \cdot h$. Nach § 42 ist aber $P \cdot l = Q \cdot h$, oder die Arbeit in beiden Fällen die gleiche. Wird die Last Q , wie in Fig. 23 ange-
 tet, durch ein herabsinkendes Gewicht P auf der schiefen Ebene empor-

gezogen, so ist die durch das Herabsinken des Gewichts gewonnene Arbeit Pl gleich der zum Emporheben der Last verbrauchten Arbeit Qh . Es ist daher, wenn man sich zum Heben einer Last einer schiefen Ebene bedient, zwar eine geringere Kraft zur Bewegung der Last erforderlich, da aber der zu durchlaufende Weg genau in demselben Verhältnis sich vergrößert, in welchem die erforderliche Kraft sich verringert, so findet weder ein Gewinn noch ein Verlust an Arbeit statt. Dieser wichtige Satz, welcher nicht nur für die schiefe Ebene, sondern in entsprechender Weise für alle anderen einfachen und zusammengesetzten Maschinen gilt, ist unter dem Namen des Prinzips der Erhaltung der Arbeit bekannt.

Infolge dieses Prinzips ist es nicht möglich, durch irgend eine Kombination von Maschinen einen Arbeitsgewinn ohne entsprechenden Arbeitsverbrauch zu erzielen, oder ein sogenanntes Perpetuum mobile herzustellen, welches nicht nur sich selbst im Gange zu erhalten, sondern auch ohne äußere Triebkraft ins Unbegrenzte Arbeit zu leisten imstande wäre. Inwiefern dieses hier zunächst nur für mechanische Kräfte aufgestellte Prinzip auch auf diejenigen Maschinen Anwendung findet, welche durch Wärme, wie z. B. die Dampfmaschinen, durch Elektrizität, u. s. w. in Bewegung gesetzt werden, wird unten (§§ 241, 344) erörtert werden.

In der Technik pflegt man die Arbeitsleistung der Maschinen nach Pferdekraften zu berechnen, indem man annimmt, daß eine Pferdekraft in einer Sekunde eine Arbeit von annähernd 75 kgm zu leisten imstande sei. (§ 223.)

Fällt ein Körper, dessen Masse m , dessen Gewicht p also gleich mg ist, von der Höhe h herab, so erlangt derselbe die Geschwindigkeit $v = \sqrt{2gh}$ (§ 32). Dieselbe Geschwindigkeit erlangt der Körper beim Herabgleiten von einer schiefen Ebene, deren Höhe h ist (§ 41), wenn kein Geschwindigkeitsverlust durch Reibung stattfindet. Die in beiden Fällen gewonnene Arbeit wird durch das Produkt $p \cdot h$ dargestellt. Dieselbe ist verbraucht worden, um der Masse m die Geschwindigkeit v zu erteilen. Umgekehrt würde diese Geschwindigkeit hinreichen, um den Körper wieder bis zur Höhe h emporzutreiben (§ 33), oder die Masse m ist infolge der erlangten Geschwindigkeit fähig, die Arbeit $p \cdot h$ zu leisten. Es ist aber

$$2gh = v^2,$$

mithin

$$p \cdot h = mgh = \frac{1}{2} mv^2.$$

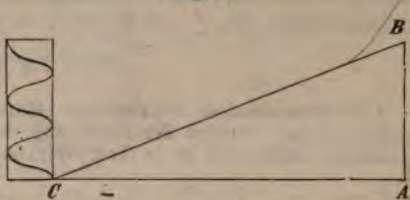
Man kann daher sagen, daß, um der Masse m die Geschwindigkeit v zu erteilen, eine Arbeitsgröße gleich $\frac{1}{2} mv^2$ erforderlich sei, und daß umgekehrt die Masse m , welche sich mit der Geschwindigkeit v bewegt, infolge derselben eine gleiche Arbeit zu leisten fähig ist. — Das halbe Produkt aus der Masse und dem Quadrat der Geschwindigkeit, $\frac{1}{2} mv^2$, wird mit dem Namen der lebendigen Kraft bezeichnet. Beim Herabfallen eines Körpers wird die von ihm geleistete Arbeit als lebendige Kraft gewonnen, beim Emporsteigen wird die lebendige Kraft zur Leistung von Arbeit verbraucht (Prinzip der lebendigen Kräfte). In gleicher Höhe über dem Horizont hat ein Geschofs dieselbe lebendige Kraft (Vergl. die letzte Gleichung im § 35a).

Zur Fortbewegung eines Körpers auf einer horizontalen Ebene wird wegen der dabei stattfindenden Reibung eine Arbeitsmenge verbraucht, ohne daß gleichzeitig ein entsprechender Gewinn an Arbeit stattfindet. Dieser Arbeitsverbrauch bei der Reibung findet seine Erklärung in der Wärmelehre (§ 241).

§ 44. Die Schraube. Denkt man sich ein rechtwinkliges Dreieck ABC (Fig. 24) um einen Kreiscylinder gewunden, so bildet die Hypotenuse CB auf der Cylinderfläche eine in schiefen Windungen ansteigende Schraubenlinie. Eine Windung der Schraubenlinie heißt ein Schrauben-

gang, der Abstand zweier auf einander folgenden Windungen die Höhe eines Schraubenganges. Es ist klar, daß die Höhe eines Schraubenganges zu seiner Länge in demselben Verhältniß steht, wie die Kathete AB zur Hypotenuse BC des rechtwinkligen Dreiecks. Denkt man sich die Windungen der Schraubenlinie erhaben auf der Oberfläche des Cylinders, welcher die Schraubenspindel heißt und ein diesen erhabenen Windungen entsprechnendes, vertieftes Schraubengewinde auf der Innenfläche eines Hohlcyinders, der Schraubenmutter, eingeschnitten, so daß die Erhabenheiten und Vertiefungen genau in einander passen, so wird bei jeder Umdrehung der Schraubenspindel in der feststehenden Schraubenmutter die erstere um die Höhe eines Schraubenganges in der Richtung ihrer Axe verschoben, und es kann mittelst einer am Umfang der Schraubenspindel, oder eines an derselben angebrachten Knopfes wirkenden Kraft ein Druck in der Richtung der Axe der Schraubenspindel ausgeübt, oder eine an derselben aufgehängte Last gehoben werden. Das Gleiten der Windungen der Schraubenspindel auf denen der Schraubenmutter kann mit der Bewegung einer Last auf einer schiefen Ebene verglichen werden, so daß mit einer gegebenen Kraft eine um so größere Last gehoben, oder ein um so größerer Druck in der Richtung der Axe ausgeübt werden kann, je kleiner die Höhe im Verhältniß zur Länge eines Schraubenganges, oder zum Umfang der Schraube ist.

Fig. 24.

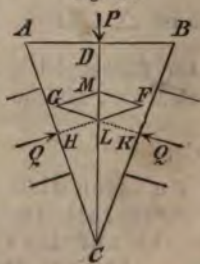


Es ist jedoch zu bemerken, daß erstens die Kraft in der Regel nicht am Umfange der Schraubenspindel selbst, sondern an einem Schraubenkopf von größerem Durchmesser, oder an einem mit der Schraubenspindel verbundenen Hebel wirkt, weshalb bei Beurteilung der Wirkung der Schraube auch die Gesetze des Hebels (§ 49) in Betracht zu ziehen sind, und daß andererseits die Reibung beim Gebrauch der Schraube von großem Einfluß zu sein pflegt.

Anwendung der Schraube bei Pressen, zur Befestigung, ferner zur Erzeugung feiner Bewegungen und zur Messung sehr kleiner Größen, als Mikrometerschraube; Sphärometer.

§ 45. Der Keil ist ein festes, dreiseitiges Prisma, dessen Querschnitt ABC (Fig. 25) ein gleichschenkliges Dreieck bildet. Die von den gleichen Seitenflächen AC und BC gebildete Kante C heißt die Schneide, die gegenüberliegende Fläche AB der Rücken des Keils. Wirken auf die Seitenflächen des Keils in H und K gleiche Druckkräfte, so kann man sich die Angriffspunkte derselben nach dem auf der Mittellinie CD gelegenen Punkt L verlegt denken. Die beiden Kräfte LF und LG können dann durch eine Resultierende LM ersetzt werden, welche durch eine gleich große und entgegengesetzte Kraft, die senkrecht gegen den Rücken des Keils wirkt, im Gleichgewicht gehalten wird. Dasselbe gilt für die auf je zwei andere, symmetrisch gelegene Punkte der Seitenflächen wirkenden Druckkräfte. Ist Q der gesamte Druck auf jede der beiden Seitenflächen, P die auf den Rücken des Keils wirkende

Fig. 25.



Kraft, so hat man wegen der Ähnlichkeit der Dreiecke LMG und ABC

$$P : Q = AB : BC$$

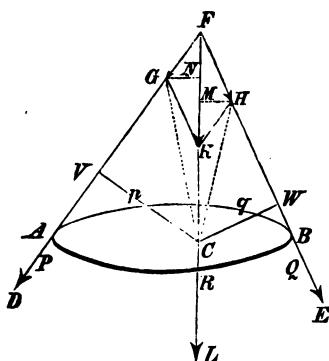
oder, die Kraft verhält sich zur Last, wie die Breite des Rückens zur Seitenlinie des Keils. Das Verhältnis zwischen Kraft und Last ist daher um so günstiger, je schärfer der Keil, oder je kleiner der Neigungswinkel ist, unter welchem die Seitenflächen sich in der Kante C durchschneiden, ist $\angle ACB = \gamma$, so ist

$$P = 2 Q \sin \frac{1}{2} \gamma.$$

Alle schneidenden Instrumente (Messer, Meißel u. s. w.) wirken als Keile. Anwendung des Prinzips der Erhaltung der Arbeit (§ 43) auf den Keil. — Die sogenannte Kniepresse ist in ihrer Wirkungsweise dem Keil ähnlich.

§ 46. Gleichgewicht eines um eine feste Axe drehbaren Körpers. Ein um eine feste Axe drehbarer Körper ist im Gleichgewicht, wenn die auf ihn wirkenden Kräfte sich durch eine Resultierende ersetzen lassen, welche durch die Umdrehungsaxe geht. In diesem Falle wird nämlich die Resultierende durch den Widerstand der festen Axe aufgehoben. Wirkt eine einzige Kraft auf den Körper, so muß die Richtung derselben die Umdrehungsaxe schneiden. — Ist ein Körper um den festen Punkt C (Fig. 26) drehbar, und sind A und B die Angriffspunkte zweier Kräfte, deren Richtungen nebst dem Umdrehungspunkte C in einer Ebene liegen, und befinden sich diese Kräfte im Gleichgewicht, so kann man sich (§ 39), ohne das Gleichgewicht zu stören, die Angriffspunkte beider Kräfte nach dem Durchschnittspunkt ihrer Richtungen F verlegt denken, indem man sich den Punkt F mit dem Körper fest verbunden denkt. Ist demnach $FG = P$, $FH = Q$, so stellt die Diagonale FK des zwischen beiden konstruierten Parallelogramms die Resultierende beider Kräfte dar. Die Verlängerung

Fig. 26.



dieser Diagonale muß also, wenn Gleichgewicht bestehen soll, durch den Punkt C gehen. Fällt man von C aus auf die Richtungen der beiden Kräfte die Lote p und q und zieht außerdem die Geraden CG und CH , so ist $\triangle CGF = \frac{1}{2} Pp$, $\triangle CHF = \frac{1}{2} Qq$. Diese beiden Dreiecke sind

aber flächengleich, da sie, wenn man FC als gemeinschaftliche Grundlinie betrachtet, gleiche Höhe haben. Mithin ist

$$Pp = Qq$$

oder

$$P : Q = q : p.$$

Es müssen also die Kräfte P und Q , wenn Gleichgewicht stattfinden soll, im umgekehrten Verhältnis der vom Umdrehungspunkt auf ihre Richtungen gefällten Lote stehen, oder die Produkte aus den Kräften und den entsprechenden Loten müssen einander gleich sein. Man nennt diese Produkte die statischen Momente der beiden Kräfte in Beziehung auf den Umdrehungs-

punkt, wonach die angegebene Gleichgewichtsbedingung kürzer so lautet, daß die statischen Momente beider Kräfte in Beziehung auf den Umdrehungspunkt einander gleich sein müssen.

Über den besonderen Fall, daß die Richtungen beider Kräfte parallel sind, vergleiche § 49a.

Anmerkung 1. Es sei ein Parallelogramm $FGHK$ (Fig. 27a und b) und in der Ebene desselben ein beliebiger Punkt C gegeben. Auf die Seiten $FG = P$, $FH = Q$ und auf die Diagonale $FK = R$ seien von C aus die Lote p , q , r gefällt, und außerdem sei C mit den vier Eckpunkten des Parallelogramms verbunden, so ist

$$\triangle FCG = \frac{1}{2} Pp, \triangle FCH = \frac{1}{2} Qq,$$

$$\triangle FCK = \frac{1}{2} Rr.$$

Es ist leicht zu erweisen, daß das letztere Dreieck gleich der Summe oder der Differenz der beiden ersten ist, je nachdem der Punkt C außerhalb oder innerhalb des von den Geraden FG und FH eingeschlossenen Winkelraumes liegt. (Betrachtet man nämlich FC als gemeinschaftliche Grundlinie der Dreiecke, so überzeugt man sich leicht, daß das von K aus auf FC oder ihre Verlängerung gefällte Höhenlot im ersten Fall gleich der Summe, im im letzten gleich dem Unterschied der von G und H aus gefällten Lote ist.) Es ist daher im ersten Fall

$$Rr = Pp + Qq,$$

im zweiten Fall

$$Rr = Pp - Qq.$$

Stellen also P und Q zwei Kräfte vor, welche auf einen um C drehbaren Körper wirken, so ergibt sich der Satz:

Das statische Moment der Resultierenden zweier Kräfte in Beziehung auf den Umdrehungspunkt ist gleich der Summe oder Differenz der statischen Momente der Komponenten, je nachdem beide Kräfte eine Drehung des Körpers in gleichem oder in entgegengesetztem Sinne zu bewirken streben.

Wirken auf einen um C drehbaren Körper beliebig viele Kräfte, deren Angriffspunkte und Richtungen mit C in einer Ebene liegen, so ist zum Gleichgewicht erforderlich, daß die Summe der statischen Momente der Kräfte, welche den Körper in einem Sinne zu drehen streben, gleich sei der Summe der statischen Momente der in entgegengesetztem Sinne wirkenden Kräfte. In diesem Fall ist nämlich das statische Moment der Resultierenden sämtlicher Kräfte gleich Null, d. h. die Resultierende ist entweder selbst gleich Null, oder sie geht durch den Umdrehungspunkt und wird durch den Widerstand des festen Punktes aufgehoben. Giebt man den Momenten entgegengesetzte Vorzeichen, je nachdem sie einer Drehung nach rechts oder links entsprechen, so kann man die Gleichgewichtsbedingung noch kürzer aussprechen: die algebraische Summe der Momente aller Kräfte in Beziehung auf den Umdrehungspunkt muß gleich Null sein.

Anmerkung 2. Es ist leicht zu erweisen, daß das Prinzip der Erhaltung der Arbeit (§ 43) bei allen auf das Gleichgewicht eines drehbaren Körpers bezüglichen Fällen seine Gültigkeit behält. Denkt man sich den Körper um einen kleinen Winkel α gedreht, so läßt sich zeigen, daß $\alpha \cdot Pp$ die dabei von der Kraft P geleistete Arbeit ausdrückt, mithin besagt obige Gleichgewichtsbedingung, daß die Summe der bei der Drehung gewonnenen Arbeit gleich der Summe der verbrauchten Arbeit ist.

§ 47. Die Rolle ist eine kreisrunde Scheibe (Fig. 28), welche um

Fig. 27a.

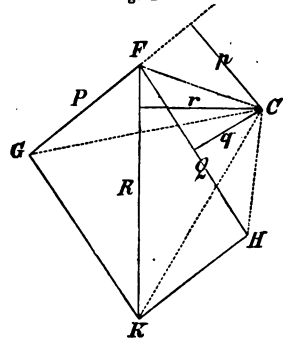
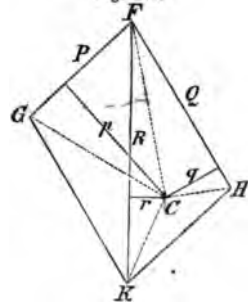
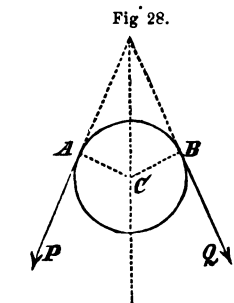


Fig. 27b.



eine durch ihren Mittelpunkt C gehende, feste Axe drehbar ist, und um deren Umfang ein biegsamer Faden geschlungen ist. Die Kräfte P und Q , welche die Rolle zu drehen streben, wirken an den Enden des Fadens oder Seiles, also in der Richtung der Tangenten AP , BQ . Da die vom Umdrehungspunkt C auf die Richtungen der Kräfte gefällten Lote CA , CB als Radien eines Kreises einander gleich sind, so ist die zum Gleichgewicht erforderliche Bedingung (§ 46), daß die an beiden Enden des Fadens oder Seiles wirkenden Kräfte einander gleich seien.



wirkt an dem einen, die Last Q an dem anderen Ende des um die Rolle geschlungenen Seiles. Dieselbe kann daher nicht dazu dienen, an Kraft zu sparen, wohl aber

Man unterscheidet feste und bewegliche Rollen. Bei der festen Rolle (Fig. 29A) ist die Umdrehungsaxe unverrückbar befestigt, die Kraft P wirkt an dem einen, die Last Q an dem anderen Ende des um die Rolle geschlungenen Seiles. Dieselbe kann daher nicht dazu dienen, an Kraft zu sparen, wohl aber die Richtung der Kraft auf zweckmäßige Weise abzuändern. Bei der beweglichen Rolle dagegen (Fig. 29B) ist die Last Q an der Axe der Rolle aufgehängt. Das eine Ende des um die Rolle geschlungenen Seiles ist bei C unverrückbar befestigt, während am anderen Ende des Seiles die Kraft P entweder unmittelbar oder, wie in der Figur angedeutet, mit Hilfe einer zweiten, festen Rolle wirkt. Durch die Befestigung des Seiles bei C wird eine gleich große, in diesem Punkte an dem Seile wirkende Kraft ersetzt. Die Last Q muß im Fall

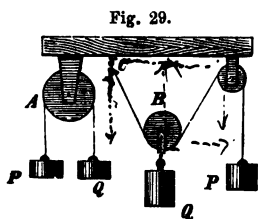
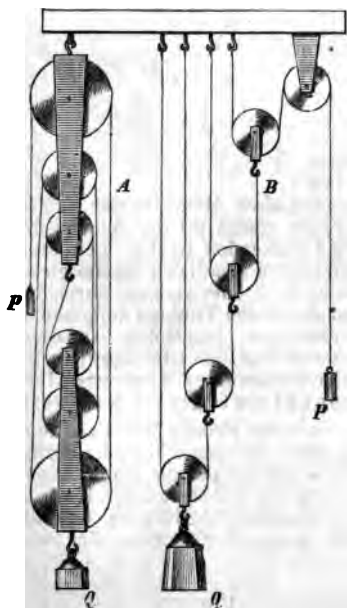


Fig. 29.

Fig. 30A.

Fig. 30B.



des Gleichgewichts der Resultierenden der an beiden Enden des Seiles wirkenden Kräfte gleich sein. Im günstigsten Fall, wenn nämlich beide Teile des Seiles parallel sind, ist $Q = 2P$, oder die zur Erzielung des Gleichgewichts erforderliche Kraft gleich der Hälfte der Last.

Über die Zusammensetzung paralleler Kräfte vergl. unten § 49a.

Eine Verbindung mehrerer, teils fester, teils beweglicher Rollen, welche häufig zum Heben von Lasten gebraucht wird, heißt ein Flaschenzug. Der gemeine Flaschenzug (Fig. 30A) besteht aus gleich vielen festen und beweglichen Rollen, welche in einem festen und einem beweglichen Kloben vereinigt sind. Beide Kloben sind unter einander durch ein Seil verbunden, von welchem das eine Ende an dem unteren Ende des festen Klobens befestigt, und welches dann der Reihe nach um je eine Rolle des beweglichen und des festen Klobens geschlungen ist. Die Last Q ist am beweglichen Kloben aufgehängt, die Kraft P wirkt am freien Ende des Seiles. Da im Fall des Gleichgewichts alle Teile des Seiles gleich stark gespannt sein müssen, so verteilt sich die Last gleichmäßig auf so viel parallele Seile, als zusammen feste und bewegliche Rollen vorhan-

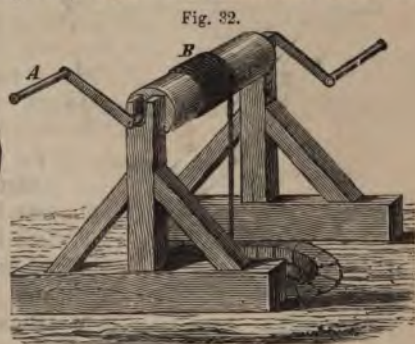
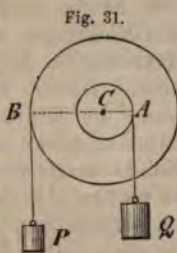
den sind, oder wenn jeder Kloben n Rollen enthält, so vermag ein Gewicht von 1 kg eine Last von $2n$ kg im Gleichgewicht zu erhalten.

Der Potenzflaschenzug besteht aus einer festen und mehreren beweglichen Rollen, die unter einander auf die in Fig. 30B angedeutete Weise verbunden sind. Es ist klar, daß die unterste Rolle mit dem ganzen Gewicht der Last Q , die nächste nur mit $\frac{1}{2} Q$, die folgende mit $\frac{1}{4} Q$, u. s. w. belastet ist, daß also im allgemeinen, wenn n bewegliche Rollen vorhanden sind, ein Gewicht von 1 kg hinreicht, um eine Last von 2^n kg im Gleichgewicht zu erhalten. Daher der Name Potenzflaschenzug. — Anwendung des Prinzips der Erhaltung der Arbeit auf den gemeinen und den Potenzflaschenzug.

§ 48. Das Wellrad. Sind zwei Rollen von verschiedenem Durchmesser auf einer gemeinsamen Axe befestigt (Fig. 31), und sind um dieselben zwei Seile in entgegengesetzter Richtung geschlungen, an welchen die Gewichte P und Q aufgehängt sind, so müssen beide Gewichte, damit Gleichgewicht bestehe, im umgekehrten Verhältnis der Halbmesser beider Rollen stehen (§ 46). Bei der Winde (Fig. 32) wirkt die Kraft am Ende A eines mit der Welle B verbundenen Hebels, während die Last an einem um die Welle geschlungenen Seile aufgehängt ist.

Verbindungen von Rädern von verschiedenem Durchmesser werden beim Getriebe der Uhrwerke und anderer zusammengesetzten Maschinen vielfach angewendet, um teils das Verhältnis zwischen Kraft und Last, teils das Verhältnis der Umdrehungsgeschwindigkeiten beliebig abzuändern. Dieses geschieht entweder, indem man die auf verschiedenen Axen befestigten Räder mittelst am Umfange angebrachter Zähne in einander greifen läßt (Fig. 33), oder indem man einen Treibriemen um zwei Wellen oder Riemscheiben von verschiedenem Durchmesser legt (Fig. 34). Die Umdrehungsgeschwindigkeiten beider Räder oder Wellen stehen dann im umgekehrten Verhältnis ihres Umfanges, beziehungsweise der Anzahl der in einander greifenden Zähne.

§ 49. Der Hebel. Man nennt eine unbiegsam und gewichtslos gedachte, um einen festen Punkt drehbare gerade Linie einen mathematischen Hebel. Ein physischer Hebel ist eine der Schwere unterworfenen Stange, oder im allgemeinen ein beliebig gestalteter, fester Körper, der sich unter dem Einfluß gegebener Kräfte um einen festen Unterstützungspunkt oder eine feste Axe drehen kann. Die allgemeine Bedingung für das Gleichgewicht zweier Kräfte am Hebel ist in dem oben (§ 46) entwickelten Satze enthalten, daß die Momente der Kräfte in Beziehung auf den Umdrehungspunkt einander gleich und dem Sinne nach entgegengesetzt sein müssen. Es bleibt also nur noch übrig, die wichtigsten besonderen



Fälle zu betrachten, wobei vorläufig von der Wirkung der Schwere auf die Teile des drehbaren Körpers abgesehen werden soll, da dieselbe erst unten in der Lehre vom Schwerpunkt (§ 51a) berücksichtigt werden kann.

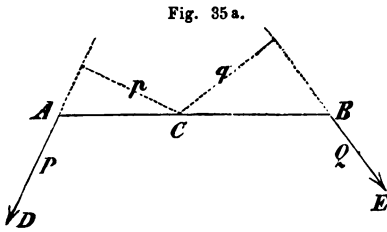


Fig. 35 b.

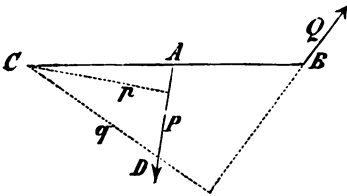


Fig. 36 a.

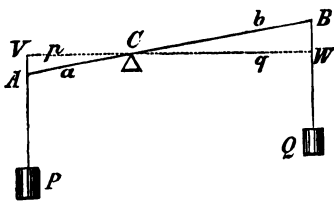
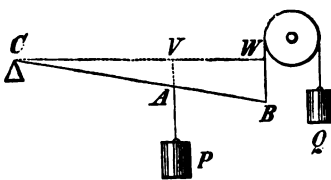


Fig. 36 b.



Wirken auf einen geradlinigen Hebel zwei Kräfte P und Q , so können ihre Angriffspunkte A und B (Fig. 35a und b) entweder auf verschiedenen Seiten, oder auf derselben Seite des Unterstützungspunktes C liegen. Im ersten Fall heißt der Hebel ein zweiarmiger, im letzteren Fall ein einarmiger. Die Entfernungen der Angriffspunkte vom Unterstützungspunkt AC und BC heißen die Hebelarme.

§ 49a. Fall paralleler Kräfte.

Besondere Berücksichtigung verdient der häufig vorkommende Fall, daß die Richtungen aller an einem Hebel angreifenden Kräfte einander parallel sind. Dieser Fall tritt z. B. ein, wenn die Kräfte durch Gewichte erzeugt werden, die an verschiedenen Punkten des Hebels aufgehängt sind, mithin sämtlich in vertikaler Richtung wirken. Wirken an dem geradlinigen Hebel ACB (Fig. 36a und b) die parallelen Kräfte P und Q , so fallen die vom Unterstützungspunkt C auf die Richtungen beider Kräfte gefällten Lote in eine gerade Linie VCW zusammen. Wegen der Ähnlichkeit der Dreiecke ACV und BCW hat man dann, wenn die Lote mit p , q , die Hebelarme mit a , b bezeichnet werden,

$$a : b = p : q,$$

mithin die Bedingung des Gleichgewichts

$$P : Q = b : a$$

oder Kraft und Last müssen im umgekehrten Verhältnis der Hebelarme stehen (Hebelgesetz des Archimedes).

Die in § 46 angegebene Konstruktion der Resultierenden, auf welcher der Beweis des Satzes über die statischen Momente beruht, findet auf den Fall paralleler Kräfte keine unmittelbare Anwendung, da ihre Richtungen, unbegrenzt verlängert, sich nicht schneiden. Die Resultierende paralleler Kräfte, welche auch die Mittelkraft der parallelen Kräfte genannt wird, kann aber leicht durch folgende Betrachtung gefunden werden. Es seien (Fig. 37) A und B die Angriffspunkte der parallelen Kräfte $AD = P$ und $BE = Q$, die am Hebel AB im Gleichgewicht sein sollen, so kann man, ohne das Gleichgewicht zu stören, in den Endpunkten der geraden Linie AB die gleich großen und entgegengesetzt gerichteten Kräfte AH und BK hinzufügen, welche sich gegenseitig aufheben. Denkt man sich nun die beiden in A angreifenden Kräfte zu einer Resultierenden AM und die in B angreifenden Kräfte zu einer Resultierenden BN

vereinigt, so müssen auch diese im Gleichgewicht sein. Verlegt man ferner die Angriffspunkte beider Resultierenden nach dem Durchschnittspunkt ihrer Richtungen F und denkt sich in diesem Punkte jede der beiden Kräfte wieder durch ihre Komponenten ersetzt, so heben sich die Komponenten FJ und FL als gleiche und entgegengesetzt gerichtete Kräfte auf, und es sind die ursprünglich gegebenen Kräfte durch die Summe der Komponenten $FS = P$ und $FT = Q$ ersetzt. Die Mittelkraft, welche die gemeinsame Wirkung der parallelen Kräfte P und Q ersetzt, ist also gleich der Summe (oder im Fall entgegengesetzt paralleler Kräfte gleich dem Unterschied) beider. Die Richtung der Mittelkraft ist der Richtung der gegebenen Kräfte parallel. Die Bedingung des Gleichgewichts ist, daß der Unterstützungspunkt des Hebels auf der Geraden FC liege. Ist der Hebel ein geradliniger, so muß C der Unterstützungspunkt sein. Da US und TV parallel AB sind, so ist

$$\begin{aligned}
 AC : CF &= US : SF \\
 BC : CF &= VT : TF \\
 AC : BC &= Q : P,
 \end{aligned}$$

mithin, da $US = VT$ ist, $AC \cdot SF = BC \cdot TF$, oder

d. h. die Hebelarme müssen im umgekehrten Verhältnis der Kräfte stehen.

Die Mittelkraft $P + Q$ giebt den Druck an, welchen der Unterstützungspunkt des Hebels zu erleiden hat. Bringt man in C (Fig. 38) eine Kraft R an, welche der Mittelkraft der beiden Kräfte P und Q gleich und entgegengesetzt gerichtet ist, so sind die Kräfte P, Q, R an der Geraden AB im Gleichgewicht, und es ist

$$AC : BC = Q : P,$$

woraus ferner folgt:

$$AC + BC : BC = P + Q : P$$

oder
und

$$\begin{aligned}
 AB : BC &= R : P \\
 AB : AC &= R : Q.
 \end{aligned}$$

Fig. 37.

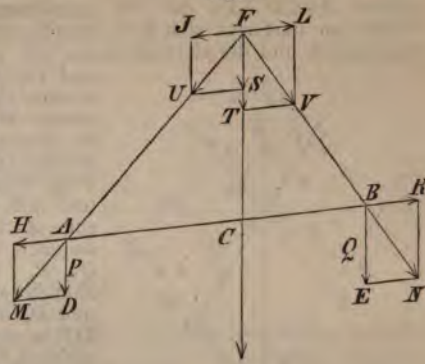
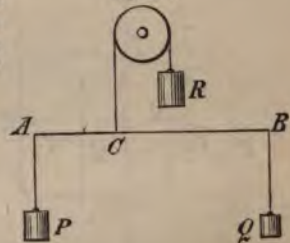
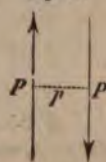


Fig. 38.



§ 50. Kräftepaare. (Poinsot, 1804). Sind die Kräfte P, Q, R (Fig. 38) an der Geraden AB im Gleichgewicht, so ist jede derselben der Resultierenden der beiden anderen entgegengesetzt gleich. Es ist also z. B. B der Angriffspunkt der Resultierenden der Kräfte P und R . Da $AB : BC = R : P$ ist (§ 49a), so wird sich das Verhältnis $AB : BC$ um so mehr der Einheit nähern, je weniger R und P von einander an Größe verschieden sind. Denkt man sich die Gerade AB ins Unbegrenzte verlängert, so wird der Angriffspunkt B immer weiter hinausrücken und sich über jede angebbare Grenze entfernen, wenn $R = P$ wird. Es läßt sich also in diesem Fall eine Resultierende, welche beide Kräfte in ihrer Wirkung ersetzt, oder eine dritte Kraft, welche beide im Gleichgewicht hält, nicht mehr angeben. Zwei gleiche, parallel aber entgegengesetzt gerichtete Kräfte, welche in verschiedenen Punkten eines völlig frei beweglichen, festen Körpers angreifen, können demnach nicht durch eine Resultierende ersetzt, daher auch nicht durch eine einzige dritte Kraft im Gleichgewicht gehalten werden. Ein System zweier solchen gleichen und entgegengesetzt parallelen Kräfte PP (Fig. 39) heißt ein Kräftepaar. Der Abstand p ihrer parallelen Richtungslinien heißt der Hebelarm, das Produkt aus Kraft und Hebelarm Pp das Moment, eine auf der Ebene der beiden Kräfte senkrechte Gerade die Axe des Kräftepaares.

Fig. 39.



Zwei in einer Ebene wirkende Kräftepaare, deren Momente gleich groß und entgegengesetzt sind, halten einander jederzeit im Gleichgewicht. Es seien die beiden Kräftepaare Pp , Qq (Fig. 40) gegeben, deren Momente einander gleich seien, die jedoch entgegengesetzte Drehrichtung haben mögen. Durch Verlängerung der Richtungen der Kräfte entsteht das Parallelogramm $ABCD$. Da die vier gegebenen Kräfte an demselben festen Körper wirken, so darf man sich ihre Angriffspunkte paarweise nach A und nach D verlegt denken und die Resultierenden AE und DT aufsuchen. Diese sind gleich und entgegengesetzt gerichtet, da ihre Komponenten, einzeln verglichen, gleich groß sind und gleiche Winkel einschließen. Es ist ferner leicht zu erweisen, daß ihre Richtungen AE und DT mit der Diagonale AD in eine gerade Linie fallen. Fällt man nämlich von A aus die Lote AH und AK , so folgt aus der Ähnlichkeit der Dreiecke ABH und ACK , daß $AB : AC = p : q$, und da nach Voraussetzung $Pp = Qq$ ist, $AB : AC = Q : P$. Es ist mithin Parallelogramm $ABCD$ ähnlich den kongruenten Parallelogrammen $AMNE$ und $DRST$. Also fallen die Diagonale EA , AD , DT in eine gerade Linie, und die entgegengesetzt gleichen Kräfte AE und DT sind im Gleichgewicht, was zu beweisen war.

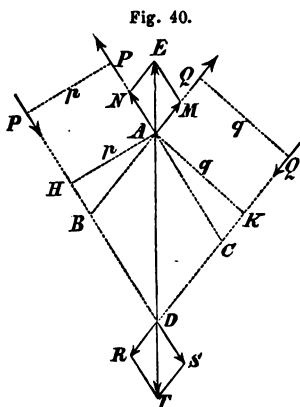


Fig. 41.

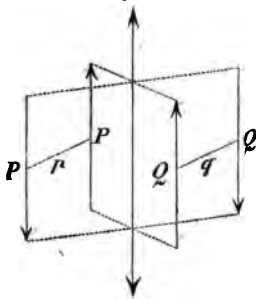
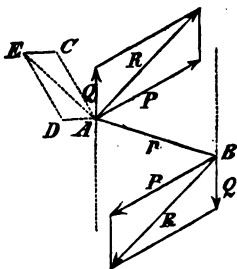


Fig. 42.



Es folgt daraus, daß jedes Kräftepaar durch ein gleiches, beliebig in derselben Ebene gelegenes Kräftepaar ersetzt werden kann. Zwei in einer Ebene wirkende Kräftepaare können jederzeit durch ein drittes ersetzt werden, dessen Moment gleich der Summe oder der Differenz ihrer Momente ist, je nachdem beide in gleichem oder entgegengesetztem Sinne wirken.

Es lassen sich ferner folgende Sätze über die Kräftepaare erweisen. Zwei entgegengesetzt gleiche, in parallelen Ebenen wirkende Kräftepaare heben einander auf (Fig. 41).

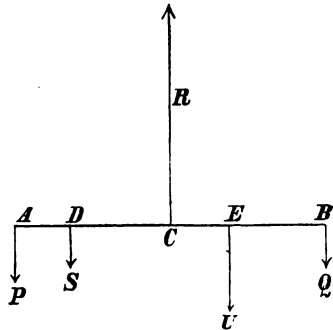
Zwei Kräftepaare, deren Ebenen und Axen unter einem beliebigen Winkel gegeneinander geneigt sind, können durch ein resultierendes Kräftepaar ersetzt werden; indem man auf den Axen beider Kräftepaare ihren Momenten proportionale Strecken aufträgt. Die Diagonale des aus beiden konstruierten Parallelogramms giebt die Axe und das Moment des resultierenden Kräftepaars an. (In Fig. 42 stellt AB den in der Durchschnittskante beider Ebenen liegenden gemeinschaftlichen Hebelarm der Kräftepaare PP , QQ dar. AC , AD , AE sind die Axen der beiden gegebenen und des resultierenden Kräftepaars RR , welche auf ihren Ebenen senkrecht sind.) Kräftepaare können daher nach denselben Gesetzen wie einfache Kräfte zusammengesetzt und zerlegt werden.

Mit Hilfe der Theorie der Kräftepaare ist es leicht, die allgemeinen Bedingungen des Gleichgewichts der an einem festen Körper angreifenden Kräfte abzuleiten, worauf hier aus Mangel an Raum verzichtet werden muß.

§ 51. Mittelpunkt der parallelen Kräfte. Wirken auf eine starre Gerade AB (Fig. 43) beliebig viele parallele und gleich gerichtete Kräfte P , Q , S , . . . in den Punkten A , B , D , . . . ; so können die-

selben durch ihre Mittelkraft ersetzt werden, welche gleich der Summe der Kräfte $P + Q + S + \dots$ ist, und deren Angriffspunkt C so gewählt werden muß, daß die Summe der Produkte aus Kräften und Hebelarmen auf beiden Seiten gleich groß ist. Ist die Gerade im Punkt C unterstützt, oder fügt man eine der Mittelkraft entgegengesetzt gleiche Kraft R hinzu, so bleibt die Gerade in jeder Lage im Gleichgewicht. Da die Lage des Punktes C nur von dem Größenverhältnis und der Lage der Angriffspunkte der Kräfte P, Q , u. s. w. abhängt, so wird das Gleichgewicht nicht gestört, wenn die Gerade beliebig um den Punkt C gedreht wird, wofern nur die Kräfte unter sich parallel und ihre Größe und Angriffspunkte unverändert bleiben. Der Punkt C heißt der Mittelpunkt der parallelen Kräfte. In gleicher Weise läßt sich, wenn beliebig viele parallele Kräfte auf die verschiedenen Punkte eines festen Körpers wirken, stets ein Punkt angeben, in welchem unterstützt der Körper in jeder Lage im Gleichgewicht bleibt.

Fig. 43.



Bestimmung der Lage des Mittelpunktes paralleler Kräfte durch Rechnung. Es handle sich zunächst um zwei gleichgerichtet parallele Kräfte P_1 und P_2 , deren Angriffspunkte A_1 und A_2 von einer gegebenen Ebene MN die Entfernungen z_1 und z_2 haben mögen, und es sei der auf A_1A_2 liegende Angriffspunkt A_0 der Mittelkraft P_0 zu bestimmen, d. h. die Entfernung z_0 des Punktes A_0 von der Ebene MN . Die drei Lote z_1, z_0, z_2 liegen in der Projektionsebene der Linie $A_1A_0A_2$ auf MN , die Projektion sei $C_1C_0C_2$ und es sei $B_1A_0B_2$ parallel $C_1C_0C_2$ gezogen. Weil P_0 die Mittelkraft ist von P_1 und P_2 , so ergibt sich (§ 49a):

$$P_1 \cdot A_1A_0 = P_2 \cdot A_2A_0,$$

und weil vermöge der ähnlichen Dreiecke

$A_0A_1B_1$ und $A_0A_2B_2$ sich verhält $A_1A_0 : A_2A_0 = A_1B_1 : A_2B_2$, so ist auch:

$$P_1 \cdot A_1B_1 = P_2 \cdot A_2B_2, \text{ d. h. } P_1(z_0 - z_1) = P_2(z_2 - z_0),$$

oder $P_0z_0 = P_1z_1 + P_2z_2$, wo $P_0 = P_1 + P_2$.

Sind die Kräfte P_1 und P_2 entgegengesetzt parallel und etwa $P_2 > P_1$, so ergibt sich für den Angriffspunkt A_0 ihrer Mittelkraft $P_0 = P_2 - P_1$ auch hier, wie die Fig. 43b zeigt, die unter denselben Voraussetzungen wie Fig. 43a gezeichnet ist:

$$P_1 \cdot A_1A_0 = P_2 \cdot A_2A_0 \text{ und } P_1 \cdot A_1B_1 = P_2 \cdot A_2B_2,$$

d. h. $P_1 \cdot (z_0 - z_1) = P_2 \cdot (z_0 - z_2)$,

oder: $P_0z_0 = P_2z_2 - P_1z_1$, wo $P_0 = P_2 - P_1$.

In beiden Fällen ist die Lage des Mittelpunktes der parallelen Kräfte unabhängig von der Richtung dieser Kräfte. Denkt man sich also die Kräfte, unter Beibehaltung ihrer parallelen Lage, um ihre Angriffspunkte so gedreht, daß sie parallel der Ebene MN werden, so sind z_0, z_1, z_2 die Entfernungen der Kräfte P_0, P_1, P_2 von dieser Ebene. Man nennt die Produkte P_0z_0, P_1z_1, P_2z_2 die statischen Momente und z_0, z_1, z_2 die Hebelarme der Kräfte P_0, P_1, P_2 in bezug auf die Ebene MN , die Momentenebene, und hat demnach den Satz:

Fig. 43a.

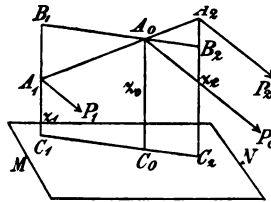
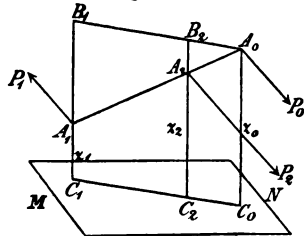


Fig. 43b.



Das statische Moment der Mittelkraft zweier parallelen Kräfte ist gleich der Summe oder Differenz der statischen Momente der beiden parallelen Kräfte, je nachdem diese Kräfte in gleichem oder entgegengesetztem Sinne wirken, — die statischen Momente, bezogen auf eine beliebige Momentenebene, für welche die Angriffspunkte der Kräfte auf derselben Seite liegen.

Dieser Satz läßt sich durch allmähliche Hinzunahme neuer Kräfte auf beliebig viele parallele Kräfte ausdehnen. Sind $P_1, P_2, P_3 \dots P_n$ die gegebenen parallelen Kräfte, mit positiven oder negativen Vorzeichen versehen, je nachdem sie nach derselben oder entgegengesetzter Richtung wirken, $z_1, z_2, z_3 \dots z_n$ ihre Hebelarme in Bezug auf eine beliebige Momentenebene MN , ebenfalls positiv oder negativ, je nachdem die Angriffspunkte der Kräfte auf derselben oder auf entgegengesetzten Seiten von MN liegen, d. h. die Lote z gleiche oder entgegengesetzte Richtung haben, P_0 die Mittelkraft, z_0 ihr Hebelarm, so hat man zu deren Bestimmung die Momentengleichung:

$$P_0 z_0 = P_1 z_1 + P_2 z_2 + P_3 z_3 + \dots + P_n z_n$$

$$P_0 = P_1 + P_2 + P_3 + \dots + P_n$$

Ausgeschlossen jedoch ist bei dieser Darstellung der Fall, wo P_0 , die algebraische Summe der zusammenzusetzenden parallelen Kräfte, gleich Null ist, also wenn es sich schließlic um gleiche und entgegengesetzt-parallele Kräfte, ein Kräftepaar (§ 50), handelt. In diesem Falle hat die Momentengleichung keine Bedeutung, weil z_0 dann den Wert unendlich erhält. Es giebt also keine Mittelkraft für parallele Kräfte, deren algebraische Summe gleich Null ist. In der That ist die gemeinschaftliche Wirkung solcher Kräfte eine Drehung.

§ 51a. Schwerpunkt; stabiles, labiles und indifferentes Gleichgewicht. Alle bekannten Körper bestehen aus Massenteilen, welche der Wirkung der Schwerkraft unterworfen sind. Die Richtung der Schwerkraft kann für alle Teile eines und desselben Körpers als parallel betrachtet werden. Die Wirkungen der Schwerkraft auf alle einzelnen Teilchen des Körpers können in eine Mittelkraft vereinigt werden. Der Angriffspunkt dieser Mittelkraft, dessen Lage in Beziehung auf den festen Körper eine unveränderliche ist, heißt der Schwerpunkt, die Größe der Mittelkraft, welche gleich der Summe der parallelen Kräfte ist, das Gewicht des Körpers. Man kann sich also das Gewicht aller einzelnen Teile eines festen Körpers in seinem Schwerpunkt vereinigt denken. Wird der Körper in seinem Schwerpunkt unterstützt, so ist derselbe unter dem Einfluß der Schwerkraft in jeder Lage im Gleichgewicht. Die Unterstützung kann aber auch in einem Punkte stattfinden, welcher in vertikaler Richtung über oder unter dem Schwerpunkt liegt (§ 39). Ersteres ist der Fall bei einer an einem Faden aufgehängten, letzteres bei einer auf einer horizontalen Ebene ruhenden Kugel.

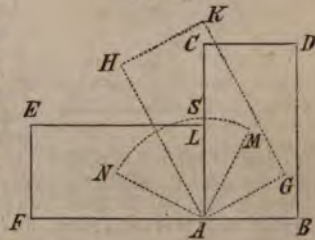
Man unterscheidet stabiles, labiles und indifferentes Gleichgewicht. Stabil heißt das Gleichgewicht, wenn der Körper, ein wenig aus seiner Gleichgewichtslage gebracht, durch den Einfluß der auf ihn wirkenden Kräfte wieder in dieselbe zurückgeführt wird, labil, wenn derselbe bei einer beliebig kleinen Verschiebung aus der Gleichgewichtslage nicht in dieselbe zurückkehrt, sondern in eine neue (stabile) Gleichgewichtslage übergeht, indifferent, wenn weder eins noch das andere stattfindet, sondern der Körper auch in der neuen, ein wenig veränderten Lage im Gleichgewicht zu beharren vermag.

Ein um eine feste, horizontale Axe drehbarer, schwerer Körper ist im stabilen, labilen oder indifferenten Gleichgewicht, je nachdem der Schwerpunkt unter, über oder in der Umdrehungsaxe liegt. Eine homogene Kugel ist auf einer Horizontalebene im indifferenten, auf dem höchsten

Punkt einer konvexen Fläche im labilen, auf dem tiefsten Punkt einer konkaven Unterlage im stabilen Gleichgewicht. — Beim stabilen Gleichgewicht nimmt der Schwerpunkt die relativ tiefste, beim labilen die relativ höchste Lage ein, beim indifferenten Gleichgewicht bleibt die Höhe des Schwerpunktes durch eine kleine Verschiebung ungeändert.

Ein mit drei Punkten auf einer Horizontalebene ruhender Körper ist im stabilen Gleichgewicht, wenn die durch seinen Schwerpunkt gezogene Vertikallinie die Horizontalebene in einem Punkte trifft, welcher innerhalb des von den Unterstützungspunkten gebildeten Dreiecks liegt. (Welchen Teil der Last hat jeder der drei Stützpunkte zu tragen?) Der Grad der Stabilität des Gleichgewichts kann verschieden sein. Das Gleichgewicht eines vierkantigen Balkens, dessen Querschnitt $ABDC$ (Fig. 44) sei, ist stabiler, wenn derselbe auf der breiten Seitenfläche AF , als wenn er auf der schmalen Fläche AB ruht. Zwischen beiden stabilen Gleichgewichtslagen liegt nämlich die labile Gleichgewichtslage $AGKH$, bei welcher der Schwerpunkt S die höchste Lage einnimmt. Denkt man sich den Balken um die Kante A gedreht, so wird im ersten Fall eine größere Drehung um den Winkel NAS und eine beträchtliche Hebung des Schwerpunktes erforderlich sein, um das Zurückkehren in die anfängliche Lage zu verhindern, während im letzteren Fall die kleinere Drehung MAS schon hinreicht, um den Schwerpunkt senkrecht über die Um-drehungsaxe zu bringen. Aus den Gesetzen der Stabilität ergeben sich praktische Regeln für die Baukunst, das Beladen von Wagen, u. s. w.

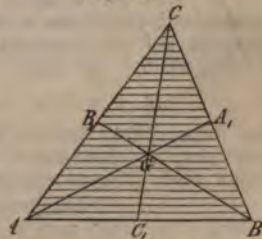
Fig. 44.



§ 52. Schwerpunktsbestimmung. Die Lage des Schwerpunktes eines gegebenen Körpers kann durch den Versuch ermittelt werden, indem man den Körper mittelst eines Fadens nach einander an zwei verschiedenen Punkten aufhängt. Denkt man sich jedesmal die Richtung des Fadens durch den Körper hindurch verlängert, so ist der Durchschnittspunkt der so erhaltenen Richtungen der Schwerpunkt. Derselbe liegt nicht notwendig innerhalb der Masse des Körpers (z. B. bei einem Ring oder einer Hohlkugel). In vielen Fällen kann die Lage des Schwerpunktes regelmäßig gestalteter Körper durch geometrische Konstruktion oder durch Rechnung gefunden werden.

Der Schwerpunkt einer ihrer ganzen Länge nach gleichmäßig mit Masse belasteten geraden Linie ist ihr Mittelpunkt. — Der Schwerpunkt eines Dreiecks, welches seiner ganzen Fläche nach gleichmäßig mit Masse belastet ist, ist der Durchschnittspunkt der drei Transversalen, welche die Eckpunkte des Dreiecks mit den Mitten der Gegenseiten verbinden. Denkt man sich nämlich die Fläche des Dreiecks ABC (Fig. 45) durch Parallelen mit einer Seite AB in unendlich schmale Streifen zerlegt, so liegen die Mitten, also auch die Schwerpunkte sämtlicher Streifen, auf der Transversalen CC_1 . Denkt man sich demnach das Gewicht jedes Streifens in einem Punkte der Geraden CC_1 vereinigt, so ist klar, daß der Schwerpunkt des ganzen Dreiecks auf dieser Transversalen liegen muß. Dieselbe Betrachtung ist auf jede der beiden anderen Transversalen anwendbar, mithin ist ihr Durchschnittspunkt G der Schwerpunkt des Dreiecks. Die drei Transversalen teilen einander bekanntlich gegenseitig im Verhältnis von 1 : 2.

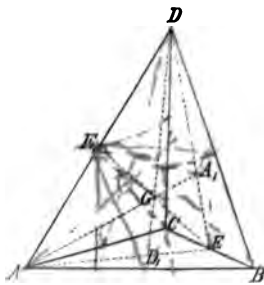
Fig. 45.



Den Schwerpunkt eines Vierecks findet man, indem man sich seine Fläche durch eine Diagonale in zwei Dreiecke zerlegt denkt. Das Gewicht jedes Dreiecks kann man sich dann in seinem Schwerpunkt vereinigt denken, und da die Gewichte den Flächen der Dreiecke proportional sind, so hat man die Ver-

bindungslinie der Schwerpunkte im umgekehrten Verhältnis der Flächen zu teilen. Da die Zerlegung des Vierecks in zwei Dreiecke auf doppelte Weise möglich ist, so ergibt sich daraus eine besonders einfache Konstruktion des Schwerpunktes für das Viereck. Auf ähnliche Weise können die Schwerpunkte aller ebenen Polygone durch Zerlegung in Dreiecke konstruiert werden.

Fig. 45a.



Die drei Verbindungslinien der Mittelpunkte der Gegenkanten die Diagonalen sind der drei Parallelogramme, welche die Mitten der Kanten der Pyramide zu Ecken haben, so ist der Schwerpunkt G der gemeinschaftliche Mittelpunkt der Mittellinien der Gegenkanten, also auf der Mittelebene zwischen jeden zwei Gegenkanten gelegen.

Da alle ebenflächigen Körper in dreiseitige Pyramiden zerlegt werden können, so kann der Schwerpunkt jedes homogenen Polyeders durch Konstruktion gefunden werden. (§ 52a.)

Der Schwerpunkt eines Prismas oder Cylinders ist der Mittelpunkt der die Schwerpunkte der parallelen Grundflächen verbindenden Axe; der Schwerpunkt eines Kegels oder einer Pyramide mit beliebiger Grundfläche liegt auf der Geraden, welche die Spitze mit dem Schwerpunkt der Grundfläche verbindet, um $\frac{1}{4}$ der Höhe des Körpers von der Grundfläche entfernt.

§ 52a. Schwerpunktsbestimmung durch Rechnung. Es handle sich ausschließlich um homogene Körper und um gleichmäßig belastete Flächen und Linien. Man sucht den Körper, die Fläche oder die Linie, deren Schwerpunkt zu bestimmen ist, als Summe oder Differenz darzustellen von Körpern, Flächen oder Linien, für welche man die Lage des Schwerpunktes kennt, und denkt sich dann in dem Schwerpunkte eines jeden Teiles das zugehörige Gewicht vereinigt, so bilden diese Gewichte ein System von parallelen Kräften, deren Mittelpunkt (§ 51) der gesuchte Schwerpunkt ist.

1. Der Schwerpunkt des Umfanges eines Dreiecks. Die Schwerpunkte der drei Seiten sind deren Mittelpunkte, also wird die Momentengleichung, bezogen auf die senkrecht zur Ebene des Dreiecks durch die Seite a gelegte Ebene, wenn h die zugehörige Höhe, b und c die beiden übrigen Seiten sind:

$$(a + b + c) \cdot z_0 = (b + c) \cdot \frac{h}{2}, \text{ d. i. } z_0 = \frac{(b + c) h}{2(a + b + c)};$$

der Schwerpunkt ist der Mittelpunkt des inneren Berührungskreises desjenigen Dreiecks, welches durch die Verbindungslinien der Mitten der drei Seiten gebildet wird. (Geometrische Herleitung.)

2. Der Schwerpunkt eines Kreisbogens liegt zunächst auf dem Mitteradius CD ; denkt man sich weiter den Bogen $ADB = b$ in sehr viele und sehr kleine Teile b_1, b_2, b_3, \dots zerlegt, welche als geradlinig anzusehen sind, deren Schwerpunkte also mit ihren Mittelpunkten zusammenfallen, und sind die Entfernungen dieser Punkte von der senkrecht zu CD durch C gelegten Momentenebene bezüglich z_1, z_2, z_3, \dots , so wird die Momentengleichung

$$bz_0 = b_1z_1 + b_2z_2 + b_3z_3 + \dots$$

Sind $EF = b_k$ (Fig. 45b) ein beliebiges Bogenteilchen, E_1F_1 seine Projektion auf A_1B_1 , M und M_1 die Mittelpunkte von EF und E_1F_1 , ferner HF parallel und gleich $E_1F_1 = p_k$, so folgt aus der Ähnlichkeit der Dreiecke CMM_1 und EFH , deren Seiten auf einander senkrecht stehen:

$EF : CM = HF : MM_1$, d. i. $b_k x_k = r p_k$,
folglich wird:

$$bz_0 = rp_1 + rp_2 + rp_3 + \dots$$

$$= r(p_1 + p_2 + p_3 + \dots) = r \cdot AB,$$

d. h. der Abstand des Schwerpunktes eines Kreisbogens vom Mittelpunkt des Kreises verhält sich zum Radius, wie die Sehne zum Bogen. Für den Halbkreisbogen ist $z_0 = \frac{2r}{\pi}$,

nahezu $= \frac{2}{3}r$.

3. Der Schwerpunkt eines Trapezes liegt auf der Verbindungslinie EF der Mittelpunkte der parallelen Seiten (Fig. 45c). Durch die Diagonale AC zerfällt das Trapez in zwei Dreiecke, deren Schwerpunkte von der Mittellinie HJ die Entfernung $\frac{h}{2} - \frac{h}{3} = \frac{h}{6}$ haben: darum ist die Momentengleichung für die durch HJ senkrecht zur Ebene des Trapezes gelegte Ebene, wenn $a > b$ ist und T der Inhalt des Trapezes:

$$T \cdot z_0 = \left(\frac{ah}{2} - \frac{bh}{2}\right) \cdot \frac{h}{6}, \text{ d. i. } z_0 = \frac{a-b}{a+b} \cdot \frac{h}{6};$$

hieraus ergibt sich weiter für die Abstände des Schwerpunktes von den beiden parallelen Seiten a und b bezüglich $\frac{(a+2b)h}{3(a+b)}$ und $\frac{(b+2a)h}{3(a+b)}$, woraus deren Verhältnis und eine einfache Konstruktion des Punktes G leicht herzuleiten sind.

4. Der Schwerpunkt eines Kreisausschnittes. Man zerlegt den Ausschnitt durch Teilung des Centriwinkels in sehr viele, einander gleiche Ausschnitte, welche schließlic als kongruente Dreiecke mit der Höhe r anzusehen sind. Die Schwerpunkte dieser Dreiecke liegen auf einem konzentrischen Kreisbogen mit dem Radius $\frac{2r}{3}$; denkt man sich diesen Bogen mit den Ge-

wichten der Dreiecke gleichmäßig belastet, so fällt sein Schwerpunkt mit dem des Kreisausschnittes zusammen; es ist also sein Abstand vom Mittelpunkt des Kreises:

$$z_0 = \frac{2}{3}r \cdot \frac{s}{b},$$

wo s und b als Sehne und Bogen dem Kreisausschnitt zugehören. Für den Halbkreis wird $z_0 = \frac{4r}{3\pi}$, nahezu $= \frac{2}{5}r$.

5. Der Schwerpunkt eines Kreisabschnittes. Man stellt den Kreisabschnitt als Unterschied dar des zugehörigen Kreisausschnittes und Dreiecks und erhält durch die Momentengleichung für die Entfernung z_0 des Schwerpunktes vom Mittelpunkt des Kreises:

$$z_0 = \frac{s^3}{12A},$$

wo s die Sehne, A den Inhalt des Kreisabschnittes bezeichnen.

6. Der Schwerpunkt einer Kugelkappe. Die Kugelkappe zerfällt durch Ebenen, welche senkrecht zur Höhe, diese in gleiche Abschnitte teilen, selbst in gleiche Teile, deren Schwerpunkte auf der Höhe liegen; die Kugelkappe ist also durch die gleichmäßig belastete Höhe zu ersetzen und darum ist der Mittelpunkt der Höhe zugleich der Schwerpunkt der Kugelkappe.

7. Der Schwerpunkt eines Kugelausschnittes. Man denke sich die zugehörige Kugelfläche mit sehr vielen und kleinen, einander gleichen Dreiecken bedeckt, welche schließlic als eben anzusehen sind und erweitert Tan-

Fig. 45 b.

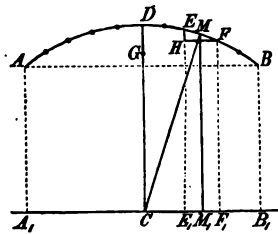
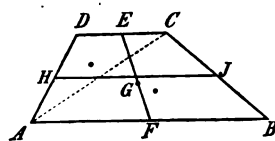


Fig. 45 c.



gentialebenen der Kugel werden, so ergeben diese Dreiecke als Grundflächen mit dem Mittelpunkt der Kugel als gemeinschaftlicher Spitze ebensoviel gleiche Pyramiden mit der Höhe r , deren Schwerpunkte also auf einer konzentrischen Kugelhäute vom Radius $\frac{3}{4}r$ liegen; denkt man sich diese mit den Gewichten der zugehörigen Pyramiden, also gleichmäßig, belastet, so ist ihr Schwerpunkt zugleich der des Kugelausschnittes, also seine Entfernung vom Mittelpunkt der Kugel:

$$z_0 = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}h + \frac{3}{4}(r-h) = \frac{3}{8}(2r-h);$$

für die Halbkugel $= \frac{3}{8}r$.

8. Der Schwerpunkt eines Kugelabschnittes. Der Kugelabschnitt läßt sich als Unterschied des zugehörigen Kugelausschnittes und Kegels darstellen. Die Momentengleichung ergibt alsdann für den Abstand des Schwerpunktes vom Mittelpunkt der Kugel:

$$z_0 = \frac{3}{4} \frac{(2r-h)^2}{3r-h}.$$

9. Der Schwerpunkt eines Prismatoids, d. h. eines ebenflächigen Körpers, dessen Ecken in zwei parallelen Ebenen, den beiden Grundflächen, liegen. Die Grundflächen G_1 und G_2 mögen bezüglich n_1 und n_2 Kanten haben, und ihr Abstand, die Höhe des Prismatoids, sei h . Wählt man einen beliebigen Punkt P auf G_2 als Eckpunkt einer Pyramide, deren Grundfläche G_1 ist, und verbindet P mit den Eckpunkten von G_2 , so läßt sich das Prismaoid darstellen als Summe einer Pyramide mit der Grundfläche G_1 und der Spitze P und n_2 dreiseitigen Pyramiden, deren Grundflächen die Teile der Grundfläche G_2 und deren Spitzen Eckpunkte von G_1 sind. Das Gesamtmoment dieser n_2 Pyramiden, welche alle die gleiche Höhe h besitzen, kommt überein mit dem einer einzigen Pyramide von derselben Höhe h , deren Grundfläche gleich ist der Summe aller n_2 Pyramiden, d. h. gleich G_2 . Endlich bleibt für das Prismaoid noch ein Restkörper übrig, der sich in n_1 dreiseitige Pyramiden zerlegen läßt, von denen je zwei Gegenkanten auf G_1 und G_2 liegen, auf G_1 als die Kanten dieser Grundfläche, auf G_2 als die Verbindungslinien von P mit den Ecken von G_2 . Die Schwerpunkte aller dieser n_1 Pyramiden liegen nach § 52 auf der Mittelebene zwischen G_1 und G_2 . Es sei $G_1 > G_2$, so ist die Momentengleichung in Beziehung auf die Mittelebene, wenn der Inhalt des Prismaoids durch V bezeichnet wird:

$$V \cdot z_0 = \frac{G_1 h}{3} \cdot \frac{h}{4} - \frac{G_2 h}{3} \cdot \frac{h}{4},$$

und weil $V = \frac{h}{6} (G_1 + 4M + G_2)$ ist, wo M den Mittelschnitt des Prismaoids bezeichnet:

$$\text{I.} \quad z_0 = \frac{(G_1 - G_2) h}{2(G_1 + 4M + G_2)};$$

also liegt der Schwerpunkt in der Mittelebene des Prismaoids selbst, wenn die beiden Grundflächen G_1 und G_2 einander gleich sind. Für die abgestumpfte Pyramide, bei welcher $2\sqrt{M} = \sqrt{G_1} + \sqrt{G_2}$ ist, ergibt sich hieraus:

$$z_0 = \frac{(G_1 - G_2) h}{2(G_1 + \sqrt{G_1 G_2} + G_2)};$$

ebenso für den abgestumpften Kegel, dessen Grundkreise die Radien r_1 und r_2 haben mögen,

$$z_0 = \frac{(r_1^2 - r_2^2) h}{2(r_1^2 + r_1 r_2 + r_2^2)};$$

immer bedeutet z_0 den Abstand des Schwerpunktes von der Mittelebene des Körpers, auf der Seite der größeren Grundfläche. Ist x_0 der Abstand des Schwerpunktes des Prismaoids von der Grundfläche G_1 , so ergibt sich:

$$\text{II.} \quad x_0 = \frac{(2M + G_2) h}{G_1 + 4M + G_2}.$$

Anm. Die Formeln I und II lassen sich auch zur Bestimmung des Schwerpunktes von Kugelstücken zwischen Parallelebenen, also auch eines Kugelabschnittes (8.), anwenden, wie sich aus der Vergleichung einer Kugel mit einer dreiseitigen Pyramide (Tetraeder) bei gleichen Parallelschnitten, mit Hilfe des Cavalerschen Prinzips, ergibt.

§ 53. Die Wage ist das vorzüglichste Instrument zur Vergleichung der Massen und Gewichte der Körper (§ 11). Ihr wesentlichster Teil, der Wagebalken AB (Fig. 46), ist ein zweiarmiger und gleicharmiger Hebel (§ 49), welcher mittelst einer stählernen Schneide bei C auf einer horizontalen Unterlage ruht. An zwei Endschnitten A und B , welche von der mittleren genau gleichweit entfernt, derselben parallel sein und mit ihr in einer Ebene liegen müssen, sind die beiden Wagschalen aufgehängt. Der Wagebalken soll, wenn beide Schalen mit gleichen Gewichten P belastet sind, in horizontaler Lage in stabilem Gleichgewicht sein. Dazu ist

erforderlich, daß der Schwerpunkt S (Fig. 47) vertikal unter dem Unterstützungspunkt C liege (§ 51). Wird auf einer Seite ein Übergewicht p hinzugefügt, so neigt sich der Wagebalken nach der Seite des Übergewichts und geht in die Lage $A'B'$ über. Der Winkel

$ACA' = SC'S$, um welchen sich der Wagebalken gedreht hat, heißt der Ausschlagswinkel. Eine geringe Neigung des Wagebalkens wird mittelst eines an demselben befestigten Zeigers, der Zunge, sichtbar gemacht, deren Spitze sich bei genauen Wagen vor einem geteilten Gradbogen (Fig. 46) bewegt. Je größer der Ausschlagswinkel für ein gleiches Übergewicht, desto empfindlicher ist die Wage. Die Erfordernisse, welche erfüllt sein müssen, damit die Wage möglichst empfindlich sei, sind, daß 1) die Länge des Wagebalkens möglichst groß, 2) sein Gewicht bei hinreichender Festigkeit möglichst klein sei, und daß 3) der Schwerpunkt möglichst nahe unter dem Unterstützungspunkt liege.

Es bezeichne $2l$ die Länge des Wagebalkens, d die Entfernung des Schwerpunkts S vom Unterstützungspunkt C , P die auf beiden Seiten gleiche Belastung, mit Einschluss des Gewichts der Wagschalen, p das auf einer Seite hinzugefügte Übergewicht, q das Gewicht des Wagebalkens. Fällt man von A', B', S' auf AB die Lote $A'D, B'E, S'F$, so ergibt sich als Bedingung für das Gleichgewicht des Wagebalkens (§ 46) $(P + p) \cdot CE = P \cdot CD + q \cdot CF$ oder da $CD = CE$ ist: $p \cdot CE = q \cdot CF$. Wird der Ausschlagswinkel mit α bezeichnet, so ist $CE = l \cos \alpha$, $CF = d \sin \alpha$, mithin $pl \cos \alpha = qd \sin \alpha$ oder

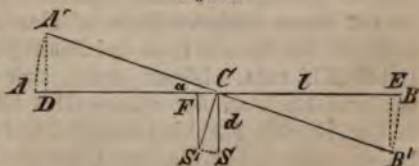
$$\tan \alpha = \frac{p \cdot l}{q \cdot d}.$$

Bei gleichem Übergewicht p ist also der Ausschlagswinkel um so größer, je größer die Länge des Wagebalkens l , je kleiner sein Gewicht q und je kleiner die Entfernung d ist. Der Ausschlagswinkel würde von der Größe der Belastung P unabhängig sein, wenn der Wagebalken völlig starr wäre. In Wirklichkeit

Fig. 46.



Fig. 47.



$$A'D = p \sin \alpha \quad A'B' = \tan \alpha$$

aber erleidet jeder Wagebalken eine geringe, der Belastung proportionale Biegung, durch welche die Entfernung d vergrößert, mithin die Empfindlichkeit der Wage verringert wird.

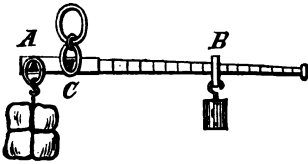
Damit der Wagebalken bei möglichster Leichtigkeit der Biegung hinreichen den Widerstand leiste, giebt man ihm am besten eine schmale, hohe, rhombische Gestalt (Fig. 46) und arbeitet ihn bei genauen Wagen durchbrochen, aus Aluminium. Zur Schonung der Schneide C kann dieselbe, solange die Wage nicht gebraucht wird, durch eine (in der Figur weggelassene) Arretierung vom Lager abgehoben werden. Das Gewichtchen L , welches an einer Schraubenspindel höher und tiefer geschraubt werden kann, dient dazu, den Schwerpunkt des Wagebalkens ein wenig zu heben, oder zu senken, um ihn dem Unterstützungspunkt C möglichst nahe zu bringen und dadurch die Empfindlichkeit der Wage zu regulieren. Liegt der Schwerpunkt zu hoch, so wird das Gleichgewicht labil, und die Wage ist überempfindlich. — Die ganze Wage ist zum Schutz gegen Luftströmungen in einem Glaskasten eingeschlossen.

Eine gute Wage muß bei der größten Belastung, für welche sie bestimmt ist, mindestens $\frac{1}{100000}$ derselben anzeigen. Man hat Wagen konstruiert, welche noch $\frac{1}{5000000}$ der Gesamtbelastung angeben.

Methode der doppelten Abwägung. — Reduktion der Wägungen auf den leeren Raum (vergl. § 103).

§ 54. Schnellwage. Brückenwage. Die Schnellwage ist ein ungleicharmiger Hebel AB (Fig. 48), an dessen kürzerem Arm bei A die zur Aufnahme des zu wägenden Körpers bestimmte Wagschale aufgehängt ist. Der längere Arm ist vom Unterstützungspunkt C aus in gleiche Teile geteilt und auf demselben kann ein Laufgewicht B , das mit einer Schneide auf dem Wagebalken ruht, verschoben werden, bis der Hebel in horizontaler Lage im Gleichgewicht ist. Die Entfernung CB ist dann, wenn C der Schwerpunkt des Hebels

Fig. 48.



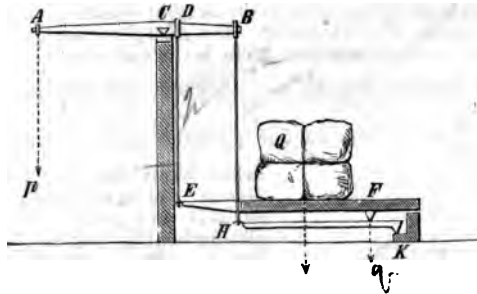
ist, der auf die Wagschale gelegten Belastung proportional, und die Größe der letzteren kann an der Teilung des Wagebalkens abgelesen werden.

Bei feinen chemischen Wagen, z. B. der Mohrschen Wage, ist der eine Arm in 10 gleiche Teile geteilt und läßt sich ein kleines Gewicht, ein Centigramm oder Milligramm, der sogenannte Reiter, an die einzelnen Teilpunkte verschieben. Der Verschiebung um einen Teil entspricht eine Änderung der Belastung um 0,1 des Reiters.

Die Brückenwage (Decimalwage, Centesimalwage) dient zum bequemen Abwägen größerer Lasten. Die horizontale Brücke EF (Fig. 49) ist mit ihrem vorderen Ende bei E an der vertikalen Stange DE aufgehängt, während das hintere Ende bei F mittelst einer Schneide auf dem einarmigen Hebel KH ruht. Dieser dreht sich um die Schneide K , während sein vorderes Ende an der Stange HB hängt, welche frei durch eine Öffnung in der Brücke EF hindurchgeht und bei B am Wagebalken befestigt ist. Dieser trägt bei A die zur Aufnahme der Gewichte bestimmte Wagschale. Bei unbelasteter Schale und Brücke muß der Wagebalken AB in horizontaler Lage im Gleichgewicht sein. Die Verhältnisse der Hebelarme sind so gewählt, daß $CD : CB = KF : KH = 1 : n$ ist. Die in Q auf der Brücke ruhende Last wird teils von der Stange DE , teils von der Schneide F getragen. Ist p der Zug an der Stange, q der Druck auf die Schneide, so ist $Q = p + q$. Die in D am Wagebalken angreifende Kraft

p kann (§ 49) durch eine n mal kleinere in B wirkende Kraft $\frac{1}{n}p$ ersetzt werden. Ebenso erzeugt der in F auf den Hebel HK wirkende Druck q einen Zug gleich $\frac{1}{n}q$ an der Stange BH , mithin ist die gesamte Wirkung der Belastung Q auf den Wagebalken so groß, als ob bei B ein Gewicht $\frac{1}{n}p + \frac{1}{n}q = \frac{1}{n}Q$ angehängt wäre. Ist z. B. $n=5$ und $AC=2CB$, so wird ein Gewicht $\frac{1}{10}Q$ in der Wagschale hinreichen, um die Last Q auf der Brücke im Gleichgewicht zu halten (Decimalwage). Hätte man $n=10$ und $AC=10BC$ gemacht, so wäre bei A nur ein Gewicht $\frac{1}{100}Q$ erforderlich (Centesimalwage).

Fig. 49.



Bei der Hebung und Senkung bleibt die Brücke stets sich selbst parallel. Es ist gleichgültig, in welchem Punkt die Last Q auf der Brücke ruht. — Anwendung des Prinzips der Erhaltung der Arbeit (§ 43) auf die Brückenwage.

Der Gebrauch der Federwagen beruht darauf, daß die Ausdehnung oder Biegung elastischer Federn innerhalb der Grenzen der vollkommenen Elasticität (§ 8) dem dehnenden Gewicht proportional ist. Dieselben finden vielfache praktische Anwendung, sind jedoch für genaue Wägungen nicht geeignet und werden durch längeren Gebrauch und zu starke Belastung leicht unrichtig, indem die Feder eine bleibende Dehnung erleidet.

Gesetze der Centralbewegung und Pendelbewegung. Allgemeine Massenanziehung.

§ 55. Kreisförmige Centralbewegung, Centralkraft. Die Bewegung eines Körpers, welchem durch irgend eine Ursache eine Geschwindigkeit erteilt worden ist, bleibt eine geradlinige und gleichförmige, solange keine Kraft auf ihn wirkt, welche die Richtung oder die Geschwindigkeit seiner Bewegung ändert (§ 31). Zu jeder Bewegung in krummliniger Bahn ist daher das Vorhandensein einer Kraft erforderlich, welche die stetige Richtungsänderung herbeiführt, wie z. B. die Schwerkraft bei der parabolischen Wurfbewegung (§ 35). Damit insbesondere ein Körper eine kreisförmige Bahn mit gleichförmiger Geschwindigkeit durchlaufe, wie z. B. eine an einem Faden im Kreise geschwungene Kugel, oder der Mond bei seiner (annähernd) kreisförmigen Bewegung um die Erde, ist das Vorhandensein einer nach dem Mittelpunkt des Kreises gerichteten und fortdauernd mit gleicher Stärke wirkenden Centralkraft erforderlich. Dieselbe wird im ersten der soeben angeführten Bei-

spiele durch die Spannung des Fadens (§ 38), an welchem der Körper befestigt ist, im zweiten Fall durch die von der Erdmasse auf den Mond ausgeübte Anziehung hervorgebracht. Sobald die Centralkraft zu wirken aufhörte (wenn z. B. der gespannte Faden zerrisse), würde der Körper seine augenblickliche Bewegungsrichtung unverändert beibehalten, also in der Richtung der Tangente der kreisförmigen Bahn sich vom Mittelpunkt derselben entfernen.

Das lediglich aus der Eigenschaft des Beharrungsvermögens (§ 31) entspringende Bestreben der Teile rotierender Körper, sich in der Richtung der Tangente vom Mittelpunkt der Bewegung zu entfernen, kann durch Versuche an der sogenannten Centrifugalmaschine erläutert werden, bei welcher mittelst zweier durch einen Schnurlauf verbundenen Räder von verschiedenem Durchmesser (§ 48), eine Axe und die auf ihr befestigten Gegenstände in schnelle Rotation versetzt werden können. Vielfache Anwendung findet diese Eigenschaft rotierender Körper in der Technik, z. B. bei Centrifugalpumpen, Centrifugalgebläsen, Trockenmaschinen, den Centrifugalapparaten der Zuckersiedereien u. s. w. *)

Um die GröÙe der Centralkraft zu bestimmen, welche erforderlich ist, um einen Körper in seiner kreisförmigen Bahn zu erhalten, denke man sich die stetig wirkende Kraft zunächst durch eine Reihe in sehr kurzen Zeitintervallen wirkender Momentankräfte (§ 31a) ersetzt. Der Körper, dessen Dimensionen der Einfachheit wegen als verschwindend klein betrachtet werden mögen, durchlaufe die Sehne AB des Kreises (Fig. 50) in $\frac{1}{n}$ Sekunde mit der Geschwindigkeit v , so

dafs also $AB = \frac{v}{n}$ ist (§ 30). In der nächsten n tel Sekunde würde er, wenn

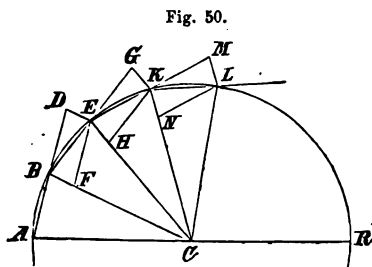


Fig. 50.

keine Kraft auf ihn wirkte, die Strecke $BD = AB$ durchlaufen. Macht man $BE = BD$ und zieht DE , so ist $\triangle DBE$ gleichschenkelig, mithin $\angle ABE = 2 \angle BDE$ und $\angle ABC = \angle BDE$, folglich $\triangle DEB \sim \triangle ABC$, da beide Dreiecke gleichschenkelig sind und gleiche Basiswinkel haben. Aus der Gleichheit der Gegenwinkel $\angle ABC$ und $\angle BDE$ folgt, dafs $DE \parallel BC$ ist. Zieht man also noch $EF \parallel DB$, so ist $BDEF$ ein Parallelogramm. Wird dem bewegten Körper im Augenblick, wo er in B angelangt ist, eine Geschwindigkeit in der Richtung BC

erteilt, infolge deren er in $\frac{1}{n}$ Sekunde die Strecke BF zurücklegen würde, so setzt sich diese mit der bereits vorhandenen Geschwindigkeit in der Richtung BD so zusammen, dafs der Körper in $\frac{1''}{n}$ von B nach E gelangt (§ 34). Ebenso muß dem Körper, wenn er der Reihe nach die gleichen Sehnen EK, KL , u. s. f.

*) Ist ein Körper gezwungen, sich auf einer vorgeschriebenen Bahn zu bewegen, indem er z. B. durch einen Faden verhindert wird, sich vom Mittelpunkt der Kreisbahn zu entfernen, so übt er seinerseits infolge seines Beharrungsvermögens einen Druck auf die Bahn, oder einen Zug an dem Faden aus, den man Centrifugalkraft nennen kann, und welcher der auf den bewegten Körper wirkenden Centralkraft gleich, aber entgegengesetzt gerichtet ist, indem auch hier das Prinzip der Gleichheit der Wirkung und Gegenwirkung (§ 38) Anwendung findet. Man darf aber nicht, wie häufig mißverständlich geschieht, die Centrifugalkraft als eine auf den im Kreise bewegten Körper wirkende Kraft betrachten. Wirken Centripetalkraft und Centrifugalkraft auf denselben Körper, so würden sie sich gegenseitig aufheben, und der Körper müßte sich in gerader Linie bewegen. Der Angriffspunkt der Centrifugalkraft ist vielmehr im angeführten Falle der Endpunkt des Fadens, an welchem der Körper befestigt ist, oder mittelbar der Mittelpunkt des Kreises, in welchem der Faden befestigt ist. Bei der Bewegung des Mondes um die Erde ist überhaupt keine Centrifugalkraft vorhanden, wenn man nicht die Anziehung, welche der Mond auf die Erde ausübt, als solche bezeichnen will.

durchlaufen soll, am Ende jeder n tel Sekunde eine gleiche Geschwindigkeit in der Richtung nach dem Mittelpunkt C erteilt werden. Aus der Ähnlichkeit der Dreiecke BEF und BCE folgt $BF : BE = BE : BC$, oder da $BE = \frac{v}{n}$, so ist,

wenn r den Halbmesser des Kreises bezeichnet, $BF = \frac{v^2}{n^2 r}$. Da der Körper infolge eines Stofses in $\frac{1}{n}$ die Strecke BF durchlaufen soll, so muß die durch jeden

Stofß ihm erteilte Geschwindigkeit $n \cdot BF = \frac{v^2}{nr}$ sein, und da in einer Sekunde n solcher Stöße erfolgen, so würden diese ihm zusammen in einer Sekunde die Geschwindigkeit $\frac{v^2}{r}$ in der Richtung nach dem Mittelpunkte C zu erteilen vermögen.

Denkt man sich nun, um von der unstetigen Bewegung zur stetigen Kreisbewegung überzugehen, die Zeitintervalle unendlich kurz, oder ihre Anzahl n über jede Grenze wachsend, so folgt, daß, um den Körper in seiner kreisförmigen Bahn zu erhalten, eine stetige, nach dem Mittelpunkte C gerichtete Kraft auf ihn wirken muß, welche demselben in einer Sekunde die Beschleunigung

$$1. \quad \gamma = \frac{v^2}{r}$$

zu erteilen vermag. Die durch die Centralbewegung erzeugte Spannung eines Fadens, an welchem eine Masse m befestigt ist, die sich mit der Geschwindigkeit v in einem Kreise vom Halbmesser r bewegt, ist demnach (§ 38)

$$m\gamma = m \frac{v^2}{r}.$$

Dieselbe ist also der Masse und dem Quadrat der Geschwindigkeit direkt, dem Halbmesser des Kreises umgekehrt proportional.*)

Bezeichnet T die Umlaufszeit, in welcher die kreisförmige Bahn durchlaufen wird, deren Länge $2\pi r$ ist, so ist $v = \frac{2\pi r}{T}$, oder wenn man diesen Wert für v in den obigen Ausdruck der Centrakraft γ einsetzt,

$$2. \quad \gamma = \frac{4\pi^2 r}{T^2}.$$

Rotiert ein Körper um eine feste Axe, so beschreiben alle Teile desselben Kreisbahnen von verschiedenem Halbmesser, die aber sämtlich in gleicher Zeit durchlaufen werden. Die Geschwindigkeit der Bewegung der einzelnen Teilchen wächst mit der Entfernung von der Drehungsaxe. Unter der Winkelgeschwindigkeit der Umdrehung versteht man die Geschwindigkeit eines Punktes, welcher sich in der Entfernung 1 von der Umdrehungsaxe befindet. Wird dieselbe mit ω bezeichnet, so ist die Geschwindigkeit eines Punktes in der Entfernung r von der Umdrehungsaxe $v = r\omega$ oder umgekehrt

$$\omega = \frac{v}{r} = \frac{2\pi}{T},$$

und es ergibt sich:

$$3. \quad \gamma = r\omega^2.$$

Bei gleicher Winkelgeschwindigkeit der Drehung oder bei gleicher Umlaufszeit ist also die zur Erhaltung der Kreisbewegung erforderliche Centrakraft dem Halbmesser der Bahn proportional.

§ 56. Beispiele der Anwendung der Gesetze der Kreisbewegung.

1. Einfluß der Rotation der Erde auf die Schwerkraft und die Gestalt des Erdkörpers. Die Erde vollendet ihre Axendrehung in 24 Stunden Sternzeit = 86164**) Sekunden, der Umfang des Erdäquators beträgt 40070 km.

*) Bezeichnet $p = mg$ das Gewicht der am Faden befestigten Masse, so ist die Spannung des Fadens, in Gewichtseinheiten ausgedrückt, gleich $\frac{p}{g} \cdot \frac{v^2}{r}$.

**) Ein Sterntag ist um 3'55,9" mittl. Sonnenzeit kürzer als ein mittl. Sonnentag (§ 359).

Wie groß ist demnach die aus der Rotationsbewegung entspringende Verminderung der Schwerkraft am Äquator? Wie groß ist die Änderung der Größe und Richtung der Schwerkraft unter der geographischen Breite φ ?

Am Äquator ergibt sich die Verminderung der Schwerkraft 33,9 mm oder gleich $\frac{1}{289}$ des ganzen Betrages. Bei 17mal größerer Rotationsgeschwindigkeit würde demnach die Schwerkraft gerade nur noch hinreichen, um die Körper an der Entfernung von der Erdoberfläche zu verhindern. Außer der unmittelbaren Verminderung der Schwere am Äquator durch die Axendrehung der Erde ergibt sich noch ein mittelbarer Einfluss aus der ebenfalls von der Axendrehung herrührenden sphäroidischen Gestalt des Erdkörpers. Da sich nämlich die Erde ursprünglich im flüssigen Zustand befand (§ 240), und noch gegenwärtig der größte Teil ihrer Oberfläche mit Flüssigkeit bedeckt ist, so hat dieselbe, infolge ihrer Axendrehung, die Gestalt eines an den Polen abgeplatteten Umdrehungsellipsoids angenommen.

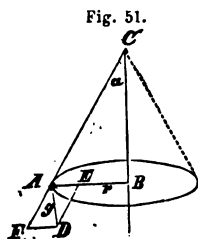
Nach Bessel (§ 350) ist der Polardurchmesser des Erdsphäroids um $\frac{1}{299,1528}$ oder um etwa 42,66 km kürzer, als der Durchmesser des Äquators. Infolge dessen erleidet ein Körper am Pol eine um $\frac{1}{576}$ größere Anziehung von der Erdmasse als am Äquator, so daß, infolge beider Ursachen, die Schwerkraft am Äquator um $\frac{1}{192}$ geringer ist als am Pol. — Die Abnahme der Schwerkraft vom Pol nach dem Äquator kann aus leicht begreiflichen Gründen durch die gewöhnliche Wage nicht nachgewiesen werden, wohl aber würde dies mittelst einer Federwage (§ 54) möglich sein. Das am meisten geeignete Instrument jedoch zur Vergleichung der Intensität der Schwere an verschiedenen Punkten der Erdoberfläche ist das Pendel (s. unten § 63).

2. Mit welcher Geschwindigkeit müßte eine Kanonenkugel in horizontaler Richtung abgeschossen werden, damit sie in kreisförmiger Bahn um die Erde liefe? Wie groß wäre demnach ihre Umlaufzeit? (Es wird angenommen, daß kein Luftwiderstand stattfindet.)

3. Die siderische Umlaufzeit des Mondes um die Erde (§ 381) beträgt 27 Tage $7\frac{3}{4}$ Stunden, seine Entfernung vom Erdmittelpunkt ist gleich 60 Erdhalbmessern. Wie groß ist demnach die Anziehung, welche die Erde auf den Mond ausüben muß, um ihn in seiner kreisähnlichen Bahn zu erhalten?

4. Das siderische Sonnenjahr dauert 365 Tage 6 St. 9 Min. (§ 358). Die mittlere Entfernung der Erde von der Sonne beträgt 149,5 Millionen Kilometer. Welche Anziehung muß die Sonne auf die Erde ausüben, um dieselbe in ihrer Bahn zu erhalten?

5. Konisches Pendel. Ein schwerer Körper A (Fig. 51) ist an einem gewichtslosen Faden l aufgehängt. Welche Geschwindigkeit muß demselben in der Richtung der Tangente des mit dem Halbmesser BA konstruierten Kreises erteilt werden, damit er sich mit gleichförmiger Geschwindigkeit in immer gleichem Abstand um die Vertikallinie CB bewege?



Denkt man sich die Schwerkraft $AD = g$ durch die Komponenten AI' und AE ersetzt, so wird die erstere durch den Widerstand des Fadens aufgehoben und giebt die Spannung an, welche der Faden während der Bewegung erleidet. Die Komponente AE muß, wenn sie den Körper in seiner kreisförmigen Bahn, deren Halbmesser $AB = r$ ist, erhalten soll, gleich $\frac{v^2}{r}$ sein. Ist Winkel $ACB = ADE = \alpha$, so ist $AE = g \tan \alpha$, und da $r = l \sin \alpha$ ist, $v^2 = gl \sin \alpha \cdot \tan \alpha$.

Die Umlaufzeit wird $T = \frac{2\pi r}{v} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g} \cos \alpha}$. Wird CB mit h be-

zeichnet, so ist $T = 2\pi \sqrt{\frac{h}{g}}$. Die Umlaufzeit ist also nur von der Intensität der Schwerkraft und von der Höhe h abhängig und ist für verschiedene Längen des Fadens l dieselbe, wenn h denselben Wert besitzt. Ist der Winkel α nur

klein, so ändert sich $\cos \alpha$ und daher auch T nur sehr wenig mit wachsendem Werte von α (vgl. § 61).

§ 57. Keplers Gesetze der Planetenbewegung.

1. Die Planeten bewegen sich um die Sonne in elliptischen Bahnen, in deren einem Brennpunkt die Sonne steht.

2. Der *Radius vector* eines Planeten durchstreicht in gleichen Zeiten gleiche Flächenräume.

3. Die Quadrate der Umlaufzeiten zweier Planeten verhalten sich wie die Kuben der großen Halbaxen ihrer Bahnen oder ihrer mittleren Entfernungen von der Sonne. (Vergl. § 379).

Nikolaus Kopernikus (geb. 1473, † 1543) erkannte, daß die Sonne der Centralkörper unseres Planetensystems sei, und lehrte, daß die Erde und die übrigen Planeten sich in kreisförmigen Bahnen um die Sonne bewegen. Gestützt auf die genaueren Beobachtungen von Tycho Brahe entdeckte Johannes Kepler (geb. 1571, † 1630), daß die Planetenbahnen nicht genaue Kreise, sondern kreisähnliche Ellipsen von geringer Excentricität sind, in deren einem Brennpunkt die Sonne steht. Besonders waren es Tychos Beobachtungen des Planeten Mars, durch welche Kepler zu seiner Entdeckung geführt wurde, indem unter den Bahnen der damals bekannten größeren Planeten die des Mars am meisten von der Kreisgestalt abweicht (§ 378). — Durch das dritte der von Kepler aus den Beobachtungen abgeleiteten Gesetze gelangte Isaak Newton (geb. 1642, † 1727) zur Erkenntnis des Gesetzes der allgemeinen Massenanziehung oder Gravitation (§ 58) und leitete die Keplerschen Gesetze als notwendige Folgerungen aus diesem Gesetze ab.

§ 57a. Einige der wichtigsten geometrischen Eigenschaften der Ellipse.

1. Man kann sich die Ellipse durch Bewegung eines Punktes C (Fig. 52) entstanden denken, dessen Abstände von zwei in einer Ebene gegebenen festen Punkten S und S_1 immer dieselbe Summe geben, so daß z. B. $SA + AS_1 = SC + CS_1 = SD + DS_1 = SB + BS_1$ ist. Die festen Punkte S und S_1 heißen die Brennpunkte der Ellipse, die von einem Punkte C nach den Brennpunkten gezogenen Geraden CS und CS_1 sind seine Brennstrahlen. Insbesondere heißt der vom Ort eines Planeten nach der Sonne S gezogene Brennstrahl der *Radius vector* oder *Leitstrahl* des Planeten. Aus der Symmetrie in Beziehung auf die beiden Brennpunkte folgt, daß $AS = BS$, ist, mithin die konstante Summe der Brennstrahlen $AS + AS_1 = BS + BS_1 = AB$, d. i. gleich dem durch die beiden Brennpunkte gezogenen größten Durchmesser oder der großen Axe der Ellipse. Der im Mittelpunkt M senkrecht auf der großen Axe errichtete Durchmesser DE ist der kleinste Durchmesser und wird die kleine Axe genannt. Die Entfernung des Mittelpunktes von jedem der beiden Brennpunkte $MS = MS_1$ heißt Excentricität. Die Ellipse ist um so kreisähnlicher, je kleiner ihre Excentricität im Verhältnis zur großen Axe. Im besonderen Falle, daß die Excentricität gleich Null ist, oder daß beide Brennpunkte zusammenfallen, geht die Ellipse in einen Kreis über. Wird die große Halbaxe MA mit a , die kleine Halbaxe MD mit b , die Excentricität MS mit e bezeichnet, so ist $SD + DS_1 = 2a$, mithin $SD = a$, und aus der Betrachtung des rechtwinkligen Dreiecks SMD folgt, daß $e^2 = a^2 - b^2$ ist.

2. Eine andere wichtige Eigenschaft der Ellipse, welche in der Akustik (§ 123) und Optik (§ 140) zur Anwendung kommt, ist die, daß die Winkel, welche die vom Punkte C aus gezogenen Brennstrahlen CS, CS_1 mit der in diesem Punkte an die Ellipse gezogenen Tangente FCG einschließen, einander gleich sind.

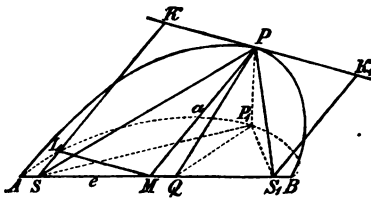
3. Die Ellipse ist einer der drei Kegelschnitte (Ellipse, Parabel, Hyperbel), oder derjenigen Kurven, in welchen der Mantel eines (geraden oder schiefen)

Fig. 52.



Kreis Kegels von einer Ebene durchschnitten wird, jenachdem dieselbe mehr oder minder gegen die Axe des Kegels geneigt ist. (Bei der Ellipse ist die Summe, bei der Hyperbel die Differenz der nach zwei festen Punkten gezogenen Brennstrahlen konstant. [Vergl. auch § 35.]

Fig. 52a.



AP, B , ferner $PQ \perp AB$, so ist PQP_1 der Neigungswinkel α der beiden Ebenen. Es seien jetzt auf dem Durchmesser AB die beiden Punkte S und S_1 so bestimmt, daß MS gleich $MS_1 = e = a \sin \alpha$ ist, und S und S_1 mit P und P_1 verbunden; endlich sei KPK_1 eine Kreistangente, d. h. $KK_1 \perp MP, SK \parallel S_1K_1 \parallel MP$ und $LM \parallel KP$, so sind die rechtwinkligen Dreiecke MSL und PMQ ähnlich, weil Winkel $S = M$, als Gegenwinkel, folglich ist:

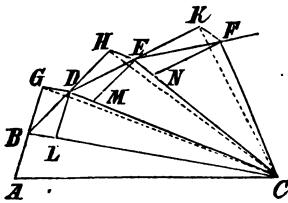
$$\text{d. i.} \quad \frac{ML}{MS} = \frac{PQ}{PM}, \\ \frac{ML}{e} = \frac{PQ}{a},$$

und weil nach der Konstruktion $\sin \alpha = \frac{PP_1}{PQ} = \frac{e}{a}$ ist, so ist auch:

$$PP_1 : e = PQ : a,$$

folglich:

Fig. 53.

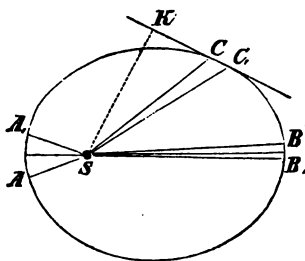


$ML = PP_1$, und demnach auch $PK = PP_1$; also $\triangle PKS \simeq \triangle PP_1S$ und $P_1S = KS$. Ebenso läßt sich beweisen, daß $P_1S_1 = K_1S_1$ ist, und weil, im Trapez SKK_1S_1 , $KS + K_1S_1 = 2PM = 2a$ ist, ergibt sich auch

$$P_1S + P_1S_1 = 2a,$$

also ist (nach 1) der Ort von P_1 , d. h. die Projektion des Kreises, eine Ellipse.

Fig. 54.



§ 57b. Das zweite Keplersche Gesetz, welches auch unter dem Namen des Flächensatzes bekannt ist, gilt allgemein für jede Art der Centralbewegung. Denkt man sich nämlich, wie in § 55, die stetig wirkende, nach dem Punkte C (Fig. 53) gerichtete Centralkraft durch eine Reihe in gleichen Zeitintervallen aufeinanderfolgender Impulse ersetzt, und stellen AB, BD, DE, \dots die in gleichen Zeiträumen durchlaufenen Wegstrecken vor, die im allgemeinen unter einander an Größe verschieden sein werden, so ist, wie sich aus der Konstruktion ergibt, $\triangle ACB = BCG$ (weil $BG = AB$) und $BCG = BCD$ (weil $GD \parallel BC$), mithin $\triangle ACB = BCD$, ebenso $\triangle BCD = DCE$, u. s. f. Diese Dreiecke stellen aber die vom Radius vector in gleichen Zeiten durchstrichenen Flächenräume dar. (Vergl. § 379.

Steht die Sonne im Brennpunkt S (Fig. 54), so befindet sich der Planet bei A in der Sonnennähe oder im Perihel, bei B in der Sonnenferne oder im Aphel. Sind AA_1, CC_1, BB_1 drei kleine Bahnstrecken, welche in gleichen Zeiträumen durchlaufen werden, so sind nach dem zweiten Keplerschen Gesetz die Dreiecke ASA_1, CSC_1, BSB_1 flächengleich, mithin die Grundlinien der Dreiecke den Höhen SA, SK, SB , d. h. die Geschwindigkeiten des Planeten in beliebigen Punkten den Entfernungen der Sonne von den zugehörigen

Tangenten umgekehrt proportional. Die Geschwindigkeit ist also am größten im Perihel, am kleinsten im Aphel, und zwar stehen beide Geschwindigkeiten im Verhältnis von $(a + e) : (a - e)$. Die Excentricität der Erdbahn beträgt $\frac{1}{60}$ der großen Axe (§ 378). Die Erde befindet sich am 1. Januar im Perihel, am 2. Juli im Aphel (§ 362). Wahre und mittlere Anomalie. Mittelpunkts-gleichung des Planeten. Zeitgleichung. (§ 359.)

Die elliptische Bewegung der Planeten ist eine Folge des Newtonschen Gravitationsgesetzes (§ 58). Es läßt sich nämlich erweisen, daß ein Punkt, welcher von einem anderen festen Punkte nach diesem Gesetz angezogen wird, eine Ellipse, eine Parabel oder eine Hyperbel beschreiben muß. (§ 379.)

§ 58. Newtons Gravitationsgesetz. Allgemeine Massenanziehung. Sind r_1 und r_2 (Fig. 55) die Halbmesser der Bahnen zweier Planeten, die der Einfachheit halber als kreisförmig betrachtet werden sollen, T_1 und T_2 ihre Umlaufszeiten, so sind die Anziehungen, welche beide Planeten von der Sonne erfahren müssen, um in ihren kreisförmigen Bahnen zu beharren (§ 55, 2),

$$\gamma_1 = \frac{4\pi^2 r_1}{T_1^3}, \quad \gamma_2 = \frac{4\pi^2 r_2}{T_2^3},$$

mithin:

$$\gamma_1 : \gamma_2 = \frac{r_1}{T_1^3} : \frac{r_2}{T_2^3}.$$

Nach dem dritten Keplerschen Gesetz (§ 57) ist aber:

$$T_1^3 : T_2^3 = r_1^3 : r_2^3,$$

woraus folgt:

$$\gamma_1 : \gamma_2 = \frac{1}{r_1^2} : \frac{1}{r_2^2},$$

oder die Anziehungen, welche zwei Planeten vom Centralkörper erfahren, stehen im umgekehrten Verhältnis der Quadrate der Entfernungen.

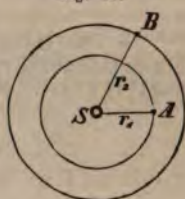
Dasselbe Gesetz gilt für die Trabanten eines und desselben Planeten (Jupiter, Saturn). Vergleicht man ferner die Anziehung, welche die Erde auf den Mond ausübt (§ 56, 3), mit derjenigen Anziehung, welche die Körper auf der Erdoberfläche erfahren, so ergibt sich, daß diese Kräfte ebenfalls im umgekehrten Verhältnis der Quadrate der Entfernungen stehen. Durch diese Betrachtungen wurde Newton zu dem Gesetz der allgemeinen Massenanziehung oder Gravitation geführt:

Alle Teile der Materie ziehen einander an mit einer Kraft, welche den anziehenden Massen direkt, den Quadraten der Entfernungen aber umgekehrt proportional ist. (§ 387.)

Es ist ohne weiteres klar, daß bei gleicher Entfernung die doppelte Masse eine doppelte, die n -fache Masse eine n -fache Anziehung ausübt. In doppelter Entfernung würde eine 4fache, bei dreifacher Entfernung eine 9mal größere Masse erforderlich sein, um die gleiche Anziehung hervorzubringen.

Bezeichnet k die Beschleunigung, welche ein Körper von der Masse 1 einem anderen Körper in der Entfernung 1 zu erteilen vermag, so wird letzterer durch die Masse m in der Entfernung 1 die Beschleunigung $k \cdot m$, in der Entfernung r aber die Beschleunigung $\gamma = k \cdot \frac{m}{r^2}$ erfahren. Ist ferner m' die Masse des angezogenen Körpers, so ist die Anziehung, welche derselbe erfährt, in Gewichtseinheiten ausgedrückt (§ 38), $p = m' \cdot \gamma = k \cdot \frac{mm'}{r^2}$, oder diesen Druck würde eine zwischen beiden Körpern befindliche feste Strebe erleiden

Fig. 55.



müssen, um ihre gegenseitige Annäherung zu verhindern. Prinzip der Gleichheit der Wirkung und Gegenwirkung (§ 38). A übt auf B dieselbe Anziehung aus, wie B auf A , beide Körper sind also mit Hilfe der Strebe im Gleichgewicht.

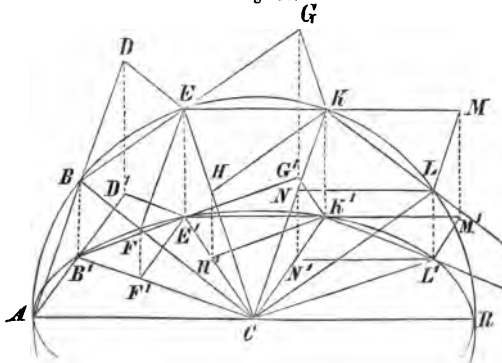
Folgerungen, welche sich aus dem Newtonschen Gravitationsgesetz, in betreff der relativen Massen der Sonne, der Erde und der übrigen mit Trabanten versehenen Planeten ableiten lassen. Versuche von Reich, Cavendish, u. s. w. zur Bestimmung der Masse und Dichtigkeit der Erde mittelst der Drehwaage ($d = 5,6$).

Eine Folge des Newtonschen Gesetzes ist die, daß eine homogene oder aus konzentrischen Schichten von gleichförmiger Dichtigkeit zusammengesetzte Kugel einen außerhalb derselben befindlichen Körper ebenso anzieht, als ob ihre ganze Masse im Mittelpunkt der Kugel vereinigt wäre.

Die Anziehungen der Teile einer homogenen hohlen Kugelschale auf einen innerhalb der Höhlung gelegenen Punkt heben einander gegenseitig auf. Daraus zu ziehende Folgerungen über die Abnahme der Schwere im Innern des Erdkörpers.

§ 59. Bewegung eines materiellen Punktes unter dem Einfluß einer Centralkraft, die der Entfernung von einem festen Punkte proportional ist. Man denke sich durch den Durchmesser des Kreises AR (Fig. 50

Fig. 56.



in § 55) eine Ebene gelegt, welche unter einem beliebigen Winkel gegen die Ebene des Kreises geneigt ist, und projiziere jene Figur, wie dies in Fig. 56 geschehen ist, auf diese Ebene, indem man sich von sämtlichen Punkten der Figur Lote auf die Projektionsebene gefällt denkt. Die dadurch entstandene Projektion des Kreises ist eine Ellipse (§ 57a), deren große Axe AR ist. Da die Projektionen paralleler Linien wieder parallel sind, so bleiben die Parallelogramme $BDEF$, u. s. w. auch in der Projektion Parallelogramme, doch sind dieselben

unter einander nicht mehr kongruent. Die Linien $B'F'$, $E'H'$, u. s. w., welche die von der Centralkraft dem beweglichen Punkte in gleichen Zeitintervallen erteilten Impulse darstellen, werden durch die Projektion in demselben Verhältnis verkürzt, wie die entsprechenden Halbmesser der Ellipse CB' , CE' , u. s. w. Die Projektionsfigur stellt also die Centralbewegung eines Punktes unter dem Einfluß einer Centralkraft vor, welche der Entfernung von dem festen Mittelpunkt C proportional ist. Es ergibt sich demnach durch dieselben Betrachtungen wie in § 55, daß ein materieller Punkt, welcher von einem festen Centrum C mit einer der Entfernung proportionalen Kraft angezogen wird, eine Ellipse um den Mittelpunkt C beschreibt. Ist a die Länge der großen Halbaxe der Ellipse CA , und bezeichnet k die Anziehung, welche der Punkt in der Entfernung 1 erfährt, also ka die Anziehung in der Entfernung a , so ist die Umlaufszeit T gleich derjenigen eines Punktes, welcher sich in einer kreisförmigen Bahn vom Halbmesser a unter dem Einfluß der Centralkraft $\gamma = ka$ bewegt. Aus Formel 2 in § 55 ergibt sich aber diese Umlaufszeit

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{a}{\gamma}} = \frac{2\pi}{\sqrt{k}}.$$

Es folgt hieraus der wichtige Satz, daß die Umlaufszeit einzig und allein von der durch die Größe k ausgedrückten Intensität der Centralkraft, nicht aber von den Dimensionen der Bahn abhängt, und daß dieselbe der Quadratwurzel aus der Größe k umgekehrt proportional ist. Alle materiellen Punkte, welche sich unter dem Einfluß der-

selben der Entfernung proportionalen Kraft um das Centrum C bewegen, durchlaufen demnach ihre Bahnen, seien dieselben an Größe und Excentricität noch so verschieden, in gleicher Zeit.

Die erwiesenen Sätze finden ihre Anwendung insbesondere in der Theorie der Schwingungen elastischer Körper, indem die Teilchen eines solchen, wenn sie durch Einwirkung einer äußeren Kraft eine Verschiebung erlitten haben, mit einer der Größe der Verschiebung proportionalen Kraft nach ihrer ursprünglichen Gleichgewichtslage zurückgetrieben werden (§ 8) und infolge dessen eine Reihe von Schwingungen oder Oscillationen um die Gleichgewichtslage vollführen, die im allgemeinen elliptisch sind. Wird die kleine Axe der Ellipse gleich Null, so reduziert sich die Bahn auf eine gerade Linie. Da dieser Fall besonders häufige Anwendung findet, so wird derselbe im folgenden Paragraphen besonders behandelt werden.

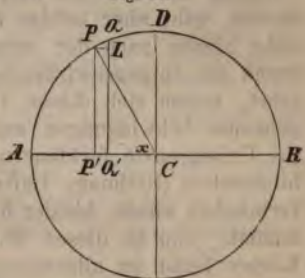
§ 60. Geradlinige Schwingungsbewegung. Im Fall, daß die Projektionsebene des vorigen Paragraphen auf der Ebene des projizierten Kreises senkrecht steht, verschwindet die kleine Axe der durch die Projektion des Kreises entstandenen Ellipse, und die Bewegung des Punktes reduziert sich auf eine geradlinig hin- und hergehende Oscillationsbewegung. Ist der bewegliche Punkt durch eine äußere Kraft aus seiner Gleichgewichtslage C (Fig. 57) bis zum Punkte A entfernt worden, und wird derselbe jetzt ohne Anfangsgeschwindigkeit der Wirkung der nach C gerichteten Centralkraft überlassen, so bewegt er sich von A bis C mit beschleunigter Geschwindigkeit. Da aber die Wirkung der Centralkraft der Entfernung von C proportional abnimmt und in C selbst gleich Null wird, so ist seine Beschleunigung eine ungleichförmige. Im Punkte C hat die Geschwindigkeit ihren größten Wert erreicht. Infolge der erlangten Geschwindigkeit geht der Punkt über C hinaus und bewegt sich von C bis R mit ungleichförmig verzögerter Geschwindigkeit, indem diese durch die entgegenwirkende Centralkraft in demselben Maße vermindert wird, wie sie auf dem Wege AC vermehrt wurde. In R angelangt, hat der Punkt seine Geschwindigkeit verloren und kehrt in derselben Weise über C bis nach A und in derselben Zeit zurück, welche zur Bewegung von A bis R erforderlich war. Die Zeit, welche zum Hin- und Rückgang erforderlich ist, heißt eine ganze oder vollständige Schwingungsdauer. Die zur Bewegung von A nach R oder von R nach A erforderliche Zeit ist demnach eine halbe Schwingungsdauer. Die größte Entfernung aus der Gleichgewichtslage $CA = CR$ heißt die Amplitude oder Schwingungsweite. Denkt man sich auf der Kreisperipherie APR den Punkt P mit gleichförmiger Geschwindigkeit so bewegt, daß er während einer hin- und hergehenden Schwingung die ganze Kreisperipherie durchläuft, so wird, wie aus den Betrachtungen des vorhergehenden Paragraphen folgt, der auf dem Kreisdurchmesser unter Einfluß der Centralkraft schwingende Punkt P' in seiner Bewegung immer mit der Projektion des Punktes P übereinstimmen, so daß z. B. der Kreisbogen PQ in derselben Zeit durchlaufen wird, wie die Projektion PQ' . Die augenblickliche Entfernung des beweglichen Punktes P' vom Mittelpunkt C , CP' , heißt seine Elongation, der Centriwinkel $ACP = \alpha$, welcher während einer vollständigen Schwingung von 0° bis 360° wächst, heißt die dem Punkt P' der Bahn entsprechende Schwingungsphase. Setzt man die Schwingungsamplitude $AC = PC = a$, so ist die Elongation $CP' = a' = a \cos \alpha$. Sind v und v' die Geschwindigkeiten der Punkte P und P' , und ist PQ ein unendlich kleiner, daher als geradlinig zu betrachtender Kreisbogen, so ist, da die Strecken PQ und $P'Q'$ in gleicher Zeit durchlaufen werden,

$$\frac{v'}{v} = \frac{P'Q'}{PQ}.$$

Zieht man $PL \parallel P'Q'$, so ist $PL = P'Q'$, und da im rechtwinkligen Dreieck PLQ Winkel $PQL = \alpha$, so wird $PL = PQ \sin \alpha$, mithin die Geschwindigkeit

$$v' = v \sin \alpha.$$

Fig. 57.



Da die Geschwindigkeit v , mit welcher der Punkt P sich auf der Kreislinie bewegt, eine gleichförmige ist, so ist die Geschwindigkeit des Punktes P' an einer beliebigen Stelle seiner Bahn dem Sinus der Schwingungsphase, oder der Ordinate PP' proportional. Dieselbe hat ihren grössten Wert $\pm v$ im Punkte C , sie ist Null in den beiden Punkten der grössten Elongation A und B . Das negative Vorzeichen des Sinus im dritten und vierten Quadranten entspricht der entgegengesetzten Richtung der Bewegung. Die ganze Dauer einer Schwingung ist, wie in § 59 gezeigt, von der Schwingungsamplitude unabhängig und hat den Wert

$$T = \frac{2\pi}{\sqrt{k}},$$

wenn k die Grösse der nach C gerichteten Centrakraft in der Entfernung 1 bezeichnet.

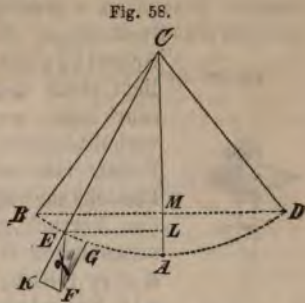
§ 61. Pendelbewegung. Ein an einem Faden aufgehängter schwerer Körper befindet sich unter dem Einfluß der Schwerkraft im stabilen Gleichgewicht, wenn die Richtung des Fadens vertikal ist, und der Schwerpunkt des Körpers vertikal unter dem Aufhängungspunkte liegt (§ 51). Wird der Körper aus dieser Gleichgewichtslage entfernt und der Wirkung der Schwere überlassen, so kehrt er in die Gleichgewichtslage zurück, geht aber infolge der dabei erlangten Geschwindigkeit über dieselbe hinaus nach der entgegengesetzten Seite, bis die Geschwindigkeit durch die entgegenwirkende Schwerkraft aufgehoben worden ist und vollführt, indem sich dieser Vorgang wiederholt, eine Reihe hin- und hergehender Schwingungen um die Gleichgewichtslage (vergl. § 60), welche ins Unbegrenzte fortdauern würden, wenn nicht durch äussere Bewegungshindernisse (Reibung, Luftwiderstand) die Schwingungsweite immer mehr vermindert würde, bis der Körper endlich in seiner Gleichgewichtslage in Ruhe kommt. Ein in dieser Weise um seine Gleichgewichtslage schwingender Körper heisst im allgemeinen ein physisches Pendel. Man giebt dem schweren Körper häufig die Gestalt einer Kugel, deren Durchmesser klein ist im Verhältnis zur Länge des Aufhängungsfadens, oder hängt (bei Pendeluhrn) einen zur Verminderung des Luftwiderstandes linsenförmigen Körper an einer Pendelstange von verhältnismässig geringem Gewicht auf, die ihrerseits frei drehbar auf einer Schneide ruht, oder mittelst einer dünnen, elastischen Feder aufgehängt ist. Denkt man sich der Einfachheit halber die Masse des schweren Körpers in einen Punkt vereinigt, welcher an einem unausdehnbar und gewichtslos gedachten Faden aufgehängt ist, so hat man ein mathematisches Pendel. Die Schwingungsgesetze des physischen Pendels können, wie unten gezeigt wird, auf die des mathematischen zurückgeführt werden. Galilei fand (1602), dass die Schwingungsdauer des Pendels 1) von der Masse und Substanz des schweren Körpers, sowie 2) von der Schwingungsweite unabhängig ist, solange letztere die Grösse von einigen Bogengraden nicht überschreitet, dass dieselbe dagegen von der Pendellänge abhängt, indem 3) die Schwingungsdauer ungleich langer Pendel im direkten Verhältnis der Quadratwurzel aus der Pendellänge steht. Lässt man endlich dasselbe Pendel an zwei verschiedenen Orten schwingen, wo die Schwerkraft ungleiche Intensität besitzt (§ 56, 1), so ist 4) die Schwingungsdauer der Quadratwurzel aus der Intensität der Schwere umgekehrt proportional.

Die Dauer einer vollständigen Schwingung (eines Hin- und

Rückganges) wird, wenn l die Pendellänge, g die Intensität der Schwerkraft (§ 32) bezeichnet, durch die Formel ausgedrückt

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}.$$

Es sei CA (Fig. 58) die Gleichgewichtslage des mathematischen Pendels, CB seine Lage zur Zeit der größten Elongation, mithin AB die Schwingungsweite, so wird sich das Pendel während einer halben Schwingung von B über A bis D bewegen, so daß $AD = AB$ ist, indem die Bewegung während des Aufsteigens von A bis D durch die Schwerkraft in demselben Mafse verzögert wird, wie sie während des Herabsinkens von B bis A beschleunigt wurde. Ist E ein beliebiger Punkt der Bahn des Pendels, und zerlegt man die Schwerkraft $EF = g$ in die rechtwinkligen Komponenten EK und EG , so wird die Komponente EK durch den Widerstand des unausdehnbaren Fadens aufgehoben, während die Komponente EG die Beschleunigung angiebt, mit welcher das Pendel nach der Gleichgewichtslage A getrieben wird. Es ist aber $EG = g \sin EFG$, oder da $\angle EFG = \angle ECL$ ist, $EG = g \cdot \frac{EL}{EC} = \frac{g}{l} \cdot EL$. Ist die Schwingungsweite so klein, daß ohne merklichen Fehler die Länge der halben Sehnen BM , EL mit der der Bogen BA , EA verwechselt werden darf, so kann die Bewegung des Pendels mit der geradlinigen Bewegung eines Punktes verglichen werden, welcher von dem festen Punkte A mit einer der Entfernung proportionalen Kraft $\frac{g}{l} \cdot EA$ angezogen wird. Die Schwingungsdauer eines solchen Punktes wird



aber nach § 60 durch die Formel $T = \frac{2\pi}{\sqrt{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$ ausgedrückt, woraus sich die oben ausgesprochenen Gesetze ergeben. Die Zeit T ist die Dauer einer vollständigen oder Doppelschwingung des Pendels. Die Dauer eines einfachen Hin- oder Rückganges ist mithin

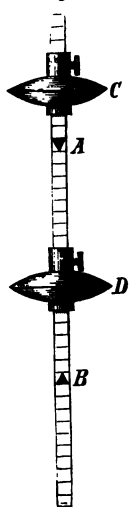
$$t = \frac{1}{2} T = \pi \sqrt{\frac{l}{g}}.$$

Die Geschwindigkeit des Pendels im Punkte E seiner Bahn ist gleich der Geschwindigkeit, welche ein Körper erlangen würde, wenn er in vertikaler Richtung durch die Strecke ML frei herabfiel (vergl. §§ 32, 41) oder $v = \sqrt{2g \cdot ML}$. Im tiefsten Punkte A erlangt die Geschwindigkeit den größten Wert $\sqrt{2g \cdot MA}$. Infolge der erlangten Geschwindigkeit ist der schwere Körper fähig, wieder bis zu derjenigen Höhe emporzusteigen, von welcher er herabgefallen ist (vergl. § 33). Beim Herabfallen des Pendels wird eine gewisse Arbeit geleistet und dadurch eine Bewegung erzeugt, die während des Emporsteigens wieder zur Erzeugung von Arbeit verbraucht wird (§ 43).

§ 62. Physisches Pendel. Die im vorhergehenden Paragraphen für die kleinen Schwingungen des einfachen oder mathematischen Pendels aufgestellten Gesetze behalten ihre Gültigkeit im wesentlichen auch für das zusammengesetzte oder physische Pendel. Da bei der Drehung des letzteren um den Aufhängungspunkt alle Teile desselben infolge ihrer festen Verbindung eine gemeinsame Winkelgeschwindigkeit (§ 55) und Schwingungsdauer haben müssen, so werden sie sich in ihrer Bewegung gegenseitig so beeinflussen, daß die Geschwindigkeit der vom Umdrehungspunkt entfernteren Teile durch die näheren beschleunigt, die der näheren durch die entfernteren verzögert wird. Es läßt sich jederzeit die Länge eines mathematischen Pendels so wählen, daß seine Schwingungen mit denen

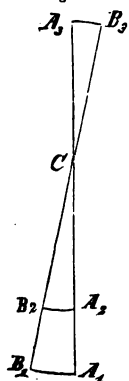
des gegebenen physischen Pendels übereinstimmen. Die Länge dieses mathematischen Pendels heißt die reduzierte Pendellänge. Trägt man auf der durch den Aufhängungspunkt und den Schwerpunkt des physischen Pendels gezogenen Geraden, von ersterem aus, eine Strecke gleich der reduzierten Pendellänge ab, so heißt der Endpunkt dieser Strecke der

Fig. 59.



Schwingungspunkt des physischen Pendels. Derselbe liegt etwas tiefer als der Schwerpunkt, liegt demselben aber sehr nahe, wenn das Pendel aus einem schweren Körper von verhältnismäßig geringer Ausdehnung besteht, der an einem Faden von geringer Masse aufgehängt ist. Die reduzierte Pendellänge kann entweder durch Rechnung, oder durch den Versuch gefunden werden. Letzteres geschieht bei dem sogenannten Reversionspendel von Bohnenberger und Kater (1818), dessen Gebrauch auf dem Satze beruht, daß die Schwingungsdauer eines physischen Pendels unverändert bleibt, wenn man den Schwingungspunkt zum Aufhängungspunkt macht, so daß also dann der Aufhängungspunkt zum Schwingungspunkt wird. An der Pendelstange sind zwei nach entgegengesetzten Richtungen gekehrte Schneiden A und B (Fig. 59) und außerdem zwei verschiebbare Massen C, D angebracht, deren Stellung so reguliert werden kann, daß das Pendel gleiche Schwingungsdauer besitzt, mag es auf der Schneide A oder B aufgehängt werden. Der Abstand der beiden Schneiden AB giebt dann die reduzierte Pendellänge an.

Fig. 60.



An einer unbiegsamen Geraden, welche um den festen Punkt C (Fig. 60) drehbar ist, seien in den Punkten A_1, A_2, A_3, \dots die Massen m_1, m_2, m_3, \dots angebracht, deren Entfernungen vom Drehungspunkt C beziehungsweise r_1, r_2, r_3, \dots sind. Soll der Geraden in einer Sekunde die Winkelgeschwindigkeit ω erteilt werden, so sind die Geschwindigkeiten, welche die einzelnen Massen m_1, m_2, m_3, \dots dadurch in tangentialer Richtung erlangen (§ 55), beziehungsweise gleich $r_1\omega, r_2\omega, r_3\omega, \dots$. Um den Massen in der Zeiteinheit diese Geschwindigkeiten zu erteilen, müssen auf dieselben beziehungsweise die (in Gewichtseinheiten [§ 38] ausgedrückten) Kräfte $m_1r_1\omega, m_2r_2\omega, m_3r_3\omega, \dots$ wirken. Diese Kräfte können aber nach § 46 durch eine einzige Kraft ersetzt werden, deren Moment in Beziehung auf den Drehungspunkt C gleich ist der Summe der Momente aller einzelnen Kräfte. Diese Momente sind $m_1r_1^2\omega, m_2r_2^2\omega, m_3r_3^2\omega, \dots$, mithin muß das Moment der Kraft, welche in der Zeiteinheit dem Körper die Drehungsgeschwindigkeit ω zu erteilen vermag, gleich $\omega \cdot \Sigma mr^2$ sein. Denkt man sich nun das Pendel um den Winkel α aus der Gleichgewichtslage gedreht, so sind die tangentialen Komponenten der durch die Schwere auf die Massen m_1, m_2, m_3, \dots ausgeübten Kräfte (§ 61), in Gewichtseinheiten ausgedrückt, gleich $m_1g\sin \alpha, m_2g\sin \alpha, m_3g\sin \alpha, \dots$ und ihre Momente gleich $m_1r_1g\sin \alpha, m_2r_2g\sin \alpha, m_3r_3g\sin \alpha, \dots$, wobei, um die Vorzeichen der Momente zu berücksichtigen, die Entfernungen der Massen, welche, wie m_3 , oberhalb des Drehungspunktes angebracht sind, als negativ in Rechnung gebracht werden. Alle diese Momente können aber durch eine einzige Kraft ersetzt werden, deren Momente in Beziehung auf den Drehungspunkt gleich $g \sin \alpha \Sigma m r$ ist. Indem man diesen Ausdruck mit dem obigen vergleicht, ergibt sich zur Bestimmung des durch dieses Drehungsmoment erzeugten Zuwachses der Winkelgeschwindigkeit die Gleichung

$$\omega \Sigma mr^2 = g \sin \alpha \Sigma mr,$$

woraus
$$\omega = g \sin \alpha \cdot \frac{\sum m r}{\sum m r^2}.$$

Für ein einfaches Pendel von der Länge L reduziert sich jede der Summen im Zähler und Nenner dieses Ausdrucks auf ein einziges Glied, und es wird

$$\omega = g \sin \alpha \cdot \frac{m L}{m L^2} = g \sin \alpha \cdot \frac{1}{L}.$$

Das zusammengesetzte Pendel wird also in seinen Schwingungen übereinstimmen mit einem einfachen Pendel, dessen Länge

$$L = \frac{\sum m r^2}{\sum m r},$$

oder dies ist der Ausdruck für die reduzierte Pendellänge.

Die den Zähler dieses Ausdrucks bildende Summe der Produkte aus den Massen und den Quadraten ihrer Entfernungen von der Drehungsaxe heisst das Trägheitsmoment des Pendels. Dasselbe drückt die doppelt genommene ArbeitsgröÙe aus, welche erforderlich ist, um dem Körper die Drehungsgeschwindigkeit 1 um diese Axe zu erteilen. Da nämlich nach § 43 die Arbeit $\frac{1}{2} m v^2$ erforderlich ist, um der Masse m die Geschwindigkeit v zu erteilen, und da bei der Winkelgeschwindigkeit ω die Massen m_1, m_2, \dots die Geschwindigkeiten $r_1 \omega, r_2 \omega, \dots$ besitzen, so ist zur Erzeugung dieser Winkelgeschwindigkeit die Arbeit $\sum \frac{1}{2} m r^2 \omega^2 = \frac{1}{2} \omega^2 \cdot \sum m r^2$ erforderlich.

Der Nenner des Ausdrucks für L ist, wie leicht zu erweisen (vergl. § 51), gleich MR , wenn M die ganze Masse des Pendels, R die Entfernung seines Schwerpunktes vom Aufhängungspunkt bezeichnet. — Durch Massen, welche, wie m_2 , oberhalb der Drehungsaxe angebracht werden, für welche also r negativ ist, wird der Nenner des Ausdrucks für L vermindert, der Zähler dagegen, da r^2 stets positiv ist, vergrößert. Mithin wird durch solche Massen die reduzierte Pendellänge und die Schwingungsdauer stets vergrößert und zwar um so mehr, je gröÙer ihre Entfernung vom Drehungspunkte ist (Anwendung verschiebbarer Massen beim Taktzähler oder Metronom).

Kehrt man, wie oben beim Reversionspendel angegeben wurde, das Pendel so um, daÙ der Schwingungspunkt zum Aufhängungspunkt wird, so treten anstelle von r_1, r_2, \dots die Ausdrücke $L-r_1, L-r_2, \dots$. Mithin wird die reduzierte

Länge des umgekehrten Pendels
$$L' = \frac{\sum m (L-r)^2}{\sum m (L-r)}.$$

Löst man die Klammern unter den Summenzeichen auf und bemerkt, daÙ der Faktor L als unveränderliche und allen Gliedern gemeinsame GröÙe vor das Summenzeichen gesetzt werden darf, so erhält man:

$$L' = \frac{L^2 \sum m - 2L \sum m r + \sum m r^2}{L \sum m - \sum m r}.$$

Aus dem oben gefundenen Ausdruck für L folgt aber, daÙ

$$\sum m r^2 = L \cdot \sum m r$$

ist, mithin:

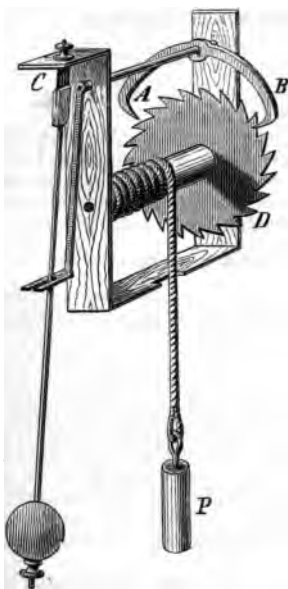
$$L' = \frac{L^2 \cdot \sum m - L \cdot \sum m r}{L \cdot \sum m - \sum m r} = L,$$

oder die reduzierte Länge des umgekehrten Pendels ist gleich der des ursprünglichen, wie oben behauptet wurde.

§ 63. Anwendung des physischen Pendels, Pendeluhr, Sekundenpendel, Messung der Intensität der Schwerkraft. Auf der gleichmäßigen Dauer der Pendelschwingungen, und namentlich auf der Unabhängigkeit der Schwingungsdauer von geringen Änderungen der Schwingungsweite beruht die wichtige Anwendung des Pendels als eines zeitmessenden Instrumentes in der von Huyghens (1657) erfundenen Pendeluhr. Mit dem an einer elastischen Stahlfeder bei C (Fig. 61) aufgehängten Pendel ist der metallische Bügel AB so verbunden, daÙ die beiden Arme desselben bei jeder Pendelschwingung abwechselnd bei A und bei B in die Zähne des Steigrades D eingreifen, welches infolge dessen

durch das Gewicht P bei jedem Hin- und Hergange des Pendels um einen Zahn weiter gedreht wird. Hat das Rad z. B. 30 Zähne, und ist die Dauer einer einfachen Pendelschwingung gleich einer Sekunde, so wird sich das Rad in einer Minute einmal um seine Axe drehen. Die Drehung dieses Rades wird durch das aus mehreren in einander greifenden Zahnradern gebildete Getriebe der Uhr an die Räder übertragen, auf deren Axen die Zeiger befestigt sind.

Fig. 61.



In Wirklichkeit wirkt das treibende Gewicht P in der Regel nicht an der Axe des Steigrades selbst, wie in der Figur, der Einfachheit wegen angenommen wurde, sondern an einer Welle, die durch ein oder mehrere Zahnräder mit dem Steigrade in Verbindung steht. Durch die Zähne des Steigrades erhält zugleich das Pendel bei jeder Schwingung einen kleinen Stoß, welcher hinreicht, die durch Reibung und Luftwiderstand herbeigeführte Verminderung der Schwingungsweite zu ersetzen und das Pendel in gleichförmigem Gange zu erhalten. Über die Mittel, den störenden Einfluss der Temperatur auf die Länge der Pendelstange zu kompensieren, s. unten § 199. — Bei Chronometern und Taschenuhren tritt anstelle des Pendels die sogenannte Unruhe, ein Rädchen, welches durch eine feine, elastische Spiralfeder in regelmäßige Schwingungen versetzt wird. Das treibende Gewicht wird durch eine gespannte, spiralförmig gewundene Stahlfeder ersetzt, die in ein cylindrisches Federgehäuse eingeschlossen ist und dasselbe durch ihre Elasticität zu drehen strebt.

Ein Pendel, dessen (einfache oder halbe) Schwingungsdauer eine Sekunde beträgt, heißt Sekundenpendel. Ist L die reduzierte Länge (§ 62) des Sekundenpendels, so ist (§ 61)

$$\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 1$$

oder:

$$g = \pi^2 L, \quad L = \frac{g}{\pi^2}.$$

Aus der beobachteten Länge des Sekundenpendels wird daher die Intensität der Schwerkraft durch Multiplikation mit π^2 gefunden. Nach Bessel beträgt die Länge des einfachen Sekundenpendels zu Berlin 994,26 mm, woraus für Berlin $g = 9,8125$ m folgt. Das Pendel ist das beste Instrument zur Ermittlung der Intensität der Schwere. Die genauesten Untersuchungen von Bessel haben den Satz bestätigt, daß die Schwingungsdauer des Pendels von der Substanz des schweren Körpers unabhängig ist, oder daß die Schwerkraft auf alle Stoffe mit gleicher Stärke wirkt. — Bei einer auf Veranlassung von Picard unternommenen Reise von Paris nach Cayenne machte der Astronom Richer i. J. 1672 die Beobachtung, daß das Sekundenpendel seiner astronomischen Uhr zu Cayenne um 1,25 par. " verkürzt und nach der Rückkehr nach Paris wieder um ebensoviel verlängert werden mußte, um die Uhr im richtigen Gange zu erhalten, woraus er auf eine Verminderung der Schwerkraft vom Pol nach dem Äquator schloß (vergl. § 56, 1 und § 352, 4). Genaue Beobachtungen über die Länge des Sekundenpendels an verschiedenen Punkten der Erdoberfläche haben gelehrt, daß die Intensität der Schwerkraft unter der geographischen Breite φ durch die Formel ausgedrückt wird

$$g = g_0 \left(1 - \frac{1}{384} \cos 2\varphi \right),$$

wo g_0 den mittleren Wert der Schwerkraft unter 45° Br., nämlich 9,808 m bezeichnet. — Es ist leicht ersichtlich, welchen Einfluß die Erhebung über das

Meeresniveau, oder das Hinabsteigen in Bergwerksschachte auf die Intensität der Schwerkraft ausüben muß (§ 58).

Foucaults Anwendung der Unveränderlichkeit der Schwingungsebene des Pendels zum Beweis für die Axendrehung der Erde (§ 352).

§ 64. Rotation eines Körpers um eine Symmetrieaxe. Rotiert ein Körper um eine Axe, um welche seine Masse nach allen Seiten gleichmäßig verteilt ist, so zeigt die Rotationsaxe das Bestreben, ihre Richtung im Raume unverändert zu erhalten, oder einen Widerstand gegen jede äußere Kraft, welche diese Richtung zu ändern strebt. Ein auf seiner Spitze sich drehender Kreisel wird durch diese Eigenschaft am Umfallen gehindert, solange die Rotationsgeschwindigkeit hinreichend groß ist. Rotiert ein in drei Ringen nach allen Richtungen frei drehbar aufgehängter kugelförmiger Körper (Fig. 62) um die Axe AB , so bleibt die Richtung dieser Axe im Raume unveränderlich, wie man auch das Gestell drehen und wenden möge, wenn der Schwerpunkt mit dem Mittelpunkt der Aufhängung zusammenfällt. Wird bei A ein Übergewicht angebracht, so sinkt das Ende A der Drehungsaxe nicht herab, wie es der Fall sein würde, wenn der Körper in Ruhe wäre, sondern die Drehungsaxe AB beginnt sich um die Vertikallinie langsam so zu bewegen, daß sie, in immer gleicher Neigung gegen dieselbe verharrend, nach und nach einen Kegelmantel durchläuft.



Fig. 62.

Diese Eigenschaft rotierender Körper dient zur Erklärung der astronomischen Erscheinung der sogenannten Präcession der Nachtgleichenpunkte (§ 358). Die Erde dreht sich um eine Axe AB (Fig. 63), welche gegen die Ebene der Ekliptik oder der jährlichen Erdbahn EK unter einem Winkel von $66\frac{1}{2}^\circ$ oder gegen deren Normale NM um $23\frac{1}{2}^\circ$ geneigt ist. Während der jährlichen Umlaufbewegung der Erde behält die Erdaxe ihre Richtung im Raume unveränderlich bei, oder ist stets nach demselben Fixstern (Polarstern P) gerichtet. Im Laufe einer langen Reihe von Jahren zeigt jedoch die Richtung der Erdaxe eine langsame, regelmäßige Änderung. Diese wird dadurch hervorgebracht, daß die Sonne und der Mond durch ihre Anziehung auf die Teile des an den Polen abgeplatteten Erdkörpers seine Axe senkrecht zur Ebene der Ekliptik zu stellen streben. Infolge dessen stellt sich die Erdaxe nicht wirklich senkrecht zur Ekliptik, sondern ihre Richtung PQ beschreibt um die Normale NM in der Zeit von etwa 26 000 Jahren einen Kegelmantel, indem der Pol der Erdaxe P sich um den Pol der Ekliptik N in immer gleichem Abstand von $23\frac{1}{2}^\circ$ im Kreise bewegt. Eine Folge davon ist, daß die sogenannten Frühlings- und Herbstnachtgleichenpunkte oder die Punkte, in welchen der Himmelsäquator die Ekliptik an der Himmelskugel durchschneidet, auf der letzteren langsam fortschreiten und in Zeit von 26 000 Jahren, nachdem sie die ganze Ekliptik durchlaufen haben, wieder zu ihrer ursprünglichen Stellung zurückkehren (siderisches und tropisches Sonnenjahr. [§ 358]).

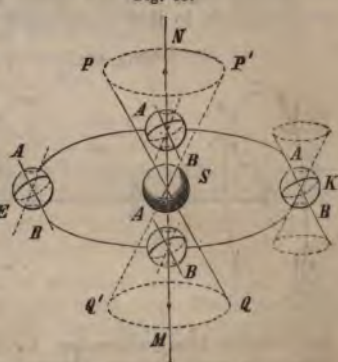


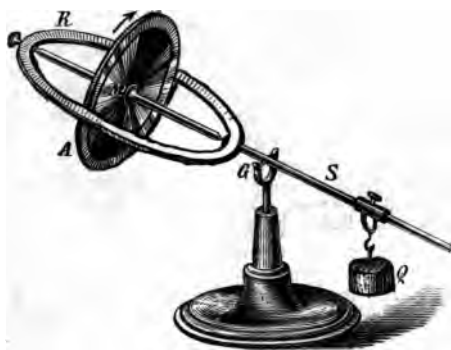
Fig. 63.

§ 64a. Der Fesselsche Rotationsapparat. Eine kreisförmige Scheibe A (Fig. 63a) mit schwerem Rand ruht mit ihrer Axe leicht drehbar in einem Ringe R , der an einer Querstange S befestigt ist. Diese Stange, welche auf einer horizontalen Axe in der Gabel G ruht, trägt am entgegengesetzten Ende ein verschiebbares Gewicht Q , während sich der vertikale Stiel der Gabel leicht in einem Fußgestell drehen läßt.

Wird die Scheibe durch Q im Gleichgewicht gehalten, so läßt sie sich in Rotation versetzen, ohne daß eine Bewegung der Stange S eintritt; wird aber Q der Gabel näher geschoben, so beschreibt bei lebhafter Rotation der Scheibe die Querstange eine Kegelfläche um den Stiel der Gabel als Axe, und ein Sinken der

Scheibe ist nicht zu beobachten. Die gleiche Erscheinung tritt ein, wenn das Schiebegewicht Q auf S in größerer Entfernung von G befestigt wird; jedoch erfolgt die konische Bewegung der Stange jetzt in der entgegengesetzten Richtung als vorher, nämlich im ersten Falle entgegengesetzt der Rotationsrichtung

Fig. 63a.



des oberen Teils der Scheibe, im zweiten Fall mit dieser übereinstimmend.

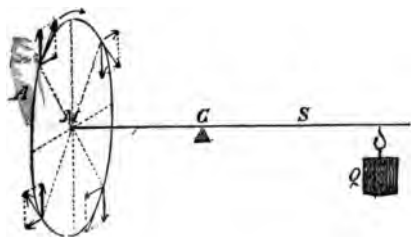
Erst wenn die Rotation der Scheibe langsamer wird, findet bezüglich ein Sinken oder Aufsteigen der Scheibe statt, und zwar unter gleichzeitiger Beschleunigung der Bewegung der Stange. Ist die Scheibe, wie bei dem Apparat in § 64 der kugelförmige Körper, in zwei Ringen aufgehängt, so behält die Rotationsaxe ihre Lage unverändert bei.

Zur Vereinfachung der Erklärung dieser Erscheinung möge angenommen werden, daß die Stange sich anfänglich in horizontaler Lage befinde, und soll nur der zweite Fall besprochen werden, wo bei der Weiterschlebung des Gewichtes Q

ein Emporsteigen der Scheibe zu erwarten war.

Denkt man sich für jeden Punkt der Scheibe (Fig. 63b) die Rotationsgeschwindigkeit in ihre horizontale und vertikale Komponente zerlegt, so wirken diese, solange Q der Scheibe das Gleichgewicht hält, in der Ebene der Scheibe und halten dieselbe in der gleichen Lage fest. In dem Augenblick aber, wo durch die Weiterschlebung von Q sich die Scheibe zu heben beginnt, treten die aufwärts gerichteten Vertikalkomponenten auf die äußere Seite der Scheibe hinaus, die abwärts gerichteten auf die innere, während die horizontalen Komponenten in der Ebene der Scheibe bleiben. Zerlegt man jetzt weiter die aus der Ebene

Fig. 63b.



der Scheibe hinaustretenden Vertikalkomponenten je in der der Axe parallelen Ebene in zwei andere Komponenten, die eine in der Ebene der Scheibe, die andere horizontal, so sind diese letzteren für die bei der Drehung sich aufwärts bewegende Hälfte der Scheibe nach außen, für die sich abwärts bewegende nach innen gerichtet, bewirken also eine horizontale Bewegung der Scheibe und der Querstange S in dem Drehungssinne der oberen Hälfte der Scheibe. Diese Bewegung erfolgt um so langsamer, je stärker bei schneller Rotation der Scheibe das durch ihr Trägheitsmoment bedingte Bestreben derselben ist, die anfängliche Lage festzuhalten, und erst wenn sich die Umdrehungsgeschwindigkeit der Scheibe verringert, bewegt sich die Querstange S mit der Gabel schneller um den vertikalen Stiel, steigt aber auch die mit der Scheibe versehene Seite von S aufwärts.

Gesetze des Stoßes.

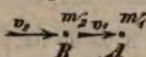
§ 65. Stoß elastischer und unelastischer Körper. Wenn zwei feste Körper, welche sich in verschiedenen Richtungen, oder mit verschiedenen Geschwindigkeiten bewegen, an einander stoßen, so findet zunächst zwischen den Oberflächenteilen beider Körper, wenn sie sich bis auf eine unmeßbar kleine Entfernung (d. i. bis zur sogenannten Berührung) genähert haben, eine Abstoßung statt, welche der weiteren Annäherung entgegenwirkt. Durch die zwischen den Teilen jedes festen Körpers wirksamen Molekularkräfte (§ 31 Anmerk.) wird sodann die Einwirkung auf die übrigen Massenteile des gestoßenen Körpers übertragen, wodurch im allgemeinen beide Körper eine Änderung ihrer Geschwindigkeit

keit und Bewegungsrichtung erfahren. Als allgemeines Prinzip gilt dabei das Gesetz der Gleichheit der Wirkung und Gegenwirkung (§ 38), nach welchem jedes Atom des Körpers *A* auf jedes Atom des Körpers *B* eine gleiche Einwirkung ausübt, wie es selbst von diesem erleidet. Die Gesetze des Stofses sind im allgemeinen so kompliziert, daß wir uns auf die Betrachtung der einfachsten Fälle beschränken müssen.

Es sollen zunächst die Gesetze des Stofses zweier kugelförmigen Körper untersucht werden, deren Mittelpunkte sich auf derselben geraden Linie in gleicher oder entgegengesetzter Richtung bewegen (centraler Stofs), und deren Massen man sich der Einfachheit halber in zwei Punkten vereinigt denken kann (Stofs materieller Punkte). Es sind dabei zwei Fälle zu unterscheiden, jenachdem die einander stoßenden Körper elastisch oder unelastisch sind.

§ 66. Centraler Stofs unelastischer Körper. Sind beide Körper unelastisch, so dauert ihre gegenseitige Einwirkung nur so lange, bis dieselben ihre Geschwindigkeiten ausgeglichen haben. Beide Körper bewegen sich dann mit der erlangten gemeinsamen Geschwindigkeit in gleicher Richtung fort. Bewegen sich vor dem Stofs die Körper *A* und *B* (Fig. 64), deren Massen m_1 und m_2 sind, in gleicher Richtung und zwar *A* mit der Geschwindigkeit v_1 , *B* mit der größeren Geschwindigkeit v_2 , und ist die gemeinsame Geschwindigkeit nach dem Stofs c , so hat *A* den Geschwindigkeitszuwachs $c - v_1$, *B* dagegen den Geschwindigkeitsverlust $v_2 - c$ erfahren. Bezeichnet λ die Einwirkung, welche jedes Atom eines Körpers während des Stofses auf jedes Atom des anderen ausübt, so hat jedes Atom des Körpers *B* von den m_1 Atomen des Körpers *A* die Einwirkung $m_1 \lambda$, dagegen jedes Atom des Körpers *A* von den m_2 Atomen des Körpers *B* die Einwirkung $m_2 \lambda$ erfahren, es ist

Fig. 64.



$$c - v_1 = m_2 \lambda, \quad v_2 - c = m_1 \lambda,$$

woraus folgt:

$$\frac{c - v_1}{v_2 - c} = \frac{m_2}{m_1} \quad \text{oder} \quad c = \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2}.$$

Waren die ursprünglichen Bewegungsrichtungen entgegengesetzt, so hat man nur v_1 als negativ zu betrachten, oder anstelle von v_1 zu setzen $-v_1$, und man erhält

$$c = \frac{m_2 v_2 - m_1 v_1}{m_1 + m_2}.$$

Das positive oder negative Vorzeichen des Zählers bestimmt dann die Richtung der Bewegung nach dem Stofs. Beide Körper bleiben nach dem Stofs in Ruhe, wenn $m_1 v_1 = m_2 v_2$, oder wenn ihre Anfangsgeschwindigkeiten den Massen umgekehrt proportional sind.

Ist $v_1 = 0$ und m_1 unendlich groß gegen m_2 , oder trifft der Körper *B* senkrecht gegen eine feste, unelastische Wand, so ist $c = 0$, und der Körper bleibt in Ruhe. — Trifft ein unelastischer Körper in schiefer Richtung gegen eine feste, unelastische Wand, so kann man seine Bewegung in eine senkrechte und eine zur Wand parallele Komponente zerlegen, von denen die erste durch den Widerstand der Wand vernichtet wird, und die zweite allein übrigbleibt.

Man nennt das Produkt aus der Masse und Geschwindigkeit eines bewegten Körpers sein Bewegungsmoment (§ 32a). Es bleibt also beim Stofs die (algebraische) Summe der Bewegungsmomente ungeändert. Die Gesetze des Stofses unelastischer Körper finden eine Anwendung beim sogenannten ballistischen Pendel, welches zur Bestimmung der Geschwindigkeit der Geschosse dient. — Prinzip der Erhaltung der Bewegung des Schwerpunktes.

§ 67. Centraler Stofs elastischer Körper. Sind die zusammenstoßenden Körper elastisch, so erleiden sie beim Stofse an der Berührungsstelle eine Kompression, welche zunimmt bis zu dem Augenblick, in welchem beide Massen ihre Geschwindigkeiten ausgeglichen haben. Infolge des Bestrebens beider Körper, ihre ursprüngliche Gestalt wieder anzunehmen, dauert aber die Wechselwirkung zwischen beiden noch fort, während sie bei unelastischen Körpern in diesem Moment aufhört. Da während dieser zweiten Periode des Stofses die Vorgänge der Entfernung und Ausdehnung beider Körper genau in der umgekehrten Reihenfolge vor sich gehen, wie die der Annäherung und Kompression während der ersten Periode, so wird jede der beiden Massen während der letzten Hälfte der

Dauer des Stoßes nochmals eine kleine Geschwindigkeitsänderung erfahren, wie während der ersten Periode. Nehmen wir zunächst wieder beide Bewegungsrichtungen vor dem Stoß als gleich an und bezeichnen, wie oben, durch c die gemeinsame Geschwindigkeit im Augenblick der größten Annäherung, durch c_1 und c_2 aber die Endgeschwindigkeiten nach der völligen Trennung, so ist der Geschwindigkeitszuwachs von m_1 während der ersten Periode $c - v_1$, mithin während der ganzen Dauer des Stoßes $2(c - v_1)$ und demnach die Endgeschwindigkeit $c_1 = v_1 + 2(c - v_1) = 2c - v_1$ oder, wenn man den oben gefundenen Wert für c einsetzt:

$$c_1 = \frac{2m_2v_2 + (m_1 - m_2)v_1}{m_1 + m_2}.$$

Der Geschwindigkeitsverlust von m_2 ist während der ersten Periode $v_2 - c$, während der ganzen Dauer des Stoßes $2(v_2 - c)$, mithin $c_2 = 2c - v_2$ oder

$$c_2 = \frac{2m_1v_1 + (m_2 - m_1)v_2}{m_1 + m_2}.$$

Ein negatives Vorzeichen des Wertes von c_2 würde anzeigen, daß sich die Masse m_2 nach dem Stoße in entgegengesetzter Richtung bewegt.

Sind die Bewegungsrichtungen beider Körper vor dem Stoße entgegengesetzt, so gelten dieselben Formeln, nur ist v_1 mit dem negativen Vorzeichen in Rechnung zu bringen.

Besondere Fälle beim Stoße elastischer Körper. 1) Sind die Massen beider Körper einander gleich oder ist $m_2 = m_1$, so wird

$$c_1 = v_2, c_2 = v_1,$$

d. h. beide Körper setzen ihre Bewegungen mit vertauschten Geschwindigkeiten fort. War die Masse m_1 vor dem Stoße in Ruhe, und wird sie von der gleichen

Masse m_2 gestossen, so ist $v_1 = 0$, mithin nach dem Stoße $c_1 = v_2$, $c_2 = 0$, d. h. die stoßende Masse bleibt nach dem Stoße in Ruhe, und die gestossene setzt die Bewegung mit der Geschwindigkeit der ersteren fort. In gleicher Weise pflanzt sich der Stoß durch eine beliebige Anzahl ruhen- der elastischer Kugeln von gleicher Masse (Fig. 65) fort, die in gerader Linie aufgehängt sind. Wird eine der äußeren Kugeln von einer gleichen Kugel mit der Geschwindigkeit v getroffen, so giebt jede Kugel die erhaltene Geschwindigkeit an die folgende ab, und das Resultat ist, daß nach dem Stoße alle Kugeln in Ruhe bleiben, mit Ausnahme der letzten, welche die Bewegung der stoßenden mit gleicher Geschwindigkeit fortsetzt.

2) Ist die Masse des gestossenen Körpers m_1 so groß, daß m_2 gegen m_1 vernachlässigt werden darf, so wird

$$c_1 = v_1, c_2 = 2v_1 - v_2,$$

d. h. der gestossene Körper erleidet keine merkliche Änderung der Geschwindigkeit, der stoßende prallt mit der Geschwindigkeit $2v_1 - v_2$ zurück. Ist $v_1 = 0$ oder trifft der stoßende Körper normal gegen eine feststehende, elastische Wand, so wird $c_2 = -v_2$. Trifft der Körper die elastische Wand in schiefer Richtung, so kann man seine Bewegung in eine normale und eine zur Wand parallele Komponente zerlegen. Letztere wird durch den Stoß nicht geändert, erstere aber in die entgegengesetzte verwandelt, woraus leicht ersichtlich ist, daß der Körper unter demselben Winkel von der Wand zurückprallt, unter dem er dieselbe getroffen hat.

§ 68. Erhaltung der lebendigen Kräfte beim Stoße elastischer Körper. Aus den obigen Ausdrücken

$$\begin{cases} c_1 = 2c - v_1 \\ c_2 = 2c - v_2 \end{cases} \text{ folgt } \begin{cases} c_1^2 = 4c^2 - 4cv_1 + v_1^2 \\ c_2^2 = 4c^2 - 4cv_2 + v_2^2 \end{cases},$$

mithin

$m_1c_1^2 + m_2c_2^2 = 4c^2(m_1 + m_2) - 4c(m_1v_1 + m_2v_2) + m_1v_1^2 + m_2v_2^2$. Aus dem oben (§ 66) gefundenen Wert für c folgt aber, daß die beiden ersten Glieder auf der rechten Seite dieser Gleichung sich gegenseitig aufheben, oder es ist

$$m_1c_1^2 + m_2c_2^2 = m_1v_1^2 + m_2v_2^2,$$

d. h. die Summe der lebendigen Kräfte (§ 43) beider Massen ist nach dem Stoße

ebenso groß wie vorher, oder es hat beim Stofs kein Gewinn oder Verbrauch von Arbeit stattgefunden.

Dagegen ergibt sich beim Stofs unelastischer Körper die Summe der lebendigen Kräfte nach dem Stofs

$$(m_1 + m_2) c^2 = \frac{(m_2 v_2 + m_1 v_1)^2}{m_1 + m_2} = m_1 v_1^2 + m_2 v_2^2 - \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (v_2 - v_1)^2.$$

Es hat also beim Stofs ein Verlust an lebendiger Kraft oder ein Verbrauch von Arbeit stattgefunden. Trifft ein unelastischer Körper normal gegen eine unelastische Wand, so geht seine ganze lebendige Kraft verloren. Dieser Arbeitsverbrauch erklärt sich dadurch, daß die unelastischen Körper durch den Stofs eine bleibende Formänderung erlitten haben, bei welcher der Widerstand der Kohäsion ihrer Teile überwunden werden mußte. In der Wärmelehre wird gezeigt werden, daß dabei gleichzeitig eine Umwandlung der sichtbaren Bewegung in eine andere Bewegungsform der Moleküle, nämlich in Wärme, stattgefunden hat (§ 241).

Die Gesetze des excentrischen Stosses kugelförmiger Körper lassen sich aus denen des centralen Stosses ableiten, indem man sich die Geschwindigkeit jedes Körpers im Augenblick des Stosses in eine centrale und eine tangential Komponente zerlegt denkt. Erstere bewirkt eine Änderung der Bewegung in der Richtung der Verbindungslinie der Mittelpunkte, wie beim centralen Stofs. Gleichzeitig werden aber infolge der beim Stofs stattfindenden Reibung durch die Tangentialkomponenten Rotationsbewegungen beider Körper erzeugt.

B. Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung tropfbar flüssiger Körper (Hydromechanik).

Gleichgewicht flüssiger Körper, insbesondere unter dem Einfluß der Schwerkraft.

§ 69. Verschiebbarkeit der Teile; horizontale Oberfläche. Die wesentliche Grundeigenschaft der Flüssigkeiten ist die leichte Verschiebbarkeit ihrer Teile (§ 6). Jede noch so geringe Kraft reicht hin, ihre gegenseitige Lage zu ändern, so daß die Flüssigkeiten keine selbständige, bleibende Gestalt besitzen, sondern ihre Form durch die der umgebenden, festen Körper und die jedesmalige Richtung der auf sie wirkenden Kräfte bestimmt wird. Die Wirkung der Schwerkraft ist hinreichend, um die Teile einer Flüssigkeitsmasse auf einer horizontalen Unterlage aus einander fließen zu lassen. In einem Gefäß kann eine Flüssigkeit unter dem Einfluß der Schwerkraft nur im Gleichgewicht sein, wenn ihre freie Oberfläche horizontal, d. h. zur Richtung der Schwerkraft senkrecht ist, indem bei jeder anderen Gestalt der Flüssigkeitsoberfläche ein Herabfließen eines Teils der Flüssigkeit von der höheren nach der tieferen Stelle erfolgen müßte.

Im allgemeinen ist eine von einer freien Oberfläche begrenzte Flüssigkeit unter der Einwirkung beliebig gerichteter Kräfte im Gleichgewicht, wenn die Richtung der Resultierenden dieser Kräfte in jedem Punkte zur Flüssigkeitsoberfläche (oder zu der an dieselbe gelegten Tangentialebene) normal ist. — Abweichungen vom vollkommenen Flüssigkeitszustande. Verschiedener Grad der Zähigkeit oder Viscosität der Flüssigkeiten (Äther, Weingeist, Wasser, Öl, Sirup, Teer).

§ 70. Fortpflanzung des Druckes in Flüssigkeiten. Da die Flüssigkeitsteilchen einem auf sie ausgeübten Druck vermöge ihrer leichten Verschiebbarkeit nach allen Seiten auszuweichen streben, so pflanzt sich der auf einen Teil der Flüssigkeitsoberfläche ausgeübte Druck im Innern der Flüssigkeit nach allen Richtungen mit gleicher Stärke fort. In der Wand eines vollständig mit Flüssigkeit gefüllten

Gefäßes (Fig. 66) sei eine Öffnung von 1 qcm angebracht und mit einem beweglichen Stempel *A* verschlossen. Die Flüssigkeit selbst soll vorläufig als gewichtslos betrachtet werden, auf den Stempel *A* aber werde ein Druck

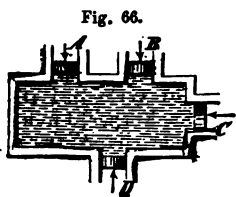


Fig. 66.

von p Kilogramm ausgeübt. Dieser Druck pflanzt sich durch die Flüssigkeit auf alle Teile der Wand des Gefäßes mit gleicher Stärke fort, so daß ein bei *B*, *C* oder *D* angebrachter Stempel von einem Quadratcentimeter Oberfläche ebenfalls mit einem Druck von p kg belastet werden müßte, um das Hervordringen der Flüssigkeit zu verhindern. Jedes Quadratcentimeter der Gefäßwand wird also mit einer Kraft von p kg oder ein Flächenstück von n qcm Oberfläche mit einer Kraft von $n \cdot p$ kg gedrückt, oder (Pascal, 1650) der auf einen beliebigen Teil der Gefäßwand in der zur Oberfläche senkrechten Richtung ausgeübte Druck ist der Größe des gedrückten Flächenstücks proportional. Wenn also im folgenden von dem Druck, unter welchem eine Flüssigkeit steht, ohne besondere Angabe der Größe des gedrückten Flächenstückes, die Rede ist, so ist immer der Druck auf die Flächeneinheit (1 qcm) zu verstehen.

Denkt man sich durch das Innere der in dem Gefäß enthaltenen Flüssigkeit eine beliebige Ebene gelegt, so ist klar, daß die diesseits und jenseits dieser Ebene befindlichen Flüssigkeitsteile auf einander gegenseitig einen gleichen Druck ausüben, wie auf ein gleich großes Stück der Gefäßwand.

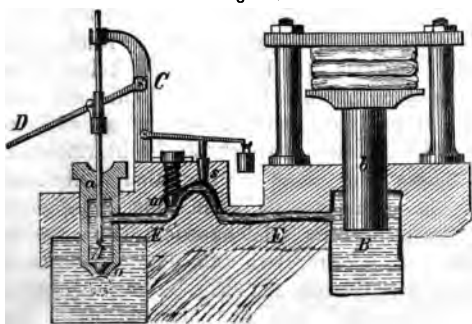


Fig. 67.

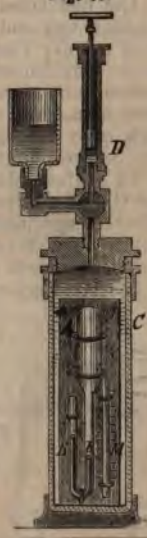
Eine praktische Anwendung der Fortpflanzung des Druckes in Flüssigkeiten bildet die hydraulische Presse (Bramah, 1797, Fig. 67). Zwei ungleich weite Cylinder *A* und *B* sind durch ein Rohr *E* mit einander verbunden, mit Wasser gefüllt und durch die Stempel *a* und *b* verschlossen. Wird auf den Stempel *a* im engeren Cylinder mittelst des einarmigen Hebels *CD* (§ 49), dessen Stützpunkt *C* ist, ein Druck ausgeübt, so pflanzt sich derselbe durch das Rohr *E* auf die im weiteren Cylinder *B* enthaltene Flüssigkeit fort, und die untere Fläche des Kolbens *b* erfährt einen Druck, welcher zu dem auf *a* ausgeübten Druck in demselben Ver-

hältnis steht, wie die Querschnitte beider Stempel oder wie die Quadrate ihrer Durchmesser; durch ein bei *o* angebrachtes Ventil (vergl. § 96), welches sich nach innen öffnet, kann beim Heben des Stempels *a* Wasser aus dem äußeren Gefäß in den Cylinder *A* eintreten, welches dann beim Herabdrücken des Stempels *a* in den zweiten Cylinder gepreßt und beim abermaligen Heben des Stempels durch ein zweites Ventil *w* am Rücktritt gehindert wird. Um einem Zersprengen des Apparats durch zu starken Druck vorzubeugen, ist ferner ein Sicherheitsventil *s* angebracht, welches sich öffnet und dem Wasser den Ausweg gestattet, sobald der Druck die mit der Sicherheit des Apparats verträgliche Grenze überschreitet. — Anwendung der hydraulischen Presse in Ölfabriken, bei der Appretur des Tuches, zur Prüfung der Dampfkessel, Wasserleitungsröhren, u. s. w.

§ 71. Zusammendrückbarkeit der Flüssigkeiten. Wird eine Flüssigkeit in einem geschlossenen Gefäß einem Druck ausgesetzt, so erleidet sie dabei eine

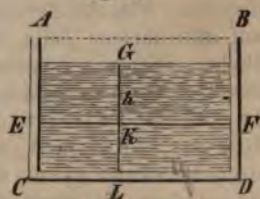
Volumenverminderung und kehrt nach dem Aufhören des Druckes genau zu ihrem ursprünglichen Volumen zurück. Die Flüssigkeiten besitzen also in vollkommenem Grade diejenige Art der Elasticität, welche man, zum Unterschiede von der Formelasticität fester Körper, die Volumenelasticität nennt. Die Zusammen-drückbarkeit flüssiger Körper ist so gering, daß dieselben lange Zeit hindurch für nicht zusammendrückbar gehalten wurden. Es gelingt jedoch leicht, dieselbe nachzuweisen und zu messen mittelst des von Örsted angegebenen Piezometers (Fig. 68). Die zu komprimierende Flüssigkeit befindet sich in einem cylindrischen Glasgefäß *A*, an welches ein enges, gebogenes Glasrohr *B* angeschmolzen ist. Der untere Teil des letzteren ist bis *b* mit Quecksilber gefüllt, durch welches die in *A* enthaltene Flüssigkeit abgesperrt wird. Das Gefäß ist auf einem rechteckigen Streifen von Metallblech befestigt und von einem weiteren, mit Wasser gefüllten Glas-cylinder *C* umgeben, der oben und unten mit Messingfassungen versehen und stark genug ist, um einem beträchtlichen Druck Widerstand zu leisten. Mittelst der auf dem Cylinder angebrachten kleinen Druckpumpe *D* kann auf das in demselben befindliche Wasser ein Druck ausgeübt werden, welcher sich durch das in dem Rohre *B* enthaltene Quecksilber auf die Flüssigkeit im Innern des Gefäßes *A* fortpflanzt. Da demnach die Wände dieses Gefäßes einem von innen und außen genau gleichen Druck ausgesetzt sind, so wird nicht nur ein Zersprengen, sondern auch eine Erweiterung desselben durch den von innen ausgeübten Druck vermieden. Das Ansteigen des Quecksilbers, welches man bei *b* beobachtet, gestattet also, den Grad der Zusammendrückung der Flüssigkeit zu messen. Zu diesem Zweck ist das Blech, auf welchem die Röhre *B* befestigt ist, mit einer Skala versehen und das Verhältnis des Volumens der Röhre zu dem des Gefäßes *A* durch einen besonderen Versuch bestimmt worden. Um die GröÙe des ausgeübten Druckes zu messen, dient das Manometer *M*, welches aus einem cylindrischen, oben geschlossenen, unten offenen und mit Luft gefüllten Glasrohr besteht (§ 93). Die Luft wird durch den Druck komprimiert, und ihr Volumen ist nach dem Gesetz von Mariotte (s. unten § 92) dem Druck umgekehrt proportional. Ist also die Luft auf $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, . . . ihres ursprünglichen Rauminhalts zusammengedrückt, so beträgt der ausgeübte Druck 2, 3, 4, . . . Atmosphären oder 2, 3, 4, . . . Kilogramm auf 1 qcm (s. § 90). Nach den Versuchen von Regnault und Grassi (1847) wird durch den Druck einer Atmosphäre Wasser um 50, Weingeist um etwa 80, Quecksilber nur um 3 Milliontel seines Volumens zusammengedrückt. Nach Untersuchungen von Amagat (1877) steigt bei den meisten Flüssigkeiten (das Wasser bildet eine Ausnahme) die Zusammendrückbarkeit mit der Temperatur; für Äther z. B. ist sie bei 13° nur 167, bei 99° dagegen 555 Milliontel des Volumens.

Fig. 68.



§ 72. Gleichgewicht der Flüssigkeiten unter Einfluss der Schwere, Bodendruck und Seitendruck. Eine tropfbare Flüssigkeit kann, wie oben (§ 69) gezeigt, unter Einfluss der Schwerkraft in einem offenen Gefäß nur im Gleichgewicht sein, wenn ihre freie Oberfläche eine horizontale Ebene bildet. Ist die Flüssigkeit in einem cylindrischen oder prismatischen Gefäß *ABCD* (Fig. 69) mit horizontalem Boden und senkrechten Wänden enthalten, so wird der Boden *CD* von dem ganzen Gewicht der in dem Gefäß enthaltenen Flüssigkeitsmasse gedrückt. Bezeichnet *q* die GröÙe der gedrückten Grundfläche, *h* die Druckhöhe, d. h. die vertikale Höhe der Oberfläche oder des Niveaus der Flüssigkeit über dem gedrückten Flächenstück, so ist *q.h* das Volumen der Flüssigkeitsmasse. Bezeichnet ferner *s* das

Fig. 69.

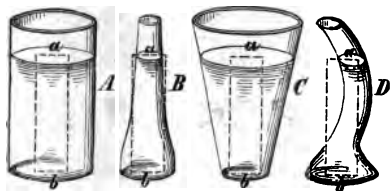


spezifische Gewicht der Flüssigkeit (§ 13), d. h. das Gewicht eines Kubikcentimeters der Flüssigkeit, so giebt $P = q \cdot h \cdot s$ das Gewicht der ganzen Flüssigkeitsmasse oder den Bodendruck an, welchen die ganze Grundfläche q erleidet. Denkt man sich ferner die Flüssigkeitsmasse durch Horizontalebenen in beliebig viele parallele Schichten zerlegt, so wird jede Schicht durch das Gewicht der darüber befindlichen Schichten gedrückt. Der Druck, welchen eine Schicht EF erleidet, nimmt also mit der Tiefe unter dem Flüssigkeitsspiegel zu und ist der Druckhöhe GK proportional. Da sich ferner der Flüssigkeitsdruck nach allen Richtungen mit gleicher Stärke fortpflanzt (§ 70), so wird auch ein bei E befindliches Flächenelement der Seitenwand des Gefäßes einen der Druckhöhe GK proportionalen Druck erleiden, welcher ebenso groß ist, wie der Druck auf ein gleich großes Element der horizontalen Flüssigkeitsschicht EF .

Um den Druck auf die ganze Seitenwand des Gefäßes, oder auf ein Stück derselben von endlicher Ausdehnung zu erhalten, muß man sich dieselbe, da der Druck mit der Tiefe unter dem Niveau stetig zunimmt, in unendlich schmale horizontale Streifen zerlegt denken und den Druck, welchen alle einzelnen Streifen erleiden, summieren. Durch Zusammensetzung dieser parallelen Druckkräfte (§ 51) findet man, daß der Druck auf die ganze vertikale Seitenwand durch den Ausdruck qhs dargestellt wird, wenn q die gedrückte Oberfläche, h die Entfernung ihres Schwerpunktes vom Niveau der Flüssigkeit bezeichnet.

In großen Meerestiefen erreicht der hydraulische Druck eine außerordentliche Größe. Eine 10 m hohe Wassersäule übt nämlich (abgesehen von dem etwas größeren spezifischen Gewicht des Meerwassers) einen Druck von 1 kg, eine 1000 m hohe Wassersäule einen Druck von 101 kg auf jedes Quadratcentimeter des Meeresbodens aus. Die größten gemessenen Meerestiefen erreichen aber mehr als das Achtfache dieses Wertes.

Fig. 70.



§ 73. Bodendruck und Seitendruck in beliebig gestalteten Gefäßen; Auftrieb. Aus der allseitigen gleichförmigen Fortpflanzung des Druckes in Flüssigkeiten folgt, daß alle Teile derselben Horizontalschicht der in einem beliebig gestalteten Gefäß enthaltenen Flüssigkeit gleichen Druck erleiden müssen. Es folgt daraus

ferner, daß der Druck, welchen der horizontale Boden eines Gefäßes erfährt, davon unabhängig ist, ob das Gefäß cylindrisch ist, oder nach oben sich verengt oder erweitert. In den Gefäßen A, B, C (Fig. 70) wird bei gleicher Druckhöhe das gleiche Bodestück b jedesmal von dem Gewicht derselben Flüssigkeitssäule ab gedrückt. Der Druck pflanzt sich also auch auf alle übrigen Teile des Bodens mit gleicher Stärke fort, und selbst der Boden eines wie D gekrümmten Gefäßes würde, infolge der Fortpflanzung des Druckes, von Schicht zu Schicht mit gleicher Kraft gedrückt werden. In jedem Fall ist der Druck auf einen beliebigen Teil des Bodens, oder auf ein Flächenelement der Gefäßswand gleich dem Gewicht einer cylindrischen Flüssigkeitssäule, welche das gedrückte Flächenstück zur Grundfläche und die Druckhöhe zur Höhe hat.

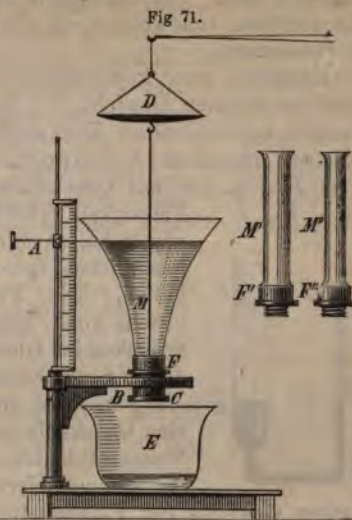
Apparat von Pascal. (Fig. 71.) Ein gläsernes Gefäß M ist unten mit einer metallenen, gut abgeschliffenen Fassung F versehen; an diese paßt als beweglicher Boden eine ebene Metallscheibe BC , welche an dem einen

Arm D einer Wage aufgehängt und im Gleichgewicht gehalten ist. Wird jetzt durch ein auf die andere Wagschale gelegtes Gewicht Q die Bodenplatte BC an die Fassung geprefst, so kann man (mit Vorsicht) Wasser bis zu einer bestimmten Höhe h über dem Boden, welche durch einen verstellbaren Zeiger A an einer Skala bestimmt werden kann, eingießen, ehe dasselbe ausfließt. Um nunmehr darzuthun, daß der Bodendruck nur von der Höhe h der Flüssigkeitssäule abhängt, ersetzt man das Gefäß M durch ein anderes, M' oder M'' , von verschiedener Form. Die Höhe h , bei welcher der Ausfluß beginnt, bleibt, obschon die ihr entsprechende Wassermenge im Gefäß eine ganz verschiedene ist, dieselbe, solange das Gewicht Q nicht geändert wird. Wird die Bodenfläche genau horizontal und central an die Fassung geprefst, so kommt das Gewicht Q überein mit dem eines Wassercylinders von der Höhe h und der benetzten Bodenfläche als Grundfläche.

Bringt man eine Flüssigkeit in ein weites, cylindrisches Gefäß, auf dessen dicht schließendem Deckel eine enge, lange Röhre befestigt ist, die ebenfalls mit Flüssigkeit gefüllt wird, so kann man mit einer kleinen, in der engen Röhre enthaltenen Flüssigkeitsmenge einen beträchtlichen Druck erzeugen. Darauf beruht die Wirkung der Realschen Extraktpresse, bei welcher die zu extrahierende Substanz in fein gepulvertem und mit der Extraktionsflüssigkeit durchfeuchtem Zustande zwischen zwei siebartig durchlöchernte Platten gebracht und dann dem Druck der in dem langen, engen Rohr enthaltenen Flüssigkeitssäule ausgesetzt wird. Indem die Flüssigkeit so unter starkem Druck durch die gepulverte Substanz hindurchfiltriert, wird eine möglichst vollständige Extraktion der löslichen Bestandteile bewirkt.

Daß sich der Druck einer Flüssigkeit nicht nur von oben nach unten und in seitlicher Richtung, sondern auch von unten nach oben, als sogenannter Auftrieb, mit gleicher Stärke fortpflanzt, läßt sich leicht durch folgenden Versuch veranschaulichen. Gegen den eben abgeschliffenen Rand eines weiten Glaszylinders (Fig. 72) wird die ebene Glasplatte AB mittelst eines durch den Cylinder gehenden Fadens angedrückt und dann das durch die Platte verschlossene Ende des Cylinders unter das Wasser getaucht. Läßt man nun den Faden los, so fällt die Glasplatte nicht herab, sondern wird durch den von unten nach oben gerichteten Wasserdruck festgehalten. Gießt man jetzt von oben vorsichtig Wasser in den Cylinder, so bleibt die Platte so lange haften, bis das Niveau des Wassers im Innern des Cylinders beinahe ebenso hoch steht wie außen, oder genauer, bis der Unterschied des Druckes, welchen die Glasplatte AB von unten und von oben erleidet, dem Gewicht der Platte gleichkommt. Ist die Druckhöhe innen und außen gleich, so erleidet die Platte von beiden Seiten gleichen Druck und sinkt durch ihr Gewicht zu Boden.

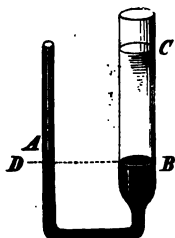
§ 74. Kommunizierende Röhren. Sind zwei Gefäße A und B (Fig. 73) unten durch eine Querröhre verbunden und mit derselben Flüssigkeit gefüllt, so kann diese nur im Gleichgewicht sein, wenn das Niveau in beiden Gefäßen gleich hoch steht, mögen übrigens beide Gefäße gleiche oder ungleiche Wette



haben, da offenbar nur unter dieser Bedingung die in der Verbindungsröhre enthaltenen Flüssigkeitsteilchen von beiden Seiten her gleichem Druck ausgesetzt sind. Bei ungleichem Niveau würden dieselben nach derjenigen Seite strömen, von welcher sie den geringeren Druck erleiden (Kanalwage der Feldmesser).

Enthalten zwei kommunizierende Röhren Flüssigkeiten von verschiedenem spezifischen Gewicht, so müssen die Höhen der im Gleichgewicht befindlichen Flüssigkeitssäulen ihren spezifischen Gewichten umgekehrt proportional sein. Ist z. B. der Raum von *A* bis *B* (Fig. 74) mit Quecksilber, der Raum *BC* mit einer leichteren

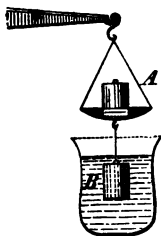
Fig. 74.



Flüssigkeit erfüllt, deren spezifisches Gewicht n mal geringer ist, so werden die unter der Horizontalebene *DB* befindlichen Quecksilberteile einander im Gleichgewicht halten. Die Flüssigkeitssäule *BC* würde durch eine gleich hohe Säule derselben Flüssigkeit im anderen Schenkel im Gleichgewicht erhalten werden. Der Druck dieser Säule kann aber durch den einer Quecksilbersäule *AD* von n mal geringerer Höhe ersetzt werden. So hält eine Quecksilbersäule von 1 cm Höhe eine 13,6 cm hohe Wassersäule im Gleichgewicht. Man kann sich daher der kommunizierenden Röhren zur Bestimmung des spezifischen Gewichts der Flüssigkeiten bedienen (vergl. § 200).

§ 75. Gleichgewicht untergetauchter Körper. Archimedisches Prinzip. 1. Ein vollständig von Flüssigkeit umgebener Körper verliert durch den Druck der umgebenden Flüssigkeit so viel von seinem Gewicht, als das Gewicht der von ihm verdrängten Flüssigkeitsmenge beträgt. Zur experimentellen Bestätigung dieses von Archimedes (220 v. Chr.) entdeckten Satzes dient die hydrostatische Wage, d. h. eine Wage, deren eine Schale *A* (Fig. 75) hinreichend hoch aufgehängt ist, um ein Gefäß mit Wasser, oder einer anderen Flüssigkeit darunter stellen zu können, und unten mit einem Haken versehen ist, an welchem man mittelst eines feinen Fadens oder Drahtes den unter der Flüssigkeit zu wägenden Körper aufhängen kann. Unter der Schale *A* hängt man einen Würfel oder Cylinder aus Metall, oder irgend einer anderen geeigneten Substanz auf, welche dichter ist, als die zum Versuche dienende Flüssigkeit, z. B. als Wasser. Auf dieselbe Schale *A* stellt man einen Hohlwürfel oder Hohlzylinder, welchen jener Körper genau ausfüllt und bringt die Wage, während der Körper *B* in der Luft schwebt, durch Gewichte, welche auf die andere

Fig. 75.



Wagschale gelegt werden, ins Gleichgewicht. Diese Wagschale sinkt, wenn der Körper *B* in die Flüssigkeit getaucht wird, so daß er ganz von derselben umgeben ist, das Gleichgewicht wird aber wieder hergestellt, wenn das auf der Schale *A* stehende Gefäß bis zum Rand mit derselben Flüssigkeit gefüllt wird. Es wird also der Gewichtsverlust des in die Flüssigkeit getauchten Körpers durch das Gewicht eines gleichen Flüssigkeitsvolumens genau ersetzt.

Denkt man sich einen prismatischen Körper mit horizontalen Grundflächen (Fig. 76) unter eine Flüssigkeit getaucht, so werden die Druckkräfte,

welche seine Seitenflächen von der umgebenden Flüssigkeit erleiden, einander gegenseitig aufheben, dagegen ist der Druck auf die obere und untere Grundfläche verschieden. Ist nämlich die Grundfläche q , die Höhe des Prismas h , die Entfernung der oberen Grundfläche vom Flüssigkeitsspiegel k , so erleidet die obere Grundfläche einen von oben nach unten gerichteten Druck qks (§ 72), die untere Grundfläche hingegen einen Auftrieb $q \cdot (k + h) \cdot s$. Die Differenz beider Kräfte $q \cdot h \cdot s$ stellt genau das Gewicht einer dem Prisma an Volumen gleichen Flüssigkeitsmasse dar. Um so viel erscheint also das Gewicht des Körpers durch den Druck der umgebenden Flüssigkeit vermindert. — Wird ferner ein ganz beliebig gestalteter Körper unter eine Flüssigkeit getaucht, so kann man sich denselben zunächst durch eine gleichgestaltete Flüssigkeitsmasse ersetzt denken. Diese wird durch den Druck der umgebenden Flüssigkeitsteile gerade schwebend erhalten. Denkt man sich, nun diese Flüssigkeitsmasse starr werdend, oder durch eine andere Substanz ersetzt, so wird dadurch der Druck der umgebenden Flüssigkeitsteile nicht geändert. Es wird also jederzeit ein Teil des Gewichts des untergetauchten Körpers durch den Druck der umgebenden Flüssigkeit getragen, welcher dem Gewicht der verdrängten Flüssigkeitsmenge gleich ist.

Wie innerhalb des Gefäßes, in welches der Körper eingetaucht wird, das Flüssigkeitsniveau genau so hoch steigt, als die Menge der verdrängten Flüssigkeit erfordert, so vermehrt sich auch, wie vermittelst der Wage gezeigt werden kann, das Gewicht des Gefäßes um ebensoviel, wie das Gewicht des eingetauchten Körpers vermindert wird.

§ 76. 2. Aus den Betrachtungen des vorhergehenden Paragraphen folgt, daß ein Körper, dessen Dichtigkeit derjenigen der umgebenden Flüssigkeit genau gleich ist, in derselben schweben, ein Körper von größerer Dichtigkeit, wenn er nicht unterstützt ist, untersinken, ein Körper von geringerer Dichtigkeit dagegen durch den überwiegenden Auftrieb emporsteigen muß (Cartesianische Taucher). Körper, welche leichter als die Flüssigkeit sind, in welche sie getaucht werden, schwimmen daher an der Oberfläche der Flüssigkeit, und zwar taucht ein schwimmender Körper so tief ein, daß das Gewicht des von dem untergetauchten Teil des Körpers verdrängten Flüssigkeitsvolumens gleich dem ganzen Gewicht des Körpers ist.

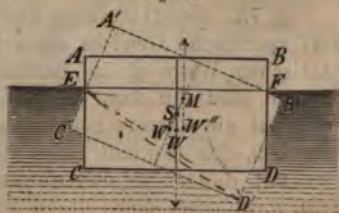
Die Notwendigkeit dieses Satzes läßt sich wie oben erweisen, indem man sich an die Stelle des schwimmenden Körpers die von ihm verdrängte Flüssigkeitsmasse gesetzt denkt, welche von dem Druck der umgebenden Flüssigkeit getragen wird. Um den Satz durch den Versuch zu bestätigen, kann man den Körper vorsichtig in ein vorher bis zum Rand mit Flüssigkeit gefülltes Gefäß tauchen. Der Rand muß so gestaltet sein, daß die überfließende Flüssigkeit gesammelt werden kann, ohne daß ein Teil derselben an der äußeren Gefäßwand haften bleibt. Das Gewicht der überfließenden Flüssigkeitsmenge ist dann gleich dem Gewicht des Körpers.

Zum Gleichgewicht eines schwimmenden Körpers ist außer der angegebenen Bedingung noch erforderlich, daß der Schwerpunkt des Körpers mit dem Schwerpunkt des verdrängten Flüssigkeitsvolumens auf einer Vertikallinie liege. Der letztere nämlich kann als der Angriffspunkt der resultierenden der auf die Oberfläche des Körpers wirkenden Druckkräfte angesehen werden. — Das Gleichgewicht ist stets stabil, wenn der Schwerpunkt des schwimmenden Körpers tiefer liegt als der der verdrängten Flüssigkeitsmasse. Im entgegengesetzten Fall aber ist das Gleichgewicht nicht notwendig labil. Es sei z. B. S der Schwerpunkt des schwimmenden Körpers $ABCD$. Derselbe

Fig. 76.



Fig. 77.



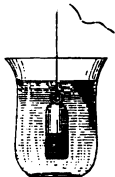
liegt vertikal über dem Schwerpunkt W der verdrängten Wassermasse. Wird der Körper um einen kleinen Winkel gedreht, so daß er in die Lage $A'B'C'D'$ übergeht, so ist der Schwerpunkt des verdrängten Wasservolumens nicht mehr W' , sondern W'' . Da nun das Gewicht des Körpers in S vertikal abwärts, die Resultierende des Wasserdrukks in W'' vertikal aufwärts wirkend gedacht werden kann, so wird das von beiden Kräften gebildete Kräftepaar (§ 50) den Körper in seine ursprüngliche Gleichgewichtslage zurückzudrehen streben; sein Gleichgewicht ist also ein stabiles. Der Punkt M , in welchem die durch W'' gezogene Vertikale die Linie $W'S$ oder ihre Verlängerung durchschneidet, heißt das Metacentrum des schwimmenden Körpers. Das Gleichgewicht ist, wie leicht ersichtlich, stabil oder labil, jenachdem das Metacentrum M höher oder tiefer liegt, als der Schwerpunkt S . Die Untersuchungen über die Stabilität des Gleichgewichts schwimmender Körper sind von großer Wichtigkeit für den Schiffsbau u. s. w.

§ 77. Bestimmung des specifischen Gewichts flüssiger Körper. Zur Bestimmung des specifischen Gewichts flüssiger Körper können verschiedene Methoden angewendet werden, nämlich:

1. Die direkte Abwägung gleicher Volumina verschiedener Flüssigkeiten in demselben Gefäß (§ 13).
2. Die Bestimmung mit Hilfe des Satzes über die kommunizierenden Röhren (§§ 74, 200).

3. Nach dem Archimedischem Prinzip mittelst des Gewichtsverlustes, welchen derselbe Körper, in verschiedene Flüssigkeiten getaucht, erleidet. Wägt man einen Körper, z. B. einen Hohlkörper aus Glas (Fig. 78), der durch hineingebrachte Schrotkörner hinreichend beschwert und dann zugeschmolzen worden ist, an einem feinen Draht aufgehängt, zuerst in Luft, dann unter Wasser, so giebt der Gewichtsverlust das Gewicht eines gleichen Wasservolumens an. Bestimmt man dann den Gewichtsverlust desselben Körpers in verschiedenen anderen Flüssigkeiten, so stehen diese Gewichtsverluste im direkten Verhältnis der specifischen Gewichte dieser Flüssigkeiten. Man hat dieselben also nur durch den Gewichtsverlust im Wasser zu dividieren, um die specifischen Gewichte zu erhalten. Um die Division zu erleichtern, kann das Volumen des Körpers z. B. gerade so groß gewählt werden, daß sein Gewichtsverlust in Wasser (bei 4° C.) genau 100 g beträgt.

Fig. 78.



Der in den verschiedenen Flüssigkeiten abzuwägende Körper muß natürlich schwer genug sein, um in den dichtesten der zu untersuchenden Flüssigkeiten noch unterzusinken. — Bei jeder genauen Bestimmung des specifischen Gewichts ist auf die Temperatur Rücksicht zu nehmen, da die Wärme auf die Dichtigkeit aller Körper einen mehr oder minder beträchtlichen Einfluß ausübt. — Eine besonders zur schnellen und bequemen Bestimmung des specifischen Gewichts flüssiger Körper geeignete Einrichtung der hydrostatischen Wage ist von Mohr angegeben worden. (§ 54).

§ 78. Bestimmung des specifischen Gewichts fester Körper. Das specifische Gewicht eines festen Körpers wird mit Hilfe der hydrostatischen Wage (§ 75) bestimmt. Man wägt den Körper zuerst in Luft ab und läßt ihn dann in Wasser tauchen, so geben die Gewichte, welche man auf die kürzere Schale legen muß, um das Gleichgewicht wieder herzustellen, das Gewicht eines gleichen Wasservolumens an. Man hat also nur mit diesem in das absolute Gewicht des Körpers zu dividieren, um sein specifisches Gewicht zu finden.

Wiegt z. B. eine Silbermünze in Luft 18,5 g, und beträgt der Gewichtsverlust im Wasser 1,8 g, so ist das specifische Gewicht $\frac{18,5}{1,8} = 10,28$.

Um das specifische Gewicht eines Körpers zu bestimmen, welcher leichter ist als Wasser, verbindet man denselben mit einem schwereren Körper, z. B. einem Stück Blei, dessen absolutes Gewicht und Gewichtsverlust im Wasser vorher durch einen besonderen Versuch bestimmt ist. — Das specifische Gewicht von Körpern, welche im Wasser auflöslich sind, bestimmt man durch Abwägung unter einer anderen Flüssigkeit, z. B. Öl, deren specifisches Gewicht in Beziehung auf Wasser bereits bekannt ist.

Poröse Körper, wie Holz, zeigen ein kleineres specifisches Gewicht, wenn ihre Poren mit Luft gefüllt sind, als nachdem die Luft durch Auskochen in Wasser aus denselben entfernt worden ist. Aus demselben Grunde erscheint das specifische Gewicht mancher Mineralien u. s. w. in fein gepulvertem Zustande größer als in festen Stücken.

Siehe die Tabelle der specifischen Gewichte in § 14.

§ 79. Aräometer. Der Gebrauch des Aräometer (*ἀραιός*, dünn) oder Senkwagen beruht auf dem zweiten Teil des Archimedischen Prinzips (§ 76), der sich auf schwimmende Körper bezieht. Man unterscheidet Skalenaräometer und Gewichtsaräometer.

1. Die Skalenaräometer dienen zur Bestimmung des specifischen Gewichts flüssiger Körper oder ihres Prozentgehalts an gelösten Stoffen. Dieselben bestehen aus einem in der Regel cylindrischen Hohlkörper von Glas *A* (Fig. 79), an welchem oben eine engere Glasröhre *B*, die Spindel des Aräometers, angeschmolzen ist. In der letzteren ist eine gewöhnlich auf Papier geteilte Skala eingeschlossen, welche je nach dem praktischen Zweck des Aräometers eine verschiedene Einteilung zeigt. Das untere Ende des Aräometers ist hinreichend beschwert, damit das Instrument in vertikaler Lage in stabilem Gleichgewicht schwimme. Man bewirkt dies zweckmäfsig durch die mit Quecksilber gefüllte Kugel eines kleinen Thermometers, dessen Röhre und Skala im Innern des Aräometerkörpers angebracht ist, um gleichzeitig mit dem specifischen Gewicht die Temperatur der Flüssigkeit abzulesen.

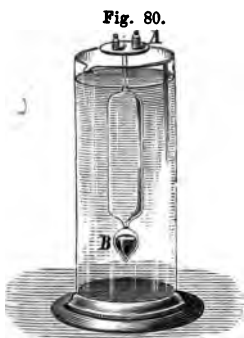


Das Aräometer taucht in einer Flüssigkeit um so tiefer ein, je kleiner ihr specifisches Gewicht ist. Ist die cylindrische Spindel des Aräometers in gleiche Teile geteilt (Volumeter von Gay-Lussac), und beträgt das Volumen des Aräometerkörpers bis zu dem mit 0 bezeichneten Anfangspunkt der Skala *v* solcher Teile, so ist aus der Tiefe des Eintauchens in zwei verschiedenen Flüssigkeiten das Verhältnis ihrer specifischen Gewichte leicht zu ermitteln. Taucht nämlich das Aräometer in der ersten Flüssigkeit bis zum Skalenteil *x*, in der zweiten bis zum Skalenteil *y* ein, so wiegen *v* + *x* Raumteile der ersteren ebensoviel wie *v* + *y* Raumteile der letzteren. Die specifischen Gewichte stehen also im Verhältnis von (*v* + *y*) : (*v* + *x*).

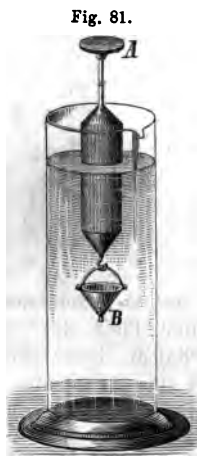
Sollen die specifischen Gewichte unmittelbar an der Spindel abgelesen werden, so müssen die gleichen Unterschieden des specifischen Gewichts entsprechenden Skalenteile von unten nach oben an Gröfse zunehmen. (Es ist leicht anzugeben, nach welchem Gesetz?)

Die Skalenaräometer werden vorzugsweise zu technischen Zwecken, zur Bestimmung des Prozentgehalts von Flüssigkeiten an gelösten Stoffen gebraucht, z. B. als Alkoholometer oder Spirituswagen, als Alkalimeter zur Bestimmung des Prozentgehalts alkalischer Laugen, als Milchprober, u. s. w. Die Graduierung der Skala giebt dann unmittelbar den Prozentgehalt der Flüssigkeit an Weingeist (bei dem in Preußen gebräuchlichen Alkoholometer von Tralles in Volumenprozenten), an Alkali, u. s. w. an. Die Angaben des Aräometers müssen jedoch, da das spezifische Gewicht sich mit der Temperatur ändert (§ 200), auf eine bestimmte Normaltemperatur, z. B. $12\frac{1}{2}^{\circ}$ R., reduziert werden. Bei Alkoholometern liegt der Nullpunkt, bis zu welchem das Instrument in reinem Wasser eintaucht, am unteren Ende der Spindel, bei Aräometern für Flüssigkeiten, welche dichter sind als Wasser, wie Laugen, am oberen Ende.

§ 80. 2. Das Gewichtsaräometer hat anstelle der Spindel einen dünnen Hals, dessen oberes Ende ein flaches Schälchen *A* (Fig. 80) trägt,



welches zur Aufnahme von Gewichten dient. Dasselbe wird jedesmal so weit belastet, daß es bis zu einer am Halse angebrachten Marke einsinkt. Das verdrängte Flüssigkeitsvolumen ist dann stets gleich groß, und das Gewicht desselben ist gleich dem des Aräometers, einschließlich der Belastung. Es sei das ein für allemal durch Wägung ermittelte Gewicht des Aräometers p , die zum Einsinken des Aräometers bis zur Marke in zwei verschiedenen Flüssigkeiten erforderlichen Belastungen seien x und y , so stehen die Gewichte gleicher Volumina, oder die Dichtigkeiten beider Flüssigkeiten im Verhältnis von $(p + x) : (p + y)$.



Das Gewichtsaräometer von Nicholson (Fig. 81), welches zur Bestimmung des spezifischen Gewichts fester Körper dient, besitzt außer dem oberen Schälchen *A* noch ein zweites bei *B* zum Abwägen der Körper unter Wasser. Es wird zunächst die Belastung p ermittelt, durch welche das Aräometer in destilliertem Wasser bis zur Marke einsinkt. Darauf legt man den Körper, dessen spezifisches Gewicht bestimmt werden soll (und dessen absolutes Gewicht nicht größer als p sein darf), auf das obere Schälchen *A* und legt so viele Gewichte hinzu, daß das Aräometer wieder bis zur Marke einsinkt. Sind dazu q Gewichtseinheiten erforderlich, so ist das Gewicht des Körpers $p - q$. Legt man jetzt denselben Körper auf die Schale *B*, oder befestigt man ihn an *B*, so muß wegen des Gewichtsverlustes im Wasser zu den q Gewichtseinheiten bei *A* noch eine neue Gewichtsmenge r hinzugefügt werden, welche das Gewicht des gleichen Wasservolumens angiebt. Das spezifische Gewicht des Körpers ist dann $\frac{p - q}{r}$.

Das spezifische Gewicht des Körpers ist dann $\frac{p - q}{r}$.

Die Gewichtsaräometer sind um so empfindlicher, je dünner der Hals, an welchem die Marke angebracht ist. Übrigens übt die Kapillarität (s. das folgende Kapitel) einen merklichen Einfluß auf die Angaben der Aräometer aus.

Molekularwirkungen zwischen festen und flüssigen Körpern. Kapillaritätserscheinungen.

§ 81. Kohäsion und Adhäsion der Flüssigkeiten. Benetzung, Tropfenbildung. Die im vorigen Kapitel besprochenen Gesetze des Gleichgewichts der Flüssigkeiten unter Einfluß der Schwerkraft erleiden wesentliche Modifikationen durch die Wirkungen der Kohäsion der Flüssigkeitsteile unter sich und ihrer Adhäsion zu den Gefäßwänden.

Taucht man einen reinen Glasstab in Wasser, so bleibt beim Herausziehen desselben eine dünne Wasserschicht durch Adhäsion an der Oberfläche des Glases haften, oder das Glas wird vom Wasser benetzt. Dagegen wird Glas von Quecksilber, oder eine fettige Glasfläche von Wasser nicht benetzt. Im ersten Fall ist die Adhäsion der Flüssigkeitsteilchen zum festen Körper größer als die Kohäsion der Flüssigkeitsteilchen unter sich, im letzteren Fall findet das Umgekehrte statt.

Zwei eben geschliffene Metallplatten, Musschenbroeks Adhäsionsplatten, haften im trockenen Zustand mit schwacher Adhäsion an einander. Die Adhäsion wird durch eine zwischen beide gebrachte dünne Ölschicht bedeutend verstärkt. Nach dem Auseinanderreißen erscheinen beide Platten von Öl benetzt, — es ist also bei der Trennung der Platten die Kohäsion des Öles überwunden worden, nicht aber die Adhäsion des Öles zum Metall.

Weingeist zeigt größere Adhäsion zum Glase als Wasser. Die auf einer benetzten Glasfläche haftende Wasserschicht wird durch einen darauf gebrachten Weingeisttropfen verdrängt. — Auch bei der Berührung zweier Flüssigkeiten zeigt sich der Einfluß des verschiedenen Verhältnisses der Kohäsion und Adhäsion. Olivenöl, in geringer Menge auf Wasser gebracht, bildet rundliche Tropfen. Terpentinsel dagegen breitet sich zu einer sehr dünnen Schicht auf der Wasseroberfläche aus. Von einer ähnlichen Erscheinung der Ausbreitung rühren die eigentümlichen Bewegungen her, welche auf Wasser geworfene kleine Kampferstückchen zeigen. Gießt man vorsichtig auf Wasser eine Schicht Alkohol, so kann man leicht zwischen beiden Flüssigkeiten, mittelst einer Pipette (§ 101), einen größeren Tropfen von Olivenöl, das leichter als Wasser und schwerer als Alkohol ist (§ 14), zum Schweben bringen.

Die Kohäsion der Flüssigkeiten zeigt sich in der Tropfenbildung, von welcher dieselben den Namen der tropfbaren Flüssigkeiten erhalten haben. Eine frei fallende oder der Wirkung der Schwere entzogene Flüssigkeitsmasse rundet sich durch die Kohäsion ihrer Teile zu einem kugelförmigen Tropfen ab. Sehr kleine Quecksilbertropfen, auf einer horizontalen Glasplatte ruhend, sind nahezu kugelförmig; größere Tropfen erscheinen durch die Wirkung der Schwere abgeplattet.

Um die Gesetze der Tropfenbildung näher zu untersuchen, brachte Plateau (1843) eine Ölmasse in ein Gemenge von Wasser und Alkohol von gleichem spezifischen Gewicht, in welchem dieselbe frei schwebend durch den Druck der umgebenden Flüssigkeit getragen wurde. In Berührung mit festen Körpern (hineingesteckten Drähten von verschiedener Gestalt) kann die Oberfläche der Ölmasse mannigfaltige, aber durch bestimmte Gesetze geregelte Formen annehmen. — Die tierische Milch und künstliche Emulsionen sind wässrige Flüssigkeiten, in welchen außerordentlich kleine und zahlreiche Fetttröpfchen in fein verteiltem Zustande schweben. — Zähflüssigkeiten, wie Seifenwasser, lassen sich zu dünnen Häutchen aufblasen. Die Formen, welche solche flüssigen Membranen für sich, oder in Berührung mit festen Körpern anzunehmen fähig sind, stimmen mit denen der Oberfläche von Flüssigkeitstropfen überein. Die Oberfläche ist bei gegebenem Rauminhalt oder gegebener Begrenzungslinie ein Minimum. — Die bunten Farben der Seifenblasen, welche durch die geringe Dicke des Häutchens bedingt werden, finden ihre Erklärung in der Theorie des Lichts (§ 180).

§ 82. Gestalt der Flüssigkeitsoberfläche. Elevation und Depression der Flüssigkeiten in Kapillarröhren. Die horizontale, ebene Oberfläche einer Flüssigkeit erleidet an ihren Rändern eine Veränderung durch den Einfluss der Wände des Gefäßes.

Fig. 82.

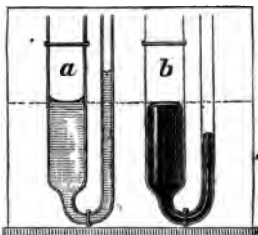
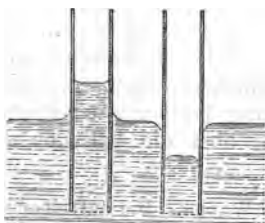


Fig. 83.



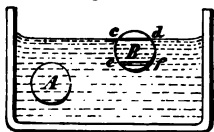
Die Oberfläche einer benetzenden Flüssigkeit (§ 81), z. B. des Wassers in einem reinen Glasgefäß (Fig. 82a), erscheint am Rande konkav, indem sich dieselbe durch die überwiegende Adhäsion an der Gefäßwand aufwärts krümmt. Der Rand einer nicht benetzenden Flüssigkeit hingegen, z. B. des Quecksilbers in einem Glasgefäß, erscheint durch die überwiegende Kohäsion der Flüssigkeit konvex, abwärts gekrümmt (Fig. 82b). In sehr engen Röhren, Kapillarröhren, erscheint die ganze Oberfläche der Flüssigkeit gekrümmt und bildet einen konkaven oder konvexen Meniskus, dessen Krümmung um so stärker ist, je kleiner der Durchmesser der Röhre ist.

Taucht man eine an beiden Enden offene Kapillarröhre in ein weiteres, mit Flüssigkeit gefülltes Gefäß (Fig. 83), oder bringt man die Flüssigkeit in zwei kommunizierende Röhren, von welchen die eine weit, die andere sehr eng ist (Fig. 82), so steht das Niveau der Flüssigkeit in der engen Röhre im Fall eines konkaven Meniskus höher, im Fall eines konvexen Meniskus niedriger, als in dem weiteren Gefäß, oder es findet im ersteren Fall durch den Einfluss der Kapillarität eine Elevation, im letzteren Fall eine Depression der Flüssigkeit in der engen Röhre statt. Die Größe der Elevation oder Depression ist von der Beschaffenheit der Flüssigkeit und der Gefäßwand abhängig, im übrigen bei cylindrischen Röhren ihrem Durchmesser umgekehrt proportional.

Auch zwischen zwei parallelen ebenen Platten findet eine Elevation oder Depression der Flüssigkeit statt, welche halb so groß ist, wie in einer cylindrischen Röhre, deren Durchmesser dem Abstand der Platten gleichkommt.

Die soeben angeführten Gesetze der Kapillar-Elevation und -Depression sind zuerst von Laplace (1819) theoretisch begründet worden. Derselbe zeigte ferner, daß der (spitze) Randwinkel, unter welchem die Oberfläche einer nicht benetzenden Flüssigkeit an die Gefäßwand stößt, einen für dieselbe Flüssigkeit und Substanz der Gefäßwand konstanten, also von der Form des Gefäßes unabhängigen Wert besitzt. Indes wird namentlich das letztere Gesetz nicht unwesentlich durch den verändernden Einfluss modifiziert, welchen die Oberfläche vieler Flüssigkeiten, z. B. des Quecksilbers, schon durch bloßes Stehen an der Luft erleidet.

Fig. 84.



Der Grund der Elevation und Depression der Flüssigkeiten in Kapillarröhren läßt sich im wesentlichen mittelst folgender Betrachtung übersehen. Die Anziehung, welche ein Flüssigkeitsteilchen vermöge der Kohäsion von den umgebenden Teilchen erfährt, erstreckt sich nur auf sehr kleine Entfernungen. Ein im Innern der Flüssigkeit befindliches Teilchen A (Fig. 84) wird daher nur von den innerhalb einer unendlich kleinen Kugelfläche

liegenden benachbarten Teilen nach allen Richtungen gleiche Anziehung erfahren. Das Teilchen B befindet sich in einem Abstand von der Flüssigkeitsoberfläche, welcher kleiner ist, als die Entfernung, bis zu welcher sich die Wirkung der Molekularkräfte erstreckt. Dasselbe wird infolge dessen eine stärkere Anziehung in der Richtung nach dem Innern der Flüssigkeit erfahren, indem die Anziehungen der zwischen den Ebenen cd und ef enthaltenen Flüssigkeitsteilchen einander gegenseitig aufheben, mithin die Anziehung des unterhalb der Ebene ef gelegenen Kugelabschnitts übrig bleibt. Aus dieser überwiegenden Anziehung der in der Nähe der Oberfläche befindlichen Flüssigkeitsteilchen nach innen entspringt ein nach dem Innern der Flüssigkeit gerichteter Druck, welcher der Molekulardruck oder die Oberflächenspannung der Flüssigkeit genannt wird. Dieser Molekulardruck ist nun bei einer konvexen Flüssigkeitsoberfläche größer, bei einer konkaven geringer, als bei einer ebenen Oberfläche. Betrachten wir nämlich die Anziehung, welche ein in gleicher Entfernung von der Flüssigkeitsoberfläche gelegenes Teilchen M in jedem der drei Fälle erleidet, so hat dieselbe (Fig. 85) bei einer ebenen Oberfläche ab , wo sie von den Teilchen des Kugelsegments ab herrührt, einen mittleren Wert; bei einer konkaven Oberfläche cd heben sich die Anziehungen der zwischen den Flächen cd und c_1d_1 gelegenen Flüssigkeitsteilchen gegenseitig auf, es bleibt mithin nur die Anziehung des kleineren Meniskus c_1d_1 , endlich bei einer konvexen Oberfläche ef die des größeren Meniskus e_1f_1 übrig. Der daraus entspringende größere oder geringere Molekulardruck bewirkt daher eine Depression oder Elevation der Flüssigkeit, welche um so größer ist, je stärker die Krümmung des Meniskus.



Auf ähnliche Weise erklärt sich die konvexe oder konkave Gestaltung der Flüssigkeitsoberfläche am Rande des Gefäßes durch die verschiedene Anziehung, welche die in der Nähe der Gefäßwand befindlichen Teilchen einerseits von den Teilchen der Gefäßwand, andererseits von den benachbarten Flüssigkeitsteilchen erfahren.

Auf der Kapillarität beruht das Eindringen und Aufsteigen der Flüssigkeiten in porösen Körpern, wie Löschpapier, Schwamm, Zucker, u. dergl.

§ 83. Diffusion der Flüssigkeiten, Lösung, Osmose. Werden verschiedene Flüssigkeiten in einem Gefäß zusammengebracht, so lagern sie sich entweder nach der Ordnung ihrer spezifischen Gewichte über einander, ohne sich zu mischen, wie Quecksilber, Wasser und Öl, oder sie lösen sich, wenn zwischen ihren Teilchen eine hinreichende Molekularanziehung stattfindet, gegenseitig auf und bilden eine Mischflüssigkeit, wie Wasser und Weingeist. Ebenso werden feste Körper in diesem Fall von einer Flüssigkeit aufgelöst und in den flüssigen Aggregatzustand übergeführt, wie z. B. Kochsalz oder Zucker in Wasser.

Gießt man zwei mischbare Flüssigkeiten, z. B. eine Salzlösung und reines Wasser, vorsichtig so über einander, daß anfänglich die leichtere Flüssigkeit über der schwereren gelagert ist, so findet, infolge der Molekularattraktion, auch bei völliger Ruhe des Gefäßes, eine von Schicht zu Schicht allmählich fortschreitende Vermischung beider Flüssigkeiten statt, indem ihre Moleküle sich gegenseitig durchdringen, bis endlich die ganze Flüssigkeit gleiche Konzentration und chemische Zusammensetzung zeigt. Diese Erscheinung wird mit dem Namen der Diffusion der Flüssigkeiten bezeichnet.

Sind zwei mischbare Flüssigkeiten durch eine poröse Scheidewand von gebranntem Thon, Gips oder dergl. oder durch eine tierische oder vegetabilische Membran (Blase, Zellmembran) getrennt, so findet auch durch diese Scheidewand ein Austausch der Bestandteile beider Flüssigkeiten

statt, welcher Osmose genannt wird. In der Regel gehen dabei ungleiche Mengen der Bestandteile beider Flüssigkeiten durch die Scheidewand [in entgegengesetzter Richtung hindurch, so daß, wenn das Niveau auf beiden Seiten ursprünglich gleich war, dasselbe auf einer Seite, der Schwerkraft entgegen, steigt, auf der anderen sinkt. (Vergl. § 106.)

Werden z. B. Salzlösungen und Wasser durch tierische Blase getrennt, so sinkt das Niveau auf der Seite des Wassers und steigt auf der Seite der Salzlösung; doch findet nie ein bloßer Übergang des Wassers zur Salzlösung, sondern stets gleichzeitig ein Übertritt des Salzes zum Wasser statt, bis schließlich die Lösung auf beiden Seiten der Membran gleiche Konzentration besitzt. Diese beiden gleichzeitigen, entgegengesetzten Strömungen durch die Membran wurden von Dutrochet als Endosmose und Exosmose unterschieden. Dieser Forscher erkannte zuerst die Wichtigkeit der Osmose für den Organismus der Tiere und Pflanzen. Obgleich die Zellwände der Pflanzen, sowie die Wandungen der Zellen und Blutgefäße des tierischen Organismus, selbst unter dem Mikroskop, keine sichtbaren Öffnungen zeigen, erfolgt doch durch dieselben hindurch der Austausch der Säfte und alle Aufnahme von Nahrungsbestandteilen durch Osmose.

Graham fand, daß sich die löslichen Substanzen hinsichtlich ihrer Diffusionsgeschwindigkeit in zwei Gruppen teilen lassen, welche er mit den Namen der Krystalloidsubstanzen und Colloidsubstanzen unterscheidet. Erstere, zu denen die Metallsalze, Zucker, u. dergl. gehören, sind im festen Zustande krystallinisch. Die letzteren, wie Leim, Eiweiß, Caramel, lösliche Kieselsäure, sind unkrystallinisch und bilden im Wasser gelatinöse Lösungen. Die Diffusionsgeschwindigkeit ist im allgemeinen für Krystalloide sehr viel größer als für Colloide. Durch eine Membran aus einer Colloidsubstanz, z. B. Pergamentpapier, diffundieren Krystalloide mit Leichtigkeit, während die Diffusion der Colloide fast völlig gehindert wird. Die Diffusion kann daher bei chemischen Analysen zur Trennung dieser beiden Klassen von Substanzen benutzt werden.

Zu derselben Klasse von Molekularwirkungen gehört endlich die wichtige Eigenschaft poröser Körper, vorzüglich der Knochenkohle, der Ackererde, u. s. w., beim Durchfiltrieren von Flüssigkeiten, die in demselben gelösten Farbstoffe, Salze, u. s. w. an sich zu ziehen und festzuhalten, so daß die Lösung im entfärbten oder verdünnten Zustande hindurchfiltriert (§ 19e).

Bewegungserscheinungen der tropfbaren Flüssigkeiten.

§ 84. Ausflusgeschwindigkeit, Torricellis Theorem. Wird in dem Boden oder der Wand eines mit Flüssigkeit gefüllten Gefäßes eine Öffnung angebracht, so strömt die Flüssigkeit aus derselben hervor mit einer Geschwindigkeit, welche mit der Druckhöhe wächst, dagegen von der Dichtigkeit der Flüssigkeit und von der Richtung des ausfließenden Strahles unabhängig ist. Nach einem von Torricelli 1641 aufgestellten Satz ist die Ausflusgeschwindigkeit gleich der Endgeschwindigkeit, welche ein Körper erlangen würde, wenn er vom Flüssigkeitsniveau bis zur Höhe der Ausflußöffnung frei herabfiel. Dieselbe wird also, wenn h die Druckhöhe bezeichnet, nach § 32 durch die Formel

$$v = \sqrt{2gh}$$

ausgedrückt und ist der Quadratwurzel aus der Druckhöhe proportional.

Die Unabhängigkeit der Ausflusgeschwindigkeit von der Richtung des ausfließenden Strahles ist eine Folge der nach allen Richtungen gleichmäßigen Fortpflanzung des Druckes in Flüssigkeiten. — Ein vertikal aufwärts springender Flüssigkeitsstrahl — Springbrunnen — sollte infolge der erlangten Ausflusgeschwindigkeit bis zur Höhe des Wasserniveaus im Ausflußgefäße emporgetrieben werden. Daß die wirklich erreichte Höhe immer geringer ist, rührt von der Reibung der Flüssigkeit an den Wänden des Ausflußrohres, vom Widerstand der Luft und von dem Umstand her, daß die Geschwindigkeit der nachfolgenden Wasser-

teilchen durch den Widerstand der vorangehenden verringert wird, indem diese durch die Schwerkraft in ihrer Bewegung verzögert werden und schließlich wieder auf den emporsteigenden Strahl zurückfallen. Es ist deshalb vorteilhaft, wenn der Strahl nicht genau vertikal, sondern in etwas schräger Richtung emporsteigt.

Der Zusammenhang des Torricellischen Satzes mit den früher aufgestellten allgemeinen Gesetzen der Bewegung ist leicht ersichtlich. Die beim Ausströmen einer bestimmten Gewichtsmenge p der Flüssigkeit geleistete Arbeit (§ 43) ist nämlich $p \cdot h$, indem eine gleiche Gewichtsmenge vom Flüssigkeitsniveau bis zur Höhe der Ausflußöffnung herabsinkt. Die erlangte Geschwindigkeit $v = \sqrt{2gh}$ würde nach § 33 genügen, um dieselbe Flüssigkeitsmenge wieder bis zum Niveau des Ausflußgefäßes zu heben, oder eine Arbeitsmenge, gleich der zur Mittheilung der Geschwindigkeit verbrauchten, wieder zu erzeugen.

§ 85. Ausflußmenge; Gestalt des Flüssigkeitsstrahls. Wenn der Querschnitt des ausfließenden Strahles gleich der Größe der Ausflußöffnung wäre, so könnte man sich die während einer Sekunde ausgeflossene Flüssigkeitsmenge in der Gestalt eines Cylinders denken, dessen Grundfläche die Ausflußöffnung und dessen Höhe gleich der Ausflußgeschwindigkeit wäre. Ist w die Größe der Öffnung, v die Ausflußgeschwindigkeit, so wäre demnach

$$wv = w\sqrt{2gh}$$

das Volumen der ausgeflossenen Flüssigkeit. Bezeichnet ferner, wie in § 72, s das specifische Gewicht der Flüssigkeit, so wäre das gefundene Volumen noch mit s zu multiplizieren, um die Ausflußmenge in Gewichtseinheiten ausgedrückt zu erhalten. — Die wirklich beobachtete Ausflußmenge ist jedoch bei Öffnungen in einer dünnen Gefäßwand immer kleiner, als die nach obiger Formel berechnete und beträgt, z. B. bei Wasser, nur etwa 0,62 derselben. In der That lehrt die Beobachtung, daß die Gestalt des ausfließenden Strahls keine cylindrische ist, sondern daß sein Querschnitt sich in der Nähe der Ausflußöffnung bis auf etwa $\frac{2}{3}$ der Größe der Öffnung verengt.

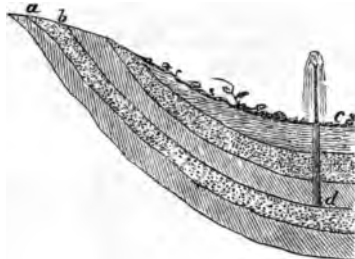
Diese Zusammenziehung des Flüssigkeitsstrahls (*contractio venae*) rührt hauptsächlich davon her, daß die Flüssigkeitsteilchen im Innern des Gefäßes von allen Seiten her nach der Öffnung in konvergierenden Richtungen zusammenströmen, und daß ihre seitliche Geschwindigkeit an der Ausflußöffnung nicht plötzlich vernichtet werden kann. — Auch die Reibung der Flüssigkeit an den Rändern der Öffnung trägt zur Verminderung der Ausflußmenge bei. — Durch eine kurze, cylindrische Ansatzröhre aus einer Substanz, welche von der Flüssigkeit benetzt wird, kann die Kontraktion des Flüssigkeitsstrahls beseitigt und die Ausflußmenge vergrößert werden. Doch findet dabei ein Verlust an Geschwindigkeit statt.

Ein vertikal abwärts hießender Strahl bleibt anfangs zusammenhängend. Wegen der wachsenden Fallgeschwindigkeit der Wasserteilchen aber zerreißt derselbe in einer gewissen Entfernung von der Ausflußöffnung und löst sich in eine Reihe getrennter Tropfen auf, welche jedoch wegen der großen Geschwindigkeit, mit welcher sie auf einander folgen, nicht einzeln unterschieden werden können (§ 165). Dieser Teil des Strahls erscheint trübe, undurchsichtig und zeigt eine Reihe abwechselnder Anschwellungen und Verengungen (Savartsche Bäuche). Der Grund dieser Erscheinung wird sichtbar, wenn man dieselbe durch einen schnell vor dem Auge vorbeigeführten Spalt beobachtet, oder den im Dunkeln ausfließenden Strahl momentan durch einen elektrischen Funken beleuchtet, wobei die einzelnen Tropfen wegen der kurzen Dauer des Lichteindrucks ruhend und getrennt erscheinen (§ 280). Man bemerkt dann, daß die Tropfen mit der Entfernung von der Trennungsstelle des Strahls regelmäßig ihre Gestalt verändern und abwechselnd aus der verlängerten Form, die sie im Augenblick des Abreisens besitzen, durch die Kugelgestalt in die abgeplattete Form und umgekehrt übergehen.

Ein in horizontaler oder schiefer Richtung ausfließender Flüssigkeitsstrahl zeigt die Form einer Parabel (§ 35), welche durch den Luftwiderstand modifiziert wird.

§ 86. Quellen und artesisische Brunnen. Auf den Gesetzen des Wasserdrucks beruht die Entstehung natürlicher Quellen und die Anlage künstlicher Bohrbrunnen, welche von der Grafschaft Artois, wo sie zuerst

Fig. 86.



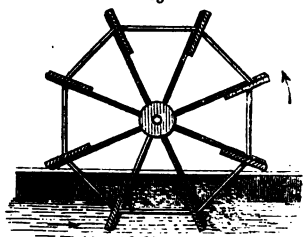
im Anfang dieses Jahrhunderts in häufige Anwendung kamen, den Namen artesisische Brunnen erhalten haben. — Das Regenwasser dringt nämlich in das Erdreich ein und sammelt sich in den Zwischenräumen poröser, sandiger oder kalkiger Schichten, während es von anderen, namentlich thonigen Schichten, nicht hindurchgelassen wird. Folgen nun, wie es häufig in Thalmulden der Fall ist, abwechselnd wasserhaltige und wasserdichte Schichten in geneigter Lage

auf einander, welche an einer höher gelegenen Stelle zu Tage treten, so wird das bei *ab* (Fig. 86) in den Schichtenkopf einer porösen Schicht eindringende Wasser durch die darüber liegende wasserdichte Thonschicht am Emporsteigen gehindert. Es steigt aber durch den hydrostatischen Druck sofort in Form eines Wasserstrahls empor, sobald die wasserdichte Schicht bei *cd* durch ein Bohrloch durchbrochen wird.

Zu den tiefsten Bohrlöchern gehören diejenigen von Passy bei Paris (557 m) und von Neusalzwerk bei Minden (696,5 m). In Algerien sind ganze Wüstenstrecken durch Bohrung artesischer Brunnen in fruchtbare Oasen umgewandelt worden.

§ 87. Wasserräder und Turbinen. Um den Fall des Wassers als Triebkraft zu verwenden, bedient man sich der Wasserräder. Dieselben sind theils vertikale, theils horizontale oder Turbinen. Unter den vertikalen Wasserrädern, deren Umdrehungsaxe horizontal ist, unterscheidet man unterschlächtige und overschlächtige. Eine Mittelstufe zwischen beiden bilden die sogenannten rückschlächtigen Wasserräder.

Fig. 87.



a. Die unterschlächtigen Wasserräder (Fig. 87) werden vorzugsweise bei großer Wassermenge und geringem Gefälle gebraucht. Das in einem schiefen Gerinne herabfließende Wasser stößt gegen die am Umfange des Rades oder Radkranzes angebrachten Schaufeln, welche es durch seinen Stoß und Druck in Bewegung setzt, indem es einen Teil seiner beim Herabfließen erlangten Geschwindigkeit an dieselben abgibt. Die Schaufeln sind entweder eben, oder, wie bei den Ponceletschen Rädern, auf zweckmäßige Weise gekrümmt.

b. Bei den overschlächtigen Rädern, welche vorzugsweise bei höherem Gefälle und geringer Wassermenge in Anwendung kommen, wird das Wasser von obenher auf den Radkranz geleitet (Fig. 88), dessen Schaufeln Zellen bilden, die an beiden Seiten des Radkranzes durch Seitenwände geschlossen sind, so daß die Zellen auf der abwärts gehenden Seite des Rades mit Wasser gefüllt bleiben und sich unten entleeren. Das Wasser wirkt hier theils durch den Stoß gegen die Radschaufeln, theils durch sein

Gewicht, indem die gefüllten Zellen auf der vorderen Seite des Radkranzes schwerer sind, als die leeren Zellen auf der hinteren, aufsteigenden Seite. Eine umgekehrte Einrichtung findet bei den zum Heben des Wassers dienenden Schöpfkrädern statt.

c. Bei sehr hohem Gefälle bedient man sich mit Vorteil der horizontalen Wasserräder oder Turbinen. Unter diesen soll nur die Segnersche oder schottische Turbine als die bemerkenswerteste hervorgehoben werden. Das durch die vertikale, hohle Umdrehungsaxe *A* (Fig. 89) zuströmende Aufschlagswasser strömt durch die hohlen, gekrümmten Arme der Turbine und entweicht durch die an den Enden derselben angebrachten Öffnungen *BB* in tangentialer Richtung. Denkt man sich zunächst die Öffnungen *BB* verschlossen, so würde das Rad infolge des allseitigen gleichförmigen Druckes im Gleichgewicht sein. Werden nun die Arme geöffnet, so wird einerseits der in der Richtung des ausfließenden Wassers wirkende Druck aufgehoben, und es bleibt ein Überdruck in der entgegengesetzten Richtung. Dazu kommt, daß das durch die Arme strömende Wasser gezwungen ist, sich in krummliniger Bahn zu bewegen und infolge dessen einen Druck auf die Bahn ausübt (§ 55), welcher das Rad in einer der Ausströmung des Wassers entgegengesetzten Richtung umtreibt.

Die Leistungsfähigkeit einer Wasserkraft wird bestimmt durch das Produkt aus dem Gewicht der pro Sekunde disponiblen Wassermenge und aus der Höhe des Gefälles. Eine Wasserkraft, welche pro Sekunde 25 kg Wasser bei einem Gefälle von 3 m verbraucht, würde der Theorie nach eine Arbeitsleistung von 75 Kilogrammometer pro Sekunde oder einer Pferdekraft liefern (§ 43). In der Praxis kann jedoch dieses Maximum des Nutzeffekts schon darum nicht erreicht werden, weil das Wasser nie seine ganze, durch den Fall erlangte Geschwindigkeit an das Rad überträgt, sondern den Radkranz mit einer Geschwindigkeit verläßt, welche mindestens der Geschwindigkeit am Umfange des Rades gleichkommt. Die besten überschlächtigen Räder und Turbinen liefern etwa 70 % des theoretischen Effekts, die unterschlächtigen noch weniger.

Man schätzt die Wassermenge des Niagara-Falls auf 1 300 000 cbm pro Stunde oder etwa 360 000 kg pro Sekunde, welche von einer Höhe von 50 m herabstürzen und eine Arbeitsleistung von 240 000 Pferdekraften zu liefern imstande wären.

Auf die Einrichtung der sogenannten Wassersäulenmaschinen, welche ein durch Wasserdruck getriebenes Pumpwerk bilden und namentlich zur Hebung von Salzsole auf große Höhen angewendet werden, kann hier nicht näher eingegangen werden.

Anmerkung. Sowohl tropfbare als luftförmige Flüssigkeiten setzen der Bewegung der Körper in ihrem Innern einen Widerstand entgegen, welcher teils von der Reibung der Flüssigkeit an der Oberfläche des Körpers, teils davon herührt, daß durch den Körper die umgebenden Flüssigkeitsteile in Mitbewegung versetzt werden. Der Widerstand ist wesentlich von der Form des bewegten

Fig. 88.



Fig. 89.



Körpers abhängig, welche zweckmäßig gewählt werden muß, um den Widerstand möglichst zu verringern (z. B. in der Schiffsbaukunst). Der Widerstand wächst mit der Geschwindigkeit der Bewegung und zwar in schnellerem Verhältnisse als diese, da mit derselben sowohl die Menge der mitbewegten Flüssigkeitsteilchen, als auch die Geschwindigkeit, welche denselben erteilt werden muß, zunimmt.

C. Gesetze des Gleichgewichts und der Bewegung luftförmiger Körper. (Pneumatik.)

§ 88. Die luftförmigen Körper haben mit den tropfbaren Flüssigkeiten die leichte Verschiebbarkeit der Teilchen gemein, unterscheiden sich aber von denselben durch den gänzlichen Mangel der Kohäsion und das Bestreben ihrer Teile, sich möglichst weit von einander zu entfernen. Infolge dieses Bestrebens füllen sie jederzeit den ihnen gebotenen Raum ganz aus und üben auf die Wände des umschließenden Gefäßes einen Druck aus, der mit der Dichtigkeit des in demselben enthaltenen Gases wächst. — Eine Gasmasse, welche in einem cylindrischen, mit einem luftdichten Stempel verschlossenen Gefäß enthalten ist, kann durch einen auf den Stempel ausgeübten Druck leicht auf einen geringen Bruchteil ihres ursprünglichen Volumens komprimiert werden. Nach dem Aufhören des Druckes treibt dieselbe durch ihren Gegendruck den Stempel genau bis zu der ursprünglichen Höhe empor. Die luftförmigen Körper besitzen demnach, wie die tropfbar flüssigen (§ 71), vollkommene Volumenelastizität, sind aber in viel höherem Grade zusammendrückbar. Im übrigen gelten für die Fortpflanzung des Druckes in luftförmigen Körpern dieselben Gesetze, wie für tropfbare Flüssigkeiten (§ 70).

Die Dichtigkeit der Gase ist in der Regel sehr viel geringer als die der tropfbaren Flüssigkeiten. So ist z. B. atmosphärische Luft 773 mal weniger dicht als Wasser. Die Dichtigkeiten der übrigen Gase pflegt man nicht, wie die der tropfbar flüssigen und festen Körper, im Vergleich mit Wasser, sondern mit atmosphärischer Luft, oder mit Wasserstoffgas, welches unter allen Gasen die geringste Dichtigkeit besitzt, zu bestimmen (vergl. § 94).

§ 89. Schwere der Luft, atmosphärischer Druck. Daß die luftförmigen Körper mit den festen und flüssigen die Eigenschaft der Schwere gemein haben, läßt sich nachweisen, indem man einen durch einen luftdichten Hahn verschließbaren Glasballon zuerst mit Luft gefüllt abwägt und dann die Wägung wiederholt, nachdem man mittelst der unten (§ 97) zu beschreibenden Luftpumpe die Luft aus demselben entfernt hat. Die Erdoberfläche ist von einer Lufthülle oder Atmosphäre umgeben, deren Höhe (aus astronomischen Gründen, vergl. auch § 303) auf etwa 10 Meilen geschätzt wird, und welche im wesentlichen aus einem Gemenge von 79 Raumteilen Stickstoffgas und 21 Raumteilen Sauerstoffgas gebildet wird.

Infolge ihrer Schwere übt die Atmosphäre auf die an der Erdoberfläche befindlichen Körper einen beträchtlichen Druck aus. Dieser Druck wird nur darum für gewöhnlich nicht wahrgenommen, weil er auf alle Körper und nach allen Richtungen mit gleicher Stärke wirkt. Seine Wirkung wird aber sofort bemerkbar, sobald er durch Entfernung der Luft an einer Stelle aufgehoben wird.

Infolge der allseitigen Fortpflanzung des Druckes ist derselbe in Zimmern

und anderen mit der Atmosphäre kommunizierenden Räumen ebenso groß wie unter freiem Himmel.

Durch den atmosphärischen Druck erklären sich die Erscheinungen, daß aus einem mit Wasser gefüllten und mit der nach unten gekehrten Öffnung in ein weiteres Gefäß mit Wasser getauchten Glase das Wasser nicht ausfließt; daß aus einem gefüllten Faß durch den geöffneten Hahn die Flüssigkeit erst dann ausfließt, wenn auch das Spundloch geöffnet worden ist; daß das Wasser dem in einem cylindrischen Pumpenrohr emporgezogenen Stempel nachfolgt, u. s. w., Erscheinungen, welche, bevor das Vorhandensein des Luftdrucks durch Torricelli nachgewiesen worden war (§ 90), durch einen angeblichen Abscheu der Natur vor dem leeren Raum (*horror vacui*) erklärt wurden. — Heber und Stechheber (§§ 100, 101).

§ 90. Torricellis Versuch (1643). Um das Vorhandensein des Luftdrucks nachzuweisen, füllte Torricelli eine etwa 90 cm lange, an einem Ende verschlossene Glasröhre *AB* (Fig. 90) mit Quecksilber und tauchte dann das offene Ende der Röhre in ein weiteres, mit Quecksilber gefülltes Gefäß. Während des Umkehrens der Röhre wurde das offene Ende derselben mit dem Finger verschlossen, um das Ausfließen des Quecksilbers zu verhüten. Wurde nun die Röhre, nach Entfernung des Fingers, vertikal gestellt, so floß das Quecksilber nicht aus, sondern die Quecksilbersäule im Innern der Röhre sank nur so weit herab, daß ihr Gipfel um etwa 760 mm (28 par.) höher stand, als das Niveau des Quecksilbers im äußeren Gefäß. Über dem Quecksilber blieb im obersten Teil der Röhre ein leerer Raum, das Torricellische Vacuum. Beim tieferen Einsenken der Röhre in das Quecksilbergefäß verminderte sich die Ausdehnung dieses leeren Raumes, so daß die Niveaudifferenz immer dieselbe Größe von 760 mm behielt. Die 760 mm hohe Quecksilbersäule im Innern der Röhre wird demnach von dem auf das Quecksilberniveau im äußeren Gefäß wirkenden Druck der Atmosphäre im Gleichgewicht gehalten. Sobald am oberen Ende der Röhre eine Öffnung angebracht wird, durch welche die Luft in das Torricellische Vacuum eintreten kann, sinkt das Quecksilber in der Röhre bis zum Niveau des äußeren Gefäßes herab, weil jetzt innen und außen der gleiche Atmosphärendruck wirkt.

Fig. 90.



Die Höhe der vom Atmosphärendruck getragenen Quecksilbersäule, welche am Meeresniveau im Mittel etwa 760 mm beträgt, giebt ein Maß für die Stärke des Luftdrucks. Der Druck auf 1 qcm ist nämlich gleich dem Gewicht von 76 cm Quecksilber, oder da das spezifische Gewicht des Quecksilbers = 13,59 ist, so beträgt derselbe $76 \cdot 13,59 \text{ g} = 1,033 \text{ kg}$ auf 1 qcm. Dieser Atmosphärendruck wird häufig als Maßeinheit für den Druck der Gase und Dämpfe gebraucht, so daß z. B. bei einem Druck von 10 Atmosphären jedes Quadratcentimeter mit 10,33 kg belastet ist.

Der Quecksilbersäule von 760 mm (28 par.) entspricht eine Wassersäule von 13,59, 0,76 oder 10,33 m (31,7') Höhe. In einem Pumpenrohr kann das Wasser durch Aufziehen des Stempels nur bis zu dieser Höhe gehoben werden. Diese Erfahrung, welche man bei der Anlage eines Brunnens zu Florenz machte, gab die Veranlassung zu dem oben beschriebenen Versuch von Torricelli und zur Entdeckung der Gesetze des Luftdruckes.

§ 91. Barometer. Der Druck der Atmosphäre ist nicht zu allen Zeiten und an allen Orten gleich groß. Um seine Veränderungen zu

messen, dient das von Torricelli erfundene Barometer. Dasselbe besteht im wesentlichen aus einer gebogenen Glasröhre AB (Fig. 91), welche einen längeren, oben geschlossenen, und einen kürzeren, oben offenen

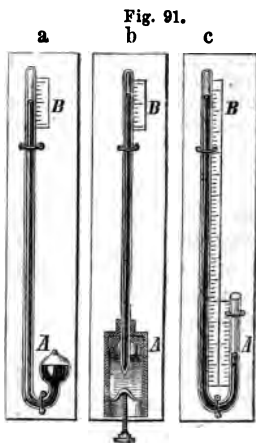


Fig. 91.

Schenkel besitzt und mit Quecksilber gefüllt ist. Der geschlossene Schenkel muß etwa 90 cm lang sein; der kürzere, offene Schenkel endet in der Regel in einem weiteren angeschmolzenen Gefäß A (Fig. 91a). Die Röhre wird ganz mit Quecksilber gefüllt und durch Auskochen des Quecksilbers vollständig von der am Glase adhärierenden atmosphärischen Luft (§ 107) befreit. Bei vertikaler Stellung der Barometer- röhre bildet sich dann in dem längeren Schenkel über dem Gipfel der Quecksilbersäule bei B ein Torricellisches Vacuum, und die Niveaudifferenz beider Schenkel giebt die Größe des Luftdruckes an. Auf dem Brettchen, an welchem die Barometer- röhre befestigt ist, befindet sich gleichzeitig eine in Pariser Linien oder Milli- meter eingetellte Skala, an welcher die Baro-

meterhöhe abgelesen werden kann. Der Nullpunkt der Skala muß mit dem Niveau des Quecksilbers im offenen Schenkel zusammenfallen.

Beim Ablesen des Barometers muß stets der Gipfel der gewölbten Quecksilberkuppe (§ 82) beobachtet und zur Vermeidung der Parallaxe das Auge in gleicher Höhe mit der Quecksilberkuppe gehalten werden. Bei genaueren Beobachtungen wird die Schärfe der Ablesung durch einen Nonius vergrößert. Bei Anwendung zu enger Barometer- röhren übt die Kapillarität einen beträchtlichen Einfluß auf die Höhe der Quecksilbersäule. Auch die Temperatur muß berücksichtigt werden, da bei höherer Temperatur das Quecksilber, infolge der Ausdehnung durch die Wärme (§ 200), spezifisch leichter ist, als bei niedriger Temperatur. Genaue Barometerbeobachtungen müssen daher, um vergleichbar zu sein, auf 0° reduziert werden.

Wenn das Niveau des Quecksilbers im längeren Schenkel steigt oder fällt, so ändert sich gleichzeitig das Niveau im kürzeren Schenkel. Ist das an diesem angebrachte Gefäß A weit genug, so sind diese Niveauänderungen so gering, daß dieselben, wo es auf große Genauigkeit nicht ankommt, vernachlässigt werden können. Bei genauen Beobachtungen zu wissenschaftlichen Zwecken kann dieser Fehler auf verschiedene Weise vermieden werden. Beim Gefäßsbarometer mit konstantem Niveau (Fig. 91b) taucht das offene Ende der geraden Barometer- röhre AB in ein Quecksilbergefäß, dessen Boden durch eine Schraube gehoben oder gesenkt werden kann. Vom Deckel des Gefäßes, der zur Verbindung mit der äußeren Atmosphäre mit einer engen Öffnung versehen ist, ragt eine Stahlspitze in das Gefäß herab. Vor jeder Beobachtung wird durch Drehen der Schraube der Boden und dadurch das Quecksilberniveau so weit gehoben oder gesenkt, daß es die Stahlspitze genau berührt, welche dem Nullpunkt der Skala entspricht. Beim Heberbarometer (Fig. 91c) sind beide Schenkel gleich weit, wodurch der Einfluß der Kapillarität verringert wird, und es kann entweder die ganze Skala durch eine Schraube verstellt werden, so daß jedesmal der Nullpunkt derselben mit dem Niveau im kürzeren Schenkel in Übereinstimmung gebracht wird, oder es werden die Niveauänderungen beider Schenkel abgelesen.

§ 92. Beziehung zwischen Druck und Volumen der Gase. Mariottes Gesetz. Eine in einem geschlossenen Gefäß enthaltene Gas- masse übt infolge ihrer Elasticität einen Druck auf die Wände des Gefäßes aus, besitzt also eine gewisse Spannkraft. Es sei z. B. AB (Fig. 92) ein cylindrisches Gefäß von 1 qcm Querschnitt, welches mit Luft gefüllt

und durch einen luftdicht schließenden Stempel *B* verschlossen ist. Wird die über dem Stempel *B* befindliche Luft entfernt, so muß der Stempel mit einem Gewicht von etwa 1 kg (§ 90) belastet werden, um die Expansion der im Gefäß enthaltenen Luft zu verhindern. Um die Luftmasse bis auf die Hälfte ihres ursprünglichen Volumens zu komprimieren, oder um den Stempel bis *C* niederzudrücken, ist eine Belastung von 2 kg erforderlich. Durch eine derartige Belastung verdoppelt sich auch die Spannkraft der eingeschlossenen Luft, und jedes Quadratcentimeter der Gefäßwand hat also jetzt den doppelten Druck auszuhalten. Da dieselbe Luftmasse nur noch die Hälfte ihres ursprünglichen Volumens einnimmt, so ist ihre Dichtigkeit die doppelte. Im allgemeinen ist das Volumen einer Gasmasse dem Drucke, welchem dieselbe ausgesetzt ist, umgekehrt proportional, oder die Dichtigkeit wächst im geraden Verhältnis des Druckes, oder auch, die Spannkraft eines Gases ist der Dichtigkeit direkt, dem Volumen umgekehrt proportional.

Um die Richtigkeit dieses zuerst von Boyle (1662) und bald darauf unabhängig von Mariotte (1679) aufgefundenen Gesetzes durch den Versuch zu erweisen, dient am besten eine gebogene, an beiden Enden offene Glasröhre *ABC* (Fig. 93) mit den ungleich langen Schenkeln *AB*, *BC*, von denen der kürzere, der genau cylindrisch sein muß, bei *C* durch einen Hahn verschlossen werden kann. Bei *B* ist ein zweiter Hahn zum Ablassen des in die Röhre gegossenen Quecksilbers angebracht. Die Röhre ist mit einer in Linien oder Millimeter getheilten Skala versehen, an welcher der Stand des Quecksilbers in beiden Schenkeln abgelesen werden kann. Gießt man nun, während der Hahn *B* geschlossen und *C* geöffnet ist, durch die mit einem Trichter versehene Öffnung *A* etwas Quecksilber in die Röhre, so steht dasselbe in beiden Schenkeln gleich hoch. Wenn der Gipfel der Quecksilbersäule in beiden Schenkeln den mit 0 bezeichneten Anfangspunkt der Skala erreicht hat, schließt man den Hahn *C*. Die im kürzeren Schenkel abgeschlossene Luftsäule steht dann unter dem Druck einer Atmosphäre (§ 90). Wird jetzt bei *A* mehr Quecksilber zugegossen, so wird durch den Druck der im längeren Schenkel enthaltenen Quecksilbersäule die Luft im kürzeren Schenkel komprimiert und zwar bei einem Niveauunterschied von 760 mm genau auf die Hälfte, bei einem Unterschied von 2.760 mm auf $\frac{1}{3}$ ihres ursprünglichen Volumens, u. s. f. Da jedesmal zu dem Druck der Quecksilbersäule noch der auf das Quecksilber im offenen Schenkel wirkende Atmosphärendruck hinzuzufügen ist, so ergibt sich daraus, daß dem Druck von 1, 2, 3, u. s. f. Atmosphären beziehungsweise die Volumina 1, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$ u. s. f. entsprechen. — Zum Nachweis der Richtigkeit des Gesetzes auch für Verdünnung der Luft füllt man anfänglich, während der Hahn *C* offen bleibt, beide Schenkel so weit mit Quecksilber, daß bei *C* nur ein wenige Zoll langer Teil der Röhre mit Luft gefüllt bleibt und schließt dann den Hahn *C*. Läßt man darauf bei *B* Quecksilber abfließen, so verdünnt sich die Luft bei *C*, und das Niveau des Quecksilbers steht im offenen Schenkel niedriger, als im geschlossenen. Hat sich die Luft bei *C* auf das Doppelte, das Dreifache, das Vierfache u. s. w. ihres ursprünglichen Volumens ausgedehnt, so steht sie bezüglich nur unter dem Druck einer halben, einer Drittel-, einer Viertel- u. s. w. Atmosphäre, beträgt also dem Niveauunterschied der Quecksilbersäulen entsprechend

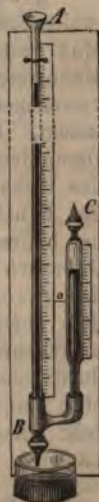
$$\frac{1}{2} \cdot 760 = 380 \text{ mm}, \quad \frac{2}{3} \cdot 760 = 506\frac{2}{3} \text{ mm}, \quad \frac{3}{4} \cdot 760 = 570 \text{ mm, u. s. w.}$$

Indem Regnault den Schenkel *AB* bis zu einer Höhe von 24 m verlängerte, prüfte er (1845) die Richtigkeit des Mariotteschen Gesetzes für atmosphärische Luft und für verschiedene Gase bis zu einem Druck von 30 Atmosphären. Er fand, daß die atmosphärische Luft und die Gase auch bei hohem Druck, solange

Fig. 92.



Fig. 93.



sie noch ihrem Verflüssigungspunkt (vergl. § 212) fern bleiben, nur sehr geringe Abweichungen vom Mariotteschen Gesetz wahrnehmen lassen. In der Nähe des Verflüssigungspunktes zeigten sich grössere Abweichungen, indem alsdann namentlich die Dichtigkeit der Gase in schnellerem Verhältnis wächst als der Druck. Natterer ging in seinen Untersuchungen bis zu einem Druck von 3600 Atmosphären.

Bezeichnet v das Volumen einer Gasmasse unter dem Druck p , v_1 das Volumen derselben Gasmasse unter dem Druck p_1 , so wird das Mariottesche Gesetz durch die Proportion

$$v : v_1 = p_1 : p,$$

oder auch durch die Gleichung

$$pv = p_1 v_1$$

ausgedrückt, d. h. bei gleichbleibender Temperatur ist das Produkt aus Druck und Volumen einer bestimmten Gasmenge konstant. Da ferner die Dichtigkeit in demselben Verhältnis wächst, in welchem das Volumen abnimmt, so folgt

$$d : d_1 = p : p_1.$$

§ 93. Das Manometer dient zur Messung des Druckes eingeschlossener Gase, Dämpfe oder Flüssigkeiten (vergl. §§ 71, 216, 223). Man unterscheidet offene und geschlossene Manometer. Das offene Manometer besteht aus einer oben und unten offenen, mit einer Skala versehenen Glasröhre, deren unteres Ende in ein Gefäß mit Quecksilber taucht. Ein auf die Oberfläche dieses Quecksilbers ausgeübter Luft- oder Dampfdruck treibt das Quecksilber im Innern der Röhre empor und aus der Höhe der gehobenen Quecksilbersäule kann, nach dem obigen (§ 90), der Druck in Atmosphären oder in Kilogrammen berechnet werden. Da bei hohem Druck die Quecksilbersäule sehr hoch sein muß, wodurch der Gebrauch der offenen Manometer unbequem wird, so bedient man sich der geschlossenen Manometer, bei welchen durch das Quecksilber in dem oben geschlossenen Rohr eine Luftmenge abgesperrt wird, deren im umgekehrten Verhältnis des Volumens wachsender Druck sich zu dem durch das Gewicht der Quecksilbersäule hervorgebrachten hinzuaddiert. Man kann leicht den jedem Stand der Quecksilbersäule im Manometerrohr entsprechenden Luft- oder Dampfdruck bestimmen und dasselbe danach ein für allemal mit einer festen Skala versehen.

§ 94. Bestimmung der Dichtigkeit gasförmiger Körper. Die Bestimmung der Dichtigkeit verschiedener Gase geschieht auf direktestem Wege, indem man einen Ballon von bekanntem Rauminhalt zuerst luftleer abwägt und sodann sein Gewicht bestimmt, nachdem man ihn entweder mit atmosphärischer Luft, oder mit den verschiedenen, zu untersuchenden Gasen gefüllt hat. Da jedoch die Dichtigkeit gasförmiger Körper je nach dem Druck, unter welchem dieselben stehen, veränderlich ist, und da dieselben ferner durch die Wärme in sehr hohem Grade ausgedehnt werden, so muß bei der Bestimmung von Gasdichten auf Luftdruck und Temperatur jederzeit Rücksicht genommen werden. Da aber durch Änderungen des Luftdruckes sowohl als der Temperatur die Dichtigkeit aller Gase nahe in gleichem Verhältnis beeinflusst wird (§§ 92 u. 202), so bleibt das Verhältnis der Dichtigkeiten je zweier Gase stets nahe dasselbe, vorausgesetzt, daß sie gleichen Änderungen des Druckes und der Temperatur unterworfen werden. — Man pflegt deshalb die relative Dichtigkeit oder das spezifische Gewicht der Gase auf das der atmosphärischen Luft, oder auch auf das des leichtesten Gases, des Wasserstoffs, als Einheit zu beziehen (siehe d. Tabelle § 14).

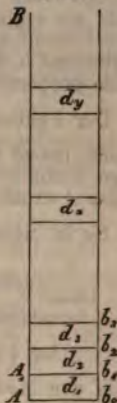
Die atmosphärische Luft (s. § 19) ist bei der Temperatur von 0° und dem Barometerstand von 760 mm (in Paris, Breite 48° 50') 773 mal leichter als Wasser, oder 1 Liter Luft wiegt 1,293 g. Ein Liter Wasserstoffgas wiegt 0,0896 g.

Regnault bestimmte (1847) die atmosphärische Luft unter 45° nördl. Br. und im Meeresniveau als 773,533 mal leichter als Wasser bei 4° C. und 10517 mal leichter als Quecksilber.

Über den Zusammenhang zwischen den Dichtigkeiten und den chemischen Äquivalentgewichten gasförmiger Körper s. § 18.

§ 95. Barometrische Höhenmessung. Da der Luftdruck von dem Gewicht der auf der Erdoberfläche lastenden Atmosphäre herrührt, so nimmt derselbe mit wachsender Erhebung über die Erdoberfläche ab. Der Barometerstand ist daher auf hohen Bergen niedriger als in der Ebene oder am Meeresniveau. Die Abnahme des Luftdrucks erfolgt jedoch nicht regelmässig in der Weise, daß einer gleich großen vertikalen Erhebung immer dieselbe Abnahme des Barometerstandes entspricht, sondern dieselbe wird mit wachsender Höhe langsamer. Dies rührt davon her, daß die unteren Schichten der Atmosphäre durch das Gewicht der darüber befindlichen Teile stärker zusammengedrückt, mithin dichter sind als die oberen, und zwar nimmt nach dem Gesetz von Mariotte (§ 92) die Dichtigkeit der Luft in demselben Verhältnis ab, als der Druck oder der Barometerstand. Es wird deshalb einer Erhebung, z. B. um 100 m, in den höheren und mithin dünneren Schichten der Atmosphäre eine geringere Abnahme des Luftdruckes entsprechen als in den unteren, dichteren Schichten. Um das Gesetz der Abnahme des Druckes mit wachsender Höhe zu ermitteln, soll vorläufig die Temperatur in der ganzen Höhe einer vertikalen Luftsäule als gleichförmig vorausgesetzt werden. Man denke sich die vertikale Luftsäule AB (Fig. 94) durch horizontale Ebenen in Schichten von je 1 m Höhe geteilt. Innerhalb jeder dieser Schichten darf die Dichtigkeit der Luft ohne merklichen Fehler als gleichförmig betrachtet werden. Es sei b_0 der Barometerstand im Meeresniveau, welcher 760 mm beträgt, b_1, b_2, b_3, \dots bezeichnen den Barometerstand in 1, 2, 3, . . . Meter Höhe. Die Dichtigkeiten der auf einander folgenden Luftschichten werden mit d_1, d_2, d_3, \dots bezeichnet, und zwar soll d die Dichtigkeit der Luft im Verhältnis zum Quecksilber angeben. Da beim Barometerstand b_0 die Luft 773 mal leichter als Wasser (§ 94), dieses aber 13,596 mal leichter als Quecksilber ist, so

Fig. 94.



ist $d_1 = \frac{1}{13,596,773} = \frac{1}{10510}$. Die 1 m hohe Luftsäule AA_1 wird dann einer d_1 m hohen Quecksilbersäule das Gleichgewicht halten (§ 74), oder es ist:

ebenso ist ferner:

$$\begin{aligned} b_0 - b_1 &= d_1; \\ b_1 - b_2 &= d_2 \\ b_2 - b_3 &= d_3 \text{ u. s. f.} \end{aligned}$$

Nach dem Mariotteschen Gesetz ist aber:

$$\begin{aligned} d_1 : d_2 &= b_1 : b_2 \\ d_2 : d_3 &= b_2 : b_3 \text{ u. s. f.} \end{aligned}$$

oder wenn man in diese Proportionen die obigen Werte für d_1, d_2, d_3, \dots einsetzt:

$$\begin{aligned} b_0 - b_1 : b_1 - b_2 &= b_1 : b_2 \\ b_1 - b_2 : b_2 - b_3 &= b_2 : b_3 \text{ u. s. f.} \end{aligned}$$

woraus nach einem bekannten Satz der Proportionslehre ($a : b = c : d$, folglich $a + c : b + d = c : d$) folgt:

$$\begin{aligned} b_0 : b_1 &= b_1 : b_2 \\ b_1 : b_2 &= b_2 : b_3 \text{ u. s. f.} \end{aligned}$$

Es bilden demnach die gleichen Höhenunterschieden entsprechenden Barometerstände eine Reihenfolge von stetigen Proportionen; oder wenn der Quotient $\frac{b_1}{b_0}$ mit k bezeichnet wird, so ist $b_1 = b_0 k$, $b_2 = b_1 k$, $b_3 = b_2 k$, u. s. f. Da $b_1 < b_0$ ist, so ist $k < 1$, und die Barometerstände b_0, b_1, b_2, \dots bilden eine abnehmende geometrische Reihe. Es folgt daraus der wichtige Satz, daß die Barometerstände in geometrischer Reihe abnehmen, wenn die Höhen

in arithmetischer Reihe wachsen. Nach den Gesetzen der geometrischen Reihe ergibt sich $b_1 = b_0 k$, $b_2 = b_0 k^2$, . . . , und wenn b_x und b_y die Barometerstände in x m und y m Höhe bezeichnen,

$$b_x = b_0 \cdot k^x, \quad b_y = b_0 \cdot k^y.$$

Es handelt sich nun darum, wenn in den unbekannten Höhen über dem Meeresspiegel, x und y , die Barometerstände b_x und b_y beobachtet worden sind, daraus den Höhenunterschied $y - x = h$ zu finden. Durch Division der vorhergehenden Gleichungen erhält man:

$$\frac{b_y}{b_x} = k^{y-x} = k^h,$$

daraus: $h \log k = \log b_y - \log b_x$,

mithin: $h = - \frac{1}{\log k} (\log b_x - \log b_y)$.

Da $k < 1$, so ist $\log k$ negativ, mithin hat der vor der Klammer stehende Faktor $-\frac{1}{\log k}$ einen positiven Wert. Dasselbe gilt von der in der Klammer stehenden

Differenz der Logarithmen, da $b_x > b_y$ ist. Der Faktor $-\frac{1}{\log k}$, der einen unveränderlichen Wert besitzt und der Kürze wegen mit A bezeichnet werden soll, kann, wie sogleich gezeigt werden wird, entweder durch Rechnung oder durch einen Versuch ein für allemal bestimmt werden. Es ist somit der gesuchte Höhenunterschied h der Differenz der Logarithmen der beobachteten Barometerstände proportional.

Der Faktor $A = -\frac{1}{\log k}$ kann entweder durch den Versuch bestimmt werden, indem man eine anderweitig bekannte Höhendifferenz auf barometrischem Wege bestimmt und aus den bekannten Größen h , b_x und b_y die unbekannte Größe A ermittelt, oder man findet A durch Rechnung.

Es ist nämlich $k = \frac{b_1}{b_0}$, oder auch, da $b_1 = b_0 - d_1$ war, $k = 1 - \frac{d_1}{b_0}$. Da $d_1 = \frac{1}{10510}$ gefunden wurde, so ist $\frac{d_1}{b_0}$ eine sehr kleine Zahl und k sehr wenig von 1 verschieden. Aus der Theorie der Logarithmen folgt:

$$\log \left(1 - \frac{d_1}{b_0} \right) = -M \left(\frac{d_1}{b_0} + \frac{1}{2} \left(\frac{d_1}{b_0} \right)^2 + \frac{1}{3} \left(\frac{d_1}{b_0} \right)^3 + \dots \right),$$

wo M den Modulus des Logarithmensystems bezeichnet, der für Briggsche oder dekadische Logarithmen $= 0,434294 \dots$ ist. Da das Quadrat und die höheren Potenzen von $\frac{d_1}{b_0}$ ohne merklichen Fehler vernachlässigt werden können, so erhält man einfach:

$$\log k = -M \cdot \frac{d_1}{b_0} \quad \text{und} \quad A = -\frac{1}{\log k} = \frac{b_0}{M d_1}.$$

Durch Einsetzung der Zahlenwerte ergibt sich:

$$A = \frac{0,76 \cdot 10510}{0,434294} = 18392 \text{ m}^*).$$

Dabei war vorausgesetzt, daß die Luftsäule in ihrer ganzen Höhe die Temperatur von 0° besitze. Bei einer höheren Temperatur t ist jedoch ihre Dichtigkeit geringer im Verhältnis von $1 : 1 + \alpha t$ (§ 202), wenn $\alpha = \frac{11}{3000}$ den Ausdehnungskoeffizienten der Luft bezeichnet. Es muß daher die nach obiger Formel gefundene Höhe noch mit $(1 + \alpha t)$ multipliziert werden. Da die Temperatur an den beiden Punkten, deren Höhenunterschied bestimmt werden soll, in der Regel verschieden ist, so nimmt man für die Temperatur der Luftsäule das arithmetische Mittel aus den an beiden Stationen beobachteten Temperaturen. Bei genauen Messungen ist ferner der Feuchtigkeitsgehalt der Luft, sowie der Umstand zu berücksichtigen, daß mit der geographischen Breite sich die Intensität der Schwerkraft ändert und infolge dessen, bei gleicher Höhe der barometrischen Quecksilbersäule b_0 , die Dichtigkeit der Luft d am Äquator etwas geringer ist als am Pol.

*) Durch Vergleichung des Barometerstandes auf Höhen, welche trigonometrisch genau gemessen waren, fand Ramond (1811) für A den Wert 18393 m.

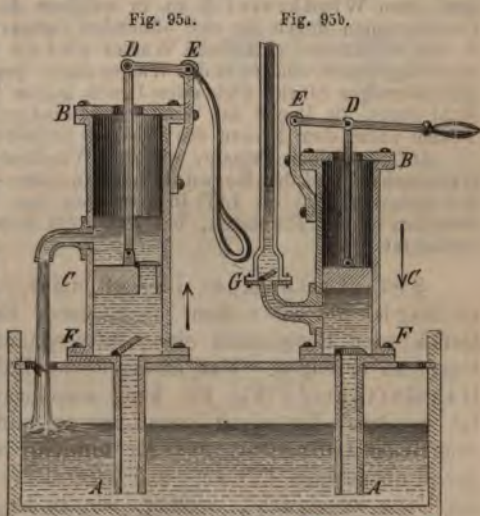
Der Gedanke, das Barometer zur Messung von Berghöhen zu benutzen, rührt von Pascal her, auf dessen Veranlassung zuerst Perrier am 19. Sept. 1648 mit einem Barometer den etwa 970 m hohen Puy-de-Dôme bestieg und auf dem Gipfel eine Abnahme des Luftdruckes von etwas mehr als 8 cm beobachtete.

Barometrische Höhenmessungen geben nur dann genaue Resultate, wenn die horizontale Entfernung der beiden Beobachtungsstationen nicht zu groß ist. Wo möglich muß der Barometerstand am Fuße und auf dem Gipfel des Berges gleichzeitig von zwei Beobachtern nach vorausgegangener Verabredung bestimmt werden. — Durch die leicht transportablen Metall- oder Aneroidbarometer (*ἀνερόας*, nicht-feucht) sind in neuerer Zeit die barometrischen Höhenmessungen erleichtert worden. Dieselben beruhen auf den Formveränderungen, welche eine Metallbüchse mit dünnem, elastischem Deckel, oder eine gebogene, dünnwandige Röhre, welche luftleer gepumpt sind, durch den äußeren Luftdruck erleiden. Die dadurch erzeugten kleinen Bewegungen werden mittelst eines Winkelhebels auf einen um eine Axe drehbaren Zeiger übertragen und durch diesen auf einer kreisförmigen Skala im vergrößerten Maßstabe sichtbar gemacht. — Doch müssen solche Metallbarometer öfter mit einem Normal-Quecksilberbarometer verglichen werden, wenn sie brauchbare Resultate ergeben sollen.

Die verschiedenen Meere sind nicht gleich hoch. Um die Angaben „über dem Meer“ in Übereinstimmung zu bringen, werden seit 1878 durch Beschluß des „Centralkuratoriums der Vermessungen im preussischen Staat“ alle staatlich unternommenen Nivellements auf einen in der Berliner Sternwarte besonders fundierten Normalhöhepunkt bezogen, dessen Höhe gleich 37 m über „Normal-Null“, d. h. ungefähr 37 m über dem Mittelwasser der Nord- und Ostsee angenommen worden ist.

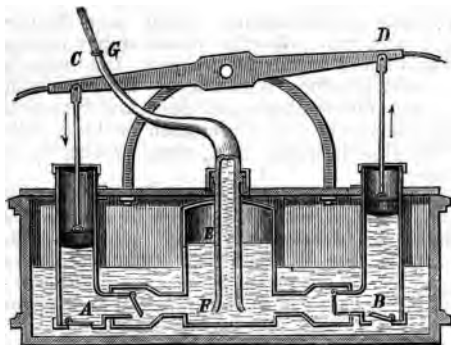
§ 96. Wasserpumpen. Auf den Gesetzen des Luftdruckes basiert die Wirkung der Pumpen, deren man sich zum Heben des Wassers bedient. Das Pumpenrohr *AB* (Fig. 95a und b) steht mit seinem unteren Ende in dem mit Wasser gefüllten Brunnenkessel. In dem oberen, genau cylindrisch ausgebohrten Teile des Rohres *BF* wird der luftdicht anschließende Kolben *C* mittelst der Kolbenstange *CD*, die an dem Hebel *DE* befestigt ist, auf und nieder bewegt. Beim Aufziehen des Kolbens wird das Wasser aus dem Brunnenkessel durch den auf das äußere Niveau wirkenden Luftdruck in das Pumpenrohr emporgetrieben. Am unteren Ende des Rohres *BF* ist das Bodenventil *F* angebracht, eine mit Leder überzogene Klappe, welche sich nach oben öffnet und dem von unten in das Pumpenrohr eintretenden Wasser den Durchgang gestattet, beim Niederdrücken des Kolbens aber die Öffnung des Rohres verschließt und den Rücktritt des Wassers verhindert.

Bei den Saugpumpen (Fig. 95a) ist nun der Kolben *C* mit einem Kanal durchbohrt, welcher durch ein zweites, nach oben sich öffnendes Ventil, das Kolbenventil, verschlossen ist. Beim Aufziehen des Kolbens schließt sich das Kolbenventil, und das Wasser wird durch das geöffnete



Bodenventil angesaugt; beim Niederdrücken des Kolbens dagegen schließt sich das Bodenventil, und das Wasser tritt durch das geöffnete Kolbenventil über den Kolben. Beim abermaligen Emporziehen des Kolbens wird das über demselben getretene Wasser emporgehoben und fließt durch das Seitenrohr ab, während gleichzeitig eine neue Wassermenge aus dem Brunnenkessel angesaugt wird.

Fig. 96.



Bei den Druckpumpen (Fig. 95b) ist der Kolben nicht durchbohrt, dagegen ist dicht über dem Bodenventil ein Seitenrohr angebracht, dessen Eingang durch das nach außen sich öffnende Ventil *G* verschlossen ist, und welches in das Steigrohr *GH* übergeht. Beim Niederdrücken des Kolbens wird das Wasser durch das sich öffnende Ventil *G* in das Steigrohr getrieben, während beim Aufziehen des Kolbens das Ventil den Rücktritt des Wassers verhindert.

Die Druckpumpen kommen namentlich in Anwendung, wo das Wasser auf größere Höhen gehoben oder wo, wie bei den Feuerspritzen, ein Wasserstrahl zu großer Höhe emporgetrieben werden soll. Da das Wasser bei der Druckpumpe nur während des Niedergangs des Kolbens emporgetrieben wird, so verbindet man bei der Feuerspritze, um den Strahl gleichförmig zu machen, in der Regel zwei Druckpumpen, *A* und *B* (Fig. 96), deren Kolbenstangen an einem zweiarmigen Hebel *CD* befestigt sind und abwechselnd auf- und niedergehen, und bringt außerdem einen Windkessel *E* an, in welchem das Wasser abwechselnd aus beiden Druckpumpen durch die sich öffnenden Seitenventile getrieben wird. Durch das in den Windkessel getriebene Wasser wird die in demselben enthaltene Luft zusammengedrückt und treibt das Wasser durch ihren auf die Oberfläche desselben mit gleichförmiger Stärke wirkenden Druck in das Steigrohr *FG* empor, welches luftdicht durch die Decke des Windkessels hindurchgeht, und dessen untere Öffnung *F* sich unter dem Niveau des Wassers befindet.

Auf demselben Prinzip, wie der Windkessel der Feuerspritzen, beruht der Heronsball und der Heronsbrunnen (Hero von Alexandrien 284–221 v. Chr.). Bei ersterem wird die Luft in dem über dem Wasser befindlichen Raum *E* unmittelbar durch Einblasen, bei letzterem durch den Druck einer Wassersäule verdichtet.

§ 97. Luftpumpe. Die Luftpumpe, erfunden von Otto v. Guericke zu Magdeburg 1650, dient dazu, durch Entfernung der Luft aus einem Gefäß oder Recipienten einen luftverdünnten oder annähernd luftleeren Raum zu erzeugen. Man unterscheidet Hahn- und Ventilluftpumpen. Die Hahlluftpumpe (Fig. 97) kann zweckmäßig folgendermaßen eingerichtet werden. In einem genau ausgeschliffenen Hohlzylinder *AB*, dem Stiefel der Luftpumpe, wird der luftdicht anschließende Kolben *C* mittelst der Kolbenstange *CD* auf- und niederbewegt. Am Boden des Stiefels ist ein Hahn angebracht, welcher, wie in Figur 98a und b angedeutet, mit einer doppelten Bohrung versehen ist. Bei der Stellung *a* steht der Pumpenstiefel durch die gerade durchgehende Bohrung des Hahnes mit dem Rohr *EF* und dem zu evakuierenden Gefäß oder Recipienten *G* in Verbindung. Wird der Kolben emporgezogen, so tritt ein Teil der im

Recipienten enthaltenen Luft in den Pumpenstiefel. Dreht man jetzt den Hahn um 90° , so daß derselbe die Stellung *b* erhält, so wird die Verbindung zwischen Stiefel und Recipienten unterbrochen, der erstere tritt dagegen durch die seitliche Bohrung des Hahnes und die Öffnung *v* in Verbindung mit der äußeren Atmosphäre, und beim Niederdrücken des Kolbens entweicht die im Stiefel enthaltene Luft. Der Hahn wird nun wieder in die Stellung *a* zurückgedreht, der Kolben wird wieder emporgezogen u. s. f., bis der gewünschte Grad der Luftverdünnung erreicht ist.

Um das lästige Drehen des Hahnes zu vermeiden, hat man denselben bei der Ventilluftpumpe durch ein Bodenventil und ein Kolbenventil ersetzt, die ganz ähnlich wie bei der Saugpumpe (§ 96) angeordnet sind.

Anstatt der mit Leder überzogenen Klappenventile, welche nicht hinreichend luftdicht schließen und außerdem zu schwer sein würden, um bei fortschreitender Verdünnung durch den geringen, im Recipienten noch stattfindenden Luftdruck gehoben zu werden, wendet man in der Regel sogenannte Blasenventile an, welche aus einem rechtwinkligen Streifen Blase *abcd* (Fig. 99) gebildet sind, der eine kleine, in der Bodenplatte des Stiefels befindliche Öffnung *e* bedeckt und an zwei gegenüberliegenden Seiten *ab*, *cd* befestigt ist. Durch einen von untenher wirkenden Luftdruck wird derselbe leicht gehoben und gestattet der Luft den Durchgang; durch einen von obenher wirkenden Druck dagegen wird er luftdicht gegen die Messingplatte gedrückt.

Als Recipient dient bei den meisten Versuchen mit der Luftpumpe eine Glasglocke mit breitem, vollkommen eben abgeschliffenem Rande, welche auf den ebenen Teller der Luftpumpe gesetzt wird, nachdem man den Rand zu besserer Dichtung mit einer geringen Quantität Fett bestrichen hat. Der Grad der Verdünnung wird durch die Barometerprobe (Fig. 97) *H* angegeben, welche ein abgekürztes Heberbarometer bildet, dessen Schenkel nur 10–15 cm lang sind. Der geschlossene Schenkel ist ganz mit Quecksilber gefüllt und durch sorgfältiges Auskochen von jeder Spur von Luft befreit. Solange der Luftdruck im Recipienten der Luftpumpe noch nicht unter die Größe herabgesunken ist, welche dem Niveauunterschied beider Schenkel entspricht, bleibt der geschlossene Schenkel ganz mit Quecksilber gefüllt. Dasselbe beginnt erst zu sinken, wenn ein der Höhe dieser Quecksilbersäule entsprechender Grad der Verdünnung erreicht ist. Von diesem Augenblick an giebt der Niveauunterschied, welcher an der Skala der Barometerprobe abgelesen wird, den noch vorhandenen Luftdruck an. Um auch geringere Grade der Verdünnung messen zu können, setzt man mit dem Recipienten das obere Ende eines oben und unten offenen, mehr als 760 mm (28 par.) langen, vertikalen Glasrohres in Verbindung, dessen unteres Ende in ein Gefäß mit Quecksilber taucht. Wenn die Luft im Recipienten verdünnt wird, so wird eine Quecksilbersäule im Rohr emporgesaugt, deren Höhe den erreichten Grad der Verdünnung anzeigt. Wenn die vollkommene Luftleere im Recipienten erreicht wäre, so müßte diese Höhe der Barometerhöhe gleich sein.

Selbst mit der besten Luftpumpe ist es nicht möglich, einen absolut luftleeren Raum zu erzeugen. Bezeichnet *v* den Rauminhalt des Recipienten, einschließlic des Verbindungsrohres *EF*, *w* den Rauminhalt des Pumpenstiefels, so wird sich

Fig. 97.



Fig. 98a.

Fig. 98b.

Fig. 99.



beim ersten Kolbenzug das Luftvolumen von v ccm auf $(v + w)$ ccm ausdehnen, mithin die Dichtigkeit im Recipienten nach dem ersten Kolbenzuge nur noch $\frac{v}{v+w}$ der ursprünglichen betragen. Ebenso würden nach n Kolbenzügen die Dichtigkeit und der Druck im Verhältnis von $\left(\frac{v}{v+w}\right)^n$ vermindert sein. Nach einer hinreichend großen Zahl von Kolbenzügen würde dieser Wert unter jede angebbare GröÙe herabsinken, oder es könnte jeder beliebige Grad der Verdünnung erreicht werden. Dies ist aber, auch abgesehen von den aus mangelhafter Dichtung des Kolbens und der Hähne entspringenden Fehlern, nicht möglich. Bei den Hahnluftpumpen bleibt nämlich nach dem Niederdrücken des Kolbens die Bohrung des Hahnes jedesmal mit Luft von der Dichtigkeit der Atmosphäre gefüllt. Wird nun der Hahn gedreht und der Kolben wieder emporgezogen, so breitet sich diese Luft im Stiefel aus. Wenn z. B. der mit Luft gefüllte sogenannte schädliche Raum des Hahnes $\frac{1}{1000}$ vom ganzen Volumen des Stiefels beträgt, so wird die Ver-

dünnung nie weiter als bis auf $\frac{1}{1000}$ der Dichtigkeit der Atmosphäre getrieben werden können. Man muß daher die GröÙe dieses schädlichen Raumes möglichst zu verringern suchen. Bei den Ventilluftpumpen kommt zu der Wirkung des nicht ganz zu vermeidenden schädlichen Raumes, der beim Niederdrücken des Kolbens zwischen dem Kolbenventil und Bodenventil übrig bleibt, noch der Widerstand hinzu, welchen die Ventile der Öffnung durch den schwachen Druck im Recipienten entgegensetzen. Wenn ein gewisser Grad der Verdünnung erreicht ist, vermag dieser Druck das Bodenventil nicht mehr zu heben. Im allgemeinen gestatten deshalb die Hahnluftpumpen einen höheren Grad der Verdünnung als die Ventilluftpumpen. Der nachteilige Einfluß des schädlichen Raumes kann zum größten Teil beseitigt werden bei den zweistiefligen Hahnluftpumpen, welche zwei Pumpenstiefel mit abwechselnd auf- und niedergehenden Kolben besitzen. Dies geschieht mittelst des auf besondere Weise durchbohrten Graßmannschen Hahnes, dessen Einrichtung aus Mangel an Raum hier nicht erläutert werden kann.

Auch die in neuerer Zeit von Geißler u. a. angegebenen Quecksilberluftpumpen, deren Wirkung im wesentlichen auf der Erzeugung eines Torricellischen Vacuums beruht, gestatten die Verdünnung der Luft weiter zu treiben, als dies bei den gewöhnlichen Luftpumpen der Fall ist, und werden namentlich zur Evakuierung kleinerer Recipienten mit großem Vorteil angewendet.

§ 98. Versuche mit der Luftpumpe. 1. Verschließt man ein offenes cylindrisches Gefäß durch eine auf den eben abgeschliffenen Rand gelegte und mit etwas Fett luftdicht gemachte Glasplatte, oder durch ein Stück trockener Blase, so wird dasselbe beim Auspumpen der Luft aus dem Gefäß durch den einseitig wirkenden äußeren Luftdruck zersprengt.

2. Die Magdeburger Halbkugeln. Eine Hohlkugel ist aus zwei mit eben abgeschliffenen Rändern genau auf einander passenden Hälften zusammengesetzt. Die Halbkugeln können leicht getrennt werden, solange das Innere der Hohlkugel mit Luft gefüllt ist. Wird dieselbe durch eine zu diesem Zweck angebrachte, durch einen Hahn verschließbare Öffnung evakuiert, so ist zur Trennung eine sehr große Kraft erforderlich.

Otto v. Guericke stellte diesen Versuch i. J. 1654 vor dem Reichstag zu Regensburg mit zwei Paar Halbkugeln von 46 und 67 cm Durchmesser an. Letztere konnten durch die Kraft von 24 Pferden nicht aus einander gerissen werden. Es ist leicht, die GröÙe der zur Trennung erforderlichen Kraft zu berechnen (§ 90). Die Glocke des Recipienten haftet, sobald sie luftleer gemacht worden ist, so fest auf dem Teller der Luftpumpe, daß es unmöglich ist, dieselbe abzuheben, oder seitwärts zu verschieben.

3. Quecksilber wird durch den Luftdruck durch eine dicke, senkrecht gegen die Fasern geschnittene Platte von Buchsbaumholz geprefst.

4. Ein mit Quecksilber gefüllter Heber hört unter der Glocke der Luftpumpe auf zu fließen. (Vergl. § 100.)

5. Versuche, welche auf der Expansion abgeschlossener Luftmassen beruhen. Ein hohler Gummiball, oder eine schlaff zugebundene Blase bläht sich unter der Glocke der Luftpumpe auf; der Wasserstrahl eines unter die Glocke gestellten Heronsballs beginnt zu springen, sobald die Luft verdünnt wird, u. s. w.

6. Entweichen absorbierter Gase. Aus Brunnenwasser steigen beim Auspumpen der Luft zahlreiche Luftbläschen auf, welche von absorbierten Gasen, namentlich Kohlensäure, herrühren (§ 107). Kohlensäurehaltige Getränke (Selterwasser, Bier) beginnen außerordentlich stark zu schäumen.

7. Lauwarmes Wasser kann durch Auspumpen der Luft zum Sieden gebracht werden, wobei seine Temperatur sinkt, da die zur Dampfbildung erforderliche Wärme dem Wasser entzogen wird (§ 209).

8. Stellt man unter den Recipienten ein Schälchen mit Wasser über ein größeres Gefäß mit konzentrierter Schwefelsäure, so wird die Temperatur des Wassers durch die schnelle Verdunstung im Vacuum nach einiger Zeit bis zum Gefrieren erniedrigt (§ 211).

9. Ein Stück Metall und eine Flaumfeder fallen im luftleeren Raum gleich schnell (§ 32).

10. An einem kleinen Wagebalken *G* (Fig. 97, Seite 111) ist einerseits eine Hohlkugel von Glas, andererseits ein Metallgewichtchen angebracht, so daß im luftgefüllten Raum der Wagebalken im Gleichgewicht ist und horizontal schwebt. Beim Auspumpen der Luft sinkt das Ende des Wagebalkens, an welchem die Glaskugel aufgehängt ist, beim Zufließen der Luft stellt sich das Gleichgewicht wieder her (vergl. § 103).

11. Lichtflammen verlöschen, Tiere, namentlich warmblütige, sterben sogleich im luftleeren Raum, Schießpulver kann nicht entzündet werden. — Folgen des Mangels an Sauerstoff (§ 19).

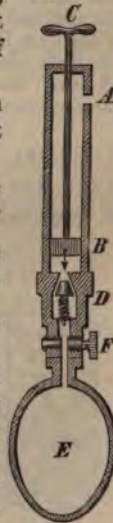
12. Der Schall eines unter dem Recipienten befindlichen Glöckchens wird unhörbar, wenn die Luft ausgepumpt ist (§ 121). Vergl. § 100.

Damit der Versuch gelinge, muß dafür gesorgt sein, daß die Glocke durch unelastische Körper, welche den Schall nicht fortpflanzen, von dem Körper der Luftpumpe getrennt sei.

Bei der Rohrpost wird die durch eine Luftpumpe verdünnte Luft zur Beförderung von Briefen mittelst langer Röhren benutzt.

§ 99. Die Kompressionspumpe dient dazu, die atmosphärische Luft oder andere Gase in einem Recipienten zu verdichten. Der Recipient besteht in der Regel aus Metall (Kupfer, Gußstahl und dergl.) und muß hinreichend starke Wände besitzen, um den beabsichtigten Druck ohne Gefahr des Zerspringens auszuhalten. Jede Hahnluftpumpe kann bei umgekehrter Stellung des Hahns auch zum Komprimieren der Luft benutzt werden. Einfacher ist folgende Einrichtung der Kompressionspumpe. In dem Stiefel *AB* (Fig. 100) wird der Kolben *B* mittelst des an der Kolbenstange befestigten Handgriffs *C* auf und nieder bewegt. Am unteren Ende des Stiefels ist bei *D* ein Kegelventil angebracht, d. i. ein kegelförmiges Metallstück, welches die hohlkegelförmige Bohrung am unteren Ende des Stiefels genau verschließt, wenn es von

Fig. 100.



untenher gegen dieselbe gedrückt wird, welches aber beim Niederdrücken des Kolbens der Luft den Durchgang in der Richtung vom Stiefel nach dem Recipienten *E* gestattet. Beim Aufziehen des Kolbens schließt sich das Ventil *D* und hindert den Rücktritt der Luft aus dem Recipienten in den Stiefel. Bei *A* ist in der Seitenwand des letzteren eine Öffnung angebracht. Wird der Kolben bis über diese Öffnung emporgezogen, so fällt sich der Stiefel von neuem mit Luft von der Dichtigkeit der Atmosphäre, welche beim nächsten Kolbenstoß in den Recipienten gepreßt wird, u. s. f.

Der Raum, welcher beim Niederdrücken des Kolbens zwischen diesem und dem Bodenventil übrigbleibt, wirkt hier, ähnlich wie bei den Verdünnungsluftpumpen, als schädlicher Raum, welcher hindert, die Verdichtung bis über eine gewisse Grenze zu steigern. Indes giebt man bei den Kompressionspumpen häufig absichtlich dem schädlichen Raum eine gewisse Ausdehnung, um sich vor den gefährlichen Folgen einer durch Versehen zu weit gesteigerten Kompression zu sichern.

Im hohlen Kolben der Windbüchse wird vor dem Gebrauch die Luft bis auf 8–10 Atmosphären verdichtet. Wenn das den Recipienten verschließende Ventil durch den Drücker für einen Moment geöffnet wird, so strömt ein Teil der im Kolben verdichteten Luft aus und treibt durch ihren Druck die Kugel mit großer Geschwindigkeit aus dem Lauf. Man kann auf diese Weise mehrere Schüsse nach einander thun, ohne die Luft von neuem zu komprimieren, wobei freilich der Druck der eingeschlossenen Luft und mithin die Geschwindigkeit des Geschosses bei jedem folgenden Schuß etwas geringer wird.

Wichtiger ist der Gebrauch, welchen man von der Kompressionspumpe gemacht hat, um Kohlensäure, Ammoniak, Cyangas und andere Gase in den tropfbar flüssigen Zustand überzuführen (s. unter Wärmelehre § 212).

Die Gebläse bewirken das Ausströmen von Luft unter erhöhtem Druck. Bei dem Cylindergebläse wird die Luft durch einen hin und her gehenden Kolben verdichtet; bei dem Trommelgebläse oder Ventilator wird die Luft in einem Gehäuse durch ein sich schnell drehendes Flügelrad in Bewegung gebracht, durch die Schwungkraft von der Mitte entfernt, um durch eine seitlich angebrachte Öffnung mit starkem Druck zu entweichen, während in den verdünnten Raum in der Mitte neue Luft einströmt. Bei dem Blasebalg strömt beim Aufziehen die Luft zum Teil durch das Ansatzrohr, besonders aber durch ein seitliches Ventil ein, und beim Zusammendrücken durch das Rohr mit Heftigkeit wieder aus.

§ 100. Einige Apparate, deren Wirksamkeit auf den Gesetzen des Luftdruckes beruht. Der Heber ist eine gebogene Röhre mit zwei ungleich langen Schenkeln, welche zur Überführung einer Flüssigkeit aus einem Gefäß in ein anderes dient.

Fig. 101.



Taucht der kürzere Schenkel *AB* (Fig. 101) in das mit Wasser, oder einer anderen Flüssigkeit gefüllte Gefäß *A*, und füllt man den Heber durch Saugen bei *C* mit Flüssigkeit, so beginnt diese bei *C* auszufliessen, indem sie fortdauernd im kürzeren Schenkel *AB* aufsteigt und im längeren *BC* herabfließt, bis das Flüssigkeitsniveau das Ende des kürzeren Schenkels *A* erreicht hat. Läßt man den längeren Schenkel *BC* in ein zweites Gefäß münden, so dauert das Fließen nur so lange, bis das Flüssigkeitsniveau in beiden Gefäßen in gleicher Höhe steht. Der Luftdruck wirkt nämlich auf das Flüssigkeitsniveau auf beiden Seiten gleich stark, und wenn das Niveau auf beiden Seiten gleich ist, so üben auch die in den Schenkeln des Hebers vom Scheitel *B* bis zum

Flüssigkeitsniveau enthaltenen Flüssigkeitssäulen gleichen Druck aus (§ 73). Ist dagegen das Niveau auf beiden Seiten ungleich, so überwiegt der Druck der Flüssigkeitssäule, deren vertikale Höhe die grössere ist, und treibt die Flüssigkeit nach der Seite des niederen Niveaus.

Man bedient sich zu Hebröhren zweckmässig biegsamer Kautschukschläuche. — Im völlig luftleeren Raum versagt der Heber seinen Dienst, indem bei mangelndem Luftdruck die Flüssigkeit nicht mehr von *A* bis *B* aufzusteigen vermag, sondern bei *B* sich teilt und in jedem von beiden Schenkeln bis zu dem Niveau der Flüssigkeit im äusseren Gefäß herabsinkt, so daß bei *B* ein luftleerer Raum entsteht. (Vergl. § 98,4.)

§ 101. Der Stechheber (Fig. 102) ist ein längliches, röhrenförmiges, oben und unten mit engen Öffnungen versehenes Gefäß, dessen man sich bedient, um Flüssigkeitsproben aus Gefäßen mit enger Mündung, z. B. aus Fässern, emporzuheben. Taucht man das Gefäß in die Flüssigkeit, während beide Zugänge *A* und *B* offen sind, so füllt es sich bis zum Niveau der äusseren Flüssigkeit, indem die aus dem Gefäß verdrängte Luft bei *A* entweicht. Wird dann beim Emporheben die Öffnung *A* durch den darauf gedrückten Daumen geschlossen, so wird der Wiedereintritt der Luft verhindert, und das Gefäß bleibt zum grössten Teil mit Flüssigkeit gefüllt, welche bei *B* abfließt, sobald der Finger von *A* entfernt wird. Die Öffnung bei *B* muß eng genug sein, um das Eindringen von Luftblasen durch dieselbe zu verhindern. Eine ähnliche Vorrichtung im kleineren Maßstabe ist die Pipette.

Fig. 102.



§ 102. Das Mariottesche Gefäß mit konstantem Niveau wird benutzt, wo es sich darum handelt, einen Flüssigkeitsstrahl unter konstant bleibender Druckhöhe ausfließen zu lassen (vergl. § 84). Eine große Flasche *A* (Fig. 103) sei mit Wasser gefüllt und durch einen Kork verschlossen, durch welchen eine oben und unten offene Glasröhre *AB* hindurchgeht. Außerdem besitze dieselbe in der Nähe des Bodens eine Seitenöffnung *C*. Wird die Öffnung der Röhre *B* verschlossen, so kann bei *C* kein Wasser abfließen, weil bei *B* keine Luft eintreten kann. Wird *B* geöffnet, so beginnt das Wasser bei *C* auszufließen. Das Niveau des Wassers in der Röhre *AB* sinkt sogleich bis zum unteren Ende der Röhre *A* herab, und ein der ausfließenden Wassermenge entsprechendes Luftvolumen tritt durch *BA* ein und steigt in Blasen durch das Wasser in den oberen Raum der Flasche empor. Der Ausfluß geschieht dabei fortdauernd mit einer der Druckhöhe *AD* entsprechenden Geschwindigkeit. Die Wasserteilchen bei *A* stehen nämlich unter demselben Atmosphärendruck, wie bei *C*; der Druck der Wassersäule *AE* wird dadurch im Gleichgewicht gehalten, daß die Luft bei *E* im oberen Teil der Flasche etwas verdünnt ist und einen geringeren Druck auf das Wasserniveau ausübt, als die Atmosphäre bei *C*. Durch Emporziehen

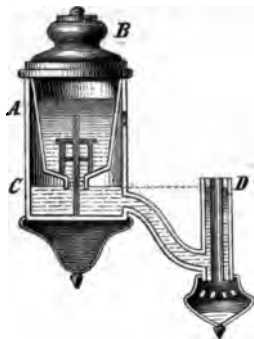
Fig. 103.



oder Herabsenken der Glasröhre AB kann die Druckhöhe und somit die Ausflusgeschwindigkeit beliebig modifiziert werden.

Auf einem ganz ähnlichen Prinzip beruht die Vorrichtung, deren man sich bei Öllampen bedient, um das Niveau des Brennöles konstant auf der Höhe des Docht-
 randes zu erhalten. In das weitere, cylindrische Gefäß A ist umgekehrt das engere Gefäß B gestürzt, welches oben luftdicht verschlossen ist, unten aber bei C in eine kurze, offene Röhre mündet. Das Gefäß B ist mit Öl gefüllt. Dieses kann eben nur so lange ausfließen, als bei C Luft eintreten kann. Sobald daher das Niveau des Öles im weiteren Gefäß bis C gestiegen ist, hört das Ausfließen des Öles aus B auf, oder dauert nur in dem Maße fort, als durch das Verbrennen ein Teil des Öles bei D verzehrt wird. Der Rand des Dochtalters muß sich in gleicher Horizontalebene mit dem Rande der Ausflusöffnung C befinden.

Fig. 104.



§ 103. Gewichtsverlust der Körper in der Luft; Einfluß desselben auf Wägungen. Genau dieselben Betrachtungen, durch welche in der Hydrostatik (§ 75) nachgewiesen

wurde, daß ein in eine Flüssigkeit eingetauchter Körper durch den Druck derselben einen scheinbaren Gewichtsverlust erleidet, welcher dem Gewicht des verdrängten Flüssigkeitsvolumens gleich ist, sind auch auf Körper anwendbar, welche dem allseitigen Drucke eines umgebenden, gasförmigen Mittels ausgesetzt sind. Ein Körper wird in der umgebenden atmosphärischen Luft herabsinken, schweben oder emporsteigen, jenachdem sein eigenes Gewicht größer, genau gleich groß oder kleiner ist, als das des verdrängten Luftvolumens. Bei der Wägung in der Luft erscheint das Gewicht des zu wägenden Körpers um so mehr verringert, je mehr Luft er verdrängt, oder je geringer seine Dichtigkeit ist (s. oben § 98, 10).

Werden die Gewichte zweier Körper von annähernd gleicher Dichtigkeit verglichen, so kann sich der Gewichtsverlust beider bis auf eine unmerkliche Größe kompensieren. Haben aber die durch Wägung zu vergleichenden Körper sehr ungleiche Dichtigkeit, so muß dieser Umstand bei genauen Wägungen berücksichtigt werden. Bei wissenschaftlichen Untersuchungen, bei welchen es sich um die größte erreichbare Schärfe der Bestimmungen handelt, müssen die Wägungen im luftleeren Raum vorgenommen, oder auf den luftleeren Raum reduziert werden.

§ 104. Luftballon. Wird ein aus leichtem Seidenzeug, welches durch einen Firnisüberzug luftdicht gemacht ist, angefertigter Ballon mit einem Gase gefüllt, dessen Dichtigkeit geringer ist, als diejenige der atmosphärischen Luft, so wird der Ballon in der Luft emporsteigen, sobald das Gewicht des Ballons nebst dem darin enthaltenen Gase und der angehängten Belastung geringer ist, als das der verdrängten Luft. Die Gebrüder Montgolfier brachten zuerst im Jahre 1783 Ballons mittelst durch Feuer erwärmter Luft zum Steigen, wobei stets die große Gefahr vorhanden war, daß der Ballon selbst sich durch das unter seiner Öffnung angebrachte Feuer entzündete. Charles wendete bald darauf zur Füllung des Ballons Wasserstoffgas an. In neuerer Zeit bedient man sich zur Füllung der Luftballons in der Regel des billiger und bequemer herzustellenden Leuchtgases. Da das spezifische Gewicht des Leuchtgases beträchtlich größer ist als das

des Wasserstoffgases, so müssen allerdings die Dimensionen des Ballons vergrößert werden, um eine gleiche Steigkraft zu erzielen.

Ist v der Rauminhalt des gefüllten Ballons in Litern ausgedrückt, ist ferner p das Gewicht eines Liters atmosphärischer Luft beim herrschenden Barometerstand b und bei der Temperatur t , und bezeichnet s das spezifische Gewicht des im Ballon enthaltenen Gases, endlich P das Gewicht des Zeuges, aus welchem der Ballon besteht, nebst der angehängten Belastung, so ist das Gewicht der vom Ballon verdrängten Luft $v \cdot p$, das Gewicht des den Ballon füllenden Gases $v \cdot p \cdot s$, der Unterschied beider mithin $vp(1-s)$. Der Ballon würde in der Schicht der Atmosphäre, in welcher er sich befindet, gerade im Gleichgewicht sein, wenn $vp(1-s) = P$ wäre. Ist die Belastung P geringer, so giebt der Unterschied $vp(1-s) - P$ die Steigkraft an, welche übrigbleibt, oder das Gewicht, welches der Belastung noch hinzugefügt werden müßte, um den Ballon im Gleichgewicht zu erhalten. Mit wachsender Höhe über der Erdoberfläche nimmt der Barometerstand und infolge dessen die Dichtigkeit der Luft ab. Ist b_0 der Barometerstand an der Erdoberfläche, b_h der Barometerstand in der Höhe h , ferner p_0 und p_h das Gewicht eines Liters Luft an der Erdoberfläche und in der Höhe h , und bezeichnet wie oben s das spezifische Gewicht des Gases, mit welchem der Ballon gefüllt ist, so wird derselbe bis zu einer Höhe steigen, in welcher

$$v \cdot p_h(1-s) = P$$

ist. Wäre die Temperatur innerhalb der ganzen Höhe der Luftsäule gleich, so hätte man $p_h = p_0 \cdot \frac{b_h}{b_0}$, und indem man diesen Wert in obige Gleichung einsetzt, erhält man $\frac{b_h}{b_0} = \frac{P}{vp_0(1-s)}$. Aus dem Verhältnis der Barometerstände $\frac{b_h}{b_0}$ kann aber nach § 95 die Höhe h leicht gefunden werden.

Das Problem der Steuerung des Luftballons, auch gegen den Wind, hat durch die französischen Offiziere Renard und Krebs, wenigstens bei schwachem Luftstrom, 1884 eine praktische Lösung gefunden.

§ 105. Ausströmungsgesetze der Gase. Für die Ausströmungsgeschwindigkeit der Gase gelten ähnliche Gesetze wie für die der tropfbaren Flüssigkeiten (§ 84). Die Ausflusgeschwindigkeit wird nämlich ebenfalls durch die Formel

$$v = \sqrt{2gh}$$

dargestellt, wenn h die Höhe einer Gassäule von der Dichtigkeit des ausströmenden Gases vorstellt, welche denjenigen Druck oder die Druckdifferenz hervorbringen würde, unter welcher die Ausströmung erfolgt. Wird daher die Druckdifferenz durch die Höhe H einer Quecksilbersäule gemessen, und bezeichnet $D:d$ das Verhältnis der Dichtigkeit des Quecksilbers zu der des ausströmenden Gases, so hat man $H:h = d:D$ (§ 92), mithin:

$$v = \sqrt{\frac{2gH \cdot D}{d}}$$

woraus unter anderem das von Graham aufgestellte Gesetz sich ergibt, daß die Ausströmungsgeschwindigkeiten verschiedener Gase unter gleichem Quecksilberdruck den Quadratwurzeln aus ihren spezifischen Gewichten umgekehrt proportional sind. So ist z. B. Wasserstoffgas 16mal weniger dicht als Sauerstoffgas, mithin seine Ausströmungsgeschwindigkeit bei gleicher Druckdifferenz 4mal größer.

Für die atmosphärische Luft hat das Verhältnis $D:d$ den Wert 10517 (§ 94) und wird der Druck durch eine Quecksilbersäule von der Höhe $H = 76$ cm gemessen; demnach ergibt sich als die Ausflusgeschwindigkeit in den luftleeren Raum:

$$v = \sqrt{2g \cdot 0,76 \cdot 10517} = 396 \text{ m.}$$

Bei Berechnung der Ausflusmenge der Gase finden ähnliche Bemerkungen statt, wie bei den tropfbaren Flüssigkeiten (§ 85). Die Strömungen der Gase in

Röhrenleitungen, wie sie z. B. bei der Gasbeleuchtung in Anwendung kommen, sind komplizierteren Gesetzen unterworfen.

Bemerkenswert sind die Erscheinungen, welche beim Ausfluß eines Luftstromes aus einem engeren in ein weiteres Rohr, oder in einen unbegrenzten Luftraum stattfinden. Wird z. B. aus dem engen Rohr *a* in das weitere *b* (Fig. 105) ein

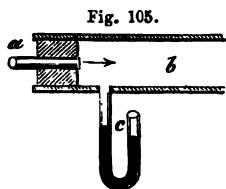


Fig. 105.

Luftstrom in der Richtung des Pfeiles geblasen, so wird dadurch in dem Rohr *b* nicht, wie man glauben könnte, eine Vermehrung, sondern eine Verminderung des Luftdruckes erzeugt, welche sich durch den Stand des Flüssigkeitsniveaus in den beiden Schenkeln des U-förmig gebogenen Rohres *c* zu erkennen giebt und als negativer Druck bezeichnet wird. Die Erscheinung erklärt sich daraus, daß die aus *a* mit einer gewissen Geschwindigkeit austretenden Luftteilchen, indem sie sich ausbreiten, ihre Geschwindigkeit den im Rohr *b* enthaltenen ruhenden

Luftteilchen mitteilen und dieselben im Sinne ihrer Bewegung mit sich fortzureißen streben. — Ähnliche Saugwirkungen kommen bei der Ausströmung tropfbarer Flüssigkeiten vor. Auf denselben beruht die Wirkung des sogenannten Wassertrommelgebläses, die Erzeugung des Luftzugs im Feuerherd der Lokomotiven durch das sogenannte Dampfblasrohr (§ 224), die Sprengelsche Quecksilberluftpumpe, der Giffardsche Injektor zur Einführung des Speisewassers in Dampfkessel, u. s. w. Durch negativen Druck, hervorgebracht durch fließende Quellen im Innern der Insel, deren Nebenklüfte mit den Einflußstellen in Verbindung stehen, und durch die das Meerwasser in den Quellstrang aufgezogen wird, hat wohl Wiebel richtig die Meermühlen von Argostoli auf Cephalonia erklärt. Das Meer fließt daselbst an zwei Stellen direkt in den Erdboden ein und zwar täglich etwa 160 000 cbm, mit einer Fallhöhe, welche genügt, um an jedem Orte eine Mühle zu treiben, die eine seit 1835, die andere seit 1859 in ununterbrochener Thätigkeit.

§ 106. Diffusion der Gase. Setzt man zwei Gefäße, welche verschiedene Gase, z. B. Kohlensäure und Wasserstoffgas, enthalten, mit einander in Verbindung, so findet, selbst wenn das specifisch schwerere Gas im unteren, das specifisch leichtere im oberen Gefäß enthalten ist, eine allmähliche Vermischung beider Gase statt, so daß nach Verlauf einer gewissen Zeit das entstandene Gasgemenge überall dieselbe Zusammensetzung zeigt. Ein solches Gasgemenge ist auch die atmosphärische Luft, in welcher Sauerstoffgas und Stickstoffgas, trotz ihres verschiedenen specifischen Gewichts, in allen Höhenschichten der Atmosphäre in gleichem Verhältnis (§ 89) gemischt sind. — Trennt man zwei Gase durch eine poröse Scheidewand, z. B. durch eine dünne Platte aus unglasiertem, gebranntem Thon, Gips, Graphit, u. s. w., so geht durch die Poren der Scheidewand die Vermischung oder Diffusion beider Gase ebenfalls vor sich. Beide Gase durchdringen jedoch die Scheidewand im allgemeinen mit ungleicher Geschwindigkeit und zwar sind diese Diffusionsgeschwindigkeiten, wie Graham (1834) gezeigt hat, ebenso wie die Ausflußgeschwindigkeiten (§ 105), den Quadratwurzeln aus den specifischen Gewichten der Gase umgekehrt proportional. (Vergl. § 83.)

Bringt man daher ein mit atmosphärischer Luft gefülltes und durch eine Platte von porösem Thon verschlossenes Gefäß in eine Atmosphäre von Wasserstoffgas oder Grubengas, so wird infolge der schnelleren Diffusion dieser specifisch leichteren Gase im Innern des Gefäßes eine Vermehrung des Luftdruckes erzeugt, eine Verminderung dagegen, wenn man dasselbe in eine Umgebung bringt, welche Kohlensäure oder ein anderes dichteres Gas enthält. Man hat diese Erscheinung zur Konstruktion eines Apparates benutzt, der zur Erkennung des Vorhandenseins brennbarer Gase (der sogenannten „schlagenden Wetter“) in Kohlenbergwerken bestimmt ist.

§ 107. Absorption der Gase durch feste und flüssige Körper. Die festen Körper besitzen im allgemeinen die Eigenschaft, die sie umgebenden Gase an ihrer Oberfläche zu verdichten, so daß jeder Körper, welcher an der atmosphärischen Luft, oder in einem anderen Gase oder Gasgemenge gelegen hat, an seiner Oberfläche mit einer durch Adhäsion (§ 81) an derselben haftenden Gasschicht bedeckt ist, welche nur durch erhöhte Temperatur, oder durch sorgfältiges Abreiben mit Flüssigkeiten, mit Kohlenpulver oder anderen Substanzen, welche die verdichtete Gasschicht selbst absorbieren, entfernt werden kann (vgl. § 91). In besonders auffallendem Grade zeigt sich aber die Eigenschaft, gasförmige Körper an ihrer Oberfläche zu verdichten oder zu absorbieren, bei porösen Körpern, deren feine Poren in ihrem Innern eine im Verhältnis zum Volumen des Körpers außerordentlich große Oberfläche darbieten. Zu den porösen Körpern, welche ein vorzügliches Absorptionsvermögen für Gase besitzen, gehört vorzugsweise die frisch ausgeglühte Holzkohle. Nach Hunter vermag die Kohle des Buchsbaumholzes bei 0° ihr 85 faches, die des Campecheholzes ihr 111 faches Volumen Ammoniakgas zu absorbieren (§ 19e). Ein ausgezeichnetes Absorptionsvermögen für Gase besitzt ferner das Platin im fein verteilten Zustand, wie es aus seinen chemischen Verbindungen als Platinschwamm oder Platinmohr ausgeschieden wird. Diese Eigenschaft des Platinschwamms kommt bei der Wasserstoffzündmaschine zur Anwendung, indem ein auf Platinschwamm treffender Wasserstoffstrom an dessen Oberfläche mit solcher Energie verdichtet wird, daß sich der Platinschwamm bis zum Glühen erhitzt (§ 242) und die Entzündung des Wasserstoffgases bewirkt.

Auch durch Flüssigkeiten werden die Gase in verschiedenem und zum Teil sehr beträchtlichem Verhältnis aufgelöst oder absorbiert. Die Quantität des absorbierten Gases ist nach einem von Henry (1803) aufgestellten Gesetz dem Druck der mit der Flüssigkeit in Berührung stehenden Gasmasse proportional, so daß bei doppeltem Druck die doppelte Gasmasse absorbiert wird, oder nach dem Mariotteschen Gesetz (§ 92) die Absorption immer in gleichem Volumenverhältnis stattfindet. Wird daher der Druck vermindert, so entweicht ein Teil des absorbierten Gases (z. B. unter der Glocke der Luftpumpe (§ 98, 6), oder beim Öffnen einer Selterwasserflasche); durch gesteigerten Druck dagegen wird die absorbierte Gasmenge vermehrt.

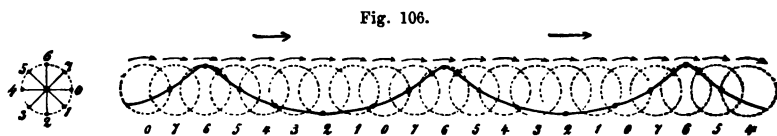
Ist ein Gasgemenge mit der Flüssigkeit in Berührung, so kommt für jeden Bestandteil desselben nur der Partialdruck in betracht, welchen derselbe ausübt, oder es wird z. B. die absorbierte Kohlensäuremenge dadurch nicht vermehrt, daß man in den über der Flüssigkeit befindlichen, mit Kohlensäuregas gefüllten Raum ein anderes Gas als Kohlensäure, z. B. Stickstoffgas, hineinpreßt (vergl. Daltons Gesetz § 213).

Die Absorptionsfähigkeit nimmt mit steigender Temperatur ab. Beim Sieden des Wassers werden die meisten in demselben absorbierten Gase ausgetrieben. Wasser absorbiert bei 15° nach Bunsen 727 Vol. Ammoniakgas, 450 Vol. Chlorwasserstoff, 43,5 Vol. schweflige Säure, $3\frac{1}{4}$ Vol. Schwefelwasserstoff, 1 Vol. Kohlensäure, $\frac{1}{34}$ Vol. Sauerstoffgas, $\frac{1}{20}$ Vol. Stickstoffgas. — Das im frischen Brunnenwasser und in größerer Menge in Mineralwässern und moussierenden Getränken aufgelöste Gas, welches beim Stehen an der Luft in kleinen Bläschen entweicht, besteht zum größten Teil aus Kohlensäure.

D. Allgemeine Gesetze der Wellenbewegung flüssiger und elastischer Körper.

§ 108. Wasserwellen. Wird die ebene, horizontale Oberfläche einer im Gleichgewicht befindlichen Flüssigkeitsmasse an einer Stelle erschüttert, z. B. durch einen in die Flüssigkeit fallenden Körper, so beobachtet man, daß sich von dem Erschütterungsmittelpunkt aus ein System von kreisförmigen Wellen mit immer wachsenden Halbmessern ausbreitet. Diese radiale Ausbreitung der Wellenkreise ist jedoch nicht mit einer fortschreitenden Bewegung der Flüssigkeitsteilchen selbst verbunden. An leichten Körperchen, welche auf der Oberfläche der Flüssigkeit schwimmen, oder im Innern derselben schweben, beobachtet man nämlich, daß dieselben an der fortschreitenden Bewegung der Welle nicht teilnehmen, sondern nur durch dieselbe gehoben und gesenkt werden, oder eine kleine Kreisbahn beschreiben, so daß sie nach dem Vorübergang der Welle an ihre ursprüngliche Stelle zurückgekehrt sind. Der Eindruck des Fortschreitens der Welle wird also nur durch eine Fortpflanzung des Bewegungszustandes hervorgebracht, indem jedes Flüssigkeitsteilchen dem nächstfolgenden seine Bewegung in der Weise mitteilt, daß alle in der Richtung eines Wellenradius auf einander folgenden Teilchen der Reihe nach die gleiche Bewegung machen.

An jeder Welle unterscheidet man den über das ursprüngliche Niveau erhobenen Wellenberg und das unter dasselbe vertiefte Wellenthal. Folgt eine Reihe gleichgestalteter Wellen nach einander, so heißt der Abstand zweier auf einander folgenden Wellenberge, oder der ihm gleiche Abstand zweier Wellenthäler eine Wellenlänge. Zwei Flüssigkeitsteilchen, welche in der Richtung des Fortschreitens der Wellen um eine Wellenlänge von einander entfernt sind, befinden sich stets in gleichem Bewegungszustand oder in gleicher Schwingungsphase (vergl. § 60); zwei Teilchen, deren Abstand gleich einer halben Wellenlänge ist, befinden sich in entgegengesetzter Schwingungsphase (Fig. 106).



Die Gebrüder H. und W. Weber stellten (1825) an einer mit Wasser gefüllten Rinne, deren Seitenwände aus Spiegelglasplatten gebildet waren, Untersuchungen über die Wasserwellen an. Dieselben fanden, daß die in der Nähe der Oberfläche befindlichen Wasserteilchen kreisähnliche, die tieferen Teilchen dagegen elliptische Bahnen beschrieben, deren horizontale Axe größer war als die vertikale

§ 109. Fortpflanzungsgeschwindigkeit; Schwingungsdauer und Schwingungszahl. Während ein Wellensystem um eine Wellenlänge fortschreitet, gelangt ein Flüssigkeitsteilchen vom Gipfel eines Wellenberges durch den tiefsten Punkt seiner Bahn wieder bis zum Gipfel des nächstfolgenden Wellenberges; es hat also während dieser Zeit einmal seine Bahn vollständig durchlaufen. Die dazu erforderliche Zeit T heißt Schwin-

gungsdauer. Während dieser Zeit pflanzt sich die Bewegung um eine Wellenlänge L fort. Bezeichnet daher c die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Wellenbewegung, so ist (§ 30):

$$c = \frac{L}{T}, \quad L = c T, \quad T = \frac{L}{c}.$$

Da im folgenden häufig von Wellenbewegungen elastischer Körper die Rede sein wird, bei welchen die Schwingungsdauer nur einen kleinen Bruchteil einer Sekunde beträgt, so ist es in solchen Fällen zweckmäßig, anstelle der Schwingungsdauer die Schwingungszahl oder die Anzahl der in der Sekunde vollendeten Schwingungen anzugeben. Wird diese mit n bezeichnet, so ist:

$$T = \frac{1}{n}, \quad c = n L, \quad L = \frac{c}{n}, \quad n = \frac{c}{L}.$$

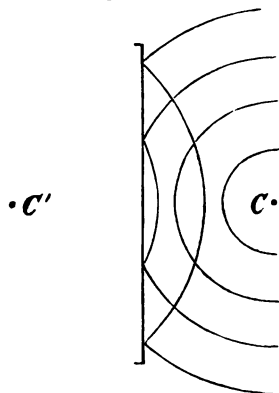
Die Gebrüder Weber beobachteten, daß Wellen auf Flüssigkeiten von verschiedenem spezifischen Gewicht (Wasser und Quecksilber) sich mit merklich gleicher Geschwindigkeit fortbewegen, daß aber die Fortpflanzungsgeschwindigkeit mit der Tiefe der Flüssigkeit zunimmt. Die Geschwindigkeit der Wasserwellen in einer kleinen Rinne beträgt etwa 0,75 m, im Atlantischen Ocean bis 13 m.

§ 110. Interferenz und Reflexion der Wasserwellen. Werden auf einer Flüssigkeitsoberfläche gleichzeitig zwei Systeme von Wellenkreisen erregt, deren Mittelpunkte sich in nicht zu großem Abstand befinden, so durchkreuzen sich bei fortschreitender Ausbreitung die beiden Systemen angehörigen Wellenkreise, ohne sich gegenseitig in ihrer regelmäßigen Fortpflanzung zu stören. Wo zwei gleich hohe Wellenberge zusammentreffen, da entsteht ein Wellenberg von doppelter Höhe, durch Zusammentreffen zweier Thäler von gleicher Tiefe ein Thal von doppelter Tiefe; wo ein Wellenberg des einen Systems mit einem gleichen Wellenthal des anderen Systems zusammentrifft, bleibt das ursprüngliche Niveau ungeändert, indem beide einander gegenseitig aufheben. Dieses Resultat der Zusammenwirkung zweier Wellenbewegungen wird mit dem Namen der Interferenz der Wellensysteme bezeichnet.

Trifft ein System kreisförmiger Wellen bei seiner Ausbreitung auf eine die Flüssigkeit begrenzende, vertikale feste Wand, so wird es von derselben zurückgeworfen oder reflektiert. Es bildet sich nämlich von der Wand aus ein neues System kreisförmiger Wellen (Fig. 106 a), dessen Mittelpunkt C' ebenso weit hinter der reflektierenden Wand liegt, wie der Mittelpunkt des ursprünglichen Systems vor derselben, und beide Systeme interferieren mit einander.

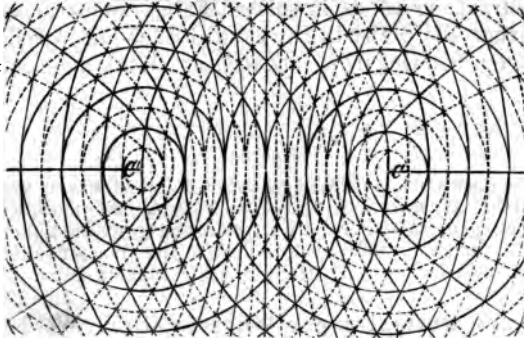
Haben zwei interferierende Wellensysteme, welche von den Punkten C und C' aus (Fig. 107) erregt werden, gleiche Schwingungsdauer und Wellenlänge, und befinden sich die beiden Punkte C und C' immer in gleicher Schwingungsphase, so werden an allen Punkten, welche von C und C' gleichen Abstand haben, immer gleiche Schwingungsphasen

Fig. 106 a.



beider Systeme zusammentreffen, ebenso an denjenigen Punkten, für welche der Unterschied der Entfernungen von C und C' gleich L , $2L$, . . . ist, oder überhaupt eine ganze Anzahl von Wellenlängen beträgt. Dagegen treffen stets entgegengesetzte Phasen beider Wellensysteme an denjenigen Punkten zusammen, deren Abstände von C und C' beziehungs-

Fig. 107.



weise um $\frac{1}{2}L$, $\frac{3}{2}L$, oder überhaupt um eine ungerade Anzahl von halben Wellenlängen von einander verschieden sind. Die an diesen Punkten befindlichen Flüssigkeitsteilchen bleiben also in Ruhe. Aus der Geometrie ist bekannt, daß der geometrische Ort der Punkte, deren Abstände von zwei festen Punkten eine konstante Differenz besitzen, eine Hyperbel (§ 57) ist, deren Brenn-

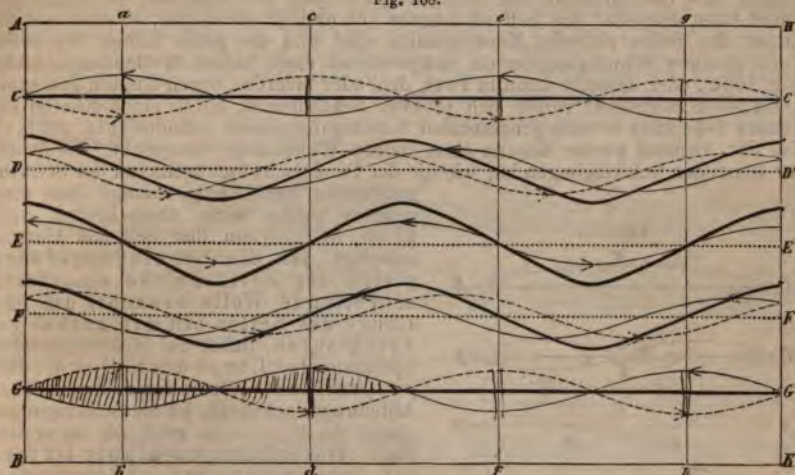
punkte die beiden festen Punkte sind. In Fig. 107 stellen die stark ausgezogenen Kreise die Wellenberge, die schwachen Kreise die Wellenthäler vor; die stark ausgezogenen Hyperbeln sind die Linien, in welchen durch Zusammentreffen stets gleicher Schwingungsphasen die stärkste Bewegung stattfindet, die schwach gezeichneten Hyperbeln dagegen die Linien, in welchen durch Zusammentreffen entgegengesetzter Schwingungsphasen die Bewegung aufgehoben wird.

§ 111. Fortschreitende Wellen und stehende Schwingungen flüssiger und elastischer Körper. In ähnlicher Weise, wie auf der Oberfläche von Flüssigkeiten, vermögen sich in elastischen Körpern Wellenbewegungen fortzupflanzen. Der Bewegungszustand, welcher dabei von jedem Teilchen an das benachbarte fortgepflanzt wird, kann entweder in einer seitlichen Verschiebung aus der Gleichgewichtslage (z. B. bei einem gespannten Seil), oder in einer Verschiebung in der Fortpflanzungsrichtung bestehen (wie bei den Luftwellen), wobei anstelle der Wellenberge und Wellenthäler auf einander folgende, abwechselnde Verdichtungen und Verdünnungen treten (s. unten § 112). In engem Zusammenhang mit den fortschreitenden Wellenbewegungen sind ferner die stehenden Schwingungen, bei welchen die Teilchen einer Flüssigkeit, oder eines elastischen Körpers gleichzeitig hin und her gehende Schwingungen von verschiedener Amplitude machen, die sich an derselben Stelle des Körpers immer in gleicher Weise wiederholen, bei denen aber gewisse Stellen, welche man Schwingungsknoten nennt, ganz in Ruhe bleiben, während an den zwischen den Knoten liegenden Schwingungsbäuchen die Bewegung am stärksten ist.

Aus den Betrachtungen des vorigen Paragraphen ist ersichtlich, wie derartige stehende Schwingungen durch die Interferenz fortschreitender Wellen erzeugt werden können. Die schwach gezeichneten Hyperbeln in Fig. 107 stellen die ruhenden Knotenlinien, die starken Hyperbeln die Schwingungsbäuche

dar. Insbesondere entstehen häufig stehende Schwingungen durch Interferenz eines ursprünglichen mit einem reflektierten Wellensystem. In Fig. 108 stellen die schwächer ausgezogenen Kurven ein in der Richtung der Pfeile fortschreitendes, die punktierten Kurven das von der festen Wand AB reflektierte Wellensystem, endlich die stark ausgezogenen Linien das aus der Interferenz beider resultierende System stehender Schwingungen vor. Die Kurven CC' , DD' , ... stellen dabei auf einander folgende Schwingungszustände dar, welche einem Fortrücken des ursprünglichen Wellensystems um je $\frac{1}{8}$ Wellenlänge oder einem Zeitunterschied von je $\frac{1}{8}$ Schwingungsdauer entsprechen.

Fig. 108.



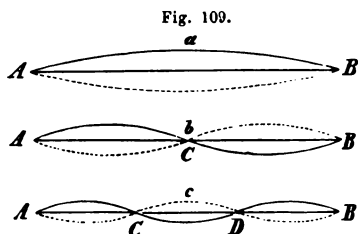
Man sieht dabei, daß auf den Linien ab , cd , ef , gh immer entgegengesetzte Schwingungszustände der direkten und reflektierten Welle zusammentreffen, daß die auf diesen Linien liegenden Punkte also Knotenpunkte der stehenden Schwingungen sind. Bei CC' findet das Zusammentreffen entgegengesetzter Schwingungszustände in allen Punkten statt, die stehende Welle reduziert sich daher in diesem Augenblick auf eine gerade Linie. Nach $\frac{1}{8}$ Schwingungsdauer haben beide Wellen die in DD' dargestellte Lage angenommen. Die Ordinate der die stehende Schwingung darstellenden Kurve ist in jedem Punkt gleich der algebraischen Summe der Ordinaten der beiden anderen Kurven. Wieder nach $\frac{1}{8}$ Schwingungsdauer, in EE' , fallen überall gleiche Schwingungszustände der direkten und reflektierten Welle zusammen, so daß beide Kurven sich in der Figur vollständig decken. Beide Wellen verstärken sich also überall, und die stehende Schwingung hat das Maximum ihrer Ausweichung erreicht, u. s. f. Denkt man sich HK als eine zweite reflektierende Wand, so wird aus der fortwährend hin und her reflektierten Wellenbewegung die in der Figur dargestellte stehende Schwingung resultieren.

Die Schwingungsdauer und Wellenlänge der stehenden Schwingung stimmt mit der der fortschreitenden Welle, aus der sie hervorgegangen ist, überein. Die Entfernung je zweier benachbarten Knotenpunkte beträgt eine halbe Wellenlänge.

Die Entfernung des ersten und letzten Schwingungsknotens von den reflektierenden Wänden ist $\frac{1}{4}$ Wellenlänge. Es muß jedoch bemerkt werden, daß die Reflexion der Wellen am befestigten Ende eines Seiles, sowie der Luftwellen an einer festen Wand, in etwas anderer Weise vor sich geht, als die der Flüssigkeitswellen. Da nämlich der Endpunkt des Seiles durch seine Befestigung an der Bewegung gehindert ist, und ebenso die der Wand unmittelbar benachbarten Luftteilchen in der zur Wand senkrechten Richtung nicht schwingen können, so muß in beiden Fällen an der Stelle selbst, wo die Reflexion stattfindet, ein Schwingungsknoten liegen, oder es müssen daselbst immer entgegengesetzte Phasen der direkten und reflektierten Welle zusammenfallen. Die Welle wird

daher mit umgekehrter Phase reflektiert oder die Reflexion erfolgt so, als ob in Fig. 108 nicht AB , sondern ab die reflektierende Wand wäre. Die Entfernung des nächsten Knotens von der Wand beträgt dann eine halbe Wellenlänge.

Die Erscheinungen der fortschreitenden Wellen und der stehenden Schwingungen lassen sich leicht an einem schlaff gespannten Seil, oder an einer elastischen Spiralfeder von Messingdraht (élastique) anschaulich machen. Wird gegen ein Ende des Seiles ein kurzer Schlag von der Seite her geführt, so pflanzt sich die erzeugte Welle am Seile fort, bis sie am anderen Ende reflektiert wird, mit entgegengesetzter Phase zurückkehrt, u. s. f. Wiederholen sich die Erschütterungen am Anfangspunkt des Seiles in gewissen gleichen Zeitintervallen, so vereinigen sich die direkten und reflektierten Wellen zu stehenden Schwingungen. Dabei kann entweder das Seil als Ganzes auf und ab schwingen, so daß nur die Enden des Seiles ruhende Knotenpunkte sind und die ganze Länge des Seiles einen einzigen Schwingungsbauch, entsprechend einer halben Wellenlänge, bildet (Fig. 109a), oder dasselbe kann in zwei, drei oder mehrere, durch Knoten getrennte Abteilungen zerfallen, wobei sich je zwei benachbarte, durch einen Knoten getrennte Teile stets in entgegengesetzten Schwingungsphasen befinden (Fig. 109b, c), also der Abstand zweier Knoten einer halben Wellenlänge entspricht. Die Dauer der stehenden Schwingungen ist, wie die der Pendelschwingungen, von der Schwingungsweite unabhängig, solange diese eine gewisse Größe nicht überschreitet (vgl. §§ 60, 61). Wenn das Seil als Ganzes schwingt, ist die Schwingungsdauer gleich der Zeit, welche eine fortschreitende Welle braucht, um die Länge des Seiles hin und zurück zu durchlaufen, daher bei gleichbleibender Spannung der Länge des Seiles direkt proportional. Wenn das Seil in 2, 3, ... Abteilungen schwingt, ist die Schwingungsdauer $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots$ so groß als im ersten Fall. Die Schwingungsdauer ist ferner umgekehrt proportional der



Quadratwurzel aus der Spannung des Seiles und direkt proportional der Quadratwurzel aus der Dichtigkeit oder dem Gewicht der Längeneinheit des Materials, aus welchem dasselbe besteht. Dieselbe wird nämlich durch die von Taylor aufgestellte Formel ausgedrückt:

$$T = 2l \sqrt{\frac{IG}{gp}},$$

in welcher l die Länge des Seiles, G sein ganzes Gewicht, p die in Gewichtseinheiten ausgedrückte Spannung und g die Intensität der Schwerkraft bezeichnet. Ist k das Gewicht der Längeneinheit der Substanz des Seiles, so wird $G = kl$, mithin

$$T = 2l \sqrt{\frac{k}{gp}},$$

woraus sich die oben ausgesprochenen Sätze ergeben. (Es ist dabei vorausgesetzt, daß die Elasticität des Seiles oder der Saite lediglich von der Spannung, nicht aber von der Steifigkeit des Materials herrührt.) Der Ausdruck $c = \sqrt{\frac{gp}{k}}$ giebt die Geschwindigkeit an, mit welcher sich Transversalwellen am gespannten Seil fortpflanzen.

§ 112. Longitudinal-, Transversal- und Torsionsschwingungen. Elastische Körper können auf verschiedene Weise in Schwingungen versetzt werden, welche, ähnlich den Pendelschwingungen, um so länger fortdauern, je vollkommener die Elasticität des schwingenden Körpers ist, und je weniger die Schwingungen durch äußere Bewegungshindernisse (Luftwiderstand u. s. w.) gehemmt werden. Nach der Schwingungsrichtung unterscheidet man drei Arten von Schwingungen. Longitudinal heißen die Schwingungen eines elastischen Stabes oder Fadens, wenn die Schwingungsrichtung der einzelnen Teile mit der Längenrichtung des Körpers zusammen-

fällt; transversal, wenn die Schwingungsrichtung auf der Längenrichtung senkrecht steht. Bei den Torsionsschwingungen endlich vollführen die einzelnen Teilchen drehende Bewegungen um die Längsaxe des schwingenden Körpers. Alle drei Arten von Schwingungen können sowohl bei fortschreitenden, wie bei stehenden Wellen stattfinden.

Die genannten Schwingungsformen können an einer elastischen Spiralfeder aus Messingdraht, welche durch ein angehängtes Gewicht mäßig gespannt ist, leicht nachgewiesen werden. Derselbe Körper kann gleichzeitig in Longitudinal-, Transversal- und Torsionsschwingungen versetzt werden, ohne daß dieselben einander gegenseitig stören. Die im vorigen Paragraphen betrachteten Seilwellen sind Transversalwellen; die Teile des schwingenden Körpers erleiden dabei abwechselnd Ausbiegungen nach entgegengesetzten Richtungen. Bei den Longitudinalschwingungen findet keine Biegung, sondern eine abwechselnde Ausdehnung und Zusammendrückung der Teile in der Längenrichtung statt. An den ruhenden Knotenpunkten treten dabei, durch das von beiden Seiten her gegen den Knoten hin stattfindende Zusammenrücken und Auseinanderweichen der Teile (s. Fig. 110), abwechselnd die stärksten Verdichtungen und Verdünnungen ein. In der Regel ist die Schwingungsdauer der transversalen Schwingungen größer als die der longitudinalen. Bei gespannten Saiten z. B. wird das Verhältnis beider durch die Quadratwurzel aus dem Quotienten der durch das spannende Gewicht bewirkten Verlängerung und der ganzen Länge der Saite ausgedrückt, oder ist $t' = t\sqrt{\delta}$, wenn δ diesen Quotienten bezeichnet. Wird z. B. eine Saite durch ein angehängtes Gewicht um $\frac{1}{100}$ ihrer Länge ausgedehnt, so sind die Longitudinalschwingungen 10 mal schneller als die transversalen.

Wie Saiten und Stäbe, die vorwiegend nach einer Richtung ausgedehnt sind, so können gespannte Membranen oder elastische Platten mit zwei Hauptdimensionen in Transversalschwingungen versetzt werden, bei welchen die Schwingungsrichtung auf der Ebene der Membran oder Platte senkrecht steht. Anstelle der Knotenpunkte treten dann in Ruhe bleibende Knotenlinien auf, die durch aufgestreuten Sand sichtbar gemacht werden können (Chladni's Klangfiguren, siehe unten § 118).

Endlich sind auch nach allen drei Dimensionen gleichmäßig ausgedehnte elastische Körper fähig, longitudinale und transversale Wellen fortzupflanzen, indem in diesem Fall als Longitudinalwellen diejenigen Wellen bezeichnet werden, bei welchen die Schwingungsrichtung der einzelnen Teilchen mit der Fortpflanzungsrichtung zusammenfällt, als Transversalwellen diejenigen, bei welchen sie auf derselben senkrecht steht. Bei ersteren finden abwechselnde Verdichtungen und Verdünnungen, bei letzteren nur seitliche Verschiebungen der in der Fortpflanzungsrichtung auf einander folgenden Schichten statt. Zur ersten Gattung gehören die Luftwellen, welche den Schall (§§ 113, 121), zur letzteren die Ätherwellen, welche das Licht (§ 176) fortzupflanzen.

Fig. 110.



Vierter Abschnitt.

Akustik oder Lehre vom Schall.

§ 113. Schall, Geräusch, Ton. Die gasförmigen Körper sind vermöge ihrer großen Elasticität in vorzüglichem Grade fähig, Wellenbewegungen fortzupflanzen. Jede hinreichend intensive Erschütterung der Luft veranlaßt ein System von Longitudinalwellen (§ 112), welche

aus abwechselnden Verdichtungen und Verdünnungen bestehen und sich von dem Erschütterungsmittelpunkte aus nach allen Richtungen hin mit gleicher Geschwindigkeit, mithin kugelförmig ausbreiten. Wird die Wellenbewegung bis zu unserem Gehörorgan fortgepflanzt, so nehmen wir dieselbe als Schallempfindung wahr. Eine unregelmäßige Lufterschütterung, wie sie z. B. durch eine Explosion, oder durch den Zusammenstoß zweier harten Körper erzeugt wird, wird im allgemeinen als mehr oder minder lautes Geräusch (Knall) empfunden. Von besonderer Wichtigkeit sind aber diejenigen Wellenbewegungen, welche durch die in gleichen Zeitintervallen sich regelmäßig wiederholenden Schwingungen elastischer Körper hervorgerufen werden, und die wir, wenn sie schnell auf einander folgen, als musikalische Töne wahrnehmen. Bei der Tonempfindung sind zu unterscheiden:

1. die Stärke oder Intensität des Tons, welche von der Schwingungsweite oder Amplitude abhängt;

2. die Höhe des Tons, welche durch die Schwingungsdauer, oder durch die Anzahl der Schwingungen bedingt wird, die in einer Sekunde vollendet werden;

3. der Klang des Tons, welcher von der verschiedenen Form der Wellen herrührt (vergl. unten § 126).

Verschiedener Klang der Blasinstrumente, Streichinstrumente, der menschlichen Stimme, bei gleicher Tonhöhe.

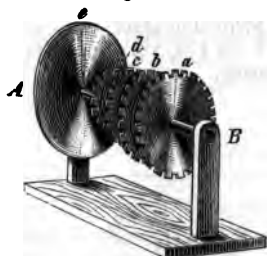
Damit eine Reihe in gleichen Zeitintervallen auf einander folgender Luftwellen von uns als deutlicher Ton empfunden werde, muß die Anzahl der Wellen in einer Sekunde wenigstens etwa 16, oder die Schwingungsdauer kleiner als $\frac{1}{16}$ Sekunde sein (§ 115). Da demnach die einem bestimmten Ton entsprechende Schwingungsdauer stets nur ein kleiner Bruchteil einer Sekunde ist, so ist es zweckmäßig, anstatt der Schwingungsdauer T stets die Schwingungszahl n anzugeben. Es ist dann $T = \frac{1}{n}$ (§ 109).

§ 114. Musikalische Tonintervalle, Tonleiter, Sirene von Savart. Unter dem Intervall zweier Töne versteht man das Verhältnis ihrer Schwingungszahlen. Um die den einzelnen Tönen der musikalischen Tonleiter entsprechenden Schwingungszahlen zu ermitteln, bedient man sich verschiedener mechanischer Vorrichtungen, durch welche mittelst schnell auf einander folgender Stöße, deren Zeitintervalle genau bekannt sind, musikalische Töne erzeugt werden können.

Eine der einfachsten dieser Vorrichtungen, welche man im allgemeinen Sirenen nennt, ist die von Savart angegebene. Auf einer gemeinschaftlichen Umdrehungsaxe AB (Fig. 111) sind mehrere, an ihrem Umfange mit Zähnen versehene Räder von verschiedenem Durchmesser befestigt. Dieselben lassen sich in schnelle Umdrehung versetzen, und zum Zweck messender Versuche kann die Anzahl der in einer Sekunde vollendeten Umdrehungen durch ein Uhrwerk geregelt und genau bestimmt

werden. Eine auf derselben Axe befestigte Bleischeibe e dient dazu, durch ihr Beharrungsvermögen die Umdrehung möglichst gleichförmig zu erhalten. Wird gegen die Zähne eines der Räder ein elastisches Papier-

Fig. 111.



blättchen gehalten, so veranlassen die gegen dasselbe stoßenden Zähne während jeder Umdrehung des Rades ebensoviel Schwingungen des Blättchens, als Zähne vorhanden sind und erzeugen dadurch einen Ton, dessen Höhe von der Anzahl der Zähne und von der Drehungsgeschwindigkeit des Rades abhängt. Mittelst der verschiedenen, auf derselben Axe befestigten Räder lassen sich nun leicht die Verhältnisse der Schwingungszahlen der Töne der Tonleiter bestimmen. Sind z. B. vier Räder vorhanden, die beziehungsweise mit 40, 50, 60, 80 Zähnen versehen sind, und läßt man den Apparat während einer Sekunde 10 Umdrehungen machen, so werden die Schwingungszahlen der durch die vier Räder erzeugten Töne beziehungsweise 400, 500, 600, 800 sein. Der Versuch lehrt nun, daß die vier Töne bei diesen Schwingungsverhältnissen den musikalischen Grundakkord: Grundton, große Terz, Quinte und Oktave bilden. Wählt man z. B. *C* als Grundton, so ergeben sich die Schwingungsverhältnisse der vier Töne

$$C : E : G : c = 4 : 5 : 6 : 8.$$

Im allgemeinen gilt das schon von Pythagoras erkannte Gesetz, daß diejenigen Tonintervalle, deren Zusammenklingen einen harmonischen Eindruck auf unser Ohr macht, durch die einfachsten Zahlenverhältnisse dargestellt werden. — In obigem Grundakkord sind bereits die hauptsächlichsten harmonischen Tonintervalle enthalten, deren Einklang um so vollkommener ist, durch je kleinere Verhältniszahlen ihre Schwingungsverhältnisse ausgedrückt werden, nämlich

die Oktave $C : c = 1 : 2$ die große Terz $C : E = 4 : 5$

„ Quinte $C : G = 2 : 3$ „ kleine Terz $E : G = 5 : 6$

„ Quarte $G : c = 3 : 4$ „ (kleine) Sexte $E : c = 5 : 8$.

Aus diesen Verhältnissen lassen sich ferner die Schwingungszahlen der übrigen Töne der Tonleiter ableiten. Setzt man, zur Vermeidung von Brüchen, die Schwingungszahl des Grundtons $C = 24$, so wird $E = 30$, $G = 36$, $c = 48$, ferner F als Quarte von $C = 32$, D als tiefe Quarte von $G = 27$, H als Quinte von $E = 45$, A als Quarte von $E = 40$, so daß man, je nachdem die Schwingungszahl des Grundtons $= 24$ oder $= 1$ gesetzt wird, folgende Zahlenverhältnisse für die Töne der diatonischen Tonleiter erhält:

<i>C</i>	<i>D</i>	<i>E</i>	<i>F</i>	<i>G</i>	<i>A</i>	<i>H</i>	<i>c</i>
24	27	30	32	36	40	45	48
1	$\frac{9}{8}$	$\frac{5}{4}$	$\frac{4}{3}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{5}{3}$	$\frac{15}{8}$	2.
	$\frac{9}{8}$	$\frac{10}{9}$	$\frac{16}{15}$	$\frac{9}{8}$	$\frac{10}{9}$	$\frac{9}{8}$	$\frac{16}{15}$

Das Schwingungsverhältnis der im Grundakkord nicht enthaltenen großen Sexte $C : A$ ist also $= 3 : 5$. Die in der dritten Reihe zwischen je zwei auf einander folgenden Tönen stehenden Brüche drücken die Intervalle dieser Töne aus. Es ist ersichtlich, daß von den drei vorkommenden Tonintervallen zwei sehr nahe gleich sind, indem ihr Quotient $\frac{9}{8} : \frac{10}{9} = \frac{81}{80}$, oder das sogenannte Komma, nur sehr wenig von der Einheit verschieden ist, daß hingegen das Intervall $\frac{16}{15}$ beträchtlich kleiner ist, als die beiden anderen. Man nennt deshalb in der Musik dieses Intervall ein halbes, die beiden anderen ganze Tonintervalle, und zwar unterscheidet man das Intervall $\frac{9}{8}$ als großen, $\frac{10}{9}$ als kleinen ganzen Ton (Major und Minor). Wie die einfachen Tonintervalle, so sind auch die Quintenintervalle der Tonleiter nicht genau gleich. So müßte z. B. *A* als reine Quinte von *D* $40\frac{1}{2}$ Schwingungen, anstatt 40 machen, oder das Quintenverhältnis *D* : *A* ist um ein Komma zu klein ($40 : 40\frac{1}{2} = 80 : 81$). Man unterscheidet deshalb reine Quinten, welche genau das richtige Verhältnis 2 : 3 haben, und verminderte Quinten. Von der Unmöglichkeit, in einer fortlaufenden Reihe von Tönen gleichzeitig alle Quinten und auch alle Oktaven rein zu stimmen, überzeugt man sich durch den

sogenannten Quintenzirkel. Indem man nämlich von einem beliebigen Grundton, z. B. $C_{,,,}$, ausgehend, immer in Quinten fortschreitet, bis man zu einer höheren Oktave des Grundtons gelangt, erhält man folgende Reihe von Tönen:

$C_{,,}, G_{,,}, D, A, E H$ $\begin{matrix} \text{fis} & \text{cis}' & \text{gis}' & \text{dis}'' & \text{ais}'' & & \text{f}''' & \text{c}''' \\ \text{ges} & \text{des}' & \text{as}' & \text{es}'' & \text{b}'' & & & \end{matrix}$

Diese Reihe umfaßt 12 Quinten und 7 Oktaven. Da c''' die siebente Oktave von $C_{,,}$ ist, so stehen die Schwingungszahlen beider Töne, bei reiner Stimmung der Oktaven, im Verhältnis von $1:2^7$. Anderenfalls würde sich ihr Verhältnis, wenn man immer in reinen Quinten fortschreitet, gleich $1:(\frac{3}{2})^{12}$ ergeben. Da nun $(\frac{3}{2})^{12} > 2^7$ ist, so ist beides nicht gleichzeitig möglich. Man muß daher, um die Oktaven rein zu erhalten, entweder, wie im obigen Schema der Schwingungszahlen angenommen ist, nur gewisse Quinten rein stimmen, andere dagegen um ein Komma vermindern, diese Stimmung heißt die reine Temperatur; oder man muß den Fehler auf alle Quinten gleichmäßig verteilen und erhält so die gleichschwebende Temperatur. Der Fehler jeder einzelnen Quinte wird dabei so klein, daß er nur für ein musikalisch feingeübtes Ohr bemerkbar ist. Das Intervall x , welches man der temperierten Quinte anstelle des reinen Verhältnisses $\frac{3}{2}$ zu geben hat, ergibt sich daraus, daß $x^{12} = 2^7$ sein muß, woraus $x = \sqrt[12]{2^7} = 1,49831$, ein Wert, welcher von 1,5 nur sehr wenig verschieden ist. Alle ganzen Tonintervalle werden dann ebenfalls unter sich gleich und jedes gleich zwei halben Tonintervallen. Ein halbes Tonintervall wird durch das Verhältnis $1:\sqrt[12]{2}$ oder $1:1,05946$ ausgedrückt. Die gleichschwebende Temperatur kommt hauptsächlich bei Instrumenten mit festen Tönen (Pianoforte) zur Anwendung, während z. B. bei Streichinstrumenten die Quinten rein gestimmt zu werden pflegen.

Pythagoras leitete die Schwingungsverhältnisse der Töne aus den Längen der Saiten ab. Die Sirene wurde (1819) von Cagniard de la Tour erfunden. Bei der Sirene von Cagniard de la Tour, sowie bei derjenigen von Oppel, wird der Ton durch einen Luftstrom erzeugt, welcher gegen eine rotierende Scheibe geblasen wird, die mit einer oder mehreren kreisförmigen Reihen von Löchern versehen ist. Befinden sich z. B. in einer Reihe 24 Öffnungen, in gleichen Abständen verteilt, so wird der Luftstrom bei jeder Umdrehung der Scheibe 24 mal hergestellt und wieder unterbrochen. Macht also die Scheibe 20 Umdrehungen in jeder Sekunde, so hört man einen Ton von 480 Schwingungen. Die Oppelsche Sirene enthält auf einer Pappscheibe zahlreiche Löcherreihen, welche den harmonischen Tonintervallen entsprechen und zur Erläuterung der Schwingungsverhältnisse der Töne dienen. — Eine Modifikation der Sirene von Cagniard de la Tour, die Brownsche Sirene, bei welcher anstelle der komprimierten Luft Dampf von hoher Spannung zur Anwendung gelangt, wird als sogenanntes Nebelsignal zur Warnung der Schiffer an der Meeresküste benutzt; ihr durchdringender, schriller Ton vermag besser als die Dampfpfeife, oder als Glocken- und Kanonensignale das Getöse der Brandung zu übertönen. Der Schall der auf der Nebelstation Bülk thätigen Sirene ist 11 Kilometer weit zu vernehmen.

Von besonderer Wichtigkeit ist noch eine Reihe von Tönen, deren Schwingungszahlen nach den Verhältnissen der natürlichen Zahlenreihe wachsen, oder unter einander in den Verhältnissen $1:2:3:4:\dots$ stehen. Diese Reihe ist unter dem Namen der harmonischen Oberreihe bekannt. Geht man vom Grundton C aus, so erhält man folgende Reihe:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12
C c g c' e' g' i' c'' d'' e'' k'' g''

Die Töne 7, 11, welche in dieser Reihe mit i' , k'' bezeichnet sind, sind in der Tonleiter nicht enthalten, indem i' zwischen a' und b' , k'' zwischen f'' und fis'' liegt. Schwingende Saiten und Pfeifen vermögen außer ihrem Grundton noch eine Anzahl höherer Töne zu geben, welche der harmonischen Oberreihe dieses Grundtons angehören (§§ 116, 119).

§ 115. Absolute Schwingungszahl, Kammerton. Nachdem im vorhergehenden die Verhältnisse zwischen den Schwingungszahlen der verschiedenen Töne der Tonleiter festgestellt sind, genügt es, die absolute Schwingungszahl eines bestimmten Tons zu kennen, um daraus die Schwingungen aller übrigen Töne ableiten zu können. Als Ausgangspunkt für die Stimmung der musikalischen Instrumente wird in der Regel der

sogenannte Kammerton a' gewählt, welcher 440 Schwingungen in einer Sekunde macht und durch die Normalstimmgabel angegeben wird.

Es wird später (§ 125) gezeigt werden, auf welche Weise es möglich ist, eine Stimmgabel mit außerordentlicher Genauigkeit auf eine bestimmte Zahl von Schwingungen abzustimmen. — Solange eine Normalstimmung nicht festgesetzt war, fanden zwischen den Stimmungen der verschiedenen Orchester beträchtliche Differenzen statt, und namentlich erhöhte sich die Stimmung im Lauf der Zeit immer mehr, bis in Deutschland, nach dem Vorschlag von Scheibler, die Schwingungszahl $a' = 440$, während in Frankreich $a' = 435$ vollständigen oder 870 halben Schwingungen festgesetzt wurde. Demnach bildet $C_{11} = 16\frac{1}{2}$ etwa die untere Grenze der hörbaren Töne, während andererseits ein Ton nicht mehr hörbar ist, wenn seine Schwingungszahl größer ist als 40—50000. Die musikalisch gut brauchbaren Töne mit deutlich wahrnehmbarer Tonhöhe haben nach Helmholtz zwischen 40 und 4000 Schwingungen, liegen also im Bereiche von 7 Oktaven und ihre Wellenlänge (§ 121) zwischen 8 m und 8 cm.

Die tonerregenden Körper können in drei Gruppen eingeteilt werden:

1. durch Spannung elastische (weich-elastische) Körper — gespannte Saiten und Membranen;
2. durch Steifigkeit elastische (hart-elastische) Körper — elastische Stäbe und Platten;
3. luftförmige und tropfbar flüssige Körper.

§ 116. Gespannte Saiten und Membranen. Die Gesetze der Tonerregung durch gespannte Saiten ergeben sich aus den früher (§ 111) besprochenen, allgemeinen Gesetzen der Schwingungen elastischer Körper. Aus der Taylorschen Formel ergibt sich die Schwingungszahl des Grundtons einer gespannten Saite

$$n = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{gp}{k}}.$$

Die Schwingungszahl ist also der Länge der Saite umgekehrt proportional. Sie wächst in direktem Verhältnis der Quadratwurzel aus der Spannung und ist umgekehrt proportional der Quadratwurzel aus dem Gewicht der Längeneinheit der Saite. Bei gleichbleibender Spannung wird also der Ton durch Verkürzung der Saite, bei gleichbleibender Länge durch vergrößerte Spannung erhöht. Dickere Saiten geben bei gleicher Länge und Spannung tiefere Töne. Darmsaiten geben, da sie leichter sind, höhere Töne als Metallsaiten von gleicher Dicke und Spannung. — Die Tonerregung geschieht durch Anschlagen der Saite mit einem Hämmerchen (Klavier), mit dem Finger (Zither, Gitarre), oder Streichen mit dem durch Kolophonium rauh gemachten Violinbogen (Violine, Cello, u. s. w.).

Außer dem Grundton, bei welchem die Saite als Ganzes schwingt, kann dieselbe noch die Reihe von Obertönen geben, welche der harmonischen Oberreihe des Grundtons (§ 114) entsprechen (Flageolettöne), wobei sich die Saite durch Knotenpunkte in eine Anzahl von Abteilungen teilt, welche der Ordnungszahl des Obertons entspricht (§ 111). Die Obertöne werden am besten erregt, indem man die gespannte Saite in $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, . . . der Länge leise mit dem Finger berührt und dann mit dem Bogen an einer Stelle anstreicht, wo ein Schwingungsbauch liegen muß.

Durch sehr schiefes Anstreichen der Saite mit dem Violinbogen, oder durch Reiben mit einem durch Kolophonium rauh gemachten Tuch kann dieselbe in Longitudinalschwingungen versetzt werden. Die Longitudinaltöne der Saiten sind viel höher als die Transversaltöne (§ 112).

Die Gesetze der Schwingungen gespannter Saiten werden am Monochord nachgewiesen, welches aus einer Saite besteht, die an beiden Enden festgeklammert werden kann, nachdem derselben durch ein angehängtes Gewicht von willkürlich

abzuändernder Größe eine beliebige Spannung erteilt worden ist. Durch einen beweglichen Steg kann ein Stück der Saite abgegrenzt werden, dessen Länge an einer unter derselben angebrachten Skala abgelesen werden kann. Die Saite ist über einem aus dünnen, elastischen Holzplatten zusammengesetzten hohlen Resonanzkasten aufgespannt. Der Ton einer in freier Luft aufgespannten Saite ist nämlich nur schwach hörbar, weil wegen der geringen Oberfläche der Saite die Schwingungen sich nur in geringem Maße der umgebenden Luft mitteilen. Dadurch aber, daß der Resonanzkasten und die in demselben enthaltene Luftmasse von den Befestigungspunkten der Saite aus in Mitschwingungen versetzt werden, wird die Mitteilung der Schwingungen an die umgebende Luft erleichtert und der Ton lauter hörbar. Es ist deshalb bei allen Saiteninstrumenten ein Resonanzboden oder ein mit Schalllöchern versehener Resonanzkasten angebracht, über welchem die Saiten aufgespannt werden.

Das Stimmen der Saiteninstrumente geschieht in der Regel durch Änderung der Spannung mittelst eines drehbaren Wirbels. Durch erhöhte Temperatur (§ 198), sowie bei Darmsaiten durch Luftfeuchtigkeit (§ 219), wird die Spannung verringert, daher die Tonhöhe vertieft. Bei der Violine, Gitarre, u. s. w. werden auf derselben Saite verschiedene Töne erzeugt, indem die Saitenlänge durch den Druck des Fingers auf dem Griffbrett begrenzt wird.

Die Schwingungen gespannter Membranen finden in der Musik eine geringere Anwendung, — z. B. bei Trommeln, Pauken — und befolgen weniger einfache Gesetze als die der Saiten. Im allgemeinen wächst die Tonhöhe auch hier mit der Spannung der Membran und nimmt mit wachsender Ausdehnung und Dicke derselben ab. Doch können die Schwingungen einer Membran mannigfaltigen (nicht der harmonischen Oberreihe angehörigen) Tönen entsprechen, indem sich dieselbe durch Knotenlinien auf sehr verschiedene Weise in schwingende Abteilungen teilen kann. Diese Knotenlinien können durch aufgestreuten Sand sichtbar gemacht werden (vergl. § 118).

§ 117. Elastische Stäbe, Stimmgabel. Elastische Stäbe können in Longitudinal-, Transversal- und Torsionsschwingungen versetzt werden; im allgemeinen entsprechen den Transversalschwingungen die tiefsten, den Torsionsschwingungen die höchsten Töne. — Die Transversalschwingungen befolgen verschiedene Gesetze, je nachdem der Stab an einem Ende oder an beiden Enden frei, angestemmt oder eingeklemmt ist. Der Ton ist um so höher, je kürzer oder dicker der Stab, und je größer die Elasticität seiner Substanz ist. Bei einem an einem Ende eingeklemmten Stab ist die Schwingungszahl dem Quadrat der Länge umgekehrt proportional. — Ausser dem Grundton vermag der Stab eine Reihe (nicht harmonischer) Obertöne zu geben.

Fig. 112.



Eine besondere Anwendung finden die Transversalschwingungen elastischer Stäbe bei der Stimmgabel. Dieselbe besteht aus einem Stahlstab mit zwei parallelen Schenkeln, welche durch eine Uförmige Biegung vereinigt sind. An der Biegungsstelle ist die Stimmgabel mit einem Stiel versehen. Die Schwingungen der Stimmgabel erfolgen so, daß, wie in Fig. 112 angedeutet, beide Schenkel gleichzeitig nach außen oder nach innen schwingen, wobei sich in der Nähe der Biegung, bei *a* und *b*, zwei ruhende Knotenpunkte bilden. Die Transversalschwingungen der Stimmgabel teilen sich dem Stiel als Longitudinalschwingungen mit. Der Ton der angeschlagenen Stimmgabel ist wenig hörbar, solange dieselbe mit der Hand am Stiel in freier Luft gehalten wird. Er wird laut hörbar, sobald der Stiel auf einen festen Körper aufgesetzt wird, der als Resonanzboden (§ 116) dient. Zweckmäßig wird mit

der Stimmgabel ein Resonanzkasten verbunden, dessen Dimensionen der Schwingungszahl der Stimmgabel entsprechend gewählt sind. Außer ihrem Grundton vermag die Stimmgabel noch die Oktave desselben und eine Reihe anharmonischer Obertöne zu geben.

Um die Schwingungen einer Stimmgabel graphisch darzustellen, befestigt man etwa an dem Ende des einen Schenkels der Gabel seitwärts ein Stiften und zieht dann, der schwingenden Gabel entlang, berufstes Papier mit gleichförmiger Geschwindigkeit vorüber, so daß das Stiften auf dem Papier einen feinen Strich hinterläßt. Das Papier ist dazu am besten über eine Walze gezogen, welche durch ein Uhrwerk in gleichförmige Rotation versetzt wird (Kaleidophon).

Die Longitudinaltöne der Stäbe können durch Reiben mit einem feuchten, oder durch Kolophonium rauh gemachten Tuch erregt werden. Die Schwingungszahl des Grundtons ist der Länge des Stabes umgekehrt proportional, im übrigen von der Dicke desselben unabhängig und lediglich von der Elasticität seiner Substanz bedingt (§ 111). Die sogenannte Stabharmonika besteht aus einer Reihe von Rohrstäben, deren Längen den Schwingungszahlen der Töne der Tonleiter umgekehrt proportional abgemessen sind.

§ 118. Elastische Platten können, wie gespannte Membranen, auf mannigfaltige Weise in Schwingungen versetzt werden, indem sie sich durch Knotenlinien in einzelne schwingende Abteilungen teilen.

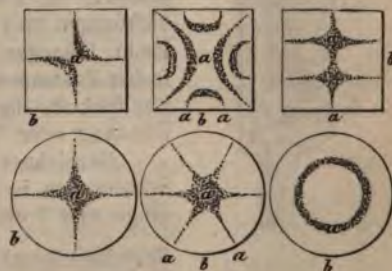
Chladni machte (1787) die Knotenlinien dadurch sichtbar, daß er feinen Sand auf die schwingende Platte streute. Die Sandkörnerchen wurden von den in Bewegung befindlichen Teilen der Platte fortgeschleudert und sammelten sich auf den ruhenden Knotenlinien an (Fig. 113). Am mannigfaltigsten sind die so entstehenden Chladnischen Klangfiguren bei regelmäßig gestalteten, z. B. quadratischen Platten. Den tiefsten Tönen, welche eine Platte zu geben vermag, entsprechen die einfachsten, den höchsten Tönen die kompliziertesten Figuren.

Die Töne werden am besten durch Anstreichen mittelst des Violinbogens (bei *b*) erzeugt, während die Platte an solchen Punkten, durch welche die Knotenlinien gehen sollen (bei *a*), eingeklemmt oder mit dem Finger berührt wird. Auch gekrümmte elastische Platten (Gläser, Glocken) teilen sich durch Knotenlinien in einzeln schwingende Abteilungen. An einem zur Hälfte mit Wasser gefüllten Weinglase können diese durch die Wirbelbewegungen des Wassers sichtbar gemacht werden. Einen eigentümlichen, spiralförmigen Verlauf zeigen die Knotenlinien auf Glasröhren, welche durch Kombination von longitudinalen mit transversalen oder Torsionsschwingungen erzeugt werden.

Eine andere Art von Klangfiguren erzeugte Faraday, indem er Bärlappsaamen auf die schwingende Platte streute. Infolge der durch die Schwingungen erzeugten wirbelförmigen Luftbewegung sammelt sich dieser in rundlichen, wirbelnden Häufchen an den Stellen der stärksten Schwingungen an.

§ 119. Tonerregung durch luftförmige Körper, offene und gedeckte Pfeifen. Die luftförmigen Körper sind vermöge ihrer großen Elasticität nicht nur zur Fortpflanzung der Schallwellen, sondern auch zur Tonerregung durch stehende Schwingungen in hohem Grade geeignet. Jede durch die Wände eines Gefäßes begrenzte Luftmasse ist solcher stehenden

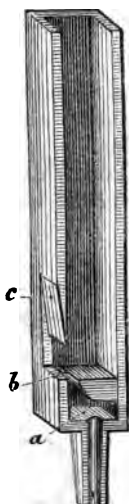
Fig. 113.



Schwingungen fähig, welche in derselben durch Resonanz (z. B. durch eine über die Öffnung des Gefäßes gehaltene, auf den entsprechenden Ton abgestimmte Stimmgabel), durch Anblasen mittelst eines gegen den Rand des Gefäßes gerichteten Luftstromes, oder auf andere Weise erzeugt werden können. Besonders häufig kommen zur Anwendung die stehenden Schwingungen der Luft in röhrenförmigen Gefäßen oder Pfeifen. Bei den Lippenpfeifen wird der Ton mittelst des an einem Ende des Rohres angebrachten Mundstückes erregt, und man unterscheidet offene und gedackte (gedackte) Pfeifen, jenachdem das andere Ende der Röhre offen oder verschlossen ist.

Bei den Lippenpfeifen der Orgel gelangt die Luft aus der Windlade in den sogenannten Fuß *a* (Fig. 114), aus welchem dieselbe durch einen schmalen Spalt *b* ausströmt*). Der aus dem Spalt austretende Luftstrom bricht sich an der gegenüberstehenden Kante *c*, welche die Lippe genannt wird. Der Zwischenraum *bc* zwischen Spalt und Lippe heißt die Mundöffnung. — Ganz ähnlich ist das Flötenmundstück eingerichtet.

Fig. 114.



Für die Bestimmung der Tonhöhe der Pfeifen gilt die Regel, daß sich am geschlossenen Ende einer Pfeife stets ein Schwingungsknoten, am offenen Ende ein Schwingungsbauch befinden muß. Am geschlossenen Ende sind nämlich die Luftteilchen durch die die Röhre begrenzende Gefäßwand an der Bewegung gehindert, es können daselbst nur abwechselnde Verdichtungen und Verdünnungen stattfinden. Am offenen Ende hingegen besitzen die Luftteilchen wegen des freien Zusammenhanges mit der Atmosphäre volle Beweglichkeit, darum kann dort eine beträchtliche Verdichtung oder Verdünnung nicht stattfinden.

Bezeichnet *c* die Geschwindigkeit, mit welcher die Schallwellen in der Luft fortschreiten, λ die Wellenlänge und *l* die Länge der Pfeife, so ist (§ 109) die

Schwingungszahl $n = \frac{c}{\lambda}$. Wenn eine offene Pfeife

ihren tiefsten Ton oder Grundton giebt, so ist nur ein Schwingungsknoten vorhanden, welcher in der Mitte der Pfeife liegt, also von jedem der Schwingungsbäuche an den offenen Enden der Pfeife um $\frac{1}{4} \lambda$ Wellenlänge oder $\frac{1}{4} \lambda$ entfernt ist (§ 111). Es ist demnach $l = \frac{1}{2} \lambda$,

$$\lambda = 2l, n_1 = \frac{c}{2l}.$$

Beim zweiten Ton der Pfeife sind zwei Schwingungsknoten vorhanden, welche unter sich um $\frac{1}{2} \lambda$ und von jedem offenen Ende der Pfeife um $\frac{1}{4} \lambda$ entfernt sind. Es ist daher $l = \lambda$ und $n_2 = 2 \frac{c}{2l}$; ebenso ergeben sich für die folgenden Obertöne der offenen Pfeife die Schwingungszahlen

$$3 \frac{c}{2l}, 4 \frac{c}{2l}, \dots$$

*) Der Spalt ist in der Figur absichtlich zu breit gezeichnet worden.

oder die offene Pfeife vermag alle Töne der harmonischen Oberreihe zu geben.

Bei der gedeckten Pfeife liegt ein Schwingungsknoten am geschlossenen Ende. Beim Grundton der Pfeife ist dieser der einzige, mithin:

$$l = \frac{1}{4} \lambda, \lambda = 4l, n_1 = \frac{c}{4l}$$

woraus folgt, daß der Grundton der gedeckten Pfeife die tiefere Oktave des Grundtons einer offenen Pfeife von gleicher Länge ist, oder daß eine gedeckte Pfeife denselben Grundton giebt, wie eine offene Pfeife von doppelter Länge. Beim ersten Oberton der gedeckten Pfeife ist außer dem Schwingungsknoten am Ende ein zweiter Schwingungsknoten vorhanden, dessen Abstand vom geschlossenen Ende mithin $\frac{1}{2} \lambda$, vom offenen Ende der Pfeife hingegen $\frac{1}{4} \lambda$ beträgt; es ist daher $l = \frac{3}{4} \lambda, \lambda = \frac{4}{3} l$ und $n_2 = 3 \frac{c}{4l}$, ebenso ergeben sich für die

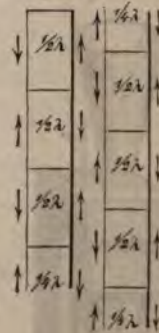
folgenden Obertöne die Schwingungszahlen $5 \frac{c}{4l}, 7 \frac{c}{4l}, \dots$ oder die gedeckte Pfeife giebt nur die ungeraden Töne der harmonischen Oberreihe.

Das Ansprechen des Grundtons oder der verschiedenen Obertöne einer Pfeife kann durch die verschiedene Weite des Spaltes b und der Mundöffnung bc , sowie die verschiedene Stärke des Luftstroms bewirkt werden. Die in Fig. 115 angeordnete Lage der Knoten und Schwingungsbäuche kann nach Hopkins in einer Glaspfeife dadurch sichtbar gemacht werden, daß man eine über einen Ring gespannte, dünne Membran, auf welche Sand gestreut ist, mittelst eines Drahtes in der Pfeife auf und ab bewegt. Der Sand bleibt in Ruhe, wenn die Membran sich an einem Knotenpunkt befindet — auch klingt der Ton der Pfeife nur in diesem Fall rein, da sonst die Luftschwingungen durch die Membran gehemmt werden. Die Erfahrung hat übrigens gelehrt, daß die Entfernung des letzten Knotens vom offenen Ende der Pfeife etwas kleiner ist als $\frac{1}{4} \lambda$.

Für eine annähernde Schätzung der Tonhöhe kann in atmosphärischer Luft $c = 332 \text{ m (1024 par.)}$ angenommen werden (§ 121), und da außerdem näherungsweise die Schwingungszahl des Tons $C_0 = 16$ gesetzt werden kann (§ 115), so ist C_0 der Grundton einer offenen 32füßigen, oder einer gedeckten 16füßigen Orgelpfeife. Da die Schallgeschwindigkeit in verschiedenen Gasen der Quadratwurzel aus der Dichtigkeit umgekehrt proportional ist, so hängt auch die Tonhöhe einer Pfeife von der Beschaffenheit des darin enthaltenen Gases ab (s. unten § 122).

Für die stehenden Schwingungen der Luftsäule ist es unwesentlich, ob die Röhre gerade oder gebogen, weit oder eng ist, wenn nur scharfe Biegungen vermieden werden, und der Durchmesser des Rohres hinreichend klein ist im Verhältnis zur Länge. Man giebt deshalb den Röhren der Blasinstrumente (Trompete, Waldhorn) bei größerer Länge eine gewundene Gestalt. Das Material des Rohres (Holz, Metall) ist nicht auf die Tonhöhe, wohl aber auf den Klang des Tons von Einfluß. — Die Tonhöhe der Blasinstrumente kann abgeändert werden, entweder durch Verlängerung und Verkürzung des Rohres durch Auszüge oder Ventile (Posaune, Waldhorn), oder durch Seitenöffnungen des Rohres, welche mit den Fingern, oder durch Klappen verschlossen werden (Flöte, Klarinette), wobei die Länge des Rohres jedesmal bis zur ersten unverschlossenen Seitenöffnung zu rechnen ist. Durch verschiedenes Anblasen werden die Obertöne zum Ansprechen gebracht (Trompete, Waldhorn), durch teilweises Decken (Stopfen) einer offenen Pfeife (Einführen der Hand in den bei den meisten Blasinstrumenten am Ende des Rohres angebrachten, erweiterten Schalltrichter) wird der Ton vertieft.

Fig. 115.

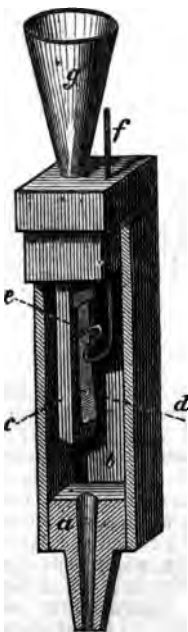


Beträgt der Röhrendurchmesser mehr als etwa $\frac{1}{50}$ der Länge, so ist derselbe von wesentlichem Einfluß auf die Tonhöhe, indem der Ton desto tiefer wird, je größer der Querschnitt der Pfeife.

Eine eigentümliche Art der Tonerzeugung in Röhren findet bei der von Higgins (1777) entdeckten, sogenannten Gasharmonika (chemischen Harmonika) statt. Über eine kleine Gasflamme, welche aus einem Glasrohr mit enger Öffnung kommt, wird eine weitere Glasröhre gestülpt. Die in dieser Glasröhre enthaltene Luftsäule wird dadurch in laut tönende Schwingungen versetzt. Der Eintritt dieser Schwingungen ist von einer eigentümlichen Veränderung im Aussehen der Flamme begleitet, deren Grund man erkennt, sobald man das Bild der Flamme in einem rotierenden, oder schnell hin und her bewegten Spiegel betrachtet. Dasselbe erscheint dann in eine Reihe getrennter Flammenbilder aufgelöst, deren Anzahl den Schwingungen der Luftsäule entsprechend ist. Durch Änderung der Röhrenlänge kann die Tonhöhe abgestimmt werden, und man kann mehrere solche tonangebende Flammen zu einem Akkord vereinigen.

§ 120. Zungenpfeifen. Bei den Zungenpfeifen geschieht die Tonerregung mittelst einer elastischen, metallischen oder membranösen Zunge, durch deren Schwingungen ein durch eine Öffnung geblasener Luftstrom abwechselnd unterbrochen und wiederhergestellt wird. Die im Ansatzrohr enthaltene Luftsäule wird dadurch in regelmäßige Schwingungen versetzt, deren Anzahl einerseits von der Beschaffenheit der Zunge, andererseits von der Länge der mitschwingenden Luftsäule abhängig ist, indem die Schwingungen beider sich innerhalb gewisser Grenzen gegenseitig zu modifizieren vermögen. Zur Gattung der Zungenpfeifen gehören die Klarinette, Oboe, Harmonika, die Schnarrwerke der Orgeln, u. s. w. Auch Trompete und Waldhorn sind als Zungenpfeifen zu betrachten, indem bei

Fig. 116.



denselben die auf das Mundstück aufgesetzten, gespannten Lippenränder die Stelle der vibrierenden Zunge vertreten; dasselbe gilt von den Stimmbändern des menschlichen Kehlkopfes (§ 127).

Die Mundstücke der Klarinette, Oboe und des Fagotts haben aus Rohrblättchen gebildete Zungen, die Harmonika und die sogenannten Schnarrwerke der Orgeln Metallzungen. Das Mundstück der Zungenpfeifen einer Orgel hat z. B. folgende Einrichtung. Durch das Rohr *a* (Fig. 116) tritt der aus der Windlade eingeblasene Luftstrom in den Fuß *b*. Dieser ist durch einen Deckel verschlossen, in welchen eine Blechkapsel *c* von der Form eines Halbcylinders eingesetzt ist. Letztere ist an der vorderen, ebenen Fläche mit einem rechteckigen Schlitz versehen, der durch eine elastische Stahllamelle *d* verschlossen ist. Diese ist nur an ihrem oberen Ende befestigt, im übrigen frei beweglich, so daß sie in ihrer Ruhelage die rechteckige Öffnung fast genau verschließt, ohne jedoch beim Hindurchschlagen an die Ränder der Öffnung anzustreifen. Die in *b* eingeblasene Luft drückt gegen die Lamelle, öffnet sich dadurch den Ausweg nach dem Innern des Halbcylinders, von wo sie durch eine am oberen Ende des letzteren angebrachte Öffnung in das konische oder cylindrische Ansatzrohr *g* gelangt. Sobald durch das Entweichen der Luft der Druck im Fuß *b* vermindert ist, schwingt die Stahllamelle *d* vermöge ihrer Elasticität rückwärts und verschließt die Öffnung von neuem. Indem sich dieser Vorgang wiederholt, wird die Feder und durch den intermittierenden Luftstrom zugleich die Luftsäule im Ansatzrohr *g* in regelmäßige Schwingungen versetzt, deren Dauer einerseits von der Elasticität der Stahllamelle, andererseits von der Länge der schwingenden Luftsäule abhängt. Durch die mittelst des Drahtes *f* verstellbare

Krücke *e* kann die Länge des schwingenden Teiles der Feder abgeändert und dadurch der Ton der Pfeife innerhalb gewisser Grenzen abgestimmt werden. — Der

Klang des Tons der Zungenpfeifen ist ein mehr oder minder schnarrender, besonders wenn die Zunge nicht, wie bei dem beschriebenen Mundstück, eine durchschlagende, sondern eine auf die Ränder der Öffnung aufschlagende ist.

§ 121. Fortpflanzung des Schalles in der Luft. Die Verbreitung des Schalles in der Luft geschieht durch Longitudinalwellen, welche aus auf einander folgenden Verdichtungen und Verdünnungen bestehen und sich kugelförmig vom Erschütterungsmittelpunkt ausbreiten. Die Geschwindigkeit, mit welcher die Schallwellen sich fortpflanzen, wird durch Kanonensignale bestimmt, indem an zwei Stationen von genau bekannter Entfernung Kanonen aufgestellt und auf beiden Stationen abwechselnd die Zeitintervalle beobachtet werden, welche beim Abfeuern der Kanonen zwischen der Wahrnehmung des Pulverblitzes und des Schalles der Explosion verfließen. Die zur Fortpflanzung des Lichts erforderliche Zeit ist dabei als verschwindend klein zu betrachten (§ 133). Die genauesten Beobachtungen, welche auf diese Weise von Moll und van Beek (1823) in der Nähe von Utrecht angestellt wurden, haben für die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles, bei der Temperatur von 0° , den Wert von 332,15 m (1022,5 par.) ergeben.

Die Beobachtungen werden am zweckmäßigsten bei Nacht angestellt, weil die Luft zu dieser Zeit am ruhigsten ist, und die Signale am weitesten hörbar sind. Um einen möglichen Einfluß der Windesrichtung auf die Geschwindigkeit der Fortpflanzung des Schalles zu vermeiden, werden die Signale abwechselnd auf beiden Stationen gegeben und aus beiden so erhaltenen Bestimmungen das Mittel genommen. Die Geschwindigkeit des Schalles ist unabhängig vom Luftdruck, daher auf Bergen ebenso groß, wie in der Ebene und aufwärts oder abwärts ebenso groß, wie in horizontaler Richtung. Die Intensität des Schalles dagegen ist in verdünnter Luft geringer, als in dichter Luft, und im luftleeren Raum ist die Fortpflanzung des Schalles nicht möglich (§ 98, 12). Von Thal zu Berg verbreitet sich der Schall leichter, als von Berg zu Thal, weil die dünneren Luftschichten leichter durch die dichteren in Schwingungen versetzt werden als umgekehrt. — Durch ungleichförmige Beschaffenheit der Luftschichten, Wolken, Nebel, u. dergl. wird die Fortpflanzung des Schalles erschwert. — Hohe und tiefe Töne werden mit gleicher Geschwindigkeit fortgepflanzt, was schon daraus hervorgeht, daß der Rhythmus einer aus der Entfernung gehörten Musik durch die Fortpflanzung nicht gestört wird. — Bei höherer Temperatur ist die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles größer, als bei niedriger Temperatur; um daher bei verschiedenen Temperaturen angestellte Beobachtungen vergleichbar zu machen, müssen sie auf eine und dieselbe Normaltemperatur, z. B. 0° , reduziert werden. — Nach Untersuchungen von Kundt nimmt die Schallgeschwindigkeit der Luft in Röhren ab mit dem Durchmesser des Rohres, jedoch erst von einem gewissen Durchmesser an in merklicher Weise.

Newton hat aus theoretischen Gründen für die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Gasen die Formel aufgestellt

$$c = \sqrt{g \cdot \frac{h}{d}}$$

in welcher g die Beschleunigung durch die Schwere, h die Barometerhöhe, d die Dichtigkeit des Gases in Beziehung auf Quecksilber bezeichnet. Der Quotient $\frac{h}{d}$ drückt demnach die Höhe einer Luftsäule von gleichförmiger Dichtigkeit aus, welche einen Druck gleich dem der Quecksilbersäule des Barometers erzeugen würde. Da sich nach dem Mariotteschen Gesetz die Dichtigkeit d in demselben Verhältnis wie der Druck h ändert, so folgt das oben angegebene Gesetz, daß die Schallgeschwindigkeit in demselben Gase vom Luftdruck unabhängig ist. Bei verschiedenen Gasen ist dieselbe der Quadratwurzel aus der Dichtigkeit umgekehrt proportional, also z. B. in Wasserstoffgas 4mal größer, als in Sauerstoffgas. Ist d_0 die Dichtigkeit eines Gases bei 0° und c_0 die Schall-

geschwindigkeit in diesem Gase bei 0° , so hat man bei der Temperatur t (§ 202.

$d = \frac{d_0}{1 + \alpha t}$, daher ist:

$$c_0 = \sqrt{g \cdot \frac{h}{d_0}},$$

$$c = \sqrt{g \cdot \frac{h}{d}} = \sqrt{g \cdot \frac{h}{d_0} (1 + \alpha t)},$$

oder:

$$c = c_0 \sqrt{1 + \alpha t}.$$

Berechnet man die Schallgeschwindigkeit in atmosphärischer Luft nach der Newtonschen Formel, so erhält man bei 0° $c = 280$ m, anstatt des beobachteten Wertes von 332 m. Den Grund dieser Abweichung zwischen Theorie und Erfahrung erkannte Laplace in dem Umstande, daß die Luft durch Verdichtung eine Temperaturerhöhung, durch Verdünnung eine Temperaturniedrigung erfährt (§ 230), und daß infolge dessen die Elasticität der Luft bei plötzlicher Verdichtung und Verdünnung in schnellerem Verhältnis zu- und abnimmt, als die Dichtigkeit. Laplace zeigte, daß mit Berücksichtigung dieses Umstandes der Newtonschen Formel noch ein Faktor \sqrt{k} hinzugefügt werden müsse, wo $k = 1,41$ das Verhältnis zwischen der specifischen Wärme der Luft bei konstantem Druck und ihrer specifischen Wärme bei konstantem Volumen bezeichnet (§ 230). Mit Berücksichtigung dieser Korrektur findet zwischen Theorie und Erfahrung völlige Übereinstimmung statt. In der That ergibt sich nach der verbesserten Newtonschen Formel für die Geschwindigkeit des Schalles in einem Gase

$$c = \sqrt{k \cdot g \cdot \frac{h}{d}},$$

wenn man für die atmosphärische Luft im Normalzustand, d. h. bei der Temperatur 0° , dem Druck 760 mm, in der nördl. Br. 45° und im Meeresniveau $h = 0,76 \cdot 10517$ d (§ 94) und $g = 9,808$ (§ 32) einführt:

$$c = 279,99 \cdot \sqrt{1,41} = 332,47 \text{ m.}$$

§ 122. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in anderen Gasen, sowie in flüssigen und festen Körpern. Die direkte Bestimmung der Geschwindigkeit des Schalles in anderen Gasen als atmosphärischer Luft ist darum nicht ausführbar, weil Gasmassen von hinreichender Ausdehnung nicht hergestellt werden können. Dieselbe kann jedoch leicht auf indirektem Wege bestimmt werden, indem man dieselbe Pfeife nach einander mit atmosphärischer Luft und mit verschiedenen Gasen gefüllt anbläst (§ 119). Wird z. B. die Pfeife in Wasserstoffgas angeblasen, so erhält man als Grundton die Doppeloktave des Tons, welchen dieselbe Pfeife in Sauerstoff giebt, woraus folgt, daß bei gleicher Wellenlänge die Schwingungszahl in Wasserstoff 4 mal so groß ist, als in Sauerstoff, oder da $c = n \cdot \lambda$, daß die Geschwindigkeit des Schalles in Wasserstoffgas die vierfache ist. Durch derartige Versuche bestimmten Dulong und später Masson die Geschwindigkeit des Schalles in verschiedenen Gasen. Für die chemisch einfachen Gase (O, H, N) und Gemenge derselben fand sich das Gesetz bestätigt, daß die Schallgeschwindigkeit der Quadratwurzel aus der Dichtigkeit umgekehrt proportional ist. Bei zusammengesetzten Gasen ist dieses Gesetz nur in dem Fall richtig, wenn die chemische Vereinigung der Grundstoffe ohne Volumenverminderung stattfindet (z. B. bei HCl); es erfährt dagegen eine Modifikation, wenn die chemische Verbindung von einer Kontraktion begleitet ist (z. B. bei NH_3 , CO_2), indem aus Gründen, welche der Wärmetheorie angehören, der Laplacesche Koeffizient k (§ 230) für diese Gase einen anderen Wert besitzt.

Die Geschwindigkeit des Schalles in Wasser ist von Colladon und Sturm (1827) durch direkte Versuche im Genfer See bestimmt worden. Mittelst unter Wasser gegebener Glockensignale fanden dieselben, daß der Schall im Wasser $4\frac{1}{2}$ mal schneller fortgeleitet wird, als in atmosphärischer Luft.

Auch durch feste Körper wird der Schall mit größerer Geschwindigkeit und häufig auch durch den festen Erdboden auf größere Entfernungen fortgepflanzt, als durch die Luft. So ist Kanonendonner öfter auf mehr als 200 Kilometer Entfernung gehört worden.

Die Geschwindigkeit des Schalles in festen Körpern kann aus der Dauer der Longitudinalschwingungen elastischer Stäbe mittelst des Gesetzes abgeleitet werden, daß die Schwingungsdauer des Grundtones eines Stabes derjenigen Zeit gleich ist,

welche die Schallwelle braucht, um den Stab hin und zurück zu durchlaufen, oder daß $c = 2nl$ ist, wenn l die Länge des Stabes bezeichnet. Auf diese Weise fand z. B. Chladni, daß die Schallgeschwindigkeit in Eichenholz oder Messing $10\frac{1}{3}\%$ in Glas $16\frac{2}{3}\%$ mal größer ist, als in Luft, und Wertheim fand für gezogene Metalle bei $15-20^\circ$ folgende Werte, die Geschwindigkeit in Luft $= 1$ gesetzt:

Blei 4,3	Silber 8,1	Kupfer 11,2
Gold 6,4	Platin 8,2	Gußstahl 15,1.
Zinn 7,5	Zink 11,0	

§ 123. Reflexion der Schallwellen. Echo. Auf der Reflexion der Schallwellen durch feste Körper beruht das Echo (Wiederhall, Nachhall), welches daher in gebirgigen Gegenden mit senkrecht abfallenden Felswänden am häufigsten ist. Bei geringer Entfernung der reflektierenden Wand, z. B. in großen Sälen, ist die Zwischenzeit zwischen der Wahrnehmung der ursprünglichen und der reflektierten Welle so klein, daß dieselben nicht getrennt wahrgenommen werden, sondern letztere nur einen störenden Nachhall bewirkt, welcher durch zweckmäßige Unterbrechung der Wände durch Nischen, Vorhänge u. s. w. vermindert werden kann. Da wir in einer Sekunde etwa 8—10 Silben deutlich getrennt zu hören imstande sind, so ist zur Erzeugung eines sogenannten einsilbigen Echos eine solche Entfernung der reflektierenden Wand erforderlich, daß der Hin- und Rückweg von der Schallwelle in $\frac{1}{10}$ Sekunde durchlaufen wird, d. i. etwa $50'$ (16,6 m), für ein zweisilbiges Echo $100'$ (33,2 m), u. s. w. Mehrfache Echos können durch mehrere reflektierende Wände, die sich in verschiedener Entfernung befinden, oder durch wiederholte Reflexion an zwei gegenüberstehenden Wänden erzeugt werden.

Bekannte, teils vielsilbige, teils mehrfache Echos sind z. B. bei Adersbach in Böhmen, welches 7 Silben 3 mal, beim Schloß Simonetta bei Mailand, welches einen Pistolenschuß 56 mal, am Rhein zwischen Koblenz und Bingen, welches ein Wort 17 mal wiederholt.

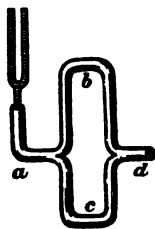
Auf der regelmäßigen Reflexion der Schallwellen beruhen die Erscheinungen der sogenannten Flüstergewölbe in Kirchen, u. s. w. Infolge einer in § 57a erwähnten Eigenschaft der Ellipse werden alle in einem Brennpunkt eines elliptischen Gewölbes erregten Schallwellen so reflektiert, daß sie sich im anderen Brennpunkt vereinigen, so daß in einem Brennpunkt leise gesprochene Worte für ein im anderen Brennpunkt befindliches Ohr hörbar sind, während ein dazwischen stehender Beobachter nichts zu hören vermag. Ähnliches kann bei zwei gegenüberstehenden, halbkreisförmigen Nischen u. dergl. stattfinden.

Durch ein in die Wände eines Hauses eingemauertes Kommunikationsrohr kann der Schall auf größere Entfernung ungeschwächt fortgeleitet werden, indem durch Reflexion an den Wänden des Rohres die seitliche Ausbreitung gehindert wird. In gleicher Weise werden durch die Wände eines konischen Sprachrohrs die vom Munde ausgehenden Schallwellen so reflektiert, daß sie sich beim Austritt aus dem Sprachrohr vorzugsweise in einer der Axe des Rohres parallelen Richtung fortpflanzen und darum in dieser Richtung weiter hörbar sind. Umgekehrt sammelt das Hörrohr die durch die weite Öffnung einfallenden Schallwellen und führt dieselben verstärkt durch die enge Öffnung zum Ohr.

§ 124. Interferenz der Schallwellen. Wie im allgemeinen zwei Wellensysteme sich durch Interferenz gegenseitig verstärken oder aufheben können, jenachdem sie mit gleichen oder mit entgegengesetzten Schwin-

gungsphasen zusammentreffen (§ 110), so gilt dies insbesondere von den Schallwellen, was durch verschiedene Versuche nachgewiesen werden kann. Hopkins wendete zu diesem Zwecke ein an seinem unteren Ende gabelförmig in zwei Schenkel geteiltes und am oberen Ende durch eine Membran verschlossenes Rohr an. Dieses Rohr wird über eine schwingende, elastische Platte gehalten, nachdem auf die Membran feiner Sand gestreut ist. Jenachdem beide Schenkel sich über Teilen der Platte befinden, welche in gleichen oder in entgegengesetzten Schwingungsphasen begriffen sind, verstärken oder vernichten sich die Wellen im oberen Teil des Rohres, was aus der Bewegung oder Ruhe der auf die Membran gestreuten Sandkörnchen erkannt wird. Quincke befestigte, um die Interferenz der Schallwellen hörbar zu machen, den Stiel einer Stimmgabel in einem Kautschukrohr *a* (Fig. 117), welches

Fig. 117.



mit einem in zwei Zweige von ungleicher Länge *b*, *c* geteilten Rohr in Verbindung stand, so daß die durch *a* eintretenden Schallwellen, nachdem sie die ungleichen Wege *abd*, *acd* durchlaufen hatten, sich in *d* wieder vereinigten. Das Ende des Rohres *d* wird in die Ohröffnung gesteckt. Ist nun der Längenunterschied der Schenkel *b* und *c* so abgemessen, daß er einer ungeraden Anzahl von halben Wellenlängen des Grundtons der Stimmgabel entspricht, so treffen im Rohr *d* stets entgegengesetzte Schwingungsphasen zusammen, und der Ton ist durch das Rohr *d* nicht hörbar. Er wird aber sofort hörbar, wenn der Längenunterschied der beiden Zweige abgeändert, oder wenn einer von beiden verschlossen wird.

§ 125. Schwebungen und Kombinationstöne. Befinden sich die Schwingungen zweier tönenden Körper, z. B. zweier Stimmgabeln, in genauem Einklang, so wird ihr Ton nur wie ein einziger hörbar. Werden aber die Schwingungen der einen von beiden durch auf die Zinken geklebte Wachsstückchen ein wenig verzögert, so wird ein in regelmäßigen Intervallen sich wiederholendes Anschwellen und Abnehmen der Intensität des Tons hörbar. Diese periodischen Schwankungen der Tonstärke, welche mit dem Namen der Schwebungen bezeichnet werden, rühren von der Interferenz der von beiden Tonquellen erregten Schallwellen her. Dieselben folgen um so schneller auf einander, je größer die Differenz der Schwingungszahlen beider Töne ist, und zwar ist die Anzahl der Schwebungen, welche in einer Sekunde gehört werden, gleich der Differenz der Schwingungszahlen beider Töne.

Der Grund dieser Interferenzerscheinung ist leicht ersichtlich. Macht z. B. die eine Stimmgabel 200 Schwingungen, die andere dagegen 202 Schwingungen in einer Sekunde, und befinden sich zu einer bestimmten Zeit beide in gleichen Schwingungsphasen, so hat nach einer halben Sekunde die eine Gabel 100, die andere 101 Schwingungen gemacht, und die Phasen sind wieder in Übereinstimmung, ebenfalls nach 1, $1\frac{1}{2}$, 2, $2\frac{1}{2}$, . . . Sekunden; dagegen ist nach $\frac{1}{4}$ Sekunde, nach $\frac{3}{4}$ Sekunden, u. s. w. die eine Gabel der anderen um $\frac{1}{2}$ Schwingung vorgeeilt, daher findet während jeder Sekunde zweimal eine Verstärkung und zweimal eine Schwächung des Tons durch Interferenz statt. Wird die Differenz der Schwingungszahlen so weit vergrößert, daß mehr als 10–12 Schwebungen in einer Sekunde stattfinden, so sind dieselben nicht mehr einzeln wahrnehmbar, sondern es erhält der Klang des Tons dadurch eine gewisse Rauigkeit, welche auf unser Ohr den unangenehmen Eindruck einer Dissonanz macht.

Eine andere Interferenzerscheinung verwandter Art, welche durch das Zusammenwirken zweier Töne erzeugt wird, bilden die sogenannten Kombinations-töne oder Tartinischen Töne. Wird z. B. ein Ton *c* gleichzeitig mit seiner Quinte *g* angegeben, so hört man einen tieferen Ton *C* leise mitklingen, dessen Schwingungszahl gleich der Differenz der Schwingungszahlen beider Töne ist. Die Töne *c* und *f* geben ebenso den Kombinationston *F*. Außer diesen Differenz-tönen ist von Helmholtz eine andere Gattung von Kombinationstönen nachgewiesen worden, die Summationstöne, deren Schwingungszahl gleich der Summe der Schwingungszahlen der ursprünglichen Töne ist; doch sind dieselben weit schwächer und schwieriger wahrnehmbar, als die Differenz-töne.

Mittels der Schwebungen ist es möglich, die Töne zweier musikalischen Instrumente in außerordentlich genauen Einklang zu bringen, indem man mit dem Abstimmen so lange fortfährt, bis die Schwebungen verschwinden. Um Stimmgabeln auf die normale Zahl von 440 Schwingungen abzustimmen, bedient man sich einer Hilfsstimmgabel, welche z. B. 436 Schwingungen macht. Jede der zu stimmenden Gabeln muß dann mit dieser Hilfsgabel 4 Schwebungen in der Sekunde geben, was mit großer Genauigkeit kontrolliert werden kann. Scheibler verfertigte eine Reihe von Stimmgabeln, deren jede mit der vorhergehenden 4 Schwebungen gab, und welche durch das Intervall einer Oktave aufstiegen. Mittels dieses Tonometers war es möglich, die Schwingungszahl jedes Tons innerhalb des Intervalls der Oktave durch Schwebungen genau zu bestimmen. Da eine Stimmgabel außer ihrem Grundton die Oktave als Oberton giebt, so geben zwei Stimmgabeln, welche fast genau um eine Oktave differieren, ebenfalls Schwebungen, mittelst deren das genaue Oktavenintervall mit außerordentlicher Schärfe ermittelt werden kann. War z. B., um die Oktave zu erreichen, eine Reihe von 32 Stimmgabeln erforderlich, von denen jede mit der vorhergehenden 4 Schwebungen gab, so betrug die Differenz der Schwingungszahlen von Grundton und Oktave 128, mithin die absolute Schwingungszahl des Grundtons 128, die der Oktave 256. — Einfacher als der Scheiblersche Apparat ist der von Appunn konstruierte Tonmesser, in welchem die Stimmgabeln durch Metallzungen ersetzt sind, die durch einen aus einer Windlade kommenden Luftstrom zum Tönen gebracht werden.

Andere Methoden, die Schwingungsverhältnisse zweier Stimmgabeln durch optische Hilfsmittel mit großer Genauigkeit zu bestimmen, sind von Lissajous angegeben worden.

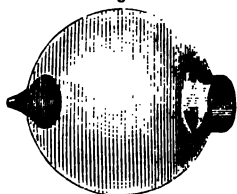
§ 126. Klang der Töne. Die durch verschiedene musikalische Instrumente, z. B. durch Streichinstrumente, Blasinstrumente, die menschliche Stimme, erzeugten Töne besitzen auch bei gleicher Tonhöhe und Intensität einen verschiedenen Klang, welcher den Tönen jedes Instrumentes ihren eigentümlichen Charakter giebt; ja das menschliche Stimmorgan vermag einem und demselben Ton nach Willkür den verschiedenen Klang der Vokale *a*, *e*, *i*, *o*, *u* zu geben. Durch Helmholtz ist (1862) auf das bestimmteste nachgewiesen worden, daß der verschiedene Klang der Töne davon herrührt, daß fast kein Instrument den Grundton allein hören läßt, sondern daß dieser fast stets von einer Reihe von Obertönen begleitet ist, welche der harmonischen Oberreihe des Grundtons (§ 114) angehören, und durch deren verschiedene Zahl und Intensität eben der eigentümliche Charakter der Töne, oder der Klang jedes Instrumentes bedingt ist. So erscheinen namentlich diejenigen Töne scharf, schmetternd und schrillend, welche zahlreiche und intensive Obertöne enthalten.

Die in einem Klange enthaltenen Töne, den Grundton mit eingeschlossen, bezeichnet Helmholtz als die Teiltöne oder Partialtöne des Klanges und zwar den Grundton als den ersten Teilton, den ersten, zweiten, . . . Oberton bezüglich als den zweiten, dritten, . . . Teilton, so daß die Ordnungszahl jedes Teiltons zugleich das Verhältnis seiner Schwingungszahl zu der des Grundtons angiebt. (Der Obertonapparat von Appunn.)

Gewohnheitsmäßig fassen wir die aus Kombinationen der Grundtöne mit gewissen Obertönen zusammengesetzten Klänge wie einfache Töne auf, so daß wir nur den Grundton mit der eigentümlichen Klangfarbe des Instruments zu hören

glauben und das Vorhandensein der Obertöne in dem Klang nur dann wahrnehmen, wenn unsere Aufmerksamkeit besonders auf dieselben gerichtet ist, oder wenn ihre Wahrnehmung durch geeignete Hilfsmittel (z. B. „Resonatoren“, welche die Obertöne stärker hervortreten lassen, erleichtert wird. Insbesondere gilt dies von den durch alltägliche, fortdauernde Gewohnheit uns bekannten Vokalklängen der menschlichen Stimme. Die Zusammensetzung der Vokalklänge an Obertönen hat Helmholtz unzweifelhaft durch zwei verschiedene Methoden nachgewiesen, die als die synthetische und analytische Methode bezeichnet werden können. Die erstere beruht auf der wirklichen Zusammensetzung der Vokalklänge aus den einfachen Grundtönen einer Reihe von Stimmgabeln, deren Schwingungsverhältnisse den Tönen der harmonischen Oberreihe entsprechen, welche Zusammensetzung einfacher vermittelt des Vokalapparates von Appunn durch Holzpfeifen mit Ventilen herzustellen ist; die letztere beruht darauf, daß aus den auf eine bestimmte Note gesungenen Vokalklängen die in ihnen enthaltenen Obertöne mittelst ins Ohr gesteckter Resonatoren von kugelförmlicher Gestalt (Fig. 118), die auf einen bestimmten Ton abgestimmt sind und daher nur diesen verstärken, deutlich herausgehört werden. Mittelst dieser Methoden fand Helmholtz z. B., daß der Vokal *U* durch den Grundton *B* mit nur schwachem Mitklingen des zweiten und dritten Teiltons *b* und *f* erzeugt wird, daß bei *O* der Ton *b'* stark, daneben *b*, *f*, *d''* schwächer mitklingen, während *A* und namentlich *E* und *I* eine größere Zahl hoher Obertöne enthalten. Die verschiedenen Vokalklänge werden durch die menschliche Stimme erzeugt, indem wir durch veränderte Gestalt der Mundhöhle — Verlängerung, Verkürzung derselben, verschiedene Weite der Mundöffnung — die Resonanz des in ihr enthaltenen Luftraumes für die verschiedenen Töne abändern.

Fig. 118.

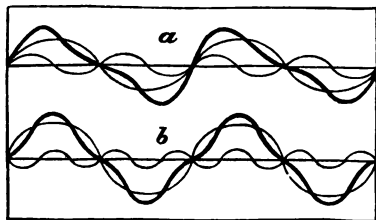


Singt man in ein Klavier, von dessen Saiten die Dämpfer durch den Fortzug gehoben sind, der Reihe nach die Vokale *a*, *e*, *i*, *o*, *u*, so tönen aus dem Klavier deutlich dieselben Vokalklänge zurück, indem durch jeden Vokal die seinen Obertönen entsprechenden Saiten zum Mitklingen gebracht werden und so denselben Klang zusammensetzen.

Daß auch die Klänge der Saiten u. s. w., die durch Anstreichen oder Anschlagen an verschiedenen Stellen erzeugt werden, durch die verschiedenen in ihnen enthaltenen Obertöne bedingt sind, läßt sich teils durch Resonatoren, teils durch optische Hilfsmittel nachweisen.

Durch das Mitklingen der Obertöne eines Grundtons wird die Form der Tonwellen beeinflusst, und man kann deshalb auch sagen, daß der Klang eines Tons von der Form der Wellen abhängt. So stellt z. B. Fig. 119a die Form der Wellen vor, welche durch die Kombination eines Grundtons mit seiner Oktave, Fig. 119b die Form, welche durch Kombination des Grundtons mit dem dritten Teilton oder der Quinte der Oktave erzeugt wird.

Fig. 119.



Umgekehrt läßt sich auf mathematischem Wege zeigen, daß jede beliebige periodische Schwingungsform in eine Reihe einfacher Schwingungen zerlegt werden kann, welche den Tönen der harmonischen Oberreihe entsprechen.

Man kann die verschiedenen Schwingungsformen einer Seite sichtbar machen, indem man einen leichten Schreibstoff, z. B. ein Stückchen Federbart, mit etwas Wachs an der Saite befestigt, und nachdem man dieselbe in Schwingungen versetzt hat, ein berufenes Papierblatt schnell an dem Stift vorbeiführt; dieser zeichnet dann auf der Rufschrift die aus den zusammenklingenden Obertönen resultierende Schwingungsform der Saite auf (§ 117).

§ 127. Das menschliche Stimmorgan. Der zur Erzeugung der menschlichen Stimme dienende Kehlkopf bildet das obere Ende der Luft.

röhre. Der Kehlkopf selbst besteht aus mehreren Knorpeln, welche durch Bänder mit einander verbunden, durch besondere Muskeln beweglich und mit einer Schleimhaut überzogen sind. Fig. 120a stellt den Kehlkopf von der Seite, Fig. 120b von hinten gesehen dar. Der Ringknorpel *a* bildet einen Ring, welcher hinten höher ist als vorn und auf welchem vorn der Schildknorpel *b*, hinten die Giefsbeckenknorpel *c* befestigt sind.

Fig. 120a.

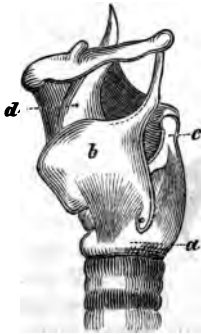
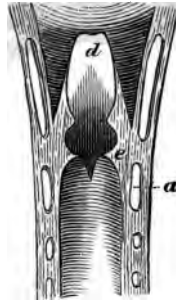


Fig. 120b.



Bei *d* ist auf dem Schildknorpel der Kehldeckel befestigt, welcher beim Schlingen den Eingang zum Kehlkopf verdeckt. Zwischen dem Schildknorpel und den beiden Giefsbeckenknorpeln sind die elastischen Stimmbänder *e* ausgespannt, welche, von der Schleimhaut des Kehlkopfes überzogen, zwischen sich einen schmalen Spalt, die Stimmritze, lassen. Durch die Muskeln des Kehlkopfes können die Knorpel gegen einander bewegt, und kann insbesondere durch veränderte Stellung der Giefsbeckenknorpel gegen einander und gegen den Schildknorpel die Stimmritze erweitert, oder verengt und die Spannung der Stimmbänder geregelt werden. Beim ruhigen Atmen findet die Luft durch die geöffnete Stimmritze ungehinderten Durchgang. Beim Sprechen oder Singen versetzt der zwischen den einander genäherten Rändern der Stimmbänder hindurchgepreßte Luftstrom diese in Schwingungen nach Art der Zungenpfeifen, wobei die Schwingungszahl hauptsächlich durch die Spannung der Stimmbänder bedingt, aber wie bei den Zungenpfeifen, auch von den Dimensionen der mitschwingenden Luftmasse beeinflusst wird.

Brust- und Falsettöne. Bei letzteren schwingen nur die inneren Ränder der Stimmbänder. Über die Entstehung der Vokalklänge s. oben § 126. Die Konsonanten werden durch die Bewegungshindernisse gebildet, welche die Organe der Mundhöhle, Gaumen, Zunge, Zähne, Lippen, dem Luftstrom darbieten.

§ 128. **Das Gehörorgan.** Das Ohr zerfällt in das äußere und innere Ohr. Ersteres besteht aus der zum Auffangen der Schallwellen dienenden Ohrmuschel und dem äußeren Gehörgang *A* (Fig. 121 in natürlicher Größe), welcher an seinem Ende durch eine schräg gestellte Membran, das Trommelfell *m*, verschlossen ist. Das innere Ohr ist in einem der festesten Knochen des Schädels, dem Felsenbein, eingeschlossen, welches einen Teil des Schläfenbeins bildet. Dasselbe zerfällt in die Trommelhöhle *B* und das Labyrinth *C*. Die Trommelhöhle wird durch das Trommelfell vom äußeren Gehörgang geschieden; sie ist mit

Luft gefüllt und steht mit dem hintern Teil der Nasenhöhle durch die Eustachische Röhre *E* in Verbindung, durch welche das Gleichgewicht des Druckes zwischen der in der Trommelhöhle enthaltenen Luft und der äußeren Atmosphäre hergestellt wird. Die Trommelhöhle enthält die Ge-

Fig. 121.

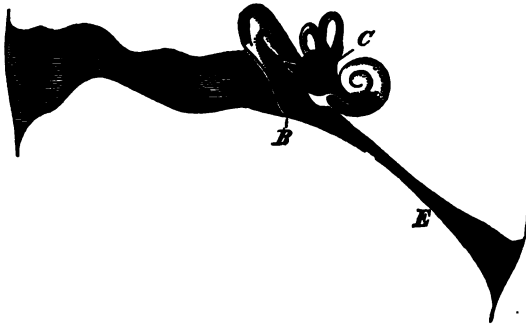


Fig. 122.

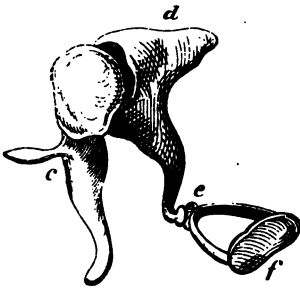
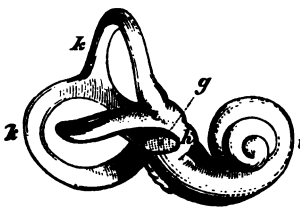


Fig. 123.



hörknöchelchen, die in Fig. 122 in vierfacher (linearer) Vergrößerung besonders dargestellt sind und von ihrer Gestalt die Namen Hammer *c*, Amboss *d*, Linsenkörperchen *e*, und Steigbügel *f* erhalten haben. Der Stiel des Hammers ist an dem Trommelfell festgeheftet, während der Tritt des Steigbügels das nach dem Labyrinth führende ovale Fenster *g*

verschließt. Das Labyrinth (in Fig. 123 ist ein Abguß seiner Höhlung dargestellt) besteht aus dem Vorhof *h*, der Schnecke *i* und den drei halbkreisförmigen Kanälen *k*. Dasselbe ist mit der Gehörfeuchtigkeit angefüllt und mit den Membranen des häutigen Labyrinths ausgekleidet, auf welchen sich die Fasern des Gehörnerven ausbreiten, namentlich zahlreich auf den sogenannten Ampullen der halbkreisförmigen Kanäle und in der spiralförmigen Scheidewand, welche das Innere der Schnecke in eine obere und eine untere Windung teilt. Erstere mündet an der Basis der Schnecke in den Vorhof, letztere endet in dem runden Fenster, welches durch eine Membran, das kleine Trommelfell, verschlossen ist und nebst dem ovalen Fenster des Vorhofs die Verbindung mit der Trommelhöhle herstellt. Die spiralförmige Scheidewand der Schnecke zeigt einen sehr zusammengesetzten Bau und die in derselben enthaltenen, erst in neuerer Zeit vom Mar-

chese Corti entdeckten und nach ihm benannten Cortischen Fasern scheinen insbesondere zur Wahrnehmung der musikalischen Töne zu dienen. Die Schallwellen werden durch die Ohrmuschel und den äußeren Gehörgang bis nach dem Trommelfell geleitet, welches durch dieselben in Schwingungen versetzt wird. Diese pflanzen sich teils durch die Reihe der Gehörknöchelchen, teils durch die in der Trommelhöhle enthaltene Luft nach dem Labyrinth fort, wo sie in den Fasern des Hörnerven die Schallempfindung verursachen. Die Enden des Hörnerven sind überall mit

besonderen, theils elastischen, theils festen Hilfsapparaten verbunden, welche unter dem Einfluß äußerer Schwingungen in Mitschwingung versetzt werden können und dann wahrscheinlich die Nervenmasse erschüttern und erregen. Die Leitung des Schalles bis zum Labyrinth kann auch mit Ausschluss des äußeren Ohres durch die Schädelknochen stattfinden.

Fünfter Abschnitt.

Optik oder Lehre vom Licht.

Vom Ursprung und der Ausbreitung des Lichtes.

§ 129. Die Eindrücke, welche wir durch das Auge von der Außenwelt empfangen, nennen wir Lichtempfindungen. Jeder Körper, welchen wir durch das Auge wahrnehmen, sendet Licht aus, ist also ein leuchtender. Die meisten Körper vermögen aber nicht selbständig Licht hervorzubringen, sondern werfen nur das Licht zurück, welches sie von anderen leuchtenden Körpern empfangen. Man hat danach selbstleuchtende und nichtselbstleuchtende Körper zu unterscheiden. Zu den selbstleuchtenden Körpern gehören:

1. Die Sonne, unsere hauptsächlichste Lichtquelle, und die Fixsterne. Weiter unten (§§ 150 u. 239) zu erörternde Erscheinungen machen es in hohem Grade wahrscheinlich, daß die Sonne ein glühender Körper ist, dessen Temperatur die aller irdischen Licht- und Wärmequellen bei weitem übertrifft. Dasselbe gilt von den anderen Fixsternen.

2. Verbrennende und glühende Körper. Die Flammen verbrennender Körper sind infolge der, durch den Verbrennungsprozeß (§ 243) erzeugten, hohen Temperatur leuchtend, namentlich wenn in der Flamme Kohlenstoff in festem Aggregatzustand ausgeschieden wird, wie es in den Flammen der meisten kohlenwasserstoffhaltigen Verbindungen (Öl, Leuchtgas) der Fall ist, oder wenn das Verbrennungsprodukt ein fester Körper ist (Phosphor- oder Magnesiumflamme). Glühende Gase besitzen nur ein schwaches Leuchtvermögen — schwach leuchtende Flamme des Wasserstoffgases, des mit atmosphärischer Luft gemischten Leuchtgases im Bunsenschen Gasbrenner. — Siderallight des glühenden Kalkes im Knallgasgebläse. — Lichterscheinungen beim Schleifen harter Steine (Mittheilungen von Noeggerath aus den Achatschleifereien zu Oberstein und Idar im Fürstentum Birkenfeld). Es entwickelt sich zwischen dem schleifenden Stein und dem Schleifstein ein starkes, rotes Licht, welches viele Funken von sich ausgehen läßt. Durchscheinende und durchsichtige Steine leuchten dabei prachtvoll rot, mit einem Stich ins Gelbliche: sie sehen meist wie rotglühendes Eisen aus, und es hat das Ansehen, als müsse der Schleifer, der sie in den Händen hält, sich die Finger verbrennen. Nach dem Gefühl in der Hand glaubte Noeggerath jedoch die Zunahme der Temperatur nur auf 12 bis 15° C. schätzen zu können. — Hierher gehört auch das elektrische Kohlenlicht (§ 336) und das Licht des elektrischen Funkens (§ 274). Das Rotglühen des Platins beginnt nach Foucault bei 525° C., wird deutlich wahrnehmbar bei 700°, blendendes Weißglühen tritt ein bei 1500° (Vergl. § 238.)

3. Phosphoreszierende Körper, welche schon bei gewöhnlicher Temperatur leuchten. Bei manchen Körpern, wie beim Phosphor und gewissen verwesenden, mineralischen und vegetabilischen Stoffen, hängt die Phosphoreszenz mit einem langsamen Oxydationsprozeß zusammen, bei anderen wird dieselbe durch Insolation, d. h. durch vorhergegangenes Bestrahlen mit Sonnenlicht, hervorgerufen. Zu den letzteren Körpern, den sogenannten Lichtsugern, ge-

hören gewisse Varietäten des Diamants und andere Edelsteine, ferner Schwefelcalcium, Schwefelbarium und Schwefelstrontium (Cantonscher und Bologner Leuchtstein). Der Chlorophan, eine Varietät des Flussspat, beginnt bei einer Temperatur, die weit unter der Glühhitze liegt, mit grünem Licht zu phosphorieren (vergl. § 153).

4. Leuchtende Organismen. Bei den Leuchtkäfern aus der Gattung *Lampyrus* besteht das Leuchtorgan des Männchens aus leuchtenden Punkten auf der Unterseite der letzten Hinterleibsringe, während beim flügellosen Weibchen die Hinterleibsringe in größerer Ausdehnung leuchtend sind. Bei den in Brasilien und Mexiko als Haarschmuck gebrauchten *Cucuyos* (Gattung *Pyrophorus*) liegt das Leuchtorgan am Halsschild (§ 149). — Das Meeresleuchten wird hauptsächlich durch Millionen kleiner, leuchtender Infusorien (*Noctiluca miliaris*) verursacht. Auch gewisse Quallen (*Pelagia noctiluca*) und Mollusken aus der Ordnung der Tunicata (*Pyrosoma*) sind leuchtend.

§ 130. Ausbreitung des Lichtes. Das von einem leuchtenden Körper ausgehende Licht verbreitet sich nach allen Richtungen in geraden Linien, welche man Lichtstrahlen nennt. Nach ihrem Verhalten gegen auffallende Lichtstrahlen zerfallen die Körper in durchsichtige und undurchsichtige, je nachdem sie den Lichtstrahlen den Durchgang gestatten oder nicht. Ein Mittelglied zwischen beiden bilden die durchscheinenden Körper.

Die geradlinige Verbreitung des Lichtes ist uns durch so viele alltägliche Erfahrungen bekannt, daß jede durch ungleichförmige Beschaffenheit der Luftschichten oder andere Ursachen veranlaßte Abweichung von derselben zu Täuschungen Anlaß giebt (Luftspiegelungen, atmosphärische Refraktion § 141).

Undurchsichtige Körper werden in sehr dünnen Schichten in der Regel durchscheinend. Gold und Silber, zu sehr dünnen Blättchen ausgeschlagen, oder in sehr dünner Schicht auf Glas niedergeschlagen, sind mit grünlichem oder bläulichem Licht durchscheinend oder selbst durchsichtig.

§ 131. Schatten. Wenn die Verbreitung der Lichtstrahlen durch einen undurchsichtigen Körper gehindert wird, so entsteht hinter demselben ein Schatten, d. h. ein unerleuchteter Raum. Besitzt der leuchtende Körper eine sehr geringe Ausdehnung, so daß man denselben als geometrischen Punkt betrachten kann, so sind die erleuchteten Teile des Raumes von den nicht erleuchteten durch eine scharfe Grenze geschieden. Ist dagegen der leuchtende Körper von merklicher Ausdehnung, so findet an den Grenzen des Schattens ein allmählicher Übergang vom Licht zur Finsternis statt, indem die in dem sogenannten Halbschatten gelegenen Teile des Raumes noch von einem Teil der Oberfläche des leuchtenden

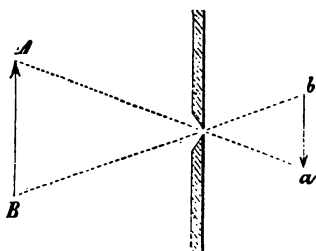
Körpers Strahlen empfangen, während die in dem Kernschatten liegenden Punkte ganz verfinstert sind.

Als Beispiel der Erläuterung dienen die Mond- und Sonnenfinsternisse. Partiale, totale und ringförmige Sonnenfinsternisse. (§§ 383 und 384.)

Befindet sich im geschlossenen Fensterladen eines verfinsterten Zimmers eine enge Öffnung, so sieht man auf einem der Öffnung gegenüberstehenden Schirm ein umgekehrtes Bild der vor dem Fenster befindlichen Gegenstände, dessen Entstehung sich aus der geradlinigen Verbreitung des Lichtes leicht erklärt,

weil (Fig. 124) die von einem jeden Punkte des Gegenstandes ausgehenden Lichtstrahlen sich für das Auge nahezu in einem entsprechenden Punkt des Bildes vereinigen. Das Bild ist um so heller, je mehr Licht jeder Punkt *A* seinem Bildpunkt *a*

Fig. 124.



zusendet und um so schärfer, je kleiner die Öffnung, je näher der Schirm und je entfernter der Gegenstand ist. Die entsprechenden Dimensionen (Länge und Breite) von Bild und Gegenstand verhalten sich wie deren Entfernungen von der Öffnung. Bei kleiner Öffnung und entferntem Schirm hat die Gestalt der ersteren auf die Größe des Bildes geringeren Einfluß als auf seine Schärfe. Runde Sonnenbildchen im Schatten des Laubes der Bäume. Über die Unterscheidung reeller und virtueller Bilder vergl. § 135.

§ 132. Lichtintensität, Photometrie. Die Stärke der Erleuchtung oder die Lichtintensität nimmt mit wachsender Entfernung von der Lichtquelle ab und zwar im umgekehrten Verhältnis des Quadrats der Entfernung. Es wird also eine Fläche durch eine Kerze in der Entfernung von 1 Meter ebenso stark erleuchtet, wie durch 4 gleiche Kerzen in der doppelten, oder durch 9 gleiche Kerzen in der dreifachen Entfernung. — Denkt man sich um einen leuchtenden Punkt Kugelflächen mit den Halbmessern 1, 2, 3, u. s. w. beschrieben, so verhalten sich die Oberflächen wie die Quadrate ihrer Halbmesser. Dieselbe Lichtmenge muß sich also bei n mal größerer Entfernung über eine n^2 mal größere Fläche ausbreiten. Infolge dessen nimmt die Intensität der Beleuchtung in demselben Verhältnis ab.

Zur Bestätigung dieses Gesetzes und zur Vergleichung der Intensität verschiedener Lichtquellen dienen die Photometer (Lichtmesser). Unter diesen ist das gebräuchlichste das von Bunsen (1847) angegebene. Dasselbe besteht im wesentlichen aus einem Papierschirm, welcher an einer Stelle durch einen Stearinleck transparent gemacht ist. Wird dieser Schirm von beiden Seiten her ungleich stark erleuchtet, so erscheint der Fleck, von der stärker beleuchteten Seite gesehen, dunkel auf hellem Grunde, von der schwächer beleuchteten Seite gesehen, hell auf dunklem Grunde, da derselbe mehr Licht hindurchläßt und weniger reflektiert, als der übrige Teil des Papiers. Der Fleck verschwindet scheinbar, wenn der Schirm von beiden Seiten her gleich stark erleuchtet ist, weil dann der Fleck ebenso hell erscheint, als der umgebende Teil des Papiers. Auf der einen Seite des Papierschirms sei in der Entfernung von 1 m eine Normalkerze aufgestellt. Um den Fleck verschwinden zu lassen, werden auf der anderen Seite 4 gleiche Kerzen in doppelter, oder 9 Kerzen in dreifacher Entfernung aufgestellt werden müssen. Soll die Lichtstärke einer gegebenen Flamme mit der Normalkerze verglichen werden, so ändert man ihre Entfernung vom Schirm so lange ab, bis der Stearinleck verschwindet. Das Quadrat dieser Entfernung giebt dann ein Maß für die Lichtstärke der Flamme. Nach Wollaston ist die Intensität des Sonnenlichtes gleich der von 800 000 (nach Zöllner (1865) etwa 600 000) Vollmonden, oder gleich der von 61 000 Stearinkerzen in 1 m Entfernung.

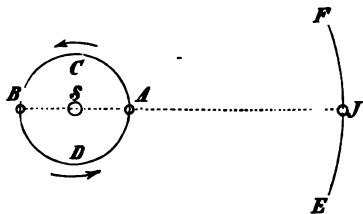
§ 133. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes. (Die Geschwindigkeit, mit welcher das Licht sich von dem leuchtenden Punkt aus verbreitet, ist so groß, daß die gewöhnlichen Mittel der Zeitmessung nicht hinreichen, um die zu seiner Fortpflanzung auf irdische Entfernungen erforderliche Zeitdauer zu messen. Aus astronomischen Beobachtungen über die Verfinsterungen der Jupitertrabanten leitete zuerst Olaf Römer (1675) für die Geschwindigkeit des Lichtes den Wert von etwa 297 000 km (40 000 geogr. Meilen) in der Sekunde ab. Zu dem gleichen Resultat führte die im Jahre 1725 von Bradley gemachte Entdeckung der Aberration des Lichtes der Fixsterne. In neuerer Zeit endlich (1849) ist es Fizeau und Foucault gelungen, durch sinnreich konstruierte Apparate die Fortpflanzungsdauer des Lichtes auch für irdische Entfernungen zu messen.)

Die regelmäßigen wiederkehrenden Verfinsterungen der Jupitermonde durch ihren Hauptplaneten (§ 386) können durch Fernröhre beobachtet, und aus den

selben kann die Umlaufzeit dieser Monde um den Jupiter mit großer Genauigkeit ermittelt werden.

Stellt S (Fig. 125) die Sonne, der Kreis AB die Erdbahn und EF einen Teil der Bahn des Jupiter dar, so ist die Entfernung der Erde vom Jupiter in der Stellung A , oder der sogenannten Opposition des Jupiter, am kleinsten, in der Stellung B , oder zur Zeit der Konjunktion, am größten. Der Unterschied

Fig. 125.

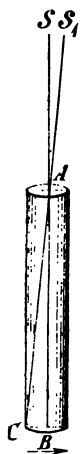


beider Entfernungen AB ist gleich dem Durchmesser der Erdbahn oder gleich 40 Millionen Meilen. Man hatte beobachtet, daß während sich die Erde von A über C nach B bewegt, also sich vom Jupiter entfernt, die Umlaufzeit der Jupitermonde verzögert erschien, dagegen beschleunigt, während sich die Erde auf der Bahnstrecke BDA dem Jupiter näherte, so daß die Verfrüherungen zur Zeit der Opposition etwa um $8\frac{1}{4}$ Minuten früher, in der Nähe der Konjunktion um $8\frac{1}{4}$ Minuten später beobachtet wurden, als die Berechnung

aus der mittleren Umlaufzeit ergab. Olaf Römer erklärte diese Erscheinung durch die Annahme, daß das Licht zur Zeit der Opposition eine kleinere Zeit brauche, um vom Jupitermond bis zur Erde zu gelangen, als zur Zeit der Konjunktion. Da der Unterschied der Entfernungen 40 Millionen Meilen, der Zeitunterschied aber etwas mehr als $16\frac{1}{2}$ Minuten oder fast genau 1000 Sekunden beträgt, so ergibt sich daraus die Geschwindigkeit des Lichtes gleich 40000 geogr. Meilen (297 000 km) in der Sekunde.

Die von Bradley entdeckte Erscheinung der Aberration des Lichtes der Fixsterne besteht darin, daß die Fixsterne ihren scheinbaren Ort an der Himmelskugel nicht unveränderlich beibehalten, sondern im Laufe eines Jahres einen kleinen Kreis, oder eine kleine Ellipse um ihren mittleren Ort zu beschreiben scheinen, deren große Axe für alle Fixsterne gleich ist und 40,9 Bogensekunden beträgt. Die kleine Axe der Ellipse (§ 57a) ist gleich Null für die Fixsterne, welche in der Ebene der Erdbahn oder Ekliptik stehen, dagegen wird dieselbe

Fig. 126.

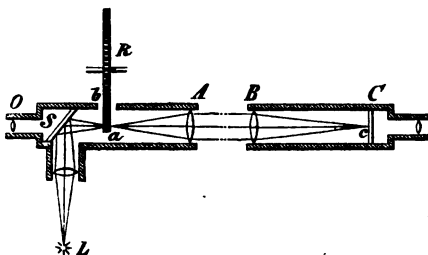


der großen Axe gleich, oder die Ellipse wird zum Kreise für die in der Nähe des Poles der Ekliptik stehenden Fixsterne. Zu jeder Zeit des Jahres erscheinen die Fixsterne von ihrem wahren oder mittleren Ort im Sinne der augenblicklichen Bewegungsrichtung der Erde in ihrer Bahn verschoben. Bradley erklärte diese Erscheinung aus dem Verhältnis zwischen der Bewegungsgeschwindigkeit der Erde und der Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes. Dieser Einfluss der Bewegung der Erde kann durch analoge irdische Erscheinungen erläutert werden. Senkrecht herabfallende Regentropfen scheinen gegen die Fensterscheiben eines in Bewegung begriffenen Eisenbahnzuges in schräger Richtung zu schlagen. Ein solcher Regentropfen würde durch ein mit dem Zuge bewegtes, vertikales Rohr nicht hindurchfallen, sondern gegen die hintere Wand desselben schlagen. Soll der Regentropfen das Rohr in der Richtung seiner Axe durchlaufen, so muß man dasselbe im Sinne der Bewegung des Zuges vorwärts neigen, und der Neigungswinkel wird von dem Verhältnis zwischen der vertikalen Geschwindigkeit der Regentropfen und der horizontalen Geschwindigkeit des Rohres abhängen. — Ist SAB die wahre Richtung eines Lichtstrahls, welcher von einem Fixstern S in das Fernrohr AB gelangt, und hat sich das Fernrohr, während der Lichtstrahl die Strecke AB durchläuft, um die Strecke BC in der Richtung des Pfeiles vorwärts bewegt, so ist AC der scheinbare Weg des Lichtstrahls, relativ gegen das Fernrohr. Man wird also den Stern in der Richtung CAS , zu erblicken glauben, oder man wird das Fernrohr um den Aberrationswinkel $SAS_1 = BAC$ im Sinne der Bewegung der Erde vorwärts neigen müssen, um den Stern in der Richtung der Axe des Fernrohres zu erblicken. Ist der Aberrationswinkel α , so ist $\tan \alpha = \frac{BC}{AB}$. Diese beiden Linien stehen aber in

demselben Verhältnis, wie die Bahngeschwindigkeit der Erde zur Geschwindigkeit des Lichtes. Die große Axe der kleinen Ellipse, welche jeder Fixstern im Laufe eines Jahres zu beschreiben scheint, stellt die doppelte Größe der Verschiebung von seiner wahren mittleren Lage dar, der Aberrationswinkel ist also gleich 20,45 Bogensekunden und $\tan \alpha$ fast genau gleich 0,0001. Die Geschwindigkeit des Lichtes ist demnach 10000 mal größer als die Geschwindigkeit, mit welcher die Erde in ihrer Bahn um die Sonne fortschreitet. Da diese Geschwindigkeit 29,5 km in der Sekunde beträgt, so ergibt sich die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes gleich 295 000 km.

Der von Fizeau konstruierte Apparat zur Bestimmung der Geschwindigkeit des Lichtes durch terrestrische Beobachtungen hatte folgende Einrichtung. In einem Fernrohr *A* (Fig. 127, vergl. § 173) ist bei *S* eine unter einem Winkel von 45° gegen die Axe des Rohres geneigte unbelegte Spiegelglasplatte angebracht. Die von einer intensiven Lichtquelle *L* ausgehenden Strahlen fallen durch ein Seitenrohr, in welchem eine Sammellinse angebracht ist, auf den Spiegel, welcher sie so reflektiert, daß bei *a*, im Hauptfokus des Fernrohres, ein reelles Bild des leuchtenden Punktes *L* entsteht (§ 158). Die Strahlen gehen dann durch die Objektivlinse *A* des Fernrohres, von welcher sie so gebrochen werden, daß sie der Axe parallel austreten. Dem Fernrohr *A* steht in einer Entfernung von mehr als 8 Kilometern ein zweites Fernrohr *B*

Fig. 127.



gegenüber, in dessen Brennweite bei *C* ein Planspiegel genau senkrecht zur Axe des Fernrohres aufgestellt ist. Durch jedes Fernrohr sieht man deutlich das Objektiv des anderen. Die durch das Objektiv *B* in paralleler Richtung eintretenden Strahlen werden im Brennpunkt *C* gesammelt und dort von dem Planspiegel so reflektiert, daß sie genau auf demselben Weg, auf welchem sie gekommen sind, durch *B* und *A* nach *a* zurückkehren. Ein Teil derselben wird von der Spiegelglasplatte *S* nach *L* reflektiert, ein anderer Teil aber geht durch die Glasplatte hindurch und gelangt durch das Okular *O* in das Auge des Beobachters, welcher daher im Fernrohr ein Bild der Lichtquelle *L* erblickt. Das Rohr hat bei *b* einen seitlichen Einschnitt, durch welchen der Kranz eines mit 720 Zähnen und 720 ebenso breiten Lücken versehenen Rades *R* in dasselbe hineinragt. Dieses Rad kann durch ein Uhrwerk mit großer Geschwindigkeit um eine der Axe des Fernrohres parallele Axe gedreht werden. Fällt das Bild *a* in die Lücke zwischen zwei Zähnen des Rades, so können die Lichtstrahlen ungehindert hindurchgehen; dieselben werden aber abgeblendet, so oft bei der Umdrehung des Rades ein Zahn anstelle der Lücke tritt. Wird das Rad mit solcher Geschwindigkeit gedreht, daß es gerade um die Breite eines Zahnes fortgerückt ist, während ein von *a* ausgehender Lichtstrahl den 17 km langen Weg von *A* bis *B* und zurück durchlaufen hat, so wird der auf dem Weg von *S* nach *A* durch eine Zahnücke gelangte Lichtstrahl jedesmal auf dem Rückweg durch den nächsten Zahn des Rades, der inzwischen anstelle der Lücke getreten ist, aufgehalten werden, und das Bild der Lichtquelle verschwindet für den Beobachter. Bei doppelter Drehungsgeschwindigkeit des Rades erscheint dasselbe wieder, indem jetzt der durch eine Zahnücke hingegangene Strahl durch die nächstfolgende zurückkehrt u. s. f., bei weiter gesteigerter Drehungsgeschwindigkeit. Bei den Versuchen von Fizeau betrug die Entfernung *AB* 8633 m, und das Verschwinden des Bildes trat zuerst bei 12,6 Umdrehungen des Rades in der Sekunde ein. Da das Rad 720 Zähne hatte, so waren zur Drehung um die Breite

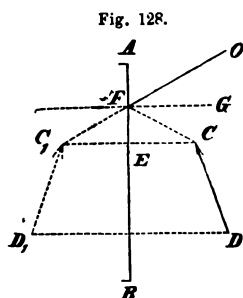
eines Zahnes $\frac{1}{2 \cdot 720 \cdot 12,6}$ Sekunden erforderlich, und in dieser Zeit durchlief der Lichtstrahl einen Weg von 2 · 8633 m, woraus sich die Geschwindigkeit des Lichtes gleich 313 274 300 m oder 42119 geogr. Meilen ergibt. — Dagegen erhielt Cornu (1874) aus einer großen Anzahl (mehr als tausend) Einzelbeobachtungen vermit-

telst des Fizeauschen Zahnrades für die Geschwindigkeit des Lichtes 300 400 km; ebenso ergab sich aus Versuchen, die nach einer anderen Methode (vergl. um § 177) von Foucault angestellt wurden, der Wert von 298 000 km oder 447 geogr. Meilen.

§ 134. Absorption, Reflexion, Refraktion. Die Lichtstrahlen, welche die Oberfläche eines Körpers treffen, werden von demselben teilweise ausgelöscht oder absorbiert, teilweise dringen sie, wenn der Körper ein durchsichtiger ist, in denselben ein und werden dabei von ihrer geraden Richtung abgelenkt oder gebrochen, teilweise endlich werden sie von der Oberfläche des Körpers zurückgeworfen oder reflektiert. Die reflektierten Lichtstrahlen werden entweder, wenn die reflektierende Fläche rauh ist, nach allen Richtungen unregelmäßig zerstreut oder, an glatten, polierten Oberflächen, regelmäßig in einer bestimmten Richtung reflektiert oder gespiegelt. Die Lehre von den Gesetzen der regelmäßigen Reflexion oder Spiegelung des Lichtes heißt Katoptrik, die Lehre von der Lichtbrechung oder Refraktion Dioptrik.

Gesetze der regelmäßigen Reflexion oder Spiegelung des Lichtes.

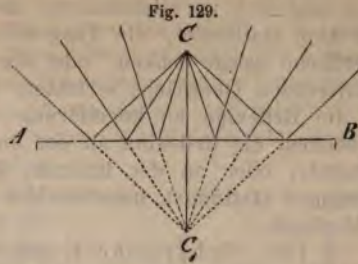
§ 135. Reflexion an Planspiegeln. In einem ebenen Spiegel erblicken wir die Bilder der vor demselben befindlichen Gegenstände in scheinbar symmetrischer Lage, so daß uns das Bild jedes vor der spiegelnden Ebene befindlichen, leuchtenden Punktes ebenso weit hinter dem Spiegel zu liegen scheint, wie der leuchtende Punkt selbst vor dem Spiegel.



Es stelle AB (Fig. 128) die Spiegelebene, CD einen vor derselben befindlichen Gegenstand vor. Das in O befindliche Auge erblickt das Spiegelbild des Punktes C in der Richtung OC_1 . Der von C ausgehende Lichtstrahl CF ist also in der Richtung FO reflektiert nach dem Auge gelangt. Die Linie CC_1 , welche den Punkt C mit seinem Spiegelbild verbindet, steht senkrecht auf der Ebene AB , und es ist $CE = C_1E$. Aus der Kongruenz der Dreiecke CFE und C_1FE folgt, daß $\angle CFE = \angle C_1FE$ oder auch $\angle CFE = \angle OFA$. Errichtet man ferner im Punkt F auf der Spiegelebene das Lot FG , welches das Einfallslot genannt wird, so ist $\angle CFG = \angle GFO$. Der Winkel CFG , welchen die Richtung des einfallenden Strahls mit dem Einfallslot einschließt, heißt der Einfallswinkel, der Winkel GFO der Reflexionswinkel, die durch CF und FG gelegte, mithin auf dem Spiegel AB senkrechte Ebene, welche gleichzeitig den reflektierten Strahl FO enthält, heißt Einfallsebene. Die Richtung des reflektierten Strahls ist mithin vollständig durch die beiden Grundgesetze der Spiegelung bestimmt: 1) Der reflektierte Strahl liegt in der durch den einfallenden Strahl und das Einfallslot gelegten Ebene. 2) Der Reflexionswinkel ist gleich dem Einfallswinkel.

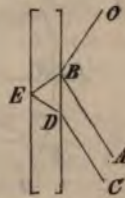
Wie diese Gesetze der Reflexion aus der durch die Erfahrung bekannten Lage des Spiegelbildes hergeleitet worden, so kann natürlich, wenn die Richtigkeit dieser Gesetze vorausgesetzt wird, auf umgekehrtem Wege bewiesen werden,

daß alle von einem Punkt C (Fig. 129) ausgehenden Lichtstrahlen reflektiert werden, als ob sie von dem ebenso weit hinter dem Spiegel auf der Verlängerung des von C auf den Spiegel gefällten Lotes gelegenen Punkt C_1 ausgingen. Dieser Punkt ist daher das optische Bild des Punktes C (§ 131) und zwar ist dasselbe, da eine wirkliche Durchkreuzung der reflektierten Lichtstrahlen in C_1 nicht stattfindet, sondern nur ihre verlängerten Richtungen sich im Punkt C_1 durchschneiden, ein scheinbares oder virtuelles Bild, im Gegensatz zu wirklichen oder reellen Bildern, bei welchen eine wirkliche Durchkreuzung der reflektierten Strahlen in einem Punkt stattfindet (§ 137). In betreff der Herleitung der Reflexionsgesetze aus der Undulationstheorie vergl. § 176.



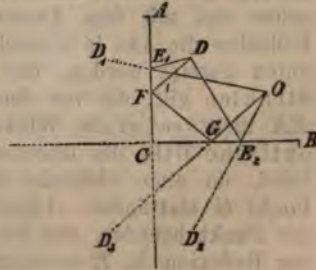
Im vorhergehenden ist zunächst vorausgesetzt worden, daß nur eine einzige spiegelnde Ebene vorhanden ist, wie dies bei ebenen Metallsiegeln, Spiegeln aus schwarzem Glase, u. s. w. der Fall ist. Die gewöhnlichen Glasspiegel bestehen aus einer von zwei parallelen Ebenen begrenzten Glasplatte, welche auf ihrer hinteren Seite mit Spiegelfolie (einem Amalgam aus Zinn und Quecksilber) belegt ist. Die Reflexion findet in diesem Fall zum Teil an der vorderen Glasfläche, vorzugsweise aber an der hinteren, mit Metall belegten Fläche statt, indem der Lichtstrahl CD (Fig. 130) in das Glas eindringt und durch zweimalige Brechung (§ 141) an der vorderen und einmalige Reflexion an der hinteren Glasfläche auf dem Wege $CDEBO$ ins Auge gelangt. Man sieht daher, namentlich, wenn man schräg gegen den Spiegel blickt, zwei Bilder des Gegenstandes, ein stärkeres, welches von der Reflexion an der hinteren, und ein schwächeres, welches von der Reflexion an der vorderen Fläche des Glases herrührt. Letzteres übt wegen seiner geringeren Lichtstärke in der Regel keinen störenden Einfluß aus. Betrachtet man in schräger Richtung das Bild einer vor den Spiegel gehaltenen Lichtflamme, so kann man auch mehrere Bilder wahrnehmen, welche durch wiederholte Reflexion an beiden Glasflächen erzeugt sind. Die Gesetze der Reflexion des Lichtes an Planspiegeln erfahren vielfache praktische und wissenschaftliche Anwendungen. Letztere z. B. bei der Benutzung des Quecksilberhorizonts zur Messung von Höhenwinkeln, beim Heliostat und Heliotrop, bei der von Poggendorf angegebenen Spiegelablesung der Magnetometer (vergl. § 302), beim Spiegelsextanten (§ 353) u. s. w.

Fig. 130.



Werden zwei Planspiegel einander parallel gegenübergestellt, so erblickt man das Bild eines zwischen beiden befindlichen, leuchtenden Punktes durch wiederholte Reflexion an beiden Spiegeln vervielfacht. Auch von einem Gegenstand, welcher zwischen zwei unter einem Winkel gegen einander geneigte Spiegel gebracht wird, erblickt man mehrere Bilder, deren Anzahl von dem Neigungswinkel beider Spiegelebenen abhängt und besonders leicht zu bestimmen ist, wenn derselbe ein einfacher Bruchteil von 4 Rechten ist. Schließen z. B. die Ebenen der beiden Spiegel AC und BC (Fig. 131) einen rechten Winkel ein, so erblickt das Auge O , außer dem leuchtenden Punkt D und den durch einmalige Reflexion erzeugten Bildern D_1 und D_2 , noch das Bild D_3 , welches durch doppelte Reflexion an beiden Spiegelebenen erzeugt wird, indem der Lichtstrahl auf dem Weg $DFGO$ ins Auge gelangt. Bei einem Neigungswinkel von 60° erblickt man, mit Einschluß des leuchtenden Punktes selbst, 6 Bilder u. s. f. Auf der Anwendung solcher Winkelspiegel beruht das sogenannte Kaleidoskop, welches von Brewster erfunden ist.

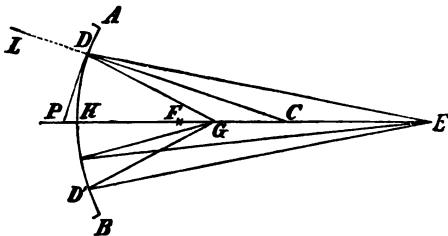
Fig. 131.



§ 136. Reflexion an Kugelspiegeln. Konkav- und Konvexspiegel. Das für ebene Spiegel geltende Reflexionsgesetz findet auch für die Reflexion an beliebig gekrümmten Oberflächen Anwendung, nur muß man sich zur Bestimmung des Einfallslotes in dem Punkt, wo die Reflexion stattfindet, die Tangentialebene an die reflektierende, krumme Oberfläche gelegt denken, oder das Einfallslot selbst ist die auf der reflektierenden Oberfläche errichtete Normale. Von besonderer Wichtigkeit ist die Reflexion an kugelförmig oder sphärisch gekrümmten Spiegeln. Jenachdem die Reflexion an der äußeren, erhabenen Fläche eines Kugelsegments, oder an der inneren, konkaven Fläche des Abschnitts einer Hohlkugel stattfindet, unterscheidet man Konvexspiegel und Konkav- oder Hohlspiegel.

§ 137. Sphärische Konkavspiegel. Es stelle der Kreisbogen AB (Fig. 132) den an seiner Innenfläche spiegelnden Abschnitt einer Hohlkugel vor. C sei der Mittelpunkt der Kugelfläche, welcher das Segment angehört, oder der Krümmungsmittelpunkt des Hohlspiegels. Da jeder Kugelhalbmesser auf der in seinem Endpunkt an die Kugelfläche gelegten Tangentialebene senkrecht steht, so bildet der Kugelhalbmesser CD das Einfallslot für einen Lichtstrahl, welcher im Punkt D die Kugelfläche trifft.

Fig. 132.



Es sei E ein leuchtender Punkt, dessen Entfernung vom Hohlspiegel größer ist, als der Krümmungshalbmesser. Unter den von E aus den Spiegel treffenden Strahlen ist der Strahl EK besonders bemerkenswert, welcher durch den Mittelpunkt C geht. Derselbe soll der Axenstrahl genannt werden. Da seine Richtung mit dem Einfall-

lot CK zusammenfällt, so wird er in der Richtung KC zurückgeworfen. Ein beliebiger zweiter Strahl ED wird in der Richtung DG reflektiert, so daß $\angle GDC = EDC$ ist (§ 135). Denkt man sich die Figur um EK als Axe gedreht, so ist ersichtlich, daß alle Strahlen, welche von E ausgehen und mit dem Axenstrahl gleiche Winkel einschließen, nach der Reflexion die Axe in demselben Punkt G durchschneiden müssen. Es wird unten gezeigt werden, daß dasselbe Gesetz annäherungsweise für alle Strahlen gilt, die von dem Punkt E ausgehen und mit dem Axenstrahl EK nicht zu große Winkel einschließen. Der Punkt G ist also das optische Bild des leuchtenden Punktes E (§ 135) und zwar ein reelles Bild, da eine wirkliche Durchkreuzung der reflektierten Strahlen im Punkt G stattfindet. Umgekehrt werden, wenn sich in G ein leuchtender Punkt befindet, alle von G aus den Spiegel treffenden Strahlen nach der Reflexion in E vereinigt, oder wenn G das Bild von E ist, so ist umgekehrt E das Bild von G .

Fällt der leuchtende Punkt mit dem Krümmungsmittelpunkt C zusammen, so treffen alle Strahlen den Spiegel in normaler Richtung, werden also sämtlich nach C zurückgeworfen, oder der Krümmungsmittelpunkt des Spiegels ist sein eigenes Bild.

Je weiter sich der leuchtende Punkt E vom Spiegel entfernt, desto mehr nähert sich demselben das Bild G . Entfernt sich der leuchtende Punkt ins Unendliche, so werden sämtliche einfallenden Strahlen dem Axenstrahl CK parallel. Es werden in diesem Fall sämtliche der Axe CK parallel einfallenden Strahlen annähernd in einem Punkt F vereinigt, welcher der Hauptbrennpunkt des Spiegels genannt wird. Die Entfernung des Hauptbrennpunktes vom Spiegel, FK , heißt die Hauptbrennweite und ist gleich dem halben Krümmungshalbmesser des Spiegels. Wie alle parallel einfallenden Strahlen im Hauptbrennpunkt gesammelt werden, so werden umgekehrt alle von diesem Punkt ausgehenden Strahlen in paralleler Richtung reflektiert, oder das optische Bild des Hauptbrennpunktes liegt im Unendlichen. Rückt endlich der leuchtende Punkt G (Fig. 133) dem Spiegel noch näher als der Hauptbrennpunkt, so vermag die Reflexion am Hohlspiegel die von G aus divergierenden Strahlen nicht mehr konvergent zu machen, sondern dieselben divergieren auch nach der Reflexion, als ob sie von einem Punkt E ausgingen, welcher hinter dem Spiegel liegt und das virtuelle Bild (§ 135) des Punktes G ist. Die Entfernung des virtuellen Bildes vom Spiegel ist stets größer als die des leuchtenden Punktes. Je mehr sich aber letzterer dem Spiegel nähert, desto näher rückt auch das Bild an den Spiegel heran, bis beide im Punkt K zusammenfallen.

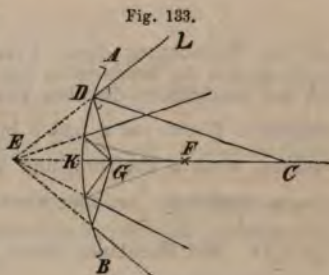


Fig. 133.

Die vor dem Spiegel liegenden reellen Bilder leuchtender Punkte können mittelst eines vor den Spiegel gehaltenen Papierschirmes sichtbar gemacht werden, wobei nur dafür gesorgt sein muß, daß nicht die Mehrzahl der einfallenden Strahlen durch den Schirm vom Spiegel abgehalten wird. Um reelle oder virtuelle Bilder ohne Hilfe eines Schirmes zu beobachten, muß das Auge in solcher Richtung gegen den Spiegel blicken, daß die durch das Auge und den Ort des zu beobachtenden Bildes gezogene Gerade die Spiegeloberfläche trifft. Mittels einer geringen Seitenbewegung des Auges ist dann die Lage des Bildes, ob vor oder hinter dem Spiegel, leicht zu beurteilen, indem sich ein vor dem Spiegel liegendes Bild in entgegengesetzter, dagegen ein hinter demselben liegendes Bild in gleicher Richtung mit dem Auge zu bewegen scheint. Im ersteren Fall kann der Ort des Bildes genau bestimmt werden mittelst einer Nadelspitze, welche man leicht in eine solche Lage vor dem Spiegel bringt, daß sie bei jeder Stellung des Auges mit dem Bild zusammenfällt.

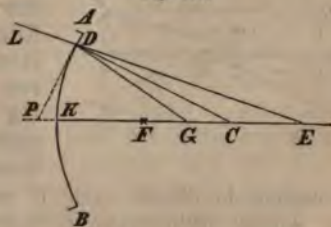


Fig. 144.

Zur Begründung der angegebenen Gesetze der Reflexion an Hohlspiegeln dienen folgende Betrachtungen. Im Dreieck GDE (Fig. 134) halbiert die Linie DC den Winkel an der Spitze, da nach dem Reflexionsgesetz $\angle GDC = \angle CDE$ ist. Nach einem bekannten geometrischen Satz ist also $GC:CE = GD:DE$. Die Tangente DP halbiert ferner den Außenwinkel GDL , mithin ist $(GP:PE = GD:DE^*)$. Aus der Verbindung beider Proportionen folgt

*) Die beiden Geraden DP und DC halbieren die von DG und DE eingeschlossenen Scheitelwinkel. Die vier Geraden bilden also ein harmonisches Strahlenbüschel und die Punkte G und E sind konjugiert harmonische Punkte in Beziehung auf C und P .

$GC:CE = GP:PE$. Der Punkt P rückt um so näher an K heran, je kleiner der Bogen DK ist. Für kleine Öffnungswinkel des Spiegels kann die Entfernung PK ohne merklichen Fehler vernachlässigt und anstelle des Verhältnisses $GP:PE$ das Verhältnis $GK:KE$ gesetzt werden. Die Lage des Punktes G wird dann von der Richtung des einfallenden Strahls unabhängig, oder alle einfallenden Strahlen werden nach der Reflexion in demselben Punkt vereinigt. Bezeichnet man den Krümmungshalbmesser des Spiegels CK mit r , die Entfernung des leuchtenden Punktes KE mit a , die Bildweite KE mit b , so geht die Proportion $GC:CE = GK:KE$ über in $r - b : a - r = b : a$, woraus folgt $\frac{r-b}{b} = \frac{a-r}{a}$, $\frac{r}{b} - 1 = 1 - \frac{r}{a}$, oder endlich:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{2}{r}.$$

Aus der Betrachtung dieser Formel, welche den Zusammenhang zwischen den Entfernungen des leuchtenden Punktes und des Bildes vom Spiegel ausdrückt, lassen sich mit Leichtigkeit die oben angeführten Gesetze ableiten. Da die Summe der reciproken Werte von a und b immer denselben Wert $\frac{2}{r}$ haben muß, so muß b wachsen, wenn a abnimmt, und umgekehrt. Für $a = r$ wird auch $b = r$. Für $a = \infty$ wird $b = \frac{1}{2}r$, oder wenn die Hauptbrennweite mit f bezeichnet wird, ist $f = \frac{1}{2}r$. Mit Benutzung dieses Wertes kann die obige Gleichung auch in der Form geschrieben werden:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f}.$$

Für $a = f$ wird $b = \infty$, d. h. die vom Brennpunkt ausgehenden Strahlen werden der Axe parallel reflektiert; für $a < f$ wird $\frac{1}{a} > \frac{1}{f}$, mithin $\frac{1}{b}$ negativ; es muß also auch b negativ sein, d. h. das Bild liegt hinter dem Spiegel und ist ein virtuelles. Eine andere leicht zu erweisende Relation wird durch die Gleichung ausgedrückt

$$GF \cdot EF = f^2.$$

§ 138. Konstruktion der durch Hohlspiegel erzeugten Bilder von Gegenständen. Die im vorhergehenden gewonnenen Resultate können dazu dienen, die durch Hohlspiegel erzeugten Bilder der vor ihnen befindlichen Gegenstände durch eine einfache geometrische Konstruktion ihrer Lage und Größe nach zu bestimmen. Es stelle AB (Fig. 135) den Hohlspiegel, C seinen Krümmungsmittelpunkt, K den Mittelpunkt der kreisförmig begrenzten Kugelschale vor; die Gerade KC heißt die Hauptaxe des Spiegels, ihr Mittelpunkt F sein Hauptbrennpunkt. Jeder parallel mit CK den Spiegel treffende Strahl wird dann nach F reflektiert, jeder von F ausgehende Strahl wird parallel der Hauptaxe, jeder von

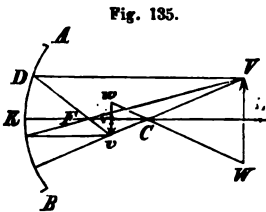


Fig. 135.

C ausgehende Strahl nach C zurückgeworfen. Um das Bild einer vor dem Spiegel befindlichen Geraden zu finden, suche man zunächst das Bild von V , indem man die drei von V ausgehenden Strahlen VD , VF , VC (oder auch nur zwei von ihnen) in ihrem Gange verfolgt. Die reflektierten Strahlen durchschneiden sich im Bildpunkt v ; ebenso findet man w als Bild von W . Liegt VW jenseits des Krümmungsmittelpunktes, so ist das Bild vw ein reelles, umgekehrtes und verkleinertes. Betrachtet man die zwischen F und C gelegene Gerade vw als Objekt, so

ist das Bild VW ein reelles, umgekehrtes und vergrößertes. Das Größenverhältnis zwischen Bild und Gegenstand ergibt sich aus der Betrachtung der ähnlichen Dreiecke vCw und VCW . Es ist nämlich $vw:VW = wC:WC$, oder wenn man die Schnittpunkte von VW und vw mit der Axe durch E und G bezeichnet, $vw:VW = GC:EC = GK:EK$ (§ 137). Es verhalten sich also der Gröfse nach Bild und Gegenstand, wie ihre Entfernungen vom Spiegel. Der Lage nach sind reelle Bilder immer umgekehrt.

Durch eine ganz entsprechende Konstruktion (Fig. 136) ergibt sich, daß von der innerhalb der Hauptbrennweite liegenden Geraden vw ein virtuelles, aufrechtes und stets vergrößertes Bild erzeugt wird.

Es ist übrigens zu bemerken, daß das Bild einer geraden Linie, selbst bei Spiegeln mit kleiner Öffnung, nicht genau wieder eine gerade Linie ist, daß also die eben angegebene Konstruktion des durch einen Hohlspiegel erzeugten Bildes eines Gegenstandes nur annähernd richtig ist (§ 140).

§ 139. Sphärische Konvexspiegel. Die Gesetze der Reflexion an Konvexspiegeln können unmittelbar aus den für Konkavspiegel geltenden abgeleitet werden. Es bilde (Fig. 137) der durch die Umdrehung des Bogens AB um die Axe CK entstandene Abschnitt einer Kugeloberfläche einen Konvexspiegel; E sei ein vor demselben befindlicher leuchtender Punkt. Der Axenstrahl EC wird im Punkt K in der Richtung KE reflektiert. Ein zweiter Strahl ED wird in der Richtung DR reflektiert, so daß $\angle RDH = EDH$ ist. Der Strahl DR schneide, rückwärts verlängert, den Axenstrahl in dem hinter dem Spiegel gelegenen Punkt G , so ist G das stets virtuelle Bild des Punktes E . Würde umgekehrt G als leuchtender Punkt und AB als Hohlspiegel betrachtet, so wäre E das virtuelle Bild von G (da $\angle JDC = CDG$ ist).

Es gelten demnach für den Konvexspiegel dieselben Beziehungen zwischen der Entfernung des leuchtenden Punktes und des Bildes vom Spiegel, wie beim Konkavspiegel. Nur ist zu beachten, daß die Entfernung $GK = b$ als negativ in Rechnung gebracht werden muß, weil das Bild ein virtuelles ist, und daß ebenso der Krümmungshalbmesser KC negativ ist, weil der Mittelpunkt C hinter dem Spiegel liegt. Die Formel für die Bildweite bei Konvexspiegeln geht dadurch über in:

$$\frac{1}{b} - \frac{1}{a} = \frac{2}{r}.$$

Für $a = \infty$ wird $b = \frac{1}{2}r$, oder die parallel der Axe auffallenden Strahlen werden so reflektiert, daß sie von

einem hinter dem Spiegel in der Entfernung $\frac{1}{2}r$ gelegenen virtuellen Hauptbrennpunkt F zu divergieren scheinen. (Fig. 138.)

Es ergibt sich daraus die Konstruktion der Bilder vor dem Konvexspiegel

Fig. 136.

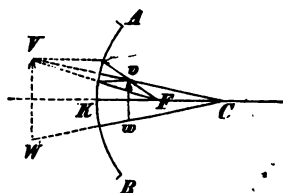


Fig. 137.

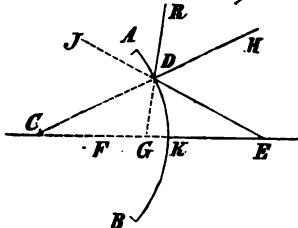
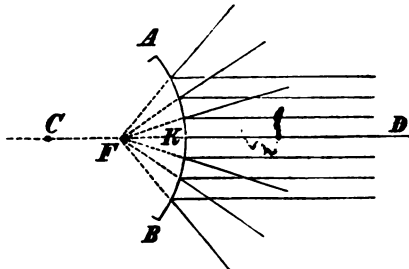


Fig. 138.



Glas, so wird derselbe teilweise nach den im vorigen Kapitel besprochenen Gesetzen reflektiert, teilweise aber dringt er aus dem ersten in das zweite Medium ein und wird dabei von seiner geradlinigen Richtung abgelenkt oder gebrochen. Es stelle AB (Fig. 140) die ebene Trennungsfläche beider Medien vor, DC sei die Richtung des einfallenden, CE die des gebrochenen Strahles, FG das im Punkt C errichtete Einfallslot (§ 135), so ist $\angle DCF = \alpha$ der Einfallswinkel, $\angle ECK = \beta$ der Brechungswinkel. Mit wachsendem Einfallswinkel wächst auch der Brechungswinkel; genauer wird ihre gegenseitige Beziehung bestimmt durch die beiden von Snellius (\dagger 1626) aufgestellten Brechungsgesetze, nach welchen 1) der gebrochene Strahl mit dem einfallenden Strahl und dem Einfallslot in derselben Ebene liegt, 2) der Sinus des Einfallswinkels zum Sinus des Brechungswinkels ($DH:EK$) in einem unänderlichen Verhältnis steht, dafs also, wenn n den Exponenten dieses Verhältnisses oder den Brechungsexponenten bezeichnet,

$$\sin \alpha = n \sin \beta$$

ist. Jenachdem der Brechungsexponent n gröfser oder kleiner als 1 ist, ist der Brechungswinkel kleiner oder gröfser als der Einfallswinkel. Im ersten Fall wird der Strahl dem Einfallslot zugebrochen, und das zweite Medium heifst optisch dichter oder stärker lichtbrechend als das erste; im letzteren Fall wird der Strahl vom Einfallslot weggebrochen, oder das zweite Medium ist das optisch dünnere oder schwächer lichtbrechende.

Letzteres würde z. B. der Fall sein, wenn in Fig. 140 der Strahl EC auf dem umgekehrten Wege aus Glas in Luft überginge. Es wäre dann CD der gebrochene Strahl und

$$\sin \beta = \frac{1}{n} \sin \alpha,$$

wo $\frac{1}{n} < 1$. Ist also n der Brechungsexponent für den Übergang aus Luft in Glas, so ist $\frac{1}{n}$ der Brechungsexponent für den umgekehrten Übergang aus Glas in Luft.

Die Konstruktion des gebrochenen Strahles CE , wenn der einfallende Strahl CD gegeben ist, und umgekehrt, ergibt sich unmittelbar aus Fig. 140a. Die Radien der beiden Kreise $CP = r$ und $CO = \rho$ sind so gewählt, dafs

$$r = n\rho,$$

so ergibt sich:

$$CQ = \rho \sin \alpha = r \sin \beta,$$

folglich:

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{r}{\rho} = n.$$

Ein schräg ins Wasser getauchter Stab erscheint infolge der Lichtbrechung an der Flüssigkeitsoberfläche unter stumpfem Winkel nach aufwärts geknickt. Der Boden eines mit Flüssigkeit gefüllten Gefäßes und überhaupt die unter der Flüssigkeits-

Fig. 140.

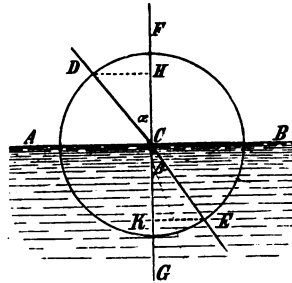
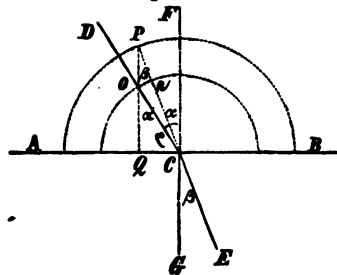


Fig. 140a.



oberfläche befindlichen Gegenstände scheinen durch die Lichtbrechung gehoben, indem ein von A (Fig. 141) ausgehender Lichtstrahl auf dem Wege ABO in das bei O befindliche Auge gelangt, daher von A' zu kommen scheint. — Ein Glaswürfel erscheint in der Richtung, in welcher man hindurchsieht, verkürzt.

Fig. 141.

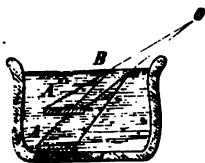
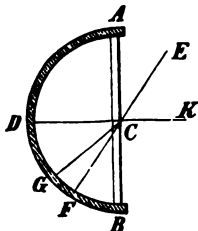


Fig. 142.



Das Snelliussche Brechungsgesetz kann mittelst des folgenden, einfachen Apparates bestätigt werden. Ein flaches, halbcylindrisches Gefäß ist zur Hälfte mit Wasser gefüllt. Der Boden und die halbcylindrische Gefäßwand ADB (Fig. 142) sind von Blech, die ebene Wand AB dagegen von einer Glasplatte gebildet, welche bis auf einen schmalen Spalt bei C mit Stanniol beklebt ist. Ein durch den Spalt eintretendes Bündel paralleler Lichtstrahlen EC geht im oberen Teil des Gefäßes durch die Luft in der Richtung CF , im unteren Teil dagegen dringen die Strahlen in das Wasser ein und werden nach G gebrochen. (Über den Einfluss der Glasplatte s. unten § 142.) An der gekrümmten Wand ADB ist eine von D aus beginnende Gradtheilung angebracht, an welcher die zusammengehörigen Werte des Einfallswinkels DCF — ECK und des Brechungswinkels DCG abgelesen werden können. Mit Hilfe der trigonometrischen Tafeln überzeugt man sich, dass, wenn man den Einfallswinkel von 0° bis 90° wachsen lässt, die Sinus der beiden Winkel in einem unveränderlichen Verhältnis stehen. Beim Übergang aus Luft in Wasser ist dieses Verhältnis annähernd wie 4:3, beim Übergang aus Luft in Glas wie 3:2. Folgende Tabelle enthält die Brechungsexponenten einiger der wichtigsten Substanzen. Da, wie unten (§ 145) gezeigt werden wird, das weiße Licht aus Strahlen von verschiedener Brechbarkeit zusammengesetzt ist, so kann genau genommen, immer nur der Brechungsexponent für eine bestimmte Gattung von Lichtstrahlen angegeben werden. Die Tabelle enthält die Brechungsexponenten für Strahlen, deren Brechbarkeit den Fraunhoferschen Linien B , D und H (§ 149) entspricht. Die Linie D kann als Maß für die Strahlen mittlerer Brechbarkeit gelten.

Brechungsexponent für die Fraunhoferschen Linien

Substanz.	Dichtigkeit.	B	D	H	$n_h - n_b$ $n_d - 1$
Cronglas	2,535	1,526	1,530	1,547	0,040
Flintglas von Fraunhofer	3,723	1,628	1,635	1,671	0,068
Desgl. von Merz	—	1,722	1,732	1,789	0,093
Phosphor	1,8	—	2,144	2,310	—
Diamant	3,52	—	2,487	—	—
Wasser 15° C.	1,00	1,3300	1,3324	1,3431	0,040
Äther 15° C.	0,720	1,3545	1,3566	1,3683	0,039
Weingeist 15° C.	0,795	1,3612	1,3638	1,3751	0,038
Terpentinöl $10,6^\circ$ C.	0,886	1,470	1,474	1,494	0,051
Kassiaöl 10° C.	1,07	1,596	1,610	1,704	0,177
Schwefelkohlenstoff $15,6^\circ$ C.	1,272	1,618	1,631	1,702	0,133
Atmosphärische Luft	—	1,000293	1,000295	1,000300	—
Kohlensäure	—	1,000447	1,000449	1,000458	—
Wasserstoff	—	1,000142	1,000143	1,000147	—
Schwefeldampf	—	—	1,001629	—	—

In der Regel ist das physisch dichtere Medium auch das optisch dichtere; so wirkt z. B. Glas stärker lichtbrechend als Wasser, Wasser stärker als Luft; der Brechungsindex der Salzlösungen wächst mit ihrem Konzentrationsgrade. Doch kommen vielfache Ausnahmen vor. Besonders sind viele kohlenstoffhaltige, flüssige Verbindungen durch ein im Verhältnis zu ihrem specifischen Gewicht sehr hohes Lichtbrechungsvermögen ausgezeichnet; so namentlich Alkohol, Terpentinöl, Kassiaöl, Schwefelkohlenstoff. Die Größe des Brechungsexponenten ist abhängig von der Temperatur; Jamin machte zuerst die interessante Beobachtung, dass der

Brechungsindex des Wassers nicht, wie die Dichtigkeit, bei 4° C. ein Maximum wird, sondern bei der Erwärmung von 0° an stetig abnimmt. Unter den festen Körpern besitzen Diamant und Phosphor ein sehr hohes Lichtbrechungsvermögen.

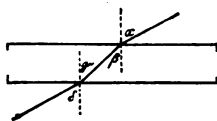
Auch gasförmige Körper wirken lichtbrechend, so daß z. B. die Lichtstrahlen bei ihrem Übergang aus dem leeren Weltraum in die Erdatmosphäre, oder aus dünneren in dichtere Luftschichten eine Ablenkung von ihrer geradlinigen Richtung erleiden, welche unter dem Namen der atmosphärischen Strahlenbrechung bekannt, und deren störender Einfluß bei astronomischen und geodätischen Beobachtungen berücksichtigt werden muß.

Auf der Brechung und Reflexion der Lichtstrahlen durch Luftschichten von ungleichmäßiger Dichte beruhen ferner die Erscheinungen der Luftspiegelung (*Fata morgana*), das Zittern der Gegenstände, welche durch den aus einem Schornstein, oder über einer Weingeistflamme aufsteigenden, heißen Luftstrom betrachtet werden, das Funkeln der Sterne, u. s. w.

Über den Grund der Lichtbrechung s. unten § 176, über die Bestimmung des Brechungsexponenten § 144.

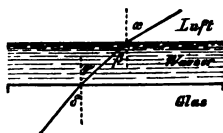
§ 142. Brechung durch planparallele Platten. Durchdringt ein Lichtstrahl eine von zwei parallelen Ebenen begrenzte Platte, und ist diese auf beiden Seiten von demselben Medium, z. B. Luft, umgeben, so ist die Richtung des austretenden Strahles der des ursprünglichen parallel. Es ist nämlich (Fig. 143), wenn n den Brechungsexponenten der Platte bezeichnet, $\sin \alpha = n \sin \beta$, $\sin \delta = n \sin \gamma$ (§ 141) und da $\beta = \gamma$, so ist auch $\delta = \alpha$.

Fig. 143.



Ist dagegen das dritte lichtbrechende Medium von dem ersten verschieden, so erleidet der Lichtstrahl nach dem Durchgang durch die Platte dieselbe Ablenkung, als ob er unmittelbar aus dem ersten in das dritte Medium übergegangen wäre. Bezeichnet n_1 den Brechungsexponenten für den Übergang aus Luft in Wasser, n_2 für den Übergang aus Luft in Glas, endlich n_3 für den Übergang aus Wasser in Glas, so ist (Fig. 144) $\sin \alpha = n_1 \sin \beta$, oder da $\angle \beta = \gamma$ ist,

Fig. 144.



$$\sin \alpha = n_1 \sin \gamma,$$

ferner ist

$$\sin \gamma = n_2 \sin \delta,$$

folglich:

$$\sin \alpha = n_1 \cdot n_2 \sin \delta;$$

geht aber der Lichtstrahl direkt aus der Luft in Glas über, so ist

$$\sin \alpha = n_3 \sin \delta,$$

mithin $n_2 = n_1 \cdot n_3$ oder:

$$n_3 = \frac{n_2}{n_1}.$$

Ist also n_1 der Brechungsexponent des Wassers, n_2 der des Glases, so gilt für den Übergang aus Wasser in Glas, oder umgekehrt, die Gleichung:

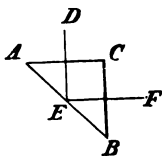
$$n_1 \sin \gamma = n_2 \sin \delta.$$

§ 143. Grenzwinkel der Brechung, totale Reflexion. Ein Lichtstrahl, welcher die ebene Trennungsfläche zweier Mittel in normaler Richtung trifft, erleidet keine Ablenkung, da sowohl der Einfallswinkel als der Brechungswinkel gleich Null ist. Mit wachsendem Einfallswinkel α wächst auch der Brechungswinkel β . Ist $n > 1$, so ist $\beta < \alpha$. Für den größten möglichen Wert des Einfallswinkels $\alpha = 90^\circ$ wird $\sin \alpha = 1$,

mithin $\sin \beta = \frac{1}{n}$. Der Brechungswinkel β kann also nie über den Grenzwert hinauswachsen, welcher diesem Wert des Sinus entspricht. Für den Übergang aus Luft in Wasser ist z. B. $n = \frac{4}{3}$, mithin $\sin \beta = \frac{3}{4}$ und $\beta = 48^\circ 35'$. Dieser Winkel wird deshalb der Grenzwinkel der Brechung genannt. Geht umgekehrt ein Lichtstrahl aus dem optisch dichteren in das optisch dünnere Medium, z. B. aus Wasser in Luft über, so erreicht bei einem Einfallswinkel von $48^\circ 35'$ der Brechungswinkel bereits den größten möglichen Wert von 90° . Für größere Werte des Einfallswinkels ergibt die Formel $\sin \alpha = n \sin \beta$ für den Sinus des Brechungswinkels Werte, die > 1 sind, und zu welchen kein Winkel gehört. Es kann daher in diesem Fall überhaupt der Austritt des Lichtstrahles aus dem dichteren in das dünnere Medium nicht mehr stattfinden; der Lichtstrahl wird vielmehr an der Grenzfläche vollständig in das Innere des dichteren Mediums zurückgeworfen oder total reflektiert. Diese Folgerung aus dem Brechungsgesetz wird in der That durch die Erfahrung bestätigt.

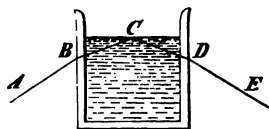
Für Crownglas, dessen Brechungsexponent $= 1,5$ ist, ergibt sich der Grenzwinkel, bei welchem die totale Reflexion eintritt, $= 41^\circ 49'$. Schleift man daher ein rechtwinklig-gleichschenkeliges Glasprisma ACB (Fig. 145), so wird ein in der Richtung DE einfallender Lichtstrahl, der die Hypotenusenfläche AB unter dem Einfallswinkel von 45° trifft, vollständig nach EF reflektiert. Blickt man in der Richtung FE in das Prisma, so erscheint die Fläche AB vollkommen spiegelnd und undurchsichtig, wie mit Metall belegt. Wird die Fläche an einer Stelle mit dem nassen Finger berührt, so findet an dieser Stelle keine totale Reflexion mehr statt, und der Spiegel erscheint wie von einer Öffnung durchbrochen. Man bedient sich solcher Prismen als vollkommener Spiegel häufig in optischen Instrumenten.

Fig. 145.



Ähnliches beobachtet man, wenn man gegen die Oberfläche des Wassers in einem Glase (Fig. 146) in den Wasserbehältern eines Aquariums u. dergl. in schräger Richtung von unten her blickt. (Wollastons Camera lucida oder clara.)

Fig. 146.



§ 144. Brechung des Lichtes im Prisma. Beim Durchgang durch ein lichtbrechendes Medium, welches von zwei nicht parallelen, ebenen Flächen begrenzt

wird, erleidet ein Lichtstrahl, sowohl beim Eintritt als beim Austritt, eine Brechung und erfährt dadurch eine bleibende Ablenkung von seiner ursprünglichen Richtung.

Es stelle ACB (Fig. 147) den Querschnitt eines dreiseitigen Glasprismas vor. DE sei ein Lichtstrahl, welcher die Fläche AC unter dem Einfallswinkel $DEX = \alpha$ trifft, nach der Richtung EF gebrochen wird und nach abermaliger Brechung FG aus dem Prisma austritt. Ein in G befindliches Auge wird den in D befindlichen Gegenstand in der Richtung GI zu sehen glauben. Die Durchschnittskante C der lichtbrechenden Flächen heißt die brechende Kante, ihr Neigungswinkel $ACB = \gamma$ der brechende Winkel des Prismas. Die durch das Prisma betrachteten Gegenstände erscheinen also durch die Lichtbrechung nach der Seite der

brechenden Kante verschoben. Die gesamte Ablenkung von der ursprünglichen Richtung, welche der Lichtstrahl durch die Brechung erlitten hat, wird durch den Winkel $DKL = \delta$ angegeben. Die Größe dieser Ablenkung hängt von dem Brechungsexponenten der Substanz des Prismas n , von der Größe des brechenden Winkels γ , endlich von dem Einfallswinkel α ab.

Es sei (Fig. 147) $DEFG$ der Weg des Lichtstrahles durch das Prisma (die Konstruktion dieses Weges ist am Punkt C für die Strahlen $OC \parallel DE, PP' \parallel EF, CO' \parallel FG$ nach § 141 ausgeführt). HX und HY seien die in E und F errichteten Einfallslote; der Brechungswinkel für die erste Brechung HEF werde mit β , HFE mit β' , endlich GFY mit α' bezeichnet. Da das Viereck $EHFO$ zwei rechte Winkel bei E und F enthält, so ist $\angle EHF = 180^\circ - \gamma$, mithin $\beta + \beta' = \gamma$. Ferner ist $\angle KEF = \alpha - \beta$, $\angle KFE = \alpha' - \beta'$, mithin der Ablenkungswinkel δ , als Außenwinkel des $\triangle KFE$, gleich $\alpha - \beta + \alpha' - \beta'$, d. h.

$$\delta = \alpha + \alpha' - \gamma.$$

Die Größe der Ablenkung ist im allgemeinen von dem Wert des Einfallswinkels α abhängig. Es läßt sich zeigen, daß dieselbe den kleinsten Wert besitzt, wenn der Einfallswinkel α so gewählt wird, daß $\alpha' = \alpha$ und mithin auch $\beta' = \beta$, also der Weg des Lichtstrahles im Prisma EF gegen beide lichtbrechenden Flächen gleich geneigt ist.

In Fig. 147a sei $ACB = \gamma$, der brechende Winkel, durch die Linie CD in die beiden Stücke $ACD = \beta$ und $BCD = \beta'$ geteilt, wo β und β' die Brechungswinkel für den einfallenden und den austretenden Strahl sind; ferner seien mit den Radien $AC = r$ und $EC = \rho$, wo $r = n\rho$ ist (vergl. § 141), Kreise um C geschlagen und zwischen ihnen die Linien AE und BF parallel CD gezogen, so sind die Winkel EAC und FBC bezüglich als Wechselwinkel gleich β und β' , und weil

$$\sin AEC (= \sin ECD): \sin EAC = r: \rho = n: 1,$$

$$\text{und} \quad \sin BFC (= \sin FCD): \sin FBC = r: \rho = n: 1,$$

so sind die Winkel ECD und FCD bezüglich gleich α und α' .
Nunmehr ergibt sich sofort, daß die Sehne $EF > AB$, solange β und β' , folglich α und α' von einander verschieden sind. Denn sei etwa $\beta > \beta'$, so ist Winkel

$EAC + CAB > FBC + CBA$,
d. i. $\angle EAB > \angle FBA$ und weil $EAB + FBA = 180^\circ$, so ist $EAB > 90^\circ$, folglich wenn man $FG \parallel BA$ zieht, $FGE > 90^\circ$, d. h. $EF > GF$, und weil $GF = AB$ ist, auch $EF > AB$.

Weil aber

$$EF = 2\rho \sin \frac{\alpha + \alpha'}{2}$$

und

$$AB = 2r \sin \frac{\gamma}{2},$$

ferner

$$r = n\rho,$$

so hat man

$$\sin \frac{\alpha + \alpha'}{2} > n \sin \frac{\gamma}{2},$$

Fig. 147.

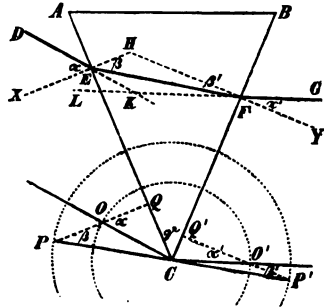
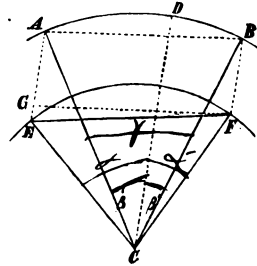


Fig. 147a.



so lange α und α' verschieden von einander sind. Wenn aber $\alpha = \alpha'$ ist, folglich auch $\beta = \beta'$, so ist:

$$A) \quad \sin \frac{\alpha + \alpha'}{2} = n \sin \frac{\gamma}{2}.$$

Es erlangt also in diesem Fall die Summe $\alpha + \alpha'$ und mithin auch der Ablenkungswinkel

$$B) \quad \delta = \alpha + \alpha' - \gamma$$

seinen kleinsten Wert, w. z. b. w. Dreht man also, während die Richtung des einfallenden Strahles unverändert bleibt, das Prisma vor dem Auge so lange, bis das Minimum der Ablenkung der Lichtstrahlen erreicht ist, so ist bei dieser Stellung des Prismas die der Gleichung A entsprechende Bedingung erfüllt. Setzt man in dieser Gleichung anstelle der Summe $\alpha + \alpha'$ ihren Wert aus der Gleichung B, so erhält man:

$$\sin \frac{\delta + \gamma}{2} = n \sin \frac{\gamma}{2}$$

und

$$C) \quad n = \frac{\sin \frac{\delta + \gamma}{2}}{\sin \frac{\gamma}{2}}.$$

Hat man die kleinste Ablenkung des Lichtstrahles δ und den brechenden Winkel des Prismas γ gemessen, so kann diese Gleichung dazu dienen, den Brechungsindex n für die Substanz des Prismas zu berechnen. Feste Körper kann man leicht in Form von Prismen erhalten, oder doch zwei Flächen an dieselben anschleifen, deren Neigungswinkel sich bestimmen läßt. Flüssige Körper bringt man in ein Hohlprisma, welches von zwei planparallelen Glasplatten (§ 142) begrenzt wird. Zur Bestimmung der Brechungsexponenten der Gase bedient man sich eines ähnlichen Hohlprismas, welches luftleer gepumpt, oder mit verschiedenen Gasen gefüllt werden kann. Wegen des geringen Lichtbrechungsvermögens der Gase muß das Prisma einen sehr großen brechenden Winkel besitzen.

Anmerkung. Ist $n < 1$, so ist $\beta > \alpha$ und $\beta' > \alpha'$; alsdann ergibt sich $EF < AB$ und demnach $\sin \frac{\alpha + \alpha'}{2} < n \sin \frac{\gamma}{2}$, außer für die Annahme $\alpha = \alpha'$,

für welche auch $\beta = \beta'$ ist. Für diese Annahme erreicht $\frac{\alpha + \alpha'}{2}$ seinen größten Wert und demnach der Ablenkungswinkel δ , der jetzt gleich $\beta + \beta' - (\alpha + \alpha')$ ist, wiederum seinen kleinsten Wert. Ein solcher Fall tritt übrigens z. B. ein, wenn ein mit Wasserstoff gefülltes Prisma in atmosphärischer Luft untersucht wird.

Farbenzerstreuung oder Dispersion des Lichtes.

§ 145. Zerlegung des weißen Lichtes in Farben. Betrachtet man ein leuchtendes Objekt, z. B. eine Lichtflamme, oder einen weißen Strich auf dunklem Grunde, durch ein Prisma, so sieht man dasselbe nicht nur in der Richtung nach der brechenden Kante des Prismas verschoben (§ 144), sondern auch an seinen Rändern von Farbensäumen begrenzt. Läßt man in ein verfinstertes Zimmer durch einen im Fensterladen angebrachten schmalen Spalt A (Fig. 148) ein Bündel von Sonnenstrahlen fallen, welche durch einen vor dem Fensterladen angebrachten Spiegel in horizontaler Richtung reflektiert werden, so erblickt man auf einem, dem Spalt gegenübergestellten, weißen Papierschirm CD bei B einen der Länge des Spaltes entsprechenden Lichtstreif von etwas größerer Breite (vergl. § 148). Stellt man vor den Spalt ein Prisma P, dessen brechende Kante dem Spalt parallel und in der Figur nach oben gekehrt ist, so wird das Strahlenbündel durch die Brechung im Prisma von seinem geradlinigen Wege nach D hin abgelenkt. Gleichzeitig erscheint aber das Bild des Spaltes be-

trächtlich verbreitert und das weiße Licht in eine Reihe von Farben aufgelöst, welche von *R* nach *V* hin durch unmerkliche Abstufungen in einander übergehen. Die Hauptfarben folgen von *R* nach *V* in folgender Ordnung auf einander: rot, orange, gelb, grün, blau, violett, so daß die roten Strahlen am wenigsten, die violetten am meisten von der ursprünglichen Richtung abgelenkt worden sind. Das weiße Licht ist also durch die prismatische Brechung in verschiedenfarbige Strahlen zerlegt worden, welche sich durch den verschiedenen Grad ihrer Brechbarkeit unterscheiden.

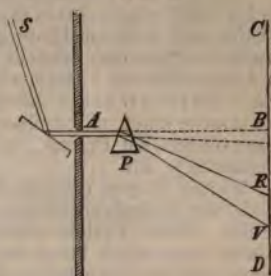
Sondert man aus dem erhaltenen Farbenbild oder Spektrum einen einzelnen, farbigen Strahl aus, indem man denselben z. B. durch einen zweiten in dem Schirm *CD* angebrachten, schmalen Spalt gehen läßt, während alle übrigen Strahlen durch den Schirm zurückgehalten werden, so kann dieser Strahl zwar durch ein zweites Prisma abermals gebrochen, nicht aber in einfachere Farbenstrahlen zerlegt werden. Man nennt deshalb die einzelnen farbigen Strahlen des Spektrums, welche nicht weiter zerlegt werden können, homogene oder einfache Strahlen, während das weiße Sonnenlicht und die natürlichen Farben der Körper aus solchen einfachen Strahlen zusammengesetzt sind.

Die Zusammensetzung des weißen Lichtes aus den Farben des Spektrums ist zuerst von Newton (1666) nachgewiesen worden. Da das Blau im Spektrum einen beträchtlich größeren Raum einnimmt, als jede der übrigen Farben, so unterschied Newton in diesem Teil des Spektrums zwei Farbentöne, Hellblau und Indigo, wodurch die Zahl der Hauptfarben auf sieben erhöht wurde. Überhaupt ist die Begrenzung der Farben des Spektrums eine mehr oder minder willkürliche, indem genau genommen unendlich viele einfachen Strahlen vorhanden sind, die durch unmerkliche Abstufungen der Farbe und Brechbarkeit in einander übergehen. Man kann jedoch drei Grundfarben, Rot, Gelb und Blau unterscheiden, während Orange, Grün und Violett den Übergang zwischen je zweien dieser Grundfarben vermitteln.

Wie das weiße Licht durch Brechung im Prisma in seine einfachen farbigen Bestandteile zerlegt werden kann, so können umgekehrt diese Farben wieder zu weißem Licht vereinigt werden, entweder mit Hilfe einer Sammellinse, oder indem man das Spektrum durch ein in geeigneter Lage aufgestelltes, zweites Prisma betrachtet. (*Experimentum crucis* von Newton.) Weniger vollkommen gelingt die Erzeugung des weißen Lichtes aus seinen farbigen Bestandteilen mittelst des Farbenkreisels, einer kreisförmigen Pappscheibe, die in Sektoren abgeteilt ist, welche mit den Farben des Spektrums bemalt sind und zwar so, daß die Breite der farbigen Sektoren der Ausdehnung der entsprechenden Farben im Spektrum möglichst entsprechen muß. Wird die Scheibe in schnelle Umdrehung versetzt, so vereinigt sich der Eindruck der verschiedenfarbigen Sektoren im Auge (§ 165), so daß die Pappscheibe in einem mehr oder minder dem vollkommenen Weiß sich nähernden Grau erscheint. Da es nicht möglich ist, durch künstliche Farbstoffe oder Pigmente Farben zu erzeugen, welche den reinen Spektralfarben genau entsprechen, so gelingt es nicht, durch diese Methode ein vollkommen reines Weiß zu erzeugen.

§ 146. Natürliche Farben der Körper. Die natürlichen Farben der Körper entstehen dadurch, daß von den im weißen Licht enthaltenen, farbigen Strahlen nur ein Teil an der Oberfläche der farbigen Körper reflektiert oder von denselben hindurchgelassen, ein anderer Teil dagegen

Fig. 148.



vernichtet oder absorbiert wird. Ein weißer oder farbloser Körper ist also ein solcher, welcher alle Farbenstrahlen in gleicher Weise reflektiert oder hindurchläßt.

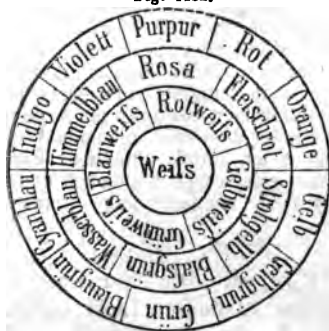
Die Art der Zusammensetzung der Mischfarben der Körper aus den reinen Spektralfarben untersucht man am besten, indem man die Pigmente in Form schmaler Streifen auf dunklem Hintergrund durch das Prisma betrachtet. Anstatt des vollständigen Spektrums erblickt man dann ein solches, in welchem die von dem Körper ganz oder teilweise absorbierten Farben fehlen, oder mehr oder minder geschwächt sind. Durchsichtige Körper, z. B. farbige Gläser oder Flüssigkeiten, stellt man hinter einen mit weißem Licht beleuchteten, schmalen Spalt und betrachtet diesen durch ein Prisma, oder fängt das Farbenbild des Spaltes durch einen Papierschirm auf.

Weisse Körper erscheinen mit rotem Licht beleuchtet rot, mit grünem grün, da sie nur diejenigen Strahlen zurückwerfen können, von welchen sie getroffen werden. Bunte Farben erscheinen je nach der Art der Beleuchtung verändert. Manche (namentlich blaue und violette) Farben erscheinen abends bei Lampenlicht anders als bei Tageslicht, da dem Lampenlicht, selbst dem hellen Licht der Gasflammen, gewisse Farbenstrahlen fehlen, die im weissen Tageslicht vorhanden sind. (Bei heller Dämmerung oder bei Mondschein erscheint deshalb das Licht der Gasflammen rötlich.) Bei Beleuchtung durch vollkommen einfarbiges Licht, z. B. durch das monochromatische Licht einer durch Kochsalz gefärbten Weingeistflamme (§ 149), verschwinden alle Farbenunterschiede der Körper, und man vermag nur hell und dunkel zu unterscheiden.

§ 147. Komplementärfarben, Mischfarben. (Helmholtz, 1867.) Durch die gleichzeitige Einwirkung verschiedener einfachen Farben auf dieselbe Stelle der Netzhaut können Farbenempfindungen entstehen, welche durch die einfachen Spektralfarben nicht hervorgebracht werden. So ergibt sich Purpur durch Mischung von Violett und Rot, Weiss durch Zusammensetzung gewisser Paare einfacher Farben, welche Komplementär- oder Ergänzungsfarben heissen. Ebenso erhält man Komplementärfarben, wenn man sich das Spektrum auf beliebige Weise dadurch in zwei Teile zerlegt denkt, daß man eine einzelne Farbe oder mehrere Farbstreifen aus demselben aussondert und jeden der beiden Teile zu einer Mischfarbe vereinigt, weil die so entstehenden Farbenmischungen sich jederzeit zu weissem Licht ergänzen.

So sind Rot und Grünlich Blau, Orange und Cyanblau, Gelb und Indigoblau, Grünlich Gelb und Violett Komplementärfarben, ebenso auch Grün und Purpur. Die Zusammenstellung zweier Komplementärfarben macht auf das Auge einen wohlthuenden Eindruck (vergl. § 166). Daß Gelb und Blau komplementäre Farben

Fig. 148a.



sind, also bei ihrer Mischung Weiss geben, scheint der bekannten Thatsache zu widersprechen, daß die Mischfarbe von gelben und blauen Farbstoffen grün ist. Dieser Widerspruch findet nach Helmholtz darin seine Lösung, daß keine natürliche Farbe rein ist. Eine blaue Flüssigkeit läßt demnach ausser dem Blau auch einen Teil des angrenzenden Grün hindurchgehen und ebenso ist eine gelbe Flüssigkeit, ausser für Gelb, auch für Grün durchsichtig. In einer Mischung beider Flüssigkeiten ist also Grün die einzige Farbe, für welche beide Grundfarben zugleich durchsichtig sind, während Gelb durch die blaue Flüssigkeit und Blau durch die gelbe ausgeschlossen

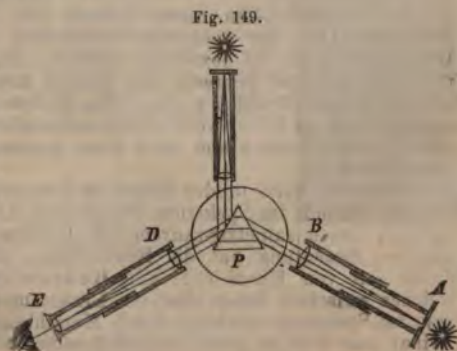
werden. Wenn demnach weisses Licht auf die Mischung fällt, wird allein das Grün zum Auge zurückgeworfen.

Um die Mischfarbe zweier einfachen Farben des Spektrums zu erhalten, denke man sich die Spektralfarben in einem geschlossenen Ringe, durch Einfügung von Purpur zwischen Violett und Rot, auf die Peripherie eines Kreises verteilt (Fig. 148a), so daß die Komplementärfarben einander diametral gegenüberliegen, ferner in der Mitte des Kreises Weiß und auf den Radien die Übergangsfarben zwischen Weiß und der betreffenden gesättigten Farbe an der Peripherie. Als dann ist die Mischfarbe zweier beliebigen einfachen Farben eine der Zwischenfarben, und zwar um so gesättigter, je näher auf der Peripherie die Farben einander liegen, umso mehr weißlich, je weiter sie von einander abstehen. So giebt Rot mit Gelb gemischt Orange, mit Grün weißlich Gelb, mit Cyanblau Rosa (weißlich Purpurrot) als Mischfarbe u. s. w.

Zur Mischung der Farben bedient man sich entweder des Farbenkreises, indem man Scheiben mit verschiedenfarbigen Sektoren schnell rotieren läßt, oder man blickt durch eine ebene Glastafel in schräger Richtung nach einer farbigen Fläche, während die dem Beobachter zugekehrte Seite der Glastafel gleichzeitig Licht eines andersfarbigen Objekts durch Reflexion zusendet.

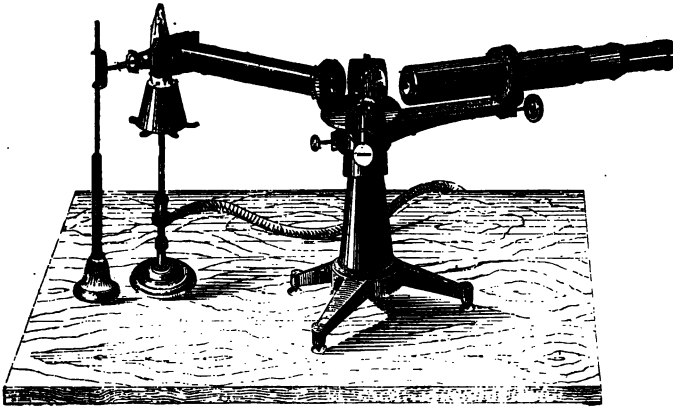
§ 148. Spektralapparat. Ein vor einen Spalt gestelltes Prisma reicht allein nicht aus, ein vollkommen reines Spektrum, d. h. ein solches zu erzeugen, in welchem die einfachen Farbenstrahlen völlig von einander getrennt sind. Da nämlich die von den verschiedenen Teilen der Sonnenscheibe, oder einer anderen Lichtquelle, auf den Spalt fallenden Strahlen nicht völlig parallel sind, so erhält man auch ohne Prisma auf dem gegenüberstehenden Schirm nicht eine scharf begrenzte, schmale Lichtlinie von der Breite des Spalts, sondern einen Lichtstreif, der um so breiter ist, je größer die Entfernung des Schirmes vom Spalt. Bei Anwendung des Prismas greifen die den einzelnen homogenen Strahlen des Spektrums entsprechenden Farbenstreifen mit ihren Rändern über einander, wodurch eine Vermischung der reinen Farben entsteht. Um ein völlig reines Spektrum zu erzeugen, stellt man in geeigneter Entfernung vor dem Spalt eine Konvexlinse auf, welche ein vollkommen scharf begrenztes Bild des Spaltes auf dem gegenüberstehenden Schirm entwirft (§ 156), welches durch Annäherung der Ränder des Spaltes beliebig schmal gemacht werden kann. Durch das Prisma wird diese Lichtlinie in ein völlig reines Spektrum aufgelöst. Für genauere Beobachtungen ist es jedoch zweckmäßig, das Spektrum nicht objektiv auf einem Schirm aufzufangen, sondern dasselbe mittelst eines vor das Prisma gestellten Fernrohrs subjektiv zu beobachten. Zu dieser Beobachtungsmethode dient am besten der von Kirchhoff und Bunsen konstruierte Spektralapparat, dessen wesentliche Teile in Fig. 149 im Grundriffs dargestellt sind.

Die durch einen schmalen Spalt bei *A* eintretenden Lichtstrahlen werden durch die Konvexlinse *B* parallel gemacht und gelangen, nachdem sie durch das Prisma *P* gegangen sind, in das Fernrohr *DE*. Durch die Objektivlinse *D* dieses Fernrohrs (vergl. § 156) wird in der Fokalebene desselben ein vollkommen reines Spektrum erzeugt, welches mittelst des vergrößernden Fernrohrökulares *E* beobachtet wird. Statt eines Prismas können deren mehrere hinter einander gestellt werden, um die Ausdehnung des Spektrums noch mehr zu vergrößern.



In Fig. 149a ist der Spektralapparat selbst dargestellt. Die vorn befindliche Glasplatte des dritten, in der Mitte der Figur sehr verkürzt gezeichneten Rohres,

Fig. 149a.



ist bis auf einen schmalen, horizontalen Streifen, auf welchem sich eine Millimeter-skala befindet, mit Stanniol bedeckt. Wird dieser Spalt durch eine vor ihm aufgestellte Flamme erleuchtet (Fig. 149), so entsteht durch die am anderen Ende des Rohres befindliche Linse ein reelles Bild der Skala, welches durch Reflexion an der zugewendeten Fläche des Prismas in die Richtung der Axe des Beobachtungsrohres *ED* verlegt wird, so daß man vom Okular *E* aus, zugleich mit dem durch das Prisma erzeugten Spektrum, das Spiegelbild der Skala sieht und die Lage der einzelnen Farben des Spektrums zu bestimmen vermag.

§ 149. Fraunhofersche Linien, Flammenspektren, Spektralanalyse. Betrachtet man mittelst des beschriebenen Spektralapparates das Spektrum einer vor den Spalt gestellten Leuchtgas- oder Kerzenflamme, oder eines weißglühenden Drahtes, so bildet dasselbe eine völlig stetige Farbenfolge ohne jede Unterbrechung. Läßt man dagegen direktes, oder von der Atmosphäre reflektiertes Sonnenlicht in den Apparat eintreten, so erscheint das Spektrum von einer sehr großen Zahl dunkler Querstreifen durchzogen, welche zuerst von Wollaston beobachtet, von Fraunhofer aber (1814) genauer untersucht und in ihrer Bedeutung erkannt wurden und deshalb den Namen der Fraunhoferschen Linien erhalten haben.

Die vorzüglichsten dieser Linien (Fig. 150), welche stets dieselbe unveränderliche Lage im Spektrum beibehalten, sind von Fraunhofer mit den Buchstaben *A* bis *H* bezeichnet worden. Die Zahl der Linien, welche teils mehr, teils minder scharf begrenzt und dunkel, sowie an Breite verschieden erscheinen, ist eine außerordentlich große. Durch Anwendung sehr vollkommener Spektralapparate ist es Kirchhoff (1863) und anderen möglich gewesen, Tausende derselben zu beobachten und nach ihrer gegenseitigen Lage im Spektrum genau zu verzeichnen.

Ähnliche, doch in der Regel breitere und weniger zahlreiche, dunkle Querstreifen können im Spektrum des weißen Lichts durch Absorption in gewissen farbigen Gasen (salpetrig-saurem Gas, Joddampf) erzeugt werden. Eine besonders wichtige Bedeutung hat die Beobachtung der Fraunhoferschen Linien 1859 durch den von Kirchhoff und Bunsen entdeckten Zusammenhang erhalten, welcher zwischen diesen dunklen Linien und den hellen Linien stattfindet, die man im Spektrum gewisser durch Metalldämpfe gefärbten Flammen wahrnimmt. Bringt man z. B. in eine Weingeistflamme, oder in die schwach leuchtende, bläuliche Flamme eines Bunsenschen Gasbrenners mittelst eines Platindrahtes eine

geringe Quantität Kochsalz (NaCl), so teilt dasselbe der Flamme eine intensiv gelbe Färbung mit, welche von glühendem Natriumdampf herrührt. Das Spektrum dieser Flamme besteht aus einer einzigen, scharf begrenzten, gelben Linie, oder mit anderen Worten, die durch Kochsalz gefärbte Flamme sendet homogenes Licht aus (§ 145), dessen Brechbarkeit genau der Fraunhoferschen Linie D im Sonnenspektrum entspricht (durch sehr vollkommene Spektralapparate erscheint sowohl die helle Natriumlinie, als die dunkle Fraunhofersche Linie D , aus zwei durch einen geringen Zwischenraum getrennten Linien zusammengesetzt). In ähnlicher Weise wird die Flamme des Bunsenschen Brenners durch Kaliumsalze violett, durch Lithium-, Calcium- und Strontiumsalze rot, durch Barium-, Thallium- oder Kupfersalze, sowie durch Borsäure grün, durch Indiumsalze blau gefärbt. Die Spektren dieser farbigen Flammen bestehen aus einer, oder in der Regel aus mehreren, hellen Linien, welche für die einzelnen Metalle charakteristisch sind, so daß man mit Hilfe derselben die geringsten Spuren eines dieser Metalle in seinen Verbindungen zu erkennen und zu unterscheiden vermag.

Nach Kirchhoff reicht das Vorhandensein von $\frac{1}{3\,000\,000}$ Milligramm Natriumdampf, oder von $\frac{1}{100\,000}$ Milligramm Lithiumdampf in der Flamme hin, um die für diese Metalle charakteristischen Linien im Spektrum hervorzurufen. Die Methode der spektralanalytischen Untersuchung ist daher namentlich geeignet, das Vorhandensein sehr geringer Mengen gewisser metallischen Bestandteile in Mischungen aufzufinden, und mittelst derselben ist es bereits gelungen, einige bisher unbekannte, metallische Grundstoffe zu entdecken, unter denen das Caesium und Rubidium, welche 1860 und 1861 von Kirchhoff und Bunsen in der Mutterlauge gewisser Solquellen aufgefunden wurden, das Thallium, gleichzeitig von Crookes und Lamy in Schwefelkies 1861, und das Indium von Reich und Richter in der Freiburger Zinkblende 1863 entdeckt.

Die Spektren der Schwermetalle, deren Chloride meist weniger flüchtig sind, oder bei erhöhter Temperatur zersetzt werden, untersucht man am besten mit Hilfe des elektrischen Funkens. Läßt man nämlich elektrische Funken [am besten eignen sich die Funken des Induktionsapparates (§ 334)] zwischen metallischen Drähten überschlagen, so ist das Spektrum derselben aus zweierlei hellen Linien zusammengesetzt, von welchen die einen von der Beschaffenheit der metallischen Leiter, die anderen aber von dem Gase abhängen, in welchem die Entladung stattfindet. Die Spektren glühender Gase können am besten mittelst der sogenannten Geißlerschen Röhren (§ 334) untersucht werden. So besteht z. B. das Wasserstoffspektrum aus drei scharf begrenzten, hellen Linien, einer roten, grünen und blauen, von welchen die beiden ersten mit den Fraunhoferschen Linien C und F , die dritte mit einer zwischen F und G gelegenen Linie übereinzustimmen scheinen.

Das Spektrum des Leuchtkäfers (*Elater noctilucus*) ist nach Young kontinuierlich, ohne irgend eine Spur von dunklen oder hellen Linien und liegt fast ganz zwischen den Fraunhoferschen Linien C und F , wo das Licht fast gar keine chemischen Wirkungen äußert.

§ 150. Analyse der Atmosphäre der Sonne und der Fixsterne. Durch den eigentümlichen Zusammenhang zwischen den hellen Linien gewisser Metallspektren und den dunklen Fraunhoferschen Linien des Sonnenspektrums (§ 149) wurde Kirchhoff (1860) zu einem Satze geführt, welcher merkwürdige Folgerungen hinsichtlich der chemischen Bestandteile der Atmo-

Fig. 150.



sphären der Sonne und der übrigen Fixsterne gestattet. Kirchhoff zeigte nämlich, daß jeder Körper diejenigen Lichtstrahlen vorzugsweise zu absorbieren fähig ist, welche er selbst im glühenden Zustand ausstrahlt, oder daß das Verhältniß zwischen dem Emissionsvermögen und Absorptionsvermögen für Strahlen derselben Gattung bei allen Körpern gleichen Wert besitzt. So sendet z. B. Natriumdampf im glühenden Zustand Strahlen aus, deren Brechbarkeit der Fraunhoferschen Linie *D* entspricht. Nach dem ausgesprochenen Satz vermag also Natriumdampf dieselben Strahlen vorzugsweise zu absorbieren. In der That erscheint eine mit Natriumdampf gefüllte Glasröhre vor eine durch Kochsalz gefärbte Flamme gebracht, schwarz und undurchsichtig, und wenn man intensives weißes Licht (z. B. elektrisches Licht, oder Drummondsches Kalklicht) durch eine Flamme gehen läßt, die glühenden Natriumdampf enthält, so erscheint in dem Spektrum desselben eine dunkle Linie genau an der Stelle der Fraunhoferschen Linie *D*. Gestützt auf diese Versuche schloß Kirchhoff aus dem Vorhandensein der Linie *D* im Sonnenspektrum, daß der lichtaussendende Sonnenkörper von einer absorbierenden Dampfatmosphäre umgeben sei, welche Natrium im gasförmigen Zustand enthält. Auf gleiche Weise gelang es Kirchhoff, das Vorhandensein der Grundstoffe Na, Fe, Ca, Mg, Ni in der Sonnenatmosphäre mit Sicherheit nachzuweisen und die Existenz mehrerer anderen wahrscheinlich zu machen. Angström zählte (1868) 800 Linien irdischer Stoffe (450 allein des Eisens) auf, welche im Sonnenspektrum als dunkle Linien vorkommen. Gewisse dunkle Linien des Sonnenspektrums rühren, wie Janssen gezeigt hat, von der Absorption durch den in der Erdatmosphäre enthaltenen Wasserdampf her. Die früher nur bei totalen Sonnenfinsternissen beobachteten Protuberanzen (§ 371), Hervorragungen über die verdunkelte Sonnenscheibe von eigentümlichem rosenfarbenen Licht, welche seit einer 1868 von Janssen und Lockyer gleichzeitig gemachten Entdeckung eine tägliche Beobachtung gestatten, sind ihrem Spektrum nach Eruptionen von glühenden Gasen, vorzugsweise von Wasserstoffgas.

Die Spektren des Lichtes des Mondes und der Planeten zeigen dieselben Fraunhoferschen Linien, wie das Sonnenspektrum, da diese Himmelskörper uns reflektiertes Sonnenlicht zusenden; doch finden sich in den Spektren des Jupiter, des Saturn und des Neptun eigentümliche Absorptionsstreifen, welche auf eine besondere Atmosphäre dieser Planeten schließen lassen. Die Spektren der Fixsterne (§ 401) dagegen sind vom Sonnenspektrum verschieden, was auf eine verschiedene chemische Beschaffenheit der Atmosphäre dieser Fixsterne schließen läßt. Doch scheint es, daß gewisse Linien, also auch gewisse chemische Bestandteile, einer großen Zahl von Fixsternen gemeinsam sind. So scheinen namentlich Natrium, Magnesium und Eisen in den Atmosphären der meisten Fixsterne vorhanden zu sein.

Von besonderem Interesse für die Astronomie ist die Entdeckung von Huggins und Miller, daß die Spektren der sogenannten planetarischen Nebelsterne nicht denen der Sonne und der übrigen Fixsterne gleichen, sondern, ähnlich den Flammenspektren, aus mehreren völlig getrennten, schmalen Lichtlinien zusammengesetzt sind. Man kann daraus schließen, daß diese Nebelsterne nicht feste oder flüssige Körper, sondern glühende Gasmassen sind, also gleichsam noch in einer früheren Bildungsperiode befindliche Fixsterne, wie nach der Hypothese von Kant und Laplace auch unsere Sonne und unser Planetensystem durch Verdichtung einer ursprünglich gasförmigen Masse von außerordentlich hoher Temperatur entstanden sein sollen (vergl. § 239).

§ 151. Brechungs-, Farbenzerstreuungsvermögen. Aus der verschiedenen Brechbarkeit der Strahlen des Spektrums folgt, daß der

Brechungsexponent derselben Substanz für verschiedene Strahlen ungleiche Werte besitzt, daß daher bei genaueren Angaben des Brechungsexponenten immer hinzugefügt werden muß, für welche Strahlengattung derselbe gilt. Die Fraunhoferschen Linien bieten ein bequemes Hilfsmittel zur Bezeichnung bestimmter Strahlen des Spektrums, es werden daher die Angaben der Brechungsexponenten in der Regel auf diese Linien bezogen, wie dies in der Tabelle des § 141 geschehen ist. Der Überschuß des Brechungsexponenten einer bestimmten Strahlengattung über die Einheit, $n - 1$, kann als Maß für die Brechbarkeit dieser Strahlengattung angesehen werden. Bei nahe gleichem Brechungsvermögen für die mittleren Strahlen des Spektrums können verschiedene Substanzen sehr ungleiches Farbenzerstreuungsvermögen besitzen oder Spektra von sehr ungleicher Länge erzeugen. Bezeichnen n_b , n_d und n_h die Brechungsexponenten derselben Substanz für die Fraunhoferschen Linien B , D und H , den roten, gelben und violetten Strahlen entsprechend, so dient die Größe $\frac{n_h - n_b}{n_d - 1}$ als Maß für das Farbenzerstreuungsvermögen. Aus den in der letzten Spalte der Tabelle (§ 141) zusammengestellten Zahlen ist ersichtlich, daß unter den Glassorten das bleihaltige Flintglas, unter den Flüssigkeiten Kassaöl und Schwefelkohlenstoff, durch sehr hohes Farbenzerstreuungsvermögen ausgezeichnet sind. Diese Substanzen eignen sich daher vorzugsweise zur Erzeugung langer Farbenspektra.

§ 152. Unsichtbare Strahlen des Spektrums; chemische Wirkungen des Lichts, Photographie. Außer den Strahlen, welche das sichtbare Spektrum bilden, giebt es noch andere Strahlen, welche, für das Auge nicht wahrnehmbar, nach denselben Gesetzen wie die sichtbaren Strahlen fortgepflanzt, reflektiert und gebrochen werden, und deren Existenz durch verschiedene Wirkungen nachgewiesen werden kann. Diese dunklen Strahlen des Spektrums, welche zuerst von W. Herschel (1800) entdeckt worden sind, erstrecken sich theils über das rote, theils über das violette Ende desselben hinaus, besitzen also theils geringere Brechbarkeit als die roten, theils größere als die violetten Strahlen. Von den ersteren, welche sich hauptsächlich durch ihre erwärmende Wirkung kundgeben und deshalb auch dunkle Wärmestrahlen genannt werden, wird in der Wärmelehre (§ 238) näher gehandelt werden. Die jenseits des violetten Endes des Spektrums liegenden Strahlen von größter Brechbarkeit sind vorzugsweise durch ihre chemische Wirksamkeit ausgezeichnet. Gewisse chemische Verbindungs- und Zersetzungsprozesse werden nämlich durch den Einfluß des Lichtes hervorgerufen oder begünstigt. So findet in einem Gemenge von Chlorgas und Wasserstoffgas die chemische Vereinigung beider Bestandteile zu Chlorwasserstoff (§ 20a) bei gewöhnlicher Temperatur im Dunklen gar nicht, bei Tageslicht allmählich, bei direktem Sonnenlicht plötzlich und unter Explosion statt. Umgekehrt werden durch den Einfluß des Lichtes chemische Zersetzungen hervorgerufen. Hierauf beruht unter anderem der Prozeß des Bleichens durch den vereinigten Einfluß des Lichtes und der Feuchtigkeit (vergl. auch § 244), ferner die chemische Zersetzung des Chlorsilbers, Jodsilbers und Bromsilbers durch das Licht, welche in der Photographie eine ausgedehnte Anwendung erfahren hat. Dabei werden die lichtempfindlichen Verbindungen, namentlich Jod- und Bromsilber, in einer auf der photographischen Platte ausgebreiteten Kollodium- oder Eiweißschicht verteilt, der Bestrahlung in der Camera obscura (§ 159) ausgesetzt. An den vom Licht getroffenen Stellen werden dadurch innerhalb weniger Sekunden die Silbersalze teilweise wirklich, unter Ausscheidung metallischen Silbers, zerlegt, teilweise aber nur in eigentümlicher Weise modifiziert, so daß bei der darauf folgenden Eintauchung der Platte in eine reduzierende Lösung von Pyrogallussäure oder Eisenvitriol (die sogenannte Hervorrufungsflüssigkeit) die Ausscheidung des metallischen Silbers mit schwarzer Farbe an denjenigen Stellen stattfindet, welche der Wirkung des Lichtes ausgesetzt waren. Man erhält dadurch ein sogenanntes negatives Bild, d. h. ein solches, bei welchem die hellen

Teile des abgebildeten Objektes dunkel, die dunklen hell erscheinen. Um das Bild dauerhaft zu machen oder zu fixieren, müssen hierauf die unzersetzt gebliebenen Teile des Silbersalzes durch Eintauchen in eine Auflösung von unterschwefligsaurem Natron oder Cyankalium entfernt werden. Hat man ein solches negatives Bild auf einer mit Kollodium überzogenen Glasplatte erzeugt, so kann man von demselben beliebig viele positive Kopieen erhalten, indem man unter die negative Platte ein mit einer lichtempfindlichen Eiweisschicht überzogenes Papierblatt legt und den Sonnenstrahlen aussetzt; die dunklen Stellen des negativen Bildes halten dann die Wirkung des Sonnenlichtes ab, während dasselbe durch die hellen Teile des negativen Bildes hindurch wirkt und die Reduktion des Silbers an diesen Stellen bewirkt. Das so erhaltene positive Bild muß darauf, wie das negative, fixiert werden.

Läßt man das Sonnenspektrum auf eine photographische Platte fallen, so zeigt sich, daß keineswegs alle Teile desselben in gleichem Grad chemisch wirksam sind. Während für das Auge der gelbe Teil des Spektrums die größte Lichtintensität zu besitzen scheint, bringen die roten und gelben Strahlen nur eine sehr geringe chemische Wirkung hervor, dagegen zeigen die blauen und violetten Strahlen eine viel stärkere chemische Wirksamkeit und das Bild des Spektrums, welches man auf der photographischen Platte erhält, erstreckt sich weit über das violette Ende des sichtbaren Spektrums hinaus. Die Fraunhoferschen Linien des violetten Teiles des Spektrums sind im photographischen Bilde deutlich unterscheidbar, außerdem aber treten noch eine große Zahl dunkler Linien hervor, welche dem ultravioletten, unsichtbaren Teil des chemischen Spektrums angehören, und von denen die vorzüglichsten mit den Buchstaben I—P bezeichnet werden. — Die verschiedene chemische Wirksamkeit der verschiedenfarbigen Strahlen und das Vorhandensein der dunklen, chemisch wirksamen Strahlen ist bei photographischen Aufnahmen von beträchtlichem Einfluß; so erscheinen z. B. rote Kleider im photographischen Bilde dunkel, blaue dagegen hell. Auch die größere Brechbarkeit der dunklen, chemischen Strahlen muß bei der Konstruktion der achromatischen Objektivlinsen für die photographische Camera auf geeignete Weise berücksichtigt werden (§ 160). Über die Ausdehnung des ultraroten und ultravioletten Teiles des Spektrums vergl. § 178.

§ 153. Fluorescenz. Wird ein weißer Körper (§ 146) mit einfarbigem Licht beleuchtet, so besitzen die zurückgeworfenen Strahlen im allgemeinen mit den einfallenden gleiche Farbe und Brechbarkeit; ein weißer Papierstreif z. B. erscheint im blauen Teil des Spektrums blau, im roten rot, im ultravioletten Teil (§ 152) dunkel. Eine Ausnahme von dieser Regel bilden die von Brewster (1838) und Herschel entdeckten, von Stokes (1852) näher untersuchten Erscheinungen der Fluorescenz. Läßt man Sonnenstrahlen auf eine farblose, durchsichtige Auflösung von schwefelsaurem Chinin fallen, so erblickt man an der Oberfläche derselben einen Lichtschein von schön himmelblauer Farbe, welcher nur wenig in das Innere der Flüssigkeit eindringt und noch intensiver wird, wenn man die Sonnenstrahlen mittelst einer Sammellinse konzentriert. Auf ähnliche Weise fluoresciert die grüne Auflösung des Blattgrüns oder Chlorophylls mit blutroter Farbe, die alkoholische Lösung des Magdalarot, einer Anilinfarbe, prachttvoll orange-gelb, gelbes Steinöl (Petroleum) mit blaugrüner, hellbraune Curcumatinktur und gelbes Uranglas mit grüner, gewisse Varietäten des Flußspats (von welchem der Name der Fluorescenz herrührt) mit violettblauer Farbe u. s. w.

Das Fluoreszenzlicht ist aus dem Innern der fluorescierenden Substanz unregelmäßig zerstreut, aber nur in einer oberflächlichen Schicht, welche um so tiefer in das Innere der Substanz eindringt, je intensiver die einfallenden Lichtstrahlen sind. Lichtstrahlen, welche einmal durch eine Schicht der fluorescierenden Substanz von gewisser Dicke hindurchgedrungen sind, haben dadurch die Fähigkeit verloren, in einer zweiten Schicht derselben Substanz Fluorescenz zu erregen, woraus man schließen muß, daß gewisse Strahlen des Sonnenlichts, welche die Fluorescenz hervorrufen, durch die fluorescierende Substanz ausgelöscht oder absorbiert werden.

Läßt man die verschiedenen Strahlen des Sonnenspektrums auf eine fluorescierende Substanz, z. B. Chininlösung, fallen, so zeigt sich, daß die verschiedenen Strahlen des Spektrums in sehr ungleichem Grad die Fähigkeit besitzen, Fluorescenz zu erregen, und daß die von dem fluorescierenden Körper ausgesendeten Strahlen eine andere Farbe, und zwar meist eine Farbe von geringerer Brechbarkeit besitzen, als die Strahlen, welche die Fluorescenz hervorrufen. So wird das blaue Fluoreszenzlicht der Chininlösung vorzugsweise durch die violetten und

die dunklen, ultravioletten Strahlen des Spektrums erzeugt; läßt man das Spektrum auf einen Streifen von Uranglas fallen, so erscheint derselbe weit über das violette Ende des Spektrums hinaus mit schön grünem Licht fluorescierend. Schriftzüge, welche mit einer verdünnten Lösung von Bariumplatinocyanür auf weißes Papier geschrieben und bei weißem Tageslicht nur wenig bemerkbar sind, werden unter einem violetten Glase, welches nur die brechbarsten Strahlen hindurchläßt, oder im ultravioletten Teil des Spektrums, mit glänzend grünem Fluorescenzlicht sichtbar. Elektrisches Licht (§§ 334, 336), welches sehr reich an ultravioletten Strahlen ist, besitzt auch in vorzüglichem Grad die Fähigkeit, Fluorescenz zu erregen.

Lommel hat (1871) dargethan, daß nicht bloß die stärker brechbaren Strahlen imstande sind, Fluorescenz zu erregen. Er entwarf das Sonnenspektrum auf einem Glastrog, in welchem sich eine Lösung von Magdalarot befand, und es zeigte sich das gelbe Fluorescenzlicht bereits an einer Stelle zwischen den Fraunhoferschen Linien *C* und *D*, also noch im Rot, und erstreckte sich von da aus mit abwechselnder Helligkeit bis ins Ultraviolett hinein; am stärksten zeigte es sich hinter der Linie *D*, wo sonst grüngelbe Strahlen hintreffen. Um nunmehr nachzuweisen, daß ein der Fluorescenz fähiger Körper nur durch diejenigen Strahlen zur Fluorescenz gebracht wird, welche er absorbiert, ließ Lommel weiter das Licht zuerst durch einen Glastrog der zu untersuchenden Lösung mit parallelen Wänden hindurchgehen und entwarf erst dann von ihm das Spektrum. Es zeigen sich Absorptionsstreifen gerade an denjenigen Stellen, wo vorher die Fluorescenz am hellsten gewesen war, und zwar entspricht jedem hellen Streifen im fluorescierenden Spektrum ein dunkler Streifen im Absorptionsspektrum.

In der Regel dauert das Selbstleuchten des fluorescierenden Körpers nur so lange an, wie die Bestrahlung. Dauert hingegen das Selbstleuchten noch eine Zeit lang nach dem Aufhören der Bestrahlung fort, so ergiebt sich die Erscheinung der Phosphorescenz durch Insolation (§ 129, 3). In der That hat das Fluorescenzlicht große Ähnlichkeit mit dem Licht phosphorescierender Körper, und die vollständige Analogie beider Erscheinungen ist von Becquerel mittelst des von ihm konstruirten Phosphoroskops nachgewiesen worden.

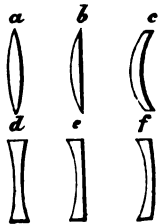
§ 153a. Anomale Dispersion. Von Christiansen ist (1870) an der Anilinfarbe Fuchsin die Erscheinung beobachtet worden, daß sich in ihrem Spektrum die Farben Rot, Orange und Gelb stärker gebrochen zeigen, als Blau und Violett, also die Reihenfolge der Farben eine abnorme ist; um die Flüssigkeitsschicht möglichst durchsichtig zu erhalten, wendete Christiansen zu seiner Untersuchung ein Prisma von möglichst kleinem brechenden Winkel (bis unter 1°) an. Diese von einer anomalen Dispersion des Lichts herrührende Erscheinung ist alsdann von Kundt weiterhin an allen Körpern mit sogenannten Oberflächenfarben beobachtet worden, d. h. an Körpern, welche im reflektierten Licht eine andere Farbe zeigen als im durchgelassenen Licht. Im anomalen Spektrum fehlt jedesmal die Oberflächenfarbe, deren Entstehung auf Absorption zurückzuführen ist. Eine solche Oberflächenfarbe ist z. B. am festen Indigo bekannt, der bei rauher Oberfläche, also von Innen, die blaue Farbe zeigt, welche auch seiner Lösung zukommt, während er an einer glatt geriebenen Oberfläche ein komplementäres Orangerot zeigt, eine metallisch glänzende Oberflächenfarbe.

Kundt hat die anomale Dispersion auch an anderen Anilinfarben, am Indigokarmin, am Cyanin, am übermangansauren Kali, am Magdalarot, u. s. w. nachgewiesen. Nach seiner Angabe entwerfe man zunächst ein schmales Spektrum, etwa durch ein Flintglasprisma und betrachte dieses alsdann durch ein Prisma der zu untersuchenden Substanz, indem man die brechende Kante desselben senkrecht zu der des ersteren stellt. Während bei gewöhnlicher Brechung das bandförmige Spektrum seitlich verschoben erscheint, und zwar Rot am wenigsten, Violett am meisten, zeigt sich bei anomaler Dispersion das Band unregelmäßig gekrümmt; bei Fuchsin z. B. ist Rot ziemlich stark verschoben, Gelb noch mehr, dann kommt eine dunkle Stelle, weil der mittlere Teil des Spektrums (die Oberflächenfarbe) absorbiert ist, und weiter kommen Blau und Violett, jedoch viel weniger seitlich verschoben, als Rot und Gelb.

§ 154. Brechung des Lichtes durch sphärische Linsen. Sammel- und Zerstreuungslinsen. Unter einer sphärischen Linse versteht man im allgemeinen ein von zwei kugelförmig gekrümmten Flächen

begrenztes, lichtbrechendes Medium. Nach der Wirkung, welche die Linsen auf den Gang der Lichtstrahlen ausüben, unterscheidet man Sammel- und Zerstreuungslinsen. Die ersteren sind in ihrer Wirkung den Konkavspiegeln analog, indem sie parallel ihrer Axe auffallende Lichtstrahlen konvergent machen und in einem reellen, hinter der Linse liegenden Brennpunkt vereinigen; die letzteren entsprechen den Konvexspiegeln, indem sie parallel der Axe auffallende Strahlen divergent machen, so daß dieselben von einem vor der Linse liegenden virtuellen Brennpunkt auszugehen scheinen. Da unter den sphärisch gekrümmten Flächen die Ebene als besonderer Fall einbegriffen ist (nämlich als Teil einer Kugelfläche von unendlich großem Halbmesser), so kann man, jenachdem die beiden Begrenzungsflächen konvex, konkav oder eben sind, folgende sechs Gattungen von Linsen (Fig. 151) unterscheiden. Zu den Sammellinsen gehören *a* die bikonvexe, *b* die plankonvexe, *c* die konkavkonvexe, bei welcher die Krümmung der konvexen Fläche stärker

Fig. 151.

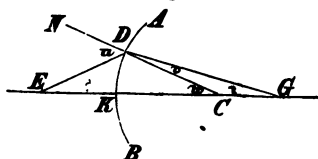


ist als die der konkaven; zu den Zerstreuungslinsen gehören *d* die bikonkave, *e* die plankonkave, *f* die konvexkonkave Linse, bei welcher die konkave Fläche stärker gekrümmt ist als die konvexe. Die Sammellinsen sind in der Mitte dicker wie am Rande, die Zerstreuungslinsen umgekehrt.

Eine Sammellinse erzeugt, wie ein Hohlspiegel, reelle Bilder von leuchtenden Punkten, welche sich jenseits der Brennweite befinden. Die vom Brennpunkt ausgehenden Strahlen werden parallel der Axe gebrochen, oder das Bild des Brennpunktes liegt im Unendlichen. Rückt der leuchtende Punkt noch näher an die Linse heran als der Brennpunkt, so ist die Brechung nicht mehr hinreichend, um die Divergenz der Strahlen aufzuheben und die Linse erzeugt ein virtuelles, vor der Linse liegendes Bild des leuchtenden Punktes. — Zerstreuungslinsen erzeugen stets virtuelle Bilder. (Siehe § 158.)

§ 155. Brechung des Lichtes an einer sphärisch gekrümmten Fläche. Um die Gesetze der Lichtbrechung durch Linsen zu begründen, ist es erforderlich, zuvor die Brechung des Lichtes durch eine einzige Kugelfläche zu untersuchen. Es stelle *AB* (Fig. 152) den Durchschnitt der kugelförmigen Trennungsfläche zweier lichtbrechenden Mittel vor.

Fig. 152.



Der Mittelpunkt der Kugelfläche sei *C*, die Brechungsexponenten der beiden Medien seien *n* und *n'*. Unter den von einem leuchtenden Punkt *E* ausgehenden Strahlen, welche die Kugelfläche treffen, ist der Strahl *EKC* ausgezeichnet, welcher ungebrochen hindurchgeht, weil seine Richtung mit der des Einfallslotes zusammenfällt. Derselbe soll der Axenstrahl des Punktes *E* genannt werden. Für einen zweiten Strahl *ED* ist *CDN* das Einfallslot. Es sei $n' > n$, so wird der Strahl

dem Einfallslot zu gebrochen, oder der Brechungswinkel $\angle CDG = v$ ist kleiner als der Einfallswinkel $\angle NDE = u$, und zwar ist nach dem Snelliusschen Brechungsgesetz (§§ 141, 142)

$$n \sin u = n' \sin v.$$

Bei hinreichender Entfernung des leuchtenden Punktes *E* konvergiert der gebrochene Strahl gegen die Axe und schneidet dieselbe in einem jenseits *C* liegenden Punkt *G*. Wird Winkel $\angle KCD$ mit w bezeichnet, so daß $\angle DCG = 180^\circ - w$ ist, so hat man im Dreieck *EDC*

$$2. \quad \frac{EC}{ED} = \frac{\sin u}{\sin w} \quad \rangle$$

und im Dreieck GDC

$$3. \quad \frac{GC}{GD} = \frac{\sin v}{\sin w'}$$

woraus mit Rücksicht auf (1.) folgt:

$$4. \quad n \cdot \frac{EC}{ED} = n' \cdot \frac{GC}{GD}.$$

Bezeichnet r den Krümmungshalbmesser der brechenden Fläche und wird EK mit a , KG mit a' bezeichnet, so kann für Strahlen, welche mit dem Axenstrahl nicht zu große Winkel einschließen, ohne merklichen Fehler $ED = a$, $GD = a'$ gesetzt werden. Ferner ist $EC = a + r$, $GC = a' - r$; mithin geht die Gleichung (4.) über in:

$$n \cdot \frac{a + r}{a} = n' \cdot \frac{a' - r}{a'}$$

oder nach einigen einfachen Umformungen wird

$$5. \quad \frac{n}{a} + \frac{n'}{a'} = \frac{n' - n}{r}.$$

Die Analogie dieser Formel mit derjenigen, welche für die Reflexion an Kugelspiegeln (§ 137) gefunden wurde, ist ersichtlich. Es kann ferner leicht gezeigt werden, daß die Formel noch in Geltung bleibt, wenn der leuchtende Punkt so nahe an die brechende Kugelfläche heranrückt, daß die Richtung des gebrochenen Strahles DG den Axenstrahl nicht mehr hinter, sondern vor der brechenden Fläche durchschneidet (Fig. 153). In diesem Fall ergibt sich aus der Formel (5.) ein negativer Wert für die Vereinigungsweite a' , welcher andeutet, daß das Bild G vor der brechenden Fläche liegt, mithin ein virtuelles ist (vergl. § 137).

Um die Lichtbrechung an einer konkaven Fläche zu bestimmen, kann man in Fig. 153 LD als den einfallenden, DE als den gebrochenen Strahl betrachten. Die Formel (5.) bleibt also auch für diesen Fall gültig, wenn man in derselben a mit a' und n mit n' vertauscht. Dadurch bleibt aber die linke Seite ganz ungeändert, und die rechte Seite wechselt nur das Vorzeichen. Um also die Formel (5.) ohne Unterschied für die Brechung in konvexen und konkaven Flächen anwenden zu können, braucht man nur übereinzukommen, wenn die brechende Fläche nach der Seite des einfallenden Strahles konkav ist, ihren Krümmungshalbmesser r als negativ in Rechnung zu bringen.

Aus den bei Herleitung der Formel (5.) gemachten Voraussetzungen geht hervor, daß dieselbe nur annäherungsweise und unter gewissen Beschränkungen gilt, nämlich für solche Strahlen, welche mit dem Axenstrahl nur kleine Winkel einschließen. Genau genommen, werden die von einem Punkt ausgehenden Strahlen durch die Brechung nicht in einem Punkt vereinigt, sondern die gebrochenen Strahlen umhüllen, wie die von einem Kugelspiegel reflektierten Strahlen (§ 140), eine reelle oder virtuelle Brennfläche.

§ 156. Brechung an einer bikonvexen Linse. Eine bikonvexe Linse wird von zwei konvexen, sphärisch gekrümmten Flächen begrenzt, deren Krümmungsmittelpunkte C_1 und C_2 (Fig. 154), und deren Halbmesser r_1 und r_2 seien. Die Gerade MN , welche die Krümmungsmittelpunkte beider Flächen enthält, heißt die optische Axe der Linse. Der Brechungsexponent der Substanz der Linse sei n' , der des umgebenden Mittels n . Auf der optischen Axe liege vor der Linse der leuchtende Punkt A . Der von A ausgehende Axenstrahl $AHKB$ geht durch beide Linsenflächen ungebrochen hindurch. Der Strahl AD wird an

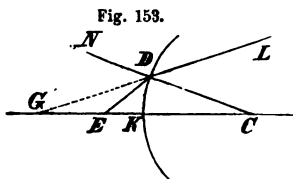
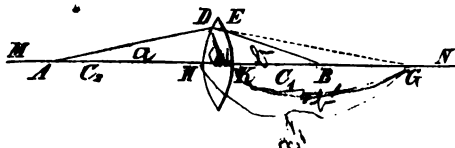


Fig. 154.



der vorderen Fläche der Linse so gebrochen, daß seine Richtung DE , hinreichend verlängert, die Axe in G durchschneiden würde. Bevor er aber die Axe erreicht, erleidet er eine zweite Brechung an der hinteren Linsenfläche in E , welche ihm die Richtung EB erteilt. Es sei die Entfernung des leuchtenden Punktes von der Linse $AH = a$, die Vereinigungsweite der gebrochenen Strahlen $KB = b$, die Dicke der Linse $HK = d$. Ferner sei $HG = a'$, $KG = b'$, so daß $a' - b' = HG - KG = d$ ist. Für die Brechung an der ersten Fläche gilt dann die Gleichung (§ 155)

$$a) \quad \frac{n}{a} + \frac{n'}{a'} = \frac{n' - n}{r_1}.$$

Für die Brechung an der zweiten Fläche kann man BE als den einfallenden, ED als den gebrochenen Strahl betrachten und hat dann, mit Rücksicht darauf, daß der Punkt G vor der Linse liegt, also die Entfernung KG als negativ in Rechnung zu bringen ist:

$$b) \quad \frac{n}{b} - \frac{n'}{b'} = \frac{n' - n}{r_2}.$$

Besonders einfach gestaltet sich das aus diesen beiden Gleichungen abzuleitende Schlüsßresultat, wenn die Dicke der Linse so klein ist, daß dieselbe vernachlässigt und ohne merklichen Fehler $a' = b'$ gesetzt werden darf. Man erhält dann durch Addition der Gleichungen a) und b)

$$\frac{n}{a} + \frac{n}{b} = (n' - n) \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right),$$

oder wenn zur Abkürzung $\frac{n'}{n} - 1 = m$ gesetzt wird:

$$c) \quad \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = m \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right).$$

Ist die Vernachlässigung der Dicke der Linse nicht gestattet, so erhält man, indem man a' aus der Gleichung a) und b' aus der Gleichung b) berechnet und die gefundenen Werte in die Gleichung $a' - b' = d$ einsetzt:

$$d) \quad \frac{d}{m+1} = \frac{1}{\frac{m}{r_1} - \frac{1}{a}} + \frac{1}{\frac{m}{r_2} - \frac{1}{b}}.$$

Diese Gleichung, welche in Beziehung auf a und auf b vom ersten Grade ist, kann dazu dienen, aus der gegebenen Entfernung des leuchtenden Punktes a die Vereinigungsweite b zu finden und umgekehrt. Als Beispiel der Anwendung dieser Formel kann die Berechnung der Hauptbrennweite einer kugelförmigen oder halbkugelförmigen Linse dienen. (Im letzteren Fall ist zu unterscheiden, ob die parallelen Strahlen von der ebenen, oder von der konvexen Seite her einfallen. Für die ebene Fläche ist $r = \infty$ zu setzen.)

Wir beschränken uns auf die Betrachtung des einfacheren Falles, daß die Dicke der Linse vernachlässigt werden darf. Sind die einfallenden Strahlen der Axe parallel, so ist in der Gleichung c) $a = \infty$ zu setzen. Bezeichnet man durch f die in diesem Fall stattfindende Vereinigungsweite der gebrochenen Strahlen, oder die Hauptbrennweite der Linse, so wird:

$$e) \quad \frac{1}{f} = m \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right).$$

Durch Einführung dieses Wertes der Hauptbrennweite in die Gleichung c) nimmt dieselbe die noch einfachere Gestalt an:

$$f) \quad \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f}.$$

Es ist bisher angenommen, daß der leuchtende Punkt auf der optischen Axe der Linse liegt. Auch wenn dies nicht der Fall ist, werden die von einem Punkt ausgehenden Strahlen nach der Brechung wieder in einem (reellen oder virtuellen) Bildpunkt vereinigt, wenn die von demselben ausgehenden und die Linse treffenden Strahlen nur kleine Winkel mit der optischen Axe der Linse einschließen. Wie der Ort des Bildes in diesem Fall durch einfache geometrische Konstruktion gefunden werden kann, wird in § 158 erläutert werden.

§ 157. Ausdehnung des Resultats auf beliebige sphärische Linsen. Nach der oben (§ 155) gemachten Bemerkung bleiben die Formeln c) und f) in § 156 ohne Änderung auch für andere als bikonvexe Linsen gültig, wenn

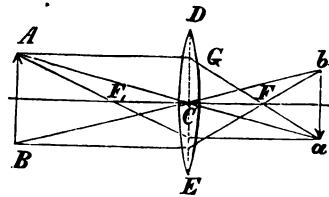
man den Krümmungshalbmesser einer ebenen Fläche als unendlich und den einer konkaven Fläche als negativ in Rechnung bringt. Der Wert der Hauptbrennweite f hängt von den Krümmungshalbmessern beider Linsenflächen und von dem Verhältnis der Brechungsexponenten $\frac{n'}{n}$ ab.

Ist die Substanz der Linse optisch dichter als das umgebende Medium, oder $n' > n$, so ist der Faktor m stets positiv. Für eine bikonvexe Linse sind r_1 und r_2 , also auch ihre reciproken Werte $\frac{1}{r_1}$ und $\frac{1}{r_2}$ positiv, und es ergibt sich ein positiver Wert für f , der Hauptbrennpunkt ist also reell. Für eine bikonkave Linse sind r_1 und r_2 beide negativ, mithin auch f negativ und der Hauptbrennpunkt virtuell. Haben r_1 und r_2 entgegengesetzte Vorzeichen, oder ist eine von beiden Flächen eben, so überwiegt in der Summe $\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}$ das Glied, welches der stärker gekrümmten Fläche entspricht. Die Linse wirkt daher als Sammellinse oder als Zerstreuungslinse, jenachdem die stärker gekrümmte Fläche konvex oder konkav ist (§ 154).

Ist dagegen $n' < n$, so ist m negativ, und die bikonvexe Linse wirkt in diesem Fall als Zerstreuungslinse, die bikonkave als Sammellinse. Es kann dies ersichtlich gemacht werden, indem man eine aus zwei zusammengeklebten Uhrgläsern gebildete, mit Luft gefüllte Hohlilinse unter Wasser bringt. Oder man drückt ein Uhrglas, die konkave Seite nach unten richtend, mit horizontalem Rand unter Wasser, wodurch die alsdann abgesperrte Luftblase die Form einer plankonvexen Hohlilinse unter Wasser erhält.

§ 158. Konstruktion der durch Linsen erzeugten Bilder. Ist die positive oder negative Hauptbrennweite einer Linse bekannt, so lassen sich alle durch dieselbe erzeugten reellen oder virtuellen Bilder von Punkten und räumlichen Gebilden durch einfache Konstruktion finden. Es stelle z. B. DE eine Konvexlinse, AB einen vor derselben befindlichen Gegenstand vor, dessen Bild gefunden werden soll. Unter den von A auf die Linse fallenden Strahlen wähle man zunächst denjenigen Strahl AG aus, welcher der optischen Axe der Linse parallel ist. Derselbe wird so gebrochen*), daß er nach der Brechung durch den Brennpunkt F geht, also die Richtung GF erhält. Ist ferner C der Mittelpunkt der Linse, deren Dicke als verschwindend klein betrachtet werden soll**), so wird die Richtung des Strahles AC durch die Brechung nicht geändert, da derselbe an beiden Flächen der Linse gleiche und entgegengesetzte Brechungen erleidet. Der Strahl AF_1 endlich, welcher durch den vorderen Hauptbrennpunkt F_1 geht, wird durch die Brechung der Axe

Fig. 155.



*) Zur Vereinfachung der Darstellung kann der Durchschnitt einer Linse ersetzt werden durch die zur Axe senkrechte Mittellinie und auf diese der Brechungspunkt eines hindurchgehenden Strahls verlegt werden (Fig. 155–157).

**) Genau genommen treten, wie Gauß (1843) gezeigt hat, anstelle des optischen Mittelpunktes für eine einfache Linse, oder ein beliebiges Linsensystem zwei sogenannte Hauptpunkte, welche die Eigenschaft haben, daß, wenn der eintretende Strahl nach dem ersten Hauptpunkt gerichtet ist, der austretende Strahl durch den zweiten Hauptpunkt geht, und seine Richtung der des einfallenden Strahles parallel ist. Bei gewöhnlichen, einfachen Glaslinsen beträgt der Abstand beider Hauptpunkte etwa $\frac{1}{2}$ der Linsendicke. Wenn diese verschwindend klein ist, so fallen beide Hauptpunkte im optischen Mittelpunkt zusammen, und die Richtungen des eintretenden und austretenden Strahles bilden eine gerade Linie.

parallel. Die Richtungen der drei gebrochenen Strahlen schneiden sich, hinreichend verlängert, im Punkt a , welcher das Bild von A ist. Ebenso wird b als Bild von B gefunden. Das Bild ab des Objektes AB ist demnach ein reelles und umgekehrtes. Aus der Ähnlichkeit der Dreiecke ACB und aCb folgt, daß die Größen von Bild und Gegenstand in demselben Verhältnis stehen, wie ihre Entfernungen von der Linse; das Bild einer geraden Linie ist also nur annähernd geradlinig (vergl. § 138). Das reelle Bild kann, wie beim Hohlspiegel (§ 137), entweder auf einem Papierschirm sichtbar gemacht, oder von einem jenseits

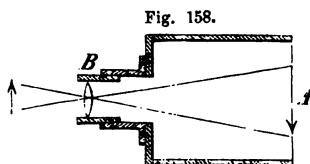
ab in hinreichender Entfernung (§ 164) befindlichen, nach der Linse hinblickenden Auge wahrgenommen werden.

Ist die Entfernung des Gegenstandes AB (Fig. 156) kleiner als die Hauptbrennweite der Linse, so schneiden sich die Richtungen der austretenden Strahlen GF und AC nicht mehr hinter der Linse, sondern ihre Richtungen treffen, rückwärts verlängert, in dem vor der Linse gelegenen Punkt a zusammen, welcher

das virtuelle Bild von A ist. Ebenso ist b das virtuelle Bild von B . Das virtuelle Bild ab des Objektes AB ist seiner Lage nach stets aufrecht und stets vergrößert, da seine Entfernung von der Linse größer ist als die des Objektes. Man erblickt das aufrechte, vergrößerte Bild, indem man durch die Konvexlinse hindurch den innerhalb ihrer Brennweite befindlichen Gegenstand betrachtet. Darauf beruht der Gebrauch der Sammellinsen als Vergrößerungsgläser oder Lupen (§ 171).

Es sei ferner F (Fig. 157) der virtuelle Hauptbrennpunkt der Konkavlinse DE . Der der Axe parallele Strahl AG erhält durch die Brechung die Richtung GK , als ob er von F ausginge. Der Strahl AC behält seine ursprüngliche Richtung bei. Es ist also a das Bild von A . Ebenso ist b das Bild von B und ab das aufrechte, virtuelle und stets verkleinerte Bild des Objektes AB , welches von einem durch die Linse nach AB hinblickenden Auge wahrgenommen wird. Das virtuelle Bild liegt immer näher an der Konkavlinse als der Gegenstand und stets innerhalb der Hauptbrennweite.

§ 159. Die Camera obscura, erfunden von Porta (1658), besteht in ihrer einfachsten Gestalt aus einem Kasten, dessen eine Wand A (Fig. 158) von einer durchscheinenden Platte aus mattgeschliffenem Glas, Ölpapier oder



dgl. gebildet wird, während in einer Öffnung der gegenüberstehenden Wand eine Konvexlinse B angebracht ist. In der Regel ist die Fassung der Linse in einem kurzen Auszugsrohr angebracht, mittelst dessen die Entfernung der Linse vom Schirm A , welche nahe gleich ihrer Brennweite sein muß, genau reguliert werden kann. Durch die Linse wird auf dem Schirm ein umgekehrtes, verkleinertes Bild der in hinreichender

Entfernung von der Linse befindlichen Gegenstände entworfen (§ 158). Je näher das Objekt, desto größer ist die Vereinigungsweite der Strahlen. Die Entfernung der Linse vom Schirm muß deshalb für nähere Objekte etwas vergrößert werden, um ein scharfes Bild zu erhalten. Die Seitenwände des Kastens müssen, um fremde Lichtstrahlen und störende Reflexe abzuhalten, undurchsichtig und auf der Innenseite geschwärzt sein.

Bei der photographischen Camera (§ 152) kann die transparente Glasplatte nach erfolgter genauer Einstellung der Vereinigungsweite herausgenommen und durch eine, mit der lichtempfindlichen Kollodiumschicht überzogene Glasplatte ersetzt werden. Anstatt der einfachen Sammellinse dient ein achromatisches und aplanatisches Linsensystem (§ 160), dessen Öffnung zur Erzielung möglichst großer Lichtstärke so groß gewählt wird, als es mit der Schärfe des Bildes verträglich ist.

§ 160. Achromatisches Prisma; achromatische und aplanatische Linsensysteme. Infolge der verschiedenen Brechbarkeit der farbigen Bestandteile des weißen Lichtes ist die Brennweite einer Linse für die verschiedenen Strahlen des Spektrums nicht gleich, sondern am kleinsten für die am stärksten brechbaren violetten, am größten für die minder brechbaren, roten Strahlen. Diese chromatische Abweichung thut der Schärfe der durch Linsen erzeugten Bilder bedeutenden Eintrag, indem dieselben von farbigen Säumen umgeben erscheinen. Es war deshalb von Wichtigkeit, ein Mittel aufzufinden, um eine Ablenkung des Lichtes ohne gleichzeitige Farbenzerstreuung zu erzeugen. Dieser Zweck wird erreicht durch Kombination zweier Prismen oder Linsen, deren Substanzen bei nahe gleichem mittleren Brechungsvermögen ein sehr ungleiches Farbenzerstreuungsvermögen besitzen (§ 151).

Unter den Glassorten ist das bleihaltige Flintglas durch ein verhältnismäßig hohes Farbenzerstreuungsvermögen ausgezeichnet. Verbindet man daher ein Crownglasprisma C (Fig. 159) mit einem Flintglasprisma F von kleinerem brechenden Winkel, so daß die brechenden Kanten beider Prismen entgegengesetzte Lage haben, so wird bei passend gewähltem Verhältnis der brechenden Winkel die Farbenzerstreuung fast völlig, die Ablenkung aber nur zum Teil aufgehoben.

Ebenso gelingt es, durch passende Kombination einer Konvexlinse von Crownglas mit einer Konkavlinse aus Flintglas, eine achromatische Doppellinse (Fig. 160) zu erhalten, welche alle Strahlen des Spektrums in gleicher Brennweite vereinigt. Die (von Newton irrtümlich für unmöglich gehaltene) Konstruktion achromatischer Objektive durch Hall (1729) und Dollond (1759) bildete einen sehr wesentlichen Fortschritt in der Vervollkommenung der optischen Instrumente.

Wenn ein bei B eintretender Lichtstrahl AB durch die Brechung in ein Lichtbündel zerspalten ist, dessen Verlauf im Innern der achromatischen Prismenverbindung in der Figur 159 durch den Gang BD_1E_1 der roten, bezüglich BD_2E_2 der violetten Randstrahlen dargestellt sein soll, so müssen, wenn die Farbenzerstreuung zuletzt beseitigt sein soll, die Strahlen bei E_1 und E_2 in paralleler Richtung heraustreten, weil sie dann in ihrem weiteren Verlauf dieselbe Erscheinung darbieten, wie Strahlen, die mit doppelter Brechung durch eine planparallele Platte hindurchgegangen sind.

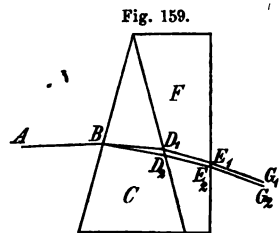
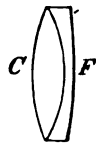


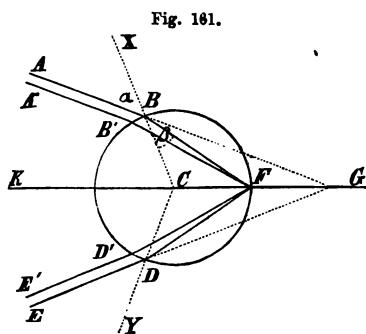
Fig. 160.



Ein zweiter Fehler der durch Linsen erzeugten Bilder besteht in der sogenannten sphärischen Aberration oder Abweichung wegen der Kugelform der brechenden Fläche. Infolge dieser Abweichung werden nämlich erstens die von einem Punkt des Objekts ausgehenden Strahlen nicht genau in einem Punkt, sondern auf einer kaustischen Fläche vereinigt, und zweitens ist das Bild nicht genau geometrisch ähnlich dem Objekt, sondern zeigt Verzerrungen, welche sich namentlich an den Rändern des Gesichtsfeldes optischer Instrumente bemerkbar machen. Auch dieser Fehler kann durch passende Wahl der Krümmungshalbmesser der lichtbrechenden Flächen, namentlich wenn mehrere Linsen zu einem Objektivsystem kombiniert werden, beträchtlich vermindert werden. Eine Verbindung von Linsen, durch welche die sphärische Abweichung möglichst vollständig aufgehoben ist, heißt ein aplanatisches Linsensystem.

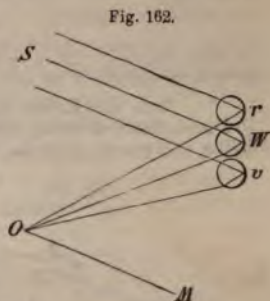
Linsen aus Edelsteinen, namentlich Diamant, erfordern bei gleicher Brennweite wegen des hohen Brechungsvermögens eine geringere Krümmung der Flächen, gehen daher eine geringere sphärische Aberration, doch sind sie wegen der Kostspieligkeit und Schwierigkeit ihrer Herstellung wenig in Gebrauch.

§ 161. Regenbogen. Auf der Brechung und Reflexion der Sonnenstrahlen im Innern kugelförmiger Wassertropfen beruht die Erscheinung des Regenbogens. Dieser besteht in einem farbigen Kreisbogen von etwa 41° Halbmesser, welchen man erblickt, wenn die Sonne einer regnenden Wolke gegenübersteht, oder auch, wenn der Wasserstaub eines Wasserfalles oder eines Springbrunnens von den Sonnenstrahlen beleuchtet wird. Der Mittelpunkt des farbigen Bogens liegt jederzeit auf der Verbindungslinie des Auges mit dem der Sonne diametral gegenüberstehenden, also unter dem Horizont gelegenen, Punkt der Himmelskugel. Der Regenbogen erscheint daher flacher bei höherem, höher bei niederem Stand der Sonne und wird zum vollständigen Halbkreis, wenn die Sonne gerade im Horizont steht. Die Farbenfolge des Regenbogens gleicht der eines Spektrums, in welchem die Farben unvollständig getrennt sind, und zwar ist der violette Saum nach innen, der rote nach außen gekehrt. Häufig ist der Hauptregenbogen von einem etwas blässeren Nebenregenbogen von größerem Halbmesser begleitet, in welchem die Farbenfolge die umgekehrte ist. Die von Cartesius gegebene Erklärung des Regenbogens ist im wesentlichen die folgende: Die in paralleler Richtung auf einen Wassertropfen fallenden Sonnenstrahlen werden durch die Brechung und Reflexion im Innern des



Tropfens im allgemeinen in divergierenden Richtungen zerstreut. Gewisse Strahlen werden aber, nachdem sie eine einmalige Reflexion im Innern des Tropfens erlitten haben, vorzugsweise nach einer bestimmten Richtung zurückgeworfen und machen deshalb einen stärkeren Eindruck auf das Auge. Dies findet nämlich statt, wenn die benachbarten, in paralleler Richtung den Tropfen treffenden Strahlen AB , $A'B'$ (Fig. 161), nachdem sie nach F gebrochen und von da nach D (D') reflektiert worden sind, nicht in divergierender, sondern wieder in paralleler Richtung austreten. Diese wirksamen Strahlen bilden nun, wie unten gezeigt wird,

mit den eintretenden Strahlen einen Winkel von etwa 41° , der aber, infolge der Verschiedenheit der Brechungsexponenten, für die roten Strahlen etwas größer ist als für die violetten, indem er für jene $42^\circ 30'$, für diese $40^\circ 40'$ beträgt. Das Auge eines in O (Fig. 162) befindlichen Beobachters wird also in einer Richtung ro , die mit $OM \parallel SW$ einen Winkel von $42\frac{1}{2}^\circ$ einschließt, vorzugsweise von roten, in der Richtung vo , die mit OM einen Winkel von $40^\circ 40'$ bildet, von violetten Strahlen getroffen werden. Denkt man sich die Figur um OM als Axe gedreht, so sieht man, daß die roten Strahlen einen Bogen von $42^\circ 30'$, die violetten einen Bogen von $40^\circ 40'$ Halbmesser um den der Sonne gegenüberliegenden Punkt der Himmelskugel bilden müssen. In ähnlicher Weise entsteht der Nebenregenbogen durch Strahlen, welche nach zweimaliger, innerer Reflexion (Fig. 163) aus dem Wassertropfen austreten. Die roten Strahlen werden dabei vorzugsweise nach Richtungen reflektiert, welche mit den eintretenden einen Winkel von $50^\circ 6'$ bilden, während dieser Winkel für die violetten Strahlen $53^\circ 9'$ beträgt.



Ist C (Fig. 161) der Mittelpunkt des Wassertropfens, so bildet CBX das Einfallslot für den einfallenden Strahl AB . Der Einfallswinkel ABX werde mit α , der Brechungswinkel CBF mit β bezeichnet. Im Punkt F tritt ein Teil des Strahles aus dem Wassertropfen aus; dieser Teil hat jedoch, da er nicht in das Auge gelangt, für die Erklärung des Regenbogens keine Bedeutung. Ein anderer Teil wird in der Richtung FD reflektiert und tritt bei D aus, indem er nach DE gebrochen wird. Da die Dreiecke BCF und FCD gleichschenkelig sind, und nach dem Reflexionsgesetz $\angle BFC = \angle CFD$ ist, so sind die 4 Winkel an den Grundlinien dieser Dreiecke einander gleich und $FDC = \beta$, mithin $\angle EDY = \alpha$. Verlängert man die Richtungen des einfallenden und des austretenden Strahles, bis sie sich in G durchschneiden, so ist $\angle AGE = \delta$ der Winkel, welchen die austretenden mit den einfallenden Strahlen einschließen, und wenn der benachbarte Strahl $A'B'$ in einer mit DE parallelen Richtung $D'E'$ austreten soll, so muß $\delta' = \delta$ sein. Es ist aber $\angle KCB = \angle CBG + \angle GCB$, und da $KCB = 2\beta$, $CBG = \alpha$, $GCB = \frac{1}{2}\delta$ ist, so ergibt sich $\frac{1}{2}\delta = 2\beta - \alpha$, ebenso $\frac{1}{2}\delta' = 2\beta' - \alpha'$. Die Bedingung des parallelen Austritts ist also, daß $2\beta - \alpha = 2\beta' - \alpha'$, oder $\alpha' - \alpha = 2(\beta' - \beta)$ sei. Wird die sehr kleine Differenz $\alpha' - \alpha$ mit x , $\beta' - \beta$ mit y bezeichnet, so daß also $\alpha' = \alpha + x$, $\beta' = \beta + y$ ist, so muß $x = 2y$ sein. Nach dem Brechungsgesetz hat man

$$\begin{aligned} \sin \alpha &= n \sin \beta, \\ \sin (\alpha + x) &= n \sin (\beta + y), \end{aligned}$$

folglich:

$$\sin (\alpha + x) - \sin \alpha = n [\sin (\beta + y) - \sin \beta],$$

oder:

$$2 \sin \frac{1}{2} x \cos \left(\alpha + \frac{1}{2} x \right) = 2 n \sin \frac{1}{2} y \cos \left(\beta + \frac{1}{2} y \right).$$

Da die Sinus sehr kleiner Winkel den entsprechenden Bogen proportional sind, und da ohne merklichen Fehler $\cos \alpha$ für $\cos \left(\alpha + \frac{1}{2} x \right)$ und $\cos \beta$ für $\cos \left(\beta + \frac{1}{2} y \right)$ gesetzt werden darf, so wird

$$x \cos \alpha = n y \cos \beta,$$

und da zum parallelen Austritt die Bedingung

$$x = 2y$$

erforderlich war, so ergibt sich:

$$2 \cos \alpha = n \cos \beta,$$

mithin:

$$4 \cos \alpha^2 = n^2 \cos \beta^2,$$

und da:

$$\sin \alpha^2 = n^2 \sin \beta^2,$$

so folgt:

$$1 + 3 \cos \alpha^2 = n^2$$

und:

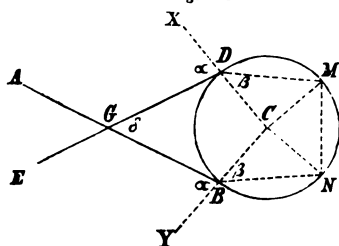
$$\cos \alpha = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{3}}.$$

Für rote Strahlen ist $n = 1.330$ mithin $\alpha = 59^\circ 35'$, $\beta = 40^\circ 25'$, $\delta = 42^\circ 30'$.
 Für violette Strahlen ist $n = 1.343$ „ $\alpha = 58^\circ 50'$, $\beta = 39^\circ 35'$, $\delta = 40^\circ 40'$.

Also die Breite des Regenbogens gleich $1^\circ 50'$.

Durch den Umstand, daß die Sonne nicht ein leuchtender Punkt ist, sondern als Scheibe von etwas mehr als $\frac{1}{2}^\circ$ Durchmesser erscheint, wird die Breite des Regenbogens noch um so viel vergrößert. Aus demselben Grunde ist die Trennung der Farben des Spektrums im Regenbogen keine vollständige.

Fig. 163.



Für den Nebenregenbogen sei $ABNMDE$ der Weg des im Innern des Tropfens bei M und N zweimal reflektierten Strahles. Im Fünfeck $CDMNB$ ist jeder der Winkel CDM und $GBN = \beta + 180^\circ - \alpha$, jeder der Winkel DMN und $BNM = 2\beta$, also die Summe dieser vier Winkel $360^\circ + 6\beta - 2\alpha$. Da alle Winkel des Fünfecks zusammen 6β oder 540° betragen, so ergibt sich der fünfte Winkel

$$\delta = 180^\circ + 2\alpha - 6\beta.$$

Als Bedingung des Parallelismus der austretenden Strahlen ergibt sich daraus $3(\beta' - \beta) = \alpha' - \alpha$ oder:

$$\alpha = 3\beta.$$

woraus, auf ähnliche Weise wie oben, folgt:

$$\cos \alpha = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{8}}.$$

Für rote Strahlen wird $\alpha = 72^\circ 4'$, $\beta = 45^\circ 40.3'$, $\delta = 50^\circ 6'$.

Für violette Strahlen wird $\alpha = 71^\circ 31.4'$, $\beta = 44^\circ 59'$, $\delta = 53^\circ 9'$.

Mithin die Breite des Nebenregenbogens gleich $3^\circ 3'$, wobei dieselbe Bemerkung gilt, wie oben. Die in divergierenden Richtungen zerstreuten Strahlen schließen mit den einfallenden Strahlen beim Hauptregenbogen kleinere, beim Nebenregenbogen größere Winkel ein, als die wirksamen Parallelstrahlen. Es erklärt sich daraus, daß die zwischen beiden Bogen liegende, etwa $7\frac{1}{2}^\circ$ breite Zone dunkler erscheint, als die innerhalb des Hauptbogens und außerhalb des Nebenbogens liegenden Teile der Wolke.

Das Auge und das Sehen.

§ 162. Das Auge. Die Wahrnehmung der Lichtempfindungen geschieht mittelst des Sehnerven (nervus opticus), welcher sich in der Netz- oder Nervenhaut des Augapfels ausbreitet. Der Augapfel liegt im Innern der von den Schädel- und Gesichtsknochen gebildeten Augenhöhle, von Fett und Bindegewebe umgeben. Die Bewegungen des Augapfels werden durch vier gerade und zwei schiefe Augenmuskeln bewirkt, welche sich einerseits an die Knochen der Augenhöhle, andererseits an die äußere, weisse oder harte Haut des Augapfels ansetzen. Als äußere Schutzorgane des Augapfels dienen die mit Wimpern besetzten Augenlider und die in der Augenhöhle über dem äußeren Augenwinkel liegende Thränendrüse, welche die Thränenfeuchtigkeit absondert.

Der Augapfel selbst, in Fig. 164 im Durchschnitt dargestellt, hat die Gestalt eines etwas abgeplatteten Sphäroids, indem der Axendurchmesser von vorn nach hinten etwas kürzer ist, als der Querdurchmesser. Äußerlich ist derselbe von einer weißen Haut aus festem, sehnigem Gewebe (tunica sclerotica) *a* umgeben. Der vorderste Teil derselben *b* wird von der durchsichtigen und stärker gewölbten Hornhaut (cornea) gebildet. Die Innenfläche der sclerotica wird, bis zu ihrer Vereinigungsstelle mit der cornea, von der Aderhaut (chorioidea) ausgekleidet, welche größtenteils aus feinen Blutgefäßen gebildet und auf ihrer inneren Seite von einer Schicht von Zellen bedeckt ist, die einen schwarzen Farbstoff (Pigment) enthalten. Diese Pigmentschicht verhindert die Reflexion des Lichtes von den Innenwänden des Augapfels. (Das Pigment fehlt bei den sogenannten Albinos unter Menschen und Tieren, z. B. den meisten Kaninchen, ferner im sogenannten *tapetum* mancher Säugetiere.) Eine Fortsetzung der Aderhaut bildet die ringförmige, farbige Regenbogenhaut (iris) *d*. Diese ist von einer (beim Menschen kreisrunden) Öffnung, der Pupille, durchbrochen, durch welche die Lichtstrahlen in das Innere des Auges eindringen. Die Regenbogenhaut enthält ein System ringförmiger und ein System radialer Muskelfasern, mittelst deren die Pupille verengt und erweitert und demnach die in das Auge eingelassene Lichtmenge nach Bedürfnis reguliert werden kann. Auf der Innenseite der Aderhaut breitet sich in der Netzhaut (retina) *e* der Sehnerv *f* aus, dessen Fasern die äußeren Häute des Augapfels durchbrechen, während die Nervenscheide desselben in die sclerotica übergeht. Die Eintrittsstelle des Sehnervs liegt nicht der Pupille genau gegenüber in der Axe des Auges, sondern etwas mehr nach der Innenseite und ist dadurch bemerkbar, daß die Netzhaut an dieser Stelle, dem Mariotteschen blinden Fleck, empfindungslos ist (s. u.). Bemerkenswert ist ferner der gelbe Fleck (macula lutea) der Netzhaut *g*, als die Stelle, mittelst welcher die Lichteindrücke am deutlichsten wahrgenommen werden, und auf welche das Bild desjenigen Gegenstandes fällt, auf den wir die Augenaxe richten.



Fig. 164a.



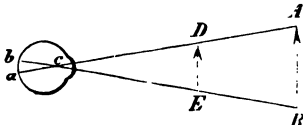
Zum Nachweis des blinden Flecks dient Fig. 164a. Man schliese das linke Auge, fixiere mit dem rechten das weiße Quadrat und nähere die Figur dem Auge bis auf etwa 25 cm, so wird der weiße Kreis verschwinden, weil die

von ihm ausgehenden Lichtstrahlen die Netzhaut innerhalb des blinden Flecks erreichen, während das Kreuz sichtbar bleibt. In weiterer Entfernung kommt der Kreis wieder zur Erscheinung.

Auf der Netzhaut wird ein umgekehrtes, verkleinertes Bild der vor dem Auge befindlichen Gegenstände durch die Brechung des Lichts in den durchsichtigen Augenmedien erzeugt (§ 158). Die Krystalllinse ist ein äußerst durchsichtiger, farbloser, bikonvexer Körper, dessen vordere, der Pupille zugewendete Fläche weniger gewölbt ist, als die hintere. Dieselbe besteht aus zahlreichen, über einander gelagerten Schichten, deren Festigkeit und Lichtbrechungsvermögen von außen nach innen zunimmt. Sie wird von der Linsenkapsel umschlossen und durch den Strahlenkörper (ligamentum ciliare) *c* in ihrer Lage, dicht hinter der Regenbogenhaut, festgehalten. Der kleinere, vordere Raum des Augapfels *i*, zwischen der Hornhaut und Regenbogenhaut, ist mit der wässrigen Feuchtigkeit (humor aqueus), der hintere Raum *k*, zwischen Linse und Netzhaut, mit dem gallertartigen Glaskörper (humor vitreus) ausgefüllt.

§ 163. Sehwinkel, scheinbare Gröfse. Unter den von einem leuchtenden Punkt in das Auge gelangenden Lichtstrahlen ist einer, dessen Richtung durch die Brechung in den Augenmedien keine bleibende Änderung erleidet (vergl. § 158), und welcher der Haupt- oder Richtungsstrahl dieses Punktes genannt wird. Die Hauptstrahlen sämtlicher Punkte eines vor dem Auge befindlichen Gegenstandes, dessen umgekehrtes Bild auf der Netzhaut entsteht, kreuzen sich in einem Punkt im Inneren des Auges, welcher dem optischen Mittelpunkt (§ 158) einer Linse analog ist und der Kreuzungspunkt der Richtungsstrahlen heißt. Derselbe liegt innerhalb der Krystalllinse, in der Nähe ihrer hinteren Grenzfläche. Der von den Richtungsstrahlen zweier Punkte *A* und *B* (Fig. 165) eingeschlossene

Fig. 165.



Winkel *AcB* heißt der Sehwinkel, unter welchem uns die Verbindungslinie der beiden Punkte erscheint. Zwei Gegenstände von sehr verschiedener Gröfse *DE* und *AB* können uns unter gleichem Sehwinkel erscheinen, wenn sie sich in verschiedenen Entfernungen vom Auge befinden. Mit wachsender Entfernung nimmt der Sehwinkel ab. Da die scheinbare Gröfse, in welcher wir einen Gegenstand erblicken, nur durch den Sehwinkel bestimmt ist, so ist zur Beurteilung der wahren Gröfse außerdem die Kenntnis der Entfernung erforderlich, in welcher sich der Gegenstand befindet.

Ein unrichtiges Urteil über die Entfernung eines Körpers hat daher zugleich eine fehlerhafte Beurteilung seiner wahren Gröfse zur Folge. Ein Körper, den wir für näher halten, als er ist, erscheint uns gleichzeitig zu klein, ein Körper, dessen Entfernung wir überschätzen, zu groß. Über die Mittel zur Schätzung der Entfernung s. unten § 168.

Sonne und Mond erscheinen uns unter nahezu gleichem Sehwinkel, oder haben gleichen scheinbaren Durchmesser von etwa 31', indem erstere zwar dem Durchmesser nach 400 mal gröfser, aber auch 400 mal entfernter ist als letzterer. Beide erscheinen uns viel kleiner als sie sind, weil wir ihre Entfernung zu gering schätzen.

§ 164. Sehweite, Accommodation, Fernsichtigkeit und Kurzsichtigkeit. Damit ein scharfes Bild eines vor dem Auge befindlichen Gegenstandes auf der Netzhaut entstehe, der Gegenstand also deutlich

gesehen werden könne, muß sich derselbe in einer bestimmten Entfernung vom Auge, der Weite des deutlichen Sehens, befinden (§§ 156, 159). Diese beträgt im Mittel bei gesunden Augen etwa 24 cm (9 Zoll). Bei Kurzsichtigen ist sie geringer, bei Weitsichtigen größer. Bei ersteren vereinigen sich die Strahlen infolge zu starker Wölbung der Krystalllinse oder der Hornhaut schon vor der Netzhaut, so daß der Gegenstand dem Auge näher gerückt werden muß, um auf der Netzhaut ein deutliches Bild zu erzeugen; das Umgekehrte findet bei Weitsichtigen statt. Ersterem Fehler kann durch konkave, letzterem durch konvexe Brillengläser abgeholfen werden.

Die Entfernung des deutlichen Sehens ist jedoch für das Auge nicht, wie die Bildweite anderer optischen Instrumente, eine unveränderlich bestimmte. Das Auge besitzt nämlich die Fähigkeit, sich der Entfernung des gesehenen Gegenstandes innerhalb gewisser Grenzen anzupassen oder zu accommodieren. Der nächste Punkt, für den sich ein normales Auge noch vollständig zu accommodieren vermag, pflegt in etwa 12 cm Entfernung zu liegen. Durch die Untersuchungen von Helmholtz ist festgestellt worden (angedeutet in Fig. 164), daß die Accommodation hauptsächlich durch eine Änderung der Krümmung der vorderen Fläche der Krystalllinse bewirkt wird. Außerdem verengt sich die Pupille bei der Accommodation für die Nähe und erweitert sich beim Sehen in die Ferne. Denselben Erfolg hat jedoch auch ein Wechsel in der Helligkeit der Beleuchtung.

Beindet sich ein Gegenstand nicht in der deutlichen Sehweite, oder innerhalb des Bereiches der Accommodationsfähigkeit des Auges, so erzeugt ein leuchtender Punkt des Gegenstandes auf der Netzhaut nicht einen Bildpunkt, sondern einen kleinen Zerstreuungskreis, und durch das Übereinandergreifen der Zerstreuungskreise benachbarter Punkte wird das Netzhautbild undeutlich. Um dies zu veranschaulichen und um die Grenze des Accommodationsvermögens genau zu bestimmen, dient am besten der Scheinersche Versuch (1619). Sticht man in ein Kartenblatt dicht neben einander zwei feine Löcher, deren Abstand kleiner sein muß als der Durchmesser der Pupille, und betrachtet durch die dicht vor das Auge gehaltenen Öffnungen eine Nadelspitze, so erscheint dieselbe einfach, wenn sie sich innerhalb des Bereiches des deutlichen Sehens befindet, dagegen doppelt, wenn sie diesseits oder jenseits der Grenzen der Accommodationsfähigkeit befindlich ist. Durch die Öffnungen werden aus dem von einem Punkt des Objekts auf die Pupille fallenden Strahlenbündel zwei Strahlen ausgesondert, die sich in einem Punkt der Netzhaut vereinigen, wenn der Gegenstand in der deutlichen Sehweite ist, sonst aber anstatt des Zerstreuungskreises zwei getrennte Bilder erzeugen. Die mit der Lichtbrechung im Auge verbundene Farbenzerstreuung ist zwar verhältnismäßig gering und beim gewöhnlichen Sehen nicht bemerkbar, doch läßt sich ihr Vorhandensein durch verschiedene Versuche nachweisen, welche zeigen, daß die Grenzen der Accommodationsweite für rote und für violette Strahlen verschieden sind.

Um deutlich wahrgenommen zu werden, muß das Netzhautbild im allgemeinen eine gewisse Größe haben. Zwar sind Objekte von großer Lichtstärke, wie die Fixsterne, selbst bei verschwindend kleinem Schwinkel (§ 163) noch sichtbar; um aber zwei Lichtpunkte noch getrennt wahrnehmen zu können, muß ihr scheinbarer Abstand unter den günstigsten Verhältnissen etwa eine Bogenminute betragen. In der deutlichen Sehweite von 24 cm können demnach zwei helle Linien oder Punkte nicht mehr getrennt wahrgenommen werden, deren Abstand weniger als 0,07 mm beträgt.

§ 165. Dauer der Lichteindrücke. Ein schnell bewegter, leuchtender oder glänzender Körper erscheint dem Auge als zusammenhängender Lichtstreif; die Speichen eines schnell rollenden Rades können nicht einzeln unterschieden werden. Eine um ihren Mittelpunkt schnell rotierende

Scheibe, deren Sektoren abwechselnd schwarz und weiß bemalt sind, erscheint gleichförmig grau; sind die Sektoren abwechselnd verschieden gefärbt, so erblickt man eine Mischfarbe. Werden die Sektoren in entsprechender Breite und Helligkeit mit den Farben des Spektrums bemalt, so kann man annähernd reines Weiß aus denselben zusammensetzen (§ 145). Im momentanen Licht des elektrischen Funkens dagegen (§ 280) erscheint der Farbenkreisel ruhend mit vollständig getrennten Farben. Diese Erscheinungen finden ihre Erklärung in dem Umstand, daß die Lichtempfindung oder der Reizungszustand der Netzhaut nicht genau gleichzeitig mit dem Bild verschwindet, sondern noch kurze Zeit andauert. Intermittierende Lichteindrücke, welche in Intervallen von etwa $\frac{1}{20}$ Sekunde auf einander folgen, können nicht mehr getrennt wahrgenommen werden.

Auf der Dauer der Lichteindrücke beruhen mehrfache optische Täuschungen, wie bei den stroboskopischen Scheiben von Stampfer (1892) (Phänakistiskop nach Plateau) und Plateaus Anorthoskop (1896).

Irradiation. Ein weißes Quadrat auf schwarzem Grunde erscheint größer als ein in Wirklichkeit genau gleiches, schwarzes Quadrat auf weißem Grunde (Fig. 166). Diese und analoge Erscheinungen erklären sich durch die sogenannte Irradiation. Von dem unmittelbar von einem Lichtreiz getroffenen Teile der Netzhaut verbreitet sich nämlich der Reizzustand, auch bei vollkommener Accommodation, auf die unmittelbar benachbarten Teile und läßt so die vom Reiz getroffene Stelle etwas größer erscheinen, als sie in Wirklichkeit ist.

Fig. 166.



§ 166. Positive und negative Nachbilder, subjektive Farbenerscheinungen. Wenn man das Auge, nachdem es von einem sehr intensiven Lichteindruck, z. B. von direktem Sonnenlicht, getroffen worden ist, auf einen dunklen Hintergrund richtet, oder es schließt,

so erblickt man an der dem Ort des Lichtreizes entsprechenden Stelle einen hellen, meist farbigen Fleck, oder ein sogenanntes positives Nachbild, welches allmählich schwächer wird, und nachdem es durch verschiedene Farbentöne hindurchgegangen ist, verschwindet. Dasselbe erklärt sich durch einen längere Zeit andauernden Reizungszustand der vom Licht getroffenen Stelle der Netzhaut. Das farbige Abklingen des Nachbildes beweist zugleich, daß die Dauer des durch die verschiedenen Farben erzeugten Reizungszustandes des Sehnerven eine verschiedene ist. War das Auge vorher an Dunkelheit gewöhnt, so genügen schon viel schwächere Lichteindrücke, z. B. der Anblick des hellen Himmels durch ein Fenster, um positive Nachbilder zu erzeugen.

Blickt man hingegen, nachdem man einen hellen Gegenstand einige Zeit lang fixiert hat, auf eine gleichmäßig helle, weiße Fläche, so sieht man an der dem früheren Ort des Gegenstandes entsprechenden Stelle einen dunklen Fleck von gleicher Form, ein negatives Nachbild; legt man ein aus schwarzem Papier geschnittenes Quadrat auf eine weiße Fläche und entfernt dasselbe plötzlich, nachdem man es einige Zeit fixiert hat, so erscheint an der entsprechenden Stelle ein helles Quadrat. Die Entstehung dieser negativen Nachbilder beruht darauf, daß durch den vorhergegangenen Lichteindruck die Empfindlichkeit der Netzhaut an der entsprechenden Stelle abgestumpft wird. Nach längerem Aufenthalt im Dunkeln blendet schon das mäßige Tageslicht, und umgekehrt muß sich

das Auge nach dem Eintritt in ein dunkles Zimmer erst an die Dunkelheit gewöhnen, d. h. sich von den vorhergegangenen stärkeren Lichteindrücken ausruhen, bevor es die Gegenstände deutlich zu unterscheiden vermag. Wird ein farbiges, z. B. rotes Papier, auf weißem Grunde fixiert und dann plötzlich entfernt, oder durch veränderte Richtung der Augenaxe eine andere Stelle des weißen Grundes fixiert, so erblickt man ein Nachbild in der komplementären Farbe (§ 147), also grün. Durch die Betrachtung des roten Papiers ist die Empfindlichkeit der getroffenen Netzhautstelle für die roten Strahlen des weißen Lichtes abgestumpft, und es überwiegt die Reizung durch diejenigen Strahlen, die in dem roten Licht nicht enthalten waren, und deren Zusammensetzung das komplementäre Grün erzeugt.

Man nennt die so erzeugten Nachbilder und Farbenerscheinungen subjektive, weil dieselben nicht dem wirklichen betrachteten Gegenstand angehören, sondern nur in der subjektiven Beschaffenheit des Auges ihren Grund haben. Überhaupt wird unser Urteil über Farbenerscheinungen wesentlich durch den Kontrast beeinflusst. Gasflammen, deren Licht, für sich betrachtet, völlig weiß erscheint, zeigen in der Dämmerung oder bei Mondschein, am meisten bei elektrischer Beleuchtung, eine stark rötliche Färbung. In der Abenddämmerung erscheinen die durch eine Kerzenflamme verursachten Schatten, die vom Tageslicht getroffen werden, bläulich, die vom Tageslicht geworfenen Schatten dagegen, welche vom Kerzenlicht beleuchtet werden, rötlich gefärbt, während wir Lichter und Schatten für farblos halten, wenn nur Tageslicht oder nur Kerzenlicht vorhanden ist. — Läßt man durch zwei nebeneinander befindliche Öffnungen des Fensterladens Lichtstrahlen in ein dunkles Zimmer fallen, so erzeugen dieselben auf einem weißen Papierschirm zwei helle Flecke. Bedeckt man eine Öffnung mit einem roten Glase, so erscheint der von der anderen Öffnung herrührende weiße Fleck grün, und umgekehrt.

§ 167. Binokulares Sehen. Obgleich wir die uns umgebenden Gegenstände mit zwei Augen betrachten, so kombinieren wir doch in der Regel beide Gesichtseindrücke in der Vorstellung zu einem einzigen Bilde. Wir sehen nämlich einen Gegenstand einfach, wenn seine Bilder in beiden Augen auf entsprechende Stellen der Netzhaut fallen. Wenn wir einen Punkt A (Fig. 167) fixieren, so richten wir beide Augenachsen auf diesen Punkt, so daß sein Bild in jedem Auge auf das Centrum der Netzhaut, den Punkt des deutlichsten Sehens (§ 162), fällt. Diese Punkte a, a' sind entsprechende, und der Punkt A wird einfach gesehen. Es entsprechen einander ferner diejenigen Punkte beider Netzhäute, welche vom Mittelpunkt a gleich weit und in gleicher Richtung entfernt sind. So wird der Punkt B mit A zugleich einfach gesehen, wenn $ab = a'b'$ ist.

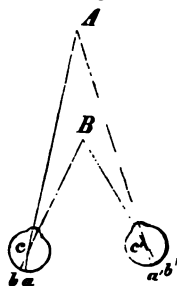
Fig. 167.



Liegen beide Punkte in einer durch die optischen Mittelpunkte beider Augen c, c' gelegten Ebene, so muß $\angle AcB = \angle Ac'B$ sein, woraus folgt, daß nur diejenigen in dieser Ebene gelegenen Punkte mit A gleichzeitig einfach gesehen werden können, welche auf der Peripherie eines durch c, c' und A gelegten Kreises liegen, welchen man den Horopterkreis nennt. Daß wir in der That alle übrigen Gegenstände doppelt sehen, wenngleich bei mangelhafter Aufmerksamkeit die Doppelbilder in der Regel nicht zum Bewußtsein kommen, läßt sich durch den Versuch leicht nachweisen. Betrachtet man gleichzeitig mit Aufmerksamkeit zwei in verschiedener Entfernung von den Augen, in der Mittellinie gelegene Gegenstände A, B (Fig. 168), z. B. zwei in vertikaler Richtung vor das Gesicht gehaltene Stäbchen, so wird, wenn man einen von beiden Körpern fixiert, der

andere jedesmal doppelt gesehen. Fixiert man z. B. den entfernteren Punkt *A*, so fallen seine Bilder in beiden Augen auf die identischen Axenpunkte *a, a'*. Die beiden Bilder des Punktes *B* dagegen fallen auf die Punkte *b, b'*, welche auf entgegengesetzten Seiten des Axenpunktes liegen, also einander nicht entsprechen. Doppelbilder entstehen ferner, wenn die Richtungen der Augenaxen durch mechanischen Druck, oder durch unregelmäßige Bewegungen der Augenmuskeln (beim Schielen) in eine nicht entsprechende Lage gebracht werden.

Fig. 168.



§ 168. Beurteilung der Entfernung. Um den Punkt *A* (Fig. 168) zu fixieren, d. h. um denselben einfach und möglichst deutlich zu sehen, müssen die Augenaxen unter einem spitzeren Winkel konvergieren, als bei der Fixierung eines näher gelegenen Punktes *B*. Bei Betrachtung eines sehr entfernten Gegenstandes sind beide Augenaxen parallel gerichtet. Der Grad der Konvergenz der Augenaxen kann daher als Hilfsmittel für die Beurteilung der Entfernungen dienen. In der That ist unser Urteil über die Entfernung der Gegenstände bei Betrachtung mit zwei Augen viel sicherer als mit einem Auge, wie man sich z. B. beim Einfädeln einer Nähnadel überzeugen kann.

Außerdem wird das Urteil über die Entfernung unterstützt durch die Verschiedenheit der Accommodation für nahe und entfernte Gegenstände, durch den Sehwinkel (§ 163), unter welchem uns Gegenstände von bekannter, absoluter Größe erscheinen, durch Wahrnehmung zwischenliegender Gegenstände von bekannter Entfernung, Trübung des Lichts durch zwischenliegende Luftschichten, u. s. w. Trotz aller dieser Momente, die zur Beurteilung der Entfernungen beitragen, ist dieselbe unter ungewohnten Umständen großen Täuschungen ausgesetzt. Vertikale Entfernungen werden im Verhältnis zu horizontalen zu gering geschätzt. Auf hohen Bergen, über Wasserflächen werden bei Mangel zwischenliegender Gegenstände die Entfernungen von Ungeübten ebenfalls stets zu gering geschätzt. Urteil über Größe und Entfernung von Sonne und Mond, je nach der Höhe über dem Horizont. Scheinbar abgeflachte Gestalt des Himmelsgewölbes.

§ 169. Körpersehen, Stereoskop. Betrachten wir einen Körper mit beiden Augen, so sind die Bilder auf beiden Netzhäuten nicht kongruent. Der Körper müßte vielmehr, um sich beiden Augen nach einander in der gleichen Lage darzubieten, um einen gewissen Winkel gedreht werden. Es können daher auch, genau genommen, nur die Bilder des gerade fixierten Punktes des Körpers auf identische Netzhautstellen fallen, und indem wir nach einander verschieden entfernte Punkte des Körpers fixieren und dabei die Konvergenz der Augenaxen verändern, gewinnen wir die Vorstellung von der Ausdehnung des Körpers in der Tiefenrichtung, welche allerdings durch den Einfluß der Beleuchtung, die Verteilung von Licht und Schatten wesentlich unterstützt wird. Eine interessante Erläuterung der Beurteilung der körperlichen Dimensionen beim Sehen mit zwei Augen, bietet das Stereoskop von Wheatstone (1838), in welchem beiden Augen zwei verschiedene Bilder desselben Gegenstandes dargeboten werden, deren Kombination den Eindruck des Körperlichen hervorbringt.

In der bequemen Form, welche dem Instrument durch Brewster gegeben

worden ist (als Prismenstereoskop), hat dasselbe folgende Einrichtung. Der Kasten des Stereoskops ist durch eine Scheidewand *A* (Fig. 169) in zwei Abteilungen geteilt, deren jede eines der beiden zusammengehörigen Bilder *B*, *B'*

Fig. 169.

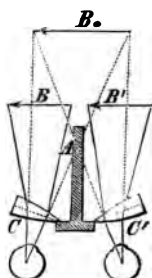
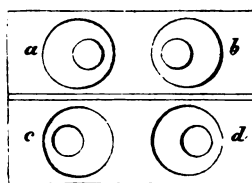


Fig. 170.



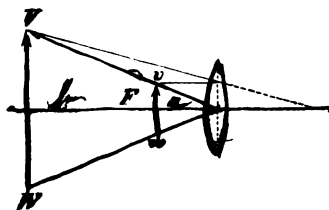
Bei einiger Übung ist es leicht, zwei zusammengehörige stereoskopische Zeichnungen durch gleichzeitige Betrachtung mit beiden Augen, auch ohne Instrument, zu kombinieren. Ein gerader Kegelstumpf würde, von obenher mit dem linken Auge betrachtet, den Anblick *a* (Fig. 170), mit dem rechten, den Anblick *b* gewähren, ein hohlkegelförmiger Trichter hingegen würde, mit dem linken Auge betrachtet, wie *c*, mit dem rechten betrachtet, wie *d* erscheinen. Die stereoskopische Kombination der beiden Bilder *a* und *b* macht daher den Eindruck eines erhabenen, die von *c* und *d* den eines vertieften Kegelstumpfes.

Mikroskop und Fernrohr.

§ 170. Um einen Gegenstand deutlich zu sehen, ist es erforderlich, daß sich derselbe, oder sein optisches Bild in der deutlichen Sehweite (§ 164) befinde, welche für ein normales Auge im Mittel 24 cm (9 par.“) beträgt. Der Zweck der Mikroskope und Teleskope ist, von Gegenständen, welche entweder zu klein oder zu fern sind, um mit bloßem Auge deutlich gesehen zu werden, Bilder zu erzeugen, welche 1) in der deutlichen Sehweite liegen, 2) unter hinreichend großem Sehwinkel und 3) hell genug erscheinen, um den Gegenstand deutlich erkennen zu lassen.

§ 171. Die Lupe oder das einfache Mikroskop besteht in einer einfachen Sammellinse von kurzer Brennweite, oder in einer Kombination von mehreren solchen Linsen. Da wir die Gegenstände nur in einer bestimmten Entfernung deutlich sehen, so kann die zum Erkennen kleiner Gegenstände erforderliche Vergrößerung des Seh winkels nicht durch bloßes Annähern an das Auge erreicht werden. Betrachtet man dagegen durch eine Konvexlinse den Gegenstand *vw* (Fig. 171), welcher sich innerhalb ihrer Brennweite befindet, so werden die von *vw* ausgehenden Strahlen, bevor sie in das Auge gelangen, so gebrochen, als ob sie von dem virtuellen, aufrechten und vergrößerten Bild *VW* herkämen, welches sich in der Entfernung des deutlichen Sehens befindet (§ 158).

Fig. 171.



Die durch die Lupe erreichte Vergrößerung wird bestimmt durch den Quotienten aus der Größe des Bildes und der des Gegenstandes. Ist *a* die Entfernung

des Objekts, b die des Bildes von der Lupe, f deren Brennweite, so ist die Vergrößerung $\frac{b}{a}$, da die Größen von Bild und Objekt in demselben Verhältnis stehen, wie ihre Entfernungen von der Linse. Es ist aber, da das Bild ein virtuelles, also b mit negativem Vorzeichen in Rechnung zu bringen ist, $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{f}$ (§ 158),

mithin $\frac{b}{a} = \frac{b}{f} + 1$. Da die Lupe dicht vor das Auge gehalten wird, so kann b ohne erheblichen Fehler die deutliche Sehweite oder 24 cm gesetzt werden. Demnach würde z. B. eine Lupe von 3 cm Brennweite eine 9malige Vergrößerung gewähren.

Mit Wasser gefüllte Hohlkugeln von Glas, auch Wassertröpfchen können als Lupen dienen. — Cylinderlupen. — Zu stärkeren Vergrößerungen bedient man sich in der Regel eines Systems von mehreren Linsen, um die sphärische Aberration (§ 160) zu verringern und ein größeres Sehfeld zu erhalten, als mit einer einfachen Linse von gleich kurzer Brennweite.

§ 172. Das zusammengesetzte Mikroskop. Die wesentlichen Teile des zusammengesetzten Mikroskops sind das Objektiv, das Okular und der Beleuchtungsapparat. Das Objektiv C (Fig. 172) ist eine Konvexlinse, oder in der Regel ein aus mehreren, achromatischen Doppel-

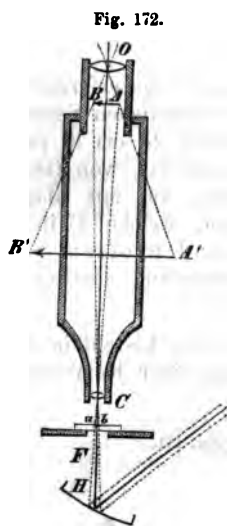


Fig. 172.

linsen zusammengesetztes System von kurzer Brennweite. Dasselbe erzeugt von dem Objekt ab ein stark vergrößertes, umgekehrtes, reelles Bild AB (§ 158), welches durch das Okular O , das als Lupe wirkt, betrachtet wird. Zur Beleuchtung durchsichtiger Objekte dient ein am Stativ des Mikroskops angebrachter, nach allen Seiten frei drehbarer Hohlspiegel H , der die von einem Fenster oder einer Lampe ausgehenden Lichtstrahlen auf dem Objekt konzentriert.

Okular und Objektiv sind zur Abhaltung fremder Lichtstrahlen in einem innen geschwärzten Rohr eingeschlossen. An der Stelle, wo das reelle Bild AB erzeugt wird, ist eine ringförmige Blendung (Diaphragma) angebracht, welche das Gesichtsfeld begrenzt und der Deutlichkeit des Bildes nachteilige Randstrahlen abhält. Häufig ist dieses Diaphragma mit einem Fadenkreuz aus feinen Spinnwebenfäden versehen, um den Mittelpunkt des Gesichtsfeldes zu fixieren, oder es sind in ihm mehrere parallele Fäden ausgespannt, um durch deren bekannten Abstand annähernd die Größe der betrachteten Objekte zu schätzen. Der Tubus des Mikroskops, oder der von einer kreisrunden Öffnung durchbrochene Objektstisch, auf welchem der Gegenstand ruht, kann durch eine feine Schraube zur genauen Einstellung mit sanfter Bewegung gehoben und gesenkt werden. Bei starken Vergrößerungen ist es erforderlich, die zu schief gegen die Axe einfallenden Randstrahlen von der Objektlinse durch ein unter dem Objektstisch bei F angebrachtes Diaphragma mit kreisrunder Öffnung abzuhalten. Die Intensität der Beleuchtung muß zur Erzielung der erforderlichen Helligkeit des Bildes um so größer sein, je stärkere Vergrößerungen man anwendet.

Die Vergrößerung durch das zusammengesetzte Mikroskop ist das Produkt aus der durch das Objektiv und durch das Okular erzeugten Vergrößerung; denn diese Vergrößerungen sind nach § 171 bezüglich dargestellt durch:

$$\frac{A_1 B_1}{ab}, \frac{AB}{ab} \text{ und } \frac{A_1 B_1}{AB}.$$

Für die Klarheit der Bilder ist es zweckmäßig, die Vergrößerung vorzugsweise durch das Objektiv hervorzubringen. Dieses besteht in der Regel aus mehreren

achromatischen Doppellinsen. Als Okular wird anstelle einer einfachen Linse gewöhnlich ein System von zwei Linsen (Campanisches Okular), einer sogenannten Kollektivlinse und der eigentlichen Okularlinse, angewendet. Die vom Objektiv herkommenden Strahlen treffen die Kollektivlinse C (Fig. 173), bevor sie sich zum reellen Bild AB vereinigen, werden dadurch konvergenter gemacht und erzeugen das Bild $A'B'$, welches durch die Okularlinse betrachtet wird. Dadurch wird allerdings die GröÙe des Bildes etwas verringert, man erreicht dagegen den Vorteil eines beträchtlich größeren Gesichtsfeldes.

Zu Messungen mikroskopischer Objekte dient entweder ein auf Glas geritztes Mikrometer, welches auf die Blendung des Okulars gelegt werden kann, und dessen Teilstriche einen für jede Objektivergrößerung ein für allemal bekannten Wert besitzen (Okularmikrometer), oder besser eine feine Mikrometerschraube, mittelst deren der Objektisch seitlich verschoben werden kann. Durch Drehung der Schraube bringt man erst einen, dann den anderen Rand des Objekts in scheinbare Berührung mit einem Faden des im Okular angebrachten Fadenkreuzes. Die am Kopf der Mikrometerschraube abgelesene Verschiebung giebt dann die GröÙe des Gegenstandes an.

Das Sonnen- und Gasmikroskop besteht im wesentlichen nur aus einem Linsensystem von kurzer Brennweite, ähnlich dem Objektiv eines zusammengesetzten Mikroskops, welches ein reelles Bild des nahe an seinem Brennpunkt befindlichen Objektes auf einem gegenüberstehenden, weißen Schirm entwirft, und aus dem Beleuchtungsapparat. Da sehr starke Vergrößerungen erzielt werden, so muß die Intensität der Beleuchtung eine sehr große sein. Beim Gasmikroskop dient als Lichtquelle ein im Knallgasgebläse bis zum hellsten Weißglühen erhitzter Kalkcylinder (Drummonds Kalklicht), dessen Strahlen durch eine Sammellinse von großer Öffnung auf das Objekt konzentriert werden. Beim Sonnenmikroskop ist vor einer Öffnung im Fensterladen eines verfinsterten Zimmers ein Planspiegel angebracht, welcher das Sonnenlicht auf eine Sammellinse von kurzer Brennweite reflektiert, in deren Brennpunkt sich das Objekt befindet (Laterna magica).

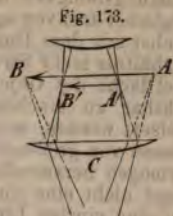


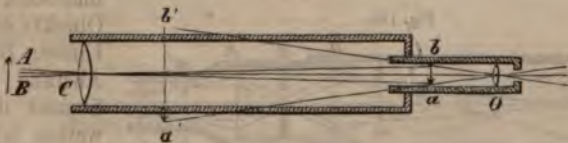
Fig. 173.

§ 173. Das Fernrohr. Man unterscheidet dioptrische Fernrohre (Refraktoren) und katoptrische Fernrohre (Spiegelteleskope, Reflektoren), jenachdem das reelle Bild des entfernten Gegenstandes durch eine Konvexlinse, oder durch einen Hohlspiegel erzeugt wird.

A. Von den dioptrischen Fernröhren sind folgende Gattungen zu unterscheiden:

1. Das astronomische oder Kepplersche Fernrohr besteht aus einer achromatischen Objektivlinse von großer Brennweite C (Fig. 174), welche ein reelles, umgekehrtes, verkleinertes Bild ab des entfernten Ob-

Fig. 174.



jektes AB erzeugt, und aus einer Okularlinse O von kleiner Brennweite, durch welche das Bild betrachtet wird. Das astronomische Fernrohr erzeugt daher umgekehrte Bilder. Objektiv und Okular sind in ein innen geschwärztes Rohr eingeschlossen, dessen Länge durch verstellbare Züge abgeändert werden kann, um das Okular genau in die richtige Ent-

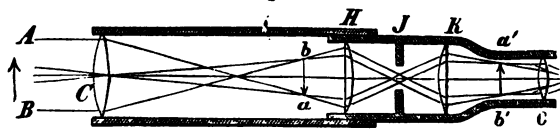
fernung von dem durch das Objektiv erzeugten Bilde einstellen zu können.

Von der Vollkommenheit des Objektivs hängt vorzugsweise der Grad der Leistungsfähigkeit des Fernrohrs ab. Das Bild muß frei von chromatischer und möglichst frei von sphärischer Abweichung sein. Die Lichtstärke des Fernrohrs wächst mit dem Durchmesser oder der Öffnung des Objektivs, da in demselben Verhältnis mehr Strahlen von einem leuchtenden Punkt ins Auge gelangen, als die Oberfläche des Objektivs größer ist. Um sehr lichtschwache Objekte am Himmel sichtbar zu machen, muß daher der Durchmesser des Objektivs möglichst vergrößert werden, wobei namentlich die Schwierigkeit zu überwinden ist, Flintglasmassen von größerer Ausdehnung und vollkommen gleichmäßigem Lichtbrechungsvermögen herzustellen. Als Okular des astronomischen Fernrohrs dient in der Regel nicht eine einzige Konvexlinse, sondern ein System mehrerer Linsen, welche wie eine einzige Linse von kürzerer Brennweite wirken (Ramsdensches Okular), oder seltener ein Campanisches Okular (§ 172). In jedem Fall ist dasselbe mit einem Fadenkreuz versehen. Beim Mikroskop wurde unter der Vergrößerung das Verhältnis zwischen der wirklichen GröÙe des Gegenstandes und der GröÙe des durch das Okular erzeugten, subjektiven Bildes verstanden. Beim Fernrohr dagegen bedarf dieser Begriff einer Modifikation. Da dasselbe nämlich zur Betrachtung entfernter Gegenstände dient, denen wir uns nicht beliebig nähern können, so kommt es darauf an, die scheinbare GröÙe oder den Sehwinkel, unter welchem dieselben von dem gegebenen Standpunkt aus erblickt werden, möglichst zu vergrößern. Dem unbewaffneten Auge erscheint der Gegenstand AB (Fig. 174) unter dem Sehwinkel $ACB = \alpha Cb$. Durch das Fernrohr betrachtet, wird das Bild desselben unter dem Winkel $a'Ob'$ oder αOb erblickt. Das Verhältnis beider Winkel giebt die Vergrößerung des Fernrohrs an. Diese Winkel sind aber annäherungsweise den Entfernungen des Bildes ab vom Objektiv und vom Okular, oder den Brennweiten beider umgekehrt proportional. Man findet daher die Vergrößerung eines Fernrohrs annäherungsweise, indem man die Brennweite des Objektivs durch die des Okulars dividiert.

Der Refraktor der Sternwarte zu Pulkowa hat 38 cm Öffnung und 6,8 m Brennweite und gestattet die Vergrößerung bis zur 2000fachen zu steigern. Doch ist die Anwendung so starker Vergrößerungen nur bei besonders günstigem Zustand der Atmosphäre von Nutzen. Das Naval-Observatorium zu Washington besitzt seit 1875 ein Fernrohr, welches zu den hervorragendsten Leistungen der neueren optischen Kunst gehört, einen Refraktor von 70 cm Objektivöffnung und 10,72 m Brennweite.

§ 173a. 2. Das terrestrische Fernrohr. Bei Betrachtung des Himmels ist der Umstand, daß das astronomische Fernrohr die Bilder der Gegenstände in umgekehrter Lage zeigt, nicht von störendem Einfluß. Um diesen Übelstand bei Betrachtung terrestrischer Objekte zu vermeiden, schiebt man zwischen Objektiv und Okular noch ein System von zwei Linsen ein, welche eine abermalige Umkehrung des Bildes bewirken, dasselbe also wieder aufrecht machen. Das Objektiv C (Fig. 175) entwirft ein umgekehrtes Bild des

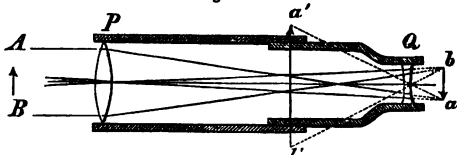
Fig. 175.



umgekehrtes Bild des Objekts, ab ; durch die Linsen H, K , deren Abstand gleich der Summe ihrer Brennweiten ist, und zwischen denen das Diaphragma J angebracht ist, wird von ab ein zweites reelles Bild $a'b'$ in aufrechter Lage erzeugt, welches durch die Okularlinse O betrachtet wird. Kommt, wie es in der Regel der Fall ist, noch eine Kollektivlinse (§ 172) hinzu, so besteht das vollständige terrestrische Okular aus vier Linsen.

3. Das holländische oder Galileische Fernrohr. Dasselbe besteht aus einer Sammellinse, die als Objektiv dient, und einer Zerstreuungslinse, welche das Okular bildet. Das Objektiv P (Fig. 176) würde von dem entfernten Gegenstand AB ein umgekehrtes, verkleinertes Bild ab entwerfen. Bevor sich die vom Objektiv konvergent gemachten Strahlen in a zum Bilde vereinigen, treffen sie das Okular Q , welches dieselben divergent macht, als ob sie von dem Punkt a' herkämen, und man erhält so das aufrechte Bild $a'b'$ in der deutlichen Sehweite. — Fernröhre dieser Art sind die Theaterperspektive und Feldstecher. Dieselben gewähren den Vorteil, daß das Rohr eine geringe Länge besitzt, gestatten aber nur schwache Vergrößerungen.¹

Fig. 176.

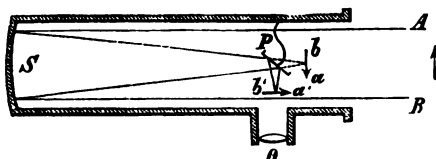


Das holländische Fernrohr soll i. J. 1608 vom Brillenmacher Lippersheim zu Middelburg in Holland erfunden worden sein. Galilei konstruierte 1609 ein Instrument derselben Art, ohne die Einrichtung des Fernrohrs von Lippersheim zu kennen und benutzte dasselbe zu wichtigen astronomischen Entdeckungen. Das astronomische Fernrohr wurde von Keppler 1610 erfunden. Der Pater Schyrleaus im Kloster Rheita erfand i. J. 1645 das terrestrische Okular.

§ 174. B. Bei den Spiegelteleskopen wird das durch einen Hohlspiegel erzeugte, umgekehrte Bild durch ein Okular betrachtet. Um zu verhindern, daß durch den Kopf des Beobachters den Lichtstrahlen der Weg zum Spiegel verdeckt wird, sind verschiedene Einrichtungen getroffen worden:

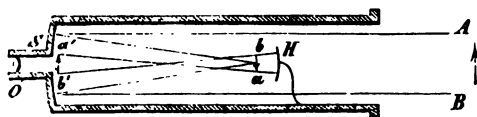
1. Newtons Spiegelteleskop (1672). Die vom Spiegel S (Fig. 177) reflektierten Strahlen treffen, bevor sie sich zum Bilde ab vereinigen, einen kleinen Planspiegel P , dessen Ebene gegen die Axe des Rohres um 45° geneigt ist. Das Bild entsteht infolgedessen in $a'b'$ und wird durch das seitwärts angebrachte Okular O betrachtet.

Fig. 177.



2. Gregorys Spiegelteleskop (1663). Der Hohlspiegel S (Fig. 178) ist in der Mitte von einer kreisrunden Öffnung durchbohrt, in welche das Okularrohr O eingesetzt ist. Von dem umgekehrten Bild ab erzeugt der kleine, in der Axe des Rohres angebrachte Hohlspiegel H ein zweites vergrößertes, aufrechtes Bild $a'b'$, welches durch das Okular O betrachtet wird.

Fig. 178.



3. Bei den großen Spiegelteleskopen von Herschel (1789) und Rosse (1844), deren Spiegel 1 bis 2 m im Durchmesser haben, wird das Bild

ohne zweiten Hilfsspiegel unmittelbar durch das am Eingang des Rohrs angebrachte Okular O betrachtet, indem die Axe des Spiegels unter einem

Fig. 179.



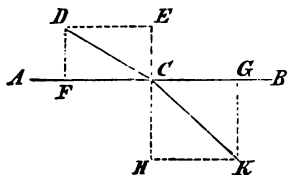
sehr spitzen Winkel gegen die Axe des Rohrs geneigt ist, so daß die parallel einfallenden Strahlen sich an ab vereinigen (Fig. 179). Bei den Dimensionen des Spiegels wird nur ein verhältnismäßig kleiner Teil desselben durch den Kopf des Beobachters verdeckt.

Der Vorzug der Spiegelteleskope beruht namentlich in der größeren erreichbaren Lichtstärke, indem es leichter ist, Spiegel von bedeutendem Durchmesser, als Linsen von entsprechender Größe zu erhalten. Früher benutzte man Hohlspiegel aus Spiegelmetall, einer Legierung von Kupfer und Zinn. Neuerdings hat Foucault mit Erfolg versilberte Glasspiegel angewendet, welche sich in größerer Vollkommenheit herstellen lassen und mehr Licht reflektieren als Metallspiegel. — Das 1875 auf der Pariser Sternwarte zur Aufstellung gebrachte Teleskop hat 120 cm im Durchmesser, die Öffnungsweite des Objektivs beträgt 75 cm, die Länge des Fernrohrs 16 m. Der Hohlspiegel, zu welchem ein Stück Glas von 800 kg erforderlich war, ist parabolisch geschliffen und das Teleskop im ganzen wie ein Newtonsches konstruiert.

§ 175. Theoretische Vorstellungen über die Natur des Lichtes, Interferenzerscheinungen. Newtons Emissionstheorie. Die am nächsten liegende Vorstellung über die Natur des Lichtes war die, daß es eine von dem leuchtenden Körper ausströmende Materie sei, die aus sehr feinen, den Weltraum und alle durchsichtigen Körper durchdringenden Lichtatomen bestehe. Diese unter dem Namen der Emissionstheorie bekannte Hypothese ist insbesondere von Newton (1672) durchgeführt worden, der die verschiedenen Farben des Spektrums durch die verschiedenartige Beschaffenheit der Lichtatome erklärte, deren Mischung in bestimmtem Verhältnis das weiße Licht bilde.

Die Reflexion des Lichtes erklärte Newton durch das Zurückprallen der elastischen Lichtatome von der Oberfläche des reflektierenden Körpers, nach den Gesetzen des Stoßes elastischer Körper (§ 67). Die Brechung des Lichtes beim Eindringen in ein dichteres Medium dagegen wurde als eine Wirkung der Anziehung erklärt, welche die Lichtatome von den Teilen des lichtbrechenden Mediums erfahren sollten.

Fig. 180.



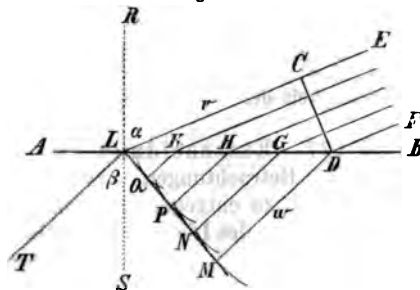
Es stellt AB die Oberfläche des letzteren, DC die Richtung und Geschwindigkeit der Bewegung eines Lichtatoms vor, welche in die beiden Komponenten DE und DF zerlegt werden kann, von denen die erstere der Oberfläche des lichtbrechenden Mediums parallel, die letztere zu derselben senkrecht ist. Durch die Anziehung, welche die Massenteile auf das Lichtatom ausüben, wird die Komponente $DE = FC$ nicht geändert, $DF = EC$ aber vergrößert, so daß aus den Komponenten CG und CH die Geschwindigkeit CK resultiert. Es folgt daraus, daß nach der Emissionstheorie die Geschwindigkeit des Lichtes im optisch dichteren Medium größer sein muß, als im dünneren Medium.

§ 176. Huyghens' Undulationstheorie. Eine zweite Vorstellungsweise über die Natur des Lichtes ist die von Huyghens (1691) aufgestellte Undulations- oder Vibrationstheorie. Nach dieser besteht

das Licht in einer Wellenbewegung des Lichtäthers, eines äußerst elastischen, den Weltraum erfüllenden und alle Körper durchdringenden Stoffes. Nicht die Teile des Lichtäthers selbst, sondern nur die durch den leuchtenden Körper in ihm erregten, wellenförmigen Erschütterungen werden mit einer Geschwindigkeit von 300 000 km in der Sekunde fortgepflanzt (§ 108). Treffen die Ätherwellen auf einen festen Körper, so werden sie teilweise an der Oberfläche desselben reflektiert (§ 110); gleichzeitig aber erregen sie ein in den Körper eindringendes Wellensystem in dem die Zwischenräume der Körperatome erfüllenden Äther. Da jedoch die Elasticität des im Körper enthaltenen Äthers durch den Einfluß der Körperatome modifiziert ist, so werden sich die Lichtwellen im Innern des lichtbrechenden Körpers im allgemeinen mit anderer Geschwindigkeit fortpflanzen, wie im leeren Raum und zwar, wie unten gezeigt wird, im optisch dichteren Medium mit geringerer Geschwindigkeit. — Die von einem leuchtenden Punkt sich ausbreitenden Lichtwellen sind, wie die Schallwellen in der Luft, kugelförmig. Die Lichtstrahlen sind die in jedem Punkt zur Wellenoberfläche senkrechten Kugelradien. Aus Gründen, welche später erörtert werden (§§ 182, 189), nimmt man an, daß die Wellen des Lichtäthers nicht longitudinale, aus abwechselnden Verdichtungen und Verdünnungen bestehende, sondern transversale sind, so daß die Schwingungsrichtung der einzelnen Ätherteilchen der Wellenoberfläche parallel oder zur Fortpflanzungsrichtung senkrecht ist (§ 112).

Ein sehr kleiner Teil einer kugelförmigen Ätherwelle kann als eben betrachtet werden. Innerhalb eines solchen Teiles kann die Richtung der zur Wellenoberfläche senkrechten Kugelradien, oder der Lichtstrahlen, als parallel angesehen werden. Trifft ein solcher ebener Teil einer Lichtwelle auf die Grenzfläche zweier Medien, in denen sich die Welle mit ungleicher Geschwindigkeit fortpflanzt, so wird dieselbe von ihrer ursprünglichen Fortpflanzungsrichtung abgelenkt oder gebrochen. Es stelle AB (Fig. 181) die Trennungsfläche der beiden Medien, CD einen Teil der ebenen Wellenfläche, also EC oder FD die Fortpflanzungsrichtung der Lichtstrahlen vor. Die in der Trennungsfläche AB liegenden Ätherteilchen $DGHKL$ werden durch die einfallende Lichtwelle nicht gleichzeitig, sondern nach einander in der Reihenfolge erschüttert werden, in welcher sie von der in der Richtung FD fortschreitenden Welle erreicht werden. Von jedem dieser Ätherteilchen würde sich, wenn dasselbe allein erschüttert würde, eine halbkugelförmige Lichtwelle im zweiten Medium ausbreiten. Alle diese von den einzelnen Punkten der Grenzfläche aus erregten Elementarwellen setzen sich aber wieder zu einer einzigen ebenen Welle zusammen. Es sei die Fortpflanzungsgeschwindigkeit im zweiten Medium kleiner als im ersten, so daß, während die Welle CD im ersten Medium um die Strecke $CL = v$ fortgeschritten ist, sich im zweiten Medium von D aus eine halbkugelförmige Elementarwelle vom Halbmesser $DM = w$ gebildet hat. Zu derselben Zeit werden sich von G, H, K aus Elementarwellen mit den Halbmessern GN, HP, KQ ausgebreitet haben, während der Punkt L eben erst von der Erschütterung getroffen wird. Alle diese Kugelwellen werden von der gemeinschaftlichen Tangentialebene LM berührt, und da die Erschütterung in den Punkten $LQPNM$ dieser Ebene gleichzeitig anlangt, oder alle diese Punkte sich in gleicher Schwingungsphase befinden, so stellt LM die aus allen Elementarwellen resultierende ebene Welle vor, welche im zweiten Medium in der Richtung DM fortschreitet. Errichtet man in L das Einfallslot RS und zieht $LT \parallel DM$, so ist

Fig. 181.



$\angle CLR = \alpha$ der Einfallswinkel, $TLS = \beta$ der Brechungswinkel. Es ist ferner leicht ersichtlich, daß $\angle CDL = \alpha$, $\angle MLD = \beta$, mithin $\frac{LC}{LD} = \sin \alpha$, $\frac{MD}{LD} = \sin \beta$, mithin $\frac{LC}{MD} = \frac{v}{w} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$ ist, woraus folgt:

$$\sin \alpha = \frac{v}{w} \sin \beta.$$

Dies ist aber nichts anderes als das Snelliussche Brechungsgesetz (§ 141), in welchem anstelle des Brechungsexponenten n das Verhältnis der

Fortpflanzungsgeschwindigkeiten der Lichtwellen im ersten und zweiten Medium getreten ist. Es folgt daraus, daß nach der Undulationstheorie die Geschwindigkeit des Lichtes im optisch dichteren Medium die kleinere sein muß. Es ist ferner ersichtlich, daß sich die Entstehung der reflektierten Welle im ersten Medium ganz auf dieselbe Weise erklärt, wie die der gebrochenen Welle im zweiten Medium, und daß der

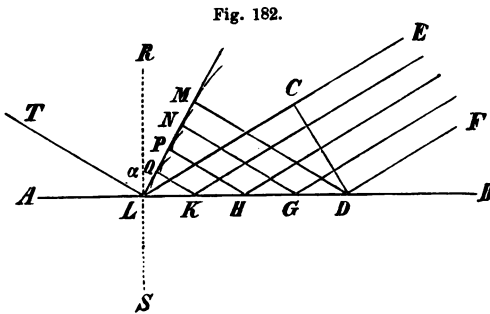


Fig. 182.

Reflexionswinkel gleich dem Einfallswinkel sein muß, weil die reflektierte Welle sich mit derselben Geschwindigkeit fortpflanzt, wie die einfallende (Fig. 182).

Es läßt sich elementar beweisen, daß, wenn die Geschwindigkeiten c_1 und c_2 des Lichtes, bezüglich oberhalb (in I) und unterhalb (in II) der Trennungsfläche AB (Fig. 182a) der beiden Medien sich wie $\sin \alpha : \sin \beta$

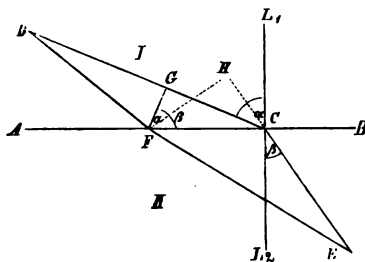


Fig. 182a.

verhalten, wo etwa $\alpha > \beta$ sein mag, die gebrochene Linie DCE , für welche der Einfallswinkel $DCL_1 = \alpha$, und der Brechungswinkel $ECL_2 = \beta$ ist, in kürzerer Zeit vom Licht zurückgelegt wird als jede andere Strecke $DF + FE$, wo F in der Trennungsfläche AB liegt, es mag DFE eine gerade oder gebrochene Linie sein. Denn fällt man $FG \perp DC$ und $FH \perp EC$, so ist $\angle GFC = \alpha$ und $\angle HFC = \beta$, folglich verhält sich $GC : HC = \sin \alpha : \sin \beta$, d. h. wie $c_1 : c_2$; es wird also GC mit der Geschwindigkeit c_1 in derselben Zeit vom Licht durch-

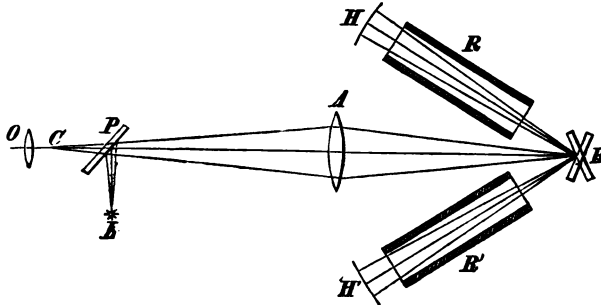
laufen, als HC mit der Geschwindigkeit c_2 , d. h. wenn HC im Raum II liegen würde, weil nun $FE > HC + CE$ und $DF > DG$, so ergibt sich unmittelbar die Richtigkeit der Behauptung.

§ 177. Entscheidung zwischen beiden Theorien. Wie aus den obigen Betrachtungen hervorgeht, führen die Emissions- und Undulationstheorie zu entgegengesetzten Resultaten bezüglich der Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes in lichtbrechenden Medien, indem dieselbe nach der Emissionstheorie im optisch dichteren Medium größer, nach der Undulationstheorie dagegen kleiner sein muß, als im optisch dünneren Medium. Wenn es daher möglich ist, durch den Versuch die Richtigkeit der einen oder der anderen Folgerung festzustellen, so ist damit gleichzeitig die Entscheidung zu gunsten einer der beiden Theorien gegeben. Diesen Versuch hat in der That Foucault (1854) ausgeführt und dadurch zu gunsten der Undulationstheorie entschieden, indem er nachwies, daß

sich das Licht im Wasser mit geringerer Geschwindigkeit fortpflanzt, als in der Luft (vergl. § 133).

Die Versuchsmethode war im wesentlichen folgende: Die Strahlen der Lichtquelle L (Fig. 183) werden durch die unbelegte, ebene Spiegelplatte P nach der Konvexlinse A reflektiert und durch diese konvergent gemacht, so daß sie sich bei B zu einem Bilde des leuchtenden Punktes vereinigen. In B ist ein Planspiegel

Fig. 183.



angebracht, der mit außerordentlicher Geschwindigkeit um eine zur Ebene der Zeichnung senkrechte Axe gedreht werden kann. Bei H und H' sind zwei Hohlspiegel aufgestellt, deren Krümmungsmittelpunkte genau mit dem Punkt B zusammenfallen. Infolge dessen wird jeder von dem Spiegel B nach einem der beiden Hohlspiegel reflektierte Lichtstrahl auf demselben Wege, auf welchem er gekommen, nach B zurückgeworfen. Wenn daher, während der Lichtstrahl den Weg BHB oder $BH'B$ hin und zurück durchläuft, der Planspiegel seine Stellung unverändert beibehalten hat, so werden die Strahlen auf demselben Wege, auf welchem sie gekommen, durch A nach P zurückgelangen. Ein Teil derselben wird von der Glasplatte P nach L reflektiert werden, ein anderer Teil aber wird die Glasplatte durchdringen und sich bei C zu einem Bilde des Punktes L vereinigen, welches durch ein mit einem Fadenkreuz versehenes Okular O beobachtet werden kann. Bei sehr schneller Rotation des Spiegels B erleidet nun dieses Bild eine Verschiebung im Sinne der Drehung des Spiegels. Diese Verschiebung rührt davon her, daß sich der Spiegel, während der Lichtstrahl den Weg BHB zurücklegte, um einen meßbaren Winkel gedreht hat und infolge dessen die Strahlen in einer Richtung nach A zurücksendete, welche von der Richtung, in der sie gekommen waren, um den doppelten Drehungswinkel des Spiegels verschieden war (vergl. §§ 135 und 280). Zwischen B und HH' sind nun die Röhren RR' eingeschaltet, welche an ihren Enden mit ebenen Glasplatten verschlossen sind. Sind beide Röhren mit Luft, oder beide mit Wasser gefüllt, so werden die beiden von den Spiegeln H und H' herrührenden Bilder C und C' bei jeder Drehungsgeschwindigkeit des Spiegels B eine gleiche Verschiebung erleiden, dieselben werden sich also decken. Enthält aber eine der beiden Röhren, z. B. R , Luft, die andere R' , Wasser, so zeigt das von H herrührende Bild eine größere Verschiebung als das andere, woraus folgt, daß sich die Lichtstrahlen im Wasser mit geringerer Geschwindigkeit fortpflanzen als in der Luft.

§ 178. Erklärung der Farben durch die Undulationstheorie. Die verschiedenen Farben erklären sich nach der Undulationstheorie durch die verschiedene Wellenlänge und Schwingungsdauer der dieselben erzeugenden Ätherwellen, entsprechend den verschiedenen Tönen bei den Luftwellen. Auf welche Weise man dazu gelangt ist, die Wellenlänge der Lichtwellen zu messen, wird unten (§§ 179, 181) erörtert werden. Unter den sichtbaren Strahlen des Spektrums besitzen die roten die größte, die violetten die kleinste Wellenlänge und Schwingungsdauer.

Zwischen der Wellenlänge λ , der Fortpflanzungsgeschwindigkeit c und der Schwingungszahl n besteht (§ 109) die Beziehung $c = n\lambda$. Im leeren Raum werden alle Lichtwellen mit gleicher Geschwindigkeit fortgepflanzt; in lichtbrechenden Medien dagegen erleidet die Geschwindigkeit der kürzeren Wellen eine größere Verzögerung als die der längeren, woraus sich die verschiedene Brechbarkeit des Strahlen des Spektrums erklärt. Die den hauptsächlichsten Fraunhoferschen Linien im leeren Raum entsprechenden Wellenlängen und die daraus sich ergebenden Schwingungszahlen in jeder Sekunde sind in der folgenden Tabelle enthalten. Die Wellenlängen sind in milliontel Millimetern, die Schwingungszahlen in Billionen ausgedrückt:

	λ	n		λ	n
Rot		Bill.			Bill.
A	768	395	b	516	582
B	687	437	F	486	616
C	656	458	G	431	695
D	589	509	H	397	756
E	527	570	Violett.		

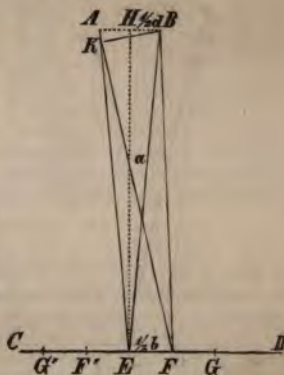
Die Grenzen des ultraroten und des ultravioletten Teiles des Spektrums (§ 152) sind noch nicht mit aller Bestimmtheit erforscht. Fizeau giebt für die äußersten ultraroten Strahlen die Wellenlänge 0,0019 mm, J. Müller 0,0048 mm an; nach letzterem würde also die Schwingungszahl dieser Strahlen etwa 60 Billion betragen. Nach jahrelang fortgesetzten Beobachtungen über die äußerste Grenze der ultravioletten Strahlen hat A. Cornu (1879) mitgeteilt, daß auf diese Strahlen die Atmosphäre eine starke Absorption ausübt, und daß außerdem sich diese Grenze als veränderlich darstellt nach der Beschaffenheit des zum Photographieren benutzten Kollodiums und nach der Dauer des Exponierens. Für die äußerste Grenze hat er die Wellenlänge 0,000 293 mm nur äußerst selten, und zwar um Mittag, öfter 0,000 294 und 0,000 295 mm erhalten, welchen Längen die Schwingungszahl 1000 Billion entspricht. Es umfaßt also, wenn man auf die Schwingungen des Lichtes dieselbe Ausdrucksweise wie auf die des Schalles (§ 114) anwendet, das ultrarote Spektrum etwa vier Oktaven, das ultraviolette nur ein Quartenintervall. Trotzdem erscheint das letztere fast ebenso lang wie das erstere; die Erklärung dafür ist, daß die am meisten brechbaren Strahlen auch durch die Brechung am meisten zerstreut werden. Auf gleiche Weise erklärt sich, daß in der Oktave der sichtbaren Strahlen die Strahlen mit niederen Schwingungszahlen, d. i. die roten und gelben Strahlen, zusammengedrängter erscheinen und einen geringeren Raum einnehmen, als die blauen und violetten, denen die höheren Schwingungszahlen zukommen.

§ 179. Interferenz der Lichtwellen. In der allgemeinen Theorie der Wellenbewegung ist gezeigt worden (§ 110), wie zwei Wellensysteme sich gegenseitig verstärken oder aufheben können, jenachdem sie mit gleichen oder entgegengesetzten Schwingungsphasen zusammentreffen, und in der Akustik (§§ 124 u. 125) sind die daraus zu erklärenden Interferenzerscheinungen der Schallwellen erläutert worden. Die Interferenzerscheinungen des Lichts, deren Erklärung durch die Newtonsche Emissionstheorie große Schwierigkeiten darbot, haben in der Undulationstheorie ihre vollständige Erklärung gefunden, und gerade diese Klasse von Erscheinungen ist es, welche zuerst der Undulationstheorie Eingang verschafft hat.

Es seien A und B (Fig. 184) zwei leuchtende Punkte, deren Schwingungen sich stets in gleicher Phase befinden. Die Ebene des Schirmes CD sei der Verbindungslinie beider Punkte AB parallel. In dem von A und B gleichweit entfernten Punkt E werden die von A und B ausgehenden Wellen stets mit gleicher Schwingungsphase anlangen, werden einander also gegenseitig verstärken. Beträgt dagegen für den etwas seitlich gelegenen Punkt F die Differenz der Entfernungen $AF - BF = AK$ gerade eine halbe Wellenlänge, so werden die von A und B mit gleicher Schwingungsphase ausgehenden Strahlen in F stets mit ent-

gegengesetzter Schwingungsphase zusammentreffen, also einander aufheben. Dasselbe gilt von dem Punkt F' . Dagegen tritt eine Verstärkung ein in den Punkten G und G' , für welche der Gangunterschied der von A und B ausgehenden Strahlen eine ganze Wellenlänge beträgt, u. s. f. Man wird daher auf dem Schirm anstatt einer gleichmäßig erleuchteten Fläche ein System abwechselnd heller und dunkler Parallelstreifen, sogenannter Interferenzfransen, erblicken. Infolge der sehr geringen Länge der Lichtwellen (§ 178) haben die Interferenzstreifen in der Regel eine sehr geringe Breite, und es ist zweckmäßig, dieselben mit Hilfe einer Lupe zu beobachten. Man kann dann den Schirm CD ganz weglassen, und ein durch eine Lupe in hinreichender Entfernung nach den leuchtenden Punkten A , B hinsehendes Auge erblickt dann das vergrößerte Bild der Interferenzstreifen, welche sich auf einem im Fokalabstand der Lupe befindlichen Schirm darstellen würden.

Fig. 184.



Um zwei Lichtquellen zu erhalten, welche sich stets in genau gleicher Schwingungsphase befinden, was zum Gelingen der Interferenzversuche nach dem obigen eine wesentliche Bedingung ist, kann man verschiedene Methoden anwenden: Thomas Young, der Entdecker der Interferenz des Lichtes (1800), benutzte zwei dicht neben einander befindliche Öffnungen im Fensterladen eines verdunkelten Zimmers. Fallen ebene Lichtwellen durch die Öffnungen ein, deren Fortpflanzungsrichtung zur Verbindungslinie beider Öffnungen senkrecht ist, so befinden sich die in beiden Öffnungen liegenden Ätherteilchen stets auf derselben Wellenoberfläche, also in gleicher Schwingungsphase, und man erblickt auf einem den Öffnungen gegenüberstehenden Schirm die Interferenzstreifen. Dieselben verschwinden, wenn eine von beiden Öffnungen verdeckt wird. Die Interferenzerscheinungen werden aber bei diesem Versuch mit einer anderen, verwandten Klasse von Erscheinungen, nämlich der Beugung oder Diffraktion (§ 181), kompliziert.

Zweckmäßiger ist daher die Anwendung der Interferenzspiegel von Fresnel (1820). Dieser stellte zwei Spiegel AB und BC (Fig. 185), am besten aus schwarzem Glase, unter einem sehr stumpfen Winkel zusammen. Die Strahlen einer Lichtquelle L werden von den beiden Spiegeln so reflektiert, als ob sie von den Bildpunkten L_1 und L_2 herkämen. Interferieren nun die Strahlen LDF und LEF in einem Punkt F , so ist ihr Gangunterschied derselbe, als ob sie beziehungsweise von L_1 und L_2 mit gleicher Schwingungsphase ausgegangen wären. Mittels der Lupe G kann daher das System der erzeugten Interferenzstreifen beobachtet werden. Anstelle der Fresnelschen Spiegel benutzte Ponillet ein mit einem sehr stumpfen Winkel bei B (Fig. 186) versehenes Interferenzprisma, durch

Fig. 185.

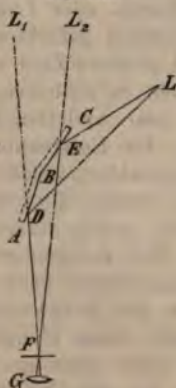
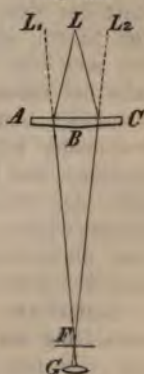


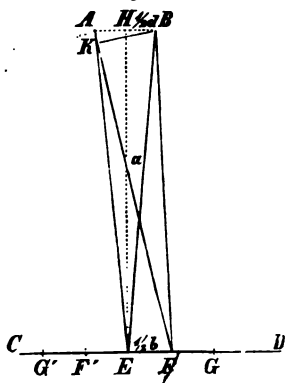
Fig. 186.



welches die von dem leuchtenden Punkt L ausgehenden Strahlen so gebrochen werden, als ob sie von den sehr nahe gelegenen Punkten L_1 und L_2 herkämen.

Ist der Abstand der beiden leuchtenden Punkte AB (Fig. 184), sowie die Entfernung des Schirmes HE bekannt, so kann aus dem gemessenen Abstand zweier dunklen Interferenzstreifen, z. B. FF' , die Wellenlänge der interferierenden Strahlen bestimmt werden. Wird nämlich AB mit d , HE mit a , FF' mit b bezeichnet, so ist:

Fig. 184.



$$AF^2 = a^2 + \left(\frac{b+d}{2}\right)^2,$$

$$BF^2 = a^2 + \left(\frac{b-d}{2}\right)^2,$$

mithin:

$$AF^2 - BF^2 = \left(\frac{b+d}{2}\right)^2 - \left(\frac{b-d}{2}\right)^2 = bd$$

oder:

$$(AF + BF)(AF - BF) = bd.$$

Für $AF + BF$ darf ohne merklichen Fehler $2a$ gesetzt werden; soll bei F Vernichtung des Lichts durch Interferenz stattfinden, so muß der Gangunterschied $AF - BF = \frac{1}{2} \lambda$ sein; es ergibt sich also:

$$a\lambda = bd \text{ und } \lambda = \frac{bd}{a}.$$

Da die Wellenlänge für rote Strahlen größer ist als für violette, so werden bei Anwendung des roten Lichtes die Interferenzfransen etwas breiter erscheinen als bei violettem Licht. Die durch weißes Licht erzeugten Interferenzfransen erscheinen daher nicht einfach hell und dunkel, sondern mit Ausnahme des mittelsten hellen Streifens, farbig gesäumt, so daß die hellen Streifen auf der äußeren Seite einen roten, auf der inneren einen violetten Saum zeigen.

§ 180. Interferenzfarben dünner Blättchen. Newtons Farbenringe. Legt man auf eine ebene Spiegelglasplatte eine zweite Glasplatte, welche auf ihrer unteren Seite sehr schwach konvex geschliffen ist, so werden sich beide Platten nur in einem Punkt berühren. Betrachtet man die Berührungsstelle im reflektierten Licht, so erscheint dieselbe von einem System farbiger Ringe umgeben, welche in einer regelmässigen Farbenfolge abwechseln und nach außen immer blasser werden, so daß man etwa 4—5 hellere und dunklere Ringe unterscheidet. Wendet man anstatt des weißen Tages- oder Lampenlichtes das einfarbige Licht einer durch Natron oder Lithion gefärbten Weingeistflamme an (§ 149), so erblickt man eine weit größere Zahl abwechselnd heller und dunkler Ringe, welche bei rotem Licht in größeren, bei gelbem Licht in kleineren, bei Anwendung blauen oder violetten Lichtes in noch kleineren Intervallen auf einander folgen. Die Entstehung dieser Ringe erklärt sich durch die Interferenz der Lichtstrahlen, welche an der vorderen und an der hinteren Fläche der zwischen beiden Platten befindlichen dünnen Luftschicht reflektiert worden sind, indem letztere einen größeren Weg zurückgelegt haben als erstere. Der Gangunterschied, und mithin auch der Unterschied der Schwingungsphasen beider Lichtstrahlen wächst mit der Dicke der Luftschicht. An der Berührungsstelle ist derselbe Null. Der erste dunkle Ring entspricht einem Gangunterschied von einer halben Wellenlänge, der folgende helle Ring einem Gangunterschied von einer ganzen Wellenlänge u. s. f. Da die Wellenlänge der roten Strahlen größer ist als die der violetten, so wird einer Wellenlänge der ersteren eine größere Dicke der Luftschicht entsprechen als bei letzteren. Die Ringe zeigen daher im homogenen Licht verschiedenen Durchmesser. Bei Anwendung

weißen Lichtes erblickt man gleichsam die Übereinanderlagerung der den verschiedenen Farben entsprechenden Ringsysteme, und es bleiben nur die innersten Ringe sichtbar, weil in größerer Entfernung vom Mittelpunkt die verschiedenen über einander gelagerten Farben sich mehr zu weißem Licht ergänzen.

Im durchgehenden Licht erscheint die Berührungsstelle ebenfalls von Farbenringen umgeben, welche von einer Interferenz der direkt durchgegangenen mit zweimal reflektierten Strahlen herrühren. Dieselben sind aber blasser als im reflektierten Licht, weil die Intensität der direkten Strahlen überwiegend ist.

Ähnliche Farbenercheinungen werden an sehr dünnen Blättchen durchsichtiger Körper häufig beobachtet. Dahin gehören die Farben dünner Häutchen von Seifenwasser (Seifenblasen), die Farbenercheinungen, welche sich oft an der Oberfläche alten, verwitterten Glases zeigen, wobei sich dünne Blättchen von der Oberfläche desselben ablösen, oder im Innern feine Risse entstehen; das bunte Farbenspiel einer sehr dünnen, auf Wasser ausgebreiteten Schicht von Terpentinöl, Nobilis Farbenringe (vergl. § 341), u. s. w.

§ 181. Beugung des Lichtes oder Diffraktion. Mit den in § 179 besprochenen Interferenzerscheinungen stehen die Erscheinungen der Beugung oder Diffraktion des Lichtes in engem Zusammenhang. Läßt man ein Bündel paralleler Lichtstrahlen durch eine sehr enge Öffnung oder einen schmalen Spalt in ein dunkles Zimmer fallen, so erhält man auf einem gegenüberstehenden Schirm anstatt einer schmalen Lichtlinie von der Breite des Spaltes einen breiteren Lichtstreif, der von abwechselnd hellen und dunklen Interferenzfransen gesäumt ist. Wird zwischen Spalt und Schirm ein schmaler, dunkler Körper, z. B. ein Draht, gebracht, dessen Richtung dem Spalt parallel ist, so erscheint in der Mitte des erzeugten Schattens ein heller Streif. Diese zuerst von Grimaldi (1665) beobachteten Erscheinungen erklären sich durch die seitliche Ausbreitung und Interferenz der durch den Spalt einfallenden Ätherwellen. Jeder Punkt des Spaltes, der von den von außenher kommenden Lichtwellen getroffen wird, kann nämlich als Erschütterungsmittelpunkt betrachtet werden, von dem aus sich eine neue Welle nach allen Richtungen hin ausbreitet (vergl. § 176), und daß bei größerer Breite des Spaltes die Fortpflanzung der Lichtwellen nur in geradliniger Richtung stattfindet, rührt, wie Fresnel gezeigt hat, lediglich daher, daß in jeder anderen Richtung die von den verschiedenen Punkten des Spaltes herrührenden Ätherwellen sich durch gegenseitige Interferenz vernichten.

Fällt z. B. durch den Spalt AB (Fig. 187) eine ebene Lichtwelle in senkrechter Richtung ein, so werden sich alle auf der Linie AB liegenden Äthertheilchen in gleichen Schwingungsphasen befinden; dasselbe gilt von allen Teilen eines in der Richtung der einfallenden Strahlen AC fortgepflanzten Strahlenbündels. Betrachtet man hingegen ein in einer anderen Richtung, z. B. $AD \parallel BE$, fortgepflanztes Strahlenbündel, so werden die von den einzelnen Teilen des Spaltes AB herrührenden Teile desselben einen Gangunterschied besitzen, welcher mit der Größe des Beugungswinkels CAD wächst. Beträgt z. B. der Gangunterschied der Randstrahlen AD und BE , AF , eine Wellenlänge, so kann man sich das Strahlenbündel in zwei Bündel zerlegt denken, die von AK und von KB herrühren, und deren entsprechende Teile einen Gangunterschied von $\frac{1}{2} \lambda$ besitzen, sich



also, wenn sie in einem entfernten Punkt zur Interferenz gelangen, gegenseitig aufheben. Je breiter der Spalt, desto kleiner wird der Beugungswinkel sein, für welchen diese Vernichtung eintritt. Bei einem größeren Beugungswinkel, für welchen $\Delta F = \frac{3}{2} \lambda$ ist, wird man sich das Strahlenbündel in drei Teile zerlegen

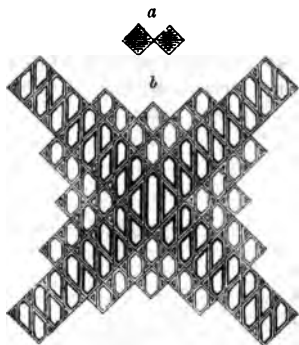
denken können, von denen sich zwei durch Interferenz aufheben, so daß nur $\frac{1}{3}$ übrig bleibt u. s. f.; man erhält daher bei einem schmalen Spalt abwechselnd dunkle und helle Streifen mit schnell abnehmender Intensität. (Aus der Wellentheorie folgt, daß die Intensität des Lichtes dem Quadrat der Schwingungsamplitude proportional ist, daher stehen die Helligkeitsmaxima der Beugungsstreifen, welche den Schwingungsamplituden $1, \frac{1}{3}, \frac{1}{5}$ u. s. w. entsprechen, in

Intensitätsverhältnis $1 : \frac{1}{9} : \frac{1}{25}$ u. s. w.). Infolge der verschiedenen Wellenlänge der roten und violetten Strahlen fallen die Intensitätsmaxima ihrer Beugungsstreifen nicht genau zusammen. Es erscheinen deshalb die durch weißes Licht erzeugten Beugungsfransen farbig gesäumt.

Es ist ersichtlich, daß bei einigermaßen größerer Breite des Spaltes schon bei sehr kleinen Beugungswinkeln eine fast vollständige Vernichtung der Lichtwellen durch Interferenz stattfindet.

Kompliziertere Erscheinungen werden erzeugt, wenn anstatt einer einzigen engen Öffnung oder eines Spaltes zwei oder mehrere regelmäßig gestaltete Öffnungen vorhanden sind, und die von den verschiedenen Öffnungen herührenden Lichtbündel unter einander zur Interferenz gelangen. Die Theorie dieser merkwürdigen und schönen Interferenzerscheinungen ist von Fresnel, Fraunhofer, Schwerd, u. a. vollständig entwickelt und mit der Erfahrung in völliger Übereinstimmung gefunden worden. Dieselben werden am besten mittelst der von Fraunhofer angegebenen Methode beobachtet. Man sieht durch ein Fernrohr nach einem entfernten, leuchtenden Punkt, z. B. nach dem durch Reflexion an einem Glas- oder Metallknopf erzeugten Sonnenbildchen. Mittelst einer über das Objektiv des Fernrohrs geschobenen Fassung können verschiedene Schirme vor demselben angebracht werden, in welchen kleine Öffnungen zur Erzeugung der Beugungserscheinungen angebracht sind. Diese Öffnungen werden zweckmäßig in einem auf Glas geklebten Stanniolblatt ausgeschnitten. Die durch dieselben eindringenden Strahlen gelangen in der Fokalebene des Fernrohrs zur Interferenz, und die Interferenzerscheinungen werden durch das Okular des Fernrohrs beobachtet. So erzeugen z. B. zwei quadratische Öffnungen (Fig. 188a) die Beugungserscheinung (Fig. 188b), und zwar sind die dunklen Fransen, bei Anwendung von weißem Licht, mit prismatischen Farben gesäumt. Besonders bemerkenswert sind die Beugungserscheinungen, welche durch ein aus sehr zahlreichen, parallelen und gleichweit entfernten Linien gebildetes Gitter hervorgebracht werden. Im homogenen Licht erzeugt nämlich ein solches Gitter ein System scharf begrenzter, schmaler Lichtlinien; im weißen Licht aber erblickt man außer der hellen Centrallinie jederseits eine Reihe von Spektren, welche als Beugungsspektren erster, zweiter, dritter, u. s. w. Ordnung unterschieden werden und in denen, bei Anwendung hinreichend feiner Gitter, die Fraunhoferschen Linien deutlich erkennbar sind. Solcher Beugungsspektren, die mittelst auf beruhte Glasplatten geritzter Gitter erzeugt waren, bediente sich Fraunhofer, um aus den Beugungswinkeln der einzelnen Spektrallinien die Wellenlänge der entsprechenden Lichtstrahlen mit größter

Fig. 188.

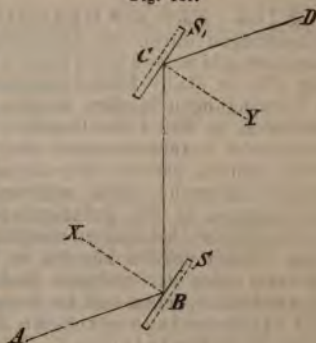


Genauigkeit zu bestimmen (§ 178). — In minderer Vollkommenheit werden die Beugungserscheinungen bereits sichtbar, wenn man durch einen dicht vor das Auge gehaltenen, sehr schmalen Spalt, oder ein feines, aus parallelen Fäden gebildetes Gewebe nach einem leuchtenden Punkt, oder einer etwas entfernten Kerzenflamme blickt. Auch das irisierende Farbenspiel der Perlmutter, welches durch die aus feinen Lamellen gebildete Struktur derselben erzeugt wird, gehört hierher.

Polarisation und Doppelbrechung.

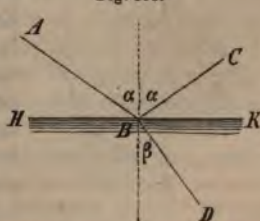
§ 182. Polarisation des Lichtes durch Reflexion. Auf einen Spiegel von schwarzem Glas S (Fig. 189) falle ein Lichtstrahl AB unter einem Einfallswinkel von 55° . Derselbe wird in der Richtung BC reflektiert und trifft den zweiten Glasspiegel S_1 , dessen Ebene der des ersten Spiegels parallel ist. Der Strahl wird nach CD reflektiert werden. Ist der Spiegel S einer hell erleuchteten Fläche zugekehrt, so wird ein von D gegen S_1 sehender Beobachter ein helles Gesichtsfeld erblicken, sobald die Reflexionsebenen beider Spiegel ABC und BCD zusammenfallen. Dreht man jetzt, während S fest stehen bleibt, den Spiegel S_1 um die Richtung des Strahles BC als Axe, so daß der Einfallswinkel stets derselbe bleibt, so beginnt sich das Gesichtsfeld zu verdunkeln und erscheint völlig dunkel, wenn der Spiegel S_1 um 90° gedreht wird, so daß sich die Reflexionsebenen beider Spiegel rechtwinklig kreuzen. Nach abermaliger Drehung um 90° erreicht das reflektierte Licht von neuem seine größte Helligkeit und verschwindet abermals, nachdem der Drehungswinkel 270° erreicht hat. Es folgt aus dieser Erscheinung, daß der unter dem Winkel von 55° von einer Glasplatte reflektierte Lichtstrahl eine besondere Eigenschaft besitzt, welche ihn von einem gewöhnlichen Lichtstrahl unterscheidet. Während ein solcher in jeder Ebene auf völlig gleiche Weise reflektiert wird, tritt bei jenem eine gewisse Seitlichkeit auf, indem er in der Richtung der ersten Reflexionsebene ein anderes Verhalten bei der zweiten Reflexion zeigt, als in der darauf senkrechten Ebene. Um dieses Verhalten kurz zu bezeichnen, sagt man, der Lichtstrahl sei in der Reflexionsebene polarisiert. Die Ebene, in welcher der Strahl polarisiert ist, heißt seine Polarisationsebene, der Winkel, unter welchem der Strahl reflektiert werden muß, um vollständig polarisiert zu werden, der Polarisationswinkel für die reflektierende Substanz; bei Glas beträgt der Polarisationswinkel 55° . Geschieht die Reflexion unter einem größeren oder kleineren Winkel, so ist die Polarisation eine unvollständige, d. h. bei gekreuzten Reflexionsebenen beider Spiegel findet wohl eine Verminderung der Lichtintensität, nicht aber eine vollständige Auslöschung des Lichtstrahles statt.

Fig. 189.



Die Polarisation tritt bei jeder regelmäßigen Reflexion des Lichtes unter anderer als normaler Incidenz ein. Der Winkel der vollständigen Polarisation ist bei den verschiedenen Substanzen verschieden. Bei durchsichtigen Substanzen findet ein merkwürdiger Zusammenhang zwischen dem Polarisationswinkel und dem Brechungsindex statt. Ist nämlich (Fig. 190) AB der einfallende, BC der reflektierte, BD der gebrochene Strahl, so ist die Polarisation vollständig bei demjenigen Einfallswinkel, für welchen der von dem reflektierten und dem gebrochenen Strahl eingeschlossene Winkel

Fig. 190.



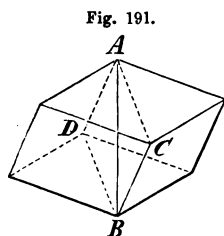
CBD ein Rechter ist. Es folgt daraus, daß wenn der Polarisationswinkel einer Substanz bekannt ist, der Brechungsindex gefunden werden kann und umgekehrt.

Es ist nämlich, wenn α den Polarisationswinkel, n den Brechungsexponenten bezeichnet, $n = \tan \alpha$. Bei Reflexion an Metallen und gewissen anderen, undurchsichtigen Körpern findet stets nur eine teilweise Polarisation des Lichtes statt.

Auch ein durch eine Glasplatte unter schiefe Einfallswinkel hindurchgehender Lichtstrahl zeigt sich polarisiert und zwar in einer Ebene, welche zur Brechungsebene senkrecht steht. Doch ist die Polarisation, selbst wenn die Incidenz unter dem Polarisationswinkel stattfindet, stets nur eine unvollständige. Um eine nahezu vollkommene Polarisation durch Refraktion zu erhalten, muß man den Lichtstrahl durch eine grössere Anzahl über einander geschichteter, paralleler Platten hindurchgehen lassen.

§ 183. Nach der Undulationstheorie erklären sich die Polarisationserscheinungen durch die Annahme, daß in einem polarisierten Lichtstrahl die transversalen Schwingungen sämtlicher Ätherteilchen in paralleler Richtung, also in einer Ebene stattfinden, während in einem natürlichen Lichtstrahl die Schwingungen in allen möglichen Ebenen rings um die Richtung des Strahles stattfinden, so daß keine Richtung bevorzugt ist. Fresnel wurde durch gewisse theoretische Voraussetzungen über die Beschaffenheit des Lichtäthers zu der Annahme geführt, daß die Schwingungen sämtlicher Ätherteilchen zur Polarisations-ebene senkrecht seien, während nach der Annahme Neumanns u. a. die Schwingungen in der Polarisations-ebene stattfinden. Da die bisher bekannten Polarisationserscheinungen sämtlich durch beide Annahmen auf gleich genügende Weise erklärt werden können, so ist es bis jetzt nicht möglich, über die Richtigkeit einer oder der anderen Ansicht endgültig zu entscheiden. Nur der Kürze des Ausdrucks wegen soll im folgenden die Vorstellung zu Grunde gelegt werden, daß die Schwingungsebene der Ätherteilchen mit der Polarisations-ebene zusammenfalle. — Ein Spiegel würde demnach unter dem Polarisationswinkel nur solche Ätherschwingungen zu reflektieren imstande sein, welche in der Reflexionsebene stattfinden, nicht aber solche, die zur Reflexions-ebene senkrecht sind. — Jede Schwingung eines Ätherteilchens im einfallenden Strahl wird man in zwei auf einander rechtwinklige Komponenten zerlegen können, von denen die eine in der Reflexionsebene liegt, die andere zu derselben senkrecht ist. Nur die erste wird reflektiert, die zweite wird bei der Reflexion ausgelöscht. Trifft ein bereits polarisierter Strahl auf einen zweiten Spiegel unter dem Polarisationswinkel, so wird derselbe reflektiert, wenn die Schwingungen in der Reflexionsebene stattfinden, vollständig ausgelöscht, wenn sie zu derselben senkrecht sind. In jedem anderen Fall wird nur die in der Reflexionsebene liegende Komponente der Schwingungen reflektiert.

§ 184. Doppelbrechung im Kalkspat. Alle durchsichtigen Krystalle, welche nicht dem regulären System angehören, besitzen die merkwürdige Eigenschaft, die in ihr Inneres eindringenden Lichtstrahlen nicht, wie andere durchsichtige Körper, nach dem Snelliusschen Gesetz (§ 141) abzulenken, sondern im allgemeinen jeden einfallenden Strahl in zwei Strahlen zu zerlegen, welche sich im Innern des Krystalls nach verschiedenen Richtungen und mit verschiedenen Geschwindigkeiten fortpflanzen. Am auffallendsten und am längsten bekannt



ist diese Erscheinung der Doppelbrechung des Lichtes an den großen und völlig durchsichtigen Kalkspatkrystallen, welche sich namentlich auf der Insel Island in größter Vollkommenheit vorfinden und von diesem Fundort und der erwähnten Eigenschaft den Namen des isländischen Doppelspats erhalten haben. Der Kalkspat krystallisiert in der rhomboedrischen Abteilung des hexagonalen Krystallsystems (§ 25) und besitzt eine vorzügliche Spaltbarkeit (§ 22) nach drei Richtungen, welche den Flächen des Hauptrhomboeders (Fig. 191) parallel sind. Der Kantenwinkel der stumpfen Endkanten beträgt $105^{\circ} 5'$, der der

schärferen Seitenkanten $74^{\circ} 55'$. Die Verbindungslinie der stumpfen Ecken AB ist die krystallographische Hauptaxe des Rhomboeders. Jede die Hauptaxe enthaltende, oder ihr parallel durch den Krystall gelegte Ebene, z. B. $ACBD$, heißt ein Hauptschnitt des Krystalls. Schleift man aus dem Krystall eine Platte, welche von zwei parallelen, zur Hauptaxe senkrechten Ebenen begrenzt wird, so läßt dieselbe einen in der Richtung der Hauptaxe auffallenden Strahl unzerlegt und ungebrochen hindurchgehen. Diese auch in optischer Hinsicht ausgezeichnete Richtung heißt daher die optische Axe des Krystalls. In jeder anderen Richtung wird der in den Krystall eintretende Strahl, selbst bei senkrechter Incidenz, in zwei zerlegt. Einer derselben befolgt das Snelliussche Brechungsgesetz (§ 141) und heißt darum der ordentliche Strahl, der andere außerordentliche Strahl wird nach einem weniger einfachen Gesetz (s. unten § 186) gebrochen.

§ 185. Polarisation durch Doppelbrechung. Die beiden aus dem Kalkspatkrystall austretenden Strahlen zeigen sich vollständig polarisirt und zwar der ordentliche Strahl in der Ebene des Hauptschnittes, der außerordentliche Strahl in einer auf dem Hauptschnitt senkrechten Ebene. Legt man ein Kalkspathomboeder auf ein Papierblatt, auf welchem ein schwarzer Punkt gezeichnet ist, so sieht man zwei Bilder dieses Punktes, das eine dem ordentlichen, das andere dem außerordentlichen Strahl entsprechend. Dreht man den Krystall, so scheint das dem ordentlichen Strahl entsprechende Bild stillzustehen, während das außerordentliche sich um das ordentliche herumzubewegen scheint. Legt man auf den Krystall einen zweiten, so wird dadurch im allgemeinen jedes der beiden Bilder wieder in zwei zerlegt, so daß man im ganzen vier Bilder erblickt. Dreht man den oberen Krystall, während der untere fest liegt, so verschwinden abwechselnd zwei von den vier Bildern, so oft die Hauptschnittsebenen beider Krystalle parallel sind, oder sich rechtwinklig durchschneiden. Dreht man den oberen Krystall aus einer dieser Lagen, so kommen die verschwundenen Bilder wieder zum Vorschein und nehmen an Intensität zu, während die anderen blasser werden, so daß, wenn die Hauptschnittsebenen einen Winkel von 45° bilden, alle vier Bilder gleiche Intensität besitzen, und bei weiterer Drehung das zweite Paar verschwindet. Diese Erscheinungen erklären sich dadurch, daß der Krystall in seinem Innern nur Strahlen fortzupflanzen vermag, welche entweder in der Ebene des Hauptschnitts, oder in einer auf dieser senkrechten Ebene polarisirt sind. Der in der Ebene des Hauptschnitts polarisirte ordentliche Strahl pflanzt sich in allen Richtungen mit gleicher, der senkrecht zu derselben polarisirte außerordentliche Strahl dagegen mit ungleicher Geschwindigkeit in den verschiedenen Richtungen fort. Fallen die Hauptschnittsebenen beider Krystalle zusammen, so wird der ordentliche Strahl des ersten Krystalls ohne weitere Zerlegung als ordentlicher, der außerordentliche Strahl als außerordentlicher fortgepflanzt. Kreuzen sich die Hauptschnittsebenen rechtwinklig, so wird der ordentliche Strahl des ersten Krystalls im zweiten zum außerordentlichen und umgekehrt. Kreuzen sich dieselben dagegen unter schiefen Winkeln, so wird jeder der aus dem ersten Krystall austretenden Strahlen wieder in zwei Strahlen zerlegt, die nach der Hauptschnittsebene und der darauf senkrechten Ebene polarisirt sind.



Wie der Kalkspat, so zeigen sich alle durchsichtigen Krystalle, welche nicht dem regulären System angehören, doppelbrechend. Die Krystalle des quadratischen und hexagonalen Systems (§ 25), welche eine kristallographische Hauptaxe besitzen, haben auch, wie der Kalkspat, eine optische Axe. Über das Verhalten der übrigen, sogenannten optisch zweiaxigen Krystalle s. unten § 187.

Bei manchen Krystallen, z. B. beim Turmalin (vergl. § 286), werden die Erscheinungen der Doppelbrechung dadurch modifiziert, daß einer der beiden Strahlen, beim Turmalin der ordentliche, vom Krystall in stärkerem Grade absorbiert wird, so daß er, besonders bei den rotbraunen Turmalinen, durch Absorption fast völlig ausgelöscht und nur der außerordentliche Strahl hindurchgelassen wird. Eine parallel zur Säulenaxe geschliffene Turmalinplatte erscheint mit brauner oder grünlicher Farbe durchsichtig; das hindurchgegangene Licht ist fast vollständig in einer zur Säulenaxe senkrechten Ebene polarisiert. Legt man daher zwei solche Platten so über einander, daß ihre Säulenachsen parallel sind, so erscheinen dieselben durchsichtig; wird dagegen eine von beiden Platten in ihrer Ebene um 90° gedreht, so daß die Richtungen der Säulenachsen sich rechtwinklig kreuzen, so erscheinen sie vollkommen undurchsichtig, weil der von der ersten Platte hindurchgelassene Lichtstrahl von der zweiten absorbiert wird (Turmalinzange).

Manche Krystalle besitzen in der Richtung der optischen Hauptaxe ein anderes Absorptionsvermögen für gewisse Farbenstrahlen, als in der darauf senkrechten Richtung und erscheinen daher verschiedenfarbig oder dichroitisch, je nach der Richtung, nach welcher man hindurchsieht. Der dem rhombischen Krystallsystem angehörige, daher optisch zweiaxige Dichroit zeigt nicht selten drei verschiedene Farben in drei auf einander senkrechten Richtungen. Die beiden senkrecht zu einander polarisierten Lichtstrahlen zeigen sich, getrennt untersucht, verschiedenfarbig (Haidingers dichroskopische Lupe).

§ 186. Erklärung der Doppelbrechung nach der Undulationstheorie; positive und negative Krystalle. Obgleich schon Huyghens (1691) ein richtiges Erklärungsprinzip für die Erscheinungen der Doppelbrechung in Krystallen mit Hilfe der Undulationstheorie aufgestellt hatte, so haben die damit verbundenen Erscheinungen doch erst in neuerer Zeit, nachdem Malus (1808) die Polarisation des Lichtes durch Reflexion entdeckt hatte, ihre völlige Aufklärung durch die experimentellen und theoretischen Untersuchungen von Fresnel, Neumann, Cauchy, Brewster, Biot u. a. gefunden. — Infolge des Einflusses, welchen die Theilchen des Lichtäthers im Innern der durchsichtigen Körper von den ponderablen Massenteilen erfahren, ist die Elasticität des Äthers nicht nach allen Richtungen gleich. In Krystallen mit einer Hauptaxe ist dieselbe in der Richtung dieser Hauptaxe entweder größer oder kleiner, als in der darauf senkrechten Richtung. Infolge dieser Eigenschaft zerlegt sich jede in den Krystall eintretende Ätherwelle, wie mit Hilfe der mathematischen Analyse gezeigt wird, in zwei Wellen, von welchen eine dem ordentlichen Strahl entspricht und sich nach allen Richtungen mit gleicher Geschwindigkeit ausbreitet, während die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der anderen, dem außerordentlichen Strahl entsprechenden Welle in den verschiedenen Richtungen verschieden ist. Wenn die Schwin-

gungen von einem Punkt im Innern des Krystalls erregt werden, so wird sich infolge dessen die erstere Welle in Kugelform nach allen Richtungen ausbreiten, während die letztere die Gestalt eines verlängerten oder abgeplatteten Umdrehungsellipsoids besitzt, jenachdem die Fortpflanzung des außerordentlichen Strahles in der Richtung der Hauptaxe schneller oder langsamer erfolgt, als in der darauf senkrechten Richtung. Im ersten Fall (Fig. 192) heißt der Krystall ein positiver, z. B. Bergkrystall, im zweiten (Fig. 193) ein negativer, z. B. Kalkspat.

Um die Wellenfläche zu erhalten, muß man sich die Figuren um die Hauptaxe AB gedreht denken. In der Richtung AB pflanzen sich beide Wellen stets mit gleicher Geschwindigkeit fort, beide Wellenflächen berühren sich daher in den der Richtung der Hauptaxe entsprechenden Polen.

Fig. 192.

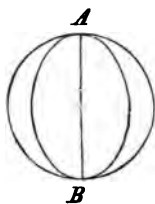
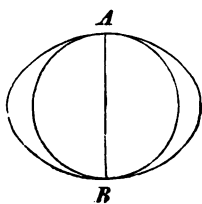
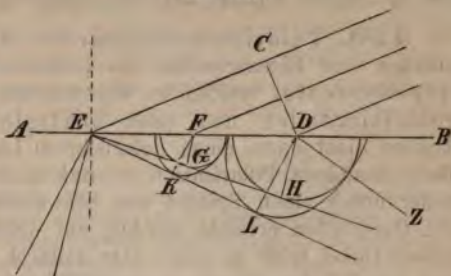


Fig. 193.



Die Doppelbrechung erklärt sich nach dem vorausgeschickten leicht auf folgende Weise (vergl. § 176). Es stelle AB (Fig. 194) die ebene Oberfläche eines (negativen) Krystalls, DZ die Richtung der optischen Axe und CD einen Teil einer einfallenden, ebenen Lichtwelle vor. Der Einfachheit wegen soll angenommen werden, daß die Brechungsebene mit der Ebene des Hauptschnitts zusammenfalle. Vom Punkt D aus werden sich gleichzeitig zwei Wellen, eine sphärische und eine ellipsoidische, im Krystall ausbreiten. Die von den Punkten D , F , E der Reihe nach erregten Kugelwellen setzen sich, wie früher (§ 176) gezeigt, zu einer einzigen, ebenen Welle EGH zusammen, welche dem ordentlichen Strahl entspricht und sich nach dem Snelliusschen Brechungsgesetz in der Richtung DH fortpflanzt. Die Fortpflanzungsrichtung ist auf der Wellenebene senkrecht. — Die ellipsoidischen Wellen setzen sich in gleicher Weise zu einer ebenen Welle EKL zusammen, welche sich in der Richtung DL fortpflanzt. Die Fortpflanzungsrichtung ist hier im allgemeinen nicht zur Wellenoberfläche senkrecht. Fällt, wie in der Figur angenommen, die Brechungsebene mit der Ebene des Hauptschnitts zusammen, so liegt auch die Richtung des außerordentlichen Strahles in derselben Ebene. Anderenfalls tritt der außerordentliche Strahl aus der Einfallsebene heraus, indem der Berührungspunkt L nicht in derselben liegt.

Fig. 194.



Beim Kalkspat ist der Brechungsexponent der ordentlichen Strahlen für die Linie D (§ 141) $n_a = 1,6585$, der der außerordentlichen Strahlen in der Richtung senkrecht zur optischen Axe $n'_a = 1,48635$. Diese Zahlen geben, wie leicht ersichtlich, gleichzeitig das umgekehrte Verhältnis der Axen der Wellenoberfläche der außerordentlichen Strahlen an. Beim Bergkrystall sind die Brechungsexponenten für die Linie D : $n_a = 1,5442$, $n'_a = 1,5533$. Die Doppelbrechung des Bergkrystalls ist also bei weitem schwächer als die des Kalkspats, und die Geschwindigkeit der außerordentlichen Strahlen ist die geringere.

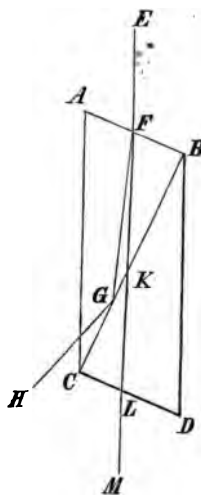
§ 187. Optisch zweiaxige Krystalle. Anders gestalten sich die Verhältnisse bei den Krystallen des rhombischen, klinorhombischen und klinorhomboidischen Systems, welche keine krystallographische Hauptaxe haben (§ 25, 4—6) und in denen, infolge ihrer Struktur, die Elasticität des Äthers in drei auf einander senkrechten Richtungen drei verschiedene Werte besitzt. In einem solchen Krystall giebt es, wie durch die mathematische Analyse bewiesen und durch das Experiment bestätigt wird, jederzeit zwei verschiedene Richtungen, nach welchen sich Strahlen von allen Polarisationsrichtungen mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen, und in denen daher keine Doppelbrechung stattfindet. Diese beiden Richtungen, welche die beiden optischen Axen des Krystalls genannt werden, schneiden sich bald unter größerem, bald unter kleinerem Winkel. In jeder anderen Richtung wird der einfallende Strahl in zwei Strahlen zerlegt, welche in zwei auf einander senkrechten Ebenen polarisiert sind und sich mit verschiedenen Geschwindigkeiten im Krystall fortpflanzen. Keiner von beiden Strahlen befolgt das Snelliussche Brechungsgesetz, so daß dieselben nicht mehr als ordentlicher und außerordentlicher Strahl bezeichnet werden können.

Während in optisch einaxigen Krystallen die von einem Punkt aus erregte Doppelwelle in eine Kugel und ein Umdrehungselipsoid zerfiel, welches die Kugel in zwei gegenüberliegenden Polen berührt, zeigt die Wellenfläche der zweiaxigen Krystalle eine weniger einfache Gestalt. Dieselbe besteht aus zwei Schalen, von denen die eine ganz von der anderen umschlossen wird, so jedoch, daß beide

an vier Punkten, den Endpunkten der optischen Axen entsprechend, zusammenhängen. Mit Hilfe dieser Wellenfläche, deren merkwürdige geometrischen Eigenschaften von Fresnel, Hamilton u. a. untersucht worden sind, läßt sich die Richtung und Geschwindigkeit der beiden gebrochenen Strahlen für zweiaxige Krystalle durch eine ähnliche geometrische Konstruktion bestimmen, wie dieselbe oben (§ 186) für einaxige Krystalle angegeben worden ist.

§ 188. Polarisationsapparate, Nicolsches Prisma. Zur Untersuchung der Eigenschaften des polarisierten Lichtes dienen Polarisationsapparate, welche im wesentlichen aus zwei Teilen, nämlich einer polarisierenden und einer analysierenden Vorrichtung bestehen. Erstere dient dazu, einen polarisierten Lichtstrahl zu erzeugen, letztere, die vorhandene Polarisation zu erkennen. Beide Zwecke können entweder durch einen Spiegel von schwarzem Glas, oder durch einen Satz von Glasplatten erreicht werden, auf welche der Strahl unter dem Polarisationswinkel trifft (§ 182), oder dadurch, daß man den Lichtstrahl durch eine parallel der Säulenaxe geschliffene Turmalinplatte (§ 185) hindurchgehen läßt. Die Anwendung des Polarisationsspiegels hat die, namentlich bei der analysierenden Vorrichtung, unbequeme Folge, daß dabei der Lichtstrahl aus seiner ursprünglichen Richtung abgelenkt wird, und daß bei der Drehung des analysierenden Spiegels der Beobachter seine Stellung gegen den Apparat ändern muß. Andererseits bewirkt der Glassatz einen großen Verlust an Lichtintensität durch Reflexion an der Oberfläche der Glasplatten, die Turmalinplatte eine Schwächung des Lichtes durch Absorption und überdies eine für die meisten Versuche störende Färbung. Wendet man, anstatt des Turmalins, eine Kalkspatplatte an, so erhält man gleichzeitig zwei Strahlen, deren Polarisationsrichtungen auf einander senkrecht stehen. Durch eine von Nicol (1828) erdachte,

Fig. 195.



sinnreiche Vorrichtung ist es jedoch möglich, den ordentlichen Strahl ganz zu beseitigen. Nachdem man zu diesem Zweck den Endflächen AB , CD eines länglichen Kalkspatkrystalls (Fig. 195) durch Anschleifen eine passende Neigung zu den Seitenflächen gegeben hat, schneidet man denselben in der Richtung BC durch und kittet beide Stücke durch eine Schicht von Kanadabalsam wieder zusammen. Der Lichtstrahl EF wird durch Brechung an der Fläche AB in den ordentlichen Strahl FG und den schwächer gebrochenen, außerordentlichen Strahl FK zerlegt. Die Richtung der Schnittfläche BC ist so gewählt, daß der ordentliche Strahl, welcher dieselbe unter spitzerem Winkel trifft und einen größeren Brechungsexponenten besitzt als Kanadabalsam, durch totale Reflexion an der Balsamschicht (§ 143) nach GH beseitigt wird, während der außerordentliche senkrecht zur Hauptschnittsebene polarisierte Strahl KL hindurchgeht und in der Richtung $LM \parallel EF$ austritt. Ein solches Nicolsches Prisma kann daher anstelle des Polarisationsspiegels oder der Turmalinplatte nach Belieben als polarisierende, oder als analysierende

Vorrichtung gebraucht werden. — Ähnliche Polarisationsvorrichtungen, welche auf der doppelbrechenden Eigenschaft des Kalkspats beruhen, sind von Hasert und Dove angegeben worden.

Die polarisierende und analysierende Vorrichtung sind auf einem gemeinsamen Stativ (s. § 192 Fig. 201) so befestigt, daß, während erstere feststeht, letztere um die Richtung des polarisierten Strahles, die mit der Axe des Apparats zusammenfällt, gedreht und die Größe des Drehungswinkels an einem getheilten Kreise abgelesen werden kann. Sind die Polarisations Ebenen beider Vorrichtungen parallel, so steht der Zeiger des Teilkreises auf 0^0 , und das Gesichtsfeld erscheint hell. Wird die analysierende Vorrichtung um 90^0 gedreht, so wird das Gesichtsfeld verdunkelt (§ 182).

§ 189. Interferenzerscheinungen des polarisierten Lichts, cirkulare und elliptische Polarisation. — Zwei polarisierte Lichtstrahlen können sich durch Interferenz nur dann vollständig vernichten, wenn ihre Polarisations Ebenen zusammenfallen; dagegen findet keine Schwächung der Lichtintensität durch Interferenz statt, wenn beide Polarisations Ebenen aufeinander senkrecht sind.

Fresnel zog aus diesem Umstand den Schluß, daß die Schwingungen des Lichtäthers transversale sind. Es sei *A* (Fig. 196) die Gleichgewichtslage eines Ätherteilchens und *AB*, *AC* die Schwingungsrichtungen und Amplituden zweier Lichtwellen von gleicher Schwingungsdauer, deren Polarisations Ebenen auf einander senkrecht stehen. Sind die Phasen beider Wellen so beschaffen, daß das Ätherteilchen infolge beider Wellenbewegungen gleichzeitig durch seine Gleichgewichtslage hindurchgeht, so werden sich die beiden durch *AB* und *AC* dargestellten Bewegungen zu einer geradlinigen, resultierenden Bewegung zusammensetzen, welche durch *AD* vorgestellt wird (§ 94). Würde eine von beiden Wellen, z. B. *AC*, gegen die andere um eine halbe Schwingungsdauer verzögert, so träte anstelle der Bewegungskomponente *AC* die entgegengesetzte *AC'*, welche sich mit *AB* zu der geradlinigen Schwingung *AD'* zusammensetzt. Eine andere Erscheinung tritt dagegen ein, wenn die Verzögerung eine Viertel-Schwingungsdauer oder der Hauptunterschied beider Strahlen eine Viertel-Wellenlänge beträgt. Während nämlich infolge einer von beiden Wellen das Ätherteilchen bereits seine größte Elongation *AB* erreicht hat, ist seine Elongation in der darauf senkrechten Richtung *AC* = 0. Das Ätherteilchen befindet sich also in *B* (Fig. 197). Während dasselbe nun infolge der ersten Welle von *B* nach *A* zurückgelangen würde, wird es gleichzeitig durch die zweite Welle in der Richtung nach *C* hin getrieben, so daß es nach einer Viertel-Schwingungsdauer nicht in *A*, sondern in *C* anlangt u. s. f., so daß dasselbe, wenn die Amplituden beider Schwingungen gleich sind, in der Zeit einer Schwingungsdauer die Kreisperipherie *BCDE* mit gleichförmiger Geschwindigkeit in der Richtung der Pfeile durchläuft. (Während nämlich die Elongation in der Richtung *AB* von ihrem größten Wert *AB* = *a* bis zu *AH* = *a* cos *BAF* abgenommen hat, ist die Elongation in der Richtung *AC* von 0 auf *AG* = *a* sin *BAF* gewachsen, so daß *AF*² = *AH*² + *AG*² = *a*² ist. Vergl. § 60). Die Drehungsrichtung würde die entgegengesetzte sein, wenn die Welle *AB* gegen die andere um eine Viertel-Schwingungsdauer zurück wäre. Man nennt einen solchen Lichtstrahl, in welchem sämtliche Ätherteilchen kreisförmige Bahnen beschreiben, je nach der Drehungsrichtung einen rechts oder links cirkular polarisierten. Haben die beiden interferierenden Lichtstrahlen ungleiche Amplitude, oder beträgt die Phasendifferenz mehr oder weniger als eine Viertel-Schwingungsdauer, so ist die Bahn, welche jedes Ätherteilchen beschreibt, eine Ellipse und der resultierende Strahl heißt, je nach der Drehungsrichtung, ein rechts oder links elliptisch polarisierter.

Fig. 196.

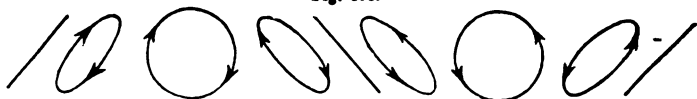


Fig. 197.



In Fig. 198 sind die Schwingungsweisen dargestellt, welche durch eine Phasendifferenz zweier senkrecht zu einander polarisierten Lichtstrahlen von $\frac{0}{8}$, $\frac{1}{8}$, $\frac{2}{8}$, ... bis $\frac{7}{8}$ der Schwingungsdauer hervorgebracht werden.

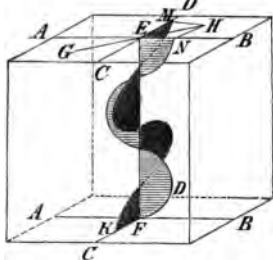
Fig. 198.



Kirkular polarisierte Lichtstrahlen können auf verschiedene Weise hervorgebracht werden. Fresnel zeigte (1817), daß ein linear polarisierter Strahl durch totale Reflexion in einem Glasprisma unter einem gewissen Winkel in zwei Komponenten zerlegt wird, die einen Gangunterschied von $\frac{1}{8}$ Wellenlänge haben. Durch zweimalige Reflexion unter demselben Winkel wird derselbe also in einen kirkular polarisierten Strahl verwandelt. Auf andere Weise kann der Gangunterschied von $\frac{1}{4}$ Wellenlänge durch ein Glimmerblättchen von gewisser Dicke hervorgebracht werden, durch welches man den linear polarisierten Strahl gehen läßt (s. § 190). Über die Merkmale, an welchen die kirkulare Polarisation eines Lichtstrahles erkannt wird, siehe §§ 191 und 193.

§ 190. Interferenzfarben dünner Krystallblättchen im polarisierten Licht (Young, 1814). Bringt man zwischen die polarisierende und analysierende Vorrichtung eines Polarisationsapparates eine Krystallplatte, z. B. ein dünnes Gips- oder Glimmerblättchen, so zerlegt sich der polarisierte Lichtstrahl beim Eintritt in den Krystall in zwei senkrecht zu einander polarisierte Komponenten, welche den Krystall mit ungleichen Geschwindigkeiten (§§ 186, 187) durchlaufen und dadurch einen Gangunterschied erhalten, welcher mit der Dicke des Krystallblättchens wächst. Stellen z. B. AB und CD die Polarisationsrichtungen der Komponenten im Krystall, EH die Schwingungsamplitude und Polarisationsrichtung des einfallenden Strahles vor, so wird derselbe in die

Fig. 199.



Komponenten EM und EN zerlegt. Die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Komponente EM sei die kleinere, so wird auch ihre Wellenlänge kleiner sein. Braucht z. B. die erste $\frac{1}{4}$ Schwingungszeiten, die letzte nur $\frac{3}{4}$ Schwingungszeiten, um die Dicke des Krystalls zu durchlaufen, so werden beide mit einer Phasendifferenz von $\frac{1}{4}$ Schwingungsdauer, oder mit einem Gangunterschied von $\frac{1}{4}$ Wellenlänge in F anlangen und sich beim Austritt aus dem Krystall, wenn die Amplituden beider Komponenten gleich waren, zu kirkular-polarisiertem Licht zusammensetzen (§ 189). (Die

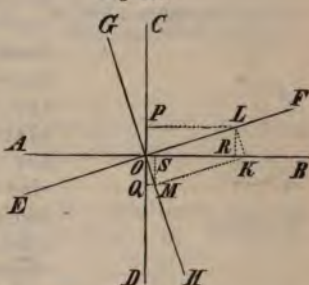
Gleichheit der Amplituden findet statt, wenn die ursprüngliche Polarisationsrichtung EH mit AB und CD Winkel von 45° einschließt.) Je nach der Dicke des Krystalls kann nun der Gangunterschied auf $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{4}$, 1 Wellenlänge u. s. w. wachsen. Werden nach dem Austritt aus dem Krystall beide Komponenten durch die analysierende Vorrichtung des Polarisationsapparats auf gleiche Polarisations-ebenen zurückgeführt, so werden sie einander gegenseitig verstärken oder schwächen, je nachdem ihr Gangunterschied eine gerade oder ungerade Anzahl von halben Wellenlängen beträgt, während bei einem Gangunterschied von $\frac{1}{4}\lambda$, $\frac{3}{4}\lambda$ u. s. w. weder Verstärkung noch Schwä-

ehung eintritt, sondern nur die cirkuläre Schwingung auf eine lineare zurückgeführt wird. Da die verschiedenen Farben ungleiche Wellenlänge haben und sich überdies mit ungleicher Geschwindigkeit im Krystall fortpflanzen, so wird die Dicke des Krystalls, welche einem Gangunterschied von einer Wellenlänge entspricht, für jede Farbe eine andere sein, und bei einem Krystall von einer bestimmten Dicke werden sich die Komponenten gewisser Farbenstrahlen verstärken, während die anderen Strahlen einander vernichten. Das Krystallblättchen wird daher im allgemeinen, zwischen die polarisierende und analysierende Vorrichtung gebracht, farbig erscheinen, und zwar wird die Farbe, welche es zeigt, von der Dicke des Blättchens und von der Lage seiner Axenrichtungen gegen die Polarisationsrichtung des Polarisators und Analysators abhängen.

§ 191. Es stellen AB und CD (Fig. 200) die Polarisations Ebenen des polarisierenden und analysierenden Nicols vor, welche beispielsweise zunächst gekreuzt angenommen werden, so daß das Gesichtsfeld ohne das Krystallblättchen dunkel erscheint, EF und GH seien die Schwingungsrichtungen der polarisierten Komponenten im Krystall, der durch den Polarisator in der Ebene AB polarisierte Lichtstrahl, dessen Schwingungsamplitude $OK = i$ ist, wird im Krystall in die Komponenten OL und OM zerlegt. Wird $\angle BOF'$ mit α bezeichnet, so ist $OL = i \cos \alpha$, $OM = i \sin \alpha$. Durch den analysierenden Nicol wird jede dieser Komponenten abermals in zwei Komponenten zerlegt, von welchem nur die in der Ebene CD polarisierte durchgelassen wird. Die Schwingungsamplituden dieser Komponenten sind $OP = i \cos \alpha \sin \alpha$ und $OQ = i \sin \alpha \cos \alpha$. Die beiden interferierenden Strahlen haben also gleiche Schwingungsamplitude. Ist $\angle \alpha = 0^\circ$ oder $= 90^\circ$, d. h. fallen die Polarisationsrichtungen des Krystalls mit denen der gekreuzten Nicols zusammen, so sind beide Komponenten $= 0$, oder das Gesichtsfeld erscheint bei jeder Dicke des Krystallblättchens dunkel. Die interferierenden Strahlen haben dagegen ihren größten Wert, oder das Gesichtsfeld erscheint in grösster Helligkeit, wenn $\alpha = 45^\circ$ ist, indem dann $OP = OQ = \frac{1}{2}i$ wird. Ist der Gangunterschied der Strahlen, welcher durch den Krystall hervorgebracht wird, gleich Null oder gleich einer ganzen Anzahl von Wellenlängen, so treffen, wie aus der Figur ersichtlich, in der Polarisations Ebene CD entgegengesetzte Phasen beider Wellen zusammen, und dieselben vernichten sich gegenseitig. Dagegen findet eine Verstärkung der Intensität derjenigen Strahlen statt, für welche der Gangunterschied im Krystall $\frac{1}{2}\lambda$, $\frac{3}{2}\lambda$, im allgemeinen eine ungerade Anzahl von halben Wellenlängen beträgt, da diese Wellen mit gleichen Schwingungsphasen zusammenreffen.

Dreht man den analysierenden Nicol um 90° , so daß die Polarisations Ebenen beider Nicols parallel sind, und beide mit AB zusammenfallen, so werden die Komponenten OP , OQ vom analysierenden Nicol beseitigt, OR und OS dagegen durchgelassen. Es ist $OR = OL \cos \alpha = i \cos \alpha^2$, $OS = OM \sin \alpha = i \sin \alpha^2$. Ist $\angle \alpha = 0^\circ$ oder 90° , so verschwindet jedesmal eine der beiden Komponenten, während die andere $= i$ wird. Es findet also keine Interferenz statt, und das Gesichtsfeld erscheint für alle Farben in gleicher Helligkeit, mithin bei Anwendung weissen Lichts farblos, als ob der Krystall nicht vorhanden wäre. Dagegen findet die vollständigste Interferenz, also die intensivste Färbung statt, wenn $\angle \alpha = 45^\circ$ ist, indem dann wieder $OR = OS = \frac{1}{2}i$ wird. Ist der durch den Krystall erzeugte Gangunterschied $0, \lambda, 2\lambda \dots$, so treffen, wie aus der Figur ersichtlich, beide Wellen in der Polarisations Ebene AB mit gleicher Schwingungsrichtung zusammen und verstärken einander. Wird dagegen durch den Krystall ein Gangunterschied von $\frac{1}{2}\lambda, \frac{3}{2}\lambda \dots$ erzeugt, so sind die Schwingungsphasen entgegengesetzt, und es findet Vernichtung beider Komponenten statt.

Fig. 200.



Die Vergleichung beider Fälle zeigt, daß bei gekreuzten Nicols diejenigen Farben durch Interferenz vernichtet werden, welche sich bei parallelen Nicols verstärken und umgekehrt. Es folgt daraus, daß bei Drehung des analysierenden Nicols um 90° die Farbe des Krystalls in die Komplementärfarbe übergehen muß, wie der Versuch in der That lehrt.

Ist das Krystallblättchen so dünn, daß dasselbe einen Gangunterschied von $\frac{1}{4}\lambda$ erzeugt, und schließt seine Hauptschnittsebene mit der der polarisierenden Vorrichtung einen Winkel von 45° ein, so ist der aus dem Krystall austretende Lichtstrahl, wie oben gezeigt, cirkular polarisiert, und das Gesichtsfeld behält bei Drehung des analysierenden Nicols stets gleiche Helligkeit, da der cirkular polarisierte Strahl sich nach allen Richtungen symmetrisch verhält und bei Zurückführung auf eine Polarisationssebene eine in jeder Richtung gleich große Schwingungskomponente liefert.

§ 192. Interferenzfarben senkrecht zur optischen Axe geschliffener Krystallplatten im polarisierten Licht. Läßt man ein durch Reflexion an einem Glasspiegel *S* (Fig. 201), oder durch ein Nicolsches Prisma polarisiertes Strahlenbündel, nachdem es durch die Konvexlinse *L* konvergent gemacht worden, durch eine senkrecht zur optischen Axe geschliffene Kalkspatplatte hindurchgehen und betrachtet die von *K* aus divergierenden Strahlen, nachdem sie durch eine zweite Konvexlinse *L'* wieder konvergent gemacht worden sind, durch das analysierende Nicolsche Prisma *N*, so erblickt man ein System konzentrischer Farbenringe (Fig. 202 a, b), welche von einem hellen oder schwarzen Kreuz durchschnitten sind, jenachdem die Polarisationssebenen der polarisierenden und analysierenden Vorrichtung zusammenfallen, oder einander rechtwinklig durchkreuzen. Bei Anwendung weißen Lichtes zeigen die Ringe vom Centrum nach der Peripherie eine Farbenfolge, welche ähnlich ist

Fig. 201.

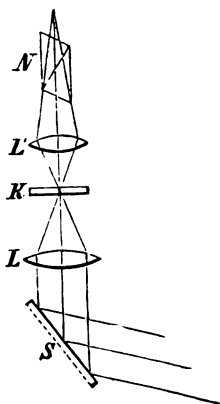
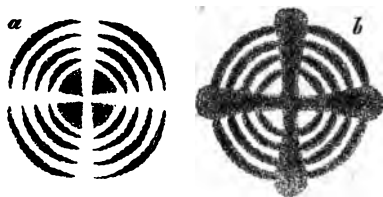


Fig. 202.



derjenigen der Newtonschen Ringe (§ 180). Beim Drehen des analysierenden Nicols um 90° geht jede Farbe in ihre Komplementärfarbe über. Bei Anwendung homogenen Lichtes (§ 149) erblickt man nur ein System von abwechselnd hellen und dunklen Ringen, welche von dem hellen oder dunklen Kreuz durchschnitten sind. Dieselben sind viel zahlreicher als bei weißem Licht, und die einzelnen Ringe sind um so breiter, je größer die Wellenlänge des angewendeten Lichtes. Die Farbenfolge, welche man bei Anwendung weißen Lichtes erblickt, entsteht, wie bei den Newtonschen Ringen, durch Übereinanderlagerung der den verschiedenen Farbenstrahlen entsprechenden Ringsysteme. — Bei Anwendung cirkular-polarisierten Lichtes (§ 190) erblickt man das System der Farbenringe ohne das helle oder schwarze Kreuz.

Bringt man an die Stelle der Kalkspatplatte eine Platte aus einem optisch zweiaxigen Krystall, z. B. Salpeter, welche senkrecht zur

Halbierungslinie des von den optischen Axen eingeschlossenen Winkels geschliffen ist, so erblickt man eine andere Farbenerscheinung (Fig. 203), nämlich ein doppeltes, den beiden optischen Axen entsprechendes Ringsystem, dessen äußere Ringe sich zu lemniskatenähnlichen Kurven vereinigen und bei gekreuzten Polarisations Ebenen von einem schwarzen Kreuz (Fig. 203a) durchzogen erscheinen, wenn die Ebene der optischen Axen des Krystalls mit der Polarisations Ebene der polarisierenden oder analysierenden Vorrichtung zusammenfällt. Ist dagegen die Ebene der optischen Axen des Krystalls gegen beide Polarisations Ebenen unter 45° geneigt, so daß sie den von beiden eingeschlossenen, rechten Winkel halbiert, so wird das Ringsystem anstelle des schwarzen Kreuzes von den hyperbolisch gekrümmten, schwarzen Streifen (Fig. 203b) durchschnitten.

Fig. 203.



Beim Salpeter, Topas u. s. w. ist der Winkel der optischen Axen so klein, daß es leicht ist, das doppelte Ringsystem gleichzeitig zu übersehen. Beim Arragonit dagegen und anderen Krystallen ist der Winkel der optischen Axen so groß, daß man entweder sehr konvergierende Beleuchtung anwenden, oder durch Drehung des Krystalls successive das der einen und der anderen optischen Axe entsprechende Ringsystem ins Gesichtsfeld bringen muß.

Gewisse Krystallzwillinge des Arragonits zeigen eine derartige Verwachsung beider Krystallindividuen, daß dieselben beim Hindurchsehen in einer bestimmten Richtung schon ohne besondere polarisierende Vorrichtung die den optischen Axen entsprechenden Ringsysteme erblicken lassen, indem die einzelnen Teile des Krystalls zugleich den Polarisator und Analysator vertreten. Man nennt dieselben deshalb idiocyklophane Krystalle.

Glasplatten, welche durch schnelle Abkühlung in einen molekularen Spannungszustand versetzt worden sind, zeigen die Eigenschaften der Doppelbrechung und geben zwischen den gekreuzten Polarisations spiegeln ähnliche Farbenerscheinungen, wie doppelbrechende Krystalle. Ebenso erlangen das Glas und andere homogene Körper doppelbrechende Eigenschaften, indem man dieselben in einer Richtung komprimiert.

Ein Nicol'sches Prisma, in Verbindung mit einer senkrecht zur optischen Axe geschliffenen Kalkspatplatte, dient als Polariskop zur Entdeckung polarisierten Lichts, indem das System der Farbenringe sichtbar wird, sobald man durch dasselbe nach einer Lichtquelle blickt, welche vollständig oder teilweise polarisiertes Licht aussendet. So erweist sich z. B. alles regelmäßig gespiegelte Licht (ausgenommen der Fall der normalen Incidenz) teilweise polarisiert. Auch das von weißen Körpern, z. B. Papier, unregelmäßig zerstreute Licht zeigt um so merklichere Spuren von Polarisation, unter je schieferem Winkel man die lichtzerstreuende Fläche betrachtet. Das Licht des unbewölkten Himmels ist in einer durch den Mittelpunkt der Sonne gelegten Ebene durch Reflexion teilweise polarisiert.

§ 193. Erklärung der Farbenringe im Kalkspat. Bringt man zwischen die polarisierende und analysierende Vorrichtung eine senkrecht zur optischen Axe geschliffene Kalkspatplatte in der oben (§ 192) beschriebenen Weise, so wird der parallel der optischen Axe hindurchgehende Centralstrahl keine Modifikation erfahren, da der Kalkspat in dieser Richtung alle Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzt. Der Mittelpunkt des Gesichtsfeldes wird daher hell oder dunkel erscheinen, je nachdem die Polarisations Ebenen des Polarisators und

Analysators parallel oder gekreuzt sind. Jeder andere Strahl wird, wie in §§ 190 und 191 erläutert, in zwei Komponenten zerlegt, von welchen die eine in der durch den Centralstrahl gelegten Hauptschnittebene, die andere in einer zu dieser senkrechten Ebene polarisiert ist. Beide Strahlen werden, nachdem sie durch den Krystall einen Gangunterschied erhalten haben, durch den Analysator zur Interferenz gebracht. Der Gangunterschied ist für alle Strahlen, welche unter gleichem Winkel gegen den Axenstrahl geneigt sind, gleich groß und wächst mit dem Neigungswinkel. Daher erscheint das helle oder dunkle Centrum bei Anwendung homogenen Lichts von einem System abwechselnd dunkler und heller Kreise umgeben, welche einem Gangunterschied der Strahlen von $\frac{1}{2}\lambda$, λ , $\frac{3}{2}\lambda$, 2λ ... entsprechen. Wegen der verschiedenen Wellenlänge und Fortpflanzungsgeschwindigkeit sind diese Kreise bei den verschiedenen Farben von ungleicher Breite, und man erblickt bei Anwendung weissen Lichts prismatisch gefärbte Farbenringe. — In der Polarisationssebene der polarisierenden Vorrichtung, sowie in der auf dieser senkrechten Ebene (für $\alpha = 0^\circ$ und $\alpha = 90^\circ$, § 191), wird je eine der Komponenten, in welche der polarisierte Strahl durch den Kalkspat zerlegt wird, gleich Null, und es findet in dieser Ebene keine Interferenz statt. Daher erscheinen die Farbenringe von einem hellen oder dunklen Kreuz durchzogen, jenachdem die Polarisationssebenen parallel oder gekreuzt sind.

Schaltet man vor dem Kalkspatkrystall ein Glimmerblättchen ein, welches einen Gangunterschied von $\frac{1}{4}\lambda$ hervorbringt, und dessen Schwingungsrichtungen gegen die des polarisierten Strahles um 45° geneigt sind, so wird das linear polarisierte Licht in cirkular polarisiertes verwandelt, und man erblickt infolge dessen die Farbenringe ohne das helle oder dunkle Kreuz; dagegen gehen die Farben jedes Ringes in den abwechselnden Quadranten in die komplementären über, oder die hellen oder dunkeln Ringe erscheinen in den abwechselnden Quadranten um die halbe Breite eines Ringes gegen einander verschoben, weil sich der durch das Glimmerblättchen erzeugte Gangunterschied von $\frac{1}{4}\lambda$ in zwei Quadranten zu dem durch den Krystall erzeugten Phasenunterschied addiert, in den beiden anderen Quadranten dagegen von demselben subtrahiert. Durch Einschaltung eines zweiten, gleichen Glimmerblättchens vor dem analysierenden Nicol wird dieser Phasenunterschied aufgehoben, und man erblickt die durch alle vier Quadranten gleichförmigen Farbenringe ohne das Kreuz. Die Mitte des Gesichtsfeldes erscheint stets dunkel oder stets hell, jenachdem die Polarisationssebenen beider Nicols die entsprechenden oder die nicht entsprechenden Winkel der Schwingungsrichtungen der Glimmerblättchen halbieren (jenachdem das rechts cirkular polarisierte Licht rechts oder links cirkular analysiert wird).

§ 194. Cirkularpolarisation des Bergkrystalls. Eine senkrecht zur Axe geschliffene Bergkrystallplatte zeigt im Polarisationsapparat (Fig. 201) eine ähnliche Farbenerscheinung wie der Kalkspat, doch erstrecken sich die vier Arme des bei gekreuzten Polarisationssebenen die Farbenringe durchsetzenden, dunklen Kreuzes nicht bis zur Mitte des Gesichtsfeldes. Diese erscheint vielmehr bei Anwendung weissen Lichtes niemals völlig dunkel, sondern farbig, und die Farbe geht bei Drehung des analysierenden Nicols um 90° in die Komplementärfarbe über. Wendet man homogenes Licht an, so erscheint die Mitte des Gesichtsfeldes bei gekreuzten Nicols nicht völlig dunkel, sondern man muß, um die Auslöschung des Lichtes herbeizuführen, den analysierenden Nicol um eine gewisse Zahl von Graden nach rechts oder nach links drehen. Die Polarisationssebene des einfallenden Lichtstrahls hat also beim Durchgang durch den Bergkrystall in der Richtung seiner optischen Axe eine Drehung erlitten. Manche Quarzplatten drehen die Polarisationssebene nach rechts, andere nach links. Man unterscheidet danach rechts- und linksdrehende Krystalle, welche häufig auch in ihrer äußeren Krystallform durch das Auftreten gewisser unsymmetrisch hemiëdrischen Krystallflächen kenntlich sind. Die Größe des Drehungswinkels wächst mit der Dicke der Platte und ist für die verschiedenen Farben verschieden, am kleinsten für rotes, am größten für violettes Licht. Im weissen Licht tritt

daher bei keiner Stellung des analysierenden Nicols eine völlige Verdunkelung der Mitte des Gesichtsfeldes ein, die Farbe geht vielmehr bei dünnen Platten aus Blau, durch einen dunkel violettrotlichen Farbenton, die sogenannte Übergangsfarbe (*teinte de passage*), zu Rot über. Σ

Airy erklärte die Drehung der Polarisationssebene im Quarz dadurch, daß derselbe infolge der unsymmetrischen Anordnung seiner Moleküle, die sich auch in der Krystallform kundgiebt, in der Richtung seiner optischen Axe nur circular polarisierte Strahlen fortzupflanzen imstande sei, und daß sich jeder linear polarisierte Strahl beim Eintritt in den Krystall in einen rechts und einen links circular polarisierten Strahl (§ 189) zerlege, welche sich mit ungleicher Geschwindigkeit fortpflanzen. Beim Austritt aus dem Krystall setzen sich beide wieder zu linear polarisiertem Licht zusammen. Es läßt sich zeigen, daß durch eine Verzögerung eines Strahles gegen den anderen um eine Viertel-Wellenlänge die Polarisationssebene des resultierenden Strahles um 45° gegen die ursprüngliche Lage gedreht erscheint.

Ein ähnliches, merkwürdiges Verhalten gegen das polarisierte Licht, wie der Quarz, welches ebenfalls mit der Krystallform in Zusammenhang steht, zeigen die weinsteinsäuren und traubensäuren Salze in ihren Lösungen. Beide Säuren zeigen gleiche chemische Zusammensetzung. Die Weinsteinsäure und ihre Salze drehen in ihren Lösungen die Polarisationssebene nach rechts, die Traubensäure und ihre Salze nach links. Wie beim Bergkrystall, so kommen bei den Krystallen der weinsteinsäuren und der traubensäuren Salze unsymmetrische Krystallflächen vor, welche der Drehungsrichtung entsprechen. Pasteur fand, daß sich die Salze beider Säuren durch Zusammenkrystallisieren zu neutral-traubensäuren Salzen vereinigen, deren Krystalle keine hemiédrische Beschaffenheit zeigen, und deren Lösungen die Polarisationssebene weder nach rechts, noch nach links drehen. Besonders merkwürdig ist auch, daß die unsymmetrische Form der Moleküle, welche sich in der Krystallform der beiden Arten von Salzen zeigt, sich auch noch in den Lösungen dieser Salze durch die Drehung der Polarisationssebene kundgiebt.

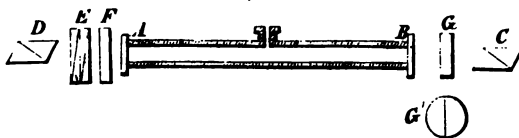
§ 195. Circularpolarisation der Flüssigkeiten. Außer den am Schluß des vorigen Paragraphen erwähnten Lösungen weinsteinsäurer und traubensäurer Salze besitzen noch gewisse andere Flüssigkeiten die Eigenschaft, die Polarisationssebene zu drehen, namentlich viele ätherischen Öle und die Lösungen der verschiedenen Zuckerarten. Terpentinöl dreht die Polarisationssebene links, Citronenöl rechts. Rohrzucker-, Traubenzucker- (Dextrose) und Dextrinlösungen drehen rechts, arabischer Gummi, unkrystallisierbarer Fruchtzucker und mit Säuren behandelter Rohrzucker links.

Die Drehung der Polarisationssebene durch Rohrzucker findet eine praktische Anwendung bei der Bestimmung des Gehaltes zuckerhaltiger Flüssigkeiten an krystallisierbarem Rohrzucker. Es dient dazu am besten das Saccharimeter von Soleil (1847). Die zu prüfende Zuckerlösung ist in einer inwendig geschwärzten und an beiden Enden durch ebene Glasplatten geschlossenen Röhre *AB* enthalten. Läßt man das Licht bei *B* eintreten, nachdem es zuvor durch das polarisierende Nicolsche Prisma *C* gegangen ist, so kann, mittelst des analysierenden Nicolschen Prismas *D*, der Drehungswinkel der Polarisationssebene unmittelbar abgelesen werden, wenn dasselbe mit einem geteilten Kreise versehen ist. Um jedoch die Empfindlichkeit des Apparats zu vergrößern, ist bei *G* eine Quarzplatte eingeschaltet, welche in der bei *G'* angedeuteten Weise aus zwei halbkreisförmigen Quarzstücken, einem rechtsdrehenden und einem linksdrehenden, zusammengesetzt ist. Die Dicke dieser Quarzplatten (3,75 mm) ist so gewählt, daß jede zwischen den gekreuzten Nicols genau die empfindliche Übergangsfarbe (§ 194) zeigt. Wird die Flüssigkeitssäule *AB* eingeschaltet, so giebt sich das geringste Drehungsvermögen derselben durch eine ungleiche Färbung der beiden Hälften des Gesichtsfeldes zu erkennen, indem die eine in Blau, die andere in Rot übergeht. Anstatt die Übergangsfarbe durch Drehung des Nicolschen Prismas *D* wiederherzustellen und den Drehungswinkel direkt zu bestimm-

men, wird die Drehung der Polarisationssebene in der Zuckerlösung durch eine zwischen *A* und *D* angebrachte Vorrichtung kompensiert. Diese besteht aus einer rechtsdrehenden Quarzplatte *F* und aus zwei keilförmig geschliffenen Platten von linksdrehendem Quarz, welche, mit entgegengesetzten Kanten über einander gelegt, zusammen eine linksdrehende Platte bilden, deren Dicke veränderlich ist, jenachdem die Keile mehr oder minder über einander geschoben werden. Diese Verschiebung geschieht mittelst einer Mikrometerschraube, an welcher die Änderung der Dicke der Platte genau abgelesen werden kann. Sind die Platten *E* und *F* gleich dick, so heben sie ihre drehende Wirkung gegenseitig auf, und beide Hälften der Platte *G* erscheinen in der Übergangsfarbe. Nach Einschaltung der Flüssigkeitssäule *AB* wird die Übergangsfarbe durch Änderung der Dicke der Platte *E* mittelst der Mikrometerschraube wiederhergestellt. Die zu diesem Zweck erforderliche Drehung der Schraube ist dem Prozentgehalt der Lösung proportional.

Manche Körper, welche an sich keine Drehung der Polarisationssebene bewirken, erlangen diese Fähigkeit, wie Faraday (1847) entdeckt hat, unter dem Einfluß des Magnetismus, oder eines elektrischen Stromes, z. B. Faradays „schweres Glas“ (kieselborsaures Bleioxyd), Flintglas, Schwefelkohlenstoff, Wasser. Bei Körpern, welche, wie Terpentinöl, schon an sich ein Drehungsvermögen besitzen, wird dasselbe durch Einwirkung des elektrischen Stromes modifiziert. Um

Fig. 204.



die elektromagnetische Drehung der Polarisationssebene nachzuweisen, kann man die mit der Flüssigkeit gefüllte Röhre *AB* (Fig. 204) mit einer Spirale aus starkem, mit Seide besponnenem Kupferdraht umgeben und durch diesen einen kräftigen elektrischen Strom leiten, oder man kann die zu prüfende Substanz zwischen

die Pole der Halbanker eines kräftigen Elektromagnets (§ 321) bringen, wobei es zweckmäßig ist, die Anker in der Richtung der Verbindungslinie der Pole zu durchbohren, um in dieser Richtung hindurchsehen zu können. Sobald der Strom geschlossen, oder die Polarität des Elektromagnets erregt wird, beobachtet man die Drehung der Polarisationssebene, welche durch Wechsel der Stromrichtung oder Umkehrung der Pole des Elektromagnets in die entgegengesetzte übergeht.

Sechster Abschnitt.

Wärmelehre.

1. Wärmegrad oder Temperatur.

§ 196. Wärmeempfindung, Temperatur. Die Empfindungen der Wärme und Kälte, welche die uns umgebenden Körper durch die Berührung in unseren Hautnerven hervorrufen, lassen uns auf gewisse Verschiedenheiten des Zustandes dieser Körper schließen, welche wir als einen höheren oder niederen Wärmegrad oder eine höhere oder niedere Temperatur derselben bezeichnen. Werden zwei Körper von verschiedener Temperatur in Berührung gebracht, so findet eine Ausgleichung ihrer Temperatur oder ein Übergang von Wärme zwischen beiden statt; ein kalter Körper wird durch umgebende Körper von höherer Temperatur erwärmt, ein warmer Körper durch Berührung mit [kälteren abgekühlt.

Der veränderte Wärmegrad der Körper äußert sich nicht nur durch das Gefühl, welches dieselben bei der Berührung in uns hervorrufen, sondern es sind damit anderweitige Veränderungen in der Beschaffenheit der Körper selbst verbunden. Mit wachsendem Wärmegrad findet eine Volumenzunahme der Körper statt, oder alle Körper werden (mit einzelnen unten zu besprechenden Ausnahmen) durch die Wärme ausgedehnt (§ 198 u. ff.). Ferner ändert sich mit der Temperatur der Kohäsionszustand der Körper. Feste Körper, welche bei niedriger Temperatur hart und spröde sind, werden bei höherer Temperatur weich und biegsam (Wachs, Glas, viele Metalle) und werden durch stärkere Erwärmung in den flüssigen und endlich in den luftförmigen Aggregatzustand übergeführt (§§ 203, 209).

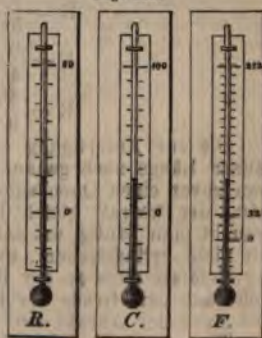
Obgleich der verschiedene Wärmegrad der Körper unmittelbar durch das Gefühl erkannt werden kann, ist doch dieses Mittel zur Beurteilung desselben ein sehr unvollkommenes. Einerseits werden nämlich die Wärmeempfindungen unserer Hautnerven durch vorübergehende Eindrücke mitbestimmt, indem uns derselbe Körper warm oder kalt erscheint, jenachdem wir vorher einem geringeren oder höheren Wärmegrad ausgesetzt waren; auch sind, wie später gezeigt wird, andere Umstände, namentlich das verschiedene Wärmeleitungsvermögen der Körper (§ 232), bei dieser unmittelbaren Beurteilung des Wärmegrades von wesentlichem Einfluß. Andererseits ist eine Wahrnehmung geringerer Temperaturunterschiede durch das Gefühl schwierig und eine Messung derselben ganz unmöglich. — Ein weit geeigneteres Mittel zur Beurteilung und Messung der Temperaturunterschiede bietet daher die Ausdehnung der Körper durch die Wärme dar (§ 197).

Man erklärte früher den verschiedenen Erwärmungsgrad der Körper durch die Annahme eines besonderen Wärmestoffes, eines unwägbaren (gewichtslosen) Fluidums, welches alle Körper durchdringen und durch seine größere oder geringere Quantität den verschiedenen Wärmegrad der Körper erzeugen sollte. Es ist jedoch aus mehreren Gründen (§§ 238, 241) äußerst wahrscheinlich, daß die Wärmeerscheinungen vielmehr in einem gewissen, bald mehr, bald weniger intensiven Bewegungszustand der kleinsten Körperteilchen ihren Grund haben. Der Übergang der Wärme von einem wärmeren zu einem kälteren Körper ist danach als eine Mitteilung dieses Bewegungszustandes aufzufassen, wobei der wärmere Körper ebensoviel an der lebendigen Kraft seiner Wärmebewegung verliert, wie der kältere gewinnt (vergl. §§ 43, 68).

§ 197. Thermometer. Zur Messung der Temperaturen dient das Thermometer, dessen Gebrauch einerseits auf der Ausdehnung der

Körper durch die Wärme, andererseits auf der Ausgleichung des Temperaturzustandes in Berührung befindlicher Körper beruht, in Folge deren das Thermometer selbst jederzeit die Temperatur seiner Umgebung annimmt. — Am meisten ist zur Messung der Temperatur die Ausdehnung der flüssigen Körper (Quecksilber, Weingeist, Gase) geeignet, weil dieselben im allgemeinen stärker als feste Körper ausgedehnt werden und eine leichtere Beobachtung ihrer Volumenzunahme gestatten. (Vergl. § 200.) Das Quecksilber- oder Weingeist-Thermometer (Fig. 205) besteht im wesentlichen aus einer engen Glasröhre mit einem daran geblasenen weiteren, gewöhnlich kugelförmigen Behälter. Dieser und ein Teil der Röhre sind mit Flüssigkeit gefüllt und darauf die Röhre

Fig. 205.



oben zugeschmolzen (s. unten). Bei zunehmender Temperatur steigt der Gipfel der in der Röhre enthaltenen Flüssigkeitssäule infolge der Ausdehnung der in dem weiteren Gefäß enthaltenen Flüssigkeit, und der Stand derselben kann an einer an der Röhre angebrachten Skala abgelesen werden. Die gebräuchlichsten Thermometerskalen sind die von Celsius (C.), Réaumur (R.) und Fahrenheit (F.). Die erstere ist am meisten in wissenschaftlichen Untersuchungen gebräuchlich und wird ihm folgender zu Grunde gelegt werden, wo nicht ausdrücklich eine andere Skala angegeben ist. Die Skala von Réaumur wird am häufigsten in Deutschland, die Fahrenheit'sche in England gebraucht. Als unveränderliche und leicht zu bestimmende Ausgangs- oder Fundamentalpunkte der Thermometerskala wählten Réaumur (1730) und Celsius (1742) die Temperatur des schmelzenden Schnees (§ 203) und die des (beim Barometerstand von 28", nahe gleich 760 mm) siedenden Wassers (§ 200). Den Fundamentalabstand zwischen beiden Punkten teilte Réaumur in 80, Celsius in 100 gleiche Grade, und nunmehr ist der Gefrierpunkt oder Schmelzpunkt des Schnees bei beiden Skalen mit 0°, der Siedepunkt aber bei Réaumur mit 80°, bei Celsius mit 100° bezeichnet. Die Teilung wird über die Fundamentalpunkte hinaus fortgesetzt, und die Grade unterhalb des Gefrierpunktes oder Kältegrade werden mit dem Vorzeichen „—“ bezeichnet, wobei jedoch, da die Wahl des Nullpunktes eine willkürliche ist, nicht an einen Gegensatz von Wärme- und Kältegraden gedacht werden darf.

Celsius bezeichnete den Siedepunkt des Wassers mit 0, den Gefrierpunkt mit 100 und setzte diese Teilung nach unten bis 150 fort; sechs Jahre nach seinem Tode kehrte Strömer (1750) diese Skala um und stellte so die jetzt übliche Centesimalskala her, deren Grade kurz als Centigrade bezeichnet werden.

Fahrenheit wählte (1714), um den Gebrauch negativer Grade zu vermeiden, als Nullpunkt die Temperatur einer künstlichen Kältemischung aus Eis und Salmiak oder Seesalz. Der Gefrierpunkt des Wassers ist in Fahrenheit's Skala mit 32°, der Siedepunkt mit 212° bezeichnet, so daß der Fundamentalabstand zwischen diesen beiden Punkten 180 Grade umfaßt. Es ergibt sich daraus, daß das Verhältnis der Anzahl der Grade der verschiedenen Skalen durch die Zahlen 80:100; 180, oder 4:5:9 ausgedrückt wird, und da der Nullpunkt der Fahrenheit'schen Skala um 32° tiefer liegt, als der der beiden anderen Skalen, so dienen zur Reduktion der Temperaturangaben nach den drei Skalen folgende Formeln:

$$R = \frac{4}{5} C,$$

$$C = \frac{5}{4} R,$$

$$F = \frac{9}{4} R + 32,$$

$$F = \frac{9}{5} C + 32,$$

$$R = \frac{4}{9} (F - 32),$$

$$C = \frac{5}{9} (F - 32).$$

Die zur Anfertigung eines Thermometers dienende enge Röhre muß ihrer ganzen Länge nach genau gleich weit sein, wovon man sich überzeugt, indem man zuvor einen Quecksilberfaden von geringer Länge durch die Röhre laufen läßt, der überall gleich lang erscheinen muß. Bei Quecksilberthermometern braucht man häufig, um den Stand des Quecksilbers leichter zu erkennen, Röhren mit nicht cylindrischem, sondern flachem, bandförmigem Hohlraum. Die Weite des Gefäßes muß zu der Röhre in einem passenden Verhältnis stehen, welches sich nach dem Grade der Empfindlichkeit, den man vom Thermometer verlangt, und nach der Anzahl der Grade richtet, welche die Skala umfassen soll. Um das Thermometergefäß mit Flüssigkeit zu füllen, erwärmt man dasselbe zuerst schwach, um einen Teil der im Gefäß enthaltenen Luft durch die Ausdehnung auszutreiben. Bringt man dann das offene Ende der Röhre unter Quecksilber, so füllt sich beim Erkalten ein Teil des Gefäßes mit Quecksilber, indem die im

Gefäß zurückgebliebene Luft sich wieder auf ein kleineres Volumen zusammenzieht. Erhitzt man dann das in das Gefäß eingedrungene Quecksilber bis zum Sieden, so treiben die sich entwickelnden Dämpfe alle Luft aus dem Gefäß und beim abermaligen Erkalten füllt sich das Gefäß und die Röhre ganz mit Quecksilber. Man erwärmt darauf das Thermometergefäß bis zu der höchsten Temperatur, welcher dasselbe später ausgesetzt werden soll, wodurch ein Teil des Quecksilbers ausfließt, und schmilzt bei dieser Temperatur das obere Ende der Röhre vor der Lampe zu. Beim Erkalten zieht sich das Quecksilber zurück und es bleibt über dem Gipfel der Quecksilbersäule ein leerer Raum.

Um die Fundamentalpunkte zu bestimmen, umgibt man das Thermometer zuerst mit einem Gemisch von Schnee oder gestoßenem Eis und destilliertem Wasser, welches stets genau die Temperatur des Gefrierpunktes besitzt. Sodann bringt man das Thermometer in ein Siedegefäß, in welchem Kugel und Röhre bis dicht unter den zu markierenden Siedepunkt von den Dämpfen destillierten Wassers umgeben sein müssen. Beträgt der gleichzeitig beobachtete Barometerstand nicht genau 28" (beziehungsweise 760 mm), so ist eine entsprechende Korrektur des Siedepunktes anzubringen (§ 214). Der Abstand beider Fundamentalpunkte wird dann in 80 oder 100 gleiche Teile geteilt. — Umfaßt die Thermometerskala nicht den ganzen Fundamentalabstand, so muß das Thermometer durch Vergleichung mit einem genauen Normalthermometer graduirt werden.

Das Quecksilber dehnt sich für jeden Grad der hunderttheiligen Skala um $\frac{1}{5550}$, der Weingeist im Mittel um $\frac{1}{800}$ seines Volumens aus. Die Ausdehnung des Weingeistes ist also stärker. Da sich aber das Quecksilber gleichmäßiger ausdehnt (§ 201), so giebt man im allgemeinen dem Quecksilberthermometer den Vorzug. Da das Quecksilber bei $-38,2^{\circ}$ C. gefriert, so müssen für tiefere Temperaturen Weingeistthermometer gebraucht werden, dagegen ist für hohe Temperaturen bis zu 360° C. das Quecksilber allein brauchbar, da Weingeist schon bei $78,3^{\circ}$ siedet. Für Temperaturen über dem Siedepunkte des Quecksilbers bedient man sich des Luftthermometers (§ 202).

Häufig ist es, besonders bei Witterungsbeobachtungen (§ 246), von Interesse, nicht nur die augenblickliche Temperatur eines Raumes, sondern auch die höchste und tiefste Temperatur zu kennen, welche während eines gewissen Zeitabschnitts, z. B. eines Tages, stattgefunden hat. Man bedient sich dazu der sogenannten Registrierthermometer oder Thermometrographen. Der bekannteste ist der von Rutherford (1794). Derselbe besteht aus einem Quecksilberthermometer, welches das Maximum, und einem Weingeistthermometer, welches das Minimum der Temperatur anzuzeigen bestimmt ist. Die Röhren beider Thermometer liegen horizontal. In der des Quecksilberthermometers befindet sich ein feiner Stahlstift, welcher beim Vorrücken der Quecksilbersäule von dieser fortgestoßen wird, beim Zurückweichen des Quecksilbers aber liegen bleibt und so das stattgehabte Maximum der Temperatur bezeichnet. In der Röhre des Weingeistthermometers dagegen befindet sich ein feines Glasstäbchen, welches vom Weingeist benetzt und beim Zurückweichen der Weingeistsäule durch Adhäsion von dieser mit fortgezogen wird, bei steigender Temperatur aber an der dem stattgehabten Minimum entsprechenden Stelle liegen bleibt. Nach geschehener Ablesung werden beide Stäbchen durch vorsichtiges Neigen der Thermometerrohren wieder mit dem Gipfel der Quecksilber- und Weingeistsäule in Berührung gebracht.

2. Ausdehnung der Körper durch die Wärme.

§ 198. Ausdehnung fester Körper. Daß die festen Körper durch die Wärme eine Vergrößerung ihrer Dimensionen erfahren, geht aus vielen Erscheinungen des täglichen Lebens hervor und kann durch einfache Versuche nachgewiesen werden. Besonders stark ist die Ausdehnung der Metalle durch die Wärme. Eine Metallkugel, welche genau in einen Ring paßt, wenn beide Körper gleiche Temperatur haben, bleibt auf demselben liegen, wenn sie zuvor auf eine höhere Temperatur erwärmt worden ist, und fällt erst hindurch, nachdem die Temperatur aus-

gleichung zwischen Kugel und Ring stattgefunden hat. Ein eiserner Reif, welcher heiß um einen Radkranz gelegt worden, schließt sich bei dem Erkalten fest an denselben an. Beim Legen von Eisenbahnschienen, bei Röhrenleitungen und anderen Metallverbindungen, welche Temperaturveränderungen ausgesetzt sind, muß zwischen den einzelnen Stücken ein hinreichender Spielraum gelassen, oder die Verbindung auf nachgiebige Weise hergestellt werden, um ein gewaltsames Zersprengen beim Temperaturwechsel zu verhindern. Spröde Körper, wie Glas, zerspringen bei schnellem Temperaturwechsel, indem die einzelnen Teile die höhere oder niedere Temperatur nicht gleich schnell annehmen und deshalb in ungleichem Maße durch die Wärme ausgedehnt werden.

Die Größe der Ausdehnung eines Körpers durch die Wärme wird durch seinen Ausdehnungskoeffizienten angegeben, und zwar hat man bei festen Körpern den linearen und kubischen Ausdehnungskoeffizienten zu unterscheiden. Der lineare Ausdehnungskoeffizient giebt an, mit welchem Faktor die ursprüngliche Länge eines Körpers bei 0° C. zu multiplizieren ist, um deren Zuwachs bei einer Temperaturerhöhung auf 1° C. zu erhalten.

Bezeichnet man die den Temperaturen 0° , t° , t_1° entsprechenden Längen durch l_0 , l , l_1 und durch α den Ausdehnungskoeffizienten, so hat man

$$l = l_0(1 + \alpha t) \text{ und } l_1 = l_0(1 + \alpha t_1),$$

folglich, wenn man $t < t_1$ annimmt:

$$l_1 = \frac{l(1 + \alpha t_1)}{1 + \alpha t},$$

und wenn man die Division ausführt:

$$l_1 = l[1 + \alpha(t_1 - t) - \alpha^2 t(t_1 - t) + \dots],$$

wofür sich, weil α nur sehr kleine Werte besitzt, setzen läßt:

$$l_1 = l[1 + \alpha(t_1 - t)].$$

Hieraus ergibt sich, daß man den linearen Ausdehnungskoeffizienten auch erklären kann als den Faktor, mit welchem man die Länge eines Körpers zu multiplizieren hat, um deren Zuwachs bei einer Temperaturerhöhung von einem Grad C. zu erhalten. Ebenso ist der kubische Ausdehnungskoeffizient der Faktor, welcher, mit dem anfänglichen Volumen multipliziert, die Zunahme desselben bei Erhöhung der Temperatur um einen Grad C. ergibt. Zwischen beiden findet der einfache Zusammenhang statt, daß der kubische Ausdehnungskoeffizient gleich dem dreifachen linearen ist.

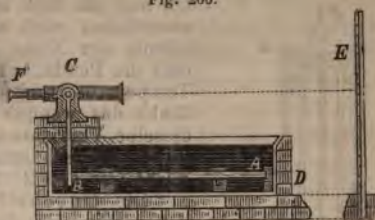
Denkt man sich nämlich aus der Substanz des Körpers einen Würfel geformt, dessen Kantenlänge bei 0° gleich 1 ist, dessen Volumen also bei dieser Temperatur ebenfalls gleich 1 ist, und bezeichnet α den linearen Ausdehnungskoeffizienten, so ist die Kantenlänge des Würfels bei 1° C. gleich $1 + \alpha$, mithin sein Volumen $(1 + \alpha)^3 = 1 + 3\alpha + 3\alpha^2 + \alpha^3$. Da α für alle festen Körper ein sehr

kleiner Bruch ($< \frac{1}{1000}$) ist, so dürfen die Glieder $3\alpha^2$ und α^3 ohne merklichen Fehler vernachlässigt werden, und die Volumenzunahme für 1° oder der kubische Ausdehnungskoeffizient wird durch 3α ausgedrückt, ist also gleich dem dreifachen linearen.

Zur genauen Bestimmung der linearen Ausdehnungskoeffizienten fester Körper dient am besten die Methode von Lavoisier und Laplace (1778). Der Stab AB (Fig. 206), dessen Ausdehnungskoeffizient bestimmt werden soll, ist von einem Kasten umgeben, in welchem er durch schmelzendes Eis auf 0° abgekühlt, oder durch ein Wasser- oder Ölbad, dessen Temperatur durch genaue Thermometer angegeben und durch Umrühren in allen Teilen gleichförmig erhalten wird, auf

beliebige Grade erwärmt werden kann. Ein Ende des Stabes *A* stößt gegen ein festes Widerlager *D*, das andere gegen den vertikalen Arm eines um die Axe *C* drehbaren Winkelhebels. Der horizontale Arm des letzteren wird durch das Fernrohr *F* gebildet, welches auf eine entfernte, vertikale Skala *E* gerichtet ist.

Fig. 206.



Durch die Ausdehnung des Stabes wird der Hebel und das Fernrohr um die Axe *C* gedreht und letzteres auf einen anderen Teilstrich der Skala gerichtet. Kennt man das Verhältnis zwischen der Länge des Hebelarmes *BC* und der Entfernung der Skala von der Umdrehungsaxe *CE*, so kann aus der beobachteten Größe der Verschiebung der Skala am Fadenkreuz des Fernrohrs (§ 173) die Größe der Verlängerung des Stabes gefunden, und wenn die ursprüngliche Länge desselben und der Temperaturunterschied bekannt ist, der Ausdehnungskoeffizient berechnet werden. Die folgende Tabelle enthält die Ausdehnung einiger festen Körper zwischen den Temperaturgrenzen von 0° und 100° C.

	100α		100α
Weißes Glas . . .	0,0007006	Kupfer	0,0017173
zweiterlei Sorten . .	0,0008226	Messing	0,0018782
Platin	0,0008841	Silber	0,0019097
Eisen	0,0012204	Zinn	0,0020547
Stahl, gehärtet . . .	0,0012250	Blei	0,0028484
Gold	0,0014661	Zink	0,0029416.

Krystalle, welche nicht dem regulären System angehören, erleiden in verschiedenen Richtungen eine verschiedene Ausdehnung, infolge deren sich ihre Kantenwinkel mit der Temperatur ändern. Krystallisierter Gyps zeigt, nach Mitscherlich, in der zur Hauptaxe des Krystalls senkrechten Richtung bei erhöhter Temperatur eine Zusammenziehung, dagegen in der Richtung der Hauptaxe selbst eine Ausdehnung.

Das Jodsilber bildet, wie Fizeau gefunden hat, eine merkwürdige Ausnahme, indem es sich innerhalb der Temperaturgrenzen von -10° und 70° , auf welche die Beobachtungen sich erstrecken, mit wachsender Temperatur nicht ausdehnt, sondern zusammenzieht und bei sinkender Temperatur sich wieder ausdehnt, obschon es erst bei 400° C. schmilzt.

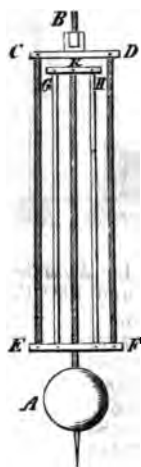
Eine scheinbare Ausnahme findet ferner beim gebrannten Thon statt, indem derselbe, selbst nachdem er durch schwaches Brennen aller Feuchtigkeit beraubt ist, doch bei höherer Temperatur noch eine Zusammenziehung erleidet, welche auf einer innigeren Vereinigung seiner Teile beruht und nach dem Erkalten andauert.

§ 199. Kompensation der Uhren, Metallthermometer. Die Ausdehnung der Körper durch die Wärme übt einen störenden Einfluß auf den Gang der Pendeluhr und Chronometer, welcher durch geeignete Kompensationsvorrichtungen beseitigt werden muß. Da nämlich die Schwingungsdauer des Pendels (§§ 61, 63) mit seiner Länge zunimmt, so gehen Pendeluhr, namentlich mit metallischer Pendelstange, bei hoher Temperatur zu langsam, bei niedriger Temperatur zu schnell. Bei gewöhnlichen Pendeluhrn pflegt man deshalb Pendelstangen aus sehr trockenem, mit Öl getränktem Fichtenholz anzuwenden, welches dem Einfluß der Temperatur und Feuchtigkeit wenig unterworfen ist. Bei astronomischen und anderen sehr genauen Uhren aber wendet man sogenannte Kompensationspendel an, bei welchen der Einfluß der Temperatur durch geeignete Vorrichtungen aufgehoben wird. Die bekanntesten Vorrichtungen dieser Art sind das Rostpendel und das Pendel mit Quecksilberkompensation.

Beim Rostpendel ist der linsenförmige, schwere Körper *A* (Fig. 207) nicht unmittelbar an einer einfachen Pendelstange aufgehängt, sondern an dem kurzen Stahlstab *B* ist ein rechteckiger Rahmen *CDEF* befestigt, dessen vertikale Seiten *CE*, *DF* ebenfalls von Stahlstäben gebildet sind. Auf dem unteren Querstab *EF* stehen zwei Zinkstäbe, welche an ihrem oberen Ende abermals durch einen Querbalken *GH* verbunden sind. An diesem ist erst die Stahlstange aufgehängt.

welche die Pendellinse *A* trägt und durch eine Öffnung des Querbalkens *EF* hindurchgehen muß, ohne mit diesem fest verbunden zu sein. Es ist klar, daß die Pendellinse *A* durch die Ausdehnung der Stahlstäbe *CE* und *DF*, sowie *KI*, gesenkt wird, dagegen wird dieselbe durch die Ausdehnung der an ihrem unteren Ende befestigten Zinkstäbe gehoben. Da nun das Zink mehr als doppelt so stark durch die Wärme ausgedehnt wird als Stahl, so ist klar, daß das Längenverhältnis der Zink- und Stahlstäbe so gewählt werden kann, daß die Pendellänge und Schwingungsdauer bei wechselnder Temperatur ungeändert bleibt. Wendet man anstatt des Zinks das weniger leicht oxydierbare Messing an, so muß dieselbe Vorrichtung nochmals wiederholt werden, da die Ausdehnungskoeffizienten des Stahls und Messings ungefähr im Verhältnis von 2:3 stehen.

Fig. 207.



Die Quecksilberkompensation eines Pendels besteht darin, daß die Pendelstange an ihrem unteren Ende ein mit Quecksilber gefülltes cylinderförmiges Glasgefäß trägt. Weil der Ausdehnungskoeffizient des Quecksilbers (§ 200) größer ist als der der metallischen Pendelstange, so kann die Pendellänge entsprechend der Quecksilbermenge in dem Gefäß so gewählt werden, daß bei veränderter Temperatur der Schwingungspunkt des Pendels (§ 62) seine Lage beibehält, also die Schwingungsdauer dieselbe bleibt.

Bei Taschenuhren und Chronometern wird die Regulierung des Ganges durch eine elastische Spiralfeder bewirkt, welche, in Verbindung mit einem kleinen Rädchen, die sogenannte Unruhe bildet. Wird durch Temperaturerhöhung der Durchmesser des Rädchens vergrößert, so werden dadurch die Schwingungen verzögert. Um dies zu verhindern, wird die Peripherie des Rädchens an zwei gegenüberliegenden Punkten *A*, *B* unterbrochen, so daß dieselbe in zwei halbkreisförmige Stücke zerfällt. Jeder der beiden Teile ist aus zwei ihrer ganzen Länge nach zusammengelöteten, halbkreisförmigen Streifen zusammengesetzt, von denen der innere aus Stahl, der äußere aus Messing besteht. Infolge der stärkeren Ausdehnung des Messings durch die Wärme wird die

Fig. 209.



Krümmung eines solchen aus jenen Metallen zusammengelöteten Kompensationsstreifens bei höherer Temperatur stärker als bei niedriger. Es werden sich deshalb bei steigender Temperatur die freien Enden *AB* der halbkreisförmigen Streifen mehr nach innen krümmen. Durch passend angebrachte Gewichte läßt sich erreichen, daß durch diese stärkere Krümmung der Einfluß der Vergrößerung des Durchmessers *CD* genau kompensiert wird. — Ähnlicher, aus verschiedenen Metallen zusammengelöteter Streifen bedient man sich zur Konstruktion von Metallthermometern. Breguet wendete (1817) zu diesem Zweck einen solchen Streifen in Form einer Spiralfeder an, welcher aus Silber, Gold und Platin zusammengelötet war. Durch Temperaturerhöhung wird, wenn sich das Silber auf der äußeren, das Platin auf der inneren Seite befindet, die Krümmung der Spirale vergrößert, durch Temperaturerniedrigung verringert. Ist nun die Spiralfeder an einem Ende befestigt, so zeigt ein am anderen Ende angebrachter Zeiger die Temperaturveränderung an einer kreisförmigen Skala an, welche durch Vergleichung mit einem Quecksilberthermometer graduiert werden kann.

§ 200. Ausdehnung flüssiger Körper. Bei Flüssigkeiten kann, da dieselben keine bestimmte Gestalt besitzen, nur vom kubischen Ausdehnungskoeffizienten (§ 198) die Rede sein. Man bestimmt denselben, indem man die Flüssigkeit in ein thermometerähnliches Gefäß bringt, das aus einem weiteren Behälter und einem daran geschmolzenen, engen Rohr besteht. Das Verhältnis des Rauminhalts von Gefäß und Röhre wird zuvor genau bestimmt, am zweckmäßigsten durch Wägung der Quecksilbermenge, welche entweder das Gefäß oder die Röhre bei einer bestimmten Temperatur aufzunehmen imstande ist. Beträgt z. B. der Rauminhalt der

ganzen Röhre 0,001 von dem des Gefäßes, und teilt man die Länge der Röhre in 100 gleiche Teile, so entspricht jeder Skalenteil einem Hunderttausendstel des ganzen Rauminhalts, und wenn man beobachtet, um wie viele Skalenteile die Flüssigkeit für jeden Temperaturgrad ausgedehnt wird, so kann daraus der Ausdehnungskoeffizient gefunden werden. Dabei ist jedoch zu beachten, daß auch das Gefäß an der Temperaturerhöhung teilnimmt, und daß sein Rauminhalt dadurch vergrößert wird. Das Steigen der Flüssigkeitssäule in der Röhre zeigt daher nur die Differenz der Volumenzunahme von Flüssigkeit und Gefäß an, und man muß deshalb zu dem beobachteten, scheinbaren Ausdehnungskoeffizienten der Flüssigkeit noch den kubischen Ausdehnungskoeffizienten des Glases, aus dem das Gefäß besteht, addieren, um den wahren Ausdehnungskoeffizienten zu finden.

Taucht man das Gefäß in heißes Wasser, so kann man sogar, infolge der zuerst eintretenden Ausdehnung der Gefäßwand, anfänglich ein Fallen des Niveaus im Rohr beobachten, bis die Wärme Zeit gehabt hat, durch die Gefäßwand hindurch sich der inneren Flüssigkeit mitzuteilen. Nunmehr erst tritt, vermöge der stärkeren Ausdehnung der Flüssigkeit, ein wirkliches Steigen ihres Niveaus ein. Es ist damit zugleich der Beweis geführt, daß die Flüssigkeit durch die Wärme stärker ausgedehnt wird, als die sie umgebende feste Substanz des Gefäßes.

Um die wahre oder absolute Ausdehnung des Quecksilbers auf direktem Wege zu bestimmen, bedienten sich Dulong und Petit (1816) des Gesetzes der kommunizierenden Röhren (§ 74). Dieselben wendeten zwei vertikale, mit Quecksilber gefüllte und unten durch ein enges Querrohr verbundene Röhren an, von denen die eine mit schmelzendem Schnee, die andere mit einem erhitzten Ölbad, oder den Dämpfen siedenden Wassers umgeben war. Da das spezifische Gewicht in demselben Verhältnis abnimmt, wie das Volumen wächst, die Höhen der Flüssigkeitssäulen aber den spezifischen Gewichten umgekehrt proportional sind, so giebt das Verhältnis der Höhen der warmen und kalten Quecksilbersäule unmittelbar die Volumenausdehnung an. Bei einem Temperaturunterschied von 100° standen die Höhen nahe im Verhältnis von 55:56, und Dulong und Petit bestimmten demnach den Ausdehnungskoeffizienten des Quecksilbers für

$$1^{\circ} \text{ C.} = \frac{1}{5550} = 0,00018018$$

§ 201. Ungleichförmige Ausdehnung der Flüssigkeiten, Verhalten des Wassers. Zwei mit verschiedenen Flüssigkeiten, z. B. Quecksilber und Weingeist, gefüllte Thermometer, welche an zwei festen Punkten übereinstimmen, weichen in ihrem Gange bei zwischenliegenden Temperaturen von einander ab. Da ein mit Quecksilber gefülltes Thermometer zwischen 0° und 100° mit dem Luftthermometer (§ 202) in seinem Gange übereinstimmt, so nimmt man an, daß das Quecksilber innerhalb dieses Intervalls gleichförmig, d. h. für jeden Temperaturgrad um gleich viel, durch die Wärme ausgedehnt werde. Es folgt daraus, daß die Ausdehnung des Weingeistes und ebenso der meisten anderen Flüssigkeiten eine ungleichförmige ist, und zwar wächst der Ausdehnungskoeffizient mit steigender Temperatur, namentlich in der Nähe des Siedepunkts der Flüssigkeiten. Das am meisten abweichende Verhalten aber zeigt das Wasser, welches sich zwischen 0° und 4° C. nicht ausdehnt, sondern sein Volumen verringert, so daß seine Dichtigkeit bei etwa 4° C. am größten ist, worauf es sich bei weiter steigender Temperatur wieder mit wachsender Geschwindigkeit ausdehnt und bei 8° etwa dieselbe Dichtigkeit besitzt, wie bei 0°. Dieses eigentümliche Verhalten des Wassers ist von wichtigem Einfluß auf die Temperaturverhältnisse stehender Gewässer von beträchtlicher Tiefe. Da nämlich das Wasser, wie die meisten Flüssigkeiten, zu den schlechten Wärmeleitern gehört (§ 233), so geschieht die Verbreitung von Temperaturveränderungen in größeren Wassermassen vorzugsweise durch Flüssigkeitsströmungen. Werden in der kalten Jahreszeit die Wassermassen von ihrer Oberfläche aus abgekühlt

so sinken die kälteren Teile, als die dichteren, herab, während die wärmeren und leichteren aus der Tiefe emporsteigen, bis die ganze Wassermasse die der größten Dichtigkeit entsprechende Temperatur von 4° angenommen hat. Schreitet jetzt die Abkühlung an der Oberfläche weiter fort, so bleiben die kalten Teile an der Oberfläche, und diese bedeckt sich mit einer spezifisch leichteren, daher auf dem Wasser schwimmenden Eisschicht, während die tieferen Teile, infolge des schlechten Leitungsvermögens des Wassers, die Temperatur des Dichtigkeitsmaximums beibehalten. Es wird dadurch das Ausfrieren stehender Gewässer bis auf den Grund verhindert.

Die Flüssigkeiten, welche durch die Verdichtung von Gasen unter starkem Druck entstehen (§ 212), werden durch die Wärme sehr stark, zum Teil selbst stärker als die Gase (§ 202), ausgedehnt. So ist z. B. der Ausdehnungskoeffizient der verflüssigten Kohlensäure zwischen 0° und 30° nach Thilorier gleich 0,0142, der der flüssigen schwefligen Säure nach Drion zwischen 0° und $10^{\circ} = 0,0018$, dagegen zwischen 100° und $110^{\circ} = 0,0054$.

§ 202. Ausdehnung luftförmiger Körper. Luftthermometer. Die Ausdehnung luftförmiger Körper durch die Wärme ist eine sehr beträchtliche und kann leicht sichtbar gemacht werden, indem man eine enge Röhre, an welche ein weiteres Gefäß angeschmolzen ist, mit dem offenen Ende in ein mit Flüssigkeit gefülltes Gefäß tauchen läßt. Schon die Annäherung der warmen Hand genügt, um einen Teil der im Gefäß enthaltenen Luft aus dem Gefäß zu verdrängen, indem dieselbe in Form von Blasen durch die Flüssigkeit entweicht. Beim Erkalten steigt dann, indem die Luft sich zusammenzieht, eine Flüssigkeitssäule in der Röhre empor. Einer ähnlichen Vorrichtung bediente sich schon im Jahre 1621 Cornelius Drebbel und wahrscheinlich andere vor ihm, um die Temperaturveränderungen der Luft sichtbar zu machen.

Die Luft dehnt sich für jeden Temperaturgrad um $\frac{11}{3000}$ oder $\frac{1}{273}$ ihres Volumens bei 0° aus, ihr Ausdehnungskoeffizient ist gleich 0,003665. Gay-Lussac fand 1802, daß alle Gase durch die Wärme gleich stark ausgedehnt werden. Wegen dieser Übereinstimmung betrachtet man die Ausdehnung der Gase durch die Wärme als eine gleichförmige. Da das Volumen einer Gasmasse, außer von der Temperatur, auch von dem Druck abhängt, unter welchem dieselbe steht (§ 92), so muß dieser während des Versuches unveränderlich erhalten, oder die etwa stattfindende Änderung desselben in Rechnung gebracht werden. Wegen der Schwankungen des atmosphärischen Luftdruckes kann daher ein Luftthermometer nicht mit einer festen Skala versehen werden, welche eine direkte Ablesung des Temperaturgrades gestattet, sondern dieser muß aus der beobachteten Volumenveränderung und dem gleichzeitig beobachteten Barometerstand jedesmal berechnet werden.

Ist v_0 das Volumen eines Kilogramms Luft unter dem Druck einer Atmosphäre oder bei dem Barometerstand $p_0 = 760$ mm und bei der Temperatur von 0° , und bezeichnet α den Ausdehnungskoeffizienten der Luft, so wird sich bei gleichbleibendem Luftdruck jedes cdm bei 1° C. auf $1 + \alpha$, bei 2° C. auf $1 + 2\alpha$ und bei t° C. auf $(1 + \alpha t)$ cdm ausdehnen. Das Volumen eines Kilogramms Luft also bei t° und unter dem Druck p_0 beträgt $v_0 (1 + \alpha t)$ cdm. Wird dagegen der Luftdruck verändert, und geht derselbe aus p_0 in p über, so ändert sich gleichzeitig das Volumen, und zwar hat man, wenn v das Volumen eines Kilogramms Luft unter diesen Umständen bezeichnet, nach dem Gesetz von Mariotte (§ 92):

$$v : v_0 (1 + \alpha t) = p_0 : p$$

oder:

$$pv = p_0 v_0 (1 + \alpha t).$$

Mittelst dieser Gleichung ist es möglich, für jeden gegebenen Druck p und jede gegebene Temperatur t das Volumen v einer Luftmasse zu berechnen, wenn deren Volumen im Normalzustande, d. h. bei 0° und unter dem Druck einer Atmosphäre, bekannt ist, und wenn man außerdem den Ausdehnungskoeffizienten α kennt. Die beiden wichtigsten Folgerungen, welche aus dieser Gleichung gezogen werden können, sind folgende:

1. Erwärmt man eine Gasmasse von 0° auf t° , während der Druck ungeändert bleibt, so ist $p = p_0$ zu setzen, mithin $v = v_0 (1 + \alpha t)$, oder das Volumen der Gasmasse wächst im Verhältnis von $1 : 1 + \alpha t$.

2. Erwärmt man eine Gasmasse, indem dieselbe durch ein Gefäß von unveränderlichem Volumen an der Ausdehnung gehindert wird, von 0° auf t° , so ist $v = v_0$ zu setzen, oder es ist $p = p_0 (1 + \alpha t)$. In diesem Falle wächst also der Druck der an der Ausdehnung verhinderten Gasmasse im Verhältnis von $1 : 1 + \alpha t$.

Jeder dieser beiden besonderen Fälle kann zur Bestimmung des Ausdehnungskoeffizienten α benutzt werden. Die letztere Methode gestattet die größere Genauigkeit. Ein mit Luft, oder einem anderen Gase gefüllter Glasballon A steht durch ein enges Rohr mit dem aus zwei ungleich langen, parallelen Schenkeln gebildeten, weiteren Rohr

Fig. 209.



BCD in Verbindung. Dieses enthält Quecksilber, dessen Niveau im kürzeren Schenkel bis zu einer am Rohr angebrachten Marke B reicht, während der Ballon A mit schmelzendem Schnee umgeben ist. Wenn dabei das Niveau des Quecksilbers in beiden Schenkeln gleich hoch ist, so steht das in A abgepresste Luftvolumen unter dem Druck einer Atmosphäre, entsprechend einer Quecksilbersäule von 760 mm. Wird jetzt der Ballon A auf 100° erwärmt, so strebt die Luft sich in demselben auszudehnen, drückt auf das Quecksilber bei B mit größerer Elasticität, und das Quecksilberniveau sinkt im Schenkel CB und steigt im offenen Schenkel CD . Um die Luft auf ihr ursprüngliches Volumen zurückzuführen, gießt man bei D Quecksilber zu, so lange bis durch den vermehrten Druck der Quecksilbersäule das Niveau im anderen Schenkel wieder bei B steht. Man beobachtet dann die Niveaudifferenz in beiden Schenkeln. Dieselbe beträgt ungefähr 278 mm. Es folgt daraus, daß $1 : 1 + 100\alpha = 760 : 760 + 278$, mithin $\alpha = 0,00366$

ist. Die genauesten Versuche von Regnault und Magnus (1842) haben für den Ausdehnungskoeffizienten der atmosphärischen Luft den Wert $\alpha = 0,003665$ oder fast genau $\frac{11}{3000}$ ergeben. Es ist klar, daß, nachdem der Wert von α einmal bestimmt ist, der beschriebene Apparat als Luftthermometer zur Messung von Temperaturen dienen kann und auch für hohe Hitzgrade als sogenanntes Luftpyrometer anwendbar bleibt, wenn das Gefäß A aus Platin oder einem anderen sehr schwer schmelzbaren Stoff besteht.

Wasserstoff, Stickstoff, Kohlenoxydgas stimmen in ihrer Ausdehnung durch die Wärme mit der atmosphärischen Luft fast genau überein; im übrigen weichen die Gase von diesem von Gay-Lussac aufgefundenen Gesetz um so mehr ab, je näher sie ihrem Kondensationspunkt sind (vergl. §§ 92 und 212). So fand Regnault für Kohlensäure zwischen 0° und 100° $\alpha = 0,003688$, für die sehr leicht kondensierbare schweflige Säure $\alpha = 0,003845$.

§ 202a. Absolute Temperatur. Aus der im letzten Paragraphen gegebenen Gleichung:

$$p = p_0 (1 + \alpha t),$$

welche den Zusammenhang zwischen dem Druck p und p_0 eines Gases, bezüglich bei der Temperatur t° und 0° , bei gleichem Volumen, darstellt, und in der α für alle Gase denselben Wert $\frac{1}{273}$ hat, ergibt sich, daß für $t = -273^\circ$ das Gas keinen Druck erleidet. Man kennt -273° den absoluten Nullpunkt der Temperatur, und wenn man sich zu diesem den Nullpunkt eines hunderttheiligen

Thermometers verschoben denkt, die der Temperatur t° entsprechende Temperatur

$$T = 273 + t$$

die absolute Temperatur, welche also beim Gefrierpunkt gleich 273° , beim Siedepunkt gleich 373° u. s. w. ist. Die obige Gleichung wird alsdann:

$$p = \frac{p_0 \cdot T}{273},$$

und ebenso ergibt sich für konstanten Druck (§ 202,1):

$$v = \frac{v_0 \cdot T}{273};$$

das Gesetz von Gay-Lussac gestattet also folgende einfache Darstellung:

Bei gleichem Volumen ist der Druck eines Gases und bei gleichem Druck das Volumen eines Gases der absoluten Temperatur proportional.

3. Änderung des Aggregatzustandes.

§ 203. Schmelzen. Die meisten festen Körper, welche durch die Wärme nicht ihrer chemischen Natur nach verändert werden, gehen, wenn sie bis zu einem für jeden Körper bestimmten Temperaturgrad erwärmt werden, in den flüssigen Aggregatzustand über. Dieser Übergang heißt Schmelzen, die Temperatur, bei welcher derselbe eintritt, der Schmelzpunkt des Körpers. Bis unter den Schmelzpunkt abgekühlt, kehrt der Körper in den festen Aggregatzustand zurück, er erstarrt oder gefriert. Dem Schmelzen geht häufig ein Erweichen voran, so daß manche Körper ganz allmählich durch den weichen und halbflüssigen in den flüssigen Zustand übergehen.

Schmelzpunkte einiger Körper.

Kohlensäure	-58° C.	Stearinsäure	70°	Kupfer	1050°
Quecksilber	$-38,2^\circ$	Natrium	90°	Guß Eisen	1200°
Eis	0°	Schwefel	$113,6^\circ$	Gold	1200°
Butter	32°	Zinn	230°	Gußstahl	1300° — 1400°
Talg	40°	Wismut	265°	Schmiedeeisen	1600°
Phosphor	44°	Blei	330°	Platin	1700°
Kalium	58°	Zink	360°		
Wachs	68°	Silber	1000°		

Der Schmelzpunkt der Metalllegierungen ist in der Regel niedriger als der der Metalle, aus welchen sie gebildet sind. So schmilzt die Legierung $Pb_3 Sn_5$ oder etwa 3 Gewichtsteile Blei und 5 Gewichtsteile Zinn bei 186° , Roses Metalllegierung aus 2 T. Wismut, 1 T. Blei und 1 T. Zinn, $Pb Sn Bi_2$, schon bei 94° , Woods Metall aus 1—2 T. Kadmium, 7—8 T. Wismut, 2 T. Zinn und 4 T. Blei bei 66 — 70° , die Legierung von Lipowitz ($Bi_{15} Sn_4 Pb_8 Cd_8$) schon bei 60° (vergl. § 21). — Die Temperatur der schmelzenden Lava liegt zwischen 1250° und 1500° . Kieselsäure (Quarz) und Thonerde (Korund) zeigen nur im Knallgasgebläse Spuren von Schmelzung. Unter den Metallen ist Platin sehr schwer schmelzbar, indes ist es Deville gelungen, dasselbe vor dem Knallgasgebläse in Kalktiegeln in großen Quantitäten zu schmelzen. Kohle ist unschmelzbar.

Die meisten Körper erfahren beim Schmelzen eine Zunahme des Volumens oder sind im flüssigen Zustand leichter als im festen. Wasser und Wismut hingegen dehnen sich im Augenblick des Erstarrens aus. Daher schwimmt Eis auf Wasser, und irdene Gefäße werden zersprengt, wenn das in denselben enthaltene Wasser von der Oberfläche aus gefriert.

Durch vermehrten Druck wird der Schmelzpunkt bei denjenigen Körpern, welche sich beim Schmelzen ausdehnen, erhöht, beim Wasser hingegen (um etwa $0,0075^\circ$ für 1 Atmosphäre) erniedrigt. So gelang es Mousson, durch sehr starken Druck das Eis bei -18° zu schmelzen.

§ 204. Schmelzungs- und Verdampfungswärme. Wird Schnee oder gestoßenes Eis in einem Gefäß im warmen Zimmer, oder über einer

Flamme bis zum Schmelzen erwärmt, so sieht man die Temperatur an einem hineingesteckten Thermometer, wenn dieselbe anfänglich unter 0° war, bis zum Schmelzpunkte steigen, dann aber unveränderlich auf diesem Punkt verharren, bis aller Schnee geschmolzen ist. Bei weiterer Zuführung von Wärme steigt das Thermometer wieder, bis die Temperatur den Siedepunkt erreicht hat, bei welchem dasselbe abermals unveränderlich stehen bleibt, solange noch flüssiges Wasser vorhanden ist. Die während des Schmelzens und Siedens dem Wasser zugeführte Wärme hat also nicht zur Erhöhung der Temperatur gedient, sondern ist lediglich zur Überführung aus dem festen in den flüssigen, oder aus dem flüssigen in den luftförmigen Aggregatzustand verbraucht worden. Man nennt die auf diese Weise verbrauchte Wärmemenge die Schmelzwärme, beziehungsweise die Verdampfungswärme des Wassers. Dieselbe Erscheinung findet bei jedem Schmelzungs- oder Verdampfungsprozess statt. Umgekehrt verharrt beim Übergang aus dem luftförmigen in den flüssigen, oder aus dem flüssigen Aggregatzustand in den festen das Thermometer so lange auf der Temperatur des Siedepunktes oder des Schmelzpunktes, bis aller Dampf verdichtet, oder alle Flüssigkeit erstarrt ist, indem beim Übergang aus dem höheren in den niederen Aggregatzustand eine gleich große Wärmemenge wieder erzeugt wird.

Nach der früher gangbaren Vorstellung, daß die Wärme ein besonderer Stoff sei, konnte nicht angenommen werden, daß beim Schmelzen oder Verdampfen eine gewisse Quantität dieses Stoffes verloren gehe, oder vernichtet werde, was dem Begriff des Stoffes zuwider gewesen wäre. Man war daher zu der Annahme genötigt, daß eine Quantität von Wärmestoff in einen besonderen, sogenannten latenten Zustand übergeführt werde, in welchem derselbe auf das Thermometer nicht wirken sollte, und daß diese latente Wärme erst beim Flüssigwerden des Dampfes, oder beim Erstarren der Flüssigkeit wieder frei werde oder zum Vorschein komme. Die neuere Theorie der Wärme hingegen (§§ 196, 241), nach welcher dieselbe kein Stoff, sondern ein besonderer Bewegungszustand der Körperteilchen ist, nimmt an, daß zu der Trennung der Körperteilchen eine gewisse Arbeitsgröße erforderlich sei, und daß zur Leistung dieser Arbeit eine gewisse Quantität der Wärmebewegung verbraucht werde, während umgekehrt beim Übergang aus dem luftförmigen in den flüssigen, oder aus dem flüssigen in den festen Aggregatzustand durch Wiedervereinigung der Teilchen eine gleich große Quantität der Wärmebewegung wieder erzeugt wird (vergl. § 241).

§ 205. Wärmeeinheit. Um die Temperatur eines Kilogramms Wasser um 1° C. zu erhöhen, muß demselben eine gewisse Wärmemenge zugeführt werden, welche man Wärmeeinheit oder Kalorie nennt. Mittelst dieser Wärmeeinheit können alle einem Körper zugeführten oder entzogenen, erzeugten oder verbrauchten Wärmemengen der Quantität nach mit einander verglichen werden. Um demnach p kg Wasser von 0° auf t° zu erwärmen, werden $p \cdot t$ Wärmeeinheiten erforderlich sein, und umgekehrt wird demselben eine gleiche Wärmemenge entzogen werden müssen, um seine Temperatur um t Grade zu erniedrigen.

Mischt man p_1 kg Wasser von t_1° mit p_2 kg Wasser von t_2° , so kann die Mischungstemperatur t° berechnet werden, indem man die von beiden Wassermengen abgegebenen und aufgenommenen Wärmemengen in Wärmeeinheiten ausdrückt. Ist $t_2 > t_1$, so werden die p_1 kg, deren Temperatur von t_1 auf t gestiegen ist, $p_1(t - t_1)$ Wärmeeinheiten aufgenommen haben. Die Temperatur der p_2 kg wärmeren Wassers ist gleichzeitig von t_2 auf t erniedrigt worden. Dabei hat dasselbe $p_2(t_2 - t)$ Wärmeeinheiten abgegeben. Da nun die von dem warmen Wasser abgegebene Wärmemenge von dem kalten Wasser aufgenommen worden ist und zu dessen Temperaturerhöhung gedient hat, so muß

sein, woraus folgt:

$$p_1(t-t_1) = p_2(t_2-t)$$

$$t = \frac{p_1 t_1 + p_2 t_2}{p_1 + p_2}$$

Es ist leicht, diese Betrachtung auf die Mischung beliebig vieler Wassermengen von ungleichen Anfangstemperaturen auszudehnen. (Richmannsche Regel 1750).

§ 206. Bestimmung der Schmelzwärme. Mengt man 1 kg Wasser von 100° mit 1 kg Wasser von 0° , so beträgt die Mischungstemperatur 50° . Das warme Wasser hat, indem es sich von 100° auf 50° abkühlte, 50 Wärmeeinheiten abgegeben, und diese waren hinreichend, um eine gleiche Quantität des kalten Wassers von 0° auf 50° zu erwärmen. Mischt man dagegen ein Kilo Wasser von 100° mit einem Kilo Schnee von 0° , so erhält man, indem der Schnee geschmolzen wird, 2 kg Wasser von $10,4^{\circ}$. Das heiße Wasser hat also 89,6 Wärmeeinheiten abgegeben, welche dazu gedient haben, den Schnee von 0° aus dem festen in den flüssigen Aggregatzustand überzuführen und die Temperatur des durch die Schmelzung entstandenen Wassers von 0° auf $10,4^{\circ}$ zu erhöhen. Zu letzterem Zweck sind 10,4 Wärmeeinheiten erforderlich. Es sind mithin zur Schmelzung eines Kilo Schnee $89,6 - 10,4 = 79,2$ Wärmeeinheiten verbraucht worden. Auf ähnliche Weise kann die Verflüssigungswärme anderer Körper bestimmt werden. — Das Wasser besitzt unter allen Körpern, für welche die Bestimmung ausgeführt worden ist, die größte Verflüssigungswärme.

Die genauesten Versuche über die Schmelzwärme des Eises (Regnault, 1843) haben die Zahl von 79,25 Wärmeeinheiten ergeben. Es ist leicht, mit Hilfe der in diesem und im vorgehenden Paragraphen erläuterten Prinzipien die Endtemperatur eines Gemenges von m kg Wasser von t° mit n kg Schnee von 0° zu berechnen, oder im Fall, daß die Quantität des Wassers nicht zur Schmelzung des Schnees hinreicht, anzugeben, wie viel Schnee ungeschmolzen bleibt.

§ 207. Lösungswärme, Kältemischungen. Wie beim Schmelzen, so wird auch bei der Auflösung von Salzen in Wasser, oder in anderen Flüssigkeiten Wärme verbraucht. So bringen z. B. Salpeter und Salmiak bei ihrer Auflösung in Wasser eine beträchtliche Temperaturerniedrigung hervor. — Salzlösungen gefrieren bei einer niederen Temperatur als reines Wasser. Ein Gemenge von Schnee und Kochsalz wird daher bei der Vereinigung beider Bestandteile flüssig, und infolge des zur Verflüssigung derselben erforderlichen Wärmeverbrauchs sinkt die Temperatur, wenn Salz in hinreichender Menge vorhanden ist, bis zum Gefrierpunkt der gesättigten Salzlösung, welche das Produkt der Vereinigung bildet. Dasselbe findet bei Gemengen von Schnee mit anderen Salzen statt. Darauf beruhen die künstlichen Kältemischungen. So sinkt die Temperatur eines Gemenges gleicher Gewichtsteile Schnee und Kochsalz von 0° bis $-21,3^{\circ}$, die eines Gemenges von 1 T. Schnee und 3 T. kristallisiertem Chlorcalcium auf -33° C. Mäsig verdünnte Schwefelsäure bewirkt, auf Schnee gegossen, durch Verflüssigung desselben eine Temperaturerniedrigung bis zu -40° und -50° C.

Nach Rüdorff geben 150 Teile Schwefelcyankalium in pulverisierter Form mit 100 Teilen Wasser gemischt bei der in höchstens einer Minute erfolgenden Auflösung eine Temperaturerniedrigung von $34,5^{\circ}$. Dieses Salz bietet zugleich den Vorteil, daß es durch Eindampfen der Lösung ohne erheblichen Verlust wiedergewonnen und zu neuen Versuchen benutzt werden kann. — Schmelzen von Schnee und Eis auf den Schienen der Pferdeisenbahn durch aufgestreutes Salz.

§ 208. Überschmelzung. Viele flüssige Körper können bei vorsichtiger Vermeidung von Erschütterungen und namentlich bei Abhaltung des Luftzutritts in geschlossenen Gefäßen bis weit unter den Schmelzpunkt abgekühlt werden, ohne zu erstarren. Bei einer Erschütterung, bei Berührung mit einem festen Körper, namentlich aber mit einem festen Teilchen desselben Körpers, schreitet dann plötzlich die Erstarrung durch die ganze Masse fort, wobei die Temperatur eines hineingesteckten Thermometers infolge der beim Festwerden stattfindenden Wärmeerzeugung bis zum Schmelzpunkt steigt. Man bezeichnet den Zustand einer auf diese Weise bis unter ihren Erstarrungspunkt abgekühlten Flüssigkeit mit dem Namen der Überschmelzung.

Mit Wasser gelingt der Versuch am besten in einem kleinen, luftleeren Glasgefäß, das zur Hälfte mit Wasser gefüllt ist und die Thermometerkugel in sich schließt. Das Wasser bleibt, bis auf -8° oder -10° abgekühlt, flüssig. Durch eine Erschütterung erstarrt dasselbe plötzlich, und das Thermometer steigt auf 0° . Ebenso können kleine Wassertropfen, welche in einer Flüssigkeit von gleichem spezifischen Gewichte schweben, bis weit unter 0° abgekühlt werden, ohne zu erstarren. Auf einer ähnlichen Erscheinung beruht die Bildung des sogenannten Glatteises, wobei die in der Luft bis unter 0° abgekühlten Wassertropfen durch Berührung mit dem festen Erdboden plötzlich erstarren und denselben mit einer Eisrinde überziehen. Auch die Bildung der Hagelkörner (§ 261) wird auf diese Weise erklärt.

Phosphor zeigt die Erscheinung der Überschmelzung sehr leicht beim Schmelzen unter Wasser. Geschmolzenen Schwefel kann man eine Zeit lang in heißem Wasser von 95° in flüssigem Zustande erhalten, selbst wenn man das Gefäß bewegt, oder einen Stab hineinführt; die Masse wird aber sofort fest, wenn man ein selbst noch so kleines Stück festen Schwefels hineinfallen läßt. Sehr schön beobachtet man die Überschmelzung und darauf folgende Krystallisation der wasserhaltigen Krystalle des unterschwefligsauren Natrons (Natriumthiosulfats), dessen Krystalle bei 48° schmelzen. — Eine ganz analoge Erscheinung ist die der Übersättigung der Salzlösungen.

§ 209. Verdampfen, Verdunsten, Sieden. Der Übergang aus dem flüssigen in den luftförmigen Aggregatzustand heißt Verdampfung. Dieselbe findet entweder allmählich an der Oberfläche der Flüssigkeit statt und heißt dann Verdunstung, oder sie erfolgt, bei erhöhter Temperatur, schnell und unter aufwallender Bewegung der Flüssigkeit, indem sich vom Boden des Gefäßes Dampfblasen entwickeln, welche sich beim Aufsteigen durch die Flüssigkeit vergrößern, bis sie die Oberfläche derselben erreichen. Dieser schnelle Übergang in den Dampfzustand oder das Sieden, erfolgt bei einer bestimmten Temperatur, welche der Siedepunkt der Flüssigkeit genannt wird. Derselbe ist für jede Flüssigkeit verschieden, hängt aber außerdem von dem Luftdruck ab, bei welchem das Sieden stattfindet. Der Siedepunkt des Wassers ist 100° C. bei dem mittleren Barometerstand von 760 mm (28 par.). Bei geringerem Luftdruck, also z. B. auf hohen Bergen (§ 95), unter der Glocke der Luftpumpe (§ 98, 7), tritt das Sieden schon bei niedriger Temperatur ein. In einem luftleer gemachten Glasgefäß von geeigneter Gestalt (Puls- oder Wasserhammer) kann das Wasser schon durch die Wärme der Hand in eine dem Sieden ähnliche, aufwallende Bewegung versetzt werden. Umgekehrt kann, in einem luftdicht verschlossenen Gefäß mit hinreichend starken Wänden, die Flüssigkeit bis über die Temperatur ihres Siedepunktes erhitzt werden, indem der Druck des am Entweichen verhinderten Dampfes mit der Temperatur steigt und die weitere Dampfbildung unmöglich macht. Darauf beruht der Gebrauch des Papinschen Topfes oder Digestors, welcher

in einem luftdicht verschließbaren und, zur Vermeidung der Gefahr des Zerspringens, mit einem Sicherheitsventil versehenen eisernen Gefäß besteht und zum Ausziehen im Wasser löslicher Bestandteile aus Substanzen dient, welche einer höheren Lösungswärme als 100° bedürfen.

Die Erniedrigung des Siedepunktes durch eine Abnahme des Barometerstandes um 1 mm ($1''$) beträgt etwa $\frac{1^{\circ}}{27} \text{ C. } \left(\frac{1^{\circ}}{12} \text{ C.} \right)$. Das Thermometer kann daher anstelle des Barometers zur Bestimmung des Luftdruckes gebraucht werden und wird, weil es leichter transportabel ist, namentlich zu barometrischen Höhermessungen angewendet. Man braucht dazu ein Thermometer (Thermobarometer oder Hypsothermometer), dessen Skala nur das Intervall von etwa $85-101^{\circ} \text{ C.}$ umfaßt, welchem ein Wechsel des Barometerstandes von $43-79 \text{ cm}$ ($16-29 \text{ par.}''$) entspricht (s. § 217), das aber empfindlich genug ist, um Hundertstel eines Grades mit Sicherheit beobachten zu können. — Auf dem Montblanc siedet das Wasser schon bei 85° C.

Dem Sieden geht in der Regel ein singendes Geräusch voran, welches, wie man sich durch Beobachtung des Vorganges in Glasgefäßen leicht überzeugen kann, davon herrührt, daß, wenn noch nicht die ganze Flüssigkeitsmasse bis zur Temperatur des Siedepunktes erwärmt ist, die am Boden des Gefäßes gebildeten Dampfblasen beim Aufsteigen durch die kältere Flüssigkeit wieder verdichtet werden. — Erhitzt man Wasser, welches zuvor an der Luft gestanden hat, oder Brunnenwasser, so entweicht vor dem Beginn des Siedens die im Wasser absorbierte atmosphärische Luft oder Kohlensäure (§ 107) in Form kleiner Bläschen. Erst durch längeres Kochen wird das Wasser vollkommen von der aufgelösten Luft befreit. — Im Wasser aufgelöste Salze erhöhen den Siedepunkt. — In Gefäßen mit glatten Wänden kann völlig luftfreies Wasser bis etwas über den dem stattfindenden Luftdruck entsprechenden Siedepunkt erwärmt werden, ohne ins Sieden zu geraten. Die Dampfbildung tritt dann plötzlich unter heftigem Stoßen ein. Manche anderen Flüssigkeiten zeigen diese Erscheinung in noch höherem Grade, z. B. die konzentrierte Schwefelsäure, die deshalb nur schwierig aus Glasgefäßen destilliert werden kann. Das Stoßen wird vermindert, wenn man die Dampfbildung durch einen in die Flüssigkeit gebrachten, rauhen oder pulverförmigen Körper, oder einen Metalldraht befördert. Der aus der Flüssigkeit aufsteigende Dampf zeigt immer genau die dem stattfindenden Luftdruck entsprechende Siedetemperatur.

Der aus siedendem Wasser aufsteigende Dampf ist völlig farblos und durchsichtig, solange er den luftförmigen Aggregatzustand beibehält. Durch Vermengung mit der kalten Luft verdichtet er sich zu flüssigem Wasser, welches in Form feiner Tröpfchen (oder Bläschen) in der Luft schwebt und den sichtbaren Dunst bildet.

Siedepunkte einiger Flüssigkeiten unter dem Druck einer

Atmosphäre (760 mm [28 par.''] Quecksilberdruck).

Stickstoffoxydul	— 87,9	Chloräthyl	+ 12,5	Phosphor	290
Kohlensäure	— 78,2	Äther	+ 35,0	Schwefelsäurehydrat	325
Schwefelwasserstoff	— 61,8	Schwefelkohlenstoff	+ 46,2	Quecksilber	357
Ammoniak	— 38,5	Alkohol	+ 78,3	Schwefel	447
Chlor	— 33,6	Wasser	100,0	Kadmium	860
Cyan	— 20	Terpentinöl	159,2	Zink	1040.
Schweflige Säure	— 10,1				

§ 210. Leidenfrosts Phänomen (1756). Eine eigentümliche Erscheinung zeigt sich, wenn Wasser, oder eine andere flüchtige Flüssigkeit, in geringen Quantitäten auf eine glühende Metallfläche gebracht wird. Die Flüssigkeit kommt in diesem Falle nicht ins Sieden, sondern rundet sich zu einem Tropfen ab, der in wirbelnde Bewegung gerät und allmählich durch Verdunstung verschwindet. Es findet dabei zwischen der heißen Metallfläche und der Flüssigkeit keine eigentliche Berührung statt; letztere schwebt vielmehr, gleichsam von einer von ihrer Oberfläche sich entwickelnden Dampfschicht getragen, und behält eine Temperatur, die immer um mehrere Grade unter dem Siedepunkt liegt. Boutigny nannte diesen Zustand der Flüssigkeit den sphäroidalen Zustand. Läßt man die Unterlage allmählich erkalten, so tritt bei einer gewissen Temperatur (171° bei Wasser) plötzlich die Berührung unter heftiger Dampfbildung und gewaltsamem Umherspritzen der Flüssigkeit ein. Der sphäroidale Zustand nämlich dauert nur so

lange, als der unter dem Tropfen befindliche Dampf imstande ist, den Druck der Atmosphäre, vermehrt um den des Tropfens, zu tragen. Es ist gelungen, denselben unter der Luftpumpe auf einer Unterlage, deren Temperatur geringer als 100° war, darzustellen. Faraday brachte in einen glühenden Platintiegel ein Gemenge von Äther und fester Kohlensäure (§ 212), welches den sphäroidalen Zustand annahm und dabei eine so niedere Temperatur behielt, daß man im glühenden Tiegel Quecksilber gefrieren lassen konnte. Deville goß geschmolzene Platinmassen in Wasser, welche unter dem Wasser einige Zeit lang flüssig und weißglühend blieben, ohne daß dieses ins Sieden geriet. — Es ist eine bekannte Erfahrung der Hüttenarbeiter, daß man die Hände gefahrlos in geschmolzenes Eisen tauchen kann.

§ 211. Bestimmung der Verdampfungswärme, Destillation. Während des Siedens bleibt die Temperatur der Flüssigkeit ungeändert, und alle derselben zugeführte Wärme wird zur Überführung aus dem flüssigen in den luftförmigen Aggregatzustand verbraucht. Eine gleich große Wärmemenge wird umgekehrt bei der Verdichtung des Dampfes zu tropfbarer Flüssigkeit wieder erzeugt (Black, 1757). Bei der Destillation einer Flüssigkeit wird der durch Erhitzung in einem Kessel (Destillierblase), oder einer Retorte entwickelte Dampf in einen von kaltem Wasser umgebenen Kolben, oder ein Schlangenrohr geleitet, in welchem derselbe sich zu Flüssigkeit verdichtet. Wegen der bei der Verdichtung stattfindenden, beträchtlichen Wärmeentwicklung muß für hinreichend schnelle Erneuerung des Kühlwassers gesorgt werden. Wasser kann in hölzernen Gefäßen durch Einleiten von Dampf bis zum Sieden erhitzt werden, und zwar vermag ein Kilogramm Dampf mehr als die fünffache Wassermenge von 0° bis zu 100° zu erwärmen. Um ein Kilogramm Wasser (bei 100° C.) in Dampf zu verwandeln, sind nämlich 537 Wärmeeinheiten erforderlich, und eine gleiche Wärmemenge wird bei der Verdichtung des Dampfes abgegeben. Das Wasser besitzt unter allen Flüssigkeiten die größte Verdampfungswärme.

Um die Verdampfungswärme zu bestimmen, leitet man den in einem Dampfkessel *A* (Fig. 210) erzeugten Dampf in ein Schlangenrohr, das von einem Gefäß *B* umgeben ist, welches eine genau bestimmte Menge kalten Wassers enthält. Es sei dessen Gewicht *p*, seine anfängliche Temperatur t_1° . Nachdem die Temperatur des Kühlgefäßes auf t_2° gestiegen, bestimmt man die in dem Schlangenrohr verdichtete Dampfmenge *q*. Es sei *x* die gesuchte Verdampfungswärme für 1 kg Wasser. Indem *q* kg Dampf von 100° zu Wasser verdichtet worden sind, haben dieselben *q* · *x* Wärmeeinheiten abgegeben. Da sich ferner die *q* kg durch Verdichtung des Dampfes entstandenen Wassers bis zur Temperatur des Kühlwassers, also auf t_2° , abgekühlt haben, so haben dieselben noch *q* (100 — t_2) Wärmeeinheiten abgegeben. Die *p* kg kalten Wassers haben sich von t_1° auf t_2° erwärmt, mithin *p* ($t_2 - t_1$) Wärmeeinheiten aufgenommen. Es muß also $qx + q(100 - t_2) = p(t_2 - t_1)$ sein, woraus:

$$x = \frac{p}{q} (t_2 - t_1) - (100 - t_2).$$

Zur Erzielung eines richtigen Resultats sind mehrfache Vorsichtsmaßregeln erforderlich. Zunächst muß das Gefäß mit kaltem Wasser vor der Erwärmung durch Strahlung vom Kessel (§ 234) durch einen Schirm *D* geschützt sein; sodann muß verhütet werden, daß flüssiges Wasser mechanisch mit dem Dampfstrom aus dem Kessel nach dem Kühlgefäß hinübergerissen werde, ferner ist der Einfluß

Fig. 210.



der äußeren Umgebung auf die Temperatur des Kühlgefäßes zu berücksichtigen. Um diesen möglichst zu beschränken, richtet man zweckmäßig den Versuch so ein, daß die Temperatur der Umgebung das Mittel zwischen der Anfangs- und Endtemperatur des Kühlgefäßes ist. Endlich ist zu beachten, daß nicht nur das im Kühlgefäße enthaltene Wasser, sondern auch das Metall, aus welchem die Wände desselben und des Schlangenrohres bestehen, erwärmt worden ist (vergl. § 226).

Regnault fand (1847), daß die latente Verdampfungswärme nicht bei allen Temperaturen dieselbe ist. Die Gesamtwärme des Dampfes wird nämlich nach Regnault durch die Formel $Q = 606,5 + 0,305 t$ ausgedrückt, d. h. so viel Wärmeinheiten sind erforderlich, um 1 kg Wasser von 0° auf t° zu erwärmen und bei dieser Temperatur in Dampf zu verwandeln. Da t Wärmeinheiten zur Erwärmung von 0° auf t° verwendet werden, so bleibt für die Verdampfungswärme bei t° die Wärmemenge $Q - t = 606,5 - 0,695 t$, also z. B. bei 100° , $606,5 - 69,5 = 537$ Wärmeinheiten.

§ 211a. Verdunstungskälte. Wie bei der schnellen Dampfbildung beim Sieden, so wird auch bei der Verdunstung Wärme verbraucht, welche der verdunstenden Flüssigkeit selbst und deren Umgebung entzogen wird. Durch schnelle Verdunstung kann daher eine bedeutende Temperaturerniedrigung erzeugt werden. Darauf beruht die Abkühlung der Flüssigkeiten durch Umwickeln der Gefäße mit feuchten Tüchern, die Anwendung poröser Thongefäße (Alkarazzas) zu demselben Zweck, von deren feuchter Oberfläche die Flüssigkeit verdunstet. Ein trockener Luftstrom beschleunigt die Verdunstung und verstärkt daher die Abkühlung. Durch Verdunstung des Äthers und anderer sehr flüchtiger Flüssigkeiten können sehr hohe Kältegrade erzeugt werden, namentlich wenn die Verdunstung im luftleeren Raum geschieht (vgl. § 98, 8). Man benutzt daher die Verdunstungskälte des Äthers und des flüssigen Ammoniaks zur künstlichen Eisbereitung (vgl. § 212).

Durch die Verdunstungskälte hat (1873) Wartha Schwefelkohlenstoff in festem Aggregatzustand dargestellt. Leitet man über die Oberfläche des in einem Glasgefäße befindlichen Kohlenulfides einen kräftigen Strom trockener Luft, so schlägt sich, während ein in die Flüssigkeit tauchendes Thermometer noch einige Grade über Null zeigt, an den inneren Wänden des Gefäßes und an dem aus der Flüssigkeit hervorragenden Teile des Thermometers eine schneeige Kruste von starrem Schwefelkohlenstoff nieder, wobei die Temperatur bis -18° sinkt. Auf der Oberfläche der Flüssigkeit bilden sich dann blumenkohlartige, weiße Massen, welche das Zuleitungsrohr verstopfen, wenn es nicht weit genug ist; bald ist alle Flüssigkeit verschwunden, während das Thermometer bis etwa -12° steigt. Der so gewonnene, feste Schwefelkohlenstoff hält sich ziemlich lange in diesem Zustande, zeigt einen eigentümlichen, aromatischen Geruch und soll schwerer entzündlich sein als im flüssigen Zustande. Er eignet sich vortrefflich zur Herstellung von Eis für die Zwecke des Laboratoriums. Man setzt dem in einer Glasflasche befindlichen Wasser einige Kubikcentimeter CS_2 zu und treibt mittelst eines Blasebalges einen kräftigen Luftstrom hindurch, so erstarrt das Wasser in kurzer Zeit, und kann die Temperatur bis auf -13° sinken. Wird mit einer Spritzflasche ein feiner Wasserstrahl auf CS_2 , der bei gewöhnlicher Temperatur durch einen starken Luftstrom zum Verdampfen gebracht wird, gespritzt, so gefriert jeder Wassertropfen momentan bei der Berührung mit der Masse.

§ 212. Kondensation der Gase. Wie die tropfbaren Flüssigkeiten durch hinreichend erhöhte Temperatur und verminderten Druck in den gasförmigen oder Dampfzustand übergeführt werden können, so ist es umgekehrt gelungen, durch hinreichend gesteigerten Druck und erniedrigte Temperatur sämtliche Gase (zuletzt [1877] auch den Sauerstoff, den Stickstoff und die atmosphärische Luft, sowie den Wasserstoff) zu tropfbaren Flüssigkeiten zu verdichten. Die Verdichtung erfolgt mehr oder minder leicht. So verdichtet sich schwefligsaures Gas schon bei der Tempe-

ratur einer Kältemischung aus Schnee und Kochsalz (§ 207) zu einer farblosen Flüssigkeit, welche bei -10° siedet, Cyangas erfordert zu seiner Verflüssigung unter dem Druck einer Atmosphäre schon eine beträchtlichere Temperaturerniedrigung, und der Siedepunkt der entstandenen Flüssigkeit liegt bei -20° u. s. f. Zwischen Gasen und Dämpfen kann eine Grenze nicht gezogen werden. Man pflegt diejenigen gasförmigen Körper Dämpfe zu nennen, welche unter dem Druck einer Atmosphäre sich schon bei den gewöhnlich herrschenden Lufttemperaturen zu Flüssigkeiten verdichten, Gase diejenigen, bei welchen ein höherer Druck, oder eine niedrigere Temperatur zur Verdichtung erforderlich ist. Die Tabelle der Siedepunkte (§ 209) zeigt aber, daß zwischen beiden ein völlig stetiger Übergang stattfindet.

Das wirksamste Mittel zur Verdichtung der Gase ist der Druck. Dieser kann entweder mittelst der Kompressionspumpe (§ 99) bewerkstelligt werden, oder auch dadurch, daß man die in einem geschlossenen Raum sich entwickelnden Gase sich durch ihren eigenen Druck komprimieren läßt. Bringt man z. B. in den längeren Schenkel *A* einer starken, gebogenen Glasröhre (Fig. 211) eine Quantität Cyansilber oder Cyanquecksilber und erwärmt dasselbe vorsichtig, nachdem man zuvor den kürzeren Schenkel bei *B* zugeschmolzen hat, so entwickelt sich Cyangas, welches sich durch seinen Druck in dem kürzeren Schenkel, den man in kaltes Wasser eintaucht, zu einer farblosen Flüssigkeit verdichtet. Auf ähnliche Weise kann man Ammoniakgas verdichten, welches durch Erwärmen aus einer konzentrierten wässrigen Auflösung entwickelt wird. Wasser vermag bei gewöhnlicher Temperatur etwa sein 700faches Volumen von Ammoniakgas aufzulösen (§ 107), welches beim Erwärmen bis zum Siedepunkt fast vollständig entweicht. Leitet man das Gas in einen starken eisernen, von kaltem Wasser umgebenen Recipienten, so verdichtet sich dasselbe bei einem Druck von 6 Atmosphären (bei 10° C.) zu einer Flüssigkeit, deren schnelle Verdunstung im leeren Raum sodann zur Erzeugung hoher Kältegrade, künstlicher Eisbereitung u. dgl. benutzt werden kann (Carrés Eismaschine). — Auch Kohlensäure verdichtet sich, in einem hinreichend starkwandigen, geschlossenen Gefäß entwickelt, unter einem Druck von 38 Atmosphären bei 0° C., oder etwa 50 Atmosphären bei 10° C. (vergl. § 212a). Sicherer bedient man sich jedoch zur Erzeugung so starken Druckes der Kompressionspumpe (§ 99), mittelst deren zuerst Thilorier größere Quantitäten von Kohlensäure verflüssigte. Die durch Druck verdichtete Kohlensäure bildet eine farblose Flüssigkeit, welche, sobald der Recipient geöffnet wird, in Form eines Strahles aus demselben hervorspringt, sich aber infolge der lebhaften Verdunstung sofort bis unter ihren Gefrierpunkt (-58° C.) abkühlt und in ein weißes, schneeähnliches Pulver verwandelt. Sammelt man eine größere Menge dieser festen Kohlensäure an, so erhält sie sich, indem durch die niedere Temperatur die Verdunstung verzögert wird, und ihre eigene Masse ein schlechter Wärmeleiter ist, eine Zeit lang an freier Luft und zeigt dabei eine Temperatur von -70° . Vermengt man dieselbe mit Äther und bringt das Gemenge unter den Recipienten einer Luftpumpe, so kann die Temperatur bis auf -110° erniedrigt werden. Es war dies die tiefste Temperatur, welche Faraday zu erzeugen vermochte, und mittelst welcher es ihm gelang, die meisten anderen Gase flüssig zu machen, indem dieselben entweder nur durch Uförmig gebogene Glasröhren geleitet wurden, welche an beiden Enden in feine Spitzen ausgezogen und von der Äther-Kohlensäuremischung umgeben waren, oder indem er dieselben bei dieser niederen Temperatur einem verstärkten Druck unterwarf. Mittelst dieser Methoden konnten z. B., außer den oben bereits genannten Gasen, Schwefelwasserstoff, Arsenwasserstoff, Brom- und Jodwasserstoff, Chlor, Chlorwasserstoff, Stickstoffoxydul, ölbildendes Gas in den flüssigen und zum Teil in den festen Aggregatzustand übergeführt werden.

Fig. 211.



§ 212a. Kritische Temperatur. Andrews hat 1869 gezeigt, daß ein erhöhter Druck allein zur Verdichtung eines Gases nicht immer

ausreicht, daß vielmehr einem jeden Gase eine bestimmte Temperatur zugehört, welche Andrews die kritische Temperatur des betreffenden Gases nennt, über welche hinaus das Gas durch keinen noch so sehr erhöhten Druck in den flüssigen Zustand versetzt werden kann. Diese kritische Temperatur hat Andrews z. B. für die Kohlensäure auf $30,9^{\circ}\text{C}$. bestimmt. Wird die Kohlensäure bei dieser Temperatur einem stärkeren Druck ausgesetzt, so folgt sie zunächst als Gas dem Mariotteschen Gesetz, bis sie bei einem Druck von 73 bis 75 Atm. in einen eigentümlichen Zwischenzustand zwischen Gas und Flüssigkeit, den sogenannten kritischen Zustand, gerät. Es kann keine Trennung zwischen Flüssigkeit und Gas entdeckt werden, eine kleine Veränderung aber des Drucks bewirkt eine große Veränderung der Dichtigkeit, und es zeigen sich innerhalb des Rohres ähnliche Bewegungen, wie bei der Mischung von Flüssigkeiten ungleicher Dichte, oder beim Aufsteigen erwärmter Luft in kühleren Schichten. Es gehen also bei diesem Drucke der gasförmige und der flüssige Zustand ohne Unterbrechung der Kontinuität in einander über.

Bei $21,5^{\circ}\text{C}$. findet die Verdichtung der Kohlensäure bei einem Druck von ungefähr 60 Atm. statt, und die Flüssigkeit nimmt nahezu ein Drittel des Volumens des Gases ein. Bei dieser Verflüssigung zeigt sich eine bestimmte Trennungsfäche zwischen der noch gasförmigen und der bereits flüssigen Kohlensäure. Bei 48°C . aber behält die Kohlensäure alle Eigenschaften eines Gases bei, d. h. sie entspricht bei jedem Drucke nahezu dem Mariotteschen Gesetz.

Cagniard de la Tour schätzte die kritische Temperatur und den Druck im kritischen Zustande bei

Schwefeläther auf $187,5^{\circ}\text{C}$. und 37,5 Atm.

Alkohol „ $258,6^{\circ}$ „ „ 119 „

Schwefelkohlenstoff . . „ $262,5^{\circ}$ „ „ 66,5 „

Bei Wasser war die kritische Temperatur so hoch (412°), daß das Wasser die Glasröhre, in der es enthalten war, aufzulösen begann.

Für Sauerstoff, Wasserstoff und Stickstoff sprach schon 1826 Faraday die Vermutung aus, daß die Temperatur von -110° über der jetzt als kritisch bezeichneten Temperatur dieser Gase liege. Colladon hat (1826) zur Verdichtung des Sauerstoffs Versuche angestellt mit Temperaturen von -30° und einem Druck bis zu 400 Atm., ohne ein Resultat zu erzielen. Endlich (im Dezember 1877) sind fast gleichzeitig die jahrelang unabhängig von einander fortgesetzten Bemühungen zweier Forscher, L. Cailletet zu Chatillon sur Seine (Paris) und R. Pictet zu Genf, die Verflüssigung der bisher als permanent bezeichneten Gase auszuführen, erfolgreich gewesen. Nach den Mitteilungen des letzteren über die ihm gelungene Verdichtung des Sauerstoffs sinkt bei einem sich bis auf 560 Atm. steigenden Druck und bei einer Temperatur von -40°C . das Manometer auf 505 Atm., und wenn jetzt durch Öffnung des Hahns der Druck aufgehoben wird, entweicht äußerst heftig ein Strahl flüssigen Sauerstoffs. Leicht angebrannte Kohle, in diesen Strahl hineingebracht, entzündet sich von selbst sehr lebhaft. — Auch die Verflüssigung des Wasserstoffs, des Stickstoffs und der atmosphärischen Luft ist gelungen. Zur Verdichtung des Wasserstoffs steigerte Pictet bei -140° den Druck auf 650 Atm., bevor er denselben als stationär beobachtete. Nach Öffnung des Verschlusshahns strömte nunmehr der flüssige Wasserstoff heftig aus der Öffnung, zeigte eine stahlblaue Farbe und war auf eine Strecke von etwa 12 cm undurchsichtig; der Strahl wurde fast sofort intermittierend, und man fühlte Stöße am Hahn, was sich wohl durch ein teilweises Gefrieren des Wasserstoffs in der Röhre erklären läßt.

§ 213. Sättigungsmenge. Läßt man reines Wasser an der freien Luft verdunsten, so verwandelt sich dasselbe vollständig in Dampf, ohne einen Rückstand zu hinterlassen. Bringt man dagegen eine gewisse Wassermenge in einen geschlossenen Raum, z. B. unter eine Glasglocke, so ver-

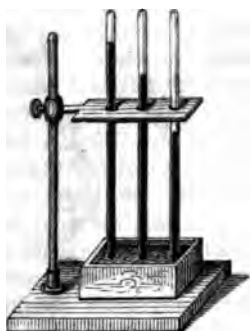
dunstet nur ein Teil des Wassers, indem dieser Raum bei jeder Temperatur nur eine ganz bestimmte Menge Wasserdampf aufzunehmen vermag, welche die Sättigungsmenge des Raumes für diese Temperatur genannt wird. Die Sättigungsmenge wächst mit der Temperatur. Steigt daher die Temperatur, so kann eine neue Wassermenge verdunsten, sinkt dagegen die Temperatur eines mit Dampf gesättigten Raumes, so muß sich ein Teil des in demselben enthaltenen Dampfes im tropfbarflüssigen Zustande niederschlagen; man bemerkt zunächst an derjenigen Stelle der Gefäßwand, von welcher die Temperaturerniedrigung ausgeht, den Niederschlag in Form eines feinen, aus kleinen Wassertröpfchen gebildeten Taues, die bald zu größeren Tropfen zusammenfließen. Ebenso verdichtet sich der Wasserdampf an einem kalten Körper, welcher in einen warmen, mit feuchter Luft erfüllten Raum gebracht wird, an den kalten Fensterscheiben eines geheizten Zimmers u. s. w., indem die zunächst mit dem kalten Körper in Berührung kommenden Luftteilchen so weit abgekühlt werden, daß sie nicht mehr die ganze in ihnen enthaltene Dampfmenge im luftförmigen Zustande aufzunehmen imstande sind (vergl. § 218,2). Dalton fand (1801) das merkwürdige Gesetz auf, daß die Sättigungskapazität eines Raumes für den Dampf irgend einer Flüssigkeit unabhängig ist von dem Vorhandensein und der Natur eines anderen in dem Raum befindlichen Gases; so daß also z. B. ein Raum von 1 cdm stets dieselbe Menge Wasserdampf aufzunehmen imstande ist, gleichviel ob er luftleer, oder mit atmosphärischer Luft, Sauerstoff, Wasserstoff, oder irgend einem anderen Gas oder Dampf von beliebiger Dichtigkeit erfüllt ist. Nur sättigt sich ein luftleerer Raum in kürzerer Zeit mit Dampf, als wenn er mit Gas gefüllt ist, weil dieses der schnellen Ausbreitung des Dampfes ein Hindernis entgegensetzt.

§ 214. Spannkraft des gesättigten Dampfes. Der in einem Raum befindliche Dampf übt, wie andere luftförmige Körper, vermöge seiner Elasticität einen Druck auf die Wände des Gefäßes aus, in welchem er enthalten ist. Dieser Druck wächst mit der Temperatur und Dichtigkeit des in dem Raum enthaltenen Dampfes. Jeder Temperatur entspricht eine gewisse Sättigungsmenge, mithin auch ein Maximum der Spannkraft des gesättigten Dampfes. Um diese Spannkraft für verschiedene Temperaturen zu bestimmen, muß man ein verschiedenes Verfahren einschlagen, jenachdem man die Bestimmung für Temperaturen ausführen will, welche unter oder über dem Siedepunkt der Flüssigkeit liegen. Jede Flüssigkeit siedet nämlich bei derjenigen Temperatur, bei welcher die Spannkraft ihres gesättigten Dampfes dem auf der Flüssigkeit lastenden Atmosphärendruck gleichkommt. Ist diese Temperatur erreicht, so vermögen die vom Boden des Gefäßes und aus dem Innern der Flüssigkeit sich entwickelnden Dämpfe durch ihre Expansivkraft den Druck der auf der Oberfläche der Flüssigkeit lastenden Atmosphäre zu überwinden.

§ 215. Zur Bestimmung des Maximums der Spannkraft der Dämpfe bei niederen Temperaturen bedient man sich der Torricellischen Röhre (§ 90). Mehrere 800 mm (30") lange, an einem Ende zugeschmolzene, mit Quecksilber gefüllte und durch Auskochen von Luft befreite Röhren werden, mit dem offenen Ende in ein mit Quecksilber gefülltes Gefäß getaucht, neben einander aufgestellt, so daß in jeder derselben ein Torricellisches Vacuum entsteht. Eine der Röhren bleibt luftleer; in jede der anderen Röhren bringt man eine geringe

Quantität einer der Flüssigkeiten, deren Dampfspannungen bestimmt werden sollen. Diese Flüssigkeiten steigen, vermöge ihres geringeren spezifischen Gewichts, bis zum Gipfel der in der Röhre enthaltenen Quecksilbersäule auf, und der über derselben befindliche leere Raum wird mit dem Dampf der Flüssigkeit gesättigt. Die Quecksilbersäule sinkt infolge des von dem gebildeten Dampf auf ihren Gipfel ausgeübten Druckes, und die Höhendifferenz des Quecksilbers in der leeren und in der mit Dampf gesättigten Röhre giebt die Spannkraft des gesättigten Dampfes an, wenn man die geringe, leicht aus dem spezifischen Gewicht der Flüssigkeit zu berechnende Depression in Abrechnung bringt, welche von dem Gewicht des über der Quecksilbersäule befindlichen Flüssigkeitstropfens herrührt. Will man die Spannkraft der Dämpfe für verschiedene Temperaturen bestimmen, so braucht man nur den ganzen Apparat mit einem weiteren Gefäß zu umgeben, welches mit Wasser oder einer anderen Flüssigkeit gefüllt ist, deren Temperatur durch Thermometer genau bestimmt werden kann. Mit wachsender Temperatur sieht man dann durch die vergrößerte

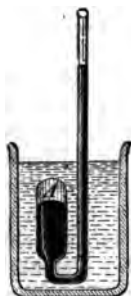
Fig. 212.



Dampfspannung im Innern der Röhren das Quecksilberniveau sich mehr und mehr erniedrigen. Bei der Temperatur des Siedepunkts der in der Röhre enthaltenen Flüssigkeit steht das Niveau innen und außen gleich hoch, die Elasticität des Dampfes hält also gerade dem Druck der äußeren Luft das Gleichgewicht.

§ 216. Zur Bestimmung des Dampfdruckes bei Temperaturen, welche den Siedepunkt überschreiten, kann man sich einer Röhre (Fig. 213) bedienen, die aus einem kurzen und weiten, geschlossenen Schenkel und einem engeren, hinreichend langen und oben offenen Schenkel besteht. Dieselbe ist mit Quecksilber gefüllt, über welchem sich im kürzeren Schenkel bei A eine geringe Menge der Flüssigkeit befindet, deren Dampfspannung bestimmt werden soll. Wird dieselbe durch ein das weitere Gefäß umgebendes Wasser- oder Ölbad bis über ihren Siedepunkt erhitzt, so treiben die sich entwickelnden Dämpfe das Quecksilber durch ihren Druck in dem engen, offenen Schenkel in die Höhe, so lange bis der Druck der gehobenen Quecksilbersäule zusammen mit dem Druck der Atmosphäre der Elasticität des Dampfes das Gleichgewicht hält. Beträgt z. B. die Niveaudifferenz des Quecksilbers in beiden Schenkeln 760 mm (28"), so ist der Druck des Dampfes 2 Atmosphären, bei einer Niveaudifferenz von 1520 mm 3 Atmosphären u. s. f. Dabei muß darauf geachtet werden, daß in dem Gefäß bei A immer noch eine kleine Flüssigkeitsmenge im tropfbarflüssigen Aggregatzustand vorhanden sein muß. Wäre bereits

Fig. 213.



alle Flüssigkeit verdampft, und würde die Temperatur noch weiter gesteigert, so enthielte der Raum bei A nicht mehr die ganze Dampfmenge, die er bei der stattfindenden Temperatur enthalten kann. Der Dampf heißt in diesem Fall überhitzt.

In der Praxis wendet man zur Bestimmung der Dampfspannung in Dampfkesseln offene oder geschlossene Manometer (§ 93) an.

§ 217. Von den folgenden Tabellen giebt die erste eine Vergleichung der Spannkraft der Dämpfe einiger Flüssigkeiten bei verschiedenen Temperaturen, die zweite die Spannkraft des Wasserdampfes für höhere Temperaturen nach den Resultaten der Versuche von Regnault. Eine dritte Tabelle über die Spannkraft und Sättigungsmenge des Wasserdampfes zwischen -15° und $+30^{\circ}\text{C}$. stehe unter § 221.

A. Dampfspannungen einiger Flüssigkeiten in par.^{'''} und mm.

Temp. C.	Schweflige Säure.		Äther.		Alkohol.		Wasser.	
	par. ^{'''}	mm	par. ^{'''}	mm	par. ^{'''}	mm	par. ^{'''}	mm
—20°	212;	478	30;	68	1,5;	3,4	0,4;	0,9
—10°	338;	762	50;	113	2,9;	6,5	0,9;	2,0
0°	516;	1164	81;	183	5,7;	12,9	2,0;	4,5
10°	762;	1719	127;	286	10,8;	24,4	4,0;	9,0
20°	1091;	2461	192;	433	19,7;	44,4	7,7;	17,4
30°	1521;	3431	282;	636	34,8;	78,5	14,0;	31,6
40°	2070;	4670	403;	909	59,2;	133,5	24,3;	54,8
50°	2758;	6222	563;	1270	97,5;	214,9	40,8;	92,0
60°	4092;	9231	766;	1728	155,2;	350,1	66,0;	148,9
70°	—	—	1023;	2302	239,9;	541,2	103,3;	233,5
80°	—	—	1841;	3025	360,3;	812,8	157,0;	354,2
90°	—	—	1728;	3898	526,8;	1188,4	232,9;	525,4
100°	—	—	2195;	4952	751,4;	1695,0	336,9;	760,0

B. Dampfspannung des Wassers für höhere Temperaturen in Atmosphären (1 Atm. = 336,9 par.^{'''} oder 760 mm).

Temp. C.	Atm.	Temp. C.	Atm.
100°	1	161,5	6,5
111,7	1,5	165,3	7
120,6	2	168,2	7,5
127,8	2,5	170,8	8
133,9	3	175,8	9
139,2	3,5	180,3	10
144,0	4	213,0	20
148,3	4,5	236,2	30
152,2	5	252,5	40
155,9	5,5	265,9	50
159,2	6		

Man sieht aus diesen Tabellen, daß mit wachsender Temperatur die Spannkraft der Dämpfe in immer schnellerem Verhältnis zunimmt. Die Spannkraft des Wasserdampfes bei verschiedenen Temperaturen wird mit hinreichender Genauigkeit durch die von August angegebene Formel dargestellt:

$$\log p = \frac{A(t - 100)}{B + t},$$

worin bei Anwendung dekadischer Logarithmen $A = 5,057$, $B = 226,37$ zu setzen ist. Man erhält mittelst der Formel den Druck in Atmosphären ausgedrückt. Wählt man irgend eine andere Einheit, so hat man nur zu $\log p$ den Logarithmus einer Atmosphäre, in der gewünschten Einheit ausgedrückt, zu addieren, bevor man den Numerus aufschlägt.

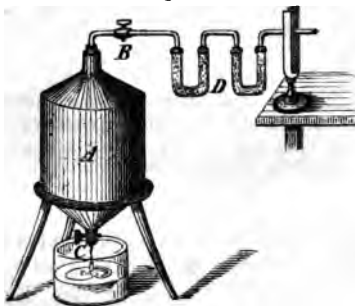
§ 218. Bestimmung des Feuchtigkeitsgehalts der Atmosphäre oder Hygrometrie. Für die Meteorologie (§ 256 ff.) ist es von großer Wichtigkeit, den jedesmaligen Feuchtigkeitsgehalt der Luft mit möglichster Schnelligkeit und Genauigkeit bestimmen zu können, da durch denselben der Eintritt der wässerigen Niederschläge (Wolkenbildung, Regen, Schnee, Tau u. s. w.) wesentlich bedingt ist. Infolge der Verdunstung von der Oberfläche des Meeres, der Binnengewässer, der Vegetation u. s. w. ist die Luft, namentlich in ihren unteren Schichten, stets teilweise mit Wasserdampf gesättigt. Enthält dieselbe fast die ganze zu ihrer Sättigung erforderliche Menge, so heißt sie feucht, enthält sie nur wenig Wasserdampf, so heißt sie trocken. Bei gleichem absoluten Gehalt an Wasserdampf wird eine Luftmenge um so feuchter erscheinen, je niedriger ihre Temperatur ist. Wird die Temperatur mehr

und mehr erniedrigt, so wird bei einem gewissen Temperaturgrade die vorhandene Dampfmenge zur Sättigung des Luftraumes hinreichend sein und bei weiterer Erniedrigung der Temperatur ein Teil derselben sich in flüssigen Zustande niederschlagen beginnen (§ 213). Der Temperaturgrad, bei welchem der Niederschlag eintritt, heisst der Taupunkt. Die zum Eintritt des Niederschlags erforderliche Temperaturerniedrigung wird um so grösser sein, oder der Taupunkt wird um so tiefer unter der Lufttemperatur liegen, je trockener die Luft ist.

Der absolute Feuchtigkeitsgehalt der Atmosphäre, d. h. die in der Volumeneinheit der Luft enthaltene Gewichtsmenge Wasserdampf, wächst und fällt im allgemeinen mit der Temperatur, ist daher im Sommer grösser als im Winter, in den Nachmittagsstunden grösser als kurz vor Sonnenaufgang. Den umgekehrten Gang befolgt das mittlere Sättigungsverhältnis oder die relative Feuchtigkeit, d. h. die Zahl, welche angiebt, wieviel Prozent von der zur Sättigung für die stattfindende Temperatur erforderlichen Wasserdampfmenge in der Luft enthalten sind. Die Atmosphäre pflegt ihrem Sättigungspunkt um so näher zu sein, je niedriger die Temperatur ist. (Vergl. auch §§ 254, 256.)

Die genaueste Methode zur Bestimmung des Wasserdampfgehalts der Luft ist die Methode der Absorption und direkten Wägung. Dieselbe beruht auf der Eigenschaft gewisser Salze und Flüssigkeiten, den in der Luft enthaltenen Wasserdampf an sich zu ziehen und vollständig zu absorbieren. In besonders hohem Grade besitzen diese Fähigkeit das wasserfreie (geschmolzene) Chlorcalcium und die konzentrierte Schwefelsäure (Schwefelsäurehydrat). Leitet man feuchte Luft durch eine Röhre, welche mit Chlorcalciumstücken oder mit Bimsstein, getränkt mit konzentrierter Schwefelsäure, angefüllt ist, so wird dieselbe vollständig ihres Feuchtigkeitsgehaltes beraubt, und die Gewichtszunahme der Röhre während des Hindurchleitens der Luft giebt genau die in der Luft enthaltene Feuchtigkeitsmenge an. Um ein genau bestimmtes Luftvolumen durch die Röhre zu leiten, bedient man sich eines Aspirators, d. h. eines Gefässes *A* (Fig. 214),

Fig. 214.



von genau bekanntem Inhalt, welches oben und unten, bei *B* und *C*, mit Öffnungen versehen ist, die durch Hähne verschlossen werden können, und welches vor dem Versuche mit Wasser gefüllt wird. Mit der oberen Öffnung können die mit Chlorcalciumstücken gefüllten oder vorher genau gewogenen Röhren *D* mittelst eines Kautschukschlauches in Verbindung gesetzt werden. Öffnet man dann die Hähne *B* und *C*, so daß das Wasser bei *C* langsam ausfließt, so wird durch die Röhren *D* ein dem ausgeflossenen Wasservolumen genau gleiches Luftvolumen angesaugt und giebt seinen Feuchtigkeitsgehalt an das Chlorcalcium ab. Die Gewichtszunahme der Röhren *D* nach dem Versuch giebt daher die in dem angesaugten Luftvolumen enthaltene Feuchtigkeitsmenge an. Um zu verhüten, daß Wasserdampf rückwärts aus dem Gefäß *A* nach *D* gelange, kann zwischen *D* und *B* noch ein kleines, mit Chlorcalcium gefülltes Rohr angebracht werden, welches mit dem Aspirator in Verbindung bleibt. — Diese Methode giebt die genauesten Resultate, erfordert aber die größte Zeit und Mühe und ist deshalb zu schneller Bestimmung der Luftfeuchtigkeit für praktische Zwecke nicht geeignet.

§ 219. Die Hygrometer oder Apparate zur schnellen Bestimmung des Feuchtigkeitsgehalts der Luft können in verschiedene Klassen geteilt

werden, nämlich in 1) solche, welche auf der hygroskopischen Beschaffenheit gewisser organischen Körper beruhen, d. i. auf der Eigenschaft derselben, durch den Einfluß der Luftfeuchtigkeit eine Änderung ihrer Gestalt oder Ausdehnung zu erleiden; 2) die Kondensationshygrometer, bei welchen der Feuchtigkeitsgehalt der Luft durch Bestimmung des Taupunktes ermittelt wird; 3) das Psychrometer, dessen Gebrauch auf der Bestimmung der durch die Verdunstung erzeugten Temperaturerniedrigung beruht, welche um so größer ist, je trockener die Luft ist, und je schneller daher die Verdunstung erfolgt.

Fig. 215.



Zur ersten Klasse gehören das Haarhygrometer von Saussure (1783) und das Fischbeinhygrometer von Deluc (1788). Ersterer benutzte ein weiches, nicht krauses und am besten blondes Menschenhaar, welches zuvor durch Erwärmen in einer verdünnten Sodalösung seiner natürlichen Fettigkeit beraubt worden war. Dasselbe wird mit einem Ende, bei A, festgeklemt und mit dem anderen Ende, bei B, um eine kleine Rolle geschlungen. Durch einen in entgegengesetzter Richtung um die Rolle geschlungenen Faden, an welchem ein kleines Gewichtchen C, oder eine Spiralfeder angebracht ist, wird das Haar in schwacher und immer gleichmäßiger Spannung erhalten. Bei feuchter Luft verlängert sich das Haar durch Aufsaugung von Feuchtigkeit, bei trockener Luft verkürzt es sich, und die geringsten Änderungen seiner Länge werden durch einen an der Axe der Rolle B befestigten Zeiger sichtbar gemacht, dessen Ende sich auf einer in 100 Grade getheilten Skala bewegt, auf welcher der Nullpunkt der größten Trockenheit, die Zahl 100 der Sättigung der Luft mit Wasserdampf entspricht. Ersterer Punkt wird bestimmt, indem man das Instrument unter eine Glasglocke bringt, welche Chlorcalcium oder eine Schale mit konzentrierter Schwefelsäure enthält, letzterer unter einer Glocke, deren Wände ganz mit Wasser befeuchtet sind. Der Zwischenraum zwischen beiden Stellungen des Zeigers wird in 100 gleiche Grade geteilt. — Das Hygrometer von Deluc ist ganz ähnlich eingerichtet, enthält aber anstelle des Haares einen dünnen, quer über die Fasern geschnittenen Fischbeinstreifen. Deluc bestimmte den Punkt der größten Feuchtigkeit, indem er das ganze Instrument in Wasser tauchte.

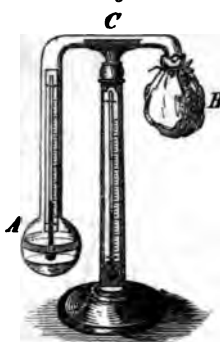
Diese Instrumente sind für die Beobachtung sehr bequem, geben aber keine hinreichend zuverlässigen Resultate. Die Grade derselben entsprechen keineswegs den Prozenten des Feuchtigkeitsgehalts der Luft, beide Instrumente stimmen in ihren Angaben nicht überein, zwei Instrumente derselben Gattung differieren nicht selten beträchtlich in ihrem Gange, und sogar die Empfindlichkeit eines und desselben Instruments für den Wechsel der Luftfeuchtigkeit ist bedeutenden Änderungen unterworfen.

Andere hygroskopische Körper, welche zu Hygrometern benutzt werden, sind z. B. Darmseiten (in den sogenannten Wetterhäuschen), die Fruchtgrannen mehrerer Arten der Gattung Geranium, welche sich im trockenen Zustande spiralförmig zusammenrollen, im feuchten Zustand aufrollen und dergl. mehr. Die meisten pulverförmigen Körper sind in mehr oder minder hohem Grade hygroskopisch. Gedrehte Hanfseile verkürzen sich in feuchter, verlängern sich in trockener Luft.

§ 220. Kondensationshygrometer. Bringt man in ein Glas Wasser ein Thermometer und erniedrigt die Temperatur desselben allmäh-

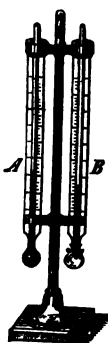
lich durch Hinzufügen von Eis oder kaltem Wasser, so wird sich bei einem gewissen Temperaturgrade auf der Außenfläche des Glases ein feiner Tau von Wassertröpfchen zu zeigen beginnen. Die Temperatur, welche

Fig. 216.



das Thermometer in diesem Augenblick anzeigt, ist der Taupunkt (§ 218). Sobald nämlich die mit dem Glase in Berührung kommenden Lufttheilchen bis zu dieser Temperatur abgekühlt werden, beginnt sich der in ihnen enthaltene Wasserdampf in flüssigem Aggregatzustand niederschlagen. Zur genauen Bestimmung des Taupunktes dient das Daniellsche Ätherhygrometer (1820). Dasselbe besteht aus zwei Glaskugeln A und B (Fig. 216), welche durch ein zweimal knieförmig gebogenes Rohr C mit einander verbunden sind. Die Kugel A ist etwa zur Hälfte mit Äther gefüllt und enthält das Gefäß eines kleinen Thermometers, welches bis unter die Oberfläche des Äthers hinabreicht, während die Skala im längeren Schenkel der Röhre C eingeschlossen ist. Der übrige Teil der Röhre und

Fig. 217.



der Kugeln ist luftleer und enthält nur Ätherdampf. Die Kugel B ist mit dünnem Zeug umhüllt, auf welches beim Versuch Äther getropft wird. Die durch die Verdunstung des Äthers bewirkte Temperaturerniedrigung hat eine Kondensation des Ätherdampfes im Innern der Kugel B zur Folge. In der Kugel A bildet sich infolgedessen neuer Ätherdampf und entzieht die zu seiner Bildung erforderliche Wärme dem zurückbleibenden Äther, dem Gefäß und dem Thermometer, welches langsam zu sinken beginnt. Sobald auf der Oberfläche des Gefäßes ein feiner Hauch von Wassertröpfchen sichtbar wird, beobachtet man die Temperatur des Taupunktes, während gleichzeitig ein zweites, an dem Stativ des Instrumentes angebrachtes Thermometer die Lufttemperatur anzeigt. Mit

Hilfe der Tabelle A, § 221, ist dann die absolute, in der Luft enthaltene Dampfmenge, sowie der Prozentgehalt im Verhältnis zur Sättigungsmenge leicht zu bestimmen. Ist z. B. die Lufttemperatur 16°C ., die des Taupunktes aber 9°C ., so enthalten 1000 Liter Luft nur 8,77 g Wasserdampf, während dieselben bei 16°C 13,56 g aufzunehmen imstande wären; das Sättigungsverhältnis ist daher $\frac{8,77}{13,56}$ oder 64,7 Prozent.

§ 221. Das Psychrometer von August (1828) besteht aus zwei in ihrem Gange sehr genau übereinstimmenden Thermometern A und B (Fig. 217), welche neben einander auf einem Stativ befestigt sind. Dieselben müssen empfindlich genug sein, um Zehntelgrade mit Sicherheit ablesen zu können. Die Kugel des einen Thermometers ist mit dünnem Zeug umwickelt, welches fortwährend feucht erhalten wird. Infolge der Verdunstung steht das feuchte Thermometer immer niedriger als das trockene, und der Temperaturunterschied zwischen beiden oder die psychrometrische Differenz ist um so größer, je schneller die Verdunstung vor sich geht. Sie ist Null in einem mit Feuchtigkeit gesättigten Raum, in wel-

chem keine Verdunstung stattfindet, und am größten in absolut trockener Luft. Wenn daher die Lufttemperatur und die psychrometrische Differenz bekannt sind, so läßt sich daraus der Grad der Luftfeuchtigkeit mit Hilfe einer zu diesem Zweck berechneten Tabelle ableiten.

Die der Berechnung dieser Tabelle zu Grunde liegende Formel kann durch folgende Betrachtungen hergeleitet werden. Es sei t die Temperatur des trockenen, t_1 die des feuchten Thermometers, also $t - t_1 = d$ die beobachtete psychrometrische Differenz. Ferner sei m die Sättigungsmenge eines Liters Luft bei der Temperatur t , m_1 die Sättigungsmenge für die Temperatur t_1 , a die zur Zeit der Beobachtung in einem Liter wirklich vorhandene Dampfmenge. Die an der Kugel des feuchten Thermometers vorbeistreichende Luft sättigt sich an derselben mit Feuchtigkeit für die Temperatur t_1 . Da 1 Liter Luft bereits die Dampfmenge a enthält, so wird es noch $m_1 - a$ Gewichtseinheiten Dampf aufzunehmen fähig sein, zu deren Verdunstung $(m_1 - a) \cdot l$ Wärmeeinheiten erforderlich sind, wenn l die Verdampfungswärme der Gewichtseinheit Wasser (§ 211) bezeichnet. Wenn die Temperatur des feuchten Thermometers konstant geworden ist, so muß diese Wärmemenge durch die umgebende Luft geliefert werden, welche sich, indem sie den Dampf aufnimmt, um $t - t_1 = d$ Grade abkühlt. Es sei P das Gewicht eines Liters Luft und c die spezifische Wärme der Luft (§ 230), oder die Wärmemenge, welche erforderlich ist, um ein Kilogramm Luft um 1° zu erwärmen, so ist Pcd die von der Luft abgegebene Wärmemenge. Es muß also

$$(m_1 - a) \cdot l = Pcd$$

sein, woraus folgt:

$$a = m_1 - \frac{Pc}{l} \cdot d.$$

Bezeichnen ferner e und e_1 die Spannkraften des gesättigten Wasserdampfes bei den Temperaturen t und t_1 , x die gesuchte Spannkraft des in der Luft wirklich enthaltenen Dampfes, $s = 0,622$ die Dichtigkeit des Wasserdampfes im Verhältnis zu atmosphärischer Luft von gleicher Spannung und Temperatur, P_0 das Gewicht eines Liters Luft im Normalzustand (§ 202), d. h. bei 0° und unter dem Druck einer Atmosphäre ($336''$), endlich b den Barometerstand in Linien ausgedrückt, so ist bei 0° und dem Barometerstand b das Gewicht eines Liters Luft gleich $P_0 \cdot \frac{b}{336}$, mithin bei der Temperatur t_1

$$P = \frac{P_0}{1 + \alpha t_1} \cdot \frac{b}{336};$$

ebenso ergibt sich

$$m_1 = \frac{P_0 s}{1 + \alpha t_1} \cdot \frac{e_1}{336} \quad \text{und} \quad a = \frac{P_0 s}{1 + \alpha t} \cdot \frac{x}{336}.$$

Setzt man diese Werte für P , m_1 und a in obiger Gleichung ein, so erhält man, mit Weglassung der allen Gliedern gemeinschaftlichen Faktoren,

$$\frac{sx}{1 + \alpha t} = \frac{se_1}{1 + \alpha t_1} - \frac{c}{l} \cdot \frac{b}{1 + \alpha t_1} \cdot d,$$

oder, da ohne erheblichen Fehler die Ausdrücke $1 + \alpha t$ und $1 + \alpha t_1$ als gleich betrachtet werden dürfen,

$$x = e_1 - \frac{cb}{ls} \cdot d = A - B.$$

Man findet also die Spannkraft des in der Atmosphäre wirklich vorhandenen Dampfes, indem man von der Spannkraft e_1 des für die Temperatur t_1 gesättigten Dampfes (Tafel A) ein der psychrometrischen Differenz d proportionales Glied (Tafel B) abzieht. Bei Berechnung des Faktors $\frac{cb}{ls}$ ist, genau genommen, zu beachten, daß die

Verdampfungswärme l von der Temperatur abhängig ist (§ 210); inzwischen lehrt die Erfahrung, daß man ohne merklichen Fehler diese Änderung vernachlässigen und bei dem mittleren Barometerstand $b_0 = 336''$ (760 mm) für diesen Faktor den konstanten Wert $0,256 \text{ par.}''$, bezüglich $0,5775 \text{ mm.}$ annehmen darf. Bei höherem oder tieferem Barometerstand ist dem Abzugsgliede eine Korrektion hinzuzufügen, welche aus einer besonderen Tabelle entnommen oder, wie unten angegeben, berechnet werden kann.

Ist die Temperatur t , unter 0° , also die Kugel des Feuchtthermometers mit Eis bedeckt, so ist das Abzugsglied im Verhältnis von 8 : 7 zu verkleinern.

Um aus der gefundenen Spannkraft x das Sättigungsverhältnis abzuleiten, hat man dieselbe durch die Spannkraft e des gesättigten Dampfes bei der Temperatur t° zu dividieren. — Zeigt z. B. das Luftthermometer 18° , das feuchte Thermometer 12° , d. h. ist die psychrometrische Differenz 6° , so ergibt sich $A = 10,46$ mm, $B = 3,46$ mm, folglich ist die Spannkraft des in der Atmosphäre vorhandenen Dampfes $x = 7,00$ und das Sättigungsverhältnis, die relative Feuchtigkeit, $\frac{7,00}{15,36} = 45,6$ Prozent. Als Taupunkt aber ergibt sich die zu Spannung 7,00 gehörige Temperatur 6° C.

A. Spannkraft und Sättigungsmenge des Wasserdampfes für Temperaturen von -15 bis $+30^\circ$ C.

(Die Spannkraften sind in par. " und mm, die Sättigungsmenge für 1 cbm in Gramm ausgedr.)

Temp. C.	Druck par. " mm	Sätti- gungs- menge.	Temp. C.	Druck par. " mm	Sätti- gungs- menge.	Temp. C.	Druck par. " mm	Sätti- gungs- menge.
-15°	0,62; 1,40	1,58	0°	2,04; 4,60	4,82	15°	5,63; 12,70	12,75
-14	0,67; 1,52	1,71	1	2,19; 4,94	5,16	16	6,00; 13,54	13,56
-13	0,73; 1,64	1,85	2	2,35; 5,30	5,52	17	6,39; 14,42	14,40
-12	0,79; 1,78	2,00	3	2,52; 5,69	5,92	18	6,81; 15,36	15,29
-11	0,86; 1,93	2,16	4	2,70; 6,10	6,32	19	7,25; 16,37	16,23
-10	0,93; 2,09	2,33	5	2,90; 6,53	6,75	20	7,71; 17,39	17,23
-9	1,01; 2,27	2,52	6	3,10; 7,00	7,22	21	8,20; 18,49	18,25
-8	1,09; 2,46	2,72	7	3,32; 7,49	7,71	22	8,72; 19,66	19,32
-7	1,18; 2,66	2,93	8	3,55; 8,02	8,22	23	9,26; 20,89	20,46
-6	1,27; 2,87	3,15	9	3,80; 8,57	8,77	24	9,83; 22,18	21,67
-5	1,38; 3,11	3,38	10	4,06; 9,16	9,36	25	10,44; 23,55	22,98
-4	1,49; 3,37	3,63	11	4,34; 9,79	9,97	26	11,08; 24,99	24,36
-3	1,62; 3,64	3,89	12	4,64; 10,46	10,61	27	11,75; 26,50	25,83
-2	1,75; 3,94	4,17	13	4,95; 11,16	11,28	28	12,46; 28,10	27,08
-1	1,89; 4,26	4,48	14	5,28; 11,91	11,99	29	12,20; 29,78	28,61
0	2,04; 4,60	4,82	15	5,63; 12,70	12,75	30	13,99; 31,55	30,21

B. Tafel zur Berechnung des Abzugsgliedes.

d	B	d	B
	par. " mm		par. " mm
1	0,26 0,58	11	2,82 6,35
2	0,51 1,55	12	3,07 6,93
3	0,77 1,73	13	3,33 7,51
4	1,02 2,31	14	3,58 8,08
5	1,28 2,89	15	3,84 8,66
6	1,54 3,46	16	4,10 9,24
7	1,79 4,04	17	4,35 9,82
8	2,05 4,62	18	4,61 10,39
9	2,30 5,20	19	4,86 10,97
10	2,56 5,77	20	5,12 11,55

C. Die Barometerkorrektion kann mit hinreichender Genauigkeit $-\frac{bd}{1250}$ angenommen werden und ist vom Abzugsglied B zu subtrahieren, oder zu demselben zu addieren, nachdem der Barometerstand um b par. " (mm) niedriger oder höher ist als $28''$ (760 mm).

§ 222. Anwendung des Dampfdruckes als bewegender Kraft; Dampfmaschinen. Schon Hero von Alexandrien (vgl. § 96) beschrieb mehrere Vorrichtungen, um durch die Kraft des ausströmenden Dampfes Bewegungen zu erzeugen, darunter die Äolipile, welche durch die Rückwirkung des ausströmenden Dampfes nach Art der Segnerschen Turbine (§ 87) in Umdrehung versetzt wird. Später (1615) benutzte

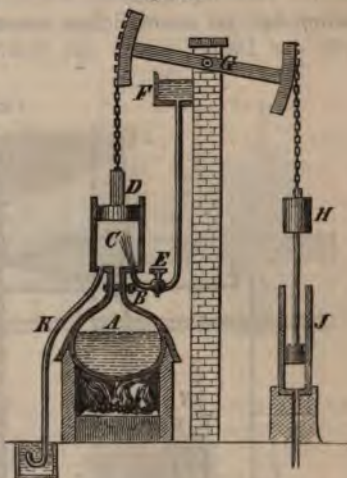
Salamon de Caus den Druck des eingeschlossenen Dampfes zum Heben von Wasser, mittelst einer dem Heronsball (§ 96) dem Prinzip nach vergleichbaren Vorrichtung. Papin erfand 1690 die erste Dampfmaschine mit einem in einem Cylinder beweglichen Kolben. Unter dem Kolben sollte durch Verdichtung von Dämpfen ein luftleerer Raum erzeugt und der Kolben durch den Luftdruck niedergedrückt werden. Doch wurde der Vorschlag nicht praktisch ausgeführt. Savery benutzte zuerst den Dampfdruck praktisch zur Hebung des Wassers aus Kohlenbergwerken. Die späteren Dampfmaschinen können in einfach wirkende oder atmosphärische und in doppeltwirkende unterschieden werden. Erstere wurden namentlich von Newcomen (1705) konstruiert und zum Heben des Grubenwassers in Kohlenbergwerken benutzt; letztere wurden durch James Watt (1736—1819) wesentlich in ihrer gegenwärtigen Gestalt ausgebildet.

Die atmosphärische Maschine von Newcomen zeigt in ihren wesentlichen Teilen folgende Einrichtung. Der im Kessel *A* erzeugte Dampf tritt durch das Rohr *B* in den Cylinder *C* und treibt durch seinen Druck den luftdicht anschließenden, beweglichen Kolben *D* in die Höhe. Der Cylinder ist oben offen, so daß die obere Fläche des Kolbens dem freien Atmosphärendruck ausgesetzt ist, welcher durch den Druck des Dampfes überwunden wird.

Wird darauf der Hahn *B* geschlossen und der Hahn *E* geöffnet, so tritt aus dem höher gelegenen Reservoir *F* eine Quantität kalten Wassers in den Cylinder, wodurch der Dampf plötzlich verdichtet und unter dem Kolben *D* ein luftleerer Raum erzeugt wird. Infolgedessen wird der Kolben durch den auf seine obere Fläche wirkenden Atmosphärendruck herabgetrieben. Schließt man darauf den Hahn *E* und öffnet *B*, so wiederholt sich der erste Vorgang u. s. f. Das Rohr *K* dient zum Abfluß des in den Cylinder eingetretenen und durch Verdichtung des Dampfes entstandenen Wassers. Um das Eindringen von Luft in den Cylinder zu verhüten, muß dasselbe mehr als 10,5 m (32') lang sein (§ 90). Die auf- und niedergehende Bewegung des Kolbens wird mittelst der Kolbenstange auf einen um *G* drehbaren, zweiarmigen Hebel oder Balancier übertragen, an dessen anderem Ende die Pumpenstange *H* der zur Hebung des Wassers aus dem Bergwerksschacht dienenden Pumpe *J* befestigt ist. Beim Herabgehen des Kolbens wird die Pumpenstange durch den auf die Oberfläche des Kolbens wirkenden Atmosphärendruck gehoben. Während der Kolben emporsteigt, sinkt die Pumpenstange durch ihr eigenes Gewicht, welches zu diesem Zweck durch eine bei *H* angebrachte Masse vergrößert ist, wieder herab. Zum abwechselnden Öffnen und Schließen der Hähne *B* und *E* war bei der ursprünglichen Einrichtung der Maschine ein besonderer Arbeiter erforderlich. Mittelst der von Humphry Potter erfundenen Selbststeuerung wird dieses Geschäft von der Maschine selbst besorgt, indem die Hähne auf geeignete Weise mit dem Balancier in Verbindung gesetzt werden (vergl. unten § 223).

Die Arbeitsleistung findet bei den atmosphärischen Maschinen nur während des Niedergangs des Kolbens durch den Luftdruck statt. Da dieser für jedes Quadratcentimeter der Kolbenfläche mehr als 1 Kilogramm beträgt (§ 90), so kann hierdurch ein beträchtlicher Effekt erzielt werden. Bei Berechnung des letzteren ist jedoch zu berücksichtigen, daß der Raum unter dem Kolben nie ganz luftleer ist, da der Dampf bei der Temperatur, bis zu welcher der Cylinder durch das Einspritzwasser abgekühlt wird, noch eine beträchtliche Spannung besitzt. Außerdem sind die Reibungswiderstände zu berücksichtigen. Das Einspritzen des Kühlwassers in den Cylinder selbst hat ferner den Nachteil, daß die Cylinderwände

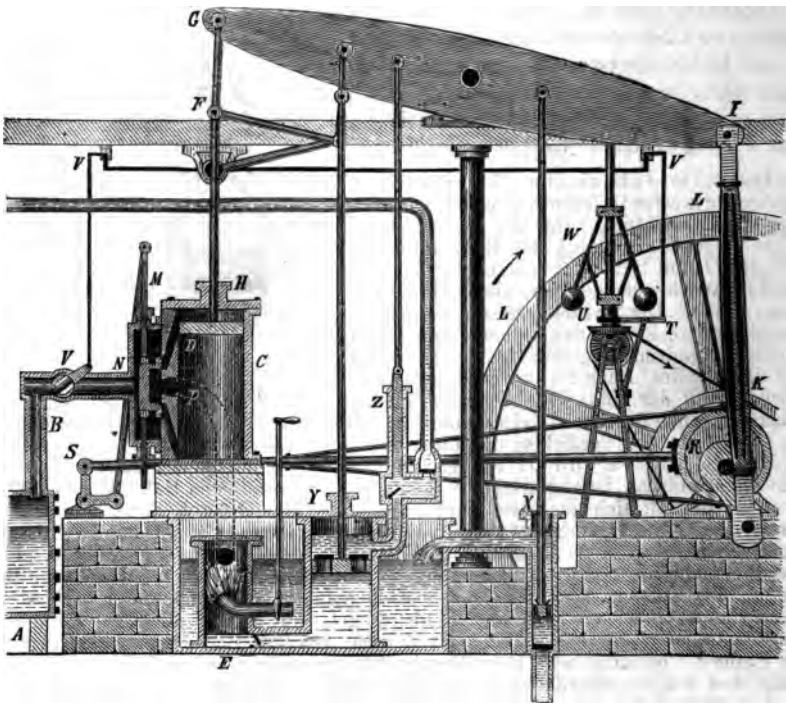
Fig. 218.



jedesmal beträchtlich abgekühlt werden, und ein großer Teil des einströmenden Dampfes nutzlos verbraucht wird, um dieselben wieder auf 100° zu erwärmen. Diesen Übelstand beseitigte James Watt durch die Einrichtung eines besonderen vom Cylinder getrennten Kondensators (§ 223).

§ 223. Die doppeltwirkenden Dampfmaschinen zerfallen in Maschinen mit und ohne Kondensation, oder Niederdruck- und Hochdruckmaschinen. Die Einrichtung der Niederdruckmaschinen ist in der vervollkommeneten Form, welche dieselbe durch James Watt erhalten hat, im wesentlichen folgende: Aus dem Dampfkessel *A* (Fig. 219) tritt der Dampf durch das Rohr *B* abwechselnd in den oberen und un-

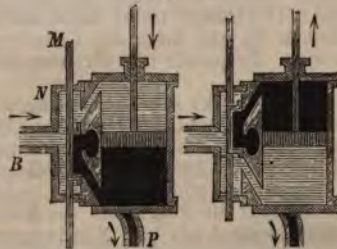
Fig. 219.



teren Raum des auf beiden Seiten geschlossenen Cylinders *C*, in welchem sich der Kolben *D* auf und ab bewegt. Während der Dampf unter den Kolben tritt, ist der obere Raum des Cylinders mit dem Kondensator *E* in Verbindung gesetzt und umgekehrt. Der Kondensator ist ein luftleeres, von kaltem Wasser umgebenes Gefäß, in welches zur schnellen Verdichtung des Dampfes bei jedem Kolbenhub eine gewisse Quantität kalten Wassers eingespritzt wird. Die mit dem Kolben verbundene Kolbenstange *DF* geht dampfdicht durch die Stopfbüchse *H* und überträgt die auf- und niedergehende Bewegung des Kolbens an den Balancier *GI*. Die am anderen Ende des Balanciers befestigte Pleuelstange *IK* versetzt, mittelst der Kurbel *K*, die Welle des großen Schwungrades *LL* in Umdrehung, von welcher die Bewegung an die

anderen Maschinen übertragen wird, welche durch die Dampfmaschine getrieben werden sollen. Die abwechselnde Verbindung des oberen und unteren Cylinderraums mit dem Dampfkessel und Kondensator wird durch den Verteilungsschieber *M* (s. auch Fig. 220) bewirkt, der sich in dem Schieberkasten *N* bewegt und den Raum desselben in einen inneren und äußeren teilt. Der Dampf tritt durch das Rohr *B* aus dem Kessel zunächst in den äußeren Schieberraum und gelangt bei der in Fig. 220a abgebildeten Stellung des Verteilungsschiebers von da nach dem oberen Raum des Cylinders, während der Dampf aus dem unteren Cylinderraum nach dem inneren Raum des Schieberkastens und von da durch das Rohr *P* nach dem Kondensator *E* strömt. Der Kolben wird also abwärts getrieben. Wenn derselbe am unteren Ende des Cylinders angelangt ist, wird durch die unten beschriebene Steuerungsvorrichtung der Maschine der Verteilungsschieber verstellt, so daß, wie in Fig. 220b, der Dampf aus dem äußeren Raum des Schieberkastens unter den Kolben tritt, und der über dem Kolben befindliche Dampf durch den inneren Schieberraum nach dem Kondensator gelangt. Die Verstellung des Schiebers am Ende jedes Kolbenhubes wird mittelst der Steuerungsvorrichtung von der Maschine selbst bewirkt. Durch die auf der Welle des Schwungrades befestigte excentrische Scheibe *R* wird die Schubstange *RS* hin und her bewegt, welche, indem sie bei *S* auf einen Winkelhebel wirkt, die Verstellung des Verteilungsschiebers bewerkstelligt.

Fig. 220.



Da das Ende des Balanciers sich nur im Kreisbogen bewegen kann, die Kolbenstange hingegen, wenn die Stopfbüchse nicht undicht werden soll, sich genau geradlinig und vertikal auf- und abwärts bewegen muß, so ist dieselbe am Balancier bei *F* nicht unmittelbar, sondern mittelst des sogenannten Watt'schen Parallelogramms befestigt. Bei kleineren Maschinen fällt in der Regel der Balancier weg, und die Kolbenstange wird mit der Kurbel des Schwungrades direkt mittelst einer Lenkstange verbunden. Das Schwungrad *L* dient dazu, durch das Beharrungsvermögen seiner Masse den Gang der Maschine gleichförmig zu machen und insbesondere die Ungleichförmigkeit der Bewegung zu beseitigen, welche aus der hin- und hergehenden Bewegung des Kolbens entspringt. Zur Regulierung des Ganges der Maschine dient außerdem das Centrifugalpendel, oder der Watt'sche Regulator *W*. Derselbe wird durch die Maschine in Umdrehung versetzt. Bei zu schnellem Gang der Maschine entfernen sich die Kugeln desselben von der Umdrehungsaxe; indem sie dadurch gleichzeitig die auf der Axe verschiebbare Hülse *U* in die Höhe ziehen und die daran befestigte Stange *TV* verschieben, wird durch den Hahn bei *V* der Dampfzutritt abgesperrt und der Gang der Maschine verlangsamt. Umgekehrt wird bei zu langsamem Umdrehung dem Dampf freierer Zutritt gestattet und die Bewegung beschleunigt. — Am Balancier sind ferner die Pumpenstangen befestigt, welche die Kaltwasserpumpe *X*, die Kondensator- oder Luftpumpe *Y* und die Speisepumpe *Z* in Bewegung setzen. Die Kaltwasserpumpe dient zum Einspritzen des kalten Kondensationswassers in den Kondensator. Die Luftpumpe entfernt aus dem Kondensator das in demselben sich ansammelnde warme Wasser und die eingedrungene Luft. Die Speisepumpe dient dazu, einen Teil dieses warmen Wassers in den Dampfkessel zurückzupumpen, um das in demselben verdampfte Wasser zu ersetzen und den Wasserstand im Kessel gleichförmig zu erhalten. Um diesen in jedem Augenblick zu erkennen, ist am Kessel ein Wasserstandzeiger angebracht, ein Glasrohr,

welches oben mit dem Dampfraum, unten mit dem Wasserraum des Kessels kommuniziert. Außerdem muß am Dampfkessel ein Manometer zur Messung des Dampfdruckes (§ 93) und ein Sicherheitsventil angebracht sein, welches zur Verhütung von Explosionen dient, indem es bei zu sehr gesteigertem Dampfdruck sich öffnet und dem Dampf einen Ausweg gestattet. In der Regel besteht dasselbe in einem einarmigen Hebel (§ 49), dessen freies Ende mit einem Gewicht von geeigneter Größe beschwert ist, durch welches ein in der Nähe des Unterstützungspunktes angebrachtes, kugelförmiges Metallstück auf eine entsprechende Öffnung der Kesselwand gepreßt wird. Bei zu starkem Dampfdruck wird der Hebel gehoben, und der Dampf entweicht durch die Öffnung. Niederdruckmaschinen arbeiten gewöhnlich mit einem Dampfdruck von $1\frac{1}{2}$ —2 Atmosphären. Bei den Expansionsmaschinen tritt der Dampf aus dem Kessel unter höherem Druck in den Cylinder; der Dampfzutritt wird aber durch einen Expansionschieber abgesperrt, wenn der Kolben erst einen Teil seines Weges zurückgelegt hat. Der Dampf treibt dann, indem er sich durch seine Elasticität ausdehnt, den Kolben bis ans Ende des Cylinders. Theorie und Erfahrung lehren, daß dadurch eine Ersparnis an Brennmaterial im Verhältnis zur geleisteten Arbeit erreicht wird.

Die Arbeitskraft einer Dampfmaschine berechnet sich nach der Größe der Kolbenoberfläche und der Differenz des auf beiden Seiten des Kolbens stattfindenden Druckes. Beträgt z. B. der mittlere Dampfdruck auf der vorderen Seite des Kolbens $1\frac{1}{2}$ Atmosph., der Gegendruck im Kondensator $\frac{1}{2}$ Atmosph., so bleibt ein Druck von 1 Atmosph. oder von 103,3 kg pro qdm der Kolbenfläche übrig. Beträgt die Oberfläche des Kolbens 1 qdm, die Hubhöhe 1,5 m, und finden in 1 Minute 60 Auf- und Niedergänge des Kolbens statt, so beträgt die in 1 Minute geleistete Arbeit $103,3 \cdot 1,5 \cdot 120 = 18\,594$ Kilogrammometer (§ 43). Hiervon sind die Reibungswiderstände der Maschine, einschließlich der zur Bewegung der Pumpen u. s. w. erforderlichen Arbeit, in Abrechnung zu bringen. Angenommen, diese betragen 30% des Gesamteffekts, so bleibt eine nutzbare Arbeit von 11156,4 kgm pro Minute übrig. Die Leistungsfähigkeit der Dampfmaschine wird in der Regel nach Pferdekraften (§ 43) berechnet. Da eine Pferdekraft einer Arbeit von $60 \cdot 75 = 4500$ kgm pro Minute entspricht, so würde die als Beispiel gewählte Maschine eine Leistungsfähigkeit von nahezu $2\frac{1}{2}$ Pferdekraften besitzen.

- § 224. Die Hochdruckmaschinen unterscheiden sich von den Niederdruckmaschinen durch den Mangel des Kondensators und durch die höhere Spannung des angewendeten Dampfes, welche in der Regel 5—8 Atmosphären beträgt. Bei so hohem Druck kann man den Kondensator wegfällen und den Dampf ohne Kondensation in die Atmosphäre entweichen lassen, indem der zu überwindende Gegendruck der Atmosphäre nur einen kleinen Bruchteil des Gesamteffekts ausmacht.

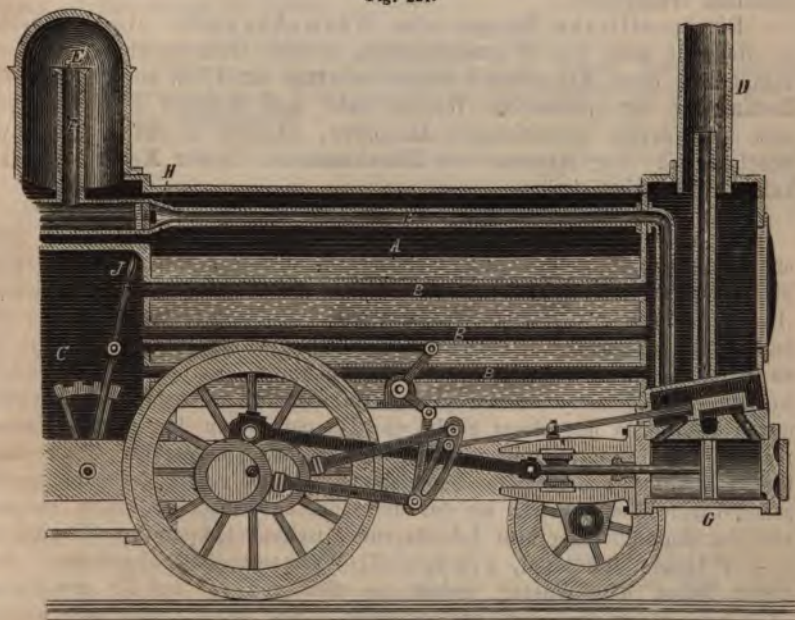
Die Hochdruckmaschinen haben den Vorteil größerer Raumersparnis, oder eines im Verhältnis zu den Dimensionen der Maschine größeren Nutzeffekts. Die meisten Hochdruckmaschinen arbeiten mit Expansion (§ 223). Die Lokomotivmaschinen sind stets Hochdruckmaschinen. Der horizontal liegende Kessel *A*, der den größten Teil des Lokomotivkörpers ausmacht, ist zur schnelleren Dampfbildung der ganzen Länge nach mit Siederöhren *BB* durchzogen, durch welche die heißen Verbrennungsgase aus dem Feuerraum *C* nach dem Schornstein *D* gelangen, und welche für die Verdampfung des Wassers eine große Oberfläche darbieten. Aus dem Dampfraum *E* gelangt der Dampf durch das Rohr *F*, welches durch ein Ventil *H* geöffnet oder geschlossen werden kann, nach dem Schieberkasten und dem Cylinder *G*, dessen Kolbenstange auf die Kurbel des Triebades einwirkt. Auf der Axe des letzteren sind zwei excentrische Scheiben befestigt, durch welche die Schieberstange bewegt wird; durch einen Steuerhebel *J* läßt sich je eine von beiden mit der Schieberstange verbinden und demgemäß das Vorwärts- oder Rückwärts-

gehen der Maschine bewirken. Der gebrauchte Dampf entweicht durch den Schornstein und dient zur Verstärkung des Luftzuges im Feuerherd (§ 105).

Die Konstruktion der ersten Lokomotive rührt von George Stephenson her; von demselben ist auch 1825 die erste Eisenbahn (Stockton-Darlington) eröffnet worden.

In neuerer Zeit sind mehrfache Versuche gemacht worden, die Expansivkraft des Dampfes durch diejenige erhitzter Luft zu ersetzen, doch sind dieselben bisher an praktischen Schwierigkeiten gescheitert, indem entweder die Temperatur so hoch gesteigert werden mußte, daß ein Dichthalten der Kolben und Stopfbüchsen unmöglich war, oder die Dimensionen der Arbeitscylinder, im Vergleich zu denen der Dampfmaschinen von gleicher Leistungsfähigkeit, unverhältnismäßig vergrößert werden mußten. — Bei der Gasmaschine von Lenoir (1860) wird die Expansivkraft eines durch den elektrischen Funken entzündeten Gemenges von Leuchtgas und atmosphärischer Luft zum Treiben des Arbeitskolbens benutzt.

Fig. 221.



Da die Verbrennung des Gasmenges im Arbeitscylinder selbst vor sich geht, ist der Wärmeverlust bei diesen Maschinen am geringsten. Außerdem haben dieselben den Vorzug, daß sie keiner besonderen Feuerungsanlage bedürfen, sondern überall leicht und in kleinem Raume angebracht und in Gang gesetzt werden können, wo eine Gasleitung vorhanden ist. Doch haben sich auch diese Maschinen nur in kleineren Dimensionen praktisch bewährt. — Als sehr brauchbar erweist sich die atmosphärische Gasmaschine von Otto und Langen (1865). Bei ihr wird durch die Gasexplosion der Kolben, der während des Hubes von der Verbindung mit den übrigen Maschinenteilen ausgeschaltet ist, ohne großen Widerstand vorangeworfen und, nachdem die Verbrennungsprodukte ihre Wärme fast ganz in Form von Arbeit an den Kolben abgegeben haben, erst wieder eingeschaltet und durch den äußeren Luftdruck zurückgeschoben. Diese Gasmaschine ist ohne Explosionsgefahr und sehr sparsam im Gasverbrauch.

4. Spezifische Wärme, Kalorimetrie.

§ 225. Spezifische Wärme. Um gleiche Gewichtsmengen verschiedener Körper um eine gleiche Anzahl von Graden zu erwärmen, sind

ungleiche Wärmemengen erforderlich. Bei gleicher **Wärmeeinahme** steigt die Temperatur des Eisens schneller als die des Quarzsandes, und letzterer wird schneller erwärmt als Wasser. Mischt man 1 kg Wasser von 0° mit 1 kg Wasser von 100° , so beträgt die Mischungstemperatur 50° (§ 205). Schüttet man dagegen 1 kg Eisenfeilspäne von 100° in 1 kg Wasser von 0° , so wird die Temperatur des letzteren nur etwa auf $10,2^\circ$ erhöht. Da zu diesem Zweck 10,2 Wärmeeinheiten hinreichen, so folgt, daß 1 kg Eisen 10,2 Wärmeeinheiten abgegeben hat, indem es sich von 100° auf $10,2^\circ$ oder um $89,8^\circ$ abkühlte. Dieselbe Wärmemenge wird umgekehrt hinreichen, um 1 kg Eisen um $89,8^\circ$ zu erwärmen. Um also 1 kg Eisen um 1° zu erwärmen, sind nur $\frac{10,2}{89,8} = 0,114$ Wärmeeinheiten erforderlich.

Die spezifische Wärme oder Wärmekapazität einer Substanz ist diejenige Zahl von Wärmeeinheiten, welche erforderlich ist, um die Temperatur eines Kilogramms dieser Substanz um 1° C. zu erhöhen. Zur Bestimmung der specifischen Wärme fester und flüssiger Körper bedient man sich dreier verschiedenen Methoden, nämlich 1) der Methode der Mischung, 2) der Methode des Eisschmelzens, 3) der Methode der Erkaltungsgeschwindigkeit.

§ 226. 1. Die Methode der Mischung. Man bedient sich dabei eines Kalorimeters oder eines Gefäßes aus dünnem Kupfer- oder Messingblech, welches auf einer Unterlage aus möglichst schlechten Wärmeleitern (Holz, Stroh) ruht und eine Wassermenge von bekanntem Gewicht q und bekannter Temperatur t_1 enthält. Nachdem eine gewogene Menge p der zu untersuchenden Substanz auf eine bekannte Temperatur t_2 erwärmt worden, wird dieselbe schnell in das Kalorimeter getaucht und, nachdem durch Umrühren mit einem Stabe die Temperatur in der ganzen Wassermasse gleichförmig verteilt worden, die Mischungstemperatur T an einem hineingestellten Thermometer beobachtet. Es sei x die gesuchte spezifische Wärme, so haben p kg der untersuchten Substanz, indem sie sich von der Anfangstemperatur t_2° bis zur Mischungstemperatur T° , also um $t_2 - T$ Grade abkühlten, $p \cdot x(t_2 - T)$ Wärmeeinheiten abgegeben. Dagegen haben q kg Wasser, indem sie sich von t_1° auf T° erwärmten, $q(T - t_1)$ Wärmeeinheiten aufgenommen. Da ferner auch das Kalorimetergefäß an der Temperaturerhöhung teilnimmt, so ist auch die zu seiner Erwärmung erforderliche Wärmemenge in Rechnung zu bringen. Ist r das Gewicht, s die spezifische Wärme der Substanz des Gefäßes, so ist diese Wärmemenge $rs(T - t_1)$. Man erhält also, da die von dem warmen Körper abgegebene Wärmemenge gleich der Summe der von dem Wasser und von dem Kalorimetergefäß aufgenommenen sein muß,

$$px(t_2 - T) = q(T - t_1) + rs(T - t_1),$$

oder:

$$x = \frac{(q + rs)(T - t_1)}{p(t_2 - T)}.$$

Die Größe rs , welche dem Gewicht q des in dem Kalorimeter enthaltenen Wassers hinzugefügt werden muß, um den Einfluß des Gefäßes zu berücksichtigen, heißt der kalorimetrische Wasserwert des Gefäßes. Es ist leicht, denselben, auch wenn die spezifische Wärme der Substanz des Gefäßes nicht vorher bekannt ist, durch einen besonderen, vorläufigen Versuch ein für allemal

zu bestimmen, indem man z. B. eine gewogene Quantität warmen Wassers von bekannter Temperatur in das Kalorimeter bringt. Ist diese Quantität w , ihre Temperatur t , so hat man, da die spezifische Wärme des Wassers = 1 ist, die Gleichung:

$$w(t - T) = q(T - t_1) + rs(T - t_1),$$

in welcher nur das gesuchte Produkt rs unbekannt ist.

Werden zwei Gewichtsmengen verschiedener Substanzen gemischt, deren spezifische Wärmen bekannt sind, so ist es nach dem vorhergehenden leicht, die Mischungstemperatur zu berechnen. Es seien p_1 und p_2 die Gewichtsmengen, t_1 und t_2 die anfänglichen Temperaturen, s_1 und s_2 die spezifischen Wärmen beider Substanzen, T die gesuchte Mischungstemperatur, und es sei z. B. $t_1 > t_2$, so drückt $p_1 s_1 (t_1 - T)$ die von der wärmeren Substanz abgegebene, $p_2 s_2 (T - t_2)$ die von der kälteren Substanz aufgenommene Wärmemenge aus. Es ist mithin $p_1 s_1 (t_1 - T) = p_2 s_2 (T - t_2)$, woraus folgt:

$$T = \frac{p_1 s_1 t_1 + p_2 s_2 t_2}{p_1 s_1 + p_2 s_2}.$$

Ebenso erhält man für die Mischungstemperatur einer beliebigen Anzahl verschiedener Substanzen die Formel:

$$T = \frac{p_1 s_1 t_1 + p_2 s_2 t_2 + p_3 s_3 t_3 + \dots}{p_1 s_1 + p_2 s_2 + p_3 s_3 + \dots}.$$

Es ist dies die erweiterte Richmannsche Regel (vergl. § 205). Die Methode der Bestimmung der spezifischen Wärme durch Mischung wurde zuerst von Black (1760) und Irvine angewendet.

§ 227. 2. Die Methode des Eisschmelzens. Es dient dazu am besten das Eiskalorimeter von Lavoisier und Laplace (1780). Dasselbe besteht aus zwei in einander gesetzten Blechgefäßen A und B (Fig. 222), welche mit Deckeln versehen sind und einen Hohlraum zwischen sich lassen. In das innere Gefäß kann noch ein drittes Gefäß oder ein Körbchen aus Drahtgeflecht C gesetzt werden, welches zur Aufnahme des Körpers dient, dessen spezifische Wärme bestimmt werden soll. Das Innere des Gefäßes B sowohl, als der Hohlraum zwischen A und B wird vor Beginn des Versuches mit gestoßenem Eis gefüllt. Der zu untersuchende Körper von bekanntem Gewicht wird, nachdem er vorher auf eine bekannte Temperatur, z. B. 100° , erwärmt worden, in das Körbchen C gebracht und die Deckel schnell geschlossen und mit Eisstücken bedeckt. Indem der Körper seinen Wärmeüberschuss an das umgebende Eis abgibt, wird ein Teil des letzteren geschmolzen. Die durch Schmelzung des Eises in dem inneren Gefäß B entstandene Wassermenge fließt durch ein Rohr in das Gefäß D ab, in welchem sie gewogen wird. Der mit Eis gefüllte Hohlraum zwischen den Gefäßen A und B hat den Zweck, zu verhindern, daß dem Gefäß B von außenher Wärme zugeführt und dadurch ein Teil des in B enthaltenen Eises geschmolzen werde.

Fig. 222.

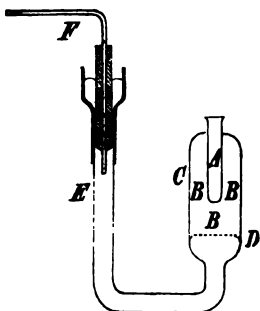


Es sei p das Gewicht des untersuchten Körpers, t seine anfängliche Temperatur, x die gesuchte spezifische Wärme, q die durch Schmelzung des Eises erhaltene Wassermenge, so haben p Gewichtseinheiten des Körpers, indem sie sich von t° auf 0° abkühlten, $p \cdot x \cdot t$ Wärmeeinheiten abgegeben. Um q kg Eis zu schmelzen, sind (§ 206) $79,25 \cdot q$ Wärmeeinheiten verbraucht worden. Es ist also $p \cdot x \cdot t = 79,25 \cdot q$ oder $x = \frac{79,25 \cdot q}{p \cdot t}$.

§ 227a. Eiskalorimeter von Bunsen (1870). Die durch Versuche mit dem Eiskalorimeter von Lavoisier und Laplace gewonnenen Resultate sind darum nicht ganz zuverlässig, weil das Wasser sich an das Eis anhängt, statt abfließen, so daß die genaue Bestimmung, wieviel Eis geschmolzen ist, unmöglich wird. Diese Fehlerquelle wird um so bedenklicher, wenn die Menge des zu untersuchenden Körpers nicht ausreichend groß ist. Sie wird vermieden durch das Eiskalorimeter von Bunsen.

Der Körper, dessen spezifische Wärme zu bestimmen ist, wird in das mit Wasser von der Temperatur 0° gefüllte Reagenzglas *A* gebracht (Fig. 222a), welches in das Kalorimetergefäß *C* eingeschmolzen ist, und auf dessen Boden er hinabsinkt. Das durch ihn hier erwärmte Wasser steigt in *A* nicht empor, weil zwischen 0° und 4° durch die zugeführte Wärme die Dichtigkeit des Wassers zunimmt; die Wärme des Körpers vermag also nur durch die dünne Wand des Reagenzglases sich dem Kalorimeter *C* mitzuteilen. Dieses ist im Raum *B* durch Eis von 0° umgeben, welches durch die vom Körper abgegebene Wärme geschmolzen und infolgedessen im Volumen verringert wird, bis sich der Körper auf 0° abgekühlt hat.

Fig. 222a.



Zur Bestimmung der Menge des in *B* geschmolzenen Eises ist dieser Raum unterhalb, von *D* an, durch Quecksilber abgeschlossen, mit welchem auch der längere Schenkel *E* des Kalorimeters angefüllt ist. In diesen Schenkel *E* ist durch einen luftdicht schließenden Stöpsel ein rechtwinklig gebogenes Glasrohr gepreßt, bis das Quecksilber in dem horizontalen, graduierten Teile *F* desselben bis zu einem bestimmten Teilstrich reicht. Infolge der Eisschmelzung in *B* steigt das Quecksilber bei *D*, weicht also das Niveau desselben in *F* zurück und kann demnach die Volumenverringering in *B*, folglich auch die Menge des hier geschmolzenen Eises genau bestimmt werden.

Um den Raum *B* mit Eis zu füllen, läßt Bunsen einen Strom von Alkohol, der durch einen Kältemischung auf eine Temperatur unter 0° gebracht ist, auf den Boden des Reagenzglases *A* streichen. Das Kalorimeter wird alsdann in einem größeren Gefäß mit Schnee umgeben und vor Beginn des Versuches abgewartet, bis das Quecksilber in *F* einen festen Stand annimmt, was eintritt, wenn das Eis in *B* die Temperatur 0° angenommen hat (bei einem Versuche von Bunsen erst nach 114 Stunden). Der Apparat gestattet nunmehr mehrere kalorimetrische Versuche nach einander, und Bunsen hat durch ihn selbst die spezifische Wärme des seltenen Metalls Indium bestimmt, von welchem überhaupt nur einige Gramm zu erhalten waren.

§ 228. 3. Die Methode des Erkaltens ist besonders von Dulong und Petit zur Bestimmung der spezifischen Wärme einer großen Anzahl von Substanzen benutzt worden. — Werden gleichen Gewichtsmengen zweier verschiedenen Substanzen gleiche Wärmemengen entzogen, so ist die dadurch bewirkte Temperaturerniedrigung beider ihren spezifischen Wärmen umgekehrt proportional. Es wird demnach die Erkaltungsgeschwindigkeit, unter Voraussetzung gleicher Wärmeabgabe, um so größer sein, je geringer die spezifische Wärme ist. Die Zeit, welche gleiche Gewichtsmengen verschiedener Körper brauchen, um sich um eine gleiche Anzahl von Graden abzukühlen, wird demnach unter dieser Voraussetzung im direkten Verhältnis ihrer spezifischen Wärmen stehen, und wenn die Gewichtsmengen ungleich sind, so steht bei gleicher Wärmeabgabe die Erkaltungszeit im zusammengesetzten Verhältnis der Gewichtsmengen und der spezifischen Wärmen. Um die Wärmeabgabe für alle Körper genau gleich zu machen, brachten Dulong und Petit die verschiedenen Substanzen nach einander in dasselbe Gefäß von sehr dünnem, poliertem Silberblech *A* (Fig. 223), durch dessen Deckel der Quecksilberbehälter eines Thermometers *B* eingeführt werden konnte. Dieses Gefäß war von einem weiteren Metallgefäß *C* umgeben, dessen Wände, um die von *A* ausgestrahlte Wärme vollständig aufzunehmen, innen mit Kienrufs geschwärzt waren (§ 236) und durch Umgebung

von Eis oder Wasser, welches in dem äußeren Gefäß enthalten war, auf 0° oder einer anderen, unveränderlichen und bekannten Temperatur erhalten wurden. Der Hohlraum zwischen den Wänden der Gefäße *A* und *C* konnte luftleer gepumpt werden, um den unregelmäßig abkühlenden Einfluß der Luftströmungen in seinem Innern zu vermeiden, so daß die Wärmeabgabe von *A* nur durch Ausstrahlung (§ 234) erfolgte. — Man beobachtete nun jedesmal die Zeit, welche erforderlich war, damit die Temperatur des zuvor erwärmten Körpers um eine bestimmte Anzahl von Graden, z. B. von 20° auf 10°, sinke. Sind *p* und *p'* die Gewichtsmengen, *s* und *s'* die zu vergleichenden, spezifischen Wärmen zweier Körper, *t* und *t'* die beobachteten Erhaltungzeiten, so hat man bei gleicher Wärmeabgabe:

$$t : t' = ps : p's'$$

oder:

$$s : s' = \frac{t}{p} : \frac{t'}{p'}$$

Um den Einfluß der Gefäßswände und der Masse des Thermometers in Rechnung zu bringen, muß jedoch jedem der beiden Produkte *ps* und *p's'* noch ein konstantes Glied *k* hinzugefügt werden, welches dem kalorimetrischen Wasserwert (§ 226) dieser Teile des Apparates entspricht, die an der Wärmeabgabe teilnehmen, so daß man hat:

$$t : t' = ps + k : p's' + k,$$

woraus, wenn *k* und *s* bekannt sind, *s'* gefunden werden kann. Wählt man als einen der zu vergleichenden Körper Wasser, so ist *s* = 1. Die Größe *k* kann, wie der Wasserwert des Kalorimeters bei der Mischungsmethode (§ 226), durch einen besonderen Versuch bestimmt werden. — Die Erhaltungsmethode eignet sich nicht zur Bestimmung der spezifischen Wärme fester Körper von geringer Wärmeleitungsfähigkeit.

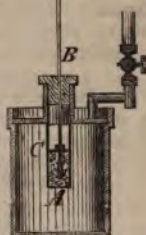
§ 229. Gesetz von Dulong und Petit (1818). Dulong und Petit wurden durch ihre Untersuchungen über die spezifische Wärme zu dem merkwürdigen Gesetz geführt, daß die spezifischen Wärmen der chemischen Grundstoffe im festen Aggregatzustande im umgekehrten Verhältnis ihrer Atomgewichte stehen. Bezeichnen *s* und *s'* die spezifischen Wärmen, *a* und *a'* die Atomgewichte zweier Grundstoffe, so ist demnach: *s : s' = a' : a* oder *as = a's'*. Es sind also die Produkte aus spezifischer Wärme und Atomgewicht für alle Grundstoffe im festen Aggregatzustand einander gleich. Das Produkt *as* drückt offenbar die Wärmemenge aus, welche erforderlich ist, um ein Atom eines Grundstoffes um einen Grad zu erwärmen und wird mit dem Namen der Atomwärme bezeichnet. Man kann demnach das obige Gesetz in folgender einfachen Form aussprechen: Alle chemischen Grundstoffe im festen Aggregatzustande haben gleiche Atomwärme.

Durch die Untersuchungen von Neumann und Regnault ist dieses Gesetz bestätigt und auch auf chemische Verbindungen von analoger Zusammensetzung ausgedehnt worden. Nur einige Grundstoffe, namentlich Kohlenstoff, Bor und Silicium, scheinen aus bisher nicht hinreichend aufgeklärten Ursachen von diesem Gesetz abzuweichen (s. unten). Kopp hat gezeigt, daß die Atomwärme einer chemischen Verbindung im festen Aggregatzustand gleich ist der Summe der Atomwärmen ihrer Bestandteile.

Tabelle der spezifischen Wärmen und Atomwärmen einiger festen Grundstoffe nach Regnault.

	spec. W.	Atom- gew.	Atom- wärme		spec. W.	Atom- gew.	Atom- wärme
Kalium	0,1655	39,13	6,48	Zink	0,0955	65,0	6,21
Natrium	0,2934	23,05	6,76	Blei	0,0314	207,0	6,40
Lithium	0,9408	7,03	6,62	Zinn	0,0562	117,6	6,61
Kupfer	0,0952	63,5	6,05	Gold	0,0324	196,7	6,37
Eisen	0,1138	56,05	6,38	Silber	0,0570	107,94	6,16

Fig. 223.



	spec. W.	Atom- gew.	Atom- wärme		spec. W.	Atom- gew.	Atom- wärme
Antimon	0,0508	129	6,55	Jod	0,0541	126,8	6,86
Quecksilber (fest)	0,0317	200,2	6,35	Brom	0,0843	79,97	6,74
Platin	0,0324	197,1	6,39	Phosphor	0,1740	31,0	5,59
Wismut	0,0308	210,0	6,47	Schwefel	0,1776	32,07	5,70
Arsen	0,0814	75,0	6,11	Selen	0,0762	78,8	6,01
Aluminium	0,2143	27,3	5,85				

Größere Abweichungen vom Dulong-Petitschen Gesetz zeigen:

	spec. Wärme	Atomgew.	Atomwärme
Kohlenstoff {Diamant	0,147	12	{1,76
Graphit	0,20		{2,4
Kohle	0,20—0,26		{2,4—3,1
Bor {krystallisiert	0,25	11	{2,75
amorph	0,37		{4,07
Silicium	0,177	28,0	4,96.

Specifische Wärme einiger flüssigen Körper.

Quecksilber	0,028
Schwefelkohlenstoff	0,218
Terpentinöl	0,440
Alkohol	0,602
Wasser	1,000.

Es ist übrigens zu bemerken, daß die specifischen Wärmen bei Temperaturen bestimmt werden müssen, welche hinreichend tief unter dem Schmelzpunkte der betreffenden Elemente liegen. Im besonderen hat sich bei genauerer Untersuchung der specifischen Wärme des Kohlenstoffs ergeben, daß dieselbe mit der Temperatur zunimmt und zwar mehr als bei irgend einer anderen Substanz: die specifische Wärme verdreifacht sich bei der Zunahme der Temperatur von 0° auf 200°. Dürfte man annehmen, daß die specifische Wärme in gleicher Weise noch bis zu einer Temperatur über 500° zunimmt, so würde die specifische Wärme des Diamants bei etwa 525° den Wert 0,52, d. h. den Wert $\frac{6,3}{13}$ haben, welchen das Dulong-Petitsche Gesetz fordert.

§ 230. Specifische Wärme luftförmiger Körper. Zur Bestimmung der specifischen Wärme gasförmiger Körper dient folgendes Verfahren. Man leitet eine bestimmte Gasmenge durch ein spiralförmig gewundenes Rohr, welches von einem warmen Wasserbad von bekannter Temperatur umgeben ist. Nachdem das Gas dadurch die Temperatur dieses Wasserbades angenommen hat, gelangt dasselbe in ein zweites Spiralarohr, welches in einem mit kaltem Wasser gefüllten Kalorimetergefäß enthalten ist. Aus der Erwärmung des Kalorimeters und aus der bekannten Menge und Anfangstemperatur des Gases kann dann auf ähnliche Art wie bei der Mischungsmethode (§ 226) die specifische Wärme des letzteren berechnet werden.

Für die chemisch einfachen Gase (O, N, H, Cl) gilt das Gesetz, daß die specifischen Wärmen im umgekehrten Verhältnis der Dichtigkeiten stehen. Es ist daher stets dieselbe Wärmemenge erforderlich, um gleiche Volumina dieser Gase um gleich viele Grade zu erwärmen. Da ferner gleiche Volumina der einfachen Gase gleich viele Atome enthalten (§ 18), so folgt daraus, daß die chemisch einfachen Gase gleiche Atomwärme haben. Für die zusammengesetzten Gase und Dämpfe gelten ähnliche, aber weniger einfache Gesetze.

Bei der Bestimmung der specifischen Wärme gasförmiger Körper hat man zu unterscheiden, ob die Erwärmung bei konstantem Volumen, oder bei konstan-

tem Druck stattfindet (vergl. § 202). Denkt man sich nämlich eine Gasmasse in einem Gefäß von unveränderlichem Volumen eingeschlossen und in demselben erwärmt, so wird alle dem Gase zugeführte Wärme zur Temperaturerhöhung verwendet. Erwärmt man dagegen ein Gas unter konstant bleibendem Druck, so dehnt sich dasselbe aus und leistet dabei eine Arbeit, indem es den Gegendruck der Atmosphäre überwindet (s. unten § 242). Eine Leistung von Arbeit ist aber, wie schon früher (§ 204) bemerkt, stets mit einem Verbrauch von Wärme verbunden. Wird daher 1 Liter Luft bei konstantem Druck um 1° erwärmt, wobei es sich um

$\frac{1}{273}$ seines Volumens ausdehnt, so ist dazu eine größere Wärmemenge erforderlich, als wenn die Erwärmung bei konstantem Volumen erfolgt wäre. In der That kann man die zur Leistung von Arbeit mehr verbrauchte Wärmemenge wieder gewinnen, indem man die Luft auf ihr ursprüngliches Volumen, also um $\frac{1}{273}$ komprimiert. Jede Kompression eines Gases ist mit einer Erhöhung, jede Expansion mit einer Erniedrigung der Temperatur verbunden, indem bei ersterer durch die zur Kompression verwendete Arbeit Wärme erzeugt, bei letzterer zur Überwindung des Gegendruckes, also zur Leistung von Arbeit, Wärme verbraucht und dem Gase entzogen wird.

Die oben angegebene Methode dient zur Bestimmung der spezifischen Wärme der Gase bei konstantem Druck, da das erwärmte Gas, indem es bei gleichbleibendem Druck durch das Spiralrohr des Kalorimeters strömt und seinen Wärmeüberschuß an das kalte Wasser abgibt, sich gleichzeitig auf ein der Temperaturerniedrigung entsprechendes, geringeres Volumen zusammenzieht. — Die direkte Bestimmung der spezifischen Wärme bei konstantem Volumen ist bisher an praktischen Schwierigkeiten des Versuchs gescheitert. Da jedoch die Kenntnis derselben für die theoretische Wärmelehre (s. unten § 242), sowie für die Theorie der Verbreitung des Schalls (s. § 121), von besonderem Interesse ist, so hat man sich zu ihrer Bestimmung indirekter Methoden bedient, welche auf der Bestimmung der Temperaturveränderung durch Kompression und Expansion der Gase beruhen.

Es sei P_0 das Gewicht eines Liters Luft bei 0° und unter dem Druck einer Atmosphäre (§§ 94, 202), c die spezifische Wärme der atmosphärischen Luft bei konstantem Volumen, c_1 die spezifische Wärme bei konstantem Druck. Um 1 Liter Luft bei konstantem Volumen von 0° auf 1° zu erwärmen, ist also die Wärmemenge $P_0 c$, zur gleichen Temperaturerhöhung bei konstantem Druck die etwas größere Wärmemenge $P_0 c_1$ erforderlich. Die Differenz beider Wärmemengen, $P_0 (c_1 - c)$, ist im letzteren Fall zur Leistung von Arbeit verbraucht

worden, indem sich die Luft um $\frac{1}{273}$ ihres Volumens ausdehnte. Diese Wärmemenge kann wiedergewonnen werden, indem man die Luft auf ihr ursprüngliches Volumen komprimiert. Ist die durch Kompression der Luft um $\frac{1}{273}$ ihres Volumens erzeugte Temperaturerhöhung gleich x° , so ist die durch die Kompression erzeugte Wärmemenge $P_0 c \cdot x$. Es ist also:

$$P_0 (c_1 - c) = P_0 c x,$$

woraus:

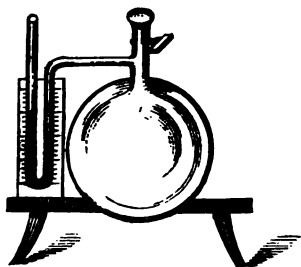
$$x = \frac{c_1}{c} - 1.$$

Wird also die Temperaturerhöhung x durch den Versuch bestimmt, so giebt $x + 1$ das Verhältnis der spezifischen Wärme der Luft bei konstantem Druck und bei konstantem Volumen an, welches mit k bezeichnet wird. Aus diesem Verhältnis kann, wenn c_1 bekannt ist, c leicht berechnet werden.

Zur Bestimmung der Temperaturerhöhung bei Kompression, oder der entsprechenden Temperaturerniedrigung bei Expansion der Gase bedient man sich am besten folgender, dem Prinzip nach von Laplace angegebenen Methode. Die in einem geräumigen Glasballon (Fig. 224) enthaltene Luft wird anfänglich schwach komprimiert. Nachdem die bei der Kompression eingetretene Temperaturerhöhung durch die Wärmeabgabe an die Umgebung völlig ausgeglichen ist, beobachtet man die Vermehrung des Drucks an dem seitwärts angebrachten Manometer. Dieses besteht aus einer mit dem Ballon kommunizierenden, zweischenkligten Röhre, welche Öl oder konzentrierte Schwefelsäure enthält. Der Niveauunterschied in beiden Schenkeln der Röhre giebt den Druckzuwachs an. Öffnet

man nun den Hahn während sehr kurzer Zeit und schließt denselben sogleich wieder, so setzt sich der Luftdruck im Ballon mit dem der äußeren Luft ins Gleichgewicht. Bei der Expansion ist aber eine Temperaturerniedrigung eingetreten, und indem sich die im Ballon enthaltene Luft durch Wärmeaufnahme von den Wänden des Gefäßes wieder auf die Temperatur der Umgebung erwärmt, steigt man die Flüssigkeitssäule im Manometer aufs neue steigen. Aus der Größe des beobachteten Niveauunterschieds kann die Temperaturerniedrigung bestimmt werden, welche der stattgehabten Expansion entspricht. Ist der Druck der Atmosphäre p und die anfänglich hervorbrachte Druckvermehrung d_1 , so hat die Expansion im

Fig. 224.



Volumenverhältnis $p : p + d_1$ oder $1 : 1 + \frac{d_1}{p}$ stattgefunden (§ 92). Durch die darauf folgende Temperatenausgleichung wurde der Niveauunterschied d_2 im Manometer hervorbracht. Ist x die zu bestimmende Temperaturerniedrigung, so ist $1 + \alpha x = \frac{p + d_1}{p}$,

wenn $\alpha = \frac{1}{273}$ den Ausdehnungskoeffizienten der Gase bezeichnet (§ 202), mithin $x = 273 \cdot \frac{d_2}{p}$. Diese Temperaturerniedrigung ist durch eine Expansion um $\frac{d_1}{p}$ Teile des ursprünglichen Volumens erzeugt worden. — Oben wurde gezeigt, daß, wenn $\frac{c_1}{c}$ das Verhältnis der specifischen Wärmen und x die Temperaturerhöhung durch eine Kompression um $\frac{1}{273}$ des ursprünglichen Volumens bezeichnet,

$$\frac{c_1}{c} = 1 + x$$

ist. Setzt man demnach $\frac{d_1}{p} = \frac{1}{273}$, so wird $x = \frac{d_2}{d_1}$. Aus den genauesten Versuchen, welche Cazin nach dieser Methode angestellt hat, ergab sich für atmosphärische Luft und für die chemisch einfachen Gase (O, H, N) das Verhältnis $\frac{d_2}{d_1} = 0,41$, mithin:

$$k = \frac{c_1}{c} = 1,41.$$

Dieser Wert für das Verhältnis der specifischen Wärme stimmt mit demjenigen überein, welchen man nach der Laplaceschen Theorie der Verbreitung des Schalls (§ 121) aus der Vergleichung der beobachteten Schallgeschwindigkeit mit dem aus Newtons Formel berechneten Werte ableiten kann.

Nach den Versuchen von Regnault ist die specifische Wärme der Luft bei konstantem Druck $c_1 = 0,2377$. Mit Rücksicht auf obigen Wert des Verhältnisses k folgt $c = 0,1686$, der Unterschied beider Werte oder die zur Leistung von Arbeit verwendete Wärmemenge $c_1 - c = 0,0691$ (§ 242). Die Werte der specifischen Wärmen bei konstantem Druck nach den Versuchen von Regnault und die des Verhältnisses k nach Dulong für einige andere Gase sind in folgender Tabelle zusammengestellt:

Namen der Gase		Dichtigkeit	Spec. Wärme	$\frac{c_1}{c}$
			c_1	$\frac{c_1}{c}$
Atmosphärische Luft		14,45	0,2377	1,41
Sauerstoff	OO	16	0,2175	1,415
Stickstoff	NN	14	0,2438	1,41
Wasserstoff	HH	1	3,4094	1,411
Kohlenoxyd	CO	14	0,2450	1,428
Stickstoffoxyd	NO	15	0,2317	1,343
Kohlensäure	CO ₂	22	0,2169	1,338
Ölbildendes Gas	C ₂ H ₄	14	0,4040	1,240
Wasserdampf	H ₂ O	9	0,4805	(1,31).

5. Verbreitung der Wärme.

§ 231. Die Verbreitung der Wärme geschieht auf doppelte Weise, nämlich: 1) durch Leitung, 2) durch Strahlung. Durch Leitung wird die Wärme im Innern eines wägbaren Körpers oder, bei unmittelbarer Berührung zweier Körper, von jedem Teilchen zum unmittelbar benachbarten fortgepflanzt. Durch Strahlung dagegen erfolgt die Verbreitung der Wärme, nach Art der Fortpflanzung des Lichts, auf beliebig große Entfernungen und auch ohne das Vorhandensein eines die Fortpflanzung vermittelnden, wägbaren Mediums, z. B. von der Sonne zur Erde.

§ 232. Wärmeleitung. Hält man ein Stück Metalledraht mit einem Ende in eine Kerzenflamme, so wird die Erwärmung bald auch am anderen Ende fühlbar, es hat sich also die Wärme durch das Metall von Teilchen zu Teilchen fortgepflanzt. Bei anderen Körpern, z. B. Holz, erfolgt diese Fortleitung der Wärme so langsam, daß an einem brennenden Holzspan die Erwärmung kaum in unmittelbarer Nähe der brennenden Stelle fühlbar ist. Man unterscheidet danach gute und schlechte Wärmeleiter. Zu den ersteren gehören vorzüglich die Metalle, zu den letzteren Holz, Stroh, Pelzwerk, Wolle, Federn u. dergl. Man umgibt mit schlechten Wärmeleitern die Körper, welche gegen Wärmeverlust geschützt werden sollen, benutzt dieselben namentlich zur Bekleidung bei kalter Witterung u. s. w. Die Tiere der Polargegenden besitzen den dichtesten Winterpelz. Marmor und überhaupt die meisten Gesteine haben ein mittleres Wärmeleitungsvermögen. Gute Wärmeleiter sind bei hoher Temperatur heißer, bei niedriger Temperatur kälter anzufühlen als schlechte, weil sie die Wärme im ersten Fall schneller zuführen, im zweiten Fall schneller entziehen.

Um die Wärmeleitungsfähigkeit verschiedener Körper, z. B. der Metalle, zu vergleichen, verfertigt man aus denselben Stäbe von gleicher Länge und Dicke, welche an einem Ende auf gleiche Temperatur erhitzt werden, und bestimmt die Temperatur der Stäbe in verschiedenen Entfernungen von der Wärmequelle, entweder durch Thermometer, deren Gefäße in enge, cylindrische Vertiefungen gebracht werden, die seitlich in die Stäbe gebohrt und mit Öl oder Quecksilber gefüllt sind, oder besser durch thermoelektrische Elemente (§ 337), welche durch ihre geringe Masse eine geringere Störung der regelmäßigen Wärmeverteilung in den Stäben hervorbringen. Werden die Stäbe versilbert, so ist die Wärmeabgabe an die äußere Umgebung bei allen gleich, und aus der Geschwindigkeit der Wärmeabnahme mit der Entfernung von der Wärmequelle kann auf ihr verschiedenes Leitungsvermögen geschlossen werden. Aus den Untersuchungen von Wiedemann und Franz (1853) geht eine merkwürdige Übereinstimmung zwischen der Leitungsfähigkeit der Metalle für Wärme und für Elektrizität (§ 319) hervor. Dieselben fanden z. B. folgende Zahlen:

	Leitungsfähigkeit für			Leitungsfähigkeit für	
	Wärme	Elektrizität		Wärme	Elektrizität
Silber	100	100	Eisen	11,9	14,44
Kupfer	73,6	77,43	Blei	8,5	7,77
Gold	53,2	55,19	Platin	8,4	10,53
Zink	28,1	27,39	Wismut	1,8	1,19
Zinn	14,5	11,45			

Krystalle haben ein ungleiches Wärmeleitungsvermögen in verschiedenen Richtungen. So fand Pfaff für das Leitungsvermögen des Bergkrystalls in der Richtung seiner krystallographischen Hauptaxe die Zahl 50,3, in der darauf senkrechten Richtung nur 39,1.

Eine eigentümliche Erscheinung zeigt sich, infolge der geringeren Leitungs-

fähigkeit von Blei für die Wärme, bei Trevelyans Wackler (1829), einem Metallprisma, welches am stumpfen Winkel mit einer Doppelkante versehen ist. Wird der Wackler stark erhitzt mit dieser Doppelkante an einen Bleiklotz gelehnt, so wird er durch die Ausdehnung dieses Klotzes an der jedesmaligen Berührungsstelle bald auf eine, bald auf die andere Kante gestossen, gerät dadurch in eine schnelle, schwingende Bewegung und erzeugt nunmehr einen Ton, der um so höher ist, je schneller die Bewegung erfolgt. Durch gesteigerten Druck werden die Schwingungen beschleunigt.

§ 233. Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten und Gase. Flüssigkeiten sind im allgemeinen sehr schlechte Wärmeleiter. Wird eine Flüssigkeit in einem Gefäß von untenher erwärmt, so geschieht die Verbreitung der Wärme nicht durch Leitung, sondern durch Strömungen der Flüssigkeit, indem die am Boden des Gefäßes erwärmten Flüssigkeitsteilchen, als die leichteren, aufsteigen, und die kälteren, schwereren herabsinken und mit dem Boden in Berührung kommen. Auf diese Weise verbreitet sich die Wärme schnell durch die ganze Flüssigkeit (vgl. § 201). Von oben nach unten dagegen geschieht die Fortpflanzung der Wärme durch Leitung äußerst langsam. Ähnlich verhält es sich bei den gasförmigen Körpern. Nur das Wasserstoffgas ist nach den Versuchen von Magnus vor den anderen Gasen durch größeres Wärmeleitungsvermögen ausgezeichnet.

In einem mit Wasser gefüllten Probiergläschen läßt sich oberhalb das Wasser zum Kochen bringen, ohne daß ein unten liegendes Eisstückchen schmilzt.

Atmosphärische Luft leitet 20 000mal geringer als Kupfer, Wasserstoff 7mal besser als Luft. Nach Untersuchungen von Stefan (1877) ergibt sich, wenn die Wärmeleitungsfähigkeit des Silbers, wie oben § 232, gleich 100 gesetzt wird, die Leitungsfähigkeit für Eis = 0,42, für Glas = 0,12, für Wasser = 0,11, für Wasserstoff = 0,029, für Luft = 0,004. Für Quecksilber (Angström, 1864) = 1,06.

Zur Wasserheizung wird Wasser in einem Kessel zum Sieden erwärmt, von dem aus metallene Röhren nach den verschiedenen Räumen des Hauses und von diesen nach dem Kessel zurückführen. Bei der Luftheizung strömt die in einer besonderen Heizkammer erwärmte Luft durch gemauerte Züge, welche zu verstellbaren Öffnungen in die Zimmer führen, in diese, während die kalte Luft durch ebenfalls verstellbare Öffnungen am Boden der Wände nach außen hin entweichen kann.

§ 234. Wärmestrahlung. Während die Wärmeleitung in wägbaren Körpern von Molekül zu Molekül fortschreitet, pflanzt sich die Wärmestrahlung durch den leeren Raum, durch die Luft, oder durch zwischenliegende, für Wärmestrahlen durchgängliche Körper nach Art des Lichtes fort. Auf diese Weise gelangt die Wärme von der Sonne zur Erde durch den leeren Weltraum, und ebenso verbreitet sich die Wärmestrahlung eines Ofens, oder eines Kaminfeuers. Die vollständige Übereinstimmung in den Gesetzen der Fortpflanzung der strahlenden Wärme und des Lichtes macht es wahrscheinlich, daß beide durch wellenförmig fortschreitende Schwingungen desselben elastischen, alle Körper durchdringenden Äthers (§ 176) fortgepflanzt werden. Ein warmer Körper veranlaßt demnach fortschreitende Wellen in dem ihn umgebenden Äther, oder sendet Wärmestrahlen aus, wie ein leuchtender Körper Lichtstrahlen. Diese Strahlen können auf ihrem Wege, wie die Lichtstrahlen, reflektiert oder gebrochen werden, bis sie auf einen Körper treffen, von welchem sie, wie die Lichtstrahlen von einem schwarzen Körper, verschluckt oder absorbiert werden, und zwar unter Erwärmung des Körpers. Die Ätherwellen, welche von der Sonne zur Erde gelangen, leuchten nicht nur, sondern erzeugen auch Wärme. Durch Hohlspiegel und Sammellinsen kann ihre

Wärmewirkung auf einen Punkt konzentriert und dadurch bis zur Entzündung leicht brennbarer Stoffe gesteigert werden; daher die zum Teil auch in der Optik gebräuchlichen Namen: Brennspiegel, Brennglas, Brennpunkt.

Die Ätherwellen sind an sich nicht warm, sondern erzeugen erst Wärme, wenn sie von einem wägbaren Körper absorbiert werden. Die Temperatur des Weltraumes, durch welchen die Wärmestrahlen zu uns gelangen, ist eine sehr niedrige (§ 202a). Die durch eine Eislinse gesammelten Wärmestrahlen der Sonne vermögen brennbare Körper zu entzünden. — Um die Reflexion der von terrestrischen (der Erde angehörigen) Wärmequellen ausgesendeten Wärmestrahlen nachzuweisen, stellte Pictet zwei Hohlspiegel von poliertem Metall einander gegenüber, so daß die von dem Brennpunkte *A* (Fig. 225) eines der beiden Hohlspiegel ausgehenden Strahlen von diesem in paralleler Richtung nach dem zweiten Spiegel reflektiert und in dessen Brennpunkt *B* gesammelt wurden (§ 137). Brachte man in den Brennpunkt *A* eine Kerzenflamme, eine glühende Metallkugel oder einen anderen erhitzten Körper, in den Brennpunkt *B* ein Thermometer, dessen Kugel zur besseren Aufnahme der Wärmestrahlen geschwärzt war (§ 236), so beobachtete man ein Steigen des Thermometers in *B*, während ein zwischen *A* und *B*, oder seitwärts von *B* aufgestelltes Thermometer keine merkliche Erwärmung erfuhr. Wurde in den Brennpunkt *A* anstatt des erhitzten Körpers ein Stück Eis gebracht, so sank das Thermometer in *B* unter die Temperatur der Umgebung. Dieses Resultat erklärt sich dadurch, daß jeder Körper fortwährend Wärme ausstrahlt und zwar um so mehr, je höher seine Temperatur ist. Besitzen alle in einem Raum befindlichen Körper gleiche Temperatur, so empfängt jeder Körper von seiner Umgebung genau ebensoviel Wärme, wie er ausstrahlt, das Temperaturgleichgewicht bleibt deshalb bestehen. Besitzen die Körper dagegen ungleiche Temperatur, so strahlen die wärmeren Körper mehr Wärme aus als sie empfangen, die kälteren dagegen empfangen mehr als sie ausstrahlen, so lange bis das Temperaturgleichgewicht hergestellt ist. Im obigen Fall strahlt das Thermometer *B* mehr Wärme nach dem in *A* befindlichen Eisstück aus, als es von diesem zurückempfängt; seine Temperatur muß daher sinken.

Anstelle des Quecksilberthermometers bedient man sich bei diesen Versuchen zweckmäßiger des Differentialthermometers von Leslie (1804), welches den Vorzug größerer Empfindlichkeit hat. Dasselbe besteht aus zwei mit Luft gefüllten Hohlkugeln von Glas *A*, *B* (Fig. 226), welche durch eine enge, zweimal rechtwinklig gebogene Glasröhre verbunden sind. Diese ist zum Teil mit gefärbtem Weingeist gefüllt, dessen Stand an einer am Gestell des Instruments angebrachten Skala abgelesen werden kann. Die Kugel *A* ist zur besseren Aufnahme der Wärmestrahlen geschwärzt. Eine Erwärmung der Kugel *A* hat die Ausdehnung der in ihr enthaltenen Luft, also ein Sinken der Weingeistsäule auf der Seite der Kugel *A* und ein Steigen im anderen Schenkel der Röhre zur Folge.

Fig. 225.

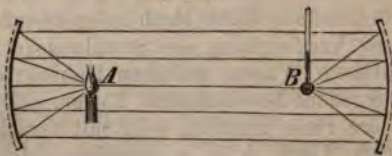


Fig. 226.



§ 235. Thermomultiplikator. Das empfindlichste und wichtigste Instrument zur Untersuchung der Gesetze der Wärmestrahlung ist der Thermomultiplikator von Nobili und Melloni (1831). Derselbe besteht aus einer würfelförmigen, thermoelektrischen Säule (vgl. § 338) und einem Galvanometer (§ 317), dessen Drahtenden mit den Polen der Säule verbunden sind. Zwei Gegenflächen der thermoelektrischen Säule, welche die

Lötstellen enthalten, sind zur vollständigen Aufnahme der Wärmestrahlen mit Kienrufs geschwärzt. Ein Blechtrichter, welcher auf die Fassung der Säule gesteckt werden kann, dient zum Sammeln der Wärmestrahlen. Haben beide Seiten der Säule gleiche Temperatur, so zeigt die Nadel des Galvanometers auf Null. Die geringste Temperaturdifferenz giebt sich durch den Ausschlag des Galvanometers kund. Die Empfindlichkeit des Instruments ist so groß, daß die Wärmestrahlung des menschlichen Körpers in der Entfernung von einigen Metern durch den Ausschlag der Nadel sichtbar gemacht wird.

§ 236. Ausstrahlung und Absorption der Wärmestrahlen. Nicht alle Körper strahlen bei gleicher Temperatur gleich viel Wärme aus; das Strahlungsvermögen wird vielmehr in hohem Grade durch die Beschaffenheit der strahlenden Oberfläche beeinflusst. Leslie wendete (1804) zur Vergleichung des Strahlungsvermögens verschiedener Körper einen mit heißem Wasser gefüllten Hohlwürfel von Blech an, dessen Flächen verschiedene Beschaffenheit hatten. Eine derselben war blank poliert, eine andere rauh gemacht, oder mit verschiedenen Überzügen von Bleiweiß, Kienrufs, Lack, u. s. w. versehen. Jenachdem nun, bei gleicher Temperatur und Entfernung, dem Differentialthermometer oder der thermoelektrischen Säule verschiedene Flächen des Würfels zugewendet wurden, beobachtete man verschiedene Grade der Erwärmung. Im allgemeinen strahlen dunkle und rauhe Körper bei gleicher Temperatur mehr Wärme aus, als helle und glatte Körper. So fand Leslie die Ausstrahlung der blank polierten Metallfläche des Würfels am kleinsten, die der mit Kienrufs geschwärzten Fläche am größten. Gewalzte und gehämmerte Metallflächen strahlen weniger Wärme aus als gegossene. Durch Ritzen der Metallflächen wird das Strahlungsvermögen erhöht.

Diejenigen Körper, welche am leichtesten die Wärme ausstrahlen, besitzen umgekehrt auch das größte Absorptionsvermögen. Kienrufs nimmt alle Arten von Wärmestrahlen am leichtesten auf. Durch Sonnenstrahlen werden dunkle Kleidungsstücke stärker erwärmt als helle. Schnee schmilzt durch die Sonnenstrahlen schnell unter einer Bedeckung von schwarzen, langsamer unter hellen Tüchern.

Kirchhoff hat den Satz aufgestellt, daß das Absorptionsvermögen eines Körpers für verschiedene Arten von Strahlen in demselben Verhältnis steht, wie sein Emissionsvermögen für dieselben Strahlen, oder daß jeder Körper diejenigen Wärme- oder Lichtstrahlen am leichtesten absorbiert, welche er selbst am leichtesten ausstrahlt (vergl. § 150). Dieser von Kirchhoff aus theoretischen Gründen abgeleitete und für Lichtstrahlen durch Versuche nachgewiesene Satz ist besonders durch die Untersuchungen von Tyndall für die verschiedenen Gattungen von Wärmestrahlen (s. § 237) experimentell bestätigt worden.

§ 237. Diathermanität, verschiedene Gattungen von Wärmestrahlen. Wie die verschiedenen Körper einen verschiedenen Grad der Durchsichtigkeit für Lichtstrahlen besitzen, so sind dieselben auch für Wärmestrahlen nicht in gleichem Grade durchgänglich, oder dieselben besitzen einen verschiedenen Grad von Diathermanität. So sind z. B. die Metalle für Wärmestrahlen ebenso adiatherman, wie undurchsichtig für Lichtstrahlen, dagegen verhält sich Steinsalz gegen Wärmestrahlen ebenso wie ein vollkommen farbloser und durchsichtiger Körper gegen Licht-

strahlen, indem es alle Gattungen von Strahlen mit gleicher Leichtigkeit hindurchgehen läßt. Ein und derselbe Körper kann für die von verschiedenen Wärmequellen ausgesendeten Strahlen in verschiedenem Grade diatherman sein. Ein undurchsichtiger Körper kann diatherman sein für gewisse Arten von Wärmestrahlen und umgekehrt. Farbloses Glas läßt z. B. die Sonnenwärme ziemlich leicht hindurchgehen, weniger gut die von einer Flamme, oder von einem glühenden Körper ausgesendeten Strahlen, noch weniger die eines Leslieschen Würfels. Wasser läßt die Sonnenwärme teilweise hindurchgehen, absorbiert aber vollständig die von einem Leslieschen Würfel ausgesendeten, dunklen Wärmestrahlen. Alaun ist farblos und durchsichtig für Lichtstrahlen, dagegen fast ganz adiatherman für dunkle Wärmestrahlen. Umgekehrt ist eine Auflösung von Jod in Schwefelkohlenstoff völlig undurchsichtig für Lichtstrahlen, läßt aber die dunklen Wärmestrahlen mit Leichtigkeit hindurch.

Zur Untersuchung der Diathermanität der Körper für verschiedene Gattungen von Wärmestrahlen bediente sich Melloni des Thermomultiplikators (§ 235), indem er zuerst bei einer gewissen Entfernung der thermoelektrischen Säule von der Wärmequelle den Ausschlag der Multiplikatornadel beobachtete und dann jedesmal bestimmte, in welchem Verhältnis die Strahlung durch Zwischenstellen verschiedener Körper, z. B. Glas-, Alaun-, Steinsalz-Platten, geschwächt wurde. Aus der verschiedenen Diathermanität desselben Körpers für die Strahlen verschiedener Wärmequellen (z. B. der Sonne, einer Öl- oder Weingeistlampe, einer glühenden Spirale von Platindraht, eines erhitzten, geschwärzten Metallblechs u. s. w.) schloß Melloni, daß es verschiedene Arten von Wärmestrahlen oder Wärmefarben gebe, gegen welche sich die verschiedenen diathermanen Körper ebenso verschieden verhalten, wie farbige, durchsichtige Körper gegen die verschiedenen Gattungen von Lichtstrahlen. Geht weißes Licht durch ein rotes Glas, so läßt dieses nur die roten Strahlen hindurch und absorbiert alle anderen Gattungen von Strahlen. Diese roten Strahlen gehen jetzt fast ungeschwächt durch ein zweites, gleichgefärbtes Glas, werden hingegen von einem blauen Glase vollständig absorbiert u. s. w. Ähnlich verhält es sich mit den Wärmestrahlen. Der vollständige Nachweis der Analogie der verschiedenen Gattungen von Wärmestrahlen mit den verschiedenfarbigen Lichtstrahlen wird durch die prismatische Zerlegung der Wärmestrahlen geliefert (§ 238).

§ 238. Prismatische Zerlegung der Wärmestrahlen, Identität von Licht- und Wärmestrahlen. Zwischen den Gesetzen der Fortpflanzung des Lichts und der strahlenden Wärme findet vollständige Übereinstimmung statt. Beide verbreiten sich in gerader Linie. Die Intensität der Wärmestrahlen nimmt, wie Melloni durch Versuche am Thermomultiplikator nachwies, wie die der Lichtstrahlen, im umgekehrten Verhältnis des Quadrats der Entfernung von der Wärmequelle ab. Die Wärmestrahlen können wie die Lichtstrahlen reflektiert und gebrochen werden; die verschiedenen Arten von Wärmestrahlen unterscheiden sich, wie die verschiedenfarbigen Lichtstrahlen, durch den verschiedenen Grad ihrer Brechbarkeit. Zur prismatischen Untersuchung der Wärmestrahlen muß man sich eines Steinsalzprismas bedienen, da dieses für alle Arten von Wärmestrahlen in gleichem Grade diatherman ist, während Glasprismen einen Teil derselben (die sogenannten dunklen Wärmestrahlen) absorbieren. Erzeugt man ein Sonnenspektrum mit Hilfe eines Steinsalzprismas und bringt eine thermoelektrische Säule, oder ein empfindliches Thermometer mit geschwärzter Kugel nach einander in die verschiedenen Teile dieses Spektrums, so findet man, daß die blauen, violetten und ultravioletten Strahlen fast gar keine wär-

mende Wirkung ausüben, daß dieselbe im gelben Teil des Spektrums (der für das Auge am intensivsten erscheint) gering, in den roten Strahlen dagegen am größten ist. Bringt man die thermoelektrische Säule in den dunklen Raum jenseits des roten Endes des Spektrums, so beobachtet man auch dort noch eine Wärmewirkung, die sich weit über das sichtbare Spektrum hinaus erstreckt. Das Maximum der Intensität der Wärmewirkung liegt sogar noch jenseits des Endes des sichtbaren Spektrums. Es giebt also nicht nur unsichtbare Strahlen jenseits des violetten Endes des Spektrums (§ 152), sondern auch jenseits des roten Endes existieren Strahlen von geringerer Brechbarkeit und größerer Wellenlänge (§ 178) als die roten Strahlen, welche für unser Auge unsichtbar sind, entweder weil unser Sehnerv für Strahlen von dieser Wellenlänge unempfindlich ist, oder weil die lichtbrechenden Medien unseres Auges für dieselben undurchsichtig sind und dieselben absorbieren, bevor sie zur Netzhaut gelangen. Wie die ultravioletten Strahlen durch ihre fluorescenzerregenden und chemischen Wirkungen (§§ 152 und 153), so sind die diesseits des Rot liegenden dunklen Strahlen des Sonnenspektrums durch ihre Wärmewirkungen erkennbar. — Untersucht man auf gleiche Weise die Strahlen verschiedener anderen Wärmequellen durch Zerlegung mittelst des Steinsalzprismas, so findet man, daß im allgemeinen jede Wärmequelle um so mannigfaltigere und besonders um so mehr von den brechbareren und sichtbaren Strahlen des Spektrums aussendet, je höher ihre Temperatur ist. So senden Körper von niederer Temperatur nur diesseits des roten Endes des Spektrums liegende, dunkle Strahlen aus. Bei der Temperatur des Rotglühens beginnen die am wenigsten brechbaren, sichtbaren Strahlen aufzutreten; bei gesteigerter Temperatur kommen mehr und mehr Strahlen von größerer Brechbarkeit hinzu, bis bei voller Weißglühhitze alle Gattungen sichtbarer Strahlen vertreten sind, während zugleich die dunklen Strahlen in entsprechendem Grade an Intensität zugenommen haben. — Wasser und Alaun absorbieren alle dunklen, jenseits des Rot liegenden Wärmestraahlen, während sie die sichtbaren Strahlen fast ungeschwächt hindurchlassen; bei einer Auflösung von Jod in Schwefelkohlenstoff findet das Umgekehrte statt. Es erklärt sich also, wie trotz der Identität von Licht und strahlender Wärme ein undurchsichtiger Körper diatherman und ein durchsichtiger Körper für gewisse Wärmestraahlen adiatherman erscheinen kann.

Wie in den Erscheinungen der Fortpflanzung, Reflexion, Brechung und Dispersion, so zeigt sich auch in den Erscheinungen der Interferenz und Polarisation (§§ 179, 182 u. ff.) eine so vollkommene Übereinstimmung zwischen Licht- und Wärmestraahlen, daß unzweifelhaft Licht und Wärme nur als zwei verschiedene Wirkungen derselben Ätherschwingungen betrachtet werden müssen. Mit dem Nachweis der Identität von Licht und strahlender Wärme ist aber zugleich der Beweis geführt, daß die ältere Vorstellung von der Existenz eines Wärmestoffes verworfen werden muß und die sogenannte mechanische Theorie der Wärme, wonach dieselbe in einem Bewegungszustand der Körperteilchen besteht, die allein mit den Erscheinungen der Wärmestrahlung vereinbare ist. Denn wenn die von der Sonne zur Erde gelangenden Wärmestraahlen nicht in der Ausströmung eines materiellen Stoffes, sondern wie die Lichtstrahlen in Ätherschwingungen bestehen, so ist es nicht denkbar, daß ein Wärmestoff in dem von den Strahlen getroffenen Körper durch dieselben in unbegrenzter Quantität erzeugt werden kann, was dem Begriff des Stoffes widersprechen würde. Eine

Bewegung kann keinen Stoff, wohl aber wieder einen Bewegungszustand der Körperteilchen erzeugen.

Durch einen 1874 von Crookes konstruierten Apparat, der von ihm als Radiometer bezeichnet und seitdem unter dem Namen Lichtmühle bekannt geworden ist, wird eine eigentümliche mechanische Wirkung der Wärme dargestellt. In einem luftleeren Glasballon (Fig. 226a) befindet sich, leicht drehbar um eine vertikale Axe, auf Kreuzarmen aus Aluminium ein Kranz von vier leichten Blättchen von demselben Metall, die in gleicher Folge auf der einen Seite mit Ruß geschwärzt sind. Den Sonnenstrahlen ausgesetzt, bewegt sich die Lichtmühle mit großer Geschwindigkeit, so daß die schwarzen Flächen zurückweichen, langsamer bei mittlerem Tageslicht, oder bei Kerzenbeleuchtung. Daß die Bewegung eine Wirkung der Wärme ist, ergibt sich daraus, daß durch Lichtstrahlen, welche vorher durch eine klare Alaunplatte gegangen und dadurch ihre Wärme verloren haben (§ 237), die Lichtmühle nicht mehr bewegt wird, wohl aber, wenn die Lichtstrahlen nach dem Durchgang durch dunkle Jodlösung keine Leuchtkraft mehr besitzen.

Fig. 226a.



6. Quellen der Wärme.

§ 239. Sonnenwärme. Eine der vorzüglichsten Wärmequellen für die Erdoberfläche ist die Strahlung der Sonne, durch welche das organische Leben auf der Erdoberfläche allein möglich wird, und durch welche alle Witterungserscheinungen in erster Linie veranlaßt werden. Um die Wärmemenge, welche alljährlich von der Sonne zur Erde gelangt, zu bestimmen, bediente sich Pouillet des Pyrheliometers. Ein Gefäß, in Form eines Cylinders von geringer Höhe, ist mit Wasser gefüllt und enthält ein empfindliches Thermometer. Eine Grundfläche des Gefäßes, welches mit Kienruß geschwärzt ist, wird den Sonnenstrahlen ausgesetzt, so daß sie von denselben senkrecht getroffen wird. Bestimmt man nun die Temperaturerhöhung, welche das Gefäß und das darin enthaltene Wasser während einer gewissen Zahl von Minuten erfährt, so kann man aus der bekannten Wassermenge und dem kalorimetrischen Wasserwert des Gefäßes (§ 226) die während einer Minute absorbierte Wärmemenge berechnen. Kennt man ferner die Größe der Grundfläche des Gefäßes, so läßt sich daraus die in jeder Minute auf die Fläche eines Quadratcentimeters gestrahlte Wärmemenge, oder endlich die Strahlung auf eine Kreisfläche berechnen, deren Durchmesser gleich dem der Erde ist. Eine leichte Überlegung lehrt (§ 366), daß diese Wärmemenge derjenigen gleich ist, welche die Erde während jeder Minute von der Sonne empfängt, wobei nur noch die Absorption in der Erdatmosphäre zu berücksichtigen ist.

Aus Beobachtungen über die Wärmestrahlung bei verschiedener Höhe der Sonne über dem Horizont schloß Pouillet, daß durch Absorption in der Atmosphäre bei heiterem Himmel im Durchschnitt etwa 40% der Sonnenwärme verloren gehen oder nur 60% zur Erdoberfläche gelangen. Die in 1 Min. auf 1 qcm der Erdoberfläche gestrahlte Wärmemenge vermag, im Mittel aus den Versuchen von Pouillet und von O. Hagen, bei senkrechter Incidenz 1 Gramm Wasser um etwa 1,76° C. zu erwärmen. Es folgt daraus, daß die jährlich von der Sonne zur Erdoberfläche gelangende Wärmemenge eine die ganze Erdoberfläche gleichmäßig bedeckende Eisschicht von 30 m Dicke oder eine Eismasse von mehr als 15 Trillionen kg zu schmelzen vermöchte, wozu 1200 Trillionen Wärme-

einheiten (§ 205) erforderlich sind. Um eine gleiche Wärmemenge zu erzeugen, würde man täglich 9 Billionen Centner Kohlenstoff verbrennen müssen. Da von der ganzen, von der Sonne nach dem Weltraum ausgestrahlten Wärmemenge nur der 2160 millionste Teil zur Erde gelangt, so beträgt der jährliche Wärmeverlust der Sonne 2,6 Quintillionen Wärmeeinheiten, welche hinreichen würden, um eine Eismasse zu schmelzen, welche an Volumen den Erdkörper 30 000 mal überreffen oder die Sonnenoberfläche 5700 km hoch bedecken würde. Nimmt man an, daß die specifische Wärme der Sonne gleich sei der einer Wassermasse von gleichem Volumen, so würde die Sonnenmasse, wenn kein Ersatz für diesen Wärmeverlust stattfindet, durch denselben eine jährliche Temperaturniedrigung von 2° erfahren.

Die Quantität und die Beschaffenheit (§§ 237, 238) der von der Sonne ausgesendeten Wärmestrahlen, sowie die optischen Untersuchungen von Kirchhoff (§ 150) machen es wahrscheinlich, daß die Sonne ein feuerflüssiger und von einer dichten Dampfatmosphäre umgebener Körper von außerordentlich hoher Temperatur sei. Die Entstehung der Sonnenwärme erklärt sich aus der von Kant und Laplace aufgestellten Hypothese über die Bildung unseres Sonnensystems. Nach dieser Hypothese sind die Sonne und die Planeten durch Verdichtung der kosmischen Materie entstanden, welche ursprünglich mit annähernd gleichförmiger Dichte einen großen Teil des Weltraums anfüllte und eine in Rotation begriffene Masse von sehr geringer Dichtigkeit bildete, deren Durchmesser größer war, als der Durchmesser der Bahn des äußersten Planeten. Die Planeten entstanden, indem sich von der Peripherie der rotierenden Masse successive einzelne Teile ablösten, welche anfangs ringförmig, wie der Saturnring, sich später zu den kugelförmigen Planetenkörpern zusammenballten. Aus der übriggebliebenen, sich mehr und mehr verdichtenden Centralmasse ging endlich die Sonne hervor. Es erklärt sich aus dieser Hypothese die allen Planeten gemeinsame Richtung des Umlaufs und der Axendrehung (vergl. § 386). Aus der mit der Verdichtung verbundenen Wärmeentwicklung erklärt sich ferner die hohe Temperatur der Sonnenmasse und der Planeten, welche sich höchst wahrscheinlich, wie die Erde, zur Zeit ihrer Bildung im feuerflüssigen Zustand befanden, und deren innere Masse die ursprüngliche, hohe Temperatur, je nach dem Größenverhältnis in mehr oder minder hohem Grade, bewahren mußte. Helmholtz hat berechnet, daß die durch Verdichtung der Sonnenmasse entwickelte Wärmemenge zur Erzeugung einer Temperatur von 28 Millionen Graden hinreichte. Wiewohl der gegenwärtig noch vorhandene Wärmeverrat der Sonne noch für eine Reihe von vielen Millionen Jahren ausreichen mag, so muß doch erwartet werden, daß derselbe sich endlich erschöpfen und mit dem Sonnenlicht und der Sonnenwärme die Möglichkeit des Lebens organischer Naturkörper auf der Oberfläche der Erde und der übrigen Planeten aufhören werde (vergl. § 371). Aus Beobachtungen an den sogenannten Nebelsternen (vergl. § 150, 405) und an Fixsternen von veränderlicher Lichtintensität kann man schließen, daß andere Fixsterne eine ähnliche Reihe von Entwicklungsphasen durchmachen, wie wir dieselben bei dem Centralkörper unseres Planetensystems voraussetzen Veranlassung haben.

§ 240. Erdwärme. In weit geringerem Grade als die Strahlung der Sonne kommt als Wärmequelle für die Erdoberfläche die innere Wärme des Erdkörpers selbst in Betracht. Abgesehen von der sphäroidischen Gestalt der Erde (§ 56) und von geologischen Gründen, welche es wahrscheinlich machen, daß sich einst die ganze Erdmasse in feuerflüssigem Zustand befand, macht sich die innere Erdwärme noch jetzt besonders in den vulkanischen Ausbrüchen bemerkbar. Die hohe Temperatur vieler Mineralquellen, namentlich z. B. des siedend heißen Karlsbader Sprudels und des Geysirs auf Island, erklärt sich daraus, daß diese Gewässer aus sehr großer Tiefe emporquellen. Beim Eindringen in das Innere der Erde, z. B. in Bergwerkschachten, den Bohrlöchern artesischer Brunnen (§ 86), bemerkt man eine regelmäßige Zunahme der Temperatur mit wachsender Tiefe, welche im Mittel etwa 1° C. für je 37 m beträgt. Man kann daraus schließen, daß bei gleichmäßig fortschreitender Temperaturzunahme in der Tiefe von 1 geogr. Meile die Temperatur mehr als 200° betragen und daß in 10

Meilen Tiefe sich die meisten, die oberen Erdschichten zusammensetzenden Gesteine in geschmolzenem Zustand befinden würden. Es ist daher wahrscheinlich, daß der bei weitem größte Teil der Erdmasse sich jetzt noch in flüssigem Zustand befindet und daß die festen Gesteinsmassen, welche die Erdoberfläche zusammensetzen, als eine verhältnismäßig dünne Rinde den flüssigen Kern umschließen.

Das aus dem 548 m tiefen Bohrloch des artesischen Brunnens zu Grenelle bei Paris hervorquellende Wasser zeigt eine Temperatur von $27\frac{3}{4}^{\circ}\text{C}$. Im Grunde des 673 m tiefen Bohrlochs des Salinenbrunnens zu Neusalzwerk (Rehme) bei Minden fand man eine Temperatur von $32,8^{\circ}\text{C}$. Da die mittlere Temperatur der oberflächlichen Erdschichten daselbst $9,6^{\circ}\text{C}$ beträgt, so ergibt dies eine Temperaturzunahme von 1° auf je 29 m. Im Mont-Cenis-Tunnel hat sich für einen Punkt im Innern, über dem eine Felsenmasse von etwa 1550 m gelagert ist, eine Temperaturdifferenz von etwa 31°C von der auf -2° berechneten, mittleren Bodentemperatur ergeben, also eine Zunahme von 1°C auf 50 m. Da die Temperatur der Erdschichten von innen nach außen abnimmt, so folgt daraus, daß ein fortwährender Wärmestrom von innen nach außen oder ein Wärmeverlust des Erdinneren stattfinden muß. Infolge des geringen Leitungsvermögens der hauptsächlich die Erdrinde bildenden Gesteinsmassen geht aber dieser Abkühlungsprozeß nur äußerst langsam vor sich. Fourier berechnete, daß die von der Erde in 100 Jahren abgegebene Wärmemenge hinreichen würde, um eine 3 m dicke Eisschicht zu schmelzen, daß dieselbe also nur 0,001 von der Wärme beträgt, welche die Erde in gleicher Zeit von der Sonne empfängt (§ 239). Demnach würde sich die Erde, ihre spezifische Wärme gleich der einer Wassermasse von gleichem Volumen gesetzt, in einer Million Jahren um etwa 1° abkühlen. Die Erdoberfläche hat innerhalb der historischen Zeiten keine nachweisbare Temperaturabnahme erlitten, indem der Wärmegewinn durch die Strahlung der Sonne und der Wärmeverlust durch Ausstrahlung nach dem Weltraum sich merklich das Gleichgewicht halten.

Der große Geysir auf Island entspringt auf einem flachen Kegel von Kieselstein, der gegen 10 m hoch ist und einen Durchmesser von etwa 70 m hat. Auf dem Gipfel befindet sich ein rundes Bassin von 2 m Tiefe und 13–15 m Durchmesser, in dessen Grunde sich eine 3 m weite, schachtartige Röhre gegen 23–24 m in die Tiefe senkt. Wenn das Becken voll und ruhig ist, so hat das krystallklare seegrüne Wasser an der Oberfläche eine Temperatur von $76-89^{\circ}\text{C}$, während es in den erreichbaren Tiefen der Röhre eine Temperatur von $122-127^{\circ}\text{C}$ zeigt. — Die Thermen in Burscheid haben die Temperatur 78° , in Karlsbad 74° , in Wiesbaden 70° , in Baden 67° , in Aachen 57° , in Ems 56° u. s. w.

§ 241. Mechanische und chemische Wärmequellen. Außer den in den beiden vorhergehenden Paragraphen behandelten Wärmequellen, welche als kosmische bezeichnet werden können, stehen uns zur Erzeugung von Wärme mehrfache Hilfsmittel zu Gebote, welche im wesentlichen in mechanische und chemische unterschieden werden können. Zu den mechanischen Wärmequellen gehört die Erzeugung von Wärme durch Reibung und Kompression; unter den chemischen Prozessen, welche zur Wärmeerzeugung dienen können, sind die Verbrennungsprozesse die wichtigsten.

Die Wärmeerzeugung durch Druck und Reibung kommt bei vielfachen Erscheinungen des täglichen Lebens in Betracht. So erhitzen sich Maschinenteile, die Axen und Naben der Wagenräder, u. s. w. Metallstücke werden durch die Kompression unter dem Prägestempel der Münzpresse sehr heiß. Ein eiserner Nagel kann durch Hämmern auf dem Amboss bis zum Glühen erhitzt werden; eine um einen hölzernen Stab geschlungene Schnur erhitzt sich und den Stab durch schnelles Hin- und Herziehen bis zum Versengen. Bei manchen im Naturzustande lebenden Völkerstämmen ist noch gegenwärtig die Methode des Feueranzündens durch Reibung

zweier Holzstücke gebräuchlich. Der Stahl erhitzt sich durch Reibung am Feuerstein so stark, daß die losgelösten, verbrennenden Stahlteile dazu dienen können, Zunder, Feuerschwamm oder Schießpulver zu entzünden. Der an den Streichhölzchen befindliche Phosphor erhitzt sich durch Reibung an einer rauhen Fläche bis zur Temperatur seiner Entzündung. Bei den schwedischen Zündhölzern ist auf der Reibfläche sogenannter roter Phosphor, der weniger giftig ist, angebracht (§ 19d).

Die starke Wärmeentwicklung beim Bohren von Kanonenröhren veranlaßte den Grafen Rumford (1798) den Ursprung der Reibungswärme näher zu untersuchen. Derselbe fand, daß trotz der beträchtlichen Wärmeentwicklung, durch welche eine große, das Kanonenrohr umgebende Wassermasse bald bis zum Sieden erhitzt wurde, weder das Kanonenmetall, noch die abgelösten Bohrspäne, eine verminderte Wärmekapazität zeigten. Da die entwickelte Wärme auch nicht aus der äußeren Umgebung stammen konnte, so schloß Rumford, daß durch die Reibung eine der aufgewendeten Arbeit entsprechende Wärmemenge erzeugt worden sei, daß sonach die Wärme kein Stoff sein könnte, sondern in einer Bewegung der Körperteilen bestehe. Dasselbe geht aus einem Versuch von Davy hervor, bei welchem zwei Eisstücke durch Reibung im luftleeren Raum und in einer unter 0° abgekühlten Umgebung geschmolzen wurden, obgleich das durch Schmelzen entstandene Wasser eine größere Wärmekapazität besitzt als das Eis. J. R. Mayer († 1878) und J. P. Joule zeigten, daß zwischen der erzeugten Wärmemenge und der zu ihrer Erzeugung verwendeten Arbeit ein bestimmtes und unabänderliches Verhältnis bestehe. Aus den Versuchen von Joule (1850) über die Reibung von Gußeisen mit Wasser oder Quecksilber, welches in einem Kalorimetergefäß enthalten war, geht hervor, daß eine Arbeit von 423,55 Kilogramm Metern (§ 43) erforderlich ist, um 1 kg Wasser um 1° C. zu erwärmen. — Benutzt man umgekehrt, wie es bei der Dampfmaschine der Fall ist, die Wärme zur Erzeugung mechanischer Arbeit, so würde, wenn alle durch Verbrennung der Kohlen erzeugte Wärme ohne Verlust verwertet werden könnte, durch Verbrauch einer Wärmeeinheit ein Gewicht von 423,55 kg 1 m hoch gehoben werden können. Diese Zahl, welche das konstante Umsetzungsverhältnis von Wärme und Arbeit angibt, wird deshalb mit dem Namen des mechanischen Äquivalents der Wärmeeinheit bezeichnet. Der Satz, daß zwischen der verwendeten Arbeit und der erzeugten Wärme, sowie umgekehrt, zwischen der verbrauchten Wärme und der geleisteten Arbeit, ein solches unabänderliches Umsetzungsverhältnis besteht, ist unter dem Namen des Prinzips der Äquivalenz der Arbeit und Wärme bekannt. — Dieses Prinzip enthält eine Erweiterung des in der Mechanik (§ 43) erläuterten Prinzips der Erhaltung der Arbeit, wonach bei mechanischen Vorgängen die geleistete Arbeit der verbrauchten gleich ist, sei es, daß der Arbeitsverbrauch in der Hebung einer Last, oder darin besteht, daß einer Masse eine gewisse Geschwindigkeit erteilt wird. Da, wie bereits oben (§ 238) gezeigt, die Wärme als ein Bewegungszustand der kleinsten Körperteilchen betrachtet werden muß, so wird eine gewisse Quantität mechanischer Arbeit erforderlich sein, um diesen Bewegungszustand hervorzurufen und umgekehrt wird ein warmer Körper, d. h. ein solcher, dessen Teilchen sich in einem intensiven Bewegungszustand befinden, fähig sein, durch Abgabe eines Teils dieser Bewegung ein gewisses Quantum mechanischer Arbeit zu leisten.

Wo in der Mechanik ein Arbeitsverbrauch ohne entsprechenden Gewinn oder ein Verlust lebendiger Kraft vorkommt, wie z. B. beim Zusammendrücken, oder beim Stoß unelastischer Körper (§ 68), da wird eine diesem Verbrauch entsprechende Wärmemenge erzeugt. Umgekehrt wird durch den Verbrauch von Wärme Arbeit geleistet, sei es nun, daß dieselbe in der Hebung eines Gewichts, oder in Überwindung der Kohäsion (§§ 43 und 204), oder der chemischen Verwandtschaftskräfte (§ 243) bestehe. Die Arbeitsquelle der Dampfmaschine ist die durch Verbrennung der Kohlen auf dem Feuerherd erzeugte Wärmemenge. — Die in einem Körper enthaltene Wärmemenge ist demnach als die Quantität der lebendigen Kraft der Molekularbewegung seiner Teile aufzufassen.

§ 242. Wärmeerzeugung durch Kompression der Gase. Wird eine Gasmasse durch Niederdrücken eines Stempels in einem cylindrischen

Gefäß komprimiert, so erfährt sie dabei eine beträchtliche Temperaturerhöhung, welche in dem sogenannten pneumatischen Feuerzeug angewendet worden ist, um Feuerschwamm oder leicht brennbaren Zunder zu entzünden. Umgekehrt erfolgt, wenn ein Gas sich ausdehnt und dabei durch Überwindung eines Gegendrucks eine Arbeit leistet, eine entsprechende Temperaturerniedrigung (Kalt-Luftmaschine).

Joule stellte zwei gleich große Behälter, von denen der eine luftleer, der andere mit komprimierter Luft gefüllt war, neben einander in ein größeres, mit Wasser gefülltes Gefäß, das als Kalorimeter diente. Beide Behälter konnten mittelst eines bei Anfang des Versuchs durch einen Hahn verschlossenen Rohres in Verbindung gesetzt werden. Öffnete man den Hahn, so dehnte sich die zusammengedrückte Luft auf ihr doppeltes Volumen aus, ohne beim Einströmen in den luftleeren Raum eine Arbeit zu leisten. Das Wasser des Kalorimeters erfuhr hierbei keine Temperaturveränderung, dagegen zeigte sich sofort eine Temperaturerniedrigung, wenn man die komprimierte Luft nicht in das luftleere Gefäß, sondern in die Atmosphäre ausströmen ließ, da in diesem Falle zur Überwindung des Gegendrucks der Atmosphäre eine Arbeitsleistung erforderlich war.

Die Erhöhung und Erniedrigung der Temperatur durch Kompression und Expansion der Gase gestattet eine merkwürdige Bestätigung des Prinzips der Äquivalenz der Arbeit und Wärme. Die spezifische Wärme der atmosphärischen Luft bei konstantem Druck ist nach den Versuchen von Regnault (§ 230) $c_1 = 0,2377$. Da sich aus der Theorie des Schalls, sowie aus den Versuchen von Cazin, das

Verhältnis der spezifischen Wärmen $k = \frac{c_1}{c} = 1,41$ ergeben hat (vergl. § 230), so

folgt die spezifische Wärme bei konstantem Volumen $c = 0,1686$. Die Differenz $c_1 - c = 0,0691$ stellt die Wärmemenge vor, welche zur Überwindung des äußeren Druckes verbraucht wird, wenn man 1 kg atmosphärischer Luft bei konstantem Druck um 1° erwärmt. Die Größe dieser Arbeit ist aber leicht anzugeben. Zu diesem Zweck denke man sich 1 kg Luft in einem cylindrischen Gefäß A von 1 qdm Grundfläche enthalten. Da 1 kg Luft bei 0° und unter dem Druck einer Atmosphäre ein Volumen von 773,4 Liter einnimmt, so wird die Höhe h der cylindrischen Luftsäule 7734 cm betragen. Den Druck der Atmosphäre denke man sich durch das Gewicht P eines beweglichen, das Gefäß verschließenden Stempels B ersetzt. Dieses Gewicht beträgt (§ 90) $P = 103,3$ kg. Wird die Luft in A bei konstantem Druck um 1° C. erwärmt, so dehnt sich dieselbe im Verhältnis von $1 : 1 + \alpha$ aus, oder ihre Höhe beträgt nach der Erwärmung $h(1 + \alpha) = h + h\alpha$ Meter. Das Gewicht P wird also bei der Erwärmung um ah m gehoben, mithin wird durch $c_1 - c$ Wärmeeinheiten eine Arbeit von $Pa h$ kgm oder durch 0,0691 Wärmeeinheiten eine Arbeit von $103,3 \cdot 0,003665 \cdot 77,34$ Kilogrammometer geleistet. Demnach ergibt sich das Arbeitsäquivalent der Wärmeeinheit $A = 423,7$ kgm, übereinstimmend mit dem Resultat, welches Joule bei seinen Versuchen über die Reibung von Gufseisen und Quecksilber erhalten hat (§ 241).

Fig. 227.

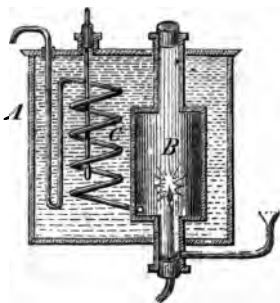


§ 243. Wärmeerzeugung durch chemische Prozesse, Verbrennung. Jeder chemische Prozess, bei welchem eine Vereinigung zweier Grundstoffe oder Verbindungen stattfindet (§ 15), ist mit einer mehr oder minder beträchtlichen Wärmeentwicklung verbunden, so namentlich die Vereinigung der Grundstoffe mit Sauerstoff oder Oxydation, die Verbindung der Metalle mit Chlor, Jod, Brom, Schwefel, u. s. w., die Vereinigung der Säuren mit Alkalien zu Salzen u. s. w., die Vereinigung des gebrannten Kalks oder der Kalkerde mit Wasser zu Kalkerdehydrat, welche beim sogenannten Löschen des gebrannten Kalkes stattfindet, die Vereinigung der wasserfreien Schwefelsäure mit Wasser zu Schwefelsäurehydrat (§ 19). Auch bei der Vermischung des Schwefelsäurehydrats (der konzentrierten, englischen Schwefelsäure) mit Wasser findet noch eine beträchtliche Wärme-

entwicklung statt. Insbesondere findet bei der schnellen Vereinigung vieler Grundstoffe mit Sauerstoff, oder auch mit Chlor, eine so intensive Wärmeentwicklung statt, daß dieselben dadurch bis zum Glühen erhitzt werden. Solche intensive Vereinigung zweier Stoffe wird mit dem Namen Verbrennung bezeichnet. In der Regel ist zur Einleitung des Verbrennungsprozesses eine erhöhte Entzündungstemperatur erforderlich. Ist derselbe einmal eingeleitet, so dient die durch die Verbindung erzeugte Wärme, um die Verbrennung zu unterhalten. Manche Stoffe entzünden sich schon bei gewöhnlicher Temperatur durch bloße Berührung, z. B. Antimonfeilspäne in Chlorgas, Phosphorwasserstoffgas in Berührung mit Sauerstoff oder atmosphärischer Luft (§ 22); Phosphor ist selbstentzündlich in fein verteiltem Zustand, anderenfalls genügt eine geringe Reibung zu seiner Entzündung. Chlor und Wasserstoff vereinigen sich unter Explosion durch Einwirkung des Sonnenlichts (§ 152). Ist der in atmosphärischer Luft oder Sauerstoff verbrennende Körper entweder schon bei gewöhnlicher Temperatur gasförmig (Wasserstoffgas, Leuchtgas), oder geht derselbe bei erhöhter Temperatur in den gasförmigen Zustand über (Schwefel, Phosphor), oder werden endlich durch erhöhte Temperatur aus demselben brennbare Gase entwickelt (Öl, Wachs, Stearinsäure, Holz), so erfolgt die Verbrennung mit Flamme.

Um die bei der Verbrennung verschiedener Körper entwickelte Wärmemenge zu bestimmen, bediente sich Rumford eines Kalorimeters *A* (Fig. 228), welches eine Verbrennungskammer *B* enthält. Die erhitzten Verbrennungsgase entweichen durch das von dem kalten Wasser des Kalorimeters umgebene Schlangenrohr *C* und geben ihren Wärmeüberschuß an das Wasser ab. Der bei Verbrennung des Wasserstoffgases oder wasserstoffhaltiger Verbindungen erzeugte Wasserdampf verdichtet sich in den Windungen des Schlangenrohrs zu flüssigem Wasser. Aus der verbrannten Gewichtsmenge der verschiedenen Substanzen und der entsprechenden Temperaturerhöhung des Kalorimeters kann dann die Verbrennungswärme gefunden werden. So hat sich ergeben, daß durch Verbrennung eines Kilogramms Wasserstoff 84601, durch Verbrennung eines kg Kohlenstoff 7295 Wärmeinheiten erzeugt werden.

Fig. 228.



Man pflegt die durch Verbrennung verschiedener Heizmaterialien (Holz-, Torf-, Braunkohlen- oder Steinkohlensorten) erzeugte Wärmemenge oder ihren Heizwert zu vergleichen, indem man ermittelt, wieviel kg Wasser durch Verbrennung einer bestimmten Gewichtsmenge in Dampf verwandelt werden. Nach obigem Resultat würde ein kg reinen Kohlenstoffs hinreichen, um mehr als 13 kg Wasser (§ 211) zu verdampfen. In der Praxis geben aber die besten Steinkohlensorten bei zweckmäßigster Feuerungsanlage nur einen Heizeffekt von 8–9 kg.

Der Grund der Wärmeentwicklung bei chemischen Verbindungsprozessen ist in der bei der Vereinigung der verwandten Stoffe durch chemische Anziehung gewonnenen Arbeit zu suchen, welche in Form von Wärme sichtbar wird. Umgekehrt wird zur Trennung der chemischen Bestandteile einer Verbindung eine gleiche Arbeits- oder Wärmemenge verbraucht. Explosive Verbindungen oder Gemenge, wie Schießpulver, Schießbaumwolle, Chlorstickstoff, welche bei ihrer Explosion gleichzeitig Arbeit und Wärme entwickeln, enthalten gleichsam einen Arbeitsvorrat in sich aufgespeichert, einer gespannten Feder vergleichbar. Über die Quelle des Arbeitsvorrats der vegetabilischen Brennstoffe s. § 244.

Nach Untersuchungen von Rossetti (1877) über die Temperaturen von Flammen hat man z. B. in der Flamme des Bunsenschen Brenners zu unterscheiden die äußere Hülle (1350°), aus einer dünnen Schicht von blauer Farbe

bestehend, eine zweite, dickere, violette Schicht (1250°), dann eine feine Hülle von schöner, himmelblauer Farbe (nicht ganz 1200°) und den dunklen, konischen Kern (200–650°). Leuchtflammen zeigen geringere Temperatur.

§ 244. Animalische und vegetabilische Wärme. Der Körper des Menschen und der sogenannten warmblütigen Tiere, nämlich der Säugetiere und Vögel, welche Lungenatmung und einen vollständigen, doppelten Blutkreislauf besitzen, zeigt eine konstante, von Klima und Jahreszeiten unabhängige, erhöhte Temperatur. Die Blutwärme des Menschen beträgt etwa 37° C. Ungefähr dieselbe Temperatur besitzt der Körper der meisten Säugetiere, während die meisten Vögel eine noch größere Blutwärme (40–41° C.) besitzen. Die Quelle dieser Wärmeentwicklung ist der Respirationsprozeß, indem gewisse kohlenstoff- und wasserstoffhaltige Blutbestandteile durch den in den Lungen von den Blutzellen aufgenommenen, atmosphärischen Sauerstoff eine Oxydation erfahren; die durch den Oxydationsprozeß entstandene Kohlensäure wird in den Lungen wieder ausgeschieden und durch neuen Sauerstoff ersetzt. Zur gleichmäßigen Erhaltung der Blutwärme ist im Winter und in kälteren Zonen eine größere Menge von Nahrungsmitteln, namentlich von sogenannten Respirationsmitteln, d. i. fett- und stärkemehlhaltigen Nahrungsstoffen erforderlich, als in wärmerer Umgebung.

Eine Ausnahme erleidet die gleichmäßige Höhe der Bluttemperatur nur bei Krankheiten, so daß das Thermometer für den Arzt unentbehrlich ist; ferner beim sogenannten Winterschlaf mancher Säugetiere, einem Erstarrungszustand, bei welchem der Prozeß der Atmung und des Blutkreislaufes in hohem Grade verlangsamt ist, und die Blutwärme deshalb auf die Temperatur der Umgebung herabsinkt. Beim Erwachen des Ziesel aus dem Winterschlaf ist in dem Zeitraum von 2½ Stunden eine Temperatursteigerung von 8,4° C. auf 32° C. beobachtet worden. Auch die kiemenatmenden Tiere und die tracheenatmenden Insekten besitzen eine gewisse Blutwärme. Indes ist dieselbe nicht konstant, sondern von der Temperatur der Umgebung abhängig, welche dieselbe in der Regel nur wenig übertrifft, teils weil die Respiration zu langsam, teils weil die Wärmeabgabe an die Umgebung wegen der geringen Körpermasse verhältnismäßig zu groß ist. Wo Insekten in großer Zahl zusammenleben, wie im Bienenstock, kann die erhöhte Temperatur, namentlich bei lebhafter Bewegung, sehr merklich werden, desgleichen während des lebhaften Flügelschlages bei den großen Dämmerungsfaltern aus der Gattung Sphinx u. s. w. — Der Vegetationsprozeß der Pflanzen ist im allgemeinen nicht mit einer Oxydation verbunden, sondern die grünen Pflanzenteile vermögen im Gegenteil, unter Einfluß des Sonnenlichts, die in der Atmosphäre enthaltene Kohlensäure zu zerlegen und, unter Abscheidung von Sauerstoff, kohlenwasserstoffhaltige Verbindungen, wie Zellstoff, Stärkemehl, Zucker, Öle, und dergl. zu bilden. Auf diese Weise sammeln dieselben gleichsam einen Vorrat von Arbeit an, welche durch Verbrennung des Holzes, der aus demselben entstandenen Kohlen u. s. w. wiedergewonnen werden kann. Zur Blütezeit dagegen findet ebenfalls ein Oxydationsprozeß statt, welcher bei größeren Blüten und Blütenständen, wie z. B. im Blütenkolben der Aroideen, im Blütenstand der Gattung Cycas, in der Blüte der Victoria regia, mit einer merklichen Temperaturerhöhung verbunden ist.

7. Anhang zur Wärmelehre.

Anwendung der Wärmelehre auf die hauptsächlichsten Vorgänge in der Atmosphäre der Erde. Grundbegriffe der Meteorologie.

§ 245. Klimatische Verschiedenheiten und Jahreszeiten. Die vorzüglichste Ursache der klimatischen Verschiedenheiten auf der Erdoberfläche ist die ungleiche Erwärmung ihrer verschiedenen Teile

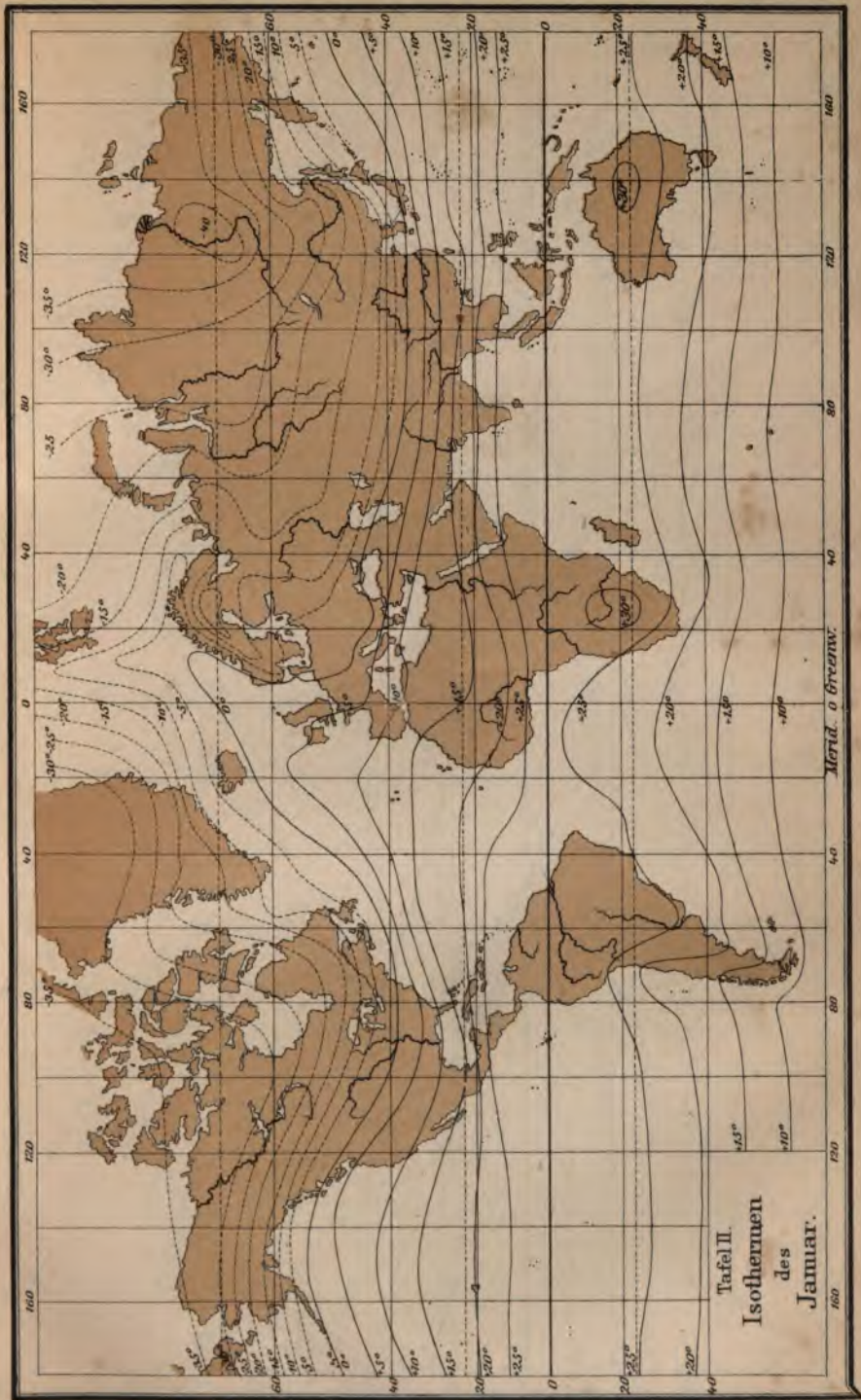
durch die Sonnenstrahlen. Je niedriger der Stand der Sonne über dem Horizont, unter desto schieferem Winkel treffen ihre Strahlen die Erdoberfläche, desto geringer ist also ihre erwärmende Wirkung (§ 366), die überdies in um so höherem Grade durch Absorption in der Erdatmosphäre geschwächt wird. Die im Sommer nördliche, im Winter südliche Deklination der Sonne (Abweichung vom Himmelsäquator [§ 354] bedingt den Wechsel der Jahreszeiten, indem im Sommer sowohl die Mittagshöhe der Sonne, als die Dauer ihres Verweilens über dem Horizont oder die Tageslänge größer ist als im Winter. Die nördliche und südliche Hemisphäre der Erde haben stets entgegengesetzte Jahreszeiten.

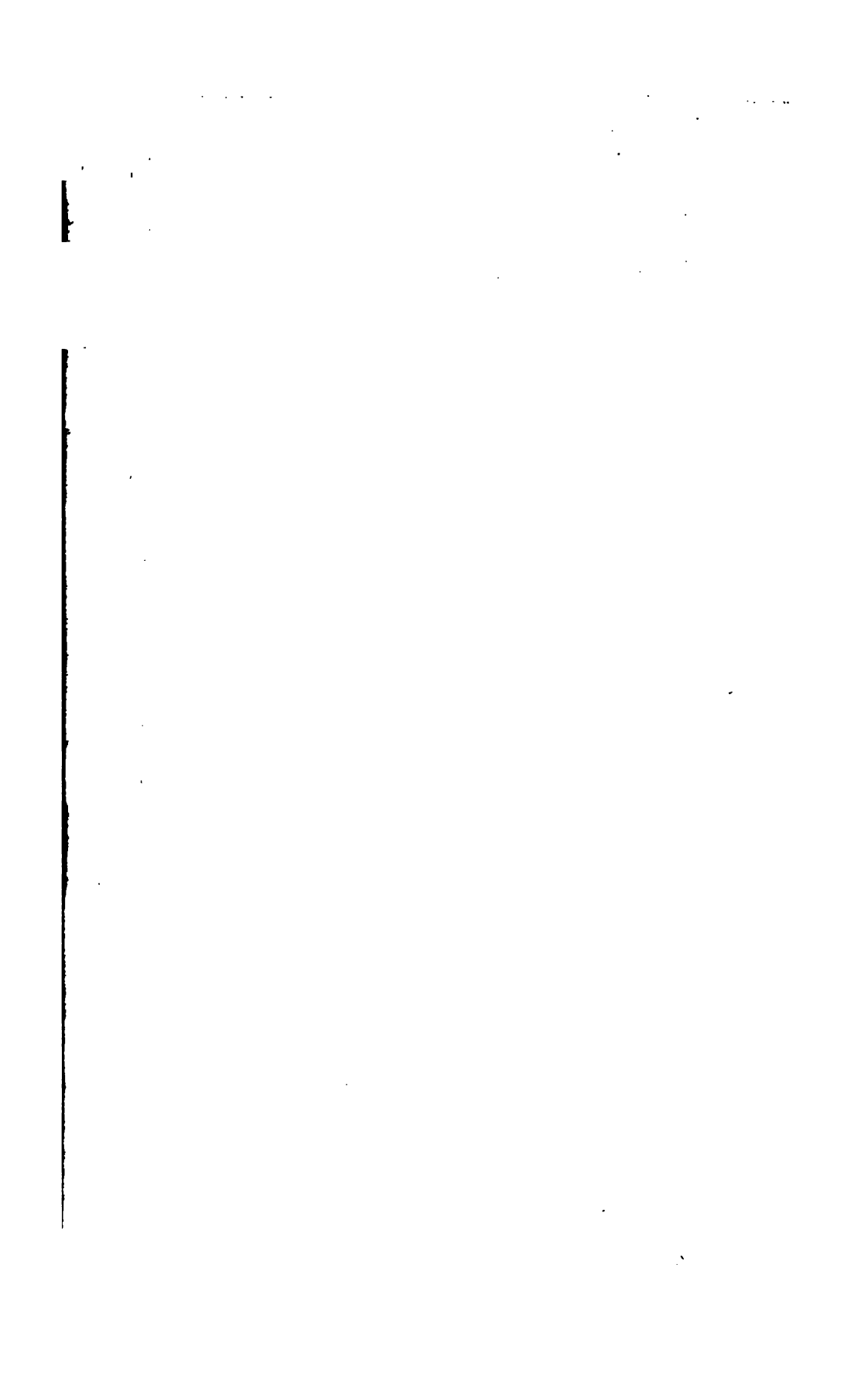
In der zwischen den Wendekreisen ($23\frac{1}{2}^{\circ}$ nördlich und südlich vom Äquator) eingeschlossenen, heißen Zone ist das Verhältnis insofern ein anderes, als an jedem Punkt derselben die Sonne im Laufe eines Jahres zweimal im Zenith (dem senkrecht über dem Scheitel des Beobachters befindlichen Punkte der Himmelskugel) steht und dieselbe bald nördlich, bald südlich vom Zenith kulminiert (den höchsten Punkt ihrer täglichen Bahn erreicht). Die Verschiedenheit der Jahreszeiten wird daher hier weniger durch den Wechsel der direkten, erwärmenden Wirkung der Sonne, als durch die von ihrem Stande abhängigen, regelmäßigen Luftströmungen und die damit verbundenen Feuchtigkeitsverhältnisse der Atmosphäre bedingt, wonach das Jahr im allgemeinen in eine trockene Jahreszeit und eine Regenzeit zerfällt (vergl. § 253). In den von den Polarkreisen eingeschlossenen, kalten Zonen erhebt sich die Sonne während eines mehr oder minder großen Theils des Winters (am Pol 6 Monate hindurch) nie über den Horizont, während sie in einem gleich großen Zeitraum im Sommer nie unter den Horizont hinabsinkt, aber immer nur eine geringe Mittagshöhe erreicht.

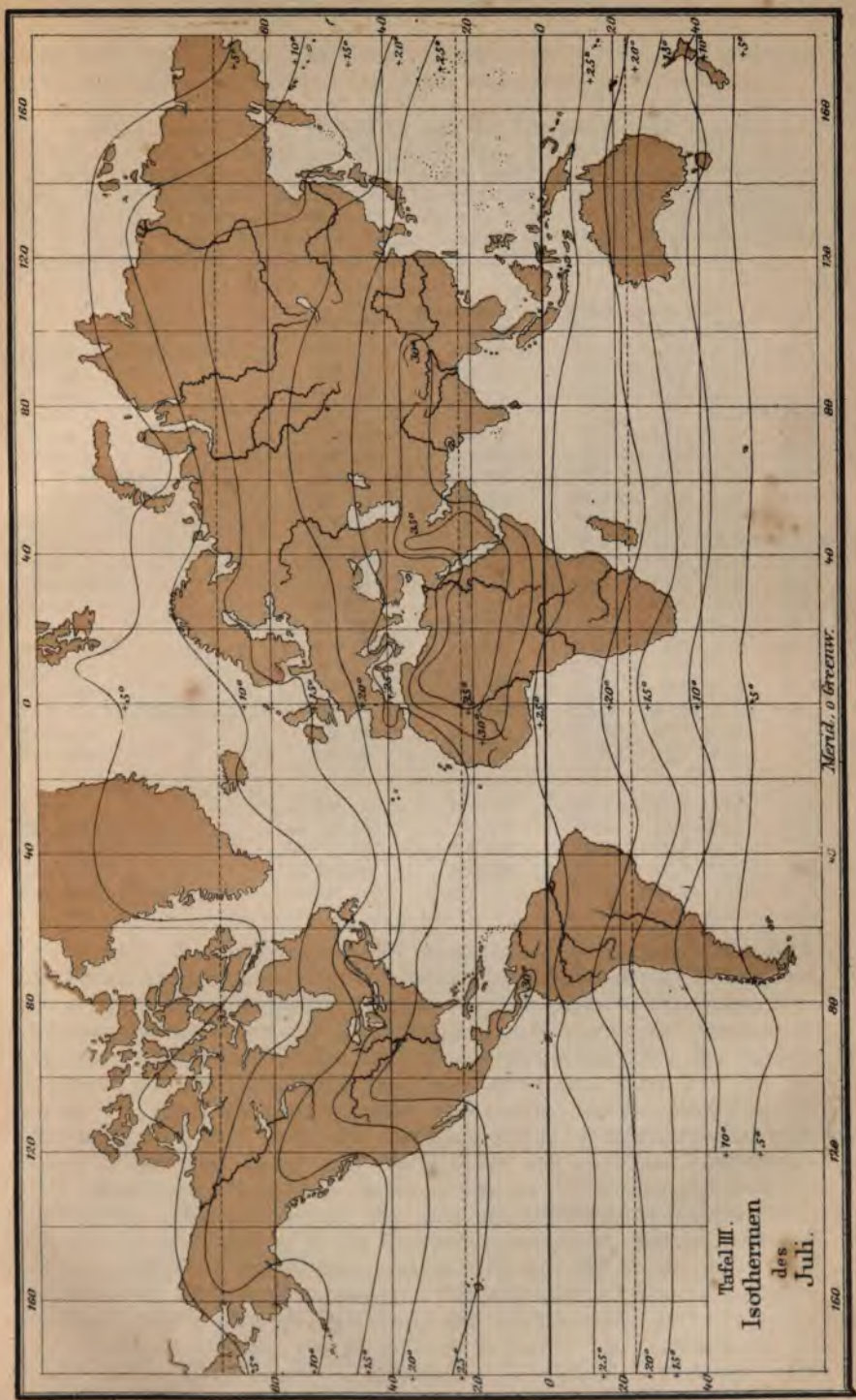
§ 246. Tägliche und jährliche Mitteltemperaturen. Isothermen. Indem man aus den an einem Ort der Erdoberfläche während eines Tages von Stunde zu Stunde beobachteten Temperaturen der Luft das arithmetische Mittel nimmt, erhält man die Mitteltemperatur dieses Tages. Auf gleiche Weise können aus den Tagesmitteln die mittleren Temperaturen der Monate, der Jahreszeiten und des ganzen Jahres für verschiedene Orte der Erdoberfläche abgeleitet werden. Erstreckt sich die Beobachtungsreihe über eine größere Zahl von Jahren, so kann die Mitteltemperatur des ganzen Jahres, der einzelnen Monate und Jahreszeiten mit um so größerer Sicherheit und unabhängig von zufälligen, während eines Jahres vorkommenden Unregelmäßigkeiten der Witterung abgeleitet werden. Um die Verteilung der Wärme auf der Erdoberfläche auf anschauliche Weise darzustellen, verbindet man, nach A. v. Humboldt (1817), auf einer Erdkarte die Orte gleicher, mittlerer Jahrestemperatur durch Linien, welche Isothermen genannt werden. Fände auf der Erdoberfläche keinerlei Verschiedenheit in der Verteilung von Land und Wasser, der Bodenbeschaffenheit, Vegetation u. s. w. statt, so würden alle Punkte desselben Parallelkreises gleiche mittlere Jahrestemperatur besitzen; die Isothermen müßten also mit den Parallelkreisen zusammenfallen, am Äquator müßte die höchste Temperatur stattfinden, und die Pole der Erdaxe müßten gleichzeitig Kältepole sein. Dies ist jedoch keineswegs der Fall. Der Verlauf der Isothermen ist vielmehr ein sehr unregelmäßiger, und in noch höherem Grade ist dies der Fall bei den Isothermen und Isochimenen, d. h. bei den Linien, welche die Punkte gleicher Sommer- und Winterwärme verbinden, sowie bei den Monatsisothermen. Auch fallen die Kältepole nicht mit den astronomischen Polen zusammen, es finden sich viel-











1

1

mehr auf der nördlichen Halbkugel der Erde im Winter zwei getrennte Kältepole, den Kontinenten von Asien und Amerika entsprechend.

Auf den Karten Taf. I, II und III sind die Jahresisothermen und die Isothermen der Monate Januar und Juli dargestellt. Die folgende Tabelle enthält die Mitteltemperaturen des Jahres und die der Monate Januar und Juli für einige Orte der Erdoberfläche. Die Orte sind im allgemeinen nach der geographischen Breite geordnet, wovon nur bei einer Reihe von Orten, die zwischen 50 und 60° N. Br. liegen, abgewichen worden, indem dieselben aus einem im nächsten Paragraphen ersichtlichen Grunde nach der geogr. Länge geordnet sind.

Ort	Geogr. Br.	Geogr. Länge östl. v. Greenw.	Mitteltemperatur des Jahres Januar Juli			Diff.
Rensselaer Hafen (Grönl.)	78° 37'	— 70° 40'	— 19,5	— 34,4	3,5	37,9
Boothia Felix	69° 59'	— 92° 1'	— 15,7	— 33,7	5,1	38,8
Jakutsk	62° 2'	129° 14'	— 11,4	— 42,1	16,7	58,8
Tobolsk	56° 12'	68° 16'	0,2	— 19,7	20,0	39,7
Kasan	55° 47'	49° 7'	3,7	— 13,6	19,4	33,0
Moskau	55° 45'	37° 34'	4,2	— 11,6	19,5	31,1
St. Petersburg	59° 56'	30° 18'	3,7	— 9,1	17,0	26,1
Königsberg	54° 48'	20° 29'	6,2	— 4,2	17,0	21,2
Berlin	52° 30'	13° 24'	9,0	— 2,4	18,7	21,1
Brüssel	50° 51'	4° 22'	10,4	1,9	18,0	16,1
Paris	48° 50'	2° 20'	10,7	1,9	18,7	16,8
Greenwich	51° 29'	0° 0'	9,4	1,9	15,4	13,5
Dublin	53° 21'	— 6° 11'	9,5	3,6	16,0	12,4
Rom	41° 54'	12° 25'	15,9	7,2	24,4	17,2
New-York	40° 44'	— 74° 1'	10,9	— 1,0	23,7	24,7
Peking	39° 54'	116° 26'	12,6	— 3,7	27,5	31,2
Cincinnati	39° 6'	— 84° 29'	12,0	0,9	24,6	23,7
Funchal (Madeira)	32° 38'	— 16° 56'	19,7	17,5	22,5	5,0
Kalkutta	22° 38'	88° 20'	28,0	20,7	29,9	9,2
Pondichery	11° 56'	79° 52'	31,0	26,5	34,4	7,9
<hr/>						
Lima	— 12° 3'	— 77° 8'	23,0	25,6	20,2	5,4
St. Helena	— 15° 55'	— 5° 43'	16,4	17,7	14,5	3,2
Rio Janeiro	— 22° 54'	— 43° 16'	24,2	26,7	19,5	7,2
Kapstadt	— 33° 56'	18° 23'	19,1	23,5	14,2	9,3
Falklandsinseln	— 52°	— 61°	8,5	13,4	3,0	10,4

§ 247. Kontinentales und Seeklima. Zwei Punkte der Erdoberfläche, welche gleiche mittlere Jahrestemperatur besitzen, können, wie aus obiger Tabelle hervorgeht, dennoch sehr verschiedene, klimatische Verhältnisse zeigen, indem die jährlichen Schwankungen der Temperatur von sehr verschiedener Gröfse sind. Namentlich spricht sich dies in dem Gegensatz des kontinentalen und Seeklimas aus. Das Festland erwärmt sich durch die Sonnenstrahlen viel leichter, als die Oberfläche des Meeres, strahlt aber auch die erhaltene Wärme schneller wieder nach dem Weltraum aus. Daher sind die täglichen und jährlichen Temperaturschwankungen im allgemeinen um so gröfser, je weiter man sich von der Meeresküste entfernt. Es geht dies aus der vorstehenden Tabelle deutlich hervor, wenn man z. B. die Ortschaften vergleicht, welche unter annähernd gleichen Parallelkreisen, zwischen 50 und 60° N. Br., aber unter verschiedenen Längengraden liegen. Während England ein ausgeprägtes Seeklima besitzt, wird die Differenz der Temperaturen des wärmsten und kältesten Monats um so gröfser, je weiter man ostwärts in das Innere des grofsen asiatisch-europäischen Kontinents eindringt. Im

Sommer besitzen die Kontinente, im Winter die Meere die relativ höchste Temperatur.

Einen beträchtlichen Einfluß auf die Ausgleichung der klimatischen Verschiedenheiten der Küstenländer üben die Meeresströmungen aus. So verdanken die Nordwestküsten Europas ihr mildes Winterklima größtenteils dem Einfluß des Golfstromes, welcher ihnen die im mexikanischen Golf erwärmten Wassermassen zuführt. — Als Ursache dieser Meeresströmungen sind zunächst herrschende Winde zu bezeichnen, welche die sogenannten Driftströmungen, die freilich nicht tief gehen, hervorrufen, dann die Differenz zwischen Niederschlag und Verdunstung. In den tropischen Meeren beträgt der jährliche Niederschlag nach Humboldt etwa zwei Meter, die Verdunstung fünf Meter, so daß daselbst im Jahre im ganzen ein Verlust von ungefähr 900 Kub.-Meilen Wasser, also täglich von 2,5 Kub.-Meilen eintritt. In den tropischen Meeren ferner vermehrt sich der Salzgehalt der oberen Schichten durch die Verdunstung, in den arktischen Meeren durch die Abscheidung salzfreier Eismassen; in beiden Fällen sinkt darum das schwerer gewordene Wasser und bringt so zugleich die dem organischen Leben in der Meerestiefe unentbehrliche Luft im aufgelösten Zustande nach unten. — Der Golfstrom führt beständig so viel Wärme vom tropischen Amerika nach Osten, daß man damit einen Eisenstrom von der Breite und Tiefe des Mississippi in beständigem Fluß erhalten könnte.

§ 248. Tägliche Temperaturperiode. Während bei Tage die Oberfläche der Erde von den Sonnenstrahlen erwärmt wird und ihre höhere Temperatur den auf ihr ruhenden Luftschichten mitteilt, kühlt sich dieselbe bei Nacht durch Strahlung gegen den Weltraum ab. Sowohl die Einstrahlung, als die Ausstrahlung und infolge dessen die tägliche Temperaturschwankung, ist bei heiterem Himmel größer als bei bewölktem Himmel. Das tägliche Maximum der Temperatur pflegt in den ersten Nachmittagsstunden, etwa gegen 2 Uhr, das Minimum etwa eine Stunde vor Sonnenaufgang einzutreten.

In heiteren, sternenhellen Nächten pflegt sich die Temperatur am tiefsten zu erniedrigen, daher der alte, irrige Volksglaube, daß der Mondschein Kälte bringe. Die von Melloni mittelst einer Steinsalzinlinse und der thermoelektrischen Säule (§ 235) nachgewiesene Warmewirkung des Mondes ist allerdings auf der Erdoberfläche sehr gering (ja ihre Existenz ist neuerdings in Frage gestellt worden), indem wahrscheinlich der größte Teil der Wärmestrahlen des Mondes in der Erdatmosphäre absorbiert wird (vergl. § 237).

§ 249. Abnahme der Temperatur mit der Erhebung über die Erdoberfläche. Die vorhergehenden Angaben beziehen sich zunächst auf die Temperatur der unmittelbar auf der Erdoberfläche ruhenden Luftschichten. Mit wachsender Höhe über der Meeresfläche oder über der ebenen Erdoberfläche nimmt die Temperatur ab, wie dies am besten an den Abhängen der Gebirge, oder beim Aufsteigen in Luftballons beobachtet werden kann. Nach Schlagintweit entspricht z. B. in den Alpen die Temperatur von 1° R. im Januar einer Erhebung von 285 m, im Juli von 175 m, im Jahresmittel von 220 m.

Die Abnahme der Temperatur mit der Höhe erklärt sich einerseits dadurch, daß die Sonnenstrahlen zum kleinsten Teil von der Atmosphäre, größtenteils aber von der festen und flüssigen Erdoberfläche absorbiert werden, so daß der Atmosphäre die Wärme hauptsächlich durch Berührung mit der erwärmten Erdoberfläche mitgeteilt wird. Andererseits werden die an der Erdoberfläche erwärmten Luftteilchen beim Aufsteigen in höhere Schichten der Atmosphäre ausgedehnt, weil sie unter geringeren Druck kommen, und mit dieser Ausdehnung ist eine Temperaturerniedrigung verbunden (§ 242). Das Gesetz der Temperaturabnahme mit der Erhebung über dem Erdboden erleidet häufig eine Ausnahme in den untersten, zunächst auf der Erdoberfläche ruhenden Schichten der Atmo-

sphäre, namentlich in den frühen Morgenstunden und an Orten, wo eine beträchtliche, nächtliche Wärmeausstrahlung nach dem Weltraum stattfindet, infolge deren sich die Erdoberfläche weit unter die Temperatur der unteren Schichten der Atmosphäre abkühlt (vergl. § 262).

Die Abnahme der Temperatur mit der Höhe übt auf höheren Gebirgen einen wesentlichen Einfluß auf den Charakter der Vegetation, indem jede Pflanzenart in ihrer räumlichen Verbreitung auf denjenigen Höhenbezirk beschränkt ist, innerhalb dessen die zu ihrem Gedeihen erforderlichen Temperaturverhältnisse stattfinden. So ist die Kultur des Weinstockes oder der Getreidearten nur bis zu einer für jede Art bestimmten Höhe über dem Meeresniveau möglich. Auf den hohen Gebirgen südlicher Länder finden in einer gewissen Höhe die immergrünen Laubhölzer die Grenze ihres Verbreitungsbezirkes, in größerer Höhe verschwinden die Laubhölzer überhaupt, dann die Nadelhölzer. Oberhalb der Baumgrenze besitzen die höchsten, alpinen Regionen ihre eigentümliche Flora aus niedrigen, mit moosähnlichem Rasen die Felsen überziehenden Pflänzchen. Oberhalb der Schneegrenze endlich vermögen die Strahlen der Sommersonne nicht mehr die im Laufe des Winters gefallenen Schneemassen zu schmelzen, und es wird dadurch das vegetabilische Leben überhaupt unmöglich gemacht (vergl. § 260).

§ 250. Bodentemperatur. Die täglichen und jährlichen Temperaturschwankungen der Atmosphäre machen sich nur bis zu einer geringen Tiefe im Erdboden bemerkbar. Die tieferen Bodenschichten zeigen das ganze Jahr hindurch eine konstante Temperatur, welche dem Jahresmittel des Ortes entspricht. In dem 26 m tiefen Keller der Pariser Sternwarte beträgt die jährliche Temperaturschwankung weniger als $0,1^{\circ}$ C. — Quellwasser, welche aus einiger Tiefe kommen, zeigen daher ebenfalls eine während des ganzen Jahres konstante Temperatur, erscheinen deshalb im Sommer kälter, im Winter wärmer als die Atmosphäre.

Die konstante Bodentemperatur erklärt sich aus der geringen Wärmeleitungsfähigkeit der Erdschichten. Das jährliche Maximum und Minimum der Temperatur tritt um so später ein, und beide sind um so weniger verschieden, je tiefer man in die Erde eindringt, indem sich die Temperaturschwankungen der Atmosphäre gleichsam als sehr langsam fortschreitende und dabei sich mehr und mehr verflachende Wellen ins Innere des Erdbodens fortpflanzen. (Über die Temperatur der tieferen Erdschichten vergl. § 240). — Aus Tiefen-Temperaturen im Atlantischen Ocean machte Thomson den Schluß, daß die Sonnenwärme sich nur bis zu einer Tiefe von etwa 40 m geltend macht und die Erwärmung durch den Golfstrom etwa bis zur Tiefe von 1200 m; von da an bis zur Tiefe von 3000 m findet für jede 400 m Tiefe eine Temperaturabnahme von 1° C. statt, von 3000 m bis 4000 m Tiefe fällt die Temperatur von $2,6^{\circ}$ auf 2° und endlich bis zur Tiefe von 6000 m auf $1,9^{\circ}$ C. In großen Tiefen hat der Meeresboden eine sich gleichbleibende Temperatur von 0° bis 2° C. — Die niedrigste Bodentemperatur in Meeresstiefen, welche bei einer Expedition von 1862 gefunden wurde, war $-1,3^{\circ}$ C.

§ 251. Luftströmungen der Atmosphäre. In einem ungleich erwärmten Luftraum, z. B. in einem durch einen warmen Ofen geheizten Zimmer, steigen an den wärmeren Stellen die Luftteilchen vermöge ihrer geringeren Dichtigkeit (§ 202) auf, während an den von der Wärmequelle entfernteren Stellen die kalten Luftteile herabsinken. Längs des Bodens findet daher eine Strömung von den kälteren zu den wärmeren Stellen, im oberen Teil in entgegengesetzter Richtung statt. Kommunizieren zwei ungleich erwärmte Zimmer durch einen schmalen Thürspalt, so wird eine Lichtflamme im oberen Teil des Spaltes nach dem kälteren, in der Nähe des Bodens dagegen nach dem wärmeren Zimmer hingeweht. Der Luftzug im Feuerherd unserer Öfen und Kamine wird durch das Aufsteigen der im Schornstein enthaltenen, warmen Luftsäule erzeugt. Ähnliche Strömungen werden in der Atmosphäre der Erde durch ungleiche Erwärmung der verschiedenen Teile der Erdoberfläche hervorgerufen. Diese Strö-

mungen sind zum Teil lokaler Natur, wie die sogenannten Land- und Seewinde, welche sich in Küstengegenden bemerkbar machen. Da bei Tage das Festland sich stärker erwärmt, bei Nacht aber sich stärker abkühlt als die Oberfläche des Meeres (vergl. § 247), so strömt in den wärmsten Tagesstunden die kühle Seeluft längs der Erdoberfläche vom Meer zum Lande und wird als Seebrise bemerkbar, während bei Nacht der Landwind in entgegengesetzter Richtung weht. Beim Wechsel beider Luftströmungen tritt in der Regel einige Stunden lang Windstille ein.

In viel größerem Mafsstabe werden die Bewegungen der Atmosphäre durch die ungleiche Erwärmung der Äquatorial- und Polarregionen der Erde beeinflusst. In der Äquatorialzone steigen die erwärmten Luftteile auf, während in den höheren Breitenzonen ein Niedersinken der kalten Luft stattfindet. Es entstehen infolge dessen auf jeder Erdhalbkugel zwei große Hauptströmungen, von denen die eine, welche die kalte Luft längs der Erdoberfläche vom Pol zum Äquator führt, der Polarstrom, die andere in den höheren Schichten der Atmosphäre vom Äquator zum Pol gerichtete, der Äquatorialstrom genannt wird. Gelangt der letztere aus den weiten Äquatorialgegenden in die wegen der Kugelgestalt der Erde räumlich sich mehr und mehr verengenden Regionen höherer Breite, so findet er bald nicht mehr Raum genug, um in gleichmäßigem Flusse zu den Polen zu gelangen, vielmehr senkt er sich, und zwar wie die Beobachtungen gezeigt haben, zumeist in der Breite von ungefähr 30°, herab und fließt alsdann zum Äquator zurück (vergl. Fig. 229). In den höheren Breitengraden ist, besonders in den oberen Schichten, die Atmosphäre meist in der Richtung nach den Polen hin in Bewegung, während die Luftströmungen der unteren Schichten vorzugsweise durch die Temperaturunterschiede über Kontinent und Meer und die dadurch hervorgerufenen Differenzen im Luftdruck bedingt werden (§ 254).

§ 252. Einfluss der Axendrehung der Erde. Passatwinde. Fände auf der Erdoberfläche keinerlei Unregelmäßigkeit in der Verteilung von Land und Meer und in der Erhebung von Gebirgsketten statt, und würden die beiden großen Hauptströmungen der Atmosphäre nicht durch die Axendrehung der Erde beeinflusst, so müßten dieselben genau von N. nach S., beziehungsweise von S. nach N. gerichtet sein. Die tägliche Axendrehung der Erde in der Richtung von W. nach O. bewirkt jedoch eine Ablenkung der Strömungen von ihrer ursprünglichen Richtung. Da nämlich die Luftteilchen am Äquator an der Axendrehung der Erde teilnehmen, also mit einer Geschwindigkeit von etwa 470 m in der Sekunde von W. nach O. bewegt werden, so werden dieselben, wenn sie als Äquatorialstrom nach höheren Breitengraden gelangen, wo die Rotationsgeschwindigkeit eine geringere ist, der Drehung der Erde in der Richtung von W. nach O. voraneilen. Es wird also auf der nördlichen Hemisphäre der Erde der ursprünglich südliche Äquatorialstrom eine Ablenkung nach SW. erfahren. Umgekehrt werden die Teilchen des Polarstromes, welche von Punkten geringerer zu Punkten größerer Rotationsgeschwindigkeit gelangen, gegen die Drehung der Erde zurückbleiben oder sich relativ gegen die Erdoberfläche von O. nach W. zu bewegen scheinen. Der längs der Erdoberfläche wehende, ursprünglich von N. nach S. gerichtete Polarstrom wird also eine Ablenkung nach NO. erleiden. — Auf ähnliche Weise werden die beiden Strömungen auf der südlichen Halb-

kugel der Erde durch die Axendrehung beeinflusst, so daß dieselben beziehungsweise eine nordwestliche und südöstliche Richtung erhalten.

In größter Regelmäßigkeit zeigen sich diese Luftströmungen in den nördlich und südlich vom Äquator gelegenen Regionen der großen Ozeane, wo längs der Meeresoberfläche die Polarströme das ganze Jahr hindurch wehen und die den Seefahrern wohlbekannten Passatwinde bilden, deren Entstehung auf obige Weise zuerst von Hadley (1735) richtig erklärt wurde. Nördlich vom Äquator weht, etwa zwischen dem 10. und 30. Grad N. Breite, beständig der NO.-Passat, südlich vom Äquator, unter den entsprechenden Breitengraden, der SO.-Passat, während in den höheren Regionen der Atmosphäre der auf der nördlichen Hemisphäre südwestlich, auf der südlichen Hemisphäre nordwestlich gerichtete Gegenpassat die am Äquator aufgestiegene erwärmte Luft nach den Polen führt.

Daß diese entgegengesetzte Strömung in den oberen Schichten der Atmosphäre wirklich stattfindet, kann man einestheils an den Gipfeln hoher Berge z. B. des Pks von Teneriffa, beobachten, welche sich bis in die Region des Gegenpassats erheben, andererseits wird es durch mehrfache Beobachtungen der Thatsache bestätigt, daß die bis in große Höhe emporgeschleuderte Asche vulkanischer Ausbrüche in einer dem unten wehenden Passat gerade entgegengesetzten Richtung mehr als 100 geographische Meilen weit fortgeführt wurde. Dasselbe geht aus gewissen Meteorstaubfällen hervor. Die auf dem Mittelmeer segelnden Schiffe werden nicht selten, während der sogenannte Scirocco weht, mit einem rötlichen Staub bedeckt. Noch häufiger zeigt sich derselbe an der afrikanischen Westküste. Bei mikroskopischer Untersuchung desselben fand Ehrenberg, daß dieser Staub zahlreiche Überreste von mikroskopischen Organismen enthält, welche in den tropischen Gegenden Südamerikas leben, also nur durch eine starke südwestliche Luftströmung von ihrem Ursprungsort nach den afrikanischen Küsten geführt und dort niedergefallen sein können.

§ 253. Kalmengürtel; jährliche Verschiebung der Passatgrenzen; Jahreszeiten der Tropenländer. Die beiden Passatregionen (siehe Fig. 229) sind durch einen äquatorialen Gürtel der Windstillen oder Kalmen getrennt, welcher den Stellen der größten Erwärmung entspricht, und in welchem vorzugsweise das Aufsteigen der erwärmten Luft in vertikaler Richtung stattfindet. Während in der Passatregion, infolge des Zuströmens aus kälteren Zonen kommender und daher wenig Wasserdampf enthaltender Luft, fortwährend trockenes, heiteres Wetter herrscht, ist die Kalmzone zugleich die Zone fortwährender Regengüsse und Gewitter. Die an der Oberfläche der tropischen Gewässer mit Feuchtigkeit gesättigte Luft wird beim Aufsteigen durch die damit verbundene Ausdehnung abgekühlt (§ 242).

Dabei wird der größte Teil des in derselben enthaltenen Wasserdampfes in flüssiger Form niedergeschlagen und stürzt in Form heftiger Regengüsse, die mit Gewittererscheinungen (§ 288) verbunden zu sein pflegen, nieder. Mit dem nördlichen und südlichen Stand der Sonne verschieben sich im Lauf der Jahreszeiten auch die Grenzen des Kalmengürtels und der Passatregionen, so daß dieselben zur Zeit unseres Sommers mehr

Fig. 229.



nach Norden vorrücken, zur Zeit unseres Winters nach Süden zurückweichen. Aus dieser Verschiebung entspringt der Wechsel der trockenen Jahreszeit und der Regenzeit tropischer Regionen, indem jeder Ort der Tropengegenden seine trockene Jahreszeit hat, solange er sich in der Passatzzone, seine Regenzeit hingegen, wenn er sich in der Region der Kalmen befindet (vergl. §§ 254, 256). Die Größe der jährlichen Verschiebung der Passatgrenzen wird durch die Verteilung der Meere und Kontinente beeinflusst und ist deshalb unter verschiedenen Längengraden verschieden. Manche Orte (Cayenne) bleiben fast das ganze Jahr hindurch in der Region der Windstillen, haben also immer Regen, während andere (Sahara) sehr selten Regen haben.

Am stärksten ist die jährliche Verschiebung der Passatgrenzen im Indischen Ocean, indem zur Zeit des Sommers, infolge der starken Erwärmung des großen, nördlich vom Äquator gelegenen, asiatischen Kontinents der SO.-Passat der südlichen Hemisphäre weit über den Äquator hinaus nach der nördlichen Halbkugel übergreift, wobei seine Richtung in eine südwestliche übergeht. Umgekehrt greift während unseres Winters der Nordostpassat auf die südliche Halbkugel über und ändert daher seine Richtung in eine nordwestliche. Es wehen daher in den indischen Meeren, nach den Jahreszeiten, regelmäßig abwechselnd, nördlich vom Äquator nordöstliche und südwestliche, südlich vom Äquator südöstliche und nordwestliche Winde, welche von dem Seefahrer Monsune genannt werden.

§ 254. Region der veränderlichen Winde; Isobaren; Gradienten. Diese völlige Regelmäßigkeit der Luftströmungen und der damit verbundenen Witterungserscheinungen findet nur innerhalb der zu beiden Seiten des Äquators, bis etwa zum 30sten Breitengrade gelegenen Zone statt (§ 251). Jenseits der äußeren Grenze der Passatregion beginnt die Region der veränderlichen Winde. Jenseits der Wendekreise beginnt nämlich der obere Gegenpassat sich allmählich herabzusinken, so daß unter höheren Breiten der Polar- und Äquatorialstrom nicht mehr über, sondern neben einander fließen und einander zeitweise gegenseitig verdrängen. So unregelmäßig sich auch dieser Wechsel und die damit verbundenen Witterungserscheinungen auf den ersten Blick darstellen, so lassen sich doch ebenfalls bestimmte Gesetze darin erkennen. Die warmen Winde kommen aus Gegenden, wo eine höhere Temperatur herrscht: in Westeuropa aus SW., d. h. aus den Meeresgebieten, wo durch den Golfstrom die Wärme sich erhöht; in Rußland und Sibirien aus S., weil hier die Ländermassen von der Sonne am meisten durchwärmt sind; auf der Ostseite aber von Asien, wo die Isothermen Ausbiegungen nach SO. zeigen, die Wärme also nach SO. am meisten zunimmt, aus einer Richtung zwischen SO. und S. Die kalten Winde dagegen kommen fast genau entgegengesetzt, in Westeuropa aus ONO., in Rußland aus NO., in Westsibirien aus N., in Ostasien aus NW., sämtlich Richtungen, welche vom nordasiatischen Kältepol (§ 246) herkommen. Ähnlich sind die Beziehungen der kälteren Winde in Nordamerika zum dortigen Kältepol.

Durch Beobachtungen hat sich ferner ergeben, daß auf der Westseite der Kontinente, innerhalb der gemäßigten Zone, im Winter die nordöstlichen Winde den höchsten Luftdruck, die südwestlichen den niedrigsten mit sich führen, während auf der Ostseite der Festländer westliche bis nordwestliche Winde den Barometerstand erhöhen, südliche bis südöstliche denselben erniedrigen. Um nun den Zusammenhang zwischen Windrichtung und Luftdruck genauer festzustellen, verbindet man

Orte, welche dieselbe auf den Meeresspiegel reduzierte Barometerhöhe zeigen, durch Linien, welche Isobaren heißen. Zwischen zwei Punkten derselben Isobare findet dann ein Unterschied im Luftdruck nicht statt; dagegen liegen in normaler Richtung zu einer jeden Isobare immer diejenigen Punkte, in denen zunächst die größte Barometerdifferenz hervortritt. Die Richtung von einem Punkte mit höherem nach dem zunächst benachbarten mit niederem Luftdruck bezeichnet man als einen barometrischen Gradienten. Demnach ist in jedem Punkt der Gradient normal zu der zugehörigen Isobare. Die Gröfse des Gradienten wird ausgedrückt durch die Anzahl von Millimetern, um welche der Luftdruck bei einer in der Richtung des Gradienten gemessenen Entfernung von einer geographischen Meile abnimmt.

Sind die Isobaren konzentrische Kreise, so fällt die Richtung der Gradienten mit der der Radien zusammen und zwar nach außen oder nach innen, jenachdem der gemeinschaftliche Mittelpunkt der Isobaren ein barometrisches Maximum oder Minimum ist. Sind die Isobaren parallele gerade Linien, so sind auch die Gradienten einander parallel. Je dichter die Isobaren an einander rücken, um so stärker werden die Gradienten.

Bezieht man die Richtung der Windpfeile auf Tafel IVa und b auf den Lauf der Isobaren, so bestätigt sich das 1857 von Buys-Ballot gefundene Gesetz, daß die Richtung des Windes vorzugsweise von der verschiedenen Verteilung des Luftdruckes abhängt. Diesem Gesetz entsprechend zeigt sich (auf der Nordhälfte der Erde), daß, wenn man dem Winde den Rücken zuwendet, das Minimum des Luftdruckes nach links, ein wenig nach vornhin liegt, daß also der Wind in einer Richtung weht, welche zwischen Gradient und Isobare liegt, der letzteren etwas zugeneigt (Fig. 230). Die Bewegung des Windes erfolgt demnach im ganzen in einem spiralförmigen Wirbel, der die Luft in einem Sinne, entgegen dem Drehungssinne der Zeiger einer Uhr, also „der Sonne entgegen“, dem barometrischen Minimum, als dem Centrum dieser Bewegung, zuführt. Umgekehrt erfolgt die Bewegung der Luft aus einem barometrischen Maximum hinaus (Fig. 231) mit einer Abbiegung nach rechts, in einer spiralförmigen Bahn und in einer Richtung, welche der Drehung der Uhrzeiger entspricht, d. h. „mit der Sonne“. Entgegengesetzte Richtung zeigen die Windwirbel auf der Südhalbkugel der Erde.

Zur Erklärung dieser Abweichung der Windrichtung von der der Gradienten dient auch hier (vergl. § 252) die Einwirkung der Axenumdrehung der Erde, durch welche auf der nördlichen Erdhälfte eine Ablenkung nach rechts, auf der südlichen nach links hin bedingt wird. Diese

Fig. 230.

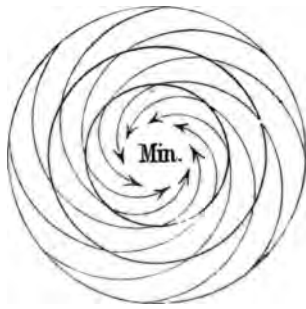
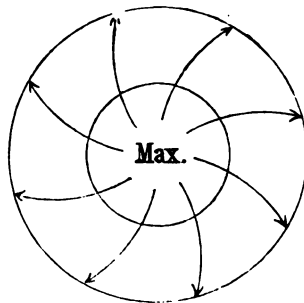


Fig. 231.



ablenkende Wirkung ist proportional dem Sinus der geographischen Breite; sie beträgt in der Breite 30° für die Stunde $7^\circ 30'$. Von geringerem Einfluß auf die Ablenkung ist die Centrifugalkraft der bewegten Luft.

Man ersieht hieraus, inwiefern das Barometer als Wetteranzeiger dienen kann. Ein schnelles, starkes Sinken des Barometers verkündet in der Regel stürmisches Wetter. Ein auffallend hoher Barometerstand kann dagegen durch gegenseitiges Anstauen des Äquatorial- und des Polarstromes erzeugt werden, welches wegen der Vermischung der warmen und kalten Luft häufig mit dichtem Nebel und wässerigen Niederschlägen verbunden ist.

Im allgemeinen sind auf der nördlichen Hemisphäre, wie aus dem obigen hervorgeht, die SW.- und NO.-Winde vorherrschend. Lokalverhältnisse können jedoch Abweichungen bedingen. So erzeugt die starke Erwärmung des asiatischen Kontinents und die dadurch bewirkte Auflockerung der über demselben ruhenden Luft während unseres Sommers in Europa häufige Nordwestwinde.

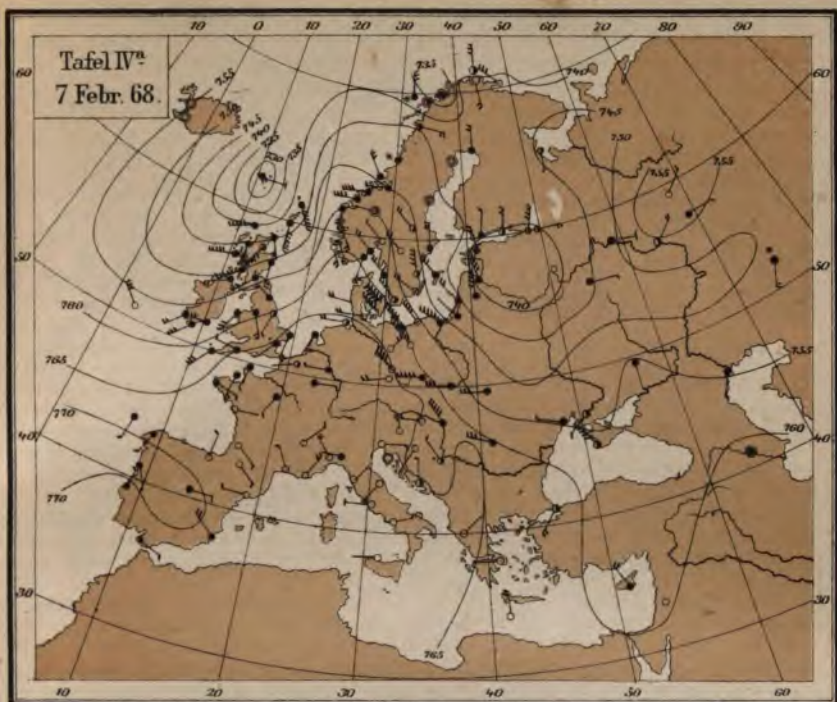
§ 254a. Verlauf eines barometrischen Minimums.*) Die Tafeln IVa und b gewähren eine Übersicht über Luftdruck, Wind, Bewölkung und Niederschlag in Europa an zwei auf einander folgenden Tagen (den 7. und 8. Februar 1868 vormittags). Der Barometerstand ist durch die Isobaren veranschaulicht, die Luftströmungen durch Pfeile, welche mit dem Winde fliegen, und die Stärke des Windes durch die verschiedene Anzahl der Federn an diesen Pfeilen (eine Feder schwacher Wind, 6 Federn Orkan). Windstille ist durch einen runden Ring um die Station bezeichnet. Jenachdem die Stationskreise leer, halbschwarz oder ganz schwarz dargestellt sind, ist der Himmel als heiter, halbklar oder ganz bewölkt zu bezeichnen. Regen wird durch einen Punkt, Schnee durch einen Stern neben der Station angedeutet.

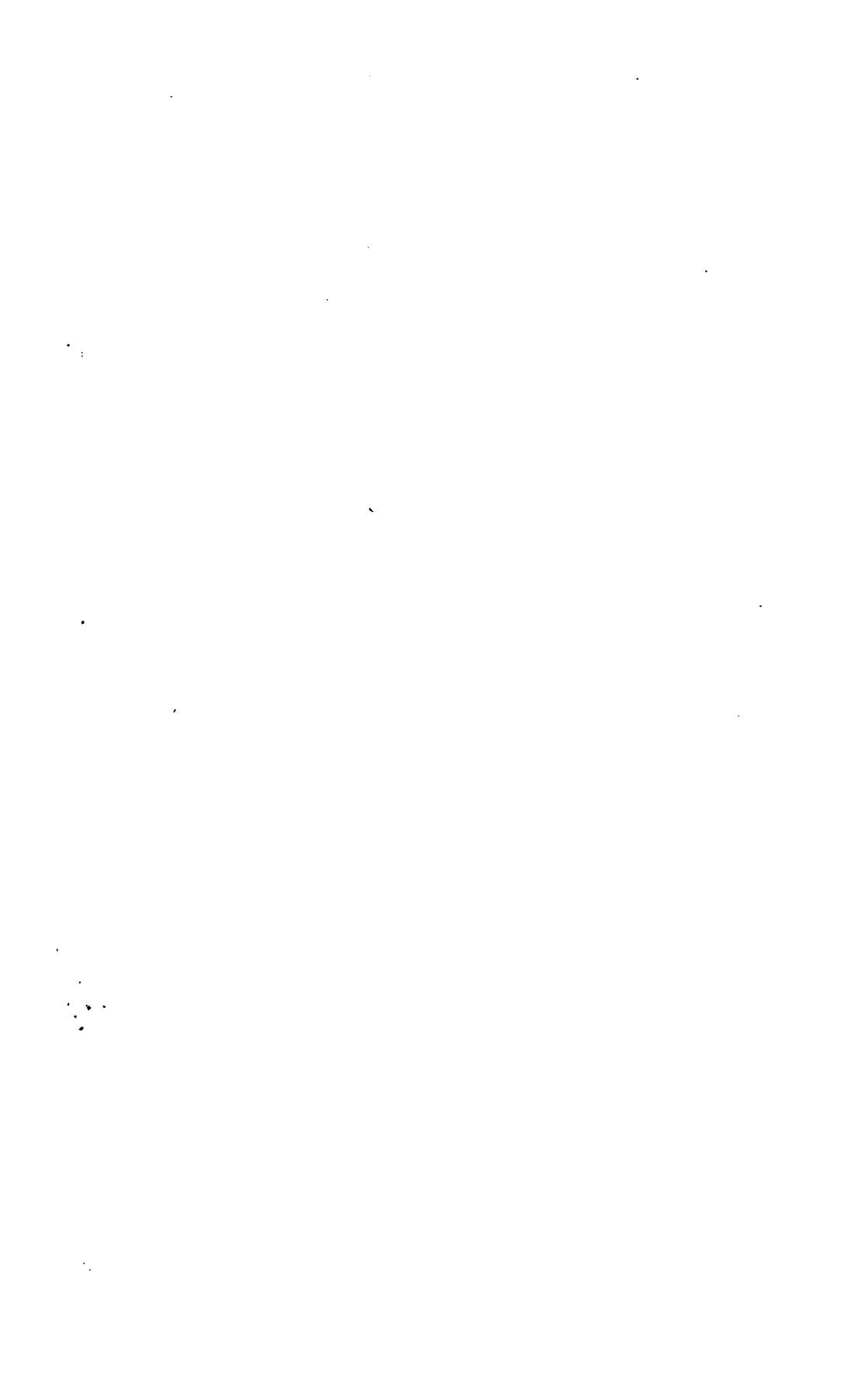
Am Morgen des 7. Febr. (Taf. IVa) herrschte demnach über Südeuropa hoher Luftdruck, in Spanien und Portugal bis über 771 mm, über Mitteleuropa sieht man den Luftdruck von 760 mm sich zungenförmig nach Norden bis nach Schweden erstrecken; auf beiden Seiten dieser Isobare ist der Luftdruck geringer, bei den Färöern liegt ein Minimum des Druckes von nur 727 mm, ein zweites von 732 mm im Norden von Norwegen, endlich ein drittes von 737 mm in Rußland. Die Gradienten in Süd- und Mitteleuropa sind klein, die Winde schwach und unregelmäßig, der Himmel meist klar. Dagegen erhöht sich um das Minimum bei den Färöern, wo die Isobaren dicht gedrängt liegen und die Gradienten sich verstärken, der Wind zu Sturmesstärke, und zwar treibt er die Luft spiralförmig dem Minimum zu, dem in § 254 dargestellten Gesetz entsprechend. Ebenso herrscht im Kattegat und in der südlichen Ostsee bei großen Gradienten ein NW.-Sturm; auch im östlichen Deutschland ist stürmisches Wetter. Im Osten von Rußland läßt sich ein barometrisches Maximum mit nach außen treibenden Winden beobachten.

Den folgenden Morgen (Taf. IVb) ist das Minimum von den Färöern östlich bis Norwegen vorgerückt. Hier hat klarer Himmel bei NW.-Wind mit bewölktem Himmel bei SW.- und SO.-Wind gewechselt; an der norwegischen Westküste hat sich der frühere Südwind nach NW. gedreht und Regen gebracht, in Schottland dagegen hat sich das Wetter aufgeklärt. In Rußland und im östlichen Deutschland hat der Wind nachgelassen, in Island weht starker NO., bei bewölktem Himmel. Die Depressionsgebiete im Norden von Norwegen und im Westen von Rußland haben sich ausgeglichen. — Weiter ist auf Taf. IVb der Weg des Minimums, das sich den Tag vorher bei den Färöern befand, bis zum Morgen des 10. Februar angedeutet. Dasselbe schreitet, wie es gewöhnlich der Fall ist, nach Osten vor und zwar, sobald es über das feste Land kommt, weil es hier die meisten Hindernisse zu überwinden hat, mit abnehmender Geschwindigkeit und steigendem Luftdruck. Aus der folgenden Übersicht geht genauer hervor, welche Strecke und mit welchem Druck das Minimum sich vom 6. Febr. abends bis zum 10. Februar morgens vorwärts bewegt:

	zwischen: 6. ab. . . 7. mg. . .		7. ab. . . 8. mg. . .		8. ab. . . 9. mg. . .		10. mg.
Weg in Graden:	6,8°	6,3°	3,7°	3,6°	8,4°	3,5°	
in der Stunde:	63 km	59 km	34 km	33 km	32 km	16 km	
Luftdruck in mm:	727	725	723	733	737	742.	

*) Vergl. H. Mohn, Grundzüge der Meteorologie. Berlin 1876.





Bei der fortschreitenden Bewegung des Minimums wechselt für einen Ort nördlich von der Bahn des Wirbelcentrums (vergl. Fig. 230), über den also die linke Seite des Wirbels hinweggeht, die Windrichtung von SO. durch O., NO. nach N., d. i. „der Sonne entgegen“, dagegen für die Orte südlich von der Bahn des Centrums, welche also der Wirbel rechts liegen läßt, von S. durch SW., W. bis NW., d. i. „mit der Sonne“.

Im nördlichen Teil des Atlantischen Meeres bilden sich, besonders wohl durch den warmen Golfstrom (§ 247) veranlaßt, fortwährend Depressionsgebiete. Dieselben bewegen sich, entsprechend dem oben ausführlicher geschilderten Verlauf eines Minimums, meist nach Osten. Wenn also ein Minimum im Norden von England erscheint und über Skandinavien hin sich nach Rußland verliert, so strömt die Luft aus dem südlichen Europa zuerst aus OSO., wird aber durch die Axenumdrehung der Erde südöstlich, beim späteren Verlauf der Depression südlich und südwestlich und endlich westlich und nordwestlich. Der Wind dreht sich also in Deutschland in der Richtung OSWN. (Doves Drehungsgesetz). Nimmt aber das Minimum, was seltener eintritt, seinen Verlauf in südlicher Richtung und westlich vom Europäischen Kontinent, so dreht sich der Wind in Deutschland im entgegengesetzten Sinne. — Man hat Minima beobachtet, welche fast still stehen, oder sich nur langsam fortschieben, andere wieder, deren Geschwindigkeit der eines heftigen Sturmes zu vergleichen ist, indem sie in einer Stunde mehr als 90 km vorrücken.

Die erste Anregung zu einer wissenschaftlichen Pflege der Witterungskunde ist von Deutschland ausgegangen, und zwar hat die Pfälzer Akademie zuerst ein eigentliches Beobachtungsnetz begründet. Alex. v. Humboldt (Kosmos 1845—1858) entwarf in großen Zügen den Plan einer physikalischen Geographie, und Dove zeigte dann in mustergültiger Weise, wie die aus den Beobachtungen gewonnenen Zahlen zu gruppieren sind und zu allgemeinen Resultaten führen. Die Physik und Meteorologie der Meere verdankt vor allem dem Amerikaner Maury († 1873) ihre rasche Entwicklung. Im Jahre 1875 endlich ist auch die deutsche Admiralität dem System der Sturmwarnungen durch Vereinigung und regelmäßige Veröffentlichung telegraphischer Berichte über den Barometerstand, die Windrichtung und die Witterung aus einem ausgedehnten Beobachtungsgebiet auf Seewarten beigetreten.

§ 255. Wirbelstürme. Die heftigsten Luftbewegungen finden in den Wirbelstürmen der Tropengegenden statt, welche in den westindischen Gewässern unter dem Namen Hurrikans, in den ostindischen und chinesischen Meeren als Teifuns bekannt und gefürchtet sind. Eine Luftmasse von vielen Meilen Durchmesser wird dabei in heftig wirbelnde Bewegung versetzt. Die Rotationsrichtung ist auf der nördlichen Halbkugel entgegengesetzt der eines Uhrzeigers (SONWS) (§ 254), auf der südlichen Halbkugel die umgekehrte. Dabei schreitet das Centrum des Wirbelsturmes allmählich fort, auf der nördlichen Halbkugel, solange er sich in der Passatregion befindet, von SO. nach NW.; an der Grenze der Passatregion angelangt, wird die Richtung des Fortrückens allmählich nach N. und NO. abgelenkt, indem gleichzeitig der Durchmesser des Wirbelsturmes sich erweitert und seine Intensität abnimmt. Am furchtbarsten und häufigsten sind die Hurrikans in der Gegend der Antillen. Im Centrum des Wirbelsturmes herrscht völlige Windstille und infolge der durch die Rotation bewirkten Luftverdünnung ein sehr niedriger Barometerstand. Ein Ort, über den das Centrum des Wirbels fortschreitet, wird daher nach einander von zwei in entgegengesetzter Richtung wehenden Stürmen getroffen, welche durch eine kurze Windstille getrennt sind.

Wirbelbewegungen in kleinerem Maßstabe, welche wie die Wirbelstürme in der Regel von elektrischen Erscheinungen begleitet werden, sind die Wind- und Wasserhosen oder Tromben. — Nach Reye (1872) sind die Wirbelstürme als durch Wärme erzeugte, vertikale Luftströme zu erklären: diese Luftströme veranlassen das Herzuströmen der Luft zum Fuße, die Abnahme des Luftdruckes und die rasche Bildung von Regen und Gewitterwolken. Um das windstille Cen-

trum steigen so lange neue Luftströme auf, als genügende Mengen Wasserdampf mitgerissen werden, um bei ihrer Verdichtung durch die dabei frei werdende Wärme die Luft zu erwärmen und so emporzuheben.

§ 256. Wolken, Nebel. Durch Abkühlung einer Luftmasse bis unter den Sättigungspunkt des in ihr enthaltenen Wasserdampfes (§§ 213, 218) wird ein Teil des letzteren in tropfbar flüssigem Aggregatzustand in Form von Wolken oder Nebeln niedergeschlagen. Diese bestehen aus sehr feinen Wassertröpfchen oder Bläschen, welche vermöge ihrer Leichtigkeit längere Zeit in der Luft schweben können. Die Abkühlung und daraus entspringende Wolkenbildung erfolgt namentlich beim Aufsteigen der erwärmten, feuchten Luft in höhere Regionen, wie es besonders in der Regenregion der Kalmen stattfindet (§ 253), sodann bei Fortführung der Luft nach höheren Breitengraden im Äquatorialstrom (§§ 251, 254), oder endlich bei Vermischung wärmerer mit kälteren Luftmassen, z. B. beim Eindringen des Polarstromes in den Äquatorialstrom.

Am Abend beobachtet man die Bildung von Nebeln über Gewässern und feuchten Wiesen, wenn die Temperatur der auf denselben ruhenden Luftschicht bis unter den Taupunkt zu sinken beginnt. In den Gebirgen heften sich die Wolken an die kalten Berggipfel, indem die Luftteilchen, sobald sie in die Nähe des Berges gelangen, bis unter den Taupunkt abgekühlt werden, und der Wasserdampf sich niederschlägt, in größerer Entfernung von demselben aber sich wieder auflöst. Deshalb scheint die Wolke, vom Thale aus gesehen, ruhig am Berge zu haften, obgleich in der That die Luftmasse in steter Bewegung ist und die Wolke von immer neuen Wasserteilchen gebildet wird, wie der durch einen ruhenden Stein in fließendem Wasser erregte Wirbel seinen Ort unveränderlich bewahrt. Ein ähnlicher Prozeß fortwährender Neubildung und Wiederauflösung findet wahrscheinlich in den meisten Wolken statt. — Wolken und Nebel sind nicht wesentlich verschieden. Nebel sind auf dem Erdboden ruhende Wolken. Die auf dem Berge lagernde Wolke erscheint dem darin Befindlichen als Nebel. Die Frage, ob die Verdichtung des Wasserdampfes in Form kleiner Tröpfchen, oder in Form von Bläschen geschieht, hat noch nicht mit Sicherheit entschieden werden können. Nach Meißner ist der Ozongehalt der Atmosphäre von wesentlichem Einfluß auf die Wolkenbildung.

§ 257. Wolkenformen. Unter den mannigfaltigen Gestalten der Wolkenbildung unterscheidet man nach Howard folgende vier Hauptformen: die Federwolke (cirrus), die Haufenwolke (cumulus), die Schichtwolke (stratus) und die Regenwolke (nimbus).

Die feinsten und am höchsten schwebenden Wolken sind die Federwolken, wahrscheinlich nicht aus flüssigen Wasserteilchen, sondern aus Eiskrystallen gebildet. Sie zeigen häufig, namentlich wenn sie in die geschichtete Federwolke (cirro-stratus) übergehen, den Eintritt des Äquatorialstromes in den oberen Luftschichten an, weshalb man bei gleichzeitigem, allmählichem Sinken des Barometers auf Regenwetter schließen kann. Die abgerundeten Haufenwolken, oft von halbkugeliger Gestalt mit horizontaler Basis, treten bei uns in der Regel im Sommer bei andauernd schönem Wetter auf. Eine Zwischenform bildet die gehäufte Federwolke (cirro-cumulus) — die sogenannten „Schäfchen“. Schichtwolken sind die langen, horizontalen Wolkenstreifen, welche sich häufig in weiter Ausdehnung über dem Horizont lagern. Die Regenwolke, in der Regel aus der geschichteten Haufenwolke (cumulo-stratus), oder der geschichteten Federwolke (cirro-stratus) entstehend, überzieht entweder den ganzen Himmel, oder einen großen Teil desselben mit einem gleichförmig grauen, undurchsichtigen Schleier.

§ 258. Regen. Wird der Niederschlag des Wasserdampfes (§ 256) so reichlich, daß die Wasserteilchen nicht mehr in der Luft schwebend erhalten werden können, sondern zu größeren Tröpfchen und

Tropfen zusammenfließen, so fällt das Wasser als Regen herab. Anfangs lösen sich die Tropfen beim Herabfallen durch trockene Luftschichten zum Teil wieder auf, bis sich auch die unteren Schichten mit Feuchtigkeit gesättigt haben. Dann findet in der Regel das Umgekehrte statt, daß nämlich die Tropfen sich im Herabfallen durch neuen Niederschlag noch vergrößern, so daß die am Fuße eines Turmes auf eine gleich große Fläche fallende Regenmenge größer ist, als an der Spitze desselben. Die Dauer und Beschaffenheit des Regens ist verschieden, jenachdem derselbe durch den andauernden Äquatorialstrom (vergl. § 254), oder durch das Eindringen des Polarstromes in den Äquatorialstrom veranlaßt wird. Im ersteren Fall erfolgt der Niederschlag allmählich und längere Zeit gleichmäßig andauernd, während er im letzteren Fall plötzlich in großer Menge stattfindet, aber schnell vorübergeht. Diese schnelle Verdichtung des Wasserdampfes ist dann in der Regel mit lebhaften, elektrischen Erscheinungen verbunden (§ 287). Darauf beruht der Unterschied der sogenannten Landregen und der Gewitterregen. Erstere dauern in mäßiger Stärke mit kleinen Tropfen lange Zeit an, letztere fallen mit großen Tropfen in sehr reichlicher Menge, aber schnell vorübergehend.

Die an einem Orte in einem bestimmten Zeitabschnitt fallende Regenmenge wird durch den Regenmesser (Ombrometer) gemessen. Ein trichterförmiges, oben offenes Gefäß, dessen Öffnung einen genau bestimmten Flächeninhalt hat, sammelt die auf diese Fläche fallende Regenmenge in einem Kasten, aus welchem sie in ein engeres Gefäß gebracht und ihrem kubischen Inhalt nach gemessen werden kann. Man kann danach bestimmen, wie hoch die gefallene Regenmenge den Boden bedecken würde, wenn durch Abfluß, Verdunstung und Eindringen in den Boden nichts verloren ginge. In Berlin beträgt die mittlere, jährliche Regenmenge 59 cm, in Kalkutta 174 cm, in Buitenzorg (Java) 375 cm, in Cayenne 330 cm, in Cerra Punjee (ostindisches Monsungebiet) 1420 cm. Im allgemeinen findet an Gebirgen ein bedeutender Regenniederschlag statt und zwar (auf der nördlichen Hemisphäre der Erde) vorzugsweise am Süabhäng der Gebirge, was sich aus der Abkühlung erklärt, welche der Äquatorialstrom daselbst erleidet.

§ 259. Schnee. Ist die Temperatur der Luft unter dem Gefrierpunkt, so findet der Niederschlag der Feuchtigkeit nicht in flüssiger Form, sondern in Gestalt feiner, nadelförmiger Eiskrystalle statt, welche sich, da sie dem hexagonalen Krystallsystem angehören, zu zierlichen, sechsstrahligen Sternen (Fig. 232) zusammengruppieren. Bei größerer Menge bilden dieselben unregelmäßige Schneeflocken, deren weiße, undurchsichtige Beschaffenheit von der lockeren Anhäufung der sie bildenden Eiskrystalle und den zahlreichen, zwischen ihnen eingeschlossenen, lufthaltigen Zwischenräumen herrührt.

Fig. 232.



Die sechsstrahligen Schneefiguren, welche am schönsten bei strenger Kälte und sparsam fallendem Schnee beobachtet werden, fängt man am besten auf einer, zuvor unter Null Grad abgekühlten, schwarzen Schiefertafel, oder einem schwarzen Tuch auf. Sehr mannigfaltige Formen derselben sind von Scoresby auf seinen Reisen in den Polarregionen beobachtet und abgebildet worden.

§ 260. Schneegrenze, Firn, Gletscher. In den Polargegenden, (sowie in den höheren Gebirgsregionen (vergl. § 249), ist die Sommerwärme nicht mehr hinreichend, um die während des Winters im festen Aggregatzustand niedergeschlagenen Schneemassen zu schmelzen. Dies tritt in um so geringerer Höhe über dem Meeresniveau ein, unter je

höherem Breitengrade das Gebirge gelegen ist; in der Polarzone sinkt die Schneegrenze bis zum Meeresniveau herab. So beträgt die Höhe der Schneegrenze an den Cordilleren von Bolivia und am Himalaya 4800 bis 5800 m, an den Alpen 2700—2800 m, am Altai 2000 m; an den norwegischen Kjölen 1600 m, auf Island 1000 m.

Übrigens wird die Höhe der Schneegrenze auch durch die absolute Höhe und durch die Massenhaftigkeit der Erhebung des Gebirges, durch die angrenzenden Hoch- oder Tiefländer, sowie durch die Menge der Niederschläge beeinflusst. So ist die Schneegrenze an der nördlichen Kette des Karakorum höher als an der südlichen Parallelkette des Himalaya, und am Nordabhang des letzteren höher als am Südbhang, weil an letzterem die stärksten Niederschläge stattfinden und der Himalaya nördlich an das Hochland von Tibet, südlich aber an die Stufenländer Indiens grenzt.

Ein großer Teil des im Winter auf dem Hochgebirge angesammelten Schnees stürzt bei beginnender Schneeschmelze im Frühling und Anfang des Sommers in Form von Lawinen von den geneigten Abhängen des Gebirges herab. Der übrig bleibende Teil, auf den weniger steil geneigten Flächen, wird während des Sommers durch abwechselnde, oberflächliche Schmelzung unter den Strahlen der Sonne und Wiedergefrieren bei Nacht in körnigen Firn umgewandelt. Dieser Firn, welcher auf hohen Gebirgen Felder von meilenweiter Ausdehnung bildet, senkt sich durch seine Schwere allmählich in die tieferen Einsattelungen des Gebirges herab, indem er sich, infolge einer besonderen Eigenschaft des Eises, zu einer immer dichter und fester zusammenhängenden Eismasse vereinigt. Dadurch entstehen die Gletscher, welche gleichsam als die in den Thalschluchten des Hochgebirges herabsteigenden Abflüsse des Firnmeeres betrachtet werden können, und deren untere Enden sich meist weit unter die Schneegrenze hinab erstrecken (der Grindelwaldgletscher z. B. bis zu 1000 m Meereshöhe).

Die Eismasse des Gletschers ist in fortwährendem, langsamem Vorrücken begriffen, dessen Geschwindigkeit je nach der Gestalt und Neigung des Thalbettes, in welchem der Gletscher sich herabsenkt, verschieden ist. Tyndall fand diese Geschwindigkeit an verschiedenen Punkten des Mer de glace bei Chamouny gleich 24—54 cm in 24 Stunden. Die Eismasse des Gletschers ist von zahlreichen, bald mehr, bald minder breiten und tiefen Spalten zerklüftet, in welche das durch oberflächliche Schmelzung entstandene Wasser einsickert und sich zu einem unter dem Gletscher hin fließenden Bach sammelt, welcher am unteren Ende desselben aus einem mehr oder minder hoch gewölbten Gletscherthor hervorströmt. Das untere oder Stirnende des Gletschers würde durch das Herabsinken der Eismasse mit jedem Jahre tiefer nach dem Thale hin vorrücken, wenn nicht am unteren Ende ebensoviel abschmolze, wie von obenher nachrückt. In heißen, trockenen Jahren zieht sich der Gletscher zurück, indem die Schmelzung überwiegt, während er in einer Reihe kalter Jahre mit reichlichen Niederschlägen vorrückt und die vor seinem Ende angesammelten Schutt- und Geröllmassen, welche seine sogenannte Stirnmoräne bilden, mit unwiderstehlicher Gewalt vor sich schiebt. Die Oberfläche des Gletschers ist in der Regel mit mehr oder minder zahlreichen Steinen und Felsstücken bedeckt, welche durch den Druck und die Reibung des Eises von den Thalwänden abgelöst, oder von oben auf den Gletscher herabgefallen sind. Bei seinem Herabrücken führt der Gletscher diese Gesteinmassen mit sich ins Thal herab, und dieselben häufen sich am unteren Ende als Stirnmoräne an, während die Ränder des Gletschers seiner ganzen Länge nach von zwei aus ähnlichem Geröll gebildeten Seitenmoränen eingefasst sind. Wenn sich die Thalbetten zweier Gletscher vereinigen, so fließen beide, wie zwei Ströme, in einen zusammen, und durch Vereinigung der beiden inneren Seitenmoränen entsteht eine Mittelmoräne, welche auf dem Rücken des Gletschers herabläuft. In einer früheren Epoche der Erdbildung war die Ausdehnung der Gletscher, wie durch geologische Forschungen nachgewiesen wird, eine viel größere als gegenwärtig.

§ 261. Graupeln, Hagel, Glatteis. Graupeln sind kugelförmige, etwa erbsengroße, leicht zerdrückbare, trübe Schneekörnchen, welche namentlich im Frühjahr und Herbst bei schnell wechselnder Temperatur häufig niederfallen. Man kann dieselben als Schneeflocken betrachten, die durch teilweise Schmelzung und Wiedergefrieren während des Herabfallens verdichtet sind. — Die Hagelkörner bestehen aus einem trüben, einem Graupelkorn ähnlichen Schneekern, welcher von einer mehr oder minder dicken Hülle in konzentrischen Schalen geschichteten Eises umgeben ist. Die schnelle Bildung so großer Eismassen, welche wegen ihres bedeutenden Gewichtes nicht wohl längere Zeit in der Luft geschwebt haben können, erklärt sich nach Dufour durch die Annahme, daß sich die Wassertröpfchen der hagelbildenden Wolke, unter Null Grad abgekühlt, im Zustande der Überschmelzung (§ 208) befinden. Durch Berührung mit einer Schneeflocke wird die plötzliche Erstarrung der überschmolzenen Wasserteilchen veranlaßt, und dieselben überziehen in kurzer Zeit das durch die Wolke herabfallende Korn mit einer schalenförmig geschichteten Eishülle von beträchtlicher Dicke, welche durch eingeschlossene Luft weiß und undurchsichtig erscheint. Die Hagelwetter treten in der Regel in Begleitung von Gewittern (§ 288) auf und sind auf einen schmalen Landstrich beschränkt, der aber oft bedeutende Längenausdehnung hat. — Eine der Hagelbildung analoge Erscheinung ist das sogenannte Glatteis. Fallen im Winter unter den Gefrierpunkt abgekühlte und im Zustand der Überschmelzung befindliche Regentropfen auf den festen Erdboden, so erstarren sie plötzlich und überziehen den Erdboden mit einer glatten Eiskrinne. Daß hier die Abkühlung unter den Gefrierpunkt nicht erst am kalten Erdboden erfolgt, geht daraus hervor, daß die Bildung der Eisschicht auch auf ausgespannten Tüchern, Regenschirmen und anderen schlechten Wärmeleitern stattfindet.

§ 262. Tau und Reif. Durch die nächtliche Wärmeausstrahlung nach dem Weltraum wird bei heiterem Himmel die Erdoberfläche, wo sie von schlechten Wärmeleitern gebildet wird, bis unter den Taupunkt (§ 218) abgekühlt. Der in den mit der Erdoberfläche in Berührung befindlichen Luftschichten enthaltene Wasserdampf schlägt sich infolge dessen als Tau, oder wenn die Temperatur des Bodens unter dem Gefrierpunkt ist, als Reif nieder. Die Tau- oder Reifbildung erfolgt deshalb um so reichlicher, je größer das Wärmestrahlungsvermögen und je geringer das Wärmeleitungsvermögen der Erdoberfläche ist, am reichlichsten daher auf dunklen, rauhen Körpern, auf Pflanzenteilen, welche eine sehr große, strahlende Oberfläche darbieten und dabei sehr schlechte Wärmeleiter sind. An den Zweigen der Bäume bildet sich im Winter der Eisniederschlag als sogenannter Raufrost häufig in solcher Menge, daß starke Äste und Stämme durch das Gewicht desselben zusammenbrechen.

Die Taubildung wird verhindert durch alle Einflüsse, welche die freie Wärmeausstrahlung nach dem Weltraum beschränken, also durch Bewölkung des Himmels, durch Rauch, sowie durch jede Bedeckung des Bodens.

Siebenter Abschnitt.

Elektricität und Magnetismus.

1. Reibungselektricität.

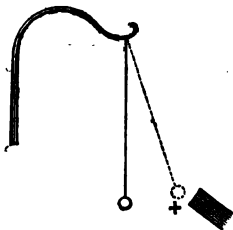
§ 263. Erregung der Elektricität durch Reibung; Leiter und Nichtleiter der Elektricität. William Gilbert zeigte (1600), daß viele Körper, wie Harze, Schwefel, Glas, Seide, durch Reiben die Eigenschaft erlangen, leichte Körperchen anzuziehen und nach erfolgter Berührung wieder abzustofsen. Er nannte diese Eigenschaft, welche schon im Altertum am geriebenen Bernstein (*ἤλεκτρον*) bekannt war, Elektricität und theilte die Körper, jenachdem sie durch Reiben elektrisch wurden oder nicht, in idioelektrische und anelektrische. Nachdem jedoch Gray (1729) gezeigt hatte, daß die sogenannten anelektrischen Körper nicht nur elektrisiert werden können, sondern auch den elektrischen Zustand auf größere Entfernungen fortzupflanzen imstande sind, unterschied man richtiger Leiter und Nichtleiter der Elektricität. Die Nichtleiter werden durch Reiben elektrisch und behalten ihre Elektricität, indem dieselbe an der Stelle haftet, wo sie durch die Reibung erregt worden ist. Die Leiter können zwar ebenfalls elektrisch gemacht werden, bewahren den elektrischen Zustand aber nur dann, wenn sie von Nichtleitern umgeben und durch dieselben vom Erdboden isoliert sind. Die Nichtleiter werden deshalb auch Isolatoren genannt.

Zu den Nichtleitern gehören Harz (Schellack, Siegelack), Schwefel, Kautschuk, Guttapercha, Glas, Edelsteine, Seide, Kollodium, ganz trockenes Holz oder Papier u. s. w. Leiter der Elektricität sind vorzugsweise die Metalle, ferner Graphit, Holzkohle, Wasser und viele Flüssigkeiten. Unvollkommene Leiter oder sogenannte Halbleiter sind: Luft, trockenes Holz, Papier, Baumwolle, Stroh, Leder, überhaupt die meisten organischen Gewebe und viele Gesteine (vergl. auch § 265).

Trockene Luft ist ein Nichtleiter, feuchte Luft ein unvollkommener Leiter. Gase in sehr verdünntem oder erhitztem Zustand (Flamme) sind Leiter der Elektricität (vergl. § 334). Der luftleere Raum ist nichtleitend für die Elektricität.

Zur Ausführung des elektrischen Fundamentalversuches bedient man sich am besten einer mit Wollenzug geriebenen Siegelack- oder Hartgummistange, oder eines Glasstabes, der mit Kautschuk oder einem durch Zinn-Zink-Amalgam bestrichenen Lederlappen gerieben ist und trockener Holundermarkkugeln. Man bemerkt schon beim Reiben häufig ein leichtes Knistern und Funkensprühen, und dieses wiederholt sich bei dem lebhaften Auf- und Abtanzen der Kugeln.

Fig. 233.



§ 264. Elektrisches Pendel, positive und negative Elektricität. Um den elektrischen Zustand eines Körpers zu prüfen, bedient man sich am einfachsten des elektrischen Pendels (Fig. 233), d. h. eines an einem Seidenfaden aufgehängten, leichten Kugelchens aus Binsen- oder Holundermark. Dasselbe wird von einer mit Wollenzug geriebenen Glas- oder Siegelackstange angezogen und nach erfolgter Berührung wieder abgestofsen. Zwei neben einander aufgehängte Kugeln, welche mit derselben geriebenen Glasstange berührt worden sind, stofsen einander ab. Es folgt daraus, daß der elektrische Zustand des Glases durch die Berührung den Kugeln mitgeteilt worden ist, und daß zwei gleichartig

elektrische Körper einander abstossen. Mittelst des elektrischen Pendels überzeugt man sich, daß die Elektrizität der geriebenen Glasstange von der der geriebenen Siegellackstange verschieden ist. Ein mit der geriebenen Glasstange berührtes Kügelchen wird, wie oben gezeigt, von dieser abgestossen; von der geriebenen Siegellackstange aber wird es angezogen. Nach Berührung mit der Siegellackstange wird es umgekehrt von dieser abgestossen und von der Glasstange angezogen. Die Elektrizitäten des geriebenen Glases und Siegellacks zeigen also ein verschiedenes und gewissermaßen entgegengesetztes Verhalten. Man unterscheidet dieselben daher durch die Benennung Glas- und Harzelektrizität, oder positive und negative Elektrizität. Die angegebenen Erscheinungen können demnach in den Satz zusammengefaßt werden, daß zwischen gleichnamig elektrischen Körpern Abstossung, zwischen ungleichnamig elektrischen Körpern Anziehung stattfindet.

Zur Erklärung der elektrischen Erscheinungen nimmt man das Vorhandensein zweier elektrischen Fluida an, welche, wenn sie in einem Körper in gleicher Menge vorhanden sind, sich in ihren Wirkungen gegenseitig aufheben oder einander neutralisieren. Ein solcher Körper ist dann neutral elektrisch oder erscheint unelektrisch. Der Körper erscheint positiv oder negativ elektrisch, je nachdem eines oder das andere Fluidum im Überschuss vorhanden ist. Die Teilchen jedes der beiden Fluida stoßen einander ab; dagegen findet zwischen den Teilchen des positiven und denen des negativen Fluidums Anziehung statt, indem sich dieselben zu vereinigen und zu neutralisieren streben. In der That verlieren zwei gleich stark entgegengesetzt elektrische Körper durch Berührung ihren elektrischen Zustand, indem sich ihre Elektrizitäten zu neutraler Elektrizität vereinigen. Beim Reiben wird umgekehrt die neutrale Elektrizität in positive und negative zerlegt; die beiden mit einander geriebenen Körper zeigen daher, wie unten (§ 265) näher erläutert wird, stets entgegengesetzte Elektrizitäten.

Die sogenannte dualistische Hypothese, welche zwei entgegengesetzte, elektrische Fluida annimmt, ist zuerst von Symmer (1759) aufgestellt worden, während Franklin und Apinus (1750—55) die elektrischen Erscheinungen durch die Annahme eines Fluidums erklären wollten, welches in unelektrischen Körpern in einer gewissen normalen Menge vorhanden sei, während ein Überschuss oder Mangel desselben den positiv oder negativ elektrischen Zustand bedingen sollte. Das Wahrscheinlichste ist, daß es einst gelingen wird, die Annahme elektrischer Fluida ganz zu entbehren und die elektrischen und magnetischen Erscheinungen, wie die der Wärme, auf gewisse Bewegungszustände der Körperteilchen zurückzuführen (vergl. §§ 196, 238, 241). Vorläufig aber ist es zweckmäßig, bei der dualistischen Hypothese stehen zu bleiben, weil diese die bekannten Erscheinungen auf die einfachste und ungezwungenste Weise erklärt.

§ 265. Spannungsreihe für Reibungselektrizität. Zwei mit einander geriebene Körper zeigen stets entgegengesetzte Elektrizitäten. Welche von beiden Elektrizitäten ein Körper durch Reiben erhält, hängt daher nicht nur von der Beschaffenheit des geriebenen, sondern auch von der des reibenden Körpers ab. So wird z. B. Schwefel mit Wollse gerieben negativ, mit Kollodium gerieben dagegen positiv elektrisch. Auch die Beschaffenheit der Oberfläche, Politur u. s. w. ist von großem Einfluß. Man hat versucht, die Körper in eine Reihe zu ordnen, in welcher jeder folgende mit einem vorhergehenden gerieben negativ, jeder vorangehende dagegen mit einem der folgenden gerieben positiv elektrisch wird. Nach den Versuchen von Faraday und Riefs*) ist diese Spannungsreihe für Reibungselektrizität folgende (vergl. § 306):

+	Bergkrystall	die menschliche Hand	Schwefel
Katzenfell	Flintglas	Holz	Guttapercha
Flanell	Baumwolle	Metalle	Elektrisches Papier
Elfenbein	Leinwand	Kautschuk	Kollodium (Schießbaum-
Federkiel	Weisse Seide	Siegellack	wolle). —

*) Riefs, Reibungselektrizität, Berlin 1853.

§ 266. Elektroskop. Zur Wahrnehmung geringer Elektricitätsmengen dient das Elektroskop (Fig. 234). Ein Messingdraht, welcher an seinem oberen Ende bei a mit einem kugelförmigen Knopf versehen ist, trägt an seinem unteren Ende bei b zwei neben einander aufgehängte, leicht bewegliche Körper. Cavallo wendete feine, beweglich aufgehängte Silberdrähte, Volta (1788) Strohhalme, Bennet schmale Streifen von Blattgold an. Zum Schutz gegen Beschädigung und gegen Luftströmungen, sowie zur Vermeidung einer schnellen Zerstreuung der Elektricität, ist das untere Ende des Messingdrahtes, nebst den daran befestigten Goldblättchen, in einem Glasgefäße eingeschlossen, durch dessen Deckel oder Hals der Draht, durch Schellack isoliert, hindurchgeführt ist. Wird dem Knopf des Elektroskops ein elektrischer Körper genähert, so weichen die Goldblättchen aus einander, indem sie gleichnamig elektrisch werden und einander infolge dessen abstossen.

Fig. 234.



Apparate, welche auf einem ähnlichen Prinzip beruhen, aber vermöge ihrer Einrichtung eine Messung der elektrischen Abstossung und dadurch eine messende Vergleichung der mitgetheilten Elektricitätsmengen gestatten, werden Elektrometer genannt (vergl. auch §§ 271 und 312).

§ 267. Elektrische Verteilung oder Influenz. Nähert man dem Knopf eines Elektroskops eine geriebene Glas- oder Siegelackstange, so divergieren die Goldblättchen bereits, wenn sich der elektrische Körper noch in beträchtlicher Entfernung von demselben befindet. Entfernt man hierauf den elektrischen Körper, so fallen die Goldblättchen wieder zusammen. Es hat also schon aus der Entfernung eine Einwirkung des elektrischen Körpers auf das Elektroskop stattgefunden, ohne daß demselben Elektricität durch Berührung mitgeteilt worden ist. Diese Einwirkung aus der Entfernung wird mit dem Namen der elektrischen Verteilung oder Influenz bezeichnet. Dieselbe erklärt sich nach der Hypothese der elektrischen Fluida (§ 264) auf folgende Weise. Der isolierte Leiter des Elektroskops abc (Fig. 234) ist vor dem Versuch neutral elektrisch, d. h. er enthält beide elektrischen Fluida in gleicher Menge, zu neutraler Elektricität vereinigt. Nähert man demselben einen positiv elektrischen Körper, z. B. eine geriebene Glasstange, so wirkt die positive Elektricität anziehend auf die negative und abstossend auf die positive Elektricität des isolierten Leiters. Da auf dem Leiter beide Elektricitäten frei beweglich sind, so wird durch diese Anziehung und Abstossung die neutrale Elektricität desselben in positive und negative geschieden, indem sich die angezogene $-E$ bei a , die abgestossene $+E$ auf den Goldblättchen bei c ansammelt und diese, da sie gleichnamig elektrisch werden, zur Divergenz bringt. Wird jetzt der verteilende Körper, welcher die Trennung beider Elektricitäten bewirkte, wieder entfernt, so vereinigen sich dieselben durch gegenseitige Anziehung zu neutraler Elektricität, und die Goldblättchen fallen zusammen. — Berührt man vor der Entfernung des verteilenden, positiv elektrischen Körpers den Knopf des Elektroskops mit dem Finger, so sieht man die Goldblättchen zusammenfallen, indem die abgestossene $+E$ zum Boden abgeleitet wird. Dagegen bleibt die $-E$ auf dem Knopf des Elektroskops zurück, weil sie durch die

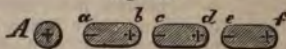
Anziehung der ungleichnamigen $+E$ des influierenden Körpers festgehalten oder gebunden wird. Hebt man jetzt die ableitende Berührung mit dem Finger auf und entfernt dann den influierenden, positiv elektrischen Körper, so wird die vorher im Knopf gebundene $-E$ wieder frei beweglich und bringt, indem sie sich über den ganzen isolierten Leiter, also auch über die Goldblättchen verbreitet, diese zur Divergenz. Daß dieselben jetzt in der That $-E$ enthalten, kann man dadurch nachweisen, daß die Divergenz bei Annäherung einer geriebenen Siegellackstange verstärkt, bei Annäherung einer geriebenen Glasstange dagegen vermindert wird. — Umgekehrt kann durch die Influenz eines genäherten, negativ elektrischen Körpers das Elektroskop mit $+E$ geladen werden.

Fig. 235.



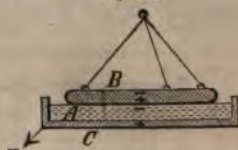
Nähert man einem isolierten Leiter B (Fig. 235), welcher bei a , b und c mit elektrischen Pendeln versehen ist, einen negativ elektrischen Körper A , so divergieren die Pendel a und c , das erstere mit $-E$, das letztere mit $+E$, während das Pendel b in Ruhe bleibt. Ist der Versuch so eingerichtet, daß während der Einwirkung des influierenden Körpers der Leiter bei b getrennt werden kann, so werden dadurch die geschiedenen Elektricitäten an der Wiedervereinigung gehindert, und nach Entfernung des influierenden Körpers A bleibt die obere Hälfte mit $-E$, die untere mit $+E$ geladen. Wird einer Reihe isolierter Leiter ab , cd , ef (Fig. 236), die durch Zwischenräume getrennt sind, ein positiv elektrischer Körper A genähert, so wirkt derselbe zunächst influierend auf den nächsten Leiter, welcher bei a negativ, bei b positiv elektrisch wird. Die $+E$ bei b wirkt ihrerseits verteilend auf die neutrale Elektricität des zweiten Leiters u. s. w., so daß sich die Influenz durch die ganze Reihe von Leitern auf gleiche Weise, wiewohl mit abnehmender Stärke, fortpflanzt, was durch angehängte, elektrische Pendel nachgewiesen werden kann.

Fig. 236.



§ 268. Elektrophor. Ein Beispiel der Anwendung der Gesetze der elektrischen Influenz bildet das zur Erzeugung größerer Elektricitätsmengen dienende Elektrophor (Volta, 1775). Dasselbe besteht aus einer einfachen Scheibe A (Fig. 237) von nicht leitender Masse, am besten aus einem Harzgemisch oder vulkanisierter Kautschukmasse (so genanntem Hartkautschuk oder Kammmasse), welche in einer leitenden Form C enthalten ist, oder auf einer leitenden, metallischen Unterlage ruht und aus dem kreisförmigen, leitenden Deckel oder Schild B , welcher mit einer isolierenden Handhabe von Glas oder Seidenschnüren versehen ist. Vor dem Gebrauch teilt man der Oberfläche der Harz- oder Kautschukscheibe durch Schlagen mit einem Fuchsschwanz, oder Reiben mit Katzenfell negative Elektricität mit. Setzt man dann den Deckel auf, so wird die neutrale Elektricität desselben durch Influenz (§ 267) in $+E$ und $-E$ geschieden. Berührt man den Deckel, während er auf der Scheibe steht, ableitend mit dem Finger, so wird die abgestoßene (freie) $-E$ nach dem Erdboden abgeleitet, und die gebundene $+E$ bleibt allein auf der unteren Fläche des Deckels zurück. Hebt man diesen jetzt mittelst der isolierenden Handhabe auf, so wird die gebundene $+E$ frei und kann in Form eines mit Geräusch begleiteten, elektrischen Funkens

Fig. 237.



(vergl. § 274) von dem Deckel entfernt werden. Diesen Vorgang kann man beliebig oft wiederholen und so unbegrenzte Mengen von Influenzelektricität erzeugen. Hebt man den auf das Elektrophor gesetzten Deckel wieder ab, ohne ihn vorher ableitend berührt zu haben, so erhält man keine Elektricität, da sich die $+E$ und $-E$ bei der Entfernung vom verteilenden Harzkuchen wieder zu neutraler Elektricität vereinigen.

Die Eigenschaft des Elektrophors (Elektricitätsträgers), den ihm einmal durch Reiben erteilten, elektrischen Zustand längere Zeit hindurch zu bewahren, beruht wesentlich auf dem Einfluß der leitenden Form oder Unterlage, welcher am besten an einem Kautschukelektrophor nachgewiesen werden kann, dessen Scheibe sich von der Unterlage abheben läßt. Die auf ihrer oberen Fläche geriebene Scheibe zeigt sich nämlich beim Abheben auf der unteren Fläche positiv elektrische, und wenn man dieselbe umkehrt, so kann man von der ursprünglich unteren Fläche durch Aufsetzen des Deckels negative Influenzelektricität erhalten, wie von der oberen Fläche positive. Die $+E$ der unteren Fläche der Scheibe erklärt sich dadurch, daß die auf der oberen Fläche erregte $-E$ auf die neutrale Elektricität der Form verteilend wirkt. Die $-E$ wird abgestoßen und nach dem Erdboden abgeleitet, die $+E$ begiebt sich nach der unteren Fläche der Scheibe. In der That macht sich beim Abheben der Scheibe von der Unterlage der Übergang der $+E$ von der Form zur Scheibe durch kleine, knisternde Fünkchen wahrnehmbar. Ist so die Scheibe auf beiden Flächen mit entgegengesetzten Elektricitäten geladen, so hindern dieselben durch ihre gegenseitige Anziehung die Zerstreuung an die Luft, und das Elektrophor bewahrt lange Zeit hindurch seinen elektrischen Zustand. — Schichtet man mehrere nichtleitende Platten über einander, von denen die unterste auf einer leitenden Unterlage ruht, und elektrisiert man die oberste Platte durch Reibung, so findet man beim Auseinandernehmen jede einzelne Platte auf ihren beiden Flächen mit entgegengesetzten Elektricitäten geladen.

§ 269. Verbreitung der Elektricität auf der Oberfläche der Leiter. Eine Folge der Abstoßung, welche die gleichnamigen Elektricitätsteilchen auf einander ausüben, ist die, daß die einem isolierten Leiter mitgeteilte Elektricität sich immer nur auf der Oberfläche des Leiters ansammelt, während im Innern des Leiters niemals freie Elektricität vorhanden ist. Es ist daher gleichgültig, ob die zur Ansammlung von Elektricität bestimmten Leiter massiv oder hohl sind.

Zwischen einer hohlen und einer massiven Metallkugel von gleichem Durchmesser teilt sich die Elektricität bei der Berührung in gleichem Verhältnis. Elektrisiert man eine isolierte, massive Metallkugel, welche von einer aus zwei halbkugelförmigen Metallschalen gebildeten Hülle umgeben ist, und entfernt darauf

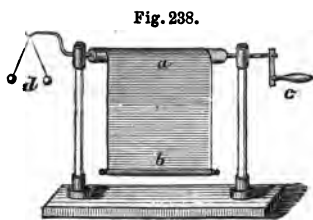


Fig. 238.

diese Metallschalen mittelst daran befestigter, isolierender Handgriffe, so bleibt der Kern unelektrisch zurück, indem sich alle Elektricität auf den Schalen angesammelt hat. Elektrisiert man ein Stück Metallpapier ab (Fig. 238), welches mittelst der Kurbel c auf eine kleine Walze aufgewunden werden kann und mit den elektrischen Pendeln d in leitender Verbindung steht, so nimmt die Divergenz der Pendel beim Aufwinden dieses elektrischen Rouleaus zu, beim Herablassen ab, obgleich die Masse des Leiters in beiden Fällen dieselbe geblieben ist. Die gleiche Elektricitätsmenge breitet sich im ersten Fall auf einer kleineren, im letzten auf einer größeren Oberfläche aus, ihre Dichtigkeit ist daher im ersten Fall größer.

§ 270. Auf der Oberfläche einer isolierten und völlig frei stehenden, leitenden Kugel verteilt sich die Elektricität mit gleichförmiger Dichtigkeit, d. h. so, daß auf jeder Flächeneinheit die gleiche Elektricitätsmenge vorhanden ist. Auf Leitern von länglicher Gestalt sammelt sich die

Elektrizität infolge der gegenseitigen Abstofsung ihrer Teile vorzugsweise an den Enden an, oder die Dichtigkeit der elektrischen Verteilung nimmt von der Mitte nach den Enden hin zu. Im allgemeinen ist die Dichtigkeit der Elektrizität am grössten an hervorragenden Teilen des Leiters, also namentlich an scharfen Kanten, Ecken oder Spitzen. An diesen Stellen findet daher auch am leichtesten eine Ausströmung und Zerstreuung der Elektrizität an die umgebende Luft statt (vergl. § 275), und dieselben müssen bei Leitern, welche zur Ansammlung von Elektrizität bestimmt sind, gänzlich vermieden werden.

§ 271. Gesetz der elektrischen Anziehung und Abstofsung; Coulombsche Drehwaage. Coulomb hat gezeigt, daß, entsprechend dem Newtonschen Gesetz der allgemeinen Massenanziehung (§ 58), die Anziehung zwischen den ungleichnamigen, oder die Abstofsung zwischen den gleichnamigen Elektrizitäten den auf einander wirkenden Elektrizitätsmengen direkt, dem Quadrat ihrer Entfernungen umgekehrt proportional ist.

Wählt man als Einheit der Elektrizitätsmenge diejenige Menge, welche auf eine ihr gleiche in der Entfernung von einem Meter die Abstofsung 1 ausübt, so wird die Abstofsung zwischen den Elektrizitätsmengen m und m' in der Entfernung von einem Meter (in Gewichtseinheiten ausgedrückt) durch das Produkt $m \cdot m'$ dargestellt, d. h. so groß wäre die Spannung, welche ein die beiden elektrischen Körper verbindender, isolierender Faden aushalten müßte, um ihre Entfernung zu verhindern (vergl. § 38). In der Entfernung von r Meter ist also die Abstofsung $\frac{m \cdot m'}{r^2}$.

Bringt man die positiven und negativen Elektrizitätsmengen mit entgegengesetzten Vorzeichen in Rechnung, so ist das Produkt $m \cdot m'$ positiv oder negativ, jenachdem die Elektrizitäten gleichnamig oder ungleichnamig sind. Durch das Vorzeichen des Produktes wird also angedeutet, daß im ersten Fall eine Abstofsung, im letzten eine Anziehung stattfindet.

Zur Nachweisung des ausgesprochenen Gesetzes, sowie zur Messung von Elektrizitätsmengen, bediente sich Coulomb der von ihm 1784 erfundenen elektrischen Drehwaage, deren Einrichtung im wesentlichen folgende ist: An einem

Fig. 239.



hartgezogenen Silberdraht AB (Fig. 239) ist der horizontale Hebel CD aus gefirnissetem Glas oder Schellack aufgehängt, welcher bei C einen kugelförmigen Metallknopf trägt, der durch ein passendes Gegengewicht bei D äquilibrirt ist. Der Hebel ist zum Schutz gegen Luftströmungen von einem weiten, cylindrischen Glasgefäß umgeben, an dessen Umfang eine Gradteilung angebracht ist, an welcher man ablesen kann, um wieviel Grade der Hebel aus seiner ursprünglichen, mit Null bezeichneten Gleichgewichtslage gedreht worden ist. Der Kugel C steht eine zweite, feste Kugel F , die Standkugel der Drehwaage gegenüber, welcher mittelst des durch den Deckel des Gefäßes geführten Drahtes EF eine elektrische Ladung mitgeteilt werden kann. Bei der anfänglichen Gleichgewichtslage des Hebels müssen sich beide Kugeln gerade berühren. Die der Standkugel F mitgeteilte Ladung teilt sich zwischen beiden Kugeln und bewirkt eine Abstofsung beider, infolge deren der bewegliche Hebel um eine gewisse Anzahl von Graden aus seiner Ruhelage abgelenkt wird. Derselbe dreht sich nämlich so weit, daß der elektrischen Abstofsung durch die Torsionselastizität des Drahtes das

Gleichgewicht gehalten wird, welche den Hebel in seine ursprüngliche Lage zurückzuführen strebt. Um den Hebel um 1° aus seiner Gleichgewichtslage zu drehen, also dem Draht eine Torsion von 1° zu erteilen, ist ein gewisses Drehungs-

moment (§ 46) erforderlich, welches mit θ bezeichnet und der Torsionskoeffizient des Drahtes genannt werden soll. Da die elastische Kraft dem Torsionswinkel proportional wächst (§ 8), so wird zu einer Drehung des Hebels um 2° das Drehungsmoment 2θ , zu einer Drehung um x° das Drehungsmoment $x\theta$ erforderlich sein. Es kann also aus der GröÙe des Drehungswinkels auf die GröÙe der elektrischen Abstofsung geschlossen werden, welche diesen Drehungswinkel hervorbringt. Um die Torsion des Drahtes beliebig abändern zu können, ist derselbe bei A so aufgehängt, daß sein oberes Ende ebenfalls um die Axe des Instruments gedreht, und der Drehungswinkel an einem Torsionszeiger AG abgelesen werden kann, der sich auf einer Kreisteilung bewegt. Die so vorgerichtete Drehwage kann nun zu einem doppelten Zweck dienen, nämlich:

1. Zur Nachweisung des Coulombschen Gesetzes über die Abnahme der elektrischen Kraft im quadratischen Verhältnis der Entfernung. Angenommen, eine gewisse, dem Instrument mitgeteilte Elektrizitätsmenge habe eine Ablenkung des Hebels um 20° bewirkt. Die elektrische Abstofsung in einer diesem Drehungswinkel entsprechenden Entfernung ist also hinreichend, um einer Torsion des Drahtes von 20° das Gleichgewicht zu halten. Dreht man jetzt den Torsionszeiger AG in einer der Ablenkung des Hebels entgegengesetzten Richtung, so wird dadurch die Torsion des Drahtes vergrößert, und die elektrischen Kugeln werden einander genähert. Angenommen, es sei eine Drehung des Torsionszeigers um 70° erforderlich, um den Hebel bis auf 10° zurückzuführen, so ist das obere Ende des Drahtes aus der ursprünglichen Ruhelage um 70° nach rechts, das untere Ende mit dem Hebel um 10° nach links gedreht, die Torsion des Drahtes beträgt also 80° . Dieselbe hält der elektrischen Abstofsung in der Entfernung der Kugeln von 10° das Gleichgewicht, während bei der doppelten Entfernung von 20° eine viermal geringere Torsion erforderlich war. Dagegen würde in 3mal geringerer Entfernung eine 9mal größere, in 4mal geringerer Entfernung eine 16mal größere Torsion erforderlich sein u. s. w. Bei wirklicher Ausführung messender Versuche muß beachtet werden, daß erstens die Entfernung der Kugeln nicht durch den Bogen, sondern durch die dem Bogen entsprechende Sehne gemessen wird, und daß zweitens die Richtung der abstofsenden Kraft nicht senkrecht zum Hebelarm wirkt (vergl. § 46).

2. Zur Messung von Elektrizitätsmengen. Werden der Drehwage nach einander verschiedene Elektrizitätsmengen mitgeteilt, so werden dieselben verschiedene Ablenkungen des Hebels bewirken. Durch Drehung des Torsionszeigers AG kann aber der Hebel jedesmal auf dieselbe Entfernung von der Standkugel zurückgeführt werden. Aus den dazu erforderlichen Torsionswinkeln des Drahtes schließt man auf das Verhältnis der Elektrizitätsmengen. Die zu vergleichenden Elektrizitätsmengen seien m und m' . Angenommen, es sei im ersten Fall eine Drehung des Torsionszeigers um 30° , im zweiten Fall um 80° erforderlich gewesen, um den Hebel bis zur Entfernung von 10° zurückzuführen, so beträgt die Torsion des Drahtes im ersten Fall $30^\circ + 10^\circ$, im zweiten Fall $80^\circ + 10^\circ$, die Abstofsungskräfte stehen also bei gleicher Entfernung im Verhältnis von 4:9. Sind die Standkugel und die bewegliche Kugel gleich groß, so hat im ersten Fall jede Kugel die Elektrizitätsmenge $\frac{1}{2}m$, im letzten Fall jede $\frac{1}{2}m'$ erhalten; die Entfernung r ist in beiden Fällen dieselbe, mithin ist:

$$\frac{1}{2}m \cdot \frac{1}{2}m : \frac{1}{2}m' \cdot \frac{1}{2}m' = 4:9$$

und demnach:

$$m:m' = 2:3.$$

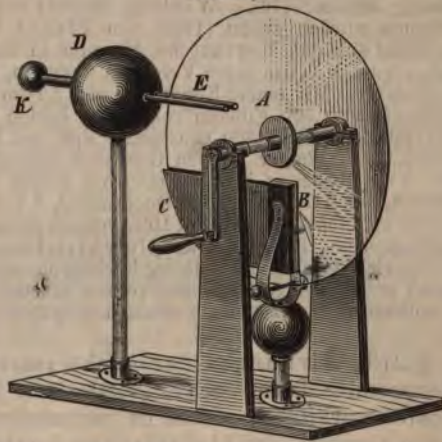
Im allgemeinen stehen die Elektrizitätsmengen im Verhältnis der Quadratwurzeln aus den beobachteten Torsionswinkeln.

Ein empfindlicherer und für den Gebrauch bequemerer, aber weniger einfacher Apparat zur Messung statischer Elektrizitätsmengen ist das Sinuselektrometer, auf dessen Einrichtung jedoch hier nicht eingegangen werden kann.

§ 272. Die Elektrisiermaschine besteht aus dem geriebenen Körper, dem reibenden Körper oder Reibzeug und dem zur Ansammlung der erzeugten Elektrizität dienenden, isolierten Leiter oder Konduktor.

Als geriebener Körper kann Glas, Harz, Schwefel, Kautschukmasse oder ein anderer Nichtleiter dienen. Man giebt demselben in der Regel die Gestalt einer kreisrunden Scheibe *A* (Fig. 240), oder eines Cylinders, welcher mittelst einer Kurbel um eine isolierende Axe gedreht werden kann. Als Reibzeug dienen bei Scheibenmaschinen zwei mit Amalgam bestrichene Lederkissen *B*, welche von beiden Seiten her durch mäßigen Federdruck gegen die Scheibe gedrückt werden. Bei Cylindermaschinen ist nur ein Reibkissen erforderlich, welches seitlich gegen den Cylinder gepresst wird. Die am Reibzeug befestigten Lappen von Seidenzeug *C*, welche sich von beiden Seiten her gegen die Scheibe legen, haben den Zweck, die Zerstreuung der Elektricität auf dem Wege bis zum Konduktor zu verhindern. Der durch Glasfäße wohl isolierte Konduktor *D* hat die Gestalt einer

Fig. 240.



Kugel, oder eines an beiden Enden mit Halbkugeln geschlossenen Cylinders. Wünscht man an einer Stelle des Konduktors eine größere Dichtigkeit zu erlangen, so giebt man dem Konduktor einen Fortsatz in Form eines längeren, dünnen Cylinders, der in einen kugelförmigen Knopf *K* endigt. Zur Aufnahme der auf der Scheibe erregten Elektricität durch den Konduktor dienen die Einsauger, denen man verschiedene Formen gegeben hat. In der Regel sind es zwei Metallarme *E*, welche beiden Flächen der Scheibe gegenüberstehen und auf der inneren, der Scheibe zugekehrten Seite gewöhnlich mit einer Reihe von Spitzen versehen sind, welche die Aufnahme der Elektricität befördern. An allen übrigen Teilen des Konduktors müssen hervorragende Spitzen und Kanten sorgfältig vermieden werden (§ 270). Zur Verstärkung der Dichtigkeit der Elektricität dient ein auf den Konduktor aufgesetzter Holzring, der im Innern einen Metalldraht enthält, der Wintersche Ring. — Durch Reibung des Amalgams mit dem Glase wird das Reibzeug negativ, das Glas positiv elektrisch. Die positive Elektricität der Scheibe wirkt, wenn sie durch Drehung der Scheibe in die Nähe der Einsauger kommt, verteilend auf die neutrale Elektricität des Konduktors. Die negative wird angezogen und strömt aus den Spitzen des Einsaugers auf die Scheibe über, deren $+$ *E* dadurch neutralisiert wird. Die abgestoßene, positive Elektricität des Konduktors dagegen bleibt auf diesem zurück und biegt sich nach den von der Scheibe entfernteren Teilen desselben, von wo sie durch Ableitung nach dem Erdboden, oder durch Annäherung eines mit dem Boden verbundenen Leiters bis auf eine gewisse Entfernung in Form elektrischer Funken (§ 274) entfernt werden kann. Um zu verhindern, daß durch die negative Elektricität, welche sich auf dem Reibzeug ansammelt, ein Teil der positiven Elektricität der Scheibe sogleich wieder neutralisiert werde, muß während der Drehung der Scheibe

das Reibzeug mit dem Erdboden in leitende Verbindung gesetzt werden. Es ist jedoch zweckmäÙig, die Maschine so einzurichten, daÙ auch das Reibzeug isoliert werden kann. Leitet man dann die positive Elektricität des Konduktors zur Erde ab, so erhält man beim Drehen der Scheibe vom Reibzeug negative Elektricität.

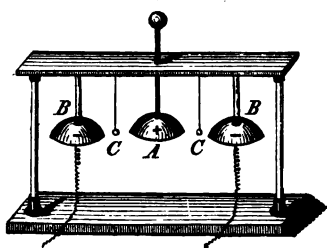
Otto v. Guericke (vergl. § 97) benutzte zuerst zur leichteren Erregung der Elektricität eine um eine Axe drehbare Schwefelkugel, bei welcher die Hand als Reibzeug diente (1672). Winkler brachte ein Reibkissen an (1745). Scheibenmaschinen wurden zuerst (1760) von Planta konstruiert. Die von Cuthbertson (1785) für das Teylersche Museum in Haarlem konstruierte Maschine, an welcher van Marum seine Versuche anstellte, besitzt zwei Scheiben von 165 cm Durchmesser. Mit einem Konduktor von 2,2 qm Oberfläche versehen, gab dieselbe in jeder Minute 300 Funken von 60 cm Länge und der scheinbaren Dicke eines Federkiesels. — Nicht alle Glasarten sind zur Erzeugung von Elektricität gleich geeignet. Seit einiger Zeit in Gebrauch befindliche Scheiben wirken besser als neue. Zum Reibzeug braucht man am besten das sogenannte Kienmayersche Amalgam, aus 2 Gewichtsteilen Quecksilber, 1 Teil Zinn und 1 Teil Zink bestehend. Dasselbe wird fein gepulvert mit Hilfe von ein wenig Fett auf die ledernen Reibkissen aufgetragen. — Bei der Dampfelektrisiermaschine von Armstrong wird die Elektricität durch die Reibung hochgespannten Wasserdampfes an den Wänden passend gestalteter Ausströmungsröhren erzeugt. Der Dampf wird dabei positiv, der isolierte Kessel negativ elektrisch (s. § 285).

§ 273. Wirkungen der Elektrisiermaschine. Mittelst der Elektrisiermaschine lassen sich in verstärktem Maße alle diejenigen Erscheinungen hervorbringen, welche im vorhergehenden bereits erläutert sind und auf den Gesetzen der elektrischen Anziehung und Abstofung, sowie auf dem Prinzip der elektrischen Influenz beruhen. Nächst dem ist dieselbe besonders geeignet zur Nachweisung der elektrischen Erscheinungen, welche bei größerer Dichtigkeit und Spannung der Elektricität hervortreten, insbesondere der verschiedenen Arten der elektrischen Entladung, welche im folgenden Paragraphen näher besprochen werden, und ihrer Wirkungen auf den menschlichen Körper.

Zu den Versuchen, welche zur Erläuterung der elektrischen Anziehung und Abstofung mit der Elektrisiermaschine angestellt zu werden pflegen, gehören der elektrische Puppentanz, das elektrische Glockenspiel u. s. w. Da dieselben alle im wesentlichen auf demselben Prinzip beruhen, so genügt es, einen dieser Versuche zu erläutern. Die Metallglocke *A* (Fig. 241) stehe mit dem Konduktor der Elektrisiermaschine durch einen Metalldraht in leitender Verbindung, dagegen seien die Glocken *B*, *B* vom Konduktor durch Glasstäbe isoliert und zum Boden abgeleitet. Durch Influenz der positiven Elektricität bei *A* wird auf den Glocken *B* negative Elektricität hervorgerufen. Die zwischen den Glocken an Seidenfäden aufgehängten Metallknöpfchen *C*, *C* werden abwechselnd von *A* und *B* angezogen und abgestofen, indem sie sich jedesmal durch Berührung mit *A* mit positiver, durch Berührung mit *B* mit negativer Elektricität laden. Dieselben pendeln daher zwischen den Glöckchen hin und her und bringen dieselben zum Tönen, solange die dem Konduktor entzogene Elektricität durch Drehen der Elektrisiermaschine erneuert wird.

Durch elektrische Anziehung sträuben sich trockene Haare bei Annäherung an den Konduktor und saugen die Elektricität ein. Der Körper einer Person, welche, auf einem mit GlasfüÙen versehenen Isolierschemel stehend, den Konduktor berührt, wird dadurch zu einem Teil des Konduktors, und es können aus demselben, wie aus anderen Teilen, durch Annäherung eines Leiters, elektrische

Fig. 241.



Funken gezogen werden. Die elektrischen Funken erregen an der Stelle der Haut, welche sie treffen, einen stechenden Schmerz. Bei größeren Elektrizitätsmengen bringt die elektrische Entladung gleichzeitig eine unangenehme Empfindung in den Gelenken und Muskelzuckungen hervor. Wie die Hautnerven, so werden die Nerven der übrigen Sinnesorgane in ihrer eigentümlichen Weise erregt. So nimmt das Auge den elektrischen Schlag als Lichtblitz, das Ohr den durch den Hörnerv geleiteten Schlag als Geräusch wahr. Die Zunge empfindet beim Überschlagen des Funkens einen eigentümlich salzigen Geschmack, der zum Teil in einer chemischen Wirkung der elektrischen Entladung seinen Grund hat (vergl. § 339 ff.). Ebenso rührt der eigentümliche Geruch, welchen man beim Drehen einer kräftig wirkenden Elektrisirmaschine wahrnimmt, von einer chemischen Einwirkung der Elektrizität auf den Sauerstoff der atmosphärischen Luft her. Dieser wird nämlich dabei teilweise in die eigentümliche, von Schönbein entdeckte Modifikation übergeführt, welche dieser Forscher Ozon genannt hat (vergl. § 339). Durch länger andauernde, elektrische Entladungen wird durch chemische Vereinigung des Sauerstoffs und Stickstoffs der Atmosphäre eine gewisse Quantität salpetriger Säure gebildet.

§ 274. Verschiedene Arten der elektrischen Entladung. Man unterscheidet drei Arten der elektrischen Entladung, welche nach ihrer Dauer und den sie begleitenden Lichterscheinungen verschieden sind: 1) die Funkenentladung, 2) die Büschelentladung, 3) die Glimmentladung.

1. Der elektrische Funke entsteht, wenn zwei entgegengesetzt elektrische Leiter ohne hervorragende Ecken und Spitzen einander bis auf eine hinreichend geringe Entfernung genähert werden. Ist einer von beiden Leitern vor der Annäherung unelektrisch, wie z. B. ein mit dem Erdboden verbundener Leiter, welcher dem Konduktor einer Elektrisirmaschine genähert wird, so geht doch der Funkenentladung immer eine elektrische Influenz voraus, durch welche der Leiter die entgegengesetzte Elektrizität erhält. Der Funke besteht in einer gewaltsamen Durchbrechung der nichtleitenden Luft, welche der Vereinigung der Elektrizitäten ein Hindernis entgegengesetzt. Die Schlagweite des Funkens ist, wie Riefs gezeigt hat, der Dichtigkeit der Elektrizität proportional (vergl. § 279). Derselbe erscheint in Gestalt eines einfachen, hellleuchtenden, scharf begrenzten, bei größerer Länge zickzackförmigen, momentanen Lichtstreifs und ist von einem lebhaften Geräusch begleitet.

Die Farbe des Funkens ist einerseits von der Natur der Metalle, zwischen denen er überspringt, andererseits von der Beschaffenheit des Gases, in dem er übergeht, abhängig. Durch das Prisma zerlegt, zeigt das Licht des Funkens zahlreiche, nach der Natur der Metalle und Gase verschiedene, helle Linien. Man kann daraus schließen, daß beim Übergang des Funkens eine Losreißung und Oxydation sehr kleiner, materieller Teilchen, und gleichzeitig ein Erglühen der Gasmasse stattfindet (vergl. § 149). In der That zeigt sich nach dem Übergang des Funkens zwischen zwei polierten Metallflächen die Spur desselben in Form feiner Punkte, oder bei Anwendung größerer Elektrizitätsmengen (Batteriefunken § 281) in Gestalt der sogenannten Priestleyschen Ringfiguren.

Um feste Isolatoren, z. B. Glasplatten zu durchbrechen, ist eine größere Dichtigkeit erforderlich, welche man erreicht, indem man einen von beiden Leitern in eine Spitze auslaufen läßt und diese mit einem nichtleitenden Kitt auf einer Fläche der Glasplatte festkittet, so daß die auf der Spitze in großer Dichtigkeit angesammelte Elektrizität keinen anderen Ausweg hat, als durch die Glasplatte hindurch nach dem gegenüberstehenden Leiter. Man kann auf diese Weise mit einer kräftig wirkenden Elektrisirmaschine mehr als zolldicke Glasplatten durchschlagen.

Leicht brennbare Stoffe, wie Weingeist, Äther, namentlich aber explosive Gasgemenge (Knallgas — elektrische Pistole), werden durch den elektrischen Funken entzündet. Man benutzt denselben deshalb bei der Gasanalyse mittelst des Endimeters, sowie zur Minenzündung (vergl. §§ 282, 335).

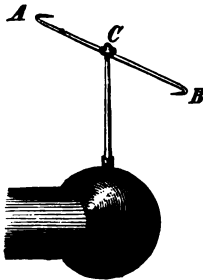
§ 275. 2. Die Büschelentladung findet statt, wenn bei großer Dichtigkeit der Elektricität auf dem Konduktor kein Leiter in hinreichender Nähe steht, um einen Funken zu erzeugen. Die Elektricität strömt dann in einem Büschel bläulicher oder rötlicher, divergierender Strahlen aus und zwar mit einem eigentümlich zischenden Geräusch. Die elektrischen Büschel sind wegen ihres schwächeren Lichtes in der Regel nur in einem verfinsterten Zimmer sichtbar; dieselben zeigen sich am schönsten, wenn auf den Konduktor einer kräftig wirkenden Maschine ein stumpfes, kegelförmiges Holzstück oder ein Wassertropfen gebracht wird. Ein sehr dünner, mit dem Konduktor verbundener Metalldraht erscheint seiner ganzen Länge nach durch büschelförmige Strahlen leuchtend.

3. Die Glimmentladung besteht in einem stetigen, geräuschlosen Ausströmen der Elektricität, unter ruhigem Leuchten der Stelle, von welcher die Ausströmung erfolgt. Dieselbe findet vorzugsweise an Spitzen statt. Wird auf dem Konduktor eine Spitze angebracht, oder wird demselben eine Spitze in einiger Entfernung gegenübergehalten, so strömt alle Elektricität geräuschlos aus dem Konduktor aus, oder wird durch die aus der gegenüberstehenden Spitze ausströmende, entgegengesetzte Elektricität neutralisiert, ohne daß es möglich ist, einen Funken aus dem Konduktor zu erhalten.

Die positive Elektricität erzeugt beim Ausströmen ausgedehntere Büschel als die negative. Das Glimmlicht kann als ein Büschel von sehr geringer Ausdehnung angesehen werden und geht namentlich bei $+E$ leicht in den Büschel über. Auch ist die Ausströmung beim Glimmlicht eine ganz kontinuierliche, beim Büschel dagegen diskontinuierlich, wie man durch Betrachtung desselben in einem schnell rotierenden Spiegel nachweisen kann.

Mit dem glimmenden Ausströmen der Elektricität ist die Erscheinung des sogenannten elektrischen Windes verbunden, eine Luftströmung, durch welche eine vor die Spitze gehaltene Lichtflamme fortgeweht wird. Diese Luftbewegung

Fig. 242.



erklärt sich durch die Abstoßung der an der Spitze gleichnamig elektrisierten Luftteilchen. Umgekehrt wird die Spitze, wenn sie beweglich ist, rückwärts getrieben, was durch das elektrische Spitzenrad anschaulich gemacht werden kann. Ein gerader, einige Centimeter langer Draht AB (Fig. 242) mit zugespitzten, nach entgegengesetzten Seiten umgebogenen Enden schwebt mittelst eines bei C angebrachten Metallhütchens frei drehbar auf einer isolierten Metallspitze. Wird diese mit dem Konduktor der Elektrisiermaschine verbunden, so strömt die Elektricität glimmend durch die Spitzen A und B aus, und der Draht beginnt in einem der Ausströmungsrichtung entgegengesetzten Sinne zu rotieren. Man kann auch zwei solche Drähte unter rechtem Winkel sich kreuzend verbinden (vergl. § 87, c).

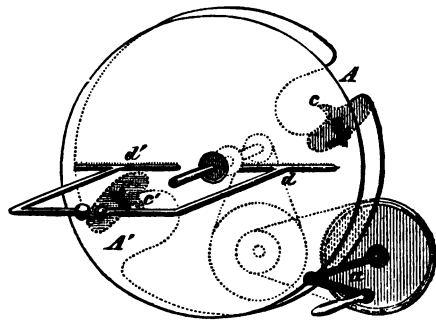
§ 276. Bei der Influenz-Elektrisiermaschine (Elektrophormaschine) von Holtz (1865) (Fig. 243) wird die Elektricität nicht durch Reibung, sondern durch Influenz, wie beim Elektrophor (§ 268), erzeugt. Dieselbe besteht aus zwei kreisförmigen, durch einen möglichst kleinen Zwischenraum getrennten*), gefirniften Glasscheiben, von welchen die eine, etwas größere, feststeht, die andere mittelst einer Kurbel a und eines Schnurlaufs in schnelle Rotation versetzt werden kann. An der ersteren sind an zwei gegenüberliegenden Stellen A, A' Ausschnitte oder

*) In der Figur sind die Glasscheiben absichtlich weiter von einander getrennt.

größere Öffnungen angebracht und der Rand jeder Öffnung auf einer Seite mit einer schmalen Belegung b von Kartonpapier versehen, von welcher eine Spitze c in den Ausschnitt der Scheibe hervorragt. Diesen Papierbelegungen stehen auf der anderen (in der Figur vorderen) Seite der rotierenden Scheibe zwei mit einer kammförmigen Reihe von Zähnen versehene Einsauger d, d' gegenüber, welche als Konduktoren für die positive und negative Elektrizität dienen. Denkt man sich zu Anfang des Versuches die beiden Konduktoren bei e in leitende Verbindung gesetzt und der Belegung b eine gewisse Quantität positiver, der Belegung b' eine gleiche Quantität negativer Elektrizität mitgeteilt, so können diese Belegungen ihrer Wirkung nach mit den Harzkuchen zweier entgegengesetzt elektrischen Elektrophore und die rotierende Scheibe mit dem beweglichen Deckel derselben verglichen werden. Die $+E$ der Belegung b wirkt nämlich durch Influenz auf den ihr gegenüberstehenden Teil der rotierenden Scheibe und auf den Konduktor d . Infolge dessen strömt aus dem Spitzenkamm des Konduktors die angezogene $-E$ auf die Scheibe, während die abgestoßene $+E$ von der rotierenden Scheibe auf den Konduktor übergeht. Die Scheibe wird also beim Vorübergang bei der Belegung b mit $-E$ geladen. Kommt der mit $-E$ geladene Teil derselben nach einer halben Umdrehung der Scheibe der negativ elektrischen Belegung b' gegenüber, so wird, umgekehrt wie bei b , die $-E$ abgestoßen und begiebt sich nach dem Konduktor d' , während aus dessen Spitzen $+E$ auf die Scheibe überströmt. Dieser Wechsel wiederholt sich bei jeder halben Umdrehung der Scheibe, so daß diese vor der Belegung b jedesmal mit $-E$, vor der Belegung b' jedesmal mit $+E$ geladen wird, während bei b die $+E$ nach dem Konduktor d , bei b' die $-E$ nach dem Konduktor d' strömt. Stehen beide Konduktoren unter einander in leitender Verbindung, so neutralisieren sich ihre Elektrizitäten fortdauernd, und es findet bei e ein kontinuierlicher Strom von $+E$ in der Richtung von d nach d' und von $-E$ in entgegengesetzter Richtung statt.

Es ist bisher vorausgesetzt worden, daß die beiden Belegungen am Anfang des Versuches mit entgegengesetzten Ladungen versehen worden sind, und daß diese Ladungen fortdauernd ungeschwächt erhalten werden, widrigenfalls die Wirkung der Maschine schwächer werden und bald aufhören würde. Die Maschine ist aber so eingerichtet, daß es genügt, anfänglich einer der Belegungen, z. B. b , eine geringe Ladung von $+E$ mitzuteilen, indem durch die Bewegung der Maschine selbst die andere Belegung die entgegengesetzte Ladung erhält, und beide Ladungen einander gegenseitig bis zu einem gewissen Maximum fortdauernd verstärken. Zu diesem Zweck dienen die Spitzen der Belegungen c, c' . Hat sich nämlich die rotierende Scheibe vor der Belegung b mit $-E$ geladen, und kommt dieselbe nach einer halben Umdrehung vor den Ausschnitt A' , so wird durch die Spitze c' ein Teil der $-E$ aufgesaugt und dadurch die Belegung b' negativ elektrisch; umgekehrt wird wenn der positiv geladene Teil der rotierenden Scheibe vor den Ausschnitt A gelangt, durch Aufsaugung der Spitze c die positive Elektrizität der Belegung b verstärkt u. s. f.

Fig. 243.

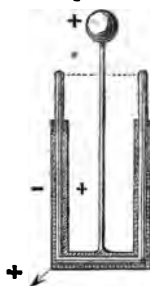


Wird die leitende Verbindung der beiden Konduktoren d, d' bei e durch eine Luftstrecke unterbrochen, so geht an dieser Stelle zwischen denselben ein kontinuierlicher, sehr lebhafter Funkenstrom über. Die Influenz-Elektrisirermaschine liefert bei gleichen Dimensionen eine viel grössere Quantität von Elektricität, als die gewöhnlichen Maschinen und ist namentlich zur Anstellung aller Versuche besonders geeignet, bei welchen eine sehr reichliche Elektricitätsentwicklung von hoher Spannung erforderlich ist. Mit Vorteil bedient man sich derselben zur Ladung grösserer elektrischer Batterien (§ 278).

Es muß dafür gesorgt werden, daß die entgegengesetzten Elektricitäten sich auf den Konduktoren d, d' nicht in zu großer Menge ansammeln, sondern in dem Maße, wie sie sich entwickeln, entfernt werden. Wenn sich nämlich auf einem Konduktor, z. B. d , die $+E$ in zu großer Menge ansammelt, so vermögen seine Spitzen nicht mehr die $+E$ der rotierenden Scheibe aufzunehmen und die Scheibe mit der entgegengesetzten $-E$ zu laden. Infolge dessen gelangt die Scheibe noch mit $+E$ geladen vor den Ausschnitt A' und neutralisiert durch die Spitze c' die negative Ladung der Belegung b' , wodurch die Wirkung der Maschine unterbrochen wird. Um dieselbe wieder herzustellen, muß man die Konduktoren d, d' in leitende Verbindung setzen und, während die Scheibe gedreht wird, einer von beiden Belegungen eine geriebene Kautschukplatte annähern. Seit 1879 werden jedoch von Töpler Influenz-Elektrisirermaschinen konstruiert, durch welche die Elektricität selbst erzeugt und in gleicher Stärke erhalten wird.

§ 277. Die Leydener oder Kleistsche Flasche dient zur Ansammlung grösserer Elektricitätsmengen. Dieselbe besteht aus einem cylindrischen Glasgefäß (Fig. 244), welches auf der inneren und äusseren Seite mit leitenden Stanniolbelegungen versehen ist, so daß nur ein hinreichender Rand frei bleibt, um die Vereinigung der auf der inneren und äusseren Belegung angesammelten, entgegengesetzten Elektricitäten zu verhindern. Zur besseren Isolierung wird der Rand gefirnisset. Das Glas ist mit einem gefirnisseten Papp- oder Holzdeckel verschlossen, durch welchen ein starker

Fig. 244.



Messingdraht hindurchgeht, dessen unteres Ende mit der inneren Stanniolbelegung in leitender Verbindung steht, während das obere Ende einen kugelförmigen Knopf trägt. Die Flasche wird geladen, indem man die innere Belegung mit dem Konduktor einer Elektrisirermaschine und gleichzeitig die äussere Belegung mit dem Erdboden in leitende Verbindung setzt. Wird der inneren Belegung vom Konduktor $+E$ zugeführt, so wirkt diese verteilend auf die neutrale Elektricität der äusseren Belegung. Infolge dessen wird auf dieser $-E$ angesammelt und gebunden (§ 268), während die abgestossene $+E$ nach dem Erdboden entweicht. Die auf der äusseren Belegung angesammelte $-E$ wirkt ihrerseits anziehend und bindend auf die $+E$ der inneren Belegung, und indem sich so die beiden entgegengesetzten Elektricitäten durch gegenseitige Anziehung auf den Glasflächen festhalten und dadurch ihre Zerstreung an die Luft verhindern, kann in der Flasche eine viel grössere Elektricitätsmenge angesammelt werden, als auf einem einfachen Konduktor von gleicher Oberfläche.

Die Flasche wird entladen, indem man beide Belegungen durch einen Metalldraht, oder einen anderen Leiter in Verbindung setzt, wodurch die plötzliche Vereinigung der auf beiden Belegungen angesammelten, entgegengesetzten Elektricitätsmengen herbeigeführt wird.

Die elektrische Flasche wurde im J. 1746 gleichzeitig von v. Kleist zu Kammin in Pommern und von Cuneus und Musschenbroek zu Leyden durch Zufall erfunden. Die richtige Erklärung ihrer Wirksamkeit gab bald darauf Franklin,

indem er zugleich zeigte, daß dieselbe durch eine ebene Glastafel ersetzt werden kann, welche auf beiden Seiten bis auf einen ringsum frei bleibenden, gefirnisten Rand mit Stanniolbelegungen beklebt ist. Diese einfachere Gestalt ist allerdings wegen der größeren Zerstreuung der Elektrizität an die Luft weniger praktisch.

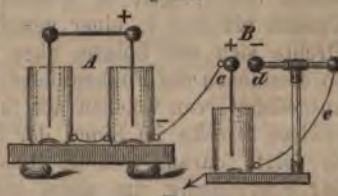
Wäre die Glasdicke der Flasche verschwindend klein, so würde eine gewisse Quantität $+E$ auf der inneren Belegung eine gleich große Quantität $-E$ auf der äußeren Belegung festzuhalten imstande sein, und umgekehrt würde die $+E$ der inneren durch die $-E$ der äußeren Belegung vollständig gebunden werden. In Wirklichkeit ist jedoch, vermöge des zwischen beiden Belegungen befindlichen Zwischenraums, die Bindung immer eine unvollständige, und infolge dessen muß stets auf einer von beiden Belegungen ein Überschufs von freier Elektrizität vorhanden sein, welcher im Verhältnis zu der ganzen angesammelten Elektrizitätsmenge um so kleiner ist, je geringer die Glasdicke der Flasche. Derselbe kann am besten sichtbar gemacht werden, indem man eine geladene Flasche, an deren Knopf und äußerer Belegung ein Paar elektrische Pendel angebracht sind, auf eine nichtleitende Unterlage stellt. Durch abwechselnde, ableitende Berührung der inneren und äußeren Belegung kann dann fortgesetzt der Überschufs von freier Elektrizität weggenommen werden. Man sieht dann jedesmal bei ableitender Berührung der inneren Belegung das an der äußeren Belegung angebrachte Pendel divergieren und umgekehrt, bis durch eine sehr große Zahl abwechselnder Berührungen die Flasche allmählich entladen wird.

Die gebundenen Elektrizitäten halten einander durch gegenseitige Anziehung auf den Glasflächen fest. Ist die Flasche so eingerichtet, daß die aus Blech gebildeten Metallbelegungen vom Glase getrennt werden können, so kann man diese, nachdem die Flasche geladen und ihre Teile aus einander genommen worden, einzeln ableitend berühren. Setzt man darauf die Flasche wieder zusammen, so zeigt sich dieselbe noch geladen, ein Beweis, daß die Elektrizitäten nicht auf den Metallbelegungen befindlich waren, sondern auf den beiden Glasflächen haften.

§ 278. Elektrische Batterie; Lanes Maßflasche. Da sehr große Glasflaschen beim Gebrauch unbequem und leicht zerbrechlich sind, so verbindet man zur Ansammlung sehr großer Elektrizitätsmengen mehrere Flaschen von mäßiger Größe zu einer elektrischen Batterie, indem man durch eine gemeinschaftliche, leitende Unterlage alle äußeren Belegungen und ebenso durch Metalldrähte alle inneren Belegungen unter einander in leitende Verbindung setzt.

Zur Messung der in einer Leydener Flasche oder Batterie angesammelten Elektrizitätsmenge dient die Lanesche Maßflasche (1757). Während die Batterie *A* (Fig. 245) vom Konduktor aus mit $+E$ geladen wird, steht ihre durch eine nichtleitende Unterlage isolierte, äußere Belegung mit dem Knopf der Maßflasche *B* in Verbindung. So viel $-E$ auf der äußeren Belegung der Batterie gebunden wird, so viel $+E$ geht nach der Maßflasche und ladet diese. Dem Knopf *c* der Maßflasche steht eine Metallkugel *d* gegenüber, welche durch den Draht *e* mit der zum Boden abgeleiteten, äußeren Belegung verbunden ist. Sobald die Ladung der Maßflasche eine gewisse Größe erreicht hat, entladet sich diese von selbst, indem zwischen den Kugeln *c* und *d* ein Funke übergeht. So oft dies während der Ladung der Batterie *A* geschieht, so viel *Mal* ist eine gleiche Quantität $-E$ auf der äußeren Belegung der Batterie gebunden worden. Die Anzahl der Entladungen der Maßflasche giebt also ein Maß für die in der Batterie angesammelte Elektrizitätsmenge. Indem man die Entfernung der Kugeln *c d* abändert, kann die Maßeinheit, welche durch die Ladung der Maßflasche dargestellt wird, nach Belieben vergrößert und verkleinert werden.

Fig. 245.



§ 279. Dichtigkeit, Spannung und Quantität der elektrischen Ladung. Es ist zweckmäßig, zwischen der Dichtigkeit und der Spannung der auf einem Leiter angesammelten Elektrizität zu unterscheiden. Hat man z. B. den auf dem Harzkuchen eines Elektrophors (§ 268) stehenden Deckel ableitend berührt, so ist auf der unteren Fläche desselben positive Elektrizität von einer gewissen Dichtigkeit angesammelt, aber dieselbe ist ohne Spannung, oder ihre

Spannung ist gleich Null, weil dieselbe durch die Anziehung der — E der Scheibe gebunden ist. Hebt man jetzt den Deckel von der Scheibe ab, so wird die auf demselben befindliche Elektrizitätsmenge nicht geändert, aber ihre Spannung wächst in dem Maße, als sich der Deckel von dem bindenden Harzkuchen entfernt. In gleicher Weise wird die Spannung der auf der inneren Batteriebelegung angesammelten Elektrizität durch die Anziehung der entgegengesetzten Elektrizität der äußeren Belegung vermindert und dadurch die Ansammlung einer größeren Elektrizitätsmenge möglich gemacht. Um die Batterie bis zu einer gewissen Spannung zu laden, ist eine um so größere Elektrizitätsmenge erforderlich, je größer die Oberfläche der Belegung und je geringer die Glasdicke ist.

§ 280. Dauer und Geschwindigkeit der Batterieentladung; Einfluß des Schließungsbogens auf die Entladungsweise. Die Dauer des Entladungsfunkens der elektrischen Batterie und der Zeit, welche die Elektrizität braucht, um sich selbst durch meilenlange Drähte fortzupflanzen, ist so gering, daß dieselbe durch die gewöhnlichen Hilfsmittel der Zeitmessung weder gemessen, noch überhaupt wahrgenommen werden kann. Ein in schneller Bewegung begriffener Körper scheint bei Beleuchtung durch den elektrischen Funken zu ruhen (§§ 85, 165). Wheatstone bediente sich (1834) zur Messung der Dauer der Entladung und der Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektrizität des folgenden Verfahrens: Sechs Kugeln (Fig. 246) waren auf einem Brett in gerader Linie

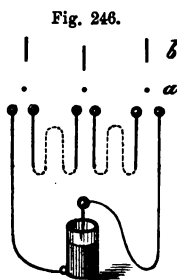


Fig. 246.

befestigt. Die Kugel 2 war mit 3, die Kugel 4 mit 5 durch Kupferdrähte verbunden, deren jeder $\frac{1}{4}$ engl. Meile (400 m) lang war. Die Kugel 1 und 6 konnten durch kurze Drähte mit den beiden Belegungen einer Leydener Batterie in Verbindung gesetzt werden. Bei der Entladung der Batterie erschienen zwischen den drei Kugelpaaren gleichzeitig drei Funken, welche in einer geraden Linie lagen. Vor dem Brett mit den Kugeln war ein Spiegel aufgestellt, welcher mit außerordentlicher Geschwindigkeit um eine der Verbindungslinie der Kugelmittelpunkte parallele Axe gedreht werden konnte (vgl. §§ 135, 177).

Ruhte der Spiegel, so erblickte man in demselben die Bilder der drei Funken als drei in einer geraden Linie liegende Lichtpunkte (Fig. 246a). Drehte sich der Spiegel aber in einer Sekunde 800 mal um seine Axe, so erschienen die Funkenbilder zu drei parallelen Lichtstreifen (Fig. 246b) ausgedehnt, von welchen der mittlere gegen die beiden seitlichen um eine gewisse Strecke im Sinne der Drehung des Spiegels verschoben erschien. Es folgte daraus erstens, daß sich der Spiegel während der Dauer der Entladung um einen gewissen merkbaren und meßbaren Winkel gedreht hatte, zweitens, daß die Entladung an der mittleren Unterbrechungsstelle um eine gewisse Zeit später begonnen und geendet hatte, als an den beiden seitlichen, oder daß die Entladung eine meßbare Zeit brauchte, um sich durch den $\frac{1}{4}$ engl. Meile langen Kupferdraht fortzupflanzen. Wheatstone fand bei seinen Versuchen die Dauer des Funkens

gleich $\frac{1}{24000}$ Sekunde, die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Entladung im Kupferdraht gleich 288 000 engl. Meilen (464 000 km) in einer Sekunde.

Neuere Beobachtungen über die Fortpflanzungsgeschwindigkeit elektrischer Ströme in langen Telegraphenleitungen haben jedoch gelehrt, daß von einer bestimmten Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektrizität in Drähten überhaupt

nicht die Rede sein kann, daß dieselbe vielmehr, außer von dem Material und dem Widerstand des Leitungsdrahtes, auch von der Länge desselben abhängt, so daß die zur Fortpflanzung eines elektrischen Stromes erforderliche Zeit in schnellerem Verhältnis als die Länge des Drahtes zunimmt. So fanden Fizeau und Gounelle die Geschwindigkeit in einem Eisendraht von 4 mm Durchmesser und etwa 300 km Länge gleich 96 000 km, in einem Kupferdraht von etwa gleicher Länge und 2,5 mm Durchmesser gleich 178 000 km. Mitchell fand in einer 980 km langen Eisendrahtleitung die Geschwindigkeit gleich 46 000 km. —

Bei der telegraphischen Längenbestimmung zwischen Brest und St. Pierre (Amerika) fand Hilgard im Februar 1872 bei einer Kabellänge von 4794 km eine Transmissionszeit von 0,35 Sekunden, also die Geschwindigkeit gleich 13 700 km.

Riefs hat gezeigt, daß die Entladung der Batterie nicht in einer einfachen Vereinigung der positiven und negativen Elektrizität besteht, sondern daß dieselbe aus einer Reihe auf einander folgender Partialentladungen zusammengesetzt ist. Die Dauer der Entladung wird wesentlich durch die Länge und Beschaffenheit des Schließungsbogens beeinflusst. Durch Beobachtungen des Funkenbildes im rotierenden Spiegel, sowie durch die Lichterscheinungen am positiven und negativen Pol, bei der Entladung in stark verdünnten Gasen (vgl. § 334) und durch die Art der Einwirkung eines Magnets auf die Entladungserscheinungen haben Feddersen und Paalzow nachgewiesen, daß der Entladungsstrom aus einer Reihe hin und her gehender, abwechselnd entgegengesetzt gerichteter Ströme zusammengesetzt ist, deren Anzahl mit wachsendem Widerstand des Schließungsbogens abnimmt, während gleichzeitig die Dauer der Entladung wächst. Bei sehr großem Widerstand, z. B. durch Einschaltung einer nassen Schnur, geht die alternde Entladung in eine einfache über.

§ 281. Die Wirkungen der elektrischen Entladung hängen ihrer Art und ihrem Grade nach einerseits von der Menge und Dichtigkeit der angesammelten Elektrizität, andererseits von der Beschaffenheit des Schließungsbogens ab. Besteht dieser aus lauter guten Leitern, z. B. aus Metalldrähten von hinreichend großem Querschnitt, um der angesammelten Elektrizität einen leichten und schnellen Durchgang zu gestatten, so findet eine sichtbare Wirkung nur an der Stelle statt, wo die Leitung unterbrochen ist, und die Ausgleichung der Elektrizitäten in Form eines Funkens vor sich geht. Bei hinreichender Dichtigkeit der Elektrizität wird ein zwischen die beiden Teile des Schließungsbogens eingeschalteter Nichtleiter gewaltsam durchbrochen (§ 274). Die dabei eintretenden mechanischen Wirkungen sind um so heftiger, je größer die entladene Elektrizitätsmenge ist. Während der einfache Konductorfunke eine Glasplatte nur mit einer feinen Öffnung durchbohrt, wird dieselbe durch die Entladung einer elektrischen Batterie zersprengt.

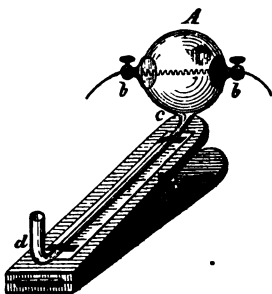
Findet die Entladung in Form eines Funkens im Innern einer Flüssigkeit statt, so werden die Teile der Flüssigkeit so gewaltsam aus einander geschleudert, daß das Gefäß leicht zerbricht — namentlich wenn die Flüssigkeit in einer engen Röhre enthalten ist. Läßt man ein Papier- oder Kartenblatt vom Entladungsfunken durchschlagen, so zeigt die feine Öffnung auf beiden Seiten aufgeworfene Ränder, so daß daraus nicht ersichtlich ist, in welcher Richtung die Durchbohrung stattgefunden hat. Stehen aber die beiden Drahtenden, zwischen denen der Funke übergeht, auf beiden Seiten des Papiers einander nicht genau gegenüber, so findet die Durchbohrung immer in der Nähe des mit der negativen Belegung verbundenen Drahtendes statt (Lullins Versuch). Daß dies aber lediglich von der Beschaffenheit der Papieroberfläche und der durch dieselbe bedingten leichteren Ausbreitung der positiven Elektrizität herrührt, geht daraus hervor, daß, z. B. bei Anwendung von Wachspapier, die Durchbohrung in der Regel an dem positiven Drahtende stattfindet. — Auf ähnliche Weise hat man die Verschiedenheit der sogenannten Lichtenbergschen Figuren (1777) zu erklären versucht, welche mit positiver und negativer Elektrizität erzeugt werden. Dieselben entstehen, wenn man einer Harz- oder Kautschukplatte an einzelnen Stellen durch Berührung mit einem elektrisierten Leiter positive oder negative Elektrizität mitteilt und dieselbe dann mit einem Gemenge von Schwefel- und

Mennigepulver bestäubt. Durch gegenseitige Reibung werden die roten Mennigetheilchen positiv, die gelben Schwefelteilchen negativ elektrisch. Erstere sammeln sich daher an den negativ, letztere an den positiv elektrisierten Punkten der Platte. Die dabei entstehenden Figuren sind aber bei der positiven und negativen Elektricität verschieden, indem erstere von den direkt elektrisierten Punkten aus in baumförmig verzweigten Strahlen sich ausbreitet, während sich die Mennige um die negativ elektrisierten Stellen in mehr rundlich begrenzten Häufchen ansammelt.

§ 282. Wärmewirkung der Entladung. Wird eine hinreichend große Elektricitätsmenge durch einen dünnen Metalldraht entladen, so bewirkt dieselbe eine Erwärmung des Drahtes (vergl. § 335), welche sich bei sehr dünnen Drähten und großen Elektricitätsmengen bis zum Glühen und Schmelzen des Drahtes steigern kann. Die stärkeren Grade der Entladungswirkung sind mit einer mechanischen Zerreißung, oder einem gänzlichen Zerstäuben der Substanz des Leiters verbunden, wie dies am besten an Streifen von dünnem Blattgold beobachtet werden kann.

Unter übrigens gleichen Umständen ist die in einem Draht erzeugte Wärmemenge dem Leitungswiderstand des Drahtes direkt proportional (siehe § 319). Die Erwärmung ist also um so größer, je dünner der Draht und aus je schlechter leitendem Metall derselbe besteht. Werden verschiedene Elektricitätsmengen nach einander durch denselben Draht entladen, so sind, wie Riefs gezeigt hat, die dadurch bewirkten Erwärmungen den Quadraten der Elektricitätsmengen direkt, der Oberfläche der Batteriebelegung aber umgekehrt proportional. Bezeichnet w den Widerstand des Drahtes, W den Widerstand des ganzen Schließungsbogens, q die entladene Elektricitätsmenge, s die Oberfläche der Batteriebelegung, so kann die entwickelte Wärmemenge durch die Formel $\alpha \frac{w}{W} \cdot \frac{q^2}{s}$ ausgedrückt werden. Der konstante Faktor α bezeichnet diejenige Wärmemenge, welche durch die Entladung der Elektricitätsmenge 1 aus einer Batterie mit der Belegung 1 im ganzen Schließungsbogen erzeugt werden würde.

Fig. 247.



Zur Nachweisung der Gesetze der elektrischen Erwärmung dient das elektrische Luftthermometer von Riefs (1837). Eine hohle Glaskugel A (Fig. 247) ist an zwei gegenüberliegenden Stellen b, b durchbohrt und mit luftdicht in die Öffnungen eingekitteten Messingklemmen versehen. Zwischen diesen ist ein spiralförmig gewundener, dünner Platindraht ausgespannt. An die Kugel ist ein enges, bei c rechtwinklig gebogenes Glasrohr angeschmolzen, an dessen anderem Ende bei d ein kleines Gefäß angebracht ist. In dieses bringt man einige Tropfen gefärbten Weingeistes und giebt dem Glasrohr mittelst des Brettchens, auf welchem dasselbe befestigt ist, eine geringe Neigung gegen den Horizont, so daß der Weingeist in der Röhre bis zu einem Punkt emporsteigt, welcher an einer auf dem Brettchen angebrachten Skala abgelesen werden kann. An der Glaskugel ist noch eine durch einen Stöpsel verschließbare Öffnung angebracht, mittelst deren vor jedem Versuch der Druck der Luft in der Kugel mit dem der Atmosphäre ins Gleichgewicht gebracht werden kann. Wird der Entladungsstrom einer Batterie durch den Draht b, b geleitet, so wird dieser erwärmt, giebt die entwickelte Wärme sogleich an die umgebende Luft ab und bewirkt dadurch eine Ausdehnung der Luft und ein Sinken der Weingeistsäule in der Röhre c, d , aus dessen Größe auf die entwickelte Wärmemenge geschlossen werden kann. Indem man nun entweder die Elektricitätsmenge und die Oberfläche der Batterie, oder die Beschaffenheit des Schließungsbogens ändert, können die oben angegebenen Gesetze nachgewiesen werden.

Explosive Gasgemische und leicht brennbare Flüssigkeiten werden durch den Batteriefunken, wie durch den einfachen Funken des Konduktors entzündet. Um Schiefspulver durch den Entladungsschlag der Batterie zu zünden, muß man die Entladung durch Einschaltung einer nassen Hanfschnur in den metallischen

Schließungsbogen verzögern, weil sonst die Pulverteile gewaltsam aus einander geschleudert, aber nicht entzündet werden. Leichter und sicherer gelingt die Zündung eines innigen Gemenges von chlorsaurem Kali und Schwefelantimon mit einem geringen Zusatz von gepulvertem Graphit. Man bedient sich dieses Zündsatzes für die Patronen zur elektrischen Zündung von Minen. (Bei Bereitung des höchst explosiven Gemenges ist große Vorsicht erforderlich, die Substanzen müssen einzeln feingerieben und erst dann sehr vorsichtig gemischt werden, da die Explosion des Gemenges schon durch bloße Reibung, oder einen Schlag herbeigeführt werden kann.)

§ 283. Die Wirkung der Batterieentladung auf den menschlichen und tierischen Körper ist dieselbe, wie die der Konduktor-entladung der Elektrisiermaschine (§ 273), nur in verstärktem Maßstabe. Jedes Sinnesorgan wird durch dieselbe in seiner eigentümlichen Weise affiziert, indem sich die Wirkung als Nervenreizung äußert. Ein mäßiger, durch beide Hände und Arme geleiteter Entladungsschlag bewirkt eine eigentümliche, unangenehme Empfindung in den Handgelenken und bei stärkerer Ladung auch in den Ellbogengelenken. Der Entladungsschlag kann sich durch eine lange Reihe von Personen fortpflanzen. — Durch Reizung der Bewegungsnerven werden krankhafte Zuckungen der entsprechenden Muskeln veranlaßt und wenn insbesondere die Centralorgane des Nervensystems, Gehirn und Rückenmark, von einer starken Entladung getroffen werden, so kann Betäubung und Tod durch Nervenlähmung eintreten (vergl. §§ 290, 345).

§ 284. Induktionsströme durch Reibungselektricität. Werden zwei Drähte parallel neben einander ausgespannt und wird durch einen derselben der Entladungsstrom einer Leydener Batterie geleitet, so wird dadurch in dem anderen Draht, auch wenn er von dem ersten völlig isoliert ist, ein elektrischer Strom erregt, welcher Induktions- oder Nebenstrom genannt wird. Damit derselbe zur Wirkung komme, müssen die Enden des Nebendrahtes unter einander in leitende Verbindung gesetzt, oder einander so weit genähert werden, daß die Entladung des Nebendrahtes durch einen Funken zustande kommen kann. Um größere Drahtlängen anzuwenden und dadurch stärkere Nebenströme zu erzeugen, giebt man den Drähten die Gestalt zweier flachen Spiralen, welche auf zwei kreisrunden Brettern so befestigt sind, daß ihre Windungen einander parallel laufend gegenübergestellt werden können. Die Enden des einen Spiraldrahtes werden einander bis auf einen geringen Abstand genähert, die des anderen können mit den Belegungen der Batterie in Verbindung gesetzt werden. Im Augenblick der Entladung der Batterie durch den Hauptdraht geht zwischen den Enden des Nebendrahtes ein Funke über. (Spirale von Riebs, 1853.)

Die Gesetze der Induktionsströme werden in der Lehre von den galvanischen Strömen ausführlicher behandelt (§ 330).

Über die magnetischen Wirkungen elektrischer Ströme siehe § 321.

§ 285. Verschiedene Arten der Elektricitätserregung. Außer durch Reibung (§ 263) kann durch andere mechanische Vorgänge Elektricität erregt werden. So zeigt ein Glimmerblatt beim Spalten, ein Stück Kreide oder Zucker beim Zerbrechen im Dunkeln einen vorübergehenden Lichtschein, welcher, wie das Elektroskop nachweist, von Elektricität herrührt. Harze, Korkstücke, Kalkspatkrystalle werden durch Druck zwischen den Fingern oder gegenseitigen Druck in ähnlicher Weise elektrisch, wie beim Reiben. Von der Elektricitätsentwicklung durch Berührung verschiedener Stoffe wird unten (§ 304) ausführlich die Rede sein.

Volta und Saussure glaubten eine Entwicklung von Elektricität bei der Verdampfung des Wassers beobachtet zu haben. Im Jahre 1840 erhielt der Wärter einer Dampfmaschine bei Newcastle, als er eine Hand in den aus dem Sicherheitsventil ausströmenden Dampfstrahl hielt und gleichzeitig mit der anderen Hand

dem Metallhebel des Ventils nahe kam, eine heftige Erschütterung, und Armstrong konstruierte infolge dessen seine Dampfelektrisiermaschine, die aus einem durch Glasfüße isolierten Dampfkessel besteht, aus welchem ein Dampfstrahl ausströmt, dessen Elektricität mittelst eines mit Spitzen versehenen Einsaugers auf einem isolierten Konduktor angesammelt wird. Der Dampfkessel wird dabei negativ, der ausströmende Dampf positiv elektrisch. Die Untersuchungen von Faraday (1843) haben jedoch zu dem Ergebnis geführt, daß die hierbei, sowie bei den von Volta und Saussure angestellten Versuchen beobachtete Elektricitätsentwicklung nicht von der Dampfbildung, sondern von der Reibung des mit flüssigen Wassertröpfchen vermischten Dampfes an den Wänden des Gefäßes oder der Ausflußröhre herrührt.

§ 286. Pyroelektricität der Krystalle. An gewissen Krystallen wird eine Entwicklung von Elektricität durch Temperaturveränderung beobachtet. Zu diesen Krystallen, welche man wegen dieser Eigenschaft pyroelektrisch nennt, gehört z. B. der Turmalin. Seit dem Anfang des vorigen Jahrhunderts hatte man an den säulenförmigen Turmalin-krystallen die Eigenschaft wahrgenommen, daß dieselben, auf heiße Asche gelegt, die Aschenteilchen anzogen und wieder abstieffen. Äpinus nahm wahr, daß die beiden Enden oder Pole des Krystalls beim Erwärmen entgegengesetzt elektrisch werden, und Canton zeigte, daß dasselbe Ende des Krystalls, welches während des Erwärmens positive Elektricität zeigt, beim Erkalten negativ elektrisch wird und umgekehrt. Man nennt denjenigen Pol, der beim Erwärmen positiv, beim Erkalten negativ elektrisch wird, den analogen, den anderen den antilogen Pol. Die elektrischen Eigenschaften des Turmalins und anderer Krystalle stehen in engem Zusammenhang mit ihrer molekularen Struktur, wie daraus hervorgeht, daß alle pyroelektrischen Krystalle eine besondere Art der Hemiëdrie ihrer Krystallformen erkennen lassen, infolge deren beide Enden des Krystalls eine verschiedenartige Ausbildung erhalten.

So krystallisiert z. B. der Turmalin in der Regel in 9seitigen Säulen, die durch Kombination einer 6seitigen und einer 3seitigen Säule entstehen (§ 25, 3). An jedem Ende ist die Säule durch 3 Rhomboederflächen zugespitzt; dieselben erscheinen aber an dem einen Ende (dem analogen Pol) auf die Flächen der 3seitigen Säule, am anderen Ende (dem antilogen Pol) auf die Kanten der 6seitigen Säule aufgesetzt. Das Kieselzinkerz krystallisiert in rhombischen Prismen, die am analogen Pol durch eine horizontale Endfläche, am antilogen Pol durch die Flächen eines Rhombenoktaeders begrenzt sind (§ 25, 4). Der Borazit zeigt würfelförmige Krystalle; von den 8 Würfecken sind 4 abwechselnde durch die Flächen eines Tetraeders abgestumpft. Diese bilden 4 antiloge Pole, während die vier nicht abgestumpften Würfecken ebensoviele analoge Pole sind u. s. f. (§ 24).

§ 287. Atmosphärische Elektricität. Die elektrische Natur des Gewitters ist mit Sicherheit zuerst von Franklin (1749) erkannt und durch einen seinem Vorschlage entsprechenden Versuch von d'Alibard (1752) in Marly-la-ville bei Paris nachgewiesen worden. Indem auf freiem Felde eine hohe, oben zugespitzte und am unteren Ende isolierte Metallstange aufgestellt wurde, welche die Elektricität der darüber befindlichen Gewitterwolken aufsaugte, konnte man vom unteren Ende der Stange elektrische Funken erhalten und mittelst der so gesammelten Elektricität alle bekannten, elektrischen Erscheinungen hervorbringen. Um die Wolken-elektricität in größerer Menge zur Erde herabzuleiten, bediente sich Franklin und nach ihm de Romas des „elektrischen Drachens“. Dieser war nach Art des bekannten Kinderspielzeuges eingerichtet, aber anstatt des Papiers mit Seidenzeug bespannt und mit einer Metallspitze versehen.

Durch die vom Regen durchfeuchtete, oder besser mit Draht durchflochtene Schnur wurde die leitende Verbindung mit dem Erdboden hergestellt. Indem de Romas das untere Ende der Schnur mit einem isolierten Konduktor verband, konnte er, als eine Gewitterwolke an dem Drachen vorbeizog, von dem Konduktor drei Meter lange und scheinbar zollstarke, elektrische Funken erhalten, die von einem betäubenden Geräusch begleitet waren.

Die weiteren Untersuchungen haben gelehrt, daß die Atmosphäre nicht nur zur Zeit eines Gewitters, sondern selbst bei heiterem Himmel stets mit Elektricität geladen ist. Um dies nachzuweisen und die Veränderungen des elektrischen Zustandes der Atmosphäre zu untersuchen, bediente sich Saussure eines empfindlichen Elektroskops (§ 266), auf welchem ein langer, oben zugespitzter Draht befestigt war. — Anstelle der Spitze wendete Volta mit Vorteil einen brennenden oder glimmenden Körper an, der am oberen Ende des Leiters befestigt wurde. — Auf anderen Prinzipien, besonders auf der elektrischen Influenz, beruhende Apparate zur Beobachtung und Messung der Lufterlektricität sind in neuerer Zeit von Peltier, Dellmann, Thomson u. a. angegeben worden.

Die Beobachtungen haben gelehrt, daß die Lufterlektricität bei heiterem Himmel fast stets positiv ist und daß dieselbe regelmässige, tägliche und jährliche Änderungen erleidet. Im Sommer ist dieselbe im allgemeinen geringer als im Winter. — Die Elektricität der Wolken ist bald positiv, bald negativ und namentlich bei einem Gewitter schnellem und regellosem Wechsel unterworfen. — Der Ursprung der Luft- und Wolkenelektricität ist noch nicht mit hinreichender Sicherheit aufgeklärt. Der Umstand, daß die intensivsten elektrischen Vorgänge in der Atmosphäre von massenhaften, wässerigen Niederschlägen begleitet zu sein pflegen, scheint auf einen Zusammenhang zwischen der Elektricitäts-erregung und der Kondensation des Wasserdampfes hinzudeuten, der jedoch experimentell noch nicht nachgewiesen werden konnte.

§ 288. Gewitter. Am gewaltigsten äußert sich die atmosphärische Elektricität in den Erscheinungen des Gewitters. Dieses tritt in der Regel in Begleitung reichlicher Niederschläge der atmosphärischen Feuchtigkeit auf. Die heftigsten Gewitter finden in der Regenregion der Tropenzone statt (§ 253). In der gemäßigten Zone treten sie meist bei plötzlichem Wechsel der Windrichtung ein, namentlich wenn der Äquatorialstrom durch den Polarstrom verdrängt und durch die plötzliche Abkühlung ein beträchtlicher, wässeriger Niederschlag bewirkt wird (§ 256).

Häufig ist das Gewitter von Hagelschlag (§ 261) begleitet. Im mittleren und nördlichen Europa finden die meisten Gewitter während des Sommers statt; doch gehören Wintergewitter, wenn sie eintreten, in der Regel zu den schwersten.

§ 289. Blitz und Donner. Die Entladung der angesammelten Wolkenelektricität, entweder zwischen zwei Wolken, oder zwischen Wolke und Erdoberfläche, geschieht in Gestalt des Blitzes. Man unterscheidet, nach Arago, drei Arten des Blitzes, den Zickzack-, Flächen- und Kugelblitz. Der Zickzackblitz entspricht am meisten dem elektrischen Funken unserer Elektrisiermaschine, dem er in der kurzen Dauer, der scharf begrenzten und unregelmässig im Zickzack gebrochenen, selten verzweigten Form gleicht. Man beobachtet häufig Blitze, deren Länge mehr als tausend Meter beträgt. Petit will zu Toulouse einen 17 Kilometer langen Blitzstrahl beobachtet haben. — Der Zickzackblitz ist von einem lauten, mehr oder minder lange andauernden, rollenden Donner begleitet.

Über die Dauer des Blitzes sind Untersuchungen von Rood angestellt worden. Die Blitzentladung ist gewöhnlich, wenn nicht immer, vielfach, und die Dauer der Einzelbestandteile schwankt zwischen 0,001" und 0,03", und zwar selbst bei den Komponenten eines und desselben Blitzes.

Der Flächenblitz ist ebenfalls von sehr kurzer Dauer, zeigt aber nicht einen scharf begrenzten Lichtstreif, sondern eine plötzliche, gleichmäßige Erleuchtung der Wolkenfläche in bedeutender Ausdehnung und ist in der Regel nicht von Donner begleitet — das sogenannte Wetterleuchten gehört hierher.

Der Kugelblitz, eine höchst eigentümliche Erscheinung der atmosphärischen Elektricität, besteht in einer feurigen, meist kugelförmig zusammengeballten Masse, welche mehrere Sekunden lang sichtbar bleibt, mit verhältnismäßig geringer Geschwindigkeit auf die Erde herabsinkt, sich oft eine längere Strecke hindurch längs der an der Erdoberfläche befindlichen Körper fortbewegt, ohne dieselben zu beschädigen, endlich aber unter heftiger Explosion, die von den gewöhnlichen Wirkungen des Blitzes begleitet ist, zerplatzt.

Eine Reihe von Versuchen, welche G. Planté (1878) mit elektrischen Strömen sehr hoher Spannung angestellt hat — er bediente sich eines Apparates, dessen Entladungsstrom ungefähr dem von 1200 Bunsenschen Elementen (§ 311) gleichkam — führte zu Erscheinungen, die mit den kugelförmigen Blitzten die auffallendste Ähnlichkeit zeigten. Planté hatte den positiven Leitungsdraht in destilliertes Wasser getaucht und näherte den negativen Platindraht auf einen Moment der Oberfläche des Wassers; es entstand eine gelbe Flamme von fast kugelförmiger Gestalt, ungefähr 2 cm im Durchmesser haltend; zugleich schmolz der 2 cm dicke Platindraht. Um dieses Schmelzen zu vermeiden, verminderte er die Intensität des Stromes, indem er in die Kette eine Wassersäule einschaltete. Nunmehr erschien der Funke in der Form einer Feuerkugel von 8–10 mm im Durchmesser. Planté erklärt darum die Kugelblitze als herrührend von dem Auftreten eines überreichen Stromes von Elektricität im dynamischen Zustand, der sich zugleich in hoher Spannung befindet.

Der Donner hat seinen Grund unzweifelhaft in der durch den Blitz bewirkten, intensiven Lufterschütterung. Die Zeit zwischen Blitz und Donner ist um so größer, je entfernter der Blitzstrahl ist, da der Schall um so längere Zeit braucht, um sich bis zum Ohr des Beobachters fortzupflanzen (§ 121). Die lange Dauer und das abwechselnd schwächer werdende und sich wieder verstärkende Rollen des Donners erklären sich teils durch die große Ausdehnung des Blitzstrahles, infolge deren der Schall von verschiedenen Punkten seiner Bahn nicht gleichzeitig zum Ohr gelangt, teils durch Reflexion des Schalls an Bergen, Gebäuden, Wolken u. dergl.

§ 290. Wirkungen des Blitzes. Die Wirkungen des Blitzes entsprechen denen der Entladung der Leydener Batterie (§§ 281–283), jedoch in sehr verstärktem Maße. Metallische Leiter werden, wenn sie nicht hinreichend stark sind, geschmolzen. Arago teilt einen Fall mit, wo eine 42 m lange, eiserne Kette, deren Glieder 7 mm dick waren, vollständig geschmolzen wurde. Häufig werden nur die Kettenglieder zusammengeschweisft. Geldstücke wurden in Beuteln, Messer in der Scheide geschmolzen, ohne daß die Umhüllung zerstört wurde. Eine Folge der durch den Blitz erzeugten Schmelzung sind die sogenannten Blitzröhren, welche entstehen, wenn der Blitz in Sandboden schlägt. Dieselben erscheinen inwendig durch die Schmelzung verglast, außen rauh, aus zusammengesinterten Sandkörnern gebildet.

Eine sehr häufige Wirkung des Blitzes ist die Zündung brennbarer Stoffe, welche namentlich erfolgt, wenn der Blitz durch schlechte Leitung in seinem Gange verzögert wird. Sehr häufig bleibt jedoch die Zündung aus (sogenannter kalter Schlag).

Heftige mechanische Wirkungen des Blitzes äußern sich, wie bei der Batterieentladung, vorzugsweise an Unterbrechungsstellen guter Leiter. Arago erzählt, daß i. J. 1762 von einem Kirchturm in Cornwall durch den Blitz ein 3 Centner schwerer Stein 58 m, ein anderer, kleinerer 890 m weit fortgeschleudert

wurde. In einem Hause bei Manchester wurde im J. 1809 eine 1 m dicke, 4 m hohe Mauer, deren Gewicht ungefähr 26000 kg betrug, an einem Ende um 1,3 m, am anderen um 3 m von ihrer früheren Stelle verschoben. Eigentümlich äußert sich häufig die Wirkung des Blitzes auf Bäume. Bisweilen werden dieselben nur teilweise oder ganz ihrer Rinde beraubt, oft aber wird auch das Holz in lange, dünne Latten zersplittert, oder in besenartige Faserbündel zerschlitzt. Franklin erklärt diese Erscheinungen durch plötzliche Verdampfung des im Holz enthaltenen Saftes. Oft läuft der Blitz äußerlich an der Rinde in einer Schraubenlinie herab, oder bewirkt an Baumstämmen, Pfählen u. dgl. eine schraubenförmige Drehung um ihre Axe.

Eisen- und Stahlstücke werden durch den Blitzschlag öfters magnetisiert, die Pole vom Blitz getroffener Magnetenadeln werden umgekehrt.

Innerhalb geschlossener Räume, durch welche ein Blitzstrahl gedrungen ist, bemerkt man gewöhnlich einen eigentümlichen Geruch, der oft als Schwefelgeruch bezeichnet wird. Derselbe erklärt sich durch die Umwandlung des atmosphärischen Sauerstoffs in Ozon und Bildung von salpetriger Säure (§ 273).

Die Wirkung des Blitzschlages auf den menschlichen und tierischen Körper besteht teils in äußeren Verletzungen, Kontusionen, Schwärzung der Haut, Anschwellung der getroffenen Gliedmaßen u. s. w., teils in einer unmittelbaren Erschütterung des Nervensystems, welche vorübergehende Bewußtlosigkeit, Lähmungen, oder den augenblicklichen Tod zur Folge haben kann. Dieser erfolgt oft ohne alle sichtbaren Spuren äußerer Verletzung.

§ 291. Blitzableiter. Der von Benjamin Franklin (1749) erfundene Blitzableiter besteht in einer auf dem höchsten Punkt des vor dem Blitzschlag zu schützenden Gebäudes aufgerichteten Metallstange, welche oben in eine Spitze endet, und deren unteres Ende durch eine hinreichend starke, metallische Leitung mit dem Erdboden in Verbindung steht. Man verfertigt die Spitze in der Regel aus Platin, oder verguldet dieselbe, um sie gegen Zerstörung durch atmosphärische Einflüsse zu schützen. Die Erdleitung muß in hinreichende Tiefe geführt sein, um das Grundwasser des Erdbodens zu erreichen, wenn man sie nicht mit fließendem Wasser in leitende Verbindung setzen kann. Größere Metallmassen am Gebäude, wie Kirchenglocken, Metalldächer u. dergl., müssen mit dem Blitzableiter in leitende Verbindung gesetzt werden. — Ist die Spitze des Blitzableiters in gutem Zustande und die Leitung vollkommen, so schützt derselbe nicht nur vor den Wirkungen des Blitzes, sondern verhindert auch seine Entstehung, ebenso wie eine dem Konduktor einer Elektrysiermaschine gegenüber gehaltene Nadelspitze das Zustandekommen der Funkenentladung verhindert, indem die angesammelte Influenzelektricität entgegengesetzter Art sogleich durch die Spitze nach der Wolke, oder nach dem Konduktor ausströmt und deshalb die Ansammlung entgegengesetzter Elektricitäten, welche der Funkenentladung immer vorangehen muß, nicht stattfinden kann. Da die Entladung immer nach dem hervorragendsten, also höchsten Teile des Gebäudes gerichtet ist, so schützt der Blitzableiter die umgebenden, tieferen Teile. Man nimmt an, daß die schützende Wirkung sich auf einen Umkreis erstreckt, dessen Halbmesser der doppelten Höhe des Blitzableiters gleich ist.

Richmann in St. Petersburg wurde 1753 bei Untersuchung der elektrischen Natur des Gewitters an einem unterbrochenen Blitzableiter vom Blitz erschlagen. —

Das sogenannte St. Elmsfeuer, welches sich nicht selten an den Spitzen der Blitzableiter, an Schiffsmasten u. s. w. bei Gewittern zeigt, besteht in einem leuchtenden Ausströmen der auf dem in eine Spitze endenden Leiter angesammelten Influenzelektricität (vergl. § 303).

2. Magnetismus.

§ 292. **Natürliche Magnete.** Die Eigenschaft des Magnetismus ist zuerst an gewissen Eisenerzen, namentlich dem Magneteisenerz, bemerkt worden. Eisenteilchen werden von einem solchen natürlichen Magnet angezogen und haften an demselben. Diese Anziehung äußert sich in der Regel vorzugsweise an zwei gegenüberliegenden Stellen des natürlichen Magnets, welche man Pole nennt, während sich zwischen diesen Stellen eine indifferente Stelle befindet, wo der Magnet keine Anziehung ausübt. Dies kann am besten durch Aufstreuen von Eisenfeilspänen sichtbar gemacht werden, welche an den Polen haften bleiben, an den übrigen Punkten aber abfallen.

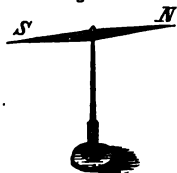
Das Magneteisenerz (Fe_3O_4) krystallisiert in schönen, regulären Oktaedern, findet sich aber am häufigsten in dichten, krystallinischen Massen, in beträchtlicher Ausdehnung namentlich in Schweden, Lappland und Chile. Dasselbe erlangt die magnetischen Eigenschaften in der Regel erst, nachdem es einige Zeit an der Luft gelegen hat.

§ 293. **Künstliche Stahlmagnete, Magnetnadel, Nord- und Südmagnetismus.** Die Eigenschaft des Magnetismus kann von dem natürlichen Magnet auf einen Stahlstab übertragen und dadurch ein künstlicher Stahlmagnet hergestellt werden, indem man die beiden Enden des Stahlstabes wiederholt mit den entgegengesetzten Polen eines natürlichen Magnets bestreicht (§ 294). Ein solcher künstlicher Magnet besitzt, wie der natürliche, zwei an den entgegengesetzten Enden liegende Pole, deren Verbindungslinie die magnetische Axe genannt wird. Wird ein Magnetstab in horizontaler Lage so aufgehängt, daß er sich in einer horizontalen Ebene frei drehen kann, so nimmt seine Axe eine annähernd von Nord nach Süd gerichtete Lage an (s. § 298).

Man giebt dem Magnet behufs dieses Versuches am zweckmäßigsten die Form einer Magnetnadel (Fig. 248), d. h. eines dünnen, flachen, in der Regel nach den Enden hin in Form eines schmalen Rhombus zugespitzten Stahlstäbchens, welches entweder an einem Seidenfaden aufgehängt, oder mittelst eines Hütchens auf einer Stahlspitze in horizontaler Lage frei schwebend balanciert werden kann. Man unterscheidet die Pole der Magnetnadel nach der Richtung, welche sie annehmen, als Nordpol und Südpol. Wird eine zweite Stahlnadel durch Streichen mit den Polen eines Magnetstabes magnetisiert, so wird das mit dem Nordpol des Magnetstabes bestrichene Ende zum Südpol, das mit dem Südpol bestrichene Ende zum Nordpol der Magnetnadel.

Werden einer frei schwebenden Magnetnadel die Pole einer zweiten Magnetnadel oder eines Magnetstabes genähert, so wird der Nordpol der Magnetnadel vom Nordpol des Magnetstabes abgestoßen, vom Südpol aber angezogen. Umgekehrt wird der Südpol der Magnetnadel vom Südpol abgestoßen, vom Nordpol aber angezogen, oder: Zwischen zwei gleichnamigen Magnetpolen findet Abstossung, zwischen ungleichnamigen Polen aber Anziehung statt.

Fig. 248.



Es ist nicht möglich, einen Magnet herzustellen, welcher nur Nordmagnetismus oder nur Süd magnetismus, oder einen der beiden Magnetismen in größerer Quantität als den anderen enthält. Wird ein magnetisierter Stahlstab ns (Fig. 249), welcher an einem Ende einen Nordpol, an dem andern einen Südpol besitzt, an irgend einer Stelle zerbrochen, so findet man, daß jedes der beiden Bruchstücke wieder ein vollständiger Magnet mit zwei gleich starken Polen ist, indem an der Trennungsstelle zwei neue Pole entstanden sind. Eine derartige Teilung kann mit dem gleichen Erfolg beliebig fortgesetzt werden, jedes noch so kleine Bruchstück des Magnetstabes bildet wieder einen vollständigen Magnet mit zwei Polen. Diese Erscheinung erklärt sich durch die Annahme, daß die Trennung der Magnetismen nur auf den kleinsten Molekülen des Stabes stattfindet, so daß der magnetisierte Stab als ein Aggregat von magnetischen Molekülen oder Molekularmagneten zu betrachten ist. Denkt man sich, der Einfachheit halber, daß der Stab nur aus einer einzigen Reihe gleich stark magnetischer Moleküle (Fig. 250) bestehe, so werden überall auf der ganzen Länge des Stabes, wo zwei entgegengesetzte Pole magnetischer Moleküle zusammenstoßen, dieselben sich in ihrer anziehenden und abstossenden Wirkung nach außen hin neutralisieren, und nur an den beiden Enden des Stabes werden die freien Pole der letzten Moleküle wirksam bleiben.

Wird jedoch der Stab an irgend einer Stelle zerbrochen, so kann die Trennung nur zwischen zwei Molekülen stattfinden, es werden also an den Bruchflächen zwei neue, entgegengesetzte und gleich starke Pole hervortreten.

Man sucht die magnetischen Anziehungen und Abstossungen wohl auch, wie die analogen elektrischen Erscheinungen (§ 264), zu erklären durch die Annahme eines nördlichen und eines südlichen magnetischen Fluidums, welche im unmagnetischen Eisen zu neutralem Fluidum vereinigt sind, beim Erregen des Magnetismus in einem Stahlstab aber getrennt werden und einander gegenseitig, wie die elektrischen Fluida, anziehen und abstossen. Die magnetischen Fluida aber können nicht, wie die elektrischen, von einem zum andern Körper übergehen, sondern es kann das auf einem Körper vorhandene, neutrale Fluidum durch Annäherung eines Magnets, ähnlich wie bei der elektrischen Influenz, in nördliches und südliches Fluidum geschieden werden (§ 294). — Die später zu entwickelnde Ampèresche Theorie (§ 329) führt die magnetischen Erscheinungen auf elektrische Ströme im Innern der magnetisierten Körper zurück.

§ 294. Magnetische Influenz, verschiedenes Verhalten des weichen Eisens und des Stahls, Koercitivkraft. Wie ein unelektrischer Leiter bei Annäherung eines elektrisierten Körpers durch Influenz elektrisch wird (§ 267), so wird ein Stück Eisen bei Annäherung eines Magnetpols selbst in einen Magnet verwandelt, indem die neutral magnetischen Eisenmoleküle durch die Anziehung und Abstossung des Magnetpols sich so anordnen, wie bei einem Magnet (§ 293). Ein Eisenstück wird also von einem Magnet angezogen und haftet an demselben, weil es selbst in einen Magnet verwandelt wird. Es findet jedoch hierbei ein Unterschied in dem Verhalten des weichen Schmiedeeisens und des gehärteten Stahls statt. Wird einem weichen Eisenstück A (Fig. 251) der Nordpol eines Magnets genähert, so wird dasselbe in einen Magnet verwandelt und befähigt, seinerseits ein anderes Stück weichen Eisens B anzuziehen und festzuhalten u. s. f. Bei Entfernung des Magnetpols verschwindet jedoch der Magnetismus in A vollständig, und das Eisenstück B fällt herab. Ein Stab von gehärtetem Stahl dagegen nimmt bei gleich starker, magnetisierender Einwirkung nur einen viel geringeren Magnetismus an, als das

Fig. 249.

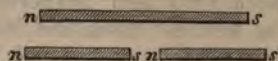


Fig. 250.

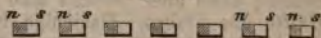


Fig. 251.

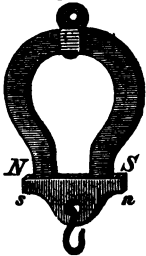


weiche Eisen, oder verlangt umgekehrt, um gleich starken Magnetismus anzunehmen, eine weit stärkere, magnetisierende Einwirkung, z. B. durch wiederholtes Streichen mit starken Magnetpolen. Hat er aber einmal den magnetischen Zustand erlangt, so behält er denselben fast vollständig, auch nach dem Aufhören der magnetisierenden Ursache. Während also im weichen Eisen die Magnetismen leicht getrennt, aber auch ebenso leicht wiedervereinigt werden, findet in den Stahlmolekülen ein gewisser Widerstand, sowohl gegen ihre Trennung, als gegen ihre Wiedervereinigung statt, welchen man mit dem Namen der Koercitivkraft bezeichnet. Je größer die Koercitivkraft einer Stahlsorte ist, desto mehr ist dieselbe zur Anfertigung dauernder Magnete geeignet.

Um durch Streichen mit einem Magnet einen Stahlstab magnetisch zu machen, setzt man den Magnet mit dem einen Pol auf die Mitte des zu magnetisierenden Stabes und streicht mit ihm bis an das eine Ende des Stabes, hebt hier den Magnet ab und setzt ihn dann von neuem in der Mitte auf und wiederholt öfter das Streichen von der Mitte bis zum Ende auf derselben Seite des Stabes; dann aber streicht man auf gleiche Weise mit dem andern Pol die andere Hälfte des Stabes. Dasjenige Ende des letzteren erhält dadurch den Nordpol, welches mit dem Südpol gestrichen ist, und umgekehrt (§ 293).

Außer dem Eisen und einigen seiner chemischen Verbindungen (Magneisenstein, Titaneisen) sind nur das Kobalt und Nickel fähig, in stärkerem Grade vom Magnet angezogen zu werden, oder selbst bleibenden Magnetismus anzunehmen. Einen schwächeren Grad magnetischer Einwirkung hatte man schon früher an einer Anzahl von Mineralsubstanzen wahrgenommen, die zum Teil keines der angeführten Metalle enthielten. Aber erst seitdem durch Anwendung des Elektromagnetismus viel stärkere, magnetisierende Kräfte als früher zu Gebote stehen, ist es zuerst Faraday gelungen, nachzuweisen, daß fast alle Körper bei hinreichend starker magnetisierender Kraft eine Einwirkung erfahren, wenngleich größtenteils eine außerordentlich viel geringere, als die drei genannten Metalle. Doch fand Faraday eine merkwürdige Verschiedenheit, indem manche Körper zwischen den Polen eines starken Elektromagnets eine Anziehung, andere eine Abstoßung erfuhren. Die ersteren verhielten sich magnetisch, wie weiches Eisen, nur in viel schwächerem Grade, die letzteren nannte Faraday diamagnetisch (siehe unten § 322).

Fig. 252.



§ 295. Verschiedene Formen der Magnete. Man giebt den Magneten in der Regel entweder die Gestalt gerader, prismatischer Stäbe von rechteckigem Querschnitt oder, um beide Pole gleichzeitig zur Wirkung zu bringen, die Hufeisenform. Vor den Hufeisenmagnet wird ein Anker von weichem Eisen *ns* (Fig. 252) gelegt, an welchem das zu tragende Gewicht aufgehängt wird. Das weiche Eisenstück wird durch Influenz hier um so stärker magnetisiert, da beide Pole einander in ihrer Einwirkung unterstützen. Der Magnet trägt daher, auf diese Weise armiert, weit mehr als das doppelte des Gewichts, welches jeder Pol für sich einzeln zu tragen imstande ist. Zu weiterer Verstärkung der Wirkung vereinigt man mehrere hufeisenförmige Lamellen zu einem magnetischen Magazin.

Man hat es vorteilhaft gefunden, die einander berührenden Flächen des Magnets und des Ankers nicht eben, sondern schwach cylindrisch abzuschleifen, so daß sie einander nur längs einer Linie berühren. — Auch die Wirkung natürlicher Magnete kann verstärkt werden, indem man dieselben nach Art eines Hufeisenmagnets armiert. An den Polflächen des natürlichen Magnets werden zwei weiche Eisenstücke angelegt und deren vorstehende Enden durch einen Anker von weichem Eisen verbunden.

§ 296. Gesetze der magnetischen Anziehung und Abstofsung. Für die magnetische Anziehung und Abstofsung gilt, nach den Versuchen von Coulomb, wie für die elektrische (§ 271), das Gesetz, daß die magnetischen Anziehungen und Abstofsungen der Moleküle den Mengen der auf einander wirkenden Magnetismen direkt, dem Quadrat ihrer Entfernung aber umgekehrt proportional sind.

Um die Richtigkeit dieses Gesetzes durch den Versuch zu bestätigen, dienen folgende Betrachtungen: Es sei A (Fig. 253) ein horizontaler, von O. nach W. gerichteter Magnetstab, B eine kleine Magnetnadel, deren Mittelpunkt sich in der Verlängerung der Axe des Magnetstabes A befindet, und die sich um diesen Mittelpunkt in horizontaler Ebene frei drehen kann. Der Magnetstab strebt die Nadel so zu drehen, daß die Axen beider in eine gerade Linie fallen, während die richtende Wirkung des Erdmagnetismus dieselbe in ihrer Lage ns zu erhalten strebt. Um die Größe des Drehungsmoments (§ 46) zu berechnen, welches bei dieser Lage der Magnetstab auf die Nadel ausübt, denken wir uns der Einfachheit halber

den Magnetismus des Stabes A sowohl als den der Nadel B in je 2 Punkten oder Polen konzentriert. Es seien $+m$ und $-m$ die in den Polen des Stabes, $+m'$ und $-m'$ die in den Polen der Nadel befindlichen Magnetismen. Es sei ferner $2l$ die Länge des Stabes A , $2l'$ die Länge der Nadel B , r die Entfernung ihrer Mittelpunkte. Es soll ferner vorausgesetzt werden, daß sowohl l als l' sehr klein seien im Verhältnis zu dieser Entfernung. Anstelle der Entfernungen Nn und Sn können dann ohne merklichen Fehler NB und SB oder $r+l$ und $r-l$ gesetzt werden. Nach dem Coulombschen Gesetz erfährt also der Nordpol n der Nadel

von S die Anziehung $\frac{m m'}{(r-l)^2}$, von N dagegen die Abstofsung $\frac{m m'}{(r+l)^2}$. Die Gesamtwirkung des Magnets A auf den Nordpol n ist also eine Anziehung, welche gleich ist der Differenz beider Kräfte:

$$\frac{m m'}{(r-l)^2} - \frac{m m'}{(r+l)^2} = m m' \frac{4 r l}{r^4 - 2 r^2 l^2 + l^4}.$$

Da die beiden letzten Glieder des Nenners wegen der Kleinheit von l gegen das erste verschwinden, so kann dafür ohne merklichen Fehler gesetzt werden:

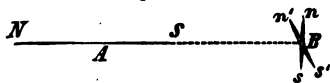
$$\frac{4 m m' l}{r^3}.$$

Ebenso groß ist die Abstofsung, welche der Südpol s der Nadel durch die vereinigte Wirkung der beiden Pole des Magnetstabes erfährt. Die beiden gleich großen, aber entgegengesetzt parallelen Kräfte, welche auf die Nadel B wirken, bilden mithin ein Kräftepaar (§ 50), dessen Hebelarm gleich der Länge der Nadel $2l'$, dessen Drehungsmoment also gleich:

$$\frac{8 m l m' l'}{r^3}$$

ist. Es ergibt sich daraus, daß das Drehungsmoment im umgekehrten Verhältnis der dritten Potenz der Entfernung abnimmt. Das Produkt aus der Länge der Magnetnadel $2l'$ und der Quantität des in jedem ihrer Pole konzentrierten Magnetismus m' wird ihr magnetisches Moment genannt. Ebenso drückt $2ml$ das magnetische Moment des Stabes A aus. Das von dem Stab A auf die Magnetnadel ausgeübte Drehungsmoment ist daher den magnetischen Momenten beider Magnete direkt, der dritten Potenz ihrer Entfernung aber umgekehrt proportional. Da diese Folgerung aus dem Coulombschen Gesetz abgeleitet worden, so kann ihre Bestätigung durch den Versuch umgekehrt dazu dienen, die Richtigkeit dieses Gesetzes zu beweisen. Man kann zu diesem Zweck entweder die Nadel B anstelle des Hebels in der Coulombschen Drehwaage (§ 271) aufhängen und bei verschiedenen Entfernungen des Magnetstabes A jedesmal die Torsion des Drahtes bestimmen, welche erforderlich ist, um die Nadel in ihre ursprüngliche Ruhelage zurückzuführen, oder man kann den Winkel messen, um welchen die frei schwebende Magnetnadel bei verschie-

Fig. 253.



denen Entfernungen des Stabes aus ihrer Ruhelage abgelenkt wird. Das durch den Magnetstab A erzeugte Kräftepaar strebt die Nadel in die Richtung der Verbindungslinie beider Magnete AB zu stellen, die richtende Wirkung des Erdmagnetismus (§ 298) strebt dieselbe nach ihrer Ruhelage ns zurückzuführen. Wenn die Nadel unter der gleichzeitigen Einwirkung beider Kräfte in der Lage $n's'$ im Gleichgewicht ist, so müssen die von beiden Kräften auf die Nadel im entgegengesetzten Sinne ausgeübten Drehungsmomente einander gleich sein. Wird der Ablenkungswinkel nBn' mit α bezeichnet, so ist leicht ersichtlich, daß in der abgelenkten Lage der Nadel das von dem Magnetstab A ausgeübte Drehungsmoment durch:

$$\frac{8mlm'l'}{r^3} \cos \alpha$$

ausgedrückt wird, während das durch die erdmagnetische Kraft T hervorgebrachte, entgegengesetzte Drehungsmoment gleich:

$$2m'l' \sin \alpha \cdot T$$

ist. Es muß also:

$$\frac{8mlm'l'}{r^3} \cos \alpha = 2m'l' \sin \alpha \cdot T$$

sein, oder:

$$\tan \alpha = \frac{4ml}{Tr^3}$$

d. h. die Tangente des Ablenkungswinkels ist der dritten Potenz der Entfernung umgekehrt proportional (vergl. § 316).

Fig. 254a.



§ 297. Magnetische Kurven.

Die Verteilung und Richtung der magnetischen Anziehungs- und Abstofsungskräfte in der Nähe eines beliebig gestalteten Magnets kann auf anschauliche Weise sichtbar gemacht werden, indem man auf ein über den Magnet gelegtes Blatt steifen Papiers Eisenfeilspäne streut. Diese häufen sich am stärksten in der Nähe der Magnetpole an und ordnen sich in deren Umgebung zu regelmäßig gestalteten Kurven, welche beide Pole mit einander verbinden und deren Richtung in jedem Punkt die Richtung der magnetischen Kraft anzeigt. Diese Kurven werden magnetische Kurven genannt. (Faradays Magnetkraftlinien.)

Man bemerkt dabei (Fig. 254a), daß die größte Anhäufung der Feilspäne an den Kanten und Ecken der Polflächen des Magnets stattfindet, daß also dort die magnetische Anziehung am intensivsten ist.

§ 298. Erdmagnetismus. Eine um ihren Schwerpunkt frei drehbar aufgehängte Magnetnadel nimmt an jeder Stelle der Erdoberfläche eine genau bestimmte Richtung an. Diese Erfahrung erklärt sich durch die Annahme, daß der Erdkörper selbst magnetische Eigenschaften zeigt und zwar auf der nördlichen Halbkugel Südmagnetismus, auf der südlichen Halbkugel Nordmagnetismus. Die Erde wirkt auf die Magnetnadel ähnlich wie ein Magnetstab aus großer Entfernung, nämlich so, daß die beiden

Pole der Magnetnadel an jeder Stelle der Erdoberfläche stets genau gleich große und entgegengesetzte Einwirkungen erfahren (vergl. § 297). Die Magnetnadel als Ganzes wird daher von der Erde weder angezogen noch abgestoßen, sondern das aus der entgegengesetzten Wirkung auf beide Pole hervorgehende Kräftepaar übt eine richtende Wirkung auf die Nadel. Eine in ihrem Schwerpunkt unterstützte Nadel ist im Gleichgewicht, sobald die Richtung ihrer magnetischen Axe mit der Richtung der nordmagnetischen Kraft zusammenfällt. Wird sie aus dieser Gleichgewichtslage entfernt, so kehrt sie durch eine Reihe pendelartiger Schwingungen wieder in dieselbe zurück.

Gilbert verfertigte sich (1600) kugelförmige Stahlmagnete (terrellae), an welchen er die magnetischen Eigenschaften der Erde nachwies.

§ 299. Magnetische Deklination; magnetische Meridiane. Die magnetische Axe einer in horizontaler Richtung frei drehbaren Magnetnadel zeigt nicht genau von Süd nach Nord, sondern weicht von der genauen Richtung des astronomischen Meridians nach Osten oder Westen hin um einen gewissen Winkel ab, welcher an verschiedenen Stellen der Erdoberfläche ungleiche Werte hat und die magnetische Deklination genannt wird. In Berlin betrug dieselbe in Mitte des Jahres 1871 etwa $12^{\circ} 43'$ westlich. (Jährliche Abnahme $8'$.) Man kann die Richtung der Magnetnadel an den verschiedenen Orten der Erdoberfläche am anschaulichsten darstellen, indem man auf einer Erdkarte (Fig. 254b) ein System von Kurven verzeichnet, die man erhält, indem man auf der Erdoberfläche von einem beliebigen Punkt aus, immer der Richtung der Magnetnadel folgend, fortschreitet, deren Richtung also in jedem Punkt unmittelbar die Richtung der Magnetnadel anzeigt. Diese Kurven entsprechen also den oben § 297 besprochenen magnetischen Kurven und werden magnetische Meridiankurven genannt. Dieselben zeigen beträchtliche, unregelmäßige Abweichungen von den astronomischen Meridianen und laufen sämtlich in zwei Punkten zusammen, welche in der Nähe des astronomischen Nordpols und Südpols gelegen sind und die magnetischen Pole der Erde genannt werden. An diesen Polen selbst übt der Erdmagnetismus auf eine nur in horizontaler Ebene bewegliche Magnetnadel keine richtende Wirkung mehr aus, sondern dieselbe bleibt in jeder Lage im Gleichgewicht, weil, wie sogleich (§ 300) gezeigt werden wird, die Richtung der erdmagnetischen Kraft in diesen Punkten genau vertikal ist.

Denkt man sich durch die Richtung, welche die Deklinationnadel an irgend einem Punkt der Erdoberfläche annimmt, eine Vertikalebene gelegt, so heißt diese die Ebene des magnetischen Meridians für diesen Ort.

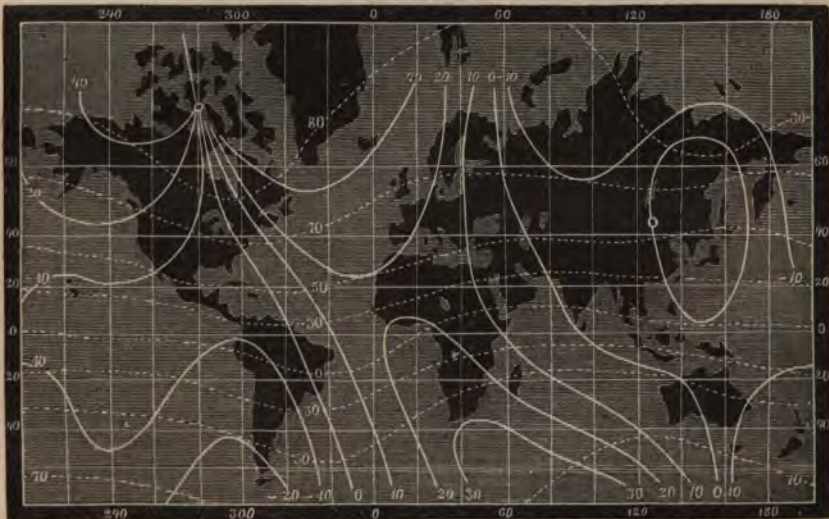
Der Gebrauch der Magnetnadel zur Angabe der Himmelsrichtungen soll eine chinesische Erfindung sein. In Europa ist dieselbe erst seit dem 12. Jahrhundert bekannt. Als Busssole wird die Magnetnadel zu Winkelmessungen, in der Feldmeß- und Markscheidkunst angewendet. Von größter Wichtigkeit für die Schifffahrt ist die Anwendung der Magnetnadel im Kompaß, da durch dieselbe allein die sichere Steuerung des Schiffes auf offener See möglich wird. Deshalb ist es auch von besonderem praktischen Interesse, den Wert der magnetischen Deklination an den verschiedenen Punkten der Meeresoberfläche mit möglichster Genauigkeit zu kennen. Christoph Kolumbus bemerkte zuerst (1492) die Verschiedenheit der Abweichung der Magnetnadel unter verschiedenen Längengraden.

Fig. 254b.



§ 300. Magnetische Inklination. Wird eine Magnetnadel, welche um eine horizontale, durch ihren Schwerpunkt gehende Axe frei drehbar ist, so aufgestellt, daß die vertikale Drehungsebene der Magnetnadel mit der Ebene des magnetischen Meridians (§ 299) zusammenfällt, so nimmt die magnetische Axe der Nadel eine gegen den Horizont geneigte Lage an, und zwar ist im allgemeinen auf der nördlichen Halbkugel der Erde das Nordende, auf der südlichen Halbkugel das Südende der Nadel abwärts geneigt. Den Winkel, welchen die magnetische Axe der Nadel mit dem Horizont bildet, nennt man die magnetische Inklination. Dieselbe betrug in Mitte des Jahres 1871 in Berlin $67^{\circ} 0'$. Mit der Annäherung an den magnetischen Nordpol nimmt die Inklination zu, bis sie am magnetischen Pol selbst den größten Wert von 90° erreicht, d. h. die Nadel genau vertikal steht. Die Richtung der erdmagnetischen Kraft ist also in diesem Punkt genau vertikal und

Fig. 254c.



dieselbe verliert deshalb, wie oben bemerkt, den richtenden Einfluß auf eine in horizontaler Richtung drehbare Magnetnadel. Mit wachsender Entfernung vom magnetischen Nordpol nimmt die nördliche Inklination ab, bis dieselbe in der Nähe des Erdäquators gleich Null wird und auf der südlichen Halbkugel in eine südliche Inklination übergeht. Am magnetischen Südpol der Erde ist die südliche Inklination gleich 90° , oder das Südende der Nadel vertikal abwärts gerichtet. Die Linie, welche sämtliche Punkte der Erdoberfläche verbindet, an welchen die Inklinationsnadel horizontal steht oder die Inklination gleich Null ist, heißt der magnetische Äquator der Erde. Derselbe fällt nicht mit dem astronomischen Äquator zusammen (siehe Fig. 254c), sondern durchschneidet denselben an zwei Punkten, so daß er teils auf der nördlichen, teils auf der südlichen Halbkugel der Erde liegt.

Man kann sich vorstellen, daß in einem Längendurchschnitt der Erde durch die beiden magnetischen Pole der Erdmagnetismus eine ähnliche Wirkung ausübt als in Fig. 254a durch die magnetischen Kurven dargestellt ist: die Inklinations-

nadel giebt an jedem Punkt der Erdoberfläche, von welcher man sich einen Axenschnitt in jener Figur durch den punktierten Kreis angedeutet denken mag, die Tangentenrichtung der zugehörigen magnetischen Kurve an.

Verbindet man alle Punkte der Erdoberfläche, in denen die Magnetnadel gleiche Abweichungen vom astronomischen Meridian zeigt, durch eine Linie, so erhält man ein System von Kurven, welche Linien gleicher Deklination oder Isogonen heißen. Ebenso ergeben sämtliche Punkte der Erdoberfläche, in welchen die nördliche oder südliche Inklination denselben Wert hat, verbunden ein System von Kurven, welche Linien gleicher Inklination oder Isoklinen genannt werden. Dieselben weichen in ihrem Verlauf beträchtlich von den Parallelkreisen ab und sind in Fig. 254c gleichzeitig mit den Isogonen dargestellt. — Der magnetische Nordpol, welcher im nördlichen Amerika unter $70^{\circ} 5' \text{ N. Br.}$ und $96^{\circ} 46' \text{ W. L.}$ von Greenwich liegt, ist von Kapitän Rofs wirklich erreicht worden; dagegen ist es noch nicht gelungen, bis zum magnetischen Südpol vorzudringen.

An einzelnen Punkten der Erdoberfläche lassen sich Abweichungen in der Stellung der Magnetnadel beobachten. Von außergewöhnlichem Belang sind diese z. B. auf dem einen von den beiden Schnarcherfelsen, isolierten Granitpyramiden von etwa 30 m Höhe, die in der Nähe des Dorfes Schierke im Harz gelegen sind, und von denen der südliche unzugänglich ist. Auf dem nördlichen Felsen giebt es auf der etwa 12 qm großen Oberfläche an zwei Stellen kaum 30 cm entfernte Punkte, an denen die Magnetnadel eine fast entgegengesetzte Richtung zeigt.

§ 301. Intensität des Erdmagnetismus. Durch die Angabe der magnetischen Deklination und Inklination ist die Richtung, welche eine um ihren Schwerpunkt völlig frei drehbare Magnetnadel annehmen würde, oder die Richtung der erdmagnetischen Kraft an jeder Stelle der Erdoberfläche vollkommen genau bestimmt. Zur völligen Kenntnis dieser Kraft ist aber noch die Angabe ihrer Stärke oder Intensität erforderlich. Daß diese Intensität nicht an allen Punkten der Erdoberfläche dieselbe ist, ergibt sich daraus, daß die Schwingungen einer und derselben Nadel um ihre Gleichgewichtslage an verschiedenen Orten nicht mit gleicher Geschwindigkeit erfolgen. Die Vergleichung der Schwingungsdauer giebt aber ein leichtes Mittel an die Hand, die Intensität der erdmagnetischen Kraft an verschiedenen Orten zu vergleichen. — Die Schwingungen der Magnetnadel unter dem Einfluß des Erdmagnetismus befolgen nämlich dieselben Gesetze, wie die Schwingungen des Pendels (§§ 61—63) unter dem Einfluß der Schwerkraft und es ist, unter übrigens gleichen Umständen, die Schwingungsdauer einer Magnetnadel der Quadratwurzel aus der Intensität der magnetischen Kraft umgekehrt proportional. Sind also i_1 und i_2 die magnetischen Intensitäten an zwei verschiedenen Orten und bezeichnen n_1 und n_2 die Anzahl der Schwingungen, welche die Nadel an einem und dem anderen Orte in gleichen Zeitabschnitten vollendet, so ist $i_1 : i_2 = n_1^2 : n_2^2$. Die Intensität der erdmagnetischen Kraft wächst mit der Annäherung an die magnetischen Pole und ist am geringsten in der Nähe des magnetischen Äquators. Ihre Verteilung auf der Erdoberfläche kann durch ein System von Linien gleicher Intensität oder Isodynamen dargestellt werden.

Gauß hat berechnet, daß 8464 Trillionen je ein Pfund schwerer Magnetstäbe mit parallel gerichteten, magnetischen Axen erforderlich wären, um die magnetische Wirkung der Erde im äußeren Raum zu ersetzen, oder daß bei gleichmäßiger Verteilung derselben im ganzen Rauminhalt der Erde etwa auf je ein Kubikmeter acht solcher Stäbe kommen würden.

§ 302. Variationen der magnetischen Elemente. Die Richtung und Stärke der erdmagnetischen Kraft ist nicht nur an verschiedenen Orten der Erdoberfläche ungleich, sondern sie ist auch an demselben Orte langsamen Änderungen oder Variationen unterworfen. Diese Änderungen sind teils periodische, kleine Schwankungen in der Richtung

der Magnetnadel, welche nur wenige Bogenminuten betragen und sich in regelmäÙig wiederkehrenden Perioden, namentlich während einer täglichen Periode, in gleicher Weise wiederholen; teils sind es säkulare Änderungen, welche sehr langsam erfolgen, aber, eine lange Reihe von Jahren hindurch in gleichem Sinne fortschreitend, allmählich zu beträchtlicher Größe anwachsen; teils endlich sind es unregelmäßige Störungen des magnetischen Gleichgewichts der Erde, welche schnell vorübergehen und mit elektrischen Strömungen im Innern des Erdkörpers in Zusammenhang stehen. Dieselben treten häufig gleichzeitig mit Nordlichterscheinungen auf — magnetisches Gewitter (§ 303).

In Berlin betrug (1871) die westliche Deklination der Magnetnadel $12^{\circ} 43'$ und nimmt jährlich um etwa $8'$ ab (§ 299). Im Laufe des vorigen Jahrhunderts war dieselbe im Zunehmen begriffen und erreichte i. J. 1805 ihren größten Wert von 18° . Seitdem nimmt dieselbe langsam ab, so daß sie möglicherweise einmal gleich Null werden und in eine östliche Abweichung übergehen wird.

Ähnlichen Änderungen sind die magnetische Inklination und Intensität unterworfen.

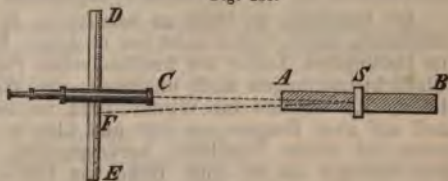
Zur Beobachtung kleiner Änderungen im Stande der Magnetnadel dient am besten die von Poggendorff (1826) angegebene, höchst empfindliche Methode der Spiegelablesung. An dem Magnetstab AB (Fig. 255) ist bei S ein Spiegel angebracht, auf welchen das Fernrohr C gerichtet ist. Der Beobachter erblickt in demselben das Spiegelbild einer horizontalen, in Millimeter geteilten Skala DE . Bei der normalen Lage des Magnetstabes fällt der Nullpunkt der Skala genau mit einem im Okular des Fernrohrs angebrachten Vertikalfaden (§ 172) zusammen.

Wird jetzt der Magnetstab und dadurch der Spiegel S um einen kleinen Winkel α gedreht, so ändert sich die Lage des Spiegelbildes im Fernrohr, und der Vertikalfaden zeigt jetzt einen anderen Skalenstrich F an. Nach optischen Gesetzen (§ 353) ist der Winkel CSF gleich dem doppelten Drehungswinkel des Spiegels, 2α . Aus der Größe der Verschiebung CF und der bekannten Entfernung SC kann aber die Größe dieses Winkels leicht berechnet werden, und es läßt sich leicht ein für allemal bestimmen, welchem Drehungswinkel des Spiegels jeder Skalenteil entspricht. Beträgt nämlich die Entfernung des Spiegels von der Mitte der Skala m Skalenteile, so ist $\tan 2\alpha = \frac{1}{m}$.

Auf die Methoden zur Bestimmung der Variationen der magnetischen Inklination und Intensität kann aus Mangel an Raum nicht eingegangen werden.

§ 303. Polarlicht. Eine noch nicht hinreichend aufgeklärte Erscheinung, welche aber jedenfalls in nahem Zusammenhang mit den magnetischen Eigenschaften des Erdkörpers steht, bietet das Polarlicht dar, welches, namentlich unter den höheren Graden nördlicher und südlicher geographischer Breite, als Nordlicht und Südlicht beobachtet wird. Dasselbe beginnt in der Regel kurz nach dem Ende der Abenddämmerung damit, daß sich am nördlichen (oder südlichen) Horizont ein dunkles, von einem hellen Saum eingefasstes Kreissegment abgrenzt; bald wird der Lichtsaum breiter und glänzender, es beginnen Strahlen in radialer Richtung von demselben auszugehen, welche ihren Ort beibehalten, aber in Glanz und Ausdehnung einen fortwährenden Wechsel zeigen, so daß sie bald weit emporschleifen, bald fast verschwinden. Wenn die Erscheinung ihren höchsten Glanz erreicht, was nur unter hohen Breitengraden stattfindet,

Fig. 255.



so schiessen die Strahlen von allen Seiten bis über den Scheitel des Beobachters empor und vereinigen sich, nach der ihrem Ausgangspunkt entgegengesetzten Seite der Himmelskugel konvergierend, zu einer Krone, deren Mittelpunkt südlich vom Zenith gelegen ist. Daß das Nordlicht mit den magnetischen Erscheinungen des Erdkörpers im Zusammenhang steht, geht schon aus dem Umstand hervor, daß der Mittelpunkt des Nordlichtbogens seiner Lage nach nicht dem astronomischen Norden, sondern der Richtung der Magnetnadel entspricht. Die radiale Ausströmung der Strahlen und die Konvergenz zur Nordlichtkrone ist eine Wirkung der Perspektive, indem in Wirklichkeit die Strahlen unter einander und mit der Richtung der Inklinationsnadel oder der erdmagnetischen Kraft parallel sind. Der Mittelpunkt des Lichtbogens und der der Krone entsprechen den gegenüberliegenden Punkten der Himmelskugel, nach welchen die Pole der Inklinationsnadel gerichtet sind. Einen ferneren Beweis für die magnetische Natur des Nordlichts liefert der Umstand, daß ausgezeichnete Nordlichterscheinungen stets von starken, unregelmäßigen Störungen in der Richtung und Intensität der erdmagnetischen Kraft (§ 302) begleitet sind, sowie von Störungen des elektrischen Gleichgewichts im Innern des Erdkörpers, welche sich durch elektrische Strömungen in den Telegraphenleitungen kundgeben.

Die Versuche, die Höhe zu bestimmen, in welchen die Nordlichterscheinungen stattfinden, haben bisher meist nur unsichere Resultate ergeben. Prof. Lemström aus Helsingfors, Leiter der finnländischen Polarstation, hat beobachtet, daß sich Polarlichtstrahlungen auch unterhalb der Wolken, über Bergspitzen und dergl. bilden. Es ist ihm im Winter 1882 zu 1883 gelungen, im nördlichen Finnland auf zwei Bergen von 800 und 1100 m Höhe Lichtausstrahlungen, ähnlich denen bei einem Nordlicht, hervorzurufen. Andererseits hat man Nordlichterscheinungen bis zu einer Höhe von 130—150 km beobachtet. Da das Nordlicht an der Umdrehungsbewegung unserer Erde teilnimmt, so muß es als eine der Erdatmosphäre angehörige Erscheinung betrachtet werden. Jedenfalls ist aber die Dichtigkeit der Atmosphäre in jenen hohen Schichten eine außerordentlich geringe. (Aus der Dauer der Dämmerung wird die Höhe der äußersten Luftschichten, welche noch merkliche Mengen von Sonnenlicht zu reflektieren vermögen, auf etwa 75 km geschätzt.) Die Erscheinungen, welche elektrische Entladungen in sehr verdünnten Gasen (vergl. § 334), unter Einwirkung magnetischer Kräfte, darbieten, werden vielleicht einst eine vollständige Aufklärung des merkwürdigen Phänomens zu geben vermögen. Andere Untersuchungen haben auf einen Zusammenhang zwischen dem Erscheinen der Polarlichter und dem Auftreten der Sonnenflecke geführt, und zwar daß die periodische Wiederkehr der Polarlichter und der magnetischen Störungen zusammenfällt mit der des Fleckenmaximums auf der Sonnenoberfläche (§ 372).

Am 2. Oktober 1882 abends, zwischen $7\frac{1}{4}$ und $8\frac{1}{2}$ Uhr Berliner Zeit, war im mittleren westlichen Europa ein Nordlicht sichtbar, welches sich durch einen hellen, wolkenartigen Gebilden bestehenden Bogen auszeichnete, der im allgemeinen einer Richtung senkrecht zu den magnetischen Meridianen zu folgen schien. Die Beobachtungen desselben erstreckten sich bis auf einen Bogen von 76° südlicher Zenithdistanz bis 80° nördlicher Zenithdistanz, also von 156° Ausdehnung, und gestatteten eine Berechnung der Höhe des Nordlichtbogens. Herr O. Jesse in Steglitz hat diese Höhe auf 122,2 km, mit einem wahrscheinlichen Fehler von nur 4,5 km, bestimmt.

3. Berührungselektricität oder Galvanismus.

§ 304. Entwicklung von Elektricität durch Berührung. Galvanis Entdeckung. Luigi Galvani (1737—1798), Arzt in Bologna, wurde im Jahre 1789 durch Zufall auf die Entdeckung einer neuen Art

von Elektrizitätserregung geführt. Derselbe hatte nämlich enthäutete Froschschenkel mittelst aus Kupferdraht gebildeter Haken an einem eisernen Gitter aufgehängt und beobachtete, daß die Muskeln der Froschschenkel zuckten, so oft sie mit den Eisenstäben des Gitters in Berührung kamen. Da Galvani vorher ähnliche Zuckungen unter Einfluß von Reibungselektricität beobachtet hatte, so erkannte er die Erscheinung als eine elektrische, täuschte sich jedoch hinsichtlich der Quelle der Elektrizitätsentwicklung, indem er dieselbe in einer Wechselwirkung der Muskeln und Nerven des Froschschenkels zu erkennen glaubte. Alessandro Volta (1745—1827) zeigte, daß die Berührung zweier verschiedenen Metalle eine wesentliche Bedingung zum Gelingen des Versuches sei und daß der Froschschenkel bei Galvanis Versuch nur das Mittel zum Nachweis der Elektrizitätsentwicklung bilde, deren Ursache in der Berührung des Kupfers und Eisens zu suchen sei. Volta wies ferner (1794) nach, daß bei jeder Berührung zweier Metalle, oder überhaupt zweier verschiedenen Leiter der Elektrizität eine Elektrizitätserregung stattfindet, indem der eine Körper positive, der andere negative Elektrizität erhält. Die Spannung der erregten Elektrizität war jedoch eine so geringe, daß sich Volta zur Verstärkung derselben des von ihm erfundenen Kondensators bedienen mußte.

§ 305. Kondensator, Voltas Fundamentalversuch. Die Einrichtung des Kondensators beruht auf demselben Grundprinzip, wie die der Leydener Flasche (§ 277). Derselbe besteht aus zwei eben geschliffenen, in der Regel kreisrunden Metallplatten, welche durch eine möglichst dünne Schicht einer nichtleitenden Substanz von einander getrennt sind. In der Regel ist die untere Platte *A* (Fig 256), welche die Kollektorplatte genannt wird, auf einem empfindlichen Elektroskop (§ 266) befestigt. Die obere oder Kondensatorplatte *B* kann mittelst eines isolierenden Handgriffes auf dieselbe aufgesetzt, oder von ihr abgehoben werden. Beide Metallplatten sind auf den ebenen, einander zugewendeten Flächen mit einem dünnen, isolierenden Überzug von Schellackfirnis versehen, welcher ihre leitende Berührung hindert. Der Kondensator dient zur Ansammlung schwacher Elektrizitätsmengen, indem man bei seiner Ladung ähnlich verfährt, wie bei der Leydener Flasche. Bringt man einen sehr schwach elektrisierten Körper mit der Kollektorplatte *A* in Berührung, während gleichzeitig *B* mit dem Erdboden in leitende Verbindung gesetzt wird, so wird *A* mit der zu prüfenden Elektrizität geladen, während gleichzeitig auf *B* durch Influenz eine annähernd gleiche Quantität der entgegengesetzten Elektrizität angesammelt wird. Durch Wiederholung dieses Vorganges kann man nach und nach auf den Platten des Kondensators eine größere Elektrizitätsmenge ansammeln. Solange beide Platten vereinigt bleiben, halten sich die auf beiden angesammelten, entgegengesetzten Elektrizitätsmengen, wie bei der Leydener Flasche, auf beiden Seiten der isolierenden Firnissschicht gegenseitig gebunden. Wird aber die Kondensatorplatte *B* mittelst ihres isolierenden Handgriffes abgehoben, so wird die auf *A* angesammelte Elektrizität frei, verbreitet sich über die Goldblättchen und bringt diese zur Divergenz. Das Vorzeichen der angesammelten Elektrizität kann leicht

Fig. 256.



mittelt einer angenäherten, geriebenen Glas- oder Harzstange geprüft werden.

Volta verschaffte sich nun ebene, kreisrunde Platten aus verschiedenen Metallen, welche sämtlich mit isolierenden Handgriffen versehen waren. Wurden zwei solche Platten aus verschiedenen Metallen in Berührung gebracht, so zeigten sie sich nach der Trennung entgegengesetzt elektrisch. Da die durch einmalige Berührung beider Platten erzeugte Elektrizitätsmenge zu gering war, um die Strohhalme oder Goldblättchen des Elektroskops zur Divergenz zu bringen, so wurden die durch nochmalige Berührung erzeugten Elektrizitätsmengen mittelst des Kondensators angesammelt und dann durch Abheben der Kondensatorplatte geprüft.

Eine andere Methode, den Versuch anzustellen, besteht darin, daß man die Platten *A* und *B* des Kondensators selbst aus verschiedenen Metallen, z. B. *A* aus Kupfer, *B* aus Zink, anfertigt. Bringt man dann *A* und *B* durch einen Kupferdraht in leitende Verbindung und hebt nach Entfernung des Kupferdrahtes die Platte *B* ab, so zeigt sich der Kondensator geladen und zwar die Kupferplatte mit negativer, die Zinkplatte mit positiver Elektrizität. Diese Versuchsmethode ist der obigen vorzuziehen, weil bei letzterer die Berührung der verschiedenartigen Metalle mit den in der Regel aus Messing gebildeten Kondensatorplatten selbst wieder zu Elektrizitätsentwicklung Anlaß giebt.

§ 306. Gesetze der Voltaschen Spannungsreihe für Berührungselektrizität. Indem Volta die Elektrizitätsentwicklung bei Berührung verschiedener Metalle einer genauen Untersuchung unterwarf, wurde er zu folgenden wichtigen Gesetzen geführt:

1. Die Metalle lassen sich in eine Reihe — die Voltasche Spannungsreihe — anordnen, welche die Eigenschaft hat, daß jedes vorhergehende Metall, mit einem folgenden berührt, positive, jedes folgende durch Berührung mit einem in der Reihe vorhergehenden negative Elektrizität annimmt (vergl. § 265). Die Reihenfolge der wichtigsten Metalle ist folgende:

+ Zink, Blei, Zinn, Wismut, Antimon, Eisen, Kupfer, Silber, Gold, Platin —.

Es fällt in dieser Reihe zunächst in die Augen, daß zwischen dem elektrischen Verhalten der Metalle und ihren chemischen Eigenschaften ein eigentümlicher Zusammenhang besteht, indem die Metalle, welche die größte Verwandtschaft zum Sauerstoff haben, oder am leichtesten oxydierbar sind, dem positiven Ende der Reihe zunächst stehen, die schwer oxydierbaren, edlen Metalle dagegen das negative Ende bilden. In der That haben spätere Untersuchungen ergeben, daß sich die Metalle der Alkalien und alkalischen Erden (§ 20) sämtlich noch positiver als das Zink verhalten, so daß das Kalium das äußerste positive Ende der Spannungsreihe bildet. Andererseits können auch gewisse leitende Metalloxyde, wie Braunstein (Mangansuperoxyd), welche keiner weiteren Oxydation fähig sind, in die Spannungsreihe eingeordnet werden, und zwar zeigen sie ein stark negatives Verhalten. Dasselbe gilt von Kohle und Graphit, welche zwar bei hoher Temperatur brennbar sind, bei gewöhnlicher Temperatur aber gar keine Verwandtschaft zum Sauerstoff zeigen.

2. Zwischen je zwei in der Reihe enthaltenen Substanzen wird durch die Berührung eine bestimmte, elektrische Spannungsdifferenz erzeugt, welche lediglich von ihrer Substanz abhängt, von der Form und Größe der Berührungsfläche aber unabhängig ist. Diese Spannungsdifferenz ist um so größer, je weiter die Substanzen in der Reihe von einander entfernt stehen.

Am größten ist daher unter den Schwermetallen die Spannungsdifferenz zwischen Zink und Platin. Nimmt man die elektrische Spannungsdifferenz zwischen Zink und Kupfer gleich 100 an, so ist für häufiger zur Anwendung kommende Glieder der Spannungsreihe, nach Hankel, die Differenz zwischen den auf einander folgenden Metallen:

Zn	Pb	Sn	Fe	Cu	Au	Ag	C	Pt.
44	7	33	16	10	8	4	1	

Als Kohle war eine Platte von Gaskohle benutzt: die Spannungsdifferenzen zeigten sich abhängig von der Beschaffenheit der Oberfläche der Metalle, erhielten also andere Werte, wenn die Metalle eine Zeit lang an der Luft gelegen hatten.

3. Sind a , b , c drei beliebig gewählte Glieder der Spannungsreihe, so ist die Spannungsdifferenz zwischen a und c gleich der Summe der Differenzen zwischen a und b und zwischen b und c , oder wenn $a|b$ die Größe der Spannungsdifferenz der Substanzen a und b bezeichnet, so ist:

$$a|c = a|b + b|c.$$

Es sind also, der Hankelschen Tabelle entsprechend, die Spannungsdifferenzen des Zinks mit den übrigen Gliedern der Spannungsreihe:

$$\begin{aligned} \text{Zn}|Pb &= 44, & \text{Zn}|Sn &= 51, & \text{Zn}|Fe &= 84, & \text{Zn}|Cu &= 100, \\ \text{Zn}|Au &= 110, & \text{Zn}|Ag &= 118, & \text{Zn}|C &= 122, & \text{Zn}|Pt &= 123; \end{aligned}$$

und hieraus die der übrigen Metalle durch Subtraktion herzuleiten:

$$Fe|Au = 26, \quad Cu|Ag = 18, \quad Cu|Pt = 23 \text{ u. s. w.}$$

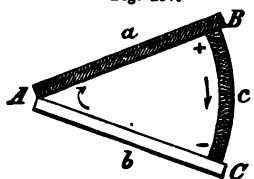
Aus diesem Satz folgt ferner, daß wenn zwei Metalle a und c durch ein Zwischenglied b in leitende Verbindung gesetzt werden, die Spannungsdifferenz der Endglieder dieselbe ist, als ob sie einander unmittelbar berührten. Dieser wichtige Satz bleibt für eine aus beliebig vielen Gliedern der Spannungsreihe gebildete Reihenfolge gültig.

§ 307. Elektromotorische Kraft. Die Ursache, welche die Elektrizitätsentwicklung bei Berührung zweier verschiedenen, leitenden Substanzen hervorruft und andererseits die sofortige Wiedervereinigung der getrennten Elektricitäten hindert, muß in einer besonderen Kraft gesucht werden, welche an der Berührungsstelle beider Substanzen in Wirkung tritt und elektromotorische Kraft genannt wird. Die Wirkung dieser Kraft besteht darin, zwischen beiden Substanzen eine bestimmte, elektrische Spannungsdifferenz zu erzeugen, und wenn diese auf irgend eine Weise aufgehoben wird, sie sofort wieder herzustellen.

Es werde die elektrische Differenz zweier Metalle, z. B. des Kupfers und Zinks, mit $2e$ bezeichnet. Bringt man zwei unelektrische und isolierte Platten aus beiden Metallen in Berührung, so erhält das Kupfer negative Elektricität von der Spannung $-e$, das Zink positive Elektricität von der Spannung $+e$, so daß die algebraische Differenz beider $2e$ beträgt. Würde jetzt die Kupferplatte durch Ableitung zum Erdboden unelektrisch gemacht, so daß ihre Spannung $= 0$ wäre (vergl. § 279), so würde die Zinkplatte die Elektricität $+2e$ erhalten; würde hingegen die Zinkplatte zum Boden abgeleitet, so erhielte die mit ihr in Berührung stehende Kupferplatte durch die zwischen beiden thätige, elektromotorische Kraft die Elektricität $-2e$, so daß in jedem Fall die algebraische Spannungsdifferenz $2e$ beträgt. Wird der Kupferplatte durch irgend eine äußere Elektricitätsquelle die elektrische Spannung $+5e$ erteilt, so müßte die Zinkplatte $+7e$ erhalten, und wenn umgekehrt der Zinkplatte die Spannung $-3e$ mitgeteilt wird, so wird durch die elektromotorische Kraft auf der Kupferplatte die Spannung $-5e$ erzeugt.

§ 308. Elektrischer Strom, galvanische Kette. Es seien AB und AC (Fig. 257) zwei Streifen aus verschiedenen Metallen a und b ,

Fig. 257.



welche bei A in leitender Verbindung stehen, so werden infolge der an der Berührungsstelle wirkenden, elektromotorischen Kraft beide Metalle entgegengesetzte Elektricitäten erhalten. Es mögen nun die beiden Enden B und C durch einen dritten, nicht metallischen Leiter c verbunden sein, und es soll der Einfachheit halber angenommen werden, daß durch die Berührung von c mit a und b keine neuen elektromotorischen Kräfte hervorgerufen werden. Es werden sich dann die entgegengesetzten Elektricitäten beider Metalle durch den Leiter c hindurch zu neutraler Elektricität vereinigen, indem die $+E$ in der Richtung des Pfeiles von B nach C , die $-E$ aber in entgegengesetzter Richtung strömt. Sobald aber durch diese Vereinigung die elektrische Spannungsdifferenz beider Metalle verringert wird, tritt die elektromotorische Kraft an der Berührungsstelle A in Wirksamkeit und strebt die ursprüngliche Spannungsdifferenz wieder herzustellen (§ 307). Es findet infolge dessen bei A eine fortdauernde Scheidung und innerhalb des Leiters c eine fortwährende Wiedervereinigung der beiden Elektricitäten statt, oder in dem aus den Leitern a, b, c gebildeten Kreise strömt die positive Elektricität fortdauernd in der Richtung der Pfeile ABC , die negative Elektricität aber in der entgegengesetzten Richtung ACB , solange die aus den drei Leitern gebildete, galvanische Kette geschlossen bleibt. Dieser elektrische Doppelstrom hört auf, sobald entweder die Berührung bei A aufgehoben oder die Leitung zwischen B und C unterbrochen wird.

Fig. 258.



Derartige elektrische Ströme entstehen beispielsweise, so oft die Enden zweier in Berührung befindlichen Metallstreifen durch einen flüssigen, nicht metallischen Leiter verbunden werden, indem man z. B. die Enden eines aus Kupfer und Zink zusammengelöteten, gebogenen Metallstreifens (Fig. 258) in ein Gefäß taucht, das mit Wasser gefüllt ist, dessen Leitungsvermögen zweckmäßig durch einen Zusatz von einigen Tropfen Schwefelsäure, oder Auflösung von Kochsalz erhöht wird. Durch zwei verschiedene Metalle und eine leitende Flüssigkeit wird ein galvanisches Element gebildet.

Würde man die Enden der Metallstreifen AB und AC (Fig. 257) durch einen dritten, ebenfalls metallischen Leiter c verbinden, welcher in die elektrische Spannungsreihe (§ 306, 1) gehört, so könnte in dem aus den drei Metallen a, b, c gebildeten Kreise kein elektrischer Strom entstehen. Außer der elektromotorischen Kraft bei A würden nämlich durch die Berührung der Metalle bei B und C ebenfalls elektromotorische Kräfte in Wirksamkeit treten. Denkt man sich anfänglich den Kreis, etwa bei B , unterbrochen, so würden die Metalle a und c nach § 306, 3 durch die bei A und C wirkenden, elektromotorischen Kräfte dieselbe Spannungsdifferenz erhalten, als ob sie einander unmittelbar berührten; es wäre $a/b + b/c = a/c$. Wird daher bei B die Kette geschlossen, so ist die zwischen a und c wirksame, elektromotorische Kraft gerade hinreichend, um die Ausgleichung der Spannungsdifferenz zu verhindern. Die Elektricität ist also auf einem aus drei metallischen Leitern gebildeten Kreise im Gleichgewicht, und dasselbe gilt, wie leicht ersichtlich, von jeder aus beliebig vielen metallischen Leitern gebildeten Kette. (Inwiefern dieser Satz eine Beschränkung erfährt, s. unten § 337).

Es ist vorhin der Einfachheit wegen angenommen worden, daß durch Berührung des nichtmetallischen Leiters c mit a und b keine neuen elektromotorischen Kräfte erzeugt werden, sondern daß der Leiter c lediglich zur Ausgleichung der auf a und b angesammelten Elektricitäten dient. Es ist jedoch nach den obigen Betrachtungen klar, daß auch, wenn bei B und C neue elektromotorische Kräfte in Wirksamkeit treten, ein Strom jedesmal eintreten muß, so oft der Leiter c nicht in die Reihe derjenigen gehört, welche dem Gesetz der elektrischen Spannungsreihe (§ 306, 3) unterworfen sind. Dies ist aber bei allen nichtmetallischen, flüssigen Leitern der Fall. Volta nannte diese Leiter zweiter Klasse, im Gegensatz zu den in der Spannungsreihe enthaltenen Leitern erster Klasse, zu welchen alle Metalle, auch das flüssige Quecksilber, gehören. Es wird unten (§ 339 ff.) gezeigt werden, daß die Leiter zweiter Klasse die Eigentümlichkeit besitzen, den elektrischen Strom nicht zu leiten, ohne durch denselben eine chemische Zersetzung zu erfahren.

In Wirklichkeit werden nicht nur durch die Berührungen der Metalle unter einander, sondern auch durch ihre Berührung mit Flüssigkeiten, elektromotorische Kräfte erzeugt, und zwar sind die letzteren zum Teil viel beträchtlicher als die ersten. Im allgemeinen verhalten sich die Metalle, den Flüssigkeiten gegenüber, elektronegativ und zwar um so stärker, je leichter sie oxydierbar sind. Auch hier sind die Metalle wegen ihres elektromotorischen Verhaltens gegen Flüssigkeiten in eine Reihe geordnet worden, welche im besonderen für verdünnte Schwefelsäure nach Poggendorff die folgende ist: Zink, Cadmium, Eisen, Zinn, Blei, Aluminium, Nickel, Antimon, Wismut, Kupfer, Silber, Platin.

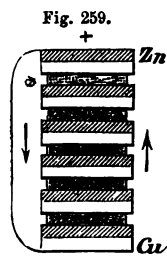
Die elektromotorische Kraft einer aus drei Leitern gebildeten Kette findet man, indem man die an den drei Berührungsstellen wirksamen, elektromotorischen Kräfte, in einer bestimmten Richtung fortschreitend summiert. So ist z. B. in einem aus Zn , Cu und Ag gebildeten Kreise $Zn|Cu=100$, $Cu|Ag=18$, woraus nach dem Spannungsgesetz $Zn|Ag=118$, mithin $Ag|Zn=-118$ folgt. Die gesamte, elektromotorische Kraft ist also:

$$Zn|Cu + Cu|Ag + Ag|Zn = 100 + 18 - 118 = 0.$$

Dagegen hat man in einer Kette aus Zn , C und verdünnter Schwefelsäure etwa: $Zn|C=122$, $C|Schw=-4,7$, $Schw|Zn=47,7$, woraus sich die Summe der elektromotorischen Kräfte in diesem Kreise $=+165$ ergeben würde. Es würde also in einer solchen Kette ein Strom positiver Elektricität in der Richtung Zn , $Schw$, C und ein Strom negativer Elektricität in der entgegengesetzten Richtung circulieren.

§ 309. Voltasche Säule (1800); offene und geschlossene Säule. Die durch Berührung einer Kupfer- und Zinkplatte erzeugte, elektrische Spannungsdifferenz ist so gering, daß sie nur durch äußerst empfindliche Elektroskope nachgewiesen werden kann. Durch übereinanderschichten einer größeren Zahl von Platten aus verschiedenen Metallen kann dieselbe nicht verstärkt werden, da (§ 306, 3) der Spannungsunterschied der ersten und letzten Platte immer nur so groß ist, als ob dieselben einander unmittelbar berührten. Volta erreichte aber eine Verstärkung der Wirkung dadurch, daß er je zwei metallische Plattenpaare durch einen nicht metallischen Leiter, z. B. durch eine mit verdünnter Schwefelsäure oder Kochsalzlösung getränkte Tuchplatte, trennte. Stellen wir uns der Einfachheit halber wieder, wie oben (§ 308), vor, daß die Flüssigkeit nur zur Leitung dient, und bezeichnen die elektrische Spannungsdifferenz (Cu , Zn) mit $2e$, so erhält, wenn die unterste Kupferplatte zum Boden abgeleitet, also unelektrisch ist, die erste Zinkplatte die elektrische Spannung $+2e$; durch die darauf liegende, feuchte Tuchplatte wird diese Elektricität der zweiten Kupferplatte mitgeteilt, die also ebenfalls die Spannung $+2e$ erhält. Durch Berührung mit dieser Kupferplatte erhält die zweite Zinkplatte $+4e$ u. s. f. Sind überhaupt n Plattenpaare vorhanden, so erhält die letzte Zinkplatte die Spannung $+2ne$, oder die Spannungsdifferenz an beiden Enden der Säule ist der Anzahl

der Plattenpaare proportional. Würde umgekehrt das obere Ende der Säule zum Erdboden abgeleitet, das untere isoliert, so würde man an letzterem die Spannung $-2ne$ erhalten. Wird endlich, während beide



Enden isoliert sind, die Mitte der Säule ableitend berührt, so zeigen beide Enden oder Pole der Säule die gleichen, aber dem Vorzeichen nach entgegengesetzten Spannungen $+ne$ und $-ne$. — Verbindet man beide Pole der Säule durch einen leitenden Metalldraht, so findet, wie bei der einfachen Kette (§ 308), durch den Draht hindurch eine fortwährende Ausgleichung der Spannungsdifferenz und infolge der im Innern der Säule wirksamen, elektromotorischen Kräfte eine fortwährende Wiedererzeugung derselben statt, und es cirkuliert infolge dessen in der geschlossenen Säule ein fortdauernder Doppelstrom

positiver und negativer Elektrizität in entgegengesetzten Richtungen. Die Richtung des positiven Stromes ist in Fig. 259, wie immer, durch die Pfeile bezeichnet. Schließt man eine aus zahlreichen Plattenpaaren gebildete Säule durch den menschlichen Körper, so empfindet man im Augenblick des Schließens und des Öffnens eine Erschütterung, ähnlich der durch den Entladungsschlag einer schwach geladenen Leydener Flasche erzeugten.

In Wirklichkeit dienen die mit Säure oder Salzlösung angefeuchteten Tuchlappen in der Säule nicht nur als Leiter der Elektrizität, sondern es werden durch die Berührung der Metalle mit der Flüssigkeit neue, elektromotorische Kräfte erzeugt, welche, wie aus den oben (§ 308) mitgetheilten Thatsachen folgt, wesentlich zur Verstärkung der Wirksamkeit der Säule beitragen.

Bleibt eine frisch zusammengesetzte Voltasche Säule während einiger Zeit geschlossen, so macht sich eine ziemlich schnelle Abnahme ihrer Wirkungen bemerkbar, und um die ursprüngliche Wirkung wiederherzustellen, ist es erforderlich, die Säule aus einander zu nehmen und nach sorgfältiger Reinigung wieder aufzubauen. Der Grund der Abnahme der Wirkung liegt in chemischen Vorgängen im Innern der Säule, welche erst später (§ 343) genauer erörtert werden können, und durch welche eine Veränderung der Oberfläche der Metallplatten herbeigeführt wird, die mit dem Namen der galvanischen Polarisation bezeichnet wird.

Teils um das lästige Auseinandernehmen und Wiederaufbauen der Säule zu erleichtern, teils um die Polarisation überhaupt zu vermeiden, oder doch ihren Einfluß möglichst zu verringern, hat man der galvanischen Kette verschiedene andere Formen gegeben, von denen einige der wichtigsten im nächsten Paragraphen angegeben werden sollen.

§ 310. Verschiedene Formen der galvanischen Kette. Unter den verschiedenen Formen, welche man den galvanischen Ketten zur Erleichterung ihres praktischen Gebrauches und Erzielung größerer und andauernder Wirkung gegeben hat, sind zunächst die Trog- und Becherapparate zu erwähnen. Letztere bestehen aus einer Reihe neben einander gestellter Glasgefäße, welche mit verdünnter Schwefelsäure gefüllt sind. In jedes dieser Gefäße taucht eine Kupfer- und eine Zinkplatte. Jede Zinkplatte ist mit der Kupferplatte des benachbarten Gefäßes, entweder durch Lötung, oder durch mittelst Klemmschrauben befestigte Drähte, in metallisch leitende Verbindung gesetzt. Je zwei so verbundene Metallplatten entsprechen einem Plattenpaar der Voltaschen Säule, während die in den Gefäßen enthaltene Flüssigkeit die Stelle der feuchten Tuchlappen vertritt. Der positive Strom geht hier, wie bei allen folgenden Ketten, vom Zink durch die Flüssigkeit zum Kupfer

oder überhaupt zum negativen Metall, im Schließungsdraht der Kette dagegen kehrt der Strom vom Kupfer zum Zink zurück. — Bei dem Trogapparat sind die Glasgefäße durch einen rechteckigen Holztrug ersetzt, welcher durch parallele Scheidewände in Zellen geteilt ist, die ausgepicht und mit Säure gefüllt werden. Die Plattenpaare werden dann zweckmäßig an einem über dem Trog angebrachten Querstab so befestigt, daß alle gleichzeitig aus der Flüssigkeit gehoben, oder in dieselbe hinabgesenkt werden können. Zu manchen Versuchen werden zweckmäßig Platten von sehr großer Oberfläche angewendet (vgl. § 318). Um nicht zu große Gefäße anwenden zu müssen, kann man ein solches Plattenpaar spiralförmig zusammenwinden, wobei die metallische Berührung der Platten durch zwischengelegte Tuchstreifen verhindert wird. Man kann so ein Plattenpaar von mehr als einem Quadratmeter Oberfläche in ein cylindrisches Gefäß von mäßiger Größe bringen — sogenannte Haresche Spirale (1821).

Sehr praktisch zum Gebrauch in Laboratorien sind die sogenannten Flaschenelemente, die im wesentlichen aus Zink und Kohle bestehen, welche sich in eine Lösung von doppelt-chromsaurem Kali tauchen lassen.

§ 311. Konstante Ketten. Die bisher erwähnten Ketten haben den gemeinsamen Übelstand, daß ihre Wirksamkeit infolge der bereits oben (§ 309) erwähnten Polarisation schnell abnimmt und auf einen kleinen Bruchteil ihrer ursprünglichen Stärke herabsinkt. Dieser Übelstand wird vermieden bei den sogenannten konstanten Ketten, deren äußerliches Merkmal darin besteht, daß dieselben aus zwei Metallen und zwei verschiedenen Flüssigkeiten zusammengesetzt sind. Inwiefern es durch diese Kombination möglich wird, die Polarisation zu vermeiden, oder wenigstens ihren Einfluß zum größten Teil zu beseitigen, kann erst unten (§ 344) erläutert werden. Die wichtigsten Formen der konstanten Kette sind folgende:

1. Die Daniellsche Kette (1836) — Kupfer in gesättigter Kupfervitriollösung und Zink in verdünnter Schwefelsäure. In dem Glasgefäß *a* (Fig. 261) steht der oben und unten offene Zinkcylinder *b*, in diesem die becherförmige, aus porösem, schwach gebranntem Thon gebildete Zelle *c*, welche in sich den Kupferblechcylinder *d* aufnimmt. Der Raum innerhalb der Thonzelle wird mit einer gesättigten Lösung von Kupfervitriol, der äußere, das Zink enthaltende Raum mit verdünnter Schwefelsäure (1 T. engl. Schwefelsäure auf 10 T. Wasser) gefüllt.

Die Klemmschrauben *e* dienen zur Verbindung mit den benachbarten Elementen der Säule, oder mit dem Schließungsdraht. Die Kupfervitriollösung, welche sich durch die Wirkung des Stromes allmählich zersetzt (§ 341), muß stets konzentriert erhalten werden. Es ist deshalb zweckmäßig, einen Überschuss ungelösten Salzes in die Zelle zu bringen. Die Zinkcylinder werden vor der schnellen, auflösenden Einwirkung der Schwefelsäure zweckmäßig dadurch geschützt, daß man sie amalgamiert, d. h. ihre Oberfläche mit einer anhaftenden Quecksilberschicht versieht. Nachdem der Zinkcylinder in verdünnte Säure getaucht worden ist, breitet sich das Quecksilber mit großer Leichtigkeit in einer dünnen Schicht auf seiner Oberfläche aus, welche durch Bürsten gleichmäßig verteilt werden kann.

Fig. 260.

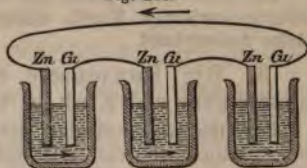


Fig. 261.



2. Die Grovesche Kette (1833) — Platin in konzentrierter Salpetersäure und Zink in verdünnter Schwefelsäure. Dieselbe gleicht in ihrer Einrichtung völlig der Daniellschen Kette, nur ist das Kupfer durch das negativere Platin, die Kupfervitriollösung durch Salpetersäure ersetzt.

Die Grovesche Kette hat vor der Daniellschen den Vorzug einer größeren elektromotorischen Kraft, während letztere sich durch eine konstantere Stromstärke auszeichnet.

3. Die Bunsensche Kette (1842) — Kohle in konzentrierter Salpetersäure und Zink in verdünnter Schwefelsäure.

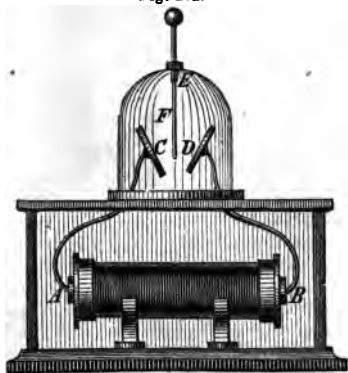
Dieselbe unterscheidet sich von der Groveschen nur dadurch, daß das teure Platin durch ein weit wohlfeileres Material, die Kohle, ersetzt ist, welche sich fast ebenso negativ verhält wie Platin (s. oben § 306). Nicht alle Arten von Kohle sind leitend und deshalb zur Verwendung in der Kette geeignet. Am besten eignet sich der Graphit, oder die bei der Leuchtgasbereitung an den Wänden der thönernen Retorten sich absetzende, sogenannte Gaskohle.

Die konstanten Ketten sind von Becquerel erfunden worden, dessen Kette von der Daniellschen nur dadurch verschieden war, daß er einen Beutel aus tierischer Blase anstelle der porösen Thonzelle anwendete. — In neuerer Zeit sind mannigfaltige, besonders für technische Zwecke — Telegraphie, Galvanoplastik u. s. w. — geeignete Formen der Kette in Anwendung gekommen, unter denen namentlich die von Meidinger (1859) angegebene, verbesserte Form der Daniellschen Kette Erwähnung verdient, welche einen sehr lange Zeit hindurch annähernd konstanten Strom liefert und nur selten eine Erneuerung der Flüssigkeiten erfordert.

Anstelle des Platins oder der Kohle kann als negatives Metall, nach dem Vorschlag von Hawkins, Gußeisen verwendet werden. Das Eisen hat nämlich die Eigenschaft, in Berührung mit konzentrierter Salpetersäure in den sogenannten passiven Zustand überzugehen, in welchem es von der Säure nicht gelöst wird und sich wie ein stark negatives Metall verhält. Diese Eigenschaft beruht darauf, daß sich das Eisen durch Einwirkung der Säure mit einer festhaftenden, unlöslichen Schicht von Eisenoxyd überzieht, welches nicht weiter oxydierbar ist und deshalb ein elektronegatives Verhalten zeigt (vgl. § 344).

§ 312. Trockene, Zambonische Säule. Säulenelektroskop. Man hat sich bestrebt, wegen der Unbequemlichkeiten, welche die Anwendung der Flüssigkeiten in der Voltaschen Säule mit sich bringt, dieselben ganz zu vermeiden und durch trockene Leiter zu ersetzen. Zamboni (1812) wendete zu diesem Zweck kreisrunde Blättchen aus unechtem Gold- und Silberpapier an. Je zwei solcher Blättchen wurden mit den metallischen — mit Tombak und Zinn überzogenen — Flächen auf einander gelegt. Aus einigen Tausenden solcher

Fig. 262.



Paare wurde eine Säule aufgeschichtet, in welcher das Papier die Stelle des feuchten Leiters vertrat. Die ganze Säule wurde dann durch Seidenschnüre möglichst fest zusammengepreßt, zum Schutz gegen die atmosphärische Feuchtigkeit äußerlich mit Firnis überzogen und in eine beiderseits mit Metallkappen versehene Glasröhre eingeschlossen. Eine solche Säule ist wegen des geringen Leitungsvermögens des Papiers, welches dasselbe nur der darin enthaltenen, hygroskopischen Feuchtigkeit verdankt, zur Erzeugung elektrischer Ströme nicht geeignet. Dagegen können die Spannungserscheinungen an den Polen der offenen Säule mittelst des Elektroskops leicht nachgewiesen werden. Eine besondere Anwendung hat dasselbe bei der Konstruktion des von Behrens angegebenen, später von Bohnenberger, Fechner u. a. verbesserten Säulenelektroskops erfahren. In einem hölzernen, zweckmäßig mit Glasscheiben versehenen Kasten liegt die Zambonische Säule AB (Fig. 262), deren beide Pole isoliert sind und

Aus einigen Tausenden solcher Paare wurde eine Säule aufgeschichtet, in welcher das Papier die Stelle des feuchten Leiters vertrat. Die ganze Säule wurde dann durch Seidenschnüre möglichst fest zusammengepreßt, zum Schutz gegen die atmosphärische Feuchtigkeit äußerlich mit Firnis überzogen und in eine beiderseits mit Metallkappen versehene Glasröhre eingeschlossen. Eine solche Säule ist wegen des geringen Leitungsvermögens des Papiers, welches dasselbe nur der darin enthaltenen, hygroskopischen Feuchtigkeit verdankt, zur Erzeugung elektrischer Ströme nicht geeignet. Dagegen können die Spannungserscheinungen an den Polen der offenen Säule mittelst des Elektroskops leicht nachgewiesen werden. Eine besondere Anwendung hat dasselbe bei der Konstruktion des von Behrens angegebenen, später von Bohnenberger, Fechner u. a. verbesserten Säulenelektroskops erfahren. In einem hölzernen, zweckmäßig mit Glasscheiben versehenen Kasten liegt die Zambonische Säule AB (Fig. 262), deren beide Pole isoliert sind und

durch Metalldrähte mit den Messingplatten *C, D* in Verbindung stehen. Von dem mit dem Knopf des Elektroskops verbundenen Metalldraht *E* hängt das Goldblattstreifen *F* herab, welches zwischen den Polplatten *C, D* schwebt. Wird dem Elektroskop ein elektrischer Körper genähert, so wird das Goldblättchen vom positiven oder negativen Pol angezogen, jenachdem der Körper negative oder positive Elektrizität besitzt.

§ 313. Übersicht der Wirkungen des elektrischen Stromes.

1. Wärme- und Lichterscheinungen. Verbindet man die Pole einer aus einem oder mehreren Elementen gebildeten, galvanischen Kette durch einen Metalldraht, so wird dieser durch den elektrischen Strom erwärmt. Wenn der Draht dünn und die Kette kräftig genug ist, so kann die Erwärmung bis zum Glühen und Schmelzen des Drahtes gesteigert werden (§ 335).

Im Augenblick, wo die metallische Leitung an einer Stelle unterbrochen und dadurch der Schließungskreis der Kette geöffnet wird, zeigt sich an der Unterbrechungsstelle ein Öffnungsfunke (§ 336).

2. Chemische Wirkungen. Taucht man zwei mit den Polen einer aus mehreren Elementen gebildeten Kette verbundene Platindrähte in ein Gefäß mit verdünnter Schwefelsäure, so findet an beiden Poldrähten eine Gasentwicklung statt. Die nähere Untersuchung lehrt, daß an dem positiven Poldraht Sauerstoffgas, am negativen Wasserstoffgas abgeschieden wird, und zwar stehen die Mengen der beiden abgeschiedenen Gase in demselben Verhältnis, in welchem sie im Wasser chemisch vereinigt sind (1 Vol. O und 2 Vol. H). Ähnliche, chemische Einwirkungen erfahren alle anderen flüssigen, chemischen Verbindungen, welche den Strom zu leiten imstande sind, und welche oben (§ 308) als Leiter zweiter Klasse bezeichnet wurden (§§ 339—344).

3. Magnetische Wirkungen. Eine in der Nähe des Schließungsdrahtes einer galvanischen Kette aufgehängte Magnetnadel wird durch die Wirkung des Stromes von ihrer ursprünglichen Richtung in der Weise abgelenkt, daß sie sich senkrecht zur Richtung des Stromes zu stellen strebt (§§ 314—317).

Umgiebt man einen Stab von weichem Eisen mit einer Drahtspirale, deren Windungen durch einen Überzug von Seide von einander isoliert sind, so wird der Eisenstab in einen kräftigen Magnet verwandelt, wenn man durch die Windungen der Drahtspirale einen galvanischen Strom leitet. Derselbe verliert seinen Magnetismus wieder bei Unterbrechung des Stromes. — Elektromagnetismus (§§ 321—329).

4. Induktionswirkungen. Im Augenblick des Entstehens oder Verschwindens eines elektrischen Stromes werden in benachbarten, geschlossenen Stromleitern ebenfalls elektrische Ströme erzeugt, welche als Induktionsströme bezeichnet werden. Ähnliche Induktionsströme werden hervorgerufen, indem einem geschlossenen Stromleiter ein Magnetstab angenähert, oder von ihm entfernt wird (§§ 330—334).

5. Physiologische Wirkungen. Die galvanischen Ströme üben auf den menschlichen und tierischen Organismus Wirkungen aus, welche den durch Reibungselektrizität erzeugten im allgemeinen analog sind, und welche namentlich im Augenblick des Entstehens und Verschwindens eines elektrischen Stromes hervortreten. Besonders sind die Induktions-

ströme zur Erzeugung kräftiger, physiologischer Wirkungen geeignet (§§ 334, 345).

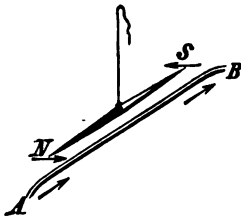
A. Magnetische Wirkungen des elektrischen Stromes.

§ 314. Wir beginnen mit der näheren Betrachtung der magnetischen Wirkungen des Stromes, weil dieselben das beste Hilfsmittel zur Messung der Stromstärke und zur Untersuchung der Gesetze, welchen die Entstehung elektrischer Ströme unterworfen ist, darbieten.

a. Ablenkung der Magnetnadel durch den elektrischen Strom. Messung und allgemeine Gesetze der Stromstärke.

§ 315. Ablenkung der Magnetnadel; Ørsted's Versuch; Ampère'sche Regel. Die Ablenkung der Magnetnadel durch den galvanischen Strom wurde i. J. 1820 von Ørsted (1777—1851) zu Kopenhagen entdeckt. Über einem horizontal und in der Richtung des magnetischen Meridians ausgespannten Kupferdraht AB (Fig. 263) sei eine Magnetnadel an einem Seidenfaden horizontal schwebend aufgehängt. Durch den

Fig. 263.



Einfluß des Erdmagnetismus wird dieselbe dem Drahte parallel gerichtet. Wird jetzt durch den Draht AB ein elektrischer Strom geleitet, so daß der positive Strom in der Richtung der Pfeile von N nach S fließt, so beobachtet man, daß die Magnetnadel aus ihrer Ruhelage abweicht und zwar so, daß das Nordende der Nadel nach Westen (in der Figur nach rechts), das Südende nach Osten (links) abgelenkt wird. Wird die Richtung des Stromes umgekehrt, so erfolgt die Ablenkung der Nadel im entgegengesetzten Sinne.

Ist der Strom stark genug, so stellt sich die Nadel fast senkrecht zur Richtung des Drahtes, bei geringerer Stromstärke, oder bei größerer Entfernung vom Draht nimmt dieselbe eine mittlere, unter einem mehr oder minder großen, spitzen Winkel gegen den Draht geneigte Lage an. Wird die Nadel nicht über, sondern unter dem Draht aufgehängt, so weicht bei der durch die Pfeile bezeichneten Stromrichtung der Nordpol nach Osten (links), der Südpol nach Westen (rechts) ab. Wird die Nadel in gleicher Höhe mit dem Draht auf der Ostseite aufgehängt, so erfährt das Nordende eine Ablenkung nach oben, auf der Westseite des Drahtes nach unten. Durch Wechsel der Stromesrichtung geht in jedem Fall die Ablenkung in die entgegengesetzte über. Ampère hat folgende, leicht zu merkende Regel angegeben, durch welche in jedem Fall die Richtung der Ablenkung bestimmt wird: Man denke sich selbst in den Strom versetzt, so daß der positive Strom bei den Füßen eintritt und am Kopfe austritt, das Gesicht sei dem Nordende der Magnetnadel zugewendet, so wird dieses jederzeit nach der linken Seite des Beobachters abgelenkt.

Zum schnellen und bequemen Wechsel der Stromesrichtung im Schließungskreise einer galvanischen Kette bedient man sich des sogenannten Stromwenders oder Kommutators. Von den mannigfaltigen Formen, welche man diesem gegeben hat, soll hier nur eine der einfachsten erwähnt werden;

abcd (Fig. 264) stellt den Querschnitt eines aus nichtleitender Substanz gebildeten Cylinders vor, der um seine Axe *m* gedreht werden kann. In die Oberfläche desselben sind die leitenden Metallstreifen *ab* und *cd* eingelegt. Bei *a*, *b*, *c* und *d* schleifen auf der Oberfläche der Walze vier elastische Federn aus gehärtetem Messingblech, von denen zwei gegenüberstehende, *a* und *c*, mit den Polen der Kette, die beiden anderen aber mit dem Schließungsbogen verbunden sind. Bei der gezeichneten Stellung der Walze steht *b* mit *a*, *d* mit *c* in leitender Verbindung und der positive Strom durchläuft den Schließungsbogen in der Richtung des Pfeiles. Wird die Walze 90° um ihre Axe gedreht, so werden diese Verbindungen aufgehoben, dagegen tritt *d* mit *a* und *c* mit *b* in leitende Verbindung, der Strom cirkuliert daher im Schließungsbogen in umgekehrter Richtung. (Der Gyrotrop von Pohl, 1828.)

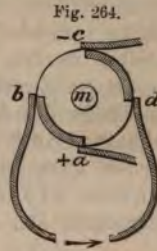
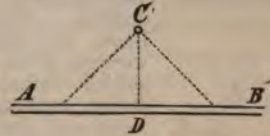


Fig. 264.

Eine wichtige Bemerkung über die Richtung der von einem elektrischen Strom auf einen Magnetpol ausgeübten Kraft mag hier Platz finden. Alle Kräfte, deren Wirkungen bisher erläutert worden sind, zerfallen in Anziehungs- und Abstofsungskräfte, welche die auf einander wirkenden Körper in der Richtung ihrer Verbindungslinie einander zu nähern oder von einander zu entfernen streben — so z. B. die allgemeine Massenanziehung oder Gravitation, die zwischen elektrischen Körpern oder Magnetpolen wirkenden Anziehungs- und Abstofsungskräfte. Die Wirkung dagegen, welche ein geradliniger, von einem elektrischen Strom durchflossener Leitungsdraht *AB* (Fig. 265) auf einen in *C* befindlichen Magnetpol ausübt, ist weder eine anziehende, noch eine abstofsende. Dieselbe steht senkrecht zu den von *C* nach den Punkten der Geraden *AB* gezogenen Verbindungslinien, oder ihre Richtung ist senkrecht auf der durch den geradlinigen Stromleiter *AB* und den Magnetpol *C* gelegten Ebene. Könnte man die beiden Pole einer Magnetnadel von einander trennen, so würden beide den Draht in immer gleicher Entfernung (abgesehen vom Beharrungsvermögen) zu umkreisen streben. Auf welche Weise man dazu gelangt, solche Kreisbewegungen der Magnetpole um Stromleiter wirklich hervorzubringen, wird unten (§ 327) erläutert werden.

Fig. 265.



§ 316. Tangentenbusssole. (Pouillet, 1837).

Auf der ablenkenden Wirkung, welche der elektrische Strom auf die Magnetnadel ausübt, beruht der Gebrauch eines der wichtigsten Instrumente zur Messung der Stärke oder Intensität elektrischer Ströme, der Tangentenbusssole. Ein kreisförmig gebogener Metalldraht *ABDEF* (Fig. 266) sei so aufgestellt, daß die Ebene des Kreises vertikal ist und mit der Ebene des magnetischen Meridians (§ 299) zusammenfällt. Die von einander isolierten Drahtenden *A* und *F* können mit den Polen einer galvanischen Kette in Verbindung gesetzt werden. Inmitten des Drahtkreises schwebt die in horizontaler Richtung freidrehbare Magnetnadel *sn*, deren Axe in ihrer Ruhelage in der Ebene des magnetischen Meridians, also in der Ebene des Drahtkreises, liegt. Ein durch den Draht geleiteter Strom wirkt ablenkend auf die Nadel und zwar ist, wenn man sich nach der Ampèreschen Regel (§ 315) im Strom herumschwimmend denkt, leicht ersichtlich, daß

Fig. 266.



* Jochmann, Physik. 9. Aufl.

alle Teile des Kreisstromes in gleichem Sinne ablenkend wirken. Der Winkel, um welchen die Magnetnadel aus ihrer Ruhelage abgelenkt wird, kann an einer unter derselben angebrachten Gradtheilung abgelesen werden. Derselbe wächst mit der Stromstärke und kann daher dazu dienen, die Stärke verschiedener Ströme, welche nach einander durch den Kreisdraht geleitet werden, zu vergleichen, oder die Stromintensitäten zu messen. Zu diesem Zweck ist es erforderlich, das Gesetz zu kennen, nach welchem die Größe des Ablenkungswinkels von der Stärke des elektrischen Stromes abhängt: Die Stromstärke ist, wie durch einfache Betrachtungen gezeigt werden kann, der trigonometrischen Tangente des Ablenkungswinkels proportional. Von diesem Umstand hat das wichtige Meßinstrument den Namen der Tangentenbussole erhalten.

Ein elektrischer Strom besitzt um so größere Stärke oder Intensität, je größer die Elektrizitätsmenge ist, welche in einer bestimmten Zeit, z. B. in einer Sekunde, durch den Leitungsdraht fließt. Ein Strom ist 2, 3 . . . n mal so stark als der andere, wenn diese Elektrizitätsmenge 2, 3 . . . n mal so groß ist. Man wird annehmen dürfen, daß die ablenkenden Kräfte, welche zwei verschiedene Ströme auf einen in der Nähe befindlichen Magnetpol ausüben, unter übrigens gleichen Umständen in demselben Verhältnis stehen, wie die Stromintensitäten, oder wenn diese Kräfte mit S_1 und S_2 , die Stromintensitäten mit i_1 und i_2 bezeichnet werden, so wird $S_1 : S_2 = i_1 : i_2$ sein.]

Es stellt, nun AB (Fig. 267) den Horizontaldurchschnitt der Ebene des Stromkreises einer Tangentenbussole vor, und DE sei die Richtung der um C drehbaren Magnetnadel in ihrer durch den Strom abgelenkten Lage. Die Nadel kann als ein um C drehbarer Hebel betrachtet werden, welcher sich unter Einfluß zweier Kräftepaare im Gleichgewicht befindet, die denselben in entgegengesetzter Richtung zu drehen streben. Die ablenkende Kraft des Stromes steht senkrecht auf der Ebene des Stromkreises AB und strebt die Nadel in die Richtung von Ost nach West zu stellen, während die richtende Wirkung des Erdmagnetismus dieselbe in die Ebene des Stromkreises zurückzuführen strebt. Wir betrachten zunächst die auf den Nordpol D der Nadel wirkenden Kräfte. Es stelle $DG = T$ die richtende Kraft des Erdmagnetismus, $DF = S$ die ablenkende Kraft des Stromes vor. Die gemeinschaftliche Wirkung beider kann durch die Resultierende DK ersetzt werden. Ebenso stellt EL die Resultierende der auf den Südpol wirkenden Kräfte dar, welche der Resultierenden DK der Größe nach gleich, der Richtung nach parallel und entgegengesetzt ist. Damit der Hebel unter der Einwirkung des von beiden Resultierenden gebildeten Kräftepaares (§ 50) im Gleichgewicht sei, ist erforderlich, daß das Moment des Paares gleich Null sei, was nur möglich ist, wenn die Richtungen beider Kräfte mit der der magnetischen Axe der Nadel DE in eine gerade Linie fallen. Ist $\alpha = ACD$ der Ablenkungswinkel der Nadel, so ist im Dreieck GDK Winkel $GDK = \alpha$, mithin $S = T \cdot \tan \alpha$. Leitet man nach einander zwei Ströme durch den Kreisdraht der Tangentenbussole, deren Intensitäten i_1 und i_2 , und deren ablenkende Kräfte S_1 und S_2 sind, so ist, da T denselben Wert behält:

$$i_1 : i_2 = S_1 : S_2 = \tan \alpha_1 : \tan \alpha_2,$$

oder die Intensitäten beider Ströme sind, wie oben behauptet wurde, den trigonometrischen Tangenten der Ablenkungswinkel proportional. Bezeichnet man mit α die Intensität desjenigen Stromes, welcher eine Ablenkung von 45° hervorbringt, so hat man für einen beliebigen anderen Strom:

$$i : \alpha = \tan \alpha : \tan 45^\circ,$$

oder, da $\tan 45^\circ = 1$ ist,

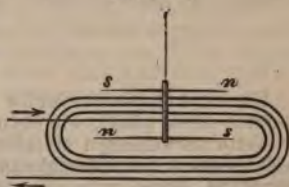
$$i = \alpha \cdot \tan \alpha.$$

Bei obiger Entwicklung ist vorausgesetzt worden, daß die ablenkende Kraft S der Stromstärke i proportional sei. Dies ist jedoch, streng genommen, nur dann der

Fall, wenn die Lage des Magnetspols gegen den Stromkreis in beiden Fällen dieselbe ist, während sich in Wirklichkeit die Entfernung der Pole von den einzelnen Teilen des Stromkreises mit der Größe des Ablenkungswinkels ändert. Der Einfluß dieses Umstandes kann jedoch ohne merklichen Fehler vernachlässigt werden, wenn die Länge der Nadel nicht mehr als etwa den sechsten Teil vom Durchmesser des Stromkreises beträgt.

§ 317 Multiplikator, Galvanometer. Zur Wahrnehmung und Messung sehr schwacher elektrischer Ströme dient der von Schweigger und Poggendorff (1821) erfundene Multiplikator. Man verstärkt nämlich die Wirkung des Stromes auf die Magnetnadel dadurch, daß man denselben nicht nur in einfachem Umkreise, sondern in zahlreichen Windungen um die Magnetnadel laufen läßt und diese der Nadel möglichst nahe bringt. Der Leitungsdraht wird zu diesem Zweck in mehr oder minder zahlreichen Windungen um ein rechteckiges Holzrähmchen gewunden, in dessen Innerem die Nadel schwebt (Fig. 268). Damit der Strom den Draht der ganzen Länge nach durchlaufe und nicht von einer Windung unmittelbar zur benachbarten übergehen könne, müssen die Drahtwindungen durch Umspinnen mit Seide von einander isoliert sein. Die Empfindlichkeit des Apparates wurde noch beträchtlich erhöht, seitdem Nobili (1830) anstelle der einfachen Magnetnadel eine sogenannte astatische Nadel zur Anwendung brachte. Dieselbe besteht aus einem System von zwei mit einander fest verbundenen Magnetnadeln mit parallelen Axen, deren Pole nach entgegengesetzten Richtungen gekehrt sind. Sind beide Nadeln gleich stark magnetisiert, so wird dadurch die richtende Wirkung des Erdmagnetismus auf das Nadelsystem aufgehoben. Die Wirkungen des Stromes auf beide Nadeln dagegen verstärken einander, wenn das System so aufgehängt ist, daß, wie in Fig. 268 angedeutet, die untere Nadel im Innern des Drahtgewindes, die obere dagegen über demselben schwebt.

Fig. 268.



Das Gesetz, nach welchem der Ablenkungswinkel der Magnetnadel mit wachsender Stromstärke zunimmt, ist beim Galvanometer komplizierter, als bei der Tangentenbussole, und muß für jedes Instrument durch besondere Versuche ermittelt werden. Bei Ablenkungen von wenigen Graden darf man die Stromstärke dem Ablenkungswinkel proportional annehmen, dann aber wächst die Ablenkung in geringerem Verhältnis als die Stromstärke. Man hat Multiplikatoren von 30—40000 Windungen konstruiert. — In neuerer Zeit sind für genauer messende Versuche die Spiegelgalvanometer in Anwendung gekommen, deren Gebrauch auf der von Poggendorff angegebenen Spiegelablesung (§ 302) beruht. Im Innern des Multiplikatorgewindes ist dabei ein magnetisierter Stahlspiegel aufgehängt, in welchem man, mittelst eines in geeigneter Entfernung aufgestellten Fernrohrs, das Spiegelbild einer in Millimeter geteilten Skala beobachtet.

§ 318. Gesetze der Stromstärke. Ohmsches Gesetz. Die Tangentenbussole kann dazu dienen, die Gesetze, von welchen die Intensität elektrischer Ströme abhängt, zu ermitteln. Schaltet man in den Schließungsbogen der galvanischen Kette eine Tangentenbussole ein, so ist die Ablenkung der Magnetnadel einerseits von der Beschaffenheit der Kette selbst, nämlich von der Art und Anzahl ihrer Elemente, andererseits von der Beschaffenheit des Schließungsbogens abhängig. Je

länger und dünner nämlich der Schließungsdraht gewählt wird, desto kleiner wird die Ablenkung der Magnetnadel, woraus man schliessen muß, daß der elektrische Strom bei seinem Durchgang durch den Draht einen Widerstand zu überwinden hat, welcher mit der Länge des Drahtes wächst und um so größer ist, je geringer der Querschnitt des Drahtes. G. S. Ohm hat (1826) das Gesetz aufgestellt, daß die Stromintensität der Summe aller in der Kette wirksamen, elektromotorischen Kräfte direkt, der Summe aller Leitungswiderstände aber umgekehrt proportional ist. Wird die Stromintensität mit J , die elektromotorische Kraft der Kette mit E , der Gesamtwiderstand mit W bezeichnet, so wird das Gesetz durch die Formel ausgedrückt:

$$1. \quad J = \frac{E}{W}.$$

Die elektromotorische Kraft jedes einzelnen Elementes einer zusammengesetzten Kette hängt, wie oben (§ 308) erläutert, sowohl von der Stellung der zu der Kette verwendeten Metalle in der elektrischen Spannungsreihe, als von der Beschaffenheit der Flüssigkeiten der Kette ab. Besteht die Kette aus n gleichen Elementen, deren jedes die elektromotorische Kraft e besitzt, so ist die gesamte elektromotorische Kraft $E = ne$.

Der Leitungswiderstand rührt theils von dem Schließungsbogen, theils von den Elementen der Kette selbst her. Der Widerstand in der Kette heist der innere oder wesentliche, der Widerstand im Schließungsbogen der äußere oder auferwesentliche Widerstand. Wird der innere Widerstand eines Elementes der Kette mit w , der Widerstand des Schließungsbogens mit L bezeichnet, und besteht die Kette aus n Elementen, so geht die obige Formel für die Stromstärke über in:

$$2. \quad J = \frac{ne}{nw + L} \quad \text{oder auch} \quad 3. \quad J = \frac{e}{w + \frac{1}{n} L}.$$

Von dem Widerstand der Theile des Schließungsbogens wird unten (§ 319) ausführlicher die Rede sein. Der innere Widerstand der Kette rührt hauptsächlich von den flüssigen Leitern derselben her, welche, wie unten (§ 320) gezeigt wird, ein sehr viel geringeres Leistungsvermögen besitzen als die Metalle. Durch Vergrößerung der Oberfläche der in die Flüssigkeit eingetauchten Metallplatten wird der Querschnitt der vom Strom durchflossenen Flüssigkeitssäule vergrößert und dadurch der wesentliche Widerstand in demselben Verhältnis vermindert.

Um bei gegebenem Widerstand des Schließungsbogens L die Stromstärke J zu vergrößern, stehen, wie aus der Betrachtung der Formeln 2) und 3) hervorgeht, zwei verschiedene Mittel zu Gebote, nämlich entweder durch Vermehrung der Anzahl der Elemente die elektromotorische Kraft der Kette zu vergrößern, oder durch Vergrößerung der Plattenoberfläche den wesentlichen Widerstand der Kette zu vermindern. Aus der Betrachtung der Formeln ergibt sich auch, welches von beiden Mitteln in jedem Fall das zweckmäßigere ist. Ist nämlich der äußere Widerstand L sehr groß, wie z. B. bei Telegraphenleitungen, so daß in Formel 2) das Glied nw gegen L verschwindet, so würde die Verminderung des inneren Widerstandes geringen Nutzen gewähren; dagegen würde durch Vermehrung der Anzahl der Elemente die Stromstärke in demselben Verhältnis vermehrt werden. Man wendet also bei Telegraphenleitungen möglichst zahlreiche Elemente mit mäßiger Oberfläche der Platten an. — Ist umgekehrt der äußere Widerstand L so klein, daß er gegen den inneren Widerstand der Kette verschwindet, wie z. B., wenn ein kurzer Metalldraht zum Glühen oder Schmelzen gebracht werden soll, so würde eine vermehrte Anzahl der Elemente keinen wesentlichen Nutzen gewähren, indem die Stromstärke dadurch nie über das Maximum $\frac{e}{w}$ gesteigert werden kann (Formel 3). Dagegen wird die Stromstärke nahezu in demselben Verhältnis wachsen, in welchem der Widerstand w der einzelnen Elemente vermindert, also ihre Plattenoberfläche vergrößert wird. Man wendet also

in diesem Fall wenige Elemente mit sehr großer Plattenoberfläche an (Hares Spirale § 310).

Mehrere einzelne Elemente können entweder, wie in § 310 angegeben, hinter einander geschaltet werden, indem man das negative Metall jedes Elementes mit dem positiven des folgenden verbindet, oder man kann dieselben parallel schalten, indem sämtliche positive (Zink-)Platten unter sich und sämtliche negative (Kupfer-)Platten unter sich in leitende Verbindung gesetzt werden. Im letzteren Fall wirken alle verbundenen Elemente zusammen wie ein einziges Element mit n mal vergrößerter Plattenoberfläche, also mit n mal kleinerem inneren Widerstand, während im ersten Fall sowohl die elektromotorische Kraft als der innere Widerstand n mal größer ist, als bei einem einzelnen Element. — Zwölf Elemente können auf mannigfaltige Weise, z. B. zu 12×1 , zu 6×2 , zu 4×3 , zu 3×4 , u. s. w. gruppiert werden. Es läßt sich erweisen, daß man bei gegebenem Gesamtoberfläche der Platten und gegebenem Widerstand des Schließungsbogens die möglichst große Stromstärke erhält, indem man die Elemente so mit einander verbindet, daß der gesamte innere Widerstand der Kette gleich ist dem gesamten äußeren Widerstand des Schließungsbogens.

§ 319. Leitungswiderstand der Metalle. Der Schließungsbogen der Kette ist in der Regel aus mehreren auf einander folgenden metallischen oder auch flüssigen Leitern von verschiedener Beschaffenheit zusammengesetzt. Der gesamte äußere Widerstand ist dann gleich der Summe der Widerstände seiner Bestandteile. Der Leitungswiderstand eines Metalldrahtes ist seiner Länge direkt, seinem Querschnitt aber umgekehrt proportional. Außerdem aber ist derselbe von der Beschaffenheit des Metalles abhängig, indem sich die verschiedenen Metalle durch ihr spezifisches Leitungsvermögen unterscheiden. Schaltet man z. B. in den Schließungsbogen derselben Kette nach einander gleich lange und gleich dicke Drähte aus Silber, Eisen und Platin ein, so bewirkt der Silberdraht die geringste, der Platindraht aber die größte Verminderung der Stromstärke, woraus folgt, daß Silber ein größeres Leitungsvermögen als Eisen und dieses ein größeres als Platin besitzt.

Um die Leitungswiderstände verschiedener Drähte zu vergleichen und das spezifische Leitungsvermögen der Metalle zu bestimmen, kann man sich folgender Methode bedienen: Man schaltet in den Schließungsbogen einer Kette eine Tangentenbussole und außerdem den Draht ein, dessen Leitungswiderstand gemessen werden soll, und beobachtet den Ablenkungswinkel. Nachdem man sodann den zu messenden Widerstand aus dem Schließungsbogen entfernt hat, ersetzt man denselben durch einen Neusilber- oder Platindraht, dessen Länge beliebig abgeändert werden kann. Man reguliert nun diese Länge so, daß die Ablenkung wieder ebenso groß ist, wie im ersten Falle. Der Widerstand des Drahtes, dessen Leitungsvermögen bestimmt werden soll, ist dann gleich dem des Platindrahtes, durch welchen er ersetzt wird, und die Länge des eingeschalteten Platindrahtes giebt ein Maß für den Widerstand. Um die Länge des zur Vergleichung dienenden Platin- oder Neusilberdrahtes leicht abändern und messen zu können, dient der Rheostat von Wheatstone (1843). Der zur Vergleichung dienende Draht ist in einer Schraubenlinie um eine nichtleitende Walze aus Marmor oder gefirniftem Holz gewunden, welche um ihre Axe gedreht werden kann. An derselben befindet sich eine Vorrichtung, durch welche bei jeder Umdrehung der Walze eine Windung des Schraubendrahtes in den Stromkreis eingeschaltet, oder aus demselben herausgenommen wird. Am Umfang der Walze ist eine Teilung angebracht, an welcher noch die Hundertel einer Umdrehung abgelesen werden können. Sind z. B., um die Widerstände zweier Metalldrähte zu ersetzen, beziehungsweise 7,2 und 12,6 Windungen des Rheostatendrahtes erforderlich, so stehen ihre Widerstände im Verhältnis von 7,2:12,6 oder 4:7. Um die Resultate der mit verschiedenen Apparaten angestellten Messungen unter einander vergleichbar zu machen, kann man, nach dem Vorschlag von Siemens (1849), als gemeinsame Widerstands-

einheit den Widerstand einer Quecksilbersäule von 1 Meter Länge und 1 Quadratmillimeter Querschnitt wählen.

Eine zweite genauere und allgemein übliche Methode der Bestimmung des Leitungswiderstandes gründet sich auf die Stromverzweigungen, von denen im nächsten Paragraphen die Rede ist.

• § 319a. Fortsetzung. Stromverzweigung (Kirchhoff, 1849). Teilt sich ein Leitungsdraht in einem beliebigen Punkt M in zwei (oder mehrere) Zweige, so ergeben sich für die Verteilung des Stromes die Gesetze:

a. Die Zweigströme sind zusammen so stark wie der Hauptstrom, d. h. wenn die Intensitäten der ersteren i_1 und i_2 , die des Hauptstromes i ist, so hat man:

$$1. \quad i_1 + i_2 = i,$$

denn eine Änderung der Gesamtintensität würde eine Anhäufung von Elektrizität bei M zur Folge haben.

b. Die Zweigströme verhalten sich zu einander umgekehrt wie die Widerstände in den bezüglichen Zweigdrähten, d. h. wenn w_1 und w_2 die Widerstände in dem ersten und zweiten Zweigdraht sind, so ergibt sich:

$$2. \quad i_1 w_1 = i_2 w_2;$$

wegen ihrer Widerstände w_1 und w_2 nämlich lassen sich die beiden Zweigdrähte (§ 319) durch Quecksilbersäulen von der Länge 1 und bezüglich den Querschnitten $\frac{1}{w_1}$ und $\frac{1}{w_2}$ ersetzen. Die durch diese Säulen fließenden Ströme sind ihren Querschnitten proportional, und es ergibt sich darum:

$$i_1 : i_2 = \frac{1}{w_1} : \frac{1}{w_2} = w_2 : w_1,$$

was im zweiten Gesetz ausgesprochen ist.

Die Gleichungen 1. und 2. dienen zur Bestimmung von i_1 und i_2 , wenn die Intensität i des Hauptstromes gegeben ist. Man erhält:

$$i_1 = \frac{w_2 i}{w_1 + w_2}, \quad i_2 = \frac{w_1 i}{w_1 + w_2}.$$

Die Intensität i selbst aber läßt sich, wenn die elektromotorische Kraft der Kette E ist, folgendermaßen bestimmen. Weil, wie oben gezeigt ist, die Widerstände w_1 und w_2 durch Quecksilbersäulen je von der Länge 1 und bezüglich den Querschnitten $\frac{1}{w_1}$ und $\frac{1}{w_2}$ zu ersetzen sind, so ergeben beide zusammen eine Säule

von der Länge 1 und dem Querschnitt $\frac{1}{w_1} + \frac{1}{w_2} = \frac{w_1 + w_2}{w_1 w_2}$, d. h. den Widerstand

$\frac{w_1 w_2}{w_1 + w_2}$. Ist aber der Widerstand der Hauptleitung w , so wird nach dem Ohmschen Gesetz:

$$i = \frac{E}{w + \frac{w_1 w_2}{w_1 + w_2}} = \frac{(w_1 + w_2) E}{w (w_1 + w_2) + w_1 w_2},$$

woraus durch Einsetzen in die Ausdrücke für i_1 und i_2 auch die Stromstärken in den Zweigdrähten sofort darzustellen sind. Sind die letzteren so lang, daß w gegen w_1 und w_2 vernachlässigt werden darf, so werden die Ausdrücke für die Stromstärken besonders einfach, nämlich:

$$i = \frac{(w_1 + w_2) E}{w_1 w_2}, \quad i_1 = \frac{E}{w_1}, \quad i_2 = \frac{E}{w_2}.$$

Aus den Ausdrücken für i_1 und i_2 geht hervor, daß die Stärke der Zweigströme dieselbe ist, als wenn man die Zweigdrähte einzeln zur Schließung des Stromes verwendete. Man kann darum dieselbe Batterie gleichzeitig zum Telegraphieren auf mehreren Leitungsdrähten benutzen.

Stromverzweigungen dienen auch zur Widerstandsmessung mittelst der Wheatstoneschen Brücke. Der Schließungsbogen der Kette K (Fig. 269) ist in die beiden Zweige ACB und ADB geteilt, welche durch den Querdraht CD verbunden sind. Es entstehen dadurch die vier Abschnitte AC , CB , AD , DB , deren Widerstände der Reihe nach mit w_1 , w_2 , w_3 , w_4 bezeichnet werden, der Widerstand im Querdraht CD sei w_5 ; entsprechend seien die Stromstärken in den fünf Zweigdrähten i_1 , i_2 , i_3 , i_4 , i_5 . Es läßt sich jetzt leicht darthun, daß in dem Querdraht CD kein Strom stattfindet, wenn $w_1 : w_2 = w_3 : w_4$ ist, und umgekehrt. Soll nämlich $i_5 = 0$ sein, so hat man, weil nach Gleichung 1. für die Verzweigungen bei C und D $i_1 = i_2 + i_3$ und $i_3 = i_4 + i_5$ sein muß:

$$i_1 = i_2 \text{ und } i_3 = i_4,$$

und nunmehr vermöge Gleichung 2. bei den Verzweigungspunkten A und B

$$i_1 w_1 = i_2 w_3 \text{ und } i_1 w_2 = i_3 w_4,$$

woraus sich durch Division ergibt:

$$\frac{w_1}{w_2} = \frac{w_3}{w_4}.$$

Wird also z. B. $w_1 = w_3$ gemacht, so muß auch $w_2 = w_4$ sein. Schaltet man nun in den Stromzweig CD ein empfindliches Galvanometer ein, so wird dieses keine Ablenkung zeigen, sobald die angegebene Bedingung erfüllt ist. Bringt man also in den Zweig BC einen Rheostaten, in den Zweig DB den Draht, dessen Widerstand gemessen werden soll, und reguliert die Stellung des ersteren, so daß das Galvanometer keine Ablenkung zeigt, so giebt die Anzahl der eingeschalteten Windungen des Rheostaten ein Maß für den Widerstand des Drahtes.

Vergleicht man auf diese Weise die Widerstände gleich langer und gleich dicker Drähte aus verschiedenen Metallen mit demselben Neusilber- oder Platindraht, so kann man das spezifische Leistungsvermögen derselben ermitteln. So fand Matthiessen, wenn das Leistungsvermögen des Silbers = 100 gesetzt wird, folgende Zahlen:

Silber	100	Eisen	14,44	Blei	7,77
Kupfer	77,43	Palladium	12,64	Antimon	4,29
Gold	55,19	Zinn	11,45	Quecksilber	1,63
Zink	27,39	Platin	10,53	Wismut	1,19.

Bezeichnet l die Länge, q den Querschnitt, s das spezifische Leistungsvermögen eines Drahtes, so wird sein Widerstand durch die Formel $\frac{l}{qs}$ ausgedrückt. — Mit wachsender Temperatur nimmt der Leitungswiderstand der Metalldrähte beträchtlich zu; es muß daher bei Vergleichung der Leitungsfähigkeit der Metalle die Temperatur berücksichtigt werden (vgl. auch § 232).

§ 320. Um die Widerstände flüssiger Leiter zu bestimmen, bringt man dieselben in einen Trog von rechteckigem Querschnitt (Fig. 270), in welchem die zur Zuleitung des Stromes dienenden Metallplatten A und B , welche den ganzen Querschnitt des Troges ausfüllen, einander genähert oder von einander entfernt werden können. Hat man beide Platten anfänglich in eine gemessene Entfernung gebracht und vergrößert dieselbe um eine bestimmte Größe, so wird dadurch die Länge der eingeschalteten Flüssigkeitssäule um ebensoviel vergrößert, während ihr Querschnitt gleich ist dem einge-

Fig. 269.

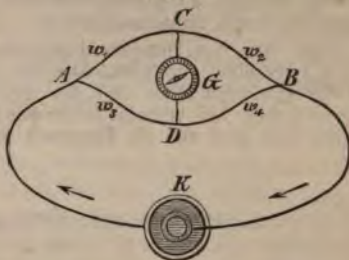


Fig. 270.



tauchten Teil der Plattenoberfläche. Das Leitungsvermögen der nichtmetallischen Flüssigkeiten ist im allgemeinen sehr gering im Vergleich mit dem der Metalle; so fand Becquerel, wenn das Leitungsvermögen des Silbers = 100000000 gesetzt wird, das der verdünnten Schwefelsäure (1 Vol. Schwefelsäurehydrat + 11 Vol. Wasser) = 88,68, der gesättigten Kochsalzlösung 31,52, der gesättigten Kupfervitriollösung 5,42. Verdünnte Schwefelsäure leitet am besten bei einem Gehalt von etwa $\frac{1}{3}$ Schwefelsäurehydrat und $\frac{2}{3}$ Wasser. Das Leitungsvermögen des ganz reinen, destillierten Wassers ist, verglichen mit dem der Metalle und selbst der Salzlösungen, so gering, daß das Wasser fast als ein Nichtleiter für den galvanischen Strom zu betrachten ist.

Über den Leitungswiderstand der Flammen hat Hoppe (1877) aus seinen Versuchen gefolgert, daß für jede Flamme die größere Leitungsfähigkeit von der größeren Hitze und der größeren Menge des verbrennenden Gases abhängt, ferner bei verschiedenen Flammen von den verbrennenden Substanzen, endlich daß auch für die Flammen das Ohmsche Gesetz Geltung hat.

b. Elektromagnetismus und Elektrodynamik.

§ 321. Magnetisierung des Eisens durch den elektrischen Strom. Der elektrische Strom wirkt nicht nur ablenkend auf die Magnetnadel, sondern er vermag auch in seiner Nähe befindliche Teilchen von unmagnetischem Eisen zu magnetisieren. Legt man über den horizontal ausgespannten Schließungsdraht einer Kette ein Blatt steifen Papiers und streut auf dieses Eisenfeilspäne, so ordnen sich die Eisenteilchen in Reihen, welche quer über den Draht laufen und auf seiner Richtung senkrecht stehen (vergl. § 297). Ein quer über den Draht gelegtes Eisenstäbchen wird in einen Magnet verwandelt, dessen Polarität nach der Ampèreschen Regel (§ 315) bestimmt werden kann. Stärkere magnetische Wirkungen werden erzielt, indem man einen geraden oder hufeisenförmig gebogenen Stab von weichem Eisen mit einer Kupferdrahtspirale umgibt, deren Windungen behufs der Isolierung mit Seide umspunnen sind. Solange ein elektrischer Strom durch den Draht fließt, wird der Eisenstab in einen Elektromagnet verwandelt, welcher alle Eigenschaften eines Stahlmagnets besitzt. Beim Aufhören des magnetisierenden Stromes verschwindet der Magnetismus des Stabes bis auf einen mehr oder minder beträchtlichen Rest, der von der Koercitivkraft des Eisens (§ 294) herrührt. Hufeisenförmige Elektromagnete können wie Stahlmagnete mit einem beide Pole verbindenden Anker von weichem Eisen armiert werden. Die Stärke des erregten Magnetismus ist (innerhalb gewisser Grenzen) der Intensität des magnetisierenden Stromes und der Anzahl der Drahtwindungen proportional. Der Grad des Magnetismus, welchen ein Elektromagnet aus weichem Eisen anzunehmen fähig ist, übertrifft bei weitem den der kräftigsten Stahlmagnete. Ein Stahlstab wird kräftig und dauernd magnetisiert, indem man denselben mehrmals in gleichem Sinne durch eine vom elektrischen Strom durchflossene Kupferdrahtspirale hindurchzieht.

Die besten Logemannschen hufeisenförmigen Stahlmagnete vermochten bei 500 g Gewicht 12–13 kg zu tragen, größere Magnete von 30–50 kg trugen etwa das Fünffache ihres eigenen Gewichts. Henry und Ten Eyck konstruierten einen Elektromagnet, welcher bei 27 kg Gewicht 935 kg, also das 34fache seines Gewichts zu tragen vermochte. Ein kleiner, hufeisenförmiger Elektromagnet von 25 mm Länge und 15 mm Breite trug das 420fache seines Gewichts.

Die magnetische Erregung eines hufeisenförmigen Elektromagnets ist verhältnismäßig sehr viel stärker, wenn beide Pole durch einen Anker verbunden

sind, als wenn die Tragkraft jedes Poles einzeln geprüft wird. Unterbricht man den magnetisierenden Strom, während die Pole des Hufeisens durch den Anker verbunden sind, so bleibt letzterer an den Polen haften, indem auch nach dem Aufhören des Stromes in dem geschlossenen Elektromagnet ein beträchtlicher Grad von Magnetismus zurückbleibt, welchen man den remanenten Magnetismus nennt. Reißt man jetzt den Anker los, so verschwindet dieser remanente Magnetismus bis auf eine geringe Spur von permanentem Magnetismus, welcher von der auch im weichen Eisen vorhandenen, geringen Koercitivkraft herrührt.

Auch der Entladungsstrom der Leydener Batterie vermag die Magnethadel abzulenken und Stahlnadeln zu magnetisieren, doch sind hier die Gesetze der Magnetisierung, namentlich auch was die Richtung der Polarität betrifft, weniger einfach, weil der Entladungsstrom der Batterie aus einer Reihenfolge abwechselnd entgegengesetzter Ströme zusammengesetzt ist (§ 280).¹

§ 322. Magnetismus und Diamagnetismus der Körper. Mittheilt der durch den elektrischen Strom erzeugten, kräftigen Elektromagnete ist es Faraday gelungen nachzuweisen, daß der Magnetismus eine viel allgemeiner verbreitete Eigenschaft der Materie ist, als man früher angenommen hatte (vergl. § 294). Faraday machte (1845) die merkwürdige Entdeckung, daß außer Eisen, Nickel und Kobalt und den Verbindungen dieser Metalle auch die meisten anderen metallischen und nichtmetallischen Substanzen, unter Einwirkung hinreichend kräftiger Elektromagnete, magnetische Eigenschaften zeigen, und daß dieselben in zwei Gruppen zerfallen, indem die einen von den Magnetpolen angezogen, die anderen abgestoßen werden. Faraday nannte die letzteren diamagnetische Substanzen. Man prüft das magnetische oder diamagnetische Verhalten der Körper am besten, indem man dieselben in Form kleiner Stäbchen an einem Seidenfaden zwischen den einander genäherten Magnetpolen aufhängt. Bei Erregung des Magnetismus nehmen die Stäbchen entweder die axiale Stellung, d. h. die Richtung der Verbindungslinie beider Pole, oder die äquatoriale Stellung, nämlich senkrecht zu jener Verbindungslinie an, je nachdem ihre Substanz magnetisch oder diamagnetisch ist. Unter den Metallen sind, außer den oben genannten, magnetisch: Mangan, Palladium, Platin u. s. w., dagegen diamagnetisch vorzüglich Wismut, nächst dem Antimon, Zink, Zinn, Blei, Silber, Kupfer, Gold u. s. w.

Flüssigkeiten bringt man in kleinen Quantitäten in flache, uhrglasförmige Schälchen, welche auf die einander zugewendeten Spitzen der Magnetpole gesetzt werden. Wasser, Alkohol, Schwefelsäure u. s. w. sind diamagnetisch. Auch die gasförmigen Körper erleiden magnetische Einwirkungen. Sauerstoffgas ist magnetisch, die meisten anderen Gase mehr oder minder diamagnetisch. Merkwürdig ist das magnetische Verhalten der Krystalle, indem die Richtung, welche ein zwischen den Magnetpolen aufgehängter Krystall annimmt, nicht nur von dem Magnetismus oder Diamagnetismus der Substanz, sondern auch von der molekularen Struktur, namentlich von der Richtung der Blätterdurchgänge des Krystalls (§ 22), abhängt.

Tyndall hat nachgewiesen, daß die diamagnetischen Körper, ähnlich wie die magnetischen, zwischen den Magnetpolen eine Polarität annehmen, welche aber der des Eisens entgegengesetzt ist, so daß der Nordpol im Wismut einen Nordpol, der Südpol aber einen Südpol hervorruft.

§ 323. Anwendung des Elektromagnetismus als bewegender Kraft. Ritchies rotierender Magnet; Stromunterbrecher. Man hat zahlreiche Vorrichtungen konstruiert, welche dazu dienen, die Anziehungskraft der Elektromagnete zur Erzeugung andauernder Bewegungen zu benutzen. Als Beispiel dient der rotierende Magnet von Ritchie (1836).

Vor den Polen eines hufeisenförmigen Stahlmagnets *ACB* (Fig. 271) ist ein Anker von weichem Eisen *DE* um eine vertikale Axe drehbar.



Fig. 271.

Der Anker ist mit einer Spirale von mit Seide besponnenem Kupferdraht umgeben. Die Enden des Drahtes tauchen in ein ringförmiges Näpfchen *F* aus Holz, welches durch Scheidewände in zwei Halbringe geteilt ist. Das Näpfchen ist so weit mit Quecksilber gefüllt, daß die konvexe Oberfläche des Quecksilbers etwas über die Scheidewand emporragt, und die in das Quecksilber tauchenden Drahtenden bei der Umdrehung des Ankers ungehindert über die Scheidewand weggehen können. Die beiden

halbkreisförmigen Abteilungen des Näpfchens werden mit den Polen einer galvanischen Kette in Verbindung gesetzt. Der durch die Drahtspirale des Ankers *DE* geschlossene Strom verwandelt diesen in einen Elektromagnet, dessen Pole von den ungleichnamigen Polen des Stahlmagnets *ACB* angezogen werden. Die Scheidewand des Näpfchens ist aber so gestellt, daß in dem Augenblick, wo die Pole des Ankers denen des Stahlmagnets gegenüberstehen, die Enden der Drahtspirale über die Scheidewände hinweggleiten, so daß das Ende, welches vorher in die positive Abteilung des Näpfchens tauchte, in die negative übergeht und umgekehrt. Dadurch wird die Richtung des Stromes in der Drahtspirale und infolge dessen die Polarität des Elektromagnets umgekehrt, die vorher angezogenen Pole werden jetzt abgestoßen, und der Anker dreht sich um 180° , worauf von neuem eine Umkehrung der Stromesrichtung und ein Wechsel der Polarität eintritt u. s. f. Auf diese Weise wird eine kontinuierliche Rotation des Ankers hervorgebracht, welche so lange andauert, als die Kette in Wirkung bleibt und welche, wenn der magnetisierende Strom kräftig genug ist, auf ein leichtes Räderwerk übertragen, oder selbst zum Emporwinden eines Gewichts oder zur Erzeugung anderer mechanischen Arbeitsleistungen verwendet werden kann. Der Stahlmagnet *ACB* kann mit Vorteil ebenfalls durch einen Elektromagnet ersetzt werden.

Eine andere Anwendung des Elektromagnetismus, von welcher später (§ 333) ein wichtiger Gebrauch gemacht werden wird, bildet der selbstthätige Stromunterbrecher, welcher auch unter dem Namen des Wagner-

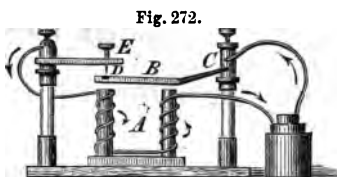


Fig. 272.

schen oder Neef'schen Hammers (1839) bekannt ist. Dem Elektromagnet *A* (Fig. 272) steht der Anker *B* aus weichem Eisen gegenüber, welcher am Ende der elastisch federnden, bei *C* befestigten Stahllamelle *BC* angebracht ist. Diese trägt bei *D* ein Platinblättchen, welches

mit der Platinspitze der Schraube *E* in leitender Berührung steht. Der Strom geht vom positiven Pol der Kette über *CBDE* durch die Drahtspiralen des Elektromagnets *A* und kehrt von da nach dem negativen Pol

der Kette zurück. Sobald die Kette geschlossen wird, wird der Magnetismus in *A* erregt und der Anker *B* angezogen. Dadurch wird aber die leitende Berührung zwischen *D* und *E* aufgehoben und der Strom unterbrochen. Der Elektromagnet *A* wird infolge dessen unwirksam, durch die Elasticität der Stahllamelle *BC* wird der Anker wieder emporgehoben, sobald aber dadurch die Berührung bei *D* wiederhergestellt wird, beginnt die Wirksamkeit des Stromes von neuem, der Anker wird wieder angezogen u. s. f. Dadurch wird die Lamelle *BC* in fortdauernde Oscillationen versetzt, und man erhält einen diskontinuierlichen, fortwährend sich selbst unterbrechenden Strom. Die Häufigkeit der Unterbrechungen kann durch Verstellung der Schraube *E*, sowie durch Abänderung der bei *B* angebrachten Masse des Ankers reguliert werden.

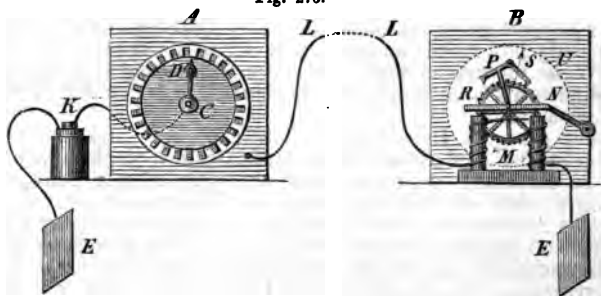
Auf ähnliche Weise ist es möglich, mittelst des elektrischen Stromes die Schwingungen einer Stimmgabel während unbegrenzter Zeit ungeschwächt zu erhalten oder, wie es bei den elektrischen Uhren geschieht, die Schwingungen des Uhrpendels, anstatt durch Federn oder Gewichte, durch den elektrischen Strom zu unterhalten. Die Bewegungen eines Uhrwerks können ferner durch isolierte Drahtleitungen an beliebig viele, an verschiedenen Orten aufgestellte Uhrwerke übertragen werden. Da bei jeder Unterbrechung und Wiederherstellung des Stromes die Elektromagnete sämtlicher durch die Drahtleitung verbundenen Uhren genau gleichzeitig ihre Anker anziehen, und deren Bewegung auf das Räderwerk in gleicher Weise übertragen wird, so ist der Gang sämtlicher durch die Drahtleitung verbundenen Uhren genau übereinstimmend mit der ihre Bewegung regulierenden Normaluhr.

Die früher gehegten Erwartungen, daß man den Elektromagnetismus als Triebkraft im großen zum Ersatz der Dampfmaschinen werde anwenden können, sind nicht in Erfüllung gegangen. Die zu überwindende Schwierigkeit liegt einerseits darin, daß die Anziehungskraft der Elektromagnete mit wachsender Entfernung des Ankers sehr schnell abnimmt, andererseits in dem Umstand, daß aus später (§ 331) zu erläuternden Gründen durch die Bewegung der Maschine selbst eine beträchtliche und mit der Bewegungsgeschwindigkeit wachsende Schwächung des erregenden Stromes stattfindet, endlich aber darin, daß in der Kette ein der erzielten Arbeitsleistung proportionaler Verbrauch von Zink und von den Erregungsflüssigkeiten der Kette (§ 344) stattfindet, welcher im Verhältnis zur gewonnenen Arbeit weit kostspieliger ist, als das Feuerungsmaterial der Dampfmaschinen. (Vergl. § 322.)

§ 324. Telegraphie. Schon vor Entdeckung der galvanischen Ströme sind im vorigen Jahrhundert Vorschläge gemacht worden, die Fortpflanzung der Elektrizität in Metalldrähten zur Mitteilung von Signalen auf größere Entfernungen anzuwenden. Nach Entdeckung der galvanischen Elektrizität schlug Sömmering (1808) vor, die Zersetzung des Wassers durch den galvanischen Strom zu telegraphischen Zeichen zu benutzen, indem er beide Stationen durch 24 Paar isolierte Drähte verbinden wollte, den 24 Buchstaben des Alphabets entsprechend. Gauß (1833) und Steinheil (1837) wendeten zuerst die Ablenkung der Magnetnadel zu telegraphischen Zwecken an. Auf demselben Prinzip beruht der Nadeltelegraph von Wheatstone (1837). An der zeichenempfangenden Station *B* sind zwei Magnetnadeln, von Multiplikatorgewinden umgeben, aufgestellt. Die Drahtwindungen stehen durch einen isolierten Leitungsdraht in Verbindung mit der zeichengebenden Station *A*. Sobald der Strom der in *A* aufgestellten Kette mittelst einer Kommutatorvorrichtung (§ 315) in entgegengesetztem Sinne durch die Drahtleitung gesendet wird, erleiden die Magnetnadeln in *B* Ablenkungen nach der entgegengesetzten Seite. Durch Kombination mehrerer auf einander folgenden Zeichen lassen sich verschiedene, den einzelnen Buchstaben des Alphabets entsprechende Signale zusammensetzen.

§ 325. Zeigertelegraph. Der ebenfalls von Wheatstone angegebene und namentlich durch Siemens (1848) vervollkommnete Zeigertelegraph beruht auf folgendem Prinzip. An der zeichengebenden Station *A* (Fig. 273) sei eine Scheibe aufgestellt, welche an ihrem Umfang 24 Metallblättchen trägt, die mit den 24 Buchstaben des Alphabets bezeichnet und durch abwechselnde Stücke aus isolierender Kautschukmasse von einander getrennt sind. Um den Mittelpunkt *C* der Kreisscheibe ist die metallische Kurbel *CD* mittelst des bei *D* angebrachten Handgriffes drehbar. Stehen nun die 24 am Umfang angebrachten Metallblättchen sämtlich mit dem positiven, die Umdrehungsaxe *C* aber mit dem negativen Pol der Kette *K* in Verbindung, so wird der Strom so oft geschlossen und wieder unterbrochen werden, als bei Drehung der Kurbel das Ende *D* über ein Metallblättchen weggleitet. Der Strom wird nun durch die Drahtleitung *LL* nach der zeichenempfangenden Station *B* geleitet, wo er die Drahtspiralen des Elektromagnets *M* durchläuft, vor dem der Anker

Fig. 273.

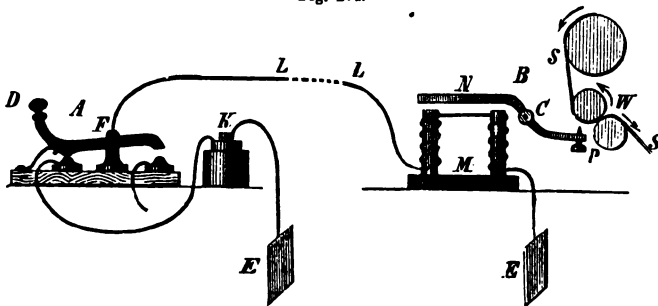


N aufgestellt ist. Eine elastische Feder hält den Anker in einer gewissen Entfernung vom Elektromagnet, solange dessen Magnetismus nicht erregt wird. Bei jeder Schließung und Öffnung des Stromes wird der Anker einmal angezogen und wieder losgelassen. Mittelst eines Hebels *P*, dessen Enden in die Zähne eines Rades *R* eingreifen, wird die Bewegung des Ankers auf das Zahnrad so übertragen, daß dasselbe bei jeder Oscillation des Ankers um einen Zahn vorwärts gedreht wird. Das Rad trägt 24 Zähne, und auf der Axe desselben ist ein Zeiger befestigt, dessen Ende *S* bei jeder Umdrehung den Umfang der Zeichenscheibe *U* durchläuft. Dieser Umfang ist in 24 gleiche Abschnitte geteilt, die mit den 24 Buchstaben des Alphabets bezeichnet sind. So oft der elektrische Strom einmal unterbrochen und wiederhergestellt wird, rückt der Zeiger um ein Buchstabenzeichen weiter, so daß seine Bewegung der des Hebels *CD* an der zeichengebenden Station *A* genau entspricht. Stehen anfänglich beide Zeiger auf demselben Buchstaben, z. B. *A*, so werden dieselben auch bei Drehung der Kurbel stets genau korrespondieren, so daß, wenn der Telegraphist bei *A* seinen Zeiger, z. B. nach einander auf die Buchstaben *TEL* u. s. w. stellt, die entsprechenden Buchstaben auf der Zeichenscheibe bei *B* abgelesen werden können.

§ 326. Schreibtelegraph. Das gegenwärtig am allgemeinsten verbreitete System ist das des Morseschen Schreibtelegraphen (1844).

An der zeichenempfangenden Station *B* (Fig. 274) ist der Elektromagnet *M* aufgestellt, dessen Anker *N* an dem um die Axe *C* drehbaren Hebel *NP* befestigt ist. So oft der Anker angezogen wird, wird der am anderen Ende des Hebels befestigte Schreibstift *P* gegen den Papierstreif *SS* gedrückt, welcher durch ein Uhrwerk mit gleichförmiger Geschwindigkeit zwischen zwei sich drehenden Walzen *W* hindurchgezogen wird. Durch den Schreibstift *P* wird auf dem Papierstreif ein vertiefter Eindruck, oder, wenn der Stift mit einem Farbstoff versehen ist, ein farbiger Strich hervorgebracht, solange der Elektromagnet in Thätigkeit bleibt. Bei Öffnung des Stromes wird durch eine Feder der Anker gehoben und der Schreibstift vom Papierstreif entfernt. Bleibt der Strom nur während eines Augenblicks geschlossen, so entsteht auf dem Papierstreif nur ein Punkt,

Fig. 274.



bei längerer Schließung ein Strich, dessen Länge von der Dauer des Stromes abhängt. Aus einer Kombination solcher Punkte und Striche läßt sich nun leicht ein Alphabet zusammensetzen, indem z. B. der Buchstabe *a* durch das Zeichen —, *b* durch — — —, *c* durch — — — u. s. w. bezeichnet wird, wobei für die am häufigsten vorkommenden Buchstaben die einfachsten Zeichen gewählt werden. Die Schließung und Öffnung des Stromes geschieht mittelst des an der zeichengebenden Station *A* befindlichen Schlüssels. Wird der um *F* drehbare Metallhebel *DF* mittelst des Knopfes *D* niedergedrückt, so wird dadurch der Strom der Kette *K* geschlossen. Beim Aufhören des Druckes wird der Hebel durch eine elastische Feder gehoben und dadurch der metallische Kontakt bei *D* aufgehoben und der Strom unterbrochen*). Der Telegraphist bei *A* kann also durch momentanes oder während kurzer Zeit andauerndes Niederdrücken des Knopfes *D* nach Belieben auf dem Papier der Station *B* Punkte oder Striche erzeugen, durch deren Kombination die zu telegraphierenden Buchstaben zusammengesetzt werden. Nach jedem Buchstaben wird eine kurze, nach jedem Wort eine etwas längere Pause gemacht.

Die Drahtleitung zwischen den beiden telegraphisch verbundenen Stationen muß wohl isoliert sein. Die durch die Luft ausgespannten Drähte werden zu diesem Zweck an den Telegraphenstangen durch isolierende, glockenförmige Träger aus Glas oder Porzellan befestigt. Unterirdische oder unterseeische Leitungen werden mittelst einer Umhüllung von Guttapercha isoliert. Zur Leitung

*) Durch den in der Figur 274 als abgebrochen dargestellten Leitungsdraht läßt sich alsdann der Schlüssel mit einem Schreibapparat der Station *A* in Verbindung bringen und diese Station dadurch zur zeichenempfangenden machen.

wird entweder Kupferdraht, oder bei längeren Luftleitungen in der Regel, der größeren Billigkeit wegen, verzinkter Eisendraht verwendet. Zur Hin- und Rückleitung des Stromes würden für jedes Signal zwei Leitungsdrähte erforderlich sein, und in der That wendete man anfänglich solche Doppelleitungen an, bis Steinheil (1838) zeigte, daß eine einfache Drahtleitung hinreichend sei, indem man zur Rückleitung des Stromes den Erdkörper benutzen könne. Es ist zu diesem Zweck nur erforderlich, die Enden des Leitungsdrahtes mit den in das feuchte Erdreich vergrabenen, oder in das Wasser eines Brunnenschachtes versenkten Metallplatten *EE* zu verbinden.

Beim Beginn einer Depesche muß die Aufmerksamkeit des zeichenempfangenden Beamten durch ein Glockensignal erregt werden. Dieses wird erzeugt, indem man entweder den Ankerhebel eines Elektromagnets unmittelbar gegen eine kleine Metallglocke schlagen läßt, oder indem durch die Oscillationen desselben ein zu diesem Zweck aufgestelltes Läutewerk in Bewegung gesetzt wird.

Von Hughes in New-York ist (1861) der Drucktelegraph in seiner gegenwärtigen Vollendung hergestellt worden, durch welchen die übersendete Depesche in gewöhnlichen Buchstaben auf Papier abgedruckt wird, endlich (1865) durch Caselli der sogenannte Pantelegraph, der eine getreue Nachbildung einer jeden Zeichnung oder Schrift auf der zeichenempfangenden Station ermöglicht.

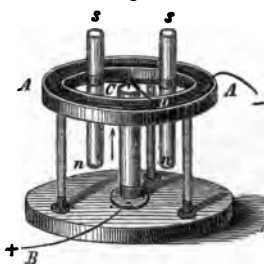
Der telegraphische Verkehr ist wesentlich beschleunigt worden durch die glückliche Lösung der Aufgabe, mehrere Depeschen gleichzeitig auf demselben Leitungsdraht zu befördern. Durch den Meyerschen Multiplex lassen sich stündlich 80 bis 100 Telegramme von durchschnittlich zwanzig Worten verarbeiten.

§ 327. Rotationen von Magnetpolen um Stromleiter und von Stromleitern um Magnetpole. Oben (§ 315) ist gezeigt worden, daß die Kraft, welche ein von einem Strom durchflossener Draht auf einen Magnetpol ausübt, von allen früher betrachteten Kräften sich durch den merkwürdigen Umstand unterscheidet, daß ihre Richtung senkrecht auf der durch Stromleiter und Magnetpol gelegten Ebene steht, und daß dieselbe, wenn man einen Magnetpol isolieren könnte, eine kontinuierliche Rotation des Magnetpols um den Stromleiter hervorbringen würde. Da jeder Wirkung in der Natur eine gleiche Gegenwirkung entspricht, so übt seinerseits ein feststehender Magnetpol auf einen in seiner Nähe befindlichen Stromleiter eine Wirkung aus, vermöge deren der Stromleiter, wenn er beweglich ist, eine kontinuierliche Drehung um den Magnetpol vollführt.

Beide Arten von elektromagnetischen Rotationsbewegungen sind von Faraday auf folgende Weise verwirklicht worden:

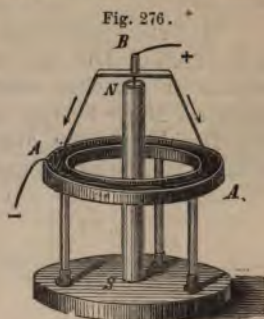
1. Drehung des Magnetpols um den Stromleiter. Zwei parallele, mit ihren gleichnamigen Polen, z. B. den Nordpolen, nach abwärts gerichtete Magnetstäbchen (*ns*, *ns* Fig. 275) sind durch einen Querdraht in Form eines H verbunden und mittelst einer Stahlspitze bei *C* frei drehbar aufgehängt. Die Spitze taucht in ein Quecksilbernäpfchen, welches das obere Ende des vertikalen Leitungsdrahtes *BC* bildet. Das System der Magnetstäbe ist ferner von einer ringförmigen, hölzernen, mit Quecksilber gefüllten Rinne *AA* umgeben, in welche die Platinspitze eines von *C* ausgehenden Querdrahtes *CD* taucht. Die Quecksilberrinne steht mit dem negativen, der Leitungsdraht *B* mit dem positiven Pol der Kette in Verbindung, so daß der positive Strom von *B* über *CDA* zur Kette zurückkehrt. Der in *BC* aufsteigende Strom wirkt auf die Magnetpole *nn* und versetzt das System der Magnetstäbe in Rotation, deren Richtung, wie sich aus der Ampèreschen Regel (§ 315) ergibt, umgekehrt wie die Drehung eines Uhrzeigers stattfindet. Wenn entweder die Richtung des Stromes, oder die Polarität der

Fig. 275.



Magnetstäbe umgekehrt wird, geht die Rotationsrichtung in die entgegengesetzte über.

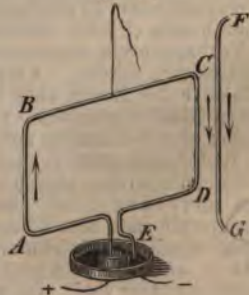
2. Drehung des Stromleiters um den Magnetpol. Auf dem oberen Ende des feststehenden Magnetstabes *NS* (Fig. 276) schwebt, mittelst einer Spitze frei drehbar, der Kupferdrahtbügel *ABA*, dessen Enden mit Platinspitzen versehen sind, die in die ringförmige Quecksilberinne *AA* tauchen. Diese ist mit dem negativen Pol der Kette verbunden, während der positive Poldraht in ein bei *B* angebrachtes Quecksilbernäpfchen taucht. Der positive Strom teilt sich von *B* aus und strömt in beiden Armen des Drahtbügels abwärts in der Richtung *BA*. Die Wirkung des näheren Magnetpols *N* überwiegt die schwächere des entfernteren Poles *S* und dreht den Drahtbügel im Sinne eines Uhrzeigers. Beim Wechsel der Stromesrichtung, oder bei Umkehrung der Magnetpole geht die Richtung der Rotation in die entgegengesetzte über.



§ 328. Anziehung und Abstossung zweier elektrischen Ströme. Durch die Betrachtung der Wechselwirkung zwischen elektrischen Strömen und Magnetpolen wurde Ampère zu der Vermutung geführt, daß auch zwei bewegliche Stromleiter eine mechanische Wirkung auf einander ausüben möchten. In der That erwies sich diese Vermutung als richtig, und die von Ampère (1820) in betreff dieser Wirkung ermittelten Gesetze lassen sich in folgende Sätze zusammenfassen: Zwei parallele Stromleiter ziehen einander an, wenn sie von gleichgerichteten, stoßen einander ab, wenn sie von entgegengesetzt gerichteten Strömen durchflossen werden. — Kreuzen sich zwei benachbarte Stromleiter unter einem beliebigen Winkel, so sind die anziehenden und abstossenden Wirkungen zwischen ihren einzelnen Teilen so beschaffen, daß sie die Stromrichtungen parallel und gleich zu stellen streben.

Der in Form eines Rechtecks gebogene Leitungsdraht *ABCD* (Fig. 277) sei an einem Seidenfaden frei drehbar aufgehängt. Die beiden Drahtenden sind von einander isoliert. Das eine Ende taucht bei *E* in ein mittleres Quecksilbernäpfchen, das mit dem positiven Pol der Kette in Verbindung steht, das andere Ende taucht in ein ringförmiges Näpfchen, von welchem das mittlere Näpfchen umschlossen ist, und das mit dem negativen Pol verbunden ist. Infolge dieser Einrichtung kann sich das Drahtrechteck ringsum frei drehen, ohne daß die leitende Verbindung mit den Polen der Kette unterbrochen wird. Nähert man der Rechtecksseite *CD* einen zweiten parallelen Leitungs-

Fig. 277.

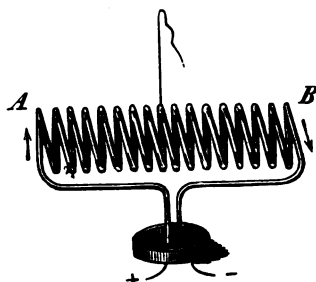


draht *FG*, so beobachtet man eine Anziehung oder Abstossung, jenachdem die Stromrichtung in beiden die gleiche oder entgegengesetzte ist. Nähert man dem Rechteck einen anderen, ebenfalls rechteckig gebogenen Draht, so streben sich die Ebenen beider Rechtecke parallel, mit übereinstimmenden Stromrichtungen zu stellen. Auch die Wirkungen von Magnetpolen auf Stromleiter lassen sich an dem beweglich aufgehängten Leitungsdraht leicht nachweisen. Wie der elektrische Strom eine bewegliche Magnetnadel zu seiner Ebene senkrecht zu stellen strebt, so stellt sich umgekehrt die Ebene des beweglichen Stromleiters senkrecht zur Axe eines hindurchgesteckten Magnetstabes, so daß der Strom den Magnetstab in der durch die Ampèresche Regel bestimmten Richtung umkreist.

Auch der Erdmagnetismus wirkt richtend auf den Stromleiter, indem er dessen Ebene, wenn derselbe hinreichend frei beweglich aufgehängt ist, senkrecht zur Richtung der Deklinationsnadel stellt.

§ 329. Solenoidströme. Ampères Theorie des Magnetismus (1826). Die im vorhergehenden Paragraphen erläuterten Wechselwirkungen zwischen elektrischen Strömen und Magnetpolen treten in verstärktem Maße hervor, wenn man anstelle einer Drahtwindung ein System von Drahtwindungen anwendet, deren Ebenen unter einander parallel sind. Einen spiralförmig gewundenen Leitungsdraht AB (Fig. 278), dessen Windungen sämtlich in gleichem Sinne vom

Fig. 278.



Strome durchlaufen werden, nannte Ampère ein Solenoid ($\sigma\omega\lambda\eta$, Röhre). Wird ein solches Solenoid in ähnlicher Weise, wie das Drahtrechteck (§ 328), frei drehbar aufgehängt, so stellt sich dasselbe unter Einfluss des Erdmagnetismus so, daß die Ebenen sämtlicher Kreiswindungen zur Richtung der Deklinationsnadel senkrecht liegen, die Axe des Solenoids also der Deklinationsnadel parallel ist. Überhaupt zeigt das vom Strom durchflossene Solenoid in jeder Beziehung ein analoges Verhalten wie die Magnetnadel, indem, der

Fig. 279.



Ampèreschen Regel gemäß, dasjenige Ende dem Nördpol entspricht, welches, wenn man es sich nach oben gekehrt denkt, vom Strom im umgekehrten Sinne eines Uhrzeigers, dasjenige dem Südpol, welches in der Richtung des Uhrzeigers umkreist wird. Werden zwei Solenoide AB, CD (Fig. 279) mit ihren Polen einander genähert, so findet Anziehung oder Abstoßung statt, jenachdem die Stromrichtungen in beiden gleich oder entgegengesetzt sind. Daher findet, wie aus der Figur ersichtlich, wie bei

Magnetnadeln, zwischen ungleichnamigen Polen Anziehung, zwischen gleichnamigen aber Abstoßung statt. Ebenso wird ein Solenoidpol von dem gleichnamigen Pol einer Magnetnadel abgestoßen, von dem ungleichnamigen aber angezogen. Auf dieses Verhalten der Solenoidströme gründete Ampère eine neue Theorie der magnetischen Erscheinungen, durch welche die Annahme besonderer magnetischer Fluida (§ 293) überflüssig gemacht und die magnetischen Wirkungen auf das Vorhandensein elektrischer Strömungen im Innern der magnetischen Körper zurückgeführt werden. Ampère geht nämlich von der Vorstellung aus, daß die Moleküle des Eisens auch im unmagnetischen Zustande von kreisförmigen, elektrischen Molekularströmen umflossen werden, deren Wirkungen nach außen hin einander aber vollständig aufheben, weil die Ebenen der Kreisströme regellos nach allen Richtungen gekehrt sind. Der Vorgang der Magnetisierung besteht darin, daß die Molekularströme sämtlich übereinstimmend gerichtet werden. Dies kann nach § 328 entweder durch einen galvanischen Strom, am zweckmäßigsten durch einen spiralförmig den Eisenstab umkreisenden Solenoidstrom geschehen, der die Ebenen sämtlicher Molekularströme seinen eigenen Windungen parallel zu stellen strebt — oder durch Annäherung eines Magnets, dessen Molekularströme bereits parallel gerichtet sind. Im weichen Eisen sind die Moleküle mit großer Leichtigkeit drehbar; deshalb wird dasselbe leicht magnetisch, die Ordnung der Moleküle dauert aber nur so lange, als die magnetisierende Ursache wirksam ist. Die Koer-

citivkraft des Stabes dagegen erklärt sich daraus, daß die Moleküle desselben eine minder freie Beweglichkeit besitzen, so daß eine stärker magnetisierende Kraft erforderlich ist, um die Molekularströme parallel zu richten, daß dieselben aber auch nach Aufhören der magnetisierenden Ursache ihre parallele Richtung beibehalten.

B. Induktionsströme.

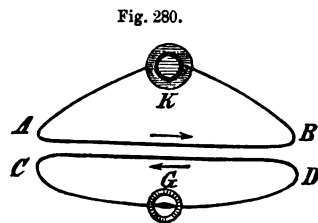
§ 330. Elektrische Induktionsströme. Durch das Entstehen oder Verschwinden eines elektrischen Stromes werden in einem dem Schließungsbogen der Kette benachbarten Stromleiter elektrische Bewegungen erzeugt, welche mit dem Namen Induktionsströme bezeichnet werden.

a) Wenn dem Schließungsdraht AB (Fig. 280) einer galvanischen Kette K ein zweiter Draht CD parallel gegenübersteht, dessen Enden durch ein Galvanometer G zu einer in sich selbst zurücklaufenden, geschlossenen Leitung verbunden sind, so wird in letzterem ein Induktionsstrom erzeugt, so oft ein Strom in dem induzierenden Draht AB entsteht oder verschwindet, und zwar ist der durch Schließen der Kette erzeugte Induktionsstrom oder der Schließungsstrom seiner Richtung nach dem induzierenden Strom entgegengesetzt, der durch Verschwinden des induzierenden Stromes erzeugte Öffnungsstrom mit dem induzierenden Strom gleich gerichtet, wie aus der Richtung der Ablenkung des Galvanometers G erkannt wird. Solange der Strom in AB mit gleichförmiger Stärke fort-dauert, findet im Induktionsdraht CD keine Elektrizitätsbewegung statt. Dagegen wird durch jede Zu- oder Abnahme der Stromstärke im induzierenden Draht ein Induktionsstrom im Induktionsdraht hervorgerufen, dessen Stärke und Dauer von der Größe und Dauer der Stromesschwankung im induzierenden Draht abhängt. Die durch Öffnen und Schließen der Kette erzeugten Induktionsströme sind von unmeßbar kurzer Dauer. — Da die Intensität des Induktionsstromes mit der Länge der einander gegenüberstehenden Drahtstrecken AB , CD wächst, so giebt man denselben zweckmäßig die Form zweier parallel neben einander aufgewundenen Spiralen von mit Seide besponnenem Kupferdraht. — Auch durch den Entladungsstrom einer Leydener Batterie kann in einem benachbarten Draht ein Induktionsstrom hervorgerufen werden (s. oben § 284).

b) Wenn der von einem konstanten Strom durchflossene Draht AB dem geschlossenen Stromleiter CDG genähert, oder von demselben entfernt wird, so entsteht in letzterem ein Induktionsstrom, welcher beim Annähern dem induzierenden Strom entgegengesetzt (Annäherungsstrom), beim Entfernen aber mit demselben gleich gerichtet ist (Entfernungsstrom).

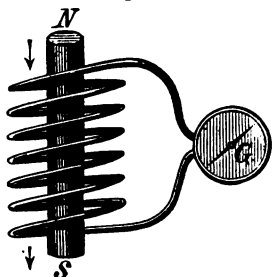
Die Induktionsströme wurden von Faraday im Jahre 1831 entdeckt.

§ 331. Magnetoelektrische Induktionsströme. Beim Einschieben eines Magnetstabes NS (Fig. 281) in eine geschlossene Drahtspirale wird in den Windungen derselben ein Induktionsstrom erregt; beim Herausziehen entsteht ein zweiter Strom von entgegengesetzter Richtung.



Dasselbe findet statt, wenn ein in der Spirale steckender Stab von weichem Eisen magnetisiert wird, oder seinen Magnetismus wieder verliert. Die Erregung des Magnetismus kann durch Annäherung an die Pole eines Stahlmagnets, oder durch einen galvanischen Strom geschehen. Die Richtung der in diesen Fällen erzeugten Induktionsströme ergibt sich, indem

Fig. 281.



man sich den Magnetstab *NS* nach der Ampèreschen Theorie (§ 329) durch ein Solenoid, oder durch ein System von Molekularströmen ersetzt denkt. Der beim Hineinstecken des Magnets in die Spirale, oder bei Erregung des Magnetismus erzeugte Induktionsstrom ist den Molekularströmen entgegengesetzt, der beim Herausziehen oder beim Verschwinden des Magnetismus erzeugte Induktionsstrom mit ihnen gleich gerichtet. Da z. B. um den nach oben gekehrten Nordpol des Magnetstabes die Molekularströme umgekehrt wie ein Uhrzeiger kreisen, so würde in den Windungen der Spirale (Fig. 281) der Induktionsstrom beim Hineinstecken des Magnetstabes im Sinne eines Uhrzeigers, beim Herausziehen im entgegengesetzten Sinne fließen.

Im allgemeinen werden Induktionsströme erregt, so oft ein Magnetpol in der Nähe eines geschlossenen Leiters, oder ein Leiter in der Nähe eines Magnetpols bewegt wird. Nach einer von Lenz (1834) aufgestellten Regel ist die Richtung der durch gegenseitige Bewegungen von Leitern und Magnetpolen erzeugten Induktionsströme immer so beschaffen, daß die durch den Induktionsstrom erzeugten elektromagnetischen Anziehungs- oder Abstofsungskräfte auf die Bewegung hemmend einwirken. So wird z. B. durch Annäherung der parallelen Drähte *AB*, *CD* (Fig. 280) ein entgegengesetzter Strom induziert. Da aber entgegengesetzt gerichtete Ströme einander abstossen (§ 328), so wirkt die Abstofsung der Bewegung entgegen, ebenso bei Entfernung der Drähte die durch den gleichgerichteten Induktionsstrom erzeugte Anziehung. Wird der Magnetstab *NS* (Fig. 281) von obenher in die Spirale gesteckt, so wirkt der erzeugte Induktionsstrom auf die entgegengesetzten Molekularströme des Magnetstabes abstossend u. s. w.

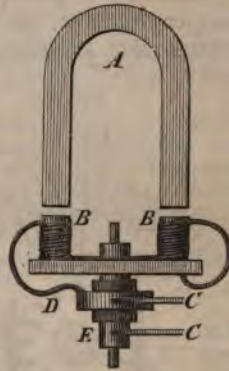
Wenn man umgekehrt die Drahtspirale über den Magnetstab, wie über ihre Axe, hinwegschiebt, so entsteht in der Spirale, wenn sie sich über dem ersten Pol des Magnets befindet, ein Annäherungsstrom (§ 330), welcher bei der Weiterschiebung der Spirale schwächer wird und über den Indifferenzpunkt des Magnets hinaus als Entfernungsstrom die entgegengesetzte Richtung erhält.

Durch die Entstehung magnetoelektrischer Induktionsströme erklärt sich die dämpfende Wirkung, welche eine Kupferscheibe auf die Schwingungen einer über derselben schwebenden Magnetnadel ausübt, und durch welche Arago (1825) zur Entdeckung des von ihm sogenannten Rotationsmagnetismus geführt wurde. Wird eine Kupferscheibe unter einer in horizontaler Ebene frei beweglichen Magnetnadel in Rotation versetzt, so erfährt die Magnetnadel eine Ablenkung im Sinne der Rotation und wird bei hinreichend schneller Rotation endlich ganz mit im Kreise herumgeführt. Umgekehrt kann eine kreisrunde, auf einer Spitze schwebende Kupferscheibe dadurch in Rotation versetzt werden, daß man unter derselben einen Hufeisenmagnet mit aufwärts gekehrten Polen schnell rotieren läßt. Mit anderen Metallen als Kupfer gelingt der Versuch ebenfalls, nur sind die Wirkungen um so schwächer, je geringer das Leitungsvermögen der Metalle (§ 319).

Die Bewegung eines zwischen den Polen eines Elektromagnets an einem Faden aufgehängten und in schnelle Umdrehung versetzten Kupferwürfels wird plötzlich gehemmt, sobald der Magnetismus durch Schließung des Stromes erregt wird.

§ 332. Magnetoelektrische Induktionsapparate. Die zur Erzeugung möglichst intensiver Induktionsströme dienenden Induktionsapparate können in magnetoelektrische und elektromagnetische eingeteilt werden, jenachdem man sich der Stahlmagnete, oder der Elektromagnete zur Erzeugung der Induktionswirkungen bedient. Der magnetoelektrische Induktionsapparat (Stöhrer, 1844, Fig. 282) besteht im wesentlichen aus einem kräftigen, gewöhnlich aus mehreren Lamellen gebildeten Hufeisenmagnet *A*, vor dessen Polen ein Anker *B* von weichem Eisen mittelst einer Kurbel in schnelle Rotation versetzt werden kann. Der Anker besteht aus zwei durch ein Querstück verbundenen Eisencylindern, welche mit Induktionsspiralen umgeben sind. Indem die Schenkel des Ankers, bei der Rotation vor den Polen des Stahlmagnets, abwechselnd entgegengesetzte Polarität annehmen, werden bei jeder Umdrehung in den Drahtspiralen zwei Induktionsströme von abwechselnd entgegengesetzter Richtung erzeugt. Die Enden der Drahtspiralen stehen mit zwei auf der Rotationsaxe befindlichen, gegen einander isolierten Metallringen *D*, *E* in Verbindung. Von diesen aus können die Ströme mittelst zweier auf denselben schleifenden Federn *C* weiter geleitet werden.

Fig. 282.



Zur Erzeugung kräftiger, physiologischer Wirkungen (§ 334) ist es erforderlich, daß dem Induktionsstrom bis zum Augenblick seiner stärksten Entwicklung eine gute metallische Leitung dargeboten werde. Indem diese plötzlich unterbrochen wird, findet der durch die Unterbrechung erzeugte Extrastrom (s. § 333) eine Leitung durch den menschlichen Körper und bewirkt eine kräftige Erschütterung. Die Unterbrechung der metallischen Leitung im geeigneten Zeitpunkt kann dadurch bewerkstelligt werden, daß einer der Metallringe *D*, auf welchen die Metallfedern schleifen, an der passenden Stelle durch ein nichtleitendes Stück Holz oder Kautschuk unterbrochen ist. Für viele Versuche ist es wünschenswert, den Induktionsströmen, welche in den Spiralen in abwechselnd entgegengesetzter Richtung laufen, gleiche Richtung zu geben. Dies wird am einfachsten durch die von Stöhrer angegebene Kommutatorvorrichtung erreicht, deren Beschreibung hier aus Mangel an Raum nicht gegeben werden kann.

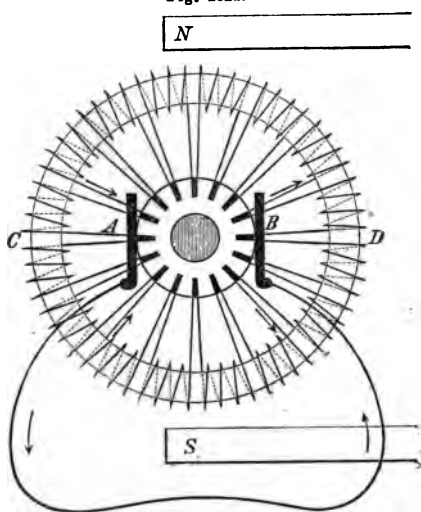
Es ist vielfach der Versuch gemacht worden, die durch magnetoelektrische Induktionsapparate erzielten Wirkungen der Anziehung zu mechanischen Zwecken nutzbar zu machen. Dabei haben sich jedoch als Übelstände geltend gemacht, daß die in diesen Apparaten zur Anwendung kommenden Stahlmagnete, auch wenn mehrere derselben zu einem größeren magnetischen Magazin (§ 295) vereinigt werden, zur Erzeugung stärkerer Ströme, wie sie zur Leistung größerer mechanischer Arbeit erforderlich sind, nicht ausreichen, daß die Stahlmagnete bald einen Teil ihrer Wirkung einbüßen, und daß auch die Herstellung derartiger Maschinen zu kostspielig ist.

Diese Übelstände der älteren magnetoelektrischen Induktionsmaschinen sind meist bei neueren Konstruktionen solcher Maschinen durch Gramme (1871) und v. Hefner-Altenack (1872) vermieden worden (§ 332a). Bei diesen Maschinen sind die Stahlmagnete beseitigt worden, und zwar durch das von Siemens (1866) zur Darstellung magnetoelektrischer Maschinen eingeführte, sogenannte dynamoelektrische Prinzip, welches eine früher ungeahnte Steigerung der Stromstärke dieser Maschinen gestattet. Dieses Prinzip besteht in folgendem. Der magnetische Rückstand (§ 321) eines weichen Eisenkerns dient dazu, einen elektrischen Strom in einer beweglichen Spirale zu induzieren; dieser Strom wird durch eine um den weichen Eisenkern gewundene Spirale zurückgeleitet, wodurch dessen Magnetismus

verstärkt wird. Es werden dadurch stärkere Ströme induziert und fortgesetzt die Wirkung erhöht, bis der Eisenkern zur Sättigung magnetisiert ist. Alsdann wird der Strom bei großer Intensität konstant.

§ 332a. Der Grammesche Ring. Bei den Grammeschen Maschinen (§ 332) sind die mit Induktionsspiralen versehenen, rotierenden Eisencylinder ersetzt durch einen Eisenring, der von Kupferspiralen umgeben ist (Fig. 282a) und zwischen den Polen N und S eines Elektromagnets rotiert. Die Spiralen sind unter einander durch Vermittelung von Kupferstreifen in leitende Verbindung gebracht, welche ein konzentrisches, der Nabe eines auf der Axe befestigten Rades vergleichbares Mittelstück bilden, der Axe parallel laufen und von einander und der Axe isoliert sind. An ihm schleifen, und zwar an den von den Magnetpolen gleichweit entfernten Spiralen, die beiden Drahtbürsten A und B , von denen die Leitungsdrähte ausgehen.

Fig. 282a.



Schon 1860 hatte Pacinotti einen solchen Ring beschrieben; jedoch hat Gramme 1871 den Ring zuerst erfolgreich zur Anwendung gebracht, nachdem er ihn wohl auch selbständig gefunden hatte.

Der Eisenring gleicht unter der Einwirkung der beiden Magnetpole N und S zwei Hufeisenmagneten, die mit den gleichnamigen Polen zusammenstoßen, und zwar die Südpole bei N , die Nordpole bei S , während C und D als die Indifferenzstellen zu bezeichnen sind. Bei der Drehung um die Axe behalten diese Doppelpole ihre Lage, relativ zu N und S , bei und man kann sich vorstellen, als bliebe der Eisenring unbeweglich und trete ein allmähliches Hinwegschieben der sämtlichen Spiralen über ihn ein. Es erreicht darum der in ihnen induzierte Strom (§ 331) zweimal ein Maximum von entgegengesetzter Richtung, nämlich in der Nähe von N und S , und zweimal ein Minimum, an den Indifferenzstellen C und D , wo zugleich ein Wechsel in der Stromrichtung eintritt. Findet die Drehung in der

Richtung $C-N-D-S$, im Sinne der Zeiger einer Uhr, statt, so überwiegen in der oberen Hälfte CND links die Entfernungsströme, rechts die Annäherungsströme, und umgekehrt in der unteren Hälfte DSC links die Annäherungs-, rechts die Entfernungsströme, und ergibt sich demnach im ganzen in der oberen Hälfte ein Strom in der Richtung $D-N-C$, in der unteren in der entgegengesetzten Richtung $D-S-C$, darum im Leitungsdraht ein kontinuierlicher Strom von A nach B .

Weil der Grammesche Ring bei der Drehung fortgesetzt an anderen Stellen magnetisch wird und den Magnetismus wieder verliert, tritt eine starke Erwärmung desselben ein; dieselbe hat sich dadurch verringern lassen, daß man den massiven Eisenring durch ein Bündel von Eisendrähten ersetzt hat, welche dem Wechsel des Magnetismus weniger Widerstand entgegensetzen. Noch mehr aber ist dieser Erwärmung in den v. Hefner-Alteneckschen Maschinen dadurch vorgebeugt worden, daß statt des Ringes ein Hohlzylinder aus weichem Eisen angewandt wird, welcher als Kern von einer Trommel aus dünnem Messingblech umgeben ist. Um diese Trommel sind der Länge nach verschiedene Stränge Kupferdraht gewickelt, deren Enden in eigentümlicher Weise an der Stirnfläche der Trommel verbunden sind, so daß auch hier zwei Schleifbürsten als Elektroden dienen. Die Trommel befindet sich zwischen den Polen zweier Reihen von

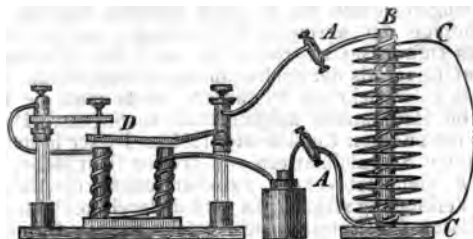
kräftigen Hufeisenmagneten, deren gleichnamige Pole einander gegenüberstehen und durch cylindrische Eisenstücke verbunden sind. Durch diese Doppelreihe entgegengesetzter Pole wird der Kern stark transversal-magnetisch und werden bei der Drehung stärkere Ströme induziert als durch die Grammeschen Maschinen.

Zur elektrischen Kraftübertragung wird die Stromerzeugungsmaschine mit einer zweiten dynamischen Maschine leitend verbunden. In dieser wird durch den intensiven, elektrischen Strom ein Cylinder mit solcher Stärke in Rotation versetzt, daß weiterhin, vermittelt eines Triebwerkes, jeder beliebige mechanische Nutzeffekt erzielt werden kann. Es ist jedoch dabei zu bemerken, daß durch die Rotation der Armatur zwischen den ein sogenanntes Kraftfeld bildenden Magnetpolen ein elektrischer Strom hervorgerufen wird, dessen Richtung entgegengesetzt ist der des elektrischen Stromes, welcher in der zweiten Maschine durch die elektrische Übertragung der in Betrieb gesetzten Maschine erzeugt wird. Weil nun diese beiden entgegengesetzt gerichteten Ströme dieselbe Leitung durchfließen, so wird der Betriebsstrom durch den induzierten Strom teilweise aufgehoben, und es ist als Arbeitsleistung der zweiten Maschine höchstens die Hälfte der ursprünglichen Betriebskraft zu erreichen. Während der Elektrizitätsausstellung in München (1882) wurde im Glaspalast vermittelt der Telegraphenleitung durch eine 57 km entfernte Dampfmaschine eine Wasserpumpe von etwa 2 Pferdekraften in Betrieb erhalten.

Siemens hat schon 1879 einen kleinen Wagen auf leitenden Stahlschienen durch den elektrischen Strom zur Beförderung von Personen in Thätigkeit gesetzt und im Sommer 1881 in Lichterfelde bei Berlin eine elektrische Eisenbahn von 2,5 km Länge eröffnet, deren Betrieb zurückzuführen ist auf eine etwa 500 m vom Ausgangspunkt der Bahn durch einen Gasmotor in rasche Umdrehung versetzte dynamoelektrische Maschine, während eine zweite dynamische Maschine, für den Beobachter unsichtbar, am Wagen angebracht ist. (Über die Anwendung derartiger Maschinen zur Erzeugung elektrischen Lichtes vergl. § 336).

§ 333. Der elektromagnetische Induktionsapparat (Fig. 283) ist folgendermaßen eingerichtet. Eine Spirale mit einer mäßigen Anzahl von Windungen starken, besponnenen Kupferdrahtes *A* enthält in ihrem

Fig. 283.



Innern ein Bündel dünner, weicher Eisendrähte *B*, welche zweckmäßig durch Firnis von einander isoliert sind. Diese Spirale, welche die primäre oder induzierende Spirale genannt wird, ist umgeben von einer sekundären oder Induktionsspirale *C* aus sehr zahlreichen und sorgfältig isolierten Windungen eines sehr langen, dünnen Drahtes. Von der Anzahl dieser Windungen*) und der Vollkommenheit ihrer Isolierung wird vorzugsweise der Grad der Wirksamkeit des Apparates bedingt. Endlich ist ein wesentlicher Teil des Apparates der in den Strom der primären Spirale eingeschaltete Selbstunterbrecher *D* (§ 323), welcher den induzierenden Strom in kurzen Zeitintervallen öffnet und schließt, wodurch

*) Fig. 283 sind absichtlich nur wenig Windungen gezeichnet.

der Eisenkern der Spirale abwechselnd magnetisiert und entmagnetisiert wird, und in der Induktionsspirale Induktionsströme von abwechselnd entgegengesetzter Richtung entstehen.

Auch ohne Vorhandensein des Eisenkerns würden durch Öffnen und Schließen des Hauptstromes in der sekundären Spirale abwechselnd entgegengesetzte Induktionsströme erzeugt werden. Die magnetoelektrischen Induktionsströme, welche durch Entstehen und Verschwinden des Magnetismus im Eisenkern hervorgerufen werden, übertreffen aber an Intensität bei weitem die durch den Hauptstrom allein erzeugten Induktionsströme. Man wählt ein Drahtbündel anstatt eines massiven Eisenkernes, weil dünne Drähte den Magnetismus viel schneller annehmen und wieder verlieren als eine massive Eisenmasse und deshalb kräftigere Induktionsströme erzeugen.

Wie der Strom der primären Spirale und der entstehende und verschwindende Magnetismus des Eisenkerns auf die Windungen der sekundären Spirale induzierend wirken, so entsteht auch in den Windungen der Hauptspirale selbst im Augenblick des Öffnens und Schließens der Kette ein Induktionsstrom, welcher Extrastrom genannt wird. Der Schließungsextrastrom ist dem induzierenden Strom entgegengesetzt, er schwächt daher seine Intensität im Augenblick der Schließung, oder bewirkt, daß derselbe nicht plötzlich, sondern erst innerhalb eines gewissen, allerdings sehr kurzen Zeitraumes zu seiner vollen Stärke anwachsen kann. Der Öffnungsextrastrom umgekehrt ist dem Hauptstrom gleich gerichtet, er verlängert daher seine Dauer beim Öffnen der Kette, oder bewirkt, daß die Stromstärke nicht plötzlich, sondern erst innerhalb einer kurzen Zeit auf Null herabsinkt. Beide Extrastrome sind der Entwicklung des eigentlichen Induktionsstromes in der sekundären Spirale schädlich, da dessen Intensität wesentlich von der Geschwindigkeit des Entstehens und Verschwindens des induzierenden Stromes bedingt wird. Es muß jedoch bemerkt werden, daß der Schließungsstrom dieser schwächenden Wirkung in viel höherem Grade unterworfen ist, als der Öffnungsstrom. Der Schließungsextrastrom findet nämlich in der Hauptspirale eine vollkommen geschlossene Leitung, kann also vollständig zur Entwicklung kommen, während beim Öffnen der Kette der Extrastrom nur so lange andauern kann, als der Öffnungsfunkle, welcher an der Unterbrechungsstelle des Hauptstromes entsteht. An der Beschaffenheit dieses Funkens kann man den Einfluß des Extrastromes erkennen. Derselbe erscheint nämlich sehr viel stärker und massiger, wenn eine mit einem Eisenkern versehene Drahtspirale in die Strombahn eingeschlossen ist, als ohne dieselbe, obgleich im letzteren Fall die Stromstärke infolge des geringen Widerstandes größer ist. — Wegen der kürzeren Dauer des Öffnungsextrastromes ist auch der Öffnungsinduktionsstrom kürzer, aber weit intensiver als der Schließungsinduktionsstrom. Um die Intensität des Öffnungsstromes noch mehr zu verstärken, sucht man die Dauer des Unterbrechungsfunkens im Hauptstrom möglichst zu verringern. Dies geschieht am besten durch den Fizeauschen Kondensator (1853). Dieser besteht aus zwei durch Wachstaffet getrennten Stanniolblättern von großer Oberfläche, welche mit den beiden Teilen des Stromunterbrechers, zwischen denen die Unterbrechung stattfindet, in leitender Verbindung stehen. Es wird dadurch bewirkt, daß die entgegengesetzten Elektricitäten des Extrastromes, welche sich im Öffnungsfunklen auszugleichen streben, sich auf den Stanniolblättern des Kondensators gegenseitig binden, wodurch ihre Spannung an der Unterbrechungsstelle vermindert und die Dauer des Unterbrechungsfunkens verkürzt wird.

§ 334. Wirkungen der Induktionsströme. Durch Induktionsströme können im allgemeinen alle Wirkungen hervorgebracht werden, welche den galvanischen Strömen zukommen, wie Ablenkung der Magnetnadel, Magnetisierung von weichem Eisen und Stahl, Glühen und Schmelzen von Drähten, Lichterscheinungen, chemische Zersetzungen, physiologische Wirkungen. Ihren besonderen Charakter aber erhalten die Induktionsströme einerseits durch ihre kurze Dauer, andererseits durch ihre große Intensität. In dieser doppelten Beziehung bilden dieselben gewissermaßen ein Mittelglied zwischen dem galvanischen Strom und dem Entladungsstrom der Leydener Batterie. Namentlich sind die beschriebenen Induktions-

apparate wegen der schnellen Aufeinanderfolge diskontinuierlicher Ströme zur Erzeugung starker, physiologischer Wirkungen (vergl. §§ 273, 283) auf den tierischen und menschlichen Körper geeignet, welche vielfach zu Heilzwecken benutzt werden. — Sind die Drahtenden der Induktionsspirale in gut leitender Verbindung, so gleichen sich die durch den Induktionsstrom getrennten Elektricitäten ohne weiteres in der geschlossenen Spirale aus. Ist dagegen die Leitung zwischen den Drahtenden durch eine Luftstrecke unterbrochen, so erlangen, bei großer Länge der Induktionsspirale, die auf den Drahtenden angesammelten, entgegengesetzten Elektricitäten eine hinreichende Spannung, um den Zwischenraum in Form eines Induktionsfunken zu überspringen, ja sogar Nichtleiter, wie z. B. Glasplatten von beträchtlicher Dicke, zu durchbrechen.

Am Induktionsfunken sind zwei Teile zu unterscheiden, der eigentliche Funke, der als hell leuchtender, bei größerer Länge zickzackförmig gebrochener, scharf begrenzter Lichtstreif von einem zum andern Poldraht übergeht und am meisten der Funkenentladung der Elektrisiermaschine entspricht, und die diesen Funken umgebende, rötlich gefärbte Lichthülle oder Aureole, an welche hauptsächlich die erwärmenden und zündenden Wirkungen des Induktionsfunken gebunden sind. Bläst man einen Luftstrom auf den Funken, so folgt die Aureole seiner Einwirkung und wird seitwärts abgelenkt, während der eigentliche Funke nicht beeinflusst wird. In der Aureole scheint gleichsam eine Leitung des elektrischen Stromes durch die Luft stattzufinden, während der Funke eine gewaltsame Durchbrechung derselben bildet. Verbindet man die Drahtenden, zwischen denen der Induktionsfunke übergeht, mit den Belegungen einer Leydener Flasche, so verschwindet die Aureole, und die Funken werden kürzer, aber massiger und sind mit stärkerem Geräusch verbunden. — Beim Übergehen der Induktionsfunken erwärmt sich besonders stark der negative Poldraht. Dünner Eisendraht wird leicht bis zum Glühen und Verbrennen erhitzt.

Rühmkorff (1851) u. a. haben Induktionsapparate von außerordentlicher Wirkung konstruiert, welche bei einer Länge des Induktionsdrahtes von 60 cm Funken von 30–40 cm Länge erzeugten. (Um mittelst der Spannung an den Polen einer galvanischen Kette einen Luftraum von 0,2 mm zu überspringen, brauchte Gassiot eine Säule von mehr als 3000 Elementen).

Von vorzüglicher Schönheit sind die Lichterscheinungen, welche beim Durchgang des Induktionsstromes durch sehr verdünnte Gase und Dämpfe erzeugt werden. Die Gase zeigen im verdünnten Zustand ein sehr viel größeres Leitungsvermögen, als unter dem Druck der Atmosphäre; der absolut luftleere Raum dagegen vermag die elektrische Entladung nicht zu leiten. Am schönsten zeigen sich die Entladungserscheinungen des

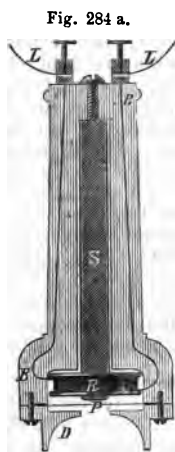
Induktionsapparats in den sogenannten Geißlerschen Röhren, d. i. Glasröhren von verschiedener Gestalt, welche mit sehr verdünnten Gasen oder Dämpfen gefüllt, an beiden Enden *A* und *B* zugeschmolzen und zur Zuleitung des Stromes mit eingeschmolzenen Platindrähten versehen sind. Nur der Öffnungsinduktionsstrom vermag, infolge seiner größeren Intensität, den Widerstand des Luftraumes zu überwinden. Die beiden Pole unterscheiden sich durch die an ihnen stattfindenden Lichterscheinungen. Der negative Poldraht *B* nämlich erscheint ganz von einem Lichtmantel umhüllt, und das in der Regel bläuliche Licht erstreckt sich am negativen Pol durch die ganze Weite der Röhre. Am positiven Pol dagegen geht das in der Regel mehr rötliche Licht von einem Punkt an der Spitze des Poldrahtes in Form eines Büschels aus. Der größte Teil der Röhre erscheint von Licht erfüllt, welches aber in der Regel nicht gleichförmig zusammenhängend ist, sondern aus einer Reihenfolge abwechselnd heller und dunkler Schichten besteht, die namentlich bei Gegenwart gewisser Dämpfe (von ätherischen Ölen, Alkohol, Holzgeist u. dergl.) deutlich hervortreten. In weiteren Röhren erscheinen die hellen Schichten uhrglasförmig gekrümmt, so daß sie sämtlich die Konvexität

Fig. 284.



ihrer Krümmung dem negativen Ende der Röhre zukehren. Zwischen dem geschichteten Licht und dem bläulichen Licht, welches den negativen Poldraht umhüllt, ist in der Regel ein dunkler Zwischenraum bemerkbar. Das elektrische Licht der Geißlerschen Röhren ist sehr reich an chemisch wirksamen und Fluorescenz erzeugenden, ultravioletten Strahlen (s. §§ 152 und 153), durch welche in dem Glase der Röhren schöne Fluorescenzerscheinungen hervorgerufen werden. Mit dem Prisma analysiert zeigt das Spektrum des elektrischen Lichts gewisse helle, glänzende Linien, welche je nach der chemischen Beschaffenheit der in den Röhren enthaltenen Gase oder Dämpfe verschieden sind, und aus denen man schliessen muß, daß das Licht in der That von den materiellen Teilchen dieser Stoffe ausgesendet wird (vergl. § 149).

Eine sehr interessante Anwendung der Wirkungen der Induktionsströme ist von Graham Bell (1877) durch das Telephon oder den Fernsprecher gemacht worden.



Ein runder Stahlstab *S* (Fig. 284 a) von 12 cm Länge und 1 cm Dicke ist magnetisiert und an dem einen Ende mit einem kurzen Cylinder *R* aus weichem Eisen armiert, welcher den Kern einer Induktionsrolle bildet; er ist in einer Holzbüchse eingeschlossen, welche ihrerseits aus zwei Teilen besteht, dem mit einer runden Schallöffnung versehenen Deckel *D* und der eigentlichen Büchse *B*, zwischen denen ein rundes Eisenblech *P* am äußeren Rande festgeklemt ist. Der Mitte des Bleches steht der auf dem Magnet befestigte Eisenkern mit seiner Drahtspirale nahe gegenüber. Die Drahtenden sind an Klemmschrauben befestigt, welche zugleich die Verbindung herstellen mit den beiden Leitungsdrähten *L* zur anderen Station, wo ein ganz gleicher Apparat zur Aufnahme und Wiedergabe der Depesche dient.

Tritt durch die Schallöffnung ein Schall in den Apparat, etwa dadurch, daß in ihrer Nähe mit deutlicher Betonung gesprochen oder gesungen wird, oder von einem beliebigen musikalischen Instrument Töne ausgehen, so gerät die Eisenplatte *P* in Schwingungen, und weil sie sich dabei bald dem Eisenkern nähert, bald von ihm entfernt, so wird auch der Magnetismus dieses Kernes bald verstärkt, bald geschwächt, und werden demnach in der ihm umgebenden Induktionsrolle Induktionsströme erzeugt, welche durch die Leitungsdrähte auf den zeichenempfangenden Apparat übertragen werden, hier umgekehrt vermittelst der Induktionsrolle den Magnetismus des Eisenkernes verändern, in der Eisenplatte schwingende Bewegungen veranlassen und endlich in einem der Schallöffnung genäherten Ohr einen gleichen Schall, wie auf der zeichengebenden Station, zur Geltung bringen. Besonders überraschend und nur durch Molekularbewegung zu erklären ist dabei, daß durch die außerordentlich kleinen Schwingungen, in welche ein Eisenblech durch Schallwellen in Bewegung versetzt wird, Induktionsströme von hinreichender Stärke erzeugt werden, so daß in dem weit entfernten Eisenblech des zweiten Telephons Schwingungen von gleicher Wirkung entstehen.

Der Fernsprecher kommt bei der Post unter Benutzung von Doppelleitungen zur Verbindung von Stationen bis zu Entfernungen von 60–70 km zur Anwendung. Ein erster Anfang zur Lösung der Aufgabe, Töne zu telegraphieren, war bereits von Ph. Reis in Frankfurt a. M. (1861) gemacht worden, welcher konstante Batterieströme zur Übertragung von Molekularbewegung benutzte.

Der Erfindung des Telephons ist (1878) die des Mikrophons von Hughes gefolgt, vermittelst dessen durch Molekularbewegung Schwingungen von kleinster Amplitude telephonisch bemerkbar werden, welches also zur Wahrnehmung sehr leiser Geräusche dient, wie das Mikroskop zur Wahrnehmung sehr kleiner Objekte. Ebenso ermöglicht durch Übertragung von Molekularbewegung der Phonograph von Edison (1877) beliebige Töne, z. B. der menschlichen Stimme, derartig auf einem Stanniolstreifen zu fixieren, daß Gesprochenes oder Gesungenes, solange der Streifen auf der Walze ungeändert bleibt, in seiner ursprünglichen Klangfarbe und Höhe hörbar gemacht werden kann.

**C. Wärme- und Lichtentwicklung durch galvanische Ströme,
Erzeugung elektrischer Ströme durch Wärme.**

§ 335. Erwärmung und Schmelzung von Metalldrähten. Ein von einem elektrischen Strom durchflossener Metalldraht wird erwärmt und zwar um so stärker, je größer die Stromintensität, je dünner der Draht und je schlechter leitend das Metall ist, aus welchem er besteht. Nach einem von Joule aufgestellten Gesetz ist die während der Zeiteinheit entwickelte Wärmemenge dem Widerstand des Drahtes und dem Quadrat der Stromstärke direkt proportional (vergl. § 282).

Bei Versuchen über das Glühen und Schmelzen von Metalldrähten ist es zweckmäßig, Ketten aus einer geringen Anzahl von Elementen, aber mit möglichst großer Plattenoberfläche anzuwenden (§ 318).

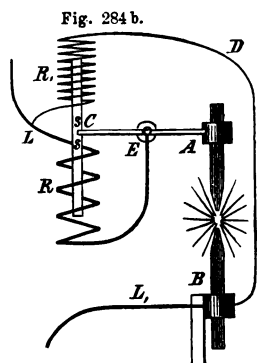
Drähte aus leicht schmelzbaren oder leicht oxydierbaren Metallen werden durch starke Ströme leicht bis zum Schmelzen oder Verbrennen erhitzt. Selbst dünne und nicht zu lange Platindrähte werden wegen des geringen spezifischen Leitungsvermögens dieses Metalls (§ 319) leicht geschmolzen. Man benutzt die Erhitzung dünner Drähte durch den elektrischen Strom zur Zündung von Minen durch Patronen, welche dazu auf geeignete Weise vorgerichtet und mit den isolierten Leitungsdrähten einer galvanischen Batterie in Verbindung gesetzt werden. Die Funken des Induktionsapparates (§ 334) sind neuerdings mit Vorteil zu demselben Zweck benutzt worden. Auch in flüssigen Leitern wird durch den Strom eine ihrem Widerstand proportionale Wärmemenge erzeugt.

§ 336. Unterbrechungsfunke; Davyscher Lichtbogen, elektrisches Kohlenlicht. Bei Unterbrechung des metallischen Schließungsbogens einer galvanischen Kette zeigt sich an der Trennungsstelle ein Funke, welcher besonders lebhaft ist, wenn in den Stromkreis Drahtspiralen eingeschaltet sind, in denen magnetisierbare Eisenkerne stecken (vergl. § 333). Um dagegen einen Schließungsfunken zu erhalten, bedarf es, wegen der geringen Spannung der freien Elektrizität an den Polen der offenen Kette, einer sehr kräftigen Batterie von mehreren Hundert Elementen. Hat man jedoch die Poldrähte einer Kette von etwa 20—30 Bunsenschen Elementen bis zur Berührung genähert, so darf man dieselben um eine gewisse geringe Strecke von einander entfernen, ohne die Stromleitung zu unterbrechen. Die durch die intensive Erhitzung an der Unterbrechungsstelle verflüchtigten Metallteilchen bilden dann einen die Stromleitung vermittelnden, glänzenden Lichtbogen zwischen den beiden Poldrähten, welcher der Davysche Lichtbogen genannt wird. Besonders glänzend erscheint derselbe, wenn bei einer Kette von 50—60 Elementen anstelle der metallischen Poldrähte Kohlenspitzen angewendet werden, die dabei zum hellsten Weißglühen erhitzt werden und nebst dem sie verbindenden Lichtbogen ein Licht ausstrahlen, welches an Intensität dem Sonnenlicht vergleichbar ist.

Eine praktische Anwendung hat das elektrische Kohlenlicht vorzugsweise auf Leuchttürmen gefunden. Die Kohlenspitzen können im Brennpunkt eines parabolischen Reflektors aufgestellt werden, durch welchen die Lichtstrahlen nach der gewünschten Richtung reflektiert werden. Da die Kohlenspitzen, besonders die positive, durch die Hitze des Lichtbogens und besonders durch eine

eigentümliche, verflüchtigende Wirkung des Stromes selbst ziemlich schnell abgenutzt werden, so muß durch eine geeignete Vorrichtung dafür gesorgt werden, die Kohlenspitzen in unveränderlicher Entfernung zu erhalten, was durch einen selbstthätigen Regulator erreicht werden kann, der durch einen vom Strom erregten Elektromagnet in Thätigkeit gesetzt wird.

Zur Erzeugung des elektrischen Lichtes, welches seit einigen Jahren dem Gaslicht bei Beleuchtung von öffentlichen Straßen und Plätzen, Fabrikräumen, Kaufhallen u. s. w. Konkurrenz zu machen beginnt, werden magnetoelektrische Maschinen neuerer Konstruktion (§ 332) angewendet. Sollte die elektrische Beleuchtung mit der Gasbeleuchtung erfolgreich konkurrieren, so mußte vor allem die Aufgabe gelöst werden, mehrere elektrische Lampen an verschiedenen Stellen derselben Stromleitung einzuschalten und zwar in einer derartigen Unabhängigkeit von einander, daß nicht jede durch den Lichtbogen einer Lampe veranlaßte Stromschwankung auch im Licht der übrigen Lampen Störungen zur Folge hatte, oder daß nicht durch das Verlöschen einer Lampe das Weiterbrennen der übrigen gefährdet wurde. Dieses Problem wurde 1879 gelöst und zwar dadurch, daß durch eine Stromverzweigung (§ 319a) die Lampen gewissermaßen von einander isoliert und von der Hauptleitung möglichst unabhängig gemacht wurden. Vor allem ist hier die von v. Hefner-Alteneck in die Praxis eingeführte Differentiallampe zu nennen. In der



schematischen Figur 284b ist die Stromverzweigung, sowie der Mechanismus, durch den die Kohlenspitzen in passender Entfernung von einander gehalten werden, dargestellt.

CA ist ein um E drehbarer Hebel, an dessen Enden bezüglich das Eisenstäbchen ss und der obere Kohlenhalter A angebracht sind. Der untere Kohlenhalter B ist anderweitig befestigt. Das Eisenstäbchen ist unterhalb durch eine Rolle B dickeren Drahtes, oberhalb durch eine Rolle R₁ dünneren Drahtes, die zu größerem Leitungswiderstand aus mehr Umwindungen besteht, umschlossen. Bei L findet eine Teilung des elektrischen Stromes in die beiden Zweige LR₁D und LRE statt, welche sich, wenn die Kohlenspitzen durch den Lichtbogen in Leitung versetzt sind, beim Austreten aus der Lampe bei L₁ zu weiterer Leitung nach der nächsten Lampe hin vereinigen.

Sind die Kohlenspitzen zunächst von einander getrennt, so geht der Strom allein durch die dünnere Rolle R₁, und diese zieht den Eisenstab in sich hinauf; dadurch aber wird das andere Ende A des Hebels gesenkt, bis die Kohlenstäbe mittelst einer Ausschaltung zur Berührung kommen. Jetzt geht der größere Teil des Stromes mittelst der dickeren Rolle R durch die Kohlenstäbe, und diese entzünden sich an der Berührungsstelle, gleichzeitig aber wird durch R der Eisenstab nach unten gezogen und dadurch die Kohlenstäbe wieder von einander entfernt, infolge dessen der Widerstand des Lichtbogens vermehrt und mit diesem die anziehende Wirkung des andern Stromzweiges in R₁, bis bei einem bestimmten Widerstande des Lichtbogens die von R und R₁ auf ss ausgeübten Anziehungen sich das Gleichgewicht halten.

Selbst die feuerbeständigsten Stoffe können im Davyschen Lichtbogen (1821) geschmolzen und verflüchtigt werden, indem man dieselben mit der positiven Elektrode in Berührung bringt. Außer der Erhitzung, die von dem großen Leitungswiderstand des Lichtbogens herrührt (§ 335), findet in demselben eine Überführung materieller Teilchen vom positiven zum negativen Pol statt, weshalb ersterer stets eine schnellere Abnutzung erleidet. In verdünnter Luft erreicht der Lichtbogen eine viel beträchtlichere Länge, als in der freien Atmosphäre.

Mittelst des Prismas untersucht, zeigt das Licht des Davyschen Bogens helle Linien, welche von der Beschaffenheit der Metalle oder sonstigen Substanzen abhängen, zwischen denen die Entladung stattfindet, und von den glühenden Dämpfen dieser Substanzen herrühren. Besonders reich ist das elektrische Licht an chemisch wirksamen (ultravioletten) Strahlen (§ 152).

Über die Lichterscheinungen bei Entladung des Induktionsstromes in verdünnten Gasen und Dämpfen siehe oben § 334.

§ 337. Thermoelektrische Ströme. Oben (§ 308) ist gezeigt worden, daß eine geschlossene Kette aus zwei oder mehreren Metallen oder anderen Elektrizitätsleitern, die das Gesetz der elektrischen Spannungsreihe befolgen, im allgemeinen keinen galvanischen Strom erzeugen kann, sondern daß zum Zustandekommen eines solchen die Mitwirkung der sogenannten Leiter zweiter Klasse erforderlich ist. Seebeck entdeckte jedoch (1821), daß wenn man in einer solchen aus zwei Metallen, z. B. Kupfer und Antimon, zusammenge-
löteten Kette *ABCD* (Fig. 285) die eine von beiden Lötstellen, z. B. *A*, erwärmt, während die andere kalt bleibt, in der Kette ein Strom entsteht, welcher eine Magnetnadel abzulenken und andere Wirkungen elektrischer Ströme hervorzu-
bringen vermag. Die Stärke des Stromes wächst mit der Temperaturdifferenz der beiden Lötstellen. Übrigens ist Intensität und Richtung des Stromes von der Natur der beiden Metalle abhängig. Im oben angeführten Beispiel würde der positive Strom an der warmen Lötstelle vom Kupfer zum Antimon, an der kalten also vom Antimon zum Kupfer gehen. Diese in einem metallischen Schließungskreis durch ungleiche Erwärmung der Berührungsstellen der Metalle erzeugten Ströme werden thermoelektrische Ströme genannt. Ihre Entstehung erklärt sich durch die Annahme, daß die durch Berührung zweier Metalle erzeugte, elektromotorische Kraft (§ 307) von der Temperatur abhängig ist, so daß die an einer von beiden Berührungsstellen wirksame, elektromotorische Kraft die andere überwiegt. Hinsichtlich ihres thermoelektrischen Verhaltens lassen sich die Metalle in eine Reihe ordnen, so daß bei Kombination irgend zweier Metalle der positive Strom an der wärmeren Lötstelle immer von dem in der Reihe voranstehenden zu dem folgenden Metall übergeht, und der Strom für gleiche Temperaturdifferenzen um so stärker ist, je weiter beide Metalle in der Reihe von einander entfernt sind. Die Reihe ist folgende:

+			
Wismut	Quecksilber	Zinn	Cadmium
Nickel	Platin	Blei	Eisen
Kobalt	Gold	Zink	Antimon.
Palladium	Kupfer	Silber	—

Übrigens sind der Härtegrad der Metalle, ihre krystallinische Beschaffenheit, sowie kleine Beimengungen fremder Metalle von großem Einfluß auf ihr thermoelektrisches Verhalten. So können z. B. weicher, ausgeglühter und hartgezogener Kupferdraht zu einer thermoelektrischen Kette vereinigt werden. Eine Legierung von zwei Teilen Antimon mit 1 Teil Zinn zeigt noch negativeres Verhalten als das reine Antimon. Markus wendet als positives Metall eine Legierung von 10 T. Kupfer, 6 T. Zink, 6 T. Kobalt, als negatives 12 T. Antimon, 5 T. Zink und 1 T. Wismut an. Bunsen und Becquerel haben gezeigt, daß gewisse in der Natur vorkommende Schwefelmetalle, namentlich Kupferkies, in thermoelektrischer Hinsicht viel positiver sind als Wismut.

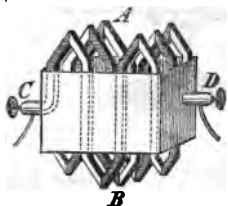
Die Noëschen thermoelektrischen Elemente (1871) bestehen aus an einander gelöteten, 7 mm dicken und 27 mm langen Stäbchen von verschiedenen Metalllegierungen. Erwärmt werden dieselben an dem einen Ende durch Wärmeleitung mittelst eines Kupferstäbchens, dagegen an dem andern Ende abgekühlt



durch Kupferblech, welches der atmosphärischen Luft eine große Oberfläche darbietet. Zwanzig solcher Elemente geben, hinter einander geschaltet, etwa die elektromotorische Kraft eines Bunsenschen Elements (§ 311), zugleich aber auch einen inneren Widerstand von ungefähr drei solchen Elementen.

§ 338. Thermoelektrische Säule. Die Intensität der thermoelektrischen Ströme kann verstärkt werden, indem man mehrere Elemente zu einer thermoelektrischen Säule vereinigt. Besonders wichtig ist die Form, welche Nobili und Melloni (1830) der thermoelektrischen Säule behufs ihrer Untersuchung über die Gesetze der Wärmestrahlung (§§ 235—238) gegeben haben, und welche in Verbindung mit einem empfindlichen Galvanometer (§ 317) den Thermomultiplikator bildet. Eine Reihe von Wismut- und Antimonstäbchen ist, wie in Fig. 286 angedeutet, zickzack-

Fig. 286.



förmig zusammengelötet, so daß die Lötstellen abwechselnd auf der einen und auf der anderen Seite der Säule liegen. Eine größere Zahl solcher Elemente ist in Form eines Würfels verbunden, indem die Zwischenräume zwischen den einzelnen Stäbchen zum Schutz und zur Isolierung mit Harzmasse ausgegossen sind, und das Ganze ist in eine Messingfassung eingeschlossen. Die Enden der Kette stehen mit den Klemmschrauben C, D in Verbindung, und von ihnen führen die Leitungsdrähte nach dem Galvanometer. Wird nun eine der beiden gegenüberstehenden Flächen A, B der Thermosäule durch Wärmestrahlen stärker erwärmt, als die andere, so entsteht ein thermoelektrischer Strom, welcher die Galvanometernadel ablenkt. Zur besseren Aufnahme der Wärmestrahlen sind die Seitenflächen A und B mit Kienruß geschwärzt (vergl. § 235).

Peltier hat (1834) entdeckt, daß wie durch ungleiche Erwärmung der Lötstellen zwischen zwei Metallen, z. B. Wismut und Antimon, ein elektrischer Strom erregt wird, so umgekehrt, wenn der Strom einer galvanischen Kette durch die Verbindungsstelle beider Metalle geleitet wird, eine entsprechende Wärmewirkung eintritt. Es findet nämlich beim Übergang des positiven Stromes in der Richtung vom Antimon zum Wismut eine Erwärmung, dagegen beim Übergang in der Richtung vom Wismut zum Antimon eine Abkühlung der Lötstelle statt. Im ersteren Fall wird also Wärme erzeugt, im letzteren dagegen wird Wärme verbraucht (§ 344).

D. Chemische Wirkungen des galvanischen Stromes.

§ 339. Elektrolyse, Wasserzersetzung, Voltameter. Leitet man den Strom einer aus mehreren Elementen gebildeten, galvanischen Kette durch Wasser, welches, um es besser leitend zu machen (§ 320), mit etwas Schwefelsäure versetzt worden ist, so beobachtet man an den in das Wasser tauchenden metallischen Leitungsdrähten oder Elektroden eine Gasentwicklung. Das Wasser wird nämlich durch den galvanischen Strom in seine chemischen Elementarbestandteile, Wasserstoff- und Sauerstoffgas, zerlegt und zwar scheidet sich Wasserstoffgas am negativen, Sauerstoffgas am positiven Poldraht aus. Man nennt den Vorgang der chemischen Zersetzung einer Flüssigkeit durch den galvanischen Strom Elektrolyse, die durch die Wirkung des Stromes sich zersetzenden Körper heißen Elektrolyten. Die in der Regel metallischen Leiter, durch welche der Strom in die Flüssigkeit geleitet wird, werden Elektroden genannt, und

zwar die positive Anode und die negative Kathode. Die an den Elektroden ausgeschiedenen Bestandteile heißen Ionen (richtiger Ionten) und zwar der am positiven Pol abgeschiedene der elektronegative Bestandteil oder das Anion, der am negativen Pol abgeschiedene der elektropositive Bestandteil oder das Kation. Bei der Zersetzung des Wassers ist also das Anion Sauerstoff, das Kation Wasserstoff.

Man wählt als Elektroden am besten Platinplatten, wenigstens muß die Anode aus einem edlen Metall bestehen, da sich sonst der Sauerstoff

nicht gasförmig abscheidet, sondern sich mit dem Metall der Elektrode zu Oxyd verbindet, welches sich in der Säure auflöst. Will man beide Gase von einander getrennt auffangen, so leitet man die Elektroden am besten von unten in das mit verdünnter Säure gefüllte Gefäß *A* (Fig. 287) und stülpt über dieselben die oben zugeschmolzenen und vorher ebenfalls mit Säure gefüllten Glasröhrchen *H*, *O*. Die von den Elektroden aufsteigenden Gasbläschen sammeln sich dann in diesen Glasröhren an, und man beobachtet, daß die abgeschiedenen Volumina beider Gase in demselben Verhältnis stehen, in welchem sie in Wasser vereinigt sind, nämlich 2 Vol. Wasser-

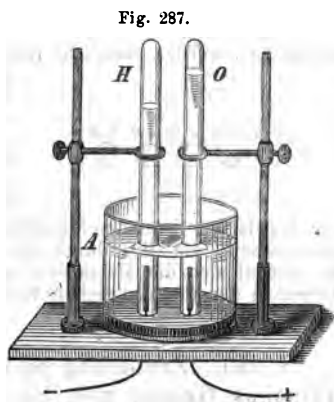


Fig. 287.

stoffgas auf 1 Vol. Sauerstoffgas (§ 18). Werden beide Gase gemeinschaftlich aufgefangen, so erhält man Knallgas. Die Menge des in einer bestimmten Zeit abgeschiedenen Gases ist der Stromstärke proportional, von der Gestalt und GröÙe der Elektroden aber unabhängig. Leitet man also denselben Strom durch mehrere hintereinander eingeschaltete Wasserzersetzungssapparate, so werden in allen gleiche Gasvolumina abgeschieden. Die Menge des in einer gewissen Zeit abgeschiedenen Gases kann daher zur Messung der Stromstärke dienen. Ein zu diesem Zweck vorgerichteter Apparat heißt Voltameter (Jacobi, 1839). Um den Leitungswiderstand möglichst zu verringern, giebt man den Elektroden zweckmäßig die Gestalt von zwei einander nahe gegenübergestellten Platinplatten *A* (Fig. 288).

Das weithalsige Gefäß *B* ist bis nahe an den Hals mit verdünnter Schwefelsäure gefüllt. Durch den luftdicht schließenden StöÙsel gehen zwei Drähte, an welchen die Platinplatten befestigt sind, und eine gebogene Glasröhre *C*, durch welche die Gase entweichen und in einer graduierten Glocke *D* aufgefangen werden können.

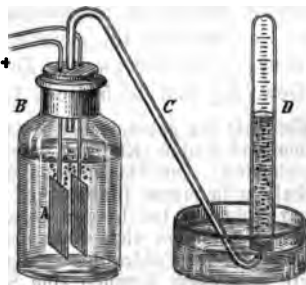


Fig. 288.

Die Zerlegung des Wassers durch die Voltasche Säule wurde zuerst im Jahre 1800 von Nicholson und Carlisle beobachtet. — Der Sauerstoff scheidet sich bei der Elektrolyse nicht als gewöhnlicher Sauerstoff, sondern teilweise in derjenigen Modifikation aus, welche von Schönbein den Namen Ozon erhalten hat

(§ 273) und durch einen eigentümlichen Geruch, sowie durch lebhafter oxydierende Eigenschaften ausgezeichnet ist. Geschieht die Zersetzung bei niedriger Temperatur, so verbindet sich leicht ein Teil des Sauerstoffs mit dem Wasser zu Wasserstoffsuperoxyd ($\text{H}_2\text{O} + \text{O} = \text{H}_2\text{O}_2$). Infolge dessen ist das abgeschiedene Sauerstoffvolumen oft etwas kleiner als die Hälfte des Wasserstoffvolumens.

Nach Grothufs (1805) kann man sich den Vorgang der Elektrolyse auf folgende Weise erklären. In jedem Wassermolekül sind die darin enthaltenen Wasserstoff- und Sauerstoffatome durch gegenseitige Berührung entgegengesetzt elektrisch, nämlich die Wasserstoffatome besitzen $+E$, die Sauerstoffatome $-E$. Durch die von den Elektroden auf die zunächst befindlichen Moleküle ausgeübte elektrische Anziehung und Abstossung werden diese zunächst so geordnet, daß sie ihre positive (H-)Seite der negativen, ihre negative (O-)Seite der positiven Elektrode zukehren. Indem sich die anziehende Wirkung von Molekül zu Molekül fortpflanzt, werden sämtliche zwischen den Elektroden befindlichen Moleküle in der Weise, wie es in Fig. 289 angedeutet ist, in Reihen geordnet. Ist die elektrische Anziehung von seiten der Elektroden stark genug, um die chemische Anziehung der Bestandteile eines Moleküls zu überwinden, so wird an der Anode das erste Sauerstoffatom, an der Kathode das letzte Wasserstoffatom abgeschieden, während gleichzeitig

Fig. 289.



alle dazwischen liegenden Moleküle durch gegenseitige Zersetzung ihre Bestandteile austauschen, wie dies durch die darüber geschriebenen Buchstaben angedeutet ist, worauf sich die Moleküle durch die fortdauernde Anziehung der Elektroden wieder in der ursprünglichen Weise ordnen u. s. f., solange die Kette geschlossen bleibt.

§ 340. Zerlegung anderer binärer Verbindungen, elektrolitischen Gesetz von Faraday. Wie das Wasser, so werden die meisten anderen binären, chemischen Verbindungen zerlegt, wenn sie im flüssigen oder gelösten Zustande der Wirkung des Stromes ausgesetzt werden, ja es scheint, daß flüssige Verbindungen überhaupt den Strom nur zu leiten vermögen, indem sie von ihm zersetzt werden. Aus Oxyden, Chloriden, Bromiden, Sulfiden wird O, Cl, Br, S als elektronegativer Bestandteil an der Anode, dagegen der Wasserstoff oder das Metall, welches mit diesen Grundstoffen verbunden ist, als elektropositiver Bestandteil an der Kathode abgeschieden. Faraday fand, daß die Gewichtsmengen der durch denselben Strom aus verschiedenen Elektrolyten ausgeschiedenen Bestandteile im Verhältnis ihrer chemischen Verbindungs- oder Atomgewichte stehen, oder daß gleiche Atomgewichte der verschiedenen Verbindungen zersetzt werden.

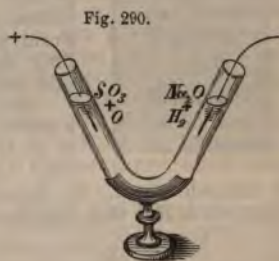
Leitet man z. B. denselben Strom durch drei hinter einander eingeschaltete Zersetzungszellen, von denen die erste Chlorwasserstoffsäure, die zweite verdünnte Schwefelsäure, die dritte geschmolzenes Chlorsilber enthält, so werden in gleicher Zeit in der ersten Zelle 1 Gew. H und 35,5 Gew. Cl, in der zweiten Zelle 1 Gew. H und 8 Gew. O, in der dritten 108 Gew. Ag und 35,5 Gew. Cl ausgeschieden (§ 16).

Mit Hilfe der galvanischen Kette gelang es Davy (1808) zuerst, die Metalle der Alkalien und Erden (Kalium, Natrium, Calcium u. s. w.) aus ihren Verbindungen auszuscheiden. Zur Abscheidung des Kaliums schmilzt man kaustisches Kali oder Chlorkalium in einem Platintiegel, der mit dem positiven Pol der Kette in Verbindung steht und taucht den negativen Poldraht in die geschmolzene Verbindung. An diesem scheiden sich dann metallische Kügelchen von Kalium ab, die beim Herausziehen des Poldrahtes an der Luft mit violetter Flamme verbrennen. (Davy wendete zu diesem Versuch eine Säule von 100 Plattenpaaren an.) Leichter gelingt der Versuch, wenn man in eine Aushöhlung eines feuchten Stückes Kali- oder Natronhydrat, das mit dem positiven Pol verbunden ist, eine kleine Quantität Quecksilber bringt und in dieses den negativen Poldraht taucht. Das abgeschiedene

Alkalimetall amalgamiert sich mit dem Quecksilber, welches dadurch zu einer schwammigen Masse anschwillt. Durch Abdestillieren des Quecksilbers kann aus dem Amalgam das reine Metall gewonnen werden.

§ 341. Elektrolyse der Sauerstoffsalze. Sekundäre Ionen. Leitet man den elektrischen Strom durch eine gesättigte Lösung von schwefelsaurem Kupferoxyd (Kupfervitriol, CuSO_4), so wird an der negativen Elektrode metallisches Kupfer, an der positiven dagegen Sauerstoff und Schwefelsäure abgeschieden. Man kann sich also die Zersetzung so vorstellen, als werde die Verbindung CuSO_4 in Cu und SO_4 zerlegt, wobei aber letzterer Bestandteil (Daniells Oxydsulfion) sogleich in $\text{SO}_3 + \text{O}$ zerfällt. Bestehen beide Elektroden aus Kupfer, so wird an der negativen Elektrode Kupfer ausgeschieden, welches an derselben haftet und ihr Gewicht vermehrt; an der positiven Elektrode dagegen löst sich eine gleiche Kupfermenge auf, indem sie sich mit $\text{O} + \text{SO}_3$ zu Kupfervitriol verbindet, so daß gleichsam eine Überführung des Kupfers von der positiven zur negativen Elektrode stattfindet und die Zusammensetzung der Lösung immer unverändert bleibt. — Auf ähnliche Weise können Silber, Gold und andere Metalle aus ihren Lösungen gefällt werden (§ 342).

Unter gewissen Umständen können, anstatt der direkt durch den Strom abgeschiedenen Bestandteile, sekundäre Zersetzungsprodukte als Ionen auftreten. Elektrolysiert man z. B. eine Lösung von neutralem schwefelsauren Natron (Glaubersalz Na_2SO_4), welche in einer U-förmig gebogenen Glasröhre (Fig. 290) enthalten ist, so entwickelt sich an der Anode Sauerstoffgas, an der Kathode



Wasserstoffgas. Hat man zuvor die Lösung durch Lackmustinktur violett gefärbt, so wird dieselbe auf der Seite der positiven Elektrode gerötet, auf der der negativen gebläut; die neutrale Lösung ist also am positiven Pol sauer, am negativen alkalisch geworden (§§ 19, 20). An ersterem haben sich nämlich, wie beim vorigen Versuch, Sauerstoff und Schwefelsäure abgeschieden, an letzterem hat das sich ausscheidende Natrium sofort unter Wasserstoffentwicklung das Wasser zerlegt, und das gebildete Natrium hat sich in der Flüssigkeit aufgelöst.

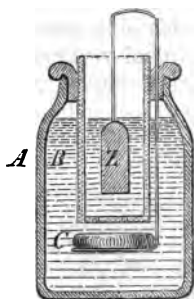
Aus einer Lösung von Bleioxyd in Kalilauge scheidet sich am negativen Pol metallisches Blei ab, der am positiven Pol abgeschiedene Sauerstoff aber verbindet sich sofort mit überschüssigem Bleioxyd zu Bleisuperoxyd, welches sich auf der Anode niederschlägt. Wird diese durch ein blank poliertes Metallblech (am besten Neusilber) gebildet, welchem die Kathode in Form eines spitzen Drahtes gegenübersteht, so erfolgt der Niederschlag in einer dünnen, durchsichtigen Schicht, welche von der Mitte nach den Rändern hin an Dicke abnimmt und aus optischen Gründen (§ 180) lebhaft Farbenringe zeigt, welche die Nobilischen Ringe (1826) genannt werden und die umgekehrte Farbenfolge zeigen wie die Newtonschen Ringe, bei welchen die durchsichtige Schicht von der Mitte nach den Rändern an Dicke zunimmt. — Ähnliche Färbungen können durch Mangansuperoxyd u. s. w. erzeugt werden (Galvanochromie).

§ 342. Galvanoplastik; galvanische Vergoldung und Versilberung. Auf der galvanischen Abscheidung des Kupfers an der negativen Elektrode (§ 341) beruht die von Jacobi (in St. Petersburg 1838) erfundene Galvanoplastik. Der Kupferniederschlag läßt sich nämlich,

wenn er langsam und gleichmäßig erfolgt ist, in zusammenhängender Form von der Elektrode, auf welcher er sich gebildet hat, ablösen und giebt deren Gestalt auf das genaueste wieder.

Um eine galvanoplastische Nachbildung einer Münze, Medaille, eines Kunstwerkes u. s. w. zu erhalten, verschafft man sich einen Abdruck oder Abguss des zu kopierenden Gegenstandes in Gips, Wachs, Stearin, Guttapercha, oder einem anderen geeigneten Material, dessen Oberfläche durch einen Überzug von feingeschlammtem Graphit leitend gemacht wird und benutzt diesen als negative Elektrode. Die Fällung des Kupfers kann entweder in der Kette selbst, oder außer der Kette in einer besonderen Zersetzungszelle geschehen. Im ersteren Fall bedient man sich folgender Vorrichtung. In einem weiten Glasgefäß *A* (Fig. 291) ist eine poröse Thonzelle *B* aufgehängt. Diese enthält verdünnte Schwefelsäure,

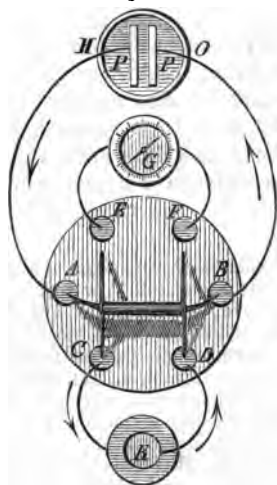
Fig. 291.



während der äußere Raum mit gesättigter Kupfervitriollösung gefüllt ist, welcher, um dieselbe stets konzentriert zu erhalten, noch überschüssige Krystalle des Salzes hinzugefügt sind. Die zu kopierende Form *C* ist durch einen mit nichtleitendem Firnis überzogenen Kupferdraht mit dem Zinkblock *Z* in Verbindung gesetzt, welcher in der Thonzelle enthalten ist. Das Ganze stellt also eine galvanische Kette, ähnlich der Daniellschen (§ 311) dar, in welcher der positive Strom vom Zink zur Form *C* übergeht, deren leitenden Überzug das negative Metall vertritt. Auf der Form wird daher Kupfer niedergeschlagen, während das Zink sich durch den ausgeschiedenen Sauerstoff oxydiert und auflöst.

Bei Abformung größerer Objekte und namentlich im Fabrikbetrieb ist es vorteilhafter, die Fällung des Kupfers in einer besonderen Zersetzungszelle vorzunehmen, in welcher eine Kupferplatte als Anode, die nachzubildende Form als Kathode dient. In demselben Maße wie das Kupfer an der Kathode ausgefällt wird, löst sich dasselbe an der Anode, so daß die Lösung immer neutral und konzentriert erhalten wird, während man gleichzeitig die Regulierung der Stromstärke besser als bei der Fällung in der Kette in der Gewalt hat.

Fig. 292.



Ganz analog ist das Verfahren bei der galvanischen Versilberung und Vergoldung. Zur Versilberung bedient man sich am besten einer Auflösung von Cyansilber in Cyankalium, in welche der zu versilbernde, vorher sehr sorgfältig gereinigte Metallgegenstand als Kathode gebracht wird, während als Anode ein Silberblech dient. Zur Vergoldung dient eine Lösung von Cyangold oder Goldchlorid.

§ 343. Polarisationsstrom. Sekundäre Elemente. Leitet man den Strom einer Kette *K* (Fig. 292) mittelst zweier Platinelektroden *P*, *P* durch verdünnte Schwefelsäure und verbindet man dann, nachdem der Strom der Kette unterbrochen ist, die beiden Platinelektroden mit einem Galvanometer, so zeigt dieses einen Strom an, welcher in der Flüssigkeit dem ursprünglichen Strom entgegengesetzt gerichtet ist, also von der Kathode zur Anode geht*). Dieser Strom heißt Polarisationsstrom oder

*) Die Unterbrechung geschieht durch Umlegen der Wippe *AB* aus den Näpfchen *C* und *D* in die Näpfchen *E* und *F*, welche sämtlich zur besseren Leitung Quecksilber enthalten. Der neue Strom geht alsdann durch das Galvanometer in der Richtung *EAPPF*.

sekundärer Strom, während der ursprüngliche Strom der polarisierende genannt wird. Der Polarisationsstrom findet seine Erklärung darin, daß infolge der vorangegangenen Elektrolyse die Anode und Kathode beziehungsweise mit einer Sauerstoff- und Wasserstoffschicht bekleidet sind, und daß das mit Wasserstoff bekleidete Platin durch Berührung mit der Flüssigkeit stärker positiv, das mit Sauerstoff bekleidete stärker negativ erregt wird. Die beiden Platinplatten verhalten sich gegen einander gleichsam wie eine Sauerstoff- und eine Wasserstoffplatte; sie bilden als Stromquelle des sekundären Stromes ein sogenanntes sekundäres Element. Da Wasserstoff sich gegen Sauerstoff elektropositiv verhält, so geht der positive Strom durch die Flüssigkeit vom Wasserstoff zum Sauerstoff. — Da durch die Wirkung des Polarisationsstromes an der mit Sauerstoff bekleideten Platinplatte Wasserstoff und an der Wasserstoffplatte Sauerstoff ausgeschieden wird, so vereinigen sich beide in kurzer Zeit wieder zu Wasser. Die Polarisationsströme sind daher nur von vorübergehender Dauer.

Daß der Grund des Polarisationsstromes in den die Platinplatten bekleidenden Gasschichten liegt, hat Grove nachgewiesen, indem er solche Ströme auf rein chemischem Wege erzeugte. Er brachte Paare von Platinplatten unter Glocken, welche mit Wasserstoff und Sauerstoff gefüllt waren. Das Platin besitzt die Eigenschaft, durch Molekularanziehung eine Schicht des umgebenden Gases auf seiner Oberfläche zu verdichten (§ 107). Bringt man dann zwei solche mit H und O überzogene Platten in verdünnte Schwefelsäure, und verbindet man dieselben durch einen Galvanometerdraht, so zeigt die Ablenkung der Magnetnadel einen Polarisationsstrom an. Aus mehreren solchen Plattenpaaren setzte Grove (1843) eine Gasbatterie zusammen.

Ähnliche Polarisationserscheinungen treten bei jedem elektrolytischen Prozesse ein. Wird in einen galvanischen Strom eine Zersetzungszelle eingeschaltet, so verursacht diese, außer dem hinzukommenden Leitungswiderstand der Flüssigkeit, auch eine von der Polarisierung der Elektroden herrührende, elektromotorische Kraft, welche derjenigen der Kette stets entgegengesetzt gerichtet ist, mithin die Stromintensität vermindert. Ist e die elektromotorische Kraft der Kette, p die entgegengewirkende, elektromotorische Kraft der Polarisierung, w der Gesamtwiderstand, so wird die Stromstärke (§ 318) $i = \frac{e-p}{w}$. Ist die Polarisierung hinreichend,

um die ganze elektromotorische Kraft der Kette aufzuheben, so kann kein dauernder Strom zustande kommen. Eine Daniellsche oder Grovesche Zelle genügt daher nicht, um Wasser zu zersetzen, vielmehr sind dazu mindestens zwei Elemente erforderlich.

§ 343a. Accumulatoren. Zur Herstellung eines sekundären Elementes (§ 343) eignet sich nach den Untersuchungen von Planté (1859) von den Metallen vorzugsweise das Blei. Später (bis 1879) ist es demselben Forscher gelungen, aus Bleiplatten sekundäre Elemente herzustellen, in denen die Elektrizität gewissermaßen aufgespeichert erscheint, und welche darum elektrische Accumulatoren genannt werden. Es werden zwei Bleiplatten auf einander gelegt, getrennt durch zwei Kautschukbänder von ungefähr 1 cm Breite und 0,5 cm Dicke; dieselben werden um einen Holzcylinder, der dann wieder beseitigt wird, zu einer Spirale aufgewickelt und in ein cylindrisches Gefäß gestellt, in welches verdünnte Schwefelsäure (1:10) eingefüllt wird. Der Anfang der inneren und das Ende der äußeren Spirale sind durch Ansätze von längeren Streifen als Elektroden gekennzeichnet. Vermittelt dieser wird das so vorbereitete sekundäre Element durch den galvanischen Strom geladen. Die Schwefelsäure zersetzt sich in Sauerstoff und Wasserstoff, und die eine der beiden Bleiplatten, die positive Elektrode, wird vom Sauerstoff angegriffen und in die sehr sauerstoffreiche Verbindung Bleisuperoxyd (PbO_2) verwandelt, während die andere Platte, die negative Elektrode, an der sich Wasserstoff abscheidet, zu metallischem Blei reduziert wird. Diese bekommt demnach eine graue, körnige Oberfläche, jene bedeckt sich mit einem braunen Überzug. Das auf diese Weise geladene Element behält die Ladung mehrere

Tage hindurch; setzt man aber die beiden Bleiplatten in leitende Verbindung, so erhält man einen starken sekundären Strom.

Platten, welche aus der Säure herausgehoben werden, behalten ihre Kraft auf beliebig lange Dauer. Die Ladung eines Plantéschen Elementes wird wesentlich erleichtert durch ein Verfahren von Faure, der die Bleiplatten, ehe sie aufgerollt werden, erst mit einer Schicht Mennige überzieht. Die Ladung wird alsdann schneller und in größerer Menge aufgenommen.

§ 344. Chemische Vorgänge in der Kette, Theorie der konstanten Ketten. Wie in einer Zersetzungszelle, so findet stets auch in der Kette selbst ein elektrolytischer Prozess statt. In den nicht konstanten Ketten wird durch die dabei eintretende Polarisation die Stromstärke bald bis auf einen kleinen Bruchteil ihrer ursprünglichen Größe vermindert (§ 309). In der Voltaschen Kupfer-Zinkkette bekleidet sich das Kupfer mit einer Wasserstoffschicht, während das Zink sich durch den ausgeschiedenen Sauerstoff oxydiert und auflöst. Diese Polarisation des negativen Metalls durch Wasserstoff wird in den konstanten Ketten (§ 311) zum größten Teil vermieden. In der Daniellschen Kette scheidet sich auf dem Kupfer anstelle des Wasserstoffs durch Zerlegung des Kupfervitriols metallisches Kupfer ab (§ 341); bei der Bunsenschen und Groveschen Kette wird die Ausscheidung des Wasserstoffs durch die oxydierende Wirkung der Salpetersäure verhindert, welche dadurch zu salpetriger Säure reduziert wird.

Eine besondere, polarisierende Wirkung übt die konzentrierte Salpetersäure auf das Eisen aus, indem sie dasselbe in den sogenannten passiven Zustand versetzt. Das Eisen bekleidet sich nämlich durch Einwirkung der Säure mit einer unlöslichen Oxydschicht, wodurch es eine ganz andere Stellung in der Spannungsreihe erhält und sich wie ein stark negatives Metall verhält. Darauf beruht die Wirksamkeit der Zink-Eisen- und Eisen-Eisenkette (vergl. § 311).

Bequerels Säure-Alkalikette besteht aus zwei Platinplatten, von welchen die eine in Salpetersäure, die andere in Kalilösung taucht, und die dadurch entgegengesetzt polarisiert sind.

In jeder geschlossenen Kette findet ein fortdauernder, chemischer Prozess, insbesondere bei den üblichen Ketten eine Oxydation des Zinks und Vereinigung desselben mit der Schwefelsäure zu schwefelsaurem Zinkoxyd statt. Dieser Zinkverbrauch dient als Arbeitsquelle für alle durch die Kette hervorgebrachten Wirkungen in demselben Sinne, wie der Verbrauch an Brennmaterial für die Dampfmaschine (vergl. § 241). Durch Auflösung eines Kilogramms Zink in Schwefelsäure kann eine gewisse Wärmemenge erzeugt werden. Geschieht die Auflösung in der Kette, so wird dabei der Schließungsdraht der Kette erwärmt, oder es kann durch elektromagnetische Anziehung mechanische Arbeit geleistet werden (§ 323). Umsichtig angestellte Versuche haben nachgewiesen, daß die durch Auflösung des Zinks erzeugte Wärme genau um den Betrag der im Schließungsdraht erzeugten, oder zur Leistung mechanischer Arbeit verbrauchten Wärme vermindert erscheint.

Schaltet man in den Schließungsbogen eine Zersetzungszelle ein, in welcher z. B. Wasser in seine Bestandteile zerlegt wird, so wird zur Zerlegung des Wassers Arbeit verbraucht, welche bei der Wiedervereinigung des Wasserstoffs und Sauerstoffs als Wärme wiedergewonnen werden kann. Dieser Arbeitsverbrauch giebt sich durch die verminderte, elektromotorische Kraft der Kette kund.

In diesem Sinne kann der in der Kette stattfindende chemische Prozess als die Quelle der elektromotorischen Kraft der Kette angesehen werden. Bei der thermoelektrischen Kette (§ 337) dient in gleichem Sinne die Wärme als Quelle der elektromotorischen Kraft, indem an der wärmeren von beiden Lötstellen durch den Strom mehr Wärme absorbiert, als an der kälteren erzeugt wird. (§ 338).

E. Physiologische Wirkungen des galvanischen Stromes und tierische Elektrizität.

§ 345. Der physiologischen Wirkungen elektrischer Ströme ist bereits bei Besprechung der einzelnen Gattungen von Strömen Erwähnung gethan (§§ 273, 283, 290, 304, 309, 332, 334), so daß hier nur noch übrig bleibt, die wesentlichen Ergebnisse zusammenzufassen. Es sind hauptsächlich die Nerven, welche unmittelbar durch den elektrischen Strom gereizt werden, wobei sich die Reizung jedes Nerven in der ihm eigentümlichen Weise äußert, so daß z. B. die Reizung des Sehnerven eine Lichtempfindung, die des Hörnerven eine Schallempfindung, die der Zungennerven einen eigentümlichen Geschmack, die der Hautnerven einen örtlichen Schmerz, die Reizung eines Bewegungsnerven aber eine Zuckung, oder bei schneller Wiederholung eine krampfartige Zusammenziehung des Muskels zur Folge hat, in welchem sich die Fasern des Bewegungsnerven verbreiten.

Wiewohl auch ein konstanter galvanischer Strom von hinreichender Stärke eine Wirkung auf den menschlichen und tierischen Organismus ausübt, die sich hauptsächlich auf die Empfindungsnerven erstreckt, so äußern sich dagegen die Wirkungen auf die Bewegungsnerven hauptsächlich im Augenblick des Entstehens und des Verschwindens des Stromes, oder bei schnellem Wechsel der Stromstärke. Es sind deshalb die plötzlichen, sehr kurze Zeit andauernden Entladungsströme der Leydener Batterie und die diskontinuierlichen Ströme des Induktionsapparats hauptsächlich zur Erzeugung heftiger Erschütterungen geeignet.

Die elektrische Reizung der Nerven vermag selbst nach dem Tode, namentlich bei kaltblütigen Tieren, noch Muskelzuckungen zu veranlassen, und die Zuckungen des Froschschenkels haben, wie oben (§ 304) gezeigt, die Entdeckung der galvanischen Elektrizität herbeigeführt. Nach der Entdeckung der Voltaschen Säule waren die Versuche von Galvani und Alex. v. Humboldt, die Erregung von Elektrizität im tierischen Organismus nachzuweisen, in Vergessenheit geraten, bis Nobili mit Hilfe des Multiplikators zeigte, daß allerdings in den Muskeln und Nerven des Froschschenkels eine fortdauernde, elektrische Strömung stattfindet. Die Gesetze dieser Strömungen sind in neuerer Zeit, insbesondere von du Bois-Reymond, auf das genaueste erforscht und ihr enger Zusammenhang mit dem Prinzip der Nervenenthätigkeit im lebenden Organismus unzweifelhaft nachgewiesen worden. Wir müssen jedoch darauf verzichten, auf dieses dem Zweck des vorliegenden Grundrisses zu fern liegende Gebiet näher einzugehen.

§ 346. Elektrische Fische. Mehrere Gattungen von Fischen besitzen die merkwürdige Fähigkeit, elektrische Schläge hervorzubringen, deren sie sich als Angriffs- und Verteidigungswaffe bedienen. Es sind dies insbesondere der im Mittelmeer vorkommende Zitterrochen (*Torpedo narke*), der im Nil und Senegal lebende Zitterwels (*Malapterurus electricus*) und der in den süßen Gewässern des tropischen Amerika ein-

heimische Zitteraal (*Gymnotus electricus* L.). Dieselben erteilen die elektrischen Schläge willkürlich mittelst eines besonderen, nervenreichen, elektrischen Organs, welches übrigens bei den verschiedenen Gattungen verschiedenen Bau zeigt. Beim Zitteraal erstreckt sich dasselbe fast durch die ganze Länge des Körpers, vom Kopf bis zum Schwanz; beim Zitterrochen liegt es zu beiden Seiten des eiförmigen Körpers und besteht aus zahlreichen, neben einander stehenden, röhrenförmigen Zellen, deren jede eine große Zahl von Querscheidewänden, oder auf einander geschichteten Blättchen enthält. In jedes dieser Blättchen läuft ein Zweig des elektrischen Nerven. Der Entladungsschlag ist dem einer Leydener Flasche vergleichbar, man vermag mittelst desselben Funken, chemische Zersetzungen u. s. w. hervorzubringen. Die Fische vermögen mehrere solche Schläge nach einander in kurzen Zwischenräumen zu erteilen, wobei sich aber ihre Kraft allmählich erschöpft, so daß zur Wiederherstellung derselben eine Ruhezeit erforderlich ist. Die Zitterfische selbst sind gegen die Wirkungen elektrischer Schläge von mäßiger Stärke unempfindlich.

Elemente

der

Astronomie und mathematischen Geographie.

Erster Abschnitt.

Axenumdrehung der Erde.

§ 347. Anblick des Himmels; Horizont. Der Himmel stellt sich dem Beobachter als ein (abgeflachtes) halbkugelförmiges Gewölbe dar, welches mit seiner kreisförmigen Grundfläche auf der Erde zu ruhen scheint. Denkt man sich das Himmelsgewölbe nach unten zur vollen Himmelskugel erweitert, so nennt man den höchsten und tiefsten Punkt derselben bezüglich Zenith und Nadir. Die gemeinschaftliche Grundfläche der sichtbaren und unsichtbaren Hälfte der Himmelskugel heißt der Horizont (*ὁρίζειν*, begrenzen) oder Gesichtskreis. Der Horizont ist also derjenige größte Kreis der Himmelskugel, welcher senkrecht von der durch den Beobachtungspunkt als Mittelpunkt gelegten Vertikalen durchschnitten wird, also gleichweit vom Zenith und Nadir entfernt ist. Unterschieden von diesem, genauer als wahrer oder geometrischer Horizont bezeichneten, ist der scheinbare Horizont, der durch die zufällige Gestalt der Erdoberfläche bestimmt wird.

Der scheinbare Horizont ist ebenso abhängig von der Erhebung des Beobachtungspunktes über der Erde. Als wirklicher Kreis würde er sich nur darstellen, wenn die Erde eine wahre Kugelgestalt hätte, und der Standpunkt etwa auf dem freien, unbewegten Meere angenommen würde. Der wahre Horizont dagegen ist unabhängig von der Höhe des Beobachtungspunktes. Denkt man sich durch den Mittelpunkt der Erde parallel zur Tangentialebene der Erde am Fußpunkt des Beobachters eine Ebene gelegt, so wird durch diese und die Tangentialebene, wenn man beide bis zur Region der Fixsterne (§ 398) ausgedehnt denkt, weil gegen die Dimensionen der Himmelskugel die der Erde als verschwindend klein zu erachten sind, auf der Himmelskugel eine Zone von unendlich kleiner Breite, d. h. derselbe Durchschnittskreis bestimmt, der wahre Horizont. Weiterhin ist der wahre Horizont kurzweg als Horizont bezeichnet.

In der Nacht zeigt sich der Himmel mit einer großen Anzahl von Gestirnen bedeckt, unter denen sich, abgesehen vom Monde, die Fixsterne durch ihr scharfes, funkelndes Licht von den in ruhigem, matterem

Glanz leuchtenden Planeten (*πλανᾶσθαι*, herumschweifen) unterscheiden lassen. Bei Tage werden die Sterne dem unbewaffneten Auge durch das von der Atmosphäre reflektierte Sonnenlicht verdunkelt.

Bei totalen Sonnenfinsternissen werden die helleren Gestirne sichtbar; ebenso lassen sich dieselben auch bei Tage durch ein Fernrohr auffinden.

§ 348. Scheinbare tägliche Drehung der Himmelskugel. Eine kurze Beobachtung genügt zur Wahrnehmung, daß sich der ganze Himmel um eine gegen den Horizont *HR* (Fig. 293) geneigte Axe *NM*, die sogenannte

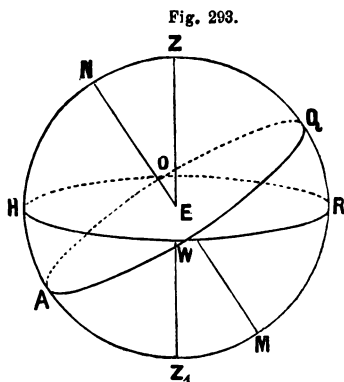


Fig. 293.

Himmels- oder Weltaxe, dreht, so daß einzig die Schnittpunkte dieser Axe mit der Himmelskugel unbeweglich bleiben, die beiden Himmelspole, unterschieden als Nordpol *N* und Südpol *M*. Die Bewegung der Gestirne nämlich erfolgt von Osten nach Westen auf parallelen, zur Himmelsaxe senkrechten Kreisen mit gleichförmiger Winkelgeschwindigkeit, vermöge deren sie in jeder Stunde einen Bogen von ungefähr 15 Grad beschreiben (§ 354). Ein großer Teil der Sterne geht dabei am Osthimmel auf und am Westhimmel unter.

Zur genaueren Feststellung dieser Bewegung nennt man den Vertikalkreis

durch die Weltaxe den Mittagskreis oder Meridian des Ortes und die Schnittpunkte des Meridians mit dem Horizont den Nordpunkt *H* und den Südpunkt *R*, von denen auf dem Horizont gleichweit entfernt der Ostpunkt *O* und der Westpunkt *W* liegen. Den Meridian erreichen die Gestirne im höchsten und niedrigsten Punkt ihrer Bahn, also zum Teil in der Mitte der Zeit zwischen ihrem Auf- und Niedergang, die Sonne selbst um Mittag. Der Himmelsäquator *AQ* ist derjenige größte Kreis der Himmelskugel, welcher durch die Himmelsaxe senkrecht durchgeschnitten wird. Er geht durch den Ost- und den Westpunkt und wird in diesen Punkten durch den Horizont halbiert. Er teilt die Himmelskugel in zwei Hälften, welche als nördliche und südliche Halbkugel des Himmels unterschieden werden. Die Lage von Punkten am Himmel läßt sich nunmehr bestimmen, indem man sich durch die beiden Pole ein System von Kreisen gelegt denkt, die Himmelsmeridiane, welche den Äquator senkrecht durchschneiden und senkrecht zur Himmelsaxe ein zweites System von Kreisen, welche sämtlich dem Äquator parallel sind und Parallelkreise genannt werden (§ 351).

Die scheinbare Drehung der Himmelskugel ist (§ 352) eine Folge der täglichen Axenumdrehung der Erde. Erdaxe und Weltaxe fallen darum zusammen, ebenso der Äquator der Erde und der Himmelsäquator, sowie auch die Erdmeridiane erweitert mit den Himmelsmeridianen übereinkommen (§ 363).

§ 349. Cirkumpolarsterne; Sternbilder. Die scheinbare tägliche Bewegung der Sterne erfolgt in Parallelkreisen (§ 348), deren höchster und niedrigster Punkt auf dem Meridian des Beobachters liegen und bezüglich

als ihr oberer und unterer Kulminationspunkt bezeichnet werden, und die verschiedenen Himmelsmeridiane sind als ebensovieler Durchmesser dieser Bahnen anzusehen. Sterne, deren unterer Kulminationspunkt oberhalb des Horizontes liegt, welche also niemals untergehen, heißen Cirkumpolarsterne. Für den äußersten dieser Sterne ist der untere Kulminationspunkt der Nordpunkt (§ 348). Den Bogen, welchen die Gestirne oberhalb des Horizontes beschreiben, nennt man ihren Tagbogen. Der Tagbogen eines Gestirns im Äquator ist demnach ein Halbkreis, der eines Cirkumpolarsternes ein voller Kreis. Sterne, deren Bahnen unterhalb des Horizontes liegen, bleiben dem Beschauer unsichtbar.

Abgesehen von dieser scheinbaren Bewegung in Parallelkreisen behalten die Fixsterne (vergl. jedoch § 404) ihre gegenseitige Stellung am Himmel bei. Sie werden nach dieser ihrer unveränderlichen Stellung in Gruppen zusammengefaßt, die sogenannten Sternbilder, welche sich nach einzelnen heller leuchtenden Repräsentanten leicht unterscheiden lassen.

Zur Orientierung am Nordhimmel dienen in der mittleren Breite von 50° vorzugsweise der große Bär (der große Wagen), der kleine Bär mit dem Polarstern, die Cassiopeja*, auf deren einer, dem Kopf des großen Bären zugewendeten, ziemlich sternarmen Seite die Giraffe und auf deren anderer Seite sich Cepheus und weiterhin der Drache befinden, der mit seinem Schweife den kleinen Bären umschlingt und sich zwischen diesem und dem großen Bären, der Giraffe zu, hinstreckt. (Vergl. die Sternkarten.)

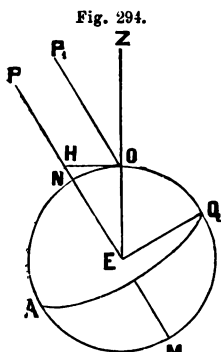
Nunmehr liegen, vom Polarstern aus gerechnet, jenseits der Cassiopeja, in etwa der doppelten Entfernung wie diese, das Sternbild Andromeda, über die Giraffe hin Perseus und der Fuhrmann mit dem Stern erster Größe Capella, zwischen beiden weiterhin die Plejaden und Hyaden (mit Aldebaran) und zum Teil bis über den Äquator hinaus der Orion (mit α Orionis [Beteigeuze] und Rigel), noch tiefer der große Hund (mit dem Sirius). Weiter kommen zwischen dem Fuhrmann und dem Kopf des großen Bären das Sternbild der Zwillinge (Kastor und Pollux) und nahe am Äquator Procyon; ferner jenseits des Kopfes des großen Bären der kleine und der große Löwe (mit Regulus) und weiterhin jenseits des Schwanzes des großen Bären die Jagdhunde und am Äquator die Jungfrau (mit Spica); das Sternbild Bootes (mit Arcturus) liegt in der etwa dreifachen Verlängerung des kleinen Bären über den Schweif des Drachen hinaus, dann jenseits des Kopfes des Drachen erst die nördliche Krone (über den Äquator hinaus der Skorpion [mit Antares]), und dann die Leier (mit Wega), darüber hinaus am Äquator der Adler (mit Atair), endlich zwischen der Leier und Andromeda der Schwan (mit Deneb) und 30° südlich vom Äquator der südliche Fisch mit Fomalhaut.

Aus der oberen und unteren Kulmination eines Gestirns läßt sich die Polhöhe (§ 350) des Beobachtungsortes bestimmen, ferner die Lage des Meridians. Das Meridianfernrohr ist nur im Meridian beweglich und dient demnach zur Bestimmung der Kulminationszeit der Gestirne und, bei Beobachtung der Sonne, des wahren Mittags (§ 359).

§ 350. Gestalt und Dimensionen der Erde; Polhöhe. Wenn sich ein Beobachter auf demselben Meridian von Süden nach Norden bewegt, so erhebt sich nach Zurücklegung einer Strecke von 15 geographischen Meilen (111 km) der Nordpol um einen Grad und verringert sich demnach um ebensoviel die Neigung des Äquators. Die umgekehrte Erscheinung tritt

*) Der große Bär ist charakterisiert durch sieben hellere Sterne, von denen sich vier als Eckpunkte eines länglichen Vierecks, die drei übrigen nahezu in der Verlängerung einer Seite desselben darstellen, die Cassiopeja durch fünf hellere Sterne, welche beinahe die Figur des Buchstabens W bilden. Die gerade Linie durch die beiden äußersten Sterne des Vierecks im großen Bären, etwa um das Sechsfache verlängert, führt auf den Polarstern, und dieser liegt wieder ziemlich in der Mitte einer geraden Linie, welche die Mitte des großen Bären mit der Cassiopeja verbindet.

bei der Bewegung nach Süden hin ein, bis am Äquator der Erde selbst der Nordpol mit dem Nordpunkt (§ 348) zusammenfällt, und der Äquator ein Vertikalkreis wird. Entsprechende Erscheinungen machen sich auf der Südhalfte der Erde geltend. Allgemein findet sich, daß die Erhebung des Pols über den Horizont, die Polhöhe, übereinkommt mit der geographischen Breite des Ortes, und darum ist die Bestimmung der Polhöhe von so hoher Bedeutung für die geographische Ortsbestimmung (§ 364).



In Fig. 294 ist $OP \parallel MN$, folglich $\angle ZOP = \angle OEN$ und als deren Komplementwinkel die Polhöhe P_1OH gleich der geographischen Breite OEQ .

Aus der Übereinstimmung der geographischen Breite mit der Polhöhe und der gleichen Länge der Meridiangrade läßt sich ein Schluß auf die Kugelgestalt der Erde machen. Bestätigt wird dieser Schluß durch die überall auf der Erde beobachtete Kreisform des Horizontes (§ 347), durch die bekannte Erscheinung, daß man von entfernten hohen Gegenständen beim Annähern zuerst die oberen Teile am Horizont auftauchen sieht, durch Umsegelungen der Erde, durch den kreisförmigen Schatten der Erde bei Mondfinsternissen (§ 384) und endlich durch die Beobachtung der Kugelform an anderen Himmelskörpern, im besonderen an der Sonne, am Monde und an den größeren Planeten. Gradmessungen der Erde, durch Bouguer und La Condamine in den Jahren 1736—1744 in Peru ausgeführt und durch spätere Messungen an anderen Teilen der Erdoberfläche bestätigt, haben ergeben, daß die Meridiangrade mit der geographischen Breite zunehmen, daß also die Erde an den Polen abgeplattet ist. Auf dasselbe Resultat war bereits Newton durch theoretische Untersuchungen geführt worden.

Die erste annähernd richtige Bestimmung der Dimensionen der Erde rührt von Eratosthenes (276—195 v. Chr.) her, der aus der Höhendifferenz der Sonne zur Zeit der Sonnenwende in Alexandrien und Syene (Assuan), die etwa $\frac{1}{50}$ des Kreisumfanges beträgt, während er die Entfernung beider Orte auf 5000 Stadien schätzte, den Umfang eines Erdmeridians auf 250000 Stadien (46400 km) berechnete. Im Jahre 1617 wurde zuerst von Snellius zur Messung der Länge eines Bogens auf der Erde die Triangulation angewandt. Genauere Gradmessungen sind später 1669 von Picard und Cassini in Frankreich ausgeführt worden; als Resultat derselben ergab sich (fälschlich), daß ein Meridiangrad im südlichen Frankreich größer sei als im nördlichen, woraus auf die Form der Erde als eines verlängerten Ellipsoids geschlossen werden mußte. Nach den genauesten Berechnungen Bessels beträgt die Länge des Äquatorialhalbmessers der Erde 6377,4 km, die des Polarhalbmessers 6356,08 km, ihr Unterschied 21,33 km. Als die Abplattung der Erde bezeichnet man den Unterschied der beiden Halbmesser dividiert durch den Äquatorialhalbmesser; dieselbe ist nach den Besselschen Berechnungen gleich $\frac{1}{299,1528}$ (§ 56). — Die Längeneinheit, das Meter ist ursprünglich als der zehnmillionste Teil eines Meridianquadranten der Erde bestimmt worden. Dieser Bestimmung würden Meridiane vom Halbmesser 6365,5 km zugehören, wenn man dieselben als kreisförmig annehmen wollte.

Daß die Erde genau genommen auch nicht die Form eines Umdrehungs-ellipsoids (Sphäroids) besitzt, hat sich erst durch Längengradmessungen (§ 351) ergeben. Diese wurden zuerst 1811 in Frankreich unternommen und 10 Jahre später von Brest bis Straßburg durchgeführt; sie erfuhren einen neuen Aufschwung, seitdem die Telegraphie den geodätischen Messungen dienstbar gemacht

werden konnte. Die umfassendste Gradmessung ist 1857 von W. Struwe ins Leben gerufen, 1861 durch den General Baeyer zu einer mitteleuropäischen und endlich 1864 in einer von fast allen beteiligten Staaten beschickten Generalkonferenz zu einer europäischen erweitert worden. Bei dieser werden außer astronomischen und geodätischen Arbeiten auch Nivellements ausgeführt, die Nullpunkte der einzelnen Länder (vergl. § 95) mit einander verbunden, sowie die in den wichtigsten Seehäfen bestehenden Pegel in das Nivellementsnetz aufgenommen; endlich werden auch, weil die Intensität der Schwerkraft mit der Gestalt der Erde in innigem Zusammenhang steht (§ 63), an möglichst vielen, astronomisch bestimmten Punkten Pendelbeobachtungen angestellt.

§ 351. Zeit- und Längenunterschiede. Wählt man zu astronomischen Beobachtungen verschiedene Punkte desselben Parallelkreises, so bleibt die Polhöhe (§ 350) dieselbe, dagegen ändert sich die Kulminationszeit der Gestirne und im besonderen auch die der Sonne, es tritt also eine Zeitdifferenz ein, welche mit zunehmender Entfernung von Osten nach Westen hin wächst. Für jeden Längengrad (§ 364) beträgt die Zeitdifferenz den 360. Teil eines Tages, d. h. 4 Minuten, weil bei der scheinbaren Drehung der Himmelskugel um ihre Axe ein Gestirn gerade um diese Zeit früher in den Meridian gelangt, als für einen um einen Grad mehr westlich gelegenen Punkt der Erde.

Für alle Punkte also der Erde, welche sich nur in der geographischen Breite, nicht in der Länge, unterscheiden, kommt derselbe Stern zu gleicher Zeit, aber in verschiedener Höhe in den Meridian; dagegen für alle Punkte gleicher Breite, welche sich also nur in der Länge unterscheiden, gelangt derselbe Stern in gleicher Höhe, aber zu verschiedener Zeit in den Meridian. Darum dienen gute Chronometer zur Bestimmung der geographischen Länge (vergl. § 355), während durch Fernröhre, welche zur Beobachtung der Höhe der Gestirne dienen, die geographische Breite eines Ortes festgestellt wird (§ 350).

§ 352. Axenumdrehung der Erde. Die bisher betrachtete Bewegung der Himmelskugel ist jahrtausendlang als solche aufgefaßt worden, und es hat langer Forschungen und eines schweren Kampfes gegen Vorurteile bedurft, ehe sich die Überzeugung Geltung verschafft hat, daß die tägliche Umdrehung des Himmels nur eine scheinbare ist, also auf Täuschung beruht und nur die Folge ist einer Bewegung der Erde um ihre Axe, welche in der Richtung von West nach Ost innerhalb eines Tages erfolgt. Obschon der Sprachgebrauch selbst, nach welchem man immer noch die Gestirne auf- und untergehen, die Sonne ihren täglichen Lauf am Himmel beschreiben läßt u. s. w., der Klarlegung dieser Tatsache widerstreitet, so lassen sich, abgesehen vor allem davon, daß die besprochene tägliche Bewegung der Himmelskugel durch Annahme der Axenumdrehung der Erde als mit den einfachsten Mitteln bewerkstelligt erscheint, für diese Axenumdrehung folgende Gründe vorzugsweise hervorheben:

1. Das Massenverhältnis der Erde und der meisten Himmelskörper, z. B. zur Sonne wie 1:324439 (§ 370).
2. Alle Himmelskörper, wie verschieden ihre Entfernung von der Erde sein mag, legen ihren scheinbaren Lauf um die Erde in der gleichen Zeit von 24 Stunden zurück.
3. Die Analogie mit den an anderen Himmelskörpern, vorzugsweise an den Planeten und an der Sonne selbst (§ 372), beobachteten Rotationsbewegungen.

4. Die Abplattung der Erde an den Polen, dargethan durch die Abnahme der Schwerkraft von den Polen zum Äquator (§ 350).

Der Astronom Richer mußte im Jahre 1672 sein in Paris reguliertes Sekundenpendel nahezu um 4 mm verkürzen, als er mit demselben in Cayenne Beobachtungen anstellte, weil es in 24 Stunden um 148 Sekunden zu spät ging, während er nach seiner Rückkehr nach Paris die frühere Pendellänge wiederherzustellen hatte (vergl. § 63).

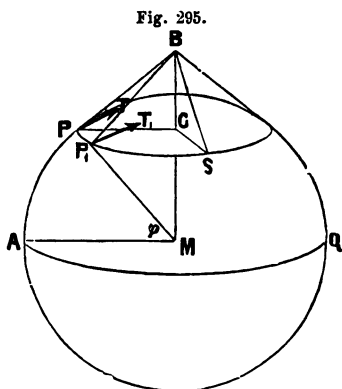
5. Die Luftströmungen in der Erdatmosphäre, im besonderen die Passat- und Gegenpassatströmungen (§ 252).

6. Die östliche Abweichung von der vertikalen Richtung eines aus großer Höhe fallenden Körpers. Vermöge der vermehrten Schwerkraft, welche ein Punkt in größerer Erhebung über der Erdoberfläche, z. B. an der Spitze eines Turmes, verglichen mit einem Punkt am Fuß desselben, besitzt, ergibt sich für den ersteren eine größere horizontale Drehungskomponente in der Richtung der Axenumdrehung, d. h. von Westen nach Osten, so daß ein von der Spitze herabfallender Körper in dieser Richtung der Drehung eines Punktes am Fuß voraneilen muß.

Schon von Newton ist 1679 diese Abweichung vorausgesagt worden, bestätigt wurde sie durch Versuche von Reich in Freiberg, bei denen sich für eine Fallhöhe von 158,5 m und die Beschleunigung der Erdschwere $g = 9,811$ m, in der geogr. Breite $50^\circ 57'$ eine östliche Abweichung von 28 mm ergab, während die Theorie eine solche von 27,5 mm erforderte. Ausßer der östlichen zeigt ein fallender Körper auch eine, wenn auch nur sehr geringe, südliche Abweichung von der vertikalen Richtung.

7. Der Foucaultsche Pendelversuch. Ein möglichst frei aufgehängtes Pendel zeigt im Sinne der scheinbaren täglichen Drehungsrichtung der Himmelskugel eine Drehung seiner Schwingungsebene. Die Schwingungsebene eines Pendels nämlich, auf welches andere Kräfte als die Schwere nicht einwirken, muß in der That unveränderlich bleiben; darum ändert sich ihr Winkel mit allen auf der

sich unter ihr drehenden Erde fest gegebenen Richtungen und zwar in der Weise, daß an jedem Pol diese Richtungsänderung in 24 Stunden 360° , also in einer Stunde 15° beträgt, während am Äquator dieselbe sich auf Null reduziert. An einem Aufhängungspunkt in der Breite φ dreht sich die Schwingungsebene in einer Stunde um den Winkel $15^\circ \sin \varphi$.



Es sei ΔPQ (Fig. 295) ein Erdmeridian, $\Delta MP = \varphi$ die geographische Breite des Aufhängungspunktes P . In einem sehr kleinen Zeitraum beschreibe, vermöge der Axendrehung der Erde, der Punkt P das Element PP_1 des Parallelkreises, das als geradlinig angesehen werden mag. Schwingt das Pendel anfänglich in der durch die Tangente PT dargestellten Richtung, so ist wegen der Unveränderlichkeit der Richtung der Schwingungsebene durch $P_1 T_1$ PT die Schwingungsrichtung in P_1 dargestellt; die Richtungen der Meridiane dagegen in P und P_1 sind die der Tangenten PB und $P_1 B$. Im ganzen wird von PB ein Kegelmantel beschrieben, das Element PBP_1 ist als eben anzusehen, und weil in seiner Ebene die parallelen Linien PT und $P_1 T_1$ enthalten sind, so ist Winkel $PBP_1 = BP_1 T_1 - BPT$, also wird durch diesen Winkel die scheinbare Richtungsabweichung der Schwingungsebene in P_1 dargestellt.

Allmählich setzt sich im Laufe der Zeit aus den Bogenelementen PP_1 , der Bogen PS , aus den Flächenelementen PBP_1 , das Mantelstück PBS zusammen; während also infolge der Axenumdrehung der Erde der Aufhängungspunkt P den Bogen PS beschreibt, summieren sich die scheinbaren Abweichungen der Schwingungsebene des Pendels zu einem Winkel, welcher sich durch Applanierung des Mantelstückes PBS ergibt. Es sei dieser Winkel durch γ_1 , PCS aber durch γ bezeichnet, so verhält sich γ_1 zu γ , wie der Kreisausschnitt POS zu dem Mantelstück PBS , d. h. wie $\cos BPC$ zu 1, und weil BPC das Komplement der Breite ist, so ist:

$$\gamma_1 = \gamma \cdot \sin \varphi.$$

Foucault hat seine Versuche öffentlich zuerst 1851 im Pariser Observatorium und später im Pantheon, die letzteren mit einem 62 Meter langen Pendel, angestellt.

In der Breite von Berlin, d. h. für $\varphi = 52^\circ 30'$, dreht sich die Schwingungsebene eines Pendels in 24 Stunden um $285^\circ 30'$, also in einer Stunde um $11^\circ 54'$.

Die Zeit der Axenumdrehung der Erde kann als unveränderlich angesehen werden; wenigstens hat Laplace den Schluß gemacht, daß sich diese Zeit seit Hipparch, d. h. seit 2000 Jahren, nicht um den hundertsten Teil einer Sekunde geändert hat. Aus neueren Berechnungen jedoch über den hindernden Einfluß der durch Sonne und Mond bewirkten wechselnden Bildung von Ebbe und Flut (§ 988) hat sich ergeben, daß die Erde sich vor 10000 Million Jahren etwa doppelt so schnell um ihre Axe gedreht haben mag als jetzt.

§ 353. Das Horizontalsystem, Azimut und Höhenwinkel. Die Bestimmung der Lage eines Punktes am Himmel geschieht ähnlich wie die eines Punktes in der Ebene, nämlich durch rechtwinklige Koordinaten, welche ihrem jedesmaligen Zweck entsprechend gewählt werden. Handelt es sich um die Feststellung der augenblicklichen Lage eines Gestirns S bei einer Beobachtung, so bedient man sich des Horizontalsystems. Zu Grunde liegt demselben der Horizont HR der Orte, entsprechend der Abscissenaxe, und die Höhe SK des Gestirns über dem Horizont, gemessen auf dem zugehörigen Vertikalkreise, als Ordinate; diese Koordinaten heißen Azimut und Höhenwinkel. Als Anfangspunkt für das Azimut gilt der Südpunkt R , und von diesem aus rechnet man das Azimut über Westen, Norden und Osten von 0° bis 360° , so daß also das Azimut RK angiebt, wieviel Grade nach Westen hin von seiner höchsten Stellung im Meridian des Beobachtungsortes das Gestirn vorgerückt ist. Der Höhenwinkel $SK = h$ wird von 0° bis 90° gezählt und ist jedesmal das Komplement der Zenithdistanz SZ des Gestirns.

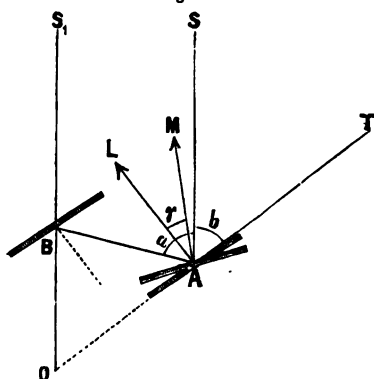


Fig. 296.

Zur Bestimmung des Azimuts und des Höhenwinkels dient vorzugsweise ein Fernrohr (ein sogenanntes Universalinstrument), dessen Stellung zugleich auf einem horizontalen und auf einem vertikalen genau graduierten Kreise abgelesen werden kann; der nach dem Nullpunkt des horizontalen Kreises gerichtete Radius liegt im Meridian des Beobachtungsortes. — Das einfachste Instrument zu einer Höhenbestimmung ist der Sextant, durch welchen man das Gestirn S selbst und sein Bild in einem horizontalen Spiegel, einem künstlichen Horizont, der sich am zweckmäßigsten durch Quecksilber herstellen läßt, zur Deckung bringt.

Der Winkel $S_1OT = SAT = b$ (Fig. 297), unter welchem die beiden (unendlich entfernten) Punkte S und T von O aus erscheinen, ist doppelt so groß als der Winkel $\gamma = LAM$, um welchen der Spiegel A (die Alhidade) gedreht ist; LA und MA sind Einfallslotte für die verschiedenen Stellungen des Spiegels.

Fig. 297.



In der That hat man, den Winkel $BAS = a$ gesetzt, $\angle BAT = a + b$, $BAL = \frac{a}{2}$, $MAT = \frac{a+b}{2}$, folglich

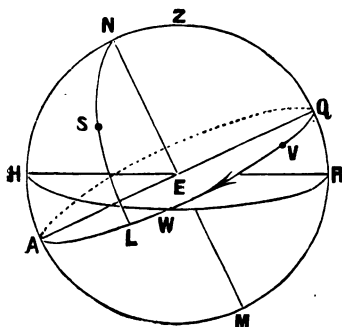
$$LAM \text{ oder } \gamma = \frac{b}{2}.$$

Zur Feststellung der durch Beobachtungen am Himmel gewonnenen Resultate hat man die durch die Brechung der Lichtstrahlen in der Atmosphäre veranlaßte Ablenkung derselben von ihrem geradlinigen Wege in Betracht zu ziehen, also eine Korrektion wegen der atmosphärischen Strahlenbrechung zu machen, welche um so größer ist, je flacher gegen den Horizont die Lichtstrahlen in die Atmosphäre eintreten. Die Ablenkung der Lichtstrahlen

steigt bis über einen halben Grad und ist außerdem, weil die Luft nicht immer dieselbe Dichtigkeit besitzt, von dem Stand des Quecksilbers im Thermometer und Barometer abhängig. Um zuverlässige Resultate aus Beobachtungen zu erhalten, dürfen diese sich nicht unter eine Höhe von 25° ausdehnen.

§ 354. Das Äquatorialsystem, Rektascension und Deklination. Um die gegenseitige Stellung der Gestirne zu einander zu bestimmen, also vorzugsweise auch um ihre Lage auf einer Sternkarte festzustellen, dient das Äquatorialsystem. Als Fundamentalkreis tritt hier (Fig. 298) der Himmelsäquator AQ auf, und auf diesen wird der Ort eines Gestirns S bezogen, einmal durch seine Entfernung vom Äquator SL , die Deklination δ , welche auf dem durch das Gestirn gehenden Meridian nördlich und südlich von 0° bis 90° gezählt wird, und ferner durch den Abstand dieses Meridians von einem bestimmten Punkt des Äquators, dem Frühlings- tagundnachtgleichenpunkt V (§ 356), durch die Rektascension VL (genauer $VQAL$) $= \alpha$, welche von Westen durch Süden nach Osten, also entgegengesetzt der durch die Pfeilspitze angedeuteten scheinbaren Drehung der Himmelskugel, gerechnet wird von 0° bis 360° .

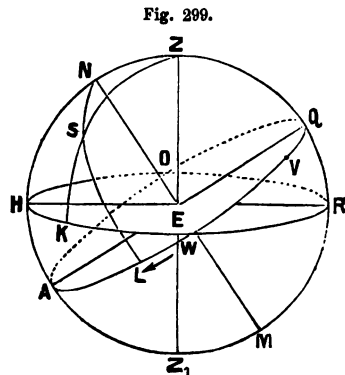
Fig. 298.



Die Rektascension α eines Gestirns giebt an, um wieviel Grade bei der scheinbaren Umdrehung der Himmelskugel dasselbe hinter dem Äquinoktialpunkte V zurück ist, oder wenn man die Gradanzahl in Zeit überträgt, indem jeden 15 Grad, 15 Bogenminuten, 15 Bogensekunden bezüglich eine Stunde, eine Zeitminute, eine Zeitsekunde entspricht (§ 348), um wieviel Zeit das betreffende Gestirn später kulminiert als der Punkt V . Um diese Übertragung von Bogenmaß in Zeitmaß zu erübrigen, wird in der Regel die Rektascension von vornherein in Zeitmaß ausgedrückt.

Von der Rektascension wohl zu unterscheiden ist der Stundenwinkel eines Gestirns, durch welchen die Größe der Drehung der Himmelskugel oder die Zeit ausgedrückt wird, welche verflossen ist seit seiner oberen Kulmination, so daß der Stundenwinkel mit jeder Stunde um 15° wächst, während die Rektascension unverändert dieselbe bleibt.

§ 355. Das Polardreieck. Die Elemente des Horizontal- und des Äquatorialsystems vereinigt dienen zur Beantwortung vieler Fragen, welche vorzugsweise die Bestimmung der Zeit betreffen, und von denen einzelne hervorgehoben werden mögen. In Fig. 299 sei die Himmelskugel dargestellt und zwar sei HR der Horizont, Z das Zenith, AQ der Äquator und N der Nordpol, so sind (§ 348) R, W, H, O bezüglich der Süd-, West-, Nord-, Ostpunkt; legt man jetzt durch S , den Ort eines beliebigen Sternes, den Vertikalkreis ZSK , so ist SK der Höhenwinkel h und SZ , das Komplement von h , die Zenithdistanz z , RK das Azimut a des Sternes (§ 353) und NH die Polhöhe φ , und wenn durch S und NM der Meridian gelegt wird, so ist SL die nördliche Deklination δ und VL (genauer $VQOAL$) die Rektascension α (§ 354), endlich der Winkel QNL , auf dem Äquator durch den Bogen QL gemessen, der Stundenwinkel τ .



Von besonderer Bedeutung für den Zusammenhang der eben erwähnten Elemente ist das sphärische Dreieck NSZ , das sogenannte Polardreieck des Sternes, dessen Seiten und Winkel, wie folgt, darzustellen sind:

$$\begin{aligned} SZ &= 90^\circ - h = z, & SNZ &= \tau, \\ NS &= 90^\circ - \delta, & NZS &= 180^\circ - \alpha, \\ ZN &= 90^\circ - \varphi, & ZSN &= \varepsilon, \end{aligned}$$

wo ε der parallaktische Winkel des Sternes heißt. Aus jeden drei dieser Bestimmungsstücke sind die übrigen leicht zu berechnen.

Es sei beispielsweise die geographische Breite eines Ortes φ und bei einmaliger Beobachtung Azimut und Höhe eines Sternes bekannt, so ist durch Rechnung leicht seine Deklination und sein Stundenwinkel zu bestimmen. Gegeben sind:

$$NZ = 90^\circ - \varphi, \quad Z = 180^\circ - \alpha, \quad SZ = z,$$

folglich ergibt sich die Deklination δ aus der Gleichung:

$$\cos SN = \cos NZ \cdot \cos SZ + \sin NZ \cdot \sin SZ \cdot \cos Z$$

oder:

$$\sin \delta = \sin \varphi \cdot \cos z - \cos \varphi \cdot \sin z \cdot \cos \alpha.$$

Oder ist aus der Polhöhe eines Ortes, der Deklination und dem Höhenwinkel eines Sternes sein Stundenwinkel zu finden, so ergibt sich:

$$\operatorname{tg} \frac{\tau}{2} = \pm \sqrt{\frac{\sin(s - \varphi) \cdot \sin(s - \delta)}{\cos s \cdot \cos(s - z)}},$$

wo beide Zeichen in Betracht kommen können, weil der Stundenwinkel τ bis 360° gezählt wird (§ 354), und $s = \frac{\varphi + \delta + z}{2}$ zu setzen ist. Ist die Sonne das

beobachtete Gestirn, so ergibt sich als Resultat der Stundenwinkel der Sonne, d. h. die wahre Sonnenzeit (§ 359). Darum wird die Beobachtung der Höhe der Sonne von großer Bedeutung für die Zeit- und Längenbestimmung, zumal auf offener See, durch Vergleichung mit einem guten Chronometer, welches etwa die mittlere Zeit eines seiner Länge nach bekannten Hafenplatzes zeigt.

Zweiter Abschnitt.

Bewegung der Erde um die Sonne.

§ 356. Scheinbare jährliche Bewegung der Sonne. Gleichzeitig oder nahezu gleichzeitig mit der Sonne kulminieren zu jeder Zeit des Jahres bestimmte Fixsterne, unter denen sich während der Zeit der unteren Kulmination der Sonne, d. h. um Mitternacht, die Cirkumpolarsterne (§ 349) der Beobachtung nicht entziehen. Bei dieser Beobachtung findet sich, daß die um Mitternacht kulminierenden Sterne in den auf einander folgenden Nächten vorrücken und zwar in der Weise, daß im Laufe eines Jahres nach und nach jeder Teil des Fixsternhimmels seine untere (sowie auch obere) Kulmination um Mitternacht erreicht. Das Gleiche gilt für die Sonne: während aber auf diese bezogen der Fixsternhimmel von Osten nach Westen vorzurücken scheint, bleibt die Sonne selbst scheinbar am Himmel zurück, oder macht an diesem alljährlich in der Richtung von Westen nach Osten, also entgegengesetzt der scheinbaren täglichen Drehung der Himmelskugel, einen Umlauf. Dabei ändern sich zugleich von Tage zu Tage der Höhenwinkel der Sonne, im besonderen ihre Mittagshöhe (§ 353) und die Punkte ihres Auf- und Unterganges. Wenn man nunmehr die verschiedenen Stellungen der Sonne in eine Sternkarte, oder besser auf einen Himmelsglobus einträgt, so zeigt sich, daß die Sonne während eines Jahres einen größten Kreis am Himmel beschreibt, die Ekliptik (*ἐκλειπτικὸς κύκλος*), welcher gegen den Äquator die ungefähre Neigung von $23\frac{1}{2}^{\circ}$ hat. Befindet sich die Sonne in einem der beiden Schnittpunkte von Äquator und Ekliptik, so beträgt ihr Tagbogen (§ 349) 180° , sind also Tag und Nacht einander gleich: diese Schnittpunkte heißen darum auch der Frühlings- und Herbst-Tag- undnachtgleichenpunkt (Äquinoktialpunkte Ω und Υ , vergl. die Anm.). Während des Sommers befindet sich die Sonne auf der nördlichen Hälfte der Himmelskugel, und zwar in ihrer größten Entfernung, nämlich $23\frac{1}{2}^{\circ}$, vom Äquator zur Sommersonnenwende am 21. Juni, während sie die entgegengesetzte tiefste Stelle am Südhimmel am 21. Dezember im Wintersonnenwendepunkt einnimmt (§ 366). Vom Frühlings-Äquinoktium aus kommt sie dabei im Laufe eines Jahres nach einander in die zwölf Sternbilder des Tierkreises oder Zodiakus:

Widder,	Stier,	Zwillinge, —
Krebs,	Löwe,	Jungfrau, —
Waage,	Skorpion,	Schütze, —
Steinbock,	Wassermann,	Fische,

deren jedes 30° des Tierkreises umfaßt.

Die Schiefe der Ekliptik schwankt zwischen gewissen Grenzen in Perioden, welche viele Jahrtausende umfassen, im Jahre 1874 war sie $23^{\circ} 27' 20''$ und gegenwärtig wird sie jährlich um $\frac{1}{2}$ Sekunde kleiner. Nach den Untersuchungen von Lagrange hat die Schiefe der Ekliptik im Jahre 29400 v. Chr. ein Maximum von $27^{\circ} 31'$, 14400 v. Chr. ein Minimum von $21^{\circ} 20'$, 2000 v. Chr. ein neues Maximum von $23^{\circ} 53'$ erreicht. Im Jahre 6600 n. Chr. wird ein neues Minimum von $22^{\circ} 54'$ eintreten. — Die Zeichen des Tierkreises (vgl. § 361, Fig. 301),

(Sunt Aries, Taurus, Gemini, Cancer, Leo, Virgo, Libraque, Scorpius, Arcitenens, Capre, Amphora, Pisces)

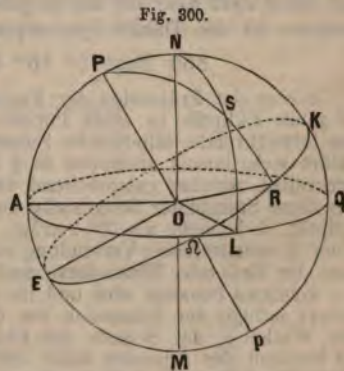
deren Namen sich auch in der geographischen Bestimmung der Grenzkreise der heißen Zone, der Wendekreise des Krebses und des Steinbocks (§ 367), geltend machen, sind wohl zu unterscheiden von den gleichnamigen Sternbildern des Tierkreises, welche je um ein Zeichen voraus sind, so daß jetzt der Frühlingsnachtgleichenpunkt ♈ am Anfange des Sternbildes der Fische liegt (vergl. § 358 und die Sternkarte).

Anmerkung. Die Zeichen für die Frühlings- und Herbstnachtgleichen sind eigentlich Υ (Widder) und ♌ (Wage), weil zu Frühlings- und Herbstanfang die Sonne sich bezüglich im Sternbilde des Widders und der Wage befindet. Hier jedoch sind für diese Punkte der Ekliptik absichtlich, um die Übersicht zu erleichtern, die Zeichen \odot und \oslash gewählt worden, welche allgemeiner bezüglich den auf- und absteigenden Knoten bedeuten, Knoten als Durchschnitte der auf die Himmelskugel übertragenen Bahn eines Himmelskörpers mit einer bestimmten Fundamentalebene, hier der scheinbaren Bahn der Sonne in der Ekliptik mit der Äquatorialebene. Das Zeichen \odot für das Frühlingsäquinoktium charakterisiert als aufsteigender Knoten alsdann zugleich den Durchgang der Sonne durch den Äquator von Süden nach Norden, das Zeichen \oslash , absteigender Knoten, für das Herbstäquinoktium den Durchgang durch den Äquator in der Richtung von Norden nach Süden.

§ 357. Das ekliptische System, Länge und Breite. Die Ekliptik dient als Fundamentalkreis zur Ortsbestimmung eines Punktes am Himmel, zumal bei Untersuchungen über die Bewegung der Planeten, nach einem neuen Koordinatensystem (vergl. §§ 353 und 354). Man denkt sich (Fig. 300) in der Mitte O der Ekliptik EK eine senkrechte Axe errichtet, deren Schnittpunkte mit der Himmelskugel, P und p , der nördliche und südliche Pol der Ekliptik heißen, und nennt dann den Abstand eines Gestirns S von der Ekliptik SR seine nördliche oder südliche Breite, und den Abstand des durch das Gestirn und die Axe der Ekliptik gelegten Kreises PSR von Ω , auf der Ekliptik gemessen, $R\Omega$, die Länge des Gestirns, die letztere gemessen in der Richtung von Westen über Süden nach Osten von 0° bis 360° .

Die astronomische Breite der Sonne ist stets gleich Null, wenn man von einer Schwankung zwischen $\pm 1,25''$ absieht, welche daher kommt, daß sich Erde und Mond um ihren gemeinschaftlichen Schwerpunkt bewegen, wodurch der Erdmittelpunkt abwechselnd über und unter die Ekliptik zu liegen kommt; die Länge der Sonne ist im April zwischen 10° bis 40° , im Mai zwischen 40° bis 70° u. s. w., im März zwischen 340° und 10° (vergl. die Sternkarte).

Die Wechselbeziehung des ekliptischen und des Äquatorialsystems (§ 354) wird aus Fig. 300 klar, wo AQ den Äquator, NM die Weltaxe,



EK die Ekliptik, *P* und *p* den nördlichen und südlichen Pol der Ekliptik bedeuten, also $PN = KQ = i$ die Schiefe der Ekliptik. Ist *S* wieder das Gestirn, so ist $SR = \beta$ die Breite und $RQ = \lambda$ die Länge, ferner $SL = \delta$ die Deklination, $LQ = \alpha$ die Rektascension und demnach im $\triangle PNS$:

$$\begin{aligned} PN &= i, & NPS &= 90^\circ - \lambda, \\ NS &= 90^\circ - \delta, & PNS &= AOL = 90^\circ + \alpha. \\ PS &= 90^\circ - \beta, \end{aligned}$$

§ 358. Siderisches und tropisches Sonnenjahr. Um ihren scheinbaren jährlichen Umlauf am Fixsternhimmel zu vollenden, braucht die Sonne 365 Tage $6^h 9^m 10^s = 365,2564$ Tage; dieser Zeitraum, welcher also erforderlich ist, damit die Sonne die frühere Stellung unter den Fixsternen wiedererreicht, oder damit derselbe Fixstern zu derselben Zeit denselben Meridian erreicht, also etwa um Mitternacht kulminiert (§ 356), ist ein siderisches Sonnenjahr. Davon zu unterscheiden ist die Zeit, welche verfließt zwischen zwei auf einander folgenden Frühlingsäquinoktien, d. h. zwischen zwei aufsteigenden Durchgängen der Sonne durch den Äquator, welcher Zeitraum tropisches Sonnenjahr genannt wird. Die ungleiche Dauer des siderischen und tropischen Sonnenjahres ist daraus zu erklären, daß die Äquinoktialpunkte nicht feste Punkte der Ekliptik sind, sondern auf dieser sich langsam rückwärts bewegen. Diese Rückwärtsbewegung erfolgt in der Richtung von Osten nach Westen, also im Sinne der scheinbaren täglichen Bewegung des Himmels, bringt also alljährlich die Sonne den Sternen scheinbar voraus und wird darum als Präcession der Nachtgleichen bezeichnet. Dieselbe beträgt im Jahre 50,21 Bogensekunden, welche die Sonne in etwa 20 Minuten durchläuft. Um diese Zeit also ist das tropische Sonnenjahr kürzer als das siderische. Genauer ist die Dauer des tropischen Sonnenjahres:

$$365 \text{ Tage } 5^h 48^m 49,5^s = 365,24224 \text{ Tage.}$$

Infolge der Präcession der Nachtgleichen wird durch jeden Äquinoktialpunkt die ganze Ekliptik in einer Periode von 25 868 Jahren durchlaufen und findet eine fortwährende, allmähliche Zunahme der Länge der Gestirne statt (§ 357); es erklärt sich daraus auch das in § 356 erwähnte Vorrücken der Sternbilder des Tierkreises, welches entsprechend dem Zeitraum von ungefähr 2000 Jahren, seitdem diese Sternbilder festgestellt worden sind, mehr als den zwölften Teil der Ekliptik, d. h. mehr als 30° beträgt. Mit der Präcession der Nachtgleichen steht ferner in unmittelbarer Verbindung eine allmähliche Änderung in der gegenseitigen Lage der Erd- oder Himmelsaxe und der Axe der Ekliptik, welche als Nutation der Erdaxe benannt wird und im wesentlichen darin besteht, daß, während die Erdaxe infolge der Präcession um die Axe der Ekliptik in 25 868 Jahren unter dem Winkel i , der Schiefe der Ekliptik, einen Kegelmantel beschreibt (§ 64), der Nordpol des Äquators dabei infolge der Nutation nicht immer auf der Peripherie eines Kreises bleibt, sondern sich dem Mittelpunkt desselben bald nähert, bald von ihm entfernt, sowie auch die Präcession nicht gleichmäßig fortschreitet. Bei genauerer Bestimmung bewegt sich der Pol des Äquators auf einer kleinen Ellipse, deren scheinbare Halbachsen $0,15'$ und $0,11'$ betragen, während der Mittelpunkt dieser Ellipse um den Pol der Ekliptik einen Kreis mit dem scheinbaren Radius i beschreibt.

§ 359. Sonnen- und Sterntag, Sonnenzeit, Zeitgleichung. Mit Frühlingsanfang, am 21. März, steht die Sonne im Äquinoktialpunkt, geht also gleichzeitig mit diesem durch den Meridian; am folgenden Tage ist sie bereits um nahezu einen Grad auf der Ekliptik von Westen nach Osten weitergerückt, also der Q ihr ziemlich um 4 Minuten voraus, so

dafs die Sonne 4 Minuten später durch den Meridian geht als der Ω , und so beträgt die Verspätung des Durchganges der Sonne durch den Meridian täglich etwa 4 Minuten. Die Zeitdauer zwischen zwei aufeinander folgenden Kulminationen eines Fixsternes wird ein Sterntag genannt, die Zeit zwischen zwei aufeinander folgenden Kulminationen der Sonne ein wahrer Sonnentag. Der letztere ist demnach um etwa 4 Minuten länger als der erstere.

Die Astronomen pflegen nach Sternzeit zu rechnen und jeden Sterntag mit dem Moment der Kulmination des Äquinoktialpunktes zu beginnen, so dafs die Rektascension eines Sternes (§ 354) unmittelbar seine Kulminationszeit angiebt. Bei der Unveränderlichkeit der Axendrehung der Erde (§ 352) ist auch der Sterntag von unveränderlicher Länge; dagegen ist die Dauer eines wahren Sonnentages innerhalb gewisser Grenzen veränderlich, einmal weil dieselbe abhängig ist von dem mit ungleichförmiger Geschwindigkeit erfolgenden Fortrücken der Sonne auf der Ekliptik (§ 362) und ferner, weil diese Bewegung der Sonne nicht auf dem Äquator selbst, sondern auf der zu ihm schief gelegenen Ebene der Ekliptik stattfindet. Beispielsweise ist am 21. Dezember der wahre Sonnentag $\frac{1}{2}$ Minute länger, am 21. September um ebensoviel kürzer als bei seiner mittleren Länge. Diese Differenzen auszugleichen, rechnet man im bürgerlichen Leben nicht nach wahren, sondern nach sogenannten mittleren Sonnentagen. Man denkt sich nämlich eine mittlere Sonne, welche auf dem Äquator mit gleichförmiger Geschwindigkeit fortrückt, so dafs sie ihren ganzen Umlauf in derselben Zeit zurücklegt wie die wahre Sonne auf der Ekliptik, zwischen zwei auf einander folgenden Frühlingsäquinoktien, d. h. innerhalb eines tropischen Jahres. Die mittlere Dauer eines Sonnentages ist dann die Zeit zwischen zwei auf einander folgenden Kulminationen der mittleren Sonne. Der Unterschied zwischen der Kulminationszeit der mittleren und der wahren Sonne heifst die Zeitgleichung.

Tabelle der Zeitgleichungen.

Januar	1 ..	3,8 Minuten	Juli	10 ..	4,9 Minuten
	11 ..	8,2 "		20 ..	5,9 "
	21 ..	11,6 "		30 ..	6,1 "
	31 ..	13,7 "	August	9 ..	5,2 "
Februar	10 ..	14,6 "		19 ..	3,4 "
	20 ..	14,0 "		29 ..	0,8 "
März	2 ..	12,4 "	September	8 ..	— 2,3 "
	12 ..	10,0 "		18 ..	— 5,8 "
	22 ..	7,1 "		28 ..	— 9,3 "
April	1 ..	4,0 "	Oktober	8 ..	— 12,6 "
	11 ..	1,1 "		18 ..	— 14,7 "
	21 ..	— 1,6 "		28 ..	— 16,1 "
Mai	1 ..	— 3,1 "	November	7 ..	— 16,2 "
	11 ..	— 3,9 "		17 ..	— 14,9 "
	21 ..	— 3,8 "		27 ..	— 12,2 "
	31 ..	— 2,8 "	Dezember	7 ..	— 8,4 "
Juni	10 ..	— 1,1 "		17 ..	— 3,7 "
	20 ..	1,0 "		27 ..	1,2 "
	30 ..	3,1 "			

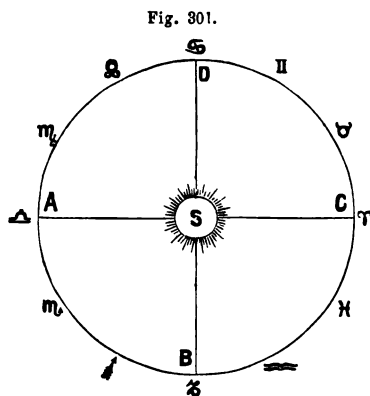
Man hat diese Zeiten in Minuten zu der durch eine Sonnenuhr angezeigten, oder aus der Sonnenhöhe berechneten (§ 355) wahren Sonnenzeit zu addieren, um die mittlere Sonnenzeit zu erhalten.

Das tropische Sonnenjahr hat 365,24224 mittlere Sonnentage und 366,24224 Sterntage, also ist die Dauer eines Sterntages $23^h 56^m 4^s$ mittlere Sonnenzeit.

§ 360. Kalender. Die Länge eines mittleren Sonnentages (§ 359) steht zu der Zeitdauer des tropischen Jahres in einem irrationalen Verhältnis, so daß die Feststellung der bürgerlichen Zeitrechnung, welche nach ganzen Tagen und vollen Jahren geschehen muß, nicht ohne Schwierigkeiten ist. Durch Julius Cäsar wurde auf Anweisung des Sosigenes, eines bedeutenden Astronomen von Alexandrien, dem Überschuss des tropischen Jahres von 0,24224 über eine volle Tageszahl dadurch Rechnung getragen, daß jedes vierte Jahr einen Tag mehr als 365 Tage enthalten sollte. Dadurch wurde aber ein Fehler begangen von jährlich $0,25 - 0,24224 = 0,00776$ Tagen, der also in 100 Jahren sich auf einen Überschuss von 0,776, d. h. ziemlich $\frac{3}{4}$ Tagen beläuft. Es sind demnach in 400 Jahren nach dem Julianischen Kalender, der gegenwärtig noch von der griechischen Kirche festgehalten wird, 3 Tage zu viel gerechnet. Um diesem Übelstande abzuhelpen, ist durch den von Papst Gregor XIII. im Jahre 1581 eingeführten Gregorianischen Kalender die Änderung getroffen worden, daß innerhalb jeder vier Jahrhunderte drei Schalttage ausfallen, nämlich nur diejenigen Vielfachen von hundert Jahren Schaltjahre sein sollten, welche selbst sich durch 4 teilen lassen. Der nunmehr noch übrig bleibende Fehler beläuft sich erst in 4000 Jahren auf nahezu einen Tag, der dann wieder ausfallen muß.

Die alten Ägypter zählten das Jahr zu 365 Tagen, die Griechen und die Römer vor Cäsar nach Mondjahren von je 354 Tagen, welche nach Bedürfnis zu Sonnenjahren mit bestimmten Jahreszeiten ergänzt wurden, bis sich die Verwirrung nicht mehr schien lösen zu lassen, und im Jahre 45 v. Chr. der Julianische Kalender eingeführt wurde. Cäsar sah sich gezwungen, dem Jahre 46 nicht weniger als

67 Tage zuzufügen, so daß dieses Jahr *annus confusionis* genannt wurde. Dagegen mußte Gregor XIII. 1582 zehn Tage fortlassen, so daß dem 4. Oktober sofort der 15. folgte. Der Gregorianische Kalender ist nur allmählich eingeführt worden, im protestantischen Deutschland erst 1700, in England 1752. Den Russen sind wir gegenwärtig im Datum um 12 Tage voraus.

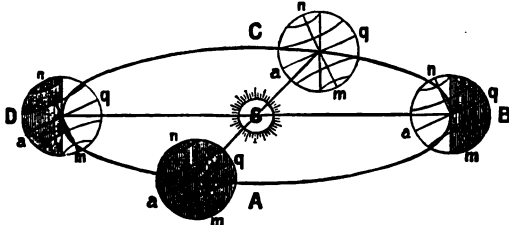


§ 361. Bewegung der Erde um die Sonne. Wie die tägliche Drehung der Himmelskugel nur eine scheinbare ist (§ 352), so ist auch die jährliche Bewegung der Sonne in der Ekliptik nur das Resultat einer Täuschung. Die Erde bewegt sich, wie Kopernikus (Nikolaus Kopernikus geboren 19. Februar 1473

zu Thorn, gestorben 11. Juni 1543 zu Frauenburg) gezeigt hat, gleich den übrigen Planeten, in einer kreisähnlichen Ellipse (vergl. § 379) um die Sonne als Centralkörper und zwar in der Richtung von Westen durch Süden nach Osten. Ein auf der Erde befindlicher Beobachter glaubt die Sonne an derjenigen Stelle der Ekliptik zu sehen, welche diametral entgegengesetzt ist derjenigen, die er selbst einnimmt, und während er mit der Erde die Ekliptik in der Richtung *ABCD* durchläuft (Fig. 301), meint er, daß die Sonne nach und nach die Stellungen *C, D, A, B* einnimmt, d. h. die Ekliptik in gleicher Richtung zurücklegt.

Die Schiefe der Ekliptik läßt sich aus der Neigung der Erdaxe gegen die Ebene der Erdbahn erklären. Die Fig. 302 verdentlicht in einer perspektivischen Ansicht der Erdbahn die Stellung der Erde zur Sonne *S* während der vier Jahreszeiten. In *A* und *C*, zur Zeit der Äquinoktien, steht die Sonne senkrecht über dem Äquator, in *B* und *D*, zur Zeit der Sonnenwende, nördlich, bezüglich südlich vom Äquator. Wie

Fig. 302.



die verschiedenen Jahreszeiten auf der Erde mit diesen Stellungen zusammenhängen, bleibt einer späteren Darstellung (§ 366) überlassen.

Es liegt nahe, an einen mechanischen Zusammenhang zwischen der Rotation der Erde um ihre Axe und ihrer fortschreitenden Bewegung im Weltenraume zu denken, insofern jeder sich um seine Axe drehende Körper, wenn diese Axe selbst nicht befestigt ist, sich räumlich fortbewegt. Weshalb aber diese Bewegung der Erde um die Sonne stattfindet, ist erst mit der Aufstellung des Newtonschen Gravitationsgesetzes (§ 387) klar geworden.

§ 362. Elliptische Gestalt der Erdbahn; ungleichförmige Geschwindigkeit der Erde. Bei genauerer Beobachtung findet sich, daß die Sonne zu verschiedenen Zeiten des Jahres eine verschiedene Größe zeigt; ihr Durchmesser nämlich erscheint Anfang Januar unter seinem größten Sehwinkel $32' 35''$, Anfang Juli dagegen unter seinem kleinsten Sehwinkel $31' 30''$. Macht man aus dieser Beobachtung einen Schluß auf verschiedene Abstände der Sonne, so befindet sich, in Bestätigung des Keplerschen Gesetzes von der Bewegung der Planeten in einer Ellipse, in deren einem Brennpunkt die Sonne steht (§ 379), die Erde am 1. Januar in ihrer Sonnennähe, im Perihelium, am 2. Juli in ihrer Sonnenferne, im Aphelium. Ihre Entfernungen von der Sonne verhalten sich zu diesen Zeitpunkten nahezu umgekehrt wie die zugehörigen Sehwinkel, d. h. wie 29:30. Auch ergibt sich für die Sonne bei ihrer scheinbaren Bewegung um die Erde eine verschiedene Geschwindigkeit, und zwar ist dieselbe im Perihel am größten, täglich etwa $61'$, im Aphel am kleinsten, täglich etwa $57'$, in ihrer Bahn auf der Ekliptik. Diese scheinbaren Geschwindigkeiten der Sonne verhalten sich nahezu wie die Quadrate von 30 und 29, sind also nicht bloß eine Folge der verschiedenen Entfernung der Erde von der Sonne, sondern es ergibt sich daraus, daß zu diesen Terminen auch die Geschwindigkeit selbst eine andere ist und zwar, daß die Geschwindigkeit der Erde zur Zeit des Perihels sich zu ihrer Geschwindigkeit zur Zeit des Aphels umgekehrt wie die jedesmaligen Entfernungen der Erde von der Sonne, d. h. wie 30:29 verhält. Und dieses

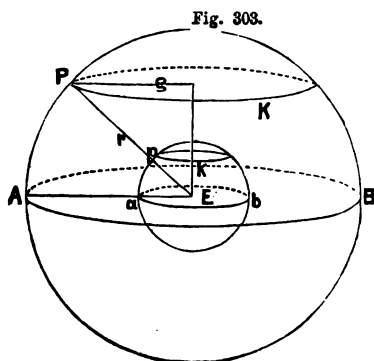
Gesetz bewährt sich für die ganze Umlaufsbewegung der Erde um die Sonne.

Daß mit abnehmender Entfernung von der Sonne die Geschwindigkeit der Erde, welche durchschnittlich für die Sekunde 29,5 km oder 4 geographische Meilen beträgt, zunimmt, dient zur Bestätigung des sogenannten Flächensatzes (§ 379), nämlich daß bei der Bewegung der Planeten um die Sonne vom Radius vector in gleichen Zeiten gleiche Flächenräume bestrichen werden. Ferner stimmt mit der Beobachtung, daß wir im Januar der Sonne näher sind als im Juli, die bekannte Erfahrung überein, daß auf der südlichen Halbkugel der Erde, im besonderen in Australien, wo der Januar in den Sommer, der Juli in den Winter fällt, der Sommer heißer, der Winter kälter ist als auf der nördlichen Halbkugel.

Dritter Abschnitt.

Mathematische Geographie.

§ 363. Übertragung astronomischer Ortsbestimmungen auf die Erde. Äquator, Pole, Parallelkreise, Meridiane der Erde. Denkt man sich die Erde und den Himmel als zwei concentrische Kugeln, welcher Vorstellung sich am besten die scheinbare Drehung der Himmelskugel um die Erde anpaßt, so lassen sich die in den ersten Ab-



schnitten an der Himmelskugel besprochenen Punkte und Kreise unmittelbar auf die Erde übertragen, indem man jedem Punkt P am Himmel denjenigen Punkt p der Erde entsprechen läßt, in welchem die Verbindungslinie von P mit dem Mittelpunkt E der Erde deren Oberfläche durchschneidet. Es gehört dann ebenso zu jeder Linie am Himmel eine ähnliche Linie auf der ihr zugewendeten Seite der Erde, also zu jedem Himmelskreise K ein Kreis k auf der Erde und im besonderen

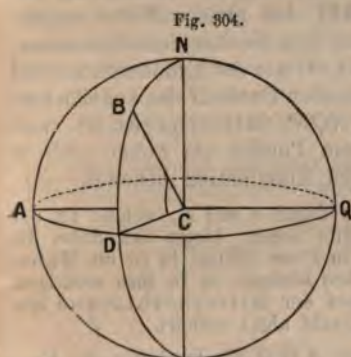
zu jedem größten Kugelkreise AB am Himmel ein größter Kugelkreis ab der Erde.

Zur Bezeichnung derjenigen Punkte und Kreise, welche auf der Erdoberfläche den am Himmel bestimmten Punkten und Kreisen entsprechen, dienen größtenteils auch dieselben Namen. Die Erdaxe ist ein Teil der Himmelsaxe, ihre Schnittpunkte mit der Oberfläche der Erde sind die beiden Pole, der Nordpol und der Südpol der Erde. Demnach ist auch die Ebene durch die Himmelsaxe zugleich eine Ebene durch die Erdaxe, und es entsprechen den Himmelsmeridianen die Erdmeridiane als Kreise durch einen beliebigen Punkt auf der Erde und die Erdaxe.

Ebenso ergibt der Himmelsäquator als Durchschnitt der Erde den Erdäquator, so daß auch dieser als derjenige größte Kreis der Erde zu bezeichnen ist, welcher überall gleiche Entfernung von den beiden Polen hat und darum die sämtlichen Erdmeridiane senkrecht durchschneidet. Der Äquator teilt die Erde in die nördliche und südliche Halbkugel, und als Parallelkreise bezeichnet man auch auf der Erde alle dem Äquator parallelen Kreise. Der Abstand jedes Parallelkreises vom Äquator wird durch den zwischen ihnen liegenden Bogen der Meridiane gemessen, so daß also jedem Parallelkreise auf der Erde ein Kreis von bestimmter Deklination (§ 354) am Himmel zugehört.

Bezeichnet man den Bogen eines Meridians zwischen einem Parallelkreise und dem Äquator oder den zugehörigen Centriwinkel des Meridians durch φ und den Erdradius durch r , so ist der Radius ρ des Parallelkreises $\rho = r \cos \varphi$, und demnach ebenso ein Grad des Parallelkreises gleich einem Äquatorialgrade, 111,3 km, multipliziert mit $\cos \varphi$, also z. B. für $\varphi = 60^\circ$ nur 55,65 km u. s. w.

§ 364. Geographische Breite und Länge. Zur Ortsbestimmung eines Punktes B auf der Erdkugel dienen dieselben Elemente, welche beim Äquatorialsystem (§ 354) zur Anwendung kommen, nämlich der Äquator



AQ als Fundamentalkreis und auf ihn bezogen die Entfernung des Punktes, gemessen durch den Bogen BD des ihm zugehörigen Meridians in Graden ausgedrückt, oder der entsprechende Centriwinkel BCD des Meridians, die geographische Breite, und ferner die geographische Länge, d. i. der Äquatorialbogen AD zwischen dem Meridian des Ortes und einem bestimmten Anfangsmeridian, oder der Winkel ACD , welchen diese beiden Meridiane mit einander bilden. Als Anfangsmeridian NA wird entweder

der durch eine bestimmte Sternwarte, wie Greenwich, Paris u. s. w. gewählt oder, damit alle Orte Europas auf derselben Seite des Anfangsmeridians liegen, der Meridian durch die Insel Ferro.

Die geographische Breite, entsprechend der Deklination im Äquatorialsystem, wird vom Äquator aus nach Norden und Süden von 0° bis 90° gerechnet und werden demnach Orte nördlicher und südlicher Breite unterschieden. Die geographische Länge, entsprechend der Rektascension der Gestirne, rechnet man vom Anfangsmeridian östlich und westlich von 0° bis 180° .

Weil alle Orte auf demselben Parallelkreise (§ 363) dieselbe geographische Breite haben und umgekehrt, bei gleicher Breite demselben Parallelkreise zugehören, so ergibt sich der Breitenunterschied zweier Orte, auch wenn sie verschiedene Länge besitzen, wenn sie zugleich auf derselben, nämlich der nördlichen oder der südlichen Erdhälfte liegen, durch Subtraktion, wenn sie dagegen verschiedenen Erdhälften angehören, durch Addition ihrer entsprechenden Breiten. Das Analoge gilt bei Bestimmung des Längenunterschiedes zweier Orte, je nachdem sie auf derselben durch den Anfangsmeridian bestimmten Erdhälfte liegen, oder auf verschiedenen Erdhälften. Daß die geographische Breite mit der Polhöhe eines Ortes übereinkommt, ist bereits in § 350 zum Austrag gekommen, ebenso

grenze BOB_1W findet bei der Stellung der Sonne in S Sonnenaufgang, für die Punkte der anderen Hälfte BWB_1 Sonnenuntergang statt.

Weil SC senkrecht auf der Ebene der Schattengrenze BOB_1W , und NC senkrecht auf der Ebene des Äquators $AOQW$, so ist der Durchschnitt beider Ebenen, OW , senkrecht auf der Ebene SCN , der anfänglichen Meridiane; folglich ist für die Punkte des durch W gehenden Meridians die Vormittagszeit 6 Uhr (Morgen) und für die Punkte des durch O gehenden Meridians die Nachmittagszeit 6 Uhr (Abend). Ebenso läßt sich durch eine einfache Rechnung die Zeit des Sonnenaufganges und Sonnenunterganges für jeden Punkt der Schattengrenze BWB_1 bestimmen.

Bei der in Fig. 305 gewählten Stellung der Sonne nördlich vom Äquator ist für alle Punkte der Nordhälfte der Erde der Tagbogen der Sonne größer als 180° , für alle Punkte der Südhälfte kleiner als 180° , d. h. auf der nördlichen Halbkugel sind die Tage länger, auf der südlichen kürzer als die Nächte. Das Entgegengesetzte tritt ein bei einer Stellung der Sonne südlich vom Äquator. Nur wenn die Sonne sich im Äquator selbst befindet, d. h. zur Zeit der Äquinoktien (§ 356), haben auf der ganzen Erde Tag und Nacht gleiche Länge.

§ 366. Erwärmung der Erde durch die Sonne; die Jahreszeiten. Die Erwärmung der Erde ist fast ausschließlich ein Resultat der strahlenden Wärme der Sonne und findet demnach nur statt, solange sich die Sonne über dem Horizont befindet, also am Tage, ist dann aber wesentlich von der Höhe der Sonne abhängig und zwar am stärksten am Mittag, wo die Sonne ihre größte Höhe erreicht, am schwächsten zur Zeit des Auf- und Unterganges der Sonne. In der Nacht erleidet die Erde nur einen Wärmeverlust durch die Ausstrahlung in den Weltenraum.

Die Erde wird durch die parallel einfallenden Sonnenstrahlen (§ 365) jederzeit (Fig. 306) von einem ganzen Strahlencylinder DBB_1D_1 getroffen. Denkt

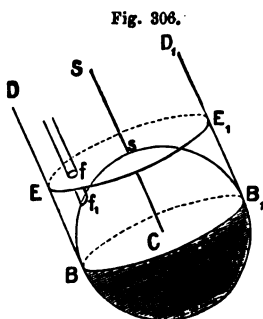


Fig. 306.

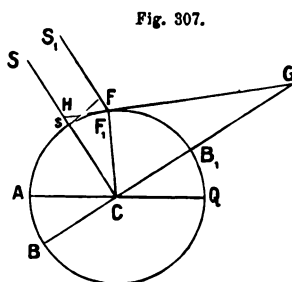


Fig. 307.

man sich nunmehr in s , dem Schnittpunkt der Axe dieses Cylinders mit der Erdoberfläche, die Tangentialebene an die letztere gelegt, so erleiden gleiche Flächenstücke dieser Ebene durch die Sonne gleiche Erleuchtung und gleiche Erwärmung. Es seien auf dem Durchschnittskreis EE_1 der Tangentialebene mit dem Strahlencylinder Flächenstücke f von gleichem Inhalt verzeichnet und die auf dieselben auffallenden Strahlencylinder bis zur Erdoberfläche erweitert, so erhalten auch die durch sie auf der Erde begrenzten Flächenstücke f_1 , obschon im allgemeinen von verschiedener Größe, gleichviel Licht und Wärme, wenn von der verschiedenen Wirkung der Licht- und Wärmestrahlen bei verschiedenen Entfernungen der einzelnen Punkte der Erde von der Sonne abgesehen wird. Nunmehr mögen die Flächenstücke f so klein angenommen werden, daß die zugehörigen Flächenstücke f_1 als eben anzusehen sind, so findet zwischen f und f_1 , wenn α der Winkel ist der

Tangentialebenen in s und F_1 (Fig. 307, in welcher f und f_1 bezüglich durch F und F_1 ersetzt sind), die bekannte Beziehung statt $f = f_1 \cos \alpha$, woraus sich

$$f_1 = \frac{f}{\cos \alpha}$$

ergiebt. Der Winkel α ist $= \angle F_1GC = \angle F_1Cs$. Wenn man also die Wärmemenge, welche das Flächenstück f der Tangentialebene, die von den Sonnenstrahlen senkrecht getroffen wird, in einer Sekunde von der Sonne erhält, durch W bezeichnet,

so erhält das Flächenstück $f_1 = \frac{f}{\cos \alpha}$, welches um den Bogen $sF_1 = \alpha$ von s entfernt ist, die gleich große Wärmemenge, folglich ein Flächenstück f in der gleichen Entfernung die Wärmemenge $W \cos \alpha$, oder wenn man durch β den Winkel $\angle S, F_1, H$ bezeichnet, unter welchem die Sonnenstrahlen das Flächenstück f_1 erreichen, und welcher den Winkel α zu 90° ergänzt, d. h. wenn β der Höhenwinkel der Sonne ist, so erhält f_1 in einer Sekunde die Wärmemenge:

$$W \sin \beta,$$

also: gleiche Flächenstücke auf der Erde erhalten bei gleichem Einfallswinkel der Sonnenstrahlen in gleicher Zeit gleichviel Wärme von der Sonne; und

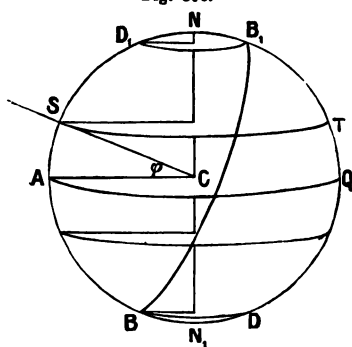
bei verschiedenen Einfallswinkeln sind die gleichen Flächenstücke auf der Erde erteilten Wärmemengen proportional dem Sinus des Höhenwinkels der Sonne.

Während sich die Erde um ihre Axe NN_1 dreht (Fig. 308), d. h. im Zeitraum eines vollen Tages, beschreibt der Punkt S , für den sich die Sonne im Zenith befindet, und dessen Breite etwa φ sein möge, den Parallelkreis ST , haben also nach und nach alle Punkte der Breite φ am Mittag die stärkste Erwärmung. Dem entsprechend empfängt auch die nördliche Hälfte der Erde, welcher der Parallelkreis ST angehört, innerhalb 24 Stunden mehr Licht und Wärme von der Sonne, als die Süd-

hälfte, welche um mehr als die Breite φ vom Zenithstande der Sonne entfernt ist. Durch den Punkt B_1 , für den um Mitternacht die Sonne nicht unterging (§ 365), wird bei der Umdrehung der Erde der Parallelkreis B_1D_1 beschrieben, für welchen das Gleiche stattfindet, so daß also für die ganze Zone B_1ND_1 die Sonne nicht unter den Horizont sinkt, während auf der entgegengesetzten Zone BN_1D in 24 Stunden die Nacht nicht aufhört. Die gleichen Erscheinungen treten ein, abgesehen von der Parallel-

verschiebung der Kreise ST , B_1D_1 und BD , solange sich die Sonne nördlich vom Äquator befindet. Im ganzen empfängt alsdann der Norden mehr Licht und Wärme von der Sonne als der Süden, und es herrscht infolge dessen nördlich vom Äquator, wo die Tagbogen der Sonne mehr als 180° betragen, die warme Jahreszeit, der Sommer, dagegen südlich vom Äquator, wo die Tage kürzer sind als die Nächte, die kalte Jahreszeit, der Winter. In vollkommen entgegengesetzter Art macht sich der Einfluß der Sonne auf die Erde geltend, solange sie ihre Stellung südlich vom Äquator behauptet, indem dadurch auf der Nordhälfte der Erde der Winter, auf der Südhälfte der Sommer bedingt wird. Nur beim Übergang der Sonne vom Nordhimmel zum Südhimmel und umgekehrt, d. h. wenn

Fig. 308.



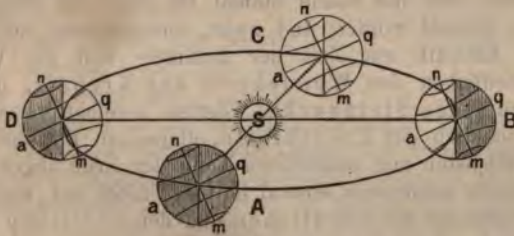
sich die Sonne im Äquator befindet, also zur Zeit der Äquinoktien, verteilen sich Licht und Wärme gleichmäßig auf beide Hälften der Erde, beginnt also mit dem Frühling für die eine Erdhälfte die warme, für die andere Hälfte mit dem Herbst die kalte Jahreszeit.

Die Sonne geht am 21. März und am 23. September durch den Äquator, während sie am 21. Juni und am 21. Dezember ihren weitesten Abstand, nämlich $23\frac{1}{2}$ Grad bezüglich nördlich und südlich vom Äquator erreicht. Vom Frühlings-äquinoktium an also nehmen im Norden die Tage zu, bis sie, am 21. Juni ihre größte Länge erreichen. Alsdann kehrt die Sonne wieder zum Äquator zurück — daher der Name Sonnenwende oder Solstitium — nehmen also die Nächte im Norden zu, bis mit der Herbst-Tagundnachtgleiche der Norden die längeren Nächte, der Süden die längeren Tage bekommt. Vom 21. Dezember an endlich, d. h. mit der Wintersonnenwende des Nordens, wo im Norden der kürzeste, im Süden der längste Tag eingetreten ist, gleichen sich allmählich, mit der Rückkehr der Sonne zum Äquator, Tag und Nacht in ihrer Zeitdauer, und demnach auch die Jahreszeiten in ihrem Gegensatz, wieder aus.

Auf der Nordhälfte der Erde dauert gegenwärtig der Frühling 92 Tage 21^h , der Sommer 93 Tage 14^h , der Herbst 89 Tage 17^h , der Winter 89 Tage 2^h . Die verschiedene Länge der Jahreszeiten ist eine Folge davon, daß sich die Erde Anfang Januar im Perihel, Anfang Juli im Aphel befindet (§ 362), also in ihrer Umlaufbewegung um die Sonne im Herbst und Winter eine größere Geschwindigkeit besitzt, als im Frühling und Sommer; hierzu kommt noch, daß die Verbindungslinie der beiden Äquinoktien, welche zugleich durch den Mittelpunkt der Sonne, d. h. durch den dem Perihel zunächst gelegenen Brennpunkt (§ 379) der Erdbahn geht, diese in zwei ungleiche Stücke teilt, von denen das der Sonne zunächst gelegene, von der Erde im Winterhalbjahr ihrer Nordhälfte durchlaufene, das kürzere ist. Wegen der Präcession der Nachtgleichen (§ 358) tritt alljährlich eine kleine Änderung in der Länge der Jahreszeiten ein.

Zur Veranschaulichung der gewonnenen Resultate dient auch die Fig. 302, in welcher der Jahresumlauf der Erde um die Sonne in perspektivischer Lage dargestellt ist. *A, B, C, D* sind die vier Stellungen der

Fig. 302.



Erde am Beginn der einzelnen Jahreszeiten, *nm* die unveränderte Stellung der Erdaxe, um welche die tägliche Umdrehung der Erde stattfindet. Am 21. März (*A*) und am 23. September (*C*) hat die Sonne ihre Stellung im Äquator, d. h. im Zenith über dem Erdäquator; die Projektion der Erdaxe auf die Ekliptik wird eine Tangente der Erdbahn. Licht und Wärme verteilen sich gleichmäßig über die ganze Erde hin. Der Erleuchtungskreis geht durch die beiden Pole *n* und *m* der Erde und steht demnach senkrecht auf dem Äquator. Beide Erdhälften befinden sich in der Zwischenzeit zwischen Sommer und Winter und zwar in *A* die Nordhälfte im Frühling, die Südhalbkugel im Herbst, dagegen in *C* die Nordhälfte im Herbst, die Südhalbkugel im Frühling. Am 21. Juni (*B*) wendet die Erde der Sonne ihre nördliche, am 21. Dezember (*D*) ihre südliche Halbkugel

zu: in beiden Stellungen haben die Projektionen der Erdaxe auf die Ekliptik die Richtung eines Radius der Erdbahn. In der Stellung *B* hat der Breitenkreis $23\frac{1}{2}^{\circ}$ die Sonne um Mittag im Zenith und erstreckt sich der Erleuchtungskreis bis zur Breite $66\frac{1}{2}^{\circ}$. Die Nordhälfte der Erde hat längere Tage und kürzere Nächte als die Südhälfte; auf der ersteren herrscht also die wärmere, auf der letzteren die kältere Jahreszeit. Umgekehrt verhält es sich bei der Stellung *D* am 21. Dezember, wo im Norden der Winter, im Süden der Sommer beginnt.

§ 367. Die Wendekreise und Polarkreise. Zwischen den Gegensätzen, welche der Norden und der Süden der Erde in Beziehung auf die Jahreszeiten darstellen, nämlich dafs gleichzeitig mit dem nördlichen Sommer der südliche Winter eintritt, zu seinem Höhenpunkt wächst und wieder endigt und umgekehrt, bildet die Äquatorialgegend insofern die Vermittelung, als hier, wo die Unterschiede in der Dauer des Tages und der Nacht fortfallen, auch nicht mehr ein halbjähriger Sommer und ein halbjähriger Winter eintritt. Weil nämlich am Äquator die Sonne zur Zeit der Äquinoktien um Mittag im Zenith steht, dagegen zur Zeit der Sonnenwende die größte Abweichung ($23\frac{1}{2}^{\circ}$) vom Äquator, also die Höhe $66\frac{1}{2}^{\circ}$ besitzt, so sind hier der 21. März und der 23. September die heifsesten, der 21. Juni und der 21. Dezember dagegen die am wenigsten heifsen Tage. Anstelle des Sommers und Winters treten in den Äquatorialgegenden die Regenzeiten. Vom Äquator aber bis zur Breite der Sonnenwende nähern sich einander mehr und mehr diejenigen beiden Tage des Jahres, an denen die Sonne um Mittag im Zenith steht, und macht sich darum durch Konzentration der Wärme allmählich mehr ein heifser Hochsommer geltend. Man nennt die Parallelkreise in der Breite $23\frac{1}{2}^{\circ}$ auf beiden Seiten des Äquators, oberhalb deren die Sonnenwende stattfindet, also die Sonne einmal im Jahre im Zenith steht, die Wendekreise (circuli tropici) und zwar, entsprechend der Stellung der Sonne in der Ekliptik zur Zeit der Sommer- und der Wintersonnenwende, den nördlichen den Wendekreis des Krebses, den südlichen den Wendekreis des Steinbocks. Ebenso bezeichnet man mit besonderen Namen, nämlich der Polarkreise, diejenigen Parallelkreise, durch welche die nördlichsten und südlichsten Teile der Erde abgegrenzt werden, an denen die Sonne mindestens einmal im Jahre nicht auf- und nicht untergeht, und unterscheidet den nördlichen und den südlichen Polarkreis. Beiden kommt eine Breite von $66\frac{1}{2}^{\circ}$ zu (§ 365).

Der Unterschied der Jahreszeiten ist durch die Schiefe der Ekliptik bedingt. Fiele die Ekliptik mit dem Äquator zusammen, d. h. hätte die Erdaxe zur Ebene ihrer Bahn um die Sonne eine senkrechte Lage, so würde der Tagbogen der Sonne das ganze Jahr unverändert 180° betragen, Tag und Nacht also würden auf der ganzen Erde von gleicher Dauer sein, und ebenso würde überall die Sonne täglich im Ostpunkt aufgehen und im Westpunkt untergehen und um Mittag dieselbe Höhe, das Komplement der geographischen Breite, erreichen. Demnach würde sowohl die Erleuchtung als die Erwärmung der Erde durch die Sonne während des ganzen Jahres keine Änderung erfahren. Die Äquatorialgegenden würden unerträglich von der Hitze, die Polargegenden von der Kälte zu leiden haben. — Wenn dagegen die Schiefe der Ekliptik 90° betrüge, d. h. der Äquator der Erde auf der Ebene ihrer Bahn senkrecht stünde, oder die Erdaxe in die Ebene ihrer Bahn fiele, so würde an den Polen der heifseste Hochsommer herrschen, weil die Sonne zur Sommersonnenwende den ganzen Tag über im Zenith stehen würde; am Äquator dagegen würde die Sonne zur Zeit der Sol-

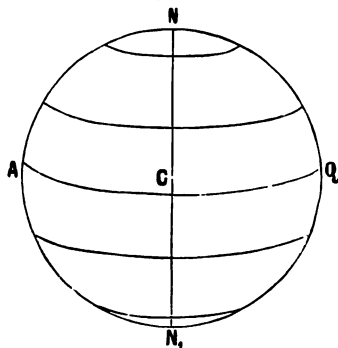
stition den ganzen Tag über bezüglich am Nord- oder am Südpunkt feststehen, so daß also wie zur Zeit der Nachtgleichen zweimal im Jahre Sommer, so auch zweimal im Jahre Winter sein würde.

§ 368. Die fünf Zonen. Nach der verschiedenen Erwärmung durch die Sonne unterscheidet man auf der Erde fünf durch Parallelkreise gegen einander abgegrenzte Zonen. Die größte Erwärmung im Laufe des Jahres erfolgt zwischen den Wendekreisen (§ 367), wo die Sonne mindestens einmal im Jahre im Zenith steht und ihre Mittagshöhe am Äquator nicht unter $66\frac{1}{2}^{\circ}$, an den Wendekreisen nicht unter 43° sinkt. Man nennt darum den Äquatorialgürtel zwischen den Wendekreisen, der eine Breite von 47° besitzt, die heiße Zone, bisweilen auch den Tropengürtel. Im Gegensatz hierzu heißen die durch die Polarkreise abgegrenzten, die beiden Pole bis zur Breite $66\frac{1}{2}^{\circ}$ umgebenden Teile der Erdoberfläche, auf denen die Sonne mindestens einmal im Jahre (im Sommer) nicht untergeht und (im Winter) nicht aufgeht, und auch am längsten Tage die Mittagshöhe 47° (an den Polen nur $23\frac{1}{2}^{\circ}$) nicht übersteigt, die kalten Zonen, oder die nördliche und die südliche Polarzone. Die Sonne geht in einzelnen Gegenden der kalten Zone im Hochsommer mehrere Tage, ja Wochen oder Monate nicht unter, ihre Strahlen jedoch treffen die Erde unter einem so spitzen Winkel, daß sie nur eine geringe Wärmewirkung äußern (§ 366), während in den langen, ebenfalls selbst Monate hindurch andauernden Winternächten der Erdoberfläche durch Ausstrahlung in den Weltenraum sehr viel Wärme verloren geht.

Zwischen der kalten und heißen Zone, also eingeschlossen von den Breitengraden $66\frac{1}{2}^{\circ}$ und $23\frac{1}{2}^{\circ}$, liegen auf beiden Erdhälften die gemäßigten Zonen. In ihnen erreicht selbst um Mittag die Sonne niemals das Zenith des Beobachters; es wechseln innerhalb jeder 24 Stunden Tag und Nacht mit um so größerem Spielraum in der Verschiedenheit ihrer Länge, je größer die geographische Breite eines Ortes ist. Sommer und Winter sind durch die länger andauernden, vermittelnden Jahreszeiten Frühling und Herbst getrennt.

Von den 512 Million Quadratkilometern, welche die Erdoberfläche beträgt, kommen etwa 204 Million auf die heiße Zone, 264 Million auf die beiden gemäßigten und 44 Million auf die beiden kalten Zonen. — Während an den Wendekreisen der längste Tag und demnach auch die längste Nacht 13 Stunden 28 Minuten betragen, nimmt von den Polarkreisen, d. h. von der Breite $66\frac{1}{2}^{\circ}$ an, die Dauer des längsten Tages schnell zu, so daß dieselbe von der Breite $67^{\circ} 18'$ an schon mehr als einen Monat beträgt. Es ist dabei vorausgesetzt, daß Anfang und Ende des Tages von dem Hindurchgehen des Mittelpunktes der Sonne durch den Horizont aus gerechnet werden, während in Wirklichkeit die Sonnenstrahlen noch von bedeutender Leuchtkraft sind, wenn bereits mehr als die Hälfte der Sonnenscheibe sich unterhalb des Horizontes befindet; außerdem wird auch die Sonnenscheibe selbst durch die in der Nähe des Horizontes vorzugsweise stark wirkende atmosphärische Strahlenbrechung (§ 353) gehoben, so daß für alle Punkte der Erde die Tageslänge einen Zuwachs erhält, der in den höheren Breiten mehrere Stunden betragen kann. — Die Temperaturdifferenz im Sommer

Fig. 309.

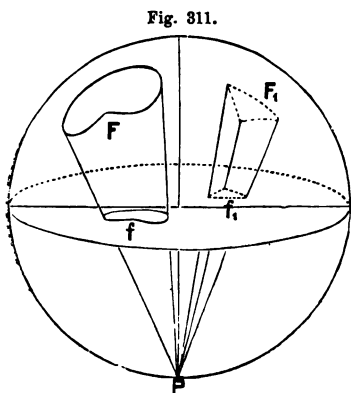
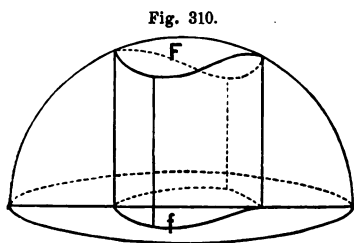


und Winter wird mit abnehmender geographischer Breite geringer: so beträgt der Unterschied zwischen der mittleren Temperatur des heißesten und des kältesten Monats für

Jakutsk	Breite $62^{\circ} 2'$	$63,5^{\circ} \text{ C.}$
München	" $48^{\circ} 9'$	$19,5^{\circ} \text{ C.}$
Palermo	" $38^{\circ} 7'$	$13,9^{\circ} \text{ C.}$
Mexiko	" $19^{\circ} 26'$	$7,9^{\circ} \text{ C.}$
Quito	" $0^{\circ} 14'$	$1,7^{\circ} \text{ C.}$

§ 369. Kartenprojektionen. Ein genaues Bild der Oberfläche der Erde oder der Himmelskugel ist einzig auf einem Erd- oder Himmelsglobus darzustellen: durch eine ebene Zeichnung, eine Erd- oder Himmelskarte, läßt sich immer nur ein mehr oder weniger verzerrtes Bild geben, weil kein Teil einer Kugelfläche — von der Abplattung der Erde wird ganz abgesehen — auf eine Ebene ausgebreitet oder projiziert werden kann, ohne größere oder geringere Ausdehnung oder Zusammenziehung einzelner Teile. Zur praktischen Anwendung bei Zeichnung von geographischen oder Sternkarten gelangen vorzugsweise drei Projektionssysteme,

das orthographische, das stereographische und die Mercatorprojektion.



1. Bei der orthographischen Projektion (Fig. 310) wird jeder Punkt der Halbkugel auf ihre Grundebene senkrecht projiziert, so daß durch die Karte die Halbkugel dargestellt wird, wie sie einem in sehr großer (unendlicher) Entfernung über der Grundebene befindlichen Auge erscheinen würde. Es werden dabei nur die mittleren Teile der Halbkugel in ziemlich unveränderter Form abgebildet, die seitlich gelegenen aber erleiden große Verzerrungen, so daß sich die orthographische Projektion nur zur Darstellung kleiner Teile der Kugel eignet.

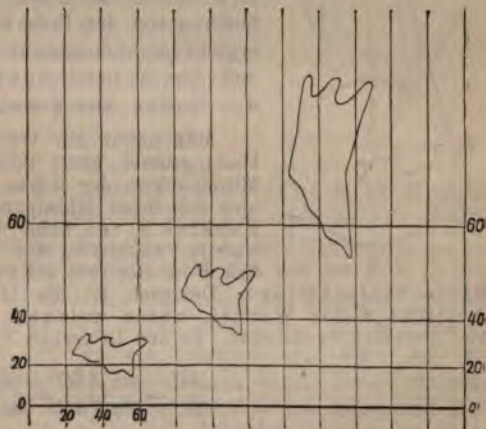
2. Die stereographische Projektion ist von diesem Mangel im ganzen frei. Um eine Figur F (Fig. 311) von einer Halbkugel auf deren Grundebene zu übertragen, denkt man sich die Halbkugel zur vollen Kugel erweitert und den tiefsten Punkt P der Erweiterung, d. i. den untern Pol der

Grundebene, mit sämtlichen Punkten von F verbunden, so sind die Schnittpunkte der Verbindungslinien ebensoviel Punkte der zu entwerfenden Karte. Diese selbst stellt also das Bild der Figur F dar, wie diese einem in P befindlichen Auge erscheint. Als Vorteile der stereographischen Projektion sind hervorzuheben, daß im allgemeinen Kreise der Halbkugel auch Kreise in der Zeichnung werden, und daß sehr kleine Dreiecke der Halbkugel in ähnliche Dreiecke auf die Zeichnung übertragen werden, so daß die gezeichnete Figur der zu projizierenden in den kleinsten Teilen

ähnlich ist. Während bei der orthographischen Projektion die seitlichen Figuren, in Vergleich mit den der Mitte näher gelegenen, sich in der Zeichnung sehr verengt darstellen, erscheinen dieselben bei der stereographischen dagegen sehr erweitert.

3. Durch die Mercatorprojektion (Gerhard Mercator, † 1594), erfährt die Kugel eine Darstellung, wie sie von keinem Punkt aus gesehen werden kann. Anstelle der Parallelkreise und der Meridiane treten zwei Systeme paralleler, einander senkrecht durchschneidender gerader Linien. Man legt (zu angenäherter Konstruktion) etwa den Äquator als eine gerade Linie (Abscissenaxe) zu Grunde, errichtet auf ihm in gleichen Abständen die Meridiane als Lote (Ordinaten) und trägt die Parallelkreise als Linien parallel zum Äquator ein, in Abständen von diesem, welche gleich sind den Tangenten der zugehörigen Breite an einem Kreise, dessen Umfang dem Äquator gleich ist. Oder man denkt sich an die darzustellende Kugel — und um eine ganze Kugelfläche darzustellen, ist die Mercatorprojektion vorzugsweise geeignet — eine Cylinderfläche gelegt, welche die Kugel im Äquator berührt, und den Mittelpunkt der Kugel mit den Punkten der zu projizierenden Figur F verbunden, so durchschneiden die Verbindungslinien, über die Kugelfläche hinaus verlängert, die Cylinderfläche in ebensovielen Punkten einer neuen Figur, welche auf die Ebene ausgebreitet die Mercatorprojektion darstellt. Auf der Karte erscheinen dabei die Polargegenden sehr ausgedehnt (Fig. 312).

Fig. 312.



Die oben angegebene Konstruktion ist, wie bemerkt, nur angenähert richtig. In der That sind die Ordinaten in der Art zu reduzieren, daß an jeder entsprechenden Stelle Breiten- und Längengrade und Ordinaten- und Abscissengrade auf der Projektion dasselbe Verhältnis haben. Demnach ist auch hier, wie bei der stereographischen Projektion, die gezeichnete Figur der zu projizierenden in den kleinsten Teilen ähnlich. Bei genauer Bestimmung durch analytische Mittel ergibt sich, daß anstelle der der Breite φ zukommenden Ordinate $y = r \operatorname{tg} \varphi$ die Ordinate $y_1 = r \cdot \log \operatorname{nat} \operatorname{tg} \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\varphi}{2} \right)$ zu setzen ist, wo r den Radius der Erde bedeutet.

Diese Ordinaten stimmen für kleine Werte von φ fast ganz überein und zeigen erst für höhere Breiten größere Unterschiede. Es hat nämlich die Differenz $\frac{y - y_1}{r}$ für $\varphi = 20^\circ, 40^\circ, 60^\circ, 80^\circ$ bezüglich die Werte 0,01, 0,08, 0,41, 3,23.

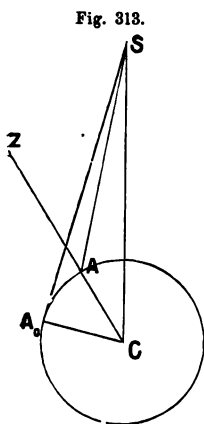
Außer bei Darstellung der ganzen Erdoberfläche wird die Mercatorprojektion auch bei Schiffskarten den übrigen Projektionsmethoden vorgezogen, weil die Linie, in welcher sich ein Schiff in denselben Windstriche bewegt, die sogenannte loxodromische Linie, mit allen Meridianen denselben Winkel bildet, also bei der Mercatorprojektion eine gerade Linie wird. Die meiste Anwendung findet im übrigen die stereographische Projektion.

Vierter Abschnitt.

Das Sonnensystem.

A. Die Sonne.

§ 370. Abstand der Sonne von der Erde, Gröfse der Sonne. Die Sonne erscheint, von der Erde aus gesehen, als eine in blendendem Licht strahlende, kreisförmige Scheibe, deren mittlerer Durchmesser (§ 362) $32' 2,5''$ beträgt. Aus der Ortsveränderung gewisser dunkler Flecken auf ihr, von denen in § 372 genauer die Rede sein wird, läßt sich auf eine Axenumdrehung der Sonne schliessen; weil aber trotzdem die Sonne unveränderlich die Kreisform zeigt, so muß sie die Gestalt einer Kugel ohne merkliche Abplattung besitzen. Um aus ihrem scheinbaren Durchmesser auf ihre Gröfse schliessen zu können, muß ihre Entfernung von der Erde bekannt sein. Diese aber selbst ergibt sich (angenähert) aus der Gröfse der Erde und dem Winkel, unter welchem die Erde von der Sonne aus gesehen erscheint.



Man nennt den Winkel $ASC = \alpha_1$, welchen die Verbindungslinien eines Punktes S am Himmel, z. B. des Mittelpunktes der Sonne mit einem Punkt A der Erde und mit deren Mittelpunkt C bilden, die Parallaxe des Punktes S , und wenn Winkel SA_0C ein Rechter ist, was eintritt, wenn SA_0 eine Tangente der Erdkugel wird, so daß S im Horizont des Punktes A_0 liegt, Winkel A_0SC die Horizontalparallaxe. Demnach ist die Horizontalparallaxe α_0 eines Gestirns S der Winkel, unter welchem der Radius der Erde von S aus gesehen erscheint. In den Dreiecken SAC und SA_0C ergibt sich:

$$\frac{AC}{SC} = \frac{\sin ASC}{\sin SAC} = \frac{\sin \alpha_1}{\sin ZAS}$$

und:

$$\frac{A_0C}{SC} = \sin A_0SC = \sin \alpha_0,$$

folglich:

$$1. \quad \sin \alpha_0 = \frac{\sin \alpha_1}{\sin ZAS},$$

wo Winkel ZAS die Zenithdistanz des Gestirns im Beobachtungspunkt A ist.

Aus den Parallaxen α_1 und β_1 eines Gestirns S für zwei Stationen A und B desselben Meridians die Horizontalparallaxe des Gestirns zu berechnen. Von A und B aus gesehen projiziert sich S auf die Himmelskugel bezüglich in den Punkten a und b (Fig. 314); demnach erscheint S von A und B aus um den Bogen ab auf der Himmelskugel verschoben. In A und B sei gleichzeitig, etwa um Mitternacht, die Höhe des Gestirns S beobachtet worden (§ 353), (die Sonnenhöhe etwa um Mittag) und demnach die Zenithdistanzen α_1 und β_1 gefunden worden. Nunmehr ist:

$$\alpha_1 = \alpha_2 - \alpha \quad \text{und} \quad \beta_1 = \beta_2 - \beta,$$

folglich:

$$\alpha_1 + \beta_1 = \alpha_2 + \beta_2 - (\alpha + \beta),$$

wo $\alpha + \beta$ aus der geographischen Breite der Orte A und B leicht zu bestimmen ist, z. B. wenn diese Orte auf verschiedenen Halbkugeln liegen, gleich der Summe ihrer Breiten, also bekannt ist. Darum ist auch $\alpha_1 + \beta_1$ als bekannt anzusehen. Es ergibt sich aber:

$$\frac{CA}{CS} = \frac{CB}{CS} = \frac{\sin \alpha_1}{\sin(\alpha + \alpha_1)} = \frac{\sin \beta_1}{\sin \alpha_1 + \sin \beta_1}$$

$\frac{\sin(\beta + \beta_1)}{\sin \alpha_1 + \sin \beta_1} = \frac{\sin(\alpha + \alpha_1) + \sin(\beta + \beta_1)}{\sin \alpha_1 + \sin \beta_1}$ und angenähert, weil α_1 und β_1 für die Gestirne, auch für die Sonne, sehr kleine Winkel sind, also $\sin \alpha_1$ und $\sin \beta_1$ sich durch α_1 und β_1 ersetzen lassen, und $\alpha + \alpha_1 = \alpha_2$, $\beta + \beta_1 = \beta_2$ sind:

$$2. \quad \frac{CA}{CS} = \frac{\alpha_1 + \beta_1}{\sin \alpha_2 + \sin \beta_2} = \sin \alpha_0 \quad (\text{Gl. 1}).$$

Liegen die Stationen A und B nicht genau auf demselben Meridian, so kann man doch leicht die Zenithdistanzen α_2 und β_2 von S mit Berücksichtigung ihrer Veränderung infolge der Längendifferenz beider Orte auf dieselbe Zeit reduzieren.

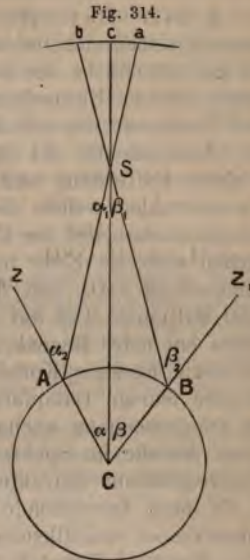
Durch ein derartiges Verfahren ist die Horizontalparallaxe der Sonne angenähert gefunden und später durch andere direkte Methoden (§ 376) auf den Wert $8,8''$ genauer bestimmt worden. Die Entfernung der Erde von der Sonne ergibt sich jetzt, indem man den Erdradius durch den Sinus der Horizontalparallaxe $8,8''$ dividiert, d. h. mit 23439 multipliziert. Die Entfernung beträgt demnach 149 500 000 km oder 20 140 000 geogr. Meilen.

Hieraus ergibt sich weiter der Halbmesser der Sonne durch Multiplikation mit $\sin 16' 1,25''$, also gleich 697 000 km oder 93 900 Meilen.

Der Halbmesser der Sonne ist fast doppelt so groß, ihre Entfernung von der Erde fast 400 mal so groß als die Entfernung des Mondes von der Erde (§ 381).

Die Masse der Sonne ist das 324439 fache der Erdmasse (§ 387), und darum liegt der Schwerpunkt von Sonne und Erde, um welchen sie sich bewegen, noch innerhalb der ersteren, nämlich nur etwa 460 km oder 62 geogr. Meilen vom Mittelpunkt derselben entfernt. Das Volumen der Sonne ist etwa 1,3 Million mal größer als das der Erde und ihre mittlere Dichtigkeit darum nur 0,249 oder fast ein Viertel der Dichtigkeit der Erde, folglich, da sich die letztere aus den Beobachtungen von Reich und Cavendish (§ 58) gleich 5,6 ergeben hat, ist die Sonne durchschnittlich nur 1,4 so dicht als das Wasser.

Der Wert der Horizontalparallaxe der Sonne $8,8''$ ist wahrscheinlich bis auf $0,05''$ genau: diesem Winkel aber entspricht eine Änderung von der Sonnenabstand von etwa 70000 km und für den Sonnenhalbmesser von etwa 4000 km, und darum sind die obigen Werte in der abgerundeten Form dargestellt. (Die Zahl 324439 für die Sonnenmasse ist dem *Annuaire pour l'an 1882* entnommen). Die Entfernung der Sonne ist so groß, daß eine Kanonenkugel etwa 10 Jahre brauchen würde, um die Sonne mit gleich bleibender Geschwindigkeit (500 m) zu erreichen, das Licht 8 Min., obschon es 300000 km in der Sekunde zurücklegt. Die Sonne ist 6 Million mal größer als der Mond; denkt man sich die Sonne in zwei Hälften geteilt und in jeder Hälfte eine möglichst große Hohlkugel, so würde in einer solchen Hohlkugel, die Erde in deren Mitte angenommen, der Mond nahezu frei seinen Umlauf um die Erde machen können, obschon er 382000 km von der Erde entfernt ist. In ihrem Volumen übertrifft die Sonne die Planeten in so hohem Grade, daß alle Planetenkugeln zusammengenommen noch nicht den 560ten Teil der Sonnenkugel an Raum einnehmen. Ein frei fallender Körper würde auf der



Sonne eine mehr als 27mal grössere Beschleunigung erhalten als auf der Erde, also innerhalb der ersten Sekunde die Geschwindigkeit 267 m erlangen; ebenso würde auch das Gewicht eines Körpers an der Sonnenoberfläche 27 mal größer sein, als das eines Körpers von gleicher Masse auf der Erde.

§ 371. *Physische Beschaffenheit der Sonne.* Die Erscheinungen, welche sich bei sorgfältigen, jahrelang fortgesetzten Beobachtungen auf der Oberfläche der Sonne kundgegeben haben, sind in neuerer Zeit die Quelle reicher Entdeckungen geworden. Die Sonne ist für die Erde und ihre Bewohner die vorzüglichste Licht- und Wärmequelle. Die Intensität des Sonnenlichtes ist (§ 132) gleich der von 60 000 Stearinkerzen in 1 Meter Entfernung und 600 000 mal stärker als die des Vollmondes. Die Wärmestrahlen, welche die Erde von der Sonne erhält, und ohne welche organisches Leben auf der Erde nicht möglich sein würde, sind hinreichend, um jährlich eine die Erde in der Dicke von 30 m umgebende Eisschicht zu schmelzen (§ 240), und doch gelangt von den Strahlen der Sonne nur der 2160 Millionste Teil auf die Erde. Die prismatische Zerlegung des Sonnenlichtes hat jedes Bedenken beseitigt in betreff der Annahme, daß die Sonne ein feurig flüssiger Körper ist, oder wenigstens, daß ihre Oberfläche sich als eine feurige Dampfatmosphäre darstellt. Ja seitdem von Kirchhoff der Zusammenhang nachgewiesen ist zwischen den beim Verbrennen gewisser Metalle im Spektrum sich zeigenden, hellen Linien und den dem Sonnenspektrum charakteristischen, dunklen Fraunhoferschen Linien, gilt es als eine feststehende Thatsache, daß in der den lichtaussendenden Sonnenkörper umhüllenden, glühenden Dampfschicht Natrium, Eisen, Calcium, Mangan, Nickel in gasförmigem Zustande enthalten sind.

Von Frankland ist beobachtet worden, daß Wasserstoff in Sauerstoff bei hohem Druck brennend mit hellem Licht leuchtet und ein kontinuierliches Spektrum liefert, während das Wasserstoffspektrum unter gewöhnlichen Umständen aus drei scharf begrenzten hellen Linien besteht (§ 149). Demnach hat Zöllner als wahrscheinlich dargestellt, daß die sichtbare Oberfläche der Sonnenscheibe durch eine Wasserstoffatmosphäre gebildet wird, deren Spektrum durch gesteigerten Druck kontinuierlich geworden ist.

Fig. 315.



Weitere Entdeckungen haben sich an eine während der kurzen Dauer einer totalen Sonnenfinsternis (§ 383) hervortretende Erscheinung angeschlossen. Nämlich die die Sonne ganz verdeckende, dunkle Mondscheibe erscheint alsdann von einem hellen Strahlenkranz (corona) umgeben, und außerdem zeigen sich an einzelnen Stellen Hervorragungen (Protuberanzen) von eigentümlichem matten, rosenfarbenen Licht, welche sich Tausende von Meilen über die Oberfläche der Sonne hinaus erstrecken. (Vergl. Fig. 315, in welcher die totale Sonnenfinsternis vom 28. Juli 1851 dargestellt ist).

Bald nach der totalen Sonnenfinsternis vom 18. August 1868 gelang es dem französischen Physiker Janssen, die Protuberanzen auch

an der nicht verdunkelten Sonne aufzufinden, und seitdem hat man dieses Phänomen, welches sich in ebenso häufigem Wechsel von Form und Gröfse, sowie an den verschiedensten Stellen der Sonnenoberfläche wiederholt, beobachtet. Durch die Spektralanalyse hat sich herausgestellt, dafs sich in den Protuberanzen Eruptionen von glühenden Gasen, vorzugsweise von Wasserstoffgas, darstellen, ja dafs die ganze Sonne von einer glühenden Hülle solcher Gase, welche Chromosphäre genannt wird, umgeben ist. Nach Berechnungen von Zöllner ergibt sich als die mittlere Temperatur der Sonnenatmosphäre $27\,000^{\circ}$ C. und als die Temperatur im Innern der Sonne etwa $70\,000^{\circ}$ C., ferner dafs im Innern der Räume, aus denen die Protuberanzen hervorbrechen, ein Druck von über 4 Mill. Atmosphären herrscht.

Gleiche Ansprüche mit Janssen hat auf die Priorität der Entdeckung, dafs sich die Protuberanzen jederzeit beobachten lassen, der englische Physiker Lockyer, der die Grundidee dazu schon 1866 gefafst hatte, und dessen Bericht über eine am 22. Oktober 1868 gelungene Beobachtung gleichzeitig mit dem aus Guntoor eingetroffenen Janssenschen Bericht in Paris zur Veröffentlichung gelangte. Man hat Protuberanzen beobachtet, welche sich bis 4 Min. über den Sonnenrand hinaus, also bis zu einer Höhe von 180 000 km erstreckt haben, und dabei brauchte eine solche Flammenwelle, um bis zur Höhe von 2 Min. aufzuwirbeln, nur zwei bis drei Sekunden Zeit.

Man hat die Frage aufgeworfen, ob die Sonne auf irgend eine Weise Ersatz erfährt für den ungeheuren Verlust an Wärme, den sie fortwährend durch ihre Ausstrahlung in den Weltraum erleidet, da doch ihre Wärmewirkung auf die Erde seit Jahrhunderten ungeändert geblieben ist, und glaubt diesen Ersatz zu finden in der Entwicklung neuer Wärme, welche durch das Hineinfallen von Meteor Massen in den Sonnenkörper bedingt ist. Derartige Massen (§ 393) erreichen, der Berechnung nach, die Sonne mit einer Geschwindigkeit von 400–600 km, mit dem Verlust dieser ungeheuren Geschwindigkeit beim Eintreten in die Sonne wird lebendige Kraft frei, welche, in Wärme übergeführt, der stürzenden Masse eine Temperaturerhöhung von etwa 50 Mill. Graden C. oder der millionfachen Masse die Erhöhung von etwa 50° C. erteilt, die spezifische Wärme der Masse gleich der des Wassers vorausgesetzt, während die des Eisens z. B. in der That nur $\frac{1}{10}$ so groß ist. Außerdem hat Helmholtz darauf hingewiesen, dafs wenn die Sonnenoberfläche durch ihre Wärmeausstrahlung wirklich erkaltet, sich der Sonnenkörper von außenher zusammenzieht und demnach auf die inneren Teile ein erhöhter Druck ausgeübt wird, der eine erneute Wärmeentwicklung zur Folge hat; es genüge eine Zusammenziehung des Sonnenkörpers um wenige Meter im Durchmesser während eines Jahres, um den gesamten Wärmeverbrauch innerhalb dieser Zeit zu decken. Wenn aber in der That der Sonnendurchmesser innerhalb der letzten zwei Jahrhunderte, seitdem er genauer beobachtet worden ist, sogar um 700 km abgenommen haben sollte, so würde sich ihr scheinbarer Durchmesser doch nur um eine Sekunde vermindert haben, d. h. um eine Gröfse, über welche die besten Beobachtungsinstrumente noch jetzt im Zweifel lassen

§ 372. Sonnenflecken, Rotationszeit der Sonne. Bald nach Erfindung des Fernrohrs sind auf der Sonnenscheibe (von Fabricius schon 1611) dunklere Flecken bemerkt worden, welche, im allgemeinen von sehr veränderlicher Natur, eine fortschreitende Bewegung von Ost nach West zeigen, zum Teil auch, nachdem sie am Westrande verschwunden sind, von neuem als am Ostrand wiederkehrend beobachtet werden. Man hat daraus einen Schluß auf die regelmäßige Umdrehung der Sonne um eine in ihrer Richtung unveränderliche Axe gemacht, und die Dauer dieser Umdrehung ist neuerdings von Spörer auf 25 Tage $5^h\ 58^m$, sowie die Neigung des Sonnenäquators und der Ekliptik zu $6^{\circ}\ 57'$ bestimmt worden. Größere Sonnenflecken, die selbst dem blofsen Auge sichtbar sind, übertreffen an Ausdehnung die Oberfläche der Erde; nur wenige überdauern

eine oder mehrere Umdrehungen der Sonne, sie verschwinden nach und nach spurlos und werden durch andere, neu entstehende wieder ersetzt. Bisweilen ist die Sonne ganz fleckenfrei. Man hat für die Zu- und Abnahme in ihrer Zahl und Gröfse eine sehr ausgesprochene Periodicität von 11,1 Jahren beobachtet, nämlich für die Zunahme durchschnittlich 3,7 Jahre, für die Abnahme 7,4 Jahre. In der Nähe der Sonnenflecken zeigen sich oft Stellen, die durch ein helleres Licht vor den übrigen Teilen der Sonnenoberfläche hervortreten und Sonnenfackeln genannt werden. Dieselben sind gewöhnlich von beträchtlichen Protuberanzen begleitet und vielleicht mit diesen zu identifizieren, so daß die Protuberanzen am Sonnenrande erscheinende Fackeln sind.

Fig. 316.



22. Sept. 1870.

Fig. 316a.



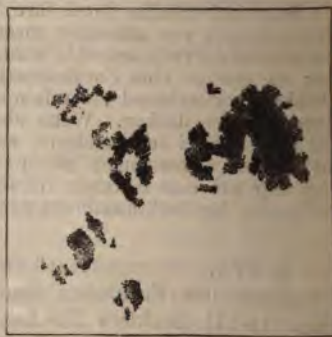
19. Sept.

Fig. 316b.



20. Sept.

Fig. 316c.



21. Sept.

In Fig. 316 ist die Sonne dargestellt, wie sie sich dem bewaffneten Auge am 22. Sept. 1870 gezeigt hat; das allmähliche Vorrücken der Fleckengruppe auf der linken Seite, während der vorhergehenden Tage, ist in den Figuren 316a—c zur Anschauung gebracht.

Die Sonnenflecken sind keineswegs ganz dunkel; vielmehr hat Zöllner gefunden, daß sie noch 4000mal soviel Licht ausstrahlen, als gleich große Flächen des Vollmondes. Um ihre wahre Farbe zu erkennen, erzeugte Busolt, mittelst

eines sechsfüßigen Fernrohrs, ein Sonnenbild auf einer weißen Fläche; er fand auf diese Weise die Sonnenscheibe selbst farblos, aber durchweg hellviolett gesprenkelt und die Flecken von dunkelvioletter Farbe. Bei genauer Beobachtung zeigen die Sonnenflecken einen dunkleren Kern, der von einem weniger dunklen Hof, der sogenannten Penumbra, umgeben ist. Nach Zöllner sind die Sonnenflecken Schlackenmassen zu vergleichen, welche auf der feurig flüssigen Sonnenoberfläche schwimmen. Über ihnen bilden sich dann, wegen der durch sie verminderten Ausstrahlung der Wärme, wolkenartige Verdichtungen der Sonnenatmosphäre, durch welche hindurch die Schlackeninseln als Kerne erscheinen; die Wolken selbst stellen sich als Penumbra für einen oder mehrere Kerne dar. Nach Lockyer ist die Sonnenkugel von einer Atmosphäre umgeben, in der sich die schwereren Gase unten, die leichteren oben befinden. Durch die an der Oberfläche erfolgende Abkühlung sinken die kälteren Massen nach unten und erzeugen so die Sonnenflecken. Gleichzeitig erfolgen Strömungen heißer Massen nach oben, die zum Teil die äußere Hülle durchbrechen und in Form von Protuberanzen emporgeschleudert werden.

Weil die Sonnenflecken eine eigene Bewegung zeigen, die vorzugsweise in der Nähe des Sonnenäquators als übereinstimmend und in höheren heliographischen Breiten als entgegengesetzt der Rotationsbewegung beobachtet wird, und vermöge deren sich im allgemeinen die Sonnenflecken vom Äquator entfernen, so ist die genauere Bestimmung der Umdrehungszeit der Sonne um ihre Axe sehr schwierig und in der That auch erst aus langjährigen Beobachtungen hervorgegangen. Im allgemeinen vergehen etwa 27 Tage zwischen den auf einander folgenden Zeiten des Hervortretens eines länger andauernden Sonnenfleckens am Ostrande, oder seines Verschwindens am Westrande der Sonne; weil nun während dieser Zeit die Erde selbst um ungefähr 27° in der Ekliptik vorgerückt ist, muß die Sonne selbst 27° mehr als eine volle Umdrehung gemacht haben. Man erhält also die wahre Umdrehungszeit der Sonne angenähert aus der Proportion

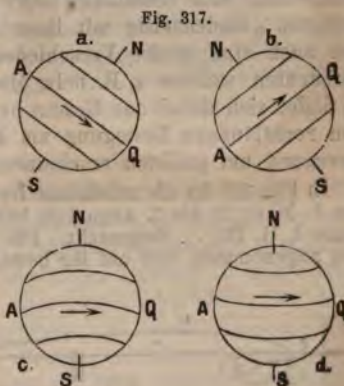
$$x : 27 \text{ Tage} = 360^\circ : 387^\circ$$

woraus:

$$x = 25 \text{ Tage.}$$

Die Unveränderlichkeit der Axenrichtung der Sonne ergibt sich aus den verschiedenen Formen, in denen sich die scheinbaren Bahnen der Sonnenflecken darstellen, wie aus den Figuren 317 hervorgeht.

Am 4. Juni (a) und am 6. Dezember (b) befindet sich die Erde in den Schnittpunkten der Äquatorialebene der Sonne mit der Erdbahn, am 5. März (c) und am 3. September (d) in der Projektionsebene der Sonnenaxe auf die Ekliptik.



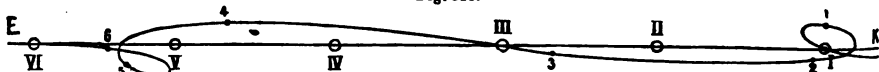
B. Die Planeten.

§ 373. Scheinbare Bewegung der Planeten. Die Planeten zeichnen sich unter den Gestirnen durch ihr ruhiges, zum Teil auch matteres Licht aus und dadurch, daß sie, wenigstens alle, die mit bloßem Auge sichtbar sind, sich in guten Fernrohren scheibenförmig zeigen, zum Teil auch mit Phasen, welche denen des Mondes gleichen; ferner verändern sie, in auf einander folgenden Nächten beobachtet, mehr oder weniger schnell ihre Lage zu den anderen Gestirnen. Als hell leuchtend sind zu bezeichnen die Planeten Venus, Mars, Jupiter und in matterem Lichte Saturn, dem unbewaffneten Auge aber nur selten sichtbar Merkur, teleskopisch (nahezu) Uranus, Neptun, Ceres, Pallas und die übrigen sogenannten Asteroiden.

Die scheinbare Bewegung der Planeten ist weit unregelmäßiger als die der Sonne und des Mondes. Im allgemeinen findet sie zwar ebenfalls in der Hauptrichtung von Westen nach Osten statt und, abgesehen von der Bewegung der Asteroiden, in nahen Grenzen auf beiden Seiten der Ekliptik; während jedoch die scheinbare Bewegung der Sonne und die wirkliche Bewegung des Mondes ziemlich gleichförmig ist, bewegen sich die Planeten bald schneller, bald langsamer bis zum Stillstande, so daß sie ihre Stelle am Fixsternhimmel eine Zeit lang gar nicht zu verändern scheinen; fernerhin bewegen sie sich selbst rückwärts, also von Osten nach Westen, mit wachsender Geschwindigkeit, welche sich wieder verringert, bis ein neuer Stillstand eintritt zur Vermittelung ihres Überganges in die anfängliche Richtung von W. nach O. Die vorwärts schreitende, rechtläufige (direkte) Bewegung überwiegt dabei weit die rückläufige (retrograde). Regelmäßig scheinen bei dieser Bewegung nur die Durchgänge durch die Ekliptik zu sein, welche auch hier als Knoten der Bahn (vergl. § 356) bezeichnet werden. Die Zeit nämlich zwischen zwei aufeinander folgenden Durchgängen durch denselben Knoten, den aufsteigenden (Ω) oder den absteigenden (φ), ist immer dieselbe, der Planet mag sich rechtläufig oder rückläufig, beschleunigt oder verzögert bewegen. Gleichzeitig mit ihrer Unregelmäßigkeit in der Bewegung läßt sich auch eine große Verschiedenheit in ihrem scheinbaren Durchmesser beobachten, welcher z. B. beim Mars (§ 380) zwischen 4" und 22" schwankt; es findet sich dabei das Gesetz bestätigt, daß die Planeten bei der schnellsten rechtläufigen Bewegung am kleinsten, bei der schnellsten rückläufigen Bewegung am größten erscheinen.

In Fig. 318 ist die scheinbare Bewegung eines Planeten 1, 2, 3, . . . (des Merkur vom 1. März (1) bis 1. August (6) 1875, von Monat zu Monat) zugleich mit der der Sonne I, II, III, . . . dargestellt. Die Ekliptik *EK* ist als Fundamentallinie geradlinig angenommen, und auf ihr bewegt sich die Sonne nahezu mit gleichförmiger

Fig. 318.



Geschwindigkeit, während der Planet in seinem scheinbaren Lauf, 1, 2, 3, . . ., da er die Strecken 12, 23, 34, 45 . . ., bezüglich in gleichen Zeiten zurücklegt, eine sehr ungleichförmige Geschwindigkeit besitzt. Von 2 bis 4, sowie von jenseits 5 und über 6 hinaus, bewegt sich der Planet in gleicher Richtung mit der Sonne, also rechtläufig und schneller wie diese, dagegen in den Schleifen, in der Nähe von 1 und 5, der Richtung der Sonne entgegengesetzt von Osten nach Westen, also rückläufig, mit Stillstandspunkten zwischen 1 und 2 und zwischen 5 und 6, in denen er die Sonne mit gleicher Geschwindigkeit (§ 376) zu begleiten scheint. Zugleich ist er zwischen 3 und 4 von der Westseite der Sonne auf deren Ostseite übergegangen und zwischen 5 und 6 wieder auf die Westseite zurückgekehrt. In den Stellungen 1 und 5 zeigt der Planet seinen größten, in der Stellung zwischen 3 und 4 seinen kleinsten Durchmesser.

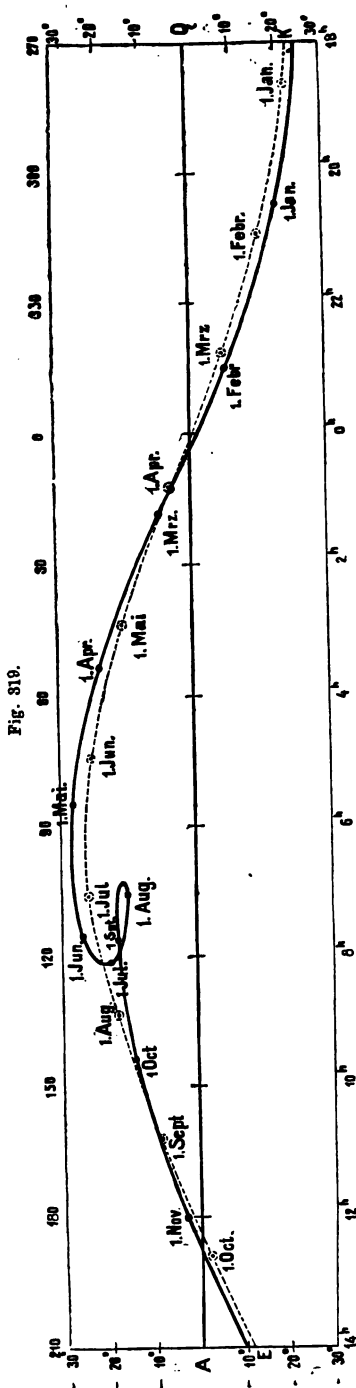
§ 374. Centralbewegung um die Sonne. Die Planeten haben eine ähnliche Beziehung wie die Erde zur Sonne, als ihrem Centrum der Bewegung und ihrer gemeinschaftlichen Licht- und Wärmequelle. So unregelmäßig ihre Bewegung von der Erde aus erscheint (§ 373), so zeigt sich in allem Wechsel der Geschwindigkeit und Richtung vollkommene Regelmäßigkeit, wenn ihre Bewegung auf die Sonne bezogen wird. Die Planeten bewegen sich sämtlich in der Nähe der Ekliptik, von welcher

sie, abgesehen von einzelnen Asteroiden, nur wenige Grade abweichen, Merkur und Venus sind sogar als unwandelbare Begleiter der Sonne zu bezeichnen, indem ihre Entfernung von der Sonne stets viel kleiner, als die der Erde ist. Die Planeten Merkur und Venus nähern sich der Sonne in rechtläufiger Bewegung (§ 373), also von Westen, verschwinden dann in den Strahlen der Sonne, um später der Sonne voraus, also nach Osten hin, wieder zum Vorschein zu kommen; die übrigen Planeten dagegen werden von der Sonne überholt. Ihre Parallaxe (§ 370) ist alsdann um vieles kleiner als die der Sonne: sie sind darum entweder in rechtläufiger Bewegung hinter der Sonne herumgegangen oder von ihr überholt worden, haben sich mit ihr in der (oberen) Konjunktion befunden. Die beiden Planeten Merkur und Venus wechseln auch während ihrer rückläufigen Bewegung ihre Stellung zur Sonne von Osten nach Westen und, wie sich aus ihrer alsdann größeren Parallaxe schließt, oder auch bisweilen an ihrem wirklichen Vorübergange vor der Sonnenscheibe, ihrem Durchgange durch die Sonne (§ 376), beobachten läßt, mit einer in dessen erfolgten Stellung zwischen Sonne und Erde, welche als untere Konjunktion bezeichnet wird. Diese beiden Planeten heißen darum die unteren Planeten. Die übrigen Planeten, welche im Verlauf ihrer rückläufigen Bewegung um Mitternacht kulminieren, so daß sie von der Erde aus sich auf der der Sonne entgegengesetzten Seite, in Opposition zur Sonne befinden, heißen dagegen die oberen Planeten. Ihre Stillstandspunkte erreichen sämtliche Planeten in bestimmten Winkelabständen von der Sonne (§ 376).

Alle Planeten leuchten mit polarisiertem Licht (§ 182), d. h. wie Körper, welche nur die von einem anderen Körper empfangenen Lichtstrahlen reflektieren, und daß ihre gemeinschaftliche Lichtquelle die Sonne ist, ergibt sich einmal daraus, daß ihr Licht mit wachsender Entfernung von dieser immer matter wird, so daß schon der Uranus zu den teleskopischen Planeten gezählt wird, dann aber auch besonders aus ihrem Spektrum (§ 150) und weil sich an einzelnen von ihnen, im besonderen an den unteren Planeten und am Mars, Phasen beobachten lassen, wie am Monde, welche in genaue Übereinstimmung zu ihrer jedesmaligen Stellung zur Sonne zu bringen sind (§ 376). Jupiter und Saturn haben auch eigenes Licht.

Durch ein gutes Fernrohr beobachtet, erscheinen die Planeten zum Teil als glänzende Scheiben, an denen sich bei fortgesetzter Beobachtung Veränderungen zeigen, welche auf ihre Kugelform und eine Axenumdrehung schließen lassen. Ihre Abstände von der Erde sind viel größer, als die des Mondes, durch den sie bedeckt (okkultiert) werden können, meist auch größer als die Entfernung der Sonne; auch verändern sich diese Abstände fortwährend, mit periodischer Zu- und Abnahme und scheinbar ohne Zusammenhang mit ihrer Bewegung relativ zur Erde, dagegen in vollkommener Übereinstimmung mit ihren jeweiligen Winkelabständen von der Sonne. Auch die gleichen Zeitintervalle zwischen ihren Durchgängen durch die Ekliptik (§ 373) gestatten sofort eine einfache Erklärung, sobald für die Planeten eine elliptische Bahn um die Sonne als den einen Brennpunkt angenommen wird, deren Ebene die Ekliptik in einer festen Linie, der Knotenlinie, durchschneidet.

§ 375. Die unteren Planeten. Merkur und Venus sind in ihrer Bewegung am Himmel dadurch charakterisiert, daß ihre Abweichung von der Sonne eine bestimmte Grenze innehält, welche für den Merkur 29° , für die Venus 47° nicht überschreitet; jenachdem sie dabei ihre Stellung west-



lich oder östlich von der Sonne einnehmen, erscheinen sie als Morgen- oder Abendsterne. Der Merkur bleibt dabei wegen seiner großen Nähe an der Sonne meist in ihren Strahlen verborgen und ist darum dem unbewaffneten Auge nur äußerst selten und immer nur sehr kurze Zeit sichtbar. Im übrigen stimmt seine Bewegung um die Sonne mit der der Venus, welche ausschließlich als Morgen- und Abendstern benannt wird, überein.

In Figur 319 ist der scheinbare Gang der Venus von Anfang Januar bis Mitte November 1876 dargestellt und zugleich für jeden Monatsanfang die Stellung der Sonne in der Ekliptik zur Vergleichung verzeichnet. Die Venus befindet sich bald südlich, bald nördlich von der Ekliptik. Sie legt bis Mitte Juni fast den halben Äquator (genauer 170 Grad) in der Richtung von Westen nach Osten zurück, geht dann vom 21. Juni bis zum 5. August rückwärts, so daß sich ihre Rektascension um 18° verringert, und nachdem sie so in ihrer Bahn eine Schleife gemacht hat, wendet sie sich von neuem nach Osten hin der ihr indessen vorausgeeilten Sonne zu. Die erste Hälfte des Jahres (bis zum 14. Juli) ist sie Abendstern, die übrige Zeit Morgenstern; am 5. Mai hat sie ihre größte östliche und am 23. September ihre größte westliche Abweichung von der Sonne (bezüglich $45^\circ 32'$ und $46^\circ 8'$); endlich sei noch hinzugefügt, daß sie ihren größten Glanz als Abendstern am 8. Juni, als Morgenstern am 18. August zeigt.

Zur Erklärung dieser scheinbar unregelmäßigen Bewegung beziehe man die Bahn der Venus auf die Ekliptik. Die Venus hat zuletzt am 9. November 1875 im absteigenden Knoten (§ 373) die Ekliptik durchschnitten, befindet sich also Anfang Januar 1876 notwendig südlich derselben, am 1. März geht sie dann aufsteigend, am 21. Juni wieder absteigend und endlich am 11. Oktober von neuem aufsteigend durch die Ekliptik. Die Zwischenzeit zwischen je zwei dieser aufsteigenden und absteigenden Knoten beträgt genau 224,7 Tage (vergl. § 378). Die gleiche Zeit verfließt zwischen dem 5. Januar und dem 17. August, wo die Venus ihre größte südliche, und zwischen dem 26. April und 6. Dezember, wo sie ihre größte nördliche heliocentrische Breite (von je $3^\circ 23,5'$) erreicht. Die Venus bewegt sich also in einer Bahn, welche in regelmäßigen Zeit-

intervallen die der Erde durchschneidet und zu dieser eine bestimmte Neigung beibehält.

Zur weiteren Erläuterung der Rechtläufigkeit und Rückläufigkeit in der Bewegung der Venus wird die Fig. 320 dienen, in welcher die gleichzeitige Bewegung der Erde und eines unteren Planeten um die Sonne dargestellt ist, unter der Annahme, daß beide Bewegungen in concentrischen Kreisen der Ekliptik stattfinden. Zugleich sind auf einem dritten concentrischen Kreise die Örter verzeichnet, in denen der Planet einem Beobachter auf der Erde erscheint: es sind dabei durch die entsprechenden großen und kleinen lateinischen und die griechischen Buchstaben zusammengehörige Stellungen der Erde und des Planeten und seines scheinbaren Ortes am Himmel angedeutet worden.

In a (α) befindet sich der Planet als Morgenstern in seiner weitesten westlichen Abweichung von der Sonne. Bei dem gleichzeitigen Vorrücken der Erde und des Planeten, bezüglich nach B und b , nähert

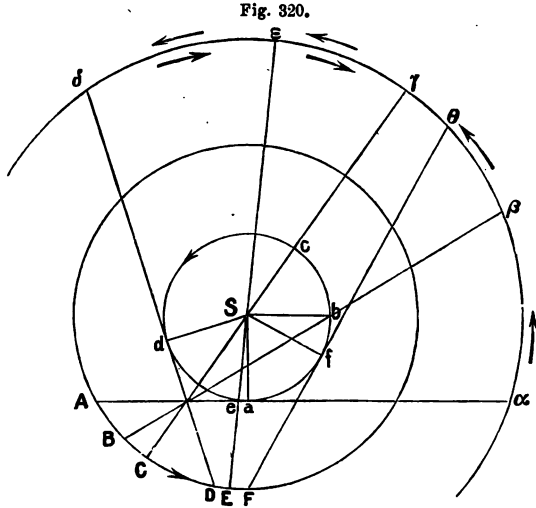


Fig. 320.

sich der letztere der Sonne und setzt diese (rechtläufige) Bewegung über c (γ), den Punkt seiner oberen Konjunktion, wo er am kleinsten erscheint, fort, indem er hier auf die Ostseite der Sonne hinübertritt, also Abendstern wird, und erreicht als solcher in d (δ) seine größte östliche Abweichung von der Sonne. Während bis hierher durch das gleichzeitige Vorrücken von Erde und Planet eine Zunahme der scheinbaren Geschwindigkeit des letzteren am Himmel bedingt war, ist von d an das Resultat der weiteren Bewegung des Planeten eine Verringerung seiner scheinbaren Geschwindigkeit, weil nunmehr Erde und Planet sich nach derselben Seite hin bewegen, und es tritt bald ein Punkt ein, wo der Planet stillzustehen scheint (§ 376); durch diesen Stillstandspunkt hindurch wird der Planet scheinbar rückläufig, weil jetzt seine wahre Geschwindigkeit in der dem Fortschreiten der Sonne entgegengesetzten Richtung die der Erde überwiegt. Bei weiterem Vorrücken scheint er sich jetzt der Sonne rasch zu nähern, geht in e (ϵ) durch seine untere Konjunktion, wo er am größten erscheint, wird alsdann von neuem Morgenstern und, nachdem er zum zweiten Mal einen Stillstandspunkt durchmessen hat, kommt er mit rechtläufiger Bewegung in f (θ) wieder in seine größte westliche Abweichung von der Sonne. Von hier ab wiederholt sich die bisher beschriebene Bewegung, die also im ganzen in einem periodisch sich wiederholenden Vorschreiten im Sinn der scheinbaren Jahresbewegung der Sonne um eine Bogenlänge $\alpha\delta$ und nachherigen Rückgang um den Bogen $\delta\theta$ besteht.

Die Winkel $aAS = dDS = fFS = \alpha$ geben die größte Abweichung des Planeten von der Sonne an. Aus ihrer genauen Beobachtung gewinnt man ein neues Mittel, angenähert den Abstand des Planeten von der Sonne zu berechnen. Es ergibt sich:

$$aS = AS \cdot \sin \alpha,$$

also wenn man die mittlere Entfernung der Erde von der Sonne gleich 20 Millionen Meilen annimmt, für den Merkur, d. h. $\alpha = 29^\circ$, $aS = 9\,096\,000$ Meilen, und für die Venus, d. h. $\alpha = 47^\circ$, $aS = 14\,853\,000$ Meilen. In der That ist die mittlere Entfernung des Merkur von der Sonne 8 Million Meilen, die der Venus 15 Million Meilen.

§ 376. Umlaufszeiten, Stillstandspunkte, Phasen, Durchgänge der unteren Planeten. Unter der siderischen Umlaufszeit (vergl. § 358) eines Planeten versteht man die Zeit zwischen je zwei auf einander folgenden Durchgängen durch denselben Knoten. Diese Durchgangszeiten sind unabhängig von der gegenseitigen Neigung der Ebene der Planetenbahn zur Ekliptik, weil sie weder verkürzt noch verlängert durch die Perspektive in Punkten der Ekliptik stattfinden, und mit beträchtlicher Genauigkeit zu beobachten. Die siderischen Umlaufszeiten des Merkur und der Venus betragen bezüglich angenähert 88 Tage und $224\frac{2}{3}$ Tage (genauer § 378). Diese Umlaufszeiten sind sehr verschieden von den synodischen Umlaufszeiten, d. h. von den Zeiten zwischen den auf einander folgenden größten östlichen oder westlichen Abweichungen oder gleichartigen (oberen oder unteren) Konjunktionen, welche für den Merkur und die Venus bezüglich 116 und 584 Tage dauern. Demnach sind auch die Geschwindigkeiten der drei Planeten Merkur, Venus und Erde sehr verschieden, nämlich in einer Stunde bezüglich 176 000, 128 700 und 109 500 km, während ihre Winkelgeschwindigkeiten sich bezüglich wie 25 : 10 : 6 verhalten. Bei der unteren Konjunktion also, in *E*, *e* (Fig. 320), lassen die unteren Planeten die Erde hinter sich, ist demnach, von dieser aus beobachtet, ihre Bewegung rückläufig (§ 375).

Um den Augenblick zu bestimmen, wo der Planet durch die Ekliptik geht, hat man zu der Zeit, wo er sich in ihrer Nähe befindet, täglich seine Rektascension und Deklination (§ 354) zu beobachten und daraus durch Rechnung die Länge und Breite des Planeten abzuleiten (§ 357). Ergeben sich dabei zwei Zeiten, an denen er auf entgegengesetzten Seiten der Ekliptik gestanden hat, so wird aus ihnen und der täglichen Änderung der Breite, welche ziemlich gleichförmig stattfindet, durch eine einfache Proportion die Zeit berechnet, wo die Breite verschwindet, also der Planet durch die Ekliptik geht. Bei den unteren Planeten, besonders bei dem Merkur, ist die Neigung der Bahn zur Ekliptik (§ 378) groß genug, um dieses Verfahren zu rechtfertigen. — Daß die synodischen Umlaufszeiten der Planeten viel länger als die siderischen Umlaufszeiten sind, ergibt sich leicht aus Fig. 320. Während nämlich der Planet von der ersten größten westlichen Abweichung in *a* bis zur nächsten in *f* gelangt, hat er außer dem vollen Umlauf *abceda* noch den Bogen *af* zurückgelegt. Die tropische Umlaufszeit der Planeten ist, wie bei der Erde, die Zeit zwischen zwei auf einander folgenden Durchgängen durch den Aquinoktialpunkt (§ 358); dieselbe ist für die unteren Planeten nur wenig, bezüglich um 1 Minute und 8 Minuten, kürzer als die siderische Umlaufszeit.

Bestimmung der Stillstandspunkte. In den Punkten *d* und *f* (Fig. 320), bezüglich der größten östlichen und westlichen Abweichung des Planeten, ist seine scheinbare Bewegung rechtläufig, nämlich das Resultat der alleinigen Bewegung der Erde, in dem dazwischen liegenden Punkt *e* der unteren Konjunktion rückläufig: darum müssen notwendig

zwischen d und e , sowie e und f , Stillstandspunkte eintreten. Ist P (Fig. 321) ein solcher Punkt, so wird, wenn Pp und Ee gleichzeitig zurückgelegte Bahnelemente des Planeten P und der Erde E sind, $PE \parallel pe$ sein.

Werden durch V und v bezüglich die Geschwindigkeiten und durch R und r die Radien der als kreisförmig vorausgesetzten Bahnen von E und P bezeichnet, so ergibt sich:

$$\frac{V}{v} = \frac{Ee}{Pp} = \frac{ET}{PT} = \frac{\sin TPE}{\sin TEP} = \frac{\cos SPQ}{\cos SEP} = \frac{\cos(\varphi + \psi)}{\cos \varphi};$$

und:

$$\frac{R}{r} = \frac{\sin(\varphi + \psi)}{\sin \varphi},$$

es seien die als bekannt vorauszusetzenden Verhältnisse der Radien $\frac{R}{r} = m$ und $\frac{V}{v} = n$, zwischen denen übrigens die Gleichung $mn^2 = 1$ besteht, so hat man zur Bestimmung der Winkel φ und ψ die beiden Gleichungen

$$\sin(\varphi + \psi) = m \sin \varphi \text{ und } \cos(\varphi + \psi) = n \cos \varphi,$$

aus denen sich sofort durch Elimination des Winkels ψ ergibt:

$$1 = m^2 \sin^2 \varphi + n^2 \cos^2 \varphi,$$

$$\text{d. h. } \sin^2 \varphi = \frac{1 - n^2}{m^2 - n^2},$$

oder auch:

$$\cos \psi = \frac{1 + mn}{m + n}.$$

Für Merkur und Erde ist für mittlere Werte $m = 2,5$, $n = 0,625$, folglich $\cos \psi = 0,82$, $\sin \varphi = \sqrt{0,104}$, d. h. $\psi = 34^\circ 55'$ und $\varphi = 18^\circ 49'$. In der That, d. h. wenn man nicht, wie bei der obigen Herleitung, die Bahn der Planeten als kreisförmig annimmt, liegen die Stillstandspunkte des Merkur zwischen 15° und 20° , die der Venus in nahezu 29° Abweichung von der Sonne. — Der Merkur ist ungefähr 22 Tage rückläufig, die Venus etwa 42 Tage.

Die Phasen der unteren Planeten sind sofort aus der beistehenden Figur 322 zu entnehmen. Die Planeten erscheinen voll bei ihrer oberen Konjunktion (in A), zur Hälfte erleuchtet bei ihrer größten Abweichung von der Sonne (in B), sichelförmig bei einer Stellung wie in C , endlich ganz verdunkelt bei ihrer unteren Konjunktion (in D). Zu bemerken ist dabei die eigentümliche Veränderlichkeit der Venus in Bezug ihrer Helligkeit, welche zugleich von ihrer scheinbaren GröÙe abhängig ist und darum ihr Maximum während ihrer rechtläufigen Bewegung für die Abweichung 40° von der Sonne erreicht.

Fig. 321.

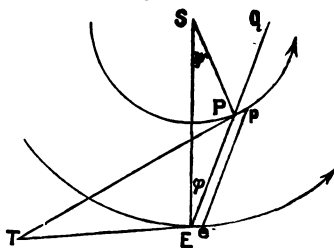
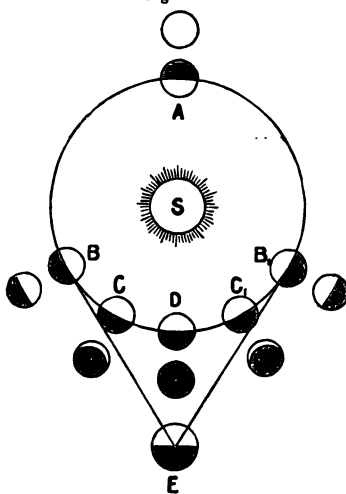


Fig. 322.



Die Durchgänge (§ 374) der Venus finden selten statt, nämlich in den ungleichen, aber regelmässig wiederkehrenden Zwischenräumen von 8 Jahren, $105\frac{1}{2}$ Jahren, dann wieder 8 und $121\frac{1}{2}$ Jahren, so daß im ganzen alle 243 Jahre vier Durchgänge stattfinden. Der letzte Durchgang hat am 6. Dezember 1882 stattgefunden, nach einer 8jährigen Pause, und der nächste ist erst am 7. Juni 2004 zu erwarten. Diese Durchgänge sind von hoher Bedeutung, weil mit ihrer Beobachtung das genaueste Mittel zur Bestimmung der Entfernung der Sonne gewonnen wird. Die Durchgänge des Merkur treten häufiger ein, nämlich gewöhnlich alle 13, 13, 13, 7 Jahre, eigentlich jedoch mit einer Periode von 217 Jahren; der letzte in Deutschland sichtbare Durchgang des Merkur hat am 6. Mai 1878 stattgefunden, nächstdem sind solche Durchgänge zu erwarten am 9. Mai 1891 und am 10. November 1894. Dieselben sind, wegen der größeren Nähe des Merkur an der Sonne, zur Bestimmung der Sonnenparallaxe von geringerer Bedeutung.

Aus den Durchgängen der Venus im Juni der Jahre 1761 und 1769, zu deren Beobachtung zuerst Expeditionen ausgerüstet worden sind, nachdem Halley schon 1677 auf ihre Wichtigkeit für astronomische Zwecke aufmerksam gemacht hatte, hat Encke für die Sonnenparallaxe den Wert 8,57" berechnet, aus dem für die mittlere Entfernung der Erde von der Sonne 20 682 000 geographische Meilen folgt. Für den Venusdurchgang vom 8. Dezember 1874 waren mehr als 60 Stationen über Asien und Neuholland, sowie den Großen und den Indischen Ocean hin, unter denen fünf vom Deutschen Reich, eingerichtet. Die Beobachtungen, zu denen das erste Mal auch die Photographie dienstbar gemacht worden ist, sind größtenteils wohl gelungen, besonders die heliometrischen Messungen. Von dem noch zu erreichenden Resultat erwartet man eine Erhöhung der Sonnenparallaxe. Zunächst hat Airy Berechnungen über die Beobachtungen des Durchganges von 1874 veröffentlicht, denen er allerdings von den 29 englischen Expeditionen nur drei zu Grunde legte. Danach ergibt sich als Mittelwert der Sonnenparallaxe 8,76" und demnach die Entfernung der Sonne von der Erde gleich 20 236 500 geogr. Meilen. Auch zur Beobachtung des Venusdurchganges am 6./12. 1882, dessen Anfang in Deutschland sichtbar gewesen ist, sind mehrfache Expeditionen ausgerüstet worden, vom Deutschen Reich je zwei nach Nordamerika und nach Südamerika, von deren letzteren die nach Punta Arenas von Prof. Auwers (Berlin) geleitet worden ist. Das Phänomen hat einen für die Beobachtung meist günstigen Verlauf genommen.

Von Newcomb in Washington sind die Durchgänge des Merkur für das nächste Jahrhundert, wie folgt, bestimmt worden:

1907 Nov. 14.	1927 Nov. 9.	1957 Mai 5.	1973 Nov. 9.	1999 Nov. 15.
1914 Nov. 7.	1940 Nov. 11.	1960 Nov. 7.	1986 Nov. 12.	
1924 Mai 7.	1953 Nov. 14.	1970 Mai 8.	1993 Nov. 5.	

§ 377. Die oberen Planeten. Die Bahnen derselben umschließen die der Erde, was einmal daraus folgt, daß die oberen Planeten sich auch in Opposition zur Sonne befinden, d. h. um Mitternacht kulminieren können, dann auch daraus, daß sie niemals auch nur halbmondförmig erscheinen, ja größtenteils überhaupt Phasen an sich nicht beobachten lassen. Nur beim Mars ist noch im Fall seiner größten Abweichung von der Sonne, wenn er sich in Quadratur mit derselben befindet (ihre Längendifferenz 90° beträgt), der Schatten einigermaßen sichtbar. Um die Umlaufszeit der oberen Planeten zu bestimmen, ist die Methode der Beobachtung ihrer Durchgänge durch die Ekliptik (§ 376) darum nicht zweckentsprechend, weil die Bahnen dieser Planeten, der größeren wenigstens, sämtlich eine sehr geringe Neigung gegen die Ekliptik haben (§ 378). Zu einem genaueren Resultat gelangt man, indem man durch Beobachtungen in auf einander folgenden Nächten den Augenblick der Opposition zur Sonne zu bestimmen sucht, d. h. wenn der Längenunterschied zwischen Sonne und Planet 180° beträgt. Die Zeitdifferenz zwischen zwei auf einander folgenden

Oppositionen würde genau die synodische Periode (§ 376) des Planeten sein, wenn die Bahn der Erde und des Planeten konzentrische Kreise und ihre Bewegungen gleichförmig wären. Um nunmehr eine mittlere synodische Periode zu erhalten, nimmt man das Mittel aus einer großen Anzahl unter den verschiedensten Umständen beobachteter Oppositionen. Man kann dabei auf Beobachtungen seit nahezu 2000 Jahren Bezug nehmen, weil die Alten die Oppositionen der ihnen bekannten Planeten mit großer Sorgfalt beobachtet und mit ausreichender Genauigkeit registriert haben. Aus der synodischen Periode ergibt sich dann die siderische durch eine einfache Berechnung.

Die siderische Periode, d. i. die Zeit zwischen zwei auf einander folgenden Durchgängen durch die Ekliptik, ist auch bei den oberen Planeten kleiner als die synodische Periode, weil die Erde, während der Planet von einer Opposition zur nächsten gelangt, selbst einen gewissen, durch die Beobachtung der neuen Opposition festzustellenden Bogen α der Ekliptik in gleicher Richtung zurückgelegt hat. Aus einem Beispiel wird hervorgehen, wie man aus der synodischen Periode die siderische berechnen kann (Fig. 323). Der Mars hat eine mittlere synodische Periode von 780 Tagen und zeigt von einer Opposition zur anderen einen Längenunterschied von ungefähr $48^\circ 44'$ oder in Teilen der Ekliptik ausgedrückt αE , wo $\alpha = \frac{781}{5400}$; in derselben Zeit hat die Erde zweimal ihren Umlauf um die Sonne und den gleichen Bogen αE , im ganzen also $2E + \alpha E = (2 + \alpha)E$ zurückgelegt. Bezeichnet man also die Winkelgeschwindigkeiten der Erde und des Mars, bezüglich durch ε und μ , so ergibt sich:

$$\mu : \varepsilon = 1 + \alpha : 2 + \alpha.$$

Nunmehr verhalten sich die siderischen Perioden zweier Planeten, die Zeiten, in denen sie gleiche Räume, die Ekliptik, zurücklegen, umgekehrt wie ihre Geschwindigkeiten, also wird, weil das siderische Jahr der Erde 365,256 Tage enthält (§ 358), die siderische Periode des Mars $= \frac{2 + \alpha}{1 + \alpha} \cdot 365,256 = 686,963$ Tagen.

Die oberen Planeten sind in ihrer scheinbaren Bewegung am Himmel um die Zeit ihrer Opposition rückläufig. Ihre Winkelgeschwindigkeit während dieser Zeit läßt sich leicht durch wiederholte Beobachtung von Tag zu Tag feststellen, und wenn man dann ihre siderische Periode als bekannt annehmen kann, so läßt sich ein Schluß machen auf ihre Entfernung von der Sonne, verglichen mit der der Erde. In der That, ist Ee (Fig. 324) ein Element der Erdbahn und Pp das entsprechende Element der Bahn eines oberen Planeten um die Zeit seiner Opposition, so daß die Sonne S , E und P in einer geraden Linie liegen, so sind die Winkel ESe und PSp gegeben. Ist $eR \parallel SQ$, so ist $\angle eQS = \angle eQR$ die Rückläufigkeitsgeschwindigkeit des Planeten, also ebenfalls bekannt; weil nunmehr auch Ee bekannt ist, läßt sich aus dem rechtwinkligen $\triangle eEQ$ leicht EQ finden, folglich auch durch Hinzufügung von ES die Seite SQ und demnach im $\triangle SQP$ die Seite Sp , d. h. die Entfernung des Planeten von der Sonne. Auch hier wird sich ein einigermaßen sicheres Resultat erst aus wiederholten Beobachtungen von Oppositionen errechnen lassen.

Die Bestimmung der Massen der Planeten s. § 387.

Fig. 323.

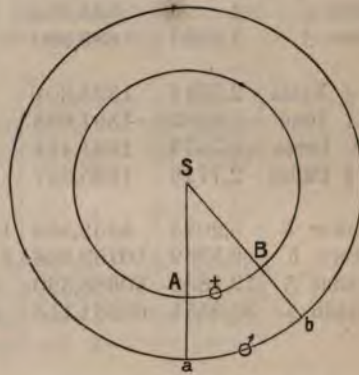
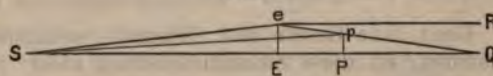


Fig. 324.



§ 378. Elemente des Planetensystems. In der folgenden Tafel*) sind für die Planeten zusammengestellt:

- (A) Mittlerer Abstand von der Sonne.
- (B) Mittlere siderische Periode in mittleren Sonnentagen.
- (C) Durchmesser in Kilometern.
- (D) Excentricität in Teilen der großen Halbaxe der Bahn.
- (E) Neigung der Bahn gegen die Ekliptik.
- (F) Dauer der Rotation in Sternzeit:

	A	B	C	D	E	F
Merkur ☿	0,3871	87,969	4 760	0,2056	7° 0' 8"	24 ^h 0 ^m 50 ^s
Venus ♀	0,7233	224,701	12 740	0,0068	3° 23' 35"	23 ^h 21 ^m 22 ^s
Erde ☿	1	365,256	12 755	0,0168		23 ^h 56 ^m 4 ^s
Mars ♂	1,5237	686,980	6 735	0,0933	1° 51' 2"	24 ^h 37 ^m 23 ^s
♄ Vesta	2,3616	1325,601		0,0884	7° 7' 54"	
♅ Juno	2,6683	1591,988		0,2579	13° 1' 23"	
♆ Ceres	2,7673	1681,414		0,0763	10° 37' 10"	
♇ Pallas	2,7716	1685,337		0,2385	34° 41' 31"	
Jupiter ♃	5,2028	4332,588	141 100	0,0483	1° 18' 41"	9 ^h 55 ^m 37 ^s
Saturn ♄	9,5389	10759,236	118 600	0,0561	2° 29' 40"	10 ^h 14 ^m 24 ^s
Uranus ♅	19,1833	30688,390	49 300	0,0463	0° 46' 20"	
Neptun ♆	30,0551	60181,113	48 400	0,0090	1° 47' 2"	

Zur Erläuterung der in der Kolumne D zusammengestellten Excentricitäten diene folgende Bemerkung. Ist a die halbe große, b die halbe kleine Axe der Planetenbahn und e die Excentricität, d. i. die Entfernung des Mittelpunktes der Bahn von einem Brennpunkt, so ergibt sich aus den Eigenschaften der Ellipse die Gleichung:

$$a^2 - b^2 = e^2,$$

folglich:

$$b^2 = a^2 - e^2 = a^2 \left(1 - \left(\frac{e}{a}\right)^2\right)$$

und wenn man:

$$\frac{e}{a} = \varepsilon \text{ setzt,}$$

$$b^2 = a^2 (1 - \varepsilon^2);$$

in der Kolumne D sind die Werte von $\varepsilon = \frac{e}{a}$ gegeben, es ist also beispielsweise für den Merkur $\varepsilon = 0,2056$, $a = 0,3871$, folglich $b = a \sqrt{1 - \varepsilon^2} = 0,3788$.

Ganz ohne Gesetz und Ordnung, wenigstens in den beiden ersten Kolumnen, ist diese Zusammenstellung nicht; jedoch war es dem Scharfsinn Kepplers vorbehalten, den inneren Zusammenhang dieser Elemente dahin zu bestimmen, daß die Quadrate der Umlaufzeiten (B) sich wie die Kuben der mittleren Abstände von der Sonne (A) verhalten.

Keppler fand dieses Gesetz aus der genauen Vergleichung der Elemente des Mars, nach den sehr genauen Berechnungen von Tycho Brahe, mit denen der Erde. In der That ist:

*) Vergl. Annuaire pour l'an 1882.

$$\log B_{\odot} = 2,8269439, \log B_{\oplus} = 2,5625977;$$

$$\text{doppelte Differenz} = 0,5486924;$$

$$\log A_{\odot} = 0,1828974, \log A_{\oplus} = 0;$$

$$\text{dreifache Differenz} = 0,5486922.$$

Setzt man die Entfernung des Merkur von der Sonne gleich 4, so ergibt sich für die Entfernung der Planeten (A) von der Sonne annähernd:

$$\text{Merkur} = 4 + 0.3; \quad \text{Asteroiden} = 4 + 8.3;$$

$$\text{Venus} = 4 + 1.3; \quad \text{Jupiter} = 4 + 16.3;$$

$$\text{Erde} = 4 + 2.3; \quad \text{Saturn} = 4 + 32.3;$$

$$\text{Mars} = 4 + 4.3; \quad \text{Uranus} = 4 + 64.3;$$

eine einfache Reihe, welcher sich aber der Neptun, für dessen Abstand von der Sonne sich in der That $4 + 102.3$ ergibt, nicht mehr einfügen läßt.

Um für jede Zeit die Lage eines Planeten angeben zu können, muß noch seine Epoche, d. h. die (heliocentrische) Länge desjenigen Punktes seiner Bahn bekannt sein, an dem er sich zu irgend einer bestimmten Zeit befunden hat. In der folgenden Tafel sind außer dieser Epoche G, bezogen auf das mittlere Äquinoktium am 1. Jan. 1880, mittags 12 Uhr, mittlerer Berliner Zeit, noch die Länge des Perihels H und die Länge des aufsteigenden Knotens I für dieselbe Zeit zusammengestellt.

	G	H	I
Merkur	167° 18' 18"	75° 35' 11"	46° 54' 28"
Venus	160° 28' 3"	129° 51' 58"	75° 36' 19"
Erde	100° 29' 11"	100° 52' 13"	
Mars	65° 54' 22"	333° 51' 1"	48° 37' 53"
Jupiter	350° 51' 58"	12° 23' 56"	99° 14' 28"
Saturn	21° 52' 46"	90° 40' 56"	112° 37' 6"
Uranus	157° 23' 37"	168° 40' 14"	73° 23' 25"
Neptun	41° 3' 22"	43° 43' 4"	30° 27' 24"

§ 379. Die Keplerschen Gesetze. (Joh. Kepler, geboren 17. Dez. 1571 zu Magstatt bei Weil in Württemberg, gest. 5. Nov. 1630 zu Regensburg.)

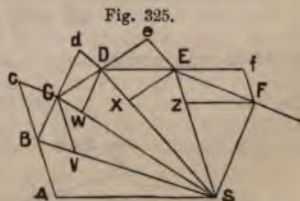
Das erste Gesetz. Die Planeten bewegen sich um die Sonne in ebenen Kurven, so daß ihre Verbindungslinien mit der Sonne, die Radii vectores, in gleichen Zeiten gleiche Flächen beschreiben (Flächensatz).

Dieses Gesetz (Radius vector verrit aream [Kepler]) ist eine unmittelbare Folge davon, daß die Planeten in ihrer Bahn durch eine Centralkraft gelenkt werden, deren Sitz der Mittelpunkt der Sonne ist. Unter der Voraussetzung, daß die Centralkraft stofsweise und in gleichen Zeitmomenten wirkt, seien (Fig. 325) ASB , BSC , CSD . . . die in den einzelnen Momenten beschriebenen Flächenräume, so hat man (vergl. § 57 b):

$$\triangle ASB = BSC (= BSc);$$

$$\triangle BSC = CSD (= CSd);$$

$$\triangle CSD = DSE (= DSe) \text{ u. s. w.}$$



AP_1B erforderliche Kraft φ_1 ebenfalls nach S gerichtet und durch die Proportion $\varphi_1 : \varphi = r_1 : r$ bestimmt, wo $SP_1 = r_1$, die Projektion von $SP = r$ ist. Es ist aber in § 57a bewiesen worden, daß $SK = SP_1$, d. h. $p = r_1$ ist, folglich ergibt sich

$$\text{II.} \quad \varphi_1 = \frac{r_1 \varphi}{r} = \frac{4 a^3 \pi^2}{T^2} \cdot \frac{1}{r_1^2},$$

d. h., daß die Anziehung umgekehrt proportional ist dem Quadrat der Entfernung. Zugleich ist damit der Beweis geführt für:

Das dritte Gesetz. Die Quadrate der Umlaufzeiten der Planeten verhalten sich wie die Kuben ihrer Entfernungen von der Sonne (§ 378), aus welchem hervorgeht, daß die Anziehung der Sonne auf alle Planeten dieselbe ist. Denn sind T_1 und T_2 die Umlaufzeiten zweier Planeten, a_1 und a_2 die halben großen Axen ihrer Bahnen, und A_1 und A_2 die auf die Einheit des Abstandes reduzierten Anziehungen der Sonne, so hat man nach Gleichung II:

$$A_1 = \frac{4 a_1^3 \pi^2}{T_1^2} \text{ und } A_2 = \frac{4 a_2^3 \pi^2}{T_2^2};$$

wenn also durch Beobachtung festgestellt ist, daß $T_1^2 : T_2^2 = a_1^3 : a_2^3$, so ergibt sich $A_1 = A_2$,

d. h., daß die Sonne auf beide Planeten die gleiche Anziehung ausübt.

Die ältesten Astronomen gründeten ihre Weltbetrachtung auf die Annahme, daß die Erde in der Mitte des Weltraumes eine feste Stellung einnehme, und die Bewegung der sämtlichen Himmelskörper in Kreisen stattfinde. Um die Mitte des zweiten Jahrhunderts unserer Zeitrechnung suchte Claudius Ptolemäus das Unregelmäßige in der Planetenbewegung zu erklären durch die Einführung konzentrischer Kreise oder Sphären, in denen sich der Mond, die Sonne und die Planeten — die Sonne auf einer Sphäre zwischen Venus und Mars — selbständig bewegen und weiterhin die Fixsterne befestigt sein sollten, während die Erde in ihrem Mittelpunkt still stehe; alle diese Sphären seien durch eine äußerste Sphäre, das Primum mobile, umschlossen, durch welche die inneren Sphären gemeinschaftlich an jedem Tage von Ost nach West um die Erde herumgeführt werden. Die Ungleichheit in der Geschwindigkeit der Himmelskörper wurde auf die Annahme einer excentrischen Kreisbewegung zurückgeführt, und die bald rechtläufige, bald rückläufige Bewegung der Planeten dadurch erklärt, daß sich die Planeten nicht unmittelbar in Kreisen um die Erde bewegen, wie Mond und Sonne, sondern in Epicykloiden, d. h. in Kreisen um Mittelpunkte, welche selbst wieder einen Kreis um die Erde beschreiben. Daß dabei die beiden unteren Planeten fortdauernd in der Nähe der Sonne bleiben, wurde dahin erläutert, daß die Mittelpunkte der ihnen zugehörigen Kreise die Verbindungslinie des Mittelpunktes der Sonne mit dem der Erde nicht verlassen. Erst im Kopernikanischen System wurde die Sonne als der Centalkörper des Planetensystems festgestellt und dadurch, daß die Erde in die Reihe der Planeten eingelegt wurde, eine Erklärung der Ungleichheiten in der Planetenbewegung gegeben. Die Form konzentrischer Kreise jedoch hielt Kopernikus noch für die Planetenbahnen fest. Tycho Brahe, ein Gegner des Kopernikanischen Systems, suchte die Hauptaufgabe der Wissenschaft in möglichst genauen Beobachtungen, die er vorzugsweise in bisher unübertroffener Ausdauer auf den Mars konzentrierte. Aus den Resultaten dieser Beobachtungen leitete Kepler seine Gesetze der Planetenbewegung her, und Newton endlich führte diese Gesetze auf sein Prinzip der allgemeinen Gravitation zurück (§ 387).

§ 380. Physische Beschreibung der Planeten. Ein hauptsächlichster Unterschied der Planeten wird durch die verschiedene Intensität ihrer Beleuchtung durch die Sonne bedingt; so ist die Wirkung des Sonnenlichtes auf dem Merkur nahezu siebenmal so groß als auf der Erde, auf dieser 900mal größer als auf dem Neptun. Ebenso wirkt die Schwerkraft auf dem Jupiter $2\frac{1}{2}$ mal mehr als auf der Erde, auf dem Mars nur halb so sehr u. s. w.

Vom Merkur ist wegen seiner hellen Beleuchtung durch die Sonne, und weil er nur in der Dämmerung beobachtet werden kann, wenig mehr zu sehen, als daß er rund ist und deutliche Phasen zeigt; sein scheinbarer Durchmesser variiert zwischen 5" und 12".

Während der totalen Sonnenfinsternis am 29. Juli 1878 hat der amerikanische Astronom Watson in Wyoming, wenn seine Beobachtung nicht auf einer Täuschung beruht, einen bisher nicht gesehenen Stern vierter Größe in dem Abstand von nur 2" von der Sonne wahrgenommen, welcher ein neuer, zwischen Merkur und Sonne befindlicher Planet sein kann und identisch mit dem aus den von Leverrier in Beziehung auf die Durchgänge des Merkur durch die Sonnenscheibe angestellten Berechnungen vermuteten Planeten Vulkan.

Auch bei der Venus glänzt der erleuchtete Teil zu hell, um Genaueres erkennen zu lassen, obschon dieser Planet von allen der Erde am nächsten kommt, bis auf $5\frac{1}{4}$ Mill. Meilen (39 Mill. Kilometer), und sein scheinbarer Durchmesser bis zu 62" wächst. Das blendende Licht der Venussichel verliert sich allmählich zum nicht erleuchteten Teile hin, woraus man auf eine Atmosphäre der Venus einen Schluß gemacht hat; wahrscheinlich ist die Venus oft auch von einer Wolkenschicht umhüllt.

Auf dem Mars, welcher sich dem bloßen Auge durch sein entschieden rotes Licht kenntlich macht, sieht man mit dem Fernrohr deutlich unterschieden, was Festland und Meer sein mag. Das erstere charakterisiert sich durch eine rötliche, das letztere durch eine grünliche Färbung. An den Polen erscheint der Mars schwach abgeplattet; auch zeigen sich dort zwei weißliche Flecken, wie Schnee glänzend, welche abwechselnd an Größe ab- und zunehmen und deren Ausdehnung sich nach dem Stande der Sonne richtet, wie die der Schneedecken in den Polargegenden der Erde. Sein scheinbarer Durchmesser schwankt zwischen 4" und 22". Im Jahre 1877 sind zwei Satelliten des Mars entdeckt worden (§ 386).

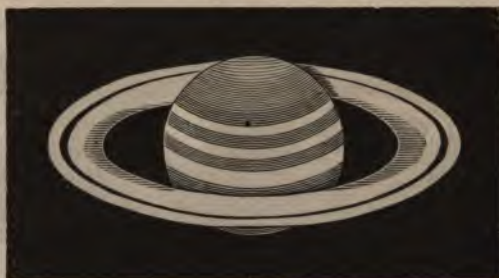
Die Parallaxe des Mars ist zur Zeit seiner Opposition ungefähr 25". Newcomb in Washington hat aus mehrfachen Beobachtungen der im Jahre 1862 unter besonders günstigen Umständen eingetretenen Opposition des Mars den Wert 8,85" für die Sonnenparallaxe gefunden und daraus die Entfernung der Sonne auf 20 035 000 Meilen bestimmt.

Der Jupiter, 1300mal so groß als die Erde, ist durch seine vier Monde charakterisiert (§ 386), welche sich um ihn in derselben Richtung bewegen wie der Mond um die Erde. Er zeigt eine starke Abplattung, insofern sein Polardurchmesser um $\frac{1}{14}$ kleiner ist als der Äquatorialdurchmesser. Auf seiner Scheibe lassen sich gewisse dunklere Streifen beobachten, auch dunklere veränderliche Flecken, aus deren Beobachtung sich die Umdrehungszeit 9 St. 55 Min. um eine zur Richtung der Streifen senkrechte Axe ergibt. Vielleicht existieren die Streifen in der Atmosphäre des Jupiter als Teile eines klaren Himmels, durch welche hindurch man den Kernkörper selbst sieht, und giebt es auf dem Jupiter ähnliche atmosphärische Strömungen, wie die Passatwinde. Der scheinbare Durchmesser des Jupiter variiert zwischen 30" und 49".

Daß der Jupiter, trotz seiner großen Entfernung von der Sonne in so hellem Lichte strahlt, ist wohl ein Beweis dafür, daß er eine stark reflektierende Atmosphäre besitzt, und daß auf ihm noch eine eigene Lichtentwicklung stattfindet. Auch rote Flecken sind wiederholt auf dem Jupiter beobachtet worden, so besonders 1878 und in den folgenden Jahren ein großer roter Fleck auf der Südhalbkufe dieses Planeten, durch den eine neue Bestimmung der Rotationszeit des Jupiter (9^h 55^m 19,6^s) ermöglicht worden ist. Prof. H. C. Vogel hat 1873 auf der Sternwarte zu Bothkamp aus einer Reihe spektralanalytischer Untersuchungen den Schluß gemacht, daß der Jupiter, wie auch andere Planeten, eine mit Wasser-

dampf gesättigte Atmosphäre hat. Nach Dr. Lohse (1878) ist der Kern des Planeten noch sehr heiß und sind auf ihm häufige vulkanische Ausbrüche höchst wahrscheinlich. Durch die bei solchen Eruptionen emporgeschleuderten, glühenden Gase und Dämpfe wird die Wolkendecke des Jupiter durchbrochen, und weil diese Massen von geringerer Rotationsgeschwindigkeit sind als der Jupiter, so bildet sich in der Rotationsrichtung ein dunkler Streifen, der bei längerer Dauer der Eruption eine Ausdehnung um den ganzen Planeten gewinnen kann. Wenn die solche Streifen bildenden, glühenden Dämpfe eigenes Licht ausstrahlen, lassen sich rötliche und rotgelbe Färbungen beobachten.

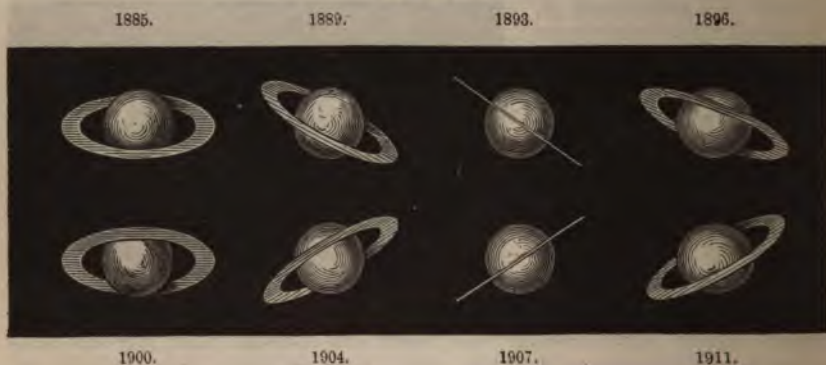
Am auffallendsten ist die Erscheinung des Saturn (Fig. 326), der etwa 1000mal so groß ist als die Erde, und dessen mittlerer Durchmesser 18" groß erscheint; nämlich außer acht Monden, von denen die meisten aber nur mit ausgezeichneten Teleskopen sichtbar sind, zeigt er einen konzentrisch geteilten flachen Ring, dessen äußerster Durchmesser über 282 000 Kilometer beträgt, während der Äquatoraldurchmesser des Saturn nur wenig über 126 000 Kilometer groß ist; die Dicke des Ringes beläuft sich nicht über 400 Kilometer. Der Ring wirft Schatten auf den Saturn und dieser auf den Ring. Außerdem lassen sich auch auf dem Saturn Streifen beobachten, welche einander und der Äquatorialebene parallel verlaufen und auf eine Axenumdrehung des Saturn schließen lassen, welche nach der neuesten Feststellung von Hall in Washington (1877) in 10 St. 14 Min. 23,8 Sek. (mittl. Fehler 2,3") erfolgt. Die Drehungsaxe und ebenso der Ring behalten fortdauernd nahezu dieselbe Richtung im Weltenraum; die Neigung des letzteren gegen die Ekliptik beträgt etwa $28^{\circ} 10' 17''$ und schneidet dieselbe in einer Linie, welche mit der Äquinoktiallinie (1881) den Winkel $167^{\circ} 56'$ bildet (die Länge des Knotens wächst jährlich um $46,5''$).



Geht der Saturn durch einen seiner Ringknoten (in C, Fig. 327a), d. h. hat er die Länge $167^{\circ} 56'$, oder $347^{\circ} 56'$, so durchschneidet die Ebene seines Ringes die Sonne und wird von dieser darum nur die Kante des Ringes beleuchtet. Wenn alsdann auch die Erde sich zufällig in der Knotenlinie CS befindet (in F, Fig. 327a), was also zur Zeit der Opposition des Saturn stattfindet, welche vorzugsweise günstig zu seiner Beobachtung ist, so kann der Ring nur als eine glänzende, gerade Linie (vergl. Fig. 327, 1893 und 1907) erscheinen, wenn er überhaupt sichtbar ist. In der That jedoch bleibt der Ring alsdann, außer für Fernröhre von größter Öffnung, ganz unsichtbar, wie John Herschel am 29. April 1833 bestätigt hat, obschon er sich zur Beobachtung eines Reflektors von 18 Zoll (46 cm) Öffnung und 20 Fuß (6,1 m) Fokallänge bediente. Der Ring verschwindet ebenfalls, so oft die Erde durch die Ebene des Ringes, d. h. durch eine Schnittlinie dieser Ebene mit der Ekliptik hindurchgeht. Ein solcher Durchgang kann, wie eine einfache Betrachtung zeigt (vergl. die Anm.), nur in der Nähe der Ringknoten des Saturn erfolgen und tritt alsdann mindestens einmal ein, kann sich jedoch auch zwei- und dreimal ereignen. Zu anderen Zeiten wird man den Ring bald von der Nordseite, bald von der Südseite sehen (Fig. 327). Entsprechend der siderischen Umlaufzeit des Saturn beträgt auch die periodische Wiederkehr der verschiedenen Ringgestalten etwa 30 Jahre. Das Gleichgewicht des Ringes wird erhalten durch seine Rotation in seiner Ebene in etwa 10 St.

32 Min., welche Zeit nach dem Gravitationsgesetz (§ 379) der Umlaufzeit eines Mondes in der mittleren Entfernung der Breite des Ringes vom Saturn gleichkommt. Wahrscheinlich hat der Ring mehr als eine konzentrische Teilung.

Fig. 327.

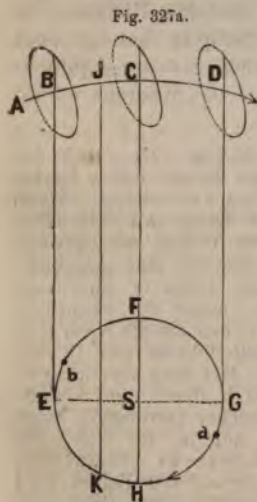


Anmerkung. Das Verschwinden des Saturnringes. Weil die Ebene des Ringes bei ihrer Fortbewegung sich selbst parallel bleibt, gilt dasselbe für ihre Schnittlinie mit der Ekliptik. In Fig. 327a sei S die Sonne, $ABCD$ ein Teil der Saturnbahn, welcher den Ringknoten C einschließt, $EFGH$ die Bahn der Erde, CS die Knotenlinie, BE und DG (Tangenten der Erdbahn) und JK sämtlich parallel CS , und durch die Pfeile die Bewegungsrichtung beider Planeten angedeutet. Da sich die Schnittlinie der Ringe mit der Ekliptik in paralleler Richtung fortbewegt, so kann die Erde durch dieselbe nur hindurchgehen, also

ein Verschwinden des Ringes nur eintreten, solange sich der Saturn auf der Bahnstrecke BD befindet. Dieser Bogen BD ist nur von beschränkter Ausdehnung; denn aus dem Verhältnis der Radien der Saturn- und der Erdbahn ($9,54:1$, § 377) ergibt sich Winkel $CSB = CSD = 6^\circ 1'$, d. h. $BSD = 12^\circ 2'$. Den Bogen BD durchläuft der Saturn ungefähr in 359,46 Tagen, d. h. in einer nur um 5,8 Tage geringeren Zeit, als die Erde zu ihrem Umlauf um die Sonne bedarf. Weil nun die Erde in beiden Hälften, EFG und GHE , ihrer Bahn durch eine Schnittlinie der Ringe mit der Ekliptik hindurchgehen kann, so muß während dieser Zeit mindestens ein Durchgang, d. h. ein Verschwinden des Ringes stattfinden.

Um jetzt zu zeigen, daß auch ein wiederholtes Verschwinden auf der Bahnstrecke BD des Saturn möglich ist, sei durch $Eb = Ga$ die Länge eines von der Erde in 5,8 Tagen durchlaufenen Bogens dargestellt. Wenn dann in dem Augenblick, wo der Saturn in B anlangt, sich die Erde in a befindet, so wird sie bei ihrer Weiterbewegung die ihr entgegenkommende Schnittlinie der Ringe in einem Punkt des Quadranten HE erreichen, etwa in K und dann für die ganze folgende Strecke $KEFG$

sich, mit Bezug auf die Richtung des Saturn, hinter der Ringe mit der Ekliptik hindurchgehen kann, so muß während dieser Zeit mindestens ein Durchgang, d. h. ein Verschwinden des Ringes stattfinden.



d. i. in dem Augenblick, wo der Saturn den Bogen BD verläßt: für diese Annahme also tritt ein zweimaliges Verschwinden des Ringes ein.

Befindet sich die Erde beim Eintritt des Saturn in B in irgend einem Punkt des Bogens aHE , so wird sie, wie vorhin, zwischen H und E durch die Ringebene gehen und sie alsdann nochmals in einem Punkt des Halbkreises $EF\bar{G}$ überholen und endlich ihr ein drittes Mal in einem Punkt des Quadranten GH begegnen, so daß also der Ring dreimal verschwindet. Dasselbe tritt ein, wenn die Stellung B des Saturn mit der Stellung E der Erde zusammenfällt; dagegen verschwindet der Ring wiederum nur zweimal, wenn dem Punkt B der Saturnbahn eine Stellung der Erde zwischen E und b entspricht. Daß endlich einer der Stellung B des Saturn zugehörigen Anfangslage der Erde innerhalb des Bogens bFG nur ein einziger Durchgang der Erde durch die Ringebene, d. h. ein einmaliges Verschwinden des Ringes entspricht, nämlich im Halbkreise GHE , ist sofort daraus zu entnehmen, daß auf dem ganzen Bogen bFG die Erde der Ringebene des Saturn voraus ist.

Der Uranus ist nur teleskopisch zu beobachten; er zeigt weder einen Ring, noch Streifen oder Flecken, hat etwa $4''$ im Durchmesser und ist 82 mal so groß wie die Erde. Begleitet ist er von vier Monden, welche sich rückläufig bewegen, und deren Bahnen fast rechtwinklig die Bahn des Uranus durchschneiden.

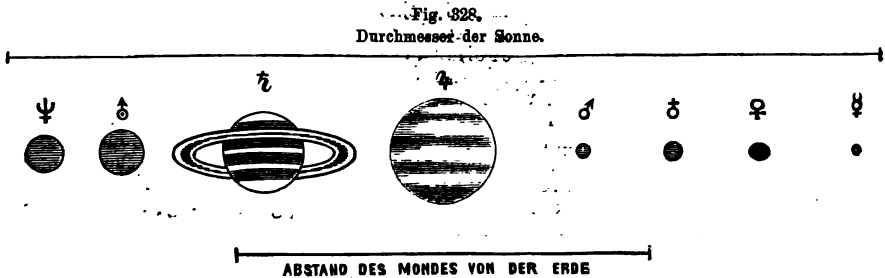
Der Neptun ist zu weit entfernt und seit seiner Entdeckung (1846) zu ungünstig für Beobachtungen gelegen, so daß eigentliche Resultate derselben noch zu erwarten sind. Er besitzt mindestens einen Mond.

Die Asteroiden. Die größere Lücke zwischen Mars und Jupiter wird durch eine Menge kleiner Planeten ausgefüllt, von denen bisher weit über hundert beobachtet worden sind. Alle sind teleskopisch und nur an Vesta und Pallas ist eine Scheibe entdeckt worden. Aus photometrischen Vergleichen dürfte den größeren Asteroiden ein Durchmesser zukommen, der für Ceres auf 343, für Vesta auf 318, für Pallas auf 266, für Juno auf 189 km sich belaufen kann. Ihre Bahnen sind stark excentrisch, und stark gegen die Ekliptik geneigt. Man hat die Hypothese aufgestellt, daß die Asteroiden die Trümmer eines größeren Planeten sind.

Von den größeren Planeten ist Uranus 1781 von W. Herschel entdeckt worden, Neptun 1846 durch Berechnung von Unregelmäßigkeiten im Gange des Uranus von Leverrier (+ 1877) an einer bestimmten Stelle am Himmel vermutet und von Galle aufgefunden worden. Von den Asteroiden sind Ceres 1801 von Piazzi in Palermo, Juno 1804 von Harding in Göttingen, Pallas und Vesta 1802 und 1807 von Olbers in Bremen entdeckt worden, weiter nach einem längeren Zwischenraum Asträa 1845, Hebe 1847 von Henke in Driesen u. s. w., bis Ende 1884 der 244. der Gruppe zwischen Mars und Jupiter.

Von den Absorptionsstreifen des Sonnenspektrums (§ 371) gehört ein Teil der Erdatmosphäre zu, und es hat sich nachweisen lassen, daß mehrere dieser atmosphärischen Linien vom Wasserdampf der Luft herrühren, während andere auf ein zusammengesetztes permanentes Gas, vielleicht Kohlensäure, hindeuten. Im Spektrum der Venus erscheinen die Fraunhoferschen Linien unverändert, in dem des Mars dagegen und des Jupiter zeigen sich die Absorptionsstreifen der Erdatmosphäre sehr verstärkt, so daß beiden Planeten vielleicht eine Atmosphäre, ähnlich der der Erde, zukommt; außerdem aber enthält das Spektrum des Mars noch starke Absorptionsstreifen im Blau und das des Jupiter im Rot. Das Spektrum des Saturn ist dem des Jupiter sehr ähnlich; auch in den Spektren des Uranus und des Neptun finden sich starke Streifen und mögen immerhin die vier äußersten Planeten noch schwach selbständig leuchten.

Die Figur 328 soll zur Verdentlichung der gegenseitigen Beziehungen in der GröÙe der Planeten, der Dimensionen der Sonne und der Bahn des Mondes um die Erde dienen.



C. Die Nebenplaneten.

a. Der Mond.

§ 381. Bahn und GröÙe des Mondes. Die Bewegung des Mondes am Fixsternhimmel findet, übereinstimmend mit der scheinbaren Jahresbewegung der Sonne, in einer der scheinbaren täglichen Bewegung der Gestirne entgegengesetzten Richtung statt, jedoch mit größerer Schnelligkeit, und zwar mit einer mittleren siderischen Periode von 27 Tagen 7 St. 43^m 11,5^s für den ganzen Umlauf um die Erde. Der Mond beschreibt dabei mit nicht ganz gleichförmiger Geschwindigkeit eine nahezu kreisförmige Bahn, wie daraus hervorgeht, daß der scheinbare Durchmesser des Vollmondes kaum veränderlich ist. Den Abstand des Mondes von der Erde findet man, wie den der Sonne (§ 370), durch Berechnung der Horizontalparallaxe, deren mittlerer Wert sich gleich 57' 19,9" ergibt, oder durch sogenannte Okkultationen, von denen später (§ 383) die Rede sein wird. Die mittlere Entfernung des Mondes von der Erde ergibt sich aus seiner Parallaxe als das 60,273fache des Erdradius, d. h. gleich 384 436 Kilometer (51 808 geogr. Meilen), ist also nur wenig größer als die Hälfte des Sonnenhalbmessers.

Der mittlere Durchmesser des Mondes, vom Mittelpunkt der Erde aus gesehen, beträgt 31' 5"; er variiert zwischen 29' und 34'; sein wahrer Durchmesser ist darum das 0,2729fache des Erddurchmessers, d. h. gleich 3481 Kilometer (468 geogr. Meilen), sein Inhalt also 0,0203 oder $\frac{1}{49}$ des Inhaltes der Erde.

Die Bahn des Mondes ist eine Ellipse, deren Excentricität 0,05491 der großen Halbaxe beträgt (§ 378), und hat zur Ekliptik eine Neigung von 5° 8' 48"; der eine Brennpunkt der elliptischen Mondbahn ist der Mittelpunkt der Erde. Diejenigen Punkte, in denen der Mond der Erde am nächsten kommt, oder von ihr am weitesten entfernt ist, heißen Perigäum, bezüglich Apogäum, ihre Verbindungslinie die Linie der Ap-siden. Die Knoten der Mondbahn weichen von Monat zu Monat auf der Ekliptik zurück und zwar täglich um 3' 10,64", in einem Jahre etwas über 19°; die Periode dieser rückläufigen Bewegung der Knoten ist ungefähr 18,6 Jahre.

In Fig. 329 bedeutet *Abad* die Ekliptik und *ABCDEF* einen eine ganze siderische Umlaufszeit umfassenden Teil der Mondbahn, und zwar *A* den aufsteigenden Knoten; läge die Bahn in einer Ebene, welche durch *O* ginge, so

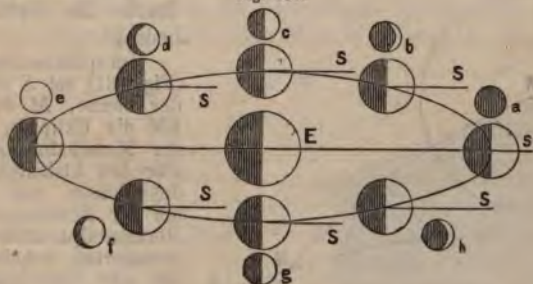
würde a der absteigende Knoten sein. Dieser Knoten tritt aber bereits im Punkt C ein, so daß $\angle AOC < 2R$ ist; ebenso ist der Winkel bis zum nächsten aufsteigenden Knoten $COE < 2R$, und demnach wird der siderische Umlauf von A aus erst in F , nördlich von der Ekliptik abgeschlossen sein. Bei dieser Bewegung kann der Mond allmählich jeden Punkt des Himmels bedecken, welcher innerhalb einer Zone von $10^\circ 18'$ Breite liegt, die Ekliptik als Mittellinie gerechnet. Trotzdem ist seine veränderte Stellung bei einem Umlauf nur wenig bemerklich; denn wenn der Mond, wie zwischen A und F , die ganze Ekliptik in der Länge durchmessen hat, so beträgt sein Breitenunterschied durchschnittlich doch nur $8'$.

Auch die große Axe der elliptischen Mondbahn, die Apsidenlinie, ändert ihre Richtung im Raume alljährlich um etwa 41° , bei jedem Umlauf um die Erde um ungefähr 3° , und zwar schreitet das Perigäum rechtläufig vor und macht einen ganzen Umlauf am Himmel in 8 Jahren 310 Tagen und 14 St. mittlerer Sonnenzeit.

Gleichzeitig rücken also auch die Axen der elliptischen Mondbahn in ihrer Ebene immer weiter vor, und es zeigt darum diese Ebene im ganzen eine schwankende Bewegung, so daß die Berechnung der jedesmaligen Stellung des Mondes nicht einfach ist.

§ 382. Die Mondphasen; synodische Periode des Mondes. Der Mond erhält sein Licht von der Sonne und, weil seine Entfernung von dieser 400mal so groß ist als von der Erde, in fast paralleler Richtung der Strahlen, so daß er stets zur Hälfte von der Sonne beleuchtet erscheint. Je nach seiner verschiedenen Stellung zur Erde bietet er dieser einen mehr oder weniger beleuchteten Teil seiner Oberfläche dar, und er zeigt darum verschiedene Phasen, die ohne besondere Erläuterung aus der Fig. 330 klar werden, in der die Mondbahn in perspektivischer Ansicht dargestellt ist.

Fig. 330.



Die Mondmonate werden durch die regelmässig wiederkehrenden Mondphasen bestimmt; sie dauern von Neumond zu Neumond, d. h. von jeder Konjunktion des Mondes mit der Sonne bis zur nächstfolgenden. Diese synodische Periode des Mondes (vergl. § 376) ist wegen der scheinbaren Bewegung der Sonne größer als die siderische (§ 381), nämlich 29 Tage $12^h 44^m 2,9^s$. Man findet aus ihr durch dasselbe Verfahren die siderische Periode, wie früher (§ 377) aus der synodischen Umlaufzeit eines oberen Planeten die siderische Umlaufzeit und umgekehrt.

Nennt man den Überschuss der synodischen über die siderische Periode des Mondes, in Teilen der Ekliptik ausgedrückt, α , so daß der Bogen α von der

Sonne in derselben Zeit zurückgelegt wird, als die ganze Ekliptik, d. i. 1 vermehrt um α , vom Monde, so hat man, wenn man weiter die scheinbare Geschwindigkeit der Sonne $\frac{360}{365,24224} = 0,98565$ durch σ , die des Mondes $\frac{360}{27,32166} = 13,1764$ durch μ bezeichnet:

$$\sigma : \mu = \alpha : 1 + \alpha,$$

woraus: $\alpha = \frac{\sigma}{\mu - \sigma} = 0,080852 = 29,1067^\circ,$

welche von dem Monde in $\frac{29,1067}{13,1764} = 2,209$ Tagen zurückgelegt werden; um diese Zeit also, d. i. um 2 Tage 5^h 1^m, ist die siderische Periode des Mondes kleiner als die synodische.

§ 383. Okkultation der Gestirne; Sonnenfinsternis. Eine Okkultation eines Sternes durch den Mond tritt ein, sobald der Mond zwischen den Stern und die Erde tritt. Eigentümlich ist dabei das plötzliche Verschwinden oder Wiedererscheinen des Gestirns, jenachdem dasselbe von dem Monde verdeckt wird, oder die Bedeckung aufhört, zumal wenn ein solches Ereignis am dunklen Rande der Mondscheibe zu beobachten ist.

Derartige Sternbedeckungen sind von Bedeutung für die Längenbestimmung eines Ortes, sowie für die Bestimmung der Parallaxe des Mondes, und es werden aus diesem Grunde für die Hauptsternwarten die Okkultationen der helleren Fixsterne auf Jahre vorausberechnet.

Eine Okkultation der Sonne durch den Mond, auch wenn sie nur teilweise stattfindet, wird als Sonnenfinsternis bezeichnet. Eine solche tritt demnach ein, sobald im Moment der größten Nähe von Mond und Sonne der vom Mittelpunkt der Erde aus berechnete, sogenannte geocentrische Abstand ihrer Mittelpunkte kleiner ist, als die Summe ihrer Radien und der Horizontalparallaxe des Mondes, welche Summe höchstens den Wert $1^\circ 34' 27''$ erreicht. Die parallaktische Zugabe ist durch die Größe der Erde bedingt.

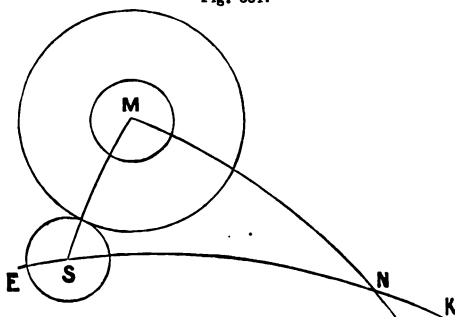


Fig. 381.

Im sphärischen Dreieck SNM (Fig. 381) sei S der Mittelpunkt der Sonne, M der des Mondes, SN die Ekliptik, MN ein Teil der Mondbahn, N der Knoten. Für den kleinsten Abstand MS des Mondes von der Sonne ist bei der Berührung der um die Horizontalparallaxe des Mondes erweiterten Scheibe des Mondes mit der Sonnenscheibe Winkel SMN ein rechter, folglich SN

leicht zu berechnen; wenn $SM = 1^\circ 34' 27''$ und $\angle MNS = 5^\circ 8' 48''$ (§ 381) gegeben sind:

$$\sin SN = \frac{\sin SM}{\sin SNM}$$

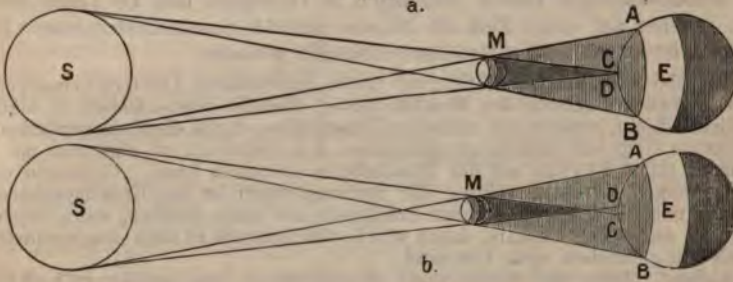
d. i.: $SN = 17^\circ 50'.$

Wenn also im Augenblick des Neumondes der Knoten des Mondes dem Mittelpunkt der Sonne näher liegt als $17^\circ 50'$, so kann auf eine, irgendwo auf der Erde zu beobachtende Sonnenfinsternis geschlossen werden. Man hat also die Sonnen- und Mondtafeln zu Rate zu ziehen, um die Lage des Knotens und die genauen (scheinbaren) Halbmesser der Sonne und des Mondes kennen zu lernen, ferner die Lokalparallaxe und die Vergrößerung des Monddurchmessers, wie sie durch die nähere Stellung des Beobachters, verglichen mit der im Mittelpunkt der Erde, bedingt wird

Die Sonnenfinsternis wird central genannt für diejenigen Orte der Erde, an denen während der Finsternis die Mittelpunkte von Mond und Sonne sich einen Augenblick decken, ringförmig, wenn die Mondscheibe von der Sonnenscheibe umhüllt wird, total, wenn die letztere von der ersteren ganz bedeckt wird, partial für alle Orte, für welche ein seitlicher Teil der Sonnenscheibe unverdeckt bleibt, d. h. welche nur im Halbschatten des Mondes liegen.

Die Figuren 332a und 332b werden dazu dienen, eine totale und eine ringförmige Sonnenfinsternis zu verdeutlichen: auf der Mittelzone *CD* ist die Finsternis be-

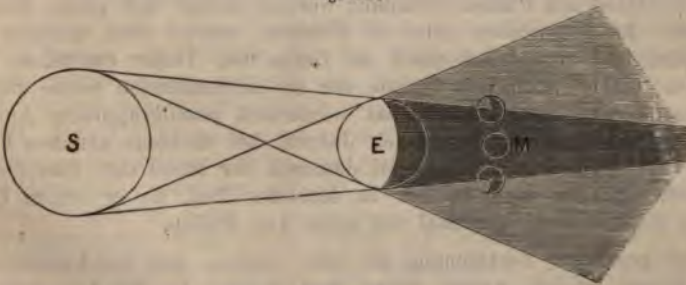
Fig. 332.



züglich total (a) oder ringförmig (b), auf der Außenzone, begrenzt durch die Kreise *AB* und *CD*, partial, im gemeinsamen Mittelpunkt dieser Kreise central. Die größte Ausdehnung wird eine totale Sonnenfinsternis erreichen, wenn sich die Erde *E* im Aphel, der Mond *M* im Perigäum befindet, eine ringförmige Sonnenfinsternis, wenn sich die Erde im Perihel, der Mond im Apogäum befindet. Über die Lichterscheinungen bei totalen Sonnenfinsternissen s. § 371.

§ 384. Mondfinsternis. Periodicität der Finsternisse. Wie bei der Stellung von Sonne, Mond und Erde im Fall der Konjunktion (Fig. 332) eine Sonnenfinsternis eintreten kann, so ermöglicht sich bei der Stellung dieser drei Körper in der Reihenfolge Sonne, Erde, Mond, d. h. im Fall der Opposition (Fig. 333) eine Mondfinsternis, ein teilweiser oder

Fig. 333.



totaler Durchgang des Mondes durch den Schatten der Erde. Dabei ist der Eintritt des Mondes in den Halbschatten der Erde nicht wahrzunehmen; dagegen ist die Erde so groß, daß ihr Schattenkegel weit über den Mond hinausreichen kann, so daß hier eine gegenseitige Stellung wie in Fig. 332b, durch welche eine ringförmige Sonnenfinsternis bedingt war, nicht möglich ist. Auch die Mondfinsternisse werden in totale und partielle unterschieden.

Die Sonne geht (rechtläufig) den Gestirnen täglich um $0,98565^\circ$ voraus (§ 382), während die Mondknoten (§ 381) täglich um $3' 10,64'' = 0,05295^\circ$ hinter den Gestirnen, folglich um $1,0386^\circ$ hinter der Sonne zurückbleiben, also weil $360:1,0386 = 346,62$, haben nach Verlauf von 346,62 Tagen die Mondknoten wieder dieselbe Stellung zur Sonne. Das 19fache dieser Periode beträgt 6585,78 Tage; eigentümlicher Weise machen 223 mittlere synodische Umläufe des Mondes (§ 382) 6585,32 Tage aus; der Unterschied also der mittleren Lage des Knotens beim Beginn und nach Verlauf von 223 Mondumläufen ist fast unmerklich, und darum ist diese Zeit eine Periode für alle Verfinsterungen, d. h. sowohl die Sonnen- als die Mondfinsternisse kehren periodisch in 18 Jahren und 10 Tagen wieder. Man rechnet auf diese Zeit 29 Mond- und 41 Sonnenfinsternisse. Diese Periode ist bereits den Chaldäern bekannt gewesen.

Bei einer totalen Mondfinsternis treten interessante Lichterscheinungen an der verdunkelten Scheibe des Mondes hervor; dieselbe zeigt nämlich ein bläulich-grünliches Licht, welches bei schneller Veränderung durch die Zwischenfarben des Spektrums Gelb und Orange zu glühendem Rot übergeht, so daß man mit dem Fernrohr selbst Flecken auf der Mondscheibe erkennen kann. Als Grund dieser Erscheinungen ist die Brechung der Sonnenstrahlen in der Erdatmosphäre anzusehen, und die Farbübergänge erscheinen nur dann deutlich, wenn diejenigen Schichten der Erdatmosphäre, durch welche das Sonnenlicht nach dem verfinsterten Monde hin gebrochen wird, klar sind.

Anfang, Dauer und Größe einer Mondfinsternis sind leichter zu berechnen, als bei einer Sonnenfinsternis, weil sie unabhängig sind von der Lage des Beobachtungsortes auf der Erde. Die Spitze des Kernschattenkegels liegt immer in der Ekliptik, und man braucht nur die Lage des Mondes zur Zeit des Vollmondes aus den Mondtafeln zu entnehmen und dann zu berechnen, in welchen Momenten vor und nach dem Vollmond der Abstand des Mittelpunktes des Mondes von der Axe des Schattenkegels gleich ist der Summe der Halbmesser des Mondes und des Kernschattens, um Beginn und Ende der Mondfinsternis festzustellen. Eine Mondfinsternis, d. h. ein Eintreten des Mondes in den Kernschatten, findet nicht statt, wenn zur Zeit des Vollmondes der Abstand des Mittelpunktes der Sonne von einem Knoten der Mondbahn größer ist als $11^\circ 21'$.

§ 385. Physische Beschaffenheit des Mondes, Axenumdrehung, Libration. Der Mond gewährt dem Beschauer, abgesehen von der Veränderlichkeit seiner Beleuchtung durch die Sonne, durch die seine verschiedenen Phasen veranlaßt werden, immer fast genau denselben Anblick. Im besonderen zeigt er Flecken, welche stets dieselbe Stelle behaupten und sich teleskopisch als Berge und Thäler darstellen, deren Schatten einzig nach dem Stande der sie beleuchtenden Sonne sich verlängern oder verkürzen. Man hat wiederholt photographische Ansichten des Mondes aufgenommen und seit Jahren, bei übrigens gleichen Phasen, keine Veränderung bemerkt. Weil demnach der Mond stets dieselbe Seite der Erde zukehrt, muß er sich in derselben Zeit, als er seinen Umlauf um die Erde vollendet, einmal um seine Axe drehen.

Bei genauerer Bestimmung hat sich ergeben, daß die Umdrehung in einer Ebene erfolgt, welche unter dem Winkel $1^\circ 30' 11''$ gegen die Ekliptik geneigt ist, und in einer Zeit, welche mit der siderischen Umlaufzeit (§ 381) übereinkommt. Während aber die Bewegung des Mondes um die Erde nicht gleichförmig ist, ergiebt sich bei seiner Axenumdrehung eine unveränderliche Winkelgeschwindigkeit; darum schwanken die Schnittpunkte der Centrale von Erde und Mond mit der Oberfläche des letzteren einigermassen auf dieser hin und her, und weil außerdem

die Umdrehungsaxe des Mondes nicht ganz senkrecht auf seiner Bahn steht, so kommt während der einen Hälfte des siderischen Umlaufes der Nordpol, während der anderen der Südpol des Mondes ein wenig zum Vorschein. Diese Erscheinung heißt Libration des Mondes.

Die konvexe, äußere Grenze des beleuchteten Mondes ist kreisrund und fast glatt, die Schattengrenze aber sehr rauh, weil die in ihrer Nähe gelegenen Erhebungen der Mondoberfläche, die zum Teil als einzelne Berge, zum Teil als ganze Gebirge, besonders Ringgebirge mit kraterförmigen Vertiefungen, erscheinen und eine Höhe bis über 7200 m erreichen, also höher wie der Chimborazo sind, infolge der für sie untergehenden Sonne lange Schatten werfen. Beim Vollmond ist kein Schatten zu sehen. Auf der uns zugewendeten Seite besitzt der Mond keine Spur von Wolken, noch von einer Atmosphäre, wie aus den plötzlichen Okkultationen der Gestirne (§ 383), den Lichterscheinungen bei einer totalen Sonnenfinsternis (§ 371) und den vollkommen schwarzen Schatten der Mondberge zu schließen ist, und was sich auch durch Spektraluntersuchungen bestätigt hat. Infolge dessen muß die Oberfläche des Mondes vorzugsweise stark von der Sonne erwärmt werden; trotzdem ist die eigene Wärme des Mondes sehr gering, weil auch die Wärmeausstrahlung in den Weltenraum kein Hindernis erfährt. Eigenes Licht besitzt der Mond nicht; der matte Lichtschein, durch welchen sich der dunkle Teil des Mondes, nahe vor oder nach dem Neumond, noch sichtbar macht, ist nur eine Folge der Reflexion des Lichtes der Erde, die alsdann dem Monde in voller Beleuchtung gegenübersteht.

Es existieren genaue Mondkarten schon von Hevel und Cassini, neuerdings von Beer und Mädler und in großem Maßstabe ausgeführte Karten einzelner Mondlandschaften von Schmidt in Athen. Die Lohrmannsche Karte giebt ein mit größter Sorgfalt entworfenes Bild der Mondoberfläche (Maßstab 1:3566400) aus den Jahren 1822–36. Julius Schmidt in Athen hat die Beobachtung gemacht, daß seit 1866 an einer bestimmten Stelle des Mondes ein Krater seine Gestalt verändert hat. Nach einer Untersuchung von Huggins zeigten die Sterne Sirius, Arkturus u. a. mehr Einfluß auf einen empfindlichen Thermomultiplikator als der Vollmond, bei dem sich nur ein unsicherer Ausschlag der Magnetnadel ergab.

b. Die Trabanten der übrigen Planeten.

§ 386. Die Monde des Jupiter, des Saturn, des Uranus und des Mars. Dieselben entsprechen in ihren Bewegungen den Keplerschen Gesetzen und stellen insofern mit ihrem Centalkörper im kleinen ein Abbild des Sonnensystems dar, im besonderen die vier Monde des Jupiter, welche sich schon durch Fernröhre von mäßiger Vergrößerung beobachten lassen. Sie bewegen sich von West nach Ost, also rechtläufig, in Ebenen, welche nahezu mit der des Äquators des Jupiter zusammenfallen, der selbst nur um $3^{\circ} 5' 30''$ gegen die Ebene der Jupiterbahn geneigt ist, und die demnach auch wenig von der Ekliptik verschieden sind. Darum scheinen sie sich nahezu geradlinig zu bewegen. Sie haben derartige Abstände vom Jupiter, daß die drei inneren bei jedem Umlauf um diesen total verfinstert werden, und diese regelmäßig wiederkehrenden Verfinsterungen haben (Olaf Römer 1675) auf die Entdeckung der Geschwindigkeit des Lichtes geführt (§ 133) und lassen sich zur Bestimmung der geographischen Länge verwerten.

In Jupiterhalbmessern ausgedrückt sind die Abstände seiner Satelliten vom Jupiter:

	6,05;	9,62;	15,35	27
ihre Umlaufzeiten in Tagen:				
	1,769;	3,551;	7,155;	16,689
ihre Durchmesser in Kilometern:				
	3925;	3525;	5758	4927.

Während von den acht Saturnmonden die Bahnen der inneren fast in die Ebene des Ringes fallen, ist die des siebenten um 21^0 (Mädler) gegen diese geneigt. Die Umlaufsperiode des dritten Saturntrabanten ist doppelt so groß als die des ersten, und ebenso die des vierten das Doppelte der Periode des zweiten, ja sogar 494 Umläufe des ersten Mondes, 340 des zweiten, 247 des dritten, 170 des vierten betragen sämtlich 465 Tage 18 St. Von den vier mit Sicherheit (1874—1875 von Newcomb in Washington) beobachteten Monden des Uranus ist zu bemerken, daß ihre Bahnebenen fast senkrecht zur Ekliptik stehen ($78^0\ 58'$), und ihre Bewegung rückläufig ist; ihre Umlaufszeiten betragen $2\frac{1}{2}$, 4, 9, $13\frac{1}{2}$ Tage. Sie gelten als besonders schwierige Objekte für die Beobachtung. Ein Trabant des Neptun ist bereits 1846 von Lassell aufgefunden worden (Umlaufszeit 5,877 Tage).

Im August 1877 sind von Hall in Washington zwei Satelliten des Mars, Phobos und Deimos, entdeckt worden, welche bezüglich nur einen Abstand von 9350 und 23 400 Kilometer vom Mars haben, deren Umlaufszeit $7^h\ 38,5'$ und $30^h\ 14'$ beträgt, während ihr Durchmesser nur 9 und 10,5 km groß ist. Außerdem hat Hall für den schwächsten Trabanten des Saturn, den Hyperion, eine Umlaufszeit von 21,3 Tagen und die Neigung seiner Bahn gegen die Ringebene gleich $7^0\ 3,8'$ gefunden. Zu diesen Entdeckungen hat ein Fernrohr von 68,6 cm Objektivöffnung verholfen.

§ 387. Gravitationsgesetz. Masse der Himmelskörper. Durch die genauere Bestimmung der Bewegung des Mondes um die Erde und der Dimensionen des Erdkörpers selbst ist Newton zur Feststellung eines Gesetzes gelangt, welches nicht allein die elliptische Mondbahn und die Bewegung aller Satelliten um ihren Centralplaneten, sowie die der Planeten selbst um die Sonne als die Wirkungen einer und derselben Naturkraft darstellt, sondern auch weit über die Grenzen des Sonnensystems hinaus die Bahnen der Kometen (§ 390) und der Doppelsterne (§ 403) regelt, und welches ebenso zur Erklärung der Gesetze der Bewegung und des Gleichgewichtes aller Körper überhaupt dient. Dieses Gesetz, bekannt unter dem Namen des Gesetzes der allgemeinen Massenanziehung oder Gravitation, lautet (§ 58):

Alle Teile der Materie ziehen einander an mit einer Kraft, welche den anziehenden Massen direkt, den Quadraten der Entfernung umgekehrt proportional ist.

Newton hat ferner bewiesen, daß, wenn die anziehenden Körper Kugeln sind von gleichmäßiger Dichtigkeit, oder welche aus konzentrischen Schichten von gleicher Dichtigkeit bestehen (Princip. lib. I, propos. 75. 76), die Anziehung dieselbe ist, als wenn ihre ganze Masse im Mittelpunkt vereinigt wäre, und dadurch die unmittelbare Anwendung des Gravitationsgesetzes auf die Himmelskörper ermöglicht. Eine solche wurde denn auch in der Zurückführung der Bewegung der Planeten und Satelliten um ihren Centralkörper auf das gleiche Anziehungsgesetz gemacht und ebenso in der Bestimmung der Masse der Himmelskörper und der Fallbeschleunigung auf ihrer Oberfläche.

Bezeichnet man die Massen zweier als kugelförmig angenommenen Himmelskörper durch m und m_1 , die Entfernung ihrer Mittelpunkte durch r , so ist ihre gegenseitige Anziehung, dem Gravitationsgesetz entsprechend:

$$f \cdot \frac{mm_1}{r^2},$$

wo f ein konstanter Faktor ist; die durch diese Anziehung bewirkte Beschleuni-

gung für die Masse m ist gleich $f \cdot \frac{m_1}{r^2}$, für die Masse m_1 gleich $f \cdot \frac{m}{r^2}$, also unabhängig von der Masse des beschleunigten Körpers. Wird die Beschleunigung, welche ein Himmelskörper, wie die Erde, auf einen Körper an ihrer Oberfläche ausübt, durch γ bezeichnet, der Radius des betreffenden Himmelskörpers durch ϱ und seine Masse durch m , so hat man also:

$$\gamma = h \cdot \frac{m}{\varrho^2},$$

wo h wiederum einen konstanten Wert besitzt. Newton hat gezeigt, daß diese Beschleunigung sich bis auf die Bewegung der Himmelskörper um ihren Centralkörper ausdehnt, so daß sich also, wenn M die Masse der Sonne, R die Entfernung ihres Mittelpunktes von dem eines Planeten und G die Fallbeschleunigung infolge der Anziehung der Sonne bedeuten, ergibt:

$$G = h \cdot \frac{M}{R^2}$$

und ebenso, wenn m die Masse eines anderen Centralkörpers, r die Entfernung seines Mittelpunktes von dem eines Trabanten und g die Beschleunigung des Falles auf ersterem bezeichnen:

$$g = h \cdot \frac{m}{r^2}.$$

Andererseits ergibt sich aus den Umlaufszeiten T und t , bezüglich des Planeten um die Sonne und des Trabanten um seinen Centralplaneten (§ 55):

$$G = \frac{4\pi^2 R}{T^2} \text{ und } g = \frac{4\pi^2 r}{t^2},$$

folglich:

$$\frac{M}{m} = \frac{R^3 T^2}{r^3 t^2}.$$

Ist $M = m$, findet also die Bewegung um denselben Centralkörper statt, so wird $R^3 t^2 = r^3 T^2$, d. h. $T^2 : t^2 = R^3 : r^3$, entsprechend dem dritten Keplerschen Gesetz (§ 379). Um nunmehr das Massenverhältnis der Sonne und der Erde zu bestimmen, vergleiche man die siderische Umlaufszeit der Erde, 365,2564 Tage (§ 358), mit der des Mondes 27,32166 Tage (§ 381), und die Entfernungen der Sonne und des Mondes von der Erde, welche bezüglich das 23 439- und 59,965fache des Erdradius betragen; man erhält daraus:

$$M = 324\,550\,m;$$

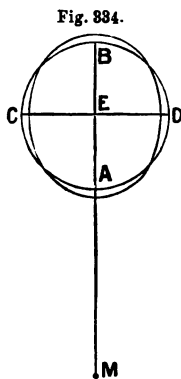
als genauerer Wert ergibt sich, wenn man die Masse der Erde nicht gegen die der Sonne und die Masse des Mondes nicht gegen die der Erde vernachlässigt, $M = 324\,439\,m$ (§ 370). Ebenso läßt sich aus der Vergleichung der Umlaufszeit des äußersten Jupitertrabanten (§ 386) mit der des Mondes die Masse des Jupiter bestimmen, bezogen auf die der Erde, = 309 m , ferner die Masse des Saturn = 92 m und die Masse des Uranus = 13,5 m .

Die Masse derjenigen Planeten, welche keine Satelliten haben, ist durch die Störungen bestimmt worden, welche sie in ihrer Bewegung durch die anderen Planeten erleiden, oder selbst auf diese ausüben, die des Mondes unter anderem durch die Erscheinung der Ebbe und Flut (§ 388), endlich die Dichtigkeit der Erde selbst durch Versuche mittelst der Drehwage (§ 58). Als Mittelwert derselben hat sich 5,6 ergeben und daraus sind, weil die Dichtigkeit proportional der Masse und umgekehrt proportional dem Volumen ist, hergeleitet worden die Werte für die mittlere Dichtigkeit der Sonne = 1,3, des Merkur = 6,6, der Venus = 4,5, des Mars = 4,0, des Jupiter = 1,36, des Saturn = 0,72, des Uranus = 1,31.

Isaak Newton (geb. 25. Dez. 1642, gest. 20. März 1727) versuchte bereits in den Jahren 1665 und 1666 die Größe der Anziehungskraft der Erde auf den Mond aus den damals bekannten Dimensionen der Erde zu bestimmen. Er fand dieselbe um ein Sechstheil größer, als sie sich aus der Umlaufsbewegung des Mondes ergibt. Im Jahre 1682, wo er mit den Ergebnissen der indessen erfolgten genaueren Gradmessung von Picard (§ 350) bekannt wurde, nahm er seine Berechnung wieder auf und fand diese nunmehr in vollkommener Übereinstimmung mit seinem Gravitationsgesetz. Das Manuskript seines berühmten Werkes „*Philosophiae naturalis principia mathematica*“ überreichte er der königlichen Societät am 28. April 1686. In diesem Werke führte er auch die Präcession der Nacht-

gleichen (§ 358) auf die ungleiche Anziehung zurück, welche Sonne und Mond auf die Erde vermöge der Abplattung der letzteren ausüben, und stellte ebenso als eine Folge dieser Anziehung die Erscheinung der Flut und Ebbe dar.

§ 388. Flut und Ebbe. In eigentümlichem Zusammenhange mit der Umlaufbewegung des Mondes um die Erde und der scheinbaren, jährlichen Bewegung der Sonne stehen die regelmäßigen, periodisch wiederkehrenden Schwankungen in der Höhe des Meeresniveaus, welche täglich zweimal erfolgen und in einem abwechselnden Emporsteigen und Sinken der Meeresoberfläche bestehen, Erscheinungen, welche unter dem Namen von Flut und Ebbe bekannt sind. Die genauere Zeit zwischen zwei auf einander folgenden Fluten beträgt $12^h 25^m 14^s$, also eine halbe scheinbare, tägliche Umlaufszeit des Mondes (§ 382), und es zeigt sich bei sorgfältigerer Beobachtung, daß der Mond bei seiner, infolge der Axenumdrehung der Erde erfolgenden, scheinbaren Bewegung um die Erde, von einer doppelten Flutwelle des Meeres begleitet wird, von denen die eine sich auf der dem Monde zugekehrten, die zweite auf der ihm abgewendeten Seite der Erde erhebt. Eine zweite doppelte Flutwelle, jedoch von viel geringerer Höhe, folgt in gleichzeitiger Konjunktion und Opposition der Sonne mit einer Periode, die mit dem tropischen Sonnenjahr (§ 358) übereinkommt. Die Erhebung dieser Fluten ist außerdem abhängig von dem jedesmaligen Abstände des Mondes und der Sonne von der Erde, also bezüglich am größten zur Zeit des Perigäums und des Perihels. Durch Vereinigung beider Flutwellen, also während des Neumondes und während des Vollmondes, steigt das Meer in der Springflut am höchsten empor, dagegen tritt während des ersten und letzten Mondviertels die Flut nur in geringer Höhe auf. Sechs Stunden nach der Ebbe tritt die Flut tritt die Ebbe ein.



In Fig. 384 bedeutet der Kreis $ADBC$ einen durch den Mittelpunkt M des Mondes gelegten Centralchnitt der Erde. Die Anziehung des Mondes wirkt am stärksten auf den ihm zunächst liegenden Punkt A , für den er im Zenith steht, am wenigsten auf den entgegengesetzten Punkt B der Erde, mit mittlerer Intensität aber auf alle in gleichem Abstände von A und B gelegenen Punkte, wie C und D . Infolge dieser verschiedenen starken Anziehung wird die bewegliche Wasserhülle der Erde, das Meer, in A emporgehoben, während in B , weil der mittlere Erdkörper selbst der stärkeren Anziehung des Mondes Folge leistet, das Meer zurückbleibt, so daß also zugleich in A und B eine Flutwelle entsteht; in der mittleren Region CD dagegen tritt vielmehr, infolge des Emporsteigens der Wasserwellen in A und B , eine Erniedrigung des Meeresniveaus, die Ebbe, ein.

Änderungen in dem regelmäßigen Verlauf von Flut und Ebbe werden, abgesehen von dem Einfluß der Stürme, besonders durch die Trägheit des aufsteigenden Wassers und durch die zufälligen Konfigurationen des festen Landes bedingt, so daß die Zeit des Eintretens der Flut oft selbst für benachbarte Häfen sehr verschieden sein kann; dieselbe bleibt aber für einen und denselben Hafen ebenso konstant, wie auf der hohen See. Von der letzten Kulmination des Mondes an gerechnet, tritt z. B. die Flut ein in Hamburg nach 5 Stunden, in Amsterdam nach 3 Stunden, in Ostende nach 20 Minuten, in Calais nach 11 Stunden 45 M., in London nach 2 Stunden 45 M., in Cherbourg nach 7 Stunden 45 M., in Lissabon nach 4 Stunden u. s. w. In den französischen Häfen erreichen die Fluten ihre größte Erhebung erst $1\frac{1}{2}$ Tage nach dem Mondwechsel. Zur Bestimmung der jedesmaligen Höhe der Flut hat Laplace (geb. 1749, † 1827), dem

wir überhaupt die eingehendsten Untersuchungen über Ebbe und Flut verdanken, leicht zu handhabende Formeln gegeben. — Aus der Stellung des Mondes in der Nähe der Ekliptik und demnach auch des Äquators läßt sich erklären, daß die Fluten in den Tropenländern höher sein müssen, als in größeren geographischen Breiten. In Ostindien und an den Küsten des tropischen Amerika erreicht darum die Flut eine große Höhe. Oft machen sich aber auch Lokalsachen geltend, so daß z. B. im Hafen von St. Malo die Flut oft bis zu 16 Meter emporsteigt. Dagegen ist in der Nordsee die Bewegung des Meeres infolge von Flut und Ebbe geringer und an der nördlichen Küste von Norwegen ganz unbemerkbar, ebenso in kleineren oder ringsum eingeschlossenen Meeren.

D. Die Kometen.

§ 389. Erscheinungsform der Kometen. Als charakteristisch für die Kometen (*κομήτης*, Haarstern) ist hervorzuheben ihre außerordentliche Erscheinung am Himmel, ihr schneller und der Bewegung der übrigen Himmelskörper scheinbar nicht entsprechender Verlauf, ihre zum Teil als ungeheuer groß zu erachtende Ausdehnung und die bisweilen schnellen Veränderungen, welche an ihnen zu beobachten sind. Ihrer eigentlichen Natur nach sind sie meist noch als rätselhaft zu bezeichnen, und erst neuerdings ist für sie ein teilweiser Zusammenhang mit den Sternschnuppenschwärmen (§ 395) dargethan worden, und verdankt man der Spektralanalyse einzelnes zur Aufklärung ihrer Natur.

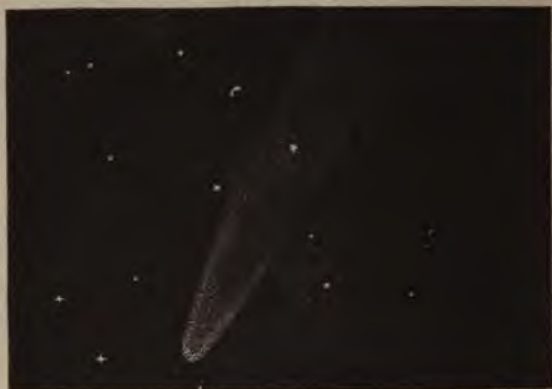
Die Kometen bestehen meist aus einer großen, mehr oder weniger leuchtenden, nicht scharf begrenzten, nebelhaften Lichtmasse, dem Kopf, von dem aus sich — jedoch nur bei den helleren Kometen, während die teleskopischen nur als eine rundliche Nebelhülle erscheinen — in der Regel ein schwächer leuchtender, mehr oder weniger langer, gegen das Ende sich verbreiternder Schweif, in der Richtung des über den Kopf hinaus verlängerten, von der Sonne aus gezogenen Radius vector, erstreckt. Abweichungen von dieser Regel zeigen die mehrfach geschweiften Kometen und Kometen, deren Schweif der Bewegungsrichtung entgegengesetzt gekrümmt ist.

Ihre größte Ausdehnung scheinen die Schweife kurz nach ihrem Durchgange durch das Perihel zu besitzen; besonders lang war der Schweif des Kometen von 1843, der sich am Himmel über 65° erstreckte, nämlich 30 Mill. Meilen. Ob die Veränderungen, welche die Schweife oft darbieten, immer innere sind, oder sich auf Rotationen zurückführen lassen, ist eine noch zu entscheidende Frage. Der Komet von 1744 zeigte sechs durchschnittlich 4 Grad breite, 30 bis 45 Grad lange Schweife, die durch vollkommen nebelfreie Räume getrennt waren; der Komet von 1824 hatte zwei Schweife, die einen Winkel von 160° zeigten.

Der Kopf eines Kometen, die Nebelhülle mit dem Kern, besteht im allgemeinen aus einer parabolisch geformten Nebelmasse von sehr veränderlicher Größe; beim Enckeschen Kometen (§ 392) z. B. ist in der Entfernung 1,7 r von der Sonne, wo r die Entfernung der Erde von der Sonne bedeutet, der Durchmesser des Kometen gleich 25000 Meilen, für 0,9 r gleich 16000 Meilen, für 0,5 r gleich 9000 Meilen beobachtet worden. Die Nebelhülle besteht meist aus einer Anzahl heller Zonen mit dunkleren Zwischenräumen; auch der Kern ist meist im Umriss unbestimmt, nur selten scheibenförmig. Selbst Sterne von sehr geringer Helligkeit bleiben nahe beim Kern, und selbst wenn sie innerhalb desselben stehen, sichtbar, während sie schon hinter mäßigem Rauche verschwinden. In Fig. 335 ist der Komet von 1819 dargestellt, der nicht sowohl durch

seine Größe, als durch seine deutliche Sichtbarkeit für das unbewaffnete Auge ausgezeichnet war.

Fig. 335.



Das Spektrum des Brorsenschen Kometen von 1868 zeigte drei Streifen, deren mittelster am hellsten war. Dieser Beobachtung zufolge dürfte der Komet aus glühenden, also selbstleuchtenden Gasmassen bestehen und haben nur einzelne Teile desselben, vorzugsweise der Schweif, reflektiertes Sonnenlicht gezeigt. Das Spektrum des Kometen II vom Jahre 1868, ebenso des Gouldschen Kometen von 1881, fand Huggins nahe übereinstimmend mit dem des Kohlenwasserstoffs, das sich ergibt, wenn man den Induktionsfunken durch ölbildendes Gas schlagen läßt.

Die Zahl der astronomisch beobachteten Kometen ist ziemlich groß (600–700); derartige Beobachtungen sind in alten Zeiten freilich nur höchst mangelhaft ausgeführt worden, datieren jedoch wegen der Bedeutung, welche der Aberglaube den Kometen beilegte, bis mehrere Jahrhunderte vor unserer Zeitrechnung zurück. Bei der totalen Sonnenfinsternis vom 17. Mai 1882 wurde ein Komet entdeckt, der in der Nähe der verdunkelten Sonne für das bloße Auge sichtbar war.

§ 390. Bewegung der Kometen. Die scheinbare Bewegung der Kometen ist höchst mannigfach; oft sind sie nur wenige Tage sichtbar, oft monatelang, bald bewegen sie sich sehr langsam, bald ungemein schnell, so daß beispielsweise der Komet von 1472 an einem Tage einen Bogen von 40° am Himmel beschrieb. Einige Kometen sind rechtläufig, andere rückläufig, auch schneiden sie im allgemeinen die Ekliptik unter sehr verschiedenen Winkeln. Bei genauerer Untersuchung jedoch gehorchen sie alle dem Newtonschen Attraktionsgesetz (§ 387), indem sie Kegelschnitte beschreiben, in deren einem Brennpunkt sich die Sonne befindet. Ihre Elemente jedoch (§ 378) ergeben zum Teil eine elliptische, zum Teil eine hyperbolische, meist eine parabolische Bahn, welche dem Flächensatz (§ 379) entsprechend, in der Nähe der Sonne mit größerer Geschwindigkeit zurückgelegt wird.

Schiaparelli in Mailand hat für den im August sichtbaren Sternschnuppen-schwarm (§ 395) eine parabolische Bahn gefunden, welche merkwürdig mit der des dritten Kometen von 1862 übereinstimmt, nämlich:

	Sternschnuppen vom 10. August.	III. Komet 1862.
Durchgang durch das Perihel	Juli 23,62' mittl. Zeit von Mailand	Aug. 22,9.
Länge des Perihels	$343^\circ 38'$	$344^\circ 41'$
Länge des aufsteigenden Knotens	$138^\circ 16'$	$137^\circ 27'$
Neigung zur Ekliptik	$63^\circ 3'$	$66^\circ 25'$
Periheldistanz	0,9643	0,9626
Umlaufzeit	105 Jahre (?)	123,4 Jahre (?)
Bewegung	rückläufig	rückläufig.

Ebenso fand später Leverrier für den Novemberschwarm bei Annahme einer 33jährigen Umlaufszeit eine Übereinstimmung mit dem I. Komet von 1866. Vielleicht hat man sich die Kometen zum Teil vorzustellen als dichte Sternschnuppenschwärme, und das Phänomen eines Sternschnuppenregens giebt dann ein Bild, wie sich das Zusammentreffen der Erde mit einem Kometen gestaltet (vgl. § 392, 3).

§ 391. Masse der Kometen. Bei einer großen räumlichen Ausdehnung der Kometen ist ihre Masse als sehr gering zu erachten und darum von keinem meßbaren Einfluß auf die Planetenbewegung. Dagegen sind die Kometen in ihrer eigenen Bewegung sehr dem störenden Einfluß der größeren Planeten unterworfen. In der Nähe der Sonne finden zum Teil Ausscheidungen statt und entwickeln sich besonders die Schweife außerordentlich. Jedenfalls sind die Kometen fortdauernden Veränderungen unterworfen, sie zeigen zum Teil, wie der Donatische Komet von 1858, gasförmige Strömungserscheinungen am Kopfe; ja sie teilen sich sogar vollständig, und am Bielaschen Kometen ist selbst beobachtet worden, daß er zuerst in zwei getrennte Kometen zerfiel und endlich sich in einen Sternschnuppenschwarm auflöste (§ 392).

Der Einfluß der größeren Planeten auf die Kometen ist so bedeutend, daß Kirkwood die Ansicht aufgestellt hat, die Kometen, welche sich gegenwärtig in elliptischen Bahnen bewegen, verdanken diese Periodicität einer Störung durch Planeten, daß also den Kometen ein kosmischer Ursprung zugeschrieben werden müßte. In der That haben 70 Prozent dieser Kometen eine direkte Bewegung; bei 12 derselben fallen die Aphelien nahezu mit der Entfernung des Jupiter von der Sonne zusammen, bei zwei mit der des Saturn, bei drei mit der des Uranus und bei sechs mit der des Neptun.

§ 392. Beschreibung einzelner Kometen. Nur eine kleine Anzahl von Kometen ist wissenschaftlich untersucht, in ihrer Bahn bestimmt und dadurch der Himmelskunde gewonnen worden. Man unterscheidet Kometen, deren periodische Wiederkehr durch Beobachtung festgestellt ist, die sich also in elliptischen Bahnen um die Sonne bewegen und andere, deren Bahn als parabolisch, oder selbst als hyperbolisch zu betrachten ist. Zu den ersteren gehört als vorzugsweise interessant:

1) Der Halleysche Komet, der erste Komet, dessen Wiederkehr vorherbestimmt worden ist, und zwar von Halley (geb. 1656, † 1742) bei Vergleichung der Elemente der Kometen von 1682, 1607 und 1531. Halley stellte seine Rückkehr auf Ende 1758 oder Anfang 1759 in Aussicht, und in der That wurde, zum Triumph der Wissenschaft, der Komet den 25. Dezember 1758 wiedergesehen, von neuem auch 1835. Seine mittlere Umlaufszeit ist 76 Jahre 2 Monate; 1835 erschien er als Stern erster Größe, mit einem 20° langen Schweife. In seinem Perihel ist er nur halb so weit von der Sonne entfernt als die Erde, dagegen im Aphel nahezu doppelt so weit als der Uranus; sein größter Abstand von der Sonne nämlich beträgt 35,4 r , sein kleinster 0,6 r , wenn r den Radius der Erdbahn bezeichnet. Seine Bewegung ist rückläufig.

2) Der Enckesche Komet. Die Umlaufszeit dieses bereits 1786 beobachteten, nur teleskopischen Kometen wurde von Encke auf 3,3 Jahre bestimmt. Sein Aphelium liegt noch diesseits der Jupiterbahn. Man hat an ihm eine allmähliche Verkürzung der Umlaufszeit wahrgenommen, die sich in neun Umlaufperioden fast auf einen Tag beläuft und nach Olbers durch den Widerstand eines den Weltenraum erfüllenden Mediums zu erklären wäre. Neuerdings jedoch ist die Genauigkeit dieser Beobachtung angezweifelt worden.

3) Der Bielasche Komet ist ebenfalls nicht mit bloßem Auge sichtbar. Seine Periodicität wurde von Biela zu Josephstadt erkannt und seine Umlaufszeit auf 6,7 Jahre bestimmt. 1845 hat man seine Teilung in zwei Kometen beobachtet, welche beide 1852, jedoch bereits 350000 Meilen von einander entfernt, wiederkehrten; 1859 konnten sie ihrer Lage wegen nicht beobachtet werden; 1865/66 sind sie vergeblich gesucht worden. Endlich am 27. November 1872, wo die Erde einen derselben passierte, ereignete sich ein glänzender Sternschnuppenfall.

Veranlaßt durch ein Telegramm von Klinkerfues in Göttingen, welcher aus diesem Sternschnuppenfall den Schlus machte, daß der Bielasche Komet gleichzeitig auf der Südhälfte der Erde bei dem Stern θ Centauri aufgefunden werden möchte, beobachtete in der That Pogson, Direktor der Sternwarte in Madras, Anfang Dezember 1872, den Kometen an der betreffenden Stelle des Himmels.

Der große Komet von 1843 hatte eine Schweiflänge von 60°. Kopf und Kern waren von ausgezeichnetem Glanz. Er war selbst am Tage sichtbar, wie der Mond bei Tage als eine weiße Wolke; ausgezeichnet war dieser Komet durch sein geringes Perihel, nämlich nur $\frac{1}{7}$ des Sonnenradius, so daß im Perihel der scheinbare Durchmesser der Sonne für ihn 121° betrug, also der Komet unter eine 47000 mal größere Licht- und Wärmewirkung der Sonne gelangte als die Erde, allerdings mit der großen Geschwindigkeit von 78 Meilen in einer Sekunde; seine Periode ist 376 Jahre.

Für den Kometen I 1850 hat man eine Umlaufszeit von 28800 Jahren berechnet; der Donatische Komet von 1858 und der von 1861 ergeben parabolische Elemente; zu denen mit hyperbolischer Bahn gehört der Komet VI von 1863. Die Bahn des Coggiaschen Kometen von 1874 ist von Tietjen als elliptisch gefunden worden, seine Umlaufszeit etwa 9000 Jahre; in der Zeit vom 3. bis zum 5. Juli wuchs seine Schweiflänge von 1 Million bis über 5 Million Meilen.

E. Die Meteorite.

§ 393. Meteorsteine oder Aerolithe. Zu den Meteoriten werden gerechnet die mit Getöse zerplatzenden und auf die Erde herabstürzenden Meteorsteine, die Feuerkugeln, welche sich langsamer am Himmel bewegen, und die mit fixsternartigem Glanz nur einen kurzen Moment leuchtenden, meist in parabolischen Kurven sich bewegenden Sternschnuppen. Über die ersteren hat man darum die meiste Kunde gewinnen können, weil sie als Mineralien sich chemisch genau untersuchen lassen; sie sind kosmischen Ursprungs, sehr verschieden in ihrer chemischen Zusammensetzung, bestehen jedoch, sovieler bisher gefunden worden sind, aus Grundstoffen, welche sich auch sonst auf der Erde vorfinden; trotzdem sind sie als ganz verschieden von tellurischen Gebilden zu erachten.

Die Meteorsteine enthalten meist einen starken Prozentsatz Kieselsäure und Magnesia, sowie Eisenoxyd und selbst metallisches Eisen, Nickeloxyd, Thonerde u. s. w. Nach ihrem größeren oder geringeren Eisengehalt unterscheidet man Eisenmeteorite und Steinmeteorite. In der Regel sind sie überzogen von einer meist schwarzen Rinde und im Innern oft von weißlicher Farbe und von feinen Adern durchsetzt. (Widmannstätsche Figuren.)

Sie sind zum Teil als geschweifte Feuerkugeln beobachtet worden, welche mit Getöse zerspringen und mit ihren Bruchstücken weite Strecken bedecken. So sammelte man 1860 bei New-Concord (Ohio) 30 Bruchstücke eines mit mehrfacher Detonation zerplatzten Meteorits, im Gesamtgewicht von 350 kg, das größte Stück 51,5 kg schwer, und fand als

Bestandteile: Kieselsäure 51,25, Eisenoxydul 25,2, Magnesia 8,87, Thonerde 5,325, Calciumoxyd 0,785, Eisen 8,8, Nickel 2,36, Schwefel 1,18, Spuren von Chrom und Phosphor, Wasser 0,035.

Man hat geglaubt die beiden Ambosse, von denen Jupiter (Ilias XV, 19) spricht, als Meteorite deuten zu dürfen. Der schwarze Stein in der Kaaba zu Mekka ist nach der Untersuchung von Burton ein Meteorstein, von wahrscheinlich sehr hohem Alter. Im Jahre 1492 fiel ein großer Meteorstein zu Ensishcim, von dem ein Fragment in der Kirche aufgehängt ist; 1511 fielen, nach Cardanis Mitteilung, während einer Sonnenfinsternis zu Croma gegen 1200 Steine, von denen einer 130 kg wog; 1870 sind von Nordenskjöld in Grönland große Eisenmeteorite gefunden worden, von 25000, 10000, 5000 kg Gewicht. Man hat Verzeichnisse von über 300 Meteoriten mit Angabe des Datums ihres Falles angefertigt. — Über einen großen Meteoriteinfall, der am 3. Februar 1882 bei Mocs in Siebenbürgen stattfand, liegt ein ausführlicher Bericht von Herrn A. Koch vor. Nach diesem ist der Meteorstein wahrscheinlich schon an der nordwestlichen Grenze von Ungarn in die Atmosphäre hineingefahren, dann als Feuerkugel in südöstlicher Richtung weitergefliegen, bis er bei Mocs seine Geschwindigkeit ganz verlor und in unzählige Stücke zerstreut auf die Erde niederfiel. Das Zerstreuungsgebiet dieser Bruchstücke hat eine Breite von 3 km und eine Länge von 15 km. Die Anzahl der niedergefallenen Steine wird auf 2000, ihr Gesamtgewicht auf 245 kg geschätzt. Anfangs, also am nordwestlichen Ende, waren die Steine am dichtesten gefallen, selbst aber viel kleiner, als am südöstlichen Ende, wo die größten Stücke, welche ihre Geschwindigkeit länger bewahrt hatten, mehr getrennt gefunden wurden.

Haidinger hat über die Licht-, Wärme- und Schallerscheinungen beim Fallen von Meteorsteinen folgende Theorie aufgestellt: Durch ein Bruchstück oder eine Gruppe von Bruchstücken wird die Atmosphäre der Erde mit einer kosmischen Geschwindigkeit (bis mehrere Meilen in einer Sekunde) getroffen, welcher dieselbe selbst in großer Höhe einen bedeutenden Widerstand entgegensetzt. Während sich infolge desselben die Geschwindigkeit verringert, werden durch das Zusammendrücken der Luft Wärme und Licht entwickelt, der Meteorit rotiert und erhält eine Schmelzrinde. Die durch Pressung vor dem seine Geschwindigkeit verlierenden Meteorit erzeugte, heiße Luftschicht fließt zugleich mit abfliegenden, glühenden Schlackenteilchen nach allen Seiten ab und ballt sich hinter dem Meteorit zu einer Feuermasse (§ 394) zusammen. Der Stillstand des Meteors ist das Ende seiner kosmischen Bahn, Licht- und Wärmeentwicklung hören auf; der leere Raum im Innern der Feuerkugel wird plötzlich unter gewaltiger Schallentwicklung ausgefüllt; der innere, kalte Kern des Meteors gleicht sich mit der Hitze der äußeren Rinde aus; der Meteorit fällt als ein der Erde angehöriger, schwerer Körper zur Erde nieder, um so wärmer, aus je besser die Wärme leitendem Material er besteht.

Die Annahme, daß die Meteorsteine Eruptionsprodukte von Mondvulkanen seien, ist kaum festzuhalten; nach Poisson nämlich gehört eine Anfangsgeschwindigkeit von über 2000 m dazu, um einen Körper aus dem Attraktionsgebiet des Mondes in das der Erde zu schleudern, und wollte man für den Meteorit eine Geschwindigkeit von 35 km annehmen, so würde er in elliptischer oder parabolischer Bahn die Erde umkreisen.

§ 394. Feuerkugeln. Man bezeichnet Meteore, welche spezifisch vielleicht nicht von den Aerolithen verschieden sind (§ 393), als Feuerkugeln, wenn sie ohne Explosion wieder zu verschwinden scheinen; dieselben sind oft von bedeutender Größe und zeigen nicht selten eine einen Kern umgebende Dunsthülle; ihre Farbe ist selten rein weiß, oft hellblau, rötlich, gelb oder grün. Sie ziehen bei ihrer Bewegung am Himmel meist einen mehr oder minder glänzenden Schweif hinter sich her, der meist

konisch gestaltet ist, jedoch auch fächerförmig beobachtet worden ist. Ihre Höhe ist meist nach vielen Meilen zu berechnen.

Einer Feuerkugel, welche am 3. Dezember 1861 über einen großen Teil von Mitteldeutschland hinwegzog, legte Heis eine Lichtstärke von 68 Millionen Gasflammen bei; Halley hat eine Feuerkugel beobachtet, für welche er einen Durchmesser von 2,4 km und eine Höhe von 400 km berechnete, ebenso Petit eine von 3,5 km Durchmesser und 670 km Höhe. Man hat Feuerkugeln registriert, deren Schweife 60 km lang waren, und andere, deren Schweife eine ganze Stunde lang sichtbar blieben. Auch von Feuerkugeln hat man Verzeichnisse angefertigt; im Jahre 1850 allein sind deren 65 beobachtet worden, und zwar waren 4 derselben von Detonationen begleitet.

§ 395 Sternschnuppen. Wohl nur relativ in ihrer Größe von den Feuerkugeln verschieden, erscheinen die Sternschnuppen, welche sich als solche durch einen sehr schmalen, linienartigen Schweif charakterisieren und an Helligkeit höchstens etwa der Venus gleichkommen, sporadisch zu allen Zeiten des Jahres ziemlich zahlreich, im Maximum vielleicht gegen drei Uhr morgens. Ihre mittlere Geschwindigkeit, verglichen mit der der Erde (§ 362) als Einheit, ist etwa 1,447; die Punkte am Himmel, von denen aus sie zu kommen scheinen, die sogenannten Radiationspunkte der Sternschnuppen, sind zu verschiedenen Zeiten des Jahres verschieden, ebenso die Farbe der Sternschnuppen. Ihre Höhe beträgt meistens 70—80 Kilometer.

Man unterscheidet die sporadischen Sternschnuppen von den periodisch wiederkehrenden. Julius Schmidt in Athen giebt für die Häufigkeit der ersteren als Jahresmittel 4—5 stündlich an, nämlich für die Mitternachtsstunde im

Januar	3,6;	Februar	3,6;	März	2,7;	April	3,7
Mai	3,8	Juni	3,2;	Juli	7,0;	August	8,2
September	6,8;	Oktober	9,1;	November	9,5;	Dezember	7,2

Coulvier-Gravier, ein französischer Forscher, hat nach vieljährigen Beobachtungen festgestellt, daß die Zahl der sporadischen Sternschnuppen mit steigen der Nacht wächst und gegen Morgen wieder abnimmt. Nach seiner Statistik fallen durchschnittlich abends zwischen 6 und 7 Uhr 6, gegen 10 Uhr 8, um Mitternacht 10, um 1 Uhr 12, um 3 Uhr 16—17, um 4 Uhr 14, um 6 Uhr morgens etwa 12. Zu erklären ist diese Erscheinung durch die kosmische Bewegung der Erde, bei welcher ihr am meisten voran liegender Teil, d. h. wo der Morgen eben anbricht, von den sich ziemlich gleichmäßig im Weltenraum verteilenden, sporadischen Sternschnuppen notwendig die meisten aufnehmen muß.

Man rechnet 75,8 Proz. der Sternschnuppen als weiß; 15,9 Proz. als gelb; 5,7 Proz. als rot; 2,6 Proz. als grün

Die periodische Wiederkehr größerer Sternschnuppenschwärme ist im Anfang dieses Jahrhunderts erkannt worden und zwar zuerst für den Sternschnuppenfall vom 10. bis 12. August, für den Novemberschwarm wohl erst seit dem 12. bis 13. November 1833. Aus dem plötzlichen Erscheinen einer großen Menge von Sternschnuppen, während kurz vorher oder nachher das stündliche Mittel kaum übertroffen wird, wie besonders beim Novemberphänomen, läßt sich auf eine wolkenartige Anhäufung von Sternschnuppen schließen.

Die größte Bedeutung hat durch Alexander von Humboldts Beobachtung der Novemberfall von 1799 erlangt, der über ganz Nordamerika, von den Äquatorialgegenden bis Grönland, sichtbar war und einen wahren Sternschnuppenregen

bildete. In ungeahnter Großartigkeit wiederholte sich dies Phänomen im November 1833, wo auf einem Flächenraum von 4 Mill. Quadratkilometer zwischen 9 Uhr abends und 7 Uhr morgens etwa eine halbe Million Sternschnuppen gefallen sein mögen, die meisten mit dem Punkt 150° AR und $+21^{\circ}$ Dekl. im Sternbild des Löwen als Radiationspunkt. In gleicher Pracht trat das Phänomen im November 1866 auf, wo in Berlin allein auf einer Zone der Himmelskugel von 30° um den Polarstern gezählt wurden:

um $1^h 30^m$ jede Minute 15 Sternschnuppen				
$1^h 40^m$	"	"	25	"
$1^h 50^m$	"	"	43	"
2^h	"	"	55	"
$2^h 10^m$	"	"	48	"
$2^h 20^m$	"	"	35	"
$2^h 30^m$	"	"	17	"

woraus sich als Dichtigkeitsmaß des Schwarmes um $1\frac{1}{2}$, 2 , $2\frac{1}{2}$ Uhr bezüglich 156, 108, 170 km herausstellen. Die meisten Sternschnuppen kamen wieder aus dem großen Löwen, nahe dem Stern γ desselben, aus dem Punkt 143° Asc. Rect., $+22^{\circ}$ Dekl. der Himmelskugel; die durchschnittliche Höhe ihres Aufleuchtens betrug 150 km, des Verschwindens 80 km. Über den Zusammenhang des Sternschnuppenschwarmes vom 27. November 1872 mit dem Bielaschen Kometen ist bereits in § 392 die Rede gewesen.

Die Sternschnuppen des Augustphänomens haben ihren Strahlungspunkt meist im Perseus, weshalb sie Perseiden genannt werden, und im Gegensatz zu ihnen heißen die Sternschnuppen des Novemberphänomens die Leoniden. Die Bewegung der Perseiden ist rechtläufig, die der Leoniden rückläufig; die Intensität der Erscheinung ist bei den ersteren geringeren Schwankungen unterworfen als bei den letzteren. Es scheinen also die ersteren einen nahezu gleich dichten Ring um die Sonne zu bilden, die letzteren einen mehr wolkigen. Nach Newton in New Haven beschreibt der Hauptschwarm der Leoniden seine Bahn um die Sonne in 354,62 Tagen, tritt also je nach etwa $33\frac{1}{4}$ Jahren in eine besonders günstige Stellung zur Erde. Die Übereinstimmung der Elemente beider Schwärme mit denen zweier Kometen ist bereits in § 390 hervorgehoben worden.

Die Spektren der Meteorkerne zeigten schöne prismatische Farben, welche sich mit dem Schwächerwerden der Meteore verloren, die der Schweife erschienen gleichfalls kontinuierlich; wenn aber der Schweif zu verschwinden begann, blieb eine glänzende gelbe Linie sichtbar, welche unter den terrestrischen Flammen nur dem glühenden Natrium zu vergleichen war.

§ 396. Zodiakallicht. Dem Sonnensystem zugehörig, im übrigen jedoch ihrer Natur nach ganz rätselhaft ist eine Lichterscheinung, welche sich uns bisweilen in der mittleren nördlichen Breite an hellen Frühlingsabenden nach Sonnenuntergang, wenn die Abendröte vorüber ist, zeigt. Es erscheint alsdann am westlichen Horizont ein matter Lichtstreif, kegel- oder linsenförmig sich nach dem Horizont hin erweiternd, in seiner mittleren Richtung nur wenige Grade zur Ekliptik geneigt, so daß die untergegangene Sonne in der Mitte der erweiterten gedachten Linse liegen würde. Dieselbe Erscheinung läßt sich im Herbst am klaren Morgenhimmel vor Beginn der Morgendämmerung beobachten. Der Winkelabstand des Scheitels dieses Lichtkegels von der Sonne wechselt zwischen 40° und 90° und die Breite seiner Basis zwischen 8° und 30° ; die ganze Erscheinung gehört also der Zone des Tierkreises an und ist darum als Zodiakallicht benannt worden. Das Zodiakallicht muß sich, wenn man dasselbe in Beziehung zur Sonne setzen kann, von dieser aus bis über die Bahn des Merkur und der Venus hinaus, ja selbst bis zur Erdbahn erstrecken und kann darum wohl kaum, wie früher geschehen ist, als eine Sonnenatmosphäre angesehen werden; mit größerer Wahrscheinlichkeit dürfte sich uns in demselben ein um die Sonne herumliegender

Nebelring, ähnlich einem ringförmigen Sternschnuppenschwarm (§ 395), darstellen, der zwischen der Venus- und Marsbahn frei schwebt. Heis erklärt das Zodiakallicht als einen nebelartigen Ring, der innerhalb der Mondbahn um die Erde circulierte.

Die Sichtbarkeit des Zodiakallichtes scheint dadurch bedingt zu sein, daß sein Scheitel einen möglichst großen Winkelabstand von der Sonne zeigt, daß also die große Axe seiner Linsenform einen möglichst großen Winkel mit dem Horizont bildet, was auf der nördlichen Erdhälfte eintritt, wenn der Frühlingspunkt westlich, der Herbstpunkt östlich am Horizont steht. Im höheren Norden sind die Verhältnisse zur Beobachtung des Zodiakallichtes ungünstiger; dagegen nennt Humboldt dieses Licht einen beständigen Schmuck der Tropennächte. Für die südlichen Breiten läßt sich das Zodiakallicht am vorteilhaftesten zur Abendzeit im Herbst- und des Morgens im Frühlingsäquinoktium beobachten. — Nach Untersuchungen von Angström besteht das Spektrum des Zodiakallichtes aus einer einzigen hellen Linie, welche nahezu die Mitte zwischen den Fraunhoferschen Linien *D* und *E* hält.

Fünfter Abschnitt.

Die Fixsterne.

§ 397. Einteilung nach der Helligkeit. Der Name Fixstern zur Bezeichnung eines Gestirns, welches seinen Ort am Himmel unveränderlich festhält, ist nicht absolut zu nehmen; vielmehr ist es wahrscheinlich, daß sämtliche Fixsterne, wenn auch nur sehr langsam und nur bei genauen Beobachtungen merklich, ihre Stellung verändern (§ 404). Man teilt die Fixsterne, außer nach ihrer Gruppierung in gewisse Sternbilder (§ 349), auch nach ihrem Glanz ein in Sterne erster, zweiter, dritter u. s. w. Größe. Diese Einteilung ist insofern ganz willkürlich, als keine feste Grenze zwischen den Gestirnen verschiedener Größe zu ziehen ist; trotzdem sind alle Astronomen in ihr übereingekommen und zählen 23 oder 24 Sterne der ersten Größe, 50 bis 60 der zweiten, etwa 200 der dritten Größe u. s. w. Die kleinsten Sterne, welche man noch mit bloßem Auge unterscheiden kann, sind von der sechsten bis siebenten Größe. Die teleskopischen Gestirne werden bis zur 16. Größe unterschieden, ja es scheint für dieselben keine Grenze in betreff der Größenabteilung zu geben. Die Sterne desselben Sternbildes werden, ihrer Helligkeit nach geordnet, mit den auf einander folgenden griechischen Buchstaben bezeichnet, oder mit Zahlen versehen; die helleren haben meist auch besondere Namen erhalten. Man rechnet im ganzen bis zur siebenten Größe 12—15000 Fixsterne.

Zur Bestimmung der Helligkeit der Gestirne hat man verschiedene Methoden und Instrumente, unter denen ein von Zöllner konstruiertes, sogenanntes Polarisations-Astrofotometer hervorzuheben ist. Die scheinbare Größe (§ 400) der Fixsterne übrigens ist jedenfalls abhängig von der Entfernung, der wirklichen Größe der Sterne und der Helligkeit der leuchtenden Oberfläche, über welche Elemente wir fast nur auf Hypothesen angewiesen sind. Nach ihrer Helligkeit geordnet sind die hauptsächlichsten (vergl. die Sternkarten)

Sterne erster Gröfse:

a) Nördlich: Arkturus, Capella, Wega, Procyon, Beteigeuze (α Orionis), Aldebaran, Atair, Pollux, Regulus.

b) Südlich: Sirius, η Argus, Canopus, α Centauri, Rigel, α Eridani, β Centauri, α Crucis, Antares, Spica, Fomalhaut.

Sterne zweiter Gröfse.

a) Nördlich: α Cygni, Kastor, ϵ Ursae, α Ursae, α Persei, η Ursae, γ Orionis, β Tauri, Polaris, γ Leonis, α Arietis, ζ Ursae, β Andromedae, β Aurigae, γ Andromedae, γ Cassiopejae, α Andromedae, α Cassiopejae, γ Geminorum, Algol (β Persei).

b) Südlich: β Crucis, α Gruis, γ Crucis, ϵ Orionis, ϵ Canis, λ Scorpii, ζ Orionis, β Argus, γ Argus, ϵ Argus, α Trianguli, ϵ Sagittarii, Θ Scorpii, α Hydrae, δ Canis, α Pavonis, β Gruis, σ Sagittarii, δ Argus, β Ceti, λ Argus.

§ 398. Verteilung der Fixsterne am Himmel; die MilchstraÙe. Die Sterne der ersten drei bis vier GröÙen sind ziemlich gleichmäÙig über das Himmelsgewölbe verteilt, die kleineren Gestirne jedoch häufen sich, je mehr man sich der sogenannten MilchstraÙe nähert, und besonders innerhalb dieser selbst. Durch das Fernrohr überzeugt man sich, daÙ der Glanz der MilchstraÙe von einer unzählbaren Menge von Sternen der verschiedensten GröÙen herrührt. Die Fixsterne häufen sich also an einzelnen Teilen des Himmels gleichsam wolkenförmig an. W. Herschel hat an einzelnen Stellen der MilchstraÙe vor seinem Teleskop so viel Sterne vorüberziehen sehen, daÙ er auf einen Grad im Quadrat 5000 Sterne rechnete.

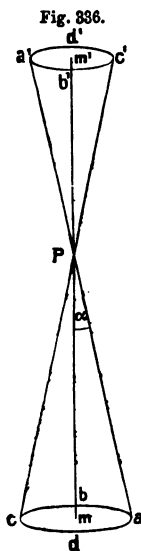
Die MilchstraÙe hat etwa die Form eines gröÙten Kreises, der gegen den Äquator unter dem Winkel 63° geneigt ist und ihn in der $AR = 0^h 47^m$ und $AR = 12^h 47^m$ schneidet. Sie ist zum Teil, etwa 150° lang, in zwei Parallelströme geteilt, zwischen denen der eben erwähnte gröÙte Kreis liegt. An den Polen dieses Kreises befinden sich die wenigsten Gestirne, und von ihnen aus zur MilchstraÙe hin ist eine allgemeine Zunahme in ihrer Anzahl zu beobachten, für welche Struve folgende Tafel aufgestellt hat:

Abst. vom nördl. galaktischen Pol.	Durchschnittszahl von Sternen in einem Felde von $15'$
0°	4,15
15°	4,68
30°	6,52
45°	10,36
60°	17,68
75°	30,3
90°	122

Die Verteilung der Sterne in der MilchstraÙe ist sehr verschieden, sowohl was die GröÙe der Gestirne als die Dichtigkeit ihrer Anhäufung betrifft; man trifft in ihr ganz leere Zwischenräume, wo also die Sterne sich wie auf einen dunklen Hintergrund projizieren; andere Stellen dagegen, welche dem unbewaffneten Auge, oder in schwächeren Fernröhren nur hell erscheinen, lösen sich bei stärkerer VergröÙerung in Myriaden von Gestirnen auf. (Vergl. die Sternkarten.)

§ 399. Entfernung der Fixsterne. Um die entfernten Punkte unseres Sonnensystems ihrem Abstände nach zu bestimmen, ist der Durchmesser der Erde als Basis (§ 370) zu klein, und muÙ man darum die jährliche Parallaxe statt der täglichen zu bestimmen suchen, d. h. die scheinbare Ortsveränderung der Gestirne am Himmel infolge der verschiedenen Stellung der Erde zur Sonne. Der elliptischen Bewegung der Erde durch die Punkte a, b, c, d (Fig. 336) entspricht die scheinbare elliptische

Bewegung eines Sternes P durch die Punkte a', b', c', d' ; die halbe große Axe $m'a'$ ($=ma = \alpha$ in Bogengrößen) dieser Ellipse wird die jährliche Parallaxe von P genannt. Dieselbe ist größer für die näheren, kleiner für die entfernteren Sterne; genauer ist für



$\alpha = 1^\circ$ die Entfernung 57 r ,

$\alpha = 1'$ „ „ 3438 r ,

$\alpha = 1''$ „ „ 206265 r ,

wenn r den Radius der Erdbahn bezeichnet. Bei den Fixsternen führte jedoch auch die Bestimmung der jährlichen Parallaxe kaum zu irgend einem positiven Resultat; die Untersuchungen waren mit Fehlern behaftet, die bei astronomischen Messungen nicht zu vermeiden sind, und es war um so bedenklicher, maßgebende Resultate daraus ableiten zu wollen, weil es sich nur um Winkel von geringen Bruchteilen einer Sekunde handelte. Man gelangte bis Anfang dieses Jahrhunderts nur zu dem negativen Resultat, daß kein Fixstern nördlicher Breite eine Parallaxe größer als eine Sekunde lieferte. Die Entfernung der Fixsterne ergab sich darum größer als das 206265fache der Entfernung der Erde von der Sonne, so daß das Licht, um von einem Fixstern zur Erde zu gelangen, mehr als 3 Jahre 83 Tage gebraucht.

Seitdem durch Kopernikus die jährliche Bewegung der Erde festgestellt ward, hat man sich bemüht, eine Jahresparallaxe der Fixsterne zu bestimmen; Tycho Brahe vervollkommnete die Beobachtungsmethoden, so daß seine Bestimmungen eine Genauigkeit von $1'$ erreichten, jedoch ebenfalls ohne den gewünschten Erfolg; durch weitere Verfeinerung der Beobachtungsmittel auf $1''$ fand Bradley 1725 eine Parallaxe der Fixsterne und zwar für alle dieselbe Parallaxe von $20,4''$ und zugleich den Grund dieser eigenthümlichen Erscheinung in der Aberration des Lichtes (§ 183).

Eine wirkliche Parallaxe ($1''$) wurde zuerst 1832 von Henderson am Kap der guten Hoffnung für den Stern erster Größe α Centauri gefunden und neuerdings (1860—1864) von Maclear auf den Wert $0,88''$ festgestellt. Um dieselbe Zeit (1838) hat Bessel in Königsberg für den Stern 61 Cygni, einen Fixstern von kaum der sechsten Größe, der sich durch seine eigene, jährlich bis auf $5''$ steigende Bewegung zwischen seinen Nachbargestirnen auszeichnet, die Parallaxe $0,348''$ hergeleitet, und so läßt sich bereits folgende Tabelle zusammenstellen:

Name des Fixsterns	Größe	jährl. Parallaxe	Entf. in Erdweiten
α Centauri	I . .	$0,88''$ (Henderson u. Maclear)	234 000
61 Cygni	VI . .	$0,348$ (Bessel)	593 000
34 Groombridge*)	VIII—IX . .	$0,307$ (Auwers)	672 000
α Lyrae	I . .	$0,261$ (Struve)	790 000
Sirius	I . .	$0,23$ (Henderson)	897 000
1830 Groombridge*)		$0,226$	
ι Ursae majoris	III . .	$0,133$	
Arkturus	I . .	$0,127$	(Peters)
Polaris	II . .	$0,067$	
Capella	I . .	$0,046$	
			4484 000

*) Groombridge, Verzeichnis der Cirkumpolarsterne.

Zu bemerken ist dabei, daß Peters für den Stern zweiter Gröfse α Cygni eine Parallaxe nicht hat finden können.

§ 400. Gröfse der Fixsterne. Die planetarische Scheibe, welche Fixsterne von hellem Glanz bisweilen im Fernrohr zeigen, ist eine Folge der Brechung des Lichtes, indem bei größerer Öffnung des Objectivs die Scheibe kleiner wird; daß aber überhaupt eine solche Scheibe nur unmeßbar klein sein kann, ergibt sich aus der augenblicklich, ohne irgend bemerkbare allmähliche Verminderung des Lichtes erfolgenden Okkultation der Fixsterne durch den Mond (§ 383). Wenn also von Gröfse der Fixsterne gesprochen wird (§ 397), so wird dadurch nur ihr verschiedener Glanz bezeichnet. Durch photometrische Methoden hat man gefunden, daß der Stern α Centauri 27000 mal weniger Licht aussendet als der Vollmond; ferner ist das Sonnenlicht 800000 mal stärker als das des Vollmondes (§ 132); darum ist das Sonnenlicht 22 Mill. mal intensiver als das von α Centauri. Es ergibt sich hieraus für diesen Stern der Glanz 2,2, wenn der der Sonne in gleicher Entfernung gleich 1 gesetzt wird.

Der Glanz des Sirius ist viermal stärker als der von α Centauri und seine Jahresparallaxe nur 0,23" (§ 398); darum die Helligkeit des Sirius 66 mal so groß als die von α Centauri und 146 mal so groß als die der Sonne. Könnte man die Sonne, deren scheinbarer Durchmesser im Mittel die Gröfse 32' 3" (§ 362) hat, in eine derartige Entfernung am Himmel versetzen, daß sie nur die Jahresparallaxe 1" zeigte, so würde ihr scheinbarer Durchmesser nur die Gröfse 0",000093 haben, also auch für die besten Fernröhre keine Gröfse zeigen.

§ 401. Spektrum der Fixsterne. Nach der spektroskopischen Untersuchung von mehreren Hundert, vorzugsweise der heller leuchtenden Fixsterne, sind vier Typen von Fixsternen zu unterscheiden:

Die glänzenderen haben, wie die Sonne, Spektra mit charakteristischen dunklen Linien auf hellem Grunde; so der Sirius, der dem bloßen Auge weiß oder bläulich erscheint. Man kann fast mit Sicherheit auf das Vorkommen von glühendem Wasserstoff, ebenso mit Wahrscheinlichkeit auf das von Eisen, Magnesium und Natrium in der Atmosphäre des Sirius schließen. Ähnliches gilt für die Spektra der übrigen weiß leuchtenden Sterne, der Wega in der Leier, des Regulus, des Rigel.

Zum zweiten Typus gehören die Spektra der gelben Sterne, wie Capella, Aldebaran, Arkturus; dieselben sind reich an Absorptionsstreifen in Rot und Blau, im übrigen dem der Sonne ähnlich. Im Aldebaran hat Huggins außer H, Na, Mg, Ca, Fe auch Te, Bi, Sb, Hg nachgewiesen, welche letzteren vier Metalle in der Sonnenatmosphäre nicht vorkommen.

Einen dritten Typus bilden nach Secchi die übrigen meist rötlichen, helleren Fixsterne, als Repräsentant Beteigeuze (α Orionis). Ihre Spektren bestehen aus säulenartigen, hellen und dunklen Bändern, die fast wie Kannelierungen aussehen. Die Wasserstofflinien sind ebenfalls meist deutlich erkennbar, zuweilen jedoch, wie bei γ Cassiopejæ, erscheinen dieselben hell leuchtend. Sie erinnern an die Sonnenflecken (§ 372), die breitere Absorptionsstreifen zeigen als das gewöhnliche Sonnenspektrum. Viele dieser Sterne, wie α Orionis, gehören zu den veränderlichen Sternen (§ 402).

Die Spektren endlich der Sterne des vierten Typus, zu denen ausschließlich Sterne der sechsten und noch geringerer Größe gehören, enthalten drei helle Zonen, welche durch dunkle Zwischenräume getrennt sind, und erinnern insofern an das Spektrum des Kohlenwasserstoffs.

§ 402. Veränderliche, periodische, temporäre Sterne. Gewisse Sterne charakterisieren sich durch ein mehr oder weniger regelmäßiges, periodisches Zu- und Abnehmen ihres Glanzes, ja einige sind selbst vollständig erloschen oder neu erglänzt. Am frühesten (1596 durch Fabricius) ist eine solche Veränderlichkeit an dem Stern α im Wal-fisch, genannt Mira Ceti, ($AR = 32^\circ 56'$, $D = -3^\circ 40'$) beobachtet worden. Derselbe erscheint etwa zwölfmal in 11 Jahren oder genauer in der Periode von 331 Tagen $15^h 7^m$, glänzt etwa 14 Tage, sogar gleich einem Stern zweiter Größe, nimmt dann drei Monate lang ab, bis er dem bloßen Auge fünf Monate unsichtbar bleibt, und wächst endlich die übrige Zeit seiner Periode.

Maximum und Minimum von Mira Ceti sind nicht immer gleich stark. Von Oktober 1672 bis Dezember 1676 soll dieser Stern ganz unsichtbar gewesen sein dagegen war er am 5. Oktober 1839 besonders glänzend. (Einzelne veränderliche Sterne sind auf den Sternkarten durch einen Kreis um den Stern angedeutet).

Ein zweiter sehr merkwürdiger, periodischer Stern ist β Persei, genannt Algol; derselbe ist gewöhnlich von der zweiten Größe und zwar während 2 Tage $13\frac{1}{2}^h$, nimmt dann plötzlich im Glanz ab, nämlich in $3\frac{1}{2}$ Stunden bis zur vierten Größe, in welcher er etwa 15 Minuten bleibt, um dann wieder in $3\frac{1}{2}$ Stunden den anfänglichen Glanz zu erlangen. Seine ganze Periode dauert 2 Tage $20^h 49^m$. Die Vermutung, daß sich um ihn ein dunkler Körper bewegt, ist durch die Berechnungen von Klinkerfues bestätigt worden. Andere periodische Sterne sind δ im Cepheus, β Lyrae, η Aquilae u. s. w., hauptsächlich bemerkenswert etwa 36 bis zu einer 18jährigen Periode.

Als temporär sind zu bezeichnen andere Gestirne, welche plötzlich am Himmel erschienen und nach längerer oder kürzerer Zeit wieder verschwunden sind, bei denen man aber eine Periode noch nicht beobachtet hat, oder die vielleicht auch erst einmal gesehen worden sind. Schon Hipparch erwähnt die Erscheinung eines solchen Sternes im Jahre 125 v. Chr.; — ein anderer erschien 389 n. Chr. nahe am Stern Atair (α Aquilae), glänzte drei Wochen lang hell wie die Venus und verschwand wieder; ebenso zeigten sich temporäre Sterne in den Jahren 945, 1264, 1572 zwischen Cepheus und Cassiopeja (vielleicht derselbe Stern mit einer Periode von ungefähr 312 Jahren, so daß er nächst dem wieder zu erwarten wäre), und so sind über 20 temporäre Sterne, sämtlich in oder nahe an der Milchstraße, beobachtet worden. Gewisse Gestirne sind ebenso als verschwunden zu bezeichnen.

Im Sternbild der nördlichen Krone zeigte sich im Mai 1866 ein sehr heller, die Fixsterne zweiter Größe an Glanz übertreffender Stern an einer Stelle, wo in den Sternkarten ein Stern neunter bis zehnter Größe verzeichnet ist. Noch in derselben Nacht verlor er an Helligkeit, erschien nach 4 Tagen bereits als Stern vierter Größe und nahm weiter stetig an Glanz ab, bis er nach 8 Tagen nur noch als Stern sechster Größe und endlich nach 3 Wochen wieder von der neunten Größe beobachtet wurde. Huggins und Miller wurden sogleich von dem Auf-leuchten dieses Sternes in Kenntnis gesetzt und untersuchten denselben durch das Telespektroskop, als er noch ziemlich hell, in der vierten Größe, leuchtete.

Sie fanden in seinem Spektrum, neben den dunklen Streifen der gewöhnlichen Fixsternspektren (§ 401), vier helle Linien, die nur von einem hell leuchtenden Gase herrühren konnten, und von denen zwei mit den charakteristischen Spektrallinien des Wasserstoffs übereinstimmten. Diese Linien wurden allmählich schwächer und verschwanden ganz, als der Stern nur noch einem der achten GröÙe gleichkam. Die ganze Erscheinung würde sich erklären lassen durch das Hervorbrechen großer Massen von Gasen, vorzugsweise von Wasserstoffgas, aus dem Innern des Gestirns, deren Entzündung und allmähliches Wiedererlöschen. — Am 24. Nov. 1876 fand J. Schmidt zu Athen einen Stern dritter und vierter GröÙe an der Grenze des Schwans gegen die Eidechse hin, dessen Licht vom 27. Nov. ab rasch abnahm, so daß er schon am 15. Dez. dem unbewaffneten Auge nicht mehr sichtbar war. Die Spektraluntersuchungen haben auch hier vorzugsweise auf brennenden Wasserstoff schließen lassen.

§ 403. Doppelsterne; Bewegung derselben. Als Doppelsterne bezeichnet man Gestirne, welche sich teleskopisch als gedoppelt zeigen, d. h. aus zwei (oder auch drei und mehreren), nahe bei einander befindlichen Einzelsternen zu bestehen scheinen. Die große Anzahl dieser Doppelsterne (2000 bis zur Entfernung von 32''), ihre große Nähe (zwanzig zwischen 0'' und 1'') und ihre zum Teil fast übereinstimmende GröÙe lassen auf einen mehr als zufälligen Zusammenhang schließen. Nach einer Berechnung von Struve ist die Wahrscheinlichkeit $\frac{1}{9570}$, daß irgend zwei Sterne bis zur siebenten GröÙe bis 4'' einander genähert sein sollten, und doch zählt man solcher Doppelsterne über 90. Unzweifelhaft aber wird die Frage der Zusammengehörigkeit dieser Gestirne entschieden durch ihre gegenseitige Bewegung.

Die beiden Sterne von α Centauri sind von der zweiten GröÙe, von denen überhaupt nur 50—60 existieren (§ 397), und haben eine so beträchtliche eigene Bewegung, daß längst der eine den andern verlassen haben würde, wenn sie nicht zusammengehörten, während ihre Entfernung höchstens 15'' betragen hat, und sie wiederholt kaum zu trennen gewesen sind. Der Stern Mizar (ζ Ursae majoris), der mittelste im Schwanz, läßt für ein scharfes Auge in nächster Nachbarschaft (Entfernung 15'') einen kleinen Stern erkennen, Alkor oder das Reiterchen genannt; teleskopisch erscheinen beide Sterne bereits in so großer Entfernung von einander, daß sie kaum mehr als zusammengehörig geschätzt werden; dagegen zeigt sich nunmehr der Stern Mizar selbst als Doppelstern (Abstand 12—16'').

Als mehrfache Sterne sind hervorzuheben θ Orionis, ein vierfacher, hell leuchtender Stern von den GröÙen 4, 6, 7, 8, der erste und letzte noch mit sehr kleinen Begleitern, ϵ Lyrae, ein doppelter Doppelstern, α Andromedae u. s. w. — Doppelsterne, bei denen die Begleiter sehr klein sind, sind besonders der Polarstern, α Lyrae, ι Ursae majoris u. s. w. — Doppelsterne mit allmählich steigender Entfernung ihrer Sterne: γ Coronae Borealis, γ Centauri (0''—1'') — γ Circini, δ Cygni (1''—2'') — α Piscium, β Hydrae (2''—4'') — α Crucis, α Herculis, α Geminorum (4''—8'') — β Orionis, γ Arietis (8''—12'') — α Centauri, β Cephei, 61 Cygni (12''—16'') — α Canum Ven., ζ Piscium (16''—24'') — δ Herculis, η Lyrae (24''—32'') u. s. w. — Im Anfange der 60er Jahre ist ein schon von Bessel 1846 vermuteter Begleiter des Sirius, ein sehr lichtschwacher Stern, wirklich gesehen worden.

Bei längere Zeit hindurch fortgesetzter Beobachtung der Doppelsterne hat sich vielfach eine Zusammengehörigkeit derselben aus ihrer gegenseitigen Bewegung ergeben. Nach 25jähriger Beobachtung glaubte zuerst 1803 W. Herschel aussprechen zu können, daß es Doppelsterne gebe, welche zusammen ein System bilden und als solche in ihrer Bewegung dem Gravitationsgesetz (§ 387) Folge leisten, im besonderen die Doppelsterne Kastor, γ Virginis, ξ Ursae, γ Leonis, δ Cygni u. s. w.; ja er gab bereits von einigen die periodischen Umlaufzeiten an, so von Kastor 334 Jahre, von

γ Leonis 1200 Jahre; — 1841 sind von Mädler über 1100 Doppelsterne von gleichem Charakter aufgeführt worden.

Savary zeigte 1830 zuerst durch ausgeführte Rechnung, daß die Bewegung des Doppelsterns ξ Ursae eine elliptische ist, mit der kurzen Periode von 58,25 Jahren, nach der späteren Berechnung von J. Herschel und Mädler von 61 Jahren; — α Centauri (J. Herschel) hat eine Umlaufszeit von 77 Jahren; δ Cygni von 178,7 Jahren (Hind); γ Virginis von 182,12 Jahren (J. Herschel); der Doppelstern ζ Herculis hat eine Umlaufszeit von nur 46,357 Jahren und seit der Zeit seiner Beobachtung bereits zweimal seinen Umlauf vollendet und dabei zwei Okkultationen gezeigt.

Die Entdeckung der Parallaxe von α Centauri und 61 Cygni (§ 398) gestattet nunmehr auch, von den absoluten Dimensionen ihrer Bahnen zu sprechen. Die Entfernung der beiden Sterne 61 Cygni hat seit 1781 kaum um 0,5'' von ihrem mittleren Werte 15,5'' differiert, während ihr Positionswinkel sich seitdem um 70° geändert hat; ihre Bahn scheint darum nahezu kreisförmig zu sein und die Umlaufszeit vielleicht 500 Jahre. Die Parallaxe dieses Sternes ist 0,348'', und es verhält sich:

$$15,5 : 0,348 = 44,5 : 1,$$

d. h. die Bahn dieses Doppelsternes übertrifft in ihren Dimensionen die des Neptun um die Sonne. Die Farben der Doppelsterne sind oft Komplementärfarben, rot und grün, gelb und blau u. s. w.

§ 404. Eigene Bewegung der Fixsterne. Halley hat zuerst darauf aufmerksam gemacht, daß zu den Zeiten des Hipparch, 130 v. Chr., die drei Sterne Sirius, Arkturus und Aldebaran nördlicher in der Breite gestanden haben als 1717; er rechnete nunmehr noch die Verminderung der Schiefe der Ekliptik für die Zwischenzeit von 1847 Jahren hinzu, vermöge deren diese Sterne vielmehr südlicher hätten stehen sollen, und so ergab sich für dieselben bezüglich eine Bewegung von 37', 42', 33' südlich. Zur Bestätigung dieses Resultates konnte auch eine Okkultation des Aldebaran durch den Mond vom Jahre 509 n. Chr. dienen, welche nach seiner nunmehrigen südlichen Stellung nicht möglich gewesen wäre. Auch der Doppelstern 61 Cygni hat in der ersten Hälfte unseres Jahrhunderts seine Lage am Himmel um etwa 4' 23'' geändert, jährlich um etwa 5,3'', ziemlich geradlinig und mit gleichförmiger Geschwindigkeit. Ähnliches gilt für andere Fixsterne. Wenn auch die Sonne eine solche Eigenbewegung zeigt, so wird infolge davon ein durchschnittliches Streben aller Sterne nach demselben Verschwindungspunkt hin, nämlich parallel der Richtung der Sonne hervortreten; in der That ist durch einen solchen Schluß W. Herschel auf die Vermutung gebracht worden, daß sich die Sonne unter den Fixsternen auf einen Punkt hin bewegt, der nicht fern von λ Herculis liegt, im Mittel nach Beobachtungen anderer Astronomen, $AR = 260^\circ$, $D = + 34^\circ 30'$.

Um die etwaige Geschwindigkeit der Sonne zu finden, kann man nunmehr etwa annehmen, daß die glänzendsten Sterne auch die nächsten sind (Struve) oder diejenigen, welche die größte eigene Bewegung zeigen (Argelander). Nach Struves Ausführungen beträgt die jährliche Bewegung der Sonne etwa 1,623 Radien der Erdbahn, d. h. nahezu ein Viertel der Jahresbewegung der Erde. Wie weit die eigene Bewegung der Sonne von der geraden Richtung und der Gleichförmigkeit abweicht, ist erst späteren Generationen zur Entscheidung aufbewahrt, ebenso die Frage der sogenannten Centralsonne.

Neuerdings hat die Spektralanalyse das Mittel gewährt, um auch die Geschwindigkeit zu beurteilen, mit welcher sich die Fixsterne uns nähern, oder sich von uns entfernen. Jenachdem nämlich ein leuchtender Punkt näherkommt oder zurückweicht, gelangen von ihm in gleicher Zeit entsprechend mehr oder weniger Lichtstrahlen zu uns, und findet darum ein Verschieben

seiner Spektrallinien bezüglich nach dem violetten oder roten Ende hin statt (§ 178). Umgekehrt, wenn im Spektrum eines Sternes eine erkennbare Gruppe von Linien, oder eine durch ihre Stärke charakteristische Linie nicht genau die Stellung beibehält, die sie im Sonnenspektrum hat, so ist dies als notwendige Folge der Bewegung des Sternes zur Erde hin oder von ihr hinweg zu erachten. In der That hat Huggins 1868 gefunden, daß die F-Linie im Spektrum des Sirius ein wenig dem roten Ende zu von der entsprechenden Linie im Wasserstoffspektrum abweicht, was einer Entfernung des Sirius von der Erde, und zwar bei genauerer Messung von etwa 66 km in der Sekunde, entspricht; also nachdem die eigene Bewegung der Erde in Anschlag gebracht war, ergab sich, daß der Sirius sich etwa 33 km in der Sekunde von der Erde entfernt. Da man nun auch die Seitenbewegung des Sirius gefunden hat, so war der Schluß gerechtfertigt, daß sich der Sirius in bestimmt angebbarer Richtung mit der Geschwindigkeit von 53 km in der Sekunde bewegt.

Ebenso hat Huggins gefunden, daß von der Sonne fort sich bewegen: Betelgeuze (α Orionis) mit der Geschw. 35 km, Rigel (48 km), Kastor (40 km), Regulus (22—27 km); dagegen auf die Sonne zu: Arkturus (Geschw. 88 km), α Lyrae (70—86 km), α Cygni (62 km), Pollux (78 km). Fünf Sterne (β , γ , δ , ϵ , ζ) im Sternbild des großen Bären weichen insgesamt mit der Geschwindigkeit 48 km von uns zurück, dagegen nähert sich α Urs. maj. mit der Geschwindigkeit 72—96 km.

§ 405. Sternhaufen und Nebelflecken. An einzelnen Stellen des Himmels scheinen sich Sterne haufenweise zusammenzudrängen, so in der Sterngruppe der Plejaden, wo man mit bloßem Auge 6—7 Sterne unterscheiden zu können glaubt, während sich im Fernrohr 50—60 helle, in sehr enge Grenzen vereinigte Sterne zeigen, abgesondert vom übrigen Himmelsraum. Das Haar der Berenice ist eine andere solche aus hellen Sternen zusammengesetzte Gruppe. Im Krebs findet sich ein heller Fleck, der schon durch ein Fernrohr von mäßiger Vergrößerung in Sterne aufzulösen ist; schwieriger gelingt das mit einem Nebelfleck im Schwertgriff des Perseus. Einige Nebelflecken sind kreisförmig und enthalten mehrere Tausend Sterne, obschon ihr Durchmesser 8—10' nicht übersteigt; so der Nebelfleck (AR = $16^h 35^m 37^s$, Dekl. = $36^\circ 47'$) zwischen η und ζ Herculis, für ein gutes Fernrohr auflösbar, jedoch in hellen Nächten auch dem bloßen Auge sichtbar.

Man unterscheidet Sternhaufen, auflösbare Nebelflecken, eigentliche Nebelflecken, planetarische Nebel und Nebelsterne, obschon dieselben nur relativ verschieden sein mögen, wegen ihrer Entfernung oder Anhäufung, vielleicht auch teilweise wegen des mehr oder weniger Unfertigen in ihrem kosmischen Bildungsprozesse. In den Spektren von mehreren Nebelflecken haben sich helle Linien gezeigt, und es ist dadurch der Beweis geführt worden für die gasartige Beschaffenheit dieser Massen.

Elliptische Nebelflecken, charakterisiert durch eine nach innen zunehmende Dichtigkeit, sind im allgemeinen schwerer auflösbar in Sternhaufen als kugelförmige; ein solcher, auch mit bloßem Auge sichtbarer, elliptischer Nebel liegt im Gürtel der Andromeda, nahe bei dem Stern ν dieses Sternbildes. Es giebt auch ringförmige Nebel, aber nur wenige; einer derselben, ziemlich in der Mitte zwischen β und γ Lyrae gelegen, ist durch die großen Teleskope von Lord Rosse aufgelöst worden. — Bei den planetarischen Nebeln verteilt sich das Licht gleichmäßig auf runden

oder ovalen, meist scharf begrenzten Scheiben; ein solcher mit dem scheinbaren Durchmesser $2' 40''$ liegt $AR = 11^h 4^m 49^s$, $Dekl. = + 55^\circ 56'$, zwischen β und γ im großen Bären. Sterne, umgeben von einer kreisförmigen Atmosphäre von schwachem Licht, werden als Nebelsterne bezeichnet, ein solcher ist 55 Andromedae, ebenso der Stern ($AR = 7^h 19^m 8^s$, $Dekl. = 21^\circ 15'$).

Sehr ausgedehnt und unregelmäßig in der Form ist der große Nebelfleck im Orion, welcher die Sterne $\Theta 1$ im Schwertgriff umgibt; er besteht zum Teil aus Sternhaufen. Ebenso dehnt sich der Nebel oder die Vereinigung von Nebelflecken, in deren dichtestem Teil der Stern η der Argo steht, der sich durch seinen veränderlichen Glanz auszeichnet, über einen Quadratgrad aus.

Hervorzuheben sind noch auf der südlichen Halbkugel die sogenannten Magellanischen Wolken, welche ihrem Lichte nach Teilen der Milchstraße gleichen; die größte bedeckt etwa 42, die kleinere 10 Quadratgrade. Die erstere bleibt selbst bei hellem Mondschein noch sichtbar. Bei starker Vergrößerung zeigt sich, daß sie aus langen Nebelstreifen in jedem Stadium der Auflösbarkeit bestehen, aus regelmäßigen und unregelmäßigen Nebeln, aus kugelförmigen Sternhaufen und anderen nebelartigen Gebilden. Man hat in der größeren Wolke 279, in der kleineren 37 Nebel und Haufen gezählt.

Geographische Bestimmung der Lage verschiedener Sternwarten und Orte.

Name des Ortes.	Geogr. Breite.	Länge von Berlin. + westlich - östlich
Abo	+ 60° 26,9'	— 0 ^h 35 ^m 33 ^s
Altona	+ 53 32,8	+ 0 13 49
Amsterdam	+ 52 22,5	+ 0 34 2
Athen	+ 37 58,3	— 0 41 21
Batavia	— 6 7,6	— 6 13 38
Berlin *)	+ 52 30,3	0 0 0
Bern	+ 46 57,1	+ 0 23 49
Bilk	+ 51 12,4	+ 0 26 30
Bologna	+ 44 29,8	+ 0 8 10
Bonn	+ 50 43,7	+ 0 25 11
Bothkamp	+ 54 12,2	+ 0 13 4
Breslau	+ 51 6,9	— 0 14 34
Brüssel	+ 50 51,2	+ 0 36 6
Buenos Ayres	— 34 36,3	+ 4 47 12
Cairo	+ 32 2,0	— 1 11 26
Cambridge (Engl.)	+ 52 12,9	+ 0 53 12
Cambridge (Mass.)	+ 42 22,8	+ 5 38 6
Canton	+ 23 8,1	— 7 39 32
Chicago	+ 41 50,0	+ 6 44 1
Christiania	+ 59 54,7	+ 0 10 41
Cincinnati	+ 39 6,4	+ 6 31 34
Constantinopel	+ 41 0,3	— 1 2 22
Danzig	+ 54 21,3	— 0 21 4
Dorpat	+ 58 22,8	— 0 53 19
Dublin	+ 53 23,2	+ 1 18 57
Edinburg	+ 55 27,4	+ 1 6 18
Florenz	+ 43 46,1	+ 0 8 33
Frankfurt a. M.	+ 50 6,8	+ 0 18 52
Genf	+ 46 12,0	+ 0 28 58
Gotha	+ 50 56,6	+ 0 10 44
Göttingen	+ 51 31,8	+ 0 13 49
Greenwich	+ 51 28,6	+ 0 53 35
Hamburg	+ 53 33,1	+ 0 13 41
St. Helena	— 15 55,0	+ 1 16 27
Helsingfors	+ 60 9,7	— 0 46 14
Jerusalem	+ 31 47,8	— 3 27 11
Ispahan	+ 32 39,6	— 1 33 23
Kiew	+ 50 27,2	— 1 8 26
Königsberg	+ 54 42,8	— 0 28 24
Kopenhagen	+ 55 41,2	+ 0 3 16
Kremsmünster	+ 48 3,4	— 0 2 57

*) Berlin liegt 2^h 4^m 14^s östlich vom Meridian von Ferro.

Name des Ortes.	Geogr. Breite.	Länge von Berlin		
		+ westlich - östlich		
Leipzig	+ 51° 20,1'	+ 0 ^h	4 ^m	1 ^s
Leyden	+ 52 9,3	+ 0	35	39
Lima	- 12 2,6	+ 6	2	5
Lissabon	+ 38 42,4	+ 1	30	9
Liverpool	+ 53 24,1	+ 1	5	52
London (St. Paulsk.)	+ 51 13,8	+ 0	53	59
Lübeck	+ 53 51,5	+ 0	10	49
Lund	+ 55 41,9	+ 0	0	50
Madras	+ 13 4,1	- 4	27	22
Madrid	+ 40 24,5	+ 1	8	20
Mailand	+ 45 28,0	+ 0	16	49
Mannheim	+ 49 29,2	+ 0	19	44
Marburg	+ 50 48,8	+ 0	18	30
Marseille	+ 43 17,8	+ 0	32	6
Melbourne	- 37 49,9	- 8	46	19
Mexiko	+ 19 25,7	+ 7	29	56
Modena	+ 44 38,9	+ 0	9	52
Moskau	+ 55 45,3	- 1	36	42
München	+ 48 8,7	+ 0	7	9
Neapel	+ 40 51,8	- 0	3	24
New-Orleans	+ 29 57,8	+ 6	54	4
Newyork	+ 40 43,8	+ 5	49	32
Oxford	+ 51 45,6	+ 0	58	37
Palermo	+ 38 6,7	+ 0	0	11
Paris	+ 48 50,2	+ 0	44	14
Peking	+ 39 54,2	- 6	52	20
Petersburg	+ 59 56,5	- 1	7	39
Philadelphia	+ 39 57,1	+ 5	54	13
Prag	+ 50 5,3	- 0	4	6
Pulkowa	+ 59 46,3	- 1	7	44
Rio Janeiro	- 22 54,4	+ 3	46	14
Rom	+ 41 53,9	+ 0	3	39
Sebastopol	+ 44 36,8	- 1	20	31
Stockholm	+ 59 20,6	- 0	18	39
Straßburg	+ 48 34,9	+ 0	22	32
Sydney	- 33 51,7	- 9	11	25
Teneriffa	- 28 27,9	+ 2	0	10
Tiflis	+ 41 41,1	- 2	5	42
Turin	+ 45 4,1	+ 0	22	46
Upsala	+ 59 51,1	- 0	16	55
Venedig	+ 45 25,8	+ 0	4	10
Vorgebirge d. g. H.	- 33 56,0	- 0	20	20
Warschau	+ 52 13,1	- 0	30	32
Washington	+ 38 53,6	+ 6	1	47
Wien	+ 48 12,6	- 0	11	57
Zürich	+ 47 22,7	+ 0	19	23

Alphabetisches Sachregister.

	Seite		Seite
Abendstern	390	Äolipile	238
Aberration des Lichtes	146	Aphel	371
„ sphärische	176	Aplanatisches Linsensystem	176
Ablenkung der Magnetnadel durch den galvanischen Strom	320	Apogäum	404
Abplattung der Erde	360	Apsiden, Linie der	405
Absorption der Gase	119	Äquator der Erde	372
„ des Lichtes	148	„ „ magnetischer	307
„ der Wärmestrahlen	254	Äquatorialstrom	268
Abstoßung, elektrische	283	Äquatorialsystem	364
„ elektrischer Ströme	335	Äquinoktialpunkte	366
„ magnetische	303	Äquivalent, mechanisches der Wärme	260
Abweichung, magnetische	305	Äquivalenz von Arbeit und Wärme	260
„ östliche, fallender Körper	362	Äräometer	93
Accommodation des Auges	180	Arbeit, mechanische	49
Accumulator	353	„ Einheit der	50
Achromatische Linse	175	Archimedisches Prinzip	90
Achromatisches Prisma	175	Armierung, magnetische	302
Adhäsion	4	Artesische Brunnen	100
Adhäsionsplatten	99	Aspirator	234
Aerolithe	416	Astatische Nadel	323
Affinität, chemische	11	Asteroiden	403
Aggregatzustände	3	Astronomie	354
„ Änderung des	222	Ätherhygrometer	236
Akustik	125	Atmosphärische Dampfmaschine	239
Alkalien	25	„ Elektrizität	296
Alkoholometer	94	„ Druck	102
Allotropie	32	Atom	3
Amalgam	29	Atomgewichte	12
„ Kienmayersches	286	Atomwärme	247
Amalgamieren	317	„ Tabelle der	247
Ammoniak	27	Atwoods Fallmaschine	37, 38
Ampères Regel	320	Auftrieb einer Flüssigkeit	89
„ Theorie des Magnetismus	336	Auge	178
Aneroidbarometer	109	Aureole	343
Anion	349	Ausdehnung	2
Annus confusionis	370	„ fester Körper	215
Anode	349	„ flüssiger Körper	218
Anomale Dispersion	169	„ luftförmiger Körper	220
Anorthoskop	182	„ ungleichförmige, des Wassers	219
Anziehung, elektrische	283	Ausdehnungskoeffizient	216
„ elektrischer Ströme	335	Ausflußgeschwindigkeit	98
„ magnetische	303	Ausflußmenge	99

	Seite		Seite
Ausstrahlung der Wärme	254	Cartesianischer Taucher	91
Ausströmungsgesetz der Gase	117	Centesimalwage	66
Axenrichtung der Sonne	387	Centigrade	214
Axenumdrehung der Erde	361	Centralbewegung	67
Azimuth	363	" der Planeten	388
Ballistische Kurve	42	Centralkraft	67
Barometer	103	Centrifugalmaschine	68
Barometrische Höhenmessung	107	Centrifugalpendel	241
Basen	16	Chemische Grundbegriffe	9
Batterie, elektrische	291	" Grundstoffe, Tabeleder	12
Bäuche, Savartsche	99	" Verbindung	10
Becherapparat	316	" Verwandschaft	11
Beharrungsvermögen	35	" Wirkungen des galva- nischen Stromes	348
Beleuchtung der Erde	374	" Wirkungen des Lichtes	167
Berührungselektricität	310	" Zerlegung	9
Beschleunigung	36	Chladnische Klangfiguren	131
Beugung des Lichtes	197	Chlor	24
Bewegung	33	Chlorwasserstoff	26
" der Erde um die Sonne	370	Chromatische Abweichung	175
" der Fixsterne	426	Chromosphäre der Sonne	385
" gleichförmige	34	Chronometer, Kompensationsvor- richtung	217
" gleichf. beschleunigte	36	Circuli tropici	378
" scheinbare der Planeten	387	Cirkularpolarisation	205
" ungleichförmige	35	" des Bergkrystalls	210
" zusammengesetzte	40	" der Flüssigkeiten	211
Bewegungen, Parallelogramm der	40	Cirkumpolarsterne	358
Bewegungsgröße	38	Coggiascher Komet	416
Bielascher Komet	416	Colloidsubstanzen	98
Bild, reelles	149	Contractio venae	99
" virtuelles	149	Corona der Sonne	384
Bilder von Hohlspiegeln	152	Coulombsche Drehwage	283
" von Linsen	173		
Binokulares Sehen	183	Daltonsches Gesetz	231
Blasebalg	114	Dampf, Spannkraft des	231
Blasenventil	111	Dampfelektrisiermaschine	286, 296
Blitz	297	Dampfmaschine	238
Blitzableiter	299	Dampfspannungen	233
Blitzröhren	298	Daniells Ätherhygrometer	236
Blutwärme	263	Daniellsche Kette	317
Bodentemperatur	267	Datumsgrenze	374
Bohnenbergers Apparat	81	Dauer der elektrischen Entladung	292
Brechung des Lichtes	154	" der Lichteindrücke	181
Brechungsexponent	155	Davyscher Lichtbogen	345
Brechungsgesetz	155	Decimalwage	66
Breite, astronomische	367	Deklination	364
" geographische	360, 373	" magnetische	305
Brennfläche	154	Deklinationsnadel	305
Brennlinie	154	Destillation	227
Brennpunkt	151	Diamagnetismus	329
Brillen	181	Diamant	23
Brom	24	Diaphragma	186
Brücke, Wheatstonesche	327	Diathermanität	254
Brückenwage	66	Dichtigkeit	7
Bunsensche Kette	318	" der Erde	74
Bunsens Eiskalorimeter	246	" der Gase	106
Büschelentladung	288	" der Elektricität	282
Bussole	305	" der Planeten	411
Buy-Ballotsches Gesetz	271	" der Sonne	411
Camera obscura	174	Differentiallampe	346
Campanisches Okular	187	Differentialthermometer	253

	Seite		Seite
Differenztöne	139	Elektrische Wärmewirkungen . . .	345
Diffraction des Lichtes	197	Elektrisches Kohlenlicht	345
Diffusion der Flüssigkeiten . . .	97	Elektrisiermaschine	284
„ der Gase	118	Elektroden	348
Digestor	225	Elektrodynamik	328
Dimorphismus	32	Elektrolyse	348
Dioptrik	154	Elektromagnetismus	328
Dispersion des Lichtes	160	Elektrometer	280
„ anomale	169	Elektromotorische Kraft	313
Donatischer Komet	416	Elektrophor	281
Donner	297	Elektroskop	280
Doppelbrechung des Lichtes . . .	199	Element, galvanisches	314
Doppelspat	200	Elemente des Planetensystems . .	396
Doppelsterne	425	Elemente, sekundäre	353
„ Bewegung der	425	Ellipse, Eigenschaften	71
Doves Drehungsgesetz	273	Elmsfeuer	299
Drehung des Magnetpols	334	Emissionstheorie	190
„ des Stromleiters	335	Enckescher Komet	415
Drehwage, Coulombsche	283	Endosmose	98
Druck der Atmosphäre	102	Entfernung der Fixsterne	421
„ der Flüssigkeiten	85	„ der Sonne	383
„ negativer	118	Entladung, elektrische	287
Druckkräfte	45	„ Wirkungen der	293
Druckpumpe	110	Epoche	397
Drucktelegraph	334	Erdäquator	373
Drummonds Kalklicht	187	Erdaxe	372
Dunkle Wärmestrahlen	255	Erdbahn, Gestalt der	371
Durchgang durch die Sonne	389	Erde, Dichtigkeit der	74
Durchgänge des Merkur	394	„ Dimensionen der	360
„ der Venus	394	Erdmagnetismus	304
Durchsichtigkeit	144	Erdwärme	258
Dynamoelektrisches Prinzip	339	Ergänzungsfarben	162
		Erhaltung der lebendigen Kraft beim Stofs	84
Ebbe	412	Erkaltungsmethode	246
Ebene, schiefe	47	Erwärmung der Erde	375
Echo	137	Excentricität der Planetenbahnen .	396
Eisenbahn, elektrische	341	Exosmose	98
Eisen, passiver Zustand des	318, 354	Expansionsmaschine	242
Eiskalorimeter von Bunsen	246	Extraktresse, Reals	89
„ von Lavoisier und Laplace	245	Extrastrom	342
Eklptik	366	Fallgesetze	36
Eklptisches System	367	Fallmaschine, Atwoods	37, 38
Elasticität	4	Faradays Rotationsapparate . . .	334
Elasticitätsmodul	5	Farben der Körper	161
Elektricität, atmosphärische	296	„ des Spektrums	161
„ Berührungs-	310	„ dünner Blättchen	196
„ Reibungs-	278	Farbenkreisel	161
„ durch Druck	295	Farbenringe, Newtonsche	196
„ durch Wärme	347	„ Nobilische	351
„ Geschwindigkeit der	292	Farbenzerstreuung	160
Elektrische Entladung	287	Farbenzerstreuungsvermögen . . .	166
„ Fische	355	Fata morgana	157
„ Fluida	279	Federwage	67
„ Funken	287	Fernrohr, astronomisches	187
„ Kraftübertragung	341	„ holländisches	189
Elektrischer Strom, chemische Wir- kungen	348	„ terrestrisches	188
„ magnetische Wir- kungen	320	Fernsichtigkeit	181
„ physiologische Wir- kungen	355	Fernsprecher	344
		Fesselscher Rotationsapparat . .	81
		Festigkeit	6
		Feuchtigkeitsgehalt der Luft . . .	234

	Seite
Feuerkugeln	417
Feuerspritze	110
Feuerzeug, pneumatisches	261
Figuren, Lichtenbergsche	293
Firn	275
Fischbeinhygrometer	235
Fische, elektrische	355
Fixsterne	420
„ Bewegung der	426
„ Entfernung der	421
„ Gröfse der	423
Fizeaus Apparat, die Geschwindigkeit des Lichtes zu messen	147
Fizeauscher Kondensator	342
Flächenblitz	298
Flächensatz	397
Flammen, Leuchten der	143
„ Temperatur der	262
Flasche, elektrische	290
Flaschenelemente	317
Flaschenzug	54
Fleck, blinder	179
Flüssigkeiten, Zusammendrückbarkeit der	86
Flüssigkeitsdruck	85
Flüstergewölbe	137
Fluida, elektrische	279
Fluor	24
Fluorescenz	168
Fluorwasserstoff	26
Flut	412
Foucaultscher Pendelversuch	362
Foucaults Versuch	193
Franklinsche Tafel	291
Fraunhofersche Linien	156, 164
Friktionsgewicht, Bestimmung des	39
Funke, elektrischer	287
Funkeln der Sterne	157
Funkenentladung	287
Galaktischer Pol	421
Galvanische Kette	314
Galvanischer Strom	314
Galvanismus	310
Galvanometer	323
Galvanoplastik	351
Gasbatterie	353
Gasbehälter	15
Gase, Ausdehnung durch die Wärme	220
Gase, Kondensation der	228
Gasharmonika	134
Gasmaschine	243
Gebläse	114
Gefäßsbarometer	104
Gefrierpunkt	222
Gehörorgan	141
Geißlersche Röhren	343
Geographie, mathematische	372
Geographische Breite	360, 373
„ Länge	360, 373
Geräusch	126

	Seite
Geschwindigkeit	34
„ der Elektricität	292
„ der Erde	371
„ der Fixsterne	427
„ des Lichtes	145
„ des Schalles in der Luft	135
„ in Gasen und festen Körpern	136
Gesetze, Keplersche	71, 397
Gewicht	7
„ spezifisches	8, 92
Gewichtsäräometer	94
Gewichtseinheit	7
Gewitter	297
Geysir auf Island	259
Gitterspektra	198
Glaselektricität	279
Glatteis	225, 277
Gleichgewicht	60
„ der Kräfte an einem Punkt	43
Gletscher	275
Glimmentladung	288
Glockenspiel, elektrisches	286
Goldblattelektroskop	280
Golfstrom	266
Gradienten	271
Gradmessungen	360
Gramm	7
Graphit	23
Gravitationsgesetz	73, 410
Gregorianischer Kalender	370
Grenzwinkel der Brechung	157
Gröfse der Fixsterne	423
Grovesche Kette	318
Grundstoffe, chemische	12
Haarhygrometer	235
Hagel	277
Haidingersche Theorie der Meteorite	417
Halbkugeln, Magdeburger	113
Halleyscher Komet	415
Haloidsalze	24
Hammer, Neefscher	330
Haresche Spirale	317
Harmonika, chemische	134
Härteskala	5
Harzelektricität	279
Hauptbrennpunkt	151
Hauptbrennweite	172
Hebel	55
Heber	114
Heberbarometer	104
Heizwert	262
Heliostat	149
Hemiëdrie	31
Heronball	110
Heronbrunnen	110
Himmelsaxe	358
Himmelspole	358
Hochdruckmaschine	242

	Seite		Seite
Höhenmessung, barometrische	107	Kalmengürtel	269
Höhenwinkel	363	Kalorie	223
Hörrohr	137	Kalorimeter	244
Hohlspiegel	150	Kälte durch Verdunstung	228
Holtzsche Maschine	288	Kältemischung	224
Horizont	357	Kältepole	265
Horizontalparallaxe	382	Kammerton	129
Horizontalsystem	363	Kanalwage	90
Horopterkreis	183	Kants Hypothese	258
Horror vacui	103	Kapillaritätserscheinungen	96
Hufeisenmagnete	302	Kapillarröhren	96
Hurrikan	273	Kartenprojektionen	380
Hydraulische Presse	86	Kathode	349
Hydromechanik	85	Kation	349
Hydrostatische Wage	90	Katoptrik	148
Hygrometrie	233	Kegelventil	113
Hypothese von Kant und Laplace	258	Keil	51
Hypsothermometer	226	Kepplers Gesetze	71, 397
		Kette, galvanische	314
Induktionsapparat, elektromagne- tischer	341	„ konstante	317
Induktionsapparat, magnetoelek- trischer	339	Kilogrammometer	49
Induktionsfunke	342	Klang der Töne	140
Induktionsströme	337	Klangfiguren	131
„ durch Reibungs- elektricität	295	Kleistsche Flasche	290
Influenz, elektrische	280	Klima	265
Influenz-Elektrisiermaschine	288	Knallgas	18
Influenz, magnetische	301	Knoten, absteigender	366, 388
Inklination, magnetische	307	„ aufsteigender	366, 388
Insolation	143	Koerctivkraft	301
Interferenz der Lichtwellen	194	Kohäsion	4
„ der Schallwellen	137	Kohlenlicht, elektrisches	345
„ der Wasserwellen	121	Kohlenstoff	22
Interferenzfarben	208	Kohlensäure	23
„ dünner Blättchen 196, 206	206	„ Verflüssigung der	229
Interferenzfransen	195	Kombinationstöne	138
Interferenzprisma	195	Komet, der große von 1843	416
Interferenzspiegel	195	Kometen	413
Ionen, sekundäre	351	„ Bewegung der	414
Irradiation	182	„ Masse der	415
Isobaren	271	Komma, musikalisches	127
Isochimenen	264	Kommunikationsrohr	137
Isodynamen	308	Kommunizierende Röhren	89
Isogonen	308	Kommutator	320
Isoklinen	308	Kompafs	305
Isolatoren	278	Kompensation der Uhren	217
Isomorphismus	32	Kompensationspendel	217
Isotheren	264	Komplementärfarben	162
Isothermen	264	Kompressionspumpe	113
		Kondensation der Gase	228
Jahreszeiten	375	Kondensator des Dampfes	240
Jod	24	„ der Elektricität	311
Julianischer Kalender	370	„ Fizeauscher	342
Jupiter	400	Konduktor	284
„ Monde des	409	Konjunktion, obere und untere	389
„ „ , Verfinsterung der	146	Konkavlinen	170
		Konkavspiegel	150
Kaleidoskop	149	Konstante Ketten	317, 354
Kalender	370	Konvexlinen	170
		Konvexspiegel	153
		Kraft, Einheit der	38
		„ lebendige	50
		Kraftübertragung, elektrische	341

	Seite		Seite
Kräfte an einem Faden	45	Luft, Schwere der	102
„ an einem Punkt	43	Luftballon	116
„ an einem starren Körper	46	Luftelektricität	297
„ parallele	56	Luftheizung	252
Kräftepaare	57	Luftpumpe	110
Kräftepolygon	44	Luftpyrometer	221
Kritische Temperatur	229	Luftspiegelung	157
Krystallisation	29	Luftströmungen der Atmosphäre	267
Krystalloidsubstanzen	98	Luftthermometer	221
Krystallsysteme	30	„ elektrisches	294
Kubische Ausdehnung	216	Lupe	185
Kugelblitz	298		
Kugelspiegel	150	Magazin, magnetisches	302
Kulminationspunkte	359	Magdeburger Halbkugeln	112
Kurven, magnetische	304	Magellanische Wolken	428
Kurzsichtigkeit	181	Magnete, künstliche	300
		„ natürliche	300
Landregen	275	Magnetnadel	300
Landwinde	268	„ astatische	323
Lanes Maßflasche	291	Magnetische Kurven	304
Länge, astronomische	367	„ Wirkungen des elek- trischen Stromes	320
„ geographische	373	Magnetismus	300
Längeneinheit	2	Magnetoelektrische Induktion	337
Laplace, Hypothese	258	Magnet, rotirender von Ritchie	330
Latenter Wärmeszustand	223	Manometer	87, 106
Laterna magica	187	Mariottes Gefäß	115
Lawinen	276	„ Gesetz	105
Legierung	29	Mars	400
Leidenfrosts Phänomen	226	Maschinen	47
Leitung der Elektricität	278	Masse, Masseneinheit	7
„ der Wärme	251	„ der Himmelskörper	410
Leitungswiderstand der Flüssig- keiten	327	Maßflasche, elektrische	291
Leitungswiderstand der Metalle	325	Mathematische Geographie	372
Lenz, Regel	338	Maximum, barometrisches	271
Leoniden	419	Maximumsthermometer	215
Leuchtende Organismen	144	Mechanik	33
Leuchten beim Schleifen harter Steine	143	Mechanisches Äquivalent der Wärme	261
„ der Flammen	143	Meeresleuchten	144
Leuchtgas	27	Meeresströmungen	266
Leydener Flasche	290	Meermühlen die, von Argostoli	118
Libration des Mondes	408	Mercatorprojektion	381
Lichtäther	191	Meridian	358
Lichtbogen, Davyscher	345	„ magnetischer	305
Lichtbrechung	154	Meridiane der Erde	372
„ an einer Kugelfläche	170	Meridiankurven, magnetische	305
„ an einer Linse	171	Merkur	388, 400
Licht, chemische Wirkungen	167	Metacentrum	92
„ Geschwindigkeit	145	Metalle	12
„ Theorie	190	Metalloxyde	24
Lichteindrücke, Dauer der	181	Metallsalze	28
Lichtenbergsche Figuren	293	Metallthermometer	218
Lichtmühle	257	Meteorite	416
Linsen, achromatische	175	Meteorologie	263
„ sphärische	170	Meteorsteine	416
„ Sammel-	170	Meter	350
„ Zerstreuungs-	170	Metronom	79
Lippenpfeifen	132	Mikrometerschraube	51
Lokomotive	242	Mikrophon	344
Longitudinalschwingungen	124	Mikroskop, einfaches	185
Löslichkeit	29	„ zusammengesetztes	186
Loxodromische Linie	381		

	Seite		Seite
Mikroskop, Gas-, Sonnen-	187	Oberflächenspannung der Flüssig-	
Milchstrahle	421	keiten	97
Minimum, barometrisches	271	Oberreihe, harmonische	128
„ Verlauf eines	272	Obertöne	129
Mischfarben von Farbstoffen	162	Ohmsches Gesetz	323
Mittag	374	Ohr	141
Mittagskreis	358	Okkultation der Gestirne	406
Mittelkraft paralleler Kräfte	56	Okular, Campanisches	187
Mittelpunkt paralleler Kräfte	58	Ombrometer	275
Mitteltemperatur des Jahres	265	Oppelsche Sirene	128
Mitternacht	374	Opposition der Planeten	389
Mitternachtssonne	374	Optik	143
Mohrsche Wage	66	Optische Instrumente	185
Moleküle	14	„ Täuschungen	182
Molekulardruck der Flüssigkeiten	97	Örstedes Versuch	320
Molekulargewichte	13	Osmose	97
Moment, statisches	52	Ostpunkt	358
Mond	404	Oxydation	16
Monde des Jupiter	409	Ozon	350
„ des Saturn	410		
„ des Uranus	410		
Mondfinsternis	407		
Mondjahre	370	Pantelegraph	334
Mondkarten	409	Papinscher Topf	225
Mondmonate	405	Parabel	41
Mondphasen	405	Parabolischer Spiegel	154
Monochord	129	Parallaktischer Winkel	365
Monsune	270	Parallaxe	332
Moränen	276	„ jährliche	422
Morgenstern	390	Parallelkreise der Erde	373
Morses Schreibtelegraph	332	Parallelogramm der Bewegungen	40
Multiplex	384	„ der Kräfte	43
Multiplikator	323	„ Wattssches	241
Musikalische Töne	126	Pascal, Apparat von	88
		Passatwinde	269
Nachbilder, positive und negative	182	Passiver Zustand des Eisens	318, 354
Nachtgleichen, Präcession der	81, 368	Pendelbewegung	76
Nadel, astatische	323	Pendel, elektrisches	278
Nadellelegraph	331	„ konisches	70
Nadir	357	„ physisches	77
Nebel	274	„ Reversions	78
Nebelflecken	427	Pendeluhr	80
Nebelsignal	128	Pendelversuch, Foucaultscher	362
Nebenplaneten	404	Penumbra	387
Nebenregenbogen	178	Perigäum	404
Nebenstrom	295	Perihel	371
Neefscher Hammer	330	Periode, siderische des Mondes	404
Negativer Druck	118	„ synodische des Mondes	405
Neptun	403	Periodische Sterne	424
Netzhaut	179	Perpetuum mobile	50
Newtons Gravitationsgesetz	73, 410	Perselden	419
„ Farbenringe	196	Pfeifen, gedeckte	132
Nicholsons Aräometer	94	„ offene	132
Nicolsches Prisma	204	Pferdekraft	50
Niederdruckmaschine	240	Phasen der Planeten	393
Nobilis Farbenringe	351	Phonograph	344
Noësche Elemente	347	Phosphor	21
Nordlicht	309	Phosphoreszenz	143, 169
Nordpunkt	358	Phosphoroskop	169
Normal-Null	109	Phosphorwasserstoff	27
Nutation der Erdaxe	368	Photographie	167
		Photometrie	145

	Seite		Seite
Physik, Begriff der	1	Quellen, Wärme der	259
Physiologische Wirkungen der Batterieentladung	295	Quintenzirkel	128
Physiologische Wirkungen des gal- vanischen Stroms	355	Radikal, zusammengesetztes	27
Piezometer	87	Radiometer	257
Pipette	115	Rauhrost	277
Planetenbewegung	71, 387	Raum, schädlicher	112
" rechtläufige	388	Reaktion, alkalische	25
" rückläufige	388	Reals Extraktresse	89
Planeten, obere	394	Recipient der Luftpumpe	111
" untere	389	Rechtläufige Bewegung	388
Planetensystem, Elemente des	396	Reduktion	16
Platinschwamm	119	Reflexion des Lichtes	148
Platten, elastische	131	" der Schallwellen	137
Pneumatisches Feuerzeug	261	" der Wasserwellen	121
Polardreieck	365	" der Wärmestrahlen	252
Polarisation des Lichtes durch Re- flexion	199	" totale	157
Polarisation durch Doppelbrechung	201	Reflexionsgesetze	148
" galvanische	316	Refraktion des Lichtes	154
Polarisationsapparate	204	Regen	274
Polarisationsstrom	352	Regenbogen	176
Polariskop	209	Regenmesser	275
Polarkreise	378	Regenzeit	270, 378
Polarlicht	309	Registrierthermometer	215
Polarstrom	268	Regulator, Wattscher	241
Pole der Ekliptik	367	Reibfeuerzeug	260
" der Erde	372	Reibungselektricität	278
Pole, magnetische der Erde	305	Reibungskoeffizient	49
Pol, galaktischer	421	Reibungswärme	260
Polhöhe	360	Reibzeug	285
Potenzflaschenzug	55	Reif	277
Präcession der Nachtgleichen- punkte	81, 368	Rektascension	364
Presse, hydraulische	86	Resonanzkasten	130
Prinzip der Erhaltung der Arbeit	49	Resonator	140
" dynamoelektrisches	339	Resultante	43
Prismatische Brechung des Lichtes	158	Reversionspendel	78
" " der Wärme- strahlen	255	Rheostat	325
Projektion, orthographische	380	Richmannsche Regel	224
" stereographische	380	Ring, der Grammesche	340
Proportionen, Gesetz der multiplen	13	" der Wintersche	285
Protuberanzen	166, 384	" des Saturn	401
Psychrometer	236	Ringfiguren, Priestleysche	287
Ptolemäisches System	399	Rohrpost	113
Pulshammer	225	Rolle	53
Pumpen, Kompressions-	113	Roses Metalllegierung	220
" Luft-	110	Rostpendel	217
" Wasser-	109	Rotation elektrischer Ströme	334
Pyrheliometer	257	Rotationsapparat, Fesselscher	81
Pyroelektricität der Metalle	296	Rotationsmagnetismus	338
Pyrometer	221	Rotierender Magnet, Ritchies	329
Quadratur	394	Rouleau, elektrisches	282
Quecksilber, Gefrieren desselben im glühenden Tiegel	227	Rückläufige Bewegung	388
Quecksilberkompensation	218	Rühmkorffs Apparat	343
Quecksilber-Luftpumpe	112	Saccharimeter	211
Quecksilberthermometer	213	Saiten, gespannte	129
Quellen der Wärme	257	Salpetersäure	20
		Salze, Metall-	28
		Salzsäure	26
		Sammellinsen	170
		Sättigungsmenge	230

	Seite		Seite
Saturn	401	Sirene von Cagniard de la Tour	128
Sauerstoff	15	„ „ Oppel	128
Sauerstoffsalze	27	„ „ Savart	126
„ Elektrolyse der	351	Skalenaräometer	93
Sauerstoffsäuren	27	Solenoid	336
Sauerstoff, Verbindungen des	16	Solstitium	377
„ Verdichtung des	230	Sonne, Abstand, GröÙe, Masse	383
Saugpumpe	109	„ Beschaffenheit	384
Säule, thermoelektrische	348	„ Rotation	385
„ Voltasche	315	Sonnenatmosphäre	165, 384
„ Zambonische	318	Sonnenfackeln	386
Säulenelektroskop	318	Sonnenfinsternis	406
Säuren	16	„ totale	384
Savartsche Bäuche	99	Sonnenflecken	385
„ Sirene	126	Sonnenjahr, siderisches	368
Schall	125	„ tropisches	368
„ Reflexion des	137	Sonnenmikroskop	187
Schallgeschwindigkeit	135	Sonnentag, mittlerer	369
Schallwellen, Interferenz der	137	„ wahrer	369
Schatten	144	Sonnenwärme	257, 385
Scheiben, stroboskopische	182	Sonnenwende	377
Scheinerscher Versuch	181	Spannkraft der Dämpfe	233, 238
Schieberkasten	241	Spannungsreihe für Reibungselek- tricität	279
Schiefe der Ekliptik	366, 371	Spannungsreihe, Voltasche	312
„ Ebene	47	Specifisches Gewicht, Tabelle	8
Schlagweite des Funkens	287	„ Bestimmung	92
Schmelzen	222	Specifische Wärme	244
Schmelzpunkt	222	Spektra der Gase	165
Schmelzungswärme	223	„ der Metalle	165
Schnarcherfelsen	308	Spektralanalyse	165
Schnee	275	Spektralapparat	163
Schneegrenze	267, 275	Spektrum	165
Schnellwage	66	„ der Fixsterne	423
Schraube	50	„ der Planeten	403
Schreibtelegraph	332	Sphärische Aberration	176
Schwebungen, akustische	138	Sphäroidaler Zustand	226
Schwefel	20	Spiegelablesung von Poggendorff	309
Schwefelsäure	21	Spiegel, ebene	148
Schwefelwasserstoff	26	„ parabolische	154
Schwerkraft	6	„ sphärische	150
„ Intensität der	80	Spiegelbild	149
Schwerpunkt	60	Spiegelgalvanometer	323
Schwimmen	91	Spiegelteleskope	189
Schwingungen, stehende	122	Spitzenrad, elektrisches	288
Schwingungsbäuche	122	Sprachrohr	137
Schwingungsbewegung, geradlinige	75	Springbrunnen	98
Schwingungsknoten	122	Springflut	412
Schwingungspunkt	78	Sprödigkeit	4
Schwingungszahl	120	Stabharmonika	131
„ absolute	128	Stabilität	61
Scirocco	269	Stahlmagnete	300
Seeklima	265	Statik	33
Seewinde	268	Statisches Moment	52
Segnersche Turbine	101	Stechheber	115
Sehnerv	179	Stereoskop	184
Schweite	180	Sternbilder	359
Sehwinkel	180	Sterne, erster, zweiter GröÙe	421
Sekundenpendel	80	„ mehrfache	425
Selbststeuerung	239	Sternhaufen	427
Senkwagen	93	Sternschnuppen	418
Sextant	363	„ periodische Wieder- kehr der	418
Sicherheitsventil	242		
Siedepunkte von Flüssigkeiten	226		

	Seite		Seite
Kräfte an einem Faden	45	Luft, Schwere der	102
„ an einem Punkt	43	Luftballon	116
„ an einem starren Körper	46	Luftelektricität	297
„ parallele	56	Luftheizung	252
Kräftepaare	57	Luftpumpe	110
Kräftepolygon	44	Luftpyrometer	221
Kritische Temperatur	229	Luftspiegelung	157
Krystallisation	29	Luftströmungen der Atmosphäre	267
Krystalloidsubstanzen	98	Luftthermometer	221
Krystallsysteme	30	Lupe „ elektrisches	294
Kubische Ausdehnung	216	Lupe	185
Kugelblitz	298		
Kugelspiegel	150	Magazin, magnetisches	302
Kulminationspunkte	359	Magdeburger Halbkugeln	112
Kurven, magnetische	304	Magellanische Wolken	428
Kurzsichtigkeit	181	Magnete, künstliche	300
		„ natürliche	300
Landregen	275	Magnetnadel	300
Landwinde	268	„ astatische	323
Lanes Maßflasche	291	Magnetische Kurven	304
Länge, astronomische	367	„ Wirkungen des elek- trischen Stromes	320
„ geographische	373	Magnetismus	300
Längeneinheit	2	Magnetoelektrische Induktion	337
Laplace, Hypothese	258	Magnet, rotirender von Ritchie	330
Latenter Wärmezustand	223	Manometer	87, 106
Laterna magica	187	Mariottes Gefäß	115
Lawinen	276	„ Gesetz	105
Legierung	29	Mars	400
Leidenfrosts Phänomen	226	Maschinen	47
Leitung der Elektrizität	278	Masse, Masseneinheit	7
„ der Wärme	251	„ der Himmelskörper	410
Leitungswiderstand der Flüssig- keiten	327	Maßflasche, elektrische	291
Leitungswiderstand der Metalle	325	Mathematische Geographie	372
Lenz, Regel	338	Maximum, barometrisches	271
Leoniden	419	Maximumthermometer	215
Leuchtende Organismen	144	Mechanik	33
Leuchten beim Schleifen harter Steine	143	Mechanisches Äquivalent der Wärme	261
„ der Flammen	143	Meeresleuchten	144
Leuchtgas	27	Meeresströmungen	266
Leydener Flasche	290	Meermühlen die, von Argostoli	118
Libration des Mondes	408	Mercatorprojektion	381
Lichtäther	191	Meridian	358
Lichtbogen, Davyscher	345	„ magnetischer	305
Lichtbrechung	154	Meridiane der Erde	372
„ an einer Kugelfläche	170	Meridiankurven, magnetische	306
„ an einer Linse	171	Merkur	388, 400
Licht, chemische Wirkungen	167	Metacentrum	92
„ Geschwindigkeit	145	Metalle	12
„ Theorie	190	Metalloxyde	24
Lichteindrücke, Daner der	181	Metallsalze	28
Lichtenbergsche Figuren	293	Metallthermometer	218
Lichtmühle	257	Meteorite	416
Linsen, achromatische	175	Meteorologie	263
„ sphärische	170	Meteorsteine	416
„ Sammel-	170	Meter	350
„ Zerstreuungs-	170	Metronom	79
Lippenpfeifen	132	Mikrometerschraube	51
Lokomotive	242	Mikrophon	344
Longitudinalschwingungen	124	Mikroskop, einfaches	185
Löslichkeit	29	„ zusammengesetztes	186
Loxodromische Linie	381		

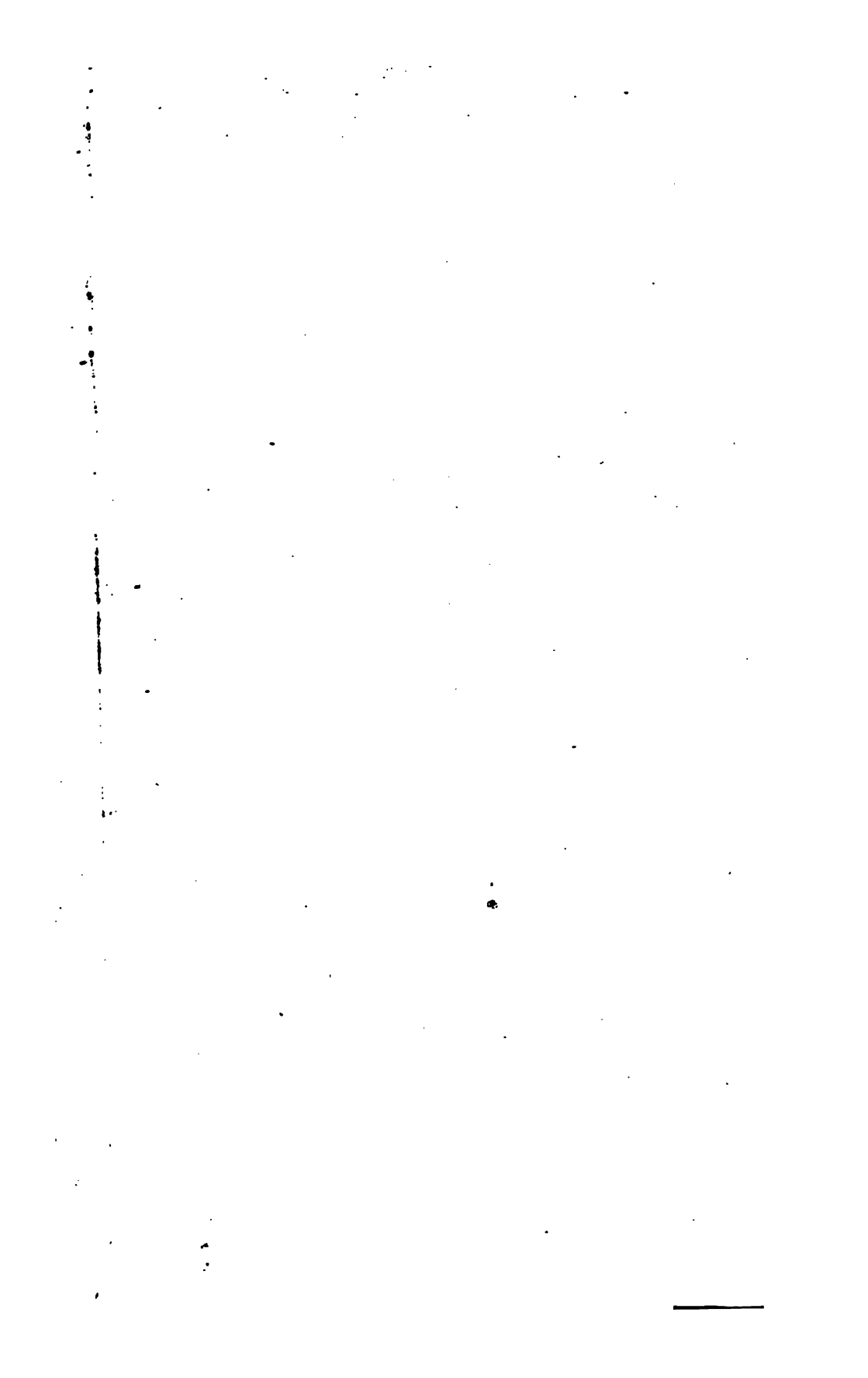
	Seite		Seite
Wagnerscher Hammer	330	Wetterleuchten	298
Wanne, pneumatische	9	Wheatstonesche Brücke	327
Wärme, animalische und vegetabi-		Windbüchse	114
lische	263	Winde, die	55
„ Quellen der	259	Wind, elektrischer	288
„ specifische	244	Winde, veränderliche	270
„ Verbreitung	251	Windstillen, Gürtel der	269
„ Wesen der	256	Winkelgeschwindigkeit	69
Wärmeäquivalent, mechanisches .	261	Winkelspiegel	149
Wärmeausdehnung fester Körper .	215	Wirbelstürme	273
Wärme des Mondes	266	Wirkungen, chemische, des Lichtes	167
Wärmeeinheit	223	„ „ der Elektri-	
Wärmeerzeugung durch Druck .	260	cität	348
„ durch chemische		„ des Blitzes	298
Prozesse	261	Wolken	274
Wärmefarben	255	„ Formen der	274
Wärmelehre	205	„ Magellanische	428
Wärmeleitung	251	Woods Metall	222
Wärmestrahlen, Absorptionsver-		Woulfsche Flasche	17
mögen für	254	Wurfbewegung	39
„ dunkle	167	Wurf, horizontaler und schiefer .	41
„ Emissionsvermögen			
für	254	Zambonische Säule	318
„ prismatische Zer-		Zeigertelegraph	332
legung der	255	Zeitgleichung	369
Wärmestrahlung	252	Zenith	357
Wärmewirkung des galvanischen		Zerlegung der Kräfte	44
Stromes	345	„ prismatische, des weißen	
„ des Spektrums	256	Lichtes	160
Wärmeszustand, latenter	223	„ der Wärmestrahlen	255
Wasserdampf, Spannung des	238	Zerstreuungslinsen	170
Wasserhammer	225	Zickzackblitz	297
Wasserheizung	252	Zitteraal	356
Wasserhosen	273	Zitterrochen	355
Wasserpumpen	109	Zitterwels	355
Wasserräder	100	Zodiakallicht	419
Wasserstoff, Darstellung	17	Zodiakus	366
„ Verbindungen des	25	Zonen	379
„ Verdichtung des	230	Zugfestigkeit	6
Wasserstoffzündmaschine	119	Zugkräfte	45
Wasserwellen	120	Zungenpfeifen	134
Wasserwert, kalorimetrischer . . .	244	Zusammendrückbarkeit der Flüs-	
Wasserzersetzung	349	sigkeiten	86
Wellenbewegung	119	Zusammensetzung von Kräften .	43
Wellenfläche	203	„ von parallelen	
Wellenlänge	120	Kräften	57
„ des Lichtes	194	„ des weißen	
Wellrad	55	Lichtes	161
Weltaxe	358	Zusammenziehung des Flüssigkeits-	
Wendekreise	378	strahls	99
Westpunkt	358		

	Seite		Seite
Physik, Begriff der	1	Quellen, Wärme der	259
Physiologische Wirkungen der Batterieentladung	295	Quintenzirkel	128
Physiologische Wirkungen des gal- vanischen Stroms	355	Radikal, zusammengesetztes	27
Piezometer	87	Radiometer	257
Pipette	115	Rauhrost	277
Planetenbewegung	71, 387	Raum, schädlicher	112
" rechtläufige	388	Reaktion, alkalische	25
" rückläufige	388	Reals Extraktresse	89
Planeten, obere	394	Recipient der Luftpumpe	111
" untere	389	Rechtläufige Bewegung	388
Planetensystem, Elemente des	396	Reduktion	16
Platinschwamm	119	Reflexion des Lichtes	148
Platten, elastische	131	" der Schallwellen	137
Pneumatisches Feuerzeug	261	" der Wasserwellen	121
Polardreieck	365	" der Wärmestrahlen	252
Polarisation des Lichtes durch Re- flexion	199	" totale	157
Polarisation durch Doppelbrechung	201	Reflexionsgesetze	148
" galvanische	316	Refraktion des Lichtes	154
Polarisationsapparate	204	Regen	274
Polarisationsstrom	352	Regenbogen	176
Polariskop	209	Regenmesser	275
Polarkreise	378	Regenzeit	270, 378
Polarlicht	309	Registrierthermometer	215
Polarstrom	268	Regulator, Wattscher	241
Pole der Ekliptik	367	Reibfeuerzeug	260
" der Erde	372	Reibungselektricität	278
Pole, magnetische der Erde	305	Reibungskoeffizient	49
Pol, galaktischer	421	Reibungswärme	260
Polhöhe	360	Reibzeug	285
Potenzflaschenzug	55	Reif	277
Präcession der Nachtgleichen- punkte	81, 368	Rektascension	364
Presse, hydraulische	86	Resonanzkasten	130
Prinzip der Erhaltung der Arbeit	49	Resonator	140
" dynamoelektrisches	339	Resultante	43
Prismatische Brechung des Lichtes	158	Reversionspendel	78
" " der Wärme- strahlen	255	Rheostat	325
Projektion, orthographische	380	Richmannsche Regel	224
" stereographische	380	Ring, der Grammesche	340
Proportionen, Gesetz der multiplen	13	" der Wintersche	285
Protuberanzen	166, 384	" des Saturn	401
Psychrometer	236	Ringfiguren, Priestleysche	287
Ptolemäisches System	399	Rohrpost	113
Pulshammer	225	Rolle	53
Pumpen, Kompressions-	113	Roses Metallegierung	220
" Luft-	110	Rostpendel	217
" Wasser-	109	Rotation elektrischer Ströme	334
Pyrheliometer	257	Rotationsapparat, Fesselscher	81
Pyroelektricität der Metalle	296	Rotationsmagnetismus	338
Pyrometer	221	Rotierender Magnet, Ritchies	329
Quadratur	394	Rouleau, elektrisches	282
Quecksilber, Gefrieren desselben im glühenden Tiegel	227	Rückläufige Bewegung	388
Quecksilberkompensation	218	Rühmkorfs Apparat	343
Quecksilber-Luftpumpe	112	Saccharimeter	211
Quecksilberthermometer	213	Saiten, gespannte	129
Quellen der Wärme	257	Salpetersäure	20
		Salze, Metall-	28
		Salzsäure	26
		Sammellinsen	170
		Sättigungsmenge	290

	Seite		Seite
Saturn	401	Sirene von Cagniard de la Tour	128
Sauerstoff	15	„ „ Oppel	128
Sauerstoffsalze	27	„ „ Savart	126
„ Elektrolyse der	351	Skalenaräometer	93
Sauerstoffsäuren	27	Solenoid	336
Sauerstoff, Verbindungen des	16	Solstitium	377
„ Verdichtung des	230	Sonne, Abstand, GröÙe, Masse	383
Saugpumpe	109	„ Beschaffenheit	384
Säule, thermoelektrische	348	„ Rotation	385
„ Voltasche	315	Sonnenatmosphäre	165, 384
„ Zambonische	318	Sonnenfackeln	386
Säulenelektroskop	318	Sonnenfinsternis	406
Säuren	16	„ totale	384
Savartsche Bänche	99	Sonnenflecken	385
„ Sirene	126	Sonnenjahr, siderisches	368
Schall	125	„ tropisches	368
„ Reflexion des	137	Sonnenmikroskop	187
Schallgeschwindigkeit	135	Sonnentag, mittlerer	369
Schallwellen, Interferenz der	137	„ wahrer	369
Schatten	144	Sonnenwärme	257, 385
Scheiben, stroboskopische	182	Sonnenwende	377
Scheinerscher Versuch	181	Spannkraft der Dämpfe	233, 238
Schieberkasten	241	Spannungsreihe für Reibungselektricität	279
Schiefe der Ekliptik	366, 371	Spannungsreihe, Voltasche	312
„ Ebene	47	Specificsches Gewicht, Tabelle	8
Schlagweite des Funkens	287	„ Bestimmung	92
Schmelzen	222	Specifiche Wärme	244
Schmelzpunkt	222	Spektra der Gase	165
Schmelzwärme	223	„ der Metalle	165
Schnarcherfelsen	308	Spektralanalyse	165
Schnee	275	Spektralapparat	163
Schneegrenze	267, 275	Spektrum	165
Schnellwage	66	„ der Fixsterne	423
Schraube	50	„ der Planeten	403
Schreibtelegraph	332	Sphärische Aberration	176
Schwebungen, akustische	138	Sphäroidaler Zustand	226
Schwefel	20	Spiegelablesung von Poggendorff	309
Schwefelsäure	21	Spiegel, ebene	148
Schwefelwasserstoff	26	„ parabolische	154
Schwerkraft	6	„ sphärische	150
„ Intensität der	80	Spiegelbild	149
Schwerpunkt	60	Spiegelgalvanometer	323
Schwimmen	91	Spiegelteleskope	189
Schwingungen, stehende	122	Spitzenrad, elektrisches	288
Schwingungsbänche	122	Sprachrohr	137
Schwingungsbewegung, geradlinige	75	Springbrunnen	98
Schwingungsknoten	122	Springflut	412
Schwingungspunkt	78	Sprödigkeit	4
Schwingungszahl	120	Stabhharmonika	131
„ absolute	128	Stabilität	61
Scirocco	269	Stahlmagnete	300
Seeklima	265	Statik	93
Seewinde	268	Statisches Moment	52
Segnersche Turbine	101	Stechheber	115
Sehnerv	179	Stereoskop	184
Sehweite	180	Sternbilder	359
Sehwinkel	180	Sterne, erster, zweiter GröÙe	421
Sekundenpendel	80	„ mehrfache	425
Selbststeuerung	239	Sternhaufen	427
Senkswagen	93	Sternschnuppen	418
Sextant	363	„ periodische Wiederkehr der	418
Sicherheitsventil	242		
Siedepunkte von Flüssigkeiten	226		

	Seite		Seite
Sternschnuppenschwärme	418	Tonometer	139
Sterntag	369	Torricellis Theorem	98
Stickstoff, Darstellung	19	„ Vacuum	103
„ Verbindungen mit Sauerstoff	13, 20	„ Versuch	103
Stillstandspunkte	392	Torsionsschwingungen	124
Stimmgabel	130	Totale Reflexion	157
Stimmorgan, menschliches	140	Trabanten des Jupiter	409
Stoß fester Körper	82	Trägheitsmoment	79
Strahlenbrechung, atmosphärische	157, 364	Transversalschwingungen	124
Strahlen dunkle, des Spektrums	167	Trevelyans Wackler	252
Streichen, magnetisches	302	Trogapparat	316
Stroboskopische Scheiben	182	Tropfenbildung	96
Strom, elektrischer	314	Turbinen	100
Stromunterbrecher	329	Tromben	273
Stromverzweigung	326	Turmalin	296
Stromwender	321	Turmalinzange	202
Stundenwinkel	365	Überschmelzung	225
Subjektive Farbenerscheinungen	182	Uhren, elektrische	331
Suboxyd	25	Umlaufzeit, siderische der Planeten	392
Substitution, chemische	11	„ tropische der Planeten	392
Südpunkt	358	Undulationstheorie	190
Summationstöne	139	Undurchdringlichkeit	2
Sumpfgas	27	Unruhe bei Chronometern	80, 218
Superoxyd	25	Unterbrechungsfunke	345
Symmetrieaxe	81	Uranus	403
Tafel, Franklinsche	291	Vacuum, Torricellis	103
Tagbogen	359	Variationen des Erdmagnetismus	309
Tageszeiten	374	Vegetationsprozeß der Pflanzen	263
Tagundnachtgleichenpunkte	366	Venus	390, 400
Tangentenbussole	321	Veränderliche Sterne	424
Tartinische Töne	139	Verbindung, chemische	10
Tau	277	Verbindungsgewichte, Tabelle	12
Taupunkt	234	Verbreitung der Elektrizität	282
Teifun	273	Verbrennung	261
Teilbarkeit	3	Verdampfen	225
Telegraphie	331	Verdampfungswärme	227
Telephon	344	Verdunsten	225
Teleskope	187	Verdunstungskälte	228
Temperatur	205	Vergoldung, galvanische	352
„ absolute	221	Vergrößerung, Maß der, durch das Fernrohr	188
„ der Flammen	262	Vergrößerung, Maß der, durch das Mikroskop	186
„ des Bodens	267	Verteilung, elektrische	280
„ des Meeres	267	Verwandtschaftskraft, chemische	9
„ kritische	229	Vibrationstheorie	190
„ reine	128	Vokalapparat	140
Temperaturperiode, jährliche	265	Vokalklänge	140
„ tägliche	266	Voltameter	310
Temporäre Sterne	424	Voltasche Säule	315
Thermen	259	Voltas Fundamentalversuch	311
Thermobarometer	226	Volumeter	93
Thermoelektrische Elemente	347	 	
„ Säule	348	Wackler, Trevelyans	252
„ Ströme	347	Wage	65
Thermometer	213	„ Brücken-	66
Thermometerskalen	214	„ hydrostatische	90
Thermomultiplikator	253, 348	„ Mohrsche	66
Tierkreis	366	„ Schnell-	66
Tonintervalle	126		
Tonleiter	127		

	Seite		Seite
Wagnerscher Hammer	330	Wetterleuchten	298
Wanne, pneumatische	9	Wheatstonesche Brücke	327
Wärme, animalische und vegetabi-		Windbüchse	114
lische	263	Winde, die	55
„ Quellen der	259	Wind, elektrischer	288
„ spezifische	244	Winde, veränderliche	270
„ Verbreitung	251	Windstillen, Gürtel der	269
„ Wesen der	256	Winkelgeschwindigkeit	69
Wärmeäquivalent, mechanisches .	261	Winkelspiegel	149
Wärmeausdehnung fester Körper .	215	Wirbelstürme	273
Wärme des Mondes	266	Wirkungen, chemische, des Lichtes	167
Wärmeeinheit	223	„ „ der Elektri-	
Wärmeerzeugung durch Druck .	260	cität	348
„ durch chemische		des Blitzes	298
Prozesse	261	Wolken	274
Wärmefarben	255	„ Formen der	274
Wärmelehre	205	„ Magellanische	428
Wärmeleitung	251	Woods Metall	222
Wärmestrahlen, Absorptionsver-		Woulfsche Flasche	17
mögen für	254	Wurfbewegung	39
„ dunkle	167	Wurf, horizontaler und schiefer .	41
„ Emissionsvermögen			
für	254		
„ prismatische Zer-			
legung der	255		
Wärmestrahlung	252	Zambonische Säule	318
Wärmewirkung des galvanischen		Zeigertelegraph	332
Stromes	345	Zeitgleichung	369
„ des Spektrums	256	Zenith	357
Wärmezustand, latenter	223	Zerlegung der Kräfte	44
Wasserdampf, Spannung des	238	„ prismatische, des weißen	
Wasserhammer	225	Lichtes	160
Wasserheizung	252	der Wärmestrahlen	255
Wasserhosen	273	Zerstreuungslinsen	170
Wasserpumpen	109	Zickzackblitz	297
Wasserräder	100	Zitteraal	356
Wasserstoff, Darstellung	17	Zitterrochen	355
„ Verbindungen des	25	Zitterwels	355
„ Verdichtung des	230	Zodiakallicht	419
Wasserstoffzündmaschine	119	Zodiakus	366
Wasserwellen	120	Zonen	379
Wasserwert, kalorimetrischer . . .	244	Zugfestigkeit	6
Wasserzersetzung	349	Zugkräfte	45
Wellenbewegung	119	Zungenpfeifen	134
Wellenfläche	203	Zusammendrückbarkeit der Flüs-	
Wellenlänge	120	sigkeiten	86
„ des Lichtes	194	Zusammensetzung von Kräften	43
Wellrad	55	„ von parallelen	
Weltaxe	358	Kräften	57
Wendekreise	378	„ des weißen	
Westpunkt	358	Lichtes	161
		Zusammenziehung des Flüssigkeits-	
		strahls	99





LANE MEDICAL LIBRARY

To avoid fine, this book should be returned on
or before the date last stamped below.

--	--	--

Thes. Psych.
University Berlin
May 8. 1886.

B21 Jochmann, E
J63 Grundriss der Experi-
1885 mentalphysik.

NAME

59011
DATE DUE

